

eul_wid: spw-ab

Θέων ὁ Ἀλεξανδρεύς · Theon of Alexandria

Commentary-Ptolemy's Mathematical Syntax I–IV

Ὑπόμνημα εἰς Πτολεμαίου Μαθηματικὴν Σύνταξιν Α'-Δ'

Period: Ὀψιμαρχία Late Antique

Dialect: Κοινή Koine

Domain: Μαθηματικά Mathematics

Format: Πραγματεία Treatise

- 317 (1t) Θέωνος ἀλεξανδρέως τῆς παρ' αὐτοῦ γεγεννημένης ἐκδόσεως εἰς τὸ πρῶτον τῆς συντάξεως Πτολεμαίου ὑπόμνημα. Συνεχέστερον προτρεπόμενος παρὰ τῶν ἀκροατῶν, τέκνον Ἐπιφάνιε, ὑπαγορεύειν εἰς τὰ ἐκάστω δοκοῦντα δυσχερῇ τῆς μαθηματικῆς Πτολεμαίου συντάξεως, καλῶς ἔχειν ἡγησάμην τὸν ὑπομνηματισμὸν ταύτης ποιήσασθαι, καὶ δεόντως δυοῖν χάριν τῆς τοιαύτης σπουδῆς ἐπιμεληθῆναι τῆς τε τῶν ἀστρονομούντων ἀσκήσεως καὶ τῆς τῶν στοιχειουμένων προτροπῆς.
- 318 Δυνατὸν δ' ἐστὶν τοῖς φιλαλήθως καὶ ζητητικῶς ἐντυγχάνουσιν ἐφικέσθαι ὥς ὅτι πολλὰς ἀποδείξεις τῶν μηδόλως ἐπινοηθεισῶν παρὰ τῶν πρὸ ἡμῶν ὑπομνηματιστῶν παρεθέμεθα ἐξ ὧν καταλελοίπασιν ὑπομνημάτων· τὰ γὰρ σαφέστερα προθέμενοι παραλιπεῖν, τὰ μάλιστα δυσχερῇ παραλελοιπότες φαίνονται. καὶ πρὸς τούτοις τοῦ Πτολεμαίου διαρρήδη ἐν ἀρχῇ τῆς πραγματείας λέγοντος «μέλλοντες ἅπαντα γραμμικῶς ἀποδεικνύειν», αὐτοὶ τὰ πλεῖστα καθάπερ ἐν προχείροις κανόσι διὰ ψιλῶν ἐφόδων περαίνουσιν. ἡμεῖς δὲ σπουδὴν μεγίστην τιθέμεθα μὴ μόνον διὰ τῶν γραμμικῶνδείξεων ἅπαντα κατὰ δύναμιν διεξελθεῖν, ἀλλὰ καὶ μηδὲν ὅλως τῶν δοκούντων εἶναι δυσχερῶν παραλεῖψαι, κἂν μὴ τοσοῦτοι ὦμεν περὶ τῶν τοιούτων διαλαμβάνοντες.
- 319 καὶ διὰ τὸ μὴ μακρὸν ποιῆσαι τὸν ὑπομνηματισμὸν, ἐπὶ μὲν τοῦ πρώτου τῆς συντάξεως διὰ τὸ στοιχειῶδες ἅπαντα κατὰ λέξιν ἐκτιθέμενοι, ἐπὶ δὲ τῶν ἐξῆς ὅσα μὲν καὶ τοῖς μικρὰ συνορᾶν δυναμένοις εὐμαρῇ καταφαίνεται, τούτων ἐκόντες ἀμελήσομεν, ὅσα δὲ τοῖς τοιούτοις μετρίως καταφαίνεται δυσθεώρητα, καὶ τούτων τὰς ἀποδείξεις ἐκτιθέμενοι. χάριν δὲ μεγίστην ἡγούμεθα λαμβάνειν παρὰ τῶν δυνατῶς ἐχόντων διορθοῦσθαι τὰ «μὴ ὡς ἐνῆν εὐχρήστως» παρ' ἡμῶν ἡκριβωμένα, καθάπερ φησὶν καὶ αὐτός, μηδ' αἰσχρὸν ἡγεῖσθαι μεγάλης τινὸς καὶ θείας οὔσης τῆς ἐπαγγελίας κἂν τῆς ὑπ' ἄλλων τύχωμεν διορθώσεως· οὐδὲ γὰρ καὶ αὐτοὶ τοσοῦτους ἑαυτοὺς εἶναι πεπιστεύκαμεν, ὥς ἅπαντα κατὰ λέξιν ἀναμφισβητήτως διεξελθεῖν. «Πάνυ καλῶς οἱ γνησίως φιλοσοφῆσαντες ...» Προσηκόν ἡγοῦμαι τὸν ἀστρονομεῖν ἐπαγγελλόμενον μὴ τὰς ἐκ φιλοσοφίας μακρολογίας παρειαίνειν, ἀλλ' ἐπὶ τὸ συντομώτερον κατὰ τὸ δυνατόν παρατιθέναι ὅσα κατὰ τὴν λέξιν καὶ τὴν ὅλην διάνοιάν ἐστι σαφῆ· καὶ γὰρ ἐστὶν σχεδὸν τὸ ὅλον προοίμιον ὡς ἐγὼ νομίζω σαφές, εἴ τις αὐτὸ κατὰ τὸ ἀπλούστερον ἐκδέχοιτο, καθάπερ καὶ αὐτῷ τῷ Πτολεμαίῳ δοκεῖ· φησὶ γὰρ ἐν τελευταίοις τοῦ προκειμένου προοιμίου· γέγραπται ἡμῖν ἥδε ἡ πραγματεία, ἐφ' ὅσον ἂν «οἱ ἐπὶ ποσὸν προκεκοφότες

παρακολου«θεῖν αὐτῇ δύναιτο», τοὺς νέους λέγων πρὸς οὓς πραγματευόμενος οὐκ ἂν τοιαύτην ἡξίωσεν τὴν τῶν ἑαυτοῦ προοιμίων ἐξήγησιν γενέσθαι, ὡς τὸν ἄκροατὴν εἰς τὰ παρὰ τοῖς φιλοσόφοις βαθέα ζητήματα περιέλκεσθαι. εἰ δὲ τοῦτο μὴ ποιοῖ τις, οὐκ ἂν οἶμαι πολλῶν λόγων δεηθεῖν. ὅθεν ἡμεῖς ἐπὶ τὸ συνελεῖν τὴν ὅλην διάνοιαν ἐρχόμεθα.

320 ἔστιν οὖν κατ' ἐμὴν γνώμην ἡ ὅλη διάνοια τοιαύτη· τὸν εὐζωοῦντα ἄνθρωπον αἰεὶ δεῖ τῆς καλῆς καὶ εὐτάκτου ἔχεσθαι καταστάσεως. ἔστιν δὲ αὕτη ἡ κατάστασις ἐν δυσὶ, τῇ τε θεωρίᾳ καὶ τῇ πράξει, ὅθεν καὶ ἀπὸ ἐπαίνου τῶν ταῦτα διελόντων ἤρξατο, φάσκων καλῶς κεχωρικέναι τὸ θεωρητικὸν ἀπὸ τοῦ πρακτικοῦ τοὺς γνησίως φιλοσοφήσαντας. λέγει δὲ τοὺς ἐκ τοῦ Περιπάτου, ἐπεὶ καὶ μετ' ὀλίγα τοῦ Ἀριστοτέλους μνημονεύων, καὶ τὸ θεωρητικὸν αὐτόν φησιν καλῶς διελεῖν, ὡς ἂν καὶ ἄλλο τι καλῶς διελόντα, δηλαδὴ τὸ εἰρημένον, τὴν ὅλην φιλοσοφίαν εἰς δύο τό τε πρακτικὸν καὶ τὸ θεωρητικόν. λέγουσι δὲ τῇ μὲν θεωρίᾳ προκεῖσθαι τέλος τὸ ἀληθὲς τῇ δὲ πράξει τὴν εὐδαιμονίαν καὶ τὴν τοῦ ἡθους καλοκάγαθίαν, ὅθεν ὑπὸ τὸ πρακτικὸν αἰ τοῦ ἡθους ἀρεταὶ καὶ ἠθικαὶ καλοῦνται. Φησὶ δὲ ὁ Πτολεμαῖος συμβεβηκέναι «τῷ πρακτικῷ τὸ πρότερον αὐτοῦ «τοῦ θεωρητικοῦ τυγχάνειν», διὰ τὸ ἴσως δεῖν πρότερον τὸν πράζοντα τι, καὶ ὅτι αἰρετὸν τὸ πραχθισόμενον κατειληφέναι, καὶ ὅτι διὰ τόνδε ἂν γένοιτο, καὶ τόνδε τὸν τρόπον, ἅπερ ἐστὶν ἀληθευτικῆς καὶ θεωρητικῆς ἕξεως. ἀλλ' ὅμως φησὶν μεγάλην εἶναι ἐν αὐτοῖς τὴν διαφοράν. τῶν μὲν γὰρ ἠθικῶν ἀρετῶν ἐνίας καὶ ἄνευ * διδασκαλίας παραγίνεσθαι· ἐξ ἔθους γὰρ ἅπασαι αὗται πλὴν τῆς φρονήσεως δοκοῦσιν συνίστασθαι. ὅθεν καὶ ἠθικὰς αὐτὰς ἀξιοῦσιν ὀνομάζεσθαι, οἷον ἠθικὰς τινας οὕσας. εἰσὶ δ' αὗται σωφροσύνη, ἀνδρεία, ἐλευθεριότης, δικαιοσύνη, πραότης, καὶ ἀπλῶς καθ' ἃς καλοὶ καὶ ἀγαθοὶ τὸ ἔθος εἶναι λεγόμεθα. δοκοῦσιν δὲ τούτων τινὲς καὶ φυσικῶς παραγίνεσθαι. καὶ γὰρ ἄλογα ζῶα τὰ μὲν ἀνδρεῖα, τὰ δὲ σώφρονα λέγεται εἶναι. τούτων μὲν οὖν τινες καὶ χωρὶς λόγου τοῖς ἀνθρώποις ἐγγίνονται, ἡ δὲ τῶν ὄλων φησὶ θεωρία οὐκ ἄνευ λόγου, οὐχ ἀπλῶς θεωρίαν εἰπών, ἀλλὰ τὴν τῶν ὄλων. γένοιτο γὰρ ἂν τις θεωρία καὶ ἀληθείας κατάληψις καὶ ἄνευ διδασκαλίας, οἷα καὶ αἰ τῶν ἀξιωματῶν (τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἐστὶν ἴσα). Ἐν μὲν οὖν ταύτῃ τῇ διαφορᾷ διαφέρειν τὰ εἰρημένα, ἐτέρᾳ δὲ ὅτι τῆς μὲν πρακτικῆς τὸ ὄφελος ἐξ αὐτοῦ τοῦ πράττειν (τοῦτο δ' ἂν εἴη τὸ διὰ σώματος ἐνεργεῖν) περιγίγνεσθαι, τοῦ δὲ θεωρητικοῦ ἐκ τῆς πρὸς τὰ θεωρήματα σπουδῆς τε καὶ προκοπῆς.

321 Ὅντων οὖν διαφόρων τοῦ τε πρακτικοῦ λέγω καὶ τοῦ θεωρητικοῦ, καὶ κειμένου τοῦ δεῖν ἑκατέρου ἔχεσθαι τὸν εὖ ζῶντα, τοῦτο καὶ αὐτός φησι ποιεῖν, ἑκατέρου ἔχεσθαι, κατὰ «μὲν τὰς πράξεις ρυθμίζων ἑαυτὸν ἐν «αὐταῖς ταῖς τῶν φαντασιῶν ἐπιβολαῖς,» ἀντὶ τοῦ ἐν αὐτῷ τῷ ἄρχεσθαι τε καὶ προαιρεῖσθαι τι πράττειν πειρώμενος εὐτάκτως καὶ οἷον εὐρύθμως τοῦτο ποιεῖν· τοῦ δὲ θεωρητικοῦ φησιν ἔχεσθαι, τῷ τὴν σχολὴν εἰς τὴν τῶν θεωρημάτων καταναλίσκειν διδασκαλίαν, μάλιστα τῶν μαθηματικῶν, ταῦτα δ' ἐστὶν τὰ τε κατὰ γεωμετρίαν καὶ ἀριθμητικὴν καὶ μουσικὴν καὶ ἀστρονομίαν. Ὅτι δὲ καὶ ἡ μαθηματικὴ ὑπὸ τὸ θεωρητικὸν ἐστίν, τὸν Ἀριστοτέλη μάρτυρα παραφέρει, ὃς εἰς τρία διεῖλε τὴν θεωρίαν, εἷς τε τὸ φυσικὸν καὶ μαθηματικὸν καὶ θεολογικόν. καὶ φησιν καλῶς ἔχειν τὴν διαίρεσιν, διότι καὶ τὰ πράγματά ἐστιν τρία, ἐξ ὧν πάντα τὰ ὄντα συνέστηκεν. ἔοικεν δὲ ὄντα λέγειν τὰ φυσικὰ σώματα· ταῦτά γ' οὖν εἶναι ἐξ ὕλης καὶ εἰδους καὶ κινήσεως, τριῶν τούτων πραγμάτων ὃ οὐ δυναμένων μὲν ἀλλήλων καθ' ὑπόστασιν χωρισθῆναι, ὡς ἰδίᾳ μὲν τοῦτο ἰδίᾳ δὲ τὸ ἕτερον καθ' αὐτὸ ὑποστῆναι οὐδὲ οὕτως ὄντων τῶν τριῶν, ἀλλὰ τῷ νοεῖσθαι ἕκαστον αὐτῶν ὡς ἰδίαν ἔχον φύσιν· οὐ γὰρ ἡ αὐτὴ κινήσεως καὶ ὕλης καὶ εἰδους φύσις.

322 Τριῶν οὖν τούτων ὄντων τὴν μὲν κίνησιν ὑποστῆσαι τὸ θεολογικὸν εἶδος· τῷ γὰρ ζητεῖσθαι τὸ τῆς τῶν ὄλων πρώτης κινήσεως αἷτιον (λέγοι δ' ἂν πρώτην κίνησιν τὴν ἀπ' ἀνατολῶν ἐπὶ δύσιν, ταύτην γὰρ πρώτην ὁ κόσμος κινεῖται) τῷ οὖν τὸ ταύτης κινητικὸν αἷτιον ζητεῖσθαι

ὑπέστη ἡ θεολογία. θεὸς γὰρ τούτου τὸ αἷτιον, ἀκίνητός τις καὶ ἀόρατος φύσις «εἴ τις κατὰ τὸ ἀπλοῦν, φησὶν, ἐκλαμβάνει» ἀντὶ τοῦ εἰς ἀπλότητα ἀνατρέχων καὶ χωρίζων αὐτὸ τῶν σωμάτων εἰς αἷτιόν τι τῆς κινήσεως ἀξίων, ὥσπερ κατὰ ἀνάλυσιν γενέσθαι ταύτην τὴν νόησιν, καθάπερ τῶν ἐν τοῖς μαθήμασιν· καὶ γὰρ ἐνταῦθα τὴν τε ἐπιφάνειαν κατὰ τὴν τοῦ στερεοῦ ἀφαίρεσιν ἐνόησαμεν, καὶ τὴν γραμμὴν κατὰ τὴν τοῦ πλάτους, καὶ ἔτι ἀφαιροῦντες καὶ ἀναλύνοντες ἐπὶ τὸ σημεῖον κατηντήσαμεν, χωρίσαντες αὐτοῦ καὶ τὸ μήκος ὃ ἔτι ἦν ὑπολειπόμενον ἵν' εἰς τὸ πάντῃ ἀπλοῦν καὶ ἀμέγεθες ἔλθωμεν. θεολογία μὲν οὖν διὰ τὴν κίνησιν, τὸ δὲ φυσικὸν εἶδος διὰ τὴν ὕλην ὑπέστη. ἔχει γὰρ τὸ φυσικὸν περὶ τὴν αἰετίνουμένην καὶ μεταβάλλουσαν ποιότητα οἷον τὸ λευκὸν τὸ θερμὸν τὸ γλυκὺ τὸ ἀπαλόν, ἃ δῆλον ὅτι οὐ μένει ἐπὶ τῶν αὐτῶν ποιότητων. τὸ δὲ μὴ μένειν παρὰ τὴν ὕλην ἂν εἴη. στάσεως γὰρ μᾶλλον καὶ μονῆς τὸ εἶδος αἷτιον ἀλλ' οὐ ῥύσεως. διὸ τῆς φυσικῆς ἡ ὕλη αἰτία. Ἡ δὲ μαθηματικὴ διὰ τὸ εἶδος ὑπέστη. περὶ γὰρ τοῦτο φησιν αὐτὴν καὶ τὴν τούτου ποιότητα ἔχειν «ἔτι τε τὰς μεταβατικὰς κινήσεις.» εἶδος δ' ἂν λέγοι τὸ πέρας καὶ τὴν ἐπιφάνειαν, ποιότητα δὲ εἶδους τὸ σχῆμα, οἷον τὸ τρίγωνον καὶ τετράγωνον. σκοπεῖσθαι δ' αὐτὴν καὶ περὶ πηλικότητος δηλονότι ὡς τὴν μετρικὴν καὶ περὶ ποσότητος ὡς τὴν ἀριθμητικὴν ἀλλὰ καὶ περὶ τόπου καὶ χρόνου ὡς τὴν ἀστρονομικὴν, ὅτι καὶ ποῦ ὁ ἀστήρ καὶ ἐν πόσῳ χρόνῳ ἀποκαθίσταται καταλαμβάνει.

323 καὶ δὴ εἶναι ταύτην τὴν μαθηματικὴν ὥσπερ ἐν μέσῳ τῆς τε φυσικῆς καὶ τῆς θεολογικῆς. τούτων γὰρ τὸ μὲν αἰσθήσεως ὡς τὸ φυσικὸν χρῆζειν πρὸς τὸ κατανοηθῆναι, τὸ δὲ νοῦ, ὡς τὸ θεολογικόν, τὴν δὲ δύνασθαι καὶ δι' αἰσθήσεως καὶ ἄνευ ταύτης νοεῖσθαι. ἔτι καὶ ταύτην «πᾶσι τοῖς οὖσι συμβεβηκέναι, «καὶ θνητοῖς καὶ ἀθανάτοις» πάντα γὰρ πέρατα καὶ σχήματα ἔχειν τὰ ὄντα, ὡς ἂν περὶ σωμάτων φυσικῶν λέγων, ὅθεν καὶ πρότερον οὕτως ἐξεδεξάμεθα τὸ πάντα τὰ ὄντα ὕλην ἔχειν καὶ εἶδος καὶ κίνησιν. εἰ οὖν πάντα ἐν πέρασι καὶ σχήμασι, περὶ δὲ ταῦτα ἡ μαθηματικὴ, περὶ πάντα ἂν εἴη. τοῖς μὲν οὖν αἰετίνουσιν, ταῦτα δὲ ἐστὶ τὰ φυσικά, «κατὰ τὸ «ἀχώριστόν φησι καὶ αὐτὴ συμμεταβάλλεται». τοῦτο δ' ἂν εἴη ὅτι ταῦτα τὰ φυσικά καὶ αἰετὶν μετά τινος ἐπιφανείας ἐστὶ καὶ εἶδους καὶ αἰετίνου κινήσει τοῦτο τὸ εἶδος ἔχει. τοῖς δὲ αἰθερώδεσιν ἐνυπάρχειν τὴν μαθηματικὴν τῷ καὶ ταῦτα εἶδος ἔχειν, εἶδος δὲ ἀκίνητον. Προετιμήσαμεν οὖν, φησί, τὴν μαθηματικὴν * τῶν ἄλλων, ὅτι τὸ μὲν φυσικὸν ἀκατάληπτον ὄν ἐωρῶμεν, διὰ τὸ ῥευστὸν τῆς ὕλης, τὸ δὲ θεολογικὸν ὁμοίως ἀκατάληπτον, διὰ τὸ παντελῶς ἀφανὲς αὐτοῦ, ἡ δὲ πρόεισι δι' ἀναμφισβητήτων ἀποδείξεων τῶν τε ἀριθμητικῶν καὶ γεωμετρικῶν. πάσης μὲν οὖν τῆς μαθηματικῆς ἐπιμεληθῆναι, μάλιστα δὲ ἀστρονομίας, διὰ τὸ ταύτην μόνην περὶ τὰ αἰετίνου καὶ ὡσαύτως ἔχοντα ἀναστρέφεσθαι. ὁ ἄλλως τε καὶ ὅτι δυνατὴ εἰς τὰ ἕτερα μέρη τῆς φιλοσοφίας ὠφελῆσαι. εἰς μὲν τὸ θεολογικόν, τῷ καὶ αὐτὴν περὶ τὰ θεῖα ἔχειν. ἐγγυτέρω γὰρ τὰ θεῖα εἰ καὶ σώματα τῶν ἀσωμάτων θεῶν, ἥπερ τὰ μὴ θεῖα.

324 ἔτι δὲ καὶ ὅτι εὐτακτὸς ἐστὶν αὐτῶν ἡ φορά. τάξις δὲ θεῶν οἰκεῖον. εἰς δὲ τὸ φυσικὸν συμβάλλεσθαι τὴν ἀστρονομίαν, ὅτι καὶ τοῖς φυσικοῖς σώμασιν ἀπὸ τῆς μεταβατικῆς κινήσεως τὰ ιδιώματα, τῷ τὸ μὲν ἄφθαρτον κύκλῳ κινεῖσθαι, τὸ δὲ φθαρτὸν ἐπ' εὐθείας, ἔτι δὲ καὶ τοῦ φθαρτοῦ τὸ μὲν βαρὺ τὸ ἐπὶ τὸ μέσον φέρεσθαι, τὸ δὲ κοῦφον τὸ ἀπὸ τοῦ μέσου. περίξ ἃ μετέλαβεν εἰς τὸ ποιητικὸν καὶ παθητικὸν ἀντὶ τοῦ εἴ τις μὴ βαρὺ θέλοι λέγει ἀλλὰ παθητικόν, ἢ μὴ κοῦφον ἀλλὰ ποιητικόν. καὶ μὴν καὶ πρὸς τὸ πρακτικόν φησιν τὴν ἀστρονομίαν εἶναι χρήσιμον. συνεθίζουσιν γὰρ τοῖς θεοῖς σώμασιν καὶ ταῖς τούτων εὐταξίαις τε καὶ συμμετρίαις διδάσκουσιν, εἰς ἔρωτα ἄγειν τοῦ καλοῦ, καὶ τάξιν ἐμποιεῖν τῇ ψυχῇ. Τοιοῦτον τοῦ Πτολεμαίου κατὰ τὴν ἡμετέραν γνώμην τὸ τοῦ παντὸς προοιμίου βούλημα.

325 εἴθ' ἐξῆς ἐρεῖ καὶ ὅν τρόπον βούλεται ἐπεξίεναι τῇ πραγματείᾳ καὶ φησιν, αὕξειν πειραῖσθαι τὴν ἀστρονομικὴν περὶ τὰ ἐκκείσόμενα τῶν παλαιῶν. ἐθέλειν γὰρ τὰ μὲν καλῶς ἐκπεπονημένα

αὐτοῖς καὶ ὀρθὴν πεποιημένα τὴν σκέψιν προθύμως προσίεσθαι, τὸν τοῦ μανθάνοντος ἀσπαζόμενος τρόπον. ὅσα δὲ τούτοις παραλέλειπται καὶ ἀναγκαίαν ἔχει τὴν ἐπιζητήσιν εἰς συμπλήρωσιν τῆς θεωρίας, ταῦτα προστιθέναι μετ' ἀκριβοῦς τῆς ἐπισκέψεως. ἀνδρῶν γὰρ ἀστείων ἔργον ταῖς προειληφύαις πραγματείαις ἐπομένων, τὰ μὲν ὀρθῶς εὐρημένα προσίεσθαι καὶ μὴ παρορᾶν, τὰ δὲ ἐλλείποντα προστιθέναι, ὅπερ ἐν ἀπάσῃ τῇ συντάξει τῆσδε τῆς θεωρίας αὐτὸς ποιῶν φαίνεται. τὰ μὲν γὰρ ἀφαιρεῖ τῶν λόγων ὡς τὰ παρέλκοντα, τὰ δὲ διορθοῦται ὡς οὐ καλῶς εἰρημένα, τοῖς δὲ προστίθῃσιν ὡς παραλελειμμένα, ἐπιτιμῶν μὲν οὐδενὶ δημῳδῇ ἐπιτίμησιν, αὐτοῖς δὲ τοῖς πράγμασι προσέχων, κάκεῖθεν τὸν ἔλεγχον λαμβάνων ἢ τὴν πίστιν. εἴτα ἐπεὶ οἶδεν τὸν μακρῷ πολλαπλασίονα χρόνον ἀκριβέστερον ἔτι ποιούμενον τὰς τῶν κινήσεων καταλήψεις, φησὶν τοσαύτην προσθήκην τῇ πραγματεία σπουδάζειν συνεισενεγκεῖν, ὅσῃν ὁ ἀπὸ τῶν παλαιότερων ἀστρονόμων χρόνος μέχρι τοῦ καθ' ἡμᾶς δύναιτ' ἂν περιποιῆσαι. Περὶ τῆς τάξεως τῶν θεωρημάτων.

326 (1t)

Βούλεται ἐν τούτῳ τῷ κεφαλαίῳ τὴν ἀπαρίθμησιν ποιήσασθαι τῶν ὀφειλόντων καθόλου καὶ κατὰ μέρος ἀρχοειδῶς προλημφθῆναι εἰς τὴν τῆς ἀστρονομικῆς συντάξεως θεωρίαν, καὶ δηλῶσαι ὅτι ἀκόλουθον ποιεῖ καὶ τὴν τάξιν τῆς τε τούτων διδασκαλίας, καὶ ἔτι τῆς τῶν ἀστέρων κινήσεως, τῇ πρὸς τὰ φαινόμενα συμφωνίᾳ, ἐπεὶ καὶ αὕτη ἡ ὕλη τῆς προκειμένης θεωρίας.

327

καὶ φησιν προηγεῖσθαι τῶν κατὰ μέρος τῆς τοιαύτης συντάξεως «τὸ τὴν καθόλου σχέσιν ἰδεῖν ὅλης τῆς γῆς πρὸς ὅλον τὸν οὐρανόν». τίς δέ ἐστιν ἡ καθόλου τοιαύτη σχέσις, προϊὼν αὐτὸς διδάσκει λέγων· «τὸ μὲν οὖν καθόλου τοιοῦτον ἂν εἴη προλαβεῖν, ὅτι τε σφαιροειδῆς ἐστὶν «ὁ οὐρανὸς καὶ φέρεται σφαιροειδῶς, καὶ ὅτι ἡ γῆ τῷ μὲν σχήματι καὶ «αὕτη σφαιροειδῆς ἐστὶν πρὸς αἴσθησιν ὡς καθ' ὅλα μέρη λαμβανομένη», τουτέστιν ἥτοι σύμπασα, ἢ κατὰ μεγάλα μέρη, οἷον καθ' ἕκαστον κλίμα μετὰ τε τῶν ὀρῶν καὶ τῶν ἐν αὐτῇ κοιλωμάτων, ὡς τούτων ἐλαχίστων τυγχανόντων πρὸς τὸ ὅλον τῆς γῆς μέγεθος, ἢ καὶ τὰ εἰρημένα μέρη, ἔτι τε καὶ μετὰ τῶν θαλαττῶν καὶ τῶν ποταμῶν. δείκνυμεν γὰρ ἐν τοῖς ἐξῆς ὅτι καὶ ἡ ἐπιφάνεια τῆς θαλάττης καὶ παντὸς ὕδατος ἡρεμοῦντος σφαιροειδῆς ὑπάρχει. «τῇ δὲ θέσει μέση τοῦ παντὸς οὐρανοῦ κεῖται κέντρῳ παρα«πλησίως», σημείου λόγον ἐπέχουσα, ὡς πρὸς τὸ μέχρι τῆς τῶν ἀπλανῶν ἀστέρων σφαίρας ἀπόστημα (οὐ γὰρ ὅτι ἀμεγέθης ἐστὶν καθάπερ σημείου) καὶ ὅτι οὐδὲ κίνησιν τινα ποιεῖται, ἀλλ' ἔστηκεν μέση τοῦ παντὸς ἀκίνητος τυγχάνουσα. Καὶ ταῦτα δηλώσας εἶναι τὰ καθόλου ἀρχοειδῶς ὡς ἐκ ψιλῆς ὑπομνήσεως καὶ ἀπλουστερῶν παρατηρήσεων ὀφείλοντα προλημφθῆναι, ἐξῆς καὶ περὶ τῶν κατὰ μέρος τὴν διάληψιν ποιεῖται, καὶ φησιν ὅτι ἀκόλουθόν ἐστιν, καὶ ἐπὶ τούτων προλαβεῖν ἡμᾶς «περὶ τῆς θέσεως τοῦ λοξοῦ» καὶ * διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου, καθ' οὗ ὁ ἥλιος ἀεὶ φέρεται, τουτέστι πηλίκῃ τις οὔσα ἢ πρὸς τὸν ἡμερινὸν ἔγκλισις αὐτοῦ καταλαμβάνεται ἐπὶ τοῦ διὰ τῶν πόλων αὐτοῦ γραφομένου μεγίστου κύκλου.

328

καὶ γὰρ ἐκ τῆς τοιαύτης ἐγκλίσεως οἱ χρόνοι τῶν ἡμερῶν καὶ νυκτῶν καθ' ἑκάστην ἔγκλισιν τῆς σφαίρας διάφοροι καταλαμβάνονται, ὡς ἐν τῷ δευτέρῳ βιβλίῳ δείκνυσιν. «Ἔτι τε καὶ περὶ τῶν τόπων τῆς καθ' ἡμᾶς οἰκουμένης», τουτέστιν ποῖον μέρος ἐστὶν τῆς γῆς τὸ οἰκούμενον καὶ εἰς γινώσκιν ἡμῖν ἐληλυθός, πότερον τὸ πρὸς ἄρκτους ἢ τὸ πρὸς μεσημβρίαν, καὶ τίς πάλιν ἡ τούτου πηλικότης ἢ κατὰ τε μῆκος καὶ πλάτος (οὐδὲ γὰρ περὶ τῶν ἀγνώστων πρόκειται αὐτῷ διαλαβεῖν) καὶ πηλίκαι τῶν κατὰ τὰς οἰκῆσεις μεγίστων ἢ ἐλαχίστων ἡμερῶν παρὰ τὰς ἡμερινὰς αἱ ὑπεροχαὶ παρὰ τὰς ἐγκλίσεις τῶν ὀριζόντων γινόμεναι, ἐκ τῶν βορειοτέρων καὶ νοτιωτέρων αὐτῶν θέσεων. δῆλον γὰρ ὡς ἐκ τούτων αἱ τοιαῦται γίνονται διαφοραί, καθάπερ ὁ Θεοδόσιος ἐν τῷ Περὶ οἰκῆσεων δείκνυσιν, ὅτι «τὰ ἀπλανῆ ἄστρα ὅσα «ἐστὶν μεταξὺ τοῦ τε ἡμερινοῦ καὶ τοῦ μεγίστου τῶν ἀεὶ φανερῶν πλείονα «χρόνον ὑπὲρ τὸν ὀρίζοντα φέρεται τοῖς πρὸς ἄρκτον οἰκοῦσιν ἢ τοῖς πρὸς «μεσημβρίαν, ὅσα δὲ ἐστὶν μεταξὺ τοῦ τε ἡμερινοῦ καὶ

τοῦ μεγίστου τῶν «ἀεὶ ἀφανῶν πλείονα χρόνον ὑπὲρ τὸν ὀρίζοντα φέρεται τοῖς πρὸς μεσημ«βρίαν οἰκοῦσιν ἢ τοῖς πρὸς ἄρκτους.

329

» διὸ συμβαίνει τοῦ μὲν ἡλίου ἐπὶ τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ τυγχάνοντος μείζονας γίνεσθαι τὰς μεγίστας ἡμέρας ἐπὶ τῶν βορειοτέρων οἰκήσεων ἐλάσσονας δὲ τὰς ἐπὶ τῶν νοτιωτέρων, τοῦ δὲ ἡλίου ἐπὶ τοῦ χειμερινοῦ τροπικοῦ τυγχάνοντος ἀνάπαλιν μείζους μὲν γίνεσθαι τὰς ἐλαχίστας τῶν ἡμερῶν ἐπὶ τῶν νοτιωτέρων οἰκήσεων ἐλάττους δὲ ἐπὶ τῶν βορειοτέρων. γίνονται δὲ καὶ παρὰ τὰς ἀνατολικωτέρας τῶν ὀριζόντων θέσεις διαφοραί, τῷ κατὰ τὸν αὐτὸν χρόνον πλεῖον εἶναι τὸ πλῆθος τῶν ὥρων ὑπὲρ τῶν δυτικωτέρων τῶν ἀνατολικωτέρων. ἔτι δὲ καὶ περὶ τε τὰς ἀναφοράς καὶ τοὺς ὠριαίους χρόνους καὶ περὶ ἄλλα πλείονα γίνονται διαφοραὶ παρὰ τὰς θέσεις τῶν ὀριζόντων, ὡς ἐν τοῖς ἐξῆς φανερόν ποιεῖται. Εἴτα βουλόμενος τὸ χρησίμον τῆς τούτων προδιαλήψεως διδάξαι, φησὶν· «προλαμβανομένη γὰρ ἡ τούτων θεωρία τὴν τῶν λοιπῶν ἐπίσκεψιν εὐοδωτέραν παρέχει.» Ἐξῆς δὲ τούτων τὴν περὶ τῶν ἀστέρων ἐπίσκεψιν μέλλων ποιεῖσθαι, ἀναγκαῖον εὐρίσκει προεκθέσθαι «περὶ τῆς ἡλιακῆς καὶ σεληνιακῆς κινήσεως καὶ τῶν ταύταις ἐπισυμβαίνοντων». ταῦτα δὲ ἐστὶ τὰ περὶ τοὺς ἀποκαταστατικούς χρόνους αὐτῶν καὶ τὰς ἀνωμαλίας καὶ μήκους ἐποχάς, ὁμαλὰς τε καὶ ἀκριβεῖς, ἔτι τε καὶ πλάτους, καὶ ἀποστημάτων καὶ μεγεθῶν, καὶ παραλλάξεων, καὶ συνόδων, καὶ πανσελήνων, καὶ ἐκλείψεων καὶ προσνεύσεων, καὶ ὅσα ἄλλα ἐν τῷ τρίτῳ καὶ τετάρτῳ καὶ πέμπτῳ καὶ ἕκτῳ βιβλίῳ διαλαμβάνει.

330

«Χωρὶς γάρ, φησὶν, τῆς τούτων προδιαλήψεως, οὐδὲ τὰ περὶ τοὺς «ἀστέρας» λέγω δὴ ἀπλανεῖς τε καὶ πλανωμένους «οἷόν τ' ἂν γένοιτο διεξο«δικῶς» τουτέστιν ἐντελέστερον καὶ σαφέστερον καταληφθῆναι. τελευταίου δὲ ὄντος τῶν περὶ τὸν ἥλιον καὶ τὴν σελήνην ἀποδεικνυμένων καὶ τὴν περὶ τῶν ἀστέρων ὡς ἔφαμεν θεωρίαν ποιήσασθαι, προτάττει δὴ καὶ ἐνταῦθα τῆς περὶ τῶν πλανωμένων διαλήψεως τὴν περὶ τῶν ἀπλανῶν ἐπίσκεψιν, ἐξῆς δὲ ταύτης τὴν περὶ τῶν πλανωμένων. Ὅτι δὲ ἀκολουθῶ τάξει ἡ τοιαύτη ἀπαρίθμησις αὐτῶ γεγένηται, δῆλον ἡμῖν οὕτως ἔσται· πρῶτον μὲν γὰρ ἀπὸ τῶν καθολικωτέρων τὴν ἀρχὴν πεποιήται οὐρανοῦ καὶ γῆς, καὶ πρῶτον περὶ οὐρανοῦ. εἴθ' ἐξῆς περὶ τῆς θέσεως τῶν τούτου μερῶν, λέγω δὴ τοῦ τε ζῳδιακοῦ καὶ τῆς καθ' ἡμᾶς οἰκουμένης. εἴτα πάλιν τῶν μερικωτέρων τῆς γῆς τόπων, τουτέστιν τῶν καθ' ἕκαστον ὀρίζοντα παρὰ τὰς ἐγκλίσεις γινομένων διαφορῶν. καὶ ταῦτα δηλώσας εἶναι τὰ ὀφείλοντα προληφθῆναι πρὸς εὐμεταχείριστον ἐπίσκεψιν τῶν λοιπῶν τῆς ἀστρονομικῆς θεωρίας, ἐξῆς καὶ τῶν ἔτι μερικωτέρων τὴν ἀπαρίθμησιν πεποιήται, ἡλίου καὶ σελήνης καὶ τῶν λοιπῶν ἀστέρων ἀπλανῶν τε καὶ πλανωμένων. ὅτι δὲ καὶ τὴν τούτων τάξιν ἀκόλουθον πεποιήται τῇ πρὸς τὰ φαινόμενα συμφωνίᾳ, φανερόν ἡμῖν γενήσεται ἐν τοῖς οἰκείοις τόποις ἐκ τῶν περὶ τὰς καταλήψεις αὐτῶν δεικνυμένων. τὰ μὲν γὰρ περὶ τὰς κινήσεις τῶν ἀπλανῶν τε καὶ πλανωμένων ἐκ τῶν περὶ τὸν ἥλιον καὶ τὴν σελήνην καταλαμβάνεται· διὸ προλαμβάνει τὴν περὶ τούτων πραγματείαν. ἔπειτα αὐτῶν τούτων προλαμβάνει τὴν περὶ τοῦ ἡλίου· ἐκ γὰρ τῶν τούτου καταλήψεων τὰ περὶ τὴν σελήνην καταλαμβάνεται. ἔτι δὲ προτάττει τὴν περὶ τῶν ἀπλανῶν πραγματείαν τῆς τῶν πλανωμένων, ἐπειδήπερ πολλάκις ἡ τοῦ ἀπλανοῦς ἐποχὴ χρησίμος αὐτῷ πρὸς τὴν κατάληψιν τοῦ πλάνητος γίνεται, ὡς ἐν τῷ ἐνάτῳ βιβλίῳ φανερόν ποιεῖται, ὅθεν προσέθηκεν καὶ τὸ εἰκότως προτάττεσθαι τὰ περὶ τῶν ἀπλανῶν σφαίρας τῆς περὶ τῶν πλανωμένων πραγματείας.

331

διὸ καὶ τελευταίαν τὴν τούτων δεῖξιν πεποιήται. Ἐκάλεσεν δὲ πλανωμένους μὲν τοὺς ἐ μόνους τούτους ἀστέρας, λέγω δὴ τὸν τε τοῦ Κρόνου καὶ τοῦ Διὸς καὶ Ἄρεως καὶ Ἀφροδίτης καὶ Ἑρμοῦ, διὰ τὸ μόνους τούτους ὀρᾶσθαι πῇ μὲν ἐστῶτας πρὸς αἴσθησιν πῇ δὲ ἐπὶ τὰ ἐπόμενα πῇ δὲ ἐπὶ τὰ προηγούμενα, τουτέστιν ἐπὶ τὰ ἔμπροσθεν καὶ ὀπίσθεν, καὶ ἔτι ἐπὶ τὰ πλάγια ὡς ἐπὶ τῶν κατὰ πλάτος ἀποστάσεων τὰς παρόδους ποιουμένους, καὶ εἰσφέρειν τοῖς κατὰ τὰς τριόδους

πλανωμένοις. * τοὺς δὲ λοιποὺς ἀστέρας πάντας ἐκάλεσεν ἀπλανεῖς, διὰ τὸ τὰ διαστήματα καὶ τοὺς σχηματισμοὺς αὐτοὺς φυλάττοντας πρὸς ἀλλήλους εἰκέναι τοῖς μὴ ἀπ' ἀλλήλων πλανωμένοις. ἥλιον δὲ καὶ σελήνην οὕτε ἀπλανεῖς καλεῖ, διὰ τὸ μὴ φυλάττειν αὐτοὺς μήτε τὰ πρὸς ἀλλήλους διαστήματα μήτε τὰ πρὸς τοὺς ἀστέρας μήτε μὴν δηλαδὴ τοὺς σχηματισμοὺς, οὕτε δὲ πλανωμένους διὰ τὸ μήτε στηρίζοντας αὐτοὺς φαίνεσθαι μήτε ὑποστρέφοντας. Ἐκαστὰ δὲ τὰ προειρημένα ἀποδείκνυσιν ἀρχαῖς μὲν καὶ ὥσπερ ὕλη τῆς ἀστρονομικῆς θεωρίας προσχρώμενος τοῖς διὰ τῆς τῶν ὀργάνων παρατηρήσεως καταλαμβανομένοις περὶ τὰς κινήσεις συμβεβηκότων, ἔτι δὲ καὶ ταῖς παρὰ τῶν παλαιῶν ἀναγεγραμμέναις ἀκριβέσι τηρήσεσιν, καὶ μάλιστα ταῖς ὑπὸ τοῦ Ἰππάρχου, καὶ αὐταῖς πάλιν δι' ὀργάνων καταλημφθείσαις, ὧν τὰς τε κατασκευὰς καὶ τὰς θέσεις ἔτι τε καὶ τὰς χρήσεις ἐν τοῖς ἐξῆς κατὰ τοὺς οἰκείους τόπους ἐκτίθεται. καὶ τὰς διὰ τούτων εὐθὺς ὑποθέσεις ἐφαρμόζων τὰς ἐφεξῆς τῶν καταλήμψεων ποιεῖται διὰ τῶν ἐν ταῖς γραμμικαῖς δεῖξεσιν ἐφόδων. Εἴτα ἐπεὶ ἐπάνω ἔλεγεν τῆς προκειμένης συντάξεως προηγεῖσθαι τὸ τὴν καθόλου σχέσιν ἰδεῖν ὅλης τῆς γῆς πρὸς ὅλον τὸν οὐρανόν, νῦν ὡς ἔφαμεν ἐρεῖ τίς ἐστὶν ἡ εἰρημένη αὐτῷ καθόλου σχέσις καὶ φησιν· «τὸ μὲν «οὖν καθόλου τοιοῦτον ἂν εἴη προλαβεῖν, ὅτι τε σφαιροειδὴς ἐστὶν ὁ οὐρανὸς «καὶ φέρεται σφαιροειδῶς καὶ ὅτι ἡ γῆ τῷ μὲν σχήματι καὶ αὐτὴ σφαιροειδὴς ἐστὶν πρὸς αἴσθησιν ὡς καθ' ὅλα μέρη λαμβανομένη», καθάπερ ἐπάνω ἐδηλοῦμεν, μετὰ τε τῶν θαλαττῶν καὶ τῶν ὀρῶν, ὡς καὶ τούτων ἐλαχίστας ποιοῦντων ἐπαναστάσεις πρὸς τὸ ὅλον τῆς γῆς μέγεθος ἢ καὶ τὰ εἰρημένα μέρη, καθάπερ ἐὰν ἐν σφαίρᾳ ἐξ ὕλης τινὸς κατασκευασθεῖσιν ποδιαῖαν ἐχούσῃ διάμετρον ψάμμιον προσπαγῇ, ἢ ἐλάχιστόν τι τοιοῦτον κοίλωμα ἐν αὐτῇ γένηται, οὐκ ἤδη καὶ τὸ σφαιροειδὲς σχῆμα ὡς πρὸς τὴν αἴσθησιν ἡλλοίωσεν, οὕτως καὶ ἐπὶ τῆς γῆς ὡς πρὸς τὴν σύγκρισιν τοῦ μεγέθους αὐτῆς τὰ τε ὄρη καὶ τὰ ἐν αὐτῇ κοιλώματα ἐλάχιστα τυγχάνοντα ἀναλλοιώτον αὐτῆς ὡς πρὸς τὴν αἴσθησιν τὸ σφαιροειδὲς σχῆμα συντηροῦσιν.

332 καὶ ἐπ' αὐτῶν δὲ τῶν μεγεθῶν τῆς γῆς καὶ τοῦ μεγίστου ὅρους τὴν τοιαύτην ἐξέτασιν ποιούμενοι, τὸ αὐτὸ τοῦτο ἀποδείξομεν ἐξῆς, ἐν τῷ περὶ τούτου κεφαλαίῳ. διὸ καὶ σφαιροειδῇ αὐτὴν ὑποτίθεται, ἐκ τῶν περὶ αὐτὴν φαινομένων ἐναργῶν τοιαύτης αὐτῆς καταλαμβανομένης. Ἔτι δὲ καὶ τῇ θέσει μέσσην τοῦ παντὸς οὐρανοῦ, καὶ τῷ μεγέθει σημείου λόγον ἔχουσιν, οὐχ' ὡς ἀμεγέθους αὐτῆς ὑπαρχούσης, ἀλλ' ὡς πρὸς τὴν σύγκρισιν ὡς ἔφαμεν τοῦ ὑπερμεγέθους ἀπ' αὐτῆς ἀποστήματος ἐπὶ τὴν τῶν οὐρανίων σφαῖραν. καθὼς καὶ Εὐκλείδης ἐν τοῖς Ὀπτικοῖς φησιν ὅτι ἕκαστον τῶν ὀρωμένων ἔχει τί διάστημα οὗ γενομένου οὐκέτι ὀφθῆσεται. ἐὰν οὖν ἐπινοήσωμεν ἀπὸ τηλικούτου διαστήματος ὁρᾶν τινα τὸ τῆς γῆς μέγεθος, διὰ τὴν ὑπερβολὴν τοῦ ἀποστήματος ἐλάχιστον θεωρηθήσεται ἢ καὶ φεύζεται τὴν αἴσθησιν. διὸ καὶ εἴρηκεν ὡς πρὸς τὸ ἀπόστημα. ἔτι τε καὶ τοῦτο ἂν εἴη τῶν ὡς ἐν ἀρχῇ λόγου ὀφειλόντων προλημφθῆναι, τὸ ἀκίνητον αὐτὴν μένειν καθ' ὃν εἰρήκαμεν τρόπον, μὴδ' ἡντινοῦν κίνησιν ποιουμένην. καὶ ἐπεὶ ὡς ἀρχὰς τὰ τοιαῦτα παραλαμβάνει, τῶν δὲ ἀρχῶν οὐκ ἔστιν ἀποδείξεις ποιήσασθαι, φησὶν· «περὶ τούτων δὲ ἐκάστου τῆς «ὑπομνήσεως βραχέα διελευσόμεθα», τῆς ὑπομνήσεως εἰπὼν καὶ οὐχὶ τῆς ἀποδείξεως. διὸ καὶ ἐπακτικῶ καὶ οὐκ ἀποδεικτικῶ κέχρηται λόγῳ. διαλαμβάνει δὲ περὶ τούτων ἀπὸ κοινῶν ἐννοιῶν καὶ ψιλῶν τινων παρατηρήσεων, οὐχὶ ὡς ἀποδείξεως ὡς ἔφαμεν τῶν ἀρχῶν ποιούμενος, ἀλλὰ ὑπομνησκὼν ὅτι αὗται αἱ λαμβανόμεναι αὐτῷ ἀρχαὶ οὐχὶ τυχόντως καὶ ἀνοικεῖως λαμβάνονται, ἀλλ' ὡς ὅτι μάλιστα ἀρμοζόντως τῇ πρὸς τὰ φαινόμενα συμφωνίᾳ· οὕτως γὰρ ὁ τρόπος ἀρμόττει τοῖς περὶ ἀρχῶν λόγοις.

334 (1t) Ὅτι σφαιροειδῶς ὁ οὐρανὸς φέρεται. Ποιησάμενος τὴν ἀπαρίθμησιν τῶν τε καθόλου καὶ κατὰ μέρος τῆς ἀστρονομικῆς συντάξεως ὀφειλόντων προλημφθῆναι, καὶ δηλώσας ὡς ὅτι πρὸ πάντων χρὴ προλαβεῖν τοῦτο τὸ συναμφοτέρων, ὅτι τε σφαιροειδὴς ἐστὶν ὁ οὐρανὸς καὶ

φέρεται σφαιροειδῶς, ἐνταῦθα καθ' ὃν εἰρήκαμεν τρόπον τὴν περὶ τούτων ὑπόμνησιν μέλλων ποιεῖσθαι, ἐπέγραψεν τὸ προτεθὲν κεφάλαιον «ὅτι σφαιροειδῶς ὁ οὐρανὸς φέρεται», παραλιπὼν ὅτι καὶ σφαιροειδής ἐστιν. ἔοικεν δέ, ἐπεὶ ἀπὸ τῆς τοῦ παντὸς σφαιροειδοῦς φορᾶς τὴν ὑπόμνησιν ποιεῖται τοῦ σφαιροειδῆ αὐτὸν εἶναι, ἀπὸ ταύτης καὶ τὴν ἐπιγραφὴν τοῦ κεφαλαίου πεποιῆσθαι. Ἐρεῖ οὖν πρότερον πόθεν εἰς ἔννοιαν ἀνῆλθον οἱ παλαιοὶ τῆς τοιαύτης τοῦ παντὸς φορᾶς. καὶ φησιν ὅτι «ἑώρων γὰρ τὸν τε ἥλιον καὶ τὴν σελή«νην καὶ τοὺς ἄλλους ἀστέρας ...» τοὺς τε ἀπλανεῖς καὶ πλανωμένους κατὰ παραλλήλων κύκλων φερομένους. τὸ μὲν οὖν «κατὰ κύκλων φερομένους», ὡς ἦδη ἔννοιαν αὐτῶν εἰληφότων ἀπὸ τῆς συνεχοῦς περὶ * τὰ οὐράνια κατανοήσεως καὶ μάλιστα ἀπὸ τῶν αἰεὶ φανερῶν ἄστρον, ὅτι σφαιροειδῶς φέρονται, καθὼς καὶ ἐπάγων ἐξῆς φησιν· «Μάλιστα δ' αὐτοὺς ἦγεν εἰς τὴν «σφαιρικὴν ἔννοιαν ἢ τῶν αἰεὶ φανερῶν ἄστρον περιστροφή κυκλοτερῆς «θεωρουμένη ...» καὶ τὰ ἐξῆς. τὸ δὲ καὶ κατὰ παραλλήλων κύκλων ἐπὶ μὲν ἡλίου καὶ σελήνης καὶ τῶν εἰς πλανωμένων ὅτι ἐκ τῆς τοῦ παντὸς ἀπὸ ἀνατολῶν ἐπὶ δυσμᾶς πρώτης φορᾶς φερόμενοι οὕτως αὐτοῖς ἐφαίνοντο, ὡς πρὸς αἴσθησιν ἐπὶ τῆς κατὰ μίαν ἐκάστην ἡμέραν θεωρίας, ἀνεπαίσθητου γινομένης ἐν τοσοῦτῳ τῆς διαφορᾶς τῶν παραλλήλων πρὸς τὰς ἑλικας τὰς κατὰ τὸ ἀληθὲς ὑπ' αὐτῶν γραφομένας ἕκ τε τῆς αὐτῶν κινήσεως καὶ ἐκ τῆς τοῦ παντὸς γινομένης αὐτῶν περιφορᾶς.

335 τῆς γὰρ τῶν ὅλων πρώτης φορᾶς ἀπ' ἀνατολῶν ἐπὶ δυσμᾶς εἰς τὰ προηγουμένα γενομένης, τῆς δὲ τῶν ἀστέρων κινήσεως ἀπὸ δυσμῶν ἐπὶ ἀνατολᾶς καὶ εἰς τὰ ἐπόμενα θεωρουμένης, καὶ ταύτης μὴδὲ κατὰ παραλλήλων τινῶν τῶν τοῖς πόλοις τῆς σφαίρας ἐν τῇ περιφορᾷ γραφομένων ἀλλὰ κατὰ λοξῶν τούτοις, συμβήσεται ἑλικας αὐτοὺς γράφειν ἐκ τῆς συναμφοτέρων ὑπεναντίας κινήσεως. Νενοήσθω γὰρ ἡ σφαῖρα καὶ ἐν αὐτῇ μεσημβρινὸς μὲν ὁ ΑΒΓΔ, πόλοι δὲ αὐτῆς τὰ Β, Δ σημεῖα. καὶ ἔστω μέγιστος τῶν παραλλήλων τῶν τοῖς πόλοις τῆς σφαίρας ἐν τῇ περιφορᾷ γραφομένων ὁ ΑΕΓ κύκλος, λοξὸς δὲ πρὸς τοῦτον ὁ ΖΕΘΗ. ἐὰν δὴ νοήσωμέν τινα τῶν πλανωμένων ἀστέρων κατὰ τὸ Θ, τῆς ὅλων φορᾶς περὶ τοὺς Β, Δ πόλους ὁμαλῶς ἀποτελουμένης, εἰ μὲν ὁ ἀστήρ ἐπὶ τοῦ Θ μένει, δηλονότι γράψει κύκλον παράλληλον τῷ ΑΕΓ. ἐπεὶ δὲ ἐν ᾧ ἡ τῆς σφαίρας στροφή ἀποτελεῖται, καὶ ὁ κατὰ τὸ Θ ἀστήρ κινεῖται, καὶ γίνεται λόγου ἔνεκεν κατὰ τὸ Κ, γράψει ἄρα γραμμὴν ἐκ τῆς περιφορᾶς ὡς τὴν ΘΛΚ, καὶ πάλιν ἕως ἐτέρα περιφορὰ γένηται, κινήθεις καὶ γενόμενος ὡς κατὰ τὸ Ν, γράψει καὶ ἐτέραν γραμμὴν ὡς τὴν ΚΜΝ, ἥτις ἔσται ἡ καλουμένη ἑλιξ. Ἐπὶ δὲ τῶν ἀπλανῶν ἀληθέστερον ἂν εἴη μᾶλλον τὸ λεγόμενον ὡς ὅτι ἑώρων αὐτοὺς κατὰ παραλλήλων κύκλων φερομένους, διὰ τὸ τὴν τούτων ἰδίαν κίνησιν βραχεῖαν καὶ ἀνεπαίσθητον εἶναι παντελῶς.

336 δείκνυνται γὰρ ἐν τοῖς ρ ἔτεσιν μίαν μοῖραν ἔγγιστα εἰς τὰ ἐπόμενα κινούμενοι κατὰ λοξῶν ὁμοίως κύκλων πρὸς τὸν ἰσημερινόν. »... Καὶ ἀρχομένους μὲν ἀναφέρεσθαι κάτωθεν ἀπὸ τοῦ ταπεινοῦ καὶ «ὥσπερ ἐξ αὐτῆς τῆς γῆς, μετεωριζομένους δὲ κατὰ μικρὸν εἰς ὕψος ...» Καίτοι ἴσων ὄντων τῶν ἀπὸ τῆς γῆς ἐπὶ τὸν οὐρανὸν διαστημάτων, ταπεινὸν ἐκάλεσεν τὸν πρὸς τῇ ἀνατολῇ τόπον· ταπεινὸν δὲ οὐχὶ πρὸς τὸ ἀπόστημα ἀλλ' ὡς πρὸς ἡμᾶς, ἐπεὶ καὶ τὸ μὲν πρὸς τῇ κεφαλῇ αὐτοῦ ἕκαστος ἄνω καλεῖ, τὸ δὲ πρὸς τοὺς πόδας κάτω. καὶ ἔστι τὸ πρὸς τοὺς πόδας τὸ πρὸς τῷ ὀρίζοντι ἔνθα ἐστὶν καὶ ἡ ἀνατολή. ὅθεν καὶ τὸ «μετεω«ριζομένους κατὰ μικρὸν εἰς ὕψος» προσέθηκεν, ἐπεὶ καὶ τάξει φέρονται ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος ὡς ἐπὶ τὸ μεσουρανοῦν, ὃ δοκεῖ ἐκάστω ὡς πρὸς τῇ κεφαλῇ καὶ ἄνω τυγχάνειν. εἴτα πάλιν ἀναλόγως ἀπὸ τούτου πρὸς τὴν δύσιν, καὶ ὥσπερ εἰς τὸ κάτω καὶ πρὸς τοὺς πόδας, ἕως οὗ καὶ ταῖς ὀψεσιν τῶν τηρούντων ἀφανεῖς γένωνται. ἐπεὶ δὲ καὶ τινα χρόνον μείναντες αὐτοὶ ἀφανεῖς ὥσπερ ἀρχὴν πάλιν ἐτέραν ἐλάμβανον τοῦ ἀνατέλλειν καὶ ὑπὲρ γῆν ἀκολουθῶς φαίνεσθαι, ἔφησεν καὶ «ὥσπερ ἐξ ἄλλης ἀρχῆς» αὐτοὺς φαίνεσθαι ἀνατέλλειν, διὰ τὸ τὸν ἀφανισμόν αὐτῶν διακόπτειν τὴν φαινομένην αὐτῶν τῆς φορᾶς συνέχειαν, «τοὺς δὲ χρόνους τούτους» καθ' οὓς φανεροὶ

ἐγίνοντο καὶ ἀφανεῖς «καὶ ἔτι τοὺς τόπους» ἀφ' ὧν ἀνέτελλόν τε καὶ ἔδυνον τεταγμένους, καὶ ὁμοίως τὰς ἀνταποδόσεις λαμβάνοντας. τοὺς μὲν οὖν χρόνους ὑδρίοις καταμετροῦντες τοὺς αὐτοὺς καθ' ἑκάστην ἐξ ἐπιλογισμῶν κατελαμβάνοντο τῆς τε ὑπὲρ γῆν φορᾶς καὶ τοὺς αὐτοὺς τῆς ὑπὸ γῆν, ἐπὶ τῶν ἀπλανῶν ἀστέρων τῆς συναμφοτέρου ὑπὲρ γῆν καὶ ὑπὸ γῆν φορᾶς τῆς χρόνων συναγομένης. καὶ τοὺς τόπους δὲ τοὺς ἐπὶ τοῦ ὀρίζοντος ἀνατολικούς καὶ δυτικούς καὶ ἔτι τοὺς ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ, τοὺς αὐτοὺς πάλιν μένοντας πρὸς αἴσθησιν κατελαμβάνοντο.

337 οὐκέτι δὲ καὶ ἐπὶ ἡλίου καὶ σελήνης καὶ τῶν ἐπλανωμένων οἱ αὐτοὶ χρόνοι καὶ τόποι κατελαμβάνοντο, ἀλλὰ τάξει τινὶ κατὰ τὴν ἀνταπόδοσιν ἀμειβόμενοι. «Μάλιστα δὲ αὐτοὺς ἦγεν εἰς τὴν σφαιρικὴν ἔννοιαν ἢ τῶν ἀεὶ φανερῶν «ἀστέρων περιστροφή κυκλοτερῆς θεωρουμένη καὶ περὶ κέντρον ἐν καὶ «τὸ αὐτὸ περιπολουμένη». Ἐὼρων γὰρ ἀστέρας τινὰς περὶ τὸν βόρειον πόλον μῆτε ἀνατέλλοντας μῆτε δύνοντας, ἀλλὰ πάντοτε ὑπὲρ γῆς φερόμενους καὶ ἐκ τῆς περιφορᾶς κύκλους γράφοντας, ἐξ ὧν μάλιστα ἐνενόουν σφαιρικὴν εἶναι τὴν κίνησιν τῷ τοὺς μὲν αὐτῶν ἐλάττονας κύκλους γράφειν τοὺς δὲ μείζονας, καὶ φαίνεσθαι τὸν μείζονα κύκλον γράφοντα ἐκ τῆς περιφορᾶς ὥσπερ ἐφαπτόμενον τῆς τοῦ ὀρίζοντος ἐπιφανείας, * καὶ ἐμπεριλαμβάνοντα τῷ ὑπ' αὐτοῦ γραφομένῳ κύκλῳ πάντα τὰ ἀεὶ φανερά ἀστρα, τοῦ δὲ ὑπὸ τινος ἀστέρος γραφομένου ἐλαχίστου κύκλου ὥσπερ μέσον τι σημεῖον ἀκίνητον· τοῦτο δὲ ἐγένετο ὥσπερ κέντρον τῶν ἐκ τῆς περιφορᾶς τῶν ἀεὶ φανερῶν ἀστέρων γραφομένων κύκλων. κέντρον δὲ εἶπεν καὶ οὐχὶ πόλον, ὥσπερ κοινῇ καὶ σαφεστέρα ἐννοία καταχρώμενος. ἀναγκαῖον οὖν ἦν ἡγεῖσθαι τοῦτο τὸ σημεῖον κατὰ τοῦ πόλου τῆς σφαίρας· ἀκόλουθον γὰρ ἦν λοιπὸν καὶ λέγειν σφαῖραν. «Τῶν μὲν μᾶλλον αὐτῷ πλησιαζόντων κατὰ μικροτέρων κύκλων φερομένων, τῶν δὲ ἀπώτερω πρὸς τὴν τῆς διαστάσεως ἀναλογίαν μείζονας «κύκλους ἐν τῇ περιγραφῇ ποιούντων», καὶ διὰ τοῦτο τὸ σφαιρικὸν σχῆμα ἐκτυπούντων, «ἔως ἂν ἡ ἀπόστασις καὶ μέχρι τῶν ἀφανιζομένων φθάσῃ». Λοιπὸν γὰρ οἱ ἀπώτερον τοῦ μεγίστου τῶν ἀεὶ φανερῶν παράλληλοι κύκλοι ἐτέμνοντο ὑπὸ τοῦ ὀρίζοντος καὶ οἱ τούτους γράφοντες ἀστέρες ἀνέτελλόν τε καὶ ἔδυνον. καὶ τούτων ὁ μὲν πλησιέστερον τοῦ μεγίστου τῶν ἀεὶ φανερῶν ἀνατέλλον τε καὶ δύνων ἐλάττονα χρόνον ἐποίει ἀφανῆς αὐτοῖς γενόμενος τοῦ ἀπώτερον, καὶ οἱ ἐξῆς ἀναλόγως, ὥς καὶ τὰ ὑπὸ γῆν τμήματα τῶν παραλλήλων κύκλων τὰ ἔγγιον τοῦ μεγίστου τῶν ἀεὶ φανερῶν ἐλάττονα ἢ ὅμοια εἶναι τῶν ἀπώτερον, ἀνάπαλιν δὲ τὰ ὑπὲρ γῆν μείζονα μὲν ἢ ὅμοια τὰ ἔγγιον τοῦ μεγίστου τῶν ἀεὶ φανερῶν τῶν ἀπώτερον, ὥς συνάγεσθαι τὰ ὑπὲρ γῆν τμήματα τὰ ἔγγιον τοῦ φανεροῦ πόλου τῶν ἀπώτερον μείζονα ἢ ὅμοια τυγχάνειν, ὅπερ τῷ σφαιρικῷ σχήματι δέδεικται ἀρμόττον, καθ' ἃ καὶ ὁ Θεοδόσιος ἐν τῷ δευτέρῳ τῶν Σφαιρικῶν ἐπέδειξεν ὅτι «ἐὰν ἐν σφαίρᾳ μέγιστος κύκλος παραλλήλους τινὰς κύκλους τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ μὴ διὰ τῶν πόλων τέμνῃ .

338 ..» ὥσπερ ὁ ὀρίζων ἐπὶ τῶν ἐγκλίσεων τοὺς παραλλήλους τῷ ἰσημερινῷ, τῶν ἀπολαμβανομένων περιφερειῶν ἐν ἐνὶ τῶν ἡμισφαιρίων μείζονες ἢ ὅμοιαι ἔσονται αἰεὶ αἱ ἔγγιον τοῦ φανεροῦ πόλου τῶν ἀπώτερον, ὥς τὴν μὲν ἀρχὴν τοῦ σφαιρικῶν εἶναι τὸ σχῆμα τοῦ παντὸς ἐκ τῶν τοιούτων ἐννοιῶν αὐτοὺς λαβεῖν. ἔτι δὲ καὶ ἐκ τῆς συνεχεστέρας παρατηρήσεως προκόπτοντες περὶ τὴν θεωρίαν καὶ τὰ λοιπὰ πάντα περὶ τὰς κινήσεις τῶν ἀστέρων, σύμφωνα κατελαμβάνοντο τῷ σφαιρικῷ σχήματι, μαχόμενα δὲ τοῖς ἕτερον παρὰ τοῦτο δοξάζουσιν. «Φέρε γάρ, εἴ τις ὑπόθοιτο τὴν τῶν ἄστρων φορὰν ἐπ' εὐθείας γενομένην ἐπ' ἄπειρον φέρεσθαι καθάπερ τισὶν ἔδοξε ...». Αὕτη ἡ δόξα ἐπικούρειος μὲν ἐστίν, ἐναργῶς δὲ μαχομένη τοῖς φαινομένοις.

339 ἀπορήσειεν γὰρ ἂν τις ἐπιζητῶν, ὃν τρόπον ἐπ' εὐθείας καὶ ἐπ' ἄπειρον ἀπιόντα τὰ ἄστρα ἡδύνατο ὑποστρέφειν, καὶ ὥσπερ ἀπ' ἄλλης ἀρχῆς ὥς ἔφαμεν καθ' ἑκάστην περιφερόμενα θεωρεῖσθαι. «πῶς γὰρ «ἀνακάμπτειν ἡδύνατο τὰ ἄστρα ἐπ' ἄπειρον ὁρμώμενα;» ἢ γὰρ τὴν

ἄπειρον οὐδὲ ὅλως διεξήρχοντο, ἢ εἰ καὶ ἀνέκαμπτον, φαίνεσθαι ἡμῖν αὐτὰ ἂν ἦν ἀκόλουθον ἀνακάμπτοντα. ἔτι δὴ καὶ καθ' ἃ Εὐκλείδης ἐν τοῖς Ὀπτικοῖς, ἕκαστον τῶν ὁρωμένων ἔχει τι μέγεθος διαστήματος, οὗ γενομένου οὐκέτι ὀφθήσεται. καὶ πάλιν, τῶν ἴσων μεγεθῶν καὶ ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας ὄντων, τὰ ἐκ πλείονος διαστήματος ὁρώμενα ἐλάττονα φαίνεται. ὥς συνέβαινεν, ἐπ' εὐθείας τῶν ἄστρων ἀπιόντων, τὰ τε μεγέθη αὐτῶν καὶ τὰ διαστήματα τὰ πρὸς ἀλλήλα μείζονα ὄντα ἐλάττονα φαίνεσθαι, καὶ ἐκ τῆς συνεχοῦς ἐπὶ πλεῖον ἀποστάσεως κατὰ μικρὸν τῶν μεγεθῶν ἐλαττουμένων, ἀφανῆ ἡμῖν αὐτὰ καθίστασθαι ἐκ τῆς οἰκείας ἐκάστου ἀποστάσεως, ὅπερ τοῦναντίον ὁρῶμεν ἀντιπίπτον ἐκ τῶν φαινομένων. ὅτε γὰρ δοκοῦσι κατ' αὐτοὺς ὥς ἂν ἐκ τῆς πλείονος ἀποστάσεως ἀφανῆ γίνεσθαι, τότε καὶ μείζονα τὰ μεγέθη αὐτῶν ὁρῶμεν καὶ ἀνοικεῖως τῆς ἐπ' εὐθείας φορᾶς ἀφανιζόμενα· τὰ γὰρ ἐπ' εὐθείας ἀπιόντα μεγέθη κατὰ μικρὸν ὥς ἔφαμεν ὁρῶμεν μειούμεενα ταῖς ὀψεσιν μέχρις ἂν καὶ τέλεον ἀφανισθῶσιν, καὶ οὐχὶ κατὰ μέρος ἐν βραχεῖ χρόνῳ ἀποτεμνόμενά τε καὶ ἀφανιζόμενα, καθάπερ ὁρῶμεν ἐν τοῖς ἀφανισμοῖς ἢ καταδύσεσι τῶν ἀστέρων, ὥς ἂν ἐκ τῆς ἐπιπροσθέσεως τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς κατὰ μέρος αὐτὰ ἀφανῆ γίνεσθαι.

340 «Ἀλλὰ μὴν καὶ τὸ ἀνάπτεσθαι τε αὐτὰ ἀπὸ τῆς γῆς, καὶ πάλιν εἰς «αὐτὴν ἀποσβέννυσθαι, τῶν ἀτοπωτάτων ἂν φανείη παντελῶς.» Ἔτι δὲ τὸ ἀνάπτεσθαι καὶ σβέννυσθαι τὰ ἄστρα καθ' Ἡράκλειτον εὐήθες ἂν εἴη παντελῶς, ἵνα γὰρ συγχωρήσωμεν τὴν τοσαύτην ἐν αὐτοῖς ἀμετάπτωτον τάξιν, τῶν τε μεγεθῶν καὶ τῆς ποσότητος, τουτέστιν καὶ τοῦ πλήθους τῶν ἐν ταῖς μορφώσεσι καταδηλοτέρων, ἔτι τε καὶ διαστάσεων καὶ σχηματισμῶν ὧν ἔχουσι πρὸς ἀλλήλους, καὶ τῶν τόπων ἐφ' ὧν ἀνατέλλουσι καὶ μεσουρανοῦσι καὶ δύνουσι, καὶ τῶν χρόνων ὧν ποιοῦνται ὑπὲρ γῆν μένοντες καὶ ὑπὸ γῆν, ἢ τῶν προανατολῶν ἢ προμεσουρανήσεων ἢ προκαταδύσεων ὧν ποιοῦνται πρὸς ἀλλήλους, οὕτως εἰκὴ καὶ ὥς ἔτυχεν ἀποτελεῖσθαι, καὶ συγχωρήσωμεν αὐτοῖς λέγειν τὰ μὲν ἀνατολικά μέρη ἀναπτικῆς εἶναι φύσεως τὰ δὲ δυτικά σβεστικῆς συνάγεται, ἐννοούντων ἡμῶν τὰ πρὸς τοὺς ἀντίποδας, τὸν αὐτὸν τόπον τῆς γῆς καὶ ἀναπτικὸν εἶναι καὶ σβεστικόν· αἱ γὰρ ἡμῶν ἀνατολαὶ ἐκείνων δύσεις εἰσὶ καὶ αἱ ἐκείνων δύσεις ἡμῶν ἀνατολαί. καὶ ἔτι συμβήσεται τὰ ἄστρα τοῖς μὲν ἤδη ἀνημμένα ἢ ἐσβεσμένα τυγχάνειν, τοῖς δὲ μήπω· τὰ γὰρ παρὰ τοῖς ἀνατολικωτέροις ἀνατέλλοντα οὐδέπω παρὰ τοῖς δυτικωτέροις ἀνατέλλει· ὁμοίως καὶ τὰ * δύνοντα τοῖς ἀνατολικωτέροις τοῖς δυτικωτέροις ὑπὲρ γῆν ἐστίν. εἴ τις οὖν ταῦτα συγχωρήσειεν αὐτοῖς οὕτως ὄντα γελοῖα καὶ ἐναργῶς τῇ δόξῃ αὐτῶν μαχόμενα, τί ἂν περὶ τῶν αἰ φανερῶν ἄστρων ἔχοιεν εἰπεῖν, τῶν μήτε ἀνατελλόντων μήτε δυνόντων; ἢ διὰ ποίαν αἰτίαν ἐπὶ μὲν τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας οἰκήσεων πάντα καὶ ἀνάπτεται καὶ σβέννυται, τουτέστιν καὶ ἀνατέλλει καὶ δύνει, ἐπὶ δὲ τῶν κατὰ τὴν ἔγκλισιν ὁρῶμέν τινα μήτε ἀνατέλλοντα μήτε δυόμενα, ἀλλ' αἰ ὑπὲρ γῆς μένοντα παντάπασιν; καταδήλου ὄντος ἐκ τῶν φαινομένων τοῦ τοὺς αὐτοὺς ἀστέρας ἐν τισιν μὲν οἰκήσεσιν ἀνατέλλειν τε καὶ δύνειν.

341 τουτέστιν ἀνάπτεσθαι κατ' αὐτοὺς καὶ σβέννυσθαι, ἐν τισι δὲ μὴδὲ ὁπότερον, ὥς συμβαίνειν περὶ τὰ αὐτὰ ἄστρα τὰ ἐναντία, τὸ καὶ ἀνάπτεσθαι αὐτὰ καὶ σβέννυσθαι, καὶ μὴτε ἀνάπτεσθαι μὴτε σβέννυσθαι. «Συνελόντι τε εἰπεῖν, κἂν ὁποῖόν τις ἕτερον σχῆμα τῆς τῶν οὐρανίων «φορᾶς ὑπόθῃται πλὴν τοῦ σφαιροειδοῦς, ἀνίσους ἀνάγκη γίνεσθαι τὰς «ἀπὸ τῆς γῆς ἐπὶ τὰ μέρη τῶν μετεώρων ἀποστάσεις, ὅπου δ' ἂν αὕτη «καὶ ὥς ἂν ὑποκέηται, ὥστε ὀφείλειν καὶ τὰ μεγέθη καὶ τὰ πρὸς ἀλλήλους «διαστήματα τῶν ἀστέρων ἄνισα φαίνεσθαι καθ' ἐκάστην περιφοράν, ὥς «ἂν ποτὲ μὲν ἀπὸ μείζονος, ποτὲ δὲ ἀπὸ ἐλάττονος γινόμενα διαστήματα...» Καὶ συλλαβόμενόν φησιν εἰς ἓν τι κοινὸν τὰ κατὰ μέρος, ἐστὶν εἰπεῖν, ὅτι κἂν ὁποῖόν τις ἕτερον σχῆμα τῆς φορᾶς τῶν οὐρανίων ὑπόθῃται παρὰ τὸ σφαιροειδές, τουτέστιν παρὰ τὸ περὶ πόλους καὶ ἄξονα φέρεσθαι (τὴν γὰρ φορὰν κυκλοφορητικὴν τυγχάνουσαν γενικώτερον σφαιροειδῆ

καλεῖ), ἀνίσους ἀνάγκη γίνεσθαι τὰς ἀπὸ τῆς γῆς ἐπὶ τὰ μέρη τῶν μετεώρων ἀποστάσεις, ὅπου δ' ἂν αὐτὴ ὑποτεθεῖ, καὶ ὁποῖον ἂν σχῆμά τις αὐτῆς ἐπινοήσειεν. συμβήσεται γάρ. ἕτερον παρὰ τοῦτο τῆς φορᾶς σχῆμα λαμβανούσης, ἥτοι τριγωνοειδὲς ἢ ἑτερόμηκες ἢ ἄλλο τι παρὰ τὸ περὶ πόλους καὶ ἄξονα μένοντας, καὶ τὸ αὐτὸ τῇ ἐπ' εὐθείας πασχούσης, πλησιέστερον καὶ ἀπώτερον χωροῦντα φαίνεσθαι τὰ ἄστρα, ὥστε παρακολουθεῖν μὴ μόνον τὰ μεγέθη αὐτῶν ὡς ἔφαμεν ἄνισα φαίνεσθαι, ἀλλὰ καὶ τὰ πρὸς ἀλλήλους διαστήματα, καθ' ἑκάστην περιφορὰν, τουτέστιν καθ' ἑκάστην ἡμέραν, καθὰ καὶ Εὐκλείδης ἐν τοῖς Ὀπτικοῖς «τὰ ἴσα μεγέθη (ἥτοι «διαστήματα) ἄνισον διεστηκότα» ἀπὸ τοῦ ὁμματος «ἄνισα φαίνεται.

342 » Εἰ δέ τις λέγοι καὶ ἐπὶ κυλινδροειδοῦς καὶ κωνοειδοῦς φορᾶς δύνασθαι τὰ μεγέθη τῶν ἀστέρων ἴσα φαίνεσθαι καθ' ἑκάστην ἡμέραν, διὰ τὸ καὶ ἐπὶ τῶν τοιούτων φορῶν κατὰ παραλλήλων κύκλων πρὸς αἴσθησιν φερομένους τοὺς ἀστέρας δύνασθαι τὰ τε μεγέθη καὶ τὰ διαστήματα ἴσα ποιοῦντας φαίνεσθαι, λέξομεν καὶ τὰς τοιαύτας φορὰς σφαιροειδεῖς ὑπάρχειν, διὰ τὸ καὶ αὐτὰς περὶ πόλους μένοντας καὶ ἄξονα φερομένας τὸ τοιοῦτον ἀποτελεῖν. καὶ ἐπεὶ πλείονά ἐστιν σχήματα στερεὰ περὶ πόλους καὶ ἄξονα δυνάμενα φέρεσθαι, πάντα δὲ κατὰ παραλλήλων κύκλων φέροντα τοὺς ἀστέρας (τοῦτο γὰρ ἴδιον τῶν περὶ πόλους μένοντας φορῶν) δεῖξομεν ἐκ τῶν περὶ τοὺς πλανωμένους ἀστέρας φαινομένων ὅτι οὐχ οἷόν τε ἕτερον εἶναι τὸ τοῦ οὐρανοῦ σχῆμα παρὰ τὸ σφαιρικόν, καὶ μάλιστα ὅτι οὔτε κυλινδρικὸν οὔτε κωνικὸν δύναται τυγχάνειν, ὅπερ ἂν μᾶλλον τις ὡς πιθανώτερον ἡγήσαιτο. Ὅτι μὲν οὖν κυλινδρικὸν οὐχ οἷόν τε εἶναι τὸ τοῦ οὐρανοῦ σχῆμα, οὕτως ἂν κατανοήσαιμεν. Ἐστω εἰ δυνατόν ὡς ὁ ΑΒΓΔ κύλινδρος, καὶ βάσεις μὲν αὐτοῦ ἔστωσαν οἱ ΑΒ, ΓΔ κύκλοι, πρὸς ἄρκτους καὶ μεσημβρίαν τετραμμένοι, ὅπερ ἂν τινες πάλιν ὡς πιθανὸν ἡγήσαιντο ὑποθέσθαι, ἄξων δὲ ὁ ΕΖ, πλευραὶ δὲ αὐτοῦ ἔστωσαν αἱ ΑΓ, ΒΔ, ἐν τῷ διὰ τοῦ ἄξωνος ἐπιπέδῳ παράλληλοι δηλονότι αὐτῷ γιγνόμεναι, διάμετροι δὲ τῶν βάσεων αἱ ΑΕΒ, ΓΖΔ, ὥστε ΑΕΓΖ τὸ παραλληλόγραμμον μενούσης τῆς ΕΖ περιενεχθέν, πεποικέναι τὸν κύλινδρον.

343 καὶ τετμήσθω ὁ ἄξων δίχα κατὰ τὸ Η, καὶ ὑποκειμένης ἐπ' αὐτοῦ τῆς γῆς, εἰλήφθω ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τοῦ κυλίνδρου τυχὸν σημεῖον τὸ Θ, καὶ ἀπὸ τοῦ Θ ἐπὶ τὸν ἄξονα κάθετος ἦχθω ἡ ΘΚ. ἐὰν οὖν μένοντος τοῦ ΕΖ ἄξωνος περιφέρηται ὁ κύλινδρος περὶ τοὺς Ε, Ζ πόλους μένοντας, δηλονότι καὶ τὸ Θ σημεῖον φερόμενον γράψει κύκλον ὀρθὸν πρὸς τὸν ἄξονα, οὗ κέντρον ἔσται τὸ Κ, διὰ τὸ καὶ τὴν ΚΘ εὐθεῖαν πρὸς ὀρθὰς τῇ ΕΖ περιφερομένην τὴν αὐτὴν μένειν, καὶ καθ' ἑνὸς ἐπιπέδου φέρεσθαι διὰ τὸ μένειν καὶ τὰ Κ, Θ σημεῖα. ἔστω οὖν ὁ γραφόμενος κύκλος ὁ ΘΛΜ περὶ διάμετρον τὴν ΘΚΜ. λέγω δὴ ὅτι πᾶσαι αἱ ἀπὸ τῆς γῆς τουτέστιν τοῦ Η σημείου ἐπὶ τὸν κύκλον προσπίπτουσαι εὐθεῖαι ἴσαι ἀλλήλαις ἔσσονται. ἐπεζεύχ * θωσαν γὰρ αἱ ΗΘ, ΗΜ. ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ ΘΚ τῇ ΚΜ, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΚΗ, βάσις ἄρα ἡ ΗΘ βάσει τῇ ΗΜ ἴση ἐστίν. διήχθω δὲ καὶ ἡ ΗΛ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΚΛ. καὶ ἐπεὶ ἡ ΚΗ ὀρθὴ ἐστὶν πρὸς τὸ τοῦ ΘΛΜ κύκλου ἐπίπεδον, καὶ πρὸς πάσας ἄρα τὰς ἀπτομένας αὐτῆς εὐθείας καὶ οὔσας ἐν τῷ τοῦ κύκλου ἐπιπέδῳ ὀρθὴ ἐστίν. ὥστε καὶ πρὸς τὴν ΚΛ ὀρθὴ ἐστίν. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΚΘ τῇ ΚΛ, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΚΗ, βάσις ἄρα ἡ ΗΘ βάσει τῇ ΗΛ ἐστὶν ἴση. Ὅμοίως δὲ δεῖξομεν ὅτι καὶ πᾶσαι αἱ ἀπὸ τοῦ Η τῆς γῆς πρὸς τὴν τοῦ κύκλου περιφέρειαν προσπίπτουσαι εὐθεῖαι ἴσαι ἀλλήλαις ἔσσονται, ὥστε συμβαίνειν τὰ τε μεγέθη τῶν ἀπλανῶν ἀστέρων ἴσα φαίνεσθαι, διὰ τὸ ἐπιπλεῖστον ἐπὶ τῶν αὐτῶν παραλλήλων αὐτοὺς πρὸς αἴσθησιν φέρεσθαι, οὐκέτι δὲ καὶ ἐπὶ τῶν πλανωμένων τὸ τοιοῦτον δύνασθαι παρακολουθεῖν αἰσθητῇ τινι παραχωρήσει κατὰ βορειοτέρων καὶ νοτιωτέρων παραλλήλων αὐτῶν φερομένων. Ἐὰν γὰρ νοήσωμεν καὶ ἀπὸ τοῦ Ξ ὁμοίως ἕτερον παράλληλον γραφόμενον περὶ κέντρον τὸ Σ, ἐφ' οὗ πάλιν ὁ ἀστὴρ ἐνεχθήσεται, καὶ ἐπιζεύξωμεν τὴν ΞΣΡ διάμετρον καὶ τὴν ΗΡ. δῆλον ὡς ἄνισοι ἔσσονται αἱ ἀπὸ τῆς γῆς ἐπὶ τὸν ἀστέρα διαστάσεις, ποτὲ μὲν κατὰ τοῦ ΘΛΜ παραλλήλου αὐτοῦ φερομένου,

ποτέ δὲ κατὰ τοῦ ΞΡ, διὰ τὸ μείζονα εἶναι τὰ ἀπὸ τῶν ΗΣ, ΣΡ, τουτέστιν τὸ ἀπὸ τῆς ΗΡ, τῶν ἀπὸ τῶν ΗΚ, ΚΜ, τουτέστιν τοῦ ἀπὸ τῆς ΗΜ, ὥστε καὶ τὴν ΗΡ τῆς ΗΜ μείζονα γίνεσθαι, καὶ συμβαίνειν ἀνισομεγέθη φαίνεσθαι τὸν ἀστέρα· ὅπερ παντάπασιν ἀντίκειται τοῖς φαινομένοις.

344

οὐκ ἄρα κυλινδρικὸν ἂν εἴη τὸ τοῦ οὐρανοῦ σχῆμα. Τὰ αὐτὰ δὲ συμβήσεται κἂν μὴ κατὰ τῆς διχοτομίας τοῦ ἄξονος ἢ γῆ ὑποτεθεῖη. Ὅτι δὲ οὐδὲ κωνικὸν ἂν εἴη, πάλιν γὰρ ἂν τὰ αὐτὰ ἄτοπα συνέβαινεν περὶ τοὺς πλανωμένους ἀστέρας τῷ καὶ ἐπὶ τούτου ἄνισα γίνεσθαι τὰ ἀπὸ τῆς γῆς ἐπὶ τὸν οὐρανὸν διαστήματα, εἰ καὶ πλείονα σύμφωνα τὸ τοιοῦτον σχῆμα φυλάττει τοῖς φαινομένοις, οὕτως ἂν κατανοήσαιμεν. Ἐστῶσαν γὰρ δύο κῶνοι ὀρθογώνιοι ἰσοῦψεῖς ἐπὶ μιᾶς βάσεως, τὰς κορυφὰς ἔχοντες πρὸς τοῖς πόλοις (ὅπερ ἂν τις πάλιν ὥς πιθανώτερον ὑπολάβοι, διὰ τὸ καὶ δύο πόλους εἶναι τῆς φορᾶς) οἱ ΑΒΓ, ΔΒΓ περὶ ἄξονα τὸν ΑΔ, βάσις δὲ αὐτῶν ἔστω ὁ ΒΕΓΖ κύκλος, οὗ κέντρον τὸ Η, καὶ ὑποκεῖσθω ἡ γῆ κατὰ τὸ Η καὶ ἴση δηλαδὴ ἡ ΒΗ ἑκατέρα τῶν ΑΗ, ΗΔ, διὰ τὸ ὀρθογωνίους καὶ ἰσοῦψεῖς ὑποκεῖσθαι τοὺς κῶνους, ἵνα καὶ αἱ ἀπὸ τοῦ Η τῆς γῆς ἐπὶ τὸν οὐρανὸν εἰρημέναι διαστάσεις ἴσαι ὦσιν.

345

λέγω δὴ ὅτι αἱ ἀπὸ τοῦ Η κέντρου ἐπὶ τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ κῶνου διαγόμεναι εὐθεῖαι ἄνισοι ἔσσονται. διήχθω γὰρ ἡ ΗΘ, ὥστε τὸ Θ σημεῖον κατὰ τῆς διχοτομίας εἶναι τῆς ΑΒ πλευρᾶς τοῦ κῶνου. καὶ δηλὸν ὡς ὅτι ἡ ΗΘ κάθετος γινομένη ἐπὶ τὴν ΑΒ, διὰ τὸ καὶ τὴν ΑΗ τῇ ΗΒ ἴσην ὑποκεῖσθαι, ἐλαχίστη ἔσται πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ Η ἐπὶ τὴν ΑΒ, ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας οὖσαν τοῦ οὐρανοῦ, προσπιπτουσῶν εὐθειῶν. καὶ ἔτι τῶν ἐφ' ἑκάτερα αὐτῆς ἀεὶ ἡ ἔγγιον τῆς ἀπώτερόν ἐστιν ἐλάσσων. ἔαν οὖν νοήσωμεν ὁμοίως τοῖς ἐπὶ τοῦ κυλίνδρου ἀπὸ τῶν Θ καὶ Λ σημείων ἐκ τῆς περιφορᾶς παραλλήλους γραφομένους ὡς τοὺς ΘΜ, ΛΝ, πάλιν τὰ ἀπὸ τῆς γῆς τοῦ Η ἐπὶ τὸν αὐτὸν παράλληλον διαστήματα ἴσα ἔσσονται, καὶ τὰ αὐτὰ μεγέθη ὀφθήσεται τῶν ἀπλανῶν ἀστέρων κατὰ τῶν αὐτῶν παραλλήλων πρὸς αἴσθησιν φερομένων, οὐκέτι δὲ διὰ τὰ εἰρημένα καὶ τὰ ἀπὸ τῆς ὀψεως διαστήματα ἐπὶ διαφόρους παραλλήλους ἴσα τυγχάνειν.

346

διὸ καὶ ὁμοίως πάλιν οἱ πλανώμενοι κατὰ βορειοτέρων καὶ νοτιωτέρων παραλλήλων φερόμενοι ἀνισομεγέθεις ὀφθήσονται, ὅπερ ὡς ἔφαμεν ἀντίκειται τοῖς φαινομένοις. συμβήσεται δὲ ἐπὶ τοῦ τοιοῦτου σχήματος τὸν μὲν ἐπὶ τῶν βάσεων κύκλον μόνον μέγιστον εἶναι τῶν παραλλήλων καὶ διχοτομεῖν τὸν οὐρανόν, καθάπερ καὶ ἐπὶ τῆς σφαίρας ὁ ἰσημερινός, καὶ τοὺς ἴσον ἀπέχοντας τοῦ μεγίστου τῶν παραλλήλων ἴσους εἶναι, καὶ τὸν ἔγγιον τοῦ μεγίστου τοῦ ἀπώτερον μείζονα, ὅπερ καὶ ἐπὶ τοῦ σφαιρικοῦ σχήματος συμβαίνει. Κατὰ τὰ αὐτὰ δὲ δειχθήσεται ὅτι οὐδ' ἕτερόν τι σχῆμα ἐνδέχεται ἔχειν τὸν οὐρανὸν ἢ μόνον τὸ σφαιρικόν. ἀνίσους γὰρ πάλιν ἐπὶ πάντων τῶν ἄλλων σχημάτων συνέβαινεν γίνεσθαι τὰς ἀπὸ τῆς γῆς ἐπὶ τὸν οὐρανὸν διαστάσεις, ὅπου δ' ἂν αὕτη καὶ ὡς ἂν ὑποτεθεῖη, ἴσων αὐτῶν γινομένων ἐπὶ μόνου τοῦ σφαιρικοῦ σχήματος καὶ τὰ μεγέθη πάντοτε τῶν ἀστέρων ἴσα δεικνυουσῶν συμφώνως τοῖς φαινομένοις. Ἐπεὶ οὖν ἐδείξαμεν σφαιρικὸν τυγχάνον τὸ σχῆμα τοῦ οὐρανοῦ, καὶ πρῶτον μὲν διὰ τὸ τοὺς ἔγγιον τοῦ φανεροῦ πόλου ἀεὶ φανεροὺς ἀστέρας κατὰ μικροτέρων κύκλων φέρεσθαι, τοὺς δ' ἄπωθεν ἀνάλογον ἐπὶ μειζόνων, τοὺς δ' ἔγγυτέρω τούτων ἀνατέλλοντας καὶ δύνοντας ἐλάττονα χρόνον ἐν τῷ ἀφανισμῷ μένοντας, τοὺς δ' ἄπωθεν ἀνάλογον πλείονα, ὅπερ μόνῳ τῷ εἰρημένῳ σφαιρικῷ σχήματι ἀρμόττει· ἔτι δὲ καὶ διὰ τὸ ἐπὶ μόνου τοῦ τοιοῦτου σχήματος δύνασθαι ἀεὶ καὶ τὰ τῶν πλανωμένων ἀστέρων μεγέ * θη ἴσα φαίνεσθαι, ὅπερ σύμφωνόν ἐστιν τοῖς φαινομένοις· δοκεῖ δὲ τοῦτο ἐναντίον εἶναι τοῖς μικρῷ πρόσθεν αὐτῷ εἰρημένοις, ὅτι μείζονα ἡμῖν ὁράται τὰ ἄστρα πρὸς αὐτοῖς τοῖς ἀφανισμοῖς τουτέστιν τοῖς ὀρίζουσιν δηλαδὴ ὡς ἐξ ἐλάττονος διαστάσεως ὀρώμενα· βούλεται ἐνταῦθα τὸ τοιοῦτον ἀπολύσασθαι καὶ δηλῶσαι ὡς ὅτι οὐ παρὰ τὸ ἀπόστημα τὸ ἀπὸ τῆς γῆς ἐπὶ τὸν οὐρανὸν τὸ τοιοῦτον συμβαίνει, ἀλλ' ἐκ τῆς περὶ τὴν γῆν ὑγρᾶς γενομένης ἀναθυμιάσεως, καὶ διὰ τοῦτο τῆς ὀψεως εἰς ἀχλυωδέστερον ἀέρα ἐμπίπτουσης, καὶ τῶν ἀπ' αὐτῆς ἐπὶ τὸν ἀστέρα

προσπιπτουσῶν ἀκτίνων κλάσιν ὑπομενουσῶν καὶ μείζονα ποιουσῶν τὴν πρὸς τῇ ὄψει
γωνίαν, καθὰ καὶ Ἀρχιμήδης ἐν τοῖς Περὶ κατοπτρικῶν ἀπέδειξεν.

348 φησὶν ὅτι «... καθάπερ καὶ τὰ εἰς ὕδωρ ἐμβαλλόμενα μείζονα φαίνεται, καὶ ὅσῳ κάτω χωρεῖ
μείζονα.» Ἐστω γὰρ ἐν καθαρῷ ἀέρι, ἄνισα μεγέθη τὰ AB, ΓΔ ὑπὸ τῆς αὐτῆς γωνίας ὁρώμενα
τῆς ὑπὸ ΓΕΔ, ὁμματος δηλονότι ὄντος τοῦ Ε.

349 φανερόν δὴ ὅτι ἴσα ὀφθήσονται τὰ AB, ΓΔ, διὰ τὸ ὑπὸ τῆς αὐτῆς γωνίας ὁρᾶσθαι. γεγονέτωσαν
δὲ καὶ καθ' ὕδατος, ὥστε τὴν τοῦ ὕδατος ἐπιφάνειαν εἶναι κατὰ τὴν ΖΗ. καὶ προσπιπτέτωσαν
ἀκτίνες ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τοῦ ὕδατος αἱ ΕΘ, ΕΚ, καὶ κεκλάσθωσαν ἐπὶ τὰ Α, Β, ὡς αἱ ΕΘΑ, ΕΚΒ,
καθὰ καὶ Ἀρχιμήδης ἐν τοῖς Περὶ κατοπτρικῶν ὡς ἔφαμεν. καὶ ἐπεὶ πέφυκεν ἡ ὄψις κατ'
εὐθείας γραμμὰς ὁρᾶν, ἐκβεβλήσθωσαν αἱ ΕΘ, ΕΚ ἀκτίνες ἐπ' εὐθείας ὡς ἐπὶ τὰ Λ, Μ· καὶ ἔτι ἡ
AB ἐφ' ἑκάτερα ἐκβεβλήσθω κατὰ τὰ Λ, Μ. φαντασίαν ἄρα παρέξει τὸ AB μέγεθος τηλικούτον
ὁρᾶσθαι, ἡλικὸν ἐστὶν τὸ ΛΜ ὑπὸ τῆς ὑπὸ ΛΕΜ ὁρώμενον γωνίας, καὶ φανερόν ὅτι μείζον
ὀφθήσεται τὸ AB μέγεθος ἐφ' ὕδατος γενόμενον. προσπιπτέτωσαν δὴ καὶ ἕτεραι ἀκτίνες ὡς αἱ
ΕΝ, ΕΞ κλώμεναι πρὸς τὰς ΝΓ, ΞΔ περιλαμβανούσας τὸ ΓΔ μέγεθος. καὶ ἐκβεβλήσθωσαν πάλιν
ταῖς ΕΝ, ΕΞ ἐπ' εὐθείας αἱ ΝΟ, ΞΠ, καὶ ἔτι ἡ ΓΔ ἐφ' ἑκάτερα κατὰ τὰ Ο, Π. δόξει δὴ πάλιν διὰ
ταυτὰ τὸ ΓΔ μέγεθος ὡς τὸ ΟΠ ὁρᾶσθαι, μείζον γενόμενον. τὰ ἄρα AB, ΓΔ ἄνισα ὄντα καὶ ἐν
καθαρῷ ἀέρι ἴσα φαινόμενα ἐν ὕδατι ἄνισα φαίνονται, καὶ τὸ κατωτέρω μείζον, ἐπειδὴ περ ὑπὸ
μείζονος γωνίας ὁρᾶται. συμβαίνει δ', καίπερ κατὰ πάντα τὰ μέρη τῆς γῆς τῆς ἀναθυμιάσεως
γινομένης, πρὸς ταῖς ἀνατολαῖς καὶ δύσεσιν μείζονα τὰ μεγέθη τῶν ἀστέρων φαίνεσθαι, διὰ τὸ
(ἐν τοῖς ἐξῆς ἐκ τῶν περὶ αὐτὴν φαινομένων σφαιρικῆς αὐτῆς καὶ μέσης τοῦ παντὸς
καταλαμβανομένης) παρακολουθεῖν, ἐπιπλέον ταῖς ὄψεσιν ἡμῶν παρεκτεινομένου τοῦ τοῦ
ὀρίζοντος ἐπιπέδου, διὰ πλείονος ὕγρου θεωρεῖσθαι τοὺς ἀστέρας.

350 Ὡς δὲ καὶ κατάδηλον γένηται τὸ λεγόμενον, νενοήσθω ἡ τῆς γῆς σφαῖρα ἡ AB περὶ κέντρον τὸ Γ,
ἡ δὲ τῶν οὐρανίων ἡ EZH.

351 ἔτι δὲ καὶ τῆς ἀναθυμιάσεως κατὰ πάντα τὰ μέρη τῆς γῆς ὁμοίως γινομένης, νενοήσθω πάλιν
σχῆμα σφαιρικὸν ὡς τὸ ΘΚΔ. καὶ διὰ τῆς Α οἰκίσεως διήχθω τὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπίπεδον, καὶ
ποιεῖτω μετὰ τοῦ μεσημβρινοῦ κοινὴν τομὴν τὴν ΕΘΑΔΗ εὐθεῖαν. καὶ ἦχθω αὐτῇ πρὸς ὀρθὰς
ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Α οἰκίσεως ἡ ΑΚΖ καὶ διήχθω ἐπὶ τὸ Γ κέντρον· φανερόν δὴ ὅτι ἴσαι εἰσὶν αἱ
ΘΑ, ΑΔ ἀλλήλαις, καὶ ἔτι ἑκατέρα αὐτῶν τῆς ΑΚ μείζων, καὶ αἰὲ ἡ ἔγγιον τῆς ΑΘ οἶονεὶ τοῦ
ὀρίζοντος, τῆς ἀπώτερον μείζων τῶν ἐπὶ τῆς ΚΘ. ὁμοίως δὲ καὶ τῶν ἐπὶ τῆς ΚΔ ἡ ἔγγιον τῆς ΑΔ
τῆς ἀπώτερον μείζων. ὥστε ὅταν ὁ ἀστήρ πρὸς τοῖς Ε, Η φαίνεται, διὰ πλείονος ὕγρου
ὀφθήσεται ἢ περ ὅταν ἐπὶ τῶν ἀπώτερον καὶ ὑπὲρ γῆν, διὸ καὶ πρὸς τοῖς ὀρίζουσιν μείζονα ὡς
ἔφαμεν τὰ μεγέθη τῶν ἀστέρων φαίνεται. Εἰ δέ τις λέγοι μηδὲν ἐκ τῆς ἀναθυμιάσεως πρὸς
τοῖς ὀρίζουσι μείζονα τὰ μεγέθη φαίνεσθαι τῶν ἀστέρων, ἀλλὰ φακοειδὲς ὑποτιθέμενος τὸ
σχῆμα τοῦ οὐρανοῦ, ἵνα αἱ μὲν ἐλάττονες διαστάσεις πρὸς τὰς ἀνατολάς καὶ τὰς δύσεις ὥσιν
τετραμμέναι αἱ δὲ μείζονες πρὸς τῷ μεσημβρινῷ, καὶ λέγοι ἐστάναι μὲν τὸ οὐράνιον σχῆμα τὰ
δὲ ἄστρα φέρεσθαι, καὶ διὰ τοῦτο πρὸς μὲν τοῖς ὀρίζουσι μείζονα τὰ μεγέθη φαίνεσθαι πρὸς δὲ
τῷ μεσημβρινῷ ἐλάττονα, ψεύδη ὑποτιθέμενος ἐλεγχθήσεται διὰ τὸ ἐπὶ διαφόρων οἰκίσεων
τῶν αὐτῶν τόπων τοῖς μὲν πρὸς ἀνατολάς τυγχάνοντων τοῖς δὲ πρὸς τῷ μεσημβρινῷ
παρακολουθεῖν τὸ ἀνάπαλιν, παρὰ μὲν τισιν πρὸς τῷ μεσημβρινῷ τὰ ἄστρα μείζονα φαίνεσθαι,
πρὸς δὲ τῷ ὀρίζοντι ἐλάττονα, ὅπερ παντάπασιν ἀντίκειται τοῖς φαινομένοις.

352 «Προσάγει δ' εἰς τὴν σφαιρικὴν ἔννοιαν καὶ τὰ τοιαῦτα τό τε μὴ δύνασθαι κατ' ἄλλην
ὑπόθεσιν τὰς τῶν ὠροσκοπίων κατασκευὰς συμ«φωνεῖν ἢ μόνην ταύτην ...» Ἄγει δὲ εἰς πίστιν
τοῦ σφαιρικὸν εἶναι τὸν οὐρανὸν μετὰ τῶν εἰρημένων καὶ τοῦτο, τὸ τοὺς γνωμονικοὺς

τοιαύταις ὑποθέσεσιν καταχρωμένους, * ὥς ὅτι ὁ οὐρανὸς σφαιροειδὴς ἐστὶν καὶ ἡ γῆ σημείου καὶ κέντρου λόγον ἔχει πρὸς τὴν τοῦ ἡλίου σφαῖραν (εἰ καὶ μὴ δοκεῖ τοῦτο ἀληθὲς εἶναι διὰ τὸ καὶ τοῦ ἡλίου παράλλαξιν καταλαμβάνεσθαι, ὡς ἐν τῷ πέμπτῳ βιβλίῳ δείκνυται, ἔτι δὲ καὶ μικρὸν προϊόντες εἰς οἰκεῖόν τινα τόπον ὑπόμνησιν τοῦ τοιοῦτου ποιησόμεθα, ὅμως οὕτω καταχρώμενοι διὰ τὸ πρὸς αἴσθησιν μηδὲν ἥττον τοῦτο σύμφωνον τοῖς φαινομένοις καταλαμβάνεσθαι), καὶ ὡς τῶν ἀπὸ τῆς ὀψεως ἡμῶν ἐπὶ τὴν τοῦ ἡλίου σφαῖραν ἀποστάσεων ἴσων οὐσῶν, καὶ ὡς ἐν σφαίρᾳ μεγίστων κύκλων γραφομένων μεσημβρινῶν καὶ ὀριζόντων καὶ ἡμερινοῦ καὶ τῶν τούτῳ παραλλήλων μηνιαίων τε καὶ ἡμερησίων καὶ γωνιῶν καταβατικῶν τε καὶ ἀντισκίων καὶ πάντων λοιπῶν τῶν ἐν τῷ Ἀναλήματι ὑποτιθεμένων ἀκολουθῶς τῷ σφαιρικῷ σχήματι, συμφώνους τὰς ἐκ τῶν τοιούτων ὑποθέσεων κατασκευὰς τῶν ὠροσκοπίων καταλαμβάνεσθαι τοῖς φαινομένοις.

354 »... Καὶ ὅτι τῆς τῶν οὐρανίων φορᾶς ἀκωλύτου τε καὶ εὐκίνητοτάτης «τῶν πασῶν οὐσῆς καὶ τῶν σχημάτων εὐκίνητότατον ὑπάρχει τῶν μὲν «ἐπιπέδων τὸ κυκλικόν, τῶν δὲ στερεῶν τὸ σφαιρικόν.» Ἔτι δὲ καὶ ἐτέραν πίστιν εἰσάγει τοῦ σφαιρικοῦ εἶναι τὸν οὐρανὸν ἐκ τοῦ τὴν τοιαύτην κίνησιν εὐκίνητότατον καὶ ἀκώλυτον ὑπάρχειν, εἶναι δὲ καὶ ἐπὶ τῶν σχημάτων τὸ μὲν κυκλικόν ἐν τοῖς ἐπιπέδοις εὐκίνητότατον τὸ δὲ σφαιρικόν ἐν τοῖς στερεοῖς, ἐκ τοῦ καὶ τὰ ὑπερμεγέθη τῶν βαρῶν διὰ τροχίλων ἢ μοχλικῶν ἢ πολυσπάστων εὐλύτως ἔλκεσθαι, καθὰ καὶ Φίλων τὰς ἐδυνάμεις εἰς τὸ κυκλικόν ἀνήγαγεν, ἐπεὶ καὶ καθ' ἐν σημείον ἢ μίαν εὐθεῖαν τὰ τοιαῦτα σχήματα ἀπτόμενα τοῦ ἐπιπέδου, καὶ ἐπιρρέποντα ὁμοίως καὶ ἰσοσθενῶς εἰς τὰ πέραξ ἢ παρ' ἐκάτερα μέρη, ὅπῃ δ' ἂν λάβῃ τὴν ἀρχὴν τοῦ κινεῖσθαι ἢ ἐπέκεινα ἐπιρρέπη, ἐπὶ τὰ αὐτὰ ἐφέλκει τὴν κίνησιν, ἕως οὗ τὸ αἴτιον τῆς ἀρχῆς τῆς κινήσεως ἐξασθενήσῃ. διὸ καὶ οἰκειότατον ἂν εἴη τῷ οὕτως εὐκίνητοτάτῳ οὐρανίῳ σώματι τὸ εὐκίνητότατον τῶν σχημάτων ἀπονεῖμαι, ὥστε ἀκόλουθον ἂν εἴη ἡγεῖσθαι τὸν οὐρανὸν σφαιρικόν ἔχειν τὸ σχῆμα. «Ὡσαύτως δ' ὅτι τῶν ἴσην περίμετρον ἔχόντων σχημάτων διαφόρων, «ἐπειδὴ μείζονά ἐστὶν τὰ πολυγωνότερα, τῶν μὲν ἐπιπέδων ὁ κύκλος «γίνεται μείζων, τῶν δὲ στερεῶν ἡ σφαῖρα .

355 »... §Ποιησόμεθα δὴ τὴν τούτων ἀπόδειξιν ἐν ἐπιτομῇ ἐκ τῶν Ζηνοδώρῳ δεδειγμένων ἐν τῷ Περὶ ἰσοπεριμέτρων σχημάτων. Τῶν ἴσην περίμετρον ἔχόντων τεταγμένων εὐθυγράμμων σχημάτων, λέγω δὴ ἰσοπλεύρων τε καὶ ἰσογωνίων, τὸ πολυγωνότερον μείζον ἐστίν.

356 Ἦστω γὰρ ἰσοπερίμετρα ἰσόπλευρά τε καὶ ἰσογώνια τὰ ΑΒΓ, ΔΕΖ, πολυγωνότερον δὲ ἔστω τὸ ΑΒΓ. λέγω ὅτι μείζον ἐστὶν τὸ ΑΒΓ. εἰλήφθω γὰρ τὰ κέντρα τῶν περὶ τὰ ΑΒΓ, ΔΕΖ πολύγωνα περιγραφόμενων κύκλων τὰ Η, Θ, καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΗΒ, ΗΓ, ΘΕ, ΘΖ. καὶ ἔτι ἀπὸ τῶν Η, Θ ἐπὶ τὰς ΒΓ, ΕΖ κάθετοι ἦχθωσαν αἱ ΗΚ, ΘΛ. ἐπεὶ οὖν πολυγωνότερόν ἐστὶν τὸ ΑΒΓ τοῦ ΔΕΖ, πλεονάκεις ἢ ΒΓ τὴν τοῦ ΑΒΓ περίμετρον καταμετρεῖ ἢ περὶ ἢ ΕΖ τὴν τοῦ ΔΕΖ. καὶ εἰσὶν ἴσαι αἱ περίμετροι. μείζων ἄρα ἢ ΕΖ τῆς ΒΓ. ὥστε καὶ ἢ ΕΛ τῆς ΒΚ. κείσθω τῇ ΒΚ ἴση ἢ ΛΜ. καὶ ἐπεζεύχθω ἢ ΘΜ.

357 καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἢ ΕΖ εὐθεῖα πρὸς τὴν τοῦ ΔΕΖ πολυγώνου περίμετρον οὕτως ἢ ὑπὸ ΕΘΖ πρὸς δ' ὀρθάς, διὰ τὸ ἰσόπλευρον εἶναι τὸ πολύγωνον καὶ ἴσας ἀπολαμβάνειν περιφερείας τοῦ περιγραφόμενου κύκλου καὶ τὰς πρὸς τῷ κέντρῳ γωνίας τὸν αὐτὸν ἔχειν λόγον ταῖς περιφερείαις ἐφ' ὧν βεβήκασιν, ὡς δὲ ἢ τοῦ ΔΕΖ περίμετρος τουτέστιν ἢ τοῦ ΑΒΓ πρὸς τὴν ΒΓ οὕτως αἱ δ' ὀρθαὶ πρὸς τὴν ὑπὸ ΒΗΓ, δι' ἴσου ἄρα ὡς ἢ ΕΖ πρὸς ΒΓ τουτέστιν ἢ ΕΛ πρὸς ΛΜ οὕτως καὶ ἢ ὑπὸ ΕΘΖ γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ ΒΗΓ τουτέστιν ἢ ὑπὸ ΕΘΛ πρὸς τὴν ὑπὸ ΒΗΚ. καὶ ἐπεὶ ἢ ΕΛ πρὸς ΛΜ μείζονα λόγον ἔχει ἢ περὶ ἢ ὑπὸ ΕΘΛ γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ ΜΘΛ, ὡς ἐξῆς δείξομεν, ὡς δὲ ἢ ΕΛ πρὸς ΛΜ ἢ ὑπὸ ΕΘΛ πρὸς τὴν ὑπὸ ΒΗΚ, ἢ ὑπὸ ΕΘΛ πρὸς τὴν ὑπὸ ΒΗΚ μείζονα λόγον ἔχει ἢ περὶ πρὸς τὴν ὑπὸ ΜΘΛ. μείζων ἄρα ἢ ὑπὸ ΜΘΛ γωνία τῆς ὑπὸ ΒΗΚ. ἔστιν δὲ καὶ ὀρθὴ ἢ πρὸς τῷ Λ ὀρθὴ τῇ πρὸς τῷ Κ ἴση. λοιπὴ ἄρα ἢ ὑπὸ ΗΒΚ μείζων ἔσται τῆς ὑπὸ ΘΜΛ. κείσθω τῇ

ὑπὸ ΗΒΚ ἴση ἢ ὑπὸ ΛΜΝ καὶ διήχθω ἢ ΛΘ ἐπὶ τὸ Ν. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἢ ὑπὸ ΗΒΚ τῇ ὑπὸ ΝΜΛ, ἀλλὰ καὶ ἢ πρὸς τῷ Λ ἴση τῇ πρὸς τῷ Κ, ἔστι δὲ καὶ ἢ ΒΚ πλευρᾷ τῇ ΜΛ ἴση, ἴση ἄρα καὶ ἢ ΗΚ τῇ ΝΛ. μείζων ἄρα ἢ ΗΚ τῆς ΘΛ * . μείζον ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ τῆς ΑΒΓ περιμέτρου καὶ τῆς ΗΚ τοῦ ὑπὸ τῆς ΔΕΖ περιμέτρου καὶ τῆς ΘΛ. καὶ ἔστιν τὸ μὲν ὑπὸ τῆς ΑΒΓ περιμέτρου καὶ τῆς ΗΚ διπλάσιον τοῦ ΑΒΓ πολυγώνου, ἐπεὶ καὶ τὸ ὑπὸ τῆς ΒΓ καὶ τῆς ΗΚ διπλάσιόν ἐστιν τοῦ ΗΒΓ τριγώνου. τὸ δὲ ὑπὸ τῆς ΔΕΖ περιμέτρου καὶ τῆς ΘΛ διπλάσιον τοῦ ΔΕΖ πολυγώνου. μείζον ἄρα τὸ ΑΒΓ πολύγωνον τοῦ ΔΕΖ. Ὅτι δὲ ἢ ΕΛ πρὸς τὴν ΛΜ μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ ἢ ὑπὸ ΕΘΛ πρὸς τὴν ὑπὸ ΜΘΛ, δείξομεν οὕτως.

358 Ἐκκείσθω γὰρ χωρὶς τὸ ΘΕΛ τρίγωνον καὶ ἢ ΘΜ διαχθεῖσα· καὶ κέντρῳ τῷ Θ διαστήματι δὲ τῷ ΘΜ κύκλου περιφέρεια γεγράφθω ἢ ΝΜΞ, καὶ διήχθω ἢ ΘΛ ἐπὶ τὸ Ξ. ἐπεὶ οὖν τὸ ΘΕΜ τρίγωνον πρὸς τὸν ΘΜΝ τομέα μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ τὸ ΘΜΛ τρίγωνον πρὸς τὸν ΘΜΞ τομέα, ἐναλλάξ καὶ συνθέντι, τὸ ΘΕΛ τρίγωνον πρὸς τὸ ΘΜΛ μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ ὁ ΘΝΞ τομεὺς πρὸς τὸν ΘΜΞ. ἀλλ' ὥς μὲν τὸ τρίγωνον πρὸς τὸ τρίγωνον, ἢ ΕΛ εὐθεῖα πρὸς τὴν ΛΜ· ὥς δὲ ὁ τομεὺς πρὸς τὸν τομέα, ἢ ὑπὸ ΕΘΛ γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ ΜΘΛ. ἢ ἄρα ΕΛ εὐθεῖα πρὸς τὴν ΛΜ μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ ἢ ὑπὸ ΕΘΛ γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ ΜΘΛ. Τούτου δεδειγμένου, λέγω ὅτι ἐὰν κύκλος εὐθυγράμμῳ ἰσοπλεύρῳ τε καὶ ἰσογωνίῳ ἰσοπερίμετρος ᾖ, μείζων ἔσται ὁ κύκλος. Κύκλος γὰρ ὁ ΑΒΓ ἰσοπλεύρῳ τε καὶ ἰσογωνίῳ τῷ ΔΕΖ εὐθυγράμμῳ ἰσοπερίμετρος ἔστω· λέγω ὅτι μείζων ἐστὶν ὁ κύκλος. Εἰλήμφθω τοῦ μὲν ΑΒΓ κύκλου κέντρον τὸ Η, τοῦ δὲ περὶ τὸ ΔΕΖ πολυγώνου περιγεγραμμένου τὸ Θ· καὶ περιγεγράφθω περὶ τὸν ΑΒΓ κύκλον πολύγωνον ὅμοιον τῷ ΔΕΖ τὸ ΚΛΜ· καὶ ἐπεζεύχθω ἢ ΗΒ, καὶ κάθετος ἀπὸ τοῦ Θ ἐπὶ τὴν ΕΖ ἤχθω ἢ ΘΝ· καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΗΛ, ΘΕ.

359 ἐπεὶ οὖν ἢ τοῦ ΚΛΜ πολυγώνου περίμετρος μείζων ἐστὶν τῆς τοῦ ΑΒΓ κύκλου περιμέτρου ὥς ἐν τῷ Περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου Ἀρχιμήδης, ἴση δὲ ἢ τοῦ ΑΒΓ κύκλου περίμετρος τῇ τοῦ ΔΕΖ πολυγώνου περιμέτρῳ, μείζων ἄρα καὶ ἢ τοῦ ΚΛΜ πολυγώνου περίμετρος τῆς τοῦ ΔΕΖ πολυγώνου περιμέτρου. καὶ εἰσιν ὅμοια τὰ πολύγωνα· μείζων ἄρα ἢ ΒΛ τῆς ΝΕ. καὶ ὅμοιον τὸ ΗΛΒ τρίγωνον τῷ ΘΕΝ τριγώνῳ, ἐπεὶ καὶ τὰ ὅλα πολύγωνα· μείζων ἄρα καὶ ἢ ΗΒ τῆς ΘΝ. καὶ ἔστιν ἴση ἢ τοῦ ΑΒΓ κύκλου περίμετρος τῇ τοῦ ΔΕΖ πολυγώνου περιμέτρῳ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ ΑΒΓ κύκλου καὶ τῆς ΗΒ μείζον ἐστὶν τοῦ ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ ΔΕΖ πολυγώνου καὶ τῆς ΘΝ. ἀλλὰ τὸ μὲν ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ ΑΒΓ κύκλου καὶ τῆς ΗΒ διπλάσιον τοῦ ΑΒΓ κύκλου Ἀρχιμήδης ἔδειξεν, οὗ καὶ τὴν δεῖξιν ἐξῆς ἐκθησόμεθα· τὸ δὲ ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ ΔΕΖ πολυγώνου καὶ τῆς ΘΝ διπλάσιον τοῦ ΔΕΖ πολυγώνου.

360 μείζων ἄρα ὁ ΑΒΓ κύκλος τοῦ ΔΕΖ πολυγώνου, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ὅτι δὲ τὸ ὑπὸ τῆς περιμέτρου καὶ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου διπλάσιόν ἐστιν τοῦ κύκλου, δείκνυσιν οὕτως. Ὅ· Ἐστω πρῶτον κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, καὶ περιγεγράφθω περὶ αὐτὸν τετράγωνον τὸ ΕΖΗΘ, καὶ τμηθείσης τῆς ΑΒ περιφερείας δίχα κατὰ τὸ Κ ἤχθω δι' αὐτοῦ ἐφαπτομένη τοῦ κύκλου ἢ ΛΚΜ.

361 λέγω ὅτι τὸ ΕΜΛ τρίγωνον μείζον ἐστὶν ἢ τὸ ἥμισυ τοῦ ὑπὸ τῶν ΑΕ, ΕΒ καὶ τῆς ΑΚΒ περιφερείας περιεχομένου σχήματος. Ἐπεζεύχθωσαν γὰρ αἱ ΑΒ, ΑΚ, ΚΒ, ΕΚ. καὶ ὅτι ἴση ἐστὶν ἢ ΕΑ τῇ ΕΒ κοινὴ δὲ ἢ ΕΚ καὶ βάσις ἢ ΑΚ βάσει τῇ ΚΒ ἐστὶν ἴση, ἴσαι ἄρα καὶ αἱ πρὸς τῷ Ε γωνίαι. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἢ ΕΑ τῇ ΕΒ κοινὴ δὲ ἢ ΕΝ, καὶ γωνία αἱ πρὸς τῷ Ε ἴσαι, καὶ πάντα πᾶσιν, ἴση ἄρα ἢ ΑΝ τῇ ΝΒ, καὶ ἔτι αἱ πρὸς τῷ Ν γωνίαι. ὥστε ἢ ΚΝ τὴν ΑΒ δίχα καὶ πρὸς ὀρθὰς τέμνει. ἢ ΚΝ ἄρα ἐπὶ τὸ κέντρον πεσεῖται τοῦ κύκλου.

362 Ὅρθαι ἄρα εἰσὶν αἱ ὑπὸ ΕΚΛ, ΕΚΜ. μείζων ἄρα ἢ ΕΛ τῆς ΛΚ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἢ ΛΑ τῇ ΛΚ, ἀπὸ γὰρ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ Λ ἐφάπτονται, μείζων ἄρα καὶ ἢ ΕΛ τῆς ΛΑ. ὥστε καὶ τὸ ΕΚΛ τρίγωνον τοῦ ΛΚΑ μείζον ἐστὶν. διὰ ταῦτα δὴ καὶ τὸ ΕΚΜ τρίγωνον τοῦ ΚΒΜ μείζον ἐστὶν. ὅλον

ἄρα τὸ ΛΕΜ τρίγωνον μείζον ἐστὶν συναμφοτέρων τῶν ΑΛΚ, ΚΜΒ τριγώνων. πολλῶ ἄρα μείζον ἐστὶ τὸ ΛΕΜ τρίγωνον τῶν περιεχομένων ἀποτμημάτων ὑπὸ τῶν ΑΛ, ΑΚ, ΚΜ, ΜΒ εὐθειῶν καὶ τῶν ΑΚ, ΚΒ περιφερειῶν. τὸ ἄρα ΕΛΜ τρίγωνον μείζον ἐστὶν ἢ τὸ ἥμισυ τοῦ περιεχομένου σχήματος ὑπὸ τε τῶν ΑΕ, ΕΒ εὐθειῶν καὶ τῆς ΑΚΒ περιφερείας. Τούτου προλημφθέντος, ἐξῆς ἂν εἴη τὸ προκείμενον δεῖξαι, ὅτι τὸ ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ κύκλου καὶ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου διπλάσιόν ἐστὶν τοῦ αὐτοῦ κύκλου. Ἐστω γὰρ κύκλος ὁ ΑΒΓ, καὶ τοῦ ὑπὸ τῆς περιμέτρου αὐτοῦ καὶ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου ἥμισυ ἔστω τὸ Δ χωρίον.

363 λέγω ὅτι ἴσον ἐστὶν τὸ Δ χωρίον * τῷ ΑΒΓ κύκλῳ. Εἰ γὰρ μή, ἤτοι ἔλασσόν ἐστὶν αὐτοῦ ἢ μείζον. Ἐστω πρότερον ἔλασσον. δυνατόν ἄρα ἐστὶν ἀκολουθῶς τῇ ἐν τῷ δωδεκάτῳ τῶν Στοιχείων ἀγωγῇ ἐγγράφαι εἰς τὸν ΑΒΓ κύκλον πολύγωνον, ὥστε μείζον αὐτὸ γίνεσθαι τοῦ Δ χωρίου. ἐγγεγράφθω, καὶ ἔστω τὸ ΑΒΓΕΖΗ. καὶ ἀπὸ τοῦ Θ κέντρου ἐπὶ μίαν τῶν πλευρῶν τὴν ΑΒ κάθετος ἦχθω ἡ ΘΚ. ἐπεὶ οὖν ἡ περίμετρος τοῦ κύκλου μείζων ἐστὶν τῆς περιμέτρου τοῦ πολυγώνου (ἐπεὶ καὶ ἐκάστη περιφέρεια τῆς ὑπ' αὐτὴν εὐθείας), ἡ δὲ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου μείζων τῆς ΘΚ καθέτου, μείζον ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ κύκλου καὶ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου αὐτοῦ, τοῦ ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ πολυγώνου καὶ τῆς ΘΚ. καὶ ἔστιν τὸ μὲν ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ κύκλου καὶ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου αὐτοῦ διπλάσιον τοῦ Δ χωρίου, τὸ δὲ ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ πολυγώνου καὶ τῆς ΘΚ διπλάσιον τοῦ πολυγώνου· ὥστε καὶ τὰ ἡμίση. μείζον ἄρα τὸ Δ χωρίον τοῦ ΑΒΓΕΖΗ πολυγώνου. ἀλλὰ καὶ ἔλαττον, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα τὸ Δ χωρίον ἔλαττόν ἐστιν τοῦ ΑΒΓ κύκλου. Λέγω δὴ ὅτι οὐδὲ μείζον. εἰ γὰρ δυνατόν, ἔστω μείζον τὸ Δ χωρίον τοῦ κύκλου. δυνατόν ἄρα ἐστὶν, ἀκολουθῶς τῇ ἐπὶ τοῦ προεκτεθέντος ἡμῖν θεωρήματος ἀγωγῇ, περιγράφοντα περὶ τὸν κύκλον τετράγωνον καὶ τέμνοντα δίχα τὰς ἀπολαμβανομένας περιφερείας καὶ ἀφαιροῦντα ἀπὸ τῶν τμημάτων μείζον ἢ τὸ ἥμισυ περιγράψαι περὶ τὸν κύκλον πολύγωνον ὥστε ἔλασσον αὐτὸ γίνεσθαι τοῦ Δ χωρίου, καταλειπομένων τῶν ἐκτὸς τοῦ κύκλου ἀποτμημάτων ἐλασσόνων τῆς ὑπεροχῆς ἢ ὑπερέχει τὸ Δ χωρίον τοῦ ΑΒΓ κύκλου.

364 περιγεγράφθω, καὶ ἔστω τὸ ΑΜΝΞΟΠ. καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΘΒ. καὶ ἐπεὶ ἡ περίμετρος τοῦ περιγεγραμμένου πολυγώνου μείζων ἐστὶν τῆς τοῦ κύκλου περιμέτρου, τὸ ἄρα ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ πολυγώνου καὶ τῆς ΘΒ μείζον ἐστὶν τοῦ ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ κύκλου καὶ τῆς ΘΒ. ὥστε καὶ τὰ ἡμίση. τὸ ἄρα πολύγωνον μείζον ἐστὶν τοῦ Δ χωρίου. ἀλλὰ καὶ ἔλασσον, ὑπόκειται γάρ, ὅπερ ἄτοπον. οὐκ ἄρα τὸ Δ χωρίον μείζον ἐστὶν τοῦ ΑΒΓ κύκλου. ἐδείχθη δὲ ὅτι οὐδὲ ἔλασσον. ἴσον ἄρα. Καὶ ἔστιν τοῦ Δ χωρίου διπλάσιον τὸ ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ κύκλου καὶ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου αὐτοῦ. ὥστε τὸ ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ κύκλου καὶ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου αὐτοῦ διπλάσιόν ἐστιν τοῦ αὐτοῦ κύκλου. Λέγω δὴ καὶ ὅτι τῶν ἰσοπεριμέτρων εὐθυγράμμων σχημάτων καὶ τὰς πλευρὰς ἰσοπληθεῖς ἐχόντων τὸ μέγιστον ἰσόπλευρόν τέ ἐστιν καὶ ἰσογώνιον. Ἐστω γὰρ πρῶτον τρίγωνον ἀνισοσκελὲς τὸ ΑΒΓ, μείζονα ἔχον τὴν ΑΒ τῆς ΒΓ.

365 § καὶ δέον ἔστω ἐπὶ τῆς ΑΓ ἕτερον τρίγωνον ἰσοσκελὲς συστήσασθαι, ὥστε συναμφοτέρας τὰς πλευρὰς συναμφοτέραις ταῖς ΑΒ, ΒΓ ἴσας εἶναι, καὶ δεῖξαι ὅτι τὸ ἰσοσκελὲς μείζον ἐστὶν τοῦ ΑΒΓ ἀνισοσκελοῦς. Τετμήσθω γὰρ ἡ ΑΓ δίχα κατὰ τὸ Δ, καὶ ἀνεστάτω ἀπὸ τοῦ Δ σημείου τῇ ΑΓ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΔΕ. καὶ ἔστω συναμφοτέρων τῶν ΑΒ, ΒΓ ἡμίσεια ἡ ΑΖ. φανερόν δὴ ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ ΑΖ τῆς ΑΔ. ὥ δὴ μείζον ἐστὶν τὸ ἀπὸ τῆς ΑΖ τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΔ, ἐκείνῳ ἴσον ἔστω τὸ ἀπὸ τῆς ΔΕ. καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΕΑ, ΕΓ. ἰσοσκελὲς ἄρα ἐστὶν τὸ ΑΕΓ τρίγωνον. καὶ ἐπεὶ τὰ ἀπὸ τῶν ΑΔ, ΔΕ ἴσα ἐστὶν τῷ ἀπὸ τῆς ΑΕ, ἔστιν δὲ καὶ τῷ ἀπὸ τῆς ΑΖ ἴσα, ὑπόκειται γάρ, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ΑΕ ἄρα ἴσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ τῆς ΑΖ. ὥστε καὶ ἡ ΑΕ ἴση ἐστὶν τῇ ΑΖ, καὶ τὰ διπλάσια· καὶ αἱ ΑΕ, ΕΓ ἄρα ἴσαι εἰσὶν ταῖς ΑΒ, ΒΓ. ἰσοσκελὲς ἄρα τρίγωνον συνίσταται ἐπὶ τῆς ΑΓ τὸ ΑΕΓ ἴσας ἔχον * τὰς ΑΕ, ΕΓ ταῖς ΑΒ, ΒΓ τοῦ ἀνισοσκελοῦς. Λέγω δὴ ὅτι καὶ μείζον ἐστὶν τὸ ΑΕΓ τρίγωνον τοῦ ΑΒΓ.

Ἐκβεβλήσθω γὰρ ἡ ΑΕ ἐπὶ τὸ Η σημεῖον, καὶ κείσθω τῇ ΕΓ ἴση ἡ ΕΗ, καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΕΒ, ΒΗ. ἐπεὶ οὖν αἱ ΗΒ, ΒΑ μείζονές εἰσιν τῆς ΗΑ τουτέστιν τῶν ΑΕ, ΕΓ, τουτέστιν τῶν ΑΒ, ΒΓ, κοινῆς ἀφαιρεθείσης τῆς ΑΒ, λοιπὴ ἡ ΒΗ λοιπῆς τῆς ΒΓ μείζων ἐστίν. καὶ ἐπεὶ ἡ ΗΕ τῇ ΕΓ ἐστὶν ἴση καὶ κοινὴ ἡ ΕΒ καὶ βάσις ἡ ΗΒ βάσεως τῆς ΒΓ μείζων, γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΗΕΒ γωνίας τῆς ὑπὸ ΒΕΓ μείζων ἐστίν. ὥστε ἡ ὑπὸ ΗΕΒ τῆς ὑπὸ ΗΕΓ μείζων ἐστὶν ἢ ἡμίσεια. ἔστιν δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΕΑΓ τῆς αὐτῆς ἡμίσεια, ἐκτὸς οὖσης τοῦ ΑΓΕ ἰσοσκελοῦς τριγώνου. μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ ΗΕΒ τῆς ὑπὸ ΕΑΓ. κείσθω αὐτῇ ἴση ἡ ὑπὸ ΗΕΘ. παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ ΕΘ τῇ ΔΓ. διήχθω ἡ ΑΒ καὶ συμπιπτέτω τῇ ΕΘ κατὰ τὸ Θ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΘΓ. ἴσον δὲ ἐστὶν τὸ ΑΕΓ τρίγωνον τῷ ΑΘΓ τριγώνῳ. ἀλλὰ τὸ ΑΘΓ τοῦ ΑΒΓ μείζον ἐστίν.

366 καὶ τὸ ΑΕΓ ἄρα μείζον ἐστὶν τοῦ ΑΒΓ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. § Ἔστω πάλιν ἐπὶ ἀνίσων βάσεων τῶν ΑΒ, ΓΔ ἰσοσκελῆ τρίγωνα τὰ ΑΕΒ, ΓΖΔ, ὥστε τὰς ΑΕ, ΕΒ, ΓΖ, ΖΔ ἴσας ἀλλήλαις εἶναι, μείζων δὲ ἔστω ἡ ΑΒ τῆς ΓΔ. καὶ ἐπεὶ δύο αἱ ΑΕ, ΕΒ δυσὶ ταῖς ΓΖ, ΖΔ ἴσαι εἰσίν, ἀλλὰ καὶ βάσις βάσεως μείζων ἐστίν, γωνία ἄρα ἡ Ε γωνίας τῆς Ζ μείζων ἐστίν. ὥστε ἀνόμοια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἔτι ἡ ΑΒ πρὸς ἐκατέραν τῶν ΑΕ, ΕΒ μείζονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ ΓΔ πρὸς ἐκατέραν τῶν ΓΖ, ΖΔ. δεῖ δὲ ἐπὶ τῶν ΑΒ, ΓΔ ὅμοια ἰσοσκελῆ τρίγωνα συστήσασθαι, ὥστε τὰς τέσσαρας πλευρὰς ἅμα ἴσας εἶναι ταῖς ΑΕ, ΕΒ, ΓΖ, ΖΔ τέτρασι πλευραῖς. ἐκκείσθω γὰρ ἡ ΗΘ εὐθεῖα ἴση οὖσα ταῖς ΑΕ, ΕΒ, ΓΖ, ΖΔ, καὶ τετμήσθω κατὰ τὸ Κ, ὥστε εἶναι ὡς τὴν ΚΗ πρὸς τὴν ΚΘ, οὕτως τὴν ΑΒ πρὸς τὴν ΓΔ, μείζων δὲ ἡ ΑΒ τῆς ΓΔ. Σμείζων ἄρα καὶ ἡ ΗΚ τῆς ΚΘ. τετμήσθω δὲ καὶ ἐκατέρα τῶν ΗΚ, ΚΘ δίχα κατὰ τὰ Λ, Μ. καὶ ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ ΗΘ συναμφοτέρων τῶν ΑΒ, ΓΔ (ἐπεὶ καὶ αἱ ΑΕ, ΕΒ, ΓΖ, ΖΔ) καὶ ἔστιν ὡς ἡ ΑΒ πρὸς ΓΔ ἡ ΗΚ πρὸς ΚΘ, μείζων ἄρα καὶ ἡ μὲν ΗΚ τῆς ΑΒ ἢ δὲ ΚΘ τῆς ΓΔ.

367 καὶ τέτμηται ἐκατέρα τῶν ΗΚ, ΚΘ δίχα κατὰ τὰ Λ, Μ σημεία. τῶν ἄρα ΑΒ, ΗΛ, ΑΚ δύο ὁποιοιοῦν τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσιν. ὁμοίως δὲ καὶ τῶν ΓΔ, ΚΜ, ΜΘ. συνεστάτω οὖν ἐκ τῶν ΑΒ, ΗΛ, ΑΚ τρίγωνον τὸ ΑΝΒ· δηλὸν γὰρ ὅτι ἔξω πίπτουσιν τῶν ΑΕ, ΕΒ, ἐπειδὴ περ αἱ μὲν ΑΕ, ΕΒ ἡμίσειαί εἰσιν τῆς ΗΘ αἱ δὲ ΗΛ, ΑΚ, τουτέστιν αἱ ΑΝ, ΝΒ, μείζονες ἡμισείας τῆς ΗΘ. ἐκ δὲ τῶν ΓΔ, ΚΜ, ΜΘ τρίγωνον συνεστάτω τὸ ΓΞΔ. φανερόν γὰρ πάλιν ὅτι αἱ ἴσαι ταῖς ΚΜ, ΜΘ ἐντὸς πεσοῦνται τοῦ ΓΖΔ, ἐπειδὴ περ πάλιν αἱ μὲν ΖΓ, ΖΔ ἡμίσειαί εἰσιν τῆς ΗΘ αἱ δὲ ΚΜ, ΜΘ ἐλάττονες ἢ ἡμίσειαι. καὶ φανερόν ὅτι ὅμοια ἔσται τὰ τρίγωνα, ἐπειδὴ περ ἐστὶν ὡς ἡ ΑΒ πρὸς ΓΔ ἡ ΗΚ πρὸς ΚΘ, καὶ αἱ ἡμίσειαι ἢ τε ΗΛ πρὸς ΚΜ καὶ ἡ ΑΚ πρὸς ΜΘ, καὶ αἱ ἴσαι συνεστάμεναι, ἢ τε ΝΑ πρὸς ΞΓ καὶ ἡ ΝΒ πρὸς ΞΔ. Ἐὰν ἦ δύο ὅμοια ὀρθογώνια τρίγωνα, τὸ ἀπὸ τῶν ὑποτείνουσων τὰς ὀρθὰς γωνίας ὡς ἀπὸ μιᾶς ἴσον ἐστὶν τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν ὁμολόγων πλευρῶν ὡς ἀπὸ μιᾶς κατὰ δύο. Ἔστω δύο ὅμοια ὀρθογώνια τρίγωνα τὰ ΑΒΓ, ΔΕΖ ὀρθὰς ἔχοντα τὰς πρὸς τοῖς Β, Ε γωνίας καὶ ἴσην τὴν μὲν πρὸς τῷ Α τῇ πρὸς τῷ Δ τὴν δὲ πρὸς τῷ Γ τῇ πρὸς τῷ Ζ· λέγω ὅτι τὰ ἀπὸ τῶν ΑΓ, ΔΖ ὡς μιᾶς, ἴσα ἐστὶν τοῖς τε ἀπὸ τῶν ΑΒ, ΔΕ ὡς μιᾶς, καὶ τοῖς ἀπὸ τῶν ΒΓ, ΕΖ ὡς μιᾶς.

368 Διήχθω γὰρ ἡ ΔΕ ἐπὶ τὸ Η, καὶ κείσθω τῇ ΑΒ ἴση ἡ ΕΗ. καὶ διὰ τοῦ Η τῇ ΕΖ παράλληλος ἦχθω ἡ ΗΘ, καὶ συμπιπτέτω τῇ ΔΖ ἐκβληθείση κατὰ τὸ Θ, διὰ δὲ τοῦ Ζ τῇ ΕΗ παράλληλος ἦχθω ἡ ΖΚ· παραλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶν τὸ ΕΚ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΚΖΘ τῇ πρὸς τῷ Δ τουτέστιν τῇ πρὸς τῷ Α, ἀλλὰ καὶ ὀρθαὶ αἱ πρὸς τοῖς Β, Κ, καὶ ἔστιν ἴση ἡ ΑΒ τῇ ΖΚ ἐπεὶ καὶ τῇ ΕΗ, ἴσον ἄρα ἐστὶν καὶ ὅμοιον τὸ ΑΒΓ τρίγωνον τῷ ΖΚΘ. καὶ ἐπεὶ τὸ ἀπὸ τῆς ΔΘ ἴσον ἐστὶν τοῖς ἀπὸ τῶν ΔΗ, ΗΘ, καὶ ἔστιν τὸ μὲν ἀπὸ τῆς ΔΘ τὰ ἀπὸ τῶν ΑΓ, ΔΖ ὡς μιᾶς, ἴση γὰρ ἡ ΑΓ τῇ ΖΘ, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ΔΗ τὰ ἀπὸ τῶν ΑΒ, ΔΕ ὡς μιᾶς, ἴση γὰρ ἡ ΑΒ τῇ ΕΗ, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ΗΘ τοῖς ἀπὸ τῶν ΒΓ, ΕΖ ὡς μιᾶς, ἴση γὰρ πάλιν ἡ ΒΓ τῇ ΚΘ, ἢ δὲ ΗΚ τῇ ΕΖ, τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ΑΓ, ΔΖ ὡς μιᾶς, ἴσα ἐστὶν τοῖς τε ἀπὸ τῶν ΑΒ, ΔΕ ὡς μιᾶς, καὶ ἔτι τοῖς ἀπὸ τῶν ΒΓ, ΕΖ ὡς μιᾶς. Τὰ ἐπὶ ἀνίσων βάσεων ὅμοια ἰσοσκελῆ τρίγωνα, συναμφοτέρα τῶν ἐπὶ τῶν αὐτῶν βάσεων συναμφοτέρων ἰσοσκελῶν

τριγώνων ἀνομοίων μὲν ἀλλήλοις καὶ τοῖς ὁμοίοις ἰσοπεριμέτρων δὲ αὐτοῖς, μείζονά ἐστιν.

Ἐστω ἐπὶ ἀνίσων βάσεων τῶν ΑΓ, ΓΕ ὁμοία ἰσοσκελῆ τρίγωνα τὰ ΑΖΓ, ΓΔΕ.

369 καὶ ἐπὶ τῶν αὐτῶν βάσεων ἄλλα ἔστω ἰσοσκελῆ τὰ ΑΒΓ * ΓΗΕ, ἰσοπερίμετρα μὲν τοῖς ΑΖΓ, ΓΔΕ, ἀνόμοια δέ. λέγω ὅτι τὰ ΑΖΓ, ΓΔΕ συναμφοτέρα, συναμφοτέρων τῶν ΑΒΓ, ΓΗΕ μείζονά ἐστιν. Κεῖσθω γὰρ ὥστε ἐπ' εὐθείας εἶναι τὴν ΑΓ τῇ ΓΕ, καὶ μείζονα τὴν ΓΕ τῆς ΑΓ. καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΒΖ, ΔΗ, § καὶ ἐκβεβλήσθωσαν ἐπὶ τὰς βάσεις. τέμνουσιν ἄρα αὐτὰς δίχα καὶ πρὸς ὀρθάς, διὰ τὸ ἰσοσκελῆ εἶναι τὰ τρίγωνα. τεμνέτωσαν κατὰ τὰ Θ, Κ σημεῖα, § καὶ διήχθω ἡ ΒΘ, καὶ κείσθω αὐτῇ ἴση ἡ ΘΛ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΑΓ. ἔσται δὴ ἴση ἡ ὑπὸ ΒΓΘ γωνία τῇ ὑπὸ ΑΓΘ, διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν ΒΘ τῇ ΘΛ, καὶ πρὸς ὀρθάς τῇ ΘΓ. ἀλλ' ἡ ὑπὸ ΒΓΘ μείζων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΔΓΚ, ἐπεὶ καὶ τῆς ὑπὸ ΖΓΑ τουτέστιν τῆς ὑπὸ ΖΓΘ ἡ ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΔΓΕ, διὰ τὴν ὁμοιότητα τῶν ΖΓΑ, ΔΓΕ τριγώνων. καὶ ἡ ὑπὸ ΑΓΘ ἄρα μείζων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΔΓΚ. πολλῶ ἄρα τῆς ὑπὸ ΗΓΚ. καὶ διὰ τοῦτο ἡ ΑΓ τῇ ΓΔ οὐκ ἔστιν ἐπ' εὐθείας. ἔστω οὖν τῇ ΑΓ ἐπ' εὐθείας ἡ ΑΝ. λέγω δὴ ὅτι καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Η ἐπιζυγνυμένη τεμεῖ τὴν ΚΓ. οὐ γὰρ τὴν ΚΕ τεμεῖ, ἵνα μὴ τὴν ΔΚ ἐκβαλλομένην τέμῃ καὶ κατ' ἄλλο σημεῖον τοῦ Η. τεμνέτω οὖν ὡς ἔφαμεν ἡ ΛΗ τὴν ΓΚ κατὰ τὸ Μ. ἐπεὶ οὖν αἱ ΑΒ, ΒΓ, ΓΗ, ΗΕ ταῖς ΑΖ, ΖΓ, ΓΔ, ΔΕ ἴσαι εἰσίν, ὑπόκεινται γὰρ ἰσοπερίμετρα τὰ τρίγωνα, καὶ αἱ ἡμίσειαι αἱ ΒΓ, ΓΗ, τουτέστιν αἱ ΑΓ, ΓΗ, ταῖς ΖΓ, ΓΔ ἴσαι εἰσίν. ἀλλ' αἱ ΑΓ, ΓΗ τῆς ΛΗ μείζονές εἰσιν. καὶ αἱ ΖΓ, ΓΔ ἄρα τῆς ΛΗ μείζονές εἰσιν. καὶ τὸ ἀπὸ συναμφοτέρου ἄρα τῆς ΖΓ, ΓΔ ὡς μιᾶς μείζον ἐστὶν τοῦ ἀπὸ ΛΗ.

370 ἀλλὰ τῷ μὲν ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς ΖΓ, ΓΔ ὡς μιᾶς ἴσα ἐστὶν τὰ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς ΖΘ, ΔΚ ὡς μιᾶς, καὶ τὰ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς ΘΓ, ΓΚ ὡς μιᾶς τουτέστιν τὸ ἀπὸ ΘΚ, διὰ τὴν τῶν ΘΖΓ, ΓΔΚ τριγώνων ὀρθογωνίων ὁμοιότητα, ὡς ἐν τῷ πρὸ τούτου ἐλέχθη· τῷ δὲ ἀπὸ ΛΗ ἴσον ἐστὶν τὸ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς ΗΚ, ΛΘ ὡς μιᾶς, τουτέστιν τὸ ἀπὸ ΗΚ, ΒΘ ὡς μιᾶς, μετὰ τοῦ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς ΚΜ, ΜΘ ὡς μιᾶς, τουτέστιν τοῦ ἀπὸ ΚΘ, διὰ τὸ πρὸ τούτου πάλιν. τὸ ἄρα ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς ΔΚ, ΖΘ ὡς μιᾶς μετὰ τοῦ ἀπὸ ΘΚ, μείζον ἐστὶν τοῦ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς ΗΚ, ΒΘ ὡς μιᾶς μετὰ τοῦ ἀπὸ ΘΚ. καὶ κοινοῦ ἀφαιρεθέντος τοῦ ἀπὸ ΘΚ, λοιπὸν ἄρα τὸ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς ΖΘ, ΔΚ ὡς μιᾶς, μείζον ἐστὶν τοῦ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς ΒΘ, ΗΚ ὡς μιᾶς. καὶ μήκει ἄρα μείζων ἡ ΖΘ, ΔΚ τῆς ΒΘ, ΗΚ. κοινὰ ἀφηρήσθωσαν αἱ ΖΘ, ΗΚ. λοιπὴ ἄρα ἡ ΔΗ μείζων ἐστὶν τῆς ΖΒ. καὶ ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ ΓΕ τῆς ΑΓ καὶ αἱ ἡμίσειαι, μείζων ἄρα καὶ ἡ ΓΚ τῆς ΓΘ, καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΔΗ, ΚΓ μείζον ἐστὶν τοῦ ὑπὸ τῶν ΒΖ, ΘΓ. καὶ ἔστιν τοῦ μὲν ὑπὸ τῶν ΔΗ, ΚΓ ἥμισυ τὸ ΔΗΓ τρίγωνον, τοῦ δὲ ὑπὸ τῶν ΘΓ, ΒΖ ἥμισυ τὸ ΒΖΓ τρίγωνον.

371 μείζον ἄρα τὸ ΔΗΓ τρίγωνον τοῦ ΒΖΓ τριγώνου. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ ΔΗΕ τρίγωνον μείζον ἐστὶν τοῦ ΒΖΑ τριγώνου. καὶ ὅλον ἄρα τὸ ΓΔΗΕ ὅλου τοῦ ΓΒΖΑ.

372 κοινὰ προσκείσθωσαν τὰ ΑΖΓ, ΓΗΕ τρίγωνα. ὥστε καὶ συναμφοτέρα τὰ ΑΖΓ, ΔΓΕ μείζονά ἐστιν συναμφοτέρων τῶν ΗΓΕ, ΑΒΓ τριγώνων, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. ΣΤῶν ἰσοπεριμέτρων εὐθυγράμμων σχημάτων καὶ τὰς πλευρὰς ἰσοπληθεῖς ἔχόντων τὸ μέγιστον ἰσόπλευρόν τέ ἐστιν καὶ ἰσογώνιον. Ἐστω γὰρ μέγιστον τῶν εἰρημένων σχημάτων τὸ ΑΒΓΔΕΖ· λέγω ὅτι ἰσόπλευρόν τέ ἐστὶν καὶ ἰσογώνιον. Καὶ πρῶτον ὅτι ἰσόπλευρον. μὴ γάρ, ἀλλ' ἔστω ἄνισος τῇ ΑΒ ἢ ΒΓ. καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΑΓ, καὶ συνεστάτω ἐπὶ τῆς ΑΓ ἰσοσκελὲς τρίγωνον τὸ ΑΗΓ, ἴσας ἔχον συναμφοτέρας τὰς ΑΗ, ΗΓ συναμφοτέραις ταῖς ΑΒ, ΒΓ. μείζον ἄρα τὸ ΑΗΓ τρίγωνον τοῦ ΑΒΓ τριγώνου. καὶ κοινοῦ προστεθέντος τοῦ ΑΓΕΔΖ πενταπλεύρου, ἔσται τὸ ΑΗΓΔΕΖ ἐξάγωνον μείζον τοῦ ΑΒΓΔΕΖ μεγίστου ὄντος, ὅπερ ἄτοπον. οὐκ ἄρα ἄνισός ἐστιν ἡ ΑΒ τῇ ΒΓ.

373 ὁμοίως δὴ δεῖξομεν ὅτι οὐδ' ἄλλη τις ἐτέρα τινί. ἰσόπλευρον ἄρα ἐστὶν τὸ ΑΒΓΔΕΖ ἐ * ξάγωνον. Λέγω δὴ ὅτι καὶ ἰσογώνιον. μὴ γάρ, ἀλλ' εἰ δυνατόν ἔστω μείζων ἡ Α γωνία τῆς Γ, ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς ἐξῆς καταγραφῆς. καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΖΒ, ΒΔ. μείζων ἄρα ἡ ΖΒ τῆς ΒΔ. συνεστάτω ἐπὶ τῶν

ZB, ΒΔ ἰσοσκελῆ τρίγωνα ὡς προεδείχθη τὰ ZHB, ΒΘΔ, συναμφοτέρας τὰς ZHB, ΒΘΔ συναμφοτέραις ταῖς ZAB, ΒΓΔ ἴσας ἔχοντα. μείζονα ἄρα ἐστὶν τὰ ZHA, ΒΘΔ τῶν ZAB, ΒΓΔ.

374 δέδεικται γὰρ καὶ τοῦτο. κοινοῦ προστεθέντος τοῦ ZBAE τετραπλεύρου, ἔσται τὸ ZHBΘΔΕ τοῦ ABΓΔEZ μεγίστου μείζον, ὅπερ ἄτοπον. οὐκ ἄρα ἄνισός ἐστιν ἡ Α γωνία τῇ Γ. ὁμοίως δὴ δείξομεν ὅτι οὐδ' ἄλλῃ τινί. ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶν τὸ ABΓΔEZ. Ἐδείχθη δὲ καὶ ἰσόπλευρον. Τῶν ἄρα ἰσοπεριμέτρων εὐθυγράμμων σχημάτων καὶ τὰς πλευρὰς ἰσοπληθεῖς ἔχόντων, τὸ μέγιστον ἰσόπλευρόν τε ἐστὶν καὶ ἰσογώνιον. Τοῦ δὲ ἰσοπλεύρου καὶ ἰσογώνιου μείζων ἐδείχθη ὁ κύκλος ἰσοπερίμετρος αὐτῷ. Πάντων ἄρα τῶν ἰσοπεριμέτρων ἐπιπέδων σχημάτων μείζων ἐστὶν ὁ κύκλος. Ὡς γὰρ δὴ ὅτι καὶ ἡ σφαῖρα μείζων ἐστὶν πάντων τῶν ἴσην ἐπιφάνειαν ἔχόντων στερεῶν σχημάτων, προσχρησάμενος τοῖς ὑπὸ Ἀρχιμήδους δεδειγμένοις ἐν τῷ Περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου. Ἐστω γὰρ ἐν σφαίρᾳ μέγιστος κύκλος ὁ ABΓΔ.

375 καὶ περιγεγράφθω περὶ αὐτὸν πολύπλευρον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, οὗ τὸ πλῆθος τῶν πλευρῶν μετρείσθω ὑπὸ τετράδος, καὶ ἔστω τὸ EZHΘKΛMN. καὶ διήχθω ἡ EK. ἐὰν ἄρα περιενεχθὲν τὸ ἐπίπεδον ἐν ᾧ τὸ πολύγωνον καὶ ὁ κύκλος εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, ἡ μὲν περιφέρεια τοῦ κύκλου κατὰ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας οἰσθήσεται, αἱ δὲ πλευραὶ τοῦ πολυγώνου κατὰ κωνικῶν ἐπιφανειῶν (ἐπεὶ καὶ αἱ HZ, MN ἐκβαλλόμεναι § καὶ συμπίπτουσιν τρίγωνον ποιοῦσιν μετὰ τῆς HM ἐπιζευγνυμένης, καθάπερ καὶ αἱ ZE, EN μετὰ τῆς ZN, ὁμοίως δὲ καὶ αἱ HΘ, ΜΛ μετὰ τῆς HM, καθάπερ καὶ αἱ ΘΚ, ΚΛ μετὰ τῆς ΘΛ ἐπιζευγνυμένης) καὶ κατ' ἄλλων τινῶν ἐπιφανειῶν αἱ εἰρημέναι πλευραὶ οἰσθήσονται (ὅταν τὸ πλῆθος τῶν πλευρῶν μὴ μετρήται ὑπὸ τετράδος) καὶ ἔσται στερεὸν σχῆμα περιεχόμενον ὑπὸ κωνικῶν ἐπιφανειῶν, ἢ καὶ ἄλλων τινῶν. καὶ μείζων ἔσται ἐπιφάνεια αὐτοῦ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας δέδεικται γὰρ αὐτῷ καὶ τοῦτο. §Τούτου δεδειγμένου, λέγω ὅτι καὶ ἡ σφαῖρα ἡ τὴν ἴσην ἐπιφάνειαν ἔχουσα τῷ στερεῷ τῷ ὑπὸ τῶν κωνικῶν ἐπιφανειῶν περιεχομένῳ καὶ ἐτέρων τινῶν μείζων ἐστὶν τοῦ αὐτοῦ στερεοῦ. Ἐστω γὰρ ἡ Α σφαῖρα ἡ ἴσην ἔχουσα τὴν ἐπιφάνειαν τῷ εἰρημένῳ στερεῷ. λέγω ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ Α σφαῖρα τοῦ στερεοῦ. Ἐπεὶ γὰρ μείζων ἐστὶν ἡ τοῦ στερεοῦ ἐπιφάνεια τοῦ ὑπὸ τῶν κωνικῶν ἐπιφανειῶν περιεχομένου τῆς ἐπιφανείας τῆς περιλαμβανομένης ὑπ' αὐτῆς σφαίρας, ἡ δὲ τοῦ στερεοῦ ἐπιφάνεια ἴση ἐστὶν τῇ τῆς Α σφαίρας ἐπιφανείᾳ, καὶ ἡ τῆς Α ἄρα σφαίρας ἐπιφάνεια μείζων ἐστὶν τῆς ἐν τῷ στερεῷ ἐγγραφείσης σφαίρας ἐπιφανείας.

376 καὶ ἐπεὶ δέδεικται αὐτῷ ὅτι πάσης σφαίρας ἡ ἐπιφάνεια τετραπλασία ἐστὶν τοῦ μεγίστου κύκλου τοῦ ἐν αὐτῇ, καὶ τὰ τέταρτα, καὶ ὁ ἐν τῇ Α ἄρα σφαῖρᾳ μέγιστος κύκλος μείζων ἐστὶν τοῦ τῆς ἐν τῷ στερεῷ ἐγγραφείσης σφαίρας μεγίστου κύκλου. ὥστε καὶ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου μείζων τῆς ἐκ τοῦ κέντρου. Ἐκκείσθω δὴ κύκλος ὁ ΒΓΔ ἴσος τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς Α σφαίρας περὶ κέντρον τὸ Ε, καὶ ἕτερος ὁ ΖΗΘ ἴσος τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ στερεοῦ τοῦ περιεχομένου ὑπὸ τῶν κωνικῶν ἐπιφανειῶν περὶ κέντρον τὸ Κ· ἴσος δὴ ἐστὶν ὁ ΒΓΔ κύκλος τῷ ΖΗΘ κύκλῳ, ἐπεὶ καὶ ἡ ἐπιφάνεια τῇ ἐπιφανείᾳ. ἀνεστάτω δὴ ἀπὸ μὲν τοῦ ΒΓΔ κύκλου κῶνος ὕψος ἔχων ἴσον τῇ ἐκ τοῦ κέντρου τῆς Α σφαίρας τὸ ΕΛ, ἀπὸ δὲ τοῦ ΖΗΘ κύκλου ἕτερος κῶνος ὕψος ἔχων ἴσον τῇ ἐκ τοῦ κέντρου τῆς ἐν τῷ στερεῷ ἐγγραφείσης σφαίρας τὸ ΚΜ. μείζον ἄρα ἐστὶν τὸ ΕΛ ὕψος τοῦ ΚΜ ὕψους. Καὶ ἐπεὶ ἐδείχθη ὅτι οἱ κῶνοι οἱ ἴσας ἔχοντες βάσεις τὸν αὐτὸν ἔχουσι λόγον τοῖς ὕψεσιν, καὶ εἰσιν αἱ μὲν βάσεις τῶν κῶνων ἴσαι καὶ μείζον τὸ ΛΕ ὕψος τοῦ ΚΜ ὕψους, μείζων ἄρα καὶ ὁ ΒΓΔΛ κῶνος τοῦ ΖΗΘΜ κῶνου.

377 Καὶ ἐπεὶ ἡ Α σφαῖρα τετραπλασία ἐστὶν κῶνου τοῦ βάσιν μὲν ἔχοντος ἴσην τῷ μεγίστῳ κύκλῳ τῶν ἐν αὐτῇ ὕψος δὲ ἴσον τῇ ἐκ * τοῦ κέντρου (δέδεικται γὰρ αὐτῷ καὶ τοῦτο), ἔστιν δὲ καὶ ὁ ΒΓΔΛ κῶνος τετραπλάσιος τοῦ αὐτοῦ κῶνου διὰ τὸ καὶ τὴν ΒΓ βάσιν τετραπλασίαν εἶναι τοῦ μεγίστου κύκλου τὸ δὲ ὕψος ἴσον, καὶ ἡ Α ἄρα σφαῖρα ἴση ἐστὶν τῷ ΒΓΔΛ κῶνῳ. Ἐστὶν δὲ καὶ τὸ

στερεὸν τὸ περιεχόμενον ὑπὸ τῶν κωνικῶν ἐπιφανειῶν ἴσον τῷ ΖΘΗΜ κώνῳ, διὰ τὸ πάλιν δεδειχθαι αὐτῷ ὅτι τῷ περιγραφομένῳ σχήματι περὶ τὴν σφαῖραν ἴσος ἐστὶν κῶνος βάσιν μὲν ἔχων κύκλον ἴσον τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ σχήματος ὕψος δὲ ἴσον τῇ ἐκ τοῦ κέντρου τῆς ἐγγραφείσης ἐν αὐτῷ σφαίρας. Ὡστε καὶ ἡ Α σφαῖρα μείζων ἐστὶν τοῦ εἰρημένου στερεοῦ. Ὡσαύτως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν παρὰ Πλάτωνι πέντε πολυέδρων τεταγμένων σχημάτων τὸ αὐτὸ τοῦτο δειχθήσεται. Ἐκκείσθω γὰρ ἡ Α σφαῖρα καὶ ἐν τι τῶν εἰρημένων ε σχημάτων, ἴσην ἔχον τὴν ἐπιφάνειαν τῇ Α σφαίρᾳ. λέγω ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ σφαῖρα τοῦ πολυέδρου. Νοείσθω γὰρ εἰς τὸ πολυέδρον ἐγγεγραμμένη σφαῖρα· μείζων ἄρα ἡ τοῦ πολυέδρου ἐπιφάνεια τῆς ἐγγεγραμμένης ἐν αὐτῷ σφαίρας· περιέχει γὰρ αὐτήν.

378 ἀλλ' ἡ τοῦ πολυέδρου ἐπιφάνεια ἴση ἐστὶν τῇ τῆς Α σφαίρας ἐπιφανείᾳ. ὥστε καὶ ἡ τῆς Α σφαίρας ἐπιφάνεια μείζων ἐστὶν τῆς ἐν τῷ πολυέδρῳ ἐγγραφείσης σφαίρας ἐπιφανείας. καὶ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἄρα τῆς Α σφαίρας μείζων ἐστὶν τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τῆς ἐγγεγραμμένης σφαίρας. Καὶ ἐπεὶ ἡ τῆς Α σφαίρας ἐπιφάνεια ἴση ἐστὶν τῇ τοῦ πολυέδρου ἐπιφανείᾳ, ὁ ἄρα κῶνος ὁ βάσιν μὲν ἔχων κύκλον ἴσον τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς Α σφαίρας ὕψος δὲ ἴσον τῇ ἐκ τοῦ κέντρου αὐτῆς μείζων ἐστὶν πυραμίδος τῆς βάσιν μὲν ἐχούσης εὐθύγραμμον ἴσον τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ πολυέδρου ὕψος δὲ ἴσον τῇ ἐκ τοῦ κέντρου τῆς ἐγγεγραμμένης σφαίρας, ἐπειδήπερ § πᾶς μὲν κῶνος κυλίνδρου τρίτον μέρος ἐστὶν τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον, § πᾶσα δὲ πυραμὶς τρίτον ἐστὶν μέρος στερεοῦ τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῇ καὶ ὕψος ἴσον, καὶ ἔστιν ὁ μὲν κύλινδρος ἡ βάσις ἐπὶ τὸ ὕψος, τὸ δὲ στερεὸν ἡ βάσις ἐπὶ τὸ ὕψος, καὶ ἔστιν μείζων τὸ τοῦ κυλίνδρου ὕψος τοῦ τοῦ στερεοῦ ὕψους· καὶ τῶν τρίτων ἄρα ληφθέντων, γίνεται μείζων ὁ εἰρημένος κῶνος τῆς πυραμίδος. Ἀλλ' ὁ μὲν κῶνος ἴσος ἐστὶν τῇ Α σφαίρᾳ ἐπειδήπερ ἐδείχθη πάλιν Ἀρχιμήδει ὅτι πᾶσα σφαῖρα τετραπλάσια ἐστὶν κώνου τοῦ βάσιν μὲν ἔχοντος ἴσην τῷ μεγίστῳ κύκλῳ τῶν ἐν αὐτῇ ὕψος δὲ ἴσον τῇ ἐκ τοῦ κέντρου. καὶ ἔτι ἡ τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια τετραπλάσια ἐστὶν τοῦ μεγίστου κύκλου τῶν ἐν αὐτῇ. ὥστε ὁ εἰρημένος κῶνος βάσιν μὲν ἔχων κύκλον ἴσον τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς σφαίρας ὕψος δὲ τὴν ἐκ τοῦ κέντρου αὐτῆς τετραπλάσιός ἐστιν κώνου τοῦ βάσιν μὲν ἔχοντος ἴσην τῷ ἐν τῇ σφαίρᾳ μεγίστῳ κύκλῳ ὕψος δὲ τὴν ἐκ τοῦ κέντρου.

379 ἐδείχθη δὲ καὶ ἡ Α σφαῖρα τετραπλάσιον τοῦ αὐτοῦ κώνου. ἴσος ἄρα ὁ κῶνος ὁ βάσιν μὲν ἔχων κύκλον ἴσον τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς Α σφαίρας ὕψος δὲ τὴν ἐκ τοῦ κέντρου αὐτῆς. Ὡστε καὶ ἡ Α σφαῖρα μείζων ἐστὶν τῆς εἰρημένης πυραμίδος. Ἡ δὲ πυραμὶς ἴση ἐστὶν τῷ εἰρημένῳ πολυέδρῳ, ὅτι καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς ἐγγεγραμμένης ἐν τῷ πολυέδρῳ σφαίρας ἐφ' ἐκάστην ἐφέδραν αὐτοῦ πρὸς ὀρθὰς ἀγομένη γωνία καὶ ἐπ' αὐτὴν πολλαπλασιαζομένη τοσαῦτα στερεὰ ποιεῖ ὅσον ἐστὶν τὸ πλῆθος τῶν περιεχόντων τὸ πολυέδρον ἐπιπέδων, ἅτινα στερεὰ συντιθέμενα τριπλάσιον ποιεῖ στερεὸν τοῦ πολυέδρου, διὰ τὸ καὶ ἕκαστον τῆς καθ' ἑαυτὸ πυραμίδος ἐξ ὧν σύγκειται τὸ πολυέδρον. ἀλλὰ καὶ τῆς ἐκκειμένης πυραμίδος τριπλάσιόν ἐστιν τὸ αὐτὸ στερεόν, διὰ τὸ καὶ τὴν βάσιν αὐτοῦ ἴσην εἶναι τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ πολυέδρου, τουτέστιν τῶν κατὰ μέρος βάσεων τῶν πυραμίδων ἐξ ὧν τὸ πολυέδρον σύγκειται, τὸ δὲ ὕψος ἴσον τῇ ἐκ τοῦ κέντρου τῆς ἐγγραφείσης σφαίρας. Ὡστε καὶ ἡ Α σφαῖρα μείζων ἐστὶν τοῦ ὑποκειμένου πολυέδρου. Ἔτι δὲ καὶ ἀπὸ φυσικῶν ἐπιχειρεῖ πρὸς τὴν τοιαύτην ἐπίστασιν καὶ φησιν ὅτι τῶν σωμάτων πάντων λεπτομερεστέρου καὶ ὁμοιομερεστέρου τοῦ αἰθέρος τυγχάνοντος, ἀκόλουθον ἂν εἴη πάλιν τὸ ὁμοιομερὲς σχῆμα αὐτῷ οἰκειῶσαι, ὁμοιομερὲς δὲ τό τε κυκλικὸν ἐν τοῖς ἐπιπέδοις, διὰ τὸ ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς ὁμοιοσχήμονος * περιέχεσθαι, τὸ δὲ σφαιρικὸν ἐν τοῖς στερεοῖς, διὰ τὸ καὶ τοῦτο ὑπὸ μιᾶς ἐπιφανείας ὁμοιοσχήμονος περιέχεσθαι. «τοῦ δὲ αἰθέρος μὴ ὄντος ἐπιπέδου ἀλλὰ στερεοῦ, καταλείπεται αὐτὸν «εἶναι σφαιροειδῆ.» Ἡ καὶ οὕτως ὁ αἰθὴρ σῶμά ἐστιν φυσικὸν ὁμοιομερὲς, πᾶν δὲ σῶμα φυσικὸν ὁμοιομερὲς

ὁμοιομερεστέρα ἐσχηματισμένον ἐπιφανείᾳ σφαιρικόν ἐστιν. ὁ αἰθὴρ ἄρα σφαιρικὸς ἂν εἴη. Οὐ μόνον δὲ τὸν οὐρανὸν βούλεται σφαιροειδῆ τε εἶναι καὶ σφαιροειδῶς φέρεσθαι, ἀλλὰ καὶ τοὺς ἀστέρας πάντας.

380 καὶ φησιν ὅτι ἡ φύσις τὰ πάντα δημιουργοῦσα καὶ συστατικὴ τῶν ὅλων τυγχάνουσα, τὰ φυσικὰ σώματα ἐπίγειά τε καὶ φθαρτὰ ἐκ περιφερῶν καὶ ἀνομοιομερῶν σχημάτων συνεστήσατο, οἷον ὥσπερ κεφαλὴν καὶ τράχηλον, καὶ βραχίονας, καὶ κοιλίαν καὶ τὰ ἄλλα μέρη. ἐπεὶ οὖν ἡ φύσις μᾶλλον περιφερῶν σχημάτων ἐστὶν ποιητικὴ καὶ τοῖς μὲν ἐπιγείοις καὶ φθαρτοῖς ἄτακτον καὶ ἀνόμοιον ἔχουσι κίνησιν τὸ ἀνομοιομερές τῶν περιφερῶν σχημάτων ἀπέδωκεν, ἀκόλουθον ἂν εἴη τοῖς θεοῖς καὶ ἀφθάρτοις καὶ τεταγμένην καὶ αἰδίδιον ἔχουσι κίνησιν τὸ ὁμοιομερές τοῦ περιφεροῦς σχήματος ἀπονεῖμαι, ὅπερ ἐστὶν σφαιρικόν, ἐπεὶ περ ἐπίπεδα ὄντα ἢ δισκοειδῆ καθὼς δοκεῖ τισιν, ἐπεὶ καὶ τῇ ὄψει οὕτως ὑποπίπτει, οὐκ ἂν τοῖς ἀπὸ διαφόρων τῆς γῆς τόπων κατὰ τὸν αὐτὸν χρόνον ὁρῶσιν κυκλικὸν ἂν ἐφαίνετο σχῆμα, καθάπερ ἐν τοῖς Ὀπτικοῖς ἐδείχθη, ὅτι τῶν ἀρμάτων οἱ τροχοὶ ποτὲ μὲν περιφερεῖς ποτὲ δὲ παρεσπασμένοι φαίνονται. καὶ διὰ τοῦτο φησιν εὐλογον εἶναι, καὶ οὐκ εἶπεν ἀναγκαῖον, ἐπεὶ ἀπὸ φυσικῶν τὴν ἐπιβολὴν πεποιήται, «καὶ τὸν «ἐμπεριέχοντα αὐτὰ αἰθέρα τῆς ὁμοίας ὄντα φύσεως, σφαιροειδῆ τε «εἶναι καὶ διὰ τὴν ὁμοιομέρειαν τοῦ σχήματος ἐγκυκλίως τε φέρεσθαι καὶ «ὁμαλῶς.» Ὅτι ἡ γῆ σφαιροειδὴς ἐστὶν πρὸς αἴσθησιν.

381 (1t) Περὶ τοῦ σφαιροειδῆ τε εἶναι καὶ σφαιροειδῶς φέρεσθαι τὸν οὐρανὸν τὴν ὑπόμνησιν ποιησάμενος, ἐξῆς καὶ περὶ τῆς γῆς διαλαμβάνει τὸν αὐτὸν τρόπον, πρότερον ἀπὸ κοινῶν ἐννοιῶν, εἴτα καὶ κατασκευαστικώτερον ἀνατρέπων τὰς δόξας τῶν παρὰ τὸ σφαιρικόν σχῆμα ὑπάρχειν αὐτὴν ἐννοοῦντων. Τὸ δὲ σχῆμα τῆς γῆς σφαιροειδὲς καταλαμβάνεται, πρῶτον μὲν ἐκ τοῦ τοῖς ἀνατολικωτέροις πάντοτε πρότερον ἀνατέλλειν τε καὶ δύνειν τὰ ἄστρα, τοῖς δὲ δυτικωτέροις ὕστερον, καὶ τοῦτο μὴδ' ἂν συμβαίνειν εἰ μὴ κυρτότης κατὰ τὴν ἐπιφάνειαν τῆς γῆς ἀναλόγως αὐτοῖς ἐπεπρόσθαι. καταλαμβάνονται δὲ τὰ ἄστρα μὴ ἅμα ἀνατέλλοντα καὶ δυόμενα ἐκ τοῦ τὰς αὐτὰς ἐκλείψεις καὶ μάλιστα τὰς σεληνιακὰς τὰς ὑφ' ἑνα τινὰ καὶ τὸν αὐτὸν χρόνον ἀποτελουμένας καὶ πᾶσιν ἅμα οἷς ἐνδέχεται ὁρωμένας σδιαφόρως τῷ πλήθει κατὰ τῶν ὥρων καθ' ἕκαστον ὀρίζοντα παρὰ τῶν τηρησάντων ἀναγεγράφθαι, καὶ αἰεὶ τοῖς μὲν ἀνατολικωτέροις ἐν πλείοσιν, τοῖς δὲ δυτικωτέροις ἐν ἐλάττοσιν, διὰ τὴν τῆς γῆς ὡς ἔφαμεν κυρτότητα «καὶ τῆς διαφορᾶς δὲ τῶν ὥρων ἀναλόγως τοῖς διαστήμασι τῶν τόπων «εὐρισκομένης.

382 » ἀνάλογος ἂν εἴη καὶ ἡ κυρτότης τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς, τουτέστιν σφαιροειδὴς. τὴν γὰρ ἀνάλογον κυρτότητα σφαιροειδῆ καλεῖ. Διὰ τοῦτο δὲ εἶπεν «καὶ μάλιστα τὰς σεληνιακὰς» διὰ τὸ κατὰ τὰς τοιαύτας τηρήσεις μὴ ὑπομένειν ἀπάτην τινὰ ἐκ τῶν παραλλάξεων παρὰ τὴν ὄψιν καθὰ αἰ ἡλιακαί, ἐπειδὴ περ ἐπὶ τῶν ἡλιακῶν ἐκλείψεων τῇ ὄψει τὴν σελήνην παραλαμβάνοντες, διὰ τὸ αὐτὴν φαίνεσθαι ἐπιπροσθοῦσαν τῷ ἡλίῳ, διαμαρτάνομεν τῆς ἀκριβοῦς αὐτῆς ἐποχῆς, διὰ τὸ τὴν γῆν μηκέτι σημείου λόγον ἔχειν καὶ πρὸς τὸ ταύτης ἀπόστημα, ἐπὶ δὲ τῶν σεληνιακῶν ἐκλείψεων μηδεμίαν ἀπάτην γίνεσθαι περὶ τὴν ἐποχὴν αὐτῆς ἐκ τῆς κατὰ διάμετρον τοῦ ἡλίου στάσεως αὐτῆς καταλαμβανομένης, ὡς ἐξῆς ἐν τοῖς οἰκείοις τόποις ἀποδείκνυται. Ὅτι δὲ διὰ τὸ ἀνάλογον τοῖς διαστήμασιν τῶν τόπων τὰς τῶν ὥρων διαφορὰς καταλαμβάνεσθαι, ἀκολουθεῖ σφαιροειδῆ ὑπάρχειν τὴν γῆν, οὕτως ἂν γένοιτο δῆλον. Εἰ γὰρ μή, ἔσται σχῆμά τι ἔχουσα πολυέδρον· δείκνυται γὰρ ἐξῆς μήτε κοίλῃ μήτε ἐπίπεδος τυγχάνουσα. καὶ ἔσται πλείοσιν οἰκήσεσιν ταῖς ἐπὶ τῆς αὐτῆς πλευρᾶς ἤτοι ἐπιφανείας τοῦ πολυέδρου εἰς * ὀρίζων ὁ δι' αὐτῆς ἐκβαλλόμενος, μηδεμίαν ἐν αὐταῖς ποιῶν παρὰ τὰς ὥρας διαφοράν, καθάπερ καὶ εἰ ἐπίπεδος ἐτύγχανεν. οὐκ ἄρα τι τῶν πολυέδρων σχημάτων ἔσται τὸ τῆς γῆς σχῆμα· σφαιροειδὲς ἄρα, τουτέστιν ἤτοι κυλινδρικὸν ἢ κωνικὸν ἢ σφαιρικόν.

383 ἄλλα, ἐπεὶ δέικνυται ἐξῆς ὅτι οὐδὲ κυλινδρικὸν οὐδὲ κωνικόν, σφαιρικὸν ἄρα. §Λέγω δὴ ὅτι καὶ τὸ ἀνάπαλιν σφαιρικῆς αὐτῆς τυγχανούσης συμφώνως τοῖς φαινομένοις αἱ τῶν τόπων διαστάσεις ἀναλόγως ἔχουσιν ταῖς τῶν ὠρῶν διαφοραῖς, καὶ ὅτι ἐπὶ μόνου τοῦ τοιοῦτου τῆς γῆς σχήματος τοῦτο συμβαίνει, ὁμοκέντρου τῷ κόσμῳ αὐτῆς καταλαμβανομένης, καὶ ἐπεὶ τοῖς ἀνατολικωτέροις πλείους εἰσὶν αἱ ἀπὸ τῆς ἀνατολῆς ἢ μεσημβρίας ὥραι κατὰ τὸν αὐτὸν χρόνον τῶν παρὰ τοῖς δυσμικωτέροις. Νοείσθω γὰρ πρῶτον ὡς ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας ἰσημερινὸς μὲν κύκλος ὁ ΗΔΘ, ἐφ' οὗ μάλιστα λαμβάνονται οἱ ὠριαῖοι χρόνοι, καὶ τῆς γῆς σφαιρικῆς ὑποκειμένης καὶ μέσης τοῦ παντός, ἔστω ἐν αὐτῇ μέγιστος κύκλος ἐν τῷ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπιπέδῳ ὁ ΑΒΓ, καὶ κέντρον ἀμφοτέρων τὸ Ν, καὶ ἀνατολικά μὲν τὰ Η, Ε, Δ, δυτικά δὲ τὰ Ο, Ζ, Θ.

384 καὶ διὰ μὲν τῆς πρώτης οἰκήσεως ὀρίζων κύκλος νοείσθω περὶ διάμετρον τὴν ΔΑΟ ὀρθὸς πρὸς τὸν ἰσημερινόν· διὰ δὲ τῆς δευτέρας οἰκήσεως ὁμοίως ἕτερος ὀρίζων περὶ διάμετρον τὴν ΕΒΖ· καὶ ἔτι διὰ τῆς τρίτης ὁ περὶ διάμετρον τὴν ΗΓΘ. καὶ ἔστω ὁ μὲν τῆς ΔΕ χρόνος ὥρας μιᾶς ἡμισείας, ὁ δὲ τῆς ΕΗ ὥρας μιᾶς. λέγω ὅτι αἱ τῶν ὠρῶν διαφοραὶ ἀναλόγως ἔχουσι τοῖς διαστήμασι τῶν τόπων, τουτέστιν ὡς ἡ ΔΕ πρὸς τὴν ΕΗ, οὕτως ἡ ΑΒ πρὸς τὴν ΒΓ. Εἰλήφθω γὰρ ἐπὶ τοῦ ἰσημερινοῦ τοῦ διὰ τοῦ ΔΑΟ ὀρίζοντος κατὰ κορυφὴν σημεῖον τὸ Κ· δῆλον γὰρ ὅτι ἐπὶ τοῦ ἰσημερινοῦ πίπτει, διὰ τὸ ὀρθὴν ὑποκεῖσθαι τὴν σφαῖραν· τοῦ δὲ διὰ τῆς ΕΒΖ τὸ Α· καὶ ἔτι τοῦ διὰ τῆς ΗΓΘ τὸ Μ. καὶ ἐπεζεύχθωσαν ἀπὸ τῶν κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὰ τῶν οἰκήσεων σημεία αἱ ΚΑ, ΛΒ, ΜΓ, κάθετοι δηλονότι γιγνόμεναι πρὸς τὰς ΔΟ, ΕΖ, ΗΘ. καὶ διήχθωσαν. συμπεσοῦνται δὴ κατὰ τὸ κέντρον. συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ Ν. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΔΟ εὐθεῖα τῇ ΕΖ, ἴσον γὰρ ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ κέντρου, ἴση ἐστὶν καὶ ἡ ΔΛΟ περιφέρεια τῇ ΕΛΖ περιφερείᾳ. καὶ αἱ ἡμίσειαι ἄρα, ἴση καὶ ἡ ΚΔ τῇ ΛΕ. καὶ κοινῆς ἀφαιρεθείσης τῆς ΚΕ, λοιπὴ ἡ ΔΕ λοιπὴ τῇ ΚΛ ἐστὶν ἴση. διὰ τὰ αὐτὰ δειχθήσεται καὶ ἡ ΕΗ ἴση τῇ ΛΜ. ἄλλα ἡ ΔΕ τῆς ΕΗ ἡμιολία ἐστίν. καὶ ΚΛ ἄρα περιφέρεια τῆς ΛΜ ἡμιολία ἐστίν. ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΚΝΛ γωνία ἡμιολία ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΛΝΜ. καὶ ἡ ΑΒ ἄρα περιφέρεια τῆς ΒΓ ἐστὶν ἡμιολία. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΚΛ πρὸς ΛΜ οὕτως ἡ ΑΒ πρὸς ΒΓ. ἀλλ' ὡς ἡ ΚΛ πρὸς ΛΜ, οὕτως ἡ ΔΕ πρὸς ΕΗ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΔΕ πρὸς ΕΗ, οὕτως ΑΒ πρὸς ΒΓ. καὶ εἰσὶν αἱ μὲν ΔΕ, ΕΗ αἱ τῶν ὠρῶν διαφοραί, ἐπειδήπερ ἔαν τὸν ἥλιον ὑποθώμεθα κατὰ τὸ Ξ, ὁ μὲν τοῦ τῆς ΔΞ χρόνος τοῦ τῆς ΕΞ διαφέρει τῇ ΔΕ, ὁ δὲ τοῦ τῆς ΕΞ τοῦ τῆς ΗΞ τῇ ΕΗ· αἱ δὲ ΑΒ, ΒΓ διαστάσεις τῶν τόπων.

385 ὥστε αἱ διαφοραὶ τῶν ὠρῶν ἀναλόγως ἔχουσι πρὸς τὰς τῶν τόπων διαστάσεις Καὶ φανερόν ὅτι ἐπὶ μόνου τοῦ τῆς γῆς σφαιρικοῦ σχήματος ἡ τοιαύτη ἀπόδειξις προχωρεῖν δυνήσεται, καθ' ἓν σημεῖον τῶν ἐπὶ τῆς γῆς ἐνὸς ὀρίζοντος διεκβαλλομένου, ἐπεὶ καὶ καθ' ἕκαστον ὀρίζοντα ἦτοι παρὰ τὰς ὥρας γίνονται διαφοραί, ἢ παρὰ τὰ ἀεὶ φανερά καὶ ἀεὶ ἀφανῆ ἄστρα, ὡς ἐξῆς δείκνυσιν. Δῆλον δὲ ὅτι καὶ ἔαν ἔκλειψιν ὑποθώμεθα ὡς κατὰ τὸ Ξ, πλείονας ἀφέξει ὥρας ὡς ἐπὶ τὰ προηγούμενα τοῦ Κ σημείου ὃ ἐστὶν ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ τοῦ ἀνατολικωτέρου ὀρίζοντος ἥπερ τοῦ Λ, ὃ ἐστὶν πάλιν ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ τοῦ δυσμικωτέρου ὀρίζοντος καὶ ὁμοίως τοῦ Λ πλείους ἥπερ τοῦ Μ. Καὶ ἀπ' ἀνατολῆς τὸ Ξ πλείονας ἀφέξει ὥρας τοῦ πρὸς τῷ Δ ἀνατολικωτέρου ὀρίζοντος ἥπερ τοῦ πρὸς τῷ Ε δυσμικωτέρου. καὶ ὁμοίως τοῦ πρὸς τῷ Ε, ἥπερ τοῦ πρὸς τῷ Η. διὰ τοῦν τὰ τοιαῦτα, φησὶν, «σφαιρικὴν ἄν τις εἰκότως τὴν τῆς γῆς ἐπιφάνειαν ὑπολάβοι», σφαιρικὴν ἐνταῦθα ὡς ἔφαμεν καλῶν τὴν ἀνάλογον κυρτότητα, οἶον τὴν ὀμαλήν. οὐ γὰρ ἤδη καὶ σφαῖρα ἐκ τῶν * εἰρημένων συνάγεται, διὰ τὸ καὶ ἐπὶ κώνου καὶ κυλίνδρου τὰ εἰρημένα δύνασθαι συμβαίνειν, τῷ ἐκ τῆς τῶν ὠρῶν μόνης διαφορᾶς τὴν δεῖξιν γεγενῆσθαι, τουτέστιν ἐκ τῆς ἀπὸ ἀνατολῆς ἐπὶ δύσιν παρόδου. διὸ ἐν τοῖς ἐξῆς δεικνύων καὶ ἀπὸ τῶν πρὸς ἄρκτους καὶ μεσημβρίαν καὶ ἀφ' οἵασδῆποτε παρόδου τὴν ἀνάλογον τῆς γῆς ἐπιπρόσθεσιν, φησὶν «ὡς δῆλον γίνεσθαι ὅτι καὶ ἐνταῦθα ἡ κυρτότης τῆς «γῆς καὶ τὰς ἐπὶ τὰ πλάγια μέρη

ἐπιπροσθέσεις ἀναλόγως ποιούμενη, «πανταχόθεν τὸ σχῆμα σφαιροειδὲς ἀποδείκνυσιν,» ὅπερ λοιπὸν ἀποτελεῖ τὴν σφαῖραν, σφαιροειδῇ δηλονότι καλῶν ὡς ἔφαμεν τὴν ἀνάλογον κυρτότητα ὡς τὴν κυλινδρικήν ἢ τὴν κωνικήν, τουτέστιν τὴν ἀπὸ ἀνατολῆς ἐπὶ δύσιν, ὅταν δὲ ὡς ἐπὶ τῶν ἐγκλίσεων καὶ τῶν κατὰ μῆκος οὐκέτι.

386 διὸ ἐνταῦθα τὸ πανταχόθεν σφαιροειδὲς προσέθηκεν. Ὅταν δὲ πάλιν ἐπὶ τινος τῶν τοῦ ἰσημερινοῦ παραλλήλων τυγχάνῃ τὰ κατὰ κορυφὴν, χρή λαμβάνειν τὰς ὑπ' αὐτὰς οἰκῆσεις καὶ τὰς τῶν ὠρῶν διαφορὰς ἀνάλογον τοῖς διαστήμασι τῶν τόπων συνισταμένας οὕτως. Ἐστω γὰρ ἀνατολικώτερος ὀρίζων ὁ ΑΒΓ, τούτου δὲ δυσμικώτερος ὁ ΔΒΓ, καὶ ἔτι τούτου δυσμικώτερος ὁ ΕΒΓ, καὶ ἀνατολικά δηλονότι τὰ πρὸς τοῖς Α, Δ, Ε μέρη. καὶ νοείσθω ὁ διὰ τῶν κατὰ κορυφὴν παράλληλος ὁ ΑΔΕΖ ἐφ' οὗ τὸν ἥλιον συμβαίνει φέρεσθαι ἢ καὶ τινὰ τῶν ἀπλανῶν· καὶ γὰρ ἀπὸ τῶν περιφορῶν τῶν ἀπλανῶν αἱ νυκτεριναὶ ὥραι λαμβάνονται, ἐφ' ὧν καὶ αἱ τῆς σελήνης ἐκλείψεις θεωροῦνται.

387 καὶ εἰλήφθω τὸ τῆς γῆς κέντρον κατὰ τὸ Η, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΑΗ καὶ συμβαλλέτω τῇ τῆς γῆς ἐπιφανείᾳ κατὰ τὸ Θ. δῆλον οὖν ὡς ἡ ΗΑ φερομένη κατὰ κωνικῆς ἐπιφανείας οἰσθήσεται, διὰ τὸ τοῦ Η μένοντος τὸ Α φέρεσθαι κατὰ τοῦ ΑΔΕΖ παραλλήλου τῷ ἰσημερινῷ, καὶ μὴ εἶναι δηλαδὴ τὸν παράλληλον διὰ τοῦ κέντρου τῆς γῆς. καὶ γράφει περὶ τὸ Θ κύκλον ἐν τῇ τῆς γῆς ἐπιφανείᾳ ὡς τὸν ΘΚΛ παράλληλον τῷ ΑΔΕΖ. καὶ ἐὰν νοήσωμεν τὰ Μ, Ν, Ξ σημεῖα κατὰ κορυφὴν, καὶ ἐπιζεύξωμεν τὰς ΗΜ, ΗΝ, ΗΞ, ἔσονται ἐπ' αὐτῶν αἱ οἰκῆσεις πρὸς τοῖς Λ, Ο, Π. καὶ ἐπεὶ τὰ ὑπὲρ γῆν τμήματα τῶν αὐτῶν παραλλήλων ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν, διὰ τὸ κατὰ μῆκος μόνον ὑποκεῖσθαι διαφέρειν τὰς οἰκῆσεις καὶ τὸ αὐτὸ τυγχάνειν ἕξαρμα, ἴσαι ἄρα εἰσὶν καὶ αἱ ἡμίσειαι αὐτῶν αἱ ΜΑ, ΝΔ περιφέρειαι. καὶ κοινῆς ἀφαιρεθείσης τῆς ΜΔ, λοιπὴ ἡ ΑΔ λοιπῇ τῇ ΜΝ ἐστὶν ἴση. διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ἡ ΔΕ τῇ ΝΞ ἐστὶν ἴση. καὶ ἐπεὶ ἡ ΗΘΑ ἰσοχρονίως ἀπεκατέστη τὸν τε ΑΝΖ παράλληλον καὶ τὸν ΘΟΚ, ὁμοία ἔσται ἡ μὲν ΜΝ τῇ ΛΟ ἡ δὲ ΝΞ τῇ ΟΠ. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΜΝ πρὸς ΝΞ, ἡ ΛΟ πρὸς ΟΠ. ἴση δὲ ἡ μὲν ΜΝ τῇ ΑΔ, ἡ δὲ ΝΞ τῇ ΔΕ· ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΑΔ πρὸς ΔΕ, οὕτως ἡ ΛΟ πρὸς ΟΠ. καὶ εἰσὶν αἱ μὲν ΑΔ, ΔΕ, τῶν ὠρῶν διαφοραί, αἱ δὲ ΛΟ, ΟΠ, τῶν τόπων αἱ διαστάσεις. Ὡσαύτως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν. Ὡστε καὶ καθόλου αἱ τῶν ὠρῶν διαφοραὶ ἀνάλογον ἔχουσι πρὸς τὰς τῶν τόπων διαστάσεις τῆς γῆς, σφαιρικῆς καὶ μέσης τοῦ παντός τυγχανούσης.

388 Δηλώσας οὖν ἀπὸ ποίων ἐννοιῶν καὶ παρατηρήσεων προσῆκόν ἐστιν σφαιρικὴν ἡγεῖσθαι τὴν γῆν, μεταβαίνει ἐπὶ τὸ κατασκευαστικώτερον, ἀντιλέγων ταῖς δόξαις τῶν παρὰ τοῦτο τὸ σχῆμα ὑπάρχειν αὐτὴν ἐννοοῦντων, καὶ φησιν ὅτι «κοίλης μὲν γὰρ αὐτῆς ὑπαρχούσης προτέροις ἂν ἐφαί«νετο ἀνατέλλοντα τὰ ἄστρα τοῖς δυσμικωτέροις» καθάπερ ἐν τοῖς κοίλοις ἡμισφαιρίοις ὁρῶμεν τοῦ ἡλίου ἀνατέλλοντος πρῶτα τὰ πρὸς δυσμὰς φωτιζόμενα. «... Ἐπιπέδου δὲ πᾶσιν ἅμα ...» διὰ τὸ καὶ ἕνα μόνον ὀρίζοντα νοεῖσθαι διὰ τοῦ ἐπιπέδου χωρίζοντα τὸ τε ὑπὲρ γῆν καὶ τὸ ὑπὸ γῆν ἡμισφαίριον. Ἐτέρου δὲ τινος αὐτῆς σχήματος στερεοῦ τυγχανούσης οἶονεῖ τριγώνου ὡς πυραμίδος ἢ τετραγώνου ὡς κύβου, ὥσπερ ἐπὶ τῆς ἐπιπέδου πᾶσιν ἅμα ἀνατέλλοντα ἐφαίνετο τὰ * ἄστρα τοῖς ἐπὶ τῆς αὐτῆς πλευρᾶς τοῦ στερεοῦ οἰκοῦσιν. Κατεχρήσατο δὲ τῷ εἰρηκέναι «ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας» διὰ τὸ καὶ τὴν ἐπίπεδον ἐπιφάνειαν ἐξ ἴσου ταῖς ἐφ' αὐτῆς εὐθείαις κεῖσθαι. Ἄπερ ταῦτα πάντα ἀντίκειται τοῖς φαινομένοις, καὶ ἐκ τῶν ἐκλείψεων κατειλημμένοις. Ἐπεὶ οὖν ὡς ἐδηλοῦμεν ἢ κατὰ τὰς ὥρας διαφορὰ ἀπὸ τῶν ἀνατολῶν ἐπὶ δυσμὰς ἀναλόγως γινομένη τῇ τῶν τόπων διαστάσει, καὶ κυλινδρικὸν ἐνεφαίνετο σχῆμα, διὰ τοῦτό φησιν ὅτι «οὐδὲ κυλινδροειδὲς ἂν εἴη, ἵνα «ἡ μὲν περιφερὴς ἐπιφάνεια πρὸς τὰς ἀνατολὰς καὶ τὰς δύσεις ἢ τετραμ«μένη, τῶν δὲ ἐπιπέδων βάσεων αἱ πλευραὶ» τουτέστιν οἱ κύκλοι «πρὸς «τοὺς τοῦ κόσμου πόλους ...» δ καθάπερ γὰρ ἐν τοῖς ἐπιπέδοις πλευρὰς καλοῦμεν τὰς εὐθείας τὰς περιεχούσας τὸ σχῆμα, οὕτω καὶ ἐπὶ τοῦ στερεοῦ

πλευρὰς ἐκάλεσεν τὰς ἐπιφανείας τὰς ἐπιπέδους, ὡς νῦν τὰς κυκλικὰς, καὶ συμπερατούσας τὸ σχῆμα.

389 § ἂν τε οὖν, φησὶν, αὐταὶ ὡς πρὸ ἄρκτους καὶ μεσημβρίαν ὥσιν τετραμμέναι, ὅπερ ἂν τις ὡς ἀκόλουθον μᾶλλον ἡγήσαιτο, συμβήσεται καὶ οὕτως ἦτοι πάσαις ταῖς οἰκήσεσιν πάντα τὰ ἄστρα ἀνατέλλειν καὶ δύνειν καὶ μηδεμίαν διαφορὰν παρὰ τὰς ὥρας γίνεσθαι, ἢ τισὶν πάλιν ἔνια καὶ τὰ αὐτὰ καὶ ἀνατέλλειν καὶ δύνειν καὶ ἕτερα τὰ αὐτὰ καὶ ἴσον ἀφαστῶτα τῶν πόλων ἀφανῆ ἀεὶ καθίστασθαι, καὶ ἔτι τισὶν πάλιν οἰκήσεσιν οὐδὲν οὔτε δύεσθαι οὔτε ἀνατέλλειν, ἀλλὰ πάντοτε τὰ αὐτὰ αὐταῖς ἀεὶ φανερὰ τυγχάνειν. Ἰνα δὲ πάλιν ὑπ' ὅψιν ἡμῖν γένηται τὰ λεγόμενα, νενοήσθω ἡ τοῦ παντὸς σφαῖρα, πόλοι δὲ αὐτῆς τὰ Ε, Ζ σημεῖα, κέντρον δὲ τὸ Η, καὶ ἄξων ὁ ΕΖ, καὶ ἔστω περὶ τὸν αὐτὸν ἄξονα κείμενος ὁ τῆς γῆς κύλινδρος ὁ ΘΚΛΜ οὗ βάσεις οἱ ΘΚ, ΜΛ κύκλοι.

390 ἂν οὖν νοήσωμεν διὰ μιᾶς τῶν ἐπὶ τῆς κυρτῆς ἐπιφανείας οἰκήσεως ἐκβαλλόμενον τὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπίπεδον ὡς ΝΘΜΞ, εἰ μὲν ὡς πρὸς τὸν τοῦ ἀποστήματος λόγον εὐθεῖαν πρὸς αἴσθησιν ὑποτίθενται τὸν κύλινδρον ὥστε τὸν διηγμένον διὰ τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς τουτέστιν τοῦ κυλίνδρου ὀρίζοντα διχοτομεῖν πρὸς αἴσθησιν τὴν σφαῖραν τοῦ οὐρανοῦ, ἔσται ἡ ΝΞ ἡ αὐτὴ τῇ ΕΖ, καὶ παντάπασιν καὶ ἀνατελεῖ καὶ δύσεται τὰ ἄστρα τοῖς ἐπὶ τοῦ κυλίνδρου οἰκοῦσιν, τοῦ ὀρίζοντος διὰ τῶν πόλων τῆς σφαίρας τυγχάνοντος. εἰ δὲ μέγεθος αἰσθητὸν ἔχοντα, δῆλον ὡς ὅτι οἱ ὀρίζοντες εἰς ἄνισα πάντοτε διαιρήσουσιν τό τε ὑπὲρ γῆν καὶ τὸ ὑπὸ γῆν τοῦ οὐρανοῦ, ἔλαττον ἀεὶ τὸ ὑπὲρ γῆν τοῦ ὑπὸ γῆν ποιοῦντες, καθάπερ καὶ ὁ διὰ τῆς ΝΞ εἰς ἄνισα τέμνει τὴν ΑΒΓΔ σφαῖραν, τοῦ Η κέντρου ἐπ' αὐτῆς μὴ ὄντος, καὶ πᾶσιν τοῖς ἐπὶ τῆς κυρτῆς ἐπιφανείας οἰκοῦσιν ἀεὶ καὶ ἀνατέλλει καὶ δύνει τὰ τε ἐπὶ τοῦ ΝΑΔΞ τμήματος τῆς σφαίρας καὶ τὰ ἐπὶ τοῦ ΟΒΓΠ ἄστρα, ἀεὶ δὲ ἀφανῆ καθίσταται τὰ τε ἴσον ἀπέχοντα ἐκατέρου τῶν πόλων τουτέστιν τὰ περιλαμβανόμενα ὑπὸ τοῦ ΝΟ τμήματος καὶ τοῦ ΞΠ. ἂν δὲ καὶ τὰ διὰ τῶν βάσεων ἐπίπεδα νοήσωμεν ἐκβαλλόμενα ὡς ὀρίζοντας τοὺς ΑΘΚΒ, ΔΜΛΓ, τοῖς μὲν ἐπὶ τῆς ΘΚ βάσεως οἰκοῦσιν πάντα ἀεὶ φανερὰ γίνεται τὰ ἐπὶ τοῦ ΑΝΕΟΒ τμήματος ἄστρα, ἀεὶ δὲ ἀφανῆ πάντα τὰ λοιπά. καὶ δῆλον ὅτι οὐδὲν τῶν ἀπλανῶν ἄστρον οὔτε ἀνατέλλον οὔτε καταδυόμενον ἐφαίνετο, κοινὰ δὲ φαινόμενα ἐγίνετο τῶν τε ἐπὶ τῆς κυρτῆς ἐπιφανείας οἰκούντων καὶ τῶν ἐπὶ τῆς βάσεως τὰ ἐπὶ τοῦ ΑΝ καὶ τοῦ ΟΒ τμήματος ἄστρα, τοῖς μὲν ἐπὶ τῆς κυρτῆς ἐπιφανείας οἰκοῦσιν ἀνατέλλοντα καὶ δύνοντα, τοῖς δὲ ἐπὶ τῆς βάσεως μηδοπότερον. ὁμοίως δὲ τὰ αὐτὰ συμβήσεται καὶ τοῖς ἐπὶ τῆς ΜΛ βάσεως οἰκοῦσιν. ὥστε συμβαίνειν ἐπὶ τῆς κυρτῆς ἐπιφανείας ἡμῶν παροδεούντων ἦτοι ἀπὸ τῶν βορείων ἐπὶ τὰ νότια ἢ ἀπὸ τῶν νοτίων ἐπὶ τὰ βόρεια, τὰ αὐτὰ πάντοτε καὶ ἀνατέλλειν καὶ δύνειν, καὶ μηδένα ἀεὶ φανερόν μήτε τῶν πόλων μήτε τῶν ἀστέρων γίνεσθαι, μηδὲ ἐγκλινομένου τοῦ κυλινδρικοῦ τῆς γῆς σχήματος ἐπινοηθῆναι δυναμένου, ἵνα οἱ ὀρίζοντες τέμνωσιν αὐτό, ἐπεὶ καὶ διὰ τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς ἐφαπτόμενοι οἱ ὀρίζοντες ἐπινοοῦνται καὶ οὐχὶ τέμνοντες αὐτήν.

391 Νῦν δὲ ὅσῳ πρὸς τὰς ἄρκτους παροδεούμεν, τοσοῦτῳ ἕτερα μὲν ἀναφαίνεται ἡμῖν ἀεὶ φανερὰ μετὰ τοῦ βορείου πόλου, ἕτερα δὲ ἀναλόγως ἀποκρύπτεται ἀεὶ ἀφανῆ μετὰ τοῦ νοτίου πόλου, § ὡς δῆλον γίνεσθαι ὅτι καὶ ἐνταῦθα ἡ κυρτότης τῆς γῆς οὐ μόνον τὴν ἀπὸ ἀνατολῆς ἐπὶ δύσιν ἀνάλογον ἐπιπρόσθεσιν ποιεῖται, ὅπερ ἀπὸ τῆς διαφορᾶς τῶν ὠρῶν κατελαμβάνετο, ἀλλὰ καὶ ἀπὸ τῶν πλαγίων καὶ οἰουδήποτε, ὅπερ οὔτε τὸ κυλινδρικὸν * οὔτε τὸ κωνικὸν οὔτε ἕτερον ὅτιοῦν σχῆμα δύναται συντηρεῖν, ἢ μόνον τὸ σφαιρικόν. Δείκνυται γὰρ πάλιν καὶ τοῦτο διὰ τοῦ ὁμοίου θεωρήματος, δι' οὗ ἀναλόγως ταῖς κατὰ τὰς ὥρας διαφοραῖς τὰ διαστήματα τῶν τόπων ἀπεδείκνυμεν. Ἐὰν γὰρ πάλιν νοήσωμεν ἀφ' οἰωνδήποτε τῆς γῆς τόπων τῶν ἀπὸ μεσημβρίας πρὸς ἄρκτους ἢ καὶ πλαγίων τριῶν οἰκήσεων σημεῖα τὰ Α, Β, Γ ἐν ἐνὶ τῶν ἐν τῷ παντὶ μεγίστου κύκλου ἐπιπέδῳ ὀρθῶ πρὸς τοὺς διὰ τῶν Α, Β, Γ ὀρίζοντας, καὶ ἀπ' αὐτῶν ἐπὶ τὸ τοῦ παντὸς

κύκλου κέντρον τὸ Π ἐπιζεύξαντες τὰς ΠΑ, ΠΒ, ΠΓ, νοήσωμεν τὸ δι' αὐτῶν ἐπίπεδον ποιοῦν ἐν τῇ τοῦ παντὸς σφαίρᾳ μέγιστον κύκλον τὸν ΕΖΗΘ, καὶ ἐκβάλλοντες ἐπ' αὐτὸν τὰς ΠΑΜ, ΠΒΝ, ΠΓΞ, πρὸς ὀρθὰς αὐταῖς ἀγάγωμεν τὰς ΕΑΘ, ΖΒΚ, ΗΓΛ, κοινὰς τομὰς γινομένας τοῦ ΕΖΗΘ κύκλου καὶ τῶν ὀριζόντων, ἔσται τὰ Μ, Ν, Ξ σημεῖα κατὰ κορυφὴν.

392 καὶ ἐπεὶ αἱ ΕΜΘ, ΖΝΚ περιφέρεται ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν (ἴσα γὰρ τὰ ὑπὲρ γῆν φαίνεται πανταχοῦ ἔξ μὲν ζωδίων ἅφ' οἰουδήποτε τμήματος ὑπὲρ γῆς αἰεὶ φαινομένων ἔξ δὲ τῶν λοιπῶν ὑπὸ γῆν), καὶ κοινῆς ἀφαιρεθείσης τῆς ΖΘ, λοιπὴ ἢ ΕΖ λοιπὴ τῇ ΘΚ ἐστὶν ἴση. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ ΖΗ τῇ ΚΛ ἐστὶν ἴση. καὶ ἐπεὶ τῆς μὲν Α οἰκήσεως ὑπὲρ γῆν ἐστὶν τὸ ΕΗΘ, τῆς δὲ Β τὸ ΖΘΚ, ὥστε ἡ ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β πάροδος ἀποκρύψει μὲν τὰ ἐπὶ τοῦ ΕΖ τμήματος ἄστρα, ἀναφαίνει δὲ τὰ ἐπὶ τοῦ ΘΚ ἀναλόγως ἐν ἴσοις ὄντα τμήμασιν· διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὸ Γ πάροδος ἀποκρύψει μὲν τὰ ἐν τῷ ΖΗ, ἀναφαίνει δὲ ἀναλόγως τὰ ἐν τῷ ΚΛ, ἐπεὶ καὶ τῆς Γ οἰκήσεως ὑπὲρ γῆς ἐστὶν τὸ ΗΘΛ. φησὶν οὖν ὡς ἐκ τῶν φαινομένων· «νῦν «δὲ ὅσω» πρὸς τὰς ἄρκτους παροδεύομεν τοσούτῳ (τουτέστιν ἀναλόγως) τῶν μὲν βορειοτέρων ἀναφαίνεται πλείονα τῶν δὲ νοτιωτέρων ἀποκρύπτεται. καὶ δῆλον ὅτι ὡς ἔσται ὡς ἡ ΑΒ πρὸς ΒΓ, οὕτως ἡ ΕΖ πρὸς ΖΗ, καὶ ἡ ΘΚ πρὸς ΚΛ· καὶ διὰ τοῦτο καθ' ἑκάστην τῶν ἐπὶ τῆς γῆς διαστάσεων τῆς διαφορᾶς τῶν φαινομένων ἀναλόγως γινομένης, ἀκολουθεῖ ὡς ἔμπροσθεν ἐδηλοῦμεν μὴδ' ὅτιοῦν ἕτερον εἶναι τὸ τῆς γῆς σχῆμα ἢ μόνον τὸ σφαιρικόν, ἐπὶ τοῦ τοιούτου γὰρ μόνου σχήματος τῶν ὀριζόντων καθ' ἓν σημεῖον αὐτῆς ἀπτομένων, καὶ καθ' ἕκαστον τὴν εἰρημένην ἐπὶ τῶν τὴν φαινομένην διαφορὰν ἐμποιοῦντων. Ἔστιν δὲ καὶ ἄλλως σφαιρικὴν ἅμα καὶ ὁμόκεντρον δηλαδὴ καὶ μέσην τοῦ παντὸς δεῖξαι τὴν γῆν, οὕτως. εἰλήφθωσαν ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς τριῶν οἰκήσεων σημεῖα τὰ Α, Β, Γ, καὶ ἔστω τῆς μὲν Α οἰκήσεως ἐν τῇ τοῦ παντὸς σφαίρᾳ μεσημβρινὸς ὁ ΔΕΖ, τῆς δὲ Β ὁ ΗΘΚ.

393 καὶ ἔτι τῆς Γ ὁ ΛΜΝ. καὶ εἰλήφθωσαν αἱ κοιναὶ τομαὶ ὀρίζοντος καὶ μεσημβρινοῦ αἱ ΔΖ, ΗΚ, ΛΝ, καὶ πρὸς ὀρθὰς αὐταῖς ἐν τῷ τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπιπέδῳ αἱ ΑΕ, ΒΘ, ΓΜ. τὰ Ε, Θ, Μ ἄρα σημεῖα κατὰ κορυφὴν ἐστὶν τῶν οἰκήσεων, τουτέστιν πόλοι τῶν ὀριζόντων. ἴση ἄρα ἡ ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ τὸ Δ τῇ ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ τὸ Ζ· καὶ κάθετος ἡ ΕΑ· ἴση ἄρα καὶ ἡ ΔΑ τῇ ΑΖ. ἐπεὶ οὖν ἐν κύκλῳ, εὐθεῖα ἡ ΕΑ τὴν ΔΖ δίχα καὶ πρὸς ὀρθὰς τέμνει, ἐπὶ τῆς ΕΑ ἄρα ἐστὶν τὸ κέντρον τοῦ ΔΕΖ μεσημβρινοῦ, τουτέστιν τῆς σφαίρας. διὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἑφ' ἑκατέρας τῶν ΒΘ, ΓΜ τὸ κέντρον ἐστὶν τῆς σφαίρας. ἐκβεβλήσθωσαν καὶ συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ Ξ. τὸ Ξ ἄρα κέντρον ἐστὶν τῆς σφαίρας. καὶ ἐπεὶ τὰ ὑπὲρ γῆς ἴσα φαίνεται πανταχοῦ, ἐκ τοῦ πάντοτε ἅφ' οἰουδήποτε τμήματος τοῦ ζωδιακοῦ ἔξ ζῶδια ὑπὲρ γῆς φαίνεσθαι. ἴσα ἂν εἶεν τὰ ΔΕΖ, ΗΘΚ, ΛΜΝ τμήματα. ὥστε καὶ αἱ ἀπὸ τῶν διχοτομιῶν αὐτῶν κάθετοι, αἱ ΕΑ, ΘΒ, ΜΓ ἴσαι εἰσὶν. εἰσὶν δὲ καὶ αἱ ΞΕ, ΞΘ, ΞΜ ἴσαι. ἐκ κέντρου γὰρ ἐπὶ τὴν ἐπιφάνειαν τῆς σφαίρας. καὶ λοιπαὶ ἄρα αἱ ΞΑ, ΞΒ, ΞΓ ἴσαι εἰσὶν.

394 ὁμοίως δὲ δείξομεν ὅτι καὶ πᾶσαι αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας ἐπὶ τὴν ἐπιφάνειαν τῆς γῆς ἴσαι ἂν εἶεν. ὥστε ἡ γῆ σφαιρικὴ ἐστὶν καὶ ὁμόκεντρος τῇ τῶν ὅλων σφαίρᾳ. διὰ δὲ τοῦτο καὶ μέση. §Περὶ δὲ τοῦ πρὸς αἴσθησιν σφαιροειδῆ εἶναι τὴν γῆν, εἴρηται μὲν ἡμῖν καὶ μικρῷ πρόσθεν, ὅτι τὰ ὄρη ἐλαχίστας ποιοῦντα ἐπαναστάσεις ὡς πρὸς τὸ ὅλον τῆς γῆς μέγεθος ἀναλλοίωτον * αὐτῆς τὸ σφαιρικὸν σχῆμα συντηροῦσιν πρὸς αἴσθησιν. ἔστιν δὲ καὶ ἀπὸ τῶν καταληφθέντων μεγεθῶν τῆς τε γῆς καὶ τῶν ὀρῶν τὸ τοιοῦτον ἐπιγνῶναι. Τὸ γὰρ ὅλον τῆς γῆς μέγεθος κατὰ τὸν μέγιστον ἑαυτῆς κύκλον μετρούμενον σταδίων μυριάδων ἐστὶν ιη, καθάπερ αὐτὸς ὁ Πτολεμαῖος ἐν τῇ Γεωγραφίᾳ συνήγαγεν. Ἀρχιμήδης δὲ τοῦ κύκλου τὴν περίμετρον εἰς εὐθεῖαν ἐκτεινομένην δείκνυσιν τῆς διαμέτρου γ καὶ ζ μέρος μείζονα. ὥστε εἴη ἂν ἡ πᾶσα τῆς γῆς διάμετρος σταδίων Μ ε καὶ , ζσογ· τούτῳ γὰρ τριπλασίῳν καὶ ζ' μέρος μείζων ἢ ἔγγιστα ἡ τῶν ιη μυριάδων περίμετρος. Τὴν δὲ ἀπὸ τῶν ὑψηλοτάτων ὀρῶν ἐπὶ τὰ χθαμαλότερα

πίπτουσιν κάθετον δείκνυσιν Ἐρατοσθένης διὰ τῶν ἐξ ἀποστημάτων μετρουσῶν διοπτρῶν σταδίων ι.

- 395 ἐπεὶ οὖν ἀπεδείχθη πάλιν Ἀρχιμήδει ὅτι τὸ ὑπὸ τῆς διαμέτρου καὶ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας εἰς εὐθείαν ἐξαπλουμένης περιεχόμενον ὀρθογώνιον τετραπλάσιόν ἐστιν τοῦ ἐμβαδοῦ τοῦ κύκλου, τὸ ἄρα ὑπὸ τῆς διαμέτρου καὶ τοῦ δ' μέρους τῆς περιφερείας ἴσον ἐστὶν τῷ ἐμβαδῷ τοῦ κύκλου. διόπερ εὐρίσκεται τὸ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τετράγωνον πρὸς τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου λόγον ἔχον, ὃν ιδ πρὸς ια, οὕτως. ἐπεὶ γὰρ ἡ περιφέρεια τῆς διαμέτρου τριπλασίῳ ἐστὶν καὶ ἔτι ἐβδόμῳ μέρει μείζων, οἷον ἄρα ἐστὶν ἡ διάμετρος ζ, τοιούτων ἡ μὲν περιφέρεια γίνεται κβ.
- 396 τὸ δὲ δ' αὐτῆς ε . ὥστε καὶ οἷον τὸ τετράγωνον μθ, τοιούτων ὁ κύκλος λη . καὶ διὰ τὸ ἐπιτρέχον ἥμισυ διπλασιάσαντες αὐτά, ἔξομεν οἷον τὸ τετράγωνον ρη, τοιούτων τὸν κύκλον οζ. τούτων δὲ ἐν ἐλαχίστοις ἀριθμοῖς ὁ λόγος ἐστὶν ὁ τῶν ιδ πρὸς ια. μέγιστον γὰρ κοινὸν μέτρον αὐτῶν ἐστὶν ὁ ζ, καὶ μετρεῖ τὸν μὲν ρη κατὰ τὸν ιδ, τὸν δὲ οζ κατὰ τὸν ια. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς τὸ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου τετράγωνον πρὸς τὸν κύκλον, οὕτως ὁ κύβος πρὸς τὸν ἰσοῦψῃ κύλινδρον ὡς ἐξῆς δείξομεν, ἔξει ἄρα καὶ ὁ κύβος πρὸς τὸν κύλινδρον τὸν τῶν ιδ πρὸς τὰ ια λόγον. καὶ ἐπεὶ ἐδείχθη πάλιν Ἀρχιμήδει ἐν τῷ Περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου ὅτι ὁ κύλινδρος ὁ ἰσοῦψῆς τῇ σφαίρᾳ καὶ ἔχων βάσιν τὸν μέγιστον ἐν αὐτῇ κύκλον ἡμιόλιός ἐστιν τῆς σφαίρας, ἔσται καὶ οἷον ὁ κύλινδρος ια, τοιούτων ἡ σφαῖρα ζ γ'. ἀλλὰ οἷον ὁ κύβος ιδ, τοιούτων ὁ κύλινδρος ια, καὶ οἷον ἄρα ὁ κύβος ιδ ἡ σφαῖρα ζ γ', ἔσται ἄρα ἡ σφαῖρα τοῦ κύβου ζ γ' τεσσαρακαδέκατα. καὶ ἐπεὶ τὴν διάμετρον τῆς γῆς ἀπεδείκνυμεν σταδίων μυριάδων ε καὶ ἔτι , ζσογ, ἔσται τὸ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τετράγωνον Μ Μ λβ Μ , ηιθ , ζφκθ.
- 397 ὁ δὲ κύβος Μ Μ Μ ρπζ Μ Μ , ηχξς Μ , θφπ , ευιζ. τούτων τὸ ιδ', Μ Μ Μ ιγ Μ Μ , δρρ Μ , δλθο τπς. ταῦτα ἐπτάκις γίνεται Μ Μ Μ λγ Μ Μ , θτλγ Μ , δψρ , βψβ. τούτοις προστίθημι τοῦ ιδ' τὸ γ', ὃ ἐστὶ Μ Μ Μ δ Μ Μ , δψλ Μ , αχνς , ζψλξ, καὶ γίνεται ὁμοῦ Μ Μ Μ λη Μ Μ , δξγ Μ , ζυμς , υρζ. τοσούτων ἄρα ἔσται τὸ τῆς γῆς σφαιρικὸν μέγεθος.
- 398 ἔστιν δὲ καὶ ἡ τοῦ μεγίστου ὄρους κάθετος σταδίων ι. ἐὰν ἄρα ἐπὶ τοῦ τηλικούτου τῆς γῆς μεγέθους ἐπινοήσωμεν ἐπανάστασιν τινα γενομένην σταδίῳ, διὰ τὴν τοσαύτην τοῦ τῆς γῆς μεγέθους ὑπερβολὴν ἀναλλοιώτον αὐτῆς πρὸς αἴσθησιν τὸ σφαιρικὸν σχῆμα διαμένει. Λέγω δὴ ὅτι ἐστὶν ὡς τὸ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τετράγωνον πρὸς τὸν κύκλον οὕτως ὁ κύβος πρὸς τὸ ἰσοῦψῃ κύλινδρον. Ἐκκείσθω γὰρ ὁ ΑΒ κύκλος περὶ διάμετρον τὴν ΓΔ, καὶ ἀναγεγράφθω τὸ ἀπὸ τῆς ΓΔ τετράγωνον τὸ ΕΖ, καὶ ἀνεστάτω ἀπὸ μὲν τοῦ τετραγώνου κύβος, ἀπὸ δὲ τοῦ κύκλου κύλινδρος ἰσοῦψῆς τῷ κύβῳ. λέγω ὅτι ἐστὶν ὡς τὸ ΕΖ τετράγωνον πρὸς τὸν ΑΒ κύκλον, οὕτως ὁ κύβος πρὸς τὸν κύλινδρον. Ἐκκείσθω γὰρ τῷ ΑΒ κύκλῳ ἴσος ὁ ΗΘ περὶ διάμετρον τὴν ΚΛ, καὶ τὸ περὶ αὐτὴν τετράγωνον, ἴσον δηλονότι τῷ ΕΖ. ἐπεὶ οὖν ἐστὶν ὡς τὸ ΕΖ τετράγωνον πρὸς τὸ ΜΝ οὕτως ὁ ΑΒ κύκλος πρὸς τὸν ΗΘ, καὶ ὁ ἀπὸ τοῦ ΕΖ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τοῦ ΜΝ κύβον, καὶ ἔτι ὁ ἀπὸ τοῦ ΑΒ κύκλου κύλινδρος πρὸς τὸν ἀπὸ τοῦ ΗΘ, καὶ ἐναλλάξ ὡς τὸ ΕΖ τετράγωνον πρὸς τὸν ΑΒ κύκλον οὕτως τὸ ΜΝ τετράγωνον πρὸς τὸν ΗΘ κύκλον, καὶ ἔτι ὁ ἀπὸ τοῦ ΕΖ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τοῦ ΑΒ κύλινδρον, καὶ ὁ ἀπὸ τοῦ ΜΝ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τοῦ ΗΘ κύλινδρον, ἴσα δὲ πάντα τὰ ἐν τῷ ΜΝ τοῖς ἐν τῷ ΕΖ.
- 399 ἔστιν ἄρα ὡς τὸ ΕΖ τετράγωνον πρὸς τὸν ΑΒ κύκλον, οὕτως ὁ ἀπὸ τοῦ ΕΖ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τοῦ ΑΒ κύλινδρον. Καὶ ἐπεὶ εἴρηκεν «καθ' ὅλα μέρη λαμβανομένην», βούλεται καὶ τὴν τῆς θαλάττης ἐπιφάνειαν καὶ παντὸς ὕδατος ἡρεμοῦντος σφαιρικὴν ἀποδεῖξαι. φησὶν γὰρ ὅτι «μετὰ τοῦ, κὰν προσπλέωμεν τοῖς ὄρεσιν ἢ τισιν «ὕψηλοῖς χωρίοις, ἀφ' ἡσθητοῦν γωνίας καὶ πρὸς ἡνδῆποτε», τουτ * ἐστὶν ἀφ' οἰουδήποτε τόπου καὶ πρὸς ὀνδῆποτε «κατὰ μικρὸν αὐτῶν αὐξανό»μενα, τὰ μεγέθη θεωρεῖσθαι καθάπερ ἐξ αὐτῆς τῆς θαλάττης ἀνακυ«πτόντων,

πρότερον δὲ καταδεδυκότων διὰ τὴν κυρτότητα τῆς τοῦ ὕδατος «ἐπιφανείας». Ἔστιν δὲ τοῦτο καὶ ἄνευ τοῦ πλεῖν οὕτως ἔχον ἐπιγνῶναι. ἔαν γὰρ ἐστὼς τις ἐπὶ τινος αἰγιαλοῦ θεάσθαι μετὰ τὴν θάλατταν ὄρος ἢ πλοῖον, καὶ ἐπινεύσας ὡς ἐπὶ τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ ὕδατος τὸ ὄμμα καθάπερ διοπτρεύων ἐκπέμπῃ, οὐδὲν ὅλως τοῦ αὐτοῦ θεαθῆσεται, ἢ πολλῶ ἔλαττον ὄψεται τοῦ ὑπὸ ἐστῶτος αὐτοῦ ὀρωμένου διὰ τὸ τὴν κυρτότητα τῆς ἐπιφανείας τῆς θαλάττης ἐπιπροσθεῖν ταῖς ὀψεσιν. ἔτι δὲ καὶ ἐν τῷ πλεῖν τὸ τοιοῦτον συμβαῖνον εὐρίσκεται. πολλάκις γὰρ μὴ ὀρῶντες μῆτε γῆν μῆτε πλοῖον, καὶ ἐπιζητοῦντες θεάσασθαι, ἀνελθόντες εἰς τὸν ἰστὸν ἐωράκασιν ὑπερβαλόντες τὴν ἐπιπροσθείσασαν αὐτῶν ταῖς ὀψεσιν τῆς θαλάττης κυρτότητα. §Καὶ φυσικώτερον δὲ προλαβόντες μαθηματικώτερον δείξομεν ὅτι παντὸς ὕδατος ἡρεμοῦντος ἢ ἐπιφάνεια σφαιρική πέφυκεν ὑπάρχειν.

400 Φύσιν ἔχει τὸ ὕδωρ ἀπὸ τῶν ὑψηλοτέρων ἐπὶ τὰ χθαμαλώτερα συνρεῖν. ὑψηλότερα δὲ λέγω τὰ ἀπώτερον τοῦ κέντρου τῆς γῆς χθαμαλώτερα δὲ τὰ πλησιώτερον. ἔαν οὖν ὑποθώμεθα τὴν τοῦ ὕδατος ἐπιφάνειαν ἐπίπεδον, καὶ ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς γῆς οἶον τοῦ Κ ἐπ' αὐτὴν κάθετον ἀγάγωμεν τὴν ΚΒ καὶ δι' αὐτῆς ἐπίπεδον διάγωμεν ποιοῦν ἐν τῇ τῆς θαλάττης ἐπιφανείᾳ εὐθεῖαν τὴν ΑΒΓ, καὶ ἐπιζεύξωμεν τὰς ΚΑ καὶ ΚΓ εὐθείας, δῆλον ὡς ἑκατέρα τῶν ΚΑ, ΚΓ μείζων ἐστὶν τῆς ΚΒ. καὶ ἑκάτερον ἄρα τῶν Α, Γ σημείων ἀπώτερον ἔσται τοῦ Κ κέντρου τῆς γῆς ἢ περ τὸ Β. ὥστε ὑψηλότερα ἔσται τὰ Α, Γ σημεία τοῦ Β. συνρυήσεται ἄρα τὸ ὕδωρ ἀπὸ τῶν Α, Γ σημείων ἐπὶ τὸ Β κοιλότερον, μέχρι τοσούτου ἕως ἂν καὶ τὸ Β ἀναπληρούμενον ἴσον ἀπέχη τοῦ Κ ἑκατέρου τῶν Α, Γ. καὶ ὁμοίως πάντα τὰ ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τοῦ ὕδατος σημεία τοῦ Κ ἴσον ἀφέξει, καὶ δῆλον ὡς αὕτη γενήσεται σφαιρική. Ὅτι μέση τοῦ οὐρανοῦ ἡ γῆ.

401 (1τ) Τοῦ τῆς γῆς σχήματος ἐκ τῶν εἰρημένων σφαιρικοῦ κατελιμμένου, ἐξῆς καὶ περὶ τῆς θέσεως αὐτῆς διαλαμβάνει, ὡς ὅτι ἄλλως οὐκ ἂν ἀρμόζοι τὰ φαινόμενα ἡμῖν περὶ αὐτὴν εἰ μὴ μέσην τοῦ οὐρανοῦ καθάπερ κέντρου θέσιν ἔχουσιν αὐτὴν ὑποστησόμεθα. Εἴτα βουλόμενος δείξαι τὰ συμπίπτοντα ἄτοπα εἰ παρὰ τὸ μέσον ὑποτεθείη, ὀρίζεται τρεῖς τόπους περιεκτικωτέρους τῶν ἄλλων ἀπάντων τῶν παρὰ τὸ μέσον, καὶ φησιν· «τούτου γὰρ μὴ οὕτως ἔχοντος», τουτέστιν μὴ μέσης καθάπερ κέντρου αὐτῆς ὑπαρχούσης, «ἔδει ἦτοι τοῦ μὲν ἄξονος «ἐκτὸς εἶναι αὐτὴν ἑκατέρου δὲ τῶν πόλων ἴσον ἀπέχειν, ἢ ἐπὶ τοῦ ἄξονος οὔσαν πρὸς τὸν ἕτερον τῶν πόλων παρακεχωρηκέναι, ἢ μῆτε ἐπὶ «τοῦ ἄξονος εἶναι μῆτε ἑκατέρου τῶν πόλων ἴσον ἀπέχειν.» Καὶ φανερόν ὅτι παρὰ ταύτας τὰς θέσεις ἑτέραν παρὰ τὸ μέσον οὐκ ἔστιν ἐπινοῆσαι. § καὶ πρὸς μὲν τὴν πρώτην τῶν τριῶν, καθ' ἣν ἐκτὸς τοῦ ἄξονος οὔσα ἴσον ἀπέχειν ἑκατέρου τῶν πόλων ὑπετίθετο, ἐνίσταται τὰ φαινόμενα τὸν τρόπον τοῦτον· ἐπεὶ γὰρ ἡ τοιαύτη θέσις κατὰ τέσσαρας τρόπους ὡς πρὸς ἡμᾶς ἐπινοεῖται (δύναται γὰρ ἐκτὸς τοῦ ἄξονος οὔσα ἢ ἀνωτέρω ἢ κατωτέρω ἢ πρὸς ἀνατολὰς ἢ πρὸς δυσμὰς αὐτοῦ τυγχάνουσα, ἴσον ἀπέχειν ἑκατέρου τῶν πόλων) καὶ εἰ μὲν εἰς τὸ ἄνω ἢ τὸ κάτω τινῶν οἰκίσεων ὑποτεθείη (τὸ δὲ ἄνω ἢ κάτω ὡς ἔφαμεν ὡς πρὸς ἡμᾶς εἴρηται, πρὸς γὰρ τινὰς ἄνω τυγχάνουσα πρὸς τοὺς τούτων ἀντίχθονας κάτω ἐστίν), τούτοις ἂν συμβαίνοι «ἐπὶ μὲν ὀρθῆς τῆς σφαίρας τὸ μηδέποτε ἰσημερίαν γίνεσθαι, εἰς ἄνισα πάντοτε διαιρουμένων ὑπὸ τοῦ «ὀρίζοντος τοῦ τε ὑπὲρ γῆν καὶ τοῦ ὑπὸ γῆν .

402 ..» Ἔστω γὰρ μεσημβρινὸς κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, κέντρον δὲ αὐτοῦ τὸ Ε, ἄξων δὲ ὁ ΒΕΔ, πόλοι δὲ τῆς σφαίρας τὰ Β, Δ σημεία. καὶ ἀπὸ τοῦ Ε κέντρου τῆς σφαίρας πρὸς ὀρθὰς ἦχθω τῷ ΒΔ ἄξονι ἐν τῷ τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπιπέδῳ ἡ ΑΕΓ κοινὴ τομὴ οὔσα ἰσημερινοῦ καὶ μεσημβρινοῦ. καὶ ὑποκείσθω ἡ γῆ ἐκτὸς τοῦ ἄξονος ὡς ἐπὶ τὸ ἄνω ἢ κάτω κατὰ τὸ Ζ, ἵνα ἐπεζευχθεῖσιν τῶν ΖΒ, ΖΔ ἴσον ἀπέχη δηλονότι τῶν Β, Δ πόλων κατὰ τὴν ὑπόθεσιν. Ἐὰν οὖν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας νοήσωμεν τὸν διὰ τῆς ΗΖΘ ὀρίζοντα παράλληλον δηλονότι ποιοῦντα τὴν ΗΖΘ τῷ ἄξονι, ἵνα καὶ ὁ ἰσημερινὸς ὀρθὸς ᾖ πρὸς * τὸν διὰ τῆς ΗΖΘ ὀρίζοντα ὀρθῆς ὑποκειμένης τῆς σφαίρας, ἔσται τὸ Α ἐπὶ τοῦ ἰσημερινοῦ τυγχάνον καὶ κατὰ κορυφὴν τῆς οἰκίσεως, καὶ δῆλον ὡς ὁ

ὀρίζων εἰς ἄνισα τέμνει τὸν ΑΒΓΔ μεσημβρινόν, ὥστε καὶ τὴν σφαῖραν δηλαδὴ καὶ τὸν ἰσημερινόν καὶ τοὺς τούτῳ παραλλήλους καὶ οὐκ ἔσται ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἰσημερία, καίτοι καθ' ἑκάστην ἡμέραν ἰσημερίας ἐκεῖσε γινομένης.

403 Νενοήσθωσαν δὴ ἐπὶ τῆς τοιαύτης θέσεως τὴν γῆς καὶ ἐγκλίσεις τῆς σφαίρας, καὶ ἔστωσαν τροπικῶν διάμετροι αἱ ΚΛ, ΜΝ, κοινὰ δὲ τομαὶ μεσημβρινοῦ καὶ ὀρίζοντος ἢ τε ΕΖΟΠ καὶ ἡ ΡΖΔ. καὶ διὰ τοῦ Ο γεγράφθω παράλληλός τις τῷ ἰσημερινῷ, οὗ διάμετρος ἡ ΣΟΤ. δῆλον δὴ πάλιν ὅτι καὶ ἐνταῦθα οἱ διὰ τῶν ΞΠ καὶ ΡΔ ὀρίζοντες εἰς ἄνισα τέμνουσι τὴν σφαῖραν, διὰ τὸ κέντρον αὐτῆς πρὸς τῷ Ε τυγχάνειν. καὶ ἐπὶ μὲν τῆς διὰ τῆς ΡΔ θέσεως τοῦ ὀρίζοντος οὐκ ἔσται πάλιν ὁμοίως ἰσημερία, διὰ τὸ μηδὲνα τῶν παραλλήλων διχοτομεῖσθαι ὑπ' αὐτοῦ. ἐπὶ δὲ τῆς διὰ τῆς ΞΠ ἔσται ὅταν ὁ ἥλιος κατὰ τοῦ περὶ διάμετρον τὴν ΣΤ παραλλήλου φέρεται, διὰ τὸ τὴν ΒΕΔ διὰ τοῦ κέντρου οὔσαν τὴν ΣΟΤ μὴ διὰ τοῦ κέντρου πρὸς ὀρθὰς τέμνειν καὶ δίχα κατὰ τὸ Ο, ὥστε καὶ ἡ ΞΠ τὴν ΣΤ δίχα τέμνει καὶ ὁ δι' αὐτῆς ἄρα ὀρίζων τὸν παράλληλον, ἐπεὶ καὶ διὰ τοῦ κέντρου αὐτοῦ τοῦ Ο ἔρχεται τὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπίπεδον. καὶ ποιήσει ἰσημερίαν ἐπὶ τούτου τοῦ παραλλήλου τυγχάνων ὁ ἥλιος, οὐκέτι δὲ καὶ συμφώνως τοῖς φαινομένοις, διὰ τὸ μὴ ἐν τῷ μεταξὺ καὶ μεσαιτάτῳ (οὕτω γὰρ αὐτῷ τὸ μεταξὺ εἴρηται τῆς τε θερινῆς τροπῆς καὶ τῆς χειμερινῆς), τουτέστιν κατὰ τοῦ μεγίστου τῶν παραλλήλων τὴν ἰσημερίαν γεγενῆσθαι, ὁμολογουμένου ὑπὸ πάντων τὰ διαστήματα τὰ ἀπὸ τῶν τροπικῶν ἐπὶ τὴν ἰσημερίαν ἴσα τυγχάνειν πανταχοῦ, τῷ καὶ τὴν πρὸς τῷ θερινῷ τροπικῷ γινομένην μεγίστην ἡμέραν τοσοῦτῳ παραύξεσθαι τῆς ἰσημερινῆς ὅσῳ καὶ ἡ ἐλαχίστη ἡμέρα καὶ πρὸς τῷ χειμερινῷ τροπικῷ μειοῦται τῆς ἰσημερινῆς, ᾧ δὲ μειοῦται ἡ ἡμέρα τῆς χειμερινῆς τροπῆς τούτῳ αὖξεται ἡ νύξ, ὥστε τῷ ἴσῳ παρακολουθεῖν παρηυξησθαι τῆς ἰσημερινῆς τὴν τε πρὸς τῷ θερινῷ τροπικῷ μεγίστην ἡμέραν, καὶ τὴν πρὸς τῷ χειμερινῷ τροπικῷ νύκτα, καὶ διὰ τοῦτο τὰ ἐναλλάξ αὐτῶν τμήματα ἴσα τυγχάνειν, ὅπερ συμβαίνει ἐπὶ τῶν ἴσων παραλλήλων καὶ ἴσον δηλονότι διεστώτων τοῦ μεγίστου τῶν παραλλήλων.

404 Οὐ μόνον δὲ ᾧ αὖξεται ἡ μεγίστη ἡμέρα τούτῳ μειοῦται ἡ ἐλαχίστη, ἀλλὰ καὶ ἐπὶ τῶν κατὰ μέρος καὶ ἐφ' ἑκάτερον τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τοῦ διὰ μέσων ἴσων τοῦ ἡλίου ἀποχῶν, λέγω δὴ ὡς ἐπὶ τῆς πρώτης τε μοίρας τοῦ Κριοῦ καὶ τῆς κθ τῶν Ἰχθύων, τὸ αὐτὸ τοῦτο συμβαίνει. ᾧ γὰρ μειοῦται ἡ ἐπὶ τῆς κθ μοίρας ἐπὶ τῶν Ἰχθύων ἡμέρα τῆς ἰσημερινῆς, τούτῳ αὖξεται ἡ νύξ· ᾧ ἄρα τῆς ἰσημερινῆς ἡμέρας αὖξεται ἡ ἐπὶ τῆς α μοίρας τοῦ Κριοῦ ἡμέρα, τούτῳ λείπεται ἡ νύξ <καὶ> ἡ ἐπὶ τῆς κθ μοίρας τῶν Ἰχθύων ἡμέρα.

405 καὶ διὰ τοῦτο πάλιν ἐπὶ ἴσων παραλλήλων καὶ ἴσον διεστώτων τοῦ μεγίστου τῶν παραλλήλων τὸ τοιοῦτον συμβαίνει. Ἐπεὶ οὖν ἀπὸ τῆς ἰσημερίας ἴση καταλαμβάνεται κατὰ μέρος γινομένη ἡ πρόσθεσις τῆς πρὸς τῷ θερινῷ τροπικῷ μεγίστης ἡμέρας τῇ μειώσει τῆς πρὸς τῷ χειμερινῷ τροπικῷ ἐλαχίστης ἡμέρας, δῆλον ὡς ἀπὸ μέσου τινὸς τῆς ἰσημερίας γινομένης, μέσος δὲ τῶν τροπικῶν ὁ μέγιστος τῶν παραλλήλων, ἐπὶ τούτου ἄρα ἡ ἰσημερία. ὥστε ἴσα ἔσται τὰ διαστήματα τῶν παραλλήλων κύκλων καθ' ὧν πρὸς αἴσθησιν φέρεται ὁ ἥλιος ἀπὸ ἰσημερίας ἐπὶ τὰς τροπὰς. οὐ γὰρ τοὺς χρόνους ἴσους λέγει· ἄνισοι γὰρ οὗτοι ὡς δείκνυσιν ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ, ἐπεὶ καὶ ἀνωμάλως ὁ ἥλιος τὰς ἴσας τοῦ διὰ μέσων περιφερείας φαίνεται παροδεύων. Ἐπεὶ οὖν ἀπὸ τῶν κατὰ τὴν εἰρημένην θέσιν τῶν τεσσάρων τόπων καθ' ἣν ἐκτὸς τοῦ ἄξονος οὔσα ἴσον ἀπέχειν ἑκατέρου τῶν πόλων ὑπετίθετο, περὶ δύο τῶν ὡς ἄνω ἢ κάτω τοῦ ἄξονος αὐτῆς ὑπαρχούσης τὸν λόγον ἐποίησάμεθα, ἐξῆς καὶ περὶ τῶν λοιπῶν δύο τοὺς λόγους ποιησόμεθα. καθ' ἣν θέσιν πρὸς ἀνατολὰς ἢ δυσμὰς τυγχάνουσα ἴσον πάλιν ἀπέχειν ἑκατέρου τῶν πόλων ὑπετίθετο. § Ἐστω οὖν πρὸς ἀνατολὰς ἢ δυσμὰς τινων παρακεχωρηκυῖα· δῆλον γὰρ ὅτι πρὸς ἀνατολὰς τινων οὔσα ἐτέρων πρὸς δυσμὰς ἐστίν, διὰ τὸ καὶ τὸν αὐτὸν τόπον τινῶν μὲν δύνασθαι εἶναι πρὸς ἀνατολὰς τῶν δὲ τούτων ἀντιχθόνων πρὸς δυσμὰς, λέγω δὴ ὅτι οὔτε

τὰ μεγέθη οὔτε τὰ διαστήματα τῶν ἀστέρων ἴσα φανήσεται κατὰ τε τὸν ἑῶν καὶ τὸν ἐσπέριον ὀρίζοντα, οὔτε ὁ ἀπ' ἀνατολῆς μέχρι μεσουρανήσεως χρόνος ἴσος ἔσται τῷ ἀπὸ μεσουρανήσεως ἐπὶ δυσμᾶς, ἅπερ πάλιν * ἐναργῶς ἀντίκειται τοῖς φαινομένοις.

406 Ὡς γὰρ πάλιν ὡς ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας πρὸς ἀνατολὰς τινων ὑπάρχουσα ἡ γῆ, καὶ δι' αὐτῆς καὶ τοῦ ἄξονος ὀρίζων μὲν ἔστω ὁ ΑΒΓΔ, ἄξων δὲ ὁ ΒΔ, κοινὴ δὲ τομὴ τοῦ ΑΒΓΔ καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ ἡ ΑΕΓ, καὶ ἀνατολικά μὲν μέρη ἔστω τὰ πρὸς τῷ Α, δυτικά δὲ τὰ πρὸς τῷ Γ, καὶ ὑποκείσθω ἡ γῆ κατὰ τὸ Ζ, ἵνα ἐπιζευχθεῖσιν τῶν ΖΒ, ΖΔ ἴσον ἀπέχη δηλονότι τῶν Β, Δ πόλων κατὰ τὴν ὑπόθεσιν. καὶ ἦχθω διὰ τοῦ Ζ παράλληλος τῇ ΒΔ ἡ ΗΘ ἐν τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ, καὶ ἐκβεβλήσθω δι' αὐτῆς ἐπίπεδον ὀρθὸν πρὸς τὸν ὀρίζοντα. ποιήσει δὴ ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς σφαίρας κύκλον, ὃς ἔσται μεσημβρινὸς τῆς οἰκίσεως τῆς γῆς ὑποκειμένης κατὰ τὸ Ζ. ποιεῖτω τὸν ΗΚΘ. γεγράφθω ὁ ΑΛΓ ἰσημερινός. δηλὸν δὴ ὅτι ὁ ΗΚΘ μεσημβρινὸς εἰς ἄνισα τέμνει τὸν ΑΛΓ ἰσημερινόν, διὰ τὸ τὸν ΗΚΘ μὴ εἶναι μέγιστον ἐπεὶ οὐδὲ διὰ τοῦ κέντρου ἐστὶν τῆς σφαίρας. καὶ ἐλάττων ἔσται ἡ ΑΛ τῆς ΛΓ. καὶ ἔστιν ὁ μὲν ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Λ χρόνος ὁ ἀπὸ ἀνατολῆς ἐπὶ μεσημβρίαν, ὁ δὲ ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ τὸ Γ ὁ ἀπὸ μεσημβρίας ἐπὶ τὴν δύσιν. ὥστε ἄνισοι ἔσσονται οἱ τοιοῦτοι χρόνοι. καὶ ἔτι καὶ τὰ μεγέθη τῶν ἀστέρων καὶ τὰ πρὸς ἄλληλα διαστήματα ἄνισα ὀφθήσεται, διὰ τὸ ἀνίσους εἶναι τὰς ΖΑ, ΖΓ ἀπὸ τῆς ὀψεως ἐπὶ τὸν οὐρανόν, καὶ ἔτι τὰς κατὰ μέρος πάσας ἀπὸ τοῦ Ζ τῆς γῆς σημείου.

407 § Ἐπὶ δὲ τῆς δευτέρας θέσεως καθ' ἣν ἐπὶ τοῦ ἄξονος οὔσα πρὸς τὸν ἕτερον τῶν πόλων παρακεχωρηκυῖα ὑπετίθετο, συμβήσεται καθ' ἐκάστην τῶν ἐγκλίσεων ἄνισα γίνεσθαι τό τε ὑπὲρ γῆν καὶ τὸ ὑπὸ γῆν τοῦ οὐρανοῦ διαφόρως, ὥστε τὸ ὑπὲρ γῆν λόγου ἔνεκεν τοῦ τρίτου κλίματος ἔλαττον εἶναι τοῦ ὑπὸ γῆν τοῦ αὐτοῦ κλίματος, καὶ τὸ ὑπὲρ γῆν τοῦ τετάρτου κλίματος ἔλαττον πάλιν εἶναι τοῦ ὑπὸ γῆν τοῦ αὐτοῦ κλίματος, καὶ τὸ ὑπὲρ γῆν τοῦ τρίτου κλίματος μείζον εἶναι τοῦ ὑπὲρ γῆν τοῦ τετάρτου κλίματος, καὶ τὸ ὑπὸ γῆν τοῦ ὑπὸ γῆν ἔλαττον, τοῦτο γάρ ἐστιν ὃ λέγει «καὶ πρὸς ἑαυτὰ καὶ πρὸς ἄλληλα», «ὡς συμβαίνειν καὶ τὸν διὰ μέσων «τῶν ζωδίων κύκλον μέγιστον» ὄντα εἰς ἄνισα διαφόρως τέμνεσθαι ὑπὸ τοῦ ὀρίζοντος, καὶ ὅπου μὲν εἰς ζωδία ἔχειν ὑπὲρ γῆς ὅπου δὲ δ ἢ καὶ γ, πανταχοῦ ζ μὲν αἰεὶ ὑπὲρ γῆς θεωρουμένων ζ δὲ τῶν λοιπῶν ὑπὸ γῆν, μόνου τοῦ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντος διχοτομεῖν δυναμένου τὴν τοῦ οὐρανοῦ σφαῖραν καὶ τὸν ζωδιακόν. Ἐὰν γὰρ νοήσωμεν ἐν τῇ τοῦ παντὸς σφαίρᾳ μεσημβρινὸν μὲν κύκλον τὸν ΑΒΓΔ, πόλους δὲ τῆς σφαίρας τὰ Β, Δ, ἄξονα δὲ τὸν ΒΔ, καὶ κέντρον τὸ Ε, ὑποθώμεθα δὲ καὶ τὴν γῆν ἐπὶ τοῦ ἄξονος πρὸς τὸν ἕτερον τῶν πόλων, ὡς πρὸς τὸν Δ βόρειον παρακεχωρηκυῖαν κατὰ τὸ Ζ, δηλὸν ὅτι ἐπὶ ὀρθῆς τῆς σφαίρας διὰ τοῦ ΒΔ ἄξονος τυγχάνων ὁ ὀρίζων τεμεῖ δίχα τὴν σφαῖραν καὶ τὸν ζωδιακόν.

408 νενοήσθω οὖν καὶ ἐπὶ τῆς ἐγκλίσεως ὀρίζοντος διάμετρος ἡ ΗΘ, καὶ ὑπὲρ γῆν ὁ Δ πόλος βόρειος ὑποκείμενος, καὶ ἐγγυτέρω τῆς γῆς. δηλὸν ὡς ὅτι ὁ περὶ τὴν ΗΘ διάμετρον ὀρίζων ἐλάττων ἔσται τοῦ μεγίστου κύκλου, καὶ ἔλαττον ὑπὲρ γῆς ἀπολήμψεται ἡμισφαίριου. νενοήσθω δὲ καὶ ἑτέρας ἐγκλίσεως ὀρίζοντος διάμετρος ἡ ΚΛ. φανερόν ὅτι καὶ ὁ περὶ ταύτην ὀρίζων εἰς ἄνισα διαιρεῖ τὴν σφαῖραν καὶ ἔλαττον τὸ ὑπὲρ γῆν ποιεῖ τοῦ ὑπὸ γῆν. Λέγω δὲ ὅτι καὶ πρὸς ἄλληλας αἱ ἐγκλίσεις τῶν ὀριζόντων ἄνισα ποιοῦσιν τό τε ὑπὲρ γῆν τῷ ὑπὲρ γῆν καὶ τὸ ὑπὸ γῆν τῷ ὑπὸ γῆν. Ἐπεζεύχθω γὰρ ἡ ΚΘ. καὶ ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ ΚΖ τῆς ΖΘ, μείζων ἐστὶν καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΖΘΚ τῆς ὑπὸ ΖΚΘ, ὥστε καὶ περιφέρεια ἡ ΚΗ περιφερείας τῆς ΛΘ μείζων ἐστίν. κοινὴ προσκείσθω ἡ ΚΔΘ· ὅλη ἄρα ἡ ΗΑΘ περιφέρεια ὅλης τῆς ΚΑΛ μείζων ἐστίν. ὥστε καὶ ἡ ΗΘ εὐθεῖα μείζων ἐστὶν τῆς ΚΛ, ἢ καὶ ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ Ε κέντρου ἐπὶ τὴν ΚΛ κάθετος μείζων ἐστὶν τῆς ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἐπὶ τὴν ΗΘ καθέτου. καὶ ὁ ὀρίζων ἄρα ὁ περὶ διάμετρον τὴν ΗΘ μείζων ἐστὶν τοῦ ὀρίζοντος τοῦ περὶ διάμετρον τὴν ΚΛ. ἄνισα ἄρα ἀπολήμψονται οἱ ὀρίζοντες τὸ μὲν ὑπὲρ γῆν τῷ ὑπὲρ γῆν, τὸ δὲ ὑπὸ γῆν τῷ ὑπὸ γῆν. Καὶ αἰεὶ ὁμοίως ὅσῳ ὑπὲρ γῆς γίνεται ὁ αἰεὶ

φανερὸς πόλος, ἔλαττον γίνεται τὸ ὑπὲρ γῆν τοῦ ὑπὲρ γῆν τὸ δὲ ὑπὸ γῆν μείζον τοῦ ὑπὸ γῆν, μέχρις οὗ ὁ πόλος κατὰ κορυφὴν γένηται.

409 Ἐὰν γὰρ πάλιν νοήσωμεν τὸν διὰ τῆς ΑΓ ἐτέρας οἰκήσεως ὀρίζοντα ὑπὲρ γῆς ποιοῦντα τὸν Δ πόλον, διὰ τὰ αὐτὰ ἐλάττων ἔσται ἡ ΑΓ * τῆς ΚΛ· ὥστε καὶ ὁ περὶ τὴν ΑΓ ὀρίζων τοῦ περὶ τὴν ΚΛ ἔσται, καὶ διὰ τοῦτο τὸ ΑΔΓ ὑπὲρ γῆν ἔλασσον ἔσται τοῦ ΚΔΛ ὑπὲρ γῆν, τὸ δὲ ΑΒΓ ὑπὸ γῆν μείζον τοῦ ΚΒΛ ὑπὸ γῆν. § Λέγω δὴ ὅτι κὰν ἐν μεγέθει τὴν γῆν ὑποθώμεθα, ἵνα διὰ τῆς ἐπιφανείας αὐτῆς νοήσωμεν τοὺς ὀρίζοντας, ὁμοίως εἰς ἄνισα διαφόρως τμηθήσεται τό τε ὑπὲρ γῆν καὶ τὸ ὑπὸ γῆν τοῦ οὐρανοῦ. Ἔστω γὰρ πάλιν μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ περὶ κέντρον τὸ Ε, ἄξων δὲ ὁμοίως ὁ ΒΔ, ἐν δὲ τῇ τῆς γῆς ἐπιφανείᾳ μέγιστος κύκλος ὁ ΗΘΚ ἐν τῷ τοῦ ΑΒΓΔ ἐπιπέδῳ περὶ κέντρον ἐπὶ τοῦ ἄξονος τὸ Ζ· καὶ διήχθω ἡ ΛΜ παράλληλος τῇ ΒΔ καὶ ἐφαπτομένη τοῦ ΗΘΚ κύκλου κατὰ τὸ Η, καὶ ἡ ΝΞ πρὸς ὀρθὰς τῇ ΒΔ ἐφαπτομένη τοῦ ΗΘΚ κατὰ τὸ Θ. ἔσται ἄρα τῆς μὲν πρὸς τῷ Η οἰκήσεως ὡς ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντος διάμετρος ἡ ΛΜ, τῆς δὲ κατὰ τὸ Θ ποιούσης τὸν Δ βόρειον πόλον κατὰ κορυφὴν ἡ ΝΞ.

410 λέγω ὅτι τῶν μεταξὺ τῶν Η, Θ οἰκήσεων μεγίστη μὲν ἔσται ἡ ΛΜ τοῦ ὀρίζοντος διάμετρος ἐλαχίστη δὲ ἡ ΝΞ, αἰεὶ δὲ ἡ ἔγγιον τῆς Η οἰκήσεως μείζων τῆς ἀπωτέρω. Νοείσθω γὰρ καὶ ἕτερος ὀρίζων διὰ τῆς κατὰ τὸ Κ οἰκήσεως, οὗ διάμετρος ἔστω ἡ ΑΟ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΖΚ κάθετος γινομένη ἐπὶ τὴν ΑΟ, καὶ ἤχθωσαν ἀπὸ μὲν τοῦ Ε κέντρου ἐπὶ τὰς ΛΜ, ΑΟ κάθετοι αἱ ΕΠ, ΕΡ· καὶ διὰ τοῦ Ζ τῇ ΑΟ παράλληλος ἤχθω ἡ ΖΣ. ἐπεὶ ἐλάττων ἐστὶν ἡ ΕΠ τῆς ΕΡ, ἐπεὶ καὶ τῆς ΕΤ, μείζων ἐστὶν ἡ ΛΜ τῆς ΑΟ. καὶ ἐπεὶ ὀρθὴ ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΖΣΕ γωνία, μείζων ἐστὶν ἡ ΕΖ τῆς ΕΣ, ἴση δὲ ἡ ΣΡ τῇ ΖΚ, τουτέστιν τῇ ΖΘ, μείζων ἄρα ἡ ΕΘ τῆς ΕΡ, ὥστε καὶ ἡ ΑΟ μείζων ἐστὶν τῆς ΝΞ. Καὶ οἱ περὶ διαμέτρους ἄρα τὰς ΛΜ, ΑΟ, ΝΞ ὀρίζοντες εἰς ἄνισα τεμοῦσιν τό τε ὑπὲρ γῆν καὶ τὸ ὑπὸ γῆν τοῦ οὐρανοῦ, τὰ ὑπὲρ γῆν ἐλάττονα ποιοῦντες. Ὅμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν οἰκήσεων τῶν μεταξὺ τῶν Η, Θ. ὥστε καὶ ὁ διὰ μέσων τῶν ζωδίων μέγιστος κύκλος εἰς ἄνισα διαφόρως τμηθήσεται ὑπὸ τοῦ ὀρίζοντος, ὅπερ οὐδαμοῦ τὸ τοιοῦτον εὐρίσκεται συμβαῖνον, «ἐξ μὲν αἰεὶ καὶ πᾶσιν ὑπὲρ γῆν φαινομένων δωδεκατημορίων» (τὸ δὲ «καὶ πᾶσιν», ἐπεὶ μὴ πᾶσιν τὰ αὐτὰ καὶ μάλιστα παρ' οἷς μήκει διαφέρουσιν οἱ ὀρίζοντες) ζ δὲ τῶν λοιπῶν ὑπὸ γῆν μὴ φαινομένων, εἴτ' αὖ πάλιν αὐτῶν μὲν τούτων τῶν ὑπὲρ γῆς ἅμα ὑπὸ γῆν γινομένων τῶν δὲ ὑπὸ γῆν ὑπὲρ γῆς, ὡς ἐκ τούτων δηλὸν εἶναι ὅτι καὶ τὰ τμήματα τοῦ ζωδιακοῦ τὰ ὑπὸ τοῦ ὀρίζοντος ἀπολαμβάνόμενα ἡμικύκλιά ἐστιν ἐκ τοῦ ὅλα τὰ ἀφ' οἰουδήποτε ὡς ἔφαμεν ὀρίζοντος ἢ καὶ οἰουδήποτε τμήματος τοῦ διὰ μέσων ποτὲ μὲν ὑπὲρ γῆς ποτὲ δὲ ὑπὸ γῆν ἀπολαμβάνεσθαι. εἰ δέ τις λέγοι εἰς πλείονα τῶν ἰβ ζωδίων διηρεῖσθαι τὸν ζωδιακόν, ὥστε ζ μὲν πάντοτε φαίνεσθαι ὑπὲρ γῆς τὰ δὲ λοιπὰ πλείονα τῶν ζ ὑπὸ γῆν διὰ τὸ καὶ τὴν εἰρημένην δευτέραν τῆς γῆς θέσιν μείζονα ποιεῖν τὰ ὑπὸ γῆν τῶν ὑπὲρ γῆν, ἀκόλουθον ἂν ἦν ἕτερόν τι παρὰ τὰ φαινόμενα ἰβ ζωδία ὀφθῆναι ὅπερ οὐδαμοῦ τοῦτ' οὕτως ἔχον θεωρεῖται.

411 διό φησιν· «εἴτ' αὖ πάλιν ἐκείνων μὲν ὅλων» τῶν ὑπὲρ γῆς ἅμα φαινομένων, τῶν δὲ λοιπῶν καὶ ὑπὸ γῆν ἅμα μὴ φαινομένων. «Καὶ καθόλου δ' ἂν συνέβαινεν, εἴπερ μὴ ἐν τῷ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπιπέδῳ εἶχε τὴν θέσιν ἡ γῆ, πρὸς ἄρκτους δὲ ἢ πρὸς μεσημβρίαν ἀπέκλινεν ἢ πρὸς τὸν ἕτερον τῶν πόλων, τὸ μηκέτι μηδὲ πρὸς αἴσθησιν» ἐπὶ τοῦ ἰσημερινοῦ τοῦ ἡλίου γινομένου κατὰ διάμετρον γίνεσθαι τὴν ἀνατολικὴν σκιὰν τῇ δυτικῇ ἐπὶ τῶν παραλλήλων τῷ ὀρίζοντι ἐπιπέδων, ὅπερ ἄντικρυς πανταχῇ θεωρεῖται παρακολουθοῦν, ἐπειδὴ περ τοῦ ἡλίου ἐπὶ τοῦ ἰσημερινοῦ τυγχάνοντος, καὶ τῆς γῆς ἐν τῷ μέσῳ κειμένης, τό τε ἀνατολικὸν καὶ δυτικὸν σημεῖον καὶ τὸ κέντρον τῆς γῆς τουτέστιν ἡ τοῦ γνώμονος κορυφὴ ἐπ' εὐθείας εἰσίν, ἐπὶ γὰρ τῆς κοινῆς εἰσι τομῆς τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ὀρίζοντος.

412 § μὴ γὰρ οὐσης τῆς γῆς ἐν τῷ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπιπέδῳ ἀλλ' ἐκτός, οὐκέτι ἐπὶ τῇ ἰσημερίᾳ ἡ ἀνατολικὴ σκιά ἐπ' εὐθείας γίνεται τῇ δυτικῇ. Οἷον ἂν γὰρ νοήσωμεν ὀρίζοντα μὲν κύκλον

τὸν ΑΒΓΔ, ἰσημερινοῦ δὲ ἡ * μικύκλιον τὸ ΑΕΓ, γνῶμονα δὲ τὸν ΖΗ, καὶ ἐν μὲν τῷ παρὰ τὸν ὀρίζοντα ἐπιπέδῳ τὸ Η, τὸ δὲ Ζ ἄκρον ἐν τῷ τοῦ ΑΒΓΔ ἐπιπέδου, καὶ ἀνατολικά μὲν τὰ πρὸς τῷ Α, δυτικά δὲ τὰ πρὸς τῷ Γ, ἔσται ἄρα ἀνατολικὴ μὲν ἀκτὶς ἡ ΑΖΘ, σκιὰ δὲ ἐν τῷ παρὰ τὸν ὀρίζοντα ἐπιπέδῳ ἡ ΗΘ, καὶ πάλιν δυτικὴ μὲν ἀκτὶς ἡ ΓΖΚ, σκιὰ δὲ ὁμοίως ἡ ΗΚ, καὶ οὐκ ἔσται ἐπ' εὐθείας ἡ ΗΘ τῇ ΗΚ. Ἐπὶ δὲ τῆς τρίτης θέσεως καθ' ἣν ἡ ἀμφοτέρως τὰς ἐναντιώσεις τῆς τε ἐπὶ τῆς πρώτης θέσεως καὶ δευτέρας ὑποτίθεται, τουτέστιν μήτε ἐπὶ τοῦ ἄξονος αὐτὴν οὔσαν μήτε ἐκατέρου τῶν πόλων ἴσον ἀπέχειν, δῆλον ὡς τὰ ἐπὶ τῶν δυεῖν θέσεων δεδειγμένα ἄτοπα ἐπὶ ταύτης συμβήσεται πάλιν γὰρ τὰ διαστήματα τὰ ἀπὸ τῆς ὀψευς ἐπὶ τὸν οὐρανὸν ἄνισα εὐρεθήσεται, καὶ οἱ ἀπ' ἀνατολῆς ἐπὶ μεσημβρίαν χρόνοι ἄνισοι τοῖς ἀπὸ μεσημβρίας ἐπὶ δύσιν, καὶ εἰς ἄνισα οἱ ὀρίζοντες διαφόρως διαιροῦντες τὴν τοῦ παντὸς σφαῖραν καὶ τὸν ζῳδιακόν, καὶ ἰσημερία οὐ γενήσεται κατὰ τοῦ μεγίστου τῶν παραλλήλων, καὶ αἱ ἀυξομειώσεις τῶν νυχθημέρων οὐκ ἀναλόγως ἀπὸ τῆς ἰσημερίας ἀποτελεσθήσονται καὶ συλλαβόμενον εἰς ἓν τι κοινὸν τὰ κατὰ μέρος, ἔστιν εἰπεῖν πᾶσα ἂν συνεχύθῃ τέλεον ἡ τάξις ἡ περὶ τὰς ἀυξομειώσεις τῶν νυχθημέρων μὴ μέσης καὶ ὑπ' αὐτὸν τὸν ἰσημερινὸν καὶ μέγιστον τῶν παραλλήλων τῆς γῆς τὴν θέσιν ἐχούσης· μέσης γὰρ αὐτῆς τυγχανούσης καὶ ὑπ' αὐτὸν τὸν ἰσημερινόν, οἱ τούτου παρ' ἐκάτερα παράλληλοι ἴσον ἀπέχοντες ἴσοι ὄντες, καὶ τὰ ἐναλλάξ τμήματα ἴσα ποιοῦντες, καὶ τὰς τοῦ ὀρίζοντος καὶ τοῦ μεσημβρινοῦ καὶ ἔτι τοῦ ζῳδιακοῦ περιφερείας ἴσας ἐκατέραν ἐκατέρᾳ ἐφ' ἐκάτερα τοῦ ἰσημερινοῦ ἀπολαμβάνοντες, τὴν τάξιν τῆς ἀυξομειώσεως τῶν νυχθημέρων φυλάττουσιν ἀπὸ τῆς ἐπὶ τοῦ ἰσημερινοῦ τοῦ ἡλίου περιφορᾶς, ἐπὶ δὲ ἐτέρας τῆς γῆς θέσεως οὐκέτι.

413 Ἔτι δὲ πρὸς τοῖς εἰρημένους ἀτόποις καὶ ἕτερόν τι συμβήσεται, τὸ τὰς ἐκλείψεις τῆς σελήνης κατὰ πάντα τὰ μέρη τοῦ οὐρανοῦ κατὰ τὴν διάμετρον τῷ ἡλίῳ στάσιν θεωρουμένης, μηκέτι οὕτω πάντοτε καταλαμβάνεσθαι, πολλάκις μὴ ἐν ταῖς διαμετρούσαις παρόδοις ἐπισκοτουμένης αὐτῆς ὑπὸ τῆς ἀποστελλομένης ἀπὸ τῆς γῆς κωνοειδοῦς σκιᾶς ἐκ τῆς τοῦ ἡλίου προσλάμψεως, ἀλλ' ἐν ταῖς ἐλάττωσιν ἡμικυκλίου στάσεσιν, ὅπερ πάλιν ἀντίκειται τοῖς φαινομένοις· ὁμολογεῖται γὰρ πᾶσιν τοῖς ἐν διαφοροῖς κλίμασι τηρήσασιν τὰς σεληνιακὰς ἐκλείψεις, ὅτι ἐν ταῖς κατὰ διάμετρον τοῦ ἡλίου στάσεσιν ἀποτελοῦνται, τῆς γὰρ γῆς καταυγαζομένης ὑπὸ τοῦ ἡλίου καὶ ἀποστελλούσης σκιὰν κωνοειδῇ κατὰ τὴν διάμετρον αὐτῷ στάσιν. δέδεικται γὰρ ὅτι ἐὰν σφαῖρα καταυγάζεται ὑπὸ μείζονος ἑαυτῆς σφαιρικοῦ σώματος, ἡ ἐκπεμπομένη σκιὰ κωνοειδὴς ἔσται καὶ ἐπ' εὐθείας τῷ φωτίζοντι συμπεριάγεται. τοῦ οὖν ἡλιακοῦ σώματος σφαιροειδοῦς ὄντος καὶ μείζονος τοῦ τῆς γῆς, καθάπερ δείκνυται μὲν καὶ ἐν τῷ πέμπτῳ βιβλίῳ, ἔστιν δὲ καὶ ἐντεῦθεν κατάδηλον τὸ τοιοῦτον, ἐκ τοῦ πρὸς μὲν τὸ τοιοῦτον διάστημα λέγω δὴ τὸ ἀπὸ τῆς γῆς ἐπὶ τὸν ἥλιον σημείου λόγον ἔχουσιν τὴν γῆν καταλαμβάνεσθαι, τὸ δὲ τοῦ ἡλίου μέγεθος αἰσθητὸν ἡμῖν καταφαίνεσθαι, διὸ ἀνάγκη τὴν ἀπὸ τῆς γῆς ἀποστελλομένην σκιὰν κωνοειδῇ τε εἶναι καὶ ἐπ' εὐθείας ὡς ἔφαμεν τῷ ἡλίῳ.

414 ἐπεὶ οὖν πέφυκεν ἡ σελήνη παρὰ τοῦ ἡλίου δέχεσθαι τὸ φῶς, συμβαίνει ἐμπιπτούσης αὐτῆς εἰς τὴν ἀπὸ τῆς γῆς κωνοειδῇ σκιὰν καὶ ἐπ' εὐθείας τῷ ἡλίῳ ἐπισκοτούσης τῆς γῆς ταῖς τοῦ ἡλίου προσλάμψεσιν ἀφώτιστον αὐτὴν γίνεσθαι. ἀλλ' ἐπεὶ αὗται αἱ ἐπισκοτήσεις ἐν ταῖς ἐπὶ τοῦ ζῳδιακοῦ κατὰ διάμετρον τοῦ ἡλίου στάσεσιν καταλαμβάνονται, ἀναγκαῖον ἂν εἴη τὴν γῆν μέσην τοῦ παντὸς ὑποκεῖσθαι. ὃ μὴ μέσης γὰρ αὐτῆς ὑπαρχούσης, οὐ πάντοτε συμβήσεται κατὰ τὴν διάμετρον τῷ ἡλίῳ στάσιν αὐτὴν ἐπισκοτεῖσθαι. Ἰνα δὲ φανερόν ἡμῖν γένηται τὸ λεγόμενον, νανοήσθω ἡ σφαῖρα, κέντρον δὲ αὐτῆς τὸ Α, ζῳδιακὸς δὲ ὁ ΒΓΔΕ, ὁ δὲ τῆς σελήνης κύκλος περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον τῆς σφαίρας περιγεϊότερος αὐτοῦ τυγχάνων ὁ ΖΗΘΚ, καὶ ὑποκεῖσθωσαν λόγου ἕνεκεν ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ ὄντες, καὶ ἔτι ὁ ἥλιος ἐπ' αὐτοῦ τοῦ ζῳδιακοῦ * τὴν κίνησιν ποιούμενος, ἡ δὲ γῆ μὴ ἔστω ἐπὶ τοῦ μέσου ἀλλ' ὡς κατὰ τὸ Α τὸ

κέντρον ἔχουσα ἐν τῷ τοῦ ζωδιακοῦ πάλιν ἐπιπέδῳ, καὶ ἔστω διὰ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας καὶ τῆς γῆς διάμετρος ἡ ΒΖΑΑΔ.

415 Ὅταν ἄρα τοῦ ἡλίου γενομένου κατὰ τοῦ Δ ἡ σελήνη γένηται κατὰ τὸ Ζ, ἡ γῆ καταυγαζομένη ὑπὸ τῆς τοῦ ἡλίου προσλάμψεως πέμψει κωνοειδῆ σκιὰν ὡς τὴν ΛΖ καὶ ἐπισκοπήσει τὴν σελήνην καὶ ἀφώτιστον αὐτὴν ποιήσει ἐπιπροσθοῦσα ταῖς τοῦ ἡλίου ἀκτίσιν, καὶ συμβήσεται κατὰ τὴν διάμετρον τῷ ἡλίῳ στάσιν τὴν ἔκλειψιν γίνεσθαι, διὰ τὸ τὴν ΒΔ διάμετρον ὑποκεῖσθαι τοῦ ζωδιακοῦ. ὁμοίως δὲ πάλιν ὅταν τοῦ ἡλίου γεγεννημένου κατὰ τὸ Β ἡ σελήνη κατὰ τοῦ Θ γένηται, πάλιν συμβήσεται ἐν τῇ κατὰ διάμετρον στάσει τὴν ἔκλειψιν ἀποτελεῖσθαι. Ὅταν δὲ κατ' ἄλλου τινὸς τμήματος ὄντος τοῦ ἡλίου ἡ σελήνη ἐμπέσῃ εἰς τὸν κῶνον οὐδαμῶς εὐρεθήσεται ἐν τῇ κατὰ διάμετρον στάσει τοῦ ἡλίου τυγχάνουσα· διὸ προσέθηκεν τὸ «πολλάκις μὴ ἐν ταῖς διαμετροῦσιν παρόδοις ἐπιπροσθούσης» αὐτῆς, ὡς ἐνδεχομένου καὶ ἐν τῇ κατὰ διάμετρον στάσει τὴν ἐπισκότησιν γίνεσθαι καὶ μὴ κατὰ διάμετρον. Ἐὰν γὰρ λόγου ἕνεκεν ἐπὶ τοῦ Γ τυγχάνοντος τοῦ ἡλίου ἡ σκιά ἐπ' εὐθείας αὐτῷ πεμπομένη γένηται κατὰ τὸ Κ, δηλὸν ὡς ὅτι τῆς σελήνης ἐκεῖσε γιγνομένης καὶ ἐπισκοτουμένης, οὐκ ἔσται κατὰ τὴν διάμετρον τῷ ἡλίῳ στάσιν ἡ ἔκλειψις, διὰ τὸ τὴν γῆν ἐκτὸς εἶναι τοῦ Α κέντρου, καὶ μὴ εἶναι διάμετρον τὴν ΓΕ τοῦ ζωδιακοῦ· ὥστε ἀναγκαῖον ἂν εἴη τῶν σεληνιακῶν ἐκλείψεων πάντοτε θεωρουμένων ἐν ταῖς κατὰ διάμετρον στάσεσιν τοῦ ἡλίου καὶ τὴν γῆν τὸν μέσον ἐπέχειν τοῦ παντὸς τόπον.

417 (1t) Ὅτι σημείου λόγον ἔχει πρὸς τὰ οὐράνια ἡ γῆ. Ὑπομνήσας ἐκ τῶν φαινομένων καὶ κοινῶν ἐννοιῶν ὅτι σφαιροειδὴς πρὸς αἴσθησίν ἐστιν ἡ γῆ καὶ μέση τοῦ παντός, ἔτι καὶ περὶ τοῦ προκειμένου κεφαλαίου διαλαμβάνει διὰ τῶν αὐτῶν, ὡς καὶ τούτου ἐνὸς ὄντος τῶν καθόλου ἀρχοειδῶς ὀφειλόντων προλημθῆναι, καὶ φησιν ὅτι σημείου λόγον ἔχει πρὸς τὰ οὐράνια ἡ γῆ. τὸ μὲν οὖν «σημείου λόγον ἔχει», οὐχ ὅτι αὐτὴ καθάπερ σημεῖον ἀμεγέθους ἐστὶν (πῶς γὰρ ἂν τις εἴποι τὸ τηλικούτου μέγεθος ἀμερές;) ἀλλ' ὅτι πρὸς τὴν σύγκρισιν τοῦ ἀποστήματος τοῦ μέχρι τῆς τῶν ἀπλανῶν σφαίρας σημείου σχέσιν ἐπέχει, ἐπεὶ καὶ ὁ ἥλιος ἑκατονταεβδομηκονταπλασίῳν τυγχάνων τῆς ὅλης γῆς ποδιαῖον ἔγγιστα μέγεθος φαίνεται ἡμῖν ἔχων διὰ τὸ ὑπερμέγεθες τοῦ ἀποστήματος, ὥστε εἰ καὶ τὴν γῆν ἀπὸ τηλικούτου ἀποστήματος ἐπινοήσαιμεν ὀρωμένην ἡλίκον ἐστὶν καὶ τὸ ἀπὸ τῆς γῆς ἐπὶ τὸν ἥλιον, ἑκατοστοεβδομηκοστὸν μέρος τοῦ φαινομένου μεγέθους τοῦ ἡλίου ἔχουσαν αὐτὴν ὀψόμεθα. ἐὰν δὲ καὶ ἀπὸ τηλικούτου διαστήματος αὐτὴν ἐπινοήσωμεν ὀρωμένην ἡλίκον ἐστὶν καὶ τὸ μέχρις τῶν ἀπλανῶν, ἐλαχιστοτάτῃ ὀφθήσεται, ἢ ὥσπερ σημεῖον ἐκφεύζεται τὴν αἴσθησιν.

418 ἔτι δὲ καὶ ἐκ τοῦ πάντα τὰ διαστήματα τὰ πρὸς ἄλληλα τῶν ἀστέρων καὶ τὰ μεγέθη τοῖς ἀπὸ διαφορῶν οἰκίσεων τηροῦσι τοὺς αὐτοὺς ἀστέρας ἴσα καὶ ὅμοια καταλαμβάνεσθαι, ὡς ἂν πάντων πρὸς ἐνὶ σημείῳ καὶ αὐτῷ τῷ τῆς σφαίρας κέντρῳ ἐστώτων, καὶ τὸ ἴσον διάστημα φυλαττόντων πρὸς τε τὰς ἀνατολὰς καὶ δυσμὰς καὶ πάντα τὰ μέρη τοῦ οὐρανοῦ, ὅπερ οὐκ ν οὕτως ἔχον ἐφαίνετο εἰ τὸ μέγεθος τῆς γῆς αἰσθητὸν ἦν. Νενοήσθω γὰρ ἐν τῇ τοῦ παντὸς σφαίρᾳ μεσημβρινὸς κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ἐν δὲ τῇ γῇ ὡς ἐν μεγέθει ὑποπιπτούσῃ ὁ ΕΖ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ τῷ ΑΒΓΔ, κέντρον δὲ κοινὸν αὐτῶν τὸ Η, οἰκησὶς δὲ κατὰ τὸ Ε, καὶ διὰ τοῦ Η κέντρου ἡ ΒΗΔ διάμετρος τῆς σφαίρας, ὀρίζων δὲ τῆς οἰκίσεως ὁ διὰ τῆς ΘΕΚ, κοινὴ δὲ αὐτοῦ τομὴ καὶ τοῦ ΑΒΓΔ ἡ ΘΚ ἐφαπτομένη δηλαδὴ τοῦ ΕΖ, κατὰ κορυφὴν δὲ τὸ Α. Ἐὰν δὲ τὴν ΕΑ ἐπιζεύξωμεν καὶ διαγάγωμεν ὡς τὴν ΕΗΓ, δηλὸν ὡς ὅτι ἐπὶ τὸ κέντρον πεσεῖται τῆς γῆς καὶ ἐλαχίστη μὲν ἔσται ἡ ΕΑ πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ Ε τῆς ὀψεως τῶν ὀρώντων ἐπὶ τὸ ΘΑΚ τμήμα προσπιπτουσῶν εὐθειῶν, καὶ αἰεὶ αἱ ἔγγιον τῶν ΕΘ, ΕΚ τῶν ἀπώτερον μείζους μέχρις τοῦ πρὸς τῷ Α, καὶ διὰ τοῦτο μηκέτι συμβαίνειν τὰ τε μεγέθη καὶ τὰ διαστήματα τῶν ἄστρον ἴσα καὶ ὅμοια φαίνεσθαι.

419 ὅμοια δὲ εἶπεν τὰ διαστήματα διὰ τὸ μένειν πάντοτε τὰ σχήματα ἃ φυλάττουσιν πρὸς ἀλλήλους εἴτε τρίγωνα εἴτε τετράγωνα εἴτε τραπέζια ἢ ἄλλα τινά. Ἔτι δὲ καὶ ἐτέραν πίστιν εἰσάγει τοῦ

σημείου λόγον ἔχειν τὴν γῆν πρὸς τὸ τῶν οὐρανίων ἀποστημάτων τὰς διὰ τῶν κρικωτῶν σφαιρῶν διοπτεύσεις τὸ αὐτὸ δύνασθαι δεικνύναι, ὥς ἂν εἰ ὁμόκεντροι τῷ παντὶ τὴν θέσιν ἔχουσαι ἐτύγχανον. κρικωτῶν δὲ λέγει σφαιρῶν τοῦ μετεωροσκοπίου καὶ τοῦ ἐκτιθεμένου αὐτῷ ἐν τῷ εἴ βιβλίῳ ἀστρολάβου. ταῦτα γὰρ τὰ ὄργανα τιθέντες ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς καὶ τοὺς ὁμωνύμους ἐν τῷ ὀργάνῳ κρίκους τοῖς ἐν τῷ παντὶ κύκλοις ὁμοταγεῖς καθιστάντες, τὸν μὲν μεσημβρινὸν τοῦ ὀργάνου ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ τοῦ νοουμένου τῆς οἰκίσεως μεσημβρινοῦ, τὸν δὲ ζωδιακὸν τὴν τοῦ φύσει ζωδιακοῦ θέσιν λαμβάνοντα, καὶ τὸν ὀρίζοντα τὴν τοῦ φύσει ὀρίζοντος καὶ τοὺς λοιποὺς τοῖς λοιποῖς, διοπτεύοντες διὰ τῶν κέντρων τῶν σφαιρικῶν ὀργάνων ἐν οἰωδῆποτε μέρει τῆς γῆς αὐτῶν τιθεμένων, καταλαμβανόμεθα καὶ τὰς γωνίας καὶ τὰς ἀπολαμβανόμενας τῶν περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον μεγίστων κύκλων περιφερείας οὕτω συμφώνους τοῖς φαινομένοις ὥς ἂν εἰ δι' αὐτοῦ τοῦ τῆς γῆς κέντρου αἱ διοπτεύσεις γινόμεναι ἐτύγχανον.

420 φανερόν δὲ τὸ τοῦτ' οὕτως ἔχειν ἐκ τοῦ τὰς διὰ τῶν κέντρων τῶν ὀργάνων διοπτεύσεις οὕτω συμφώνους γίνεσθαι τοῖς φαινομένοις.

421 Φανερόν δὲ ὅτι ἡ γῆ οὐ μόνον μέση τοῦ παντὸς οὐρανοῦ κεῖται κέντρῳ παραπλησίως, ἀλλὰ καὶ σημείου λόγον ἔχει, ἐκ τοῦ ὥς ἔφαμεν τὰς διὰ τῶν κέντρων τῶν εἰρημένων σφαιρικῶν ὀργάνων διοπτεύσεις τὸ αὐτὸ δύνασθαι ὥς ἂν καὶ διὰ τοῦ κέντρου τῆς γῆς γινόμεναι ἐτύγχανον. Πάλιν δὲ καὶ οἱ γνωμονικοὶ τὸ ἄκρον τῆς τοῦ γνώμονος κορυφῆς κέντρον τῆς τοῦ ἡλίου σφαίρας ὑποθέμενοι καὶ αὐτοῦ τοῦ παντὸς καὶ τῆς γῆς οὕτως εὐρίσκουσιν τὰς περιαγωγὰς τῶν σκιῶν ἐν ταῖς καταγραφαῖς τῶν ὥροσκοπίων γιγνομένας κατὰ τῶν ὁμωνύμων τῶν ἐν τῷ παντὶ νοουμένων παραλλήλων, ὥς ἂν εἰ πρὸς αὐτῷ τῷ τῆς γῆς κέντρῳ αἱ κορυφαὶ τῶν γνωμόνων ἐτύγχανον. Ἔτι δὲ καὶ ἐκ ταύτης ὥς καταδηλοτέρας ἐπιστάσεως πιστοῦται τὰ εἰρημένα, τοῦ πανταχοῦ τὰ διὰ τῆς ὀψεως ἡμῶν ἐκβαλλόμενα ἐπίπεδα, ἃ ἐστὶν δηλαδὴ διὰ τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς, ἃ καὶ καλοῦμεν ὀρίζοντας, διχοτομεῖν πάντοτε τὴν σφαῖραν τοῦ οὐρανοῦ, ὅπερ οὐκ ἂν συνέβαινεν εἰ τὸ μέγεθος τῆς γῆς αἰσθητὸν ἦν, ἀλλὰ μόνον ἂν τὸ διὰ τοῦ κέντρου τῆς γῆς ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον διχοτομεῖν ἐδύνατο τὴν σφαῖραν, τὸ δὲ δι' οἰοδῆποτε τόπου τῆς ἐπιφανείας αὐτῆς εἰς ἄνισα διήρει τὴν σφαῖραν, μηκέτι μεγίστου γινομένου τοῦ ὀρίζοντος, ἀλλὰ καὶ πάντοτε τὸ ὑπὲρ γῆν τμήμα τῆς σφαίρας ἔλαττον ποιοῦντος τοῦ ὑπὸ γῆν. Ὅτι οὐδὲ κίνησιν τινα μεταβατικὴν ποιεῖται ἡ γῆ.

422 (1t) Τὰ αὐτὰ δὲ πάλιν παρηκολούθει ἄτοπα εἰ κίνησιν τινα μεταβατικὴν ἐποιεῖτο ἡ γῆ, ἅπερ καὶ ἐπὶ τῶν τριῶν θέσεων ἐλέγομεν, ἡνίκα ἐκτὸς μὲν τοῦ ἄξονος αὐτὴν ὑπετιθέμεθα ἐκατέρου δὲ τῶν πόλων ἴσον ἀπέχειν, ἢ ἐπὶ τοῦ ἄξονος οὔσαν πρὸς τὸν ἕτερον τῶν πόλων παρακεχωρηκυῖαν, ἢ μήτε ἐπὶ τοῦ ἄξονος οὔσαν μήτε ἐκατέρου τῶν πόλων ἴσον ἀπέχειν, ἢ ὅλως μεθίστασθαι αὐτὴν τοῦ μέσου. ὥστε οὐ ποιήσει τὴν ἀπὸ τόπου εἰς τόπον μεταβατικὴν κίνησιν ἡ γῆ. Ἔτι δὲ καὶ ἐκ τῶν τοιούτων κατάδηλον γίνεται τὸ μένειν αὐτὴν ἐπὶ τοῦ μέσου τόπου. φύσιν γὰρ αὐτῆς ἐχούσης ἐπὶ τὸ κάτω φέρεσθαι, καὶ ὥς ἐν σφαίρᾳ τοῦ μέσου κάτω τυγχάνοντος καθὰ καὶ ὁ Ἀριστοτέλης τὴν ἐπὶ τὸ μέσον φορὰν κάτω λέγει, αὕτη τὸν οἰκεῖον κατειληφυῖα τόπον, μένει ἐν αὐτῷ. «ὥστ' ἔμοιγε δοκεῖ, περιττῶς ἂν τις καὶ τῆς ἐπὶ τὸ μέσον φορᾶς «τῆς γῆς τὰς αἰτίας ἐπιζητήσκειν, ἅπαξ γε τοῦ ὅτι ἢ τε γῆ τὸν μέσον ἐπέχει «τόπον ...». δῆλον δ' ἔσται καὶ ἐκ τούτων· ἐπεὶ τὰ βάρη φύσιν ἔχει ἐπὶ τὸ κάτω φέρεσθαι, κάτω δὲ ἐν σφαίρᾳ τὸ μέσον ἐστίν, τὰ βάρη ἄρα ἐπὶ τὸ μέσον φέρεται, φαίνεται δὲ ἐναργῶς οὕτως ἐπὶ τὴν γῆν φερόμενα, ἡ γῆ ἄρα ἐν τῷ μέσῳ. «ὦν κάκεῖνο μόνον προχειρότατον ... γένοιτο» τοῦ μηδ' ἠντιναοῦν κίνησιν ἐπὶ τὰ πλάγια μέρη ποιεῖσθαι τὴν γῆν τὸ σφαιροειδοῦς καὶ μέσης τοῦ παντὸς ἀποδεδειγμένης αὐτῆς, ἐν πᾶσιν ἀπλῶς τοῖς μέρεσιν αὐτῆς τὰς τε ἡμῶν προσενύσεις καὶ τὰς τῶν βάρους ἔχοντων

σωμάτων φοράς (λέγω δὴ τὰς ἰδίας αὐτῶν καὶ μὴ ἀπὸ τινος βίας) πρὸς ὀρθὰς γωνίας γίνεσθαι πάντοτε καὶ πανταχῇ τῷ διὰ τῆς κατὰ τὴν πτῶσιν ἐπαφῆς διεκβαλλομένῳ ἀκλινεῖ ἐπιπέδῳ.

423

καθάπερ καὶ οἱ οἰκοδόμοι τὰς θέσεις τῶν τειχῶν πρὸς ὀρθὰς τοῖς ὀρίζουσιν βουλόμενοι κατασκευάζειν, μόλιβδον εἰς σπάρτον ἀποδιδόντες καὶ ἑὼντες τῷ ἰδίῳ βάρει φέρεσθαι τὴν πρὸς ὀρθὰς θέσιν τοῦ τείχους δοκιμάζουσιν τοῦ μολιβδίνου βάρους καταφερομένου καὶ πάντοτε αὐτοῦ ἐπιψαύοντος δηλονότι ὡς πρὸς ὀρθὰς αὐτοῦ κατιόντος, ὁμοίως δὲ καὶ ἡμεῖς τὰς θέσεις τῶν ὀργάνων τὰς πρὸς ὀρθὰς τοῖς ὀρίζουσιν διὰ τῶν τοιούτων ἐξετάζομεν. καὶ φανερόν ὅτι εἰ μὴ ἀντωθοῦντο ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς, πάντως ἂν ἐπ' αὐτὸ τὸ κέντρον αὐτῆς κατήντων, ἐπεὶ καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ κατὰ τὴν πτῶσιν σημείου ἐπὶ τὸ κέντρον ἄγουσα εὐθεῖα πρὸς ὀρθὰς γίνεται τῷ δι' αὐτοῦ ἐκβαλλομένῳ ἀκλινεῖ πρὸς τὴν ὑπὸ * τῆς φοράς τοῦ βάρους εὐθεῖαν. Ἵνα δὲ κατάδηλον γένηται τὸ λεγόμενον, νενοήσθω ἡ τῆς γῆς σφαῖρα, καὶ ἐνεχθὲν βάρος ἐπ' αὐτὴν τῇ ἰδίᾳ φορᾷ ἀκλινῶς ποιεῖτω ἐν μὲν τῷ μετεώρῳ εὐθεῖαν τὴν AB, ἐπὶ δὲ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας σημείον τὸ B, καὶ νενοήσθω διὰ τοῦ B ἀκλινὲς ἐπίπεδον πρὸς τὴν AB εὐθεῖαν ἐφαπτόμενον τῆς σφαίρας καὶ εἰλήφθω τὸ κέντρον τῆς σφαίρας τὸ Γ.

424

καὶ ἐπεζεύχθω ἡ BG, καὶ διήχθω διὰ τῆς BG ἐπίπεδον, τὸ ποιήσει δὴ τομὴν ἐν μὲν τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς σφαίρας κύκλον, ἐν δὲ τῷ ἀκλινεῖ πρὸς τὴν AB ἐπιπέδῳ εὐθεῖαν. ποιεῖτω ἐν μὲν τῇ σφαίρᾳ τὸν BZH κύκλον, ἐν δὲ τῷ ἐπιπέδῳ τὴν ΔBE εὐθεῖαν. καὶ ἐπεὶ τὸ ἐπίπεδον οὐ τέμνει τὴν σφαῖραν, οὐδ' ἄρα ἡ εὐθεῖα τεμεῖ τὸν κύκλον. ἐφάπτεται ἄρα ἡ ΔBE εὐθεῖα τοῦ BZH κύκλου. ὀρθὴ ἄρα ἐστὶν ἡ ΓB πρὸς τὴν ΔBE. πάλιν δὲ διήχθω διὰ τῆς BG ἕτερον ἐπίπεδον, καὶ ποιεῖτω ἐν μὲν τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς σφαίρας τὸν BHΘ κύκλον, ἐν δὲ τῷ ἀκλινεῖ πρὸς τὴν AB ἐπιπέδῳ τὴν KBA εὐθεῖαν. διὰ τὰ αὐτὰ δὲ ἡ ΓB ὀρθὴ ἐστὶν πρὸς τὴν KBA. ἐπεὶ οὖν εὐθεῖα ἡ ΓB δύο εὐθείαις τεμνούσαις ἀλλήλας πρὸς ὀρθὰς ἐπὶ τῆς κοινῆς τομῆς ἐφέστηκεν, καὶ τῷ δι' αὐτῶν ἐπιπέδῳ ὀρθὴ ἐστὶν, τὸ δὲ δι' αὐτῶν ἐπίπεδόν ἐστιν τὸ ἀκλινὲς πρὸς τὴν AB, ὀρθὴ ἄρα ἐστὶν ἡ ΓB πρὸς τὸ εἰρημένον ἐπίπεδον, ἀλλὰ καὶ ἡ AB. ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἄρα σημείου τοῦ B ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ἀνεσταμέναι εἰσὶν αἱ AB, BG. διὰ δὲ τοῦτο εὐθεῖα ἐστὶν ἡ ABΓ. ὥστε εἰ μὴ ἀντωθεῖτο τὸ κατὰ τὸ B βάρος ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς, πάντως ἂν ἐπ' αὐτὸ τὸ κέντρον κατήντα τὸν οἰκεῖον τόπον ἐπιδιῶκον. Ὡστε τοῦ τοιούτου προφανοῦς ὄντος, περιττόν τις ἂν ἡγήσαιτο καὶ τῆς ἐπὶ τὸ μέσον φοράς τὰς αἰτίας ἐπιζητεῖν. ἔτι δὲ τοῦ παντὸς σφαιροειδοῦς ἀποδειχθέντος, συνάγεται καὶ οὕτως ὅτι ἡ γῆ ἐπὶ τὸ μέσον φέρεται· ἡ γῆ ἐπὶ τὸ κάτω τοῦ παντὸς φέρεται· κάτω δὲ τοῦ παντός ἐστὶν τὸ μέσον· ἡ γῆ ἄρα ἐπὶ τὸ μέσον φέρεται. «Ὅσοι δὲ παράδοξον οἶονται τὸ μὴ βεβηκέναι που μηδὲ καταφέρεισθαι «τηλικοῦτο βάρος τῆς γῆς», ἀλλὰ ἐστάναι οὕτως ἀκίνητον μετέωρον μένον, δῆλον ὡς ὅτι οὐ λόγῳ ἀκολουθοῦντες παράδοξον ἡγοῦνται τὸ τοιοῦτον, ἀλλ' ἀπὸ τῶν περὶ αὐτοὺς συμβαινόντων ἀδύνατον αὐτὸ δοκιμάζοντες.

425

ὁρῶντες γὰρ τὸ τοιοῦτον ἐπὶ τῶν κατὰ μέρος ἀδύνατον ὃν αἴσθησιν πιστώσασθαι, διὰ τὸ μηδὲν τῶν τοιούτων βαρῶν κἂν ἐλάχιστον τυγχάνη δύνασθαι μετέωρον μένειν, καὶ ἐπὶ τῶν καθόλου τὸ αὐτὸ παραλαμβάνουσιν. οὐ γὰρ οἶμαι λόγῳ αὐτοὺς ἀκολουθοῦντας θαυμαστὸν ἡγεῖσθαι τὸ τοιοῦτον, εἰ κατανοήσειαν ὅτι τοῦτο τὸ κατὰ λόγον ἐλάχιστον τῆς γῆς μέγεθος ὑπὸ τοῦ παντελῶς μεγίστου καὶ ὁμοιομεροῦς δυνατόν ἐστιν διακρατεῖσθαι, ἴσα διαστήματα φυλάττον ἀπ' αὐτοῦ, καὶ ἰσοσθενῶς πανταχόθεν ἀντωθούμενον ἢ ἀντερειδόμενον, καὶ μηδενὸς ἐπινοούμενου ἐν τῷ τοῦ παντὸς σφαιρικῷ σχήματι ἄνω ἢ κάτω, καὶ κατὰ μηδὲν μέρος ἐλαττουμένης τῆς ἀντερείσεως καθάπερ ἐπὶ τῆς αἰσθήσεως ὁρῶμεν τὰ ἀπὸ τῶν ἴσων δυνάμεων ἀντωθούμενα ἢ ἀνθελκόμενα μένοντα ἀκίνητα. »... Τοῦ μὲν ἄνω ἢ κάτω μηδενὸς ὄντος ἐν τῷ κόσμῳ πρὸς αὐτόν, καθάπερ οὐδὲ ἐν σφαίρᾳ τίς τὸ τοιοῦτον ἐπινοήσειεν ...» Διὰ τοῦτο δὲ αἱ ἀντερείσεις ὁμοιομερεῖς γίνονται, διὰ τὸ μηδὲν δύνασθαι ἐπινοεῖσθαι ἐπὶ τοῦ τοιούτου

σχήματος ἄνω εἶναι ἢ κάτω· τὸ γὰρ ἡμῖν ἀνατέλλον καὶ δοκοῦν κάτω εἶναι τοῖς ἀνατολικωτέροις ὑπὲρ γῆς ἐστὶν καὶ ὡς πρὸς τὸ ἄνω· καὶ πάλιν τὸ ἡμῖν ἄνω καὶ πρὸς τὸν μεσημβρινὸν τοῖς δυτικωτέροις πρὸ τοῦ μεσημβρινοῦ ἐστὶν καὶ ὡς πρὸς τὸ κάτω. ὁμοίως καὶ ἐπὶ τῶν πρὸς ἄρκτους καὶ μεσημβρίαν παραχωρήσεων, εἷς καὶ ὁ αὐτὸς ὢν ὁ βόρειος πόλος τῆς σφαίρας, τοῖς μὲν μετεωρότερος φαίνεται, τοῖς δὲ ταπεινότερος. ἔτι δὲ καὶ ὁ ἥλιος ἢ καὶ ἄλλος τις τῶν ἀστέρων εἷς καὶ ὁ αὐτὸς ὑπάρχων, ἀπὸ διαφορῶν οἰκήσεων ὀρώμενος κατὰ τὸν αὐτὸν χρόνον, τοῖς μὲν ἄνω καὶ ὡς πρὸς τῇ κεφαλῇ τοῖς δὲ κάτω καὶ ὡς πρὸς τὸν ὀρίζοντα φαίνεται, ὡς ἐπὶ τῶν ἐκλείψεων μικρῷ πρόσθεν ἐδήλουν. ὥστε τῶν αὐτῶν τόπων καὶ ἄνω καὶ κάτω ὡς πρὸς ἡμᾶς τυγχάνοντων, ἀκόλουθον ἂν εἴη λέγειν ἐπὶ τοῦ τοιοῦτου σχήματος καθ' αὐτὸ μηδὲν ἄνω εἶναι ἢ κάτω.

426 «Τῶν δὲ ἐν αὐτῇ συγκριμάτων ... φορᾶ ...» καὶ τὰ ἐξῆς. Τῶν συγκριμάτων λέγει φυσικῶν σωμάτων ἢ τῶν στοιχείων, πυρὸς καὶ ἀέρος καὶ ὕδατος καὶ γῆς· καὶ γὰρ ταυτὰ πως συγκρίματα εἶναι δοκεῖ, εἴ γε ἐξ ὕλης * καὶ εἶδους ἔχει τὴν γένεσιν πρὸς ἄλληλα συνελθόντων, ἢ τῶν ἐκ τούτων γενομένων, τοιαῦτα δ' ἐστὶν τὰ τε περὶ καὶ πτηνὰ καὶ τὰ ἐνυδρα καὶ τὰ τούτων εἶδη πάντα καὶ ἔτι τὰ ἄψυχα σύμπαντα σώματα· ὢν τὰ μὲν πυρὸς καὶ ἀέρος πλείονος μετέχοντα ἐπιτηδειότητα φυσικὴν ἔχει εἰς τὸ ἔξω καὶ πρὸς τὸ περιέχον φέρεσθαι, ἄνω δὲ νοούμενον πρὸς ἡμᾶς, διὰ τὸ ἐν σφαίρᾳ καθάπερ εἶπομεν καθ' αὐτὸ μηδὲν εἶναι ἢ ἄνω ἢ κάτω, ὡς δὲ πρὸς ἡμᾶς τὸ τοιοῦτον λαμβάνεσθαι ἐπεὶ καὶ ἕκαστος τὸ πρὸς τῇ κεφαλῇ ἑαυτοῦ ἄνω καλεῖ τὸ δὲ πρὸς τοὺς πόδας κάτω· τὸ δὲ γῆς καὶ ὕδατος πλείονος μετέχον ὁμοίως φύσιν ἔχει πρὸς τὸ κάτω καὶ ὡς ἐν σφαίρᾳ ἐπὶ τὸ μέσον φέρεσθαι καὶ ἀντερείδειν πρὸς ἄλληλα καὶ ἀντικόπτειν ἴσως καὶ ὁμοίως ἐξ ἴσης καὶ ἀπὸ τῆς τοῦ μέσου διαστάσεως πρὸς τὰ προκατειληφότα τὸν μέσον καὶ οἰκεῖον χώρον. ὅθεν πίσεις ἐπὶ τὸ μέσον γίνεται καὶ ἐκ τῆς πανταχόθεν ὁμοιομεροῦς ἀντωθήσεως διακρατεῖται τε καὶ μένει ἀκίνητος.

427 Τοιγάρτοι εἰκότως διὰ τὸ ἐστάναι αὐτὴν καὶ παντάπασιν ἐλάχιστα τῶν βαρῶν ἐκδέχεται ὡς καὶ καταλαμβάνεσθαι ὑπ' αὐτῶν. εἰ δέ γε μὴ τὸν οἰκεῖον τόπον καταλαβοῦσα ἔμενεν, ἀλλ' ἦν τις καὶ αὐτῆς φορὰ μία καὶ ἡ αὐτὴ τοῖς ἄλλοις βάρεσιν διὰ τὸ φύσιν ἔχειν τὰ βαρύτερα τάχιον καταφέρεσθαι ὑπὸ τοῦ οἰκείου βάρους, αὕτη διὰ τὴν τοῦ μεγέθους ὑπερβολὴν προελάμβανεν ἂν πάντα καταφερομένη καὶ ἔμενεν τὰ κατὰ μέρος τῶν βαρῶν (λέγω δὴ τὰ τε ζῶα καὶ τὰ κατὰ μέρος τῶν βαρῶν ὅσα αὐτῇ συνήνωται) ὀχούμενα μετέωρα, αὕτη δὲ ἐξέπεσεν ἂν καὶ αὐτοῦ τοῦ οὐρανοῦ· τὰ δὲ τοιαῦτα καὶ ἐπινοεῖν μόνον εὐθέςστατον ἂν φανείη. «Ἦδη δέ τινες ὡς οἶονται πιθανώτερον τούτοις μὲν οὐκ ἔχοντες ὃ τι «ἀντείοιεν, συγκατατίθενται, δοκοῦσιν δὲ οὐδὲν αὐτοῖς ἀντιμαρτυρῆσαι, εἰ τὸν οὐρανὸν ἀκίνητον μὲν ὑποστήσαιντο τὴν δὲ γῆν περὶ τὸν «αὐτὸν ἄξονα στρεφομένην ...» καὶ τὰ ἐξῆς. Ὁ δὲ φησὶν τινες συναγόμενοι ἐκ τῶν εἰρημένων καὶ ἀδυνάτως ἔχοντες ἐνστάσεις κομίζουσιν, τοῦ μὴ μεθίστασθαι τοῦ μέσου τὴν γῆν συγκατατίθενται, ὑπολαμβάνουσιν δὲ μηδὲν αὐτοῖς ἐναντιοῦσθαι τὰ φαινόμενα εἰ τὸν μὲν οὐρανὸν ἀκίνητον ὑποστήσαιντο τὴν δὲ γῆν περὶ τὸν αὐτὸν τῆς σφαίρας ἄξονα φερομένην ἀπὸ δύοσεων ἐπὶ ἀνατολὰς μίαν ἔγγιστα περιστροφὴν ἐκάστης ἡμέρας. Ὁ δὲ λέγει τοιοῦτόν ἐστιν· νενοήσθω γὰρ μένων ὁ οὐρανός, πόλοι δὲ αὐτοῦ τὰ Β, Δ σημεῖα καὶ δι' αὐτῶν μένων κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ἄξων δὲ ὁ ΒΔ, κέντρον δὲ τῆς σφαίρας τὸ Ε.

428 καὶ γεγράφθω ἰσημερινὸς ὁ ΑΖΓΜ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΓΕΑ κοινὴ τομὴ τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ διὰ τῶν πόλων αὐτοῦ. ἔστω δὲ καὶ τῆς γῆς μέγιστος κύκλος ἐν τῷ τοῦ ΑΒΓΔ ἐπιπέδῳ ὁ ΘΚΛΗ, καὶ ἐκβεβλήσθω διὰ τοῦ ΑΖΓΜ ἰσημερινοῦ ἐπίπεδον, καὶ ποιείτω τομὴν ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς τὸν ΑΝΘΞ κύκλον, ὁρθὸν δηλονότι πρὸς τὸν ΑΚΘΗ. καὶ ἔστω ὁ ἥλιος κατὰ τὸ Α σημεῖον τοῦ ἰσημερινοῦ καὶ ἡ μὲν ΑΟ χρόνωνλ, ἡ δὲ ΑΠ ξ, ἡ δὲ ΑΖ ρ, ἡ δὲ ΑΡ ρκ, ἡ δὲ ΑΣ ρν, ἡ δὲ ΑΓ δηλονότι τῶν τοῦ ἡμικυκλίου χρόνων ρπ. καὶ γεγράφθωσαν διὰ τοῦ Β καὶ ἐκάστου τῶν Ο, Π,

〈Ζ〉 Ρ, Σ μέγιστοι κύκλοι οἱ ΒΟΔ, ΒΠΔ, ΒΖΔ, ΒΡΔ, ΒΣΔ. καὶ διήχθω τὰ δι' αὐτῶν ἐπίπεδα, καὶ ποιείτωσαν τομὰς ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς γῆς κύκλους τὸ μὲν διὰ τοῦ ΒΟΔ τὸν ΚΤΥΗ, τὸ δὲ διὰ τοῦ ΒΠΔ τὸν ΚΦΧΗ, τὸ δὲ διὰ τοῦ ΒΖΔ τὸν ΚΝΞΗ, τὸ δὲ διὰ τοῦ ΒΡΔ τὸν ΚΨΩΗ, καὶ ἔτι τὸ διὰ τοῦ ΒΣΔ τὸν Κ, Α, ΒΗ.

429 ἔστω δὲ ἀνατολικά μὲν τὰ πρὸς τῷ Α, δυτικά δὲ τὰ πρὸς τῷ Γ. καὶ νοείσθω, τοῦ ΑΒΓΔ ὡς ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας ὑποκειμένου ὀρίζοντος, ὑπὸ γῆν τὸ ΑΖΓ ἡμικύκλιον τοῦ ἡμερινοῦ. καὶ ὑποκείσθω, μένοντος τοῦ οὐρανοῦ καὶ τῆς γῆς στρεφομένης πρὸς ἀνατολάς, τὸ μὲν ὄμμα κατὰ τὸ Θ, ὁ δὲ ἥλιος ἐπὶ τοῦ ΑΒΓΔ ὀρίζοντος φαινόμενος κατὰ τὸ Α, διὰ τὸ * καὶ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ εἶναι τὸν τε ΚΛΗΘ καὶ τὸν ΑΒΓΔ· καὶ ὅταν ἄρα τὸ Θ, τουτέστιν ἡ ὄψις, γένηται κατὰ τὸ Τ, διὰ τοῦ Ο ἔσται τὸ διὰ τῆς ὀψεως ἐπίπεδον τοῦ ὀρίζοντος διὰ τῶν ΚΤΥΗ καὶ ΒΟΔ, καὶ φανήσεται ὁ ἥλιος ὑπὲρ γῆς τοὺς τῆς ΟΑ περιφερείας χρόνους λ ὥρας δὲ ἡμερινὰς δηλονότι β. ὅταν δὲ ἐπὶ τοῦ Φ γένηται ἡ ὄψις, ἔσται διὰ τὰ αὐτὰ τὸ δι' αὐτῆς ἐπίπεδον διὰ τοῦ Π. καὶ ἔσται ὁ ἥλιος τοὺς τῆς ΑΠ περιφερείας χρόνους τοῦ ἡμερινοῦ ξ ὑπὲρ γῆς φαινόμενος, ὥρας δὲ πάλιν δ. ὅταν δὲ διὰ τοῦ Κ γένηται ἡ ὄψις, ἔσται πάλιν κατὰ τὸ Ζ, καὶ φανήσεται ὁ ἥλιος τοὺς ρ χρόνους, ὥρας δὲ ζ ἀπέχων τῆς ὀψεως καὶ μεσουρανῶν. τὰ δὲ αὐτὰ καὶ ἐπὶ τοῦ ἑτέρου τεταρτημορίου συμβήσεται. καὶ φανερόν ὅτι ὅταν τὸ Θ κατὰ τοῦ Λ γένηται, ἔσται τὸ διὰ τῆς ὀψεως ἐπίπεδον διὰ τοῦ Γ, ἀπέχοντος δηλονότι τοῦ ἡλίου τοὺς τοῦ ἡμικυκλίου χρόνους καὶ πρὸς δυσμὰς φαινομένου. ἀκολουθῶς δὲ καὶ ὁ τῆς νυκτὸς χρόνος ὀφθήσεται καὶ ἐν τῇ μιᾷ περιστροφῇ ἔγγιστα τὸ νυχθήμερον ἔσται γεγεννημένος. καὶ δόξει μὴδὲν μάχεσθαι ἡ τοιαύτη ὑπόθεσις τοῖς φαινομένοις. Ἐγγιστα δὲ εἶπεν διὰ τὸ καὶ τὸν ἥλιον κινεῖσθαι μοῖραν α ἔγγιστα, καὶ δεῖν καὶ τὴν τοσαύτην κίνησιν ἐπικινεῖσθαι τὴν σφαῖραν τῆς γῆς μετὰ τὴν μίαν περιστροφὴν, ἵνα πάλιν ὁ ἥλιος ὀφθῇ ἀνατέλλων. οὕτω γὰρ ἔτι σύμφωνα ἐδόκει γίνεσθαι τὰ φαινόμενα, κατὰ διαφορῶν τοῦ ζωδιακοῦ τμημάτων τοῦ ἡλίου γινομένου, ἐπειδήπερ οὐδὲ οἱ αὐτοὶ ἀστέρες πάντοτε ὑπὲρ γῆς θεωροῦνται. § Εἰ δὲ ὑποτεθεῖται ἀμφοτέρω κινεῖσθαι καὶ τὴν γῆν καὶ τὸν οὐρανὸν οὕτως, ὥστε ἐν τῇ μιᾷ ἡμέρᾳ τοὺς τξ ἔγγιστα χρόνους τοὺς ἡμερινοὺς ἀμφοτέρω τὰς κινήσεις κινεῖσθαι περὶ τὸν ἄξονα, καὶ εἰ μὲν ἐπὶ τὰ αὐτὰ καὶ ἰσοταχῶς, οὐδεμία φανήσεται τοῦ ἡλίου ἀπὸ ἀνατολῶν ἐπὶ δυσμὰς περιφορά, 〈ὡς ἂν〉 εἰ ὑποκέοιτο μὴ κινούμενος.

430 εἰ δὲ κινεῖτο μὲν ὁ οὐρανὸς τὴν κίνησιν αὐτοῦ, ἡ δὲ γῆ εἰς τὰ ἐναντία, σωθήσεται πάλιν τὰ περὶ τὰς δύοσεις καὶ τὰς ἀνατολάς, συμβήσεται δὲ ἐκ τῆς μιᾶς περιστροφῆς τῆς γῆς καὶ τοῦ οὐρανοῦ δύο νυχθήμερα γίνεσθαι. Ὑποκείσθω γὰρ πάλιν (μὴ ἐπιλογιζομένων ἡμῶν ἐνταῦθα τὴν τοῦ ἡλίου ἐπικίνησιν τοῦ σαφοῦς ἔνεκα) ἡ μὲν γῆ ἀπὸ δυσμῶν πρὸς ἀνατολάς φερομένη, ὁ δὲ οὐρανὸς ἀπὸ ἀνατολῶν εἰς δυσμὰς ἰσοταχῶς, καὶ ἔστω τὰ μὲν Θ, Α πρὸς ἀνατολάς, τὰ δὲ Λ, Γ πρὸς δυσμὰς.

431 ἔως ἄρα τῆς γῆς στρεφομένης τεταρτημόριον τὸ Θ ἀνατολικὸν ἐπὶ τὸ Κ παραγίνεται, ἐν τοσούτῳ καὶ ὁ οὐρανὸς στραφεὶς τεταρτημόριον τὸ Α ἐπὶ τοῦ ἡμερινοῦ ὃν ἐνέγκοι ἐπὶ τὸ Μ, καὶ προσapoστήσονται ἀλλήλων τὰ Θ, Α σημεῖα χρόνους ρπ. καὶ διὰ τοῦτο δύσεται ὁ ἥλιος τῇ κατὰ τὸ Θ οἰκῇ κατὰ τὸ Κ γεγεννημένη, καὶ ποιήσει ἐν τῇ τοῦ ἐνὸς τεταρτημορίου κινήσει ἡμέραν μίαν ὥρων ιβ. ὁμοίως πάλιν ἔως τὸ Θ κατὰ τοῦ Κ τυγχάνον τὴν ΚΛ διεξελθὼν ἐπὶ τὸ Λ παραγίνεται, ἐν τοσούτῳ καὶ τὸ Α ἐπὶ τὸ Μ τυγχάνον τὴν ΜΓ διεξελθὼν ἐπὶ τὸ Γ πάρεσται. καὶ ἔσται πάλιν τὰ Α, Θ ἀποκατασταθέντα, καὶ ὁ ἥλιος δηλαδὴ πάλιν κατὰ τὸ Α τυγχάνων τοῖς ἐπὶ τοῦ Θ ἀνατέλλει, τῶν Α, Θ κατὰ τῶν Γ, Λ τυγχανόντων. καὶ ἔσται ἐν τῇ τοῦ ἡμικυκλίου περιστροφῇ χρόνος νυκτὸς καὶ ἡμέρας γεγεννημένος. ὁμοίως δὲ καὶ ἐν τῷ τοῦ ἑτέρου ἡμικυκλίου ἑτέρου νυχθημέρου χρόνος γενήσεται. καὶ ἔσται ἐν τῇ μιᾷ περιστροφῇ τῆς γῆς καὶ τοῦ οὐρανοῦ δύο νυχθήμερα γεγεννημένα. § Ἐὰν δὲ καὶ μὴ ἰσοταχεῖς ὦσιν αἱ κινήσεις, ὅμως δὲ

ἀμφοτέραι ἐν τῇ μιᾷ ἡμέρᾳ τῶν τξ χρόνων τὴν μίαν ἀποκατάστασιν ποιῶνται, τὰ αὐτὰ πάλιν ὀφθήσεται περί τε τὰς ἀνατολὰς καὶ τὰς δύσεις γινόμενα. ἐὰν γὰρ λόγου χάριν ὑποθώμεθα ἕως ἡ γῆ φέρεται χρόνους με τὸν οὐρανὸν φέρεσθαι χρόνους ρλε, συμβήσεται ἕως ἡ Θ οἰκήσις γίνεται ἐπὶ τοῦ Γ, τὸν ἥλιον κατὰ τοῦ Α ὄντα γίνεσθαι ἐπὶ τοῦ Δ, καὶ δύνειν τῇ κατὰ τὸ Θ οἰκήσει πρὸς τῷ Γ, οὕση ἀποστάντα αὐτῆς χρόνους ρπ. πάλιν ἕως ἡ γῆ στρέφεται ἐτέρους χρόνους με καὶ γίνεται τὸ Θ τυγχάνον κατὰ τοῦ Κ, ἐν τοσοῦτῳ καὶ ὁ οὐρανὸς πάλιν στραφεῖς χρόνους ρλε ἔνεγκοι τὸν ἥλιον ἐπὶ τοῦ Ζ, καὶ ἀνατολὴ ἔσται τῇ πρὸς τῷ Θ οἰκήσει οὕση κατὰ τὸ Κ, τῶν συναμφοτέρων κινήσεων τοὺς τξ χρόνους κινήθεισων.

432 καὶ συμβήσεται ἐν μιᾷ περιστροφῇ τῆς γῆς τρεῖς περιστροφὰς τῆς σφαίρας γίνεσθαι, νυχθήμερα δὲ δ, ἐπεὶ καὶ ἐν τῷ ἐνὶ νυχθημέρῳ ἐδείξαμεν τὴν μὲν γῆν τεταρτημόριον στραφεῖσαν, ὃ ἐστὶν τὸ τέταρτον τῆς μιᾶς περιστροφῆς, τὴν δὲ σφαῖραν χρόνους σο, ὃ ἐστὶν πάλιν τέταρτον τῶν ἐπιβαλλόντων ταῖς τρισὶ περιστροφαῖς χρόνων δηλονότι, απ. «Λέληθεν δὲ αὐτοὺς ὅτι τῶν μὲν περὶ τὰ ἄστρα φαινομένων οὐδὲν ἂν «ἴσως κωλύοι κατὰ γε τὴν ἀπλουστέραν ἐπιβολὴν τοῦθ' οὕτως ἔχειν ...» Παρήγαγεν δὲ αὐτοὺς ὅτι τὸ μὲν ἐστάναι τὰ οὐράνια καὶ τὴν γῆν κινεῖσθαι οὐδὲν ἂν ἴσως καταβλάπτοι τὰ φαινόμενα κατὰ γε τὴν ἀπλουστέραν ἐπιβολήν, τουτέστιν ἄνευ τῆς κατανοήσεως τῶν κινήσεων ἡλίου καὶ σελήνης καὶ τῶν εἰς πλανωμένων ἐπειδήπερ οὗτοι ποικίλας ποιοῦνται μεταβάσεις κατὰ τε μῆκος καὶ πλάτος καὶ βάθος. ἀπὸ δὲ τῶν περὶ ἡμᾶς αὐτοὺς καὶ τὸν ἀέρα συμβαινόντων πάνυ ἂν εὐήθης φανείη τὸ τοιοῦτον. «ἵνα * γὰρ συγχωρήσωμεν αὐτοῖς τὸ παρὰ φύσιν οὕτως, τὰ μὲν λεπτομερῆςτάτα καὶ κουφότατα», οἶονεὶ ὥς τὸ αἰθέριον σῶμα καὶ τὰ ἐν αὐτῷ ἄστρα, ἢ μηδόλως κινεῖσθαι ἢ ἀδιαφόρως τοῖς γηϊνοῖς καὶ βάρεσιν ἐναντίας αὐτοῖς φύσεως τυγχάνουσιν, ἐναργῶς καταδήλου ὄντος τοῦ τὰ περὶ τὸν ἀέρα καὶ ἥττον λεπτομερῆ τάχιον κινεῖσθαι τῶν παχυμερῶν καὶ γεώδων, τὰ δὲ παχυμερῆστάτα καὶ βαρύτατα κίνησιν οὕτως ὀξεῖαν καὶ τεταγμένην ποιεῖσθαι, τῶν βαρέων καὶ γεώδων πάλιν μήτε πρὸς τὸ ὑπὸ ἄλλων κινεῖσθαι ἐνίστε ἐπιτηδείως ἐχόντων εἴτε ὑπὸ τροχίλων εἴτε ὑπὸ πολυσπᾶστων εἴτε ὑπὸ μοχλικῶν αὐτῶν κινουμένων ἢ ὑπὸ βίας πλήθους ἀνδρῶν πρὸς ταχεῖαν καὶ ὁμαλὴν κίνησιν. ἀλλ' οὖν γε δοίημεν ἂν τὴν σύμπασαν γῆν ὁμαλὴν καὶ ὀξυτάτην ποιεῖσθαι κίνησιν ἀπάντων τῶν περὶ αὐτήν, εἴτε ζώων ἢ βαλλομένων ἢ ἵπταμένων ἢ καὶ διαττόντων ἀστέρων καὶ τῶν λοιπῶν φαινομένων κινήσεων, ὥς ἂν ἐν ἐνὶ νυχθημέρου χρόνῳ τὴν ἀποκατάστασιν ποιουμένην· συνέβαινεν ἅπαντα τὰ μὴ βεβηκότα ἐπ' αὐτῆς ἀλλ' ἐν τῷ ἀέρι κινούμενα, εἴτε ὄρνεα εἴτε νέφη εἴτε βολαὶ εἴτε καὶ οἱ διαττόντες ἀστέρες εἰς τὰ πρὸς δυσμὰς καὶ ὑπολειπόμενα μέρη φαίνεσθαι ποιούμενα τὴν παραχώρησιν· «καὶ οὔτε ἂν νέφος ποτὲ ἐδείκνυτο «παροδεῦον πρὸς ἀνατολὰς οὔτε τι τῶν βαλλομένων ἢ ἵπταμένων, φθα«νούσης πάντοτε τῆς γῆς» διὰ τὴν τῆς ὀξύτητος ὑπερβολὴν εἰς τὰ πρὸς ἀνατολὰς καὶ ἐπόμενα μέρη, ἅπερ παντάπασιν ἐναντιοῦνται τοῖς φαινομένοις.

433 Εἰ δὲ καὶ τὸν οὐρανὸν καὶ τὴν γῆν ὥς ἔφαμεν ὑποθώμεθα κινεῖσθαι ἐπὶ τὰ ἐναντία, ἵνα τῆς συναμφοτέρων κινήσεως τὴν τῶν τξ χρόνων ἀποκατάστασιν ποιουμένης καὶ ἡ τῆς γῆς κίνησις ἐλαττοῖτο, παρακολουθήσει ἥτοι προλαμβάνειν πάλιν τὴν τῆς γῆς κίνησιν εἰς τὰ πρὸς ἀνατολὰς τὰ μὴ βεβηκότα ἐπ' αὐτῆς ἀλλ' ἐν τῷ ἀέρι κινούμενα, ἢ καὶ προλαμβάνεσθαι ὑπ' αὐτῶν. ὅμως εἰ καὶ προλαμβάνοιτο, ἐλάττονα ἐφαίνοντο ποιούμενα τὴν πρὸς ἀνατολὰς παραχώρησιν τῆς πρὸς δυσμὰς, διὰ τὸ καὶ ἡμᾶς σὺν τῇ γῇ πρὸς ἀνατολὰς παραχωροῦντας δοκεῖν τῆς τοσαύτης κινήσεως αὐτὰ ὑπολείπεσθαι. «Εἰ γὰρ καὶ τὸν ἀέρα φήσαιεν αὐτῇ συμπεριάγεσθαι ἰσοταχῶς καὶ ἐπὶ τὰ «αὐτὰ» τουτέστιν ὥς πρὸς ἀνατολὰς, ἵνα ὠθῶν τὰ μὴ βεβηκότα ἐπὶ τῆς γῆς φέρῃ τι πρὸς τὰς ἀνατολὰς, «οὐδὲν ἥττον τὰ κατ' αὐτὸν γινόμενα «συγκρίματα» λέγω δὴ τῶν τε κομήτων καὶ διαττόντων καὶ νεφῶν παχυμερέστερα ὄντα τοῦ ἀέρος τέμνοντα αὐτὸν ὑστερεῖν ἤμελλον τῆς συναμφοτέρων κινήσεως, ὥς πάλιν πρὸς μὲν τὰς

ἀνατολὰς βράδιον αὐτὰ φαίνεσθαι παραχωροῦντα, πρὸς δὲ τὰς δυσμὰς τάχιον. Εἰ δέ τις λέγοι καὶ αὐτὰ ὥσπερ ἡνωμένα τῷ ἀέρι συμπεριάγεσθαι, ἵνα μὴ διὰ τὴν παχύτητα ὑστερίζη, οὐκέτ' ἂν οὔτε ἀναχωροῦντα ἀπ' ἀλλήλων ἢ ἕτερον ἑτέρου προηγούμενον ἢ ὑπολειπόμενον ἢ πρὸς ἀνατολὰς ἢ δυσμὰς παραχωροῦντα ἐφαίνετο, μένοντα δὲ αἰὶ ἰσοταχῶς τῇ γῇ τοῦ ἀέρος περιαγομένου, καὶ μήτε ἐν ταῖς πτήσεσιν ποιούμενα ἀπ' ἀλλήλων ἀναχώρησιν, μήτε ἐν ταῖς βολαῖς ἀφανισμόν.

434 ὁρῶμεν δὲ ἐναργῶς οὕτως ἀποτελουμένας τὰς τοιαύτας κινήσεις, ὥς μηδὲ βραδυτῆτα ἢ ταχυτῆτα αὐταῖς προσγίνεσθαι ἀπὸ τοῦ τὴν γῆν μὴ ἐστάναι, ἀλλ' ὁμοίως καὶ πρὸς ἀνατολὰς καὶ δυσμὰς καὶ πρὸς ἄρκτους καὶ μεσημβρίαν καὶ πρὸς πάντα τὰ μέρη τοῦ οὐρανοῦ αὐτὰς ἀποτελουμένας, ὥς ἀκινήτου τῆς γῆς. Εἴτα ποιησάμενος τὴν ὑπόμνησιν τῶν καθόλου ὀφειλόντων ὥς ἐν ἀρχῇ λόγῳ τῆς ἀστρονομικῆς θεωρίας προλαμβάνεσθαι, λέγω δὴ τοῦ σφαιροειδῆ τε εἶναι τὸν οὐρανὸν καὶ σφαιροειδῶς φέρεσθαι, καὶ ἔτι τὴν γῆν σφαιροειδῆ εἶναι, καὶ τὸν μέσον ἐπέχειν τοῦ παντὸς τόπον, σημείου καὶ κέντρου λόγον ἔχουσιν πρὸς τὸ ἀπόστημα καὶ τῆς ἐπὶ τὸ μέσον αὐτῆς ἀκινήσιος, φησὶν· «ταύτας μὲν δὴ τὰς ὑποθέσεις ἀναγκαίως προλαμβάνομενας ... «καὶ τὰς ταύταις ἀκολουθούσας ...» ἐξαρκούσας εὐρίσκομεν, καὶ μέχρις τῶν τοσούτων, εἰς τὰς κατὰ μέρος ἀποδείξεις τῶν κινήσεων, ὥς ἐν ὑπογραφῇς αὐτῆς παραλαμβάνοντες, βεβαιωθησομένας γε καὶ ἐπιμαρτυρηθησομένας ἡμῖν ἔτι μᾶλλον ἐκ τῆς δι' αὐτῶν ἀποδεικνυμένης πρὸς τὰ φαινόμενα συμφωνίας. Ὅτι δύο διαφοραὶ κινήσεων εἰσιν ἐν τῷ οὐρανῷ.

435 (1τ) Διεξελθὼν περὶ τῶν εἰρημένων καὶ ἐν ἀρχῇ ἀπαριθμηθέντων αὐτῷ κεφαλαίων, καὶ διδάξας ἐκ ποίων ἐννοιῶν καὶ παρατηρήσεων ὥς ἀρχὰς τὰ τοιαῦτα παρείληφεν, ἔτι καὶ περὶ τοῦ τοιοῦτου κεφαλαίου ἀκόλουθον ἡγεῖται προλαμβάνειν τῶν κατὰ μέρος ἀποδείξεων, καὶ δεῖξαι ἐκ ποίων πάλιν ἐννοιῶν καὶ παρατηρήσεων καὶ τοῦτο αὐτῷ ὥς ἐν ἀρχῇ λόγου παραλαμβάνεται, καὶ φησὶν· «Πρὸς δὲ τούτοις ἔτι καὶ τοῦτο τῶν καθόλου τις ἂν ἡγήσαιτο δικαίως «προλαβεῖν ὅτι δύο διαφοραὶ τῶν πρώτων κινήσεων εἰσιν ἐν τῷ οὐρανῷ ...» «Τῶν πρώτων» δὲ εἶπεν ἐπεὶ καὶ ἕτεράι εἰσιν αἵ τε κατὰ πλάτος καὶ βάθος. ... Μία μὲν» ἢ τῆς ἀνάστρου σφαίρας, περιλημπτική τῶν πάντων τυγχάνουσα καὶ φέρουσα τὰ πάντα σὺν αὐτῇ ἀπ' ἀνατολῶν ἐπὶ δυσμὰς περὶ τοὺς τοῦ ἡμερινοῦ πόλους αἰὶ ὡσάυτως καὶ ἰσοταχῶς ποιούμενη τὴν περιαγωγὴν, ἐπεὶ καὶ ἕκαστος τῶν ἀπλανῶν κατὰ παραλλήλων κύκλων ὑπὸ ταύτης φερόμενος τὸν αὐτὸν χρόνον ποιεῖται πρὸς αἴσθησιν ὑπὲρ γῆς καὶ τὸν αὐτὸν ὑπὸ γῆν, ὧν παραλλήλων ὁ μέγιστος κύκλος ἡμερινὸς καλεῖται, διὰ τὸ μόνον αὐτὸν ὑπὸ μεγίστου κύκλου τοῦ ὀρίζοντος δίχα τέμνεσθαι, καὶ τὸν ἥλιον κατὰ τούτου φερόμενον ἴσην ποιεῖν πρὸς αἴσθησιν τὴν ἡμέραν τῇ νυκτὶ κατὰ πᾶσαν οἴκησιν. τὸ δὲ «πρὸς αἴσθησιν» διὰ τὴν αὐτοῦ τοῦ ἡλίου ἰδίαν κίνησιν. μέγιστος δ' ἐστὶν ὁ ὀρίζων, ἐπεὶ διὰ τῆς γῆς τυγχάνει τουτέστιν τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας. Εἰπὼν οὖν περὶ τῆς τοιαύτης πρώτης φορᾶς γινομένης περὶ τοὺς τοῦ ἡμερινοῦ πόλους, ἐξῆς καὶ περὶ τῆς δευτέρας διαλαμβάνει καὶ φησιν· «ἡ δὲ δευτέρα καθ' ἣν αἱ τῶν ἀστέρων σφαῖραι .

436 ...» λέγω δὴ ἡλίου καὶ σελήνης καὶ τῶν ἐπλανωμένων καὶ ἔτι τῶν ἀπλανῶν κατὰ τὰ ἐναντία τῇ πρώτῃ φορᾷ ὥς ἀπὸ δύσεως ἐπὶ ἀνατολὰς ἃ καὶ καλεῖ ἐπόμενα, ποιοῦνται τινὰς διαφόρους μετακινήσεις περὶ πόλους ἑτέρους καὶ οὐ τοὺς αὐτοὺς τῇ πρώτῃ φορᾷ τουτέστιν τῇ ἀπ' ἀνατολῆς ἐπὶ δυσμὰς. περὶ ἑτέρους δὲ πόλους λέγει κινεῖσθαι ταύτην τὴν δευτέραν φορὰν, οἵτινές εἰσιν τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων, ὁ ἀπέχοντες τῶν τῆς πρώτης φορᾶς τοῦ ἡμερινοῦ πόλων, ὥς ἐξῆς δειχθήσεται, μοίρας κγ να κ ὥς ἐπὶ τοῦ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν γραφομένου μεγίστου κύκλου οἷον ὁ τοιοῦτος κύκλος τξ, ἥτις καὶ τῆς κλίσεως ἐστὶν τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς τὸν ἡμερινόν. Καὶ περὶ τοῦτον τὸν ζωδιακὸν κύκλον ὁ ἥλιος καὶ ἡ σελήνη καὶ οἱ ἐπλάνητες κινοῦνται διαφόρους κινήσεις, καὶ ὁ μὲν ἥλιος κινεῖται πάντοτε τὸ κέντρον ἔχων ἐπ' αὐτοῦ τοῦ

ἐπιπέδου τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων νοουμένου κύκλου. ἡ δὲ σελήνη καὶ οἱ ἐπὶ πλάνητες ἐν ταῖς σφαίραις αὐτῶν κινουῦνται ἐπὶ κύκλων κεκλιμένων πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων. ὅσκιαι ὁ μὲν τῆς σελήνης κύκλος κλίσιν ἔχει πρὸς αὐτὸν μοιρῶν ἐπὶ τοῦ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν γραφομένου μεγίστου κύκλου, ὅσκιαι ποιεῖται μεγίστην παραχώρησιν ἀπὸ τοῦ διὰ μέσων ἐπὶ τὰ βόρεια αὐτοῦ καὶ τὰ νότια, ὅσκιαι τοῦ Ἑρμοῦ ὁμοίως μοιρῶν δ' λβ, ὁ δὲ τῆς Ἀφροδίτης θ, ὁ δὲ τοῦ Ἄρεως ζ ζ, ὁ δὲ τοῦ Διὸς β θ, ὁ δὲ τοῦ Κρόνου γ ζ, πάντες μέντοι ὡς πρὸς ἀνατολὰς παραχωροῦντες τοῦ ζωδιακοῦ καὶ εἰς τὰ ἐπόμενα.

437 Καὶ ταῦτα δὲ οὕτως ἔχειν ὑποτίθεται, διὰ τὸ ἐκ τῆς καθ' ἑκάστην ἡμέραν ἀπλουστεράς παρατηρήσεως πάντα ἀπαξαπλῶς τὰ ἐν τῷ οὐρανῷ ἄστρα ὁρᾶσθαι κατὰ τῶν ὁμοειδῶν καὶ παραλλήλων τῷ ἰσημερινῷ τόπων ποιούμενα τὰς τε ἀνατολὰς καὶ τὰς μεσουρανήσεις καὶ τὰς δύσεις. τόπων δὲ εἶπεν καὶ οὐχὶ κύκλων διὰ τὸ τῇ αἰσθήσει τοὺς τόπους καταλαμβάνεσθαι καὶ μὴ τοὺς κύκλους, καὶ ἴδιον εἶναι τῆς κατὰ παραλλήλων φορᾶς τοὺς αὐτοὺς τῶν ἀνατολῶν καὶ μεσουρανήσεων καὶ δύσεων τόπους τοὺς ἀστέρας φυλάττειν πρὸς αἴσθησιν. «Ἐκ δὲ τῆς ἐφεξῆς καὶ συνεχεστεράς παρατηρήσεως ...» κατελαμβάνετο «ὅτι τὰ μὲν ἄλλα πάντα τῶν ἄστρον» τουτέστιν τὰ ἀπλανῆ διατηροῦντα φαίνεται καὶ τὰ πρὸς ἄλληλα διαστήματα δηλαδὴ καὶ τοὺς σχηματισμοὺς οὓς ἔχουσι πρὸς ἀλλήλους, καὶ «πρὸς τοὺς οἰκείους τῇ πρώτῃ «φορᾷ τῇ ἀπὸ ἀνατολῶν ἐπὶ δυσμὰς κατὰ παραλλήλων κύκλων φερούσῃ «τόπους ἐπὶ πλεῖστον ἰδίωμα.

438 » ἐπὶ πλεῖστον δὲ ἰδίωμα εἶπεν, διὰ τὸ καὶ αὐτοὺς καταλαμβάνεσθαι κατὰ ρ' ἔτη κινουμένους μοῖραν μίαν καὶ λοξουμένους πρὸς τὸν ἰσημερινόν, καὶ κατὰ μὲν τὸν ἀκριβέστερον λόγον διὰ τοῦτο ἔλικας γράφοντας καὶ μὴ κατὰ τῶν αὐτῶν τόπων ὧν καὶ πρότερον ἀνατέλλοντάς τε καὶ μεσουρανοῦντας καὶ δύνοντας, διὰ δὲ τὸ ἀνεπαίσθητον τοῦ κατὰ μίαν ἑκάστην ἡμέραν ἐπιβάλλοντος τῷ μήκει, ἐπὶ πλεῖστον φαίνονται τὸ ἰδίωμα τοῦ * κατὰ παραλλήλων κύκλων φέρεσθαι φυλάττοντες, τουτέστιν τὸ κατὰ τῶν αὐτῶν τόπων ἀνατέλλειν τε καὶ μεσουρανεῖν καὶ δύνειν. «Τὸν δὲ ἥλιον καὶ τὴν σελήνην καὶ τοὺς πλανωμένους ἀστέρας μεταβάσεις τινὰς ποιουμένους, ποικίλας μὲν καὶ ἀνίσους ἀλλήλαις, πάσας «δὲ ὡς πρὸς τὴν καθόλου κίνησιν εἰς τὰ πρὸς ἀνατολὰς καὶ ὑπολειπόμενα «μέρη τῶν συντηρούντων τὰ πρὸς ἄλληλα διαστήματα καὶ ὡς ὑπὸ μιᾶς «σφαίρας περιεχομένων ἄστρον.» Ὁ γὰρ ἥλιος καὶ ἡ σελήνη καὶ οἱ πλάνητες κινουῦνται ἐν ταῖς ἰδίαις σφαίραις κατὰ μῆκος ἀπὸ δυσμῶν ἐπ' ἀνατολὰς παραχωροῦντες (σιωπωμένων τὰ νῦν τῶν κατὰ πλάτος καὶ βάθος καὶ ἔτι τῶν στηριγμῶν καὶ προποδισμῶν τῶν ἐπλανωμένων διὰ τὸ καὶ περὶ τῶν πρώτων δύο κινήσεων προκεῖσθαι αὐτῷ ποιεῖσθαι τὸν λόγον) ὑπολειπόμενοι τῶν ἀπλανῶν ἀστέρων καὶ συντηρούντων τὰ πρὸς ἄλληλα διαστήματα, καὶ ἄλλοι ἄλλοις συνοδεύοντες. καὶ ὁ μὲν ἥλιος κινεῖται ἑκάστης ἡμέρας κατὰ μῆκος μοῖραν α' ἑγγιστα, ἡ δὲ σελήνη ιγ, ὁ δὲ Κρόνος π β, ὁ δὲ Ζεὺς π ε, ὁ δὲ Ἄρης π λα, ἡ δὲ Ἀφροδίτη καὶ ὁ Ἑρμῆς μοῖραν α' ἑγγιστα, κινουῦνται δὲ καὶ κατὰ πλάτος καὶ βάθος ὡς ἐν τοῖς ἐξῆς δειχθήσεται, εἰς τὰ πρὸς ἀνατολὰς ὡς ἔφαμεν ὑπολειπόμενοι τῶν ἀπλανῶν, καὶ συντηρούντων τὰ πρὸς ἄλληλα διαστήματα.

439 Τὸ δὲ «καὶ ὡς ὑπὸ μιᾶς σφαίρας περιεχομένων ἄστρον», πάλιν τῶν ἀπλανῶν λέγει, ἐπειδὴ περ ὡς ἐδείκνυμεν ἐν τοῖς ἔμπροσθεν, ἐκ τῆς ἀντιπεριωγῆς τῶν δύο ὑπεναντίων κινήσεων, πάντες μὲν οἱ ἀστέρες ἔλικας γράφουσιν, οὗτοι δὲ διὰ τὴν βραχύτητα τῆς πρὸς ἀνατολὰς μεταβάσεως, ἐπὶ πλεῖστον κατὰ παραλλήλων τῶν τοῖς πόλοις τῆς πρώτης φορᾶς γραφομένων πρὸς αἴσθησιν φαίνονται φερόμενοι, ὅπερ μόνῃ ποιεῖται ἡ τῆς μιᾶς καὶ περὶ τοὺς τοῦ ἰσημερινοῦ πόλους φερομένης σφαίρας. «Εἰ μὲν οὖν καὶ ἡ τοιαύτη μετάβασις τῶν πλανωμένων κατὰ παραλλήλων κύκλων ἐγένετο τῷ ἰσημερινῷ ...» καὶ τὰ ἐξῆς. Εἰ μὲν οὖν αἱ τοῦ ἡλίου καὶ τῆς σελήνης καὶ ἔτι τῶν ἐπλανωμένων ἐπὶ τὰς πρὸς ἀνατολὰς μεταβάσεις κατὰ παραλλήλων κύκλων ἐγίνοντο τῷ ἰσημερινῷ ὥσπερ οἱ ἀπλανεῖς (κατὰ παραλλήλων κύκλων τῷ ἰσημερινῷ

πρὸς αἴσθησιν ἐπὶ πλεῖστον φερόμενοι ὑπόνοιαν παρέχουσι τοῦ νομίζεσθαι καὶ τὴν τῆς σφαίρας αὐτῶν μετάβασιν περὶ τοὺς τοῦ ἡμερινοῦ πόλους ἀποτελεῖσθαι) πιθανὸν ἦν μίαν ἡγεῖσθαι πάντων φορὰν τὴν ἀπὸ ἀνατολῶν ἐπὶ δυσμᾶς· ἔχει γάρ τινα λόγον τὸ τὰς γινομένας αὐτῶν ἀπὸ τῶν ἀπλανῶν ποικίλας πρὸς τὰς ἀνατολὰς παραχωρήσεις καθ' ὑστερήσεις διαφόρους λέγειν γίνεσθαι καὶ μὴ κατὰ τὴν ἐναντίαν τῇ πρώτῃ φορᾷ κίνησιν, ὥς ὑπολαμβάνειν ἡμᾶς τὸν μὲν ἥλιον ἐκάστης ἡμέρας εἰς τὰ προηγούμενα κινεῖσθαι, τουτέστιν ἀπὸ ἀνατολῆς ἐπὶ δύσιν, μοίρας τνθ, τὴν δὲ τοῦ παντὸς φορὰν μοίρας τξ, ἵνα ἐν τοσοῦτῳ ἀπὸ ἀνατολῶν ἐπὶ ἀνατολὴν παραγινόμενος ὁ ἥλιος διὰ τοῦτο ὑστερίζη τῶν ἀπλανῶν μοῖραν α· καὶ τὴν σελήνην ὁμοίως κινεῖσθαι μοίρας τμζ, τὴν δὲ τοῦ παντὸς μοίρας τξ, καὶ ὑστερίζειν τῶν ἀπλανῶν μοίρας ιγ· ὁμοίως δὲ καὶ τοὺς ε· πλανωμένους· καὶ οὕτως ἂν ἐδόκει ἡ κίνησις αὐτῶν σύμφωνος γίνεσθαι τοῖς φαινομένοις.

440 Ὑστῶσαν γὰρ λόγου ἔνεκεν ἀπὸ ἀνατολῆς καὶ τῆς ἀρχῆς τοῦ Κριοῦ κινούμενοι ὁ τε ἥλιος καὶ ἡ σελήνη τὰς εἰρημένας μοίρας ἐπὶ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ἡλιακοῦ κύκλου, καὶ ἔτι καθ' ἑαυτὴν ἢ τοῦ παντὸς φορᾷ. ὁ οὖν ἥλιος κινήσας τὰς τνθ μοίρας εὐρεθήσεται εἰς τὴν ἐξῆς ἡμέραν ἀνατέλλων κατὰ τοῦ τέλους τῆς πρώτης μοίρας τοῦ Κριοῦ, καὶ ἐξῆς κατὰ τῆς δευτέρας, καὶ ὁμοίως κατὰ τῆς τρίτης ἀκολουθῶς τοῖς φαινομένοις. καὶ ἡ σελήνη δὲ πάλιν κινήθεισα τὰς τμζ μοίρας ἐν τῇ μιᾷ ἡμέρᾳ, εὐρεθήσεται τῇ ἐξῆς κατὰ τῆς ιγ μοίρας τοῦ Κριοῦ, καὶ τῇ ἐξῆς πάλιν κατὰ τῆς κς, καὶ πάλιν ἐξῆς ἀκολουθῶς τοῖς φαινομένοις. ὥσάυτως δὲ καὶ οἱ πλάνητες, ἀλλ' εἰ περὶ τοὺς αὐτοὺς πόλους τῇ πρώτῃ φορᾷ καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη καὶ ἡ τούτων μετάβασις ἀπετελεῖτο καθυστερήσεις διαφόρους εἰς τὰ πρὸς ἀνατολὰς παραχωροῦσα, ἀκόλουθον ἂν ἦν κατὰ παραλλήλων αὐτοὺς φερομένους τῷ ἡμερινῷ, ἢ καὶ τοῖς ἀπλανέσι τὰς ὑστερήσεις ποιεῖσθαι, ἐπεὶ καὶ περὶ τοὺς αὐτοὺς πόλους ἐφέροντο· «νῦν δὲ «ἅμα ταῖς πρὸς ἀνατολὰς μεταβάσεσιν, παραχωροῦντες φαίνονται» τοῦ κατὰ παραλλήλων κύκλων φέρεσθαι πρὸς ἄρκτους καὶ μεσημβρίαν αἰσθητῇ τινι παραχωρήσει, καὶ ταύτῃ μῆτε ὁμαλῇ μῆτε τεταγμένη, «ὥστε «δόξαί τισιν δι' ἐξωθήσεών τινων τοῦτο τὸ σύμπτωμα γίνεσθαι περὶ αὐ«τούς.

441 » διό φησιν «ἀλλ' ἀνωμάλου μὲν ὡς πρὸς τὴν τοιαύτην ὑπόνοιαν ...» ἢ γὰρ ἐξώθησις ὑπὸ βίας τινὸς ἀλόγου γινομένη ἄτακτον ἐποίει καὶ τὴν τοιαύτην παραχώρησιν. «... τεταγμένης δὲ ὡς ὑπὸ λοξοῦ κύκλου «πρὸς τὸν ἡμερινὸν ἀποτελουμένης ...» ἐπεὶ καὶ ἴδιον τῶν τοῦ λοξοῦ κύκλου τμημάτων μὴ ἀναλόγως ποιεῖσθαι τὰς ἀπὸ τοῦ ἡμερινοῦ ἀποστάσεις, ἀλλὰ μείζονας τὰς πλησιέστερον τῆς κοινῆς αὐτῶν τομῆς ἐλάσσονας δὲ τὰς ἀπώτερον ἀνωμάλῳ τινὶ διαφορᾷ, ὡς ἐξῆς ἐν τούτῳ τῷ βιβλίῳ δείξομεν περὶ τῆς λοξώσεως τοῦ ἡλίου διαλαμβάνοντες. διό καὶ πάντοτε πρὸς τοῖς ἡμερινοῖς μείζονα τὴν κατὰ μέρος τοῦ ἡλίου παραχώρησιν εὐρίσκομεν γινομένην ἀπὸ τοῦ ἡμερινοῦ, ἐάν τε πρὸς ἄρκτους ἐάν τε πρὸς μεσημβρίαν αὐτοῦ παραχωρῇ, ἐλάττονα δὲ τὴν πρὸς τοῖς τροπικοῖς, ἕκαστον μέντοι τμήμα τοῦ λοξοῦ καὶ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου τὴν οἰκείαν ἔχει ἀπὸ τοῦ ἡμερινοῦ παραχώρησιν πάντοτε τὴν αὐτὴν μένουσαν, ἐπεὶ καὶ τὴν κλίσιν πάντοτε τὴν αὐτὴν μένουσαν φυλάττουσιν. «Ὅθεν καὶ ὁ τοιοῦτος κύκλος εἷς τε καὶ ὁ αὐτὸς καὶ τῶν πλανωμένων «ἴδιος καταλαμβάνεται ...» διό καὶ ἐν ἐκάστη τῶν * ζ σφαιρῶν ἡλίου καὶ σελήνης καὶ τῶν ε· πλανωμένων ἐν τῷ ἐπιπέδῳ αὐτοῦ ὁμόκεντρον αὐτῷ παραλαμβάνομεν «... ἀκριβούμενον μὲν καὶ ὥσπερ γραφόμενον ὑπὸ τῆς «τοῦ ἡλίου κινήσεως.» τὸ μὲν οὖν ἀκριβούμενον διὰ τὸ τὸ κέντρον τοῦ ἡλίου κατὰ τοῦ ἐπιπέδου φέρεσθαι τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων· τὸ δὲ ὥσπερ γραφόμενον, ἐπεὶ ὁ μὲν ζωδιακὸς ἐν τῇ τῶν ἀπλανῶν σφαίρᾳ νοεῖται, ἢ δὲ τοῦ ἡλίου σφαῖρα περιγιοτέρα, καὶ κινούμενος ὁ ἥλιος ἐπὶ ταύτης, γράφει κύκλον ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ ὡς ἔφαμεν τοῦ διὰ μέσων φαινόμενος ἡμῖν ὥσπερ ἐν αὐτῇ τῇ τῶν ἀπλανῶν σφαίρᾳ τυγχάνων καὶ αὐτὸν τὸν λοξὸν καὶ διὰ μέσων τῶν ζωδίων γράφων. »... Περιδευόμενος δὲ καὶ ὑπὸ τῆς σελήνης καὶ τῶν ε· πλανωμένων.»

πάντοτε γὰρ περὶ αὐτὸν ἀναστρέφονται, βορειότεροι καὶ νοτιώτεροι καὶ κατ' αὐτὸν γινόμενοι, ἀφίστανται δὲ αὐτοῦ πρὸς βορρᾶν καὶ νότον, καὶ οὐδὲ τὸ τυχὸν παρεκκίπτουσιν τῆς ἔμπροσθεν εἰρημένης ἐκάστου μεγίστης κατὰ πλάτος παραχωρήσεως, ὥσπερ καὶ ὁ ἥλιος οὐδέποτε παρεκκίπτων καταλαμβάνεται τῶν τροπικῶν· αὕτη γὰρ καὶ τούτου ἐστὶν ἡ μεγίστη κατὰ πλάτος ἀπὸ τοῦ ἡμερινοῦ παραχώρησις.

442 Ἔτι δὲ καὶ «μέγιστος οὗτος ὁ κύκλος θεωρεῖται, διὰ τὸ τῷ ἴσῳ βο«ρειότερον καὶ νοτιώτερον τοῦ ἡμερινοῦ γίνεσθαι τὸν ἥλιον.» §Λέγω οὖν ὅτι ἐὰν ἀστήρ κατὰ κύκλου τινὸς φερόμενος τῷ ἴσῳ βορειότερος καὶ νοτιώτερος μεγίστου τινὸς κύκλου γίνηται, καὶ αὐτὸς καθ' οὗ φέρεται ὁ ἀστήρ μέγιστός ἐστιν. Ἔστω γὰρ ὁ ἡμερινὸς καὶ μέγιστος κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ὁ δὲ λοξὸς καὶ διὰ μέσων τῶν ζωδίων καθ' οὗ ὁ ἥλιος φέρεται ὁ ΑΕΓΖ, τῷ ἴσῳ βορειότερος καὶ νοτιώτερος τυγχάνων τοῦ ΑΒΓΔ ἡμερινοῦ, ἐπὶ τοῦ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν.

443 καὶ ἔστω ὁ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν ὁ ΒΕΔΖ. ἔστω δὲ βόρεια μὲν τὰ πρὸς τῷ Ζ, νότια δὲ τὰ πρὸς τῷ Ε. καὶ βορειότατος γινόμενος ὁ ἥλιος ἢ καὶ ἀστήρ ἔστω κατὰ τὸ Ζ, νοτιώτατος δὲ κατὰ τὸ Ε, ἴση δὲ ἔστω ἡ ΖΔ τῇ ΕΒ. λέγω ὅτι μέγιστός ἐστιν ὁ ΑΕΓΖ ζωδιακός. Ἐπεὶ γὰρ ἴση ἐστὶν ἡ ΒΕ τῇ ΔΖ, κοινὴ δὲ ἡ ΕΔ, ὅλη ἄρα ἡ ΒΕΔ ὅλη τῇ ΕΔΖ ἴση ἐστίν. ἡμικυκλίου δὲ μεγίστου κύκλου ἡ ΒΕΔ, ἡμικυκλίου ἄρα τοῦ αὐτοῦ κύκλου καὶ ἡ ΕΔΖ. καὶ ἐπεὶ ὁ ΑΕΓΖ ζωδιακὸς κύκλος τὸν ΒΕΔΖ κύκλον μέγιστον ὄντα δίχα τέμνει, καὶ αὐτὸς μέγιστός ἐστιν· δέδεικται γὰρ τοῦτο ἐν τῷ πρώτῳ τῶν Θεοδοσίου Σφαιρικῶν. καὶ περὶ τοῦτον πάντοτε ὡς ἔφαμεν αἱ τῶν πλανωμένων εἰς τὰ ἐπόμενα μεταβάσεις ἀποτελοῦνται. »... Δευτέραν ταύτην διαφορὰν τῆς καθόλου κινήσεως ἀναγκαῖον ἦν «ὑποστήσασθαι ...» Ὑπομνήσας ἐκ ποίων ἐννοιῶν καὶ παρατηρήσεων καταλαμβάνονται οἱ ἀστέρες οὐχὶ τοὺς αὐτοὺς πόλους ἔχοντες τῷ ἡμερινῷ περὶ οὓς καὶ ἡ πρώτη φορὰ ἀποτελεῖται ἢ ἀπ' ἀνατολῶν ἐπὶ δυσμᾶς, τὴν εἰρημένην εἰς τὰ πρὸς ἀνατολὰς καὶ εἰς τὰ ἐπόμενα μετάβασιν ποιούμενοι, διὰ τὸ ὑπολειπομένους αὐτοὺς ὁρᾶσθαι καὶ βορειότερους καὶ νοτιωτέρους τοῦ ἡμερινοῦ γινομένους, φησὶν· «δευτέραν ταύτην διαφορὰν τῆς καθόλου «πρώτης κινήσεως ἀναγκαῖον ἦν ὑποστήσασθαι, τὴν περὶ πόλους» τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων καὶ λοξοῦ πρὸς τὸν ἡμερινὸν ἀποτελουμένην, ἐπεὶ περὶ τὸν τοιοῦτον κύκλον τὰς κινήσεις ποιούμενοι καταλαμβάνονται. εἰ δέ τις φαίη καὶ περὶ τούτους τοὺς πόλους τῆς δευτέρας φορᾶς ἀποτελουμένης περὶ τὰ αὐτὰ τῇ πρώτῃ φορᾷ γίνεσθαι τὴν μετάβασιν καὶ καθ' ὑπόλειψιν φαίνεσθαι τὰς πρὸς ἀνατολὰς τῶν ἀστέρων παραχωρήσεις, συμβήσεται, τοῦ μὲν ἡλίου φερομένου ὡς ἔφαμεν τὰς τνθ μοίρας ἐπὶ τοῦ λοξοῦ κύκλου καθ' ἐκάστην ἡμέραν, καὶ βορειότερον καὶ νοτιώτερον κατ' αὐτοῦ τοῦ ἡμερινοῦ φαίνεσθαι τὸν ἥλιον, ὡσαύτως δὲ καὶ τὴν σελήνην καὶ τοὺς ε πλανωμένους καὶ βορειότερους καὶ νοτιωτέρους καὶ κατ' αὐτὸν τὸν διὰ μέσων, καὶ ἔτι λόγου ἕνεκεν τὸν ἥλιον ἢ ἐπὶ τὰ βόρεια ἀνατέλλοντα ἐπὶ τὰ νότια δύνειν, ὅπερ οὐχ ὁρᾶται συμβαῖνον.

444 «Ἐὰν δὲ νοήσωμεν τὸν διὰ τῶν πόλων ἀμφοτέρων τῶν εἰρημένων γρα«φόμενον μέγιστον κύκλον ...» καὶ τὰ ἐξῆς. Ἐὰν οὖν νοήσωμεν τὸν ἡμερινὸν καὶ τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων μεγίστους ὄντας τέμνοντας ἀλλήλους δίχα καὶ κατὰ διάμετρον, καὶ ἔτι διὰ τῶν πόλων αὐτῶν γραφόμενον μέγιστον κύκλον, δῆλον ὡς δίχα αὐτοὺς τέμνει καὶ πρὸς ὀρθάς, καὶ γενήσονται πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων τομῶν σημεῖα δ' δύο μὲν τὰ ὑπὸ τοῦ ἡμερινοῦ, καὶ ἕτερα δύο τὰ ὑπὸ τοῦ δι' ἀμφοτέρων τῶν πόλων, τεταρτημοριαίας διαστάσεις ἀλλήλων ἀπέχοντα, διὰ τὸ τὸν διὰ τῶν πόλων δίχα τέμνειν τὰ ἀπολαμβανόμενα ἡμικύκλια τοῦ τε διὰ μέσων καὶ τοῦ ἡμερινοῦ. καὶ τὰ μὲν δύο τὰ ὑπὸ τοῦ ἡμερινοῦ πρὸς τὸν διὰ μέσων γινόμενα καλεῖσθαι ἡμερινά, «ὧν «τὸ μὲν ἀπὸ μεσημβρίας πρὸς ἄρκτους» οἰοῖται ἐπὶ τὰ πρὸς ἀνα * τολὰς ἔχον τὴν πάροδον ἐαρινὸν καλεῖσθαι (τοῦτο δὲ ἐστὶν τὸ κατὰ τὴν ἀρχὴν τοῦ Κριοῦ λαμβανόμενον), «τὸ δ' ἐναντίον» τουτέστιν κατὰ διάμετρον τὸ ἀπὸ ἄρκτων ἐπὶ μεσημβρίαν ἔχον τὴν τοῦ ἡλίου

πάροδον μετοπωρινόν (ἔστιν δὲ καὶ τοῦτο κατὰ τῆς ἀρχῆς τῶν Χηλῶν). τὰ δὲ λοιπὰ δύο τὰ γινόμενα ὑπὸ τοῦ δι' ἀμφοτέρων τῶν πόλων καὶ τοῦ ζωδιακοῦ καλεῖσθω τροπικὰ καὶ αὐτὰ πάλιν κατὰ διάμετρον ἀλλήλων, ὧν τὸ μὲν ἀπὸ μεσημβρίας τοῦ ἰσημερινοῦ χειμερινὸν λέγεται, ὃ ἔστιν κατὰ τῆς ἀρχῆς τοῦ Αἰγόκερω, τὸ δὲ ἀπὸ ἄρκτων θερινόν, ὅπερ πάλιν ἔστιν κατὰ τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου.

445 Ὡς δὲ καὶ διὰ τῶν γραμμῶν φανερὰ ἡμῖν γένηται ἡ ἐπὶ τῶν παρόδων τῶν εἰρημένων σημείων ὀνομασία, ἔστω ἰσημερινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ ζωδιακὸς δὲ ὁ ΑΕΓΖ, διὰ δὲ τῶν πόλων αὐτῶν γεγράφθω μέγιστος κύκλος ὁ ΒΕΔΖ καὶ ἔστω ἄρκτῳ μὲν τὰ πρὸς τῷ Ζ μεσημβρινὰ δὲ τὰ πρὸς τῷ Ε ἀνατολικά δὲ τὰ πρὸς τῷ Γ, ὥστε τὰ ἀπὸ τοῦ Α ὡς ἐπὶ τὸ Ε καὶ τὸ Γ ἐπόμενα τυγχάνειν. ἔστω δὲ ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ σημεῖα τομῶν δ, τὰ Α, Ε, Γ, Ζ ὧν β μὲν τὰ ὑπὸ τοῦ ΑΒΓΔ ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ΑΕΓΖ ζωδιακοῦ κατὰ διάμετρον ἀλλήλοις τὰ Α, Γ, καλούμενα δὲ ἰσημερινά· τὸ μὲν ἀπὸ τοῦ Ε ὡς ἀπὸ μεσημβρίας ἦτοι ἀπὸ τῶν νοτιωτέρων ἐπὶ τὰ πρὸς ἄρκτους εἰς τὰ ἐπόμενα ἔχον τὴν πάροδον ἑαρινὸν καλεῖσθω οἶονεὶ τὸ Γ, τὸ δὲ ἐναντίον τουτέστιν ἦτοι τὸ κατὰ διάμετρον ἢ τὸ ἀπ' ἄρκτων ἐπὶ μεσημβρίαν, ὃ ἔστιν ἀπὸ τοῦ Ζ ὡς ἐπὶ τὰ ἐπόμενα πάλιν μετοπωρινὸν τουτέστιν τὸ Α· δύο δὲ τὰ γινόμενα ὑπὸ τοῦ ΑΕΓΖ ζωδιακοῦ καὶ τοῦ ΒΕΔΖ διὰ τῶν πόλων τὰ Ε, Ζ καὶ αὐτὰ κατὰ διάμετρον ἀλλήλων καλούμενα δὲ τροπικά, ὧν τὸ μὲν ἀπὸ μεσημβρίας τοῦ ἰσημερινοῦ οἶονεὶ τὸ Ε χειμερινὸν καλεῖσθω, τὸ δὲ ἀπ' ἄρκτων κατὰ διάμετρον τουτέστιν τὸ Ζ θερινόν.

446 Ὡς δὲ καὶ ἐπὶ τῇ ἀνάστρου καὶ περιεχούσης τὰ πάντα σφαίρας κατακρατοῦσα καὶ συμπεριάγουσα τὰς τῶν ἀστέρων σφαίρας ἀπὸ ἀνατολῶν ἐπὶ δυσμᾶς, νοουμένου δι' ἀμφοτέρων τῶν εἰρημένων πόλων κύκλου περιανομένου καὶ περιγράφοντος καὶ ἀφορίζοντος τὴν πρώτην φορὰν καὶ τὰ λοιπὰ πάντα συμπεριάγοντος καὶ περὶ τοὺς τοῦ ἰσημερινοῦ πόλους, οἵτινες τοῦ ἰσημερινοῦ πόλοι βεβηκότες εἰσὶν ἐπὶ τινος ἐστῶτος καὶ μένοντος πρὸς ὀρθὰς τῷ ὀρίζοντι κύκλου, ὡς τοῦ καθ' ἑκάστην οἴκησιν μεσημβρινοῦ, ὃς τούτῳ μόνῳ διαφέρει τοῦ δι' ἀμφοτέρων τῶν πόλων περιανομένου κύκλου τῷ μὴ πάντοτε διὰ τῶν τοῦ λοξοῦ καὶ ζωδιακοῦ κύκλου πόλων γράφεσθαι ἀλλὰ μόνον ὅταν τὰ τροπικὰ σημεῖα μεσουρανή, διὰ τὸ τότε ἐφαρμόζειν τὸν ἐστῶτα μεσημβρινὸν τῷ περιφερομένῳ καὶ διὰ τῶν πόλων ἀμφοτέρων ὄντι καὶ τὸν αὐτὸν αὐτῷ γίγνεσθαι δηλαδὴ καὶ πρὸς ὀρθὰς τῷ ζωδιακῷ, ἐπεὶ καὶ ἀμφοτέρωι τότε διὰ τῶν πόλων ὄντες τοῦ ἰσημερινοῦ καὶ διὰ τῆς ἀφῆς τοῦ τροπικοῦ εἰσιν. ἔτι δὲ ὁ οὕτως ἐστὼς πρὸς ὀρθὰς αἰεὶ τῷ ὀρίζοντι κύκλος καλεῖται μεσημβρινὸς ἐπεὶ ἡ τοῦ μεγίστου κύκλου τοιαύτη πρὸς τὸν ὀρίζοντα θέσις, «τὰ τε ὑπὸ γῆν καὶ τὰ ὑπὲρ γῆν ἡμισφαίρια καὶ ἔτι «τὰ τῶν παραλλήλων κύκλων τμήματα διχοτομοῦσα, καὶ τῶν νυχθημέκρων τοὺς μέσους χρόνους περιέχει», τουτέστιν τὰς ἑκτας ὥρας τῆς ἡμέρας καὶ νυκτός.

447 Ὡς δὲ καὶ ἐπὶ τῇ δευτέρᾳ φορᾷ καὶ πολυμερῆς ...» ἡ εἰς τὰ πρὸς ἀνατολὰς καὶ εἰς τὰ ἐπόμενα γινομένη καὶ ποικίλας κινήσεις περιέχουσα ἡλίου καὶ σελήνης καὶ τῶν ἐπλανωμένων καὶ ἔτι τῶν ἀπλανῶν, διὰ τὸ ὡς ἔφαμεν καὶ τούτους καταλαμβάνεσθαι κατὰ ῥῆτῃ εἰς τὰ ἐπόμενα περὶ τοὺς τοῦ ζωδιακοῦ πόλους κινουμένους μοῖρα, περιεχομένη μὲν καὶ περιφερομένη ὑπὸ τῆς πρώτης φορᾶς ἀπὸ ἀνατολῶν ἐπὶ δυσμᾶς, ἀντιπεριανομένη δὲ καὶ συμπεριάγουσα τὰς τῶν ἀστέρων σφαίρας ἐπὶ τὰ ἐναντία ὡς ἀπὸ δυσμῶν ἐπ' ἀνατολὰς περὶ τοὺς τοῦ ζωδιακοῦ πόλους, οἵτινες πάντοτε μένουσιν ἐπὶ τοῦ τὴν πρώτην φορὰν περιγράφοντος κύκλου, τουτέστιν τοῦ δι' ἀμφοτέρων τῶν εἰρημένων πόλων περιανομένου καὶ περιάγονταί τε εἰκότως σὺν αὐτῷ ἐπ' αὐτοῦ μένοντες, καὶ τῇ κατὰ τὰ ἐναντία δευτέρᾳ κινήσει τὴν αὐτὴν θέσιν συντηροῦσιν τοῦ γραφομένου ἐκ τῆς περὶ αὐτοὺς γινομένης δευτέρας φορᾶς μεγίστου καὶ λοξοῦ κύκλου πρὸς τὸν ἰσημερινόν, ἐπεὶ καὶ πάντοτε τὴν αὐτὴν κλίσιν ἦτοι λόξωσιν καταλαμβάνονται

συντηροῦντες μοιρῶν τυγχάνουσιν κγ να κ, ὅσον καὶ οἱ πόλοι τοῦ ἰσημερινοῦ ἀπὸ τῶν τοῦ ζωδιακοῦ ἀφεστήκασιν. Εἶρηκεν δὲ τὰς σφαίρας ἡλίου καὶ σελήνης καὶ τῶν εἰς πλανωμένων περιάγεσθαι εἰς τὰ ἐναντία τῆς πρώτης φορᾶς περὶ τοὺς τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων πόλους, καίπερ ὅλη τῇ πραγματεία αὐτοὺς παραλαμβάνεσθαι, ἀπλούστερον ποιούμενος τὸν λόγον· οὐδὲν γὰρ διαφέρει πρὸς τὴν τῶν φαινομένων συμφωνίαν, εἴτε αὐτοὺς εἴτε τὰς σφαίρας αὐτῶν ὑπόθοιτο κινεῖσθαι. * Προδιαλαβὼν οὖν ὀλοσχερέστερον ἀπὸ τε τῶν κοινῶν ἐννοιῶν καὶ τῶν πρὸς τὰ φαινόμενα συμφώνων τὰ ὡς ἐν ἀρχῇ λόγου τῆς μαθηματικῆς θεωρίας ὀφείλοντα κεφαλαιωδῶς προλημφθῆναι (διὸ καὶ εἶρηκεν βεβαιωθησομένης γε καὶ ἐπιμαρτυρηθησομένης τέλεον ἐκ τῶν ἐφεξῆς κατὰ μέρος ἀποδείξεων), ἀρχόμενος τῶν κατὰ μέρος καὶ συγκεφαλαιούμενος τὰ προρρηθέντα φησὶν· «Ἡ μὲν οὖν ὀλοσχερὴς προδιάληψις ὡς ἐν κεφαλαίοις τοιαύτην ἂν «ἔχοι τὴν ἔκθεσιν τῶν ὀφειλόντων προὑποκεῖσθαι».

449 Ἡ μὲν οὖν καθόλου καὶ ἀρχοειδῆς προδιάληψις ὡς ἐν κεφαλαίοις ἐξ ἀπλουστέρων παρατηρήσεων αὐτῷ λημφθεῖσα τοῦτον τὸν τρόπον αὐτῷ προτετύπεται. ἐπὶ δὲ τῶν κατὰ μέρος ἀποδείξεων πρώτην ἡγεῖται ὑπάρχειν ἀπόδειξιν δι' ἧς ἡ μεταξὺ τῶν δύο πόλων τοῦ τε ἰσημερινοῦ περὶ ὃν ἡ πρώτη φορὰ γίνεται καὶ τοῦ ζωδιακοῦ περὶ ὃν ἡ δευτέρα πηλίκη τις οὔσα τυγχάνει, τουτέστιν πόσων ἐστὶν τμημάτων ὡς ἐπὶ τοῦ δι' ἀμφοτέρων τῶν εἰρημένων πόλων γραφομένου μεγίστου κύκλου οἷων αὐτὸς ὁ κύκλος τξ. § Ἔτι δέ, φησὶν, πρὸ ταύτης τῆς ἀποδείξεως ἀναγκαῖον ὀρώμεν προεκθέσθαι τὴν πραγματείαν τῶν ἐν τῷ κύκλῳ εὐθειῶν, τουτέστιν πῶς δοθείσης τινὸς περιφερείας τῷ μεγέθει, καὶ ἡ ὑποτείνουσα αὐτὴν εὐθεῖα δίδεται. § προτάττει δὲ ταύτην ὡς πλεῖστον μέρος συμβαλλομένην πρὸς τὰς γραμμικὰς ἀποδείξεις· τὰ γὰρ πλεῖστα τῶν ἐν τῇ συντάξει θεωρημάτων διὰ ταύτης ἀποδείκνυσιν. καὶ μετὰ τὴν κατάλημψιν τῆς τοιαύτης πραγματείας καὶ κανονοποιεῖαν αὐτῆς ἐκτίθεται, ἵνα εἴ ποτε ἐπιζητοῖμεν εἰς τὰς κατὰ μέρος ἐπισκέψεις ἥτοι ἀπὸ περιφερείας εὐθείας λαμβάνειν ἢ ἀπὸ εὐθειῶν περιφερείας, ἐκ προχείρου αὐτὰς ἔχοιμεν ἐπιλογίζεσθαι, καὶ μὴ πάντοτε διὰ τῶν γραμμῶν τοῦτο ποιοῦντες ἐγχνονίζωμεν. Εἴτα ἐπεὶ ἐχρῆν τὰ μεγέθη τῶν εὐθειῶν καὶ τῶν περιφερειῶν ὠρισμένα τινὰ τυγχάνειν, ὑποτίθεται τὸν μὲν κύκλον διαιρεῖσθαι εἰς ἴσα τμήματα τξ καὶ καλεῖ ἕκαστον διάστημα μοιριαῖον, τὴν δὲ διάμετρον εἰς ἴσα τμήματα ρκ καὶ καλεῖ καὶ ταῦτα ὁμοίως μοιριαῖα, ὡς τῶν μὲν περιφερειῶν εἶναι τὰ μεγέθη οἷων ὁ κύκλος τξ, τῶν δὲ εὐθειῶν οἷων ἡ διάμετρος ρκ.

450 § χρῆται δὲ εἰς τὴν ἔκθεσιν τοῦ κανόνος τῇ καθ' ἡμιμοίριον τῶν περιφερειῶν παραυξήσει. παρατιθεὶς αὐταῖς τὰς ἐπιβαλλούσας τῶν ὑποτείνουσῶν αὐτὰς εὐθειῶν πηλικότητος, τοιούτων οἷων ὡς ἔφαμεν ἡ διάμετρος ρκ. § διεῖλον δέ φησιν τὴν διάμετρον εἰς ρκ «διὰ τὸ ἐξ αὐτῶν τῶν «ἐπιλογισμῶν φανησόμενον ἐν τοῖς ἀριθμοῖς εὐχρηστον.» εἰκὸς δὲ αὐτὸν μᾶλλον, διὰ τὸ εἰς πολλὰς ἀποδείξεις συντελεῖν αὐτῷ τὴν πηλικότητα τῆς ἐκ τοῦ κέντρου, § εὐχρηστότερον δὲ πάντων τῶν ἀριθμῶν εἶναι τὸν ξ, διὰ τὸ τῶν ἄλλων ἀπάντων τῶν δυναμένων πλείονα μέρη ἔχειν ἐλάττωνα ὄντα εὐμεταχειριστότερον εἶναι· διὰ τοῦτο καὶ τὴν διάμετρον εἰς ρκ διήρηκεν ἵνα ἔχη τὴν ἐκ τοῦ κέντρου ξ. § «Πρότερον δὲ δεῖξομεν πῶς ἂν ὡς ἐνὶ μάλιστα δι' ὀλίγων καὶ τῶν αὐτῶν θεωρημάτων εὐμεθόδευτον καὶ ταχεῖαν τὴν ἐπιβολὴν τὴν πρὸς τὰς «πηλικότητας αὐτῶν ποιούμεθα.

451 » Δέδεικται μὲν οὖν καὶ Ἰππάρχῳ πραγματεία τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν ἐν ιβ βιβλίοις, ἔτι τε καὶ Μενελάῳ ἐν ζ. θαυμάσαι δ' ἐστὶν τὸν ἄνδρα πῶς εὐμεταχειρίστως δι' ὀλίγων καὶ εὐχερῶν θεωρημάτων τὴν εὐρεσιν τῆς πηλικότητος αὐτῶν πεποίηται. καὶ μετὰ τὸ διὰ τινων βραχέων λημματίων δεῖξαι ὅποσα μάλιστα χρήσιμα τῶν θεωρημάτων πρὸς τὴν κατάληψιν τῆς πηλικότητος τῶν εὐθειῶν, ἐξῆς καὶ διὰ τῶν αὐτῶν δείκνυσιν τὴν ἐξέτασιν τοῦ κανόνος γινομένην, ὅπως μὴ μόνον ἐκ τῶν ἀντιγράφων ἀνεξετάστως ἔχοιμεν τὰ μεγέθη ἐκτεθειμένα,

ἀλλὰ καὶ διὰ τῆς γραμμικῆς δείξεως τὴν ἐξέτασιν αὐτῶν ποιῶμεθα, ἵνα κἂν περὶ τινὰ τῶν ἐν τῷ κανόνι παρακειμένων ἀριθμῶν γραφικῇ τις ἐγγένηται ἀμαρτία, ἐξ εὐχεροῦς διὰ τῶν γραμμῶν τὴν ἐπανόρθωσιν αὐτῶν ποιῶμεθα. «Καθόλου μέντοι χρῆσόμεθα ταῖς τῶν ἀριθμῶν ἐφόδοις κατὰ τὸν τῆς «ἐξηκοντάδος τρόπον διὰ τὸ δύσχρηστον τῶν μοριασμῶν .

452

..» Καὶ ἐνταῦθα πάλιν τοῦ εὐμεταχειρίστου προνοούμενος βούλεται ἡμᾶς τὰ μέρη τῶν μοιρῶν εἰς ἐξηκοστὰ μεταλαμβάνειν, ἵνα τὴν μοῖραν ἀναλύοντες εἰς ξ, ἐν τοῖς πολλαπλασιασμοῖς δ λόγου χάριν ἀντὶ τοῦ πολλαπλασιάσαι ἡμᾶς α δ' κ' ἐφ' ἑαυτό, ὅπερ οὐ τὴν τυχοῦσαν δυσχέρειαν περιέχει, μὴ ἐξηκοστὰ πολλαπλασιάζωμεν. οὐ μόνον δὲ τὰς μοίρας ἀναλύει εἰς τὰ πρῶτα, ἀλλὰ καὶ τὰ * πρῶτα εἰς δευτέρα καὶ τὰ δευτέρα εἰς τρίτα καὶ τὰ τρίτα εἰς τέταρτα καὶ ἐξῆς ἀκολουθῶς ἐφ' ὅσον αὐτῷ χρήσιμον καταφαίνεται. «Ἐτι δὲ τοῖς πολλαπλασιασμοῖς καὶ μερισμοῖς ἀκολουθήσομεν τοῦ «συνεγγίζοντος ἀεὶ καταστοχαζόμενοι ἐφ' ὅσον ἂν τὸ παραλειπόμενον «μηδενὶ ἀξιολόγῳ διαφέρει τοῦ πρὸς αἴσθησιν ἀκριβοῦς.» Διδασκαλικοῦ δὲ ὄντος τρόπου προδιαλαβεῖν ἡμᾶς ὀλίγα περὶ τε τῶν πολλαπλασιασμῶν καὶ μερισμῶν, ὧν καταδηλοτέραν τὴν ἐξέτασιν ἐν τοῖς οἰκείοις τόποις ἐπ' αὐτῶν τῶν ἐν τῇ συντάξει ἀριθμῶν ποιησόμεθα ὑπ' ὅψιν μᾶλλον ἄγοντες τὰ λεγόμενα, ἀκόλουθον δ' ἂν εἴη καὶ ἐνταῦθα προδηλῶσαι τίνα εἶδη ἐστὶν τὰ γινόμενα τῶν μοιρῶν πολλαπλασιαζομένων ἐπὶ τὰς μοίρας καὶ ἐπὶ τὰ πρῶτα ἐξηκοστὰ καὶ ἐπὶ τὰ δευτέρα καὶ τρίτα καὶ τέταρτα καὶ ἐξῆς ἀκολουθῶς. Ἡ μὲν οὖν μοῖρα ἔν τι κατ' εἶδος δηλοῦσα καθάπερ μονάδος τάξιν ἐπέχουσα, ἀμετάθετος ἐστὶν ἐν τοῖς πολλαπλασιασμοῖς ὥνπερ γὰρ τρόπον ἢ μονὰς ἐπὶ τὸν γ ἀριθμὸν πολλαπλασιασθεῖσα αὐτὸν τὸν γ ἀριθμὸν φυλάττει, καὶ ἐπὶ τὸν δ τετράγωνον αὐτὸν τὸν δ τετράγωνον ποιεῖ καὶ ἐπὶ τὸν η κύβον αὐτὸν τὸν η κύβον, καθὰ καὶ Διόφαντός φησιν· «τῆς «γὰρ μονάδος ἀμεταθέτου οὕσης καὶ ἐστῶσης πάντοτε, τὸ πολλαπλασιαζόμενον εἶδος ἐπ' αὐτὴν αὐτὸ εἶδος ἔσται», τὸν αὐτὸν τρόπον καὶ ἡ μοῖρα ἐφ' ὃ δ' ἂν εἶδος πολλαπλασιασθῇ αὐτὸ τὸ εἶδος φυλάττει.

453

ὥστε μοῖρα μὲν ἐπὶ μοίρας ποιήσει μοίρας, ἐπὶ δὲ πρῶτα ἐξηκοστὰ πρῶτα, ἐπὶ δὲ δευτέρα δευτέρα, ἐπὶ δὲ τρίτα τρίτα, καὶ ἐξῆς ἀκολουθῶς. Ἐπὶ δὲ τῶν μερῶν τῆς μοίρας οὐκέτι τὸ τοιοῦτον εὐρίσκομεν, ὡς ἐξῆς ἀποδείξομεν. ὥνπερ γὰρ πάλιν τρόπον κατὰ Διόφαντον ἐν τοῖς πολλαπλασιασμοῖς τῶν μερῶν τῆς μονάδος ἐτεροιοῦται τὰ εἶδη, ἀριθμοστὸν γὰρ τὸ τρίτον ἐφ' ἑαυτὸ πολλαπλασιαζόμενον δυναμοστὸν τὸ θ' ποιεῖ καὶ τὸ εἶδος ἄλλοιοι, τὸν αὐτὸν τρόπον καὶ ἐνταῦθα τὰ μέρη τῆς μοίρας ἐτεροιοῖ τὰ εἶδη, ὡς καὶ ἐντεῦθεν δηλὸν γίνεσθαι ὅτι ἡ μοῖρα τὴν οἰκειότητα τὴν πρὸς τὴν μονάδα καὶ κατὰ τὰ μέρη συντηρεῖ. καὶ λογικώτερον μὲν οὕτω. Ἵνα δὲ καὶ διὰ τῶν γραμμῶν δείξωμεν τίνα εἶδη ἐστὶν τὰ γινόμενα τῶν μοιρῶν πολλαπλασιαζομένων ἐπὶ τὰ πρῶτα καὶ δευτέρα καὶ τρίτα ἐξηκοστὰ καὶ τὰ ἐξῆς, καὶ ἔτι τὰ πρῶτα ἐφ' ἑαυτὰ καὶ ἐπὶ τὰ δευτέρα καὶ τρίτα καὶ ἐξῆς, καὶ ἔτι τὰ λοιπά, ἐκκείσθωσαν δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αἱ AB, BG.

454

καὶ ἔστω ἑκατέρα αὐτῶν μοίρας α. καὶ συμπληρώσθω τὸ AG τετράγωνον. ἔσται ἄρα καὶ αὐτὸ μοίρας α. καὶ τετμήσθω ἡ BG εἰς ἴσα ξ, καὶ ἔστω ἡ BD πρῶτου α. καὶ ἦχθω παράλληλος ἡ ΔΕ. ἐπεὶ οὖν ἐστὶν ὡς ἡ GB πρὸς BD οὕτω τὸ AG πρὸς τὸ AD, ἐξηκονταπλασίῳ δὲ ἡ GB τῆς BD, ἐξηκονταπλάσιον ἄρα καὶ τὸ GA τοῦ ΔΑ. καὶ ἔστιν τὸ GA μοίρας α. τὸ ἄρα ΔΑ ἔσται πρῶτου ἐξηκοστοῦ α καὶ περιέχεται ὑπὸ τῆς AB μοίρας α τυγχανούσης, καὶ τῆς BD πρῶτου ἐξηκοστοῦ. μοῖρα ἄρα ἐπὶ πρῶτα ἐξηκοστὰ πρῶτα ἐξηκοστὰ ποιεῖ. ὁμοίως κἂν τὴν BZ ἀπολάβωμεν ἐξηκοστὸν μέρος τῆς BD, καὶ διὰ τοῦ Z παράλληλον ἀγάγωμεν τὴν ZH, ἔστιν τὸ ZA δευτέρου ἐξηκοστοῦ α περιεχόμενον ὑπὸ τῆς AB μοίρας, καὶ τῆς BZ δευτέρου ἐξηκοστοῦ. μοῖρα ἄρα ἐπὶ ἐξηκοστὰ δευτέρα ἐξηκοστὰ δευτέρα ποιεῖ. καὶ ὁμοίως ἐπὶ τρίτα τρίτα, καὶ ἐπὶ τέταρτα τέταρτα, καὶ ἐξῆς. Λέγω δὴ ὅτι καὶ πρῶτα ἐξηκοστὰ ἐπὶ πρῶτα δευτέρα ποιεῖ. Διηρήσθω καὶ ἡ AB εἰς ἴσα ξ καὶ ἔστω αὐτῆς ἐν ἐξηκοστὸν τὸ BΘ, καὶ ἦχθω διὰ τοῦ Θ τῇ BD παράλληλος ἡ ΘΚ. ἔσται ἄρα

καὶ τὸ ΒΚ ἐξηκοστὸν μέρος τοῦ ΔΑ. καὶ ἔστιν τὸ ΔΑ πρώτου ἐξηκοστοῦ· τὸ ἄρα ΒΚ ἔσται δευτέρου ἐξηκοστοῦ. καὶ περιέχεται ὑπὸ τε τῆς ΘΒ καὶ τῆς ΒΔ ἐκατέρας πρώτου τυγχανούσης ἐξηκοστοῦ· ὥστε πρῶτα ἐξηκοστὰ ἐπὶ πρῶτα δεύτερα ποιεῖ. Πάλιν δὴ δεικτέον ὅτι καὶ πρῶτα ἐξηκοστὰ ἐπὶ δεύτερα τρίτα ἐξηκοστὰ ποιεῖ.

455 Ἐπεὶ γὰρ τὸ ΑΖ δευτέρου ἐστὶν ἐξηκοστοῦ, καὶ ἔστιν αὐτοῦ ἐξηκοστὸν μέρος τὸ ΖΘ, τὸ ἄρα ΘΖ τρίτου ἐστὶν ἐξηκοστοῦ. καὶ περιέχεται ὑπὸ τε τῆς ΘΒ οὔσης πρώτου ἐξηκοστοῦ καὶ τῆς ΒΖ δευτέρου· ὥστε πρῶτα ἐξηκοστὰ ἐπὶ δεύτερα τρίτα ποιεῖ. Ἔτι δεικτέον ὅτι δεύτερα ἐξηκοστὰ ἐπὶ δεύτερα τέταρτα ποιεῖ. Εἰλήφθω τῆς ΒΘ ἐξηκοστὸν μέρος ἢ ΒΛ. ἔσται ἄρα δευτέρου ἐξηκοστοῦ. καὶ διὰ τοῦ Α τῇ ΒΖ παράλληλος ἦχθω ἢ ΑΜ. καὶ ἐπεὶ τὸ ΖΘ ἐδείχθη τρίτων ἐξηκοστῶν καὶ ἔστιν αὐτοῦ ἐξηκοστὸν μέρος τὸ ΒΜ, τὸ ΒΜ ἄρα τέταρτόν ἐστιν ἐξηκοστόν. καὶ περιέχεται ὑπὸ τῶν ΑΒ, ΒΖ, ἐκατέρας οὔσης δευτέρου ἐξηκοστοῦ. ὥστε δεύτερα ἐξηκοστὰ ἐπὶ δεύτερα τέταρτα ποιεῖ. καὶ ἐξῆς ὁμοίως τῇ κατατομῇ τῶν εὐθειῶν καταχρώμενοι εὐρήσομεν καὶ τὰ ὑπὸ τῶν λοιπῶν ἐξηκοστῶν εἶδη. Ἄλλως. Δεδειγμένου δ' ἡμῖν ὅτι ἡ μοῖρα ἐφ' ὃ δ' ἂν εἶδος πολλαπλασιασθῇ αὐτὸ τὸ εἶδος φυλάττει, εἴτ' ἐπὶ πρῶτα, ἐξηκοστὰ πρῶτα, εἴτε ἐπὶ δεύτερα δεύτερα, εἴτε ἐπὶ τρίτα τρίτα, καὶ ἐξῆς, δεῖ * ξομεν δι' ἀναλογίας τὰ ἐκ τοῦ πολλαπλασιασμοῦ τῶν ἐξηκοστῶν γινόμενα εἶδη ἐπὶ ἀριθμῶν ποιούμενοι τὴν ἀπόδειξιν, ἐπεὶ καὶ ὁ Πτολεμαῖος ἐν τοῖς πολλαπλασιασμοῖς αὐτῶν φησιν «τὸν γενόμενον ἀριθμὸν διεκβαλοῦμεν». Ἐκκείσθω ὡς ὑπογέγραπται κατὰ τὸ ἐξῆς τό τε μοιριαῖον μέγεθος καὶ τὰ τῶν ἐξηκοστῶν. ἐπεὶ οὖν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογόν εἰσιν ὡς μοῖρα πρὸς πρῶτα ἐξηκοστὰ οὕτω πρῶτα πρὸς δεύτερα, ἕκαστον γὰρ εἶδος ἐκάστου ἐξηκονταπλάσιον, τὸ ἄρα ὑπὸ πρώτου καὶ τρίτου ἴσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ τοῦ δευτέρου, τουτέστιν τὸ ὑπὸ τῆς μοίρας καὶ δευτέρων ἐξηκοστῶν ἴσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ πρώτων ἐξηκοστῶν.

456 ἀλλὰ τὸ ὑπὸ μοίρας καὶ δευτέρων ἐξηκοστῶν δεύτερα ἐξηκοστὰ ποιεῖ, ἐπειδὴ περ ὡς ἐδείκνυμεν ἡ μοῖρα ἐφ' ὃ δ' ἂν εἶδος πολλαπλασιασθῇ αὐτὸ τὸ εἶδος ποιεῖ. καὶ πρῶτα ἄρα ἐξηκοστὰ ἐπὶ πρῶτα ἐξηκοστὰ δεύτερα ἐξηκοστὰ ποιεῖ. Δεικτέον ὅτι καὶ τὰ πρῶτα ἐξηκοστὰ ἐπὶ δεύτερα τρίτα ποιεῖ. Πάλιν γὰρ ἐπεὶ ὡς μοῖρα πρὸς πρῶτα ἐξηκοστὰ οὕτως δεύτερα πρὸς τρίτα, τὸ ἄρα ὑπὸ πρώτου καὶ τετάρτου ἴσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ δευτέρου καὶ τρίτου. τὸ ἄρα ὑπὸ μοίρας καὶ τρίτων ἐξηκοστῶν ἴσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ πρώτων καὶ δευτέρων ἐξηκοστῶν. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ μοίρας καὶ τρίτων ἐξηκοστῶν τρίτα ἐξηκοστὰ ποιεῖ· καὶ πρῶτα ἄρα ἐξηκοστὰ ἐπὶ δεύτερα τρίτα ἐξηκοστὰ ποιεῖ. Ἔτι δὲ πρῶτα ἐπὶ τρίτα τέταρτα ποιεῖ τόνδε τὸν τρόπον. ἐπεὶ γὰρ ἐστὶν ὡς μοῖρα πρὸς πρῶτα ἐξηκοστὰ οὕτως τρίτα πρὸς τέταρτα, τὸ ἄρα ὑπὸ μοίρας καὶ τετάρτου ἐξηκοστοῦ ἴσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ πρώτου καὶ τρίτου ἐξηκοστοῦ. ἀλλὰ τὰ ὑπὸ μοίρας καὶ τετάρτου ἐξηκοστοῦ τέταρτα ἐξηκοστὰ ποιεῖ. καὶ πρῶτα ἄρα ἐξηκοστὰ ἐπὶ τρίτα τέταρτα ποιεῖ. Ὡσαύτως δὲ τὰ πρῶτα ἐπὶ μὲν τὰ τέταρτα πέμπτα ποιεῖ, ἐπὶ δὲ τὰ πέμπτα ἕκτα καὶ ἐξῆς. Πάλιν δὴ δεικτέον ὅτι δεύτερα ἐπὶ δεύτερα τέταρτα ποιεῖ. Ἐπεὶ γὰρ ἐστὶν ὡς πρῶτα ἐξηκοστὰ πρὸς δεύτερα οὕτω δεύτερα πρὸς τρίτα, τὸ ἄρα ὑπὸ πρώτων καὶ τρίτων ἴσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ τῶν δευτέρων. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ πρώτων καὶ τρίτων ἐδείξαμεν τέταρτα γινόμενα. καὶ δεύτερα ἄρα ἐπὶ δεύτερα τέταρτα ποιεῖ. Δεικτέον δὲ ὅτι καὶ δεύτερα ἐπὶ τρίτα, πέμπτα ποιεῖ. ἐπεὶ γὰρ ἐστὶν ὡς πρῶτα ἐξηκοστὰ πρὸς δεύτερα οὕτω τρίτα πρὸς τέταρτα, τὸ ἄρα ὑπὸ πρώτων καὶ τετάρτων ἴσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ δευτέρων καὶ τρίτων. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ πρώτων καὶ τετάρτων ἐδείχθη ἐξηκοστῶν πέμπτων. καὶ δεύτερα ἄρα ἐξηκοστὰ ἐπὶ τρίτα πέμπτα ἐξηκοστὰ ποιεῖ. Ὁμοίως δὲ καὶ δεύτερα ἐξηκοστὰ ἐπὶ μὲν τέταρτα ἕκτα ποιήσει, ἐπὶ δὲ πέμπτα ἑβδομα, καὶ ἐξῆς ἀκολουθῶς. Ἔτι γε μὴν τὰ τρίτα ἐξηκοστὰ ἐπὶ τὰ τρίτα πολλαπλασιαζόμενα ἕκτα ἐξηκοστὰ ποιήσει.

457 Ἐπεὶ γὰρ πάλιν ἐστὶν ὡς δεύτερα ἐξηκοστὰ πρὸς τρίτα οὕτως τρίτα πρὸς τέταρτα, τὸ ἄρα ὑπὸ δευτέρων καὶ τετάρτων γινόμενα ἴσα ἐστὶν τῷ ἀπὸ τῶν τρίτων. τὰ δὲ ὑπὸ δευτέρων καὶ

τετάρτων ἐπεδείξαμεν ἕκτα ὄντα ἐξηκοστά. καὶ τρίτα ἄρα ἐξηκοστὰ ἐφ' ἑαυτὰ
πολλαπλασιαζόμενα ἕκτα ποιήσει ἐξηκοστά. Καὶ ἔτι τρίτα ἐξηκοστὰ ἐπὶ τέταρτα ἑβδομα, καὶ
ἐξῆς ἀκολουθῶς. Καὶ τῶν πολλαπλασιασμῶν ἡμῖν σαφηνισθέντων, φανεροὶ εἰσιν οἱ μερισμοὶ
τῶν προκειμένων εἰδῶν. τὰ γὰρ πρῶτα ἐξηκοστὰ παρὰ μὲν μοίρας μεριζόμενα ἦτοι
παραβαλλόμενα πρῶτα ἐξηκοστὰ ποιήσει, παρὰ δὲ πρῶτα ἐξηκοστὰ μοίρας. τὰ δὲ δεύτερα
ἐξηκοστὰ παρὰ μὲν μοίρας μεριζόμενα δεύτερα ποιεῖ, παρὰ δὲ δεύτερα μοίρας ποιήσει, παρὰ δὲ
πρῶτα ἐξηκοστὰ πρῶτα. τὰ δὲ τρίτα ἐξηκοστὰ παρὰ μὲν μοίρας παραβαλλόμενα τρίτα ἐξηκοστὰ
ποιήσει, παρὰ δὲ πρῶτα δεύτερα, παρὰ δὲ δεύτερα πρῶτα. καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ὁμοίως. Οἷον
ἔστω τὸ ΑΔ χωρίον ἐξηκοστῶν πρώτων, ἢ δὲ ΑΒ μοιρῶν. δῆλον οὖν ὅτι ἐὰν τὸ ΑΔ χωρίον
παραβάλωμεν παρὰ τὴν ΑΒ τὴν ΑΓ πλάτος ποιήσει ἐξηκοστῶν πρώτων, ἐπεὶ καὶ μοῖρα ἐπὶ
πρῶτα ἐξηκοστὰ ἐξηκοστὰ πρῶτα ποιεῖ. ἐὰν δὲ παρὰ τὴν ΑΓ πρώτων ἐξηκοστῶν οὔσαν, τὴν ΑΒ
ποιήσει μοιρῶν τυγχάνουσιν. Πάλιν ἔστω τὸ μὲν ΑΔ χωρίον δευτέρων ἐξηκοστῶν. δῆλον οὖν
πάλιν ἐὰν παραβληθῇ τὸ ΑΔ χωρίον παρὰ τὴν ΑΒ μοιρῶν τὴν ΑΓ ποιήσει δευτέρων ἐξηκοστῶν,
ἐπεὶ καὶ μοῖρα ἐπὶ δεύτερα ἐξηκοστὰ ἐξηκοστὰ δεύτερα ποιήσει.

458 ἐὰν δὲ τῆς ΑΒ πρώτων οὔσης ἐξηκοστῶν παραβληθῇ τὸ ΑΔ χωρίον παρὰ τὴν ΑΒ, τὴν ΑΓ
ποιήσει πρώτων πάλιν ἐξηκοστῶν, ἐπεὶ καὶ πρῶτα ἐξηκοστὰ ἐπὶ πρῶτα ποιεῖ δεύτερα. πάλιν
ἔστω τὸ ΑΔ χωρίον τρίτων ἐξηκοστῶν. ἐὰν μὲν πάλιν τῆς ΑΒ μοιρῶν τυγχανούσης
παραβάλωμεν τὸ ΑΔ παρὰ τὴν ΑΒ, ἔσται ἡ ΑΓ τρίτων ἐξηκοστῶν. ἐὰν δὲ παρὰ τὴν ΑΓ τρίτα
ἐξηκοστά, εὐρεθήσεται ἡ ΑΒ μοιρῶν. ἐὰν δὲ ἡ ΑΒ πρώτων τυγχάνῃ ἐξηκοστῶν εὐρεθήσεται ἡ
ΑΓ δευτέρων καὶ ὁμοίως ἐπὶ τῶν λοιπῶν. Ἔτι δὲ δείξομεν καὶ πῶς ἂν τριῶν εἰδῶν δοθέντων,
τουτέστιν μοιρῶν καὶ πρώτων ἐξηκοστῶν καὶ δευτέρων, ὁ ἐκ τοῦ πολλαπλασιασμοῦ αὐτῶν
συναγόμενος ἀριθμὸς λαμβάνεται, καὶ τὸ ἀνάπαλιν, πῶς ἂν δοθέντος τινὸς ἀριθμοῦ τῶν
αὐτῶν τριῶν εἰδῶν ἢ καὶ πλειόνων, ὁ μερισμὸς ἦτοι ἡ παραβολὴ αὐτοῦ γίνεται παρὰ τὰ
εἰρημένα εἶδη. καὶ δεῖν ἔστω ἐπὶ τῶν ἐν τῇ συντάξει ἀριθμῶν τὸ τοι * οὗτον ἐφοδεῦσαι. Ἔστω
δὴ λαβόντας ἡμᾶς τὴν τοῦ δεκαγώνου πλευρὰν ὡς δειχθήσεται τυγχάνουσιν μοιρῶν λζ δ νε
ἐφ' ἑαυτὴν ποιῆσαι. Ἐκτίθεμαι αὐτὴν καὶ πάλιν αὐτὴν ὑφ' αὐτὴν ὡς ὑπογέγραπται. καὶ
πρότερον πολλαπλασιάσας λζ μοίρας ἐφ' ἑαυτὰς καὶ ἐπὶ τὰ πρῶτα καὶ δεύτερα ἐξηκοστά, ἔπειτα
τὰ πρῶτα ἐξηκοστὰ ἐπὶ τὰς λζ μοίρας καὶ ἐφ' ἑαυτὰ καὶ ἐπὶ τὰ δεύτερα ἐξηκοστά, καὶ ἔτι τὰ
δευτέρα ἐξηκοστὰ ἐπὶ τε τὰς μοίρας καὶ τὰ πρῶτα ἐξηκοστὰ καὶ ἐφ' ἑαυτὰ, καὶ οὕτως ἡμῖν ἔσται
ὁ πολλαπλασιασμὸς προχειρότερον εἰλημμένος. Αἱ μὲν οὖν μοῖραι λζ ἐφ' ἑαυτὰς
πολλαπλασιασθεῖσαι συνάγουσιν μοίρας , ατζθ, ἐπὶ δὲ τὰ πρῶτα ἐξηκοστὰ δ πρῶτα ἐξηκοστὰ
ρμη, καὶ ἔτι ἐπὶ τὰ νε δεύτερα ἐξηκοστὰ , βλε. ἔπειτα τὰ πρῶτα δ ἐξηκοστὰ ἐπὶ τὰς λζ μοίρας
συνάγουσιν πάλιν πρῶτα ἐξηκοστὰ ρμη· τὰ δὲ πρῶτα δ ἐξηκοστὰ ἐφ' ἑαυτὰ ποιοῦσιν δεύτερα
ἐξηκοστὰ ις· ἐπὶ δὲ τὰ νε δεύτερα ποιοῦσι τρίτα ἐξηκοστὰ σκ.

459 πάλιν τὰ δεύτερα ἐξηκοστὰ νε ἐπὶ τὰς λζ μοίρας συνάγουσιν δεύτερα ἐξηκοστὰ , βλε· καὶ πάλιν
τὰ νε δεύτερα ἐπὶ τὰ δ πρῶτα ποιοῦσι τρίτα σκ· καὶ ἔτι τὰ νε δεύτερα ἐφ' ἑαυτὰ συνάγουσιν
τέταρτα ἐξηκοστὰ , γκε. καὶ ἔσται ἡ τῶν ἀριθμῶν τάξις ὡς ὑπογέγραπται. Συνάγονται δὲ τοῦτον
τὸν τρόπον· πρότερον τὰ , γκε ἐξηκοστὰ τέταρτα μερίσαντες παρὰ τὸν ξ ποιοῦμεν ἐξηκοστὰ
τρίτα μὲν ν τέταρτα δὲ κε. ἔπειτα τὰ τρίτα ἐξηκοστὰ μετὰ τῶν ἀπὸ τῶν τετάρτων γενομένων ν
συναγόμενα υφ ποιεῖ δεύτερα η καὶ τρίτα ι. καὶ ἀκολουθῶς τὰ δεύτερα συναγόμενα , δοδ ποιεῖ
πρῶτα ἐξηκοστὰ ξη καὶ δεύτερα ιδ. καὶ ἔτι τὰ πρῶτα ἐξηκοστὰ συναγόμενα τξδ ποιεῖ μοίρας ς
καὶ πρῶτα ἐξηκοστὰ δ. καὶ γίνονται ὁμοῦ μοῖραι , ατοε καὶ ἐξηκοστὰ δ ιδ ι κε. διὸ καὶ
παρατιθεῖς αὐτὰ ὁ Πτολεμαῖος ἐν τοῖς ἐξῆς καὶ μέχρι δευτέρων ἐξηκοστῶν ποιούμενος τὴν
παράθεσιν ἐξέθετο , ατοε δ ιδ ἔγγιστα. ὡσαύτως δὲ καὶ ἂν διάφοροι τυγχάνωσιν οἱ ἀριθμοὶ

πολλαπλασιάζονται. Ἐστω δὲ καὶ ἀνάπαλιν δοθέντα ἀριθμὸν μερίσαι παρά τε μοίρας καὶ πρῶτα καὶ δεύτερα ἐξηκοστά.

461 ἔστω ὁ δοθεὶς ἀριθμὸς ὁ , αφιε κ ιε· καὶ δέον ἔστω μερίσαι αὐτὸν παρὰ τὸν κε ιβ ι, τουτέστιν εὑρεῖν ποσάκεις ἐστὶν ὁ κε ιβ ι ἐν τῷ , αφιε κ ιε. Μεριζόμεν αὐτὸν πρῶτον παρὰ τὸν ξ, ἐπειδὴ περ ὁ παρὰ τὸν ξα ὑπερπίπτει καὶ ἀφαιροῦμεν ἐξηκοντάκι τὸν τε κε καὶ τὸν ιβ καὶ ἔτι τὸν ι. καὶ πρότερον τὸν κε, καὶ γίνονται , αφ. εἴτα ἐπὶ τῶν λοιπῶν μοιρῶν ιε κ ιε ἀναλύσαντες τὰς ιε μοίρας εἰς πρῶτα ἐξηκοστά καὶ προσθέντες αὐτοῖς τὰ πρῶτα ἐξηκοστά κ ἀπὸ τῶν γενομένων ᾗκ πρῶτα πάλιν ἐξηκοστά ἀφαιροῦμεν ἐξηκοντάκεις τὰ ιβ τουτέστιν ψκ· καὶ ἔτι ἀπὸ τῶν λοιπῶν πρώτων ἐξηκοστῶν ς καὶ δευτέρων ιε ἀφαιροῦμεν ἐξηκοντάκεις πάλιν τὰ ι· γίνεται δεύτερα μὲν ἐξηκοστά χ, πρῶτα δὲ ι. εἴτα πάλιν τὰ ὑπολιπόντα πρῶτα ἐξηκοστά ρρ καὶ δεύτερα ιε μερίζομεν παρὰ τὸν κε, καὶ γίνεται ὁ μερισμὸς παρὰ ζ· ὑπερπίπτει γὰρ παρὰ τὸν η.

462 καὶ τὰ γενόμενα ἐκ τῆς παραβολῆς ἐξηκοστά πρῶτα ροε ἀφείλομεν ἀπὸ τῶν ρρ πρώτων ἐξηκοστῶν. ἔπειτα τὰ λοιπὰ ιε πρῶτα ἐξηκοστά ἀναλύσαντες εἰς δεύτερα ᾗ καὶ προσθέντες αὐτοῖς τὰ δεύτερα ἐξηκοστά ιε, ἀπὸ τῶν γενομένων ᾗιε ἀφαιροῦμεν ἐπτάκεις τὰ ιβ πρῶτα ἐξηκοστά, τουτέστιν πδ δεύτερα ἐξηκοστά, διὰ τὸ καὶ τὰ ζ πρῶτα εἶναι ἐξηκοστά. καὶ ὑπολείπεται λοιπὰ ωλα δεύτερα ἐξηκοστά. καὶ ἔτι ἀφελοῦμεν ὁμοίως ἐπτάκεις καὶ τὰ ι δεύτερα ἐξηκοστά, ἃ γίνεται τρίτα ἐξηκοστάο, τουτέστιν δεύτερον α καὶ τρίτα ι. καὶ λοιπὰ ὑπελίπη δεύτερα ἐξηκοστά ωκθ καὶ τρίτα ν. ταῦτα πάλιν παρὰ τὸν κε. καὶ γίνεται ὁ μὲν μερισμὸς παρὰ τὸν λγ, ἐκ δὲ τῆς παραβολῆς ωκε δεύτερα ἐξηκοστά. καὶ λοιπὰ ὑπελίπη δεύτερα ἐξηκοστά δ, τρίτα δὲ ν, ὁμοῦ δὲ τρίτα σρ. ἔπειτα πάλιν ἀφείλομεν τὰ ιβ πρῶτα ἐξηκοστά τριακοντάκι καὶ τρεῖς καὶ γίνεται τρίτα τρς, ὡς ποιεῖν ἔγγιστα τὸν μερισμὸν τὸν , αφιε κ ιε παρὰ τὸν κε ιβ ι, ξ ζ λγ, ἐπεὶ καὶ ἐὰν ταῦτα πολλαπλασιάσωμεν ἐπὶ τὰ κε ιβ ι συνάγεται ὁ , αφιε κ ιε ἔγγιστα. , αφιε κ ιε κε ιβ ι ξ ζ λγ <Θέωνος ἀλεξανδρέως τῆς παρ' αὐτοῦ γεγεννημένης ἐκδόσεως εἰς τὸ α' τῆς Συντάξεως τοῦ Πτολεμαίου υπόμνημα τὸ δεύτερον> Διαλαβόντες ἐν τῷ πρὸ τούτου βιβλίῳ περὶ τε τῶν καθόλου καὶ κατὰ μέρος περὶ τε οὐρανοῦ καὶ γῆς ὀφειλόντων προλημφθῆναι καὶ περὶ τῶν μοιρῶν καὶ λεπτῶν ἥτοι ἐξηκοστῶν καὶ ἔτι τῶν πολλαπλασιασμῶν καὶ μερισμῶν, ἐξῆς περὶ τῆς εἰρημένης αὐτῷ ἀναγκαίως προεκτίθεσθαι πραγματείας λέγω δὴ τῆς τῶν ἐν τῷ κύκλῳ εὐθειῶν τὸν λόγον ποιησόμεθα.

463 (1τ) Ὁ Ἀρχόμενος οὖν τῆς τοιαύτης ἀποδείξεως ἐκτίθεται πρῶτον θεώρημα ἐν ᾧ ἀποδεικνύει πόσων ἐστὶν τμημάτων ἢ τε τοῦ δεκαγώνου πλευρὰ ὑποτείνουσα περιφέρειαν μοιρῶν λς, καὶ ἢ τοῦ πενταγώνου ὑποτείνουσα περιφέρειαν μοιρῶν οβ, καὶ ἔτι ἢ τοῦ ἑξαγώνου ὑποτείνουσα περιφέρειαν μοιρῶν ξ, καὶ ἐξῆς ἢ τοῦ τετραγώνου ὑποτείνουσα περιφέρειαν μοιρῶν ρ, καὶ ἔτι ἢ τοῦ τριγώνου ὑποτείνουσα μοίρας ρκ, οἶων ἢ τοῦ κύκλου περίμετρος τξ, ἐπὶ δὲ τῶν ὑποτείνουσῶν αὐτὰς εὐθειῶν οἶων ἢ διάμετρος ρκ.

464 χρῆται δὲ τῇ ἀποδείξει οὕτω. Ὁ ἑκθέμενος ἡμικύκλιον τὸ ΑΒΓ περὶ διάμετρον τὴν ΑΓ οὗ κέντρον τὸ Δ, καὶ ἀπὸ τοῦ Δ τῇ ΑΓ πρὸς ὀρθὰς ἀγαγὼν τὴν ΔΒ, καὶ τεμὼν τὴν ΔΓ δίχα κατὰ τὸ Ε, ἐπιζεύξας τὴν ΒΕ, ἀπειληφὼς τῇ ΒΕ ἴσην τὴν ΕΖ, ἐπιζεύξας πάλιν τὴν ΒΖ, «λέγω», φησὶν, «ὅτι ἡ μὲν ΔΖ δεκαγώνου ἐστὶν «πλευρά, ἡ δὲ ΒΖ πενταγώνου.» Ἐπεὶ γὰρ ἡ ΔΓ τέτμηται δίχα κατὰ τὸ Ε, πρόσκειται δὲ τις αὐτῇ εὐθεῖα ἐπ' εὐθείας ἡ ΔΖ, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης σὺν * τῇ προσκειμένῃ καὶ τῆς προσκειμένης περιεχόμενον ὀρθογώνιον μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνου ἴσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ τῆς συγκειμένης ἕκ τε τῆς ἡμισείας καὶ τῆς προσκειμένης τετραγώνῳ, τουτέστιν, τὸ ὑπὸ τῶν ΓΖ, ΖΔ μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς ΔΕ ἴσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ τῆς ΖΕ, τουτέστιν τῷ ἀπὸ τῆς ΒΕ, ὅπερ ἐστὶν ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν ΒΔ, ΔΕ.

465

ὥστε τὸ ὑπὸ τῶν ΓΖ, ΖΔ μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς ΔΕ ἴσον ἐστὶν τοῖς ἀπὸ τῶν ΒΕ, ΔΕ. καὶ κοινοῦ ἀφαιρεθέντος τοῦ ἀπὸ τῆς ΔΕ, λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν ΓΖ, ΖΔ ἴσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ τῆς ΔΒ, τουτέστιν τῷ ἀπὸ τῆς ΔΓ. αἱ τρεῖς ἄρα εὐθεῖαι ἀνάλογον, ὡς ἡ ΖΓ πρὸς τὴν ΓΔ ἢ ΓΔ πρὸς τὴν ΔΖ. καὶ ἐπεὶ ἡ ΓΖ τέτμηται εἰς ἄνισα κατὰ τὸ Δ, καὶ ἔστιν ὡς ὅλη ἡ ΓΖ πρὸς τὸ μείζον τμήμα τὸ ΓΔ οὕτως αὐτὸ τὸ μείζον τὸ ΓΔ πρὸς τὸ ἔλασσον τὸ ΔΖ, ἡ ΓΖ ἄρα ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται κατὰ τὸ Δ. καὶ ἔστιν τὸ μείζον τμήμα τὸ ΓΔ ἴσον τῇ τοῦ ἐξαγώνου πλευρᾷ. ἡ ἄρα ΔΖ δεκαγώνου ἐστὶν πλευρά. καὶ ἐπεὶ ἐν τοῖς Στοιχείοις ἐδείχθη ὅτι ἐὰν ἡ τοῦ ἐξαγώνου καὶ ἡ τοῦ δεκαγώνου τῶν εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἐγγραφομένων συντεθῶσιν, ἡ ὅλη εὐθεῖα ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται καὶ τὸ μείζον ἐστὶν ἡ τοῦ ἐξαγώνου, αὐτὸς δὲ ἀντιστρόφως λαμβάνει, § δεικτέον καὶ οὕτως, ὅτι ἡ ΔΖ ἴση ἐστὶν τῇ τοῦ δεκαγώνου πλευρᾷ. Εἰ γὰρ μή, ἦτοι μείζων ἐστὶν τῆς τοῦ δεκαγώνου πλευρᾶς ἢ ἐλάττων. Ἐστω πρότερον μείζων, καὶ κείσθω τῇ τοῦ δεκαγώνου πλευρᾷ ἴση ἡ ΔΗ. ἡ ἄρα ΗΓ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται κατὰ τὸ Δ, καὶ ἔστιν ὡς ἡ ΗΓ πρὸς ΓΔ ἢ ΓΔ πρὸς ΔΗ. καὶ ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ ΖΓ τῆς ΗΓ, ἡ ΖΓ πρὸς τὴν ΓΔ μείζονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ ΗΓ πρὸς τὴν ΔΓ. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΖΓ πρὸς ΓΔ ἢ ΓΔ πρὸς ΔΖ, ὡς δὲ ἡ ΗΓ πρὸς ΓΔ ἢ ΓΔ πρὸς ΔΗ. ἡ ΓΔ ἄρα πρὸς ΔΖ μείζονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ ΓΔ πρὸς τὴν ΔΗ.

466 πρὸς δὲ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει ἐκεῖνο ἔλαττον ἐστὶν· ἐλάττων ἄρα ἡ ΔΖ τῆς ΔΗ, ὅπερ ἄτοπον. οὐκ ἄρα ἡ ΔΖ μείζων ἐστὶν τῆς τοῦ δεκαγώνου πλευρᾶς. ὁμοίως δὲ δείξομεν ὅτι οὐδὲ ἐλάττων· ἡ ἄρα ΔΖ δεκαγώνου ἐστὶν πλευρά. Ἡ καὶ οὕτως· εἰ γὰρ ἡ ΔΗ δεκαγώνου ἐστὶν καὶ διὰ τοῦτο ἡ ΗΓ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται κατὰ τὸ Δ, τὸ ὑπὸ ΓΗ, ΗΔ ἴσον ἄρα τῷ ἀπὸ ΔΓ. ἀλλὰ καὶ τὸ ὑπὸ ΓΖ, ΖΔ ἴσον τῷ αὐτῷ τῷ ἀπὸ ΔΓ. τὸ ἄρα ὑπὸ ΓΖ, ΖΔ ἴσον τῷ ὑπὸ ΓΗ, ΗΔ, ὅπερ ἄτοπον. οὐκ ἄρα ἡ τοῦ δεκαγώνου ἐλάττων ἐστὶν τῆς ΖΔ. ὁμοίως δὲ δείξομεν ὅτι οὐδὲ μείζων· ἴση ἄρα. Πάλιν ἐπεὶ δέδεικται ἐν τῷ τρισκαιδεκάτῳ τῶν Στοιχείων ὅτι ἡ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ δύναται τὴν τε τοῦ ἐξαγώνου καὶ τὴν τοῦ δεκαγώνου τῶν εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἐγγραφομένων, δύναται δὲ ἡ ΖΒ τὰς ΒΔ, ΔΖ, καὶ ἔστιν ἡ μὲν ΒΔ ἴση τῇ τοῦ ἐξαγώνου πλευρᾷ, ἡ δὲ ΔΖ τῇ τοῦ δεκαγώνου, ἡ ΒΖ ἄρα πενταγώνου ἐστὶν πλευρά. Ἐπεὶ οὖν διὰ τῆς γραμμικῆς δείξεως δέδεικται ἡμῖν ἡ τε τοῦ δεκαγώνου καὶ τοῦ πενταγώνου, § ἐξῆς καὶ τῆς πηλικότητος αὐτῶν τὴν εὗρεσιν ποιησόμεθα οἷον ἐστὶν ἡ διάμετρος ρκ. Ἐπεὶ οὖν ὡς ἔφην ὑπόκειται ἡ τοῦ κύκλου διάμετρος τμημάτων ρκ, εἴη ἂν ἡ μὲν ΔΓ ξ, ἡ δὲ ΔΕ ἡμίσεια οὔσα αὐτῆς λ, καὶ τὸ ἀπ' αὐτῆς γ ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΒΔ ξ, καὶ τὸ ἀπ' αὐτῆς γ, γχ.

467 τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ΕΔ, ΔΒ τουτέστιν τὸ ἀπὸ τῆς ΒΕ τῶν ἐπὶ τὸ αὐτὸ συναγομένων ἐστὶν, δφ. καὶ μήκει ἄρα ἔσται ἡ ΒΕ, τουτέστιν ἡ ΕΖ ζζ δ νε, ὡς ἐξῆς τοῦ θεωρήματος ἀποδείξομεν ὅτε περὶ τῆς εὐρέσεως τῆς τοῦ τετραγώνου πλευρᾶς τὸν λόγον ποιούμεθα. ἔστιν δὲ ἡ ΔΕ λ. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΔΖ ἔσται λζ δ νε ἔγγιστα. ἡ ἄρα τοῦ δεκαγώνου πλευρὰ ὑποτείνουσα μοίρας λς § οἷον ἐστὶν ἡ περίμετρος τξ τοῦ ὅλου κύκλου, τοιούτων ἐστὶν λζ δ νε οἷον ἡ διάμετρος ρκ. ἐπεὶ οὖν τὴν ΔΖ ἀπεδείξαμεν τμημάτων οὔσαν λζ δ νε, ἔσται καὶ τὸ ἀπ' αὐτῆς, ατοε δ ιε, ὡς μικρῷ πρόσθεν ἐν τοῖς πολλαπλασιασμοῖς ἀπεδείξαμεν. ἔστιν δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ΒΔ, γχ, ἃ ἐπὶ τὸ αὐτὸ συντεθέντα ποιεῖ τὸ ἀπὸ τῆς ΖΒ τετράγωνον, δζοε δ ιε. § καὶ μήκει ἄρα ἔσται ἡ ΖΒ ο λβ γ ἔγγιστα. καὶ ἡ τοῦ πενταγώνου ἄρα πλευρὰ ὑποτείνουσα διὰ τὰ αὐτὰ μοίρας οβ οἷον ἐστὶν ὁ κύκλος τξ, τοιούτων ἔσται ο λβ γ οἷον ἡ διάμετρος ρκ. Δῆλον δὲ ὅτι καὶ ἡ τοῦ ἐξαγώνου πλευρὰ ὑποτείνουσα μοίρας ξ οἷον ἐστὶν ὁ κύκλος τξ, καὶ ἴση οὔσα τῇ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου, ἔσται καὶ αὐτὴ τμημάτων ξ οἷον ἡ διάμετρος ρκ. Πάλιν ἐπεὶ ἡ τοῦ τετραγώνου πλευρὰ δυνάμει διπλασίων ἐστὶν τῆς ἐκ τοῦ κέντρου, ἴσον γὰρ δύναται δυσι ταῖς ἐκ τοῦ κέντρου περιεχούσαις ἢν ὑποτείνει ὀρθὴν γωνίαν, ἐδείχθη δὲ καὶ ἐν τῷ τρισκαιδεκάτῳ τῶν Στοιχείων ὅτι ἡ τοῦ τριγώνου πλευρὰ δυνάμει τῆς αὐτῆς ἐστὶν τριπλασίων, καὶ ἔστιν τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου, γχ, τὸ μὲν ἄρα ἀπὸ τῆς τοῦ τετραγώνου πλευρᾶς ἔσται, ζς, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς τοῦ τριγώνου Μ α.

- 468 καὶ μήκει ἄρα ἔσται ἡ μὲν τοῦ τετραγώνου πλευρὰ ὑποτεῖ * νουσα δὲ μοίρας ρ οἶων ἐστὶν ὁ κύκλος τξ, τμημάτων πδ να ι οἶων ἡ διάμετρος ρκ, ἡ δὲ τοῦ τριγώνου ὑποτείνουσα καὶ αὐτὴ περιφέρειαν μοιρῶν ρκ, τῶν αὐτῶν ργ νε κγ. «Αἶδε μὲν οὖν οὕτως ἡμῖν ...» ἐξ ἐτοίμου «καὶ καθ' ἑαυτάς» ... ἐκ τῶν παρὰ τῷ Στοιχειωτῇ θεωρημάτων δεδόσθωσαν. Καθ' ἑαυτάς δὲ λέγει, ἐπεὶ ἐκάστη μὲν τούτων ἐξ οἰκείας καὶ μιᾶς προτάσεως δέδεικται. ἐξῆς δὲ μέλλει ἐκ μιᾶς προτάσεως πλείους πορίζεσθαι. διὸ φησιν· § «καὶ ἔστιν φανερόν ἐντεῦθεν ὅτι πασῶν τῶν διδομένων εὐθειῶν ἐξ εὐχεροῦς δίδονται καὶ αἱ ὑπὸ τὰς λειπούσας εἰς τὸ ἡμικύκλιον «ὑποτείνουσαι εὐθεῖαι, διὰ τὸ τὰ ἀπ' αὐτῶν συντιθέμενα ποιεῖν τὸ ἀπὸ «τῆς διαμέτρου τετράγωνον.» Ἐὰν γὰρ γράψωμεν ἡμικύκλιον τὸ ΑΒΓ ἐπὶ διαμέτρου τῆς ΑΓ, καὶ ἀπολάβωμεν τὴν ΑΒ περιφέρειαν τμημάτων λς καὶ ἐπιζεύξωμεν τὰς ΑΒ, ΒΓ, ἔσται ὡς ἀπεδείχθη ἡ ΑΒ εὐθεῖα τμημάτων λζ δ νε, καὶ τὸ ἀπ' αὐτῆς, ατοε δ ιε, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς διαμέτρου Μ α, δυ, καὶ ἔστιν ὀρθὴ ἡ πρὸς τῷ Β γωνία.
- 469 τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ΑΓ ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν ΑΒ, ΒΓ. ἐὰν οὖν ἀπὸ τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΓ τουτέστιν Μ α, δυ ἀφέλωμεν τὸ ἀπὸ τῆς ΑΒ τουτέστιν τὰ, ατοε δ ιε, καταλειφθήσεται ἡμῖν τὸ ἀπὸ τῆς ΒΓ Μ α, γκδ νε με. καὶ μήκει ἄρα ἔσται ἡ ΒΓ εὐθεῖα ριδ ζ λζ. ὥστε ἡ ΒΓ ὑποτείνουσα τὰς λειπούσας τῶν λς μοιρῶν εἰς τὸ ἡμικύκλιον μοίρας ρμδ ἔσται καὶ αὐτὴ τμημάτων ριδ ζ λζ οἶων ἡ διάμετρος ρκ. Ἀκολουθῶς δὲ πάλιν ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ θεωρήματος τῇ αὐτῇ ἀποδείξει προσχρησάμενοι, ὑποτιθέμενοι τὴν ΑΒ περιφέρειαν μοιρῶν οβ, καὶ ἔχοντες τὴν ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖαν, εὐρήσομεν καὶ τὴν εὐθεῖαν τὴν ὑποτείνουσαν τὰς λειπούσας εἰς τὸ ἡμικύκλιον μοίρας ρη τμημάτων ρζ δ νς. καὶ ὁμοίως ἀπὸ τῆς ὑπὸ τὰς ξ εὐρήσομεν τὴν ὑπὸ τὰς ρκ, ργ νε κγ οἶων ἡ διάμετρος ρκ. §Τούτων θεωρηθέντων, ἐξῆς ἂν εἴη διαλαβεῖν πῶς ἂν δοθέντος χωρίου τινὸς τετραγώνου μὴ ἔχοντος πλευρὰν μήκει ρητὴν τὴν σύνεγγυς αὐτοῦ τετραγωνικὴν πλευρὰν ἐπιλογισώμεθα. καὶ ἔστιν τὸ τοιοῦτον δῆλον ἐπὶ ρητὴν ἔχοντος πλευρὰν, ἐκ τοῦ δ' θεωρήματος τοῦ β' βιβλίου τῶν Στοιχείων, οὗ ἡ πρότασις ἐστὶν τοιαύτη· ἐὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχεν, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης τετράγωνον ἴσον ἐστὶν τοῖς τε ἀπὸ τῶν τμημάτων τετραγώνοις καὶ τῷ δις ὑπὸ τῶν τμημάτων περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. ἐὰν γὰρ ἔχοντες δοθέντα ἀριθμὸν τετράγωνον ὡς τὸν ρμδ, ρητὴν ἔχοντα πλευρὰν ὡς τὴν ΑΒ εὐθεῖαν, καὶ λαβόντες αὐτοῦ ἐλάσσονα τετράγωνον τὸν ρ, οὗ ἐστὶν πλευρὰι, καὶ ὑποθέμενοι τὴν ΑΓ ι, διπλασιάσαντες αὐτὴν [καὶ] διὰ τὸ δις ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΓΒ, <παρὰ> τὰ γενόμενα κ παραβάλωμεν [παρὰ] τὰ λοιπὰ μδ, τῶν ὑπολειπομένων δ ἔσται τὸ ἀπὸ τῆς ΓΒ, αὕτη δὲ μήκει β· ἣν δὲ καὶ ἡ ΑΓ ι· καὶ ὅλη ἄρα ἡ ΑΒ ἔσται μοιρῶν ιβ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι.
- 471 §Ἴνα δὲ καὶ ἐπὶ τινος τῶν ἐν τῇ Συντάξει παρακειμένων ἀριθμῶν ὑπ' ὅψιν ἡμῖν γένηται ἡ τῆς κατὰ μέρος ἀφαιρέσεως διάκρισις, ποιησόμεθα τὴν ἀπόδειξιν ἐπὶ τοῦ, δφ ἀριθμοῦ, οὗ τὴν πλευρὰν ἐξέθετο μοιρῶν ζζ δ νε. ἐκκείσθω χωρίον τετράγωνον τὸ ΑΒΓΔ, δυνάμει μόνον ρητόν, οὗ τὸ ἐμβαδὸν ἔστω μοιρῶν, δφ, καὶ δέον ἔστω τὴν σύνεγγυς αὐτοῦ τετραγωνικὴν πλευρὰν ἐπιλογίσασθαι. ἐπεὶ οὖν ὁ σύνεγγυς τοῦ, δφ τετράγωνος ρητὴν ἔχων πλευρὰν ὅλων μονάδων ἐστὶν, δυπθ ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ ζζ, ἀφηρήσθω ἀπὸ τοῦ ΑΒΓΔ τετραγώνου τὸ ΑΖ τετράγωνον μονάδων, δυπθ, οὗ ἡ πλευρὰ ἔστω μονάδων ζζ· ὁ λοιπὸς ἄρα ὁ ΒΖΖΔ γνῶμων ἔστω μονάδων ια, ἃς ἀναλύσαντες εἰς πρῶτα ἐξηκοστὰ χξ ἐκθησόμεθα.
- 472 ἔπειτα διπλασιάσαντες τὴν ΕΖ διὰ τὸ δις ὑπὸ ΕΖ, ὥσπερ ἐπ' εὐθείας τῆς ΕΖ τὴν ΖΗ λαμβάνοντες, παρὰ τὰ γενόμενα ρλδ παραβαλοῦμεν τὰ χξ ἐξηκοστὰ πρῶτα, καὶ τῶν γενομένων ἐκ τῆς παραβολῆς δ πρῶτων ἐξηκοστῶν ἔξομεν ἐκατέραν τῶν ΕΘ, ΗΚ. καὶ ἀναπληρώσαντες τὰ ΘΖ, ΖΚ παραλληλόγραμμα ἔξομεν καὶ αὐτὰ φλς πρῶτων ἐξηκοστῶν, ἐκάτερον δὲ ὄν σξη. εἴτα πάλιν τὰ ὑπολιπέντα ρκδ πρῶτα ἐξηκοστὰ ἀναλύσαντες εἰς δευτέρω, ζυμ, ἀφελοῦμεν καὶ τὸ ΖΛ ἀπὸ πρῶτων δ γενομένων ἐξηκοστῶν δευτέρων ις, ἵνα γνῶμονα περιθέντες τῷ ἐξ ἀρχῆς τετραγώνῳ τῷ ΑΖ ἔχωμεν τὸ ΑΛ τετράγωνον ἀπὸ πλευρᾶς ζζ δ συναγόμενον μοιρῶν, δυρζ νς

ις. καὶ λοιπὸν πάλιν τὸν ΒΛΛΔ γνώμονα μοιρῶν β γ μδ, τουτέστιν δευτέρων ἐξηκοστῶν, ζυκδ. ἔτι δὲ πάλιν διπλασιάσαντες τὴν ΘΛ ὡς ἐπ' εὐθείας τυγχανούσης τῇ ΘΛ τῆς ΛΚ, καὶ παρὰ τὰ γινόμενα ρλδ η μερίσαντες τὰ, ζυκδ δεύτερα ἐξηκοστά, τῶν ἐκ τῆς παραβολῆς γενομένων νε ἔγγιστα δευτέρων ἐξηκοστῶν ἔχομεν ἔγγιστα ἑκατέραν τῶν ΘΒ, ΚΔ. καὶ συμπληρώσαντες τὰ ΒΛ, ΛΔ παραλληλόγραμμα, ἔχομεν καὶ αὐτὰ ἐξηκοστῶν δευτέρων μὲν, ζτο καὶ τρίτων υμ, ἑκάτερον δὲ δευτέρων μὲν ἐξηκοστῶν, γχπε καὶ τρίτων σκ. καὶ λοιπὰ ὑπελίπη ἐξηκοστὰ δεύτερα μς καὶ τρίταμ, ἅπερ ἔγγιστα ποιεῖ τὸ ΛΓ τετράγωνον * ἀπὸ πλευρᾶς τυγχάνον νε δευτέρων ἐξηκοστῶν, καὶ ἔσχομεν τὴν πλευρὰν τοῦ ΑΒΓΔ τετραγώνου, μοιρῶν τυγχάνοντος, δφ, ξζ δ νε ἔγγιστα. § Ὡστε καὶ καθόλου ἐὰν ζητῶμεν ἀριθμοῦ τινος τὴν τετραγωνικὴν πλευρὰν ἐπιλογίσασθαι, λαμβάνομεν πρῶτον τοῦ σύνεγγυς τετραγώνου ἀριθμοῦ τὴν πλευρὰν.

473 εἴτα ταύτην διπλασιάσαντες καὶ παρὰ τὸν γινόμενον ἀριθμὸν μερίσαντες τὸν λοιπὸν ἀριθμὸν ἀναλυθέντα εἰς πρῶτα ἐξηκοστά, καὶ ἀπὸ τοῦ ἐκ τῆς παραβολῆς γενομένου ἀφελοῦμεν τετράγωνον, καὶ ἀναλύοντες πάλιν τὰ ὑπολειπόμενα εἰς δεύτερα ἐξηκοστά, καὶ μερίζοντες παρὰ τὸν διπλασίονα τῶν μοιρῶν καὶ ἐξηκοστῶν, ἔχομεν ἔγγιστα τὸν ἐπιζητούμενον τῆς πλευρᾶς τοῦ τετραγώνου χωρίου ἀριθμὸν. § Προαποδείξας οὖν τὰς τῶν ὑποτείνουσῶν τὰς εἰρημένας περιφερείας εὐθειῶν πηλικότητος, τουτέστιν τῆς τε ὑπὸ τὰς λς, καὶ τῆς ὑπὸ τὰς οβ, καὶ τῆς ὑπὸ τὰς ξ καὶ ρ καὶ ρκ καὶ ρμδ, καὶ ἔτι τῆς ὑπὸ τὰς ρη, ἐκτίθεται λημμάτιον εὐχρηστον πάνυ πρὸς τὸ ἀπὸ τούτων τὴν τῶν λοιπῶν κατάλημψιν προχειρότερον ἐφοδεύειν, οὗ ἡ πρότασίς ἐστι τοιαύτη. § Ἐὰν εἰς κύκλον τετράπλευρον ἐγγραφῇ, τὸ ὑπὸ τῶν διαγωνίων αὐτοῦ περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἐστὶν συναμφοτέροις τοῖς ὑπὸ τῶν ἀπεναντίον τοῦ τετραπλεύρου πλευρῶν περιεχομένοις ὀρθογωνίοις.

474 Καὶ ἐπεὶ σαφὴς ἐστὶν ἡ εἰς τοῦτο αὐτῷ ἐκτεθειμένη ἀπόδειξις, ἔχει δέ τινα ψιλὴν ἔνστασιν διὰ τὸ τὴν δεῖξιν αὐτὸν πεποιῆσθαι ὡς ἀνίσων οὐσῶν τῶν γωνιῶν τῶν ὑπὸ τῆς διαγωνίου γεγεννημένων, ἵνα μὴδὲ τὸ τοιοῦτον θεώρημα παραλείψαντες ὤμεν, ἡμεῖς ὡς ἴσων αὐτῶν οὐσῶν τὴν ἀπόδειξιν ποιησόμεθα. § Ἐστω γὰρ κύκλος ἐγγεγραμμένον ἔχων τετράπλευρον τὸ ΑΒΓΔ καὶ ἐπεζεύχθωσαν αὐτοῦ διαγώνιοι αἱ ΑΓ, ΒΔ, καὶ ἴση ἔστω ἡ ὑπὸ ΑΒΔ γωνία τῇ ὑπὸ ΓΒΔ.

475 λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΒΔ περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἐστὶν συναμφοτέροις τοῖς ὑπὸ τῶν ΑΒ, ΓΔ καὶ ΑΔ, ΒΓ περιεχομένοις ὀρθογωνίοις. Ἐπεὶ γὰρ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΒΔ γωνία τῇ ὑπὸ ΓΒΔ, ἔστιν δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΒΔΑ τῇ ὑπὸ ΒΓΖ ἴση (ἐπὶ γὰρ τῆς αὐτῆς περιφερείας τῆς ΑΒ βεβήκασιν), λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΒΑΔ λοιπὴ τῇ ὑπὸ ΒΖΓ ἐστὶν ἴση. ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶν τὸ ΑΒΔ τρίγωνον τῷ ΒΖΓ τριγώνῳ. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΒΔ πρὸς τὴν ΔΑ οὕτως ἡ ΒΓ πρὸς τὴν ΓΖ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν ΒΔ, ΓΖ ἴσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ τῶν ΒΓ, ΑΔ. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΒΔ τῇ ὑπὸ ΓΒΔ, ἔστιν δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΒΑΖ ἴση τῇ ὑπὸ τῶν ΒΔΓ, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ τῶν ΒΖΑ ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ τῶν ΒΓΔ. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΒΔ πρὸς τὴν ΔΓ οὕτως ἡ ΒΑ πρὸς τὴν ΑΖ. τὸ ἄρα ὑπὸ ΒΔ, ΑΖ ἴσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ τῶν ΑΒ, ΔΓ. ἐδείχθη δὲ καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΒΔ, ΖΓ ἴσον τῷ ὑπὸ τῶν ΒΓ, ΑΔ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΒΔ ἴσον ἐστὶν συναμφοτέροις τῷ τε ὑπὸ τῶν ΑΒ, ΔΓ καὶ τῷ ὑπὸ τῶν ΑΔ, ΒΓ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. § Ἀποδείξας τὸ τοιοῦτον λημμάτιον ἐξῆς προσχρῆται αὐτῷ εἰς ἑτέρων εὐθειῶν κατάληψιν. καὶ ἐκθέμενος πάλιν ἡμικύκλιον τὸ ΑΒΓΔ περὶ διάμετρον τὴν ΑΔ, καὶ διαγαγὼν ἀπ' ἄκρας τῆς διαμέτρου δύο δεδομένας εὐθείας τὰς ΑΒ, ΑΓ, ἐπιζεύξας τὴν ΒΓ φησίν· «λέγω ὅτι καὶ αὕτη δέδοται.

476 » § Ἐπιζεύξας γὰρ πάλιν τὴν τε ΒΔ καὶ τὴν ΓΔ ἐξῆς ἐρεῖ· «ἐπεὶ ἐν κύκλῳ «τετράπλευρόν ἐστὶν τὸ ΑΒΓΔ», τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΒΔ ἴσον ἐστὶν συναμφοτέροις τῷ τε ὑπὸ τῶν ΑΒ, ΓΔ, καὶ τῷ ὑπὸ τῶν ΑΔ, ΒΓ. καὶ ἐπεὶ δέδονται ἡ τε ΑΒ καὶ ἡ ΑΓ, δέδονται ἄρα καὶ αἱ ΒΔ, ΓΔ, διὰ τὸ λείπειν αὐτῶν εἰς τὸ ἡμικύκλιον. δέδοται δὲ καὶ ἡ ΑΔ διάμετρος. δέδονται ἄρα αἱ πέντε, αἱ ΑΒ, ΑΓ, ΒΔ, ΓΔ, ΑΔ. καὶ ἐπεὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΒΔ ἴσον ἐστὶν συναμφοτέροις τῷ τε ὑπὸ ΑΒ, ΓΔ καὶ τῷ ὑπὸ ΑΔ, ΒΓ, ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΒΔ δεδομένου ἀφέλωμεν τὸ ὑπὸ ΑΒ, ΓΔ δεδομένον,

καταλειφθήσεται καὶ λοιπὸν τὸ ὑπὸ τῶν ΑΔ, ΒΓ δεδομένον· καὶ δέδοται ἡ ΑΔ· δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΒΓ εὐθεΐα. § «Καὶ φανερόν ἡμῖν γέγονεν ὅτι ἐὰν δοθῶσιν δύο περιφέρειαι καὶ αἱ «ὕπ' αὐτὰς εὐθεΐαι», καὶ αἱ τὴν ὑπεροχὴν τῶν δύο περιφερειῶν ὑποτείνουσαι εὐθεΐαι δοθήσονται. «δῆλον δὲ ὅτι διὰ τούτου τοῦ θεωρήματος ἄλλας «τε οὐκ ὀλίγας εὐθείας ἐγγράψομεν ἀπὸ τῶν ἐν ταῖς καθ' αὐτὰς δεδομένων «ὑπεροχῶν, καὶ δὴ καὶ τὴν ὑπὸ τὰς ιβ μοίρας, ἐπειδήπερ ἔχομεν τὴν «ὕπὸ τὰς ξ καὶ τὴν ὑπὸ τὰς οβ.

477 » * Φανερόν δὲ ὅτι διὰ τούτου τοῦ λημματίου ἄλλας τε οὐκ ὀλίγας εὐθείας εἰς τὸν κανόνα ἐγγράψομεν ἀπὸ τῶν κατὰ τὰς διδομένας τῶν περιφερειῶν ὑπεροχάς. διαγαγόντες γὰρ πάλιν ἀπ' ἄκρας τῆς διαμέτρου τὴν ὑποτείνουσαν τὰς λς μοίρας τῆς περιφερείας καὶ τὴν τὰς ξ εὐρήσομεν καὶ τὴν ὑποτείνουσαν τὴν ὑπεροχὴν αὐτῶν, τουτέστιν τὰς κδ. καὶ πάλιν διαγαγόντες τὴν ὑποτείνουσαν τὰς κδ καὶ τὰς οβ εὐρήσομεν καὶ τὴν ὑποτείνουσαν τὴν ὑπεροχὴν αὐτῶν τὰς μη. καὶ πάλιν διαγαγόντες τὴν ὑπὸ τὰς μη καὶ τὴν ὑπὸ τὰς ρ, εὐρήσομεν καὶ τὴν ὑποτείνουσαν τὰς μβ. καὶ ὁμοίως πλείστας εὐρήσομεν, «καὶ δὴ» ὡς ἔφη «καὶ τὴν ὑπὸ τὰς «ιβ μοίρας» τῆς περιφερείας ὑποτείνουσαν εὐθεΐαν, «ἐπειδήπερ ἔχομεν «τὴν ὑπὸ τὰς ξ καὶ τὴν ὑπὸ τὰς οβ.» Ἐπὶ γὰρ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς ὑποτιθέμενος τὴν τε ΑΒ τοῦ ἑξαγώνου πλευρὰν, τμημάτων οὔσαν ξ οἴων ἡ διάμετρος ρκ, ὑποτείνουσαν δὲ περιφέρειαν μοιρῶν ξ οἴων ὁ κύκλος τξ, καὶ τὴν ΑΓ τοῦ πενταγώνου πλευρὰν τμημάτων οὔσαν ο λβ γ, ὑποτείνουσαν δὲ τὴν ΑΒΓ περιφέρειαν μοιρῶν οβ, λέγω, φησὶν, ὅτι ἡ ΒΓ εὐθεΐα δέδοται, ἥτις ὑποτείνει περιφέρειαν μοιρῶν ιβ, ὑπεροχὴν οὔσαν τῶν οβ πρὸς τὰς ξ. § Ἐπεὶ ἐν κύκλῳ τετράπλευρόν ἐστὶν τὸ ΑΒΓΔ, τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΒΔ διαγωνίων ἴσον ἐστὶν συναμφοτέροις τῷ τε ὑπὸ τῶν ΑΒ, ΓΔ καὶ τῷ ὑπὸ ΑΔ, ΒΓ ἀπεναντίον. καὶ ἔστιν τὸ μὲν ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΒΔ διαγωνίων, ζτλ ζ λδ, ἐπειδήπερ ἡ μὲν ΑΓ εὐθεΐα τμημάτων ἐστὶν ο λβ γ, ὑποτείνει γὰρ περιφέρειαν μοιρῶν οβ, ἡ δὲ ΒΔ τμημάτων ργ νε κγ, ὑποτείνει γὰρ τὰς λοιπὰς τῶν ξ εἰς τὸ ἡμικύκλιον μοίρας ρκ· καὶ γίνεται τὸ ὑπὸ ο λβ γ καὶ ργ νε κγ τῶν εἰρημένων, ζτλ ζ λδ.

478 ἔστιν δὲ καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΑΒ, ΓΔ, εωκδ νς, διὰ τὸ τὴν μὲν ΑΒ εὐθεΐαν εἶναι, τὴν δὲ ΓΔ ὑποτείνουσαν τὴν ΓΔ περιφέρειαν λείπουσαν τῆς ΑΒΓ εἰς τὸ ἡμικύκλιον μοιρῶν ρη τμημάτων εἶναι ρζ δ νς. ἐὰν οὖν ἀπὸ τῶν, ζτλ ζ λδ, τουτέστιν τοῦ ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΒΔ ἀφέλωμεν τὰ, εωκδ νς τοῦ ὑπὸ τῶν ΒΑ, ΓΔ, καταλειφθήσεται λοιπὸν τὸ ὑπὸ τῶν ΑΔ, ΒΓ, αφε ια λδ, οἴων ἡ ΑΔ διάμετρος ἐστὶν ρκ. καὶ λοιπὴ ἡ ΒΓ εὐθεΐα ὑποτείνουσα περιφέρειαν μοιρῶν ιβ, ἔσται ιβ λβ λς ἀκολουθῶς τῇ τοῦ κανόνος ἐκθέσει. §Τούτου προδειχθέντος, ἐξῆς ἐκτίθεται ἕτερον θεώρημα ἐν ᾧ ἀποδείκνυσιν πῶς ἂν δοθείσης τινὸς περιφερείας καὶ τῆς ὑπ' αὐτὴν εὐθείας ἡ τὴν ἡμίσειαν τῆς αὐτῆς περιφερείας ὑποτείνουσα εὐθεΐα δίδεται. Καὶ ἐκθέμενος πάλιν ἡμικύκλιον τὸ ΑΒΓ ἐπὶ διαμέτρου τῆς ΑΓ καὶ ἀπειληφῶς τὴν ΒΓ περιφέρειαν δοθεῖσαν καὶ τὴν ὑπ' αὐτὴν εὐθεΐαν δοθεῖσαν, καὶ τεμῶν τὴν ΒΓ περιφέρειαν δίχα κατὰ τὸ Δ καὶ ἐπιζεύξας τὴν ΔΓ, δείκνυσιν καὶ ταύτην δεδομένην ὑποτείνουσαν τὴν ἡμίσειαν τῆς δοθείσης περιφερείας τῆς ΒΓ.

479 Ἐπιζεύξας γὰρ τὰς ΑΒ, ΑΔ, ΒΔ, ΔΓ, καὶ κάθετον ἀπὸ τοῦ Δ ἀγαγὼν ἐπὶ τὴν ΑΓ τὴν ΔΖ, καὶ ἀποθέμενος ἴσην τῇ ΑΒ τὴν ΑΕ ἐπιζεύξας τὴν ΔΕ, λέγω φησὶν ὅτι ἡ ΖΓ ἡμίσειά ἐστὶν τῆς ὑπεροχῆς τῆς ΑΓ πρὸς τὴν ΑΒ, ὡς συντελοῦντος αὐτῷ τούτου εἰς τὸ πρόχειρον τῆς προκειμένης ἀποδείξεως. ἐπεὶ γὰρ ἴση ἐστὶν ἡ ΑΒ τῇ ΑΕ κοινὴ δὲ ἡ ΑΔ, ἀλλὰ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΒΑΔ γωνία τῇ ὑπὸ ΔΑΓ ἴση ἐπεὶ καὶ ἡ ΓΔ περιφέρεια τῇ ΔΒ, βάσις ἄρα ἡ ΒΔ εὐθεΐα βάσει τῇ ΔΕ ἐστὶν ἴση. ἀλλὰ ἡ ΒΔ τῇ ΓΔ ἐστὶν ἴση. καὶ ἡ ΕΔ ἄρα τῇ ΔΓ ἐστὶν ἴση. ἰσοσκελὲς ἄρα ἐστὶν τὸ ΔΕΓ τρίγωνον. καὶ ἐπεὶ ἐν ἰσοσκελεῖ τριγώνῳ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ἦκται ἡ ΔΖ, ἴση ἐστὶν ἡ ΕΖ τῇ ΖΓ· ἡμίσεια ἄρα ἡ ΖΓ τῆς ΕΓ. ἀλλὰ ἡ ΕΓ ὑπεροχὴ ἐστὶν τῆς ΑΓ πρὸς τὴν ΑΒ· καὶ ἡ ΖΓ ἄρα ἡμίσειά ἐστὶν τῆς τῶν αὐτῶν ὑπεροχῆς. καὶ ἐπεὶ ὑπόκειται δοθεῖσα ἡ ΒΓ εὐθεΐα, δέδοται καὶ ἡ ΒΑ λείπουσα αὐτῆς εἰς τὸ ἡμικύκλιον τουτέστιν ἡ ΑΕ, δοθείσης δὲ καὶ τῆς διαμέτρου τῆς ΑΓ,

καὶ λοιπὴ ἡ ΕΓ δέδοται. ὥστε καὶ ἡ ἡμίσεια αὐτῆς ἡ ΖΓ ἔσται δεδομένη. καὶ ἐπεὶ ὀρθή ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΔΓ ἐν ἡμικυκλίῳ οὕσα, ὀρθὴ δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΔΖΓ, καὶ κοινὴ ἡ ὑπὸ ΑΓΔ τοῦ τε ΑΔΓ ὀρθογωνίου καὶ τοῦ ΔΖΓ, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΔΑΓ λοιπὴ τῇ ὑπὸ ΓΔΖ ἴση ἐστίν. ἰσογώνια ἄρα ἐστὶν τὰ ΑΔΓ, ΔΖΓ τρίγωνα. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΑΓ πρὸς τὴν ΓΔ οὕτως ἡ ΔΓ πρὸς ΓΖ. αἱ τρεῖς ἄρα εὐθεῖαι αἱ ΑΓ, ΓΔ, ΓΖ ἀνάλογόν εἰσιν. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΓΖ ἴσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ τῆς ΔΓ. καὶ ἐπεὶ δέδοται ἡ ΑΓ καὶ ἡ ΓΖ, δέδοται ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΓΖ, ὥστε καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ΓΔ δέδοται. καὶ αὐτὴ ἡ ΓΔ ἔσται δεδομένη μήκει, ἥτις ὑποτείνει τὴν ἡμίσειαν τῆς ΓΒ δοθείσης περιφερείας. Καὶ φησιν· δῆλον δὲ ὅτι ἄλλαι τε ληφθήσονται ἡμῖν οὐκ ὀλίγαι «κατὰ «τὰς ἡμισείας ἀπὸ τῶν ἥδη προεκτεθεισῶν εὐθειῶν καὶ δὴ ἀπὸ τῆς ὑπὸ «τὰς ιβ μοίρας ὑποτεϊνούσης ἢ τε ὑπὸ τὰς ζ καὶ ἡ ὑπὸ τὰς γ καὶ ἡ «ὑπὸ τὴν α $\angle$ μοῖραν καὶ ἔτι ἡ ὑπὸ τὸ $\angle$ δ'.

480 » Ὡς ὅτι δὲ μείζων ἐστὶν ἡ ΑΖ τῆς ΑΒ καὶ ἴση δηλονότι ἀπὸ τοῦ Α τῇ ΑΒ τιθεμένη ἐντὸς τοῦ Ζ πίπτει, δείξομεν οὕτως. ἐπεξεύχθω ἡ ΖΒ. ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ ΓΔ τῆς ΔΖ, ἴση δὲ ἡ ΓΔ τῇ ΔΒ, μείζων ἄρα καὶ ἡ ΔΒ τῆς ΔΖ. ὥστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΒΖΔ μείζων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΔΒΖ. * καὶ ἐπεὶ ἡ ὑπὸ ΑΒΔ γωνία ἐν ἐλάσσονι οὕσα ἡμικυκλίου μείζων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΔΖΑ ὀρθῆς, ὣν ἡ ὑπὸ ΔΒΖ ἐλάττων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΒΖΔ, λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΒΖ πολλῶ μείζων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΑΖΒ. ὥστε καὶ πλευρὰ ἡ ΑΖ πλευρᾶς τῆς ΑΒ μείζων ἐστίν. ΣΕύρισκεται δὲ ἐκ τῶν ἐπιλογισμῶν ἡ μὲν τὴν α $\angle$ μοῖραν ὑποτείνουσα εὐθεῖα τοιούτων α λδ ιε ἔγγιστα οἶων ἡ διάμετρος ρκ, ἡ δὲ ὑπὸ τὸ $\angle$ δ' τῶν αὐτῶν π μζ η ἔγγιστα, τὸν τρόπον τοῦτον. Ἐστω γὰρ διὰ τοῦ αὐτοῦ θεωρήματος ἐκ τῆς ὑπὸ τὰς ιβ μοίρας εὐρεθεῖσα ὡς ἔφαμεν, ἦτε ὑπὸ τὰς ζ, καὶ ἡ ὑπὸ τὰς γ, ὃν τρόπον τοὺς ἐπιλογισμοὺς τῶν ἀριθμῶν «ποιοῦμεν» νῦν ἐροῦμεν. εὐρήσθω οὖν ἡ ὑπὸ τὰς γ μοίρας ὑποτείνουσα εὐθεῖα καθὼς ἐν τῷ κανόνι ἔκκεται τμημάτων γ η κη, καὶ δέον ἔστω εὐρεῖν ἡμᾶς διὰ τῶν ἐπιλογισμῶν τὴν ὑποτείνουσαν τὴν α $\angle$, καθάπερ αὐτὸς ἐξέθετο τμημάτων α λδ ιε, οἶων ἡ διάμετρος ρκ. ἐπεὶ γὰρ ἡ ΒΓ περιφέρεια μοιρῶν ἐστὶν γ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα γ η κη, ἔσται ἄρα καὶ ἡ ΑΒ εὐθεῖα ὑποτείνουσα τὰς λειπούσας εἰς τὸ ἡμικύκλιον μοίρας ροζ διὰ τῶν αὐτῶν κατελιημμένη, καθὼς καὶ ἡ τοῦ κανόνος ἔκθεσις περιέχει, τμημάτων ριθ νζ λβ, τουτέστιν ἡ ΑΕ· καὶ λοιπὴ πάλιν ἡ ΕΓ ἔσται τὸ π β κη, ἡ δὲ ΖΓ ἡμίσεια αὐτῆς οὕσα τὸ π α ιδ.

481 ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΑΓ διάμετρος τμημάτων ρκ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΓΖ τουτέστιν τὸ ἀπὸ τῆς ΔΓ συναχθήσεται τμημάτων β κη. Καὶ μήκει ἄρα ἡ ΔΓ ἔσται α λδ ιε οὕτως. ἀπὸ τῶν β κη ἀφαιρῶ πρῶτον τετράγωνον ἀπὸ μοίρας α. ἔπειτα τὰ λοιπὰ α κη ἀναλύσας εἰς ἐξηκοστὰ πη μερίζω παρὰ τὸν διπλασίονα τῆς α μοίρας, τουτέστιν παρὰ τὸν β, καὶ γίνεται ὁ μερισμὸς παρὰ τὸν λδ. καὶ ἀφαιρῶ τὰ ξη. λοιπὸν ἐξηκοστὰ πρῶτα κ, ἃ ἐστὶν δεύτερα, γ , ας.

482 ἔπειτα ἀφαιρῶ ἀπὸ τούτου τὸν ἀπὸ τοῦ λδ τετράγωνον, ἃ γίνεται γ αρνς. λοιπὸν δεύτερα ἐξηκοστὰ μδ. καὶ πάλιν ταῦτα παρὰ τὸν διπλασίον τῆς α μοίρας καὶ τῶν λδ ἐξηκοστῶν τουτέστιν παρὰ μοίρας γ η. καὶ γίνεται ὁ μερισμὸς παρὰ τὸν ιε ἔγγιστα. καὶ εὐρομεν τὴν α $\angle$ μοῖραν τῆς περιφερείας ὑποτείνουσαν εὐθεῖαν τμήματος α λδ ιε ἔγγιστα. ΣΚαὶ ὁμοίως τοῖς αὐτοῖς ἐπιλογισμοῖς καταχρώμενοι εὐρήσομεν καὶ τὴν ὑπὸ τὸ $\angle$ δ' τῆς περιφερείας ὑποτείνουσαν εὐθεῖαν π μζ η ἔγγιστα οὕτως.

483 ἀπειλήφθω γὰρ πάλιν ἡ ΒΓ περιφέρεια μοίρας α $\angle$ ' καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΒΓ, δεδειγμένη μ ο α λδ ιε. ἐὰν ἄρα ἀπὸ τῶν Μ α γ , δυ τοῦ ἀπὸ τῆς διαμέτρου ἀφέλω τὸ ἀπὸ τῆς ΒΓ συναγόμενον β κη γ, τῶν λοιπῶν Μ α γ , δορζ λα νζ ἔξομεν τὸ ἀπὸ τῆς ΒΑ, τουτέστιν τὸ ἀπὸ τῆς ΑΕ, αὐτὴν δὲ μήκει ριθ νθ κβ νθ καὶ λοιπὴν τὴν ΕΓ, π π λζ α, τὴν δὲ ἡμίσειαν αὐτῆς τὴν ΖΓ, π π ιη λ λ, τὸ δὲ ὑπὸ ΑΓ, ΓΖ, τουτέστιν τὸ ἀπὸ τῆς ΔΓ, ἐξηκοστῶν δευτέρων σκα, καὶ μήκει αὐτὴν τὴν ΔΓ τῶν εἰρημένων π μζ ζ λθ ἃ φησιν π μζ η. Σ'Εξῆς δὲ πάλιν ἐκτίθεται θεώρημα συντελοῦν αὐτῷ πρὸς τὴν σύνθεσιν τοῦ κανόνος, ὃ καλεῖται κατὰ σύνθεσιν, ἐν ᾧ ἀποδείκνυσιν ὅτι ἐὰν δοθῶσιν β περιφέρειαι καὶ αἱ ὑπ' αὐτὰς εὐθεῖαι, καὶ ἡ συναμφοτέρας τὰς περιφερείας ὑποτείνουσα εὐθεῖα

δοθήσεται, ἔχον μὲν τινα οἰκειότητα ἀντιστροφῆς πρὸς τὸ πρὸ ἑαυτοῦ, οὐ καθόλου δὲ ἐκεῖ μὲν γὰρ λαμβάνων τινὰ περιφέρειαν δεδομένην καὶ τὴν ὑπ' αὐτὴν εὐθείαν, τεμὼν τὴν περιφέρειαν δίχα, ἐδείκνυσεν τὴν ὑποτείνουσαν τὸ ἥμισυ τῆς ὅλης περιφερείας ἐνταῦθα δὲ λαμβάνων τὰς κατὰ μέρος περιφερείας καὶ τὰς ὑπ' αὐτὰς εὐθείας, δείκνυσιν τὴν ὑποτείνουσαν τὴν ὅλην περιφέρειαν. παραλλάττει δὲ πρὸς τὴν ἀντιστροφήν τῳ καὶ ἀνίσους τὰς περιφερείας δηλαδὴ καὶ τὰς εὐθείας ἐπὶ τούτου λαμβάνεσθαι. Ὡς ἐκθέμενος οὖν πάλιν κύκλον τὸν ΑΒΓΔ, περὶ διάμετρον τὴν ΑΔ, οὗ κέντρον τὸ Ζ, καὶ ἀπειληφὼς ἀπ' ἄκρας τῆς διαμέτρου κατὰ τὸ ἐξῆς δύο τυχοῦσας περιφερείας τὰς ΑΒ, ΒΓ δοθείσας, συναμφοτέρας δ' ἐλάσσονας ἡμικυκλίου, ὧν καὶ αἱ ὑποτείνουσαι εὐθεῖαι δοθεῖσαι εἰσιν, λέγω, φησὶν, ὅτι καὶ ἡ συναμφοτέρας τὰς περιφερείας ὑποτείνουσα τουτέστιν ἡ ΑΓ εὐθεῖα δέδοται.

484 Διαγαγὼν γὰρ ἀπὸ τοῦ Β διάμετρον τὴν ΒΖΕ καὶ ἐπιζεύξας τὰς ΒΔ, ΔΕ, ΓΕ, ΓΔ, ἐξῆς ἐρεῖ· ἐπεὶ δέδοται ἡ ΑΒ, καὶ λοιπὴ ἡ ΒΔ δέδοται, ἀλλὰ καὶ ἡ ΔΕ ἴση οὔσα τῇ ΑΒ, δέδοται δὲ καὶ ἡ ΒΓ εὐθεῖα, δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΓΕ διὰ τὸ λείπειν εἰς τὸ περὶ τὴν ΒΕ ἡμικύκλιον. * καὶ ἐπεὶ ἐν κύκλῳ τετράπλευρόν ἐστιν τὸ ΒΓΔΕ καὶ διηγμέναι εἰσιν ἐν αὐτῷ δύο διαγώνιοι αἱ ΒΔ, ΓΕ δεδομένοι, δέδοται τὸ ὑπὸ τῶν ΒΔ, ΓΕ, δέδοται δὲ καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΒΓ, ΔΕ, καὶ λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν ΒΕ, ΓΔ δέδοται, καὶ δέδοται ἡ ΒΕ διάμετρος, καὶ λοιπὴ ἡ ΓΔ δέδοται. ὥστε καὶ ἡ ΑΓ διὰ τὸ λείπειν αὐτῆς εἰς τὸ ἡμικύκλιον ἔσται δεδομένη. Ὡς γὰρ δὴ ὅτι κἂν συναμφοτέρος ἢ τε ΑΒ περιφέρεια καὶ ΒΓ μείζων ἢ ἡμικυκλίου, δοθήσεται ἡ ΑΓ εὐθεῖα. Ὡς γὰρ ἐπὶ τῆς ἐξῆς καταγραφῆς διαχθείσης τῆς ΒΖΔ διαμέτρου, καὶ ἐπιζευχθεισῶν τῶν ΑΔ, ΔΓ, ἐπεὶ δέδοται ἡ ΒΓ, δέδοται καὶ ἡ ΓΔ.

485 ὁμοίως καὶ δεδομένης τῆς ΒΑ, δέδοται καὶ ἡ ΑΔ. καὶ ἐπεὶ ἐν κύκλῳ τετράπλευρόν ἐστιν τὸ ΒΑΔΓ, καὶ δέδοται τὸ ὑπὸ τῶν ΒΑ, ΔΓ μετὰ τοῦ ὑπὸ ΑΔ, ΒΓ, δέδοται ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ ΒΔ, ΑΓ. καὶ δέδοται ἡ ΒΔ. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΑΓ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ὡς τε καὶ καθόλου, ἐὰν δοθῶσιν τινες οὕτω περιφέρειαι καὶ αἱ ὑπ' αὐτὰς εὐθεῖαι, καὶ ἡ συναμφοτέρας τὰς περιφερείας ὑποτείνουσα εὐθεῖα δοθήσεται διὰ τοῦ τοιούτου θεωρήματος. Καὶ «φανερὸν ὅτι συντιθέντες ἀεὶ μετὰ τῶν προεκτεθειμένων πασῶν «τὴν ὑπὸ τὴν $\alpha \angle \mu$ οῖραν καὶ τὰς συναπτομένας ἐπιλογιζόμενοι πάσας «ἀπλῶς ἐγγράψομεν ὅσαι δις γενόμεναι τρίτον μέρος ἔξουσιν ...» Καὶ φανερόν ὡς ὅτι ἔχοντες ἐκ τοῦ τῆς διχοτομίας θεωρήματος τὴν ὑπὸ τὴν $\alpha \angle \mu$ οῖραν καὶ τὴν ὑπὸ τὰς γ , ἐὰν ἐξῆς τῆς ὑπὸ τὰς γ μοίρας ἐγγράψωμεν τὴν ὑπὸ τὴν $\alpha \angle \mu$, ἀκολουθῶς τῷ προκειμένῳ θεωρήματι ἐπιλογιζόμενοι εὐρήσομεν τὴν τὰς συντιθεμένας ὑφ' ἐν περιφερείας ὑποτείνουσαν εὐθεῖαν, τουτέστιν τὴν ὑπὸ τὰς $\delta \angle \mu$.

486 ἔχοντες δὲ καὶ τὴν ὑπὸ τὰς ζ ἐκ τῆς διχοτομίας τῶν $\iota\beta$ προεκτεθειμένην, διὰ δὲ ταύτην καὶ τὴν ὑπὸ τὰς $\rho\delta$, ἐὰν πάλιν ἀπολάβωμεν περιφέρειαν μοιρῶν ζ καὶ ἐξῆς αὐτῆς μοίρας $\alpha \angle \mu$, ἔξομεν πάλιν καὶ τὴν ὑποτείνουσαν αὐτὰς κατὰ σύνθεσιν τουτέστιν τὴν ὑπὸ τὰς $\zeta \angle \mu$, καὶ ἔτι πάλιν τὴν ὑπὸ τὰς $\rho\theta \angle \mu$. καὶ ὁμοίως ἔχοντες τὴν ὑπὸ τὰς $\zeta \angle \mu$ καὶ συντιθέντες τὴν ὑπὸ τὴν $\alpha \angle \mu$, εὐρήσομεν τὴν ὑπὸ τὰς θ καὶ ὁμοίως τὴν ὑπὸ τὰς $\rho\alpha$. καὶ ἐξῆς ἀκολουθῶς συντιθέντες αἰεὶ ταῖς προκατειλημμέναις τὴν ὑπὸ τὴν $\alpha \angle \mu$, εὐρήσομεν τὰς κατὰ παραύξησιν τῆς $\alpha \angle \mu$. »... Πάσας ἀπλῶς ἐγγράψομεν ὅσαι δις γενόμεναι τρίτον μέρος ἔξουσιν.» Τὸ μὲν «ἐγγράψομεν» οὐκ εἰς τὸν κύκλον εἴρηκεν τὰς εὐθείας, ἀλλ' εἰς τὸν κανόνα τὰς περιφερείας. δῆλον δὲ καὶ ἐκ τῆς τῶν εὐθειῶν καταλήμψεως ὡς οὐχὶ αὐταὶ διπλασιαζόμεναι τρίτον μέρος ἔχουσιν, ἀλλ' αἱ περιφέρειαι αἱ κατὰ παραύξησιν τῆς $\alpha \angle \mu$ μοίρας. ἐνέγραφεν δὲ αὐτὰς εἰς τὸν κανόνα μετὰ καὶ τῶν ὑπ' αὐτὰς εὐθειῶν. τὸ δὲ «ὅσαι δις γενόμεναι «τρίτον μέρος ἔξουσιν», κοινῇ τινὶ καὶ μιᾷ ὀνομασίᾳ βουλόμενος δηλῶσαι πάσας τὰς περιφερείας τὰς κατὰ παραύξησιν τῆς $\alpha \angle \mu$ μοίρας, ὧν καὶ τὰς εὐθείας τὸν εἰρημένον τρόπον κατείληφεν, ταύτη κατεχρήσατο. αὐταὶ γὰρ μόναι πᾶσαι δις γενόμεναι τρίτον μέρος ἔχουσιν μὴ διαιρουμένης τῆς μονάδος οἷον αἱ τρεῖς

διπλασιασθεῖσαι καὶ γενόμεναι ζ τρίτον μέρος ἔχουσιν τὰς β· καὶ ὁμοίως αἱ δ ζ' διπλασιασθεῖσαι καὶ γενόμεναι θ τρίτον μέρος ἔχουσιν τὰς γ, καὶ ἐξῆς ἀκολουθῶς. καὶ γὰρ αἱ ἐξ ἀρχῆς εὐρεθεῖσαι καὶ εἰρημέναι ἡμῖν λείπουσαι εἰς τὸ ἡμικύκλιον, τῶν κατὰ παραύξησίν εἰσιν τῆς α ζ' μοίρας, καὶ προσλαμβάνουσαι τὴν α ζ', καὶ διπλασιαζόμεναι τρίτον μέρος ἔχουσιν, οἷον ὡς αἱ λς καὶ ξ καὶ οβ καὶ ρ καὶ ρη καὶ ρκ καὶ ρμδ μοῖραι καὶ αἱ ἐκ τῆς διχοτομίας, καὶ λοιπαί.

487 διὸ καὶ φησιν· «συντιθέντες αἰεὶ μετὰ τῶν προεκτεθειμένων πα«σῶν τὴν ὑπὸ τὴν α ζ' μοῖραν καὶ τὰς συναπτομένας ἐπιλογιζόμενοι, «πάσας ἀπλῶς ἐγγράψομεν, ὅσαι δις γενόμεναι τρίτον μέρος ἔχουσιν· καὶ «μόναι ἔτι περιλειφθήσονται αἱ μεταξὺ τῶν ἀνὰ μίαν ἡμισυ μοῖραν δια«στημάτων δύο καθ' ἕκαστον ἐσόμεναι, ἐπειδὴ περ καθ' ἡμιμοῖριον ποιοῦ«μεθα τὴν ἐγγραφήν.» Δοκεῖ δὲ μετὰ τὴν τοῦ δεκαγώνου καὶ τὴν τοῦ ἐξαγώνου καὶ ἔτι τὴν τοῦ πενταγώνου ἐκ τούτων δειχθεῖσαν, παρελκόντως δεδειχέναι τὴν τε τοῦ τετραγώνου καὶ τὴν τοῦ τριγώνου, καὶ τὰς λειπούσας εἰς τὸ ἡμικύκλιον, ἥ καὶ ἐκ τῆς ὑπεροχῆς, ἥ καὶ τῆς διχοτομίας, οὐκ ὀλίγας οὕσας ὡς αὐτός φησιν. ἥρκει γὰρ ἐκ τῆς ὑπεροχῆς μόνῃς τῆς τοῦ πενταγώνου πρὸς τὸ ἐξάγωνον εὐρόντα τὴν ὑπὸ τὰς ιβ, καὶ ἐκ τῆς διχοτομίας ὑπὸ τὴν α ζ', τῇ συνθέσει ταύτης πάσας τὰς κατὰ τὴν παραύξησιν αὐτῆς μέχρις τῶν ρπ μεταχειρίσασθαι. ἀπέδειξεν δὲ καὶ ταύτας τὸν ὑποδεδειγμένον τρόπον φιλοσύντομος ὢν διὰ τὸ προχειρότερον αὐτὰς οὕτως λαμβάνεσθαι ἥπερ ἐκ τοῦ κατὰ σύνθεσιν θεωρήματος. Ἐπεὶ οὖν πᾶσαι αὐτῶ ἐπραγματεύθησαν αἱ κατὰ παραύξησιν τῆς α ζ' μοίρας ὑποτείνουσαι εὐθεῖαι, βούλεται δὲ ἐν τῷ κανόνι * παραθεῖναι καθ' ἃ καὶ ἀνωτέρω ἐδήλου τὰς κατὰ παραύξησιν τοῦ ἡμιμορίου, ἀναγκαίως ἐπιζητοῦνται αὐτῶ μεταξὺ τῶν ἀνὰ α ζ' μοῖραν διαστημάτων καθ' ἕκαστον διάστημα δύο, οἷον ἐπεὶ γὰρ εὗρεν τὴν ὑπὸ τὴν α ζ' καὶ ἔτι τὴν ὑπὸ τὰς γ, ζητεῖται λοιπὸν αὐτῶ ἢ ὑπὸ τὰς β καὶ ἢ ὑπὸ τὰς β ζ'.

488 καὶ πάλιν ὁμοίως ἐπεὶ εὗρεν τὴν ὑπὸ τὰς γ καὶ τὴν ὑπὸ τὰς δ ζ', ζητεῖται πάλιν αὐτῶ μεταξὺ δύο διαστήματα τουτέστιν ἥτε ὑπὸ τὰς γ ζ' καὶ ἢ ὑπὸ τὰς δ· καὶ ἐξῆς πάλιν ἀκολουθῶς. «Ὡστε, ἐὰν τὴν ὑπὸ τὸ ἡμιμοῖριον εὐθεῖαν εὗρωμεν, αὕτη κατὰ τε «τὴν σύνθεσιν καὶ τὴν ὑπεροχὴν τὴν πρὸς τὰ διαστήματα περιεχούσας «καὶ δεδομένας εὐθείας, καὶ τὰς λοιπὰς καὶ μεταξὺ πάσας ἡμῖν συνανα«πληρώσει.» Φησὶν οὖν ὅτι ἐὰν τὴν ὑπὸ τὸ ἡμιμοῖριον εὐθεῖαν εὗρωμεν, ταύτην πῇ μὲν μετὰ τῆς α ζ' μοίρας παραλαμβάνοντες διὰ τοῦ κατὰ σύνθεσιν θεωρήματος εὐρήσομεν τὴν ὑπὸ τὰς β μοίρας ὑποτείνουσαν εὐθεῖαν, πῇ δὲ πάλιν τῷ τῆς ὑπεροχῆς θεωρήματι ὡς ἐπὶ τοῦ ἡμιμορίου πρὸς τὰς γ εὐρήσομεν τὴν ὑπὸ τὰς β ζ' μοίρας ὑποτείνουσαν. αὕτη γὰρ αὐτῶν ἐστὶν ἡ ὑπεροχή. καὶ ἐξῆς ἀκολουθῶς τὰς ἐφ' ἑκάτερα τῶν ἐπιζητούμενων διαστημάτων δοθείσας παραλαμβάνοντες, ὡς ἐνταῦθα τὴν ὑπὸ τὴν α ζ' μοῖραν καὶ τὴν ὑπὸ τὰς γ παρειλήφαμεν πρὸς τὴν δεῖξιν τῶν τε β μοιρῶν καὶ τῶν β ζ' ἀναπληρώσομεν ἅπαντα τὸν κανόνα. «Ἐπεὶ δὲ δοθείσης τινὸς εὐθείας ὡς τῆς ὑπὸ τὴν α ζ' μοῖραν ἢ τὸ «τρίτον τῆς αὐτῆς περιφερείας ὑποτείνουσα εὐθεῖα οὐ δίδοται πῶς διὰ «τῶν γραμμῶν· εἰ δέ γε δυνατόν ἦν εἶχομεν ἂν καὶ τὴν ὑπὸ τὸ ἡμιμοῖριον.» Ὡς ἐπεὶ οὖν δοθείσης τῆς ὑπὸ τὴν α ζ' μοῖραν οὐχ ἡύρισκέν πῶς διὰ γραμμικῆς ἀποδείξεως τὴν ὑποτείνουσαν τὸ γ' τῆς αὐτῆς περιφερείας, καθάπερ ἐλάμβανε καὶ τὴν ὑποτείνουσαν τὴν ἡμίσειαν τῆς δοθείσης περιφερείας· εἰ δέ γε δυνατόν ἦν τὸ τοιοῦτον ἐφοδεῦσαι, αὐτόθεν ἂν εἶχεν καὶ τὴν ὑποτείνουσαν τὸ ἡμιμοῖριον καὶ ἐξ ἐτοίμου διὰ τῆς εἰρημένης συνθέσεως καὶ ὑπεροχῆς, ἀνεπλήρωσεν ἂν τὸν κανόνα.

489 τοῦτου οὖν ἀδυνάτου τυγχάνοντος, * ἐπειδὴ περ κἂν ὡς ἐπὶ τὴν ἔμπροσθεν ἐπὶ τῆς διχοτομίας ἐκτεθειμένης καταγραφῆς γράψωμεν ἐπὶ τῆς ΑΓ διαμέτρου ἡμικύκλιον τὸ ΑΒΓ, καὶ ἔχοντες αὐτὸ διηρημένον κατὰ ἡμιμοῖρια ἀπολαμβάνοντες τὴν μὲν ΓΒ μοίρας α ζ', τὴν δὲ ΓΔ ἡμιμορίου, ἐπιζεύζωμεν τὰς ΓΒ, ΓΔ καὶ ἔτι τὰς ΑΒ, ΑΔ καὶ ἀπολαβόντες τῇ ΑΒ ἴσην τὴν ΑΕ

κάθετον ἀπὸ τοῦ Δ ἐπὶ τὴν ΑΓ ἀγάγωμεν τὴν ΔΖ, ἐπεὶ δοθείσης τῆς ΓΒ δίδεται καὶ ἡ ΒΑ τουτέστιν ἡ ΑΕ, καὶ λοιπὴ ἡ ΕΓ δοθήσεται, οὐκέτι δὲ καὶ ὁ τῆς ΕΓ πρὸς ΓΖ λόγος δίδεται, καθάπερ ἐπὶ τῆς διχοτομίας τῆς ΓΒ περιφερείας, ὅτε καὶ ἡμίσεια κατελαμβάνετο ἡ ΖΓ τῆς ΕΓ. ἐπειδήπερ ἐὰν ἴσῃν τῇ ΓΔ περιφερείᾳ ἀπολάβωμεν τὴν ΔΗ καὶ ἐπιζεύσωμεν τὰς ΑΗ, ΗΔ, ἴσῃν <δὲ> τῇ ΑΗ ἀπολαβόντες τὴν ΑΘ ἐπιζεύσωμεν τὴν ΔΘ, ἡμίσεια γενήσεται ἡ ΖΓ τῆς ΘΓ μὴ διδομένης. διὸ τῆς ΓΖ μὴ διδομένης, οὐδὲ τὸ ὑπὸ τῶν ΑΓ, ΓΖ, τουτέστιν τὸ ἀπὸ τῆς ΓΔ δοθήσεται, δηλαδή οὐδὲ αὐτὴ ἡ ΓΔ εὐθεῖα ὑποτείνουσα τὸ ἡμιμοῖριον. * § Δείκνυσιν δὲ ἔγγιστα ἀπὸ τε τῆς ὑπὸ τὴν α $\angle$ καὶ ἀπὸ τῆς ὑπὸ τὸ $\angle$ δ' τὴν ὑποτείνουσαν τὴν α μοῖραν, ἵνα ἐξῆς τῷ τῆς διχοτομίας θεωρήματι καταχρησάμενος ἔχῃ καὶ τὴν ὑπὸ τὸ ἡμιμοῖριον.

490 ἐπεὶ οὖν ἡ γινομένη αὐτῷ ἀπόδειξις οὐ καθόλου ἀπαράλλακτον διαφυλάττει τὴν κατάλημψιν, ὁμοίως φησὶν ἐπὶ τῶν οὕτως ἐλαχίστων πρὸς τὴν εὕρεσιν τῆς α μοίρας παραλαμβανομένων ὡς τῆς ὑπὸ τὸ $\angle$ δ' καὶ τῆς ὑπὸ τὴν α $\angle$ μοῖραν, ἀπαράλλακτον σχεδὸν φυλάττει τὴν ἀπόδειξιν. Ὡς ἄρχομενος οὖν τῆς τοιαύτης ἀποδείξεως, προεκτίθεται λημμάτιον συντελοῦν αὐτῷ πρὸς τὴν εἰρημένην ἀπόδειξιν οὗ πρότασις ἐστὶν τοιαύτη· «ἐὰν ἐκ κύκλῳ διαχθῶσιν δύο ἄνισοι εὐθεῖαι, ἡ μείζων πρὸς τὴν ἐλάσσονα «ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ ἐπὶ τῆς μείζονος εὐθείας περιφέρεια πρὸς «τὴν ἐπὶ τῆς ἐλάσσονος». Καὶ ἐκθέμενος κύκλον τὸν ΑΒΓΔ, καὶ διαγαγὼν ἐν αὐτῷ δύο ἄνισους εὐθείας, ἐλάσσονα μὲν τὴν ΒΑ, μείζονα δὲ τὴν ΒΓ, τεμὼν δίχα τὴν ὑπὸ ΑΒΓ γωνίαν τῇ ΒΔ εὐθεῖᾳ, ἐπιζεύξας τὴν τε ΑΕΓ καὶ τὰς ΑΔ καὶ ΔΓ, ἐξῆς ἐρεῖ· ἐπεὶ ἡ ὑπὸ ΑΒΓ δίχα τέτμηται ὑπὸ τῆς ΒΔ, ἴση μὲν ἐστὶν ἡ ΔΑ εὐθεῖα τῇ ΔΓ, ἐπεὶ καὶ περιφέρεια ἡ ΑΔ τῇ ΔΓ, διὰ τὸ καὶ τὰς πρὸς τῷ Β γωνίας ἴσας εἶναι· μείζων δὲ ἡ ΓΕ τῆς ΕΑ, διὰ τὸ πάλιν ἴσῃν εἶναι τὴν μὲν ΑΔ τῇ ΔΓ καὶ κοινὴν τὴν ΔΕ, καὶ γωνίαν τὴν ὑπὸ ΒΔΓ τῆς ὑπὸ ΒΔΑ μείζονα, ἐπεὶ καὶ περιφέρεια ἡ ΓΒ περιφερείας τῆς ΒΑ· ὥστε καὶ βάσιν ἄρα τὴν ΓΕ βάσεως τῆς ΕΑ γίνεσθαι μείζονα.

491 ἤχθω δὴ πάλιν ἀπὸ τοῦ Δ κάθετος ἐπὶ τὴν ΑΓ ἢ ΔΖ. καὶ δῆλον ὅτι ἐπὶ τῆς ΕΓ πεσεῖται, διὰ τὸ ἴσῃν εἶναι τὴν ΔΓ τῇ ΑΔ, τὴν δὲ ΓΕ μείζονα τῆς ΕΑ. καὶ ἐπεὶ μείζων ἡ ΑΔ τῆς ΔΕ (τὴν γὰρ μείζονα γωνίαν ὑποτείνει), διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ ΔΕ τῆς ΔΖ· ὁ ἄρα κέντρῳ τῷ Δ διαστήματι δὲ τῷ ΔΕ κύκλος γραφόμενος τὴν μὲν ΑΔ τεμεῖ, ὑπερπεσεῖται δὲ τὴν ΔΖ. γεγράφθω ὡς ὁ ΗΕΘ, καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ ΔΖ ἐπὶ τὸ Θ. ἐπεὶ οὖν τὸ μὲν ΔΕΖ τρίγωνον ἔλαττον ἐστὶν τοῦ ΔΕΘ τομέως, τὸ δὲ ΔΕΑ τρίγωνον μείζον ἐστὶν τοῦ ΔΕΗ τομέως, τὸ ΔΕΖ ἄρα τρίγωνον πρὸς τὸν ΔΕΘ τομέα ἐλάττονα λόγον ἔχει ἢ περ τὸ ΔΕΑ τρίγωνον πρὸς τὸν ΔΕΗ τομέα. ἐναλλάξ τὸ ΔΕΖ τρίγωνον πρὸς τὸ ΔΕΑ τρίγωνον ἐλάττονα λόγον ἔχει ἢ περ ὁ ΔΕΘ τομεὺς πρὸς τὸν ΔΕΗ τομέα. ἀλλ' ὡς μὲν τὸ ΔΕΖ τρίγωνον πρὸς τὸ ΔΕΑ τρίγωνον οὕτως ἡ ΕΖ εὐθεῖα πρὸς τὴν ΕΑ, ὡς δὲ ὁ ΔΕΘ τομεὺς πρὸς ΔΕΗ τομέα, οὕτως ἡ ὑπὸ ΕΔΖ γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ ΕΔΑ γωνίαν. ἡ ἄρα ΖΕ εὐθεῖα πρὸς τὴν ΕΑ εὐθεῖαν ἐλάττονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ ὑπὸ ΖΔΕ γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ ΕΔΑ. καὶ συνθέντι ἄρα ἡ ΖΑ εὐθεῖα πρὸς τὴν ΑΕ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ ὑπὸ ΖΔΑ γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ ΑΔΕ. καὶ τῶν ἡγουμένων τὰ διπλάσια, ἡ ΓΑ εὐθεῖα πρὸς τὴν ΑΕ * ἐλάττονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ ὑπὸ ΓΔΑ γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ ΑΔΕ. καὶ διελόντι ἡ ΓΕ εὐθεῖα πρὸς τὴν ΕΑ ἐλάττονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ ὑπὸ ΓΔΕ πρὸς τὴν ὑπὸ ΕΔΑ. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΓΕ πρὸς τὴν ΕΑ οὕτως ἡ ΓΒ εὐθεῖα πρὸς τὴν ΒΑ· ἐδείχθη γὰρ ἐν τῷ ἔκτῳ τῶν Στοιχείων ὅτι ἐὰν τριγώνου ἡ γωνία δίχα τμηθῇ, τὰ τῆς βάσεως τμήματα τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον ταῖς τοῦ τριγώνου πλευραῖς ὡς δὲ ἡ ὑπὸ ΓΔΒ γωνία πρὸς τὴν ὑπὸ ΒΔΑ οὕτως ἡ ΒΓ περιφέρεια πρὸς τὴν ΒΑ.

492 ἡ ΓΒ ἄρα εὐθεῖα πρὸς τὴν ΒΑ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ ΓΒ περιφέρεια πρὸς τὴν ΒΑ, ὅπερ προέκειτο δεῖξαι. Ὅτι δὲ οἱ ἐπὶ ἴσων κύκλων τομεῖς πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ γωναί δέδεικται ἡμῖν ἐν τῇ ἐκδόσει τῶν Στοιχείων πρὸς τῷ τέλει τοῦ ἔκτου βιβλίου. § Τοῦ τοιούτου οὖν λημματίου αὐτῷ προεκτεθέντος, ἔρχεται ἐπὶ τὴν εὕρεσιν τῆς ὑποτείνουσας τὴν α μοῖραν τῆς περιφερείας.

καὶ ἐκθέμενος κύκλον καὶ διαγαγὼν εἰς αὐτὸν δύο ἀνίσους εὐθείας τήν τε AB ὑποτείνουσαν περιφέρειαν μιᾶς μοίρας $\angle \delta'$ καὶ τὴν AG α μοῖραν, προσχρῆται τῷ προλημθέντι λημματίῳ, καὶ φησιν· «ἐπεὶ ἡ AG εὐθεῖα πρὸς τὴν «AB ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περὶ ἡ AG περιφέρεια πρὸς τὴν AB, ἡ δὲ AG «περιφέρεια ἐπίτριτός ἐστιν τῆς AB» ἡ γὰρ μοῖρα α ἔχει τὸ $\angle \delta'$ καὶ τὸ γ' αὐτῶν «ἡ AG ἄρα εὐθεῖα τῆς AB ἐλάσσων ἐστὶν ἢ ἐπίτριτος. ἀλλὰ «ἡ AB εὐθεῖα» ὑποτείνουσα περιφέρειαν μιᾶς μοίρας $\angle \delta'$ ἐδείχθη ἐν τοῖς ἐπάνω τοιούτων $\pi \mu \zeta \eta$, οἷων ἡ διάμετρος ρκ. «ἡ ἄρα GA εὐθεῖα ἐλάσσων ἐστὶν τῶν αὐτῶν α β ν· ταῦτα γὰρ ἐπίτριτά ἐστιν ἔγγιστα «τῶν $\pi \mu \zeta \eta$.» Ὡστε ἐδείχθη κατὰ ταύτην τὴν σύγκρισιν τοῦ λόγου ἡ τὴν μίαν μοῖραν τῆς περιφερείας ὑποτείνουσα εὐθεῖα ἐλάσσων οὔσα α β ν οἷων ἡ διάμετρος ρκ. «Πάλιν δὲ ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς ἡ μὲν AB εὐθεῖα ὑποκείσθω ὑπο«τείνουσα περιφέρειαν μοίρας α, ἡ δὲ AG μοίρας α $\angle$ '. κατὰ τὰ αὐτὰ «δὴ, ἐπεὶ ἡ AG περιφέρεια τῆς AB ἐστὶν ἡμιόλιος» ἡ γὰρ α $\angle$ ' μοῖρα ἔχει τὴν α καὶ τὸ ἥμισυ αὐτῆς, «ἡ GA ἄρα εὐθεῖα τῆς BA ἐλάσσων ἐστὶν «ἡ ἡμιόλιος.» ἀλλὰ τὴν GA ὑποτείνουσαν περιφέρειαν μοίρας α $\angle$ ' μικρῷ πρόσθεν ἐπιλογιζόμενοι «ἀπεδείξαμεν τμημάτων α λδ ιε οἷων ἡ διά«μετρος ρκ. ἡ ἄρα AB εὐθεῖα μείζων ἐστὶν τῶν αὐτῶν α β ν», διὰ τὸ τὴν AG α λδ ιε τυγχάνουσαν ἡμιολίαν εἶναι τῶν α β ν, ὥστε κατὰ τόνδε τὸν λόγον αὐτὴν ἀποδεδείχθαι ἐλάττονα οὔσαν τῆς AB εὐθείας ἡμιολίου ἀπεδείχθη δὲ ἐκ τῶν ἀκριβεστέρων ἐπιλογισμῶν α λδ ιε. ἵνα οὖν ἐλάττονα ἡμιολίου λόγον ἔχη πρὸς τὴν AB, ἀναγκαῖόν ἐστιν αὔξεσθαι τὴν AB καὶ γίνεσθαι μείζονα τῶν α β ν· ἐδείχθη δὲ καὶ ἐλάττων οὔσα τῶν αὐτῶν α β ν.

«Ὡστε ἐπεὶ τῶν αὐτῶν ἐδείχθη καὶ μείζων καὶ ἐλάττων», ἔσται ἄρα ἡ τὴν α μοῖραν ὑποτείνουσα ἐκ τῶν τοιούτων ἐπιλογισμῶν ἡμῖν εὐρεθεῖσα α β ν ἔγγιστα, οἷων ἡ διάμετρος ρκ. Καὶ ἐπεὶ θορυβεῖ πως ἡ τοιαύτη ἀπόδειξις τὸ αὐτὸ μέγεθος μείζον καὶ ἔλαττον δεικνύουσα, ἢ περὶ ἄν τις ἀκολουθῶς ἐπάγων εἴποι· ὅπερ ἄτοπον, δείξομεν μηδὲ ταύτην θορυβώδη τυγχάνουσαν. Ὡς τὸ γὰρ πάλιν ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς πρότερον ἡ AB περιφέρεια μιᾶς μοίρας $\angle \delta'$ ἡ δὲ AG μοίρας α. ἐπεὶ οὖν πάλιν ἡ AG εὐθεῖα πρὸς τὴν AB ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περὶ ἡ AG περιφέρεια πρὸς τὴν AB, ἡ δὲ AG περιφέρεια ἐπίτριτός ἐστιν τῆς AB, ἡ AG ἄρα εὐθεῖα τῆς BA ἐλάσσων ἐστὶν ἢ ἐπίτριτος. ἀλλὰ ἡ AB εὐθεῖα ἐδείχθη $\pi \mu \zeta \eta$ οἷων ἡ διάμετρος ρκ. ἡ GA ἄρα εὐθεῖα ὑποτείνουσα περιφέρειαν μοίρας α ἐλάσσων ἐστὶν τῶν αὐτῶν α β ν· ταῦτα γὰρ ἀκριβῶς ἐπίτριτά ἐστιν τῶν $\pi \mu \zeta \eta$. Πάλιν ἡ AB εὐθεῖα ὑποτείνεται περιφέρειαν μοίρας α, ἡ δὲ AG α $\angle$ ' ὁμοίως. ἐπεὶ ἡ AG εὐθεῖα πρὸς τὴν AB ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περὶ ἡ AG περιφέρεια πρὸς τὴν AB, ἡμιολία δὲ ἐστὶν ἡ AG περιφερείας τῆς AB, ἡ AG ἄρα εὐθεῖα τῆς AB ἐλάττων ἐστὶν ἢ ἡμιολία. ἀλλ' ἀπεδείκνυν τὴν AG α λδ ιε. ἡ AB ἄρα εὐθεῖα ὑποτείνουσα πάλιν περιφέρειαν μοίρας α μείζων ἐστὶν τῶν α β ν· τούτων γὰρ ἡμιολία ἐστὶν τὰ α λδ ιε. Ὡστε ἡ AG εὐθεῖα ὑποτείνουσα ὡς ἔφαμεν περιφέρειαν μοίρας α ἐλάττων μὲν ἐδείχθη α β ν μ, μείζων ἢ α β ν. καὶ δηλαδὴ ἐλάττονος μὲν μείζων ἐστὶν μείζονος δὲ ἐλάττων, καὶ οὐχὶ τῆς αὐτῆς. καὶ φαίνεται μηδὲν ἄτοπον ἔχον τὸ εἰρημένον. Ἀλλ' ἐπεὶ ἡ μὲν ἐλάττων τῶν α β ν μ μείζων δὲ τῶν α β ν δύναται εἶναι α β ν καὶ πλείω λ τρίτων, ὡς ἔγγιστα μᾶλλον αὐτὴν εἶναι τῶν α β ν καὶ μὴ ὡς αὐτὸς ἔφη α β ν, δείξομεν ἀκριβεστέρον ἐπιλογισάμενοι, ὅτι τὰ γ' ἐξηκοστὰ καὶ πολλῶ τῶν λ ἐλάττονα ἐστὶν, καὶ ὀρθῶς ἔχει τὸ εἰρημένον ὅτι α β ν ἐστὶν ἔγγιστα.

Ὡς ἐπεὶ γὰρ ἐν τοῖς ἔμπροσθεν ἀπεδείξαμεν τὴν ὑποτείνουσαν τὸ $\angle \delta'$ τῆς α μοίρας εὐθεῖαν $\pi \mu \zeta \zeta$ λθ, καὶ ἔστιν τούτων ἐπίτριτα τὰ α β ν ιβ, ἔσται ἄρα διὰ τὰ εἰρημένα ἡ τὴν α μοῖραν ὑποτείνουσα εὐθεῖα ἐλάττων α β ν ιβ· ἐδείχθη δὲ καὶ μείζων τῶν α β ν. ἔσται τὸ διάφορον περὶ ιβ γ' ἐξηκοστὰ, ἃ πολλῶ ἐλάττονα ἐστὶν τῶν λ. καὶ οὐδὲν ἄτοπον τῇ τοιαύτῃ δείξει παρακολουθεῖ. Δείξας οὖν ἐκ παχυμερεστέρων ἐπιλογισμῶν (διὰ τὸ μὴ καὶ ἐπὶ μειζόνων προχωρεῖν τὴν δεῖξιν, * ὡς καὶ αὐτὸς φησιν ἐπὶ τοῦ λημματίου «ὃ κἂν «μὴ καθόλου δύνηται τὰς πηλικότητας ὀρίζειν ...», καθὼς καὶ ἐξῆς τὸ τοιοῦτον δείκνυμεν) τὴν ὑπὸ τὴν α μοῖραν

εὐθεῖαν $\alpha\beta$ ν ἔγγιστα, ἐξῆς τῷ προδεδειγμένῳ θεωρήματι τῆς διχοτομίας καταχρησάμενος, τουτέστιν ἀπολαβὼν τὴν τῆς α μοίρας περιφέρειαν καὶ ἐγγράψας τὴν εὐρημένην ὑποτείνουσαν αὐτὴν εὐθεῖαν, ἀκολουθήσας τῇ ἀποδείξει τοῦ θεωρήματος εὗρεν τὴν ὑπὸ τὸ ἥμισυ τῆς αὐτῆς περιφέρειας ὑποτείνουσαν εὐθεῖαν, τουτέστιν τὴν ὑπὸ τὸ ἥμισυ τῆς μοίρας (παχυμερέστερον δηλαδή, ἐπεὶ τῇ ὑπὸ τὴν α μοῖραν κατεχρησάμεθα ἐκ παχυμερεστέρων ὡς ἔφαμεν ἐπιλογισμῶν εἰλημμένη) τῶν ἐκτεθειμένων αὐτῷ π λα κε ἔγγιστα.

496 εὐρὼν οὖν ἐκ τῆς διχοτομίας τὸν εἰρημένον τρόπον τὴν ὑπὸ τὸ ἡμιμοῖριον, ἀκολούθως τοῖς εἰρημένοις αὐτῷ μικρῷ πρόσθεν, ὅτι εἰ «εἵχομεν τὴν ὑπὸ «τὸ ἡμιμοῖριον, αὕτη κατὰ τε τὴν σύνθεσιν καὶ τὴν ὑπεροχὴν τὴν πρὸς «τὰς τὰ διαστήματα περιεχούσας καὶ δεδομένας εὐθείας, καὶ τὰς λοιπὰς «καὶ μεταξὺ πάσας ἡμῖν συναναπληρώσει», ἐξῆς διὰ τοῦ ἡμιμορίου τὰ λοιπὰ τῶν διαστημάτων ἀνεπλήρωσεν τῶν κατὰ παραύξησιν τῆς α καὶ α' μοίρας, καθάπερ ἐπὶ τοῦ πρώτου διαστήματος λόγου ἔνεκεν τῆς α καὶ α' μοίρας πρὸς τὰς γ , ἀκολουθήσας τῷ τε κατὰ σύνθεσιν καὶ κατὰ ὑπεροχὴν θεωρήματι. Ἐκθέμενος γὰρ ἡμικύκλιον καὶ ἀπειληφὺς ἐξῆς δύο περιφέρειας τὴν τε τῆς α καὶ α' μοίρας καὶ τὴν τοῦ ἡμιμορίου, καὶ ἐπιζεύξας τὰς ὑποτείνουσας αὐτὰς καὶ δοθείσας εὐθείας, καταχρῶμενος τῷ κατὰ σύνθεσιν θεωρήματι εὗρεν τὴν συναμφοτέρας τὰς περιφέρειας ὑφ' ἐν ὑποτείνουσαν εὐθεῖαν, τουτέστιν τὴν ὑπὸ τὰς β μοίρας. εἶτα καὶ ἀπ' ἄκρας τῆς διαμέτρου ἀπειληφὺς τὴν τοῦ ἡμιμορίου περιφέρειαν καὶ τὴν τῶν γ μοιρῶν, ἐπιζεύξας πάλιν τὰς δοθείσας ὑπ' αὐτὰς εὐθείας, τῷ τῆς ὑπεροχῆς θεωρήματι καταχρῶμενος εὗρεν τὴν ὑποτείνουσαν τὰς β καὶ β' μοίρας τῆς περιφέρειας αὕτη γάρ ἐστίν αὐτῶν ἡ ὑπεροχή. καὶ ἔσται ἀναπληρωθέντα τὰ β μεταξὺ διαστήματα τῆς τε α καὶ α' μοίρας καὶ τῶν γ . ἀκολούθως δὲ καὶ τὰς ἐξῆς τῶν ἀνά α καὶ α' μοίρας διαστημάτων εὐθείας ἐπιλογίσαστο καταχρῶμενος τοῖς δύο τούτοις λημματίοις τῷ τε κατὰ σύνθεσιν καὶ τῷ κατὰ ὑπεροχὴν, μέχρι τῶν τοῦ τεταρτημορίου μοιρῶν ϕ , διὰ τὸ καὶ ἐκ προχείρου δίδοσθαι τὰς λειπούσας εἰς τὸ ἡμικύκλιον.

497 καὶ ἔσται ἡμῖν ἡ ἔκθεσις τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν ἀναπεπληρωμένη τὸν τρόπον τοῦτον. Τούτων οὕτως ἐχόντων ζητήσκειν ἂν τις διὰ τί, πῇ μὲν τῷ κατὰ σύνθεσιν θεωρήματι προσχρησάμενος, πῇ δὲ τῷ τῆς ὑπεροχῆς, τὴν εὗρεσιν τῶν ἐπιζητουμένων δύο εὐθειῶν καθ' ἕκαστον διάστημα πεποιήται, καὶ οὐχὶ τὰ πάντα τῷ τῆς συνθέσεως ἢ τῷ τῆς ὑπεροχῆς δυνατόν γὰρ ἦν ὁποτέρῳ τούτων αὐτὸν προσχρησάμενον ἀναπληρῶσαι τὴν ἔκθεσιν τοῦ κανόνος. Φαμὲν οὖν ὅτι βουλόμενος τὰς κατὰ παραύξησιν τῆς α καὶ α' μοίρας παρ' ἑκάτερα τυγχανούσας τῶν ἐπιζητουμένων δύο διαστημάτων ἀκριβῶς αὐτῷ διὰ τῶν γραμμῶν προεκτεθειμένας εὐθείας παραλαμβάνειν πρὸς τοὺς ἐπιλογισμοὺς τῶν μεταξὺ δύο διαστημάτων, τοῖς δυοῖς τούτοις θεωρήμασιν συνεχρήσατο· § διὸ καὶ ἔλεγεν· «ἐὰν εὗρωμεν τὴν ὑπὸ τὸ ἡμιμοῖριον, «αὕτη κατὰ τε τὴν σύνθεσιν καὶ τὴν ὑπεροχὴν τὴν πρὸς τὰ διαστήματα «περιεχούσας καὶ δεδομένας εὐθείας ...». μόνῳ γὰρ ἂν τῷ τῆς συνθέσεως καταχρῶμενος εὕρισκετο εἰς τὸ δεύτερον τῶν διαστημάτων τῶν μεταξὺ δύο ἔνθα τὸ τῆς ὑπεροχῆς παρείληφεν διὰ δύο παχυμερεστέρων αὐτῷ εὐρεθειῶν εὐθειῶν τὴν εὗρεσιν τῆς πηλικότητος ποιούμενος. Ἵνα δὲ φανερόν γένηται τὸ εἰρημένον, ἐκκείσθω ἡμικύκλιον τὸ ΑΒΓΔ περὶ διάμετρον τὴν ΑΔ, καὶ ἀπειλήφθωσαν δύο περιφέρειαι ἢ τε ΑΒ καὶ ἢ ΑΓ, καὶ ἔστω ἡ μὲν ΑΒ μοίρας α καὶ α' ἢ δὲ ΑΓ μοιρῶν γ , καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΑΒ, ΑΓ εὐθεῖαι αἵτινες δεδομέναι εἰσὶν ἐκ τῶν γραμμικῶν ἀποδείξεων.

498 ἔστω δὲ τὰ μεταξὺ δύο διαστήματα τῶν Β, Γ κατὰ τὰ Ε, Ζ. ἐὰν οὖν ἐγγράψαντες τὴν ὑπὸ τὸ ἡμιμοῖριον ὡς τὴν ΒΕ εὐθεῖαν, ἐπιζεύξαντες τὴν ΑΕ, ἐπιλογισώμεθα ἀκολούθως τῷ τῆς συνθέσεως θεωρήματι, εὐρήσομεν παχυμερέστερόν πως τὴν ΑΕ εὐθεῖαν, ἐπειδὴ περ τῇ ΒΕ παχυμερέστερον εἰλημμένη κατεχρησάμεθα, ὑποτείνουσαν τὴν ΑΒΕ περιφέρειαν μοιρῶν οὖσαν β. καὶ δηλὸν ὅτι εἰς τὴν ταύτης εὗρεσιν παρείληφαμεν καὶ τὴν ΑΒ ἐκ τῶν γραμμικῶν δείξεων

ἀκριβῶς εἰλημμένην. ἔαν οὖν ἀκολουθῶς ἐπιζεύξαντες καὶ τὴν EZ τῷ τῆς συνθέσεως θεωρήματι πάλιν καταχρησώμεθα πρὸς τὴν εὕρεσιν τῆς ὑποτείνουσας τὴν ABEZ περιφέρειαν, μοιρῶν οὕσαν $\beta \angle '$ ὡς τὴν AZ εὐθεΐαν, ἔσται ἡμῖν ὁ ἐπιλογισμὸς γενόμενος ἐκ τῶν AE, EZ εὐθειῶν μηδεμιᾶς αὐτῶν ἀκριβῶς * διὰ τῶν γραμμῶν ἀποδειχθείσης, ἀλλ' ἐκάστης ἐκ τῶν παχυμερεστέρων ἐπιλογισμῶν. διὰ τοῦτο οὖν, ὡς ἔφαμεν, ἵνα καθ' ἐκάστην εὕρεσιν παραλαμβάνῃ τὴν διὰ τῶν γραμμῶν αὐτῷ ἀκριβῶς λημφθεῖσαν, τῷ τῆς ὑπεροχῆς ἐν τούτῳ τῷ δευτέρῳ τῶν μεταξὺ δύο διαστημάτων κατεχρήσατο. ἐγγράψας γὰρ τὴν AH ὑποτείνουσαν τὸ ἡμιμόριον, καὶ ἐπιζεύξας τὴν HG εὐθεΐαν εὕρισκε αὐτὴν ὑποτείνουσαν τὴν HBG περιφέρειαν μοιρῶν οὕσαν $\beta \angle$, καταχρησάμενος δηλονότι πρὸς τὴν τοιαύτην εὕρεσιν τῇ AG εὐθείᾳ δοθείσῃ ἀκριβῶς διὰ τῶν γραμμῶν. ὥστε διὰ τοῦτο τοῖς δυσὶ τούτοις θεωρήμασιν κατεχρήσατο εἰς τὴν εὕρεσιν τῶν ἐπιζητουμένων μεταξὺ τῶν ἀνά $\alpha \angle '$ μοιρῶν καθ' ἕκαστον δύο διαστημάτων πρὸς τὴν ἀναπλήρωσιν τοῦ κανόνος. Ὡς οὐδὲ ἐκ μόνου τοῦ τῆς ὑπεροχῆς θεωρήματος ἐδύνατο τὰ μεταξὺ δύο διαστήματα ἀναπληρῶσαι παραλαμβάνων τὰς διὰ τῶν γραμμῶν δεδομένας εὐθείας, ἀλλὰ καὶ ἔτι πρὸς τούτῳ ἄτακτος αὐτῷ ἐγένετο ἡ λήμψις τῶν εὐθειῶν ἐκ τοῦ τὰ τελευταῖα τῶν ἐπιζητουμένων διαστημάτων ἀνάγκη πρῶτα λαμβάνεσθαι, οὕτως ἂν κατανοήσαιομεν.

499 Ὡς γὰρ πάλιν ἡμικύκλιον τὸ ABΓΔ, καὶ ὑποτεινέτω ἡ μὲν AB εὐθεΐα δεδομένη διὰ τῶν γραμμῶν τὴν AB περιφέρειαν μοίρας οὕσαν $\alpha \angle '$ ἢ δὲ AG εὐθεΐα δοθεῖσα καὶ αὐτὴ διὰ τῶν γραμμῶν ὑποτεινέτω τὴν ABΓ περιφέρειαν μοιρῶν γ. καὶ ἔστω τὰ μεταξὺ δύο ἐπιζητούμενα διαστήματα ἀπὸ τοῦ B κατὰ τὰ E, Z, τὸ μὲν E κατὰ τὰς β μοίρας, τὸ δὲ Z κατὰ τὰς $\beta \angle '$. ὅτι μὲν οὖν, ἔαν ἀπὸ τοῦ A ἀπολάβωμεν τὴν ὑπὸ τὸ ἡμιμόριον ὡς τὴν AH, ἢ τὴν HBZ περιφέρειαν μοιρῶν οὕσαν β ὑποτείνουσα οὐ δίδεται διὰ τὸ μηδὲ τὴν AZ εὐθεΐαν ὑποτείνουσαν μοιρῶν $\beta \angle '$ δεδόσθαι, δηλον. ὅτι δὲ ἡ ὑποτείνουσα τὴν HBEΓ μοιρῶν οὕσαν $\beta \angle '$ δίδεται, τουτέστιν ἡ HG, τουτέστιν ἡ AZ, τῆς AG διὰ τῶν γραμμῶν δοθείσης, φανερόν. ἔτι δὲ πάλιν ἔχοντες τὴν ὑπὸ τὸ ἡμιμόριον τὴν AH, καὶ τὴν ὑπὸ τὰς $\beta \angle '$ τὴν AZ, εὐρήσομεν καὶ τὴν ὑπὸ τὰς β μοίρας τὴν HZ τῷ αὐτῷ θεωρήματι καταχρώμενοι. καὶ δηλον ὅτι ἐνταῦθα τὴν HA εὐθεΐαν καὶ τὴν AZ παρειλήφαμεν εἰς τὴν ἀπόδειξιν μηδεμιᾶς διὰ τῶν γραμμῶν ἀποδειχθείσης, ἀλλ' ἐκατέρας διὰ τῶν παχυμερεστέρων ἐπιλογισμῶν. καὶ φανερόν ὅτι καὶ ἄτακτος ἡμῖν γεγένηται ἡ κατάλημψις τῶν εὐθειῶν διὰ τὸ πρῶτην τὴν ὑπὸ τὰς $\beta \angle$ δεδεῖχθαι, εἴθ' οὕτως τὴν ὑπὸ τὰς β.

500 § Οὐκ ἡβουλήθη δὲ οὐδὲ τῷ $\angle$ καὶ δ' τῆς περιφερείας τὴν παραύξησιν τοῦ κανόνος ποιήσασθαι ἥτοι διὰ τὸ μηκέτι καὶ τὰς τῶν ἐλαττόνων εὐθειῶν πηλικότητος ἐξακολουθεῖν τῇ ἐξ ἀναλόγου λήμψει ἢ καὶ διὰ τὸ δυσεπιλόγιστον αὐτῷ καταφαίνεσθαι τὸ τοιοῦτον. Ἡ μὲν οὖν πραγματεία τῶν ἐν τῷ κύκλῳ εὐθειῶν οὕτως αὐτῷ ἐξ ἐτοίμου μετακεχείρισται. ἵνα δὲ καθὼς μικρῷ πρόσθεν ἐπηγγέλατο ἐκ προχείρου τὰ τοιαῦτα μεγέθη τῶν εὐθειῶν καὶ περιφερειῶν πρὸς τὴν παρ' ἕκαστα χρεῖαν ἔχωμεν παραλαμβάνειν, καὶ κανονοποιῖαν τούτων ἐξέθετο, ἵνα ἐξ ἐτοίμου τὰς πηλικότητος αὐτῶν ἔχωμεν ἐπιλελογισμένας καὶ μὴ ἐν ταῖς γραμμικαῖςδείξεσιν ἀπασχολοίμεθα. § πεποίηται δὲ τὴν ἔκθεσιν τοῦ κανόνος ἐπὶ στίχους μὲν μετὰ τὸ ἐξῆς ἐν τοῖς τῶν ἀνωμαλιῶν κανόσιν φανησόμενον εὐχρηστον, σελίδια δὲ τρία· καὶ ἐπὶ μὲν τῶν πρώτων τὰς περιφερείας παρέθηκεν καθ' ἡμιμόριον παρηυξημένας οἶων ἐστὶν ὁ κύκλος τζ, ἐπὶ δὲ τῶν β' τὰς ἐπιβαλλούσας αὐταῖς τῶν εὐθειῶν πηλικότητος οἶων ἐστὶν ἡ διάμετρος τμημάτων ρκ, ἐπὶ δὲ τῶν γ' τὸ λ' μέρος τῆς ὑπεροχῆς τῶν ὑποτείνουσῶν τὰς καθ' ἡμιμόριον παραυξήσεις.

501 § ἔλαβεν δὲ τὸ λ' τῆς ὑπεροχῆς τῶν εὐθειῶν, οὐχ ὡς τοῦ λ' αὐτῆς τὸ λ' τοῦ ἡμιμορίου ὑποτείνοντος (οὐ γὰρ αἱ ὑπεροχαὶ τῶν εὐθειῶν ἄνισοι οὔσαι τὰ ἡμιμόρια ἴσα ὄντα ὑποτείνουσιν) ἀλλ' § ὡς ἐξ ἀναλόγου τῇ παραυξήσει τῆς περιφερείας καὶ τῆς εὐθείας παραυχανομένης. ἵνα δ' ἐπὶ καταγραφῆς φανερόν γένηται τὸ λεγόμενον, ἐκκείσθω τὸ ABΓΔ

ἡμικύκλιον ἐπὶ διαμέτρου τῆς ΑΔ, καὶ διήχθωσαν ἀπ' ἄκρας τῆς διαμέτρου δύο τυχοῦσαι εὐθεῖαι αἱ ΑΒ, ΑΓ, ὥστε μέντοι τὴν ΒΓ εἶναι ἡμιμορίου. καὶ κείσθω τῇ ΑΒ εὐθείᾳ ἴση ἡ ΑΕ. οὐ τοῦτο οὖν λαμβάνει ὅτι ἡ ΕΓ τὴν ΒΓ ὑποτείνει, ἀλλ' ἐπεὶ ἐν ω ἡ ΑΒ περιφέρεια τῇ ΒΓ περιφέρειᾳ παρηύξεται καὶ ἡ ΑΒ τῇ ΕΓ, λαμβάνει ὅτι καὶ ἐν ω ἡ ΑΒ περιφέρεια λόγου ἔνεκεν τῷ γ' μέρει τῆς ΒΓ παρηύξεται, καὶ ἡ ΑΕ τῷ γ' μέρει τῆς ΕΓ.

502 ὁμοίως καὶ ἐν ω τῷ τριακοστῷ. * διὸ καὶ φησιν· «... ἵνα «καὶ τοῦ ἐνὸς ἐξηκοστοῦ μέσην ἐπιβολὴν ἔχοντες ἀδιαφοροῦσαν πρὸς αἰ«σθησιν τῆς ἀκριβοῦς ...» § Ἐξέθετο δὲ τὸ γ' σελίδιον τῶν ἐξηκοστῶν πρὸς τὸ λαμβάνειν ἡμᾶς ἐξ εὐχεροῦς τὰς ὑποτείνουσας εὐθείας, καὶ τὰς μεταξὺ τῶν καθ' ἡμιμορίου παραυξήσεις, § οἷον τὰς μεταξὺ τῶν ε μοιρῶν καὶ ε $\angle$ ', ὡς τὰς ε λόγου ἔνεκεν, καὶ τὰ ι ἐξηκοστὰ τῆς περιφερείας καὶ ἄλλα τινά. δεκάκι γὰρ ποιοῦντες τὰ παρακείμενα κατὰ τὸ γ' σελίδιον καὶ προστιθέντες τῇ παρακειμένη πηλικότητι τῆς εὐθείας ταῖς ε μοίραις τῆς περιφερείας, ἔχομεν τὴν εὐθεῖαν τὴν ὑποτείνουσαν τὰς ε μοίρας καὶ ἐξηκοστὰ ι. ὡσαύτως καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν καὶ μεταξὺ τῶν καθ' ἡμιμορίου παραυξήσεων, ὧν τὴν ἐξέτασιν ἐξῆς ἐπ' αὐτῶν τῶν ἐν τῇ συντάξει παρακειμένων ἀριθμῶν ποιησόμεθα. «Εὐκατανόητον δὲ ὅτι διὰ τῶν αὐτῶν καὶ προκειμένων θεωρημάτων «κᾶν ἐν δισταγμῷ γενώμεθα γραφικῆς ἀμαρτίας περὶ τινῶν ἐν τῷ «κανόνι παρακειμένων εὐθεῖαν ...» καὶ τὰ ἐξῆς. Φανερόν δ' ὅτι καὶ ἐὰν ἀμφιβάλωμεν περὶ τινῶν ἐν τῷ κανόνι παρακειμένων εὐθεῖαν, ὡς μὴ δεόντως αὐτῆς ἐκτεθειμένης, ἐξ εὐχεροῦς τὴν ἐξέτασιν αὐτῆς καὶ τὴν ἐπανόρθωσιν ποιησόμεθα, ἥτοι τὴν ὑπὸ τὴν διπλασίονα αὐτῆς παραλαμβάνοντες, ἢ ἄλλας τινὰς ἐχούσας τοσαύτην ὑπεροχὴν, ἢ τὴν λείπουσαν αὐτῆς εἰς τὸ ἡμικύκλιον.

503 §Οἷον ἔστω γὰρ ἡμᾶς ἐπιζητεῖν τὴν ὑποτείνουσαν τὰς ι μοίρας τῆς περιφερείας. λαμβάνομεν τὴν ὑποτείνουσαν τὴν διπλασίονα τῆς τηλικαύτης περιφερείας τουτέστιν τὰς κ μοίρας. καὶ ἐκθέμενοι κύκλον καὶ ἀπολαβόντες τηλικαύτην περιφέρειαν, ἐπιζεύξαντες τὴν ὑποτείνουσαν εὐθεῖαν αὐτὴν δεδομένην ἡμῖν, καταχρώμενοι τῷ τῆς διχοτομίας θεωρήματι εὐρήσομεν τὴν ὑποτείνουσαν τὴν ἡμίσειαν αὐτῆς τουτέστιν τὰς ι μοίρας. ἢ καὶ ἄλλως λαμβάνοντές τινὰς περιφερείας τῶν ἐχουσῶν ὑπεροχὴν μοιρῶν, οἷον τὴν κ μοιρῶν καὶ λ, ἔχοντες δὲ καὶ τὰς ὑπ' αὐτὰς εὐθείας, πάλιν τῷ τῆς ὑπεροχῆς θεωρήματι καταχρώμενοι εὐρήσομεν τὴν ὑπὸ τὰς ι μοίρας. ἔτι δὲ καὶ οὕτως λαμβάνοντες τὴν ὑποτείνουσαν τὰς λειπούσας τῶν μοιρῶν ι εἰς τὸ ἡμικύκλιον μοιρῶν ρο, καὶ ποιήσαντες τὸ ἀπ' αὐτῆς, ἔχοντες δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς διαμέτρου, ὃ ἐστὶν ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς ὑποτείνουσης τὰς ρο καὶ τῷ ἀπὸ τῆς ὑποτείνουσης τὰς λοιπᾶς, διὰ τὸ ἐν ἡμικυκλίῳ ὀρθὴν γίνεσθαι τὴν γωνίαν τὴν ὑπ' αὐτῶν περιεχομένην, καὶ ἀφελόντες ἀπὸ τοῦ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτείνουσης ρο μοίρας, ἔχομεν λοιπὸν τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτείνουσης τὰς ι μοίρας, ὥστε καὶ τὴν μήκει. «Καὶ ἔστιν ἡ τοῦ κανόνος ἔκθεσις τοιαύτη.» §Εκτεθειμένης οὖν ἡμῖν τῆς πραγματείας τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν, ἀκόλουθον ἡγούμεθα ἐνταῦθα διαλαβεῖν πῶς αἱ τῶν ἐλασσόνων εὐθειῶν πηλικότητες ἐν μείζουσιν διαφοραῖς παρηύξονται κατὰ τὸ ἐξῆς τῶν παραυξήσεων τῶν περιφερειῶν ἴσων οὐσῶν, καὶ πόθεν αἱ ἐλάττους τῶν ὑπὸ τὰς ξ μοίρας τῆς περιφερείας ὑποτείνουσαι εὐθεῖαι μείζονές εἰσιν τῷ ἀριθμῷ τῶν κατ' αὐτὰς περιφερειῶν, αἱ δὲ μετὰ τὰς ξ ἐλάττονες· καὶ πῶς δοθείσης τινὸς περιφερείας μεταξὺ τῶν καθ' ἡμιμορίου παραυξήσεων πιπτούσης ἢ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα λαμβάνεται, καὶ τὸ ἀνάπαλιν, πῶς δοθείσης τινὸς εὐθείας μεταξὺ τῶν ἐκκειμένων πιπτούσης ἢ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια δίδεται.

504 δειξόμεν δὴ πρῶτον διὰ τῶν γραμμῶν πῶς αἱ τῶν ἐλαττόνων εὐθειῶν πηλικότητες ἐν μείζουσιν διαφοραῖς παρηύξονται κατὰ τὸ ἐξῆς τῶν περιφερειῶν ἴσων οὐσῶν. Ἐστω γὰρ ἡμικύκλιον τὸ ΑΒΓ, καὶ ἀπειλήθω ἡ ΑΒ περιφέρεια λόγου ἔνεκεν μορῶν, ἢ δὲ ΑΔ μοιρῶν ι $\angle$ ', ἢ δὲ ΑΕ μοιρῶν ια. καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ὑπ' αὐτὰς εὐθεῖαι, ἢ τε ΑΒ καὶ ἡ ΑΔ καὶ ἡ ΑΕ. καὶ κείσθω τῇ μὲν ΑΒ ἴση ἡ ΑΖ, τῇ δὲ ΑΔ ἴση ἡ ΑΗ. λέγω ὅτι ἡ ὑπεροχὴ τῆς ΑΔ πρὸς ΑΒ, τουτέστιν ἡ ΖΔ,

μείζων ἐστὶ τῆς ὑπεροχῆς τῆς ΑΕ πρὸς ΑΔ, τουτέστιν τῆς ΗΕ. Κείσθω γὰρ τῇ ΑΒ ἴση ἡ ΑΘ καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΒΔ, ΔΕ, ΔΗ, ΔΘ. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ ΑΒ τῇ ΑΘ, κοινὴ δὲ ἡ ΑΔ, δύο δυσὶν, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΒΑΔ γωνία τῇ ὑπὸ ΕΑΔ ἴση, ἐπεὶ καὶ περιφέρεια περιφερεία.

505 βάσις ἄρα ἡ ΒΔ βάσει τῇ ΔΘ ἐστὶν ἴση. ἀλλὰ καὶ ἡ ΒΔ τῇ ΔΕ ἴση. καὶ ἡ ΔΕ ἄρα τῇ ΔΘ ἐστὶν ἴση. ἰσοσκελὲς ἄρα ἐστὶν τὸ ΔΘΕ τρίγωνον. ὁξεῖται ἄρα αἱ πρὸς τοῖς Θ καὶ Ε. καὶ ἐπεὶ ἡ ΑΔ τῇ ΑΗ ἴση ἐστίν, ὧν ἡ ΑΖ τῇ ΑΘ ἴση, λοιπὴ ἄρα ἡ ΔΖ λοιπῇ τῇ ΘΗ ἐστὶν ἴση. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΑΔ τῇ ΑΗ, καὶ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΔΗ γωνία τῇ ὑπὸ ΑΗΔ ἴση ἐστίν. ὁξεῖα ἄρα ἑκατέρω αὐτῶν. καὶ ἐπεὶ ὁξεῖα ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΗΔ ἀλλὰ καὶ ἡ πρὸς τῷ Θ, ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ Δ ἐπὶ τὴν ΘΕ κάθετος * ἀγομένη μεταξὺ τῶν Θ, Η πεσεῖται. ἤχθω δὴ ἡ ΚΔ, καὶ ἐπεὶ ἐν ἰσοσκελεῖ τριγώνῳ τῷ ΔΘΕ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ἦκται, δίχα τεμεῖ τὴν βάσιν. ἴση ἄρα ἡ ΘΚ τῇ ΚΕ. μείζων ἄρα ἡ ΘΗ τουτέστιν ἡ ΖΔ τῆς ΗΕ. καὶ ἔστιν ἡ μὲν ΖΔ ὑπεροχὴ τῆς ΑΔ πρὸς τὴν ΑΒ, ἡ δὲ ΗΕ ὑπεροχὴ τῆς ΑΕ πρὸς τὴν ΑΔ. αἱ ἄρα τῶν ἐλαττόνων εὐθειῶν ὑπεροχαὶ μείζονες εἰσι τῶν ἐξῆς, τῶν περιφερειῶν τῷ ἴσῳ παρηυξημένων, ὅπερ προέκειτο δεῖξαι. ΣΠῶς αἱ ὑπὸ τὰς ἐλάττονας τῶν ξ μοιρῶν ὑποτείνουσαι εὐθεῖαι μείζους εἰσὶν τῷ ἀριθμῷ τῶν κατ' αὐτὰς περιφερειῶν, αἱ δὲ ὑπὸ τὰς μείζους ἐλάττονες. Τούτου δεδειγμένου, ἐξῆς ἂν εἴη, καθάπερ εἵπομεν, δεῖξαι πῶς αἱ ἐλάσσονες τῶν ὑπὸ τὰς ξ μοίρας ὑποτείνουσαι εὐθεῖαι μείζονες εἰσὶν τῷ ἀριθμῷ τῶν κατ' αὐτὰς περιφερειῶν, αἱ δὲ ὑπὲρ τὰς ξ ἐλάττονες.

506 καὶ ἔστι τὸ τοιοῦτον αὐτόθεν δῆλον ἐκ τοῦ προδειχθέντος ὑπ' αὐτοῦ θεωρήματος. Ἐστω γὰρ κύκλος ὁ ΑΒΓΔ καὶ διήχθωσαν ἐν αὐτῷ δύο εὐθεῖαι ἢ τε ΑΒ ὑποτείνουσα περιφέρειαν μοιρῶν λ καὶ ἡ ΑΓ μοιρῶν ξ. καὶ ἐπεὶ ἡ ΑΓ εὐθεῖα πρὸς τὴν ΑΒ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ ΑΒΓ περιφέρεια πρὸς τὴν ΑΒ περιφέρειαν, ἡ δὲ ΑΒΓ περιφέρεια διπλασίων ἐστὶν τῆς ΑΒ περιφερείας, καὶ ἡ ΑΓ ἄρα εὐθεῖα τῆς ΑΒ ἐλάσσων ἐστὶν ἢ διπλασία. καὶ ἔστιν ἡ ΑΓ εὐθεῖα ξ ἡ ΑΒ ἄρα εὐθεῖα μείζων ἐστὶν τῶν λ. ὥστε ἡ ΑΒ εὐθεῖα μείζων ἐστὶν τῷ ἀριθμῷ τῆς ἐπ' αὐτῆς περιφερείας, ἐλάσσων οὖσα ξ. Πάλιν διήχθω καὶ ἡ ΑΔ ὑποτείνουσα μοιρῶν ρκ. ἐπεὶ ἡ ΑΔ εὐθεῖα πρὸς τὴν ΑΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ ΑΓΔ περιφέρεια πρὸς τὴν ΑΒΓ, ἡ δὲ ΑΓΔ διπλασίων ἐστὶν τῆς ΑΒΓ, ἡ ΑΔ ἄρα εὐθεῖα ἐλάσσων ἐστὶν ἢ διπλασία τῆς ΑΓ. ἀλλὰ ἡ ΑΓ εὐθεῖα ἐστὶν ξ. ἡ ΑΔ ἄρα ἐλάττων ἐστὶν τῶν ρκ, τῆς περιφερείας οὔσης ρκ. Ἐστὶν δὲ καὶ τοῦτο λογικώτερον εἰπεῖν, ὅτι ἐπεὶ καὶ μείζους ἠρέθησαν αἱ εὐθεῖαι τῷ ἀριθμῷ τῶν ἐπ' αὐτὰς περιφερειῶν καὶ ἐλάττονες, εὐλόγως καὶ ἰσάριθμος εὐρέθη καὶ μέση ἡ ἰσάριθμος τῶν ἀνίσων τουτέστιν τῶν ξ.

507 Σ'Οτι δὲ καὶ ἐπὶ τῶν μειζόνων περιφερειῶν οὐχ ὀρίζει τὰς πηλικότητας τῶν εὐθειῶν τὸ προκείμενον θεώρημα καθάπερ ἐπὶ τῆς ὑπὸ τὸ $\alpha' \delta'$ καὶ τῆς ὑπὸ τὴν $\alpha \alpha'$ κατελάμβανεν τὴν ὑπὸ τὴν α μοῖραν ἔγγιστα, δεῖξομεν οὕτως. Ὑποκείσθω γὰρ πάλιν ἡ μὲν ΑΒ περιφέρεια μοιρῶν λ καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα δεδομένη λα γ λ, ἡ δὲ ΑΒΓΔ περιφέρεια μοιρῶν ρκ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ργ νε κγ. καὶ δέον ἔστω ἐκ τούτων εὐρεῖν τὴν ὑπὸ τὰς ξ ὡς τὴν ΑΓ. ἐπεὶ οὖν ἡ ΑΓ περιφέρεια τῆς ΑΒ ἐστὶν διπλῇ, ἡ ΑΓ ἄρα εὐθεῖα τῆς ΑΒ ἐλάττων ἐστὶν ἢ διπλασίων. καὶ ἔστιν ἡ ΑΒ λα γ λ. ἡ ΑΓ ἄρα ἐλάττων ἐστὶν ξβ ζ. πάλιν διὰ τὰ αὐτὰ ἡ ΑΔ εὐθεῖα τῆς ΑΓ ἐλάττων ἐστὶν ἢ διπλῇ. καὶ ἔστιν ἡ ΑΔ ργ νε κγ. ἡ ΑΓ ἄρα εὐθεῖα μείζων ἐστὶν να νζ μβ ἔγγιστα. ἐδείχθη δὲ καὶ ἐλάττων ξβ ζ, καὶ δῆλον ὡς οὐκ ἔστιν ὀρίσαι αὐτῆς ἔγγιστα τὴν πηλικότητα, τῆς διαφορᾶς μοιρῶν ι καὶ ἐξηκοστῶν ι ἔγγιστα τυγχανούσης. Πῶς δοθείσης τινὸς περιφερείας μεταξὺ τῶν κατὰ παραύξησιν τοῦ ἡμιμοιρίου ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα δίδεται καὶ τὸ ἀνάπαλιν. Τούτου δηλωθέντος, καταλίποιο ἂν ἔτι δεῖξαι πῶς δοθείσης τινὸς περιφερείας μεταξὺ τῶν καθ' ἡμιμοῖριον παραυξήσεων πιπτούσης καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ἐκ προχείρου ἔγγιστα δίδεται, καὶ τὸ ἀνάπαλιν, πῶς δοθείσης τινὸς εὐθείας μεταξὺ τῶν ἐν τῷ κανόνι ἐκτεθειμένων πιπτούσης καὶ ἡ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια ὁμοίως δίδεται.

508

Ἔστω δὴ, δοθείσης περιφερείας μοιρῶν ι καὶ ἐξηκοστῶν $\iota\epsilon$, τὴν ὑπ' αὐτὴν εὐθεΐαν εὐρεῖν. ἀπογράφω τὴν ἔγγιστα ἐλάσσονα περιφέρειαν μοιρῶν οὖσαν ι καὶ τὴν ὑπ' αὐτὴν εὐθεΐαν τμημάτων οὖσαν ι κζ λβ καὶ ἔτι τὴν ἔγγιστα μείζονα περιφέρειαν μοιρῶν οὖσαν ι λ' καὶ τὴν ὑπ' αὐτὴν εὐθεΐαν ι νη μθ καὶ μέσσην τὴν δεδομένην περιφέρειαν μοιρῶν ι καὶ ἐξηκοστῶν $\iota\epsilon$, ὡς ὑπογράφεται. καὶ ἐπεὶ καθ' ὁμαλὴν παραύξησιν ἀναλόγως τοῖς μεταξὺ ἐξηκοστοῖς τῶν περιφερειῶν τὰ τῶν εὐθειῶν ἐξηκοστὰ ἔγγιστα ἐπιβάλλει, ὡς μικρῷ πρόσθεν φανερόν ἡμῖν γέγονεν, λαμβάνομεν τὴν ὑπεροχὴν τῆς μείζονος περιφερείας πρὸς τὴν ἐλάσσονα, τουτέστιν τῶν μοιρῶν ι λ' πρὸς τὰς μοίρας ι , ἔστιν δὲ ἐξηκοστῶν λ : καὶ ἔτι τῶν ὑπ' αὐτὰς εὐθειῶν τὴν ὑπεροχὴν, ἔστιν δὲ π λα ιζ: καὶ ἔτι τῶν ι μοιρῶν τῆς περιφερείας πρὸς τὰς μοίρας ι καὶ ἐξηκοστὰ $\iota\epsilon$, ἃ ἔστιν ἐξηκοστὰ $\iota\epsilon$. καὶ ἐπεὶ ὡς ἔφην ἀναλόγως ζητοῦμεν τὰς ἐπιβαλλούσας εὐθείας ταῖς περιφερείαις, σχόντες τρία μεγέθη, β μὲν τῶν ὑπεροχῶν τῶν περιφερειῶν, καὶ ἔν τῆς ὑπεροχῆς τῶν εὐθειῶν, λαμβάνοντες δ' ἀνάλογον εὐρίσκομεν τὴν ὑποτείνουσαν εὐθεΐαν τὰ $\iota\epsilon$ ἐξηκοστὰ τῆς περιφερείας.

509 εὐρίσκεται δὲ οὕτως· πολλαπλασιάζομεν τὰ $\iota\epsilon$ ἐξηκοστὰ τῆς * περιφερείας ἐπὶ τὰ π λα ιζ τῆς εὐθείας, καὶ τὰ γενόμενα υξθ δεύτερα ἐξηκοστὰ καὶ τρίτα $\iota\epsilon$ μερίσαντες παρὰ τὰ λ, ἔχομεν πρῶτα ἐξηκοστὰ $\iota\epsilon$ καὶ δεύτερα λη λ', ἃ προσθέντες τῇ ὑποτεϊνούσῃ τὰς μοίρας ι τῆς περιφερείας τμημάτων οὖσῃ ι κζ λβ, ἔχομεν τὴν ὑποτείνουσαν τὰς μοίρας ι καὶ ἐξηκοστὰ $\iota\epsilon$ τμημάτων ι μγ ι ἔγγιστα. Ὡς πάλιν τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων, δέον ἔστω ἀνάπαλιν δοθείσης εὐθείας τμημάτων ι μγ ι εὐρεῖν τὴν ἐπ' αὐτῆς περιφέρειαν. λαμβάνομεν πάλιν τὴν ὑπεροχὴν τῆς ἐγγυτέρω μείζονος αὐτῆς καὶ ἐλάσσονος τουτέστιν τῶν ι νη μθ πρὸς ι κζ λβ, ἃ γίνεται π λα ιζ, καὶ τῶν περιφερειῶν ὁμοίως τὰ π λ, καὶ ἔτι τῶν ι μγ ι πρὸς τὰ ι κζ λβ, ἃ ἔστιν ἐξηκοστὰ $\iota\epsilon$ λη. καὶ ἵνα πάλιν λάβωμεν τὸν δ' ἀνάλογον, πολλαπλασιάζομεν τὰ $\iota\epsilon$ λη ἐπὶ τὰ λ καὶ μερίζομεν παρὰ τὸν λα ιζ, καὶ τὰ γενόμενα ἐξηκοστὰ $\iota\epsilon$ προστιθέντες ταῖς ι μοίραις ἔχομεν τὴν ὑποτεϊνομένην περιφέρειαν ὑπὸ τῆς εἰρημένης εὐθείας μοιρῶν ι $\iota\epsilon$. Ὡς ἔστιν δὲ καὶ προχειρότερον τὸ τοιοῦτον ἐφοδεῦσαι καθὼς καὶ αὐτῷ δοκεῖ.

510 ἔαν γὰρ ζητοῦντες τὴν εἰρημένην εὐθεΐαν πεντεκαϊδεκάκι ποιήσωμεν τὰ παρακείμενα ταῖς ι μοίραις τῆς περιφερείας ἐν τῷ τρίτῳ σελιδίῳ, καὶ προσθῶμεν τὰ γενόμενα τῇ ὑποτεϊνούσῃ τὰς ι μοίρας, ἔχομεν τὴν ὑποτείνουσαν τὰς ι μοίρας καὶ ἐξηκοστὰ $\iota\epsilon$. ἔαν δὲ ἀνάπαλιν τὴν εἰρημένην εὐθεΐαν ἔχοντες βουλώμεθα λαβεῖν τὴν ἐπ' αὐτῆς περιφέρειαν, τὴν ὑπεροχὴν τῆς εὐθείας λαβόντες ἦν ἔχει πρὸς τὴν ἔγγιστα ἐλάττονα παρακειμένην, οἷον τὴν ὑπεροχὴν τῶν ι μγ ι πρὸς τὰ ι κζ λβ, καὶ ἔτι τὰ παρακείμενα ἐν τῷ γ' σελιδίῳ ἐξηκοστὰ τῇ ἔγγιστα ἐλάττονι, καὶ παρὰ ταῦτα μερίσαντες τὴν ὑπεροχὴν τῶν β εὐθειῶν, τὰ γενόμενα ἐκ τοῦ μερισμοῦ προσθέντες τῇ ἐκκειμένῃ ἐλάττονι περιφερείᾳ οἷον τῇ μοιρῶνι, ἔχομεν τὴν ὑποτεϊνομένην περιφέρειαν ὑπὸ τῆς εἰρημένης εὐθείας. Περὶ τῆς μεταξὺ τῶν τροπικῶν περιφερείας.

511 (1τ) Διεξεληθόντες περὶ τῆς πραγματείας τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν καὶ ἔτι περὶ τῶν κατὰ μέρος εἰς τὴν πραγματείαν παρακολουθούντων, ἐξῆς περὶ τῆς εἰρημένης αὐτῷ ἀναγκαίως τῶν κατὰ μέρος προλαμβάνεσθαι ἀποδείξεων, τουτέστιν τῆς μεταξὺ τῶν β πόλων τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ζωδιακοῦ πηλικότητος ἐπὶ τοῦ διὰ τῶν αὐτῶν πόλων γραφομένου μεγίστου κύκλου. τὸν λόγον ποιησόμεθα. φησὶν οὖν ἐνταῦθα· «... Πόσον ὁ λοξὸς καὶ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλος ἐγκέκλιται πρὸς «τὸν ἰσημερινόν ...» Ὡς γὰρ τούτων ἔγκλισις τὴν ἴσην ἀπολαμβάνει τῇ μεταξὺ τῶν δύο πόλων. ἔαν γὰρ νοήσωμεν ζωδιακὸν μὲν τὸν ΑΒΓ, ἰσημερινὸν δὲ τὸν ΑΔΓ, καὶ τὸ μὲν Α σημεῖον τὸ κατὰ τὴν ἑαρινὴν αὐτοῦ τομὴν, τὸ δὲ Β θερινὸν τροπικόν, καὶ λάβωμεν τοῦ μὲν ΑΒΓ ζωδιακοῦ πόλον τὸν Ε, τοῦ δὲ ΑΓΔ ἰσημερινοῦ πόλον τὸν Ζ, καὶ διὰ τῶν Ζ, Ε μέγιστον κύκλον γράψωμεν ὡς τὸν ΒΕΖΘ, γίνεται ἴση ἡ ΖΔ τῇ ΕΒ· ἐκ πόλων γὰρ εἰσιν μεγίστων κύκλων.

512

καὶ κοινῆς ἀφαιρεθείσης τῆς ΔΕ, λοιπὴ ἡ ΖΕ μεταξὺ τῶν πόλων λοιπῇ τῇ ΒΔ τῆς ἐγκλίσεώς ἐστὶν ἴση. ὥστε ἐὰν τὴν ἔγκλισιν τῶν κύκλων εὐρώμεν ἐπὶ τοῦ οὕτως γραφομένου μεγίστου κύκλου, τὴν μεταξὺ τῶν πόλων εὐρηκότες ἐσόμεθα. §Ὅτι δὲ ἡ ΒΔ τῆς ἐγκλίσεώς ἐστὶν τῶν κύκλων, δείξομεν οὕτως· ἐὰν γὰρ ἐπιζεύξωμεν τὰς ΑΓ, ΒΚ, ΔΘ κοινὰς τομὰς τῶν κύκλων, ἔσται τὸ Η κέντρον τῆς σφαίρας, διὰ τὸ μεγίστους εἶναι τοὺς κύκλους, καὶ διαμέτρους τὰς ΒΚ, ΔΘ, ΑΓ. καὶ ἐπεὶ ὁ ΒΔ, ΚΘ ὀρθός ἐστὶν πρὸς τοὺς ΑΒΓΚ, ΑΔΓΘ κύκλους, καὶ οἱ ΑΒΓΚ, ΑΔΓΘ ἄρα κύκλοι ὀρθοὶ εἰσιν πρὸς τὸν ΒΔΚΘ. καὶ ἡ κοινὴ ἄρα αὐτῶν τομὴ ἡ ΑΓ ὀρθή ἐστὶν πρὸς τὸν ΒΔΚΘ κύκλον καὶ πρὸς πάσας ἄρα τὰς ἀπομένους αὐτῆς εὐθείας καὶ οὖσας ἐν τῷ τοῦ ΒΔΖΚ κύκλου ἐπιπέδῳ ὀρθή ἐστὶν ἡ ΑΓ. ὥστε καὶ πρὸς τὰς ΒΗ, ΔΗ ὀρθή ἐστὶν ἡ ΑΓ. καὶ ἐπεὶ τῇ ΑΓ κοινῇ τομῇ τοῦ διὰ μέσων καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐν ἑκατέρῳ τῶν ἐπιπέδων πρὸς ὀρθὰς εἰσιν αἱ ΗΒ, ΗΔ, ἡ ἄρα ὑπὸ ΒΗΔ ἡ κλίσις ἐστὶν τῶν εἰρημένων ἐπιπέδων. καὶ ἔστιν πρὸς τῷ κέντρῳ τῆς σφαίρας. ὥστε καὶ ἡ ΔΒ περιφέρεια τῆς κλίσεώς ἐστὶν τῶν αὐτῶν ἐπιπέδων. §Πάλιν λέγων· «... τουτέστιν τίνα λόγον ἔχει ὁ δι' ἀμφοτέρων τῶν ἐκ«κειμένων πόλων μέγιστος γραφόμενος κύκλος πρὸς τὴν ἀπολαμβανομένην ὑπ' αὐτοῦ μεταξὺ τῶν πόλων περιφέρειαν», ἐκ παραλλήλου περὶ τῆς αὐτῆς καταλήμψεως λέγει.

- 513 ἐὰν γὰρ εὐρὴ τοῦτον τὸν λόγον, ἔχῃ δὲ καὶ τὸν μέγιστον κύκλον μοιρῶν τξ, ἔχει ἄρα καὶ τὴν μεταξὺ τῶν πόλων περιφέρειαν, ἥτινι περιφερεῖα ἴσον ἀπέχει ὁ ἰσημερινὸς ἑκατέρου τῶν τροπικῶν, τουτέστιν ἥς περιφερείας * διπλασίων ἐστὶν ἡ μεταξὺ τῶν τροπικῶν. διὰ τοῦτο δὲ ταύτην ἐπήγαγεν, ἐπεὶ μάλιστα διὰ ταύτης ἐκ προχείρου τὴν εἰρημένην περιφέρειαν μεταξὺ τῶν πόλων καταλαμβάνεται. §Καὶ ἐπεὶ ὕλη τῆς ἀστρονομικῆς θεωρίας ἐστὶν τὰ φαινόμενα, ἐκ τούτων τὴν τοιαύτην πρώτην ἀπόδειξιν τῆς μεταξὺ τῶν τροπικῶν περιφερείας ἐπιλογίζεται, λέγω δὴ ἐκ τηρήσεων τῶν φαινομένων. §Καὶ χρῆται πρὸς τὴν τοιαύτην τῶν τηρήσεων κατάλημψιν ἀπλουστέrais δυσὶν ὀργάνων ἐκθέσειν, ἐνὸς μὲν διὰ κρίκων ἐτέρου δὲ διὰ πλινθίδος, ὧν πρῶτον τὰς κατασκευὰς ἐκτίθεται καὶ τὰς θέσεις, εἴθ' οὕτω καὶ τὰς χρήσεις. καὶ διὰ τούτων εὐρίσκει ὡς ἔφαμεν τὴν μεταξὺ τῶν τροπικῶν περιφέρειαν, καὶ ἐκ ταύτης τὴν προκειμένην μεταξὺ τῶν πόλων, καὶ ἔτι τὴν ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸν ἰσημερινόν, ἡ ἴση ἐστὶν τῷ τοῦ πόλου ἐξάρματι. §Κατασκευάζεται δὲ φησιν τὰ ὄργανα τόνδε τὸν τρόπον, καὶ πρῶτον τὸ διὰ τῶν κρίκων. «ποιήσομεν γὰρ κύκλον χάλκεον σύμμετρον τῷ μεγέθει, «τετορνευμένον ἀκριβῶς, τετράγωνον τὴν ἐπιφάνειαν», τουτέστιν τετράπλευρον.
- 514 ἔπειτα παραγράψαντες ἐπὶ μιᾶς τῶν παρὰ τε τὴν κοίλην καὶ τὴν κυρτὴν ἑκατέρᾳ πλευρῶν κατὰ μέσον κύκλον, «διελόντες αὐτὸν εἰς τὰ «τοῦ μεγίστου κύκλου τμήματα τξ» καὶ ἔτι τὰ μεταξὺ εἰς ὅσα ἐνδέχεται χρῆσόμεθα τούτῳ μεσημβρινῷ, καθιστάντες αὐτὸν τὴν πρὸς ὀρθὰς τῷ ὀρίζοντι καὶ ἔτι πρὸς ἄρκτους καὶ μεσημβρίαν θέσιν λαμβάνοντες. «Ἐπειτα ἕτερον κυκλίσκον λεπτότερον» αὐτοῦ κατὰ τὸ ὕψος ἐναρμόσαντες ὑπ' αὐτόν, ὥστε τὰς πλευρὰς αὐτῶν ὡς ἔφαμεν τὰς παρὰ τὰς κυρτὰς καὶ κοίλας ἐπὶ μιᾶς μένειν ἐπιφανείας, περιάγεσθαι τε ἀκωλύτως καὶ μερίζοντα τῷ μείζονι δύνασθαι τὸν ἐλάττονα τῶν κύκλων ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ αὐτοῦ πρὸς ἄρκτους τε καὶ μεσημβρίαν.
- 515 τοῦτο δὲ γίνεται, πηγματίων πηγνυμένων εἰς τὰς παρ' ἑκάτερα τοῦ μείζονος κύκλου πλευρὰς καὶ διακρατούντων αὐτὸν εἰς τὸ αὐτὸ αὐτῷ ἐπίπεδον. ἔπειτα εἰς τέσσαρα ἴσα διαιρουμένου τοῦ ἐλάσσονος κύκλου, κατὰ δύο τῶν οὕτως γενομένων κατὰ διάμετρον σημείων ἐναρμόζομεν δύο πηγματία μικρὰ τετράγωνα ἴσα, ἵνα ἐπ' εὐθείας αὐτοῖς γινομένου τοῦ ἡλίου ὅλον τὸ ὑποκάτω πηγματίον ὑπὸ ὅλου τοῦ ὑπεράνω σκιασθῇ, νεύοντα πρὸς ἄλληλα καὶ τὸ κέντρον τῶν κύκλων, τουτέστιν ἵνα αἱ πλατύτεραι καὶ τετράγωνοι πλευραὶ πρὸς ἀλλήλας ὧσιν τετραμμένοι καὶ ὡς ἐπὶ τὸ κέντρον, καὶ μὴ ἡ μὲν ὡς πρὸς ἄρκτους καὶ μεσημβρίαν ἡ δὲ ὡς πρὸς τὸ κέντρον, ἔτι δὲ καὶ ὀρθὰ πρὸς τὸ ἐπίπεδον τῶν κύκλων, ἐφ' ὧν παραθήσομεν κατὰ μέσου τοῦ πλάτους αὐτῶν,

τουτέστιν κατὰ μέσου τῆς διαστάσεως αὐτῶν τῆς πρὸς ἄρκτους καὶ μεσημβρίαν καὶ συμβαλλούσης τῷ κρίκῳ, γνωμόνια λεπτὰ ἀπτόμενα τῆς τοῦ μείζονος καὶ διηρημένου κύκλου πλευρᾶς. Διαλαβὼν οὖν μέχρις ἐνταῦθα περὶ τῆς κατασκευῆς τοῦ διὰ τῶν κρίκων ὀργάνου, ἐξῆς καὶ περὶ τῆς θέσεως αὐτοῦ διαλαμβάνει, ὅπως δέον ταύτην ἀκριβοῦν, καὶ φησιν· δεῖ τοῦτον τὸν μείζονα κύκλον παρ' αὐτὰς τὰς τηρήσεις ἐπὶ στυλίσκου ἰστᾶν συμμετρου κειμένου ἐν ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι ἔν τινι ἀνεπισκοτῇ χωρίῳ παραλλήλους ἔχοντος τὰς βάσεις ἀλλήλαις, ὀρθὸν μὲν πρὸς τὸν ὀρίζοντα, παράλληλον δὲ τῷ τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπιπέδῳ.

516 Τὸ μὲν οὖν ὀρθὸν πρὸς τὸν ὀρίζοντα λαμβάνεται οὕτως· βαρύλλιον μολύβδινον κωνικὸν ἐξαρτηθὲν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς βάσεως ὥστε ἐπ' εὐθείας εἶναι τὴν σπάρτον τῷ ἄξονι αὐτοῦ ἐῶμεν καταφέρεισθαι ἐπιθέντες τὴν σπάρτον ἐπὶ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐσομένου σημείου τοῦ κρίκου, τοῦτο δὲ ἐστὶν τὸ κατὰ διάμετρον τοῦ ἐφαπτομένου τῆς ἐφέδρας τοῦ στυλίσκου, ὑποθεματίοις διορθούμενοι ἕως ἂν εἰς τὸ κατὰ διάμετρον ἐπιψαύσῃ ἡ κορυφὴ αὐτοῦ τῆς ἐπὶ τὰ αὐτὰ πλευρᾶς τοῦ κύκλου, καὶ μήτε ἐκτὸς αὐτῆς ἐκνεύσῃ, μήτε ἐπικαθίσῃ αὐτῇ. καὶ ἔσται τότε τὸ ἐπίπεδον τοῦ κύκλου ὀρθὸν πρὸς τὸν ὀρίζοντα, ἐπεὶ καὶ τὸ κωνάριον τῷ ἰδίῳ βάρει καταφερόμενον ὀρθὴν τὴν σπάρτον διαφυλάττει πρὸς τὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπίπεδον.

517 καὶ οὕτω μὲν ὀρθὴ πρὸς τὸν ὀρίζοντα ἡ θέσις τοῦ ὀργάνου καθίσταται. Ἴνα δὲ καὶ παράλληλον τῷ τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπιπέδῳ αὐτὴν καταστήσωμεν, λαμβάνομεν πρῶτον μεσημβρινὴν γραμμὴν εὐσήμως ἐν ἀκλινεῖ τῷ ὑπὸ τὴν βάσιν ἐπιπέδῳ. καὶ ἐπὶ ταύτης τιθέντες τὸν στυλίσκον, διοπτεύομεν, παραφέροντες τοὺς κρίκους τοῦ κωναρίου τὸν εἰρημένον τρόπον φυλαττομένου ἕως οὗ διὰ μιᾶς πλευρᾶς τὸ ἐπίπεδον αὐτῶν παράλληλον τῇ μεσημβρινῇ γραμμῇ διοπτευθῇ. καὶ οὕτως ἔχομεν καὶ τὴν τοιαύτην θέσιν. Ἔστιν δὲ οὕτω προχειρότερον ἅμα καὶ πρὸς ὀρθὰς καὶ παράλληλον τῷ μεσημβρινῷ τὸ ἐπίπεδον τῶν κύκλων τὴν θέσιν λαμβάνειν. ἐὰν γὰρ ἀποθέμενοι τὴν βάσιν τοῦ στυλίσκου ἐπὶ τῆς μεσημβρινῆς γραμμῆς, κανόνας δύο λαβόντες ἐφ' ἑκάτερα τῆς βάσεως στήσωμεν ὀρθοὺς πρὸς τὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπίπεδον τὸν ὑποδειχθησόμενον ἐξῆς ἐπὶ τῆς πλινθίδος τρόπον, καταστήσαντες αὐτῶν τὰς ἐπὶ τὰ αὐτὰ * πλευρὰς κατὰ τῆς μεσημβρινῆς εὐθείας, ἔσονται καὶ πρὸς ὀρθὰς τῷ ὀρίζοντι καὶ ἐν τῷ τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπιπέδῳ. ἐὰν οὖν τοὺς κρίκους ἐπιθέντες τοῖς κανόσιν ἐναρμόσωμεν μολίβδῳ τὸν μείζονα ἐπὶ τὴν ἐφέδραν, ἔσονται καὶ ὀρθοὶ πρὸς τὸν ὀρίζοντα καὶ ἐν τῷ τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπιπέδῳ. Δηλώσας οὖν ἡμῖν τὴν κατασκευὴν καὶ τὴν θέσιν, ἐξῆς ἐπὶ τὴν χρῆσιν μεταβαίνει καὶ φησιν· «Τοιαύτης δὲ τῆς θέσεως γεγεννημένης .

518 ...» καὶ τὰ ἐξῆς. §Τοιαύτην δὲ τὴν θέσιν τοῦ ὀργάνου εἰληφότος, ἐτηροῦμεν τὴν πρὸς ἄρκτους καὶ μεσημβρίαν τοῦ ἡλίου παραχώρησιν περὶ τε τὰς θερινὰς τροπὰς, τουτέστιν τοῦ ἡλίου περὶ τὴν ἀρχὴν τοῦ Καρκίνου γινομένου, καὶ περὶ τὰς χειμερινὰς τροπὰς τοῦ ἡλίου πάλιν περὶ τὴν ἀρχὴν τοῦ Αἰγόκερω τυγχάνοντος, ἐν αὐτῇ τῇ μεσημβρίᾳ τουτέστιν περὶ ὥραν ἕκτην, ὅτε καὶ ἄσκιος ἐγίνετο ὁ μεσημβρινός, παραφέροντες τὸν ἐντὸς τῶν κύκλων ἕως τὸ ἐπάνω πηγματίον τὸ κατὰ διάμετρον ἑαυτοῦ σκιάσῃ· τότε γὰρ καὶ ἡ διὰ μέσου τῶν πηγματίων νοουμένη εὐθεῖα ἐκβαλλομένη ἐπὶ τὸ τοῦ ἡλίου κέντρον πεσεῖται. περὶ αὐτὰς οὖν ὥς ἔφαμεν τὰς τροπὰς ὄντος τοῦ ἡλίου ἐξῆς ἡμερῶν τὴν τοιαύτην παρατήρησιν ποιούμενοι, ἐτηροῦμεν ἕως ἂν καταλάβωμεν τὸν ἥλιον ἀπὸ τοῦ βορειοτάτου ἢ νοτιωτάτου πέρατος τρεπόμενον, καὶ ὥσπερ ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ σημείου μένοντα τοῦ μεσημβρινοῦ, διὰ τὸ περὶ τὰ τοιαῦτα σημεῖα μᾶλλον αὐτὸν ἐγχρονίζειν, εἰς τοῦπίσω ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ αὐτοῦ ὑποστρέφοντος.

519 καὶ λαμβάνοντες τὸ κατ' ἐκεῖνο τὸ πέρας τῆς τοῦ ἡλίου παραχωρήσεως σημεῖον, εὐρίσκομεν πόσα τμήματα ἀφίστατο ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸ βορειότατον ἢ νοτιώτατον πέρας ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ, δηλοῦντος ἡμῖν τοῦ γνωμονίου δηλαδὴ τὸ τοιοῦτον, ἐκ τῶν ἀποληφθεισῶν διαιρέσεων τοῦ μείζονος κύκλου μεταξὺ τοῦ τε γνωμονίου τοῦ ἐπὶ τοῦ πηγματίου καὶ τοῦ κατὰ

κορυφήν σημείου, τουτέστιν τοῦ κατὰ διάμετρον τοῦ τοῦ ἐπιπέδου ἐφαπτομένου, ἐπεὶ καὶ ἡ οὕτως ἐπιζευγνυμένη εὐθεῖα πρὸς ὀρθὰς γωνίας γίνεταί τῳ τοῦ ὀρίζοντος ἐπιπέδῳ ἣτις καὶ ἐπὶ τὸ κατὰ κορυφήν πίπτει, ὃ ἐστὶν καὶ ἐπ' αὐτοῦ τοῦ μεσημβρινοῦ. Ὡς τήσαντες οὖν ἀμφοτέρως τὰς κατὰ πλάτος τοῦ ἡλίου παρόδους τὴν βορειοτάτην καὶ νοτιωτάτην, ἐφ' ὧν μὲν βορειότερος ὁ ἥλιος ἐγίνετο τοῦ κατὰ κορυφήν, τουτέστιν ἐφ' ὧν οἰκήσεων τὸ ἔξαρμα ἔλαττον ἐστὶν τῶν καταλαμβανομένων τῆς τοῦ διὰ μέσων πρὸς τὸν ἡμερινὸν ἐγκλίσεως μοιρῶν κυνα, συντιθέντες ἀμφοτέρως τὰς ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφήν ἐπὶ τὰ βορειότατα καὶ νοτιώτατα τῶν γνωμονίων ἀποστάσεις, τὴν ὅλην παραλαμβάνομεν γινομένην μεταξὺ τῶν τροπικῶν· ἔνθα δὲ ὁ ἥλιος βορειότατος γινόμενος ἐπ' αὐτοῦ τοῦ κατὰ κορυφήν ἐτύγχανεν, λαμβάνοντες μόνην τὴν ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφήν ἐπὶ τὸ νοτιώτατον πέρας τοῦ ἡλίου παραχώρησιν, ταύτην πάλιν ἐλέγομεν εἶναι μεταξὺ τῶν τροπικῶν· ἔνθα δὲ βορειότατος γινόμενος ὁ ἥλιος νοτιώτερος τοῦ κατὰ κορυφήν ἐτύγχανεν, ἀπὸ τῆς νοτιωτέρας αὐτοῦ τοῦ κατὰ κορυφήν ἀποστάσεως ἀφαιροῦντες τὴν βορειοτέραν, τὴν λοιπὴν ἐλέγομεν εἶναι μεταξὺ τῶν τροπικῶν· ἢν δίχα τεμόντες εἴχομεν τὸ κατὰ τὸν ἡμερινὸν σημεῖον. καθόλου δὲ ἐπὶ πασῶν τῶν οἰκήσεων ὅσον ἀπέχει τοῦτο τὸ τῆς τοιαύτης διχοτομίας σημεῖον, ὃ ἐστὶν κατὰ τὸ ἡμερινόν, τοῦ κατὰ κορυφήν, τοσοῦτον ἔσται καὶ τὸ ἔξαρμα τῆς οἰκήσεως, τοῦ τοιοῦτου κατὰ τὸν ἡμερινὸν σημείου γινομένου καὶ κατὰ κορυφήν ἐπὶ μόνῃς τῆς ὀρθῆς σφαίρας.

520 Ὡς τὰ δὲ καὶ ἐνταῦθα φανερά ἡμῖν γένηται διὰ τῶν γραμμῶν τὰ λεγόμενα, ἐκκείσθωσαν οἱ ΑΒ, ΓΔ κύκλοι ἔχοντες τὴν εἰρημένην θέσιν. κατὰ κορυφήν δὲ ἔστω τὸ Α. καὶ βόρεια μὲν ἔστω τὰ πρὸς τῷ Ε, νότια δὲ τὰ πρὸς τῷ Β. καὶ βορειοτάτου γινομένου τοῦ ἡλίου, σκιαζέτω τὸ ὑπεράνω πρισματίον τὸ ὑποκάτω κατὰ τῆς τοῦ Ε θέσεως νοτιωτάτου δὲ κατὰ τῆς ἐπὶ τὸ Β. ἔξομεν ἄρα καὶ ἐκ τῆς ἐκ τοῦ κρίκου διαιρέσεως τὴν ΕΑΒ τὴν ἀπὸ τοῦ βορειοτάτου ἐπὶ τὰ νοτιώτατα τοῦ ἡλίου παραχώρησιν, ἣτις γίνεται μεταξὺ τῶν τροπικῶν, συγκειμένη δηλαδὴ ἐκ τῶν ΑΕ καὶ ΑΒ ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφήν ἐπὶ τὸ βορειότατον καὶ νοτιώτατον. καὶ ὁμοίως ἐὰν τὸ πηγματίον κατὰ τοῦ Α κατὰ κορυφήν βορειότατον γενόμενον σκιάσῃ τὸ κατὰ διάμετρον, νοτιώτατόν τε γινόμενον κατὰ τὸ Θ, ἔξομεν πάλιν τὴν ΑΘ ἐπιζητουμένην περιφέρειαν.

521 ἐὰν δὲ τὸ μὲν βορειότατον πέρας κατὰ τοῦ Β γένηται, τὸ δὲ νοτιώτατον κατὰ τὸ Κ, ἀφελόντες ἀπὸ τῆς ΑΚ τὴν ΑΒ, ἔξομεν λοιπὴν τὴν ΒΚ ἐπιζητουμένην ὁμοίως περιφέρειαν, ἢν δίχα τεμόντες ἔξομεν τὸ κατὰ τὸν ἡμερινὸν σημεῖον. Ὡς τὸ δὲ ἡ * ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφήν ἀποστάσις τοῦ ἡμερινοῦ τὸ ἔξαρμα περιέχει τῆς οἰκήσεως ἐφ' ἧς ἂν ποιήσωμεν τὰς παρατηρήσεις, οὕτως ἡμῖν ἔσται δῆλον. ἔστω γὰρ μεσημβρινὸς κύκλος ὁ ΑΒΓΔ καὶ ἐπ' αὐτοῦ τὸ κατὰ κορυφήν σημεῖον τὸ Α, ὀρίζων δὲ ὁ ΒΓ· ἐπεὶ οὖν ἐπὶ πάσης οἰκήσεως ὁ πόλος τοῦ ὀρίζοντος τὸ κατὰ κορυφήν σημείον ἐστὶν, ἡ ΑΓ ἄρα τεταρτημορίου ἐστίν. ἔστω δὲ καὶ ἡμερινὸς ὁ ΔΕ, πόλος δὲ αὐτοῦ τὸ Ζ· καὶ ἡ ΔΖ ἄρα τεταρτημορίου ἐστὶν τοῦ αὐτοῦ μεγίστου κύκλου. ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ ΑΓ τῇ ΔΖ. καὶ κοινῆς ἀφαιρεθείσης τῆς ΑΖ λοιπὴ ἡ ΑΔ λοιπὴ τῇ ΓΖ ἐστὶν ἴση. καὶ ἡ μὲν ΑΔ ἐστὶν ἡ ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφήν ἐπὶ τὸν ἡμερινὸν ἡ δὲ ΓΖ ἡ ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπὶ τὸν πόλον, ἣτις ἐστὶν τοῦ ἐξάρματος.

522 ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφήν ἐπὶ τὸν ἡμερινὸν ἴση ἐστὶν τῳ τοῦ πόλου ἐξάρματι ὃ καὶ πλάτος ἐστὶν τῆς τῆς οἰκήσεως. Ἡ μὲν οὖν τοῦ διὰ τῶν κρίκων ὀργάνου κατασκευὴ τε καὶ θέσις ἔτι τε καὶ χρήσις τοῦτον ἔχει τὸν τρόπον. Σέξῃς δὲ περὶ τῶν αὐτῶν καὶ ἐπὶ τοῦ ἑτέρου ὀργάνου διαληψόμεθα, ὅπερ ἐρεῖ καὶ εὐχρηστότερον εἶναι πρὸς τὴν ἐπιζητουμένην κατάληψιν. φησὶν οὖν, χρὴ κατασκευάσαι πλινθίδα ξυλίνην ἢ καὶ λιθίνην, τετράγωνον μὲν κατὰ τὸ μήκος καὶ τὸ πλάτος, ἐλάσσονα δὲ τὴν διάστασιν ἔχουσαν κατὰ τὸ βάθος ὥστ' εἶναι τὸ σχῆμα αὐτῆς στερεὸν παραλληλεπίπεδον, ἔχον τὰς μὲν τέσσαρας ἐπιφανείας ἐκ παραλληλογράμμων ἑτερομήκων, τὰς δὲ λοιπὰς β καὶ ἀπεναντίον τετραγώνους, ἔτι δὲ καὶ ἀδιάστροφον καὶ σύμμετρον τῳ

μεγέθει πρὸς τὸ δύνασθαι ἐστάναι κατὰ κρόταφον, μὴ πάνυ στενῶν γινομένων τῶν ἑτερομήκων ἐπιπέδων πρὸς τὸ ἐδραίως αὐτὴν ἐστάναι δύνασθαι, ἀποτεταμένην ἔχουσιν μίαν τῶν τετραγώνων πλευρῶν, πρὸς κανόνα ἀπειργασμένην, ὡς ἐπὶ τῆς ὑποκειμένης καταγραφῆς τὴν ΑΒΓΔ.

523 ἐφ' ἧς ἐπὶ μιᾷ τῶν γωνιῶν ἀποστήσαντες βραχὺ ληψόμεθα σημεῖον οἶον τὸ Ε, ᾧ κέντρῳ χρησάμενοι καὶ διαστήματι συμμετρῷ γράψομεν κύκλου τεταρτημόριον τὸ ΖΗ, ἐπιζεύξαντες ἀπὸ τοῦ Ε δύο εὐθείας πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις τὰς τὸ τεταρτημόριον τοῦ ὅλου κύκλου ἀπολαμβάνουσας ὡς τὰς ΕΖ, ΕΗ. καὶ διελόντες τὴν ΖΗ περιφέρειαν εἰς ρ τμήματα ἴσα καὶ ὅσα μεταξὺ ἐνδέχεται ἑξηκοστά, κατὰ μιᾷ τῶν εὐθειῶν τῶν περιεχουσῶν τὴν γωνίαν, τῆς πρὸς ὀρθὰς τῷ τοῦ ὀρίζοντος ἐπιπέδῳ τιθεμένης καὶ ἐν τῷ νοτιωτέρῳ μέρει τοῦ ἐπιπέδου λαμβανομένης, ὡς αὐτὸς φησι, «τῆς μελλούσης ὀρθῆς «τε ἔσεσθαι πρὸς τὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπίπεδον καὶ πρὸς μεσημβρίας τὴν «θέσιν ἔξειν,» γνωμόνιον θήσομεν κυλινδρικὸν πρὸς τὸ ἀπ' αὐτοῦ λαμβάνειν τὴν ἀπὸ τοῦ ἡλίου πίπτουσιν σκιάν. ἀναγκαιῶς οὖν ἐπὶ τοῦ νοτιωτέρου τοῦ ἐπιπέδου χρή εἶναι τὸ κυλίνδριον, ἵνα αἱ ἀκτῖνες ἐν τῷ ἐπιπέδῳ πίπτωσι πρὸς τὰ βόρεια αὐτοῦ πεμπόμεναι, ὡς ἐπὶ τῶν πλεῖον ἔχουσιν τὸ ἕξαρμα τῶν τῆς μεγίστης ἐγκλίσεως τοῦ διὰ μέσων πρὸς τὸν ἰσημερινὸν μοιρῶν κγ να. τῆς οὖν πλινθίδος τιθεμένης ἐν τινὶ ἀνεπισκοπητῷ χωρίῳ, ἐν ἀκλινεῖ πρὸς τὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπίπεδον ἐδάφει (τοῦτο δὲ γίνεται διὰ διαβήτου ἥτοι ἀλφαρίου, ἔστιν δὲ ὁ διαβήτης ἥτοι τὸ ἀλφάριον ἔοικὸς τῷ χωροβάτῃ Κάρπου, ἢ καὶ διὰ ὕδατος τῷ ἐπιπέδῳ ἐπιχεομένου, καὶ ὑποθεματίοις αὐτοῦ διορθουμένου ἕως ἂν στάσιν ποιήσῃ τὸ ὕδωρ) καὶ τῆς ΑΒΓΔ τετραγώνου πλευρᾶς πρὸς τὰς ἀνατολὰς τρεπομένης, τῆς δὲ ΒΚΛΓ πρὸς τὸ ἕδαφος, ὀρθῆς γινομένης τῆς ΕΗ τῷ τοῦ ὀρίζοντος ἐπιπέδῳ, ἐνηρμόσαμεν ἐπὶ τοῦ Ε σημείου κυλίνδριον, ὥστε τὸ κέντρον τῆς βάσεως αὐτοῦ ἐπ' αὐτοῦ ἀκριβῶς τυγχάνειν.

524 ἔτι δὲ καὶ πρὸς τῷ κάτω πέρατι τῆς εἰρημένης εὐθείας ἐπὶ τὸ Μ ἕτερον κυλίνδριον ἐνεθήκαμεν ἴσον καὶ ὁμοίως τετορνευμένον τῷ προτέρῳ. § Δηλωθείσης οὖν ἡμῖν τῆς κατασκευῆς τῆς πλινθίδος, ἑξῆς καὶ περὶ τῆς θέσεως καὶ χρήσεως αὐτῆς διαληψόμεθα. «ἰστάντες οὖν», φησὶν, «ταύτην τὴν καταγεγραμμένην τῆς πλινθίδος πλευράν» ὥστε παράλληλον αὐτὴν ἔχειν τὴν θέσιν τῇ διηγμένη μεσημβρινῇ γραμμῇ, δηλαδὴ πάλιν διοπτρεύοντες, ἢ καὶ ἐπ' αὐτῆς αὐτὴν τιθέντες, ἔτι καὶ ὀρθὴν αὐτὴν ποιήσομεν πρὸς τὸ ἐπίπεδον τοῦ ὀρίζοντος, σπάρτου ἀπηρτημένον ἐχούσης βαρύλλιον * ἀπὸ τοῦ πέρατος τοῦ ἐπάνω κυλινδρίου ἀφιεμένης ἕως οὗ εἰς τὸ πέραν τοῦ κάτω κυλινδρίου ποιήσεται τὴν πρόσνευσιν· τῆς γὰρ σπάρτου τοῦ πέρατος τοῦ κάτω ἄξονιου ἀκριβῶς ἐφαπτομένης, γίνεται παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον περιεχόμενον ὑπὸ δύο τῶν τε ἄξονιων τῶν δύο ἴσων καὶ ὁμοίων κυλίνδρων, καὶ τῆς ἐν τῷ ἐπιπέδῳ διὰ τῶν περάτων αὐτῶν εὐθείας, καὶ ἔτι τῆς σπάρτου· καὶ δῆλον ὅτι καὶ ὀρθογώνιον ἐστὶν διὰ τὸ καὶ τὰ κυλίνδρια πρὸς ὀρθὰς εἶναι τῷ ἐπιπέδῳ καὶ τοὺς ἄξονας αὐτῶν τῇ εὐθείᾳ τῇ ἐν τῷ ἐπιπέδῳ.

525 ὥστε ὅταν ἡ σπάρτος ἐφάψηται ἀκριβῶς τοῦ πέρατος τοῦ κατωτέρου κυλινδρίου, τότε καὶ τὸ ἐπίπεδον ὀρθὸν ἔσται πρὸς τὸ παρὰ τὸν ὀρίζοντα τοῦ παραλληλογράμμου ὀρθογωνίου συνισταμένου. Ἔτι δὲ καὶ τῆς θέσεως εἰρημένης, ἑξῆς περὶ τῆς χρήσεως διαληψόμεθα. ἐποιοῦμεθα δὴ τὴν τοιαύτην κατὰ πλάτος παρατήρησιν, τοῦ ἡλίου ὁμοίως περὶ τὰς θερινὰς τροπὰς ἢ τὰς χειμερινὰς τυγχάνοντος, ἔτι τε καὶ κατ' αὐτὴν τὴν μεσημβρίαν, τουτέστι πάλιν ὥρας ζ, τὴν ἀπὸ τοῦ κυλινδρίου προσπίπτουσιν ἐπὶ τὸ καταγεγραμμένον ἐπίπεδον σκιάν σημειούμενοι κατὰ ποίου τμήματος τῆς περιφερείας τυγχάνει, καὶ πηλίκην ἀπολαμβάνει περιφέρειαν ἀπὸ τῆς πρὸς ὀρθὰς τῷ ὀρίζοντι εὐθείας, ἥτις καὶ ἐπὶ τὸ κατὰ κορυφὴν πίπτει. καὶ ἵνα καταδηλοτέρα ἡμῖν γένηται ἡ ἀπὸ τοῦ κυλινδρίου σκιά, παρατίθεμεν πτύχιόν τι πρὸς τῇ καταγεγραμμένῃ περιφερείᾳ, πρὸς τὸ εἰς ἐκεῖνο προσπίπτουσιν αὐτὴν εὐσημαντοτέρα καταφαίνεσθαι. καὶ ἐπεὶ ἡ σκιά πλατυτέρα ἐστίν, ἐπεὶ καὶ αὐτὸ τὸ κυλίνδριον παχύτερον

τυγχάνει, καὶ πλείονα τόπον τῆς περιφερείας ἀπολαμβάνει, τὸ μέσον αὐτῆς σημειούμενοι ἐπὶ τῆς τοῦ τεταρτημορίου διαιρέσεως, εἵχομεν τὴν ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν τοῦ κέντρου τοῦ ἡλίου κατὰ πλάτος ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ παραχώρησιν, τουτέστιν τὴν πρὸς ἄρκτους καὶ μεσημβρίαν.

526 Ποιούμενοι οὖν τὰς τοιαύτας παρατηρήσεις ἐξῆς ἡμερῶν, καὶ ἡνίκα μὲν περὶ τὴν θερινὴν τροπὴν ὁ ἥλιος ἐτύγχανεν παρατηρούμενοι τὴν ἀπὸ τοῦ κυλινδρίου σκιὰν ὡς ἐπὶ τὰ νότια γινομένην καὶ μηκέτι ἐπὶ τὰ νοτιώτερα ἀπερχομένην, ἀλλὰ ὑποστρέφουσιν, λαμβάνοντες τὸ κατ' ἐκεῖνο σημεῖον, εἵχομεν τὴν ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸν θερινὸν τροπικὸν σημεῖον τοῦ ἡλίου παραχώρησιν. Ὡς δὲ πάλιν περὶ τὰς χειμερινὰς τροπὰς αὐτοῦ κατιόντος, καὶ γινομένης τῆς σκιᾶς βορειοτέρας καὶ μηκέτι πορρωτέρω τούτου ὡς ἐπὶ τὰ βορειότερα παραχωρούσης, ἀλλὰ πάλιν ὑποστρεφούσης, ὁμοίως σημειούμενοι τὸ κατ' αὐτὸ σημεῖον, ἠρύσκομεν τὴν ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸ νοτιώτατον τοῦ ἡλίου παραχώρησιν. Καὶ οὕτως εἵχομεν ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ τὴν ἀπὸ τοῦ βορειοτάτου τοῦ ἡλίου πέρατος ἐπὶ τὸ νοτιώτατον ἐπιζητουμένην περιφέρειαν, πόσων ἐστὶν τμημάτων ἐκ τῶν μεταξὺ ἀπολημφθεισῶν διαιρέσεων· ἢν δίχα τεμόντες εἵχομεν καὶ τὸ κατὰ τὸν ἰσημερινὸν σημεῖον, καὶ πόσον ἀφέστηκεν ἐκατέρου τῶν τροπικῶν, καὶ ἔτι τὴν ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸν ἰσημερινόν, ἥτις ἴση ἐστὶν τῷ ἐξάρματι, ἥτοι πλάτει τῆς ὑποκειμένης οἰκήσεως.

527 Ὡς δὲ πάλιν καὶ διὰ τῶν γραμμῶν ὑπ' ὅψιν ἡμῖν γένηται τὰ λεγόμενα, ἔστω πάλιν τὸ καταγραφόμενον τῆς πλινθίδος ἐπίπεδον τὸ ΕΗΔΘ παράλληλον τῷ τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπιπέδῳ καὶ ὀρθὸν πρὸς τὸ τοῦ ὀρίζοντος.

528 καὶ τοῦ μὲν ἄκρου τῆς σκιᾶς γινομένου ἐν ταῖς θεριναῖς τροπαῖς κατὰ τοῦ Ν, ἐν δὲ ταῖς χειμεριναῖς κατὰ τοῦ Ο <...> γράψει τὸ ἄκρον τῆς σκιᾶς τὸν ΠΤΗΘ κύκλον, ὃ ἔσται δηλονότι μεσημβρινὸς διὰ τὸ καὶ τὸ ἐπίπεδον ἐν τῷ τοῦ μεσημβρινοῦ τὴν θέσιν ἔχειν. καὶ ἐὰν ἐπιζεύξαντες τὰς ΝΕ, ΟΕ νοήσωμεν αὐτὰς ἐπὶ τὸν μεσημβρινὸν ἐκβαλλομένας ὡς τὰς ΝΕΡ, ΟΕΤ, καὶ ἐπιζεύζωμεν πάλιν τὰς ΡΟ, ΤΝ, καὶ προσεκβάλωμεν τὴν ΗΕ ἐπὶ τὸ Π, ἔσται ἡ μὲν ΡΟ θερινοῦ τροπικοῦ διάμετρος, ἡ δὲ ΤΝ χειμερινοῦ τροπικοῦ, τὸ δὲ Π κατὰ κορυφὴν, καὶ ἡ μὲν ΡΕΝ θερινὴ τροπικὴ ἀκτὶς ἡ δὲ ΤΟ χειμερινή. καὶ δηλὸν ὅτι κατὰ μὲν τοῦ Ρ γινόμενος ὁ ἥλιος διὰ τοῦ πρὸς τῷ Ε κυλινδρίου ἀκτῖνα πέμψει κατὰ τὸ Ν ἀπέχων τοῦ Π κατὰ κορυφὴν τὴν ΠΡ περιφέρειαν, τουτέστιν τὴν ΗΝ· πρὸς δὲ τῷ Τ γινόμενος ἀκτῖνα πέμψει τὴν ΤΟ, ἀπέχων πάλιν τοῦ Π κατὰ κορυφὴν * τὴν ΠΤ περιφέρειαν, τουτέστιν τὴν ΗΟ. Ἐκ πλειόνων οὖν τοιούτων παρατηρήσεων τῶν περὶ τὰς θερινὰς τροπὰς καὶ τὰς χειμερινὰς αὐτῷ γεγεννημένων κατελάβετο τὴν ΝΟ μεταξὺ τῶν τροπικῶν πάντοτε μὴ οἶων ὁ κύκλος τξ, καὶ μείζονος μὲν ἢ διμοῖρου τμήματος, ἐλάσσονος δὲ ἢ ἡμίσεος τετάρτου. καὶ τοῦτο δὲ οὕτως ἔχον ἐπελογίζετο, διὰ τὸ καὶ τὰ μεταξὺ μοιριαῖα διαστήματα διηρῆσθαι κατὰ τὰ ε ἐξηκοστά. καὶ ἔστιν οὗτος ὁ λόγος ὁ αὐτὸς σχεδὸν τῷ τοῦ Ἐρατοσθένους, ὃ καὶ ὁ Ἰππαρχος συνεχρήσατο ὡς ἀκριβῶς εἰλημμένῳ. καὶ γὰρ ὁ Ἐρατοσθένης διελὼν τὸν ὅλον κύκλον εἰς πγ ἠύρισκεν τὴν μεταξὺ τῶν τροπικῶν τῶν αὐτῶν ια.

529 καὶ ἔστιν ὡς τξ πρὸς μζ μβ μ οὕτως πγ πρὸς ια. Ὅτι δὲ ἐκ τῶν τοιούτων παρατηρήσεων ἐξ εὐχεροῦς λαμβάνεται καὶ τὸ ἔξαρμα ἢ καὶ ἡ ἔγκλισις τῆς οἰκήσεως ἐν ἧ δ' ἂν ἡ παρατήρησις γίνηται, οὕτως ἔσται δηλὸν. ἐπεὶ γὰρ τῆς ΡΤ δίχα τμηθείσης ἐπὶ τοῦ ἰσημερινοῦ τὸ σημεῖον ἐγίνετο, ἐὰν ἄρα τέμωμεν αὐτὴν δίχα κατὰ τὸ Σ, καὶ ἐπιζεύξαντες τὴν ΣΕ διαγάγωμεν κατὰ τὸ Ξ, ἔσται ἡ ΣΞ διάμετρος τοῦ ἰσημερινοῦ. ἐὰν οὖν ταύτη πρὸς ὀρθὰς ἀπὸ τοῦ Ε κέντρου ἀγάγωμεν τὴν ΕΦ, ἔσται ὁ ἄξων, τὸ δὲ Φ πόλος τοῦ ἰσημερινοῦ. καὶ ἡ μὲν ΕΘ ὀρίζοντος θέσιν ἔξει, διὰ τὸ ὀρθὴν εἶναι τὴν ὑπὸ ΠΕΘ ἀπὸ τοῦ Π κατὰ κορυφὴν, καὶ τεταρτημορίου γίνεσθαι τὴν ΠΑ ὅσον καὶ ἀπέχει τὸ κατὰ κορυφὴν, τοῦ ὀρίζοντος πόλος αὐτοῦ τυγχάνων· τὸ δὲ Φ ἔσται ὁ φανερός πόλος. καὶ ἐπεὶ ἡ ΠΑ τεταρτημορίου, ἀλλὰ καὶ ἡ ΣΦ, διὰ τὸ Φ πόλον εἶναι τοῦ

ἰσημερινοῦ, καὶ κοινῆς ἀφαιρεθείσης τῆς ΠΦ, λοιπὴ ἡ ΠΣ ἴση ἔσται τῇ ΦΑ, ὁμοίως τοῖς ἔμπροσθεν εἰρημένοις. καὶ ἔστιν ἡ ΑΦ τοῦ ἐξάρματος. καὶ ἡ ΠΣ ἄρα ἴση ἔστιν τῷ τοῦ πόλου ἐξάρματι. καὶ δέδοται ἡ ΠΣ, τουτέστιν ἡ ΗΞ, ἐκ τῆς τοῦ τεταρτημορίου διαιρέσεως. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΦΑ τοῦ ἐξάρματος, ὥστε καὶ ἡ ΣΨ λείπουσα τῆς ΠΣ εἰς τὸ τεταρτημόριον ἔσται δεδομένη, τῆς ἐγκλίσεως τυγχάνουσα. Ὡσαύτως δὲ καὶ καθ' οἷαν δ' ἂν οἴκησιν τὴν τοιαύτην παρατήρησιν ποιώμεθα, τὴν οὕτω λαμβανομένην διάστασιν ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸ τῆς διχοτομίας τῆς τε βορειοτάτης καὶ νοτιωτάτης τοῦ ἡλίου παραχωρήσεως, φήσομεν εἶναι τοῦ ἐξάρματος, ὃ καὶ πλάτος ἐστὶ τῆς οἰκίσεως, τὴν δὲ λοιπὴν εἰς τὸ τεταρτημόριον τῆς ἐγκλίσεως. ὁφανερὸν δὲ ὅτι τῆς πλευρᾶς τῆς καταγραφείσης οὔσης τῆς ΕΗΔΘ, καὶ τοῦ γνωμονίου κειμένου πρὸς τῇ μιᾷ τῶν γωνιῶν ὡς κατὰ τὸ Ε, οὐχὶ εἰς πᾶσαν οἴκησιν χρησιμεύσει τὸ ὄργανον πρὸς τὴν κατάληψιν τῆς ἐπιζητουμένης μεταξὺ τῶν τροπικῶν περιφερείας.

530 ἔνθα γὰρ ὁ ἥλιος βορειότερος γίνεται τοῦ Π κατὰ κορυφὴν ὡς ἐπὶ τοῦ Χ, πέμψει διὰ τοῦ πρὸς τὸ Ε κυλινδρίου ἀκτῖνα τὴν ΧΕΩ ἐκπίπτουσιν τοῦ ΕΗΔΘ παραλληλογράμμου καὶ ἀδύνατον ποιοῦσαν τὴν ἐπιζητουμένην κατάληψιν. διὸ χρὴ ἐπὶ τῶν τοιούτων κλιμάτων μὴ πρὸς τῷ ἄκρῳ τυγχάνειν τὸ γνωμόνιον, ἀλλὰ περὶ μέσον, ὡς ἐπὶ τοῦ ΘΩ παραλληλογράμμου τὸ Ε, καὶ προσαναπληροῦν τὴν περιφέρειαν, καὶ οὕτω τὴν τῆς μεταξὺ τῶν τροπικῶν κατάληψιν μεταχειρίζεσθαι ἀκολούθως τοῖς εἰρημένοις ἐπὶ τοῦ κρίκου. Καὶ ἔσονται ἡμῖν αἱ τε κατασκευαὶ καὶ αἱ θέσεις τῶν δυεῖν ὀργάνων καὶ αἱ διὰ τῶν τοιούτων τηρήσεων καταλήψεις τοιαῦται. Ὡς ἐπαπορήσειε δ' ἂν τις δι' ἣν αἰτίαν, μετὰ τὴν ἔκθεσιν τῶν ἀρχοειδῶς ὀφειλόντων προλημθῆναι τῆς μαθηματικῆς θεωρίας, ἀρχόμενος τῶν κατὰ μέρος ἀποδείξεων καὶ φήσας πρῶτην δέον εἶναι ποιήσασθαι τὴν ἀπόδειξιν τῆς πηλικότητος τῆς μεταξὺ τῶν δύο πόλων περιφερείας τοῦ τε διὰ μέσου τῶν ζωδίων καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ, καὶ ταύτης ἀναγκαῖον εἶναι προλαβεῖν τὴν πραγματείαν τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν ὡς συντελοῦσαν πρὸς τὴν ἀπόδειξιν τῆς μεταξὺ τῶν εἰρημένων δύο πόλων περιφερείας, προεκθέμενος τὰς ἐν κύκλῳ εὐθείας οὐδαμοῦ ταύταις προσεχρήσατο πρὸς τὴν εὑρεσιν τῆς μεταξὺ τῶν πόλων περιφερείας. δῆλον οὖν ὅτι καὶ ταύτην μετὰ τῶν ἀρχοειδῶν προλαβεῖν βεβούληται, ὡς συντελοῦσαν εἰς τὰς πλείστας τῆς συντάξεως γραμμικὰς ἀποδείξεις· διὸ καὶ φησιν· «ἀναγκᾶ ὁρῶμεν προεκθέσθαι τὴν πραγματείαν τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν, «ἅπαξ γε μελλήσοντες ἅπαντα γραμμικῶς ἀποδεικνύναι».

531 ἔμελλεν γὰρ μὴ προεκθέμενος τὰς ἐν κύκλῳ εὐθείας καταδιαιρεῖν τὴν τῆς λοξώσεως πραγματείαν, δείξας πρότερον διὰ τοῦ ὀργάνου τὴν μεταξὺ τῶν τροπικῶν καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ μοιρῶν κγ να κ ἔγγιστα συναγομένην, ἥτις ἐστὶν τῆς μεγίστης λοξώσεως, εἴτα μετὰ τὴν ἔκθεσιν τῆς πραγματείας τῶν ἐν τῷ κύκλῳ εὐθειῶν τὰς κατὰ μέρος λοξώσεις προσδεῖται γὰρ αὐτῶν εἰς ταύτας. Λήμμα.

532 (1τ) Ὡς ἔστι λόγος ἐκ δύο λόγων ἢ καὶ πλειόνων συγκεῖσθαι λέγεται, ὅταν αἱ τῶν λόγων πηλικότητες πολλαπλασιασθεῖσαι ποιῶσιν τινὰ πηλικότητα λόγου.

533 Ἐχέτω γὰρ τὸ ΑΒ πρὸς τὸ ΓΔ λόγον δεδομένον, καὶ τὸ ΓΔ πρὸς τὸ ΕΖ λόγον· λέγω ὅτι ὁ τοῦ ΑΒ πρὸς ΕΖ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ ΑΒ πρὸς ΓΔ καὶ τοῦ ΓΔ πρὸς ΕΖ, τουτέστιν ὅτι ἐὰν ἡ τοῦ ΑΒ πρὸς τὸ ΓΔ λόγου πηλικότης πολλαπλασιασθῇ ἐπὶ τὴν τοῦ ΓΔ πρὸς ΕΖ, τοῦ λόγου πηλικότητα ποιεῖ τὴν τοῦ ΑΒ πρὸς τὴν ΕΖ.

534 Ἔστω γὰρ πρότερον τὸ μὲν ΑΒ τοῦ ΔΓ μείζον, τὸ δὲ ΓΔ τοῦ ΕΖ. καὶ ἔστω τὸ μὲν ΑΒ τοῦ ΓΔ διπλάσιον, τὸ δὲ ΓΔ τοῦ ΕΖ τριπλάσιον. ἐπεὶ οὖν τὸ μὲν ΓΔ τοῦ ΕΖ τριπλάσιον ἐστίν, τὸ δὲ ΑΒ τοῦ ΓΔ διπλάσιον, τὸ ἄρα ΑΒ τοῦ ΕΖ ἐστὶν ἑξαπλάσιον, ἐπεὶ καὶ ἐὰν τὸ τριπλάσιον τινος διπλασιάσωμεν, γίνεται αὐτοῦ ἑξαπλάσιον. τοῦτο γὰρ ἐστὶν κυρίως σύνθεσις. Ἡ οὕτως. ἐπεὶ

τὸ AB τοῦ ΓΔ ἐστὶν διπλάσιον, διηρήσθω τὸ AB εἰς τὰ τῷ ΓΔ ἴσα τὰ AH, HB. καὶ ἐπεὶ τὸ ΓΔ τοῦ EZ ἐστὶν τριπλάσιον, διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ HB τοῦ EZ ἐστὶν τριπλάσιον. ὅλον ἄρα τὸ AB τοῦ EZ ἐστὶν ἑξαπλάσιον. ὁ ἄρα τοῦ AB πρὸς τὸ EZ λόγος συνήκται διὰ τοῦ ΓΔ μέσου ὅρου συγκείμενος ἔκ τε τοῦ AB πρὸς ΓΔ λόγου καὶ τοῦ ΓΔ πρὸς EZ. § Ἄλλ' ὁμοίως δὲ καὶ ἐὰν ἔλαττον ᾗ ἐκατέρου τῶν AB, EZ τὸ ΓΔ, τὸ αὐτὸ συναχθήσεται. ἔστω γὰρ πάλιν τὸ μὲν AB τοῦ ΓΔ τριπλάσιον, τὸ δὲ ΓΔ ἡμισυ τοῦ EZ. καὶ ἐπεὶ τὸ ΓΔ ἡμισυ ἐστὶν τοῦ EZ, τοῦ δὲ ΓΔ τριπλάσιον τὸ AB, τὸ AB ἄρα ἡμιόλιον ἐστὶν τοῦ EZ· ἐὰν γὰρ τὸ ἡμισυ τινος τριπλασιάσωμεν, ἔξει αὐτὸ ἅπαξ καὶ ἡμισιάκις. Ἡ καὶ οὕτως, ἐπεὶ τὸ μὲν AB τοῦ ΓΔ ἐστὶν τριπλάσιον τὸ δὲ ΓΔ τοῦ EZ ἡμισυ, οἷων ἐστὶν τὸ AB ἴσων τῷ ΓΔ τριῶν τοιούτων ἐστὶν τὸ EZ δύο. ὥστε ἡμιόλιον ἔσται τὸ AB τοῦ EZ. ὁ ἄρα τοῦ AB πρὸς τὸ EZ λόγος συνήκται διὰ τοῦ ΓΔ μέσου ὅρου συγκείμενος ἔκ τε τοῦ AB πρὸς ΓΔ λόγου καὶ τοῦ ΓΔ πρὸς EZ. § Ἀλλὰ δὴ πάλιν ἔστω τὸ ΓΔ ἐκατέρου τῶν AB, EZ μείζον· καὶ ἔστω τὸ μὲν AB τοῦ ΓΔ ἡμισυ μέρος, τὸ δὲ ΓΔ τοῦ EZ ἐπίτριτον.

- 535 ἐπεὶ οὖν οἷων ἐστὶν τὸ AB δύο τοιούτων τὸ ΓΔ τεσσάρων, οἷων δὲ τὸ ΓΔ τεσσάρων τοιούτων τὸ EZ τριῶν, καὶ οἷων ἄρα τὸ AB δύο τοιούτων τὸ EZ τριῶν. συνήκται ἄρα πάλιν ὁ τοῦ AB πρὸς EZ λόγος διὰ τοῦ ΓΔ μέσου ὅρου ὁ τῶν δύο πρὸς τὰ τρία τοῦ τε ὑποδιπλασίου καὶ τοῦ ἐπιτρίτου, ὁ ὑφημιόλιος. ὁμοίως δὴ καὶ ἐπὶ πλειόνων καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν πτώσεων. Καὶ δηλον ὡς ὅτι ἐὰν ἀπὸ τοῦ συγκειμένου λόγου εἷς ὁποιοσοῦν τῶν συντιθέντων ἀφαιρεθῇ, ἐνὸς τῶν ἄκρων ἀφανισθέντος, ὁ λοιπὸς τῶν συντιθέντων καταλειφθήσεται. * Προλαμβανόμενα εἰς τὰς σφαιρικὰς δεῖξεις «Ἀκολουθούθω ὄντος καὶ τὰς κατὰ μέρος ἀποδείξαι πηλικότητος τῶν «ἀπολαμβανομένων περιφερειῶν μεταξὺ τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ «διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου τῶν γραφομένων μεγίστων κύκλων διὰ «τῶν τοῦ ἰσημερινοῦ πόλων» διὰ τὴν μεγίστην δεδειχέναι τουτέστιν τὴν ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τὸν τροπικόν, προεκτίθεται λημμάτια βραχέα καὶ εὐχρηστα δι' ὧν τὰς πλείστας τῶν σφαιρικῶν δεῖξεων ἀπλούστερον καὶ μεθοδικώτερον ἐφοδεύει.
- 538 καὶ πρῶτον οὗ ἢ πρότασις δύναται εἶναι τοιαύτη. § Ἐὰν εἰς δύο εὐθείας πεπερασμένας γωνίαν περιεχούσας ἀπὸ τῶν περάτων διαχθῶσιν δύο εὐθεῖαι τέμνουσαι ἀλλήλας καὶ τὰς τὴν γωνίαν περιεχούσας, ὁ τῆς μιᾶς τῶν εὐθειῶν τῶν τὴν ἐξ ἀρχῆς γωνίαν περιεχουσῶν πρὸς τὴν ἀπολαμβανομένην ἀπ' αὐτῆς πρὸς τῇ γωνίᾳ ὑπὸ τῆς διαχθείσης λόγος συνήπται ἥτοι σύγκειται ἔκ τε τοῦ λόγου τῆς διαχθείσης ἀπὸ τοῦ πέρατος τῆς εἰρημένης μιᾶς εὐθείας καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης αὐτῆς ὑπὸ τῆς ἐτέρας διαχθείσης καὶ τῆς ἐτέρας τῶν περιεχουσῶν τὴν γωνίαν, καὶ ἔτι τοῦ λόγου τῆς ἀπολαμβανομένης ἀπὸ τῆς ἐτέρας διαχθείσης ὑπὸ τε τῆς τομῆς τῶν διαχθεισῶν καὶ τοῦ πέρατος τῆς ἐτέρας τῶν τὴν γωνίαν περιεχουσῶν, καὶ αὐτῆς ὅλης τῆς διαχθείσης.
- 539 «Εἰς γὰρ δύο εὐθείας τὰς AB, AG διαχθεῖσαι δύο ἢ τε BE καὶ ἡ ΓΔ «τεμνέτωσαν ἀλλήλας κατὰ τὸ Z σημεῖον. λέγω ὅτι ὁ τῆς ΓΑ πρὸς ΑΕ «λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΔ πρὸς ΔΖ λόγου καὶ τοῦ τῆς ΒΖ πρὸς «ΒΕ. «Ἦχθω γὰρ διὰ τοῦ Ε τῇ ΓΔ παράλληλος ΕΗ. ἐπεὶ οὖν παράλληλός «ἐστὶν ἡ ΓΔ τῇ ΕΗ, ὁ ἄρα τῆς ΓΑ πρὸς ΑΕ λόγος ὁ αὐτός ἐστὶν τῷ τῆς «ΓΔ πρὸς ΕΗ»· ἰσογώνιον γὰρ ἐστὶν τὸ ΑΓΔ τρίγωνον τῷ ΑΕΗ. ἀλλὰ τῆς ΔΖ εὐθείας «ἔξωθεν» ἥτοι μέσης λαμβανομένης τῶν ΓΔ, ΕΗ, «ὁ τῆς «ΓΔ πρὸς ΕΗ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΔ πρὸς ΔΖ λόγου καὶ τοῦ «τῆς ΔΖ πρὸς ΕΗ. ἀλλὰ τῷ τῆς ΔΖ πρὸς ΕΗ λόγῳ ὁ αὐτός ἐστὶν ὁ τῆς «ΖΒ πρὸς ΒΕ» διὰ τὸ παράλληλον εἶναι τὴν ΔΖ τῇ ΕΗ καὶ ἰσογώνιον πάλιν γίνεσθαι τὸ ΒΖΔ τρίγωνον τῷ ΒΕΗ. ὁ ἄρα τῆς ΓΔ πρὸς ΕΗ τουτέστιν τῆς ΓΑ πρὸς ΑΕ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΔ πρὸς ΔΖ λόγου καὶ τοῦ τῆς ΖΒ πρὸς ΒΕ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Καὶ δηλον ὅτι ἀφ' οὗ σημείου ἄρχεται ὁ συντιθέμενος λόγος, ἀπὸ τούτου ἄρχεται καὶ ὁ πρῶτος τῶν συντιθέντων· καὶ εἰς ὃ οὗτος καταλήγει, ἀπὸ τούτου ἄρχεται ὁ δεύτερος τῶν συντιθέντων· καὶ λήγει εἰς ὃ καὶ ὁ συντιθέμενος κατέληξεν· καθάπερ ὁ

συντιθέμενος ὁ τῆς ΓΑ πρὸς ΑΕ λόγος ἤρξατο μὲν ἀπὸ τοῦ Γ καὶ κατέληξεν ἐπὶ τὸ Ε, εἴτα ὁ πρῶτος τῶν συντιθέντων ὁ τῆς ΓΔ πρὸς ΔΖ λόγος ἤρξατο ἀπὸ τοῦ Γ ἀφ' οὗ καὶ ὁ συντιθέμενος καὶ κατέληξεν ἐπὶ τὸ Ζ, καὶ ἔξῃς ὁ δεύτερος τῶν συντιθέντων ὁ τῆς ΖΒ πρὸς ΒΕ ἤρξατο ἀπὸ τοῦ Ζ εἰς δὲ ὁ πρῶτος τῶν συντιθέντων κατέληξεν, καὶ κατέληξεν ἐπὶ τὸ Ε ἐφ' οὗ ὁ συντιθέμενος κατέληξεν. §Λέγω δ' ὅτι καὶ καθόλου ἐπὶ τῆς τοιαύτης τάξεως ἡ ὁμοία δεῖξις συνίσταται, τουτέστιν ὅτι ὁ τῆς ΕΒ πρὸς ΒΖ λόγος συνῆπται ἔκ τε τοῦ τῆς ΕΑ πρὸς ΑΓ λόγου καὶ τοῦ τῆς ΓΔ πρὸς ΔΖ.

540 ὥς γὰρ ἐπὶ τῆς ἐπάνω καταγραφῆς, ἐπεὶ ὁ τῆς ΕΒ πρὸς ΒΖ λόγος ὁ αὐτός ἐστιν τῷ τῆς ΕΗ πρὸς ΖΔ, ἀλλὰ τῶν ΕΗ πρὸς ΖΔ τῆς ΓΔ ἔξωθεν λαμβανομένης, ὁ τῆς ΕΗ πρὸς ΖΔ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΕΗ πρὸς ΓΔ καὶ τοῦ τῆς ΓΔ πρὸς ΔΖ. ὥστε καὶ ὁ τῆς ΕΒ πρὸς ΒΖ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΕΗ πρὸς ΓΔ καὶ τοῦ τῆς ΓΔ πρὸς ΔΖ. ἀλλὰ τῷ τῆς ΕΗ πρὸς ΓΔ λόγῳ ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ΕΑ πρὸς ΑΓ. ὁ ἄρα τῆς ΕΒ πρὸς ΒΖ λόγος συνῆπται ἔκ τε τοῦ τῆς ΕΑ πρὸς ΑΓ καὶ τοῦ τῆς ΓΔ πρὸς ΔΖ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. §Ἔτι καὶ ἐτέρως μεταλημπτέον τὴν εἰρημένην τάξιν λέγω οὖν πάλιν ὅτι ὁ τῆς ΒΕ πρὸς ΕΖ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΒΑ πρὸς ΑΔ καὶ τοῦ τῆς ΔΓ πρὸς ΓΖ.

541 ὥς γὰρ ἐπὶ τῆς ἐξῆς καταγραφῆς, ἦχθω διὰ τοῦ Ζ σημείου τῇ ΑΒ παράλληλος ΖΗ. ἐπεὶ οὖν ὁ τῆς ΒΕ πρὸς ΕΖ λόγος ὁ αὐτός ἐστιν τῷ τῆς ΒΑ πρὸς ΖΗ, ἀλλὰ ὁ τῆς ΒΑ πρὸς ΖΗ λόγος τῆς ΔΑ ἔξωθεν λαμβανομένης σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΒΑ πρὸς ΑΔ καὶ τοῦ τῆς ΑΔ πρὸς ΖΗ. ὥστε καὶ ὁ τῆς ΒΕ πρὸς ΕΖ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΒΑ πρὸς ΑΔ καὶ τοῦ τῆς ΑΔ πρὸς ΖΗ. τῷ δὲ τῆς ΑΔ πρὸς ΖΗ λόγῳ ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ΔΓ πρὸς ΓΖ. καὶ ὁ τῆς ΒΕ πρὸς ΕΖ ἄρα λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΒΑ πρὸς ΑΔ καὶ τοῦ τῆς ΔΓ πρὸς ΓΖ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν πτώσεων τὸ αὐτὸ συναχθήσεται τῆς τῶν εὐθειῶν τάξεως κατὰ τὸν εἰρημένον τρόπον λαμβανομένης. §Ἴνα δὲ ἔτι κατάδηλον γένηται τὸ τῆς συνθέσεως τῶν λόγων, διήχθω ΓΔ ἐπὶ τὸ Θ, καὶ κείσθω τῇ ΕΗ ἴση ἡ ΔΘ.

542 καὶ ἦχθω ἀπὸ τοῦ Δ τῇ ΓΘ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΔΚ, καὶ ἴση κείσθω τῇ ΔΖ, καὶ συμπληρώσθω τὸ ΑΓ παραλληλόγραμμον. καὶ ἐπεὶ ὁ τοῦ ΓΚ παραλληλογράμμου πρὸς τὸ ΚΘ λόγος ὁ αὐτός ἐστιν τῷ τῆς ΓΔ εὐθείας πρὸς τὴν ΔΘ, ὁ δὲ τοῦ ΓΚ * πρὸς ΚΘ λόγος σύγκειται ἔκ τῶν πλευρῶν, τουτέστιν ἔκ τε τοῦ ὃν ἔχει ἡ ΓΔ πρὸς ΔΚ καὶ ἡ ΚΔ πρὸς ΔΘ (τὰ γὰρ ἰσογώνια παραλληλόγραμμα λόγον ἔχει τὸν συγκεείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν), καὶ ὁ τῆς ΓΔ ἄρα πρὸς ΔΘ λόγος σύγκειται ἔκ τε τῆς ΓΔ πρὸς ΔΚ λόγου, καὶ τοῦ τῆς ΚΔ πρὸς ΔΘ. ἀλλὰ ἡ μὲν ΔΚ τῇ ΔΖ ἐστὶν ἴση, ἡ δὲ ΔΘ τῇ ΗΕ. ὁ ἄρα τῆς ΓΔ πρὸς ΕΗ λόγος, τουτέστιν ὁ τῆς ΓΑ πρὸς ΑΕ, σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΔ πρὸς ΔΖ καὶ τοῦ τῆς ΔΖ πρὸς ΕΗ, τουτέστιν τῆς ΖΒ πρὸς ΒΕ. Ἐξῆς δὲ καὶ δεύτερον θεώρημα ἐκτίθεται συντελοῦν καὶ αὐτὸ ὥς ἔφαμεν πρὸς τὰς σφαιρικὰς ἀποδείξεις, ὅμοιον μὲν τῷ πρώτῳ, κατὰ διαίρεσιν δὲ αὐτοῦ τυγχάνον, οὗ ἡ πρότασις δύναται εἶναι τοιαύτη. §Ἐὰν εἰς δύο εὐθείας πεπερασμένας γωνίαν περιεχούσας διαχθῶσιν δύο εὐθεῖαι ἀπὸ τῶν περάτων τέμνουσαι ἀλλήλας καὶ τὰς τὴν γωνίαν περιεχούσας, ὁ τῶν τῆς μιᾶς τῶν τὴν γωνίαν περιεχουσῶν εὐθειῶν τμημάτων λόγος ἀρχόμενος ἀπὸ τοῦ πρὸς τῷ κάτω πέρατι σύγκειται ἔκ τε τῶν τῆς ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ πέρατος διαχθείσης εὐθείας ἀρχομένων πάλιν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ πέρατος, καὶ τοῦ λόγου ἀπολαμβανομένου τμήματος ὑπὸ τῆς αὐτῆς διαχθείσης τῆς ἐτέρας τῶν περιεχουσῶν τὴν γωνίαν πρὸς τῷ πέρατι αὐτῆς καὶ αὐτῆς ὅλης. Εἰς γὰρ δύο εὐθείας τὰς ΑΒ ΑΓ διήχθωσαν δύο εὐθεῖαι αἱ ΒΕ, ΓΔ τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ Ζ.

543 λέγω ὅτι ὁ τῆς ΓΕ πρὸς ΕΑ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΖ πρὸς ΖΔ λόγου καὶ τοῦ τῆς ΔΒ πρὸς ΒΑ. Ἦχθω γὰρ διὰ τοῦ Α τῇ ΕΖ παράλληλος ἡ ΑΗ καὶ διήχθω ἡ ΓΔ ἐπὶ τὸ Η. ἐπεὶ οὖν παράλληλός ἐστιν ἡ ΕΖ τῇ ΑΗ, ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΓΕ πρὸς ΕΑ οὕτως ἡ ΓΖ πρὸς ΖΗ. ἀλλ' ἀκολουθῶς τοῖς ἔμπροσθεν εἰρημένοις, τῶν ΓΖ, ΖΗ μέσης λαμβανο * μένης τῆς ΖΔ, ὁ τῆς ΓΖ πρὸς ΖΗ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΖ πρὸς ΖΔ λόγου καὶ τοῦ τῆς ΔΖ πρὸς ΖΗ. ἀλλὰ τῷ τῆς ΔΖ πρὸς ΖΗ

λόγω ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ΔΒ πρὸς ΒΑ, διὰ τὸ ἰσογώνια εἶναι τὰ ΑΔΗ, ΒΔΖ τρίγωνα καὶ εἶναι ὡς τὴν ΗΔ πρὸς ΔΑ οὕτως τὴν ΖΔ πρὸς ΔΒ, καὶ ἐναλλάξ ὡς τὴν ΗΔ πρὸς ΔΖ οὕτως τὴν ΑΔ πρὸς ΔΒ, καὶ συνθέντι καὶ ἀνάπαλιν, ὡς τὴν ΔΖ πρὸς ΖΗ οὕτως τὴν ΔΒ πρὸς ΒΑ. ὁ ἄρα τῆς ΓΖ πρὸς ΖΗ λόγος, τουτέστιν ὁ τῆς ΓΕ πρὸς ΕΑ, σύγκειται ἐκ τε τοῦ τῆς ΓΖ πρὸς ΖΔ καὶ τοῦ τῆς ΔΒ πρὸς ΒΑ. Καὶ φανερόν ὅτι ὁμοίως καὶ ἐνταῦθα ἄφ' οὗ σημείου ἤρξατο ὁ συντιθέμενος λόγος, ἀπὸ τούτου ἤρξατο καὶ ὁ πρῶτος τῶν συντιθέντων, καὶ εἰς ὃν οὗτος κατέληξεν, ἀπὸ τούτου ἤρξατο ὁ δεύτερος τῶν συντιθέντων καὶ κατέληξεν ἔνθα καὶ ὁ συντιθέμενος. Ὡς δὲ πάλιν ὅτι καὶ ἐνταῦθα καθόλου ἐπὶ τῆς τοιαύτης τάξεως ἡ δεῖξις προχωρεῖ, καὶ πρῶτον ὅτι ὁ τῆς ΒΖ πρὸς τὴν ΖΕ λόγος συνῆπται ἐκ τε τοῦ τῆς ΒΔ πρὸς τὴν ΔΑ καὶ τοῦ τῆς ΑΓ πρὸς τὴν ΓΕ.

544 Ἦχθω γὰρ διὰ τοῦ Α τῇ ΓΔ παράλληλος ἡ ΑΘ, καὶ διήχθω ἡ ΒΕ ἐπὶ τὸ Θ. ἐπεὶ οὖν ὁ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΕ λόγος τῆς ΖΘ ἔξωθεν λαμβανομένης σύγκειται ἐκ τε τοῦ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΘ καὶ τοῦ τῆς ΘΖ πρὸς ΖΕ, ἀλλὰ τῷ μὲν τῆς ΒΖ πρὸς ΖΘ λόγῳ ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ΒΔ πρὸς ΔΑ, τῷ δὲ τῆς ΘΖ πρὸς ΖΕ ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ΑΓ πρὸς ΓΕ, διὰ τὸ ἰσογώνια εἶναι τὰ ΑΕΘ, ΖΕΓ τρίγωνα, ὁ ἄρα τῆς ΒΖ πρὸς ΖΕ λόγος σύγκειται ἐκ τε τοῦ τῆς ΒΔ πρὸς ΔΑ καὶ τοῦ τῆς ΑΓ πρὸς ΓΕ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ὅμοιως δὲ καὶ τὸ ἀνάπαλιν δειχθήσεται ὅτι ὁ τῆς ΑΓ πρὸς ΓΕ λόγος σύγκειται ἐκ τε τοῦ τῆς ΑΔ πρὸς ΔΒ καὶ τοῦ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΕ, καὶ πάλιν καθόλου ὡς ἂν ληφθῇ ἡ εἰρημένη τάξις τοῦ τε συντιθέμενου καὶ τῶν συντιθέντων, ὡς καὶ ἐξῆς ἐπὶ τῶν κατὰ μέρος πάλιν τοιούτων δείξεων φανερόν ποιήσομεν. Ὡς δὲ πάλιν καὶ διὰ τῶν γραμμῶν κατάδηλον γένηται τὸ τῆς συνθέσεως τῶν λόγων, ἤχθω διὰ τοῦ Ζ τῇ ΗΓ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΖΘ, καὶ κείσθω ἴση τῇ ΖΔ, καὶ συμπληρώσθω τὸ ΗΚ παραλληλόγραμμον.

545 ἐπεὶ οὖν πάλιν ὁ τοῦ ΓΘ πρὸς ΘΗ παραλληλογράμμου λόγος σύγκειται ἐκ τῶν πλευρῶν, τουτέστιν ἐκ τε τοῦ τῆς ΓΖ πρὸς ΖΘ λόγου καὶ τοῦ τῆς ΘΖ πρὸς ΖΗ, ἀλλὰ ὡς τὸ ΓΘ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ ΘΗ οὕτως ἡ ΓΖ πρὸς τὴν ΖΗ, ὁ ἄρα τῆς ΓΖ πρὸς τὴν ΖΗ λόγος σύγκειται ἐκ τε τοῦ τῆς ΓΖ πρὸς ΖΘ λόγου καὶ τοῦ τῆς ΘΖ πρὸς ΖΗ. ἴση δὲ ἡ ΖΘ τῇ ΖΔ. ὁ ἄρα τῆς ΓΖ πρὸς ΖΗ λόγος σύγκειται ἐκ τε τοῦ τῆς ΓΖ πρὸς ΖΔ καὶ τοῦ τῆς ΔΖ πρὸς ΖΗ. ἀλλὰ ὁ τῆς ΔΖ πρὸς ΖΗ λόγος ὁ αὐτός ἐστιν τῷ τῆς ΔΒ πρὸς ΒΑ διὰ τὸ ἰσογώνια εἶναι ὡς ἔφαμεν τὰ ΔΖΒ, ΑΔΗ τρίγωνα. ὁ ἄρα τῆς ΓΖ πρὸς ΖΗ λόγος, τουτέστιν ὁ τῆς ΓΕ πρὸς ΑΕ, σύγκειται ἐκ τε τοῦ τῆς ΓΖ πρὸς ΖΔ λόγου καὶ τοῦ τῆς ΔΒ πρὸς ΒΑ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ἐξῆς μετὰ τὰ τοιαῦτα δύο εὐθύγραμμα λημμάτια ἐκτίθεται καὶ ἕτερα κυκλικά συντελοῦντα καὶ αὐτὰ πρὸς τὰς σφαιρικὰς δεῖξεις. καὶ πρῶτον οὗ ἡ πρότασις δύναται εἶναι τοιαύτη. Σὲν κύκλου ἐπὶ τῆς περιφερείας ληφθῇ τρία τυχόντα σημεῖα ἀφαιροῦντα τῶν μεταξὺ δύο περιφερειῶν ἑκατέραν ἐλάττονα ἡμικυκλίου, ἡ ὑποτείνουσα τὴν συναμφοτέρων περιφέρειαν εὐθεῖα οὕτως τμηθήσεται ὑπὸ τῆς ἀπὸ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου ἐπὶ τὸ μεταξὺ τῶν λημφθέντων τριῶν σημείων ἐπιζευγνυμένης εὐθείας, ὥστε τὰ τμήματα αὐτῆς τὸν αὐτὸν ἔχειν λόγον ταῖς ὑποτείνουσας τὰς διπλασίους ἑκατέρων τῶν εἰρημένων δύο περιφερειῶν, ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου τῶν ἡγουμένων λαμβανομένων.

546 Ἔστω γὰρ «κύκλος ὁ ΑΒΓ οὗ κέντρον τὸ Δ καὶ ἐπὶ τῆς περιφερείας «αὐτοῦ εἰλήφθω γ τυχόντα σημεῖα τὰ Α, Β, Γ, ὥστε ἑκατέραν τῶν ΑΒ, «ΒΓ περιφερειῶν ἐλάττονα εἶναι ἡμικυκλίου, καὶ ἐπὶ τῶν ἐξῆς δὲ τὸ «ὅμοιον ὑπακούεσθω», ὥστε ὅταν λέγωμεν· εἰλήφθω ἐπὶ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας τρία τυχόντα σημεῖα, ἐλάττονας αὐτὰ ἀπολαμβάνειν ἡμικυκλίων περιφερείας τὰς μεταξὺ αὐτῶν. καὶ ἐπεζεύχθωσαν ἡ τε ΑΓ καὶ ἡ ΔΕΒ. λέγω ὅτι ἔστιν ὡς ἡ ΑΕ εὐθεῖα πρὸς τὴν ΕΓ οὕτως ἡ ὑποτείνουσα τὴν διπλασίονα τῆς ΑΒ περιφερείας εὐθεῖα πρὸς τὴν ὑποτείνουσαν τὴν διπλασίονα τῆς ΒΓ εὐθεῖαν. Ἦχθωσαν γὰρ κάθετοι ἀπὸ τῶν Α καὶ Γ σημείων ἐπὶ τὴν ΔΕΒ αἱ ΑΖ, ΓΗ.

547 καὶ ἐπεὶ παράλληλός ἐστιν ἡ ΑΖ τῇ ΓΗ, καὶ εἰς αὐτὰς ἐνέπεσεν ἡ ΑΓ, ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶν τὸ ΑΕΖ τρίγωνον τῷ ΓΕΗ τριγώνῳ. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΑΖ πρὸς ΓΗ οὕτως ἡ ΑΕ πρὸς ΕΓ. ἀλλ' ὁ αὐτός *

ἐστὶν λόγος τῆς τε ΑΖ πρὸς ΓΗ καὶ τῆς ὑποτεϊνούσης τὴν διπλασίονα τῆς ΑΒ περιφερείας εὐθείας πρὸς τὴν ὑποτείνουσαν τὴν διπλασίονα τῆς ΒΓ περιφερείας εὐθεΐαν, ἐπειδὴ περ ἂν ἐκβάλωμεν ἐπὶ τὰς ἀντικειμένους περιφερείας τὰς ΑΖ, ΓΗ ὡς τὰς ΑΖΘ, ΓΗΚ, ἡ μὲν ΑΘ τὴν διπλασίονα ὑποτείνουσα τῆς ΑΒ περιφερείας διπλασίονα ἐστὶν τῆς ΑΖ εὐθείας, ἡ δὲ ΓΚ ὁμοίως τὴν διπλασίονα ὑποτείνουσα τῆς ΒΓ περιφερείας διπλασίονα ἐστὶν τῆς ΓΗ, καὶ ἔστιν ὡς ἡ ΑΘ ὑποτείνουσα τὴν διπλασίονα τῆς ΑΒ περιφερείας πρὸς τὴν ΓΚ ὑποτείνουσαν τὴν διπλασίονα τῆς ΒΓ περιφερείας οὕτως ἡ ΑΖ πρὸς τὴν ΓΗ. ἀλλ' ὡς ἡ ΑΖ πρὸς ΓΗ οὕτως ἡ ΑΕ πρὸς ΕΓ. ὥστε καὶ ὁ τῆς ΑΕ πρὸς τὴν ΕΓ λόγος ὁ αὐτός ἐστιν τῷ τῆς ΑΘ πρὸς ΓΚ, τουτέστιν τῷ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΑΒ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΒΓ. Ὡς ἐπιδέχεται δὲ πλείονας πτώσεις τὸ προκειμένον θεώρημα. ὅταν μὲν γὰρ αἱ ΑΒ, ΒΓ περιφέρειαι ἄνισοι τυγχάνωσιν, ἔτι δὲ καὶ ἑκάτερα αὐτῶν ἐλάσσων ἢ τεταρτημορίου, πεσοῦνται αἱ κάθετοι ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς προκειμένης καταγραφῆς καθ' ἑτέρου καὶ ἑτέρου σημείου τῶν ἐπὶ τῆς ΒΔ. ὅταν δὲ ἴσαι, κατὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου πεσοῦνται τῆς ΒΔ ἐπ' εὐθείας ἀλλήλαις γινόμεναι τῶν καθέτων τότε τῶν ΑΕ, ΕΓ τυχανοῦσῶν καὶ τῆς ΑΓ ὑποτεϊνούσης τὴν διπλασίονα ἑκατέρας τῶν ἴσων περιφερειῶν. ὅταν δὲ ἡ μὲν αὐτῶν ἢ τεταρτημορίου ἢ δὲ ἐλάττων, ἡ μὲν ἐπ' αὐτὸ τὸ Δ κέντρον πεσεῖται ἢ δὲ ἐπὶ τῆς ΒΔ. ὅταν δὲ ἑκάτερα αὐτῶν τεταρτημορίου τυγχάνῃ, ἐπ' αὐτὸ τὸ Δ κέντρον πεσοῦνται αἱ κάθετοι καὶ ἐπ' εὐθείας ἀλλήλαις πάλιν γίνονται καὶ διάμετρον τοῦ κύκλου ἀποτελοῦσαι. ὅταν δὲ μείζονες ὦσιν τεταρτημορίου, ἐπὶ τὴν ΒΔ προσεκβαλλομένην πεσοῦνται, τὸν εἰρημένον τρόπον τὴν προκειμένην ἀπόδειξιν ὁμοίως περαίνουσαι.

548 Σπαραλαμβάνει δὲ καὶ τὰς μεταξὺ τῶν εἰρημένων σημείων περιφερείας ἐλάττονας ἡμικυκλίου ἐπειδὴ τῶν ὑπὸ τὰς διπλασίονας αὐτῶν εὐθειῶν τὸν λόγον ἐπιζητεῖ, καὶ ἂν ἑκάτερα αὐτῶν ἡμικυκλίου ἢ, ἡ διπλασίονα ἑκατέρας ἢ ὅλη τοῦ κύκλου περιφέρειά ἐστὶν, ὅφ' ἦν εὐθεῖα οὐχ ὑποτείνει. ἔτι δὲ πολλῶ τὸ ἀδύνατον προχωρεῖ ἐπὶ τῶν μειζόνων ἡμικυκλίων ἀπολαμβάνομένων περιφερειῶν, τῶν διπλασιόνων αὐτῶν μειζόνων γιγνομένων τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας. Τοῦ τοιοῦτου οὖν πρώτου κυκλικοῦ λημματίου προλημφθέντος, ἐξέθετο καὶ δεύτερον κυκλικὸν λημμάτιον οὗ πάλιν ἡ πρότασις δύναται εἶναι τοιαύτη. § ἂν κύκλου ἐπὶ τῆς περιφερείας λημθῇ γ τυχόντα σημεῖα ἀπολαμβάνοντα τῶν μεταξὺ αὐτῶν δύο περιφερειῶν ἑκατέραν ἐλάττονα ἡμικυκλίου, ὥστε τὴν συναμφοτέραν εἶναι δεδομένην καὶ ἔτι τὸν λόγον τῶν ὑποτείνουσῶν εὐθειῶν τὰς διπλασίους ἑκατέρας αὐτῶν, δοθήσεται καὶ ἑκάτερα τῶν ἐξ ἀρχῆς δύο περιφερειῶν. Κύκλου γὰρ τοῦ ΑΒΓ εἰλήφθω ἐπὶ τῆς περιφερείας τρία τυχόντα σημεῖα τὰ Α, Β, Γ, ἀπολαμβάνοντα μεταξὺ αὐτῶν τὰς ΑΒ, ΒΓ περιφερείας τὸν εἰρημένον τρόπον, ὥστε συναμφοτέραν τὴν ΑΒΓ εἶναι δεδομένην καὶ ἔτι τὸν λόγον τῆς ὑποτεϊνούσης εὐθείας τὴν διπλασίονα τῆς ΑΒ περιφερείας πρὸς τὴν ὑποτείνουσαν εὐθεΐαν τὴν διπλασίονα τῆς ΒΓ περιφερείας.

549 λέγω ὅτι καὶ ἑκάτερα τῶν ΑΒ, ΒΓ περιφερειῶν δέδοται. Εἰλήφθω γὰρ τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ Δ, καὶ ἐπιζευχθεῖσιν ὁμοίως τῷ ἐπάνω λημματίῳ τῆς τε ΑΓ καὶ ΔΒ, ἔτι ἐπεζεύχθω καὶ ἀπὸ μὲν τοῦ Δ κέντρου ἐπὶ τὸ Α ἢ ΔΑ, κάθετος δὲ ἀπὸ τοῦ Δ ἐπὶ τὴν ΑΓ ἢ χθῶ ἡ ΔΖ, ὡς μείζονος δηλαδὴ οὔσης τῆς ΑΒ περιφερείας τῆς ΒΓ· εἰ γὰρ ἦσαν ἴσαι, ἡ κάθετος ἐπὶ τὸ Ε ἔπιπτεν· εἰ δὲ ἐλάττων ἡ ΑΒ τῆς ΒΓ, ἐπὶ τῆς ΕΓ ἔπιπτεν. ἐπεὶ οὖν δέδοται ἡ ΑΓ περιφέρεια, δέδοται ἄρα καὶ ἡ ἡμίσεια αὐτῆς ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΑΔΖ γωνία ὑποτεϊνομένη ὑπ' αὐτῆς δέδοται· ἂν γὰρ προσεκβληθῇ ἡ ΔΖ, ἐπὶ τῆς διχοτομίας τῆς ΑΒΓ περιφερείας πεσεῖται. δέδοται δὲ καὶ ἡ πρὸς τῷ Ζ ὀρθή γωνία. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ πρὸς τῷ Α γωνία δοθήσεται. δέδοται δὲ καὶ ἡ ΔΑ εὐθεῖα ἐκ τοῦ κέντρου, καὶ ἔτι ἡ ΑΖ ἡμίσεια οὔσα τῆς ΑΓ δεδομένης ἐκ τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν, ἐπεὶ καὶ ἡ ΑΒΓ περιφέρεια δέδοται. καὶ ἔστιν τὸ ἀπὸ τῆς ΑΔ ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν ΑΖ, ΖΔ. ὥστε καὶ ἡ λοιπὴ τοῦ ΑΔΖ τριγώνου πλευρὰ ἡ ΔΖ ἔσται δεδομένη, καὶ ὅλον δηλονότι τὸ ΑΔΖ τρίγωνον. καὶ ἐπεὶ ὑπόκειται ὁ τῆς ὑπὸ

τὴν διπλὴν τῆς AB περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς BG λόγος δοθεῖς, ὁ αὐτὸς ὢν τῷ τῆς AE πρὸς EG λόγῳ διὰ τὸ πρὸ τούτου, δέδοται ἄρα καὶ ὁ τῆς AE πρὸς EG λόγος. δέδοται δὲ καὶ ὅλη ἡ AG εὐθεῖα. καὶ ἑκάτερα ἄρα τῶν AE, EG ἔσται δεδομένη· δέδεικται γὰρ ἐν τοῖς Δεδομένοις, ὅτι ἐὰν δεδομένον μέγεθος εἰς δεδομένον λόγον διαιρεθῇ, ἑκάτερον * τῶν τμημάτων ἔσται δεδομένον. Ἦ καὶ οὕτως, ἐπεὶ δέδοται ὁ τῆς AE πρὸς EG λόγος, καὶ συνθέντι δέδοται ὁ τῆς AG πρὸς GE λόγος· καὶ δέδοται ἡ AG· δέδοται ἄρα καὶ ἡ GE. δέδοται δὲ καὶ ἡ ZΓ· ἡμίσεια οὖσα τῆς AG. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ZE ἔσται δεδομένη. δέδοται δὲ καὶ ἡ ZΔ· καὶ ὀρθὴ ἡ ὑπὸ ΔZE· δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΔΕ.

- 550 διὰ τοῦτο δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΕΔΖ γωνία ὡς ἐξῆς ἀποδείξομεν ἔσται δεδομένη. δέδοται δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΑΔΖ. καὶ ὅλη ἄρα ἡ ΑΔΒ γωνία ἔσται δεδομένη. διὰ δὲ τοῦτο καὶ ἡ AB περιφέρεια. ἦν δὲ δεδομένη καὶ ὅλη ἡ ABΓ περιφέρεια. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ BG ἔσται δεδομένη. § ἀκολουθῶς δὲ καὶ ἐπὶ τῶν ἐπάνω εἰρημένων πτώσεων δοθήσεται ἑκάτερα τῶν AB, BG περιφερειῶν. Δέδοται δὲ ἡ ὑπὸ ΕΔΖ γωνία περιγραφομένου περὶ τὸ ΕΔΖ ὀρθογώνιον κύκλου τόνδε τὸν τρόπον. νανοήσθω γὰρ περιγεγραμμένος ὁ κύκλος. φανερόν δὲ ὅτι ἡ ΔΕ διάμετρος ἔσται τοῦ κύκλου διὰ τὸ ὀρθὴν εἶναι τὴν πρὸς τῷ Ζ γωνίαν. καὶ ἐπεὶ δέδοται ἑκάτερα τῶν ΔΕ, ΕΖ οἶων ἡ τοῦ ABΓ κύκλου διάμετρος ρκ, καὶ οἶων ἄρα ἡ ΔΕ διάμετρος τοῦ περιγραφομένου κύκλου ρκ δίδεται ἡ ΕΖ. ὥστε καὶ ἡ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια δοθήσεται, καὶ ἡ ὑπὸ ΕΔΖ γωνία, ὡς πρὸς τῇ περιφερείᾳ οὖσα τοῦ περιγραφέντος κύκλου, οἶων αἱ δύο ὀρθαὶ τξ δίδονται, καὶ τῶν ἡμίσεων τῷ πλήθει οἶων αἱ τέσσαρες ὀρθαὶ τξ, ὡς πρὸς κέντρῳ τυγχάνουσαι, διὰ τὸ πρὸς μὲν τῇ περιφερείᾳ τυγχανουσῶν τῶν γωνιῶν ὑποτείνειν δύο ὀρθὰς τὸν ὅλον κύκλον, πρὸς δὲ τῷ κέντρῳ δ, καὶ τοῦ κύκλου εἰς τξ μοίρας διαιρουμένου, καὶ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας ἐπὶ τὰ τμήματα ἐπιζευγνυμένων εὐθειῶν, τὴν μὲν πρὸς τῇ περιφερείᾳ ὀρθὴν γωνίαν εἰς ρπ διαιρεῖσθαι τὴν δὲ πρὸς τῷ κέντρῳ εἰς ρ Ἔτι δὲ καὶ τρίτον λημμάτιον κυκλικὸν ἐκτίθεται, οὗ πρότασις δύναται εἶναι τοιαύτη.
- 551 § ἐὰν κύκλου ἐπὶ τῆς περιφερείας λημφθῇ τρία σημεῖα ἀφαιροῦντα μὴ μόνον ἑκατέραν ἀλλὰ καὶ συναμφοτέρας τὰς μεταξὺ δύο περιφερείας ἐλάττονας ἡμικυκλίου, ὥστε συμπίπτειν τὴν ὑποτείνουσαν εὐθεῖαν ὑπὸ μίαν τῶν εἰρημένων περιφερειῶν τῇ ἀπὸ κέντρου τοῦ κύκλου ἐπὶ τὸ λοιπὸν σημεῖον ἐπιζευγνυμένη εὐθεῖα ἐκτὸς δηλονότι τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας, ἔσται ὡς ἡ ὑποτείνουσα εὐθεῖα τὴν διπλασίονα τῆς συναμφοτέρου περιφερείας πρὸς τὴν ὑποτείνουσαν εὐθεῖαν τὴν διπλασίονα τῆς μιᾶς περιφερείας τῆς πρὸς τῇ ἐπὶ τὸ κέντρον ἐπιζευχθείσῃ εὐθεῖα, οὕτως ἡ ὅλη εὐθεῖα ἡ συμπεσοῦσα τῇ διὰ τοῦ κέντρου πρὸς τὴν ἀπολαμβανομένην αὐτῆς εὐθεῖαν ἐκτὸς τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας. Κύκλου γὰρ τοῦ ABΓ εἰλήφθω ἐπὶ τῆς περιφερείας γ σημεῖα τὰ Α, Β, Γ, ἀφαιροῦντα τὰς AB, BG περιφερείας μεταξὺ αὐτῶν ὥστε ἐλάττονα εἶναι ἡμικυκλίου συναμφοτέραν τὴν AG. καὶ εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ Δ, καὶ ἐπιζευχθεῖσαι αἱ ΓΒ, ΔΑ, συμπίπτέτωσαν κατὰ τὸ Ε. λέγω ὅτι ἐστὶν ὡς ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΑ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς AB, οὕτως ἡ ΓΕ εὐθεῖα πρὸς ΕΒ. Ἦχθωσαν γὰρ ἀπὸ τῶν Γ, Β σημείων ἐπὶ τὴν ΔΑ κάθετοι αἱ ΓΗ, ΒΖ, παράλληλοι δηλονότι γινόμεναι καὶ ὅμοιον ποιοῦσαι τὸ ΓΕΗ τρίγωνον τῷ ΒΕΖ τριγώνῳ.
- 552 ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΓΗ πρὸς ΒΖ οὕτως ἡ ΓΕ πρὸς ΕΒ. ἀλλὰ ὡς ΓΗ πρὸς ΒΖ οὕτως ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς AG περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς AB, διὰ τὸ α' κυκλικὸν θεώρημα. καὶ ὡς ἄρα ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΑ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς AB οὕτως ἡ ΓΕ εὐθεῖα πρὸς τὴν ΕΒ. § λέγω ὅτι κἂν ἐπὶ τὰ ἕτερα μέρη ἡ σύμπτωσις γίνηται, τὸ ὅμοιον συμβήσεται, τῶν περιφερειῶν ἀνάπαλιν λαμβανομένων. συμπίπτέτωσαν γὰρ αἱ ΒΓ, ΑΔ κατὰ τὸ Κ.
- 553 λέγω ὅτι ἔστιν ὡς ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς BA πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς AG οὕτως ἡ BK πρὸς ΚΓ. ἦχθωσαν γὰρ πάλιν ἀπὸ τῶν Β, Γ ἐπὶ τὴν ΑΚ κάθετοι αἱ ΒΖ, ΓΗ. ἔστιν ἄρα πάλιν διὰ τὰ προειρημένα ὡς ἡ μὲν ΒΖ πρὸς ΓΗ οὕτως ἡ BK πρὸς ΚΓ. ὡς δὲ ἡ ΒΖ πρὸς ΓΗ οὕτως ἡ ὑπὸ τὴν

διπλὴν τῆς ΒΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΓ· ἡμίσεια γὰρ ἑκατέρα ἑκατέρας. καὶ ὥς ἄρα ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΓ οὕτως ἡ ΒΚ πρὸς ΚΓ. §Δῆλον δὲ ὅτι ἐφ' ὧν καταγραφῶν συναμφοτέρα ἡ ΑΒΓ τεταρτημορίου τυγχάνει, τῆς ἀπὸ τοῦ Γ ἐπὶ τὴν ΑΔ καθέτου ἐπὶ τὸ Δ κέντρον πιπτούσης συμπεσοῦνται αἱ ΔΑ, ΒΓ, ἐλαττόνων δύο ὀρθῶν γινομένων τῶν πρὸς τοῖς Δ, Γ γωνιῶν, ὥς ἐπὶ τῆς ὑποκειμένης καταγραφῆς.

554 πολλῶ δὲ μᾶλλον ἐὰν ἐλάττων τυγχάνῃ ἡ ΑΓ τεταρτημορίου, συμπεσοῦνται * αἱ ΔΑ, ΓΒ εὐθεῖαι. ὁμοίως δὲ καὶ μείζων τεταρτημορίου τυγχάνῃ ἡ ΑΓ, αἱ δὲ πρὸς τοῖς Γ, Δ γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες τυγχάνουσιν, συμπεσοῦνται καὶ συσταθήσεται τὸ πρόβλημα. § ἐφ' ὧν δὲ μείζονες εἰσιν δύο ὀρθῶν, ἐπὶ τὰ ἀντικείμενα συμπεσοῦνται καὶ ὁ ἀνάπαλιν λόγος συσταθήσεται. ἐφ' ὧν δὲ ἐκβαλλομένη ἡ ΑΔ ὥς ἐπὶ τὸ Θ ἴσην ποιεῖ τὴν ΑΒ τῇ ΓΘ, παραλλήλου γινομένης τῆς ΒΓ τῇ ΔΑ ἀσύστατον ἔσται τὸ θεώρημα. καὶ ἔτι ἐφ' ὧν αἱ ΑΒ, ΒΓ συναμφοτέρα μείζονες γίνονται ἡμικυκλίου· ἐντὸς γὰρ συμπεσοῦνται αἱ εὐθεῖαι. καὶ ἔτι πάλιν ἐφ' ὧν ἡμικυκλίου τυγχάνουσιν· ἐπὶ γὰρ τοῦ αὐτοῦ σημείου τῆς περιφερείας συμπεσοῦνται αἱ εὐθεῖαι ὥς ἐπὶ τῶν ὑποκειμένων πάλιν καταγραφῶν. διὸ δεῖξομεν ἐπὶ τῶν κατὰ μέροςδείξεων, ὅτι οὐ προσχρῆται ταῖς οὕτως ἀσύστατον ποιούσαις τὸ πρόβλημα, ἀλλὰ ταῖς ἐκτὸς συμπιπτούσαις. Ἔτι δὲ ἐξῆς καὶ δ' λημμάτιον κυκλικὸν ὁμοίως ἐκτίθεται οὗ ἡ πρότασις δύναται εἶναι τοιαύτη.

555 § ἐὰν κύκλου ἐπὶ τῆς περιφερείας ληφθῇ γ σημεῖα ἀφαιροῦντα δύο περιφερείας τὰς μεταξὺ αὐτῶν ὥστε συναμφοτέραν ἐλάττονα εἶναι ἡμικυκλίου, καὶ τὴν ἐπὶ τὰ ἐξῆς β σημεῖα ἐπιζευγνυμένην εὐθεῖαν συμπίπτειν τῇ ἀπὸ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου ἐπὶ τὸ λοιπὸν σημεῖον ἐπιζευγνυμένη εὐθείᾳ ἐκτὸς τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας, καὶ δοθῇ ἡ ἐπὶ τῆς ἐπιζευχθείσης ἐπὶ τὰ ἐξῆς δύο σημεῖα εὐθείας περιφέρειᾳ καὶ ἔτι ὁ λόγος τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς συναμφοτέρου περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς λοιπῆς, καὶ αὕτη ἡ λοιπὴ περιφέρεια δοθήσεται.

556 Κύκλου γὰρ τοῦ ΑΒΓ ἐπὶ τῆς περιφερείας εἰλήφθω τρία σημεῖα τὰ Α, Β, Γ ἀφαιροῦντα συναμφοτέρας τὰς ΑΒ, ΒΓ ἐλάττονας ἡμικυκλίου, ὥστε καὶ τὴν ΒΓ εἶναι δεδομένην καὶ ἔτι τὸν λόγον τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΑ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΒ· λέγω ὅτι καὶ αὕτη ἡ ΑΒ δέδοται. Εἰλήφθω γὰρ τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ Δ, καὶ ἐπιζευχθεῖσαι αἱ ΑΔ, ΓΒ ἐκβεβλήσθωσαν καὶ συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ Ε.

557 καὶ ἀπὸ τοῦ Δ ἐπὶ τὴν ΓΒ εὐθεῖαν κάθετος ἦχθω ἡ ΔΖ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΔΒ. ἐπεὶ οὖν ἡ ΒΓ περιφέρεια δέδοται, καὶ ἡ ὑπὸ ΒΔΖ γωνία τὴν ἡμίσειαν αὐτῆς ὑποτείνουσα ἔσται δεδομένη. δέδοται δὲ καὶ ἡ ΒΓ εὐθεῖα ἐκ τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν. καὶ δίχα αὐτὴν τέμνει ἡ ΔΖ. καὶ ἡ ἡμίσεια ἄρα αὐτῆς ἡ ΒΖ δέδοται. δέδοται δὲ καὶ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἡ ΔΒ. καὶ ἔστιν τὸ ἀπὸ τῆς ΒΔ ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν ΒΖ, ΖΔ. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΖΔ, καὶ ὅλον τὸ ΖΔΒ τρίγωνον ὀρθογώνιον δέδοται. καὶ ἐπεὶ ὁ τῆς ΓΕ εὐθείας πρὸς ΕΒ λόγος δέδοται (ὁ αὐτὸς ὦν τῷ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΑ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΒ δεδομένῳ· δέδοται ἄρα καὶ ὁ τῆς ΓΕ πρὸς ΕΒ λόγος), ἀναστρέψαντι ὁ τῆς ΕΓ πρὸς ΓΒ λόγος δέδοται· ἐὰν γὰρ μέγεθος πρὸς ἑαυτοῦ τι μέρος λόγον ἔχῃ δεδομένον, καὶ πρὸς τὸ λοιπὸν λόγον ἔξει δεδομένον. καὶ δέδοται τὸ ΓΒ. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΕΓ. ὥστε καὶ λοιπὴ ἡ ΒΕ ἔσται δεδομένη. Ἡ καὶ οὕτως. ἐπεὶ ὁ τῆς ΓΕ πρὸς ΕΒ λόγος δέδοται, καὶ διελόντι ὁ τῆς ΓΒ πρὸς ΒΕ λόγος δέδοται. καὶ δέδοται ἡ ΓΒ. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΒΕ. Δέδοται δὲ καὶ ἡ ΒΖ. καὶ ὅλη ἄρα ἡ ΕΖ ἔσται δεδομένη. ἀλλὰ καὶ ἡ ΖΔ δέδοται. καὶ ἔστιν τὰ ἀπὸ τῶν ΕΖ, ΖΔ ἴσα τῷ ἀπὸ τῆς ΕΔ. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΕΔ. ὥστε καὶ τὸ ΕΖΔ τρίγωνον ὀρθογώνιον ἔσται δεδομένον. ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΖΔΕ γωνία ὁμοίως, περὶ τὸ ΖΔΕ τρίγωνον ὀρθογώνιον γραφομένου κύκλου. ἐδέδοτο δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΖΔΒ γωνία. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΒΔΑ γωνία πρὸς τῷ κέντρῳ ἔσται δεδομένη. ὥστε καὶ ἡ ΑΒ περιφέρεια, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ὅμοίως δὲ καὶ ἡ ΑΒ περιφέρεια μόνῃ δοθῇ καὶ ὁ λόγος τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΓ πρὸς τὴν <ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς> ΓΒ, δοθήσεται καὶ ἡ ΒΓ περιφέρεια, τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὰ πρὸς τοῖς Γ γινομένης.

Τούτων οὖν τῶν δύο εὐθυγράμμων καὶ τεσσάρων κυκλικῶν λημματίων προλημφθέντων, ἐξῆς ἐκτίθεται σφαιρικὸν θεώρημα, § ἐν ᾧ δύο προτάσεων ἀποδείξεις ποιεῖται, μιᾷς μὲν κατὰ διαίρεσιν, ἐτέρας δὲ κατὰ σύνθεσιν.

558 § καὶ πρώτην τὴν κατὰ διαίρεσιν, ἣτις δύναται εἶναι τοιαύτη· ἐὰν ἐπὶ σφαιρικῆς ἐπιφανείας γραφῶσι δύο μεγίστων κύκλων περιφέρειαι τέμνουσαι ἀλλήλας, καὶ ἀπὸ τῆς τομῆς αὐτῶν ἀπολημφθῇ ἄφ' ἐκατέρας ἔλαττον ἡμικυκλίου, καὶ διὰ τῶν γενομένων σημείων γραφῶσι μεταξὺ αὐτῶν δύο μεγίστων κύκλων περιφέρειαι ἐλάττονες πάλιν ἡμικυκλίου τέμνουσαι ἀλλήλας καὶ τὰς ἀπολημφθείσας περιφέρειας, λέγω ὅτι ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τοῦ ἐνὸς τμήματος τοῦ ἀπὸ τοῦ πέρατος τῶν ἀπολημφθεισῶν πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τοῦ λοιποῦ αὐτῆς τμήματος λόγος, συνήπται ἔκ τε τοῦ λόγου τῶν ὑπὸ τὰς διπλασίονας τῶν τμημάτων τῆς γραφείσης ἀπὸ τοῦ πέρατος τῆς εἰρημένης μιᾷς τῶν ἐξ ἀρχῆς ἀπολημφθεισῶν, ἡγουμένης λαμβανομένης τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τοῦ ἀπὸ τοιοῦτου πέρατος τμήματος, καὶ * ἔτι τοῦ λόγου τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τοῦ τμήματος τῆς λοιπῆς τῶν ἐξ ἀρχῆς ἀπολημφθεισῶν τοῦ πρὸς τῷ πέρατι αὐτῆς πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ὅλης. Γεγράφθωσαν γὰρ ἐπὶ σφαιρικῆς ἐπιφανείας μεγίστων κύκλων περιφέρειαι, ὥστε εἰς δύο τὰς AB, AG δύο γραφείσας τὰς BE καὶ ΓΔ τέμνειν ἀλλήλας κατὰ τὸ Z σημεῖον. ἔστω δὲ ἐκάστη αὐτῶν ἐλάσσων ἡμικυκλίου, τὸ δ' αὐτὸ καὶ ἐπὶ τῶν ὁμοίων πασῶν καταγραφῶν ὑπακουέσθω. λέγω ὅτι ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΕ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς EA λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΖ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΔ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΑ.

559 Εἰλήφθω γὰρ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας τὸ Η· τὸ αὐτὸ ἄρα ἔσται καὶ τῶν κύκλων· μέγιστοι γὰρ ὑπόκεινται. καὶ ἐπεζεύχθωσαν ἀπ' αὐτοῦ ἐπὶ τὰς Β, Ζ, Ε τομὰς τῶν κύκλων ἢ τε ΗΒ καὶ ἢ ΗΖ καὶ ἢ ΗΕ, καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἢ ΑΔ ἐκβεβλήσθω καὶ συμπιπτέτω τῇ ΗΒ ἐκβληθείσῃ καὶ αὐτῇ κατὰ τὸ Θ σημεῖον. ὁμοίως δὲ ἐπιζευχθεῖσαι αἱ ΔΓ καὶ ΑΓ τεμνέτωσαν τὰς ΗΖ καὶ ΕΗ κατὰ τὰ Κ καὶ Λ σημεῖα. ἐπὶ μιᾷς δὲ εὐθείας γίνονται τὰ Θ, Κ, Λ σημεῖα (διὰ τὸ ἐν δυσὶν ἅμα εἶναι ἐπιπέδοις, τῷ τε τοῦ ΑΓΔ τριγώνου καὶ τοῦ ΒΖΕ κύκλου, ὡς ἐξῆς δείξομεν), ἣτις ἐπιζευχθεῖσα ποιεῖ τὴν ἐπὶ τῶν πρώτων δύο εὐθυγράμμων λημματίων καταγραφὴν τε καὶ ἀπόδειξιν, τουτέστιν εἰς δύο εὐθείας τὰς ΘΑ καὶ ΓΑ δύο διαχθείσας τὰς ΘΛ καὶ ΓΔ, τεμνούσας ἀλλήλας κατὰ τὸ Κ, καὶ δηλαδὴ τὸν τῆς ΓΛ εὐθείας πρὸς τὴν ΛΑ λόγον συνήφθαι ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΚ πρὸς ΚΔ καὶ τοῦ τῆς ΔΘ πρὸς ΘΑ. ἀλλ' ὡς μὲν ἢ ΓΛ πρὸς ΛΑ, οὕτως ἢ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΕ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ, διὰ τὸ πρῶτον κυκλικὸν λημματίον· ἐπὶ γὰρ τῆς τοῦ ΑΕΓ κύκλου περιφερείας εἴληπται τρία τυχόντα σημεῖα τὰ Α, Ε, Γ, ἀπολαμβάνοντα περιφερείας ἐλάττονας ἡμικυκλίου, καὶ ἀπὸ τοῦ κέντρου αὐτοῦ τοῦ Η ἐπὶ τὸ μέσον σημεῖον τὸ Ε. ἐπέζευκται ἢ ΗΕ, καὶ ἔτι ἐπὶ τὰ λοιπὰ δύο σημεῖα, ἢ ΑΓ.

560 καὶ δεῦτερον ὡς ὅτι ἐὰν ἀπὸ τῶν Α, Γ σημείων ἐπὶ τὴν ΗΕ καθετόους ἀγάγωμεν, ἢ αὐτὴ ἔσται καταγραφὴ ὡς ἔφαμεν τῇ τοῦ πρώτου κυκλικοῦ λημματίου. διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ὡς ἢ ΓΚ πρὸς ΚΔ οὕτως ἢ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΖ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΔ. ὡς δὲ ἢ ΔΘ πρὸς ΘΑ οὕτως ἢ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΒ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΑ διὰ τὴν ἀνάπαλιν λήμψιν τοῦ γ' κυκλικοῦ λημματίου. καὶ ὁ λόγος ἄρα ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΕ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΖ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΔ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΑ. Ὡς οὖν τὰ Θ, Κ, Λ σημεῖα ἐν δυσὶν εἰσιν ἐπιπέδοις τῷ τε τοῦ ΑΔΓ τριγώνου καὶ τοῦ ΒΖΕ κύκλου, δείξομεν οὕτως. ἐπεὶ γὰρ τὰ μὲν Κ, Λ ἐπὶ τῶν ΓΑ, ΓΔ πλευρῶν εἰσιν τοῦ ΑΔΓ τριγώνου, τὸ δὲ Θ ἐπὶ τῆς ΑΔ προσεκβληθείσης, τὰ ἄρα Θ, Κ, Λ σημεῖα ἐν τῷ διὰ τοῦ ΑΔΓ τριγώνου εἰσιν ἐπιπέδῳ. πάλιν ἐπεὶ τὸ Η κέντρον ἐστὶν τοῦ ΒΖΕ καὶ ἐκ τοῦ κέντρου αὐτοῦ αἱ ΗΕ, ΗΖ, ΗΒ, ἐν τῷ

τοῦ κύκλου εἰσὶν ἐπιπέδω. καὶ ἔστιν τὸ μὲν Θ ἐπὶ τῆς ΗΒ ἐκβληθείσης, τὸ δὲ Κ ἐπὶ τῆς ΗΖ, τὸ δὲ Λ ἐπὶ τῆς ΗΕ, ὥστε τὰ Θ, Κ, Λ σημεῖα ἐν τῷ διὰ τοῦ ΒΖΕ κύκλου εἰσὶν ἐπιπέδω. ἐδείχθησαν δὲ καὶ ἐν τῷ τοῦ ΑΓΔ τριγώνου ἐπιπέδω. ἐπὶ τῆς κοινῆς ἄρα τομῆς εἰσὶν τῶν εἰρημένων ἐπιπέδων. ἐπ' εὐθείας ἄρα εἰσὶν. Ὡς ἀλλὰ δὴ ἐπὶ τῆς ὁμοίας καταγραφῆς ἡ ΑΔ μὴ συμπίπτει τῇ ΒΗ κατὰ τὸ Θ, ἀλλὰ ἐπὶ τὰ ἀντικείμενα, ὥστε ἀναπληρωθέντων τῶν ΒΑΜ, ΒΕΜ ἡμικυκλίων, διαχθεῖσαν τὴν ΒΗ συμπίπτει τῇ ΔΑ κατὰ τὸ Ν.

561 λέγω ὅτι καὶ οὕτως τὸ αὐτὸ δειχθήσεται. καὶ πρῶτον ὅτι ἐπ' εὐθείας ἔστιν τὰ Κ, Λ, Ν σημεῖα διὰ τὸ ὁμοίως ἔν τε τῷ τοῦ ΑΔΓ τριγώνου αὐτὰ εἶναι ἐπιπέδω καὶ ἐν τῷ τοῦ ΒΖΜ κύκλου· ἦτις ἐπιζευχθεῖσα ποιεῖ εἰς δύο τὰς ΔΓ, ΔΝ δύο διαχθείσας τὰς ΓΑ, ΚΝ τέμνειν ἀλλήλας κατὰ τὸ Λ. καὶ διὰ τὴν ἐπάνω εἰρημένην τάξιν τῆς τοῦ τοιοῦτου λημματίου λήψεως ὁ τῆς ΓΛ πρὸς ΛΑ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΚ πρὸς ΚΔ καὶ τοῦ τῆς ΔΝ πρὸς ΝΑ.

562 ἀλλὰ τῷ τῆς ΓΛ πρὸς ΛΑ λόγῳ, ὡς ἔφαμεν, ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ· τῷ δὲ τῆς ΓΚ πρὸς ΚΔ ὁμοίως ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΖ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΔ, τῷ δὲ τῆς ΔΝ πρὸς ΝΑ ὁ αὐτός ἐδείχθη ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΑ ἐν τῇ ὁμοίᾳ ἐπὶ τὰ ἐναντία πτώσει. ὥστε καὶ ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΖ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΔ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΑ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ἔστιν δὲ καὶ ἡ τῆς κατὰ σύνθεσιν δεῖξεως πρότασις ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ θεωρήματος τοιαύτη. § ἐὰν ἐπὶ σφαιρικῆς ἐπιφανείας γραφῶσιν δύο μεγίστων κύκλων περιφέρειαι, καὶ ἀπὸ τῆς τομῆς αὐτῶν ἀπολημφθῇ ἅψ' ἑκατέρας περιφερείας ἐλάττων ἡμικυκλίου, καὶ διὰ τῶν γενομένων σημείων γραφῶσιν πάλιν μεταξὺ αὐτῶν ἀπολαμβανόμεναι μεγίστων κύκλων περιφέρειαι ἐλάττονες ἡμικυκλίων τέμνουσαι ἀλλήλας καὶ τὰς ἐξ ἀρχῆς ἀπολημφθείσας περιφερείας, ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς μιᾶς τῶν ἐξ ἀρχῆς ἀπολημφθεισῶν πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τοῦ τμήματος αὐτῆς τοῦ * πρὸς τῇ κοινῇ τομῇ τῶν ἐξ ἀρχῆς περιφερειῶν σύγκειται λόγος ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς γραφείσης ἀπὸ τοῦ πέρατος τῆς εἰρημένης μιᾶς τῶν ἐξ ἀρχῆς περιφερειῶν πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τοῦ τμήματος αὐτῆς τοῦ πρὸς τῇ λοιπῇ τῶν ἐξ ἀρχῆς περιφερειῶν, καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τοῦ τμήματος τῆς λοιπῆς τῶν γραφεισῶν τοῦ πρὸς τῷ πέρατι τῆς λοιπῆς τῶν ἐξ ἀρχῆς πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ὅλης λοιπῆς τῶν γραφεισῶν.

563 τουτέστιν, ὡς ἐπὶ τῆς αὐτῆς τοῦ ῥητοῦ καταγραφῆς, λέγω ὅτι ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΑ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΕ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΖ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΕ. Ἐπιζευχθεῖσαι γὰρ αἱ ΓΕ, ΗΑ ἐκβεβλήσθωσαν καὶ συμπίπτέωσαν κατὰ τὸ Κ. καὶ ἔτι αἱ ΕΖ, ΗΒ ἐπιζευχθεῖσαι συμπίπτέωσαν κατὰ τὸ Μ. καὶ ὁμοίως πάλιν αἱ ΓΖ, ΗΔ ἐπιζευχθεῖσαι συμπίπτέωσαν κατὰ τὸ Λ. ἐπεὶ οὖν τὰ Κ, Λ, Μ σημεῖα ἐν τῷ διὰ τοῦ ΓΖΕ τριγώνου ἔστιν ἐπιπέδω (ἐπὶ γὰρ τῶν προσεκβληθεισῶν αὐτοῦ πλευρῶν εἰσιν), εἰσὶν δὲ καὶ ἐν τῷ διὰ τοῦ ΑΔΒ κύκλου ἐπιπέδω (ἐπὶ γὰρ τῶν ἐκ τοῦ κέντρου αὐτοῦ προσεκβληθεισῶν εἰσιν), ὥστε ἐπὶ τῆς κοινῆς τομῆς εἰσὶν τῶν εἰρημένων ἐπιπέδων, ἐπ' εὐθείας ἄρα εἰσὶν τὰ Κ, Λ, Μ σημεῖα. καὶ διὰ τοῦτο ἐπιζευχθείσης τῆς ΚΑΜ εὐθείας γίνονται εἰς δύο τὰς ΓΚ, ΚΜ δύο διηγμέναι αἱ ΓΛ, ΜΕ τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ Ζ. καὶ ὡς ἐπὶ τοῦ πρώτου εὐθυγράμμου κατὰ σύνθεσιν λημματίου, ὁ τῆς ΚΓ εὐθείας πρὸς ΚΕ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΛ πρὸς ΛΖ καὶ τοῦ τῆς ΖΜ πρὸς ΜΕ. ἀλλ' ὁ τῆς ΓΚ πρὸς ΚΕ λόγος, διὰ τὸ τρίτον κυκλικὸν λημμάτιον, ὁ αὐτός ἐστιν τῷ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΕ. ὁ δὲ τῆς ΓΛ πρὸς ΛΖ, διὰ τὰ αὐτά, ὁ αὐτός ἐστιν τῷ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΖ. ὁ δὲ τῆς ΖΜ πρὸς ΜΕ ὁμοίως ὁ αὐτός ἐστιν τῷ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν

διπλῆν τῆς BE. ὁ ἄρα τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΓΑ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς AE λόγος σύγκειται ἕκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΓΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΔΖ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς BE, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. ΣΔῆλον δὲ ὡς ὅτι καὶ ὅσαι τῶν εἰς τὰ τοιαῦτα θεωρήματα λημφθέντων λημμάτων εἰσὶν πτώσεις, τοσαῦται καὶ αὐτῶν τῶν θεωρημάτων.

- 564 καὶ φανερόν καὶ ἐπὶ τούτων τῶν δύο σφαιρικῶνδείξεων, ὅτι ἀφ' οὗ δ' ἂν ἄρχηται ὁ συντιθέμενος ἀπὸ τούτου καὶ ὁ πρῶτος τῶν συντιθέντων, καὶ εἰς ὃ οὗτος λήγει ἀπὸ τούτου ὁ δευτερος ἄρχεται τῶν συντιθέντων, καὶ λήγει ἔνθα καὶ ὁ συντιθέμενος ἔληγεν. Πλείονων οὖν πτώσεων ἐπὶ τούτου τοῦ θεωρήματος ὡς ἔφαμεν τυγχανουσῶν, μίαν ἢ δύο ἐκθησόμεθα, δι' ὧν καὶ αἱ λοιπαὶ εὐκατανόητοι γενήσονται. Σ'Εκκείσθω γὰρ ἡ ὁμοία τῆς ἐπὶ τῶν περιφερειῶν καταγραφῇ, καὶ ἡ μὲν ΓΕ συμπιπτέτω ὡσαύτως τῇ HA κατὰ τὸ K, ἡ δὲ ZE τῇ BH ἐπὶ τὰ ἀντικείμενα τῆς ἐπάνω καταγραφῆς κατὰ τὸ Λ, ἡ δὲ ΖΓ τῇ ΔΗ ὁμοίως ἐπὶ τὰ ἀντικείμενα κατὰ τὸ Μ.
- 565 ἐπ' εὐθείας ἄρα εἰσὶν τὰ K, Λ, Μ σημεῖα, διὰ τὸ πάλιν ἔν τε τῷ διὰ τοῦ ΓΕΖ τριγώνου ἐπιπέδῳ αὐτὰ τυγ * χάνειν (ἐπειδήπερ καὶ ἐπὶ τῶν πλευρῶν αὐτοῦ ἐκβληθεισῶν τυγχάνουσιν) καὶ ἐν τῷ τοῦ ΑΔΒ κύκλου ἐπιπέδῳ (ἐπειδήπερ πάλιν ἐπὶ τῶν ἐκ τοῦ κέντρου ἐκβληθεισῶν εἰσιν), ἥτις ἐπιζευχθεῖσα ποιεῖ εἰς δύο τὰς MK, MZ δύο διαχθείσας τὰς ΓΚ, ΛΖ τέμνειν ἀλλήλας κατὰ τὸ E. καὶ καθάπερ ἐπάνω ἐπὶ τῆς τῶν εὐθειῶν καταγραφῆς ἐδείκνυμεν, ὁ τῆς ΓΚ πρὸς KE λόγος σύγκειται ἕκ τε τοῦ τῆς ΓΜ πρὸς MZ, καὶ τοῦ τῆς ΖΛ πρὸς ΛΕ. ἀλλὰ τῷ μὲν τῆς ΓΚ πρὸς KE λόγῳ ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΓΑ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς AE· τῷ δὲ τῆς ΓΜ πρὸς MZ ὁ αὐτός ἐστιν ἀνάπαλιν τῇ ἐπὶ τῶν περιφερειῶν εἰρημένῃ ἐπὶ τοῦ γ' κυκλικοῦ λημματίου πτώσει ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΓΔ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΔΖ· τῷ δὲ τῆς ΖΛ πρὸς τὴν ΛΕ, ὁμοίως ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς BE. καὶ οὕτως ἄρα ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΓΑ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς AE λόγος συνῆπται ἕκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΓΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΔΖ, καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς BE, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Σ'Εξῆς δὲ καὶ ἐπὶ ἐτέρας πτώσεως τὴν αὐτὴν δεῖξιν ποιησόμεθα. συμπιπτέτω γὰρ πάλιν ἡ μὲν ΓΕ τῇ HA κατὰ τὸ K, ἡ δὲ ΓΖ τῇ ΗΔ κατὰ τὸ Μ. καὶ ἔτι ἡ HB τῇ EZ κατὰ τὸ Λ ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς ἐξῆς καταγραφῆς. καὶ φανερόν πάλιν ὅτι ἐπ' εὐθείας εἰσὶν τὰ Μ, K, Λ σημεῖα, διὰ τὸ ὁμοίως ἔν τε τῷ τοῦ ΓΕΖ τριγώνου εἶναι ἐπιπέδῳ καὶ ἐν τῷ τοῦ ΑΔΒ κύκλου, ἥτις πάλιν ἐπιζευχθεῖσα ποιεῖ εἰς δύο τὰς ΜΓ, ΜΛ δύο διαχθείσας τὰς ΓΚ, ΛΖ τέμνειν ἀλλήλας κατὰ τὸ E.
- 566 καὶ διὰ τοῦτο, ὡς ἔμπροσθεν ἐδείξαμεν, ὁ τῆς ΓΚ εὐθείας πρὸς KE λόγος σύγκειται ἕκ τε τοῦ τῆς ΓΜ πρὸς MZ καὶ τοῦ τῆς ΖΛ πρὸς ΛΕ. ἀλλὰ τῷ μὲν τῆς ΓΚ πρὸς KE λόγῳ ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΓΑ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς AE. τῷ δὲ τῆς ΓΜ εὐθείας πρὸς MZ ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΓΔ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΔΖ. τῷ δὲ τῆς ΖΛ εὐθείας πρὸς ΛΕ ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΖΒ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς BE. ὁ ἄρα τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΓΑ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς AE λόγος συνῆπται ἕκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΓΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΔΖ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς BE. Ὅμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν πτώσεων τὸ αὐτὸ τοῦτο δειχθήσεται ἐπ' εὐθείας τυγχανόντων τῶν K, Λ, Μ σημείων. Σ'Ἐστὶν δὲ καὶ ἄνευ τῆς ἐπὶ τῶν εὐθειῶν ἐπιπέδου καταγραφῆς, ἕκ τῆς κατὰ διαίρεσιν δείξεως προχειρότερον ἐπιλογίσασθαι τὴν κατὰ σύνθεσιν τῶν περιφερειῶν ἀπόδειξιν, προλημφθέντος ἡμῖν βραχέος τοιούτου λημματίου.
- 567 ἔστω ἡμικύκλιον τὸ ABΓ ἐπὶ διαμέτρου τῆς ΑΓ, καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τῆς περιφερείας αὐτοῦ τυχὸν σημεῖον τὸ Β. λέγω ὅτι ἡ ὑποτείνουσα τὴν διπλῆν τῆς AB περιφερείας ὑποτείνει καὶ τὴν διπλῆν

τῆς ΒΓ. Καὶ ἔστιν αὐτόθεν φανερόν. ἔαν γὰρ ἀναπληρώσαντες τὸν κύκλον κάθετον ἀπὸ τοῦ Β ἀγαγόντες ἐπὶ τὴν ΑΓ προσεκβάλωμεν ἐπὶ τὸ Ε, ἡ ΒΕ εὐθεῖα ὑποτείνουσα τὴν ΒΑΕ διπλὴν οὖσαν τῆς ΒΑ ὑποτείνει καὶ τὴν ΒΓΕ διπλὴν οὖσαν τῆς ΒΓ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. §Τούτου προλημφθέντος, ἐκκείσθω ἡ αὐτὴ τῶν περιφερειῶν καταγραφὴ, καὶ συμπεπληρώσθω τὰ ΓΑΗ, ΓΔΗ ἡμικύκλια.

568 ἐπεὶ οὖν εἰς δύο τὰς ΕΗ, ΕΒ δύο διηγμέναι εἰσὶν αἱ ΗΔΖ, ΒΔΑ τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ Δ, ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΕ λόγος συνήπται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΖ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΕ. τοῦτο γὰρ δέδεικται. ἀλλ' ἡ μὲν ὑποτείνουσα τὴν διπλὴν τῆς ΗΑ ὑποτείνει καὶ τὴν διπλὴν τῆς ΑΓ λοιπὴν οὖσαν εἰς τὸν ὅλον κύκλον· ἡ δὲ ὑποτείνουσα τὴν διπλὴν τῆς ΗΔ * ὑποτείνει καὶ τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ.

569 ὥστε καὶ ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΕ λόγος συνήπται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΖ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΕ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. §Ἐτι δέ, ὡς ἔφαμεν, ἀπὸ πλειόνων πτώσεων καὶ ἐπὶ τῆς τοιαύτης καταγραφῆς ὀλίγας ἐκθησόμεθα τὰς καὶ τὰς λοιπὰς εὐκατανοήτους ἡμῖν ποιεῖν δυναμένας. καὶ δέον ἔστω πάλιν ἐκ τῆς κατὰ διαίρεσιν λήμψεως δεῖξαι ὅτι κατὰ σύνθεσιν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΖ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΕ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΖ. ἐπεὶ γὰρ κατὰ τὴν εἰρημένην ἡμῖν τάξιν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΖ σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΕ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΖ, ἀλλ' ἡ μὲν τὴν διπλὴν τῆς ΗΔ ὑποτείνουσα ὑποτείνει καὶ τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ, ἡ δὲ τὴν διπλὴν τῆς ΗΑ ὑποτείνουσα ὑποτείνει καὶ τὴν διπλὴν τῆς ΓΑ, ὁ ἄρα τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΖ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΕ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΖ. Πάλιν ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς ἐκ τοῦ κατὰ διαίρεσιν λόγου λέγω ὅτι καὶ ἀναστρέψαντι ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΓ λόγος σύγκειται ἐκ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΕ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΓ.

570 πάλιν γὰρ ἐπὶ τοῦ κατὰ διαίρεσιν λόγου, ἐπεὶ ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΗ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΕ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΗ, ἀλλ' ἡ μὲν τὴν διπλὴν τῆς ΗΔ ὑποτείνουσα ὑποτείνει καὶ τὴν διπλὴν τῆς ΔΓ, ἡ δὲ τὴν διπλὴν τῆς ΑΗ ὑποτείνουσα ὑποτείνει καὶ τὴν διπλὴν τῆς ΑΓ, ὁ ἄρα τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΓ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΕ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΓ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ὡσαύτως δὲ καὶ αἱ λοιπαὶ ἡμῖν πτώσεις ἀποδειχθήσονται, ἀναπληρουμένων τῶν ΒΔΑ, ΒΖΕ ἡμικυκλίων. Περὶ τῶν μεταξὺ τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ λοξοῦ κύκλου περιφερειῶν.

571 (1τ) Ἀποδείξας ἐκ τῆς διὰ τῶν ὀργάνων παρατηρήσεως τὴν μεταξὺ τῶν δύο πόλων περιφέρειαν μοιρῶν τυγχάνουσας κγ να κ ἐπὶ τοῦ δι' αὐτῶν γραφομένου μεγίστου κύκλου, ἥτις ἦν καὶ τῆς ὅλης ἐγκλίσεως ἥτοι λοξώσεως τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς τὸν ἰσημερινόν, καὶ ἐπαγαγὼν ὅτι «ἀκολουθου «τε ὄντος καὶ τὰς κατὰ μέρος γινομένας πηλικότητος» τῶν λοξώσεων ἀποδείξαι ἐπὶ τοῦ διὰ τῶν πόλων τοῦ ἰσημερινοῦ καὶ τῶν τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου τμημάτων, ἐκθησόμεθα λημμάτια ὀλίγα καὶ χρήσιμα πρὸς τὴν τοιαύτην πραγματείαν καὶ ἔτι πρὸς πάσας σχεδὸν τὰ σφαιρικὰς ἀποδείξεις. Ἐκθέμενος τὰ τοιαῦτα λημμάτια καὶ συναγαγὼν δι' αὐτῶν τὸ

προλημφθέν σφαιρικὸν θεώρημα κατὰ διαίρεσιν καὶ κατὰ σύνθεσιν, ἐξῆς περὶ τῶν κατὰ μέρος λοξώσεων τὸν λόγον ποιεῖται καὶ φησιν· «Τούτου προ«εκτεθέντος, ποιησόμεθα τὴν τῶν προκειμένων περιφερειῶν ἀπόδειξιν», λέγω δὴ τῶν κατὰ μέρος λοξώσεων, § οἷονεὶ πῶς ἂν δοθέντος τινὸς τμήματος τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων τὴν πηλικότητα τῆς ἀπὸ τοῦ ἡμερινοῦ ἀποστάσεως αὐτοῦ λάβωμεν ἐπὶ τοῦ γραφομένου κύκλου δι' αὐτοῦ καὶ τῶν τοῦ ἡμερινοῦ πόλων, τὴν ἀρχὴν ἀπὸ τε τῆς κοινῆς τομῆς τοῦ τε ἡμερινοῦ καὶ τοῦ διὰ μέσων παραλαμβάνοντες, ἵνα κἂν τὸν ἥλιον κατὰ τινὰ χρόνον ἐπὶ τινος τμήματος τοῦ ζωδιακοῦ τυγχάνοντα ἐφοδεύωμεν, ἐξ εὐχεροῦς λαμβάνωμεν καὶ τὴν ἀπὸ τοῦ ἡμερινοῦ κατὰ πλάτος αὐτοῦ παραχώρησιν ἐφ' ἑνὸς τεταρτημορίου * .

572 §Καὶ ἐκθέμενος τὸν δι' ἀμφοτέρων τῶν πόλων τοῦ τε ἡμερινοῦ καὶ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων μέγιστον κύκλον τὸν ΑΒΓΔ, καὶ ἡμερινοῦ μὲν ἡμικύκλιον τὸ ΑΕΓ, ζωδιακοῦ δὲ τὸ ΒΕΔ, ὥστε τὸ μὲν Ε σημεῖον γίνεσθαι ἑαρινόν, τουτέστιν τὴν ἀρχὴν τοῦ Κριοῦ, καὶ ἀπειληφῶς ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ τὴν ΕΗ περιφέρειαν μοιρῶνλ, καὶ γράψας διὰ τοῦ Ζ πόλου τοῦ ἡμερινοῦ καὶ τοῦ δεδομένου τμήματος τοῦ ζωδιακοῦ τοῦ μεγίστου κύκλου περιφέρειαν τὴν ΖΗΘ, ἀποδείκνυσι δηλαδὴ τὴν ΗΘ περιφέρειαν ἣν λελόξωται ἢ τριακονταμοιρία τοῦ διὰ μέσων ἀπὸ τοῦ ἡμερινοῦ, πόσων ἐστὶν τμημάτων οἷων ὅλος ὁ κύκλος τξ. Ἐπειτα μέλλων τὴν τοιαύτην ἀπόδειξιν ποιῆσθαι εἰς ὑπόμνησιν ἡμᾶς ἄγει λέγων ὅτι καθόλου ὅταν λέγωμεν περιφέρειάν τιναν ἢ εὐθειᾶν μοιρῶν εἶναί τινων ἢ τμημάτων, ἐπὶ μὲν τῶν περιφερειῶν τοιούτων φαμέν οἷων ὁ κύκλος τξ, ἐπὶ δὲ τῶν εὐθειῶν, οἷων ἡ διάμετρος ρκ.

573 §Καὶ ἐξῆς τὴν ἀπόδειξιν ποιούμενος προσχρῆται τῷ ἐκτεθειμένῳ σφαιρικῷ θεωρήματι ἐπὶ τῆς κατὰ σύνθεσιν ἀποδείξεως οὕτως· «ἐπεὶ ἐν κατα«γραφῇ μεγίστων κύκλων εἰς δύο τὰς ΑΖ καὶ ΑΕ δύο διηγμέναι εἰσὶν ἢ τε «ΖΘ καὶ ἢ ΕΒ τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ Η, ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς «ΖΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΑΒ λόγος συνῆπται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ «τὴν διπλῇ τῆς ΖΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΘΗ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ «τὴν διπλῇ τῆς ΗΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΕΒ. ἀλλ' ἢ μὲν τῆς «ΖΑ περιφερείας διπλῇ μοιρῶν ἐστὶν ρπ» ἢ γὰρ ΖΑ ἐκ τοῦ πόλου οὔσα ἐπὶ τὸν ἡμερινὸν τῶν τοῦ τεταρτημορίου μοιρῶν ἐστὶν ρ, ὥστε καὶ ἡ διπλῇ αὐτῆς ἔσται μοιρῶν ρπ· «ἢ δὲ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ρκ. «ἢ δὲ τῆς ΑΒ περιφερείας διπλῇ κατὰ τὸν συμπεφωνημένον ἡμῖν» τοῦ Ἐρατοσθένους λόγον «τῶν πγ πρὸς τὰ ια μοιρῶν ἐστὶν μζ μβ μ, «ἢ δὲ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων μη λα νε.» καὶ πάλιν ἐπεὶ ἡ ΗΕ περιφέρεια ὑπόκειται μοιρῶνλ, ἢ ἄρα διπλῇ αὐτῆς ἔσται μοιρῶν ξ καὶ ἢ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ξ. ἔστιν δὲ καὶ ἡ διπλῇ τῆς ΒΕ μοιρῶν ρπ καὶ ἢ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ρκ, ἐπειδὴ περ ἡ ΕΒ τεταρτημορίου ἐστίν, διὰ τὸ δύο μεγίστους κύκλους τόν τε ΑΕΓ ἡμερινὸν καὶ τὸν ΒΕΔ ζωδιακὸν τέμνειν ἀλλήλους εἰς ἡμικύκλια, καὶ τὸν ΑΒΓΔ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν ὄντα τέμνειν τὰ ἀπειλημμένα αὐτῶν ἡμικύκλια δίχα. ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ τῶν ρκ πρὸς τὰ μη λα νε λόγου, τουτέστιν τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΖΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΑΒ ἀφέλωμεν τὸν τῶν ξ πρὸς τὰ ρκ, τουτέστιν τὸν τῆς ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΕΗ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΕΒ, καταλειφθήσεται ὁ λόγος τῆς ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΖΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΘΗ, ὁ τῶν ρκ πρὸς τὰ κδ ιε νζ.

574 καὶ ἔστιν ἢ μὲν διπλῇ τῆς ΖΘ περιφερείας μοιρῶν ρπ, ἢ δ' ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ρκ. καὶ ἢ ὑπὸ τὴν διπλῇ ἄρα τῆς ΘΗ περιφερείας εὐθεῖα τμημάτων ἐστὶν κδ ιε νζ, ἥντινα εἰσαγαγόντες εἰς τὸν κανόνα τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν εὐρήσομεν τὴν ἐπ' αὐτῆς περιφέρειαν τουτέστιν τὴν διπλῇ τῆς ΘΗ, μοιρῶν κγ ιθ νθ, ἥς τὴν ἡμίσειαν λαβόντες ἔξομεν αὐτὴν τὴν ΗΘ περιφέρειαν μοιρῶν ια μ ἔγγιστα. §Καὶ καθόλου ἐπὶ τῶν τοιούτων ἀποδείξεων πέντε μεγέθη εὐθειῶν ἔχειν δεῖ δεδομένα καὶ ἕκτον ἐπιζητεῖν· οὕτω γὰρ ἢ τοιαύτη ἀπόδειξις προχωρήσει.

575 καὶ φανερόν ὅτι, καθάπερ ἐπὶ τοῦ κυκλικοῦ θεωρήματος δηλοῦμεν, τῶν ἀπολημφθεισῶν δύο περιφερειῶν μεταξὺ τῶν τριῶν σημείων συναμφοτέρων δὲ μοιρῶν ρ τυγχανουσῶν ὡς τῶν ΑΒ,

BZ, ἢ τῶν ZH, HΘ καὶ ἔτι τῶν EH, HB, καὶ συμπίπτουσιν τῶν εὐθειῶν ὡς τῆς ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β τῇ ἀπὸ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου ἐπὶ τὸ Ζ, ὡς ἔμπροσθεν ἀπεδείκνυμεν, καὶ οὕτως ὁμοίως συνίσταται τὸ θεωρήμα, ἀκολούθως τῷ προεκτεθειμένῳ ἐκ τῆς συμπλοκῆς τῶν λημματίων σφαιρικῶ θεωρήματι. §"Ον δὲ τρόπον, ἐὰν ἀπὸ τοῦ τῶν ρκ πρὸς τὰ μη λα νε λόγου ἀφέλωμεν τὸν τῶν ξ πρὸς τὰ ρκ, καταλείπεται ὁ τῶν ρκ πρὸς κδ ιε νζ, οὕτως γίνεται δῆλον.

576 ἐπεὶ γὰρ τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων δυνατόν ἐστὶν δ' ἀνάλογον προσεσεύειν, ἔχομεν δὲ γ ἀριθμοὺς τὸν τε ξ καὶ ρκ καὶ μη λα νε καὶ δ' ἀνάλογον ἐπιζητοῦμεν, καὶ ἔστιν ὁ ὑπὸ α' καὶ δ' ἴσος τῷ ὑπὸ β' καὶ γ', τάσσομεν ὡς α' τὸν ρκ καὶ β' τὸν ξ καὶ γ' τὸν μη λα νε, καὶ πολλαπλασιάσαντες τὸν β' ἐπὶ τὸν γ', τουτέστιν τὸν ξ ἐπὶ τὸν μη λα νε καὶ τὰ γενόμενα, βζια νε μερίσαντες παρὰ τὸν ρκ, ἔχομεν τὸν δ' ἀνάλογον κδ ιε νζ, * καὶ γέγονεν κατὰ τὴν ἀνάπαλιν τάξιν ὡς κδ ιε νζ πρὸς μη λα νε οὕτως ξ πρὸς ρκ. καὶ ἐπεὶ τοῦ κδ ιε νζ μέσου λαμβανομένου ὁ τῶν ρκ πρὸς τὰ μη λα νε λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῶν ρκ πρὸς τὰ κδ ιε νζ καὶ τοῦ τῶν κδ ιε νζ πρὸς τὰ μη λα νε, ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ τῶν ρκ πρὸς τὰ μη λα νε λόγου ἀφέλωμεν τὸν τῶν κδ ιε νζ πρὸς τὰ μη λα νε, τουτέστιν τὸν τῶν ξ πρὸς τὰ ρκ, καταλειφθήσεται ὁ λόγος τῶν ρκ πρὸς τὰ κδ ιε νζ, ὅς ἐστιν τῆς ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΖΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΘΗ. καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΖΘ τμημάτων ρκ, καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλῇ ἄρα τῆς ΘΗ ἔσται κδ ιε νζ, ἡ δὲ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια τουτέστιν ἡ διπλῇ τῆς ΘΗ περιφερείας μοιρῶν κγ ιθ νθ, αὕτη δὲ ἡ ΘΗ ια λθ νθ, αἵτινες καὶ παράκεινται ἐν τῷ τῆς λοξώσεως κανονίῳ κατὰ τὸ δεύτερον σελίδιον ταῖς τοῦ ζωδιακοῦ καὶ κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον ἐκκειμέναις μοίραις λ. ρκ κδ ιε νζ μη λα νε ξ ρκ καὶ πρὸς μὲν τῷ τελευταίῳ ἄκρῳ τῷ μη λα νε ἡ ἀφαίρεσις γεγένηται τοῦ τῶν κδ ιε νζ πρὸς αὐτὸν λόγου, πρὸς δὲ τῷ πρώτῳ ἡ κατάλειψις, ἐπεὶ καὶ ἡ διὰ τῶν γραμμῶν ἀπόδειξις τὸν β τῶν συντιθέντων τὸν ἐξ ἀρχῆς λόγον ἀφαιρούμενον εἶχεν τὸν δὲ πρῶτον καταλειπόμενον.

577 Ὡς πάλιν ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς, βουλούμενος δεῖξαι πόσον λελόξωται ἡ ἐξηκονταμοιρία τοῦ ζωδιακοῦ ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ κύκλου, φησὶν· ἔστω πάλιν ἡ ΕΗ τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρεια μοιρῶνξ, ὥστε πάλιν, τοῦ λόγου τῆς ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΖΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΑΒ μένοντος τοῦ τῶν ρκ πρὸς τὰ μη λα νε καὶ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΖΘ μενούσης ρκ, τὴν μὲν διπλῇ τῆς ΕΗ περιφερείας γίνεσθαι μοιρῶν ρκ, καὶ τὴν ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖαν τμημάτων ργ νε κγ. καὶ ἐὰν ἄρα πάλιν ἀπὸ τοῦ τῶν ρκ πρὸς τὰ μη λα νε λόγου ἀφέλωμεν τὸν τῶν ργ νε κγ πρὸς τὰ ρκ, καταλειφθήσεται ὁ λόγος τῆς ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΖΘ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΘΗ ὁ τῶν ρκ πρὸς τὰ μβ α μη. καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλῇ τῆς ΖΘ τμημάτων ρκ· καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλῇ ἄρα τῆς ΘΗ τμημάτων μβ α μη, ἡ δὲ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια, τουτέστιν ἡ διπλῇ τῆς ΘΗ, ἔσται μοιρῶν μα ο ιη, ἡ δὲ ἡμίσεια αὐτῆς, τουτέστιν αὕτη ἡ ΗΘ, ἔσται κ λ θ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

578 ρκ μβ α μη μη λα νε ργ νε κγ ρκ «Τὸν αὐτὸν δὲ τρόπον ...» καὶ καθ' ἐκάστην μοῖραν τοῦ ζωδιακοῦ ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπιλογισάμενος τὰ μεγέθη τῶν ὁμοίων τῇ ΗΘ περιφερείᾳ ἐπὶ τοῦ ἐνὸς τεταρτημορίου, § ἐπεὶ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν γ τὰ αὐτὰ μεγέθη συνάγεται, ὡς ἐξῆς δείξομεν, διὰ τὸ καὶ μίαν τινὰ καὶ τὴν αὐτὴν εἶναι ἔγκλισιν τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς τὸν ἰσημερινόν, § καὶ κανονοποιῖαν αὐτῶν ἐξέθετο πρὸς τὸ καὶ τὰ τοιαῦτα μεγέθη ἐκ προχείρου ἡμᾶς δύνασθαι λαμβάνειν, ἐπὶ στίχους μὲν πάλιν με, σελίδια δὲ δύο· ὧν τὰ μὲν πρῶτα περιέχει τὰς τοῦ ἐνὸς τεταρτημορίου τοῦ ζωδιακοῦ μοίρας ρ, κατὰ μίαν παρηυξημένας, τὰ δὲ β τὰς ἐπιβαλλούσας αὐταῖς ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ τῆς λοξώσεως πηλικότητος ἐπὶ τοῦ εἰρημένου κύκλου. «καὶ ἔστιν τὸ «κανόνιον τοιοῦτον.» Ὑπομνήσεως δὲ ἔνεκεν τοῦ πολλαπλασιασμοῦ ἐκθησόμεθα τοὺς ἀριθμοὺς τοὺς ἐπὶ τῆς δείξεως. § «Ἐὰν οὖν, φησὶν, ἀπὸ τοῦ τῶν ρκ πρὸς τὰ «μη λα νε λόγου ἀφέλωμεν τὸν τῶν ργ νε κγ πρὸς τὰ ρκ, καταλειφθήσεται ὁ τῶν ρκ πρὸς τὰ μβ α μη» οὕτως· ἐὰν γὰρ πάλιν πολλαπλασιάσωμεν τὸν ργ νε κγ ἐπὶ τὸν μη λα νε, τὰ γενόμενα καθὼς ἐξῆς ἡ

ἔκθεσις τῶν ἀριθμῶν περιέχει , εμγ λε ις λθ ιε μερίσωμεν παρὰ τὸν ρκ, εὐρήσομεν τὸν μβ α μη τέταρτον ἀνάλογον.

579 καὶ ἔστιν ὁ τῶν ργ νε κγ πρὸς τὰ ρκ λόγος ὁ αὐτὸς τῷ τῶν μβ α μη πρὸς τὰ μη λα νε. ἀλλὰ τοῦ τῶν ρκ πρὸς τὰ μη λα νε λόγου λαμβανομένου μέσου τοῦ τῶν μβ α μη, ὁ τῶν ρκ πρὸς τὰ μη λα νε λόγος συγκείμενος ἔσται ἔκ τε τοῦ τῶν ρκ πρὸς τὰ μβ α μη λόγου καὶ τοῦ τῶν μβ α μη πρὸς τὰ μη λα νε. καὶ ἔαν ἀπὸ τοῦ τῶν ρκ πρὸς τὰ μη λα νε λόγου ἀφέλωμεν τὸν τῶν ργ νε κγ πρὸς τὰ ρκ, τουτέστιν τὸν τῶν μβ α μη πρὸς τὰ μη λα νε, καταλειφθήσεται ὁ τῶν ρκ πρὸς τὰ μβ α μη, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. ρκ μβ α μη μη λα νε ργ νε κγ ρκ Οἱ δὲ πολλαπλασιασμοί, καθὼς καὶ πρότερον ὑπεγράψαμεν, γίνονται οὕτως. πολλαπλασιάζομεν τὸν ργ νε κγ ἐπὶ τὸν μη λα νε οὕτως· πρότερον τὸν ργ ἐπὶ τὸν μη· γίνονται μοῖραι , δλμδ. εἴτα τὸν ργ ἐπὶ τὸν λα· γίνεται πρῶτα ἐξηκοστὰ , γρργ. ἔπειτα πάλιν τὰ ργ ἐπὶ τὰ νε· γίνεται β' ἐξηκοστὰ , εχξε. ἔπειτα τὰ νε πρῶτα ἐξηκοστὰ ἐπὶ τοὺς τρεῖς· καὶ πρῶτον ἐπὶ τὸν μη· γίνεται α' ἐξηκοστὰ , βχμ. ἔπειτα πάλιν ἐπὶ τὰ λα πρῶτα ἐξηκοστὰ· γίνεται , αψε δεύτερα ἐξηκοστὰ· πρῶτα γὰρ ἐπὶ πρῶτα γίνεται δεύτερα. καὶ ἔτι ἐπὶ τὰ νε δεύτερα· γίνεται , γκε. καὶ ἔτι τὰ κγ δεύτερα ἐξηκοστὰ ἐπὶ τοὺς τρεῖς ὁμοίως· καὶ πρῶτον πάλιν ἐπὶ τὸν μη· γίνεται δεύτερα ἐξηκοστὰ , αρδ. εἴτα ἐπὶ τὰ α' ἐξηκοστὰ λα· γίνεται ψιγ τρίτα ἐξηκοστὰ. καὶ ἔτι ἐπὶ τὰ νε δεύτερα ἐξηκοστὰ· γίνεται , ασξε τέταρτα ἐξηκοστὰ. β' γὰρ ἐπὶ β', δ' γίνεται. παραβάλλοντες οὖν δ' ἐξηκοστὰ παρὰ τὸν ξ καὶ ποιήσαντες τρίτα καὶ τέταρτα ἐξηκοστὰ, προσεθήκαμεν τὰ γ' τοῖς γ'· καὶ συναγόντες αὐτὰ καὶ παραβάλλοντες πάλιν παρὰ τὸν ξ καὶ ποιήσαντες β' καὶ γ', καὶ τὰ β' ὁμοίως τοῖς β' προσθέντες καὶ συναγαγόντες αὐτὰ καὶ μερίσαντες πάλιν παρὰ τὸν ξ, ἐποίησαμεν πρῶτα ἐξηκοστὰ καὶ δεύτερα· καὶ πάλιν προσθέντες τὰ α' τοῖς α' καὶ συναγαγόντες αὐτὰ καὶ μερίσαντες παρὰ τὸν ξ ἔσχομεν μοίρας καὶ πρῶτα ἐξηκοστὰ· καὶ προσθέντες τὰς μοίρας ταῖς μοίραις ἔσχομεν τὸν συναχθέντα ἀριθμὸν μοιρῶν , εμγ λε ις λθ ε, ὃν μερίσαντες παρὰ τὸν ρκ εὐρήσομεν τὸν μβ α μη τέταρτον ἀνάλογον.

581 Περὶ τῆς χρήσεως τοῦ κανόνος.

582 (1τ) § Ἐπεὶ ἐν τῷ ἐκτεθειμένῳ τῆς λοξώσεως κανονίῳ ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ τυγχάνοντι κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον ἐνὸς μόνου τεταρτημορίου τοῦ διὰ μέσων ἔκκεινται μοῖραι ρ, ἀναγκαῖον δηλῶσαι ὃν τρόπον εἰσάγειν ὀφείλομεν ἐν τῷ κανόνι πλεόνων τῶν ρ μοιρῶν διδομένων. ὅτι μὲν οὖν ἔαν λόγου ἔνεκεν ἀπὸ ἀρχῆς Κριοῦ δοθῶσιν μέχρις μοιρῶν ρ, αὐτὰς εἰσαγαγόντες κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον τοῦ κανόνος, τὰς παρακειμένας αὐταῖς ἐν τῷ δευτέρῳ σελιδίῳ ἐροῦμεν λελοξῶσθαι τὸ δεδομένον τοῦ ζωδιακοῦ τμήμα φανερόν. ἔαν δὲ ὑπὲρ τὰς ρ ὦσιν αἱ διδόμεναι τοῦ ζωδιακοῦ μοῖραι, τὰς λειπούσας εἰς τὰς ρπ μοίρας εἰσαγαγόντες ὁμοίως λημψόμεθα τὴν ἐπιζητουμένην τῆς λοξώσεως πηλικότητα. ἔαν δὲ ὑπὲρ τὰς ρπ ὦσιν ἕως σο, τὰς λοιπὰς μετὰ τῶν ρπ εἰσάγομεν. ἔαν δὲ ὑπὲρ τὰς σο, τὰς λειπούσας εἰς τὰς τξ. § Ἵνα δὲ ἐπὶ καταγραφῆς φανερὰ γένηται τὰ λεγόμενα, ἔστω ζωδιακὸς ὁ ΑΒΓΔ, ἰσημερινὸς δὲ ὁ ΕΖΗΘ, τὰ δὲ ἰσημερινὰ καὶ τροπικὰ σημεῖα ὡς ὑπογέγραπται. ἔαν οὖν ζητῶμέν τινος τμήματος τῶν ἀπὸ ἀρχῆς Κριοῦ μέχρις Καρκίνου μοιρῶν ρ τὴν λόξωσιν, δηλὸν ὡς ἔφαμεν ὅτι αὐτὰς τὰς ἀπὸ Κριοῦ διδομένας μοίρας εἰσαγαγεῖν ὀφείλομεν.

583 ἔαν δὲ πάλιν τινὸς τμήματος τῶν μετὰ τὰς ρ ἕως τῶν ρπ, οἷον ὡς τοῦ κατὰ τὸ Β, δηλὸν ὅτι τὰς ἀπὸ Χηλῶν ἕως τοῦ Β λειπούσας εἰς τὰς ρπ εἰσάγειν ὀφείλομεν. ἔαν δὲ ὑπὲρ τὰς ρπ ἕως σο ὦσιν αἱ διδόμεναι ἀπὸ Κριοῦ, οἷον πάλιν ὡς κατὰ τὸ Γ, δηλὸν πάλιν ὅτι τὰς ἀπὸ Χηλῶν ἕως τοῦ Γ λοιπὰς οὔσας μετὰ τὰς ρπ τοῦ ἡμικυκλίου εἰσάγειν ὀφείλομεν. ἔαν δὲ ὑπὲρ τὰς σο ἕως τξ, οἷον ὡς κατὰ τὸ Δ, τὰς λειπούσας εἰς τξ εἰσαγαγεῖν πάλιν ὀφείλομεν, ἵνα πάλιν ἀπὸ Κριοῦ ὦσιν αἱ εἰσαγόμεναι· ὁμοίως δὲ καὶ ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τῶν Χηλῶν ὦσιν αἱ διδόμεναι τῇ αὐτῇ ἀγωγῇ χρῆσόμεθα. § Ὅτι δὲ ἀρκούντως ἐπὶ τοῦ ἐνὸς τεταρτημορίου τοῦ ζωδιακοῦ τὰς λοξώσεις ἀπέδειξεν, διὰ τὸ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν γ τεταρτημορίων τὰς αὐτὰς εἶναι, δεῖξομεν πάλιν ἐπὶ τῆς

αὐτῆς καταγραφῆς. ἐπεὶ γὰρ κατὰ διάμετρόν ἐστιν τὸ Κ τῷ Λ, κείσθω ἴση ἡ ΚΑ τῇ ΛΓ· κατὰ διάμετρον ἄρα ἐστὶν καὶ τὸ Α τῷ Γ.

584 εἰλήφθω ὁ πόλος τοῦ ἰσημερινοῦ, καὶ ἔστω τὸ Μ. καὶ διὰ τοῦ Μ καὶ τοῦ Α μέγιστος κύκλος γεγράφθω· ἥξει δὴ καὶ διὰ τοῦ Γ· ἐρχέσθω ὡς ὁ ΑΕΜΓΗ. καὶ ἐπεὶ ἡμικυκλίου ἐστὶν ἡ ΑΓ (οἱ γὰρ μέγιστοι κύκλοι δίχα τέμνουσιν ἀλλήλους), ἀλλὰ καὶ ἡ ΕΗ, κοινὴ ἀφηρήσθω ἡ ΓΜΕ· λοιπὴ ἄρα ἡ ΑΕ τῆς λοξώσεως περιφέρεια λοιπῇ τῇ ΓΗ ἴση ἐστίν. ὁμοίως δὲ δειχθήσεται καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν. τὰ ἄρα ἴσον ἀπέχοντα ἐκατέρου τῶν ἰσημερινῶν τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων τμήματα τὴν ἴσην λόξωσιν λοξοῦνται. ὥστε εἰκότως ἐπὶ ἐνὸς τεταρτημορίου τὴν ἀπόδειξιν πεποιήται. § Ὅν δὲ τρόπον κατὰ τὴν ἔκθεσιν τοῦ κανόνος αἰεὶ αἱ πρὸς τοῖς ἰσημερινοῖς λοξώσεις ἐν μείζουσιν ὑπεροχαῖς παρηύξηνται τῶν ἀπώτερον, διὰ τῶν * γραμμῶν δεῖξομεν πάλιν οὕτως. Ἐκκείσθω γὰρ ὁ δι' ἀμφοτέρων τῶν πόλων τοῦ τε διὰ μέσων τῶν ζωδίων καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ ὁ ΑΒΓΔ, καὶ ἰσημερινοῦ μὲν ἡμικύκλιον τὸ ΑΕΓ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τῶν ζωδίων τὸ ΒΕΔ, πόλος δὲ τοῦ ἰσημερινοῦ ἔστω τὸ Ζ.

585 καὶ ἀπειλήφθωσαν ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ἴσαι περιφέρειαι αἱ ΕΗ, ΗΘ, ΘΚ, καὶ γεγράφθωσαν διὰ τοῦ Ζ πόλου τοῦ ἰσημερινοῦ καὶ τῶν Η, Θ, Κ σημείων μεγίστων κύκλων τεταρτημόρια τὰ ΖΗΛ, ΖΘΜ, ΖΚΝ, ἐφ' ὧν αἱ λοξώσεις ἐδείκνυντο. λέγω ὅτι ἡ ΘΜ τῆς ΗΛ μείζονι ὑπερέχει ἢ περ ΚΝ τῆς ΘΜ. Καὶ ἔστιν αὐτόθεν φανερόν, παραλλήλων γραφέντων διὰ τῶν Η, Θ, Κ τῷ ΑΕΓ ἰσημερινῷ τῶν ΗΞ, ΘΟ, ΚΠ· γίνεται γάρ, ὡς ἐδείχθη ἐν τῷ ε' θεωρήματι τοῦ γ' τῶν Σφαιρικῶν, ἡ μὲν ΑΞ τῆς ΞΟ μείζων, ἡ δὲ ΞΟ τῆς ΟΠ. καὶ ὑπερέχει ἡ μὲν ΘΜ τῆς ΗΛ τῇ ΞΟ, ἡ δὲ ΚΝ τῆς ΘΜ τῇ ΟΠ· ἴσαι γὰρ εἰσὶν αἱ τῶν μεγίστων κύκλων περιφέρειαι αἱ μεταξὺ τῶν παραλλήλων. ὥστε ἡ ΜΘ τῆς ΛΗ μείζονι ὑπερέχει ἢ περ ἡ ΚΝ τῆς ΘΜ, ὅπερ προέκειτο δεῖξαι. Περὶ τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἀναφορῶν.

586 (1τ) Ἀποδείξας τὴν μεγίστην λόξωσιν μοιρῶν κγ να κ, καὶ ἔτι τὰς κατὰ μέρος τοιαύτας πηλικότητας ἐπὶ τῶν διὰ τῶν τοῦ ἰσημερινοῦ πόλων γραφομένων μεγίστων κύκλων καὶ τῶν διδομένων τοῦ λοξοῦ καὶ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου τμημάτων, καὶ κανονοποιῖαν τούτων ἐκθέμενος πρὸς τὸ ἐξ ἐτοίμου αὐτὰς ἔχειν εἰς τὰς κατὰ μέρος ἐπισκέψεις, ἐξῆς περὶ τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἀναφορῶν τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ζωδιακοῦ κύκλου τὸν λόγον ποιεῖται, καθ' ἣν θέσιν οἱ πόλοι τῆς σφαίρας ἐπὶ τοῦ ὀρίζοντος τυγχάνουσιν. § διὸ καὶ ἰσοδυναμεῖν αὐτὸν ἐρεῖ τοῖς καθ' ἐκάστην οἴκησιν μεσημβρινοῖς, ἐπεὶ καὶ ὁ τοιοῦτος ὀρίζων διὰ τῶν πόλων ἐστὶν τῆς σφαίρας καθάπερ καὶ πάντες οἱ μεσημβρινοί. Εἴτα βουλόμενος ἀποδεῖξαι τὰς γινομένας πηλικότητας τῶν ἀπολαμβανομένων περιφερειῶν τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ἀπὸ τῆς κοινῆς τομῆς αὐτῶν ὑπὸ τοῦ γραφομένου κύκλου διὰ τῶν τοῦ ἰσημερινοῦ πόλων καὶ τῶν διδομένων τοῦ λοξοῦ κύκλου τμημάτων, φησὶν· «οὕτω γὰρ ἔξομεν πόσοις χρόνοις ἰσημερινοῖς τὰ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζω«δίων κύκλου τμήματα διελεύσεται τὸν τε μεσημβρινὸν πανταχῇ καὶ «τὸν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντα.» * § Ὅτι δὲ τοῖς αὐτοῖς χρόνοις * ἦτοι τμήμασιν τοῦ ἰσημερινοῦ τὰ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων τμήματα διελεύσεται τὸν τε μεσημβρινὸν πανταχῇ καὶ τὸν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντα, οὕτω δεικτέον.

587 ἔστω μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ· καὶ τῶν ἡμικυκλίων τοῦ μὲν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντος τὸ ΒΕΔ, ἰσημερινοῦ δὲ τὸ ΑΕΓ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τὸ ΖΗΘ· καὶ γεγράφθω τοῦ διὰ τοῦ Κ παραλλήλου τῷ ἰσημερινῷ τὸ ΚΛ τμήμα.

588 καὶ ἐπεὶ ὁ ΒΕΔ ὀρίζων διὰ τῶν πόλων ἐστὶν τῆς σφαίρας, τὰ Β, Δ ἄρα σημεῖα πόλοι εἰσὶν τῆς σφαίρας· ὁμοία ἄρα ἡ ΚΛ τῇ ΕΑ. ἡ ἄρα ΗΑ μείζων ἐστὶν ἢ ὁμοία τῆς ΚΛ. κείσθω τῇ ΚΛ ὁμοία ἡ ΗΜ. ἐν ᾧ ἄρα τὸ Κ ἐπὶ τὸ Λ παραγίνεται, ἐν τούτῳ καὶ τὸ Η ἐπὶ τὸ Μ· καὶ σχήσει ἡ ΚΗ τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρεια τὴν τῆς ΛΜ θέσιν. καὶ ἐπεὶ ἐκατέρα τῶν ΕΑ, ΗΜ ὁμοία ἐστὶν τῇ ΚΛ, καὶ ἡ

ΕΑ ἄρα ὁμοία ἐστὶν τῇ ΗΜ. ἴση ἄρα ἡ ΗΜ τῇ ΕΑ. καὶ κοινῆς ἀφαιρεθείσης τῆς ΕΜ, λοιπὴ ἡ ΕΗ λοιπὴ τῇ ΜΑ ἐστὶν ἴση· καὶ τῇ μὲν ΕΗ τοῦ ἡμερινοῦ συνανέρχεται ἡ ΗΚ τοῦ ζωδιακοῦ τὸν ὀρίζοντα, τῇ δὲ ΜΑ τοῦ ἡμερινοῦ συνεχέρεται τὸν μεσημβρινὸν ἡ ΑΜ τοῦ ζωδιακοῦ· ὥστε τοῖς αὐτοῖς τοῦ ἡμερινοῦ χρόνοις τὰ τοῦ διὰ μέσων τμήματα διελύσεται τὸν τε μεσημβρινὸν πανταχῇ καὶ τὸν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντα. * ΣΕῖτα βουλόμενος ἀποδείξει ἐπὶ τῶν κατὰ μέρος συναναφορῶν ἥτοι συμμεσουρανήσεων, τοῖς δεδομένοις τμήμασιν τοῦ ζωδιακοῦ πόσοι χρόνοι τοῦ ἡμερινοῦ συμμεσουρανοῦσιν ἢ συνανέρχονται τὸν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντα, χρόνους καλῶν τὰ τοῦ ἡμερινοῦ τμήματα, διὰ τὸ περὶ τοὺς τούτου πόλους τὴν ἀπὸ ἀνατολῶν ἐπὶ δυσμὰς φορὰν τῶν ὅλων ὁμαλῶς φέρεσθαι καὶ ἀναγκαῖον εἶναι τὰς καταμετρήσεις τῶν χρόνων ἐπὶ τινος ὁμαλῶς καὶ τεταγμένως φερομένου μεγίστου κύκλου καταμετρεῖσθαι, ποιεῖται τὴν εἰρημένην ἀπόδειξιν ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ θεωρήματος ἐφ' οὗ καὶ τὰς λοξώσεις ἀπεδείκνυνεν, προσχρώμενος τῷ κατὰ διαίρεσιν δειχθέντι αὐτῷ σφαιρικῷ θεωρήματι.

589 Σ'Εκτεθείσης γὰρ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς τουτέστιν τοῦ μὲν δι' ἀμφοτέρων τῶν πόλων τοῦ ΑΒΓΔ, ἡμερινοῦ δὲ τοῦ ΑΕΓ, καὶ ζωδιακοῦ τοῦ ΒΕΔ, ὥστε τὸ Ε σημεῖον τὴν κοινὴν τομὴν εἶναι τοῦ τε ζωδιακοῦ καὶ τοῦ ἡμερινοῦ, καὶ ἀπολημφθείσης ὁμοίως τῆς ΕΗ λόγου ἔνεκεν μοιρῶνλ, καὶ γραφείσης διὰ τοῦ Ζ πόλου τοῦ ἡμερινοῦ καὶ τοῦ δεδομένου τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων σημείου τοῦ Η τεταρτημορίου μεγίστου κύκλου τοῦ ΖΗΘ, ἐπιλογίζεται ἐκ τῶν ἔμπροσθεν εἰρημένων τὴν συναναφερομένην αὐτῇ τοῦ ἡμερινοῦ τουτέστιν τὴν ΕΘ· αὕτη γὰρ συναναφέρεται τῇ ΕΗ τοῦ ζωδιακοῦ, διὰ τὸ τὸν ΖΗΘ κύκλον διὰ τῶν πόλων ὄντα τῆς σφαίρας ἰσοδυναμεῖν τῷ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντι, καὶ ἅμα τὸ κοινὸν αὐτῶν σημεῖον τὸ Ε ἐπ' αὐτοῦ γίνεσθαι, καὶ δηλαδὴ συνανέρχεσθαι τὴν ΕΗ τῇ ΕΘ.

590 κατὰ τὰ αὐτὰ οὖν τοῖς πρότερον εἰρημένοις, ἐπεὶ εἰς δύο μεγίστων κύκλων περιφερείας τὰς ΑΖ, ΑΕ δύο διηγμέναι εἰσὶν ἢ τε ΖΘ καὶ ΕΒ τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ Η, ὃ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΑ λόγος συνήπται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΗ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΘ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ. ἀλλ' ἡ μὲν τῆς ΖΒ περιφερείας διπλῇ μοιρῶν ἐστὶν ρλβ ιζ κ καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ρθ μδ νγ, ἡ δὲ τῆς ΒΑ διπλῇ μοιρῶν μζ μβ μ καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα μη λα νε· τὸ γὰρ Β τροπικόν ἐστὶν διὰ τὸ τὴν ΕΒ εἶναι τεταρτημορίου, ὡς καὶ μικρῷ πρόσθεν ἀπεδείκνυνεν, καὶ ἔστιν ἡ ΒΑ ἡ μεγίστη λόξωσις, μοιρῶν οὔσα κγ να κ· ὥστε καὶ ἡ διπλῇ αὐτῆς ἔσται μζ μβ μ. διὸ καὶ ἡ τῆς ΖΒ διπλῇ μοιρῶν ἐστὶν ρλβ ιζ κ. καὶ ἐπεὶ καὶ ἡ τῆς ΖΑ διπλῇ μοιρῶν ἐστὶν ρπ, ἔστιν δὲ καὶ ἡ τῆς ΖΗ διπλῇ * μοιρῶν ρνς μ α διὰ τὸ τὴν ΗΘ λόξωσιν δεδοσθαι, ἡ δ' ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ριζ λα ιε, ἡ δὲ τῆς ΗΘ διπλῇ μοιρῶν κγ ιθ νθ καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων κδ ιε νζ· ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ τῶν ρθ μδ νγ πρὸς τὰ μη λα νε λόγου ἀφέλωμεν τὸν τῶν ριζ λα ιε πρὸς τὰ κδ ιε νζ, καταλειφθήσεται ἡμῖν ὃ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ λόγος ὁ τῶν νδ νβ κς πρὸς τὰ ριζ λα ιε· ὃ δ' αὐτὸς τούτῳ λόγος ἐστὶν καὶ τῶν νς α κε πρὸς τὰ ρκ. καὶ ἔστιν ἡ μὲν διπλῇ τῆς ΕΑ μοιρῶν ρπ, ἡ δ' ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ρκ.

591 καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν ἄρα τῆς ΕΘ τῶν αὐτῶν ἐστὶν νς α κε. ὥστε καὶ ἡ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια τουτέστιν ἡ διπλῇ τῆς ΘΕ μοιρῶν νε μ ἔγγιστα, ἡ δὲ ἡμίσεια αὐτῆς τουτέστιν αὐτὴ ἡ ΘΕ τῶν αὐτῶν κζ ν. §'Ον δὲ τρόπον καὶ ἐνταῦθα ἀπὸ τοῦ τῶν ρθ μδ νγ πρὸς τὰ μη λα νε λόγου ἀφαιρουμένου τοῦ τῶν ριζ λα ιε πρὸς τὰ κδ ιε νζ καταλείπεται ὁ τῶν νδ νβ κς πρὸς τὰ ριζ λα ιε, καὶ μεταλαμβάνεται ἀνάπαλιν εἰς τὸν τῶν ρκ πρὸς τὰ νς α κε, δείξομεν οὕτως. ἐπεὶ γὰρ πάλιν ἔχομεν γ ἀριθμοὺς δεδομένους τὸν τε ρθ μδ νγ καὶ τὸν μη λα νε καὶ ἔτι τὸν κδ ιε νζ, μεταχειριζόμεθα ὁμοίως τὸν δ' ἀνάλογον, πολλαπλασιάζοντες τὸν κδ ιε νζ ἐπὶ τὸν ρθ μδ νγ καὶ μερίζοντες παρὰ τὸν μη λα νε καθὼς καὶ μικρῷ πρόσθεν ἀπεδείκνυνεν· εὐρίσκεται δὲ ὁ ἐκ τοῦ

μερισμοῦ ὁ νδ νβ κς, καὶ γέγονεν πάλιν ὡς ρθ μδ νγ πρὸς μη λα νε οὕτως νδ νβ κς πρὸς κδ ιε νζ.

592 καὶ μέσου ὅρου λαμβανομένου τοῦ ριζ λα ιε, ὁ τῶν νδ νβ κς πρὸς τὰ κδ ιε νζ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῶν νδ νβ κς πρὸς τὰ ριζ λα ιε καὶ τοῦ τῶν ριζ λα ιε πρὸς τὰ κδ ιε νζ. καὶ δῆλον ὡς ὅτι ἔαν ἀπὸ τοῦ τῶν ρθ μδ νγ πρὸς τὰ μη λα νε λόγου, τουτέστιν τοῦ τῶν νδ νβ κς πρὸς τὰ κδ ιε νζ (ὁ γὰρ αὐτὸς αὐτῷ ἐστίν) ἀφέλωμεν τὸν τῶν ριζ λα ιε πρὸς τὰ κδ ιε νζ, καταλειφθήσεται ὁ τῶν νδ νβ κς πρὸς τὰ ριζ λα ιε, τουτέστιν ὡς ἐπὶ τῶν γραμμῶν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΑ. καὶ εἰ μὲν ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΑ περιφερείας εὐθεῖα τμημάτων ἦν ριζ λα ιε, εἴχομεν αὐτόθεν καὶ τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΘ τμημάτων νδ νβ κς· ἀλλὰ ἐπεὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΑ ἐστὶν ρκ, μετάγομεν τὸν καταλιπέντα λόγον εἰς τὸν ρκ, πολλαπλασιάζοντες τὸν ρκ ἐπὶ τὸν νδ νβ κς, καὶ μερίσαντες τὸν γενόμενον παρὰ τὸν ριζ λα ιε, καὶ εὐρίσκοντες νς α κε τέταρτον ἀνάλογον· καὶ γέγονεν ὡς νδ νβ κς πρὸς ριζ λα ιε, οὕτως νς α κε πρὸς ρκ. καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΑ ρκ καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν ἄρα τῆς ΕΘ ἔσται νς α κε. Καὶ δῆλον ὅτι οὐχὶ ἐπὶ τῶν ἐκτεθειμένων ἀριθμῶν καὶ τὸν λόγον περιεχόντων τῆς ἀφαιρέσεως πεποίηται, ἀλλ' ἐπὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων. ἔνεστιν δὲ πάλιν καὶ ἐπ' αὐτοῦ τοῦ ἐκτεθέντος τοῦ τῶν ρθ μδ νγ πρὸς τὰ μη λα νε τὴν ἀφαίρεσιν ποιήσασθαι πολλαπλασιάσαντας τὸν ρθ μδ νγ ἐπὶ τὸν κδ ιε νζ καὶ μερίσαντας παρὰ τὸν ριζ λα ιε, καὶ εὐρόντας πάλιν τὸν μέσον ὅρον τοῦ τῶν ρθ μδ νγ πρὸς τὰ μη λα νε.

593 ἀλλὰ ὁ εὐρισκόμενος δ' ἀνάλογος οὐκέτι πρὸς τὸν ριζ λα ιε τὸν καταλειπόμενον λόγον ἐποιεῖτο κατὰ τὴν ἔκθεσιν αὐτῶν, ἀλλὰ πρὸς τὸν μη λα νε.

594 καὶ ἦν ἂν ἡ ἀφαίρεσις καὶ ἡ κατάλειψις ἀκολουθῶς τῇ ἔμπροσθεν ἡμῖν εἰρημένη ἐφόδῳ. ἀκολουθῶς γὰρ ταῖς γραμμικαῖς ἐνταῦθα δεῖξιν, τοῦ πρώτου λόγου ἀφαιρουμένου, ὁ δεύτερος κατελιμπάνετο. ὅθεν ἀπὸ ὁμοίου φαίνεται τὴν ἀφαίρεσιν καὶ τὴν κατάλειψιν τοῦ λόγου ποιησάμενος, δεικνὺς ὅτι πολυτρόπως δύναται ἡ ἀφαίρεσις καὶ ἡ κατάλειψις προχωρεῖν. ρθ μδ νγ νδ νβ κς ριζ λα ιε μη λα νε νς α κς ρκ Ἀποδείξας τὴν τριακονταμοιρίαν τοῦ ζῳδιακοῦ τὴν ἀπὸ τε τῆς κοινῆς τομῆς αὐτοῦ τε καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ, πόσοις τμήμασιν τοῦ ἰσημερινοῦ τὸν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἦτοι συνανέρχεται τὸν ὀρίζοντα ἢ συνεξέρχεται τὸν μεσημβρινὸν κατὰ πᾶσαν οἴκησιν, τουτέστιν ἢ συμμασουρανεῖ, § ἐξῆς βούλεται δεῖξαι ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς τῇ αὐτῇ ἀποδείξει προσχρώμενος καὶ τῇ ἐξηκονταμοιρίᾳ τοῦ ζῳδιακοῦ ἀπὸ τῆς αὐτῆς κοινῆς τομῆς, πόσαις συναναφέρονται ἢ συμμασουρανοῦσιν πανταχῇ. Ἔστω οὖν πάλιν ἡ ΕΗ τοῦ ζῳδιακοῦ περιφέρεια μοιρῶνξ, καὶ δέον ἔστω εὐρεῖν τὴν ΕΘ τοῦ ἰσημερινοῦ περιφέρειαν πόσων ἐστὶν τμημάτων· διὰ τὰ αὐτὰ δὴ ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΒΑ λόγος συνῆπται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΖΗ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΗΘ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΑ. ἀλλ' ἡ * μὲν τῆς ΖΒ διπλῇ διὰ τὰ εἰρημένα μοιρῶν ἐστὶν ρλβ ιζ κ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ρθ μδ νγ.

595 ἡ δὲ τῆς ΒΑ διπλῇ μοιρῶν ἐστὶν μζ μβ μ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα μη λα νε. ἡ δὲ τῆς ΖΗ διπλῇ, μοιρῶν ἐστὶν ρλη νθ μβ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ριβ κγ νς. ἡ δὲ τῆς ΗΘ διπλῇ μοιρῶν μα ο ο ιη, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα μβ α μη δίδοται δὲ ἡ ΗΘ περιφέρεια ἐκ τοῦ τῆς λοξώσεως κανονίου· λοξώσις γάρ ἐστὶν μοιρῶν ξ· διὸ καὶ λοιπὴ ἡ ΖΗ δίδοται. ἔαν οὖν πάλιν ἀπὸ τοῦ τῶν ρθ μδ νγ πρὸς τὰ μη λα νε λόγου ἀφέλωμεν τὸν τῶν ριβ κγ νς πρὸς τὰ μβ α μη λόγον, καταλειφθήσεται ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΑ λόγος, ὁ τῶν ρε β μ πρὸς τὰ ριβ κγ νς. καὶ εἰ μὲν ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΑ τμημάτων ἦν ριβ κγ νς, καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΘΕ τῶν αὐτῶν ἦν ρε β μ. ἀλλ' ἐπεὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΑ τμημάτων ἐστὶν ρκ, μετηγάγομεν πάλιν τὸν λόγον εἰς ρκ, καὶ εὔρομεν τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΘ ρα κη κ. ὥστε καὶ ἡ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια, τουτέστιν ἡ διπλῇ τῆς ΘΕ ἔσται ἐκ τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν ριε κη ἔγγιστα. ἥς τὴν

ήμισειαν, αὐτὴν τὴν ΘΕ, ἔξομεν νζ μδ, αἵτινες συμμασουρανήσουσιν ταῖς ξ μοίραις τοῦ ζωδιακοῦ. ρθ μδ νγ ρε β μ ριβ κγ νς μη λα νε ρα κη κ ρκ μβ α μη § Καὶ ἐνταῦθα δὲ πάλιν πολλαπλασιάσαντες τὰ μβ α μη ἐπὶ τὸν ρθ μδ νγ καὶ μερίσαντες παρὰ τὸν μη λα νε, εὐρίσκομεν τὸν ρε β μ. καὶ γίνεται ὡς ρθ μδ νγ πρὸς μη λα νε οὕτως ρε β μ πρὸς μβ α μη. καὶ μέσου ὅρου λαμβανομένου τοῦ ριβ κγ νς, ὁ τῶν ρε β μ πρὸς τὰ μβ α μη λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῶν ρε β μ πρὸς τὸ ριβ κγ νς καὶ τοῦ τῶν ριβ κγ νς πρὸς τὰ μβ α μη. καὶ ἐὰν πάλιν ἀπὸ τοῦ τῶν ρθ μδ νγ πρὸς τὰ μη λα νε λόγου, τουτέστιν τοῦ τῶν ρε β μ πρὸς τὰ μβ α μη ἀφέλωμεν τὸν τῶν ριβ κγ νς πρὸς τὰ μβ α μη, καταλειφθήσεται ὁ τῶν ρε β μ πρὸς τὰ ριβ κγ νς, ὃν μεταλαβόντες εἰς τὸν ρκ δι' ἣν εἵπομεν αἰτίαν, εὐρήσομεν αὐτὸν τὸν ρα κη κ πρὸς τὰ ρκ.

596 Δείξας οὖν πάλιν ὅτι ταῖς ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ τοῦ ζωδιακοῦ μοίραις ξ (αἵτινές εἰσιν δύο δωδεκατημόρια τοῦ ὅλου κύκλου διὰ τὸ δωδέκατον τοῦ κύκλου μοιρῶν εἶναι λ) συγχρονουῖσιν τοῦ ἰσημερινοῦ τμήματα νζ μδ, ὧν τὸ πρῶτον συγχρονεῖ τμήμασιν κζ ν, καὶ λοιπὸν ἄρα τὸ δεύτερον συγχρονήσῃ μοίραις κθ νδ. καὶ ἐπεὶ ὅλον τὸ τοῦ ζωδιακοῦ τεταρτημόριον ὅλῳ τῷ τοῦ ἰσημερινοῦ συγχρονεῖ, τὸ δὲ τεταρτημόριον γ μὲν ἔστιν δωδεκατημορίων μοιρῶν δὲ ρ, καὶ τὸ γ' ἄρα τοῦ ζωδιακοῦ δωδεκατημόριον συγχρονήσῃ τοῖς λοιποῖς μετὰ τοὺς νζ μδ χρόνους τοῦ ἰσημερινοῦ εἰς τοὺς ρ χρόνους λβ ις. §Καὶ δῆλον διότι ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς τῇ αὐτῇ ἀποδείξει κατακολουθοῦντες καὶ τὰς ταῖς κατὰ δεκαμοιρίας τοῦ ζωδιακοῦ συγχρονούσας τοῦ ἰσημερινοῦ περιφερείας εὐρήσομεν, διὰ τὸ τὰς ἔτι τούτων ἐλάττονας μηδενὶ ἀξιολόγῳ διαφέρειν τῶν καθ' ὁμαλὴν παραύξησιν ἐπιβαλλόντων παρὰ τὰ γραμμικά. οἷον ἐπεὶ τῇ δεκαμοιρίᾳ τοῦ Κριοῦ εὐρίσκομεν διὰ τῶν γραμμῶν συναναφερομένους ἦτοι συμμασουρανοῦντας τοῦ ἰσημερινοῦ χρόνους θ ι, ἐὰν τοὺς ταῖς ε συναναφερομένους ὁμοίως χρόνους ἐπιζητῶμεν, λαμβάνομεν ἐξ ἀναλόγου τοὺς ἡμίσεις τῶν θ ι, καὶ τοὺς αὐτοὺς λέγομεν συγχρονεῖν ταῖς τοῦ Κριοῦ μοίραις, ἐπεὶ καὶ ἐὰν διὰ τῶν γραμμῶν πάλιν τὰς ταῖς ε μοίραις συναναφερομένας θελήσωμεν ἐπιλογίσασθαι, τὰς τοσαύτας ἔγγιστα εὐρήσομεν.

597 §Ἐκτέθειται οὖν καὶ τούτων κανονογραφίαν πρὸς τὸ πάλιν ἐκ προχείρου ἔχειν ἡμᾶς παραλαμβάνειν εἰς τὰς κατὰ μέρος ἐπισκέψεις, πόσοις χρόνοις ἰσημερινοῖς τὰ διδόμενα τοῦ ζωδιακοῦ τμήματα ἦτοι συνανέρχονται τὸν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντα, ἢ συνεξέρχονται πανταχῇ τὸν μεσημβρινόν, ὡς ἔφαμεν, τὴν ἀρχὴν τῆς ἐν τῷ κανόνι ἐκθέσεως ἀπὸ τῆς πρὸς τῷ ἑαρινῷ γινομένης τομῆς τοῦ ζωδιακοῦ καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ ποιησάμενος, τουτέστιν ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Κριοῦ· καὶ ἔτι τὰς παραυξήσεις τῶν τοῦ ζωδιακοῦ τμημάτων κατὰ δεκαμοιρίαν ἐκθέμενος. εὐρίσκει δὲ ἐκ τῶν εἰρημένων ἐπιλογισμῶν τῇ μὲν πρώτη ἀπὸ Κριοῦ δεκαμοιρίᾳ συναναφερομένους ἢ συμμασουρανοῦντας τοῦ ἰσημερινοῦ χρόνους θ ι, τῇ δὲ δευτέρᾳ θ ιε, τῇ δὲ τρίτῃ θ κε· ὡς συνάγεσθαι τοὺς μεσουρανοῦντας χρόνους τῷ τοῦ Κριοῦ δωδεκατημορίῳ κζ ν, τῇ δὲ τετάρτῃ δεκαμοιρίᾳ ἣτις ἔστιν πρώτη τοῦ Ταύρου θ μ τῇ δὲ πέμπτῃ ἣτις β' τοῦ Ταύρου θ νη τῇ δὲ ζ' τρίτῃ δὲ τοῦ Ταύρου ι ις· ὡς συνάγεσθαι καὶ τοὺς τοῦ δωδεκατημορίου χρόνους κθ νδ· τῇ δὲ ζ' δεκαμοιρίᾳ, πρώτη δὲ τῶν Διδύμων, χρόνους ι λδ· τῇ δὲ η', β' δὲ τῶν Διδύμων, ι μζ· τῇ δὲ θ', γ' δὲ τῶν Διδύμων, ι νε· ὡς πάλιν συνάγεσθαι καὶ τοὺς τούτου δωδεκατημορίου λβ ις χρόνους, ὅλου δὲ τοῦ τεταρτημορίου ρ. «Καὶ ἔστιν αὐτόθεν φανερόν, ὅτι καὶ ἡ τῶν λοιπῶν τεταρτημορίων τά«ξίς ἢ αὐτὴ τυγχάνει, πάντων καθ' ἕκαστον τῶν αὐτῶν συμβαινόντων, «διὰ τὸ τὴν σφαῖραν ὀρθὴν ὑποκεῖσθαι .

598 ...» ἐπειδήπερ ἐὰν ἐκτεθείσης τῆς ἐπάνω καταγραφῆς γράψωμεν καὶ τὸ ΚΕΛ τοῦ ζωδιακοῦ ἡμικύκλιον, ὥστε τοῦ μὲν Ε σημείου ἑαρινοῦ * ὑποκειμένου τὸ μὲν Β γίνεσθαι χειμερινόν τροπικόν τὸ δὲ Δ θερινόν, τοῦ δὲ Ε πάλιν μετοπωρινοῦ ὑποκειμένου τὸ μὲν Κ γίνεσθαι θερινόν τὸ δὲ Λ χειμερινόν, καὶ τὸ μὲν ΒΕΔ ἡμικύκλιον γίνεσθαι ἀπ' ἀρχῆς Αἰγόκερω ἐπὶ ἀρχὴν Καρκίνου, τὸ δὲ ΚΕΛ ἀπὸ ἀρχῆς Καρκίνου ἐπὶ ἀρχὴν Αἰγόκερω καὶ ἀναπληρώσωμεν τὸ ΖΘΠ

ἡμικύκλιον, ἐκάστη μὲν τῶν EB, EA, EK τεταρτημορίου ἔσται διὰ τὸν ABΓΔ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν τυγχάνοντα δίχα τέμνειν τὰ ἀπολαμβάνόμενα αὐτῶν ἡμικύκλια.

599

καὶ διὰ τοῦτο ἐπεὶ δύο αἱ BE, EA δυοὶ ταῖς AE, EK ἴσαι εἰσὶν, ἀλλὰ καὶ βάσις ἡ BA βάσει τῇ AK ἴση, γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ BEA γωνία τῇ ὑπὸ AEK ἴση, κατὰ τὸν τῶν ἐφαρμοζόντων λόγον. εἰσὶν δὲ καὶ αἱ πρὸς τῷ Θ γωνία ὀρθαί, καὶ κοινὴ τῶν δύο τριπλεύρων ἡ EΘ, καὶ πάντα πᾶσιν ἴσα κατὰ τὸν τῶν ἐφαρμοζόντων ὁμοίως λόγον, ἢ καὶ ὡς Μενέλαος ἐν Σφαιρικοῖς. ἴση ἄρα ἡ μὲν EH τοῦ διὰ μέσων τῇ EM τοῦ αὐτοῦ κύκλου, ἡ δὲ HΘ δηλονότι τῆς λοξώσεως τῇ ΘM ὁμοίως τῆς λοξώσεως. καὶ φανερόν ὅτι ἐκατέρα τῶν EH, EM ἴσον ἀπέχουσα τοῦ ἰσημερινοῦ τοῖς ἴσοις τοῦ ἰσημερινοῦ τμήμασιν συναναφέρεται, ἐπειδὴ περ ἐὰν γράψωμεν καὶ τὸ ZEΠ τοῦ ὀρίζοντος ἡμικύκλιον, καὶ διὰ τῶν H καὶ M σημείων παραλλήλους τῷ ἰσημερινῷ γράψωμεν τὰς HP, MS περιφερείας, ἡ μὲν PH τῇ EH συνανενεχθήσεται, ἡ δὲ SM τῇ EM. ἀλλὰ ἐκατέρα τῶν PH, SM τῇ EΘ ὁμοία ἐστίν· καὶ ἐκατέρα ἄρα τῶν EH, EM τῇ ἴσῃ τῇ EΘ συνανενεχθήσεται. Ἡ καὶ ὅτι πάλιν εἰς δύο τὰς ΠΑ, AE δύο γεγραμμέναι εἰσὶν αἱ ΠΘ, EK τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ M, καὶ ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΠΚ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς KA (ὁ αὐτὸς ὢν τῷ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ZB πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς BA) λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΠΜ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς MΘ (τοῦ αὐτοῦ ὄντος τῷ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ZH πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς HΘ) καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘE πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς EA, ἐν ἐκατέρᾳ τοῦ αὐτοῦ τυγχάνοντος· ὡς καὶ ἐφ' ἐκατέρας τῶν καταγραφῶν τὴν EΘ περιφέρειαν καταλαμβάνεσθαι συναναφερομένην ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἐκατέρᾳ τῶν HE, EM τοῦ ζωδιακοῦ ἴσων περιφερειῶν. Διὰ τὰ αὐτὰ δὴ κἂν τὴν EΞ ἴσην τῇ EH ἀπολαβόντες γράψωμεν τὸ ZEΓΠ ἡμικύκλιον, καὶ τὴν EO ἴσην οὖσαν τῇ EΘ εὐρήσομεν διὰ τὸ καὶ τὰς πρὸς τῷ E γωνίας ἴσας εἶναι, τῶν AB, ΓΔ περιφερειῶν ἴσων οὖσων, καὶ ἐκατέρᾳ τῶν EΞ, EH συναναφερομένων.

600

Καὶ ἔστιν αὐτόθεν φανερόν ὡς ἔφαμεν, ὅτι καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν τριῶν τεταρτημορίων τῇ αὐτῇ τάξει κατακολουθοῦντες τὰς αὐτὰς συναναφοράς καταληψόμεθα ἐπὶ τῶν ἴσων καὶ ἴσον ἀπέχουσιν ἀπὸ τῶν ἰσημερινῶν τοῦ ζωδιακοῦ περιφερειῶν, διὰ τὸ τὰς ZΘ, ZE, ΠΘ, ΠE διὰ τῶν πόλων οὖσας ἰσοδυναμεῖν τῷ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντι. Θέωνος Ἀλεξανδρέως τῆς παρ' αὐτοῦ γεγεννημένης ἐκδόσεως εἰς τὸ δεύτερον τῆς Συντάξεως Πτολεμαίου υπόμνημα.

601 (1t)

Διεξελθὼν ὁ Πτολεμαῖος ἐν τῷ πρώτῳ τῆς Συντάξεως τὰ περὶ τῶν ἐν τῷ παντὶ καθόλου ὀφείλοντα προλημφθῆναι, τουτέστιν ὅτι τε σφαιροειδὴς ἐστὶν ὁ οὐρανὸς καὶ φέρεται σφαιροειδῶς· καὶ ὅτι δύο διαφοραὶ τῶν πρώτων κινήσεων εἰσὶν ἐν τῷ οὐρανῷ· καὶ περὶ τε τῆς γῆς ὡς ὅτι καὶ αὐτὴ σφαιροειδὴς ἐστὶν πρὸς αἴσθησιν ὡς καθ' ὅλα μέρη λαμβανομένη· καὶ μέση τοῦ παντὸς οὐρανοῦ κεῖται, κέντρῳ παραπλησίως, μὴδ' ἡντινοῦν κίνησιν ποιουμένη, καὶ σημείου λόγον ἀπέχουσα πρὸς τὸ μέχρις τῆς τῶν ἀπλανῶν ἀστέρων σφαίρας ἀπόστημα· ἔτι δὲ καὶ ἐπὶ τῶν κατὰ μέρος διαλαβόν, περὶ τε τῆς πηλικότητος τῆς μεταξὺ τῶν τροπικῶν περιφερείας ὡς ἐπὶ τοῦ διὰ τῶν πόλων τῆς σφαίρας γραφομένου μεγίστου κύκλου, καὶ ὅτι ἡ ταύτης ἡμίσεια ἴση οὖσα τῇ μεταξὺ τῶν δύο πόλων τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων, ἀπολαμβάνει τὴν ἔγκλισιν ἥτοι τὴν λόξωσιν ἣν ποιεῖται ὁ ζωδιακὸς πρὸς τὸν ἰσημερινόν, ἦντινα καὶ οἱ τροπικοὶ ἀπέχουσιν ἐφ' ἐκάτερα τοῦ ἰσημερινοῦ· καὶ περὶ τῶν κατὰ μέρος λοξώσεων, καὶ ἔτι τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας συναναφορῶν τῶν τε τοῦ ζωδιακοῦ καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ κύκλου τμημάτων, τουτέστιν ἐκάστη δεκαμοιρία τοῦ ζωδιακοῦ ἀπὸ τῆς κοινῆς τομῆς τοῦ τε διὰ μέσων καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ, πόσοις χρόνοις συναναφέρεται τὸν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντα, οἵτινες καὶ κατὰ πᾶσαν οἴκησιν τοῖς αὐτοῖς τμήμασιν τοῦ ζωδιακοῦ συμμεσουρανοῦσιν, τουτέστιν συνεχέρονται τὸν μεσημβρινόν· ἐξῆς ἐν τούτῳ τῷ βιβλίῳ δευτέρῳ τυγχάνοντι, βούλεται περὶ τῶν καθ' ἐκάστην ὠρισμένην τινὰ τῆς σφαίρας ἔγκλισιν συμβαινόντων κυριωτέρων ιδιωμάτων κατὰ τὸν εὐμεθέδευτον τρόπον ἐφοδεῦσαι.

- 602 Τίνα δ' ἐστὶν τὰ κυριώτερα τῶν ιδιωμάτων περὶ ὧν τὸν λόγον μέλλει ποιεῖσθαι, μικρὸν προῖων αὐτὸς ἐρεῖ. § ἔγκλισιν δὲ σφαίρας καλεῖ, ἐφ' ὧν οἰκήσεων ὁ ἰσημερινὸς ἐγκέκλινται πρὸς τὸν ὀρίζοντα, τουτέστιν ἐφ' ὧν οἰκήσεων οἱ πόλοι τῆς σφαίρας οἵτινές εἰσιν καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ, οὐκ εἰσιν ἐπὶ τοῦ ὀρίζοντος. ὅταν γὰρ ὧσιν ἐπὶ τοῦ ὀρίζοντος, τότε καὶ ὁ ὀρίζων διὰ τῶν πόλων τοῦ ἰσημερινοῦ τυγχάνων, πρὸς ὀρθὰς αὐτῷ γίνεται ὥστε καὶ ὁ ἰσημερινὸς πρὸς τὸν ὀρίζοντα· διὸ καὶ λέγομεν τότε ὀρθὴν εἶναι τὴν σφαῖραν. ὅτε δὲ οὐκ εἰσιν οἱ πόλοι ἐπὶ τοῦ ὀρίζοντος, τότε καὶ ὁ ἰσημερινὸς ἐγκέκλινται πρὸς τὸν ὀρίζοντα· διὸ καὶ ἐγκλίσεις τὰς τοιαύτας θέσεις ἐκάλεσεν. Ὅθεν καὶ ἡνίκα δ' ἂν ἐπισκέπτεσθαι βουλώμεθα τὴν ἔγκλισιν ἡλικίη τις οὔσα τυγχάνει, οὐδὲν ἕτερον ἐπιζητοῦμεν, ἢ τὴν ὀξείαν γωνίαν τὴν περιεχομένην ὑπὸ τε τῆς κοινῆς τομῆς τοῦ ὀρίζοντος καὶ τοῦ μεσημβρινοῦ, καὶ τῆς κοινῆς τομῆς τοῦ μεσημβρινοῦ καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ πρὸς τῷ κέντρῳ τῆς σφαίρας γινομένην.
- 603 αὕτη γάρ ἐστιν ἡ ἔγκλισις τῶν δύο ἐπιπέδων τοῦ τε ὀρίζοντος καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ. καὶ ἐπεὶ δύο εἰσὶν ὑπὲρ γῆν γινόμεναι γωνίαί, μία τε βορειότερα καὶ ἀμβλεῖα, καὶ ἑτέρα νοτιωτέρα καὶ ἐλάττων ὀρθῆς, ἐπειδήπερ ἐπὶ τῆς καθ' ἡμᾶς οἰκουμένης τοῦ βορείου πόλου ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος ὑπὲρ γῆν ἐξηρητημένου ἡ ἔγκλισις ἐπὶ τὰ νότια γίνεται, τὴν νοτιωτέραν καὶ ἐλάττωνα ὀρθῆς φάμεν εἶναι τὴν ἔγκλισιν. § Ἴνα δὲ ἐπὶ καταγραφῆς φανερὰ ἡμῖν γένηται τὰ λεγόμενα, ἔστω μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ὀρίζοντος δὲ ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ, ἰσημερινοῦ δὲ τὸ ΑΕΓ, κοινὴ δὲ τομὴ μεσημβρινοῦ καὶ ὀρίζοντος ἡ ΒΔ· καὶ μεσημβρινοῦ καὶ ἰσημερινοῦ ἡ ΑΓ· κέντρον δὲ τῆς σφαίρας τὸ Θ, καὶ βόρειος μὲν πόλος ὁ Η, νότιος δὲ ὁ Ζ, ὥστε τὸ μὲν ΒΑΔ ἡμικύκλιον ὑπὲρ γῆς εἶναι, τὸ δὲ ΔΓΒ ὑπὸ γῆν. καὶ ἐπεὶ δύο εἰσὶν γωνίαί αἱ ὑπὲρ γῆς, περιεχόμεναι ὑπὸ τε τῆς ΑΘ κοινῆς τομῆς τοῦ ΑΒΓΔ μεσημβρινοῦ καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ, καὶ ἔτι τῆς ΒΔ κοινῆς τομῆς τοῦ μεσημβρινοῦ καὶ τοῦ ὀρίζοντος, ἢ τε ὑπὸ ΒΘΑ καὶ ἢ ὑπὸ ΑΘΔ, καὶ ἔστιν ἡ μὲν ὑπὸ ΒΘΑ βορειότερα καὶ μείζων ὀρθῆς, διὰ τὸ τὴν ΑΗΒ περιφέρειαν μείζονα εἶναι τεταρτημορίου, ἢ δὲ ὑπὸ ΑΘΔ νοτιωτέρα καὶ ἐλάττων ὀρθῆς, ταύτην φάμεν εἶναι τὴν τῆς σφαίρας ἔγκλισιν, ἣν καὶ ἐγκέκλινται ὁ ΑΕΓ ἰσημερινὸς πρὸς τὸν ΒΕΔ ὀρίζοντα ἐπειδὴ * ἐὰν ἐπιζεύξωμεν τὴν ΕΘ κοινὴν τομὴν τοῦ τε ὀρίζοντος καὶ ἰσημερινοῦ, ὀρθὴ ἔσται πρὸς ἑκατέραν τῶν ΑΘ, ΘΔ, διὰ τὸ καὶ πρὸς τὸ τοῦ ΑΒΓΔ κύκλου ἐπίπεδον ὀρθὴν τυγχάνειν τὴν ΕΘ καὶ διὰ τοῦτο τὴν ὑπὸ ΑΘΔ γωνίαν κλίσιν γίνεσθαι τοῦ ΑΕΓ ἰσημερινοῦ πρὸς τὸν ΒΕΔ ὀρίζοντα.
- 604 § Μέλλων οὖν περὶ τῶν καθ' ἑκάστην ἔγκλισιν οἰκήσεων ιδιωμάτων διεξιέναι, ἀναγκαῖον ἡγεῖται καὶ ἐνταῦθα περὶ τῶν καθολικωτέρων προδιαλαβεῖν, τουτέστιν πότε καθ' ὅλης τῆς γῆς εἰσιν αἱ ἐν γνώσει ἡμῖν γεγεννημένα οἰκήσεις, ἢ ἐπὶ μέρους τινὸς αὐτῆς, καὶ εἰ ἐπὶ μέρους, ποστημόριόν ἐστιν αὐτὸ τοῦτο τὸ οἰκούμενον τῆς ὅλης γῆς, καὶ εἰ βορειότερον τοῦ ἰσημερινοῦ. Ποιεῖται δὲ τὴν τοιαύτην ἐπίγνωσιν ἐξ ἐναργῶν καὶ φαινομένων παρατηρήσεων τρόπῳ τοιῷδε. § Δεῖ, φησὶν, νοεῖν τὸ ὅλον μέγεθος τῆς γῆς διαιρούμενον εἰς τέσσαρα ἴσα οὕτως ὥστε κύκλου τινὸς διὰ τῶν πόλων τῆς σφαίρας ἐκβαλλόμενον τὸ ἐπίπεδον, διχοτομεῖν αὐτὴν εἰς δύο ἡμισφαίρια· ἔτι δὲ καὶ τὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπίπεδον ἐκβαλλόμενον διχοτομεῖν πάλιν αὐτὴν καὶ τὰ ἡμισφαίρια εἰς ἕτερα δύο ὡς ἐπὶ τὰ βόρεια καὶ τὰ νότια ὥστε τὴν ὅλην γῆν διηρῆσθαι εἰς τέσσαρα ἴσα, δύο μὲν βόρεια, δύο δὲ νότια, καὶ τὴν καθ' ἡμᾶς οἰκουμένην περιέχεσθαι ὑπὸ τοῦ ἑτέρου τῶν βορείων τεταρτημορίου.
- 605 Οἷον νενοήσθω γὰρ ἡ τῆς γῆς σφαῖρα, καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπίπεδον διὰ τῶν πόλων τῆς οὐρανίου σφαίρας τέμνον αὐτὴν εἰς δύο ἡμισφαίρια, καὶ ποιείτω ἐν αὐτῇ κύκλον τὸν ΑΒΓΔ, καὶ ἔστω τῶν ἡμισφαιρίων τὸ μὲν ἀνωτέρω αὐτοῦ ὡς πρὸς ἡμᾶς, τὸ δὲ ἕτερον κατωτέρω. ὁμοίως δὲ καὶ τὸ διὰ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπίπεδον ἐκβαλλόμενον ὡς τὸ διὰ τοῦ ΒΕΔ κύκλου τεμνέτω αὐτὴν εἰς ἕτερα δύο ἡμισφαίρια, ὥστε γίνεσθαι ἀνωτέρω μὲν τοῦ ΑΒΓΔ κύκλου ἐπιπέδου τό τε ὑπὸ τῶν ΒΑΔ καὶ ΒΕΔ ἡμικυκλίων περιεχόμενον τεταρτημόριον καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΒΕΔ καὶ ΒΓΔ, κατώτερον

δὲ νοεῖσθαι τὰ λοιπὰ δύο. καὶ ἔστω βόρειος μὲν πόλος ὁ Α νοτιώτερος δὲ ὁ Γ, ὥστε βόρειον εἶναι τό τε ΔΑΒΕ ἀνώτερον τοῦ ΑΒΓΔ κύκλου τεταρτημόριον καὶ τὸ νοούμενον ὑπ' αὐτό, νότια δὲ ἐν μὲν πάλιν ἀνώτερον τοῦ κύκλου ὡς τὸ ΒΓΔΕ ἔτερον δὲ ὑπ' αὐτὸ ὁμοίως. § Φαμέν οὖν ἐν τῶν οὕτως εἰλημμένων βορειοτέρων τεταρτημόριον περιέχειν τὴν καθ' ἡμᾶς οἰκουμένην, περὶ ἧς καὶ τὸν λόγον ποιεῖσθαι μέλλομεν.

606 §Κατηνέχθη δὲ εἰς τὴν τοιαύτην ἐπίγνωσιν ἐκ τῶν κατὰ μήκος καὶ πλάτος παρόδων, «ἐπὶ μὲν γὰρ τοῦ πλάτους, τουτέστιν τῆς ἀπὸ μεσημβρίας «πρὸς τὰς ἄρκτους παρόδου», διὰ τὸ τὰς σκιὰς τῶν τε γνωμόνων καὶ πάντων ἀπλῶς τὰς ἐν ταῖς ἡμερίαις κατ' αὐτὴν τὴν μεσημβρίαν γιγνομένας, πρὸς ἄρκτους ἀεὶ ποιεῖσθαι τὰς προσνεύσεις, ἐν ταῖς ἐν γνώσει γεγενημέναις ἡμῖν οἰκήσεσιν καὶ μηδέποτε πρὸς μεσημβρίαν. τοῦτο δὲ συμβαίνει ἐκ τοῦ τὸν ἡμερινὸν νοτιώτερον ἡμῶν τυγχάνειν, ἡμᾶς δὲ δὴ βορειοτέρους αὐτοῦ. Φανερόν γὰρ ὅτι ὁ ἥλιος καθ' εὐθείας γραμμὰς πέμπων τὰς ἀκτῖνας, ὅταν μὲν κατὰ κορυφὴν ἢ τινος οἰκήσεως, ἀσκίους ἐν αὐτῇ τῇ μεσημβρίᾳ ποιήσῃ τοὺς γνώμονας· ὅταν δὲ εἷς τι προσνεύσῃ, ἐπὶ τούναντίον ἀποστέλλει τὴν σκιά. διὸ ἐπὶ τοῦ ἡμερινοῦ τυγχάνων ὁ ἥλιος καὶ ἐπὶ τὰ βόρεια ποιῶν νεύειν τὰς σκιὰς νοτιώτερος ἡμῶν ἔσται δηλαδὴ καὶ ὁ ἡμερινός, ἡμῶν βορειοτέρων τυγχανόντων. Ὅτι δὲ καὶ ἐκ τούτου δύναται θεωρηθῆναι ὅτι ἡ καθ' ἡμᾶς οἰκουμένη βορειότερα τυγχάνει ἐκ τοῦ πανταχῇ τὸν βόρειον πόλον ὑπὲρ γῆς καταλαμβάνεσθαι. εἰ γὰρ ἦν καὶ νοτιωτέρα τοῦ ἡμερινοῦ οἰκήσεις, τοῦ κατὰ κορυφὴν αὐτῆς νοτιωτέρου τυγχάνοντος τοῦ ἡμερινοῦ καὶ τῆς ἐγκλίσεως ἐπὶ τὰ βόρεια γινομένης ἔμελλεν ἂν ὁ βόρειος πόλος ἀφανὴς γίνεσθαι ὁ δὲ νότιος φανερός, ὅπερ οὐδαμοῦ τῆς καθ' ἡμᾶς οἰκουμένης τοιοῦτον καταλαμβάνεται.

607 §Ἐκ τούτων οὖν κατανοήσας βορειότεραν τοῦ ἡμερινοῦ τυγχάνειν τὴν καθ' ἡμᾶς οἰκουμένην, ἐξῆς ἐρεῖ καὶ ἐκ ποίων φαινομένων κατεῖληφεν αὐτὴν τεταρτημόριον ὑπάρχουσαν τῆς ὅλης γῆς, καὶ φησιν· «Ἐπὶ μὲν τοῦ μήκους τουτέστιν τῆς ἀπὸ ἀνατολῆς ἐπὶ δύοσιν παρόδου, διὰ τὸ τὰς αὐτὰς ἐκλείψεις καὶ μάλιστα τὰς σεληνιακὰς» καθ' ἃς οὐδεμία διαφορὰ ἐκ τῶν παραλλάξεων παρακολουθεῖ, διὰ τὸ ἐκ τῶν κατὰ διάμετρον τοῦ ἡλίου ἐποχῶν καὶ τὰς τῆς σελήνης ἐποχὰς καταλαμ * βάνεσθαι, καὶ τοὺς χρόνους τῶν ἐπισκοτήσεων καὶ τὰ αὐτὰ μεγέθη συντηρεῖσθαι κατὰ πᾶσαν οἰκῆσιν ὡς ἐν τῷ δ' καὶ ε' βιβλίῳ κατὰ τοὺς οἰκείους τόπους ἀποδείξομεν. Τὰς τοιαύτας οὖν μάλιστα ἐκλείψεις «παρὰ τε τοῖς ἐπ' ἄκροις τῶν «ἀνατολικῶν μερῶν» ὥσπερ εἰς Σήρας <ἦ> Θίνας, καὶ παρὰ τοῖς ἐπ' ἄκροις τῶν δυτικῶν ὥσπερ εἰς Μακάρων Νήσους, κατελαμβάνετο ἐκ τῶν κομισθεισῶν αὐτῷ ἀναγραφῶν μὴ πλείω ἢ ὥρων ἡμερινῶν τὴν διαφωνίαν περιεχούσας.

608 Ὡρῖσκεν γὰρ τὴν αὐτὴν ἔκλειψιν, καίπερ ἐν ἐνὶ τινι χρόνῳ ἀποτελουμένην, τοῖς μὲν ἀνατολικωτέροις τῶν τηρησάντων πρὸς ταῖς δυσμαῖς ἀναγραφεῖσαν γεγενημένην, τοῖς δὲ δυτικωτέροις πρὸς ταῖς ἀνατολαῖς τὴν δὲ διαφορὰν ὡς ἔφαμεν μέχρις ἢ ὥρων ἡμερινῶν γινομένην, ἣτις ἐστὶν κατὰ μήκος ἡμικυκλίου ἡμερινοῦ. Ἐπεὶ οὖν τὸ τῆς γῆς τεταρτημόριον κατὰ τὴν εἰρημένην διαίρεσιν κατὰ μὲν τὸ μήκος ἡμικύκλιον ἀπολαμβάνει τοῦ ἡμερινοῦ, κατὰ δὲ τὸ πλάτος ἥτοι ἔξαρχα ἐπὶ τοῦ διὰ τῶν πόλων αὐτοῦ ὡς πρὸς ἄρκτους μοιρῶν ρ' δέδεικται δὲ ὅτι ἡ καθ' ἡμᾶς οἰκουμένη κατὰ μὲν τὸ μήκος ἀπολαμβάνει τοῦ ἡμερινοῦ ἡμικύκλιον· εὐρίσκομεν δὲ καὶ τὸ πλάτος ἥτοι ἔξαρχα ὡς καὶ ἡ τῆς Γεωγραφίας ἔκθεσις περιέχει καὶ μέχρις μοιρῶν ζγ' δῆλον ὅτι ἡ καθ' ἡμᾶς οἰκουμένη καὶ ἐν γνώσει ἡμῖν γεγενημένη τὸ βορειότερον τεταρτημόριον ἔγγιστα τῆς γῆς περιέχει.

609 «Τῶν δὲ κατὰ μέρος ὀφειλόντων θεωρηθῆναι μάλιστ' ἂν τις ἡγήσαιτο πρὸς τὴν προκειμένην πραγματείαν ...» καὶ τὰ ἐξῆς. Ἀποδείξας τὸ τῆς καθ' ἡμᾶς οἰκουμένης μέγεθος ὑπὸ τοῦ ἐτέρου τῶν βορείων τεταρτημορίου τῆς ὅλης γῆς ἔγγιστα περιεχόμενον, ἐξῆς περὶ τῶν ἐν αὐτῷ κατὰ μέρος οἰκήσεων κυριωτέρων ιδιωμάτων διαλαμβάνει, τουτέστιν τίνα ἐστὶν τὰ συμπίπτοντα

ταύταις ταῖς βορειοτέραις οἰκήσεσιν, καὶ ὑποκειμέναις ταῖς διὰ τῶν κατὰ κορυφὴν γραφομένων παραλλήλων τῷ ἡμερινῷ βορειοτέρων αὐτοῦ δηλαδή, διὰ τὸ τὴν καθ' ἡμᾶς οἰκουμένην ὡς ἔφαμεν βορειοτέραν αὐτοῦ τυγχάνειν. καὶ φησιν· «ταῦτα «εἶναι ὅσον τε οἱ πόλοι τῆς πρώτης φορᾶς» οἵτινές εἰσιν τοῦ ἡμερινοῦ, «τοῦ ὀρίζοντος ἀφεστήκασιν.» περὶ γὰρ τούτους τὴν τῶν ὅλων πρώτην φορὰν ἐλέγομεν ἀποτελεῖσθαι «... καὶ πόσον τὸ κατὰ κορυφὴν σημεῖον «τοῦ ἡμερινοῦ κατὰ τὸν μεσημβρινόν ...» ἐδείξαμεν γὰρ ἐν τοῖς εἰς τὸ πρῶτον βιβλίον, ὅτι ὅσον ἀπέχει ὁ ἡμερινὸς τοῦ κατὰ κορυφὴν, τοσοῦτον καὶ ὁ πόλος ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος ἀφεστήκεν ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ. «Καὶ ἔτι οἷς ὁ ἥλιος κατὰ κορυφὴν γίνεται, πότε καὶ ποσάκις τὸ τοιοῦτο συμβαίνει.» Τὸ μὲν οὖν πότε, ἀντὶ τοῦ κατὰ ποίου τμήματος τοῦ ζωδιακοῦ γινόμενος ὁ ἥλιος κατὰ κορυφὴν γίνεται τῇ οἰκῇ· τούτου γὰρ εὐρεθέντος καὶ τὸ πότε καταλαμβάνεται ἐκ τοῦ κατὰ τὴν τοιαύτην αὐτοῦ ἐποχὴν χρόνου.

610 τὸ δὲ καὶ ποσάκις, διὰ τὸ καταλαμβάνεσθαι ὅτι τοῖς μὲν ἔχουσιν κατὰ κορυφὴν σημεῖον μεταξὺ τοῦ ἡμερινοῦ καὶ τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ δις γίνεται ὁ ἥλιος κατὰ κορυφὴν, τοῖς δὲ πρὸς αὐτῷ τῷ θερινῷ, ἅπαξ ἐν αὐτῇ τῇ θερινῇ τροπῇ, τοῖς δ' ἐκτὸς τροπικοῦ, οὐδὲ ὅλως. «Καὶ τίνες οἱ λόγοι τῶν ἡμερινῶν καὶ τροπικῶν ἐν ταῖς μεσημβρίαις «σκιῶν πρὸς τοὺς γινώμονας,» τουτέστιν τίνα λόγον ἔχει καθόλου ὁ γινώμων, οἷου δ' ἂν μεγέθους λαμβάνηται πρὸς τὴν ἀφ' ἑαυτοῦ γιγνομένην σκιά ἐν τῇ ἡμερινῇ καὶ ἐν τῇ θερινῇ τροπῇ καὶ ἐν τῇ χειμερινῇ, κατὰ τὴν ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ τοῦ ἡλίου ἀραρόδον, τουτέστιν κατὰ τὸ πέρας τῆς ἔκτης ὥρας. «... καὶ πηλίκαι τῶν μεγίστων ἢ ἐλαχίστων ἡμερῶν,» καθ' ἕκαστον κλίμα «αἱ ὑπεροχαὶ πρὸς τὰς ἡμερινὰς», οἷον ὡς ἐπὶ τοῦ δι' Ἀλεξανδρείας κλίματος δείκνυται, ἢ μὲν μεγίστη ἡμέρα ὥρων ἡμερινῶν ἰδ, ἢ δὲ ἐλαχίστη, ἢ δὲ ἡμερινὴ πανταχῇ ἰβ, ὥστε ἐπὶ τούτου τοῦ κλίματος τὴν εἰρημένην διαφορὰν ὥρων β τυγχάνειν. τοσαύταις γὰρ αἱ ἰδ ὥραι τῆς μεγίστης ἡμέρας, καὶ αἱ ι τῆς ἐλαχίστης διαφέρουσι τῶν ἰβ τῆς ἡμερινῆς. «Καὶ ὅσα ἄλλα περὶ τὰς κατὰ μέρος αὐξομειώσεις τῶν νυχθημέρων «ἐπισυμβαίνει ...» τουτέστιν ἵνα μὴ μόνον τῶν μεγίστων ἢ ἐλαχίστων ἡμερῶν τὰς παρὰ τὴν ἡμερινὴν διαφορὰς λαμβάνωμεν, ἀλλὰ καὶ τῶν μεταξὺ ἡμερῶν «Ἐτι δὲ καὶ περὶ τῶν συνανατολῶν καὶ συγκαταδύσεων τῶν τε τοῦ «ζωδιακοῦ καὶ τοῦ ἡμερινοῦ τμημάτων,» ὥσπερ καὶ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας, τουτέστιν ἐκάστη πάλιν δεκαμοιρία τοῦ ζωδιακοῦ πόσοις τοῦ ἡμερινοῦ χρόνοις συνανέρχεται ἢ συγκαταδύεται τὸν ὀρίζοντα καθ' ἐκάστην ἔγκλισιν· ἀφ' ὧν καὶ τὰς ταῖς τούτων μικρομερεστέρας ἐπιβαλλούσας, ὡς καθ' ὁμαλὴν παραύξησιν ἐκ προχείρου διὰ τὸ πρὸς τὰ γραμμικὰ ἀδιάφορον καταλαμβανόμεθα.

611 «Καὶ ἔτι τὰ περὶ τὰ ιδιώματα καὶ τὰ μεγέθη τῶν γινομένων γωνιῶν ὑπὸ τῶν κυριωτέρων μεγίστων κύκλων»· οἷον πηλίκας τε ποιεῖ γωνίας ὁ μεσημβρινὸς πρὸς τὸν ζωδιακὸν κατὰ τὰς ἀρχὰς τῶν δωδεκατημορίων. ὁμοίως δὲ καὶ ὁ ὀρίζων, καὶ ἔτι ὁ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ ἐκάστου δωδεκατημορίου ἀρχῆς γραφόμενος μέγιστος κύκλος, καθ' ἐκάστην ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ ἀπόστασιν. καὶ αὗται δὲ αἱ περιφέρειαι αἱ ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὰ εἰρημένα τμήματα τοῦ ζωδιακοῦ πηλίκαι τινὲς οὔσαι καταλαμβάνονται, καθ' ἐκάστην ὁμοίως ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ ἀπόστασιν. Εἴτα εἰπὼν τὰ κυριώτερα τῶν κεφαλαίων περὶ ὧν καθ' ἐκάστην ἔγκλισιν τοὺς ἐπιλογισμοὺς μέλλει ποιεῖσθαι, * ἐξῆς ἄρχεται τῆς ἀποδείξεως τοῦ ἀπαριθμηθέντος αὐτῷ πρώτου κεφαλαίου. ἔστιν δὲ τοῦτο, πόσον τε οἱ πόλοι τῆς σφαίρας τοῦ ὀρίζοντος ἀφεστήκασιν, τουτέστιν τὴν εὐρεσιν τοῦ ἐξάρματος τῶν ὑπὸ τὸν αὐτὸν παράλληλον οἰκήσεων ἐπιλογίσασθαι.

612 Καὶ ἀρχόμενος τῆς τοιαύτης ἀποδείξεως ἀποδείκνυσιν λημμάτιον συντελοῦν αὐτῷ πρὸς τὴν προκειμένην ἀπόδειξιν, οὗ ἔστιν ἡ πρότασις τοιαύτη· «Πῶς ἂν δοθέντος τοῦ τῆς μεγίστης ἡμέρας μεγέθους αἱ ἀπολαμβανόμεναι τοῦ ὀρίζοντος περιφέρειαι ὑπὸ τε τοῦ ἡμερινοῦ καὶ τοῦ λοξοῦ «κύκλου δίδονται.

- 613 » τουτέστιν, πῶς ἂν ἐπὶ τινος οἰκίσεως δοθέντος ἡμῖν ἐξ ὑδρείου ὠροσκοπίου τοῦ μεγέθους τῆς ἡμέρας, πόσων ὥρων ἰσημερινῶν αἱ ἀπολαμβανόμεναι τοῦ ὀρίζοντος περιφέρειαι μεταξὺ τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ἀνατέλλοντος τουτέστιν ἐφ' οὗ ἐστὶν ὁ ἥλιος τότε τμήματος τοῦ ζωδιακοῦ δίδονται. Καὶ πρότερον ὡς ἐπὶ τῶν μεγίστων ἢ ἐλαχίστων ἡμερῶν, τουτέστιν ὁποτέρου τῶν τροπικῶν ἀνατέλλοντος, καὶ διὰ τὸ χρησιμον καὶ αὐταρκες, ἐπιλογίζεται μόνας τὰς κατὰ τὰς ἀρχὰς τῶν δωδεκατημορίων γινομένας. ΣΧρήσιμος δ' ἐστὶν ἡ τοιαύτη ἀπόδειξις καὶ πρὸς τὰς προσνεύσεις τῶν τῆς σελήνης ἐκλείψεων (ἡ πρόσνευσις δέ ἐστὶν ἡ πρὸς τι μέρος τοῦ ὀρίζοντος τοῦ τὸ πρῶτον ἢ τὸ ἔσχατον ἐπισκοτουμένου τῶν φώτων μέρους νεύσις ἐπὶ τὸν ὀρίζοντα), ἔτι γε μὴν καὶ πρὸς τὰς φάσεις τῶν ἀστέρων. Βουλόμενος οὖν τὴν τοιαύτην ἀπόδειξιν ἐπὶ πασῶν τῶν οἰκίσεων ἥτοι τῶν δι' αὐτῶν παραλλήλων ποιήσασθαι, χρῆται πάλιν ὑποδείγματος ἕνεκεν τῷ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν τῆς Ῥόδου γραφομένου παραλλήλῳ τῷ ἰσημερινῷ ἔνθα ἡ μὲν μεγίστη ἡμέρα κατείληπται ὥρων ἰσημερινῶν $\text{id} \angle$ καὶ τὸ ἔξαρμα τοῦ πόλου ἐκ τοῦ ὀργάνου τοῦ ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ διὰ τῶν κρίκων ἢ καὶ τῆς πλινθίδος μοιρῶν λς.
- 614 ΣΕἴληφεν δὲ ἐν τῷ ὑποδείγματι τοῦτο τὸ κλίμα, διὰ τὸ ἔξαρμα εἰς ὅλας μοίρας ἀπαρτίζον, εὐεπιλόγιστον εἶναι, καὶ διὰ τὸ πολλὰς τηρήσεις ἐν τούτῳ τῷ κλίματι παρὰ τοῦ Ἰππάρχου γεγενῆσθαι, καὶ ἔτι διὰ τὸ μέσον αὐτὸ εἶναι τῶν ζ κλιμάτων. καὶ φησιν ὅτι «ὑποκείσθω δὴ καθ' ὅλου τῶν ὑποδειγμάτων ἕνεκεν ὁ γραφόμενος παράλληλος τῷ ἰσημερινῷ «ὅπου τὸ μὲν ἔξαρμα τοῦ πόλου μοιρῶν ἐστὶν λς, ἡ δὲ μεγίστη ἡμέρα «ὥρων ἰσημερινῶν $\text{id} \angle$ ».
- 615 καὶ ἔστω μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ «ὀρίζοντος δὲ τὸ ἀνατολικὸν ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ, ἰσημερινοῦ δὲ τὸ ΑΕΓ» καὶ τὸ μὲν ΒΑΔ ὑπὲρ γῆς [τοῦ ΒΕΔ ὀρίζοντος], τὸ δὲ ΒΓΔ ὑπὸ γῆν. «καὶ «εἰλήφθω ὁ νότιος πόλος τοῦ ἰσημερινοῦ ὁ Ζ.» φανερόν γάρ ὅτι ὑπὸ γῆν ἐστὶν, καὶ ὁ κατὰ διάμετρον αὐτοῦ ὑπὲρ γῆς τυγχάνει, διὰ τὸ τὴν καθ' ἡμᾶς οἰκουμένην βορειοτέραν εἶναι. «ὑποκείσθω δὲ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων τὸ χειμερινὸν τροπικὸν «σημεῖον ἀνατέλλειν», τουτέστιν τὴν ἀρχὴν τοῦ Αἰγόκερω «διὰ τοῦ Η «σημεῖου τοῦ ὀρίζοντος. καὶ γεγράφθω διὰ τῶν Ζ, Η μεγίστου κύκλου «τεταρτημόριον τὸ ΖΗΘ.» δῆλον γάρ ὅτι τεταρτημορίου ἐστίν, διὰ τὸ τὸν Ζ πόλον εἶναι τοῦ ΑΕΓ ἰσημερινοῦ. ΣΚαὶ δέον ἔστω, δοθέντος τοῦ τῆς μεγίστης ἡμέρας μεγέθους, τὴν ἀπολαμβανομένην μεταξὺ τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ἀνατέλλοντος σημείου τοῦ ζωδιακοῦ τοῦ ὀρίζοντος περιφέρειαν, τουτέστιν τὴν ΕΗ εὐρεῖν. «Ἐπεὶ οὖν ἡ τῆς σφαίρας στροφή περὶ τοὺς τοῦ ἰσημερινοῦ πόλους «ἀποτελεῖται, φανερόν ὅτι ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῳ, τό τε Η σημεῖον καὶ τὸ «Θ κατὰ τὸν ΑΒ μεσημβρινὸν παρέσται.» Ἐὰν γὰρ διὰ τοῦ Η σημείου παράλληλον τῷ ἰσημερινῷ γράψωμεν ὡς τὸν ΚΗΛ, ὁμοία ἔσται ἢ τε ΘΑ τῇ ΗΚ καὶ ἡ ΗΛ τῇ ΘΓ, διὰ τὸ παραλλήλων αὐτὰς εἶναι περιφερείας μεταξὺ μεγίστων καὶ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν τὰς ΖΚΑ, ΖΗΘ, ΖΛΓ, τὰς δὲ ὁμοίας περιφερείας ἐν ἴσῳ χρόνῳ διεξέρχονται τὰ σημεῖα. Ὡστε ἐν ᾧ τὸ Η ἐπὶ τὸ Κ, τουτέστιν ἐπὶ τὸν μεσημβρινὸν παραγίνεται, ἐν τοσούτῳ καὶ τὸ Θ ἐπὶ τὸ Α, τουτέστιν πάλιν ἐπὶ τὸν μεσημβρινόν.
- 616 καὶ ἔτι ἐν ᾧ τὸ Λ ἐπὶ τὸ Η, ἐν τοσούτῳ καὶ τὸ Γ ἐπὶ τὸ Θ. ἢ καὶ ὡς ἐν τῷ Περὶ κινουμένης σφαίρας, ἐν μιᾷ περιφορᾷ τῆς σφαίρας ὁ διὰ τῶν πόλων ὁ ΖΗΘ δις ἔσται ὀρθὸς πρὸς τὸν ὀρίζοντα, δηλαδή ἐφαρμόζει τῷ μεσημβρινῷ. καὶ ἔσται τὰ Η, Θ σημεῖα ἅμα ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ, ἐφ' ὃ μᾶλλον καὶ τὴν ἔμφασιν φέρει τὸ ῥητὸν λέγον· «ἐπεὶ τοίνυν ἡ τῆς σφαίρας «στροφή περὶ τοὺς τοῦ ἰσημερινοῦ πόλους ἀποτελεῖται ...» καὶ τὰ ἐξῆς. Ἄλλ' ἐν ᾧ τὸ Η ἐπὶ τὸ Κ, ὁ ἀπὸ ἀνατολῆς ἐπὶ τὴν ὑπὲρ γῆς μεσουράνησιν χρόνος ἐστὶν τοῦ Η. ἐν ᾧ δὲ τὸ Λ ἐπὶ τὸ Η, ὁ ἀπὸ τῆς ὑπὸ γῆν μεσουρανῆσεως ἐπὶ τὴν ἀνατολὴν χρόνος ἐστίν. καὶ ἡ μὲν ΘΑ ἄρα τοῦ ἰσημερινοῦ περιφέρεια περιέχει τὸν ἀπὸ ἀνατολῆς ἐπὶ τὴν ὑπὲρ γῆς μεσουράνησιν χρόνον. ἡ δὲ ΓΘ τὸν ἀπὸ τῆς ὑπὸ γῆν μεσουρανῆσεως ἐπὶ τὴν ἀνατολὴν. Ἀκόλουθον ἂν εἴη διὰ ταῦτα καὶ τὸν μὲν τῆς ἡμέρας χρόνον εἶναι τὸν διπλασίονα τοῦ ὑπὸ τῆς ΘΑ περιεχομένου, τὸν δὲ τῆς

νυκτὸς τὸν διπλασίονα τοῦ ὑπὸ τῆς ΓΘ, ἐπειδὴ περ τὰ τῶν παραλλήλων τῷ ἡμερινῷ τμήματα ὑπὲρ γῆν καὶ ὑπὸ γῆν ὑπὸ τοῦ ὀρίζοντος χωριζόμενα διχοτομοῦνται ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ. καὶ γίνεται ὁ ἀπὸ ἀνατολῆς ἐπὶ μεσημβρίαν ἥτοι * μεσουράνησιν χρόνος ἴσος τῷ ἀπὸ μεσημβρίας ἢ μεσουρανήσεως ἐπὶ δύσιν· καὶ πάλιν ὁ ἀπὸ δύσεως ἐπὶ τὴν ὑπὸ γῆν μεσουράνησιν ἴσος τῷ ἀπὸ τῆς ὑπὸ γῆν μεσουρανήσεως ἐπὶ τὴν ἀνατολήν. Καὶ ἐπεὶ ἡ μεγίστη ἡμέρα ἐν τῷ ὑποκειμένῳ κλίματι ὥρων ἐστὶν ἡμερινῶν $\text{id} \angle'$, εἴη ἂν ἡ ἐλαχίστη ἴση οὔσα τῇ ἐναλλάξ νυκτὶ τῆς μεγίστης ἡμέρας ὥρων $\theta \angle'$, διὰ τὸ καὶ συναμφοότερον τὸ νυχθήμερον τὰς κδ ὥρας ἡμερινὰς τῶν τζ χρόνων τοῦ ἡμερινοῦ ἔγγιστα περιέχειν. Ὡστε καὶ ἡ ΘΑ τὸν χρόνον περιέχουσα τοῦ ἡμίσεος τῆς ἐλαχίστης ἡμέρας ὥρων ἔσται $\delta \angle' \delta'$, ἡ δὲ ΑΕ τὸν χρόνον περιέχουσα τοῦ ἡμίσεος τῆς ἡμερινῆς ἡμέρας ἔσται ὥρων ἡμερινῶν ζ.

617 καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΘΕ περιφέρεια διαφορὰ οὔσα τῆς ἡμισείας τῆς ἐλαχίστης ἡμέρας παρὰ τὴν ἡμερινὴν ὥρας μὲν ἔσται α δ', χρόνων δὲ δηλονότι ιη με, ἐπειδὴ περ ἡ ἡμερινὴ ὥρα χρόνων ἐστὶν ιε· λοιπὴ δὲ ἡ ΘΑ χρόνων ρα ιε, ἐπεὶ καὶ ὅλη ἡ ΕΑ τεταρτημορίου τυγχάνουσα μοιρῶν ἐστὶν ρ. § Ὅτι δὲ ἡ ἴση τῇ ΕΘ περιφερεία ἡμίσειά ἐστὶν καὶ τῆς διαφορᾶς τῆς μεγίστης ἡμέρας παρὰ τὴν ἡμερινὴν, ὡς αὐτὸς φησιν, ἡμίσειαν αὐτὴν εἶναι τῆς μεγίστης ἢ ἐλαχίστης ἡμέρας παρὰ τὴν ἡμερινὴν, οὕτω δεικτέον. Ἐὰν γὰρ ὑποθέμενοι καὶ τὸ Μ σημεῖον καθ' οὗ ἀνατέλλει τὸ θερινὸν τροπικὸν λάβωμεν τὸν βόρειον πόλον κατὰ τὸ Ν, καὶ δι' αὐτοῦ καὶ τοῦ Μ γράψωμεν τεταρτημόριον τὸ ΝΜΞ, καὶ διὰ τοῦ Μ παράλληλον τῷ ἡμερινῷ ὡς τὸν ΜΟ, δῆλον ὡς ὅτι ἐπὶ τοῦ ΜΟ θερινοῦ τροπικοῦ ὁ ἥλιος ἐνεχθήσεται ἐν τῇ μεγίστῃ ἡμέρᾳ. καὶ ἐν $\tilde{\omega}$ τὸ Μ ἐπὶ τὸ Ο ἐν τοσοῦτῳ καὶ τὸ Ξ ἐπὶ τὸ Α. Ἄλλ' ἐν $\tilde{\omega}$ τὸ Μ ἐπὶ τὸ Ο ὁ ἀπὸ ἀνατολῆς ἐπὶ μεσημβρίαν χρόνος ἐστὶν τῆς μεγίστης ἡμέρας. ὥστε καὶ ἡ ΞΑ τὸν χρόνον περιέχει τοῦ ἡμίσεος τῆς μεγίστης ἡμέρας. ἀλλὰ καὶ ἡ ΕΑ τῆς ἡμερινῆς· ἡ ἄρα ΞΕ διαφορὰ ἐστὶν τῆς ἡμισείας τῆς μεγίστης ἡμέρας παρὰ τὴν ἡμίσειαν τῆς ἡμερινῆς, ἡμίσεια δὲ δηλονότι τῆς διαφορᾶς τῆς ὅλης ἡμέρας πρὸς τὴν ὅλην. Λέγω οὖν ὅτι ἴση ἐστὶν ἡ ΞΕ τῇ ΕΘ. Ἐπεὶ γὰρ ἴσος ἐστὶν ὁ ΚΗ τροπικὸς τῷ ΜΟ, καὶ τῶν ἐναλλάξ ἄρα αἱ ἡμίσειαι, ἴση ἄρα ἡ ΜΟ τῇ ΗΛ καὶ ὁμοία. ἀλλ' ἡ μὲν ΜΟ τῇ ΑΞ ἐστὶν ὁμοία, ἡ δὲ ΗΛ τῇ ΘΓ· καὶ ἡ ΑΞ ἄρα τῇ ΘΓ ἐστὶν ὁμοία, καὶ εἰσιν τοῦ αὐτοῦ κύκλου· ἴση ἄρα ἡ ΑΞ τῇ ΘΓ.

618 καὶ κοινῆς ἀφαιρεθείσης τῆς ΘΞ λοιπὴ ἄρα ἡ ΑΘ λοιπὴ τῇ ΓΞ ἐστὶν ἴση. ἔστιν δὲ καὶ ὅλη ἡ ΑΕ ὅλη τῇ ΕΓ ἴση. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΘΕ λοιπὴ τῇ ΕΞ ἐστὶν ἴση, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. § Δειχθείσης οὖν τῆς ΕΘ ἐπὶ τοῦ ὑποκειμένου κλίματος ὥρας α δ', χρόνων δὲ δηλονότι ιη με, καὶ λοιπῆς τῆς ΘΑ χρόνων οα ιε, προσχρῆται εἰς τὴν κατάλημψιν τῆς ΕΗ περιφερείας τοῦ ὀρίζοντος τῷ δειχθέντι σφαιρικῷ θεωρήματι ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ ἐπὶ τῆς κατὰ σύνθεσιν τῶν λόγων ἀνάπαλιν λήμψεως, καὶ φησιν· «Ἐπεὶ οὖν κατὰ τὰ αὐτὰ τοῖς ἔμπροσθεν ἀποδεδειγμένοις εἰς δύο μεγίστων κύκλων περιφερείας τὰς ΑΕ καὶ ΑΖ δύο γεγραμμέναι εἰσὶν αἱ «ΖΘ καὶ ΒΕ τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ Η, ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΑ «πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΕ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ «τὴν διπλὴν τῆς ΘΖ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΗ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ «τὴν διπλὴν τῆς ΗΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΕ. ἀλλ' ἡ μὲν τῆς «ΘΑ περιφερείας διπλὴ μοιρῶν ἐστὶν ρμβ λ» (αὕτη γὰρ κατέληπτο οα ιε) «καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ριγ λζ νδ, ἡ δὲ τῆς ΑΕ περι«φερείας διπλὴ μοιρῶν ρπ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ρκ. καὶ «πάλιν ἡ μὲν τῆς ΘΖ διπλὴ μοιρῶν ρπ,» ἐπεὶ καὶ αὕτη ἡ ΘΖ ἐκ πόλου οὔσα ἐπὶ τὸν ἡμερινὸν τῶν τοῦ τεταρτημορίου ἐστὶν μοιρῶν ρ, ἡ δὲ ὑπὸ τὰς ρπ μοίρας εὐθεῖα τμημάτων ρκ, «ἡ δὲ τῆς ΖΗ διπλὴ μοιρῶν ρλβ ιζ κ,» διὰ τὸ καὶ τὴν ΘΗ περιφέρειαν μοιρῶν τυγχάνειν κγ να κ τῆς μεγίστης λοξώσεως ἐπεὶ καὶ τὸ Η σημεῖον ὑποκεῖται χειμερινὸν τροπικόν, τὴν δὲ διπλὴν αὐτῆς μοιρῶν μζ μβ μ, εἶναι δὲ καὶ τὴν διπλὴν τῆς ΘΖ μοιρῶν ρπ, καὶ λοιπὴν καταλείπεσθαι τὴν διπλὴν τῆς ΖΗ τῶν εἰρημένων μοιρῶν ρλβ ιζ κ, τὴν δὲ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖαν τμημάτων ρθ μδ νγ.

- 619 «Ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ λόγου τῶν ριγ λζ νδ πρὸς τὰ ρκ, ἀφέλωμεν τὸν «τῶν ρκ πρὸς τὰ ρθ μδ νγ, καταλειφθήσεται ἡμῖν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν δι«πλῆν τῆς HB πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς BE λόγος, ὁ τῶν ργ νε κς «πρὸς τὰ ρκ.» «Καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς BE περιφερείας τμημάτων ρκ· καὶ «ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν ἄρα τῆς BH περιφερείας εὐθεῖα τμημάτων ἔσται «ργ νε κς,» ἡ δὲ ἐπ’ αὐτῆς περιφέρεια τουτέστιν «ἡ διπλῆ τῆς HB περι«φερείας μοιρῶν ρκ, αὐτὴ δὲ ἡ BH μοιρῶν ξ. «Καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ HE» ἐπιζητουμένη τοῦ ὀρίζοντος περιφέρεια μεταξὺ τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ χειμερινοῦ τροπικοῦ ἐπὶ τῆς ὑποκειμένης οἰκήσεως ἔσται «μοιρῶν λ οῖων ὁ ὀρίζων τξ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι.» ΣΓίνεται δὲ ἡ ἀφαίρεσις καὶ ἡ κατάλειψις τοῦ λόγου οὕτως· Πολλαπλασιάζομεν τὸν ρθ μδ νγ ἐπὶ τὸν ριγ λζ νδ, ὃν τρόπον ὑπεδείξαμεν ἐν τοῖς εἰς τὸ πρῶτον βιβλίον· καὶ τὸν συναγόμενον μερίζοντες παρὰ τὸν ρκ εὐρίσκομεν τὸν ργ νε κς, καὶ ἔσται γεγωνὼς ὡς ριγ λζ νδ πρὸς ρκ οὕτως ργ νε κς πρὸς ρθ μδ νγ. Καὶ μέσου τούτων λαμβανομένου τοῦ ρκ, * ἔὰν ἀπὸ τοῦ τῶν ριγ λζ νδ πρὸς τὰ ρκ λόγου τουτέστιν τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΘΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΑΕ, τουτέστιν τοῦ τῶν ργ νε κς πρὸς τὰ ρθ μδ νγ (τὸν γὰρ αὐτὸν αὐτῷ τοῦτον ἐπορισάμεθα) ἀφέλωμεν τὸν τῶν ρκ πρὸς τὰ ρθ μδ νγ, τουτέστιν τὸν τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΘΖ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΖΗ, καταλειφθήσεται ὁ λόγος ὁ τῶν ργ νε κς πρὸς τὰ ρκ, τουτέστιν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς HB πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς BE.
- 620 καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς BE τμημάτων ρκ. καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν ἄρα τῆς HB περιφερείας εὐθεῖα τμημάτων ἔσται ργ νε κς. ριγ λζ νδ ργ νε κς ρκ ρθ μδ νγ [Πῶς τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων τὸ ἔξαρμα τοῦ πόλου δίδεται καὶ τὸ ἀνάπαλι ν]. Ἀποδείξας ἐπὶ τοῦ διὰ Ῥόδου παραλλήλου ἔνθα ἡ μεγίστη ἡμέρα ὥρων ἔστιν ἰσημερινῶν ἰδ $\angle$ ' τὸ προτεθὲν αὐτῷ θεώρημα, τουτέστιν ὃν τρόπον ἐπὶ πασῶν τῶν οἰκήσεων ἦτοι τῶν διὰ τῶν κατὰ κορυφὴν αὐτῷ παραλλήλων τῷ ἰσημερινῷ, δοθέντος τοῦ τῆς μεγίστης ἡμέρας μεγέθους, ἡ ἀπολαμβανομένη τοῦ ὀρίζοντος περιφέρεια μεταξὺ τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ἀνατέλλοντος τμήματος τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων (λέγω δὴ τοῦ τροπικοῦ) λαμβάνεται, ἔρχεται ἐπὶ τὸ προκείμενον κεφάλαιον. Σ' ἔστιν δὲ τοιοῦτον, «πῶς δοθέντος τοῦ τῆς μεγίστης ἡμέρας μεγέθους «καὶ τὸ ἔξαρμα τοῦ πόλου δίδεται», τουτέστιν ἡ τῶν πόλων ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος ἀπόστασις ἐπὶ τὸν μεσημβρινόν, ἣτις ἴση ἔστιν τῇ ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸν ἰσημερινὸν ἀποστάσει, ἣν καὶ πλάτος ἐλέγομεν εἶναι τῆς οἰκήσεως.
- 621 Χρηται οὖν τῇ ἀποδείξει ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς, καὶ φησιν· «προ«κείσθω δὴ πάλιν τούτου δεδομένου» τουτέστιν τῆς εἰρημένης τοῦ ὀρίζοντος περιφερείας «καὶ τὸ ἔξαρμα τοῦ πόλου λαβεῖν, λέγω δὴ τὴν BZ «περιφέρειαν» ταύτην γὰρ ἀφέστηκεν ὁ Z πόλος τοῦ ἰσημερινοῦ ἀπὸ τοῦ B, ὃ ἔστιν ἐπὶ τοῦ ὀρίζοντος καὶ ἐπὶ τοῦ ABΓΔ μεσημβρινοῦ. Σκέχρηται δὲ καὶ ἐνταῦθα τῇ κατὰ διαίρεσιν τῶν λόγων λήμψει ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ σφαιρικοῦ θεωρήματος τοῦ ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ δειχθέντος οὕτως· διὰ γὰρ πάλιν τὴν ἐπάνω εἰρημένην καταγραφὴν «ὁ τῆς ὑπὸ τὴν «διπλῆν τῆς ΕΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΘΑ λόγος» συνῆπται «ἔκ «τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΗ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς HB «καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς BZ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΖΑ.» Καὶ ἵνα μὴ ταυτολογῶμεν, ἀρκούντως τὴν περὶ τούτων διδασκαλίαν ποιησάμενοι προχειρότερον τὰ ἐξῆς δηλώσομεν. ἐπεὶ οὖν δέδοται ΕΘ περιφέρεια, δέδοται καὶ ἡ διπλῆ αὐτῆς, καὶ ἡ ὑπ’ αὐτὴν εὐθεῖα, ὁμοίως καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΘΑ περιφερείας λειπούσης εἰς τὸ τεταρτημόριον· δίδεται καὶ ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΗ τοῦ ὀρίζοντος περιφερείας, ἐπεὶ καὶ αὐτὴ ἡ ΕΗ δίδεται· καὶ πάλιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς HB, λειπούσης καὶ αὐτῆς εἰς τὸ τεταρτημόριον. «Καὶ ἔὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΘ τουτέστιν τῶν «λη λδ κβ πρὸς τὰ ριγ λζ νδ λόγου», τουτέστιν τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΘΑ «ἀφέλωμεν τὸν τῶν ξ «πρὸς τὰ ργ νε κγ», τὸν τῆς ὑπὸ τὴν διπλῆν τῆς ΕΗ πρὸς

τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΒ, «καταλειφθήσεται ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΖ πρὸς «τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΑ, ὁ τῶν ο λγ ἔγγιστα πρὸς τὰ ρκ.

622

» ΣΓέγονεν δὲ αὐτῶ ἡ ἀφαίρεσις τοῦ λόγου καὶ ἡ κατάλειψις τὸν τρόπον τοῦτον· Πολλαπλασιάσας γὰρ τὰ ργ νε κγ ἐπὶ τὰ λη λδ κβ, καὶ τὰ γενόμενα μερίσας παρὰ τὸν ριγ λζ νδ, τὰ εὐρεθέντα ἐκ τοῦ μερισμοῦ λε ις λη ἔσχεν τὸν τέταρτον ἀνάλογον, καὶ γέγονεν ὡς λη λδ κβ πρὸς ριγ λζ νδ οὕτως λε ις λη πρὸς ργ νε κγ. Καὶ μέσου τούτων λαμβανομένου τοῦ ξ, ὁ τῶν λε ις λη πρὸς τὰ ργ νε κγ λόγος συνῆπται ἔκ τε τοῦ τῶν λε ις λη πρὸς τὰ ξ καὶ τοῦ τῶν ξ πρὸς τὰ ργ νε κγ. ἔὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ λόγου τῶν λε ις λη πρὸς τὰ ργ νε κγ, τουτέστιν τοῦ τῶν λη λδ κβ πρὸς τὰ ριγ λζ να (ὁ γὰρ αὐτὸς τούτῳ πεπόρισται) ἀφέλωμεν τὸν τῶν ξ πρὸς τὰ ργ νε κγ, καταλειφθήσεται ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΖ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΑ, ὁ τῶν λε ις λη πρὸς τὰ ξ, καὶ εἰ μὲν ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΖ τμημάτων ἦν ξ αὐτόθεν εἶχομεν καὶ τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΒ τμημάτων λε ις λη. ἐπεὶ οὖν ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΖ ἐστὶν ρκ, ποιοῦμεν ὡς ξ πρὸς λε ις λη οὕτως ρκ πρὸς ο λγ ἔγγιστα, πολλαπλασιάσαντες τὸν ρκ ἐπὶ τὸν λε ις λη, καὶ μερίσαντες παρὰ τὸν ξ καὶ ἐκ τοῦ μερισμοῦ εὐρίσκοντες τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΒ περιφερείας ο λγ καὶ λαμβάνοντες τὴν ἐπ' αὐτῆς περιφέρειαν μοιρῶν τυγχάνουσιν οβ ἔγγιστα, καὶ ταύτης τὴν ἡμίσειαν, ἔξομεν τὴν ΖΒ ἐπιζητουμένην τοῦ ἐξάρματος περιφέρειαν μοιρῶν λς.

623

λη λδ κβ ριγ λζ νδ λε ις λη ξ ργ νε κγ ο λγ ρκ. Σ'Εστω δὲ καθὼς ἐν τῷ κεφαλαίῳ ἐπηγγείλατο καὶ τὸ ἀνάπαλιν δεῖξαι τουτέστιν πῶς ἂν δοθέντος τοῦ ἐξάρματος ἐκ παρατηρήσεως ἦτοι διὰ τῶν κρίκων ἢ τῆς πλινθίδος, καὶ ἡ διαφορὰ τῆς μεγίστης ἢ ἐλαχίστης ἡμέρας παρὰ τὴν ἰσημερινὴν <δίδεται> τουτέστιν ἡ διπλὴ τῆς ΕΘ περιφερείας· αὕτη γὰρ ἡ ΕΘ ἐδείχθη διαφορὰ οὔσα τῆς ἡμισείας τῆς ἐλαχίστης ἢ μεγίστης ἡμέρας πρὸς τὴν ἡμίσειαν τῆς ἰσημερινῆς, ἐπεὶ καὶ ἡ ΕΑ τοῦ ἰσημερινοῦ ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντός ἐστιν ἐπὶ τὸν μεσημβρινόν, τουτέστιν ἀπὸ ἀνατολῆς ἕως ὥρας ἑκτῆς. Χρῆται οὖν τῇ ἀποδείξει πάλιν ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς, προσχρῶμενος τῇ κατὰ διαίρεσιν τοῦ λόγου λήμψει. * Καὶ ἔστιν σαφὴ τὰ ἐπὶ τῶν γραμμῶν καὶ ἐπὶ τῶν μεγεθῶν λεγόμενα. Φησὶ δὲ πάλιν ἐπὶ τῆς ἀφαιρέσεως καὶ τῆς καταλείψεως τοῦ λόγου, ὅτι «ἐὰν ἀπὸ τοῦ τῶν ο λβ γ πρὸς τὰ ρζ δ νς λόγου» τουτέστιν τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΒ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΑ «ἀφέλωμεν τὸν «τῶν ρθ μδ νγ πρὸς τὰ μη λα νε», τὸν τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΗ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΘ, «καταλειφθήσεται ἡμῖν ὁ τῆς ὑπὸ «τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ λόγος, ὁ τῶν «λα ια κς πρὸς τὰ ρζ δ νς» ᾧ λόγῳ ὁ αὐτὸς ἐστὶν ὁ τῶν λη λδ πρὸς τὰ ρκ.

624

καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ τμημάτων ρκ. καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν ἄρα τῆς ΕΘ ἔσται λη λδ. ΣΓέγονεν δὲ ἡμῖν ἡ εὐρεσις οὕτως· πολλαπλασιάσαντες γὰρ πάλιν τὰ μη λα νε ἐπὶ τὰ ο λβ γ, καὶ τὰ γενόμενα μερίσαντες παρὰ τὸν ρθ μδ νγ, εὐρομεν λα ια κς, καὶ γέγονεν ὡς ρθ μδ νγ πρὸς μη λα νε οὕτως ο λβ γ πρὸς λα ια κς. καὶ ἐὰν ἀπὸ τοῦ τῶν ο λβ γ πρὸς τὰ ρζ δ νς λόγου ἀφέλωμεν τὸν τῶν ο λβ γ πρὸς τὰ λα ια κς τὸν αὐτὸν ὄντα τῷ τῶν ρθ μδ νγ πρὸς μη λα νε, καταλειφθήσεται ὁ τῶν λα ια κς πρὸς τὰ ρζδ νς. Καὶ ἵνα τοῦτον τὸν λόγον πάλιν εἰς τὸν ρκ μεταγάγωμεν, πολλαπλασιάσαντες τὸν ρκ ἐπὶ τὸν λα ια κς, καὶ τὰ γενόμενα μερίσαντες παρὰ τὰ ρζ δ νς, εὐρομεν ἐκ τοῦ μερισμοῦ τὸν λη λδ, καὶ γέγονεν ὡς λα ια κς πρὸς τὰ ρζ δ νς, οὕτως λη λδ πρὸς ρκ. Δεδομένης οὖν τοῦτον τὸν τρόπον τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΘ περιφερείας εὐθείας τμημάτων λη λδ, ἔξομεν δεδομένην καὶ τὴν ἐπ' αὐτῆς περιφέρειαν τουτέστιν τὴν διπλὴν τῆς ΕΘ, μοιρῶν λζ λ ἔγγιστα, ὥρων δὲ ἰσημερινῶν δηλονότι β $\angle$ ', διὰ τὸ τὴν ἰσημερινὴν ὥραν χρόνων εἶναι ιε. ὅπερ προέκειτο δεῖξαι. ΣΠάλιν, τοῦ ἐξάρματος δοθέντος, δέον ἔστω εὐρεῖν τὴν εἰρημένην τοῦ ὀρίζοντος περιφέρειαν μεταξὺ τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ἀνατέλλοντος σημείου τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων, ὡς τὴν ΕΗ. Χρῆται δὲ πάλιν πρὸς τὴν τοιαύτην ἀπόδειξιν τῇ αὐτῇ καταγραφῇ ὑποθέμενος ὁμοίως ἀνατέλλειν τὸ χειμερινόν

τροπικὸν διὰ τοῦ Η σημείου, καί φησιν· πάλιν διὰ τὴν καταγραφὴν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΒ λόγος συνήπται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΗ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΒ.

625 Καὶ ἐπεὶ δέδοται ἡ ΖΑ τεταρτημορίου, δέδοται καὶ ἡ ΒΑ, ἐπεὶ καὶ ἡ ΖΒ τοῦ ἐξάρματος, δέδονται ἄρα καὶ αἱ διπλαῖ αὐτῶν καὶ αἱ ὑπ' αὐτὰς εὐθεῖαι, ὥστε δέδοται ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΒ λόγος. πάλιν, ἐπεὶ δέδοται ἡ ΖΘ τεταρτημορίου, δέδοται δὲ καὶ ἡ ΘΗ τῆς λοξώσεως, δέδονται ἄρα καὶ αἱ διπλαῖ αὐτῶν, καὶ αἱ ὑπ' αὐτὰς εὐθεῖαι, ὥστε δέδοται καὶ ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΘ λόγος. ἐὰν οὖν πάλιν ἀπὸ τοῦ λόγου τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΒ ἀφέλωμεν τὸν τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΗ, καταλειφθήσεται λόγος ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΒ, ὁ τῶν ξ πρὸς τὰ ρκ. Καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΒ τμημάτων ρκ· καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν ἄρα τῆς ΗΕ τῶν αὐτῶν ἔσται ξ. Ὡστε καὶ ἡ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια τουτέστιν ἡ διπλὴ τῆς ΗΕ μοιρῶν ἔσται ξ αὐτὴ δὲ ἡ ΗΕ μοιρῶνλ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. «Φανερόν δὲ ὅτι κἂν μὴ τὸ χειμερινὸν τροπικὸν σημεῖον ὑποθώμεθα «ἀνατέλλειν, τῶν ἄλλων δέ τι τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου τμημάτων, κατὰ τὰ αὐτὰ πάλιν ἑκάτερα τῶν ΕΘ καὶ ΕΗ περιφερειῶν δοθήσεται.

626 » Ἐπεὶ ὑποθέμενος τὸ χειμερινὸν τροπικὸν σημεῖον ἀνατέλλειν, λαμβάνων τὸ ἔξαρμα δεδομένον ἦτοι ἐκ τῆς διὰ τῶν κρίκων ἢ τῆς πλινθίδος παρατηρήσεως, ἀπεδείκνυν τὴν ΕΘ περιφέρειαν τοῦ ἰσημερινοῦ ἡμίσειαν οὔσαν τῆς διαφορᾶς τῆς μεγίστης ἢ ἐλαχίστης ἡμέρας παρὰ τὴν ἰσημερινὴν καὶ ἔτι τὴν ΕΗ περιφέρειαν τοῦ ὀρίζοντος τὴν ἀπολαμβανομένην μεταξὺ τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ τροπικοῦ, φησὶν ὅτι «κἂν μὴ τὸ «χειμερινὸν τροπικὸν σημεῖον ὑποθώμεθα» ἀνατέλλειν, ἄλλο δέ τι τμήμα τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων «δοθήσεται πάλιν ἑκάτερα τῶν ΕΘ καὶ «ΕΗ περιφερειῶν, προεκτεθειμένου οὖν ἡμῖν τοῦ τῆς λοξώσεως κανονίου.» Εὐρήσομεν γὰρ πάλιν τὰς τοιαύτας περιφερείας διὰ τὸ προεκτεθεῖσθαι ἡμῖν τὸ τῆς λοξώσεως κανόνιον. Εἴτα διὰ τὸ πρόχειρον βουλόμενος διδάξαι ὅτι ἐὰν ἐπὶ ἑνὸς τεταρτημορίου ποιήσεται τὴν ἀπόδειξιν τῶν εἰρημένων περιφερειῶν δεδειχῶς ἂν εἴη καὶ τὰς ἐπὶ ὅλου τοῦ διὰ μέσων συνισταμένας φησὶν ὅτι «καὶ παρακολουθοῦντος μὲν αὐτόθεν τοῦ τὰ ὑπὸ τῶν αὐτῶν παραλλήλων γινόμενα «τμήματα τοῦ διὰ μέσων, τουτέστιν τὰ ἴσον ἀπέχοντα τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ σημείου, τὰς αὐτὰς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τοῦ ἰσημερινοῦ ποιεῖν «τὰς τοῦ ὀρίζοντος τομάς, καὶ τὰ τῶν νυχθημέρων μεγέθη ἴσα ἑκάτερα «ἐκατέροις τῶν ὁμοίων.» Ὅτι μὲν οὖν τὰ ὑπὸ τοῦ αὐτοῦ παραλλήλου γινόμενα τμήματα τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ἴσον ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ, δῆλον, ἐπειδήπερ καὶ ὁ παράλληλος τῷ τροπικῷ ἴσας ἀφαιρεῖ ἐφ' ἑκάτερα τοῦ τροπικοῦ τὰς μεταξὺ αὐτῶν.

627 Ἐτι δὲ καὶ ἐὰν γράψωμεν τὸν ΑΒΓΔ ζωδιακὸν καὶ ὑποθώμεθα τὸ Α τροπικὸν καὶ γράψωμεν τὸν ἐφαπτόμενον αὐτοῦ κύκλον ὡς τὸν ΕΑΖ, καὶ ἕτερον τούτῳ παράλληλον τέμνοντα τὸν ζωδιακὸν ὡς τὸν ΒΔ, * καὶ λαβόντες τὸν πόλον τῶν παραλλήλων τὸ Η σημεῖον γράψωμεν δι' αὐτοῦ καὶ τοῦ Α μέγιστον κύκλον ὡς τὸν ΗΑΘΓ, ἥξει καὶ διὰ τῶν τοῦ ζωδιακοῦ πόλων.

628 καὶ ἐπεὶ δύο κύκλοι τέμνουσιν ἀλλήλους, ὅ τε ΑΒΓΔ ζωδιακὸς καὶ ὁ ΒΔ παράλληλος, καὶ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν γέγραπται ὁ ΗΑΘΓ, ὁ ΗΑΘΓ δὶχᾶ τέμνει τὰ ἀπειλεμμένα τμήματα τῶν κύκλων, ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ ΑΒ τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρεια ἀπὸ τοῦ Α τροπικοῦ τῇ ΑΔ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ὅτι δὲ τὰ εἰρημένα τοῦ ζωδιακοῦ τμήματα καὶ «τὰς αὐτὰς καὶ ἐπὶ «τὰ αὐτὰ μέρη τοῦ ἰσημερινοῦ ποιεῖ τὰς τοῦ ὀρίζοντος τομάς,» ἐπεὶ καὶ ὁ παράλληλος κατὰ τῶν αὐτῶν καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τοῦ ἰσημερινοῦ τοῦ ὀρίζοντος σημείων τὰς τε ἀνατολὰς καὶ τὰς δύσεις ποιεῖται, ὡς ἐδείχθη ἐν τῷ Περὶ κινουμένης σφαίρας. Φανερόν δὲ ὅτι «καὶ τὰ τῶν νυχθημέρων μεγέθη ἴσα ἔσται ἑκάτερα «ἐκατέροις τῶν ὁμοίων», οἷον ἡ μὲν ἡμέρα τῇ ἡμέρᾳ, ἡ δὲ νύξ τῇ νυκτί, διὰ τὸ τὸ

αὐτὸ τμήμα τοῦ αὐτοῦ παραλλήλου ἐπὶ τῆς αὐτῆς ἐγκλίσεως πάντοτε ὑπὲρ γῆν ἀπολαμβάνεσθαι καὶ τὸ αὐτὸ ὑπὸ γῆν, καὶ κατὰ τοῦ αὐτοῦ παραλλήλου φέρεσθαι τὸν ἥλιον καθ' ἑκάτερον τῶν εἰρημένων σημείων τυγχάνοντα. § παρακολουθούντων οὖν τούτων ἐκ τῶν προαποδεδειγμένων, συναποδείκνυσιν ὅτι «καὶ τὰ ὑπὸ τῶν ἴσων παραλλήλων γινόμενα» τμήματα τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων, «τουτέστιν τὰ ἴσον ἀπέχοντα τοῦ αὐτοῦ ἡμερινοῦ σημείου» (δέδεικται γὰρ καὶ τοῦτο ἐν τῷ ιη' θεωρήματι τοῦ δευτέρου τῶν Σφαιρικῶν) «τὰς τοῦ ὀρίζοντος περιφερείας ἴσας ἐκατέρωθεν τοῦ ἡμερινοῦ ποιεῖν, καὶ τῶν νυχθημέρων «ἐναλλάξ ἴσα τὰ μεγέθη τῶν ἀνομοίων», τουτέστιν τὴν μὲν νύκτα τῇ ἡμέρᾳ, τὴν δὲ ἡμέραν τῇ νυκτί.

629 «Ἐὰν γὰρ ἐπὶ τῆς ἐκκειμένης καταγραφῆς ὑποθέμενοι καὶ τὸ Κ σημεῖον καθ' ὃ τέμνει τὸ ΒΕΚΔ τοῦ ὀρίζοντος ἡμικύκλιον ὁ ἴσος καὶ παράλληλος τῷ διὰ τοῦ Η γραφομένῳ», καὶ γράψωμεν τὰ τῶν παραλλήλων τμήματα ὡς τὰ ΗΛ, ΚΜ, δηλονότι ἐναλλάξ τυγχάνοντα, τουτέστιν τὸ μὲν ὑπὲρ γῆς ὡς τὸ ΗΛ τὸ δὲ ὑπὸ γῆν ὡς τὸ ΚΜ, ἴσα ἀλλήλοις ἔσται, εἴτα λαβόντες τὸν βόρειον πόλον ὑπὲρ γῆς τὸ Ν γράψωμεν δι' αὐτοῦ καὶ τοῦ Κ μεγίστου κύκλου τεταρτημόριον τὸ ΝΚΕ (ἐκ τοῦ πόλου γὰρ ἔστιν ἐπὶ τὸν ἡμερινόν), ἴσαι ἔσσονται καὶ αἱ ΑΘ, ΞΓ, ἐπεὶ ἡ μὲν ΛΗ τῇ ΚΜ ἴση ἔστιν καὶ ὁμοία· ἀλλ' ἡ μὲν ΑΘ τῇ ΛΗ ἔστιν ὁμοία, διὰ τὸ παραλλήλους αὐτὰς οὕσας μεταξὺ τυγχάνειν μεγίστων κύκλων τῶν ΖΒΑ, ΖΗΘ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν γραφέντων. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ ΚΜ τῇ ΞΓ ἔστιν ὁμοία, ὥστε καὶ ἡ ΑΘ τῇ ΞΓ ἔστιν ὁμοία.

630 καὶ εἰσιν τοῦ αὐτοῦ κύκλου. ἴση ἄρα ἔστιν ἡ ΑΘ τῇ ΞΓ. Ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΑΕ τῇ ΕΓ ἴση, διὰ τὸ μεγίστους ὄντας τὸν τε ΑΕΓ ἡμερινὸν καὶ τὸν ΒΕΔ ὀρίζοντα τέμνειν ἀλλήλους εἰς ἡμικύκλια, τὸν δὲ ΑΒΓΔ μεσημβρινὸν διὰ τῶν πόλων αὐτῶν ὄντα τέμνειν δίχα τὰ ἀπειλημμένα αὐτῶν ἡμικύκλια, ὡς ἐν τοῖς Σφαιρικοῖς ἐδείχθη. ὥστε καὶ λοιπὴ ἡ ΘΕ λοιπὴ τῇ ΞΕ ἔσται ἴση. Καὶ γίνεται δύο τρίπλευρα ἴσα καὶ ὅμοια τὰ ΕΗΘ, ΚΞΕ, τὰς δύο πλευρὰς τὰς ΕΘ, ΘΗ ταῖς δύο πλευραῖς ταῖς ΕΞ, ΞΚ ἴσας ἔχοντα, τὴν μὲν ΘΕ τῇ ΕΞ, τὴν δὲ ΘΗ τῇ ΚΞ· λοξώσεως γὰρ εἰσιν τῶν ἴσων ἀπέχοντων τοῦ ἡμερινοῦ. Ἡ καὶ ὅτι ἐπεὶ ἴση ἔστιν ἡ ΘΖ τῇ ΝΞ, ἐκ πόλου γὰρ ἐπὶ τὸν ἡμερινόν, ὧν ἡ ΖΗ τῇ ΝΚ, ἐκ τῶν πόλων γὰρ τῶν ἴσων καὶ παραλλήλων, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΗΘ λοιπὴ τῇ ΚΞ ἔστιν ἴση. ἀλλὰ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΗΘΕ γωνία τῇ ὑπὸ ΕΞΚ ἴση, ὀρθαὶ γὰρ διὰ τὸ τοὺς ΖΗΘ, ΝΚΞ διὰ τῶν πόλων εἶναι τοῦ ΑΕΓ ἡμερινοῦ, καὶ βάσιν τὴν ΗΕ βάσει τῇ ΕΚ γίνεσθαι ἴσην. Ἡ καὶ ὅτι οἱ ἴσοι καὶ παράλληλοι ἴσας ἀφαιροῦσιν μεγίστου τινὸς κύκλου πρὸς τὸν μέγιστον τῶν παραλλήλων τὰς μεταξὺ αὐτῶν. ὥστε οἱ ἴσοι καὶ παράλληλοι τὰς τοῦ ὀρίζοντος περιφερείας ἴσας ἀπολαμβάνοντες ἐφ' ἑκάτερα τοῦ ἡμερινοῦ καὶ τῶν νυχθημέρων τὰ τε μεγέθη τὰ ἐναλλάξ ἴσα ποιούσι τῶν ἀνομοίων, τὴν μὲν ἡμέραν τῇ νυκτί τὴν δὲ νύκτα τῇ ἡμέρᾳ, ἐπεὶ καὶ τὰ ἐναλλάξ αὐτῶν τμήματα ἴσα ἐδείχθη, τὸ μὲν ὑπὲρ γῆς τῷ ὑπὸ γῆν, τὸ δὲ ὑπὸ γῆν τῷ ὑπὲρ γῆς. § Ὅτι δὲ τούτων οὕτως ἐχόντων, ἐὰν ἐπὶ ἐνὸς μόνου τεταρτημορίου τὰς κατὰ μέρος πηλικότητας ἐπιλογισώμεθα τῶν ἀπολαμβανομένων τοῦ ὀρίζοντος περιφερειῶν καὶ τῶν παρὰ τὴν ἡμερινὴν ἡμέραν πρὸς τὰς καιρικὰς διαφορῶν, ἐπιλελογισμένας ἔξομεν καὶ τὰς ἐπὶ * ὅλου τοῦ διὰ μέσων συνισταμένας, οὕτως ἂν γένοιτο δῆλον.

631 Ἐκκείσθω γὰρ ὁ ΑΒΓΔ ζωδιακὸς διηρημένος εἰς τὰ δωδεκατημόρια ὡς υπογέγραπται, ὥστε ἑαρινὸν μὲν εἶναι τὸ Α, θερινὸν δὲ τροπικὸν τὸ Β, μετοπωρινὸν δὲ τὸ Γ, χειμερινὸν δὲ τροπικὸν τὸ Δ. λέγω ὅτι ἐὰν μόνου τοῦ ΑΒ τεταρτημορίου τὰς εἰρημένας περιφερείας ἐπιλογισώμεθα, συναποδεδειγμένας ἔξομεν καὶ τὰς ὅλου τοῦ ΑΒΓΔ ζωδιακοῦ. Ἐπεὶ γὰρ συνῆκται ὅτι τὰ ἴσον ἀπέχοντα τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ τὰς αὐτὰς ποιεῖ τοῦ ὀρίζοντος τομὰς καὶ ἔτι τὰ αὐτὰ μεγέθη τῶν ἡμερῶν ἢ νυκτῶν, δῆλον ὅτι ἐὰν τὰς τοῦ ΑΒ τεταρτημορίου ἐπιλογισώμεθα, συναποδεδειγμένα ἔσσονται καὶ τοῦ ΒΓ ἐπὶ τῶν ἴσων ἀπέχοντων σημείων τοῦ Β τροπικοῦ. πάλιν, ἐπεὶ συναποδέδεικται ὅτι τὰ ἴσον ἀπέχοντα τοῦ αὐτοῦ ἡμερινοῦ τὰς τε τοῦ ὀρίζοντος

περιφερείας ἴσας ἐκατέρωθεν τοῦ ἡμερινοῦ ποιεῖ, καὶ τῶν νυχθημέρων ἐναλλάξ ἴσα τὰ μεγέθη τῶν ἀνομοίων, τὴν μὲν ἡμέραν τῇ νυκτὶ τὴν δὲ νύκτα τῇ ἡμέρᾳ, δεδομένων ἄρα τῶν ἐπὶ τοῦ AB τεταρτημορίου, ἔξομεν καὶ τὰς ἐπὶ τοῦ AD ἐπὶ τῶν ἴσον ἀπεχόντων σημείων τοῦ αὐτοῦ ἡμερινοῦ τοῦ A καὶ τὰς μὲν τοῦ ὀρίζοντος περιφερείας δηλονότι τῶν αὐτῶν, τὰ δὲ μεγέθη τῶν καιρικῶν ἡμερῶν, ἀφ' ὧν ἡ πρὸς τὴν ἡμερινὴν ἡμέραν διαφορὰ καταλαμβάνεται, ἥτοι ἀπὸ τῶν ἐναλλάξ τῶν ἐπὶ τοῦ AB νυκτῶν ἢ ἀπὸ τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς κδ ὥρας τῶν ἐπὶ τοῦ AB τεταρτημορίου ἡμερῶν. καὶ ἔτι ἐκ τῶν ἀπὸ τοῦ AD ἔξομεν καὶ τὰς ἐπὶ τοῦ ΔΓ τῶν ἴσων ἐπὶ τῶν ἴσον ἀπεχόντων σημείων τοῦ Δ τροπικοῦ.

632 Προεκτεθειμένης οὖν ἡμῖν τῆς τῆς λοξώσεως πραγματείας καὶ τῆς τῶν ἐξαρμάτων εὐρέσεως, «εὐμεταχείριστον ἡμῖν ἔσται τὸ συνεπιλογίᾳ ζεσθαι τίσι καὶ πότε καὶ ποσάκις ὁ ἥλιος κατὰ κορυφὴν γίνεται.» § Κατὰ κορυφὴν δὲ λέγομεν γίνεσθαι τὸν ἥλιον, ὅταν ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ γινόμενος καὶ ἐπὶ τοῦ πόλου τοῦ ὀρίζοντος τυγχάνῃ· τοῦτο γάρ ἐστιν τὸ κατὰ κορυφὴν σημεῖον, ὅπερ ἐστὶν καὶ διχοτομία τοῦ ὑπὲρ γῆς ἡμικυκλίου τοῦ μεσημβρινοῦ. τότε δὲ καὶ οἱ γνώμονες ἄσκιοι γίνονται. § Φανερόν δὲ καὶ ἐκ τῶν ἀποδειχθησομένων ἡμῖν «ὅτι τοῖς μὲν ὑπὸ τοὺς «πλεῖον ἀπέχοντας τοῦ ἡμερινοῦ παραλλήλους τῶν τῆς ὅλης ἀποστάσεως «τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ μοιρῶν κγ να ἔγγιστα οὐδ' ὅλως ὁ ἥλιος γίγνεται κατὰ κορυφὴν», τοῖς δὲ ὑπ' αὐτάς τὰς κγ να ἀπέχουσιν, ἅπαξ ἐν τῇ μιᾷ ἀποκαταστάσει, ἐν αὐτῇ τῇ θερινῇ τροπῇ, τοῖς δὲ ὑπὸ τοὺς ἐλάττονας τῶν κγ να δίς.

633 Καὶ τοῦτο δὲ ἡμῖν πρόχειρον γίνεται ἐκ τοῦ τῆς λοξώσεως κανονίου. ἐὰν γὰρ γράψωμεν ὀρίζοντα μὲν κύκλον τὸν ABΓΔ, ἡμερινοῦ δὲ ἡμικύκλιον τὸ AEG, τοῦ δὲ μεσημβρινοῦ τὸ BED, καὶ βόρειον πόλον τὸν P, τροπικοῦ δὲ θερινοῦ τὸ ZH, ζωδιακοῦ δὲ τὸ AΘΓ, καὶ λάβωμεν τὸ κατὰ κορυφὴν ἐκτὸς τοῦ ZH τροπικοῦ τὸ Λ, δηλὸν ὡς ὅτι ὁ ἥλιος ἐπὶ τοῦ AΘΓ ζωδιακοῦ κινούμενος καὶ μὴ ὑπερεκπίπτων τὸν τροπικόν, οὐδέποτε γενήσεται κατὰ τοῦ διὰ τοῦ Λ παραλλήλου, ὥστε οὐδὲ κατὰ κορυφὴν τοῖς ὑπὸ τὸν διὰ τοῦ Λ οἰκοῦσιν. Ὅταν δὲ ἐπὶ τοῦ ZH τὸ κατὰ κορυφὴν ἦ τὸ Θ, δηλὸν πάλιν ὡς ὅτι ὁ ἥλιος ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ κινούμενος κατὰ τοῦ Θ γινόμενος θερινοῦ τροπικοῦ γράψῃ τὸν ZH παράλληλον, καὶ ἔσται τότε μόνον κατὰ κορυφὴν τοῖς ὑπὸ τὸν ΘΖ παράλληλον οἰκοῦσιν, ὅταν δὲ τὸ M ἦ κατὰ κορυφὴν, ἐξάρματος γινομένης τῆς EM περιφερείας, τότε καὶ ὁ διὰ τοῦ M παράλληλος μεταξὺ τοῦ τε ἡμερινοῦ καὶ τοῦ τροπικοῦ θερινοῦ γραφόμενος, ὡς ὁ NMΞ, τέμνει τὸν ζωδιακὸν κατὰ τὰ N, Ξ σημεῖα, καὶ εἴ τε κατὰ τοῦ N εἴῃ ὁ ἥλιος, εἴ τε κατὰ τοῦ Ξ, τὸν αὐτὸν παράλληλον γράφων τὸν NMΞ, ἥξει καὶ διὰ τοῦ M, καὶ ἔσται δίς κατὰ κορυφὴν γινόμενος τοῖς ὑπὸ τὸν MΞ παράλληλον οἰκοῦσιν ἐν τῇ μιᾷ πρὸς τὸν ζωδιακὸν ἀποκαταστάσει.

634 Ὡστε καὶ καθόλου ἔνθα τὸ ἔξαρμα (ἥτοι ἡ ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸν ἡμερινὸν ἀπόστασις) ἐλάττων ἐστὶν τῶν τῆς ΕΘ διαστάσεως ἀπὸ τοῦ ἡμερινοῦ ἐπὶ τὸ θερινὸν τροπικόν μοιρῶν κγ να, δίς γίνεται ὁ ἥλιος κατὰ κορυφὴν τοῖς ὑπ' ἐκεῖνον τὸν παράλληλον οἰκοῦσιν, ἔνθα δὲ * αὐτῶν τῶν κγ να, ἅπαξ, ἔνθα δὲ πλειόνων, οὐδ' ὅλως. Εὐληπτα δὲ ἡμῖν ἔσται ἐκ τοῦ τῆς λοξώσεως κανονίου καὶ τὰ N, Ξ σημεῖα τοῦ ζωδιακοῦ καθ' ὧν γινόμενος ὁ ἥλιος κατὰ κορυφὴν γίνεται τοῖς ὑπὸ τὸν MNE παράλληλον οἰκοῦσιν, γραφομένων διὰ τῶν N, Ξ καὶ τοῦ P πόλου τῶν PNT, PEO τεταρτημορίων. Ἐπεὶ καὶ ἡ EM ἀπόστασις τοῦ παραλλήλου ἀπὸ τοῦ ἡμερινοῦ ἴση ἐστὶν ἐκατέρᾳ τῶν NT καὶ ΞΘ, αἷς ἀπέχουσιν ἥτοι λελόξωνται ἀπὸ τοῦ ἡμερινοῦ τὰ N, Ξ σημεῖα τοῦ ζωδιακοῦ, διὰ τὸ καὶ αὐτάς ἐπὶ τῶν διὰ τῶν πόλων εἶναι τοῦ ἡμερινοῦ καὶ μεταξὺ αὐτάς εἶναι τῶν παραλλήλων, ἔχομεν δὲ τὴν EM ἀπὸ τοῦ ἡμερινοῦ ἐπὶ τὸ κατὰ κορυφὴν τὴν αὐτὴν οὔσαν τῷ ἐξάρματι, ἔχομεν ἄρα καὶ ἐκατέραν τῶν NT, ΞΘ. Ἐὰν ἄρα λαβόντες ἥτοι τὸ ἔξαρμα ἢ τὴν ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸν ἡμερινὸν εἰσαγάγωμεν εἰς τὸ τῆς λοξώσεως κανόνιον κατὰ τὸ β' σελίδιον, εὐρήσομεν ἐν τῷ πρώτῳ σελιδίῳ

παρακειμένην τὴν ΑΝ ἢ τὴν ΓΞ τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρειαν ἀπὸ τῶν Α, Γ ἰσημερινῶν σημείων ὡς ἐπὶ τὰ βόρεια, διὰ τὸ τὴν καθ' ἡμᾶς οἰκουμένην βορειοτέραν δεδεῖχθαι δηλαδὴ καὶ τὸν διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν παράλληλον, ὡς τὸν ΝΜΞ.

- 635 ὥστε καὶ αὐτὰ τὰ Ν, Ξ σημεῖα καθ' ὧν τυγχάνων ὁ ἥλιος γίνεται κατὰ κορυφὴν διδόναι. Ὡς ἀποδείξας οὖν ἐκ τῶν ἐξ ἀρχῆς καταριθμηθέντων αὐτῶ κεφαλαίων τῶν περὶ τὰς ἐγκλίσεις κυριωτέρων ἰδιωμάτων, ὅσον τε οἱ πόλοι τῆς πρώτης φορᾶς τοῦ ὀρίζοντος ἀφεστήκασιν καὶ οἷς ὁ ἥλιος κατὰ κορυφὴν γίνεται, πότε καὶ ποσάκις τὸ τοιοῦτον συμβαίνει, ἐξῆς ἀποδείκνυσιν τὸ μετὰ ταῦτα ἀπαριθμηθὲν αὐτῶ κεφάλαιον, τουτέστιν τίνες τε οἱ λόγοι τῶν ἰσημερινῶν καὶ τροπικῶν ἐν ταῖς μεσημβρίαις σκιῶν πρὸς τοὺς γνῶμονας.
- 636 Χρῆται δὲ πάλιν καὶ πρὸς τὴν τούτων ἀπόδειξιν τῷ διὰ Ῥόδου παραλλήλῳ, καὶ φησιν «ὅτι δὲ οἱ προκείμενοι λόγοι τῶν σκιῶν πρὸς τοὺς γνῶμονας ἀπλούστερον λαμβάνονται, δοθέντων ἅπαξ τῆς τε μεταξὺ τῶν «τροπικῶν περιφερείας,» τουτέστιν τῆς ἀπὸ τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ ἐπὶ τὸ χειμερινὸν τροπικὸν τοῦ ἡλίου παραχωρήσεως, ἥτις ἐδείχθη διὰ τῶν κρίκων καὶ τῆς πλινθίδος μοιρῶν μζ μβ μ, «καὶ τῆς μεταξὺ τοῦ ὀρίζοντος καὶ τῶν πόλων,» τουτέστιν τῆς τοῦ ἐξάρματος περιφερείας «οὕτως ἂν γένοιτο δῆλον.» «Ἐστω γὰρ μεσημβρινὸς κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, περὶ κέντρον τὸ Ε, καὶ τὸ Α ὑποκείσθω τὸ κατὰ κορυφὴν σημεῖον, καὶ διήχθω ἡ ΑΕΓ διάμετρος. «πρὸς ὀρθὰς δὲ γωνίας ἦχθω αὐτῇ ἐν τῷ τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπιπέδῳ ἡ «ΓΚΖΝ, παράλληλος δηλονότι γινομένη τῇ κοινῇ τομῇ τοῦ τε ὀρίζοντος «καὶ τοῦ μεσημβρινοῦ.
- 637 » ἂν γὰρ νοήσωμεν διὰ τοῦ Ε τὴν κοινὴν τομὴν τοῦ τε ὀρίζοντος καὶ τοῦ μεσημβρινοῦ διαγομένην, ὡς τὴν ΞΕΟ, ἔσται πρὸς ὀρθὰς τῇ ΑΕΓ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν, ἐπεὶ καὶ τεταρτημορίου γίνεται ἑκατέρα τῶν ΑΞ, ΑΟ, διὰ τὸ πόλον εἶναι, ὡς ἔφαμεν, τοῦ ὀρίζοντος τὸ Α σημεῖον, διήκται δὲ καὶ ἡ ΓΚΖΝ τῇ ΑΕΓ πρὸς ὀρθὰς. Παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ ΓΚΖΝ τῇ ΞΕΟ κοινῇ τομῇ τοῦ τε ὀρίζοντος καὶ τοῦ μεσημβρινοῦ. Ὡστε ἡ ΓΚΖΝ ἐν τῷ παρὰ τὸν ὀρίζοντὰ ἐστὶν ἐπιπέδῳ, ἐφ' ἣν κατὰ τὸ μέσον τῆς ἡμέρας, τουτέστιν κατὰ τὴν ἕκτην ὥραν, αἱ σκιαὶ τῶν γνωμόνων πίπτουσιν, διὰ τὸ καὶ τὸν ἥλιον καὶ τὸν γνῶμονα ἐν τῷ τοῦ μεσημβρινοῦ εἶναι ἐπιπέδῳ, δηλαδὴ καὶ τὴν ἀκτῖνα καὶ τὴν σκιάν. ΣΚαὶ ἐπεὶ ὅλη ἡ γῆ σημείου καὶ κέντρου λόγον ἔχει πρὸς αἴσθησιν πρὸς τὸ μέχρις τῆς τοῦ ἡλίου σφαίρας ἀπόστημα, καθὼς καὶ οἱ γνωμονικοὶ παραλαμβάνοντες οὐδενὶ αἰσθητῷ διαφωνοῦσιν ταῖς διὰ τῶν ὀργάνων ὠροσκοπήσεσιν ἐν τοῖς φαινομένοις, ἀκολούθως ἂν εἴη καὶ τὸ Ε κέντρον ἀδιαφορεῖν τῆς τοῦ γνῶμονος κορυφῆς. Ἐπεὶ καὶ τοῦτο σημεῖον τυγχάνει, νοεῖσθω οὖν γνῶμων μὲν ὁ ΓΕ, ὥστε ῥίζαν μὲν αὐτοῦ ἐν τῷ παρὰ τὸν ὀρίζοντα ἐπιπέδῳ τυγχάνειν τὸ Γ ἄκρον δὲ τὸ Ε, ἡ δὲ ΓΚΖΝ ἐφ' ἣν κατὰ τὸ μέσον τῆς ἡμέρας αἱ σκιαὶ πίπτουσι. καὶ διὰ τὸ τὸ διὰ Ῥόδου πάλιν κλίμα ὑποκείσθαι, ἔνθα τὸ ἕξαρμα μοιρῶν ἐστὶν λς, δῆλον ὡς ὅτι ἡ μὲν ΑΒ ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸν ἰσημερινὸν ἴση οὖσα τῷ ἐξάρματι μοιρῶν ἐστὶν λς, ταύτης δὲ ἐλάττων ἐστὶν ἡ ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τὸ τροπικὸν δεδειγμένη μοιρῶν κγ να <κ>, ὥστε τὸ θερινὸν τροπικὸν μεταξὺ πίπτει τῶν Β καὶ Α σημείων.
- 638 ἔστω δὲ τὸ Η. δῆλον δὲ ὅτι καὶ τὸ χειμερινὸν τροπικὸν ἐπὶ τὰ ἕτερα μέρη τοῦ ἰσημερινοῦ πίπτει· πιπτέτω ὡς κατὰ τὸ Λ. Γνῶμονος οὖν ὄντος τοῦ ΓΕ καὶ κορυφῆς αὐτοῦ τοῦ Ε, δῆλον ὅτι ὁ ἥλιος κατ' εὐθείας γραμμὰς πέμπων τὰς ἀκτῖνας (καὶ τοῦτο γὰρ σύμφωνον τοῖς φαινομένοις καταλαμβάνεται) κατὰ τοῦ μεσημβρινοῦ γινόμενος ὡς ἐπὶ τὸ Η θερινὸν τροπικὸν ἀκτῖνα μὲν πέμπει τὴν ΗΕΘΚ, ἣν φαμεν θερινήν, σκιὰν δὲ ποιήσει ἐν τῷ παρὰ τὸν ὀρίζοντα ἐπιπέδῳ τὴν ΓΚ. Ἐπὶ δὲ * τοῦ Β ἰσημερινοῦ γινόμενος, πέμπει ὁμοίως ἀκτῖνα μὲν τὴν ΒΕΔΖ, ἣν φαμεν ἰσημερινήν, σκιὰν δὲ ποιήσει τὴν ΓΖ. Ἐτι δὲ ὁμοίως καὶ ἐπὶ τοῦ Λ χειμερινοῦ τροπικοῦ γενόμενος, ἀκτῖνα μὲν πέμπει τὴν ΛΕΜΝ, ἣν φαμεν πάλιν χειμερινήν, σκιὰν δὲ ποιήσει τὴν ΓΝ. Ἐσται οὖν θερινὴ μὲν τροπικὴ μεσημβρινὴ σκιά ἡ ΓΚ, ἰσημερινὴ δὲ μεσημβρινὴ ἡ ΓΖ, χειμερινὴ δὲ μεσημβρινὴ ἡ ΓΝ. Καὶ ἐπεὶ ἡ ΑΒ περιφέρεια ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸν

ἰσημερινόν, ἥ καὶ τὴν ἴσην ἐξῆρται ὁ βόρειος πόλος ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος, ἴση ἐστὶν τῇ ΓΔ περιφερείᾳ, ἔστιν ἄρα ἡ ΓΔ μοιρῶν λς, οἶων ὁ ΑΒΓΔ μεσημβρινὸς μοιρῶν τξ. ἔστιν δὲ καὶ ἑκατέρα τῶν ΘΔ καὶ ΔΜ ἴσαι πάλιν οὔσαι ταῖς ΗΒ, ΒΛ ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τοὺς τροπικοὺς μοιρῶν κγ να κ. φανερόν οὖν ὅτι καὶ λοιπὴ ἡ ΓΘ περιφέρεια καταλειφθήσεται μοιρῶν ιβ η μ, ὅλη δὲ ἡ ΓΜ νθ να κ. Ὡστε καὶ αἱ ἐπ’ αὐτῶν γωνίαι πρὸς τῷ κέντρῳ λαμβανόμεναι τῶν αὐτῶν ἔσσονται, «οἶων αἱ δ’ ὀρθαὶ τξ, ἡ μὲν ὑπὸ ΓΕΚ ιβ η μ, ἡ δὲ ὑπὸ «ΓΕΖ λς, ἡ δὲ ὑπὸ ΓΕΝ νθ να κ· οἶων δὲ αἱ β’ ὀρθαὶ τξ, τοιούτων «ἡ μὲν ὑπὸ ΓΕΚ κδ ιζ κ, ἡ δὲ ὑπὸ ΓΕΖ τῶν αὐτῶν οβ, ἡ δὲ ὑπὸ ΓΕΝ «ὁμοίως ριθ μβ μ. «Καὶ τῶν γραφομένων ἄρα κύκλων περὶ τὰ ΕΓΚ, ΕΓΖ καὶ ΕΓΝ ὀρθογώνια, ἡ μὲν» ὡς πρὸς τὸ ΕΓΚ τρίγωνον ἐπὶ τῆς ΓΚ εὐθείας περιφέρεια τοιούτων ἔσται κδ ιζ κ, οἶων ὁ περὶ τὸ ΕΓΚ ὀρθογώνιον κύκλος τξ· λοιπὴ δὲ ἡ ἐπὶ τῆς ΓΕ εὐθείας περιφέρεια λείπουσα εἰς τὸ ἡμικύκλιον διὰ τὸ ὀρθὴν εἶναι τὴν πρὸς τῷ Γ τῶν λοιπῶν ἔσται εἰς τὰς ρπ μοίρας ρνε μβ μ.

639 Ὡς δὲ πρὸς τὸ ΕΓΖ ὀρθογώνιον, ἡ μὲν ἐπὶ τῆς ΓΖ εὐθείας περιφέρεια τοιούτων ἔσται οβ οἶων πάλιν ὁ περὶ τὸ ΕΓΖ ὀρθογώνιον κύκλος τξ, λοιπὴ δὲ πάλιν ἡ ἐπὶ τῆς ΓΕ λείπουσα εἰς τὰς ρπ μοίρας τοῦ ἡμικυκλίου μοιρῶν ἔσται ρη. Ἔτι δὲ ὡς πρὸς τὸ ΕΓΝ τρίγωνον, ἡ μὲν ἐπὶ τῆς ΓΝ εὐθείας περιφέρεια τοιούτων ἔσται ριθ μβ μ οἶων ὁ περὶ τὸ ΕΓΝ ὀρθογώνιον κύκλος τξ, καὶ λοιπὴ δὲ πάλιν ἡ ἐπὶ τῆς ΓΕ λείπουσα εἰς τὰς ρπ τοῦ ἡμικυκλίου μοιρῶν ἔσται ξ ιζ κ. «Ὡστε καὶ τῶν ὑπ’ αὐτὰς εὐθειῶν ἡ ΓΕ συνάγεται» κοινὴ οὔσα τῶν τριῶν τριγώνων, «οἶων μὲν ἡ ΓΚ κε ιδ μγ» (ἡ γὰρ τηλικαύτη εὐθεῖα ὑποτείνει τὴν ἐπὶ τῆς ΓΚ εἰρημένην περιφέρειαν μοιρῶν οὔσαν κδ ιζ κ) τοιούτων ἡ ΓΕ ριζ ιη να (ἡ γὰρ τηλικαύτη πάλιν εὐθεῖα ὑποτείνει τὴν ἐπὶ τῇ εἰρημένῃ περιφερείᾳ μοιρῶν ρνε μβ μ). Ὅμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τοῦ ΕΓΖ τριγώνου λαβὼν τὰς εὐθείας τὰς ὑποτείνουσας τὰς ἐπὶ τῶν ΓΖ καὶ ΓΕ περιφερείας, τουτέστιν αὐτὰς τὰς ΖΓ, ΓΕ εὐθείας, ἐξέθετο τὴν μὲν ΖΓ ο λβ δ, τὴν δὲ ΕΓ ρζ δ νς. Ἔτι ὁμοίως καὶ τὰς ἐπὶ τοῦ ΕΓΝ τριγώνου, τὴν μὲν ΝΓ ργ μς ις, τὴν δὲ ΓΕ ξ ιε μβ. «Καὶ οἶων ἄρα ὁ ΕΓ γνώμωνξ, τοιούτων καὶ ἡ μὲν ΓΚ θερινὴ σκιὰ «συναχθήσεται ιβ νε, ἡ δὲ ΓΖ ἰσημερινὴ μγ λς, ἡ δὲ ΓΝ χειμερινὴ «ργ κ[γ] ἔγγιστα.» §Πεποίηται δὲ τὴν μεταγωγὴν τῶν λόγων εἰς τὸν ξ διὰ τὸ πρόχειρον· ἐπειδὴ περ καθ’ ἑκάστην τῶν ΓΚ, ΓΖ, ΓΝ σκιῶν διάφορον ἠΰρισκεν τὸ τῆς ΓΕ μέγεθος τοῦ γνώμονος, μετείληφεν δὲ τοὺς λόγους, ὡς ἔφαμεν, εἰς τὸν ξ, ἵνα ἐν ἐνὶ μεγέθει τοῦ γνώμονος ἐκκειμένους ἔχη τοὺς λόγους.

640 Οἷον ἐπεὶ γὰρ ἠΰρισκεν οἶων ἡ ΓΕ τοῦ γνώμονος μοιρῶν ριζ ιη να τοιούτων τὴν ΓΚ εὐθεῖαν κε ιδ μγ, καὶ οἶων ἄρα ἡ ΓΕ εὐθεῖα τοῦ γνώμονος ξ τοιούτων ἔσται καὶ ἡ ΓΚ τῆς θερινῆς σκιᾶς ιβ νε. ἂν γὰρ πολλαπλασιάσωμεν τὰ ξ ἐπὶ τὰ κε ιδ μγ, καὶ τὰ γενόμενα μερίσωμεν παρὰ τὸν ριζ ιη να, εὐρήσομεν τέταρτον ἀνάλογον ιβ νε, καὶ γίνεται ὡς ριζ ιη να πρὸς κε ιδ μγ οὕτως ξ πρὸς ιβ νε. ἔσται ἄρα λόγος ὁ τοῦ γνώμονος πρὸς τὴν ἀφ’ ἑαυτοῦ σκιάν ἐν τῇ θερινῇ τροπῇ ἐν αὐτῇ τῇ μεσημβρίᾳ ὁ τῶν ξ πρὸς τὰ ιβ νε. Ὅμοίως δὲ πάλιν ἐπεὶ οἶων ἐστὶν ὁ ΕΓ γνώμων ρζ δ νς τοιούτων καὶ ἡ ΓΖ ἰσημερινὴ σκιὰ ἐδείχθη ο λβ δ, καὶ οἶων ἄρα ὁ ΕΓ γνώμων ξ τοιούτων καταλημφθήσεται καὶ ἡ ΓΖ ἰσημερινὴ σκιὰ μγ λς. Καὶ ἐπεὶ πάλιν οἶων ὁ ΕΓ γνώμων ἐστὶν ξ ιε μβ, τοιούτων ἡ ΓΝ χειμερινὴ σκιὰ ργ μς ις, καὶ οἶων ἄρα ὁ ΕΓ γνώμων ξ τοιούτων πάλιν καταλημφθήσεται καὶ ἡ ΓΝ χειμερινὴ μεσημβρινὴ σκιὰ ργ κ ἔγγιστα πολλαπλασιαζόντων ἡμῶν καὶ μεριζόντων πρὸς τὴν λῆμψιν τοῦ τετάρτου ἀνάλογον, καὶ ἐπὶ τῶν δύο τούτων λόγων ἀκολουθῶς τῷ πρώτῳ τοῦ γνώμονος πρὸς τὴν θερινὴν μεσημβρινὴν σκιάν λόγῳ. §Ἐφησεν δὲ οἶων ὁ κύκλος τξ τοιούτων καὶ τὴν ἀπολαμβανομένην περιφέρειαν, τοσῶν δὲ καὶ τὴν ἐπ’ αὐτὴν γωνίαν πρὸς τῷ κέντρῳ τυγχάνουσας τῶν αὐτῶν οἶων αἱ δ’ ὀρθαὶ τξ, πρὸς δὲ τῇ περιφερείᾳ οἶων αἱ δύο ὀρθαὶ τξ τῶν διπλασίων· διὰ τὸ τὰς πρὸς τῷ κέντρῳ καὶ τὰς πρὸς ταῖς περιφερείαις γωνίας τὸν αὐτὸν λόγον ἔχειν ταῖς περιφερείαις ἐφ’ ὧν βεβήκασι, καὶ πρὸς μὲν τῷ κέντρῳ τὸν κύκλον ὑποτείνειν δ’ ὀρθὰς πρὸς δὲ τῇ περιφερείᾳ δύο.

Σ'Εὰν γὰρ ἐκθέμενοι κύκλον ὡς τὸν ΑΒΓΔ περὶ κέντρον τὸ Ε, διαγάγωμεν ἐν αὐτῷ δύο διαμέτρους πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις ὡς τὰς ΑΓ, ΒΔ, καὶ διέλωμεν τὴν ΓΔ περιφέρειαν εἰς ρ ἴσα, καὶ ἀπὸ τοῦ Ε κέντρου ἐπὶ τὰ τῶν διαιρέσεων σημεῖα ἐπιζεύξωμεν εὐθείας, ἔσται καὶ ἡ ὑπὸ ΓΕΔ ὀρθὴ γωνία εἰς ρ ἴσας γωνίας διηρημένη. καὶ ἔσται οἷων μὲν ὁ κύκλος τξ τοιούτων ἡ ΓΔ ρ, διὰ τὸ τεταρτημόριον τυγχάνειν· οἷων * δὲ αἱ πρὸς τῷ Ε κέντρῳ γωνίαὶ δ ὀρθαὶ τξ τοιούτων ἡ ὑπὸ ΓΕΔ γωνία ρ, διὰ τὸ ὀρθὴν αὐτὴν τυγχάνειν. Ἐὰν δὲ πάλιν ἐπιζεύξαντες τὰς ΑΒ, ΑΔ διέλωμεν καὶ τὴν ΒΓΔ περιφέρειαν ἡμικυκλίου τυγχάνουσιν εἰς ρπ, καὶ ἀπὸ τοῦ Α σημείου ἐπὶ τὰ τῆς ΒΓΔ περιφερείας ρπ τμήματα ἐπιζεύξωμεν εὐθείας, ἔσται ὁμοίως καὶ ἡ ὑπὸ ΒΑΔ ὀρθὴ γωνία διηρημένη εἰς ἴσας γωνίας ρπ. καὶ ἔσται πάλιν οἷων ὁ κύκλος τξ, τοιούτων ἡ ΒΓΔ περιφέρεια ρπ, καὶ ἔτι ἡ ὑπὸ ΒΑΔ ὀρθὴ γωνία ρπ, οἷων αἱ δύο ὀρθαὶ τξ διὰ τό, ὡς ἔφαμεν, πρὸς τῇ περιφερείᾳ τὰς δύο ὀρθὰς ὑποτείνειν ὅλον τὸν κύκλον, πρὸς δὲ τῷ κέντρῳ δ, ἐπεὶ καὶ αἱ πρὸς τῷ κέντρῳ γωνίαὶ διπλασίονές εἰσιν τῶν πρὸς τῇ περιφερείᾳ ὅταν τὴν αὐτὴν περιφέρειαν βάσιν ἔχωσιν αἱ γωνίαὶ. Σδῆλον δὴ καὶ καθόλου ὅτι ὅσων ἐὰν ᾖ τμημάτων ἡ ἀπολαμβανομένη περιφέρεια οἷων ὁ κύκλος τξ, τοσούτων ἔσται καὶ ἡ μὲν πρὸς τῷ κέντρῳ γωνία οἷων αἱ δ ὀρθαὶ τξ, ἡ δὲ πρὸς τῇ περιφερείᾳ τῶν διπλασιόνων, οἷων αἱ β ὀρθαὶ τξ, ἐπειδὴ περ ἐὰν ἀπολαβόντες τὴν ΓΖ τυχοῦσαν, ἐπιζεύξωμεν ἀπὸ τῶν Ε καὶ Α σημείων τὰς ΕΖ, ΑΖ, καὶ ἔτι ἐπὶ τὰ μεταξὺ τῶν τῆς ΓΖ διαιρέσεως τοῦ κύκλου σημείων ἐπιζεύξωμεν εὐθείας, ἔσται ἡ μὲν ὑπὸ ΓΕΖ γωνία διηρημένη εἰς τηλικαύτας γωνίας <ἴσας> τῷ πλήθει τῶν ἀπὸ τῆς ΓΖ διαιρέσεως, ἡλίκων ἔσται ἡ ὑπὸ ΓΕΔ πρὸς τῷ κέντρῳ ὀρθὴ γωνία ρ· ἡ δὲ ὑπὸ ΓΑΖ ἡμίσεια οὔσα τῆς ὑπὸ ΓΕΖ εἰς τηλικαύτας ἴσας τῷ πλήθει τῶν πρὸς τῷ Ε κέντρῳ, ἡλίκων ἂν εἴη ἡ ὑπὸ ΒΑΔ ὀρθὴ γωνία ρπ.

643 Ὡστε ἡ ἴση τῇ ὑπὸ ΓΕΖ πρὸς τῇ περιφερείᾳ συνισταμένη τῶν διπλασιόνων ἐστὶν τῶν τῷ πλήθει τῶν πρὸς τῷ κέντρῳ συνισταμένων. Ἀλλ' αἱ μὲν πρὸς τῷ κέντρῳ τηλικαῦταί εἰσιν ἡλίκων ὡς ἔφαμεν ἡ α ὀρθὴ ρ ἢ αἱ δ ὀρθαὶ τξ, ἡ δὲ πρὸς τῇ περιφερείᾳ ἡλίκων ἡ α ὀρθὴ ρπ ἢ αἱ δύο ὀρθαὶ τξ. Σ'Επεὶ οὖν, παραλαμβάνων τὴν τοῦ ἑξάρματος περιφέρειαν καὶ τὴν μεταξὺ τῶν τροπικῶν, ἀπεδείκνυνεν τοὺς εἰρημένους λόγους τοῦ γνώμονος πρὸς τὰς σκιάς, φησὶν ὅτι, καὶ ἀνάπαλιν, «κἂν δύο μόνοι λόγοι δοθῶσιν ... τοῦ «γνώμονος πρὸς τὰς σκιάς» οἷον ἢ τε πρὸς τὴν θερινὴν καὶ τὴν ἰσημερινὴν ἢ τὴν θερινὴν καὶ τὴν χειμερινὴν ἢ τὴν ἰσημερινὴν καὶ τὴν χειμερινήν, δοθήσεται ἡμῖν καὶ τὸ ἑξάρμα καὶ ἡ μεταξὺ τῶν τροπικῶν. Εἴτα καὶ τὴν αἰτίαν ἐπάγων δι' ἣν δίδονται, φησὶν· «... ἐπειδὴ περ καὶ δύο «δοθεισῶν ὁποιωνοῦν πρὸς τῷ Ε γωνιῶν δίδονται καὶ ἡ λοιπὴ ...». ἔτι δὲ πάλιν καὶ ἐνταῦθα τὴν αἰτίαν προστίθησιν δι' ὃ καὶ δίδονται αἱ λοιπαὶ καὶ φησιν πάλιν· διὰ «τὸ ἴσας εἶναι τὰς ΘΔ καὶ ΔΜ» ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τὰ τροπικά. Ἔστω γὰρ ὡς ἐπὶ τῆς ἐπάνω καταγραφῆς δοθεὶς πρῶτος λόγος τοῦ τε ΓΕ γνώμονος πρὸς τὴν ΓΚ θερινὴν σκιάν καὶ τὴν ΓΖ ἰσημερινήν, καὶ δεόν ἔστω εὐρεῖν τό τε ἑξάρμα τῆς οἰκήσεως καὶ τὴν μεταξὺ τῶν τροπικῶν.

644 Ἐπεὶ οὖν ἐν τῷ ὑποκειμένῳ διὰ Ῥόδου κλίματι ἐδείχθη οἷων ὁ ΓΕ γνώμων ξ τοιούτων ἡ ΓΚ θερινὴ σκιά ιβ νε, καὶ ἔστιν τὰ ἀπὸ τῶν ΕΓ, ΓΚ ἴσα τῷ ἀπὸ τῆς ΕΚ, ἐὰν ἄρα τὰ , γχ τοῦ ἀπὸ τῆς ΕΓ συνθῶμεν μετὰ τῶν γινομένων ἀπὸ τῆς ΓΚ ρξς ν, καὶ τῶν συναγομένων , γψξς ν πλευρὰν λάβωμεν τετραγωνικήν, γίνεται ξα κβ λα. ἔσται ἡ ΕΚ ξα κβ λα οἷων ἡ ΚΓ ιβ νε.

645 καὶ οἷων ἄρα ἡ ΕΚ ρκ, τοιούτων ἔσται καὶ ἡ ΓΚ κε ιε ις. Καὶ ἐὰν γράψωμεν περὶ τὸ ΕΓΚ ὀρθογώνιον κύκλον, εὐρήσομεν καὶ τὴν ἐπὶ τῆς ΓΚ εὐθείας περιφέρειαν μοιρῶν κδ ιζ κ. Ὡστε καὶ ἡ ὑπὸ ΓΕΚ γωνία, πρὸς τῇ περιφερείᾳ οὔσα τοῦ περιγεγραφομένου κύκλου, τοιούτων ἔσται κδ ιζ κ οἷων αἱ δύο ὀρθαὶ τξ, οἷων δὲ αἱ δ, ὡς πρὸς τῷ κέντρῳ τυγχάνουσα τοῦ ΑΒΓΔ μεσημβρινοῦ, ιβ η μ. καὶ αὐτὴ ἄρα ἡ ΓΘ περιφέρεια ἔσται ιβ η μ. Ὁμοίως ἐπεὶ οἷων ὁ ΓΕ γνώμων ξ τοιούτων ἐδείκνυτο καὶ ἡ ΓΖ ἰσημερινὴ σκιά μγ λς, ἐὰν πάλιν συνάγωμεν τὰ ἀπ' αὐτῶν, εὐρήσομεν τὸ ἀπὸ τῆς ΕΖ καὶ αὐτὴν τὴν ΕΖ δεδομένην. Καὶ οἷων ἄρα ἡ ΕΖ ρκ, δοθήσεται καὶ ἡ ΓΖ, καὶ ἡ ἐπ'

αὐτῆς περιφέρεια τοῦ γραφομένου κύκλου περὶ τὸ ΕΓΖ ὀρθογώνιον. ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΓΕΖ γωνία δοθήσεται, ὡς πρὸς περιφερίᾳ τοῦ αὐτοῦ γραφέντος κύκλου περὶ τὸ ΕΓΖ ὀρθογώνιον· ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΓΕΖ γωνία οἶων αἱ δύο ὀρθαί· ὡς δὲ πρὸς τῷ Ε κέντρῳ τοῦ μεσημβρινοῦ οἶων αἱ δύο ὀρθαί. ὥστε καὶ ἡ ΓΔ περιφέρεια συναχθήσεται ἴση οὔσα τῷ ἐξάρματι· ἔστιν γὰρ ἀπὸ τοῦ Γ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸ Δ ἰσημερινόν. Ἡϋρηται δὲ καὶ ἡ ΓΘ ἰβ η μ· καὶ λοιπὴν ἄρα ἔχομεν τὴν ΔΘ, ἥτις ἔστιν ἀπὸ τοῦ τροπικοῦ ἐπὶ τὸν ἰσημερινὸν μοιρῶν κγ να κ. Ἰση δὲ ἡ ΔΘ τῇ ΔΜ. ὥστε καὶ ὅλην τὴν ΘΜ ἀπὸ τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ ἐπὶ τὸ χειμερινὸν μεταξὺ τῶν τροπικῶν περιφέρειαν ἐσόμεθα ἠϋρηκότες μοιρῶν μζ μβ μ, ἅπερ προέκειτο εὑρεῖν. Πάλιν δὲ ἔστωσαν ἕτεροι δύο λόγοι δοθέντες, τουτέστιν ὁ τε τοῦ ΓΕ γνῶμονος πρὸς τὴν ΓΚ θερινὴν σκιὰν καὶ τὴν ΓΝ χειμερινήν· καὶ διὰ τὸ δεδῶσθαι τὸν λόγον τοῦ ΕΓ γνῶμονος πρὸς τὴν ΓΚ, δοθήσεται ὁμοίως ἡ ΓΘ περιφέρεια. Ἔτι δὲ καὶ ἐπεὶ δέδοται ὁ λόγος τῆς ΓΕ πρὸς τὴν ΓΝ, ἐὰν πάλιν συνθῶμεν τὰ ἀπ' αὐτῶν, εὑρήσομεν τὸ ἀπὸ τῆς ΕΝ, καὶ αὐτὴν τὴν ΕΝ, οἶων ἡ ΝΓ. καὶ οἶων ἄρα ἡ ΕΝ ρκ, τοιούτων καὶ ἡ ΓΝ ἔσται δοθεῖσα, καὶ ἡ ἐπ' αὐτῆς περι * φέρεια.

646 ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΓΕΝ γωνία, οἶων αἱ δύο ὀρθαί, καὶ οἶων αἱ τέσσαρες ἔσται δεδομένη. Καὶ διὰ τοῦτο καὶ ἡ ΓΜ περιφέρεια δοθήσεται. δέδοται δὲ καὶ ἡ ΓΘ. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΘΜ μεταξὺ τῶν τροπικῶν ἔσται δοθεῖσα, ὥστε καὶ ἡ ἡμίσεια αὐτῆς ἡ ΘΔ. Ἦν δὲ καὶ ἡ ΓΘ δεδομένη· καὶ ὅλη ἄρα ἡ ΓΔ ἴση οὔσα τῇ τοῦ ἐξάρματος ἔσται δεδομένη, ἅπερ προέκειτο δεῖξαι. Δεδόσθω δὲ πάλιν, ὅπερ ὑπολείπεται, ὁ τοῦ ΓΕ γνῶμονος λόγος πρὸς ἐκατέραν τὴν τε ΓΖ ἰσημερινὴν σκιάν, καὶ τὴν ΓΝ χειμερινήν. Καὶ διὰ τὸ δεδῶσθαι τὸν τῆς ΕΓ πρὸς ΓΖ λόγον, ἀκολουθῶς πάλιν εὑρήσομεν τὴν τε ΓΔ τοῦ ἐξάρματος. Καὶ ἔτι διὰ τὸ δεδῶσθαι τὸν τῆς ΕΓ πρὸς ΓΝ λόγον, ὁμοίως δοθήσεται ἡ ΓΜ. Καὶ ἐπεὶ δέδοται ἡ ΓΔ τοῦ ἐξάρματος, δέδοται δὲ καὶ ἡ ΓΜ, καὶ λοιπὴ ἡ ΔΜ δοθήσεται, ὥστε καὶ ἡ ἴση αὐτῆς ἡ ΔΘ ἔσται δεδομένη, καὶ ὅλη ἡ ΘΜ μεταξὺ τῶν τροπικῶν, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Μεταλαμβανόμενα δὲ τὰ μεγέθη τῶν εὐθειῶν οἶων ἡ διάμετρος ρκ, διὰ τὸ καὶ τὰς ἐν κύκλῳ εὐθείας οὕτως ἐκτεθεῖσθαι. Σείτα ἐπεὶ ἐδίδασκεν ἡμᾶς πῶς ἂν ἐκ τηρήσεως ἔχοντες τὴν τε τοῦ ἐξάρματος περιφέρειαν καὶ τὴν μεταξὺ τῶν τροπικῶν εὐρίσκωμεν τοὺς εἰρημένους λόγους τῶν γνωμόνων πρὸς τὰς σκιάς καὶ τὸ ἀνάπαλιν, πῶς πάλιν ἐκ τηρήσεως λαμβάνοντες τοὺς λόγους τοῦ γνῶμονος πρὸς τὰς σκιάς εὐρίσκωμεν τὴν τε τοῦ ἐξάρματος περιφέρειαν καὶ τὴν μεταξὺ τῶν τροπικῶν, ἐξῆς ἐρεῖ τί μᾶλλον δύοι πρὸς ἀκριβεστέραν κατάλημψιν ἐκ τῶν τηρήσεων παραλαμβάνοντα τὸ ἕτερον δεικνύναι.

647 καὶ φησιν «τοῦ μέντοι περὶ τὰς τηρήσεις αὐτὰς ἀκριβοῦς ἔνεκεν, ἐκεῖνα μὲν ἀδιστακτικῶς ἂν λαμβάνοιτο καθ' «ὃν ὑπεδείξαμεν τρόπον.» Ἐκ μέντοι τῶν τηρήσεων ἀκριβέστερον λαμβάνεται ἢ τε μεταξὺ τῶν τροπικῶν καὶ τὸ ἔξαρμα διὰ τῶν εἰς τὸ πρῶτον βιβλίον δεδειγμένων ὀργάνων τῶν τε κρίκων καὶ τῆς πλινθίδος. «Οἱ δὲ τῶν ἐκκειμένων σκιῶν πρὸς τοὺς γνῶμονας λόγοι οὐχ ὁμοίως, διὰ «τὸ τῶν μὲν ἰσημερινῶν τὸν χρόνον ἀόριστόν πως καθ' αὐτὸν εἶναι, τῶν δὲ «τροπικῶν τὰ τῶν γνωμόνων ἄκρα δυσδιάκριτα.» Εὐρίσκομεν γὰρ ἐπὶ μὲν τῶν ἰσημερινῶν τὰς σκιάς τῶν γνωμόνων εὐλήμπτους ἡμῖν γινομένας, διὰ τὸ μήτε πάνυ αὐτὰς παρεκτεινομένας καθάπερ ἐν ταῖς χειμεριναῖς τροπαῖς, μήτε σφόδρα συστελλομένας καθάπερ ἐν ταῖς θεριναῖς, δυσδιάκριτα ἔχειν τὰ πέρατα, τὸν δὲ χρόνον οὐκέτι, διὰ τὸ ἀκαριαῖόν τινα αὐτὸν εἶναι, τοῦ ἡλίου ταχέως ἀφισταμένου ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ, διὰ τὸ καὶ τὰς πρὸς τοῖς ἰσημερινοῖς λοξώσεις μείζουσιν διαφοραῖς παρηυξηθῆναι· καὶ διὰ τοῦτο, ταχέως αὐτοῦ ἀφισταμένου ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ, ἅμα τῷ γενέσθαι τὴν ἰσημερίαν, καὶ τὸ μέγεθος τῆς σκιάς ἀμείβεσθαι. διὸ οὐδὲ ἀκριβέστερόν ἐστιν λαβεῖν τὸν λόγον. Ἐπὶ δὲ τῶν τροπικῶν εὐρίσκομεν πάλιν τὸν μὲν χρόνον καθ' ὃν δεῖ τὸν λόγον λαβεῖν εὐληπτον ἡμῖν γινόμενον, διὰ τὸ καὶ ἐπὶ πολὺ τοῦ ἡλίου μηδενὶ αἰσθητῷ λοξουμένου, τὸν αὐτὸν λόγον μένειν τοῦ γνῶμονος πρὸς τὰς σκιάς· τὰ δὲ ἄκρα τῶν σκιῶν καθ' ὃν εἰρήκαμεν τρόπον δυσδιάκριτα.

648 ὥς διὰ τοῦτο πάλιν μὴ δύνασθαι ἀκριβέστερον λαμβάνειν τὸν λόγον. Διὸ ἐπὶ μὲν τῶν ἰσημερινῶν τῷ χρόνῳ τὸ αἴτιον περιῆψεν, ἐπὶ δὲ τῶν τροπικῶν ταῖς σκιαῖς τῶν γνωμόνων. Δῆλον δὲ καὶ ὅτι, τῶν λόγων τοῦ γνώμονος πρὸς τὰς σκιάς μὴ ἀκριβῶς ἐκ τῶν τηρήσεων καταλαμβανομένων, οὐδὲ τὸ ἐκ τούτων κατὰ τὴν εἰρημένην ἀνάπαλιν δεῖξιν καταλαμβανόμενον ἕξαρμα, ἢ καὶ μεταξὺ τῶν τροπικῶν διάστημα ἀκριβῶς καταλημφθήσεται. Ἐκθεσις τῶν κατὰ παράλληλον ιδιωμάτων.

649 (1t) Σ'Αποδείξας ἔφ' οὗ ὑπέθετο διὰ Ῥόδου παραλλήλου τὰ καθολικώτερα τῶν ιδιωμάτων τῶν ὑπ' αὐτὸν οἰκήσεων, ταῦτα δ' ἐστὶν ὃν τρόπον δοθέντος τοῦ τῆς μεγίστης ἡμέρας μεγέθους καταλαμβάνεται τὸ ἕξαρμα τῶν ὑπ' αὐτὸν οἰκήσεων, καὶ τίσιν ὁ ἥλιος κατὰ κορυφὴν γίνεται πότε καὶ ποσάκις ἐν τῷ ἐνιαυσίῳ χρόνῳ, καὶ τίσιν οὐδόλως, καὶ τοὺς λόγους τῶν γνωμόνων πρὸς τὰς ἀφ' ἑαυτῶν σκιάς κατὰ τοὺς εἰρημένους χρόνους, φησὶν «τὸν αὐτὸν δὴ τρόπον» τοῖς ἀποδεδειγμένοις ἐπὶ τοῦ διὰ Ῥόδου παραλλήλου κατακολουθοῦντες ταῖς ἐφόδοις, εὐρήσομεν καὶ τὰ ἐπὶ τῶν ἄλλων εἰρημένα καθόλου ιδιώματα. ΣΠοιεῖται δὲ τὰς καταλήμψεις τῶν ιδιωμάτων διὰ τὸ καθολικώτερον ἐπὶ τῶν παραλλήλων, καὶ οὐχὶ ἐπὶ τῶν οἰκήσεων, καθάπερ ἐπὶ τοῦ διὰ Ῥόδου παραλλήλου, καὶ οὐχὶ ἐπὶ τῆς Ῥόδου, ἐπειδήπερ καὶ ὑπὸ τὸν παράλληλον πλείους εἰσὶν οἰκῆσεις τὰ αὐτὰ ιδιώματα περιέχουσαι, τουτέστιν τό τε αὐτὸ μέγεθος τῆς αὐτῆς μεγίστης ἡμέρας, καὶ τὸ αὐτὸ ἕξαρμα, καὶ τοὺς αὐτοὺς λόγους τῶν σκιῶν πρὸς τοὺς γνώμονας, καὶ ὁμοίως τὸ κατὰ κορυφὴν γίνεσθαι τὸν ἥλιον ἢ μὴ. ΣΚαὶ ἐπεὶ ἀπὸ τοῦ μεγέθους τῆς μεγίστης ἡμέρας λαμβάνων τὴν τοῦ ὀρίζοντος περιφέρειαν τὴν μεταξὺ τοῦ ἀνατέλλοντος καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐξῆς τὸ ἕξαρμα μετεχειρίζετο καὶ τὰ λοιπά, φησὶν τὰς ἀποδείξεις ποιεῖσθαι ἐπὶ τῶν ὑπὸ τοὺς παραλλήλους οἰκήσεων κατὰ τὴν παραύξησιν τοῦ τετάρτου τῆς μιᾶς ὥρας ἰσημερινῆς τῶν μεγίστων ἡμερῶν.

650 Ἐπὶ τούτων γὰρ τῶν ὑπεροχῶν καλῶς ἔχειν ἡγήσατο τοὺς ἐπιλογισμοὺς ποιήσασθαι, διὰ τὸ μήτε σφόδρα συνεχεῖς γίνεσθαι τοὺς παραλ * λήλους καὶ ἀνεπαισθήτους τῶν ιδιωμάτων τὰς διαφοράς, μηδὲ πάλιν ἄγαν ἅπ' ἀλλήλων ἀφεστάναι καὶ μείζονας ἀπεργάζεσθαι παρὰ τὰς ἐξ ἀναλόγου τοῖς χρόνοις τοῦ τετάρτου τῆς ὥρας ἐπιβαλλούσας. ΣΠοιεῖται οὖν τὰς εἰρημένας καθόλου δεῖξεις ἐπὶ τῶν εἰρημένων οἰκήσεων, ἥτοι τῶν δι' αὐτῶν παραλλήλων, τὴν ἀρχὴν ἀπὸ τοῦ ὑπ' αὐτὸν τὸν ἰσημερινὸν παραλλήλου ποιούμενος, τουτέστιν ἀπὸ τῆς ὀρθῆς σφαίρας. Εἴτα ἀρχόμενος τῶν τούτου ιδιωμάτων φησὶν· «ὅς ἀφορίζει μὲν» οὗτος τουτέστιν ὁ ἰσημερινὸς «τὸ πρὸς μεσημβρίαν μέρος» ἀπὸ «τοῦ ὅλου τε«ταρτημορίου ἔγγιστα τῆς καθ' ἡμᾶς οἰκουμένης». τὸ γὰρ δι' αὐτοῦ ἐπίπεδον χωρίζει τό τε νότιον τοῦ παντὸς ἡμισφαίριον ἀπὸ τοῦ βορείου ἐν ᾧ ἐστὶν ἡ καθ' ἡμᾶς οἰκουμένη. ἐδείχθη γὰρ αὕτη περιέχουσα τὸ ἕτερον τῶν βορειοτέρων τῆς γῆς ἔγγιστα τεταρτημόριον. Σ«Μόνος δὲ ἔχει τὰς ἡμέρας καὶ τὰς νύκτας ἴσας ἀλλήλαις» διὰ τὸ τὸν ὀρίζοντα διὰ τῶν πόλων ὄντα τῆς σφαίρας, οἵτινές εἰσιν καὶ τῶν παραλλήλων διχοτομεῖν τοὺς παραλλήλους καὶ ἡμικύκλια αὐτῶν ἀπολαμβάνειν ὑπὲρ γῆν καὶ ἡμικύκλια ὑπὸ γῆν, καὶ διὰ τοῦτο ἴσα καὶ ὅμοια γίνεσθαι τὰ ὑπὲρ γῆν τμήματα τῶν παραλλήλων τοῖς ὑπὸ γῆν δηλαδὴ καὶ ἰσοχρόνια «τοῦ τοιούτου μὴ συμβαίνοντος ἐπὶ μηδεμιᾶς τῶν ἐγκλίσεων», διὰ τὸ μηκέτι διὰ τῶν πόλων τῶν παραλλήλων γίνεσθαι τὸν ὀρίζοντα «ἀλλὰ «μόνου μὲν πάλιν τοῦ ἰσημερινοῦ» κατὰ πᾶσαν ἔγκλισιν «δίχα διαιρουμένου ὑπὸ τοῦ ὀρίζοντος, καὶ τὰς κατ' αὐτὸν ἡμέρας ταῖς νυξὶν ἴσας «ποιοῦντος πρὸς αἴσθησιν», ἐπεὶ καὶ μέγιστος ὢν τῶν παραλλήλων ὑπὸ μεγίστου τοῦ ὀρίζοντος, δίχα πάντοτε διαιρεῖται.

651 Σ τὸ δὲ «πρὸς αἴσθησιν» εἴρηται, διὰ τὴν τοῦ ἡλίου ἰδίαν κίνησιν. εἰ γὰρ καὶ ἐν τῇ ἡμέρᾳ καὶ τῇ νυκτὶ τὸ ἴσον ἀνωμάλως ἐκινεῖτο, ὅμως οὐδὲ ταῖς ἴσαις τοῦ διὰ μέσων ἴσαι τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπελαμβάνοντο μετὰ τὴν τῶν ἡμικυκλίων αὐτοῦ περιφορὰν, ὥς ἐν τοῖς ἐξῆς κατὰ τοὺς οἰκείους τόπους ἀποδείξομεν. Τῶν δὲ τῷ ἰσημερινῷ παραλλήλων «εἰς ἄνισα» κατὰ τὰς

ἐγκλίσεις «διαιρουμένων», καὶ τὴν καθ' ἡμᾶς βορειοτέραν οἰκουμένην, «τῶν μὲν «νοτιωτέρων τοῦ ἰσημερινοῦ παραλλήλων τὰ ὑπὲρ γῆν τμήματα τῶν ὑπὸ «γῆν ἐλάττονα» ποιούντων «καὶ τὰς ἡμέρας τῶν νυκτῶν βραχυτέρας, τῶν «δὲ βορειοτέρων ἀνάπαλιν τὰ ὑπὲρ γῆν» τῶν ὑπὸ γῆν «μείζονα, καὶ τὰς «ἡμέρας» τῶν νυκτῶν «πολυχροنيωτέρας», καθάπερ ἐν τῷ δευτέρῳ τῶν Σφαιρικῶν ἐδείχθη. ὅτι ἐὰν ἐν σφαίρᾳ μέγιστος κύκλος παραλλήλους τινὰς κύκλους μὴ διὰ τῶν πόλων τέμνῃ, (καθάπερ ὁ ὀρίζων ἐπὶ τῶν ἐγκλίσεων τοὺς παραλλήλους τῷ ἰσημερινῷ), τῶν ἀπολαμβανομένων τμημάτων ἐν ἐνὶ τῶν ἡμισφαιρίων, ἡμικυκλίων μὲν ἔσται μείζονα, ὅσα ἔστιν μεταξὺ τοῦ ἀεὶ φανεροῦ πόλου καὶ τοῦ μεγίστου τῶν παραλλήλων, τὰ δὲ λοιπὰ ἐλάσσονα.

652 καὶ πάλιν ὅτι ἐὰν ἐν σφαίρᾳ μέγιστος κύκλος παραλλήλους τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ μὴ διὰ τῶν πόλων τέμνῃ, μείζονες ἢ ὅμοιαι ἔσονται αἱ ἑγγιον τοῦ φανεροῦ πόλου τῶν ἀπώτερον. καὶ ἔστιν ἐπὶ τῆς καθ' ἡμᾶς βορειοτέρας οἰκουμένης ὁ βόρειος πόλος ἀεὶ φανερός. «Ἔστιν δὲ καὶ ἀμφίσκιος οὗτος ὁ παράλληλος, τοῦ ἡλίου δις κατὰ κορυφὴν τοῖς ὑπ' αὐτὸν γινομένου κατὰ τὰ τοῦ ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ λοξοῦ «κύκλου κοινὰ τμήματα.» κατὰ τούτων γὰρ γινόμενος ὁ ἥλιος γράφει ἐκ τῆς περιφορᾶς αὐτὸν τὸν ἰσημερινὸν πρὸς αἴσθησιν διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν τῶν ὑπ' αὐτὸν οἰκήσεων τυγχάνοντα. Ὡς δὲ πρὸς αἴσθησιν ἐνταῦθα ἡμῖν εἴρηται διὰ τὸ ἔλικας γράφειν τὸν ἥλιον, καὶ τότε μόνον ἡνίκα κατὰ τὰ εἰρημένα σημεῖα τυγχάνων κατὰ κορυφὴν γίνεται κατ' αὐτὴν τὴν μεσημβρίαν, καὶ συμβαίνει καὶ τοὺς γνώμονας ἀσκίους γίνεσθαι. Ὡς ἀμφίσκιος δὲ ἐκλήθη, διὰ τὸ καὶ ἐπὶ τὰ βόρεια καὶ τὰ νότια ἀποστέλλειν τὰς σκιάς, καὶ τοῦ μὲν ἡλίου τὸ βόρειον ἡμικύκλιον διαπορευομένου τὰς τῶν γνωμόνων σκιάς πρὸς μεσημβρίαν τρέπεσθαι, τὸ δὲ νότιον διαπορευομένου πρὸς ἄρκτους. Ὡς ἐὰν γὰρ νοήσωμεν μεσημβρινὸν μὲν κύκλον τὸν ΑΒΓΔ, ἰσημερινοῦ δὲ ἡμικύκλιον τὸ ΑΕΓ, τὸ δὲ κατὰ κορυφὴν σημεῖον τὸ Α καὶ ζωδιακὸν τὸν ΑΘΓΖ, κοινὴν δὲ τομὴν τῶν κύκλων καὶ διάμετρον αὐτῶν γινομένην τὴν ΑΗΓ εὐθεΐαν, κέντρον δὲ αὐτῶν καὶ τῆς σφαίρας τὸ Η, ὃ νοεῖσθω καὶ τοῦ γνώμονος κορυφή, ρίζης αὐτοῦ οὔσης ἐν τῷ παρὰ τὸν ὀρίζοντα ἐπιπέδῳ τοῦ Λ.

653 καὶ βόρειον μὲν τὸ ΑΖΓ ἡμικύκλιον, νότιον δὲ τὸ ΑΘΓ. Ὅταν ἄρα ὁ ἥλιος ἐπὶ τινος τμήματος τῶν ἐπὶ τοῦ ΑΖΓ βορείου ἡμικυκλίου παροδεύῃ, ὡς κατὰ τοῦ Ζ, δηλὸν ὡς ὅτι κατ' εὐθείας γραμμὰς καὶ κατὰ διάμετρον πέμπων τὰς ἀκτῖνας, ἐπὶ τὰ νότια αὐτὰς ἀποστέλλει ὡς τὴν ΖΗΚ, ἥτις δηλαδὴ καὶ νοτιωτέραν ποιήσει τὴν σκιὰν ἐν τῷ παρὰ τὸν ὀρίζοντα ἐπιπέδῳ, ὡς τὴν ΚΛ. καὶ ἐπὶ τοῦ νοτίου τυγχάνῃ, ὁμοίως πέμψει ἐπὶ τὰ βόρεια τὴν σκιάν. * «Καὶ ἔστιν ἐνταῦθα οἶων ὁ γνώμων, τοιούτων ἢ θερινῇ καὶ ἢ χειμῆρινῇ σκιά τμημάτων κς $\angle$ », ὡς ἐξῆς δειχθήσεται. Ὡς λέγομεν δὲ καὶ καθόλου τοὺς λόγους τῶν γνωμόνων πρὸς τὰς ἰσημερινὰς καὶ τροπικὰς σκιάς, τὰς γινομένας ἐν ταῖς μεσημβρίαις ταῖς πλησιαζούσαις τούτῳ τῷ χρόνῳ ἐν ᾧ ὁ ἥλιος ἐπὶ τῶν τροπικῶν ἢ ἰσημερινῶν σημείων παραγίνεται, διὰ τὸ σπανίως αὐτὸν κατ' αὐτὴν τὴν μεσημβρίαν τουτέστιν τὴν ὥραν ζ κατὰ τῶν εἰρημένων σημείων τυγχάνειν, ὡς καὶ μηδενὶ ἀξιολόγῳ αὐτῶν διαφερουσῶν τοῦ ὡς ἂν ἐν αὐτῇ τῇ μεσημβρίᾳ ἐτύγχανον ἀκριβῶς αἱ τροπαὶ καὶ αἱ ἰσημερίαι ἀποτελούμεναι, διὰ τὸ μηδὲ ἀξιολόγῳ τινὶ ἐν τῷ μεταξὺ χρόνῳ λοξοῦσθαι τὸν ἥλιον δηλαδὴ μηδὲ τὴν σκιὰν αἰσθητῶ τινι διάφορον γίνεσθαι.

654 «Τοῖς δὲ ὑπὸ τὸν ἰσημερινὸν οἰκοῦσιν κατὰ κορυφὴν γίνονται τῶν «ἀστέρων ὅσοι ἐπὶ τοῦ ἰσημερινοῦ ποιοῦνται τὰς περιφορὰς» εἴτε πλάνητες εἴτε καὶ ἀπλανεῖς, διὰ τὸ καὶ αὐτὸν τὸν ἰσημερινὸν διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν εἶναι, ὡς ἔφαμεν, τῶν ὑπ' αὐτὸν οἰκήσεων. «Πάντες δὲ καὶ ἀνατέλλοντες καὶ δύνοντες φαίνονται, διὰ τὸ τοὺς «πόλους τῆς σφαίρας ἐπὶ τοῦ ὀρίζοντος ὄντας μηδένα κύκλον ποιεῖν τῶν «παραλλήλων ἀεὶ φανερόν ἢ ἀεὶ ἀφανῆ, μηδὲ τῶν μεσημβρινῶν ὑπὸ τινος «ἀεὶ ἀφανοῦς κόλουρον γίνεσθαι.

655

» ὁ δὲ κύκλος ἀποτεμνόμενος μεσημβρινόν, καθάπερ καὶ τοὺς κῶνους ὧν ἀποτεμνόνται αἱ κορυφαὶ ὑπὸ κύκλων τινῶν κολούρους προσαγορεύομεν. ὅτι δὲ καὶ τοῖς ὑπὸ τὸν ἡμερινὸν οἰκοῦσιν ὁ γνῶμων πρὸς τὴν ἀφ' ἑαυτοῦ γιγνομένην σκιὰν ἐν τῇ μεσημβρίᾳ κατὰ τὴν χειμερινὴν καὶ τὴν θερινὴν τροπὴν λόγον ἔχει τὸν τῶν ξ πρὸς τὰς $\kappa\zeta$, οὕτως ἡμῖν ἔσται δῆλον. Ἐστω γὰρ μεσημβρινὸς κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, καὶ ἡμερινοῦ μὲν σημεῖον τὸ Α, ὃ γίνεται κατὰ κορυφὴν τῆς οἰκῆσεως, χειμερινοῦ δὲ τροπικοῦ τὸ Ζ, θερινοῦ δὲ τὸ Η. Φανερόν δὲ ὅτι καὶ ὅταν ὁ ἥλιος ἐπὶ τοῦ Α ἡμερινοῦ παραγεγένηται, ὅ ἐστιν, ὡς ἔφαμεν, καὶ κατὰ κορυφὴν, ἄσκιον ποιήσει τὸν ΕΓ γνῶμονα.

656 ὅταν δὲ κατὰ τὸ Ζ γένηται, ἀκτῖνα μὲν πέμψει τὴν ΖΕΘ, σκιὰν δὲ ποιήσει τὴν ΓΘ. ὅταν δὲ κατὰ τὸ Η γένηται, ἀκτῖνα πάλιν πέμψει τὴν ΗΕΚ, σκιὰν δὲ ποιήσει τὴν ΓΚ. ἐπεὶ οὖν ἡμερινὸν μὲν σημείον ἐστὶν τὸ Α, ἡ δὲ ἀπὸ τοῦ ἡμερινοῦ ἐπὶ τὸ τροπικὸν ἢ ΑΖ, ἔσται ἄρα ἡ ΑΖ μοιρῶν κγ να κ, καὶ ἡ ἴση αὐτῆς δηλονότι ἢ ΓΔ τῶν αὐτῶν ἐστὶν κγ να κ. ὥστε καὶ ἡ πρὸς τῷ Ε γωνία οἶων μὲν εἰσὶν αἱ δ ὀρθαὶ τξ τοιούτων ἐστὶν κγ να κ· οἶων δὲ αἱ δύο ὀρθαὶ τξ τοιούτων ἔσται μζ μβ μ. Ἐὰν ἄρα περὶ τὸ ΓΕΘ τρίγωνον ὀρθογώνιον κύκλον περιγράψωμεν ὡς τὸν ΕΓΘ, ἔσται καὶ ἡ ὑποτείνουσα τὴν πρὸς τῷ Ε γωνίαν, τουτέστιν ἡ ἐπὶ τῆς ΓΘ περιφέρειᾳ, μοιρῶν μζ μβ μ. ὥστε καὶ ἡ λείπουσα εἰς τὸ ἡμικύκλιον ἢ ἐπὶ τῆς ΓΕ περιφέρειᾳ μοιρῶν ἔσται ρλβ ιζ κ. καὶ τῶν ὑπ' αὐτὰς εὐθειῶν ἢ μὲν ΓΘ τμημάτων ἔσται μη λα νε, ἢ δὲ ΓΕ ρθ μδ νγ. Ἐπεὶ οὖν ὁ λόγος ἐστὶν τῆς ΕΓ πρὸς ΓΘ ὁ τῶν ρθ μδ νγ πρὸς τὰς μη λα νε, καὶ οἶων ἄρα ὁ ΕΓ γνῶμων ξ τοιούτων ἢ ΓΘ $\kappa\zeta$ ἔγγιστα, ἴση δὲ ἢ ΓΘ τῇ ΓΚ, καὶ ἢ ΓΚ ἄρα ἔσται τῶν αὐτῶν $\kappa\zeta$. Λόγος ἄρα τοῦ ΓΕ γνῶμονος πρὸς ἐκατέραν τῶν ΓΚ, ΓΘ τροπικῶν σκιῶν ὁ τῶν ξ πρὸς τὰς $\kappa\zeta$. Εἴτα εἰπὼν τὰ καθόλου ιδιώματα τῶν ὑπὸ τὸν ἡμερινὸν οἰκῆσεων, ἐν ᾗ ἡ μεγίστη ἡμέρα ὥρων ἐστὶν ἡμερινῶν ιβ, ἄρχεται ἐξῆς καὶ ἐπὶ τῶν ἐγκλίσεων περὶ τῶν αὐτῶν διαλαμβάνειν, καθὼς ἐπηγγείλατο, τετάρτῳ μιᾷς ὥρας ἡμερινῆς τὰς παραυξήσεις τῶν μεγίστων ἡμερῶν ποιούμενος, καὶ φησιν· ὁ δευτέρος γίνεται παράλληλος καθ' ὃν δὲ ἡ μεγίστη ἡμέρα ὥρων «ἐστὶν ἡμερινῶν ιβ δ'.

657 οὗτος δὲ ἀπέχει τοῦ ἡμερινοῦ μοίρας δ δ', «καὶ γράφεται διὰ Ταπροβάνης τῆς νήσου. ἔστιν δὲ καὶ αὐτὸς τῶν ἀμφισκίων, τοῦ ἡλίου πάλιν δις τοῖς ὑπ' αὐτὸν γινομένου κατὰ κορυφὴν «καὶ τοὺς γνῶμονας ἐν ταῖς μεσουρανήσεσιν ποιοῦντος ἄσκιους ὅταν «ἀπέχη τῆς θερινῆς τροπῆς εἰς ἐκάτερα τὰ μέρη μοίρας οθ' ὥστε «τὰς μὲν ρνθ ταύτας αὐτοῦ διαπορευομένου, τὰς τῶν γνῶμόνων σκιάς «ἀποκλίνειν εἰς τὰ νότια, τὰς δὲ λοιπὰς σα εἰς τὰ βόρεια. καὶ ἔστιν ἐν ταῦθα οἶων ὁ γνῶμων ξ τοιούτων ἢ μὲν ἡμερινὴ σκιά δ γ' ιβ', «ἢ δὲ θερινὴ κα γ', ἢ δὲ χειμερινὴ λβ'.» ὁ δὲ ἐπὶ τῶν ἐγκλίσεων οὕτως ἐκδέχεσθαι τοὺς ἐπὶ τῆς γῆς νοουμένους παραλλήλους ὁμοταγεῖς τοῖς ἐν τῷ οὐρανῷ, ὡς μὴ καὶ κατὰ τῶν αὐτῶν αὐτοῖς ὄντας ἐπιπέδων. Ἐπειδὴ περ τῆς γῆς σφαιρικῆς ὑπαρχούσης καὶ κατὰ τὸ μέσον τοῦ παντός, παρακολουθεῖ καὶ παρεκκίπτειν τοὺς διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐν τῷ οὐρανῷ νοουμένους παραλλήλους τῷ ἡμερινῷ τὴν ὅλην γῆν, ἀλλὰ κατὰ κωνικοῦ σχήματος αὐτοὺς ἐπὶ τῆς γῆς τυγχάνειν. Οἶον ἔστω ἐν μὲν οὐρανῷ μεσημβρινὸς κύκλος ὁ ΑΒΓΔΕ, ἐν δὲ τῇ γῇ ὁ ΖΗΘ, καὶ κατὰ κορυφὴν τῆς οἰκῆσεως σημεῖον τὸ Α, καὶ ἐπεζεύχθω ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς γῆς ἐπὶ τὸ Α καὶ κατὰ κορυφὴν εὐθεῖα ἢ ΑΖΚ, καὶ ἤχθω αὐτῇ πρὸς ὀρθὰς ἢ ΒΚΓ.

658 * ὁ ἄρα περὶ τὴν ΒΓ κύκλος ὀρθὸς πρὸς τὴν ΑΖΚ ἀδιαφορήσει τοῦ διὰ τῆς κατὰ τὸ Ζ οἰκῆσεως ὀρίζοντος. Εἰλήφθωσαν οἱ πόλοι τῆς σφαίρας, καὶ ἔστω τὰ Λ, Μ· καὶ ἐπεζεύχθω ἢ ΛΜ· ἢ ΛΜ ἄρα ἄξων ἐστίν. γεγράφθω διὰ τοῦ Α κατὰ κορυφὴν τῷ ἡμερινῷ παράλληλος ὁ ΑΔ. Καὶ δῆλον οὖν ὡς ὅτι, μενούσης τῆς ΚΑ καὶ τοῦ παντός περιφερομένου περὶ τοὺς Λ, Μ πόλους, ἢ ΚΑ ἀφορίζει κῶνον οὗ βάσις ἔσται ὁ ΑΝΔ παράλληλος γραφόμενος ἐν τῇ περιφορᾷ ὑπὸ τοῦ Α σημείου, ἐπειδὴ περ καὶ τοῦ κατὰ κορυφὴν σημείου μένοντος ἐπὶ τοῦ ΑΒΓ μεσημβρινοῦ νοήσωμεν τὴν ΚΑ σὺν τῷ παντὶ φερομένην, τοῦ Κ μένοντος, γράψει ἢ ΚΑ κῶνον, τὸ δὲ Α τὸν

τῆς βάσεως αὐτοῦ κύκλον. Ἐὰν οὖν καὶ διὰ τοῦ Z νοήσωμεν ὡς τὸν ZOH ὑπὸ τοῦ Z γραφόμενον παράλληλον τῷ ANΔ, ἔσται οὗτος ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ κώνου καὶ τῆς γῆς παράλληλος τῷ νοουμένῳ ἰσημερινῷ ἐν τῇ γῇ, ὅς νοεῖται ὑπὸ τῆς τοῦ ἰσημερινοῦ τομῆς ἀποτελούμενος. Τὰς οὖν ἐπὶ τοῦ ZOH οἰκῆσεις χρή ἐκλαμβάνειν τὰς ὑπὸ τὸν ANΔ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν παραλλήλου.

- 659 ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν. Σεύρισκεται δὲ πρότερον δοθέντος τοῦ τῆς μεγίστης ἡμέρας μεγέθους ὥρων ιβ δ', ἡ ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἀποχὴ τοῦ ὑποκειμένου δευτέρου παραλλήλου μοιρῶν δ δ', ἥτις ἴση ἐστίν, ὡς ἔφαμεν, τῷ ἐξάρματι, κατακολουθοῦντων ἡμῶν τῷ α' θεωρήματι, ἔνθα ὑποθέμενος τὴν μεγίστην ἡμέραν ὥρων ἰσημερινῶν ιδ ς', ἠύρισκεν τὴν τοῦ ὀρίζοντος περιφέρειαν τὴν ἀπολαμβανομένην μεταξὺ τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ τροπικοῦ, τουτέστιν τὴν EH, εἴτα ἐκ ταύτης τὴν BZ τοῦ ἐξάρματος. Ἐκτεθείσης γὰρ τῆς ὁμοίας ἐκεῖσε καταγραφῆς, τουτέστιν τοῦ τε ABΓΔ μεσημβρινοῦ καὶ τοῦ BEΔ ὀρίζοντος καὶ τοῦ AEG ἰσημερινοῦ, καὶ λημφθέντος τοῦ H σημείου καθ' οὗ τὸ χειμερινὸν τροπικὸν ἀνατέλλει, καὶ γραφείσης διὰ τοῦ Z πόλου καὶ τοῦ H τῆς ZHΘ περιφέρειας, ὁμοίως διὰ τὴν καταγραφὴν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς AE λόγος συνήπται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘZ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ZH καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς HB πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς BE.
- 660 Ἄλλ' ἡ μὲν τῆς ΘΑ περιφέρειας διπλὴ μοιρῶν ἐστὶν ρος ιε· ἡ γὰρ ΘΕ, ἡμίσεια οὔσα τοῦ διαφόρου τῆς μεγίστης ἡμέρας παρὰ τὴν ἰσημερινὴν ὀγδόου μὲν ἐστὶν μιᾶς ὥρας ἰσημερινῆς χρόνων δὲ δηλονότι α νβ λ· καὶ λοιπὴ ἡ ΘΑ πη ζ λ· ὥστε καὶ τὴν διπλὴν συνάγεσθαι τῶν εἰρημένων ρος ιε, ἡ δὲ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ριθ νς η· ἡ δὲ τῆς AE περιφέρειας διπλὴ μοιρῶν ρπ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ρκ· καὶ πάλιν ἡ μὲν τῆς ΘZ διπλὴ μοιρῶν ρπ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ρκ· ἡ δὲ τῆς ZH διπλὴ μοιρῶν ρλβ ιζ κ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ρθ μδ νγ. Ἐὰν ἄρα πάλιν ἀπὸ τοῦ τῶν ριθ νς η πρὸς τὰ ρκ ἀφέλωμεν τὸν τῶν ρκ πρὸς τὰ ρθ μδ νγ, καταλειφθήσεται ὁ λόγος τῶν ρθ μα κ πρὸς τὰ ρκ, τουτέστιν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς HB πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς BE. Καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς BE τμημάτων ρκ· καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν ἄρα τῆς HB μοιρῶν ἔσται ρθ μα κ, ἡ δὲ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια, ἡ διπλὴ τῆς BH, μοιρῶν ἔσται ρλβ θ, αὕτη δὲ ἡ BH ζς δ λ. Καὶ λοιπὴ ἡ HE τοῦ ὀρίζοντος περιφέρεια ἡ μεταξὺ τοῦ χειμερινοῦ τροπικοῦ καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ μοιρῶν ἔσται κγ νε λ ἔγγιστα. Σ'Εξῆς τῷ αὐτῷ θεωρήματι προσχρώμενοι, δείξομεν καὶ τὴν ZB τοῦ ἐξάρματος περιφέρειαν ἴσην οὔσαν τῇ τοῦ παραλλήλου ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἀποστάσει μοιρῶν δ δ'. Γίνεται γὰρ πάλιν ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς EΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΑ λόγος συγκεείμενος ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς EH πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς HB καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς BZ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ZA.
- 661 Ἄλλ' ἡ μὲν τῆς EΘ περιφέρειας διπλὴ μοιρῶν ἐστὶν γ με· τετάρτου γάρ ἐστι μιᾶς ὥρας ἰσημερινῆς· καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα γ νε λδ. ἡ δὲ τῆς ΘΑ διπλὴ μοιρῶν ρος ιε, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ριθ νς η. καὶ πάλιν ἡ μὲν διπλὴ τῆς EH μοιρῶν μζ να, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα μη λθ νγ. ἡ δὲ διπλὴ τῆς HB μοιρῶν ρλβ θ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ρθ μα κ. Ἐὰν ἄρα πάλιν ἀπὸ τοῦ λόγου τῶν γ νε λδ πρὸς τὰ ριθ νς η ἀφέλωμεν τὸν τῶν μη λθ νγ πρὸς τὰ ρθ μα κ, καταλειφθήσεται ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς BZ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ZA, ὁ τῶν γ λε κζ πρὸς τὰ μη λθ νγ, ᾧ λόγῳ ὁ αὐτός ἐστιν καὶ ὁ τῶν η να ις πρὸς τὰ ρκ. Καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ZA ρκ.
- 662 καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν ἄρα τῆς BZ περιφέρειας εὐθεῖα ἔσται η να ις. Ἡ δὲ διπλὴ τῆς BZ περιφέρειας μοιρῶν η κη, αὕτη δὲ ἡ BZ τοῦ ἐξάρματος περιφέρεια δ δ', ὅπερ προέκειτο εὑρεῖν. Ὅτι δὲ καὶ διὰ Ταπροβάνης ἐστὶν ὁ τοιοῦτος παράλληλος γέγραπται ἐν τῇ Γεωγραφίᾳ. Καὶ ἐπεὶ ὁ τοσοῦτον ἀπέχων παράλληλος τοῦ ἰσημερινοῦ μεταξὺ ἐστὶ τοῦ ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ τροπικοῦ

θερινοῦ, δῆλον ὡς ὅτι κατὰ δύο σημεία τέμνει τὸν ζῳδιακόν, καθ' ὧν γινόμενος ὁ ἥλιος αὐτὸν παράλληλον γράφων πρὸς αἴσθησιν ἐκ τῆς περιφορᾶς, δις ἔσται κατὰ κορυφὴν ἐν τῷ ἐνιαυσίῳ χρόνῳ. Καὶ διὰ τοῦτο ὡς ἔφαμεν ἔμπροσθεν ἀμφίσκιος ἔσται. § Ὅτι δὲ καὶ τὰς εἰρημένας ρνθ μοίρας διαπορευόμενος τὰς τῶν γνωμόνων σκιάς ἀποκλίνει * πρὸς μεσημβρίαν, τὰς δὲ λοιπὰς ὡς πρὸς ὅλον τὸν ζῳδιακόν σα πρὸς ἄρκτους, οὕτως ἡμῖν ἔσται δῆλον. Ἐστω γὰρ μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ὀρίζοντος δὲ ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ, ἰσημερινοῦ δὲ τὸ ΑΕΓ, καὶ βόρειος πόλος τὸ Ζ, ὥστε τὴν ΔΖ τοῦ ἐξάρματος μοιρῶν εἶναι δ δ'.

663 ἔστω δὲ καὶ θερινὸς τροπικὸς ὁ ΗΚΘ, τοῦ δὲ ζῳδιακοῦ καὶ ἐφαπτομένου τῶν τροπικῶν ἡμικύκλιον τὸ ΑΚΓ. Καὶ εἰλήφθω τὸ κατὰ κορυφὴν σημεῖον τὸ Μ. ἔσται ἄρα καὶ ἡ ΑΜ μοιρῶν δ δ'. Γεγράφθω ὁ διὰ τοῦ Μ κατὰ κορυφὴν παράλληλος τῷ ἰσημερινῷ ὁ ΜΝΞΟ, καὶ τεμνέτω τὸν ζῳδιακόν κατὰ τὰ Ν, Ξ σημεία. Καὶ γεγράφθω διὰ τοῦ Ζ πόλου καὶ τοῦ Ν μεγίστου κύκλου περιφέρεια ἡ ΖΝΠ· ἡ ἄρα ΝΠ ἐστὶν ἥν λελόξωται τὸ Ν τμήμα τοῦ ζῳδιακοῦ ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ, ἴση οὖσα τῇ ΑΜ, διὰ τὸ μεταξὺ αὐτὰς εἶναι τῶν παραλλήλων, καὶ μοιρῶν ἐστὶν δ δ'. Ἐὰν οὖν ταύτην εἰσαγάγωμεν κατὰ τὸ δεύτερον σελίδιον τῆς λοξώσεως, εὐρήσομεν ἐν τῷ πρώτῳ παρακειμένην τὴν ΑΝ τοῦ ζῳδιακοῦ ἀπὸ τοῦ Α ἰσημερινοῦ μοιρῶν ι λ, καὶ λοιπὴν ἄρα τὴν ΚΝ τῶν λοιπῶν εἰς τὰς ρ τῆς ΑΚ περιφερείας μοιρῶν οθ λ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὴν ΕΚ τῶν αὐτῶν ἔξομεν οθ λ. Καὶ ἐπεὶ ὅλη ἡ ΝΚΞ τοῦ ζῳδιακοῦ περιφέρεια, συναγομένη μοιρῶν ρνθ, βορειότερα ἐστὶ τοῦ ΜΟ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν παραλλήλου, δῆλον ὡς ὅτι ταύτην τὴν περιφέρειαν διαπορευόμενος ὁ ἥλιος τὰς τῶν γνωμόνων σκιάς ἐπὶ τὰ ἐναντία καὶ νοτιώτερα ἀποστέλλει, τὴν δὲ λοιπὴν καὶ νοτιωτέραν τῶν λοιπῶν εἰς τὰς τξ συναγομένην μοιρῶν σοα πρὸς τὰς ἄρκτους.

664 ὅταν δὲ κατ' αὐτῶν τῶν Ν, Ξ τυγχάνῃ ἐν αὐτῇ τῇ μεσημβρίᾳ κατὰ κορυφὴν τυγχάνων, ἄσκιον ποιήσει τὸν γνώμονα. § Διαλαβὼν οὖν περὶ τῶν ιδιωμάτων τοῦ δευτέρου καὶ διὰ Ταπροβάνης ἀμφισκίου παραλλήλου, καὶ ἔτι τῶν τούτου ἐξῆς ἀμφισκίων, ἐλθὼν ἐπὶ τὸν ἔβδομον διὰ Σοήνης γραφόμενον παράλληλον, ἔνθα ἡ ἀπόστασις τοῦ παραλλήλου ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἦτοι τὸ ἔξαρμα μοιρῶν ἐστὶν κγ να, ὅσον ἔγγιστα καὶ ὁ ἰσημερινὸς ἀπέχει τοῦ τροπικοῦ, φησὶν ὅτι «πρῶτος «δέ ἐστὶν οὗτος τῶν καλουμένων ἑτεροσκίων. οὐδέποτε γὰρ τοῖς ὑπ' αὐτὸν οἰκοῦσιν ἐν ταῖς μεσημβρίαις αἱ τῶν γνωμόνων σκιαὶ πρὸς μεσημ«βρίαν ἀποκλίνουν, ἀλλ' ἐν αὐτῇ μόνῃ τῇ θερινῇ τροπῇ κατὰ κορυφὴν «αὐτοῖς» τοῦ ἡλίου γινομένου, «οἱ γνώμονες ἄσκιον θεωροῦνται.» διὸ οὐδὲ λόγον ποιήσει ὁ γνώμων τότε πρὸς τὴν σκιάν. Ἐπὶ γὰρ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς, ἐπεὶ ὁ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν γραφόμενος παράλληλος ἀπέχει τοῦ ἰσημερινοῦ μοίρας κγ να, ὅσας ὡς ἔφαμεν καὶ ὁ τροπικός, ἔσται ἄρα ὁ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν ὁ αὐτὸς τῷ ΗΘ τροπικῷ, καὶ κατὰ τοῦ Κ δηλονότι θερινοῦ τροπικοῦ γινόμενος ὁ ἥλιος, κατὰ κορυφὴν τοῖς ὑπὸ τοῦτον τὸν παράλληλον οἰκοῦσιν τυγχάνων, ἄσκιους ποιήσει τοὺς γνώμονας. Καὶ φανερόν ὅτι πάντοτε αἱ σκιαὶ τῶν γνωμόνων ἐπὶ τὰ βόρεια ἀποκλίνουν, καὶ οὐδέποτε πρὸς μεσημβρίαν, διὰ τὸ καὶ ὅλον τὸν ζῳδιακόν νοτιώτερον εἶναι τοῦ ΗΘ παραλλήλου.

665 καὶ οἱ ἐξῆς δὲ αὐτοῦ πάντες παράλληλοι ἐπὶ τῆς καθ' ἡμᾶς οἰκουμένης οὐδέποτε τὸν ἥλιον ἔξουσιν κατὰ κορυφὴν. καὶ ὁμοίως νοτιώτερον ἔχοντες τὸν ζῳδιακόν τὰς σκιάς ἐπὶ τὰ βόρεια ἔχουσιν προσενεούσας. § Ἐκθέμενος οὖν μέχρι τοῦ κε' παραλλήλου καὶ τοὺς λόγους τῶν γνωμόνων πρὸς τὰς σκιάς καὶ δι' ὧν οἰκίσεων γράφονται οἱ παράλληλοι, τῷ δ' τῆς μιᾶς ὥρας ἰσημερινῆς κατὰ τὴν παραύξησιν τῶν μεγίστων ἡμερῶν προσχρησάμενος, ἐλθὼν εἰς τὸν κς' παράλληλον οὐκέτι τῷ δ' τῆς μιᾶς ὥρας ἰσημερινῆς πρὸς τὴν εἰρημένην παραύξησιν τῶν μεγίστων ἡμερῶν προσεχρήσατο, ἀλλὰ ἡμίσει. καὶ φησιν «διὰ τὸ συνεχεῖς ἤδη γίνεσθαι «τοὺς παραλλήλους, καὶ τὴν τῶν ἐξαρμάτων διαφοράν», τουτέστιν τὰς τῶν παραλλήλων ἀποστάσεις, «μηκέτι μηδεμιᾶς ὅλης μοίρας συνάγεσθαι.» Τῷ γὰρ αὐτῷ δ' μέρει τῆς ὥρας τῶν ἡμερῶν

παραυξανομένων, ηύρισκομεν τοὺς πλησιαίτερον τοῦ ἰσημερινοῦ παραλλήλους πλεῖον ἀπ' ἀλλήλων ἀπέχοντας τῶν ἀπώτερον. καθάπερ ἐπὶ τοῦ δευτέρου παραλλήλου, ηύρισκομεν τὴν ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἀπόστασιν μοιρῶν δ ιε, τὴν δὲ τοῦ τρίτου η κε, καὶ λοιπὴν τὴν ἀπὸ τοῦ β' ἐπὶ τὸν γ' μοιρῶν δ ι, ἐλάττονα γινομένην τῶν δ ιε. καὶ ὁ δ' δὲ ὁμοίως ἐλάττονα ἀπέχει τοῦ γ' ἥπερ ὁ γ' ἀπὸ τοῦ β', καὶ οἱ ἐξῆς δὲ ἀκολουθῶς, ὡς κατὰ τοῦ κς' μηκέτι μηδεμιᾶς μοίρας εὕρισκεσθαι τὰς ἀποστάσεις τῶν παραλλήλων, ἐπειδὴ περ καὶ ὁ κδ' ἀπέχει τοῦ ἰσημερινοῦ μοίρας νζ, ὁ δὲ κε', νη, καὶ α μοῖραν αὐτῶν ἀπ' ἀλλήλων ἀπεχόντων, ἐὰν καὶ τὸν κς' τῷ αὐτῷ δ' μέρει τῆς ὥρας παραυξήσωμεν, αἰὶ ὡς ἔφαμεν ἐλαττουμένων τῶν διαστάσεων, οὐκέτι οὐδεμιᾶς μοίρας εὕρεθήσεται ἡ ἀπόστασις * τοῦ παραλλήλου, ἥτοι ἡ τῶν ἐξαρμάτων διαφορά.

666 Σ' Ἴνα δὲ καὶ διὰ τῶν γραμμικῶν δείξεων φανερόν γένηται τὸ λεγόμενον, δείξομεν οὕτως· Ἐπεὶ γὰρ τοῦ μεγέθους τῆς μεγίστης ἡμέρας τῷ ἴσῳ παραυξανομένου καὶ τὸ τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ τὸ ὑπὲρ γῆν τμήμα τῷ ἴσῳ παραυξάνεται (τοῦτο γάρ ἐστιν τὸ περιέχον τὸ μέγεθος τῆς μεγίστης ἡμέρας, ἐπεὶ καὶ κατὰ τοῦτον τότε φέρεται ὁ ἥλιος) τοῦ δὲ θερινοῦ τροπικοῦ ὑπὲρ γῆν τμήματος τῷ ἴσῳ παραυξανομένου, καὶ τὸ ἥμισυ αὐτοῦ τουτέστιν τὸ ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπὶ τὸν μεσημβρινὸν τῷ ἴσῳ παραυξηθήσεται, ὥστε τοῦ μεγέθους τῆς μεγίστης ἡμέρας τῷ ἴσῳ παραυξανομένου, καὶ τὸ ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπὶ τὸν μεσημβρινὸν τμήμα τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ τῷ ἴσῳ παραυξηθήσεται. λέγω οὖν ὅτι τούτου τῷ ἴσῳ παραυξανομένου καὶ αἱ μεταξὺ τῶν ὀριζόντων τοῦ μεσημβρινοῦ περιφέρειαι ἴσαι οὔσαι ταῖς μεταξὺ τῶν κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸ ἔλαττον συσταθήσονται. Ἐστω γὰρ μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, θερινοῦ δὲ τροπικοῦ ἡμικύκλιον τὸ ΑΕΓ, τοῦ δὲ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντος τὸ ΒΕΔ, τοῦ δὲ δευτέρου παραλλήλου τὸ ΖΗΘ, τοῦ δὲ τρίτου τὸ ΚΛΜ, ὥστε ἴσαις περιφερείαις ταῖς ΕΗ, ΗΛ τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ καὶ ἐξῆς ὁμοίως παραυξάνειν τὰ ΑΕ, ΑΗ, ΑΛ ὑπὲρ γῆν τμήματα ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπὶ τὸν μεσημβρινόν.

667 λέγω ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ ΘΔ τῆς ΘΜ, καὶ ἐξῆς ὁμοίως. Εἰλήμφθωσαν γὰρ αἱ κοιναὶ τομαὶ τῶν κύκλων αἱ ΑΓ, ΒΔ, ΖΘ, ΚΜ, καὶ ἔτι αἱ τοῦ τροπικοῦ καὶ τῶν ὀριζόντων κοιναὶ τομαὶ αἱ ΝΕ, ΞΗ, ΟΛ. καὶ ἐπεὶ ὁ ΑΒΓΔ μεσημβρινὸς διὰ τῶν πόλων ἐστὶν τοῦ ΑΕΓ τροπικοῦ, δίχα αὐτὸν τεμεῖ. ἡ ΑΓ ἄρα διάμετρος ἐστὶν τοῦ ΑΕΓ τροπικοῦ. Πάλιν, ἐπεὶ ὁ ΑΒΓΔ μεσημβρινὸς καὶ ὁ ΒΕΔ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζων διὰ τῶν πόλων εἰσὶν τοῦ ΑΕΓ τροπικοῦ, ὀρθοὶ εἰσὶν πρὸς αὐτὸν καὶ ἡ κοινὴ ἄρα αὐτῶν τομὴ ἡ ΒΔ ὀρθή ἐστὶν πρὸς τὸν ΑΕΓ τροπικόν. ὥστε καὶ πρὸς τὴν ΑΓ ὀρθή ἐστὶν. Καὶ ἐπεὶ ἡ ΒΔ διὰ τοῦ κέντρου οὔσα τοῦ ΑΒΓΔ τὴν ΑΓ μὴ διὰ τοῦ κέντρου οὔσαν πρὸς ὀρθὰς τέμνει, καὶ δίχα αὐτὴν τέμνει· τὸ Ν ἄρα κέντρον ἐστὶν τοῦ ΑΕΓ θερινοῦ τροπικοῦ. ἐπεὶ ὁ ΑΒΓΔ μεσημβρινὸς ὀρθὸς ἐστὶν πρὸς τε τὸν ΑΕΓ τροπικόν καὶ πρὸς τοὺς ὀρίζοντας (διὰ γὰρ τῶν πόλων ἐστὶν αὐτῶν), καὶ ὁ τροπικὸς ἄρα καὶ οἱ ὀρίζοντες ὀρθοὶ εἰσὶν πρὸς τὸν μεσημβρινόν. ὥστε καὶ αἱ κοιναὶ αὐτῶν τομαὶ αἱ ΝΕ, ΞΗ, ΟΛ ὀρθαὶ εἰσὶν πρὸς τὸν ΑΒΓΔ μεσημβρινὸν δηλαδὴ καὶ πρὸς τὴν ΑΓ διάμετρον τοῦ τροπικοῦ. Καὶ ἐπεὶ ἡμικύκλιόν ἐστὶν τὸ ΑΕΓ καὶ ἀπὸ τοῦ Ν κέντρου αὐτοῦ πρὸς ὀρθὰς τῇ ΑΓ διαμέτρῳ ἦκται ἡ ΝΕ, καὶ ἴσαι ἀπειλημέναι εἰσὶν αἱ ΕΗ, ΗΛ, καὶ κάθετοι ἡγμέναι εἰσὶν αἱ ΗΞ, ΛΟ, μείζων ἄρα ἡ ΝΞ τῆς ΞΟ, ὡς ἐξῆς δειχθήσεται. καὶ ἐξῆς ἴσων ἀπολαμβανομένων ταῖς ΕΗ, ΗΛ, καὶ αἱ ἐξῆς τῶν ΝΞ, ΞΟ εὐθειῶν ἐπὶ τὸ ἔλασσον συσταθήσονται. Καὶ ἐπεὶ τρίγωνον ὀρθογώνιον ἐστὶν τὸ ΝΠΟ, καὶ μείζων ἡ ΝΞ τῆς ΞΟ, μείζων ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ ΝΠΞ τῆς ὑπὸ ΟΠΞ, καὶ ἐξῆς ὁμοίως, ὡς ἐξῆς πάλιν δειχθήσεται· καὶ ἔστιν τὸ Π κέντρον τοῦ ΑΒΓΔ μεσημβρινοῦ· μείζων ἄρα καὶ ΔΘ περιφέρεια τῆς ΘΜ, καὶ ἐξῆς ὁμοίως.

668 Καὶ γέγονεν ἡμῖν διὰ τῶν γραμμῶν φανερόν ὅτι τοῦ μεγέθους τῆς μεγίστης ἡμέρας τῷ ἴσῳ παραυξανομένου αἱ τῶν ὀριζόντων ἥτοι τῶν διὰ τῶν κατὰ κορυφὴν παραλλήλων διαστάσεις ἐπὶ τὸ ἔλαττον συσταθήσονται. Σ' ἐξῆς τὸ παραλειφθὲν πρῶτον λημμάτιον. ἐκκείσθω τὸ ΑΕΓ ἡμικύκλιον περὶ διάμετρον τὴν ΑΓ, οὗ κέντρον τὸ Ν, καὶ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΝΕ, καὶ ἴσαι αἱ ΕΗ, ΗΛ

περιφέρειαι, καὶ κάθετοι αἱ ΗΞ, ΟΛ· λέγω ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ ΝΞ τῆς ΞΟ. Ἦχθω γὰρ διὰ τοῦ Λ τῇ ΑΓ παράλληλος ἡ ΛΠ, καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΕΗ, ΗΛ, ΕΛ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΕΗ περιφέρεια τῇ ΗΛ περιφερείᾳ, ἴση ἄρα καὶ ἡ ΕΗ εὐθεῖα τῇ ΗΛ. καὶ κοινὴ ἡ ΗΡ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΕΗΡ γωνίας τῆς ὑπὸ ΡΗΛ μείζων· ἐπὶ γὰρ μείζονος περιφερείας βεβήκασιν.

669 βάσις ἄρα ἡ ΕΡ βάσεως τῆς ΡΛ μείζων ἐστίν. Καὶ ἔστιν ὡς ἡ ΕΡ πρὸς ΡΛ ἢ ΠΜ πρὸς ΜΛ. μείζων ἄρα καὶ ἡ ΠΜ τῆς ΜΛ, τουτέστιν ἡ ΝΞ τῆς ΞΟ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Καὶ ἐξῆς ὁμοίως, τῶν περιφερειῶν ἴσων ἀπολαμβανομένων, αἱ ὑπὸ τῶν καθέτων ἀπολαμβανόμεναι τῆς διαμέτρου ἐπὶ τὸ ἔλαττον συσταθήσονται. § Ἐτι δὲ ἐξῆς ἐκθησόμεθα καὶ τὸ παραλειμμένον δεύτερον λημ * μάτιον. Ἐκκείσθω τὸ ΝΠΟ τρίγωνον, ὀρθὴν ἔχον τὴν πρὸς τῷ Ν· καὶ ἀπειλήφθω μείζων ἡ ΝΞ τῆς ΞΟ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΠΞ. λέγω ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΝΠΞ γωνία τῆς ὑπὸ ΞΠΟ. Ἦχθω γὰρ διὰ τοῦ Ξ τῇ ΟΠ παράλληλος ἡ ΞΡ. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΝΞ πρὸς ΞΟ οὕτως ἡ ΝΡ πρὸς ΡΠ· μείζων δὲ ἡ ΝΞ τῆς ΞΟ· μείζων ἄρα καὶ ἡ ΝΡ τῆς ΡΠ. Ἀλλὰ τῆς ΝΡ μείζων ἡ ΞΡ· πολλῶ ἄρα ἡ ΞΡ μείζων τῆς ΡΠ.

670 ὥστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΡΠΞ μείζων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΠΞΡ. Ἰση δὲ ἡ ὑπὸ ΠΞΡ τῇ ὑπὸ ΞΠΟ, ἐναλλάξ γάρ. καὶ ἡ ὑπὸ ΝΠΞ ἄρα μείζων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΞΠΟ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Καὶ ἐξῆς δὲ ὁμοίως, ἐλαττόνων ἀπολαμβανομένων κατὰ τὸ ἐξῆς τῶν εὐθειῶν, καὶ αἱ γωνίαι ἐπὶ τὸ ἔλαττον συσταθήσονται. Τῶν οὖν μεγίστων ἡμερῶν τῷ δ' τῆς ὥρας παραυξανομένων, καὶ τῶν μεταξὺ τῶν ὀριζόντων ἦτοι τῶν ἀποστάσεων τῶν παραλλήλων ἐπὶ τὸ ἔλαττον συνισταμένων, συμβαίνει ἐπὶ τῶν ἔτι βορειοτέρων παραλλήλων συνεχεστέρους ἔτι μᾶλλον αὐτοὺς γινομένους μηδεμίαν ἀξιόλογον ποιεῖσθαι διαφορὰν περὶ τε τὰ ἐξάρματα ἢ καὶ τὰ καθόλου συμπύπτοντα. Διὸ καὶ ἐπὶ τῶν ἐξῆς τούτου τοῦ παραλλήλου τῷ ἡμίσει μέρει τῆς μιᾶς ὥρας προσεχρήσατο πρὸς τὴν παραύξησιν τῶν μεγίστων ἡμερῶν, καὶ ἔτι ὡς περὶ ἀφωρισμένων λοιπὸν τόπων καὶ ἀγνώστων διαλαμβάνων, οὐδὲ τοὺς λόγους τῶν γνωμόνων πρὸς τὰς σκιάς παρέθηκεν. § Εἴτα πάλιν εἰπὼν περὶ τῶν ἑτεροσκίων, ἐξῆς ἐκτίθεται οἴκησίν τινα ἐφ' ἧς φησιν· «Ὅπου δὲ ἡ μεγίστη ἡμέρα ὥρων ἐστὶν κδ, ἐκεῖνος ὁ παράλληλος «ἀπέχει τοῦ ἰσημερινοῦ μοίρας ξς η μ.

671 πρῶτος δὲ ἐστὶν οὗτος τῶν «περισκίων· κατὰ γὰρ μόνην τὴν θερινὴν τροπὴν μὴ δύνοντος ἐκεῖ τοῦ «ἡλίου αἱ σκιαὶ τῶν γνωμόνων ἐπὶ πάντα τὰ τοῦ ὀρίζοντος μέρη τὰς προσ«νεύσεις ποιοῦνται.» «Καὶ ἔστιν ἐνταῦθα ὁ μὲν θερινὸς τροπικὸς παράλληλος αἰεὶ φανερός, «ὁ δὲ χειμερινὸς τροπικὸς αἰεὶ ἀφανής ... γίνεται δὲ καὶ ὁ ζωδιακὸς κύκλος «ὁ αὐτὸς τῷ ὀρίζοντι ὅταν αὐτοῦ τὸ ἑαρινὸν ἰσημερινὸν σημεῖον ἀνα«τέλλῃ.» § Ἴνα δὲ καὶ ἐπὶ καταγραφῆς φανερόν γένηται τὸ τοιοῦτον, ἔστω ὀρίζων μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, μεσημβρινὸς δὲ αὐτοῦ ὁ ΑΕΓ.

672 καὶ ἔστω ὑπὲρ γῆς ὁ βόρειος πόλος, ὥστε τὴν ΑΕ τοῦ ἐξάρματος μοιρῶν εἶναι ξς η μ, ὅσας καὶ ὁ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν παράλληλος ἀπέχει τοῦ ἰσημερινοῦ. Καὶ γεγράφθω πόλῳ τῷ Ε καὶ διαστήματι τῷ ΕΑ τοῦ ἐξάρματος ὁ μέγιστος τῶν αἰεὶ φανερῶν, καὶ ἔστω ὁ ΑΖΗΛ· δῆλον δὲ ὅτι ἔσται οὗτος θερινὸς τροπικὸς διὰ τὸ τὴν ΑΕ τοῦ ἐξάρματος μοιρῶν εἶναι ξς η μ, ὅσων ἐστὶν καὶ ἡ ἐκ τοῦ πόλου αὐτοῦ, διὰ τὴν μέχρις τοῦ ἰσημερινοῦ εἶναι αὐτὴν μοιρῶν ρ, τὴν δὲ ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τὸν τροπικὸν μοιρῶν κγ να κ. Εἰλήφθω δὲ καὶ ὁ νότιος πόλος τὸ Θ, καὶ πόλῳ τῷ Θ, διαστήματι δὲ τῇ ΑΕ, γεγράφθω ὁ χειμερινὸς τροπικὸς κύκλος ὁ ΝΓΜΚ. καὶ ἔτι ὁ ΒΚΔΗ ζωδιακὸς ἐφαπτόμενος τῶν τροπικῶν, ὥστε ἀνατολικά μὲν εἶναι τὰ πρὸς τῷ Δ, δυτικά δὲ τὰ πρὸς τῷ Β.

673 ἔσται ἄρα, τοῦ Η ὄντος θερινοῦ τροπικοῦ, τὸ Β ἑαρινόν, διὰ τὸ πρὸς δυσμὰς καὶ εἰς τὰ προηγούμενα ὑποκεῖσθαι τὸ Β, καὶ ἔτι τεταρτημορίου τυγχάνειν τὴν ΗΒ. ἐπειδήπερ ὁ ΑΕΘΚ μεσημβρινὸς διὰ τῶν τοῦ ΑΒΓΔ ὀρίζοντος, καὶ διὰ τῶν τοῦ ΒΚΔΗ ζωδιακοῦ πόλων ἐστίν, ἐπεὶ καὶ διὰ τῶν πόλων ἐστὶν τῶν τροπικῶν καὶ διὰ τῶν Η, Κ ἐπαφῶν· καὶ δίχα τέμνει τὰ

ἀπολαμβανόμενα αὐτῶν ἡμικύκλια. ὥστε καὶ τὸ Δ σημεῖον ἔσται μετοπωρινόν. Γεγράφθω δὴ καὶ τὸ ΒΔ τοῦ ἰσημερινοῦ ὑπὸ γῆν ἡμικύκλιον· ὅμοια ἄρα ἐστὶν τὰ ΗΖΑ, ΚΜΓ, ΒΔ ἡμικύκλια τῶν παραλλήλων. Ἐν ᾧ ἄρα τὸ Η διελθὼν τὴν ΗΖΑ ἐπὶ τὸ Α παραγίνεται, ἐν τοσοῦτῳ καὶ τὸ Κ διελθὼν τὴν ΚΜΓ ἐπὶ τὸ Γ παραγίνεται. καὶ ἔτι τὸ Β ἑαρινὸν πρὸς δυσμὰς τυγχάνον διελθὼν τὴν ΒΔ ἐπὶ τὸ Δ ἀνατολικὸν παρέσται καὶ ἐφαρμόσει ὁ ΗΒΚ ζωδιακὸς ἐπὶ τὸν ΑΒΓΔ ὀρίζοντα, ἐπεὶ καὶ κατὰ πλείονα ἢ δύο σημεῖα συμβάλλει αὐτῷ τὰ Α, Β, Γ, Δ. Ὡστε τότε ἐφαρμόσουσιν ὁ τε ζωδιακὸς καὶ ὁ ὀρίζων ἐπὶ τῆς τοιαύτης ἐγκλίσεως, ὅτε καὶ τὸ ἑαρινὸν σημεῖον ἀνατέλλει. Δῆλον δὲ καὶ ὡς ὅτι ὁ ἥλιος κατὰ τοῦ Η θερινοῦ τροπικοῦ τυγχάνων καὶ γράφων τὸν ΑΖΗΛ θερινὸν τροπικὸν ἀεὶ φανερόν ὄντα, οὐ δύσεται ἐν ἐκείνῃ τῇ ἡμέρᾳ, ἐπεὶ καὶ οὐδὲ μέρος τι τοῦ τροπικοῦ δύσεται· καὶ ποιήσει τὴν ἡμέραν ὥρων ἰσημερινῶν κδ, κατὰ πάντα τὰ μέρη τοῦ ὀρίζοντος τὰς τῶν σκιῶν προσνεύσεις ποιοῦμενος, ἐπειδὴ περ ὅτε μὲν ἐστὶν ἐπὶ τοῦ Η, ἐπὶ τὸ Α ἀποστέλλει τὴν σκιάν· ὅτε δὲ ἐπὶ τοῦ Λ, ὡς ἐπὶ τὰ πρὸς τῷ Δ μέρη· ὅτε δὲ ἐπὶ τοῦ Α, ὡς ἐπὶ τὰ πρὸς τῷ Γ· ὅτε δὲ ἐπὶ τοῦ Ζ, ὡς ἐπὶ τὰ πρὸς τῷ Β. ὅπερ ἔδει δεῖξαι. «Εἰ δέ τις ἄλλως θεωρίας ἔνεκεν ἐπιζητοίη καὶ περὶ τῶν βορειοτέρων * «ἐγκλίσεων ἰδιωμάτων, εὖροι ἂν ὅπου τὸ μὲν ἕξαγμα τοῦ πόλου μοιρῶν «ἐστὶν ζζ ἔγγιστα ἐκεῖ μὴ δυνούσας ὅλως τὰς ἐφ' ἑκάτερα τῆς θερινῆς «τροπῆς τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου μοίρας ιε. ὥστε τὴν με«γίστην ἡμέραν καὶ τὴν τῶν σκιῶν ἐπὶ πάντα τὰ μέρη τοῦ ὀρίζοντος περι«αγωγὴν σχεδὸν μηνιαίαν γίνεσθαι.» Ὡς ἴνα δὲ κατάδηλα γένηται τὰ λεγόμενα, ἔστω πάλιν μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ὀρίζοντος δὲ ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ, ἰσημερινοῦ δὲ τὸ ΖΕΗ.

674 καὶ ἐπεὶ ὁ παράλληλος ἀπέχει τοῦ ἰσημερινοῦ μοίρας ζζ, εἰλήφθω ὁ βόρειος πόλος τῆς σφαίρας, καὶ ἔστω τὸ Ν, ὥστε τὴν ΝΔ μοιρῶν γίνεσθαι ζζ. Καὶ ἐπεὶ ἡ ΝΗ ἐκ τοῦ πόλου ἐπὶ τὸν ἰσημερινὸν μοιρῶν ἐστὶν ρ, καὶ λοιπὴ ἡ ΔΗ ἔσται μοιρῶν κγ, ὥστε ὑπὲρ γῆς ἔσται τὸ θερινὸν τροπικόν. Γεγράφθω τὸ ὑπὲρ γῆν αὐτοῦ τμήμα, καὶ ἔστω τὸ ΑΚΘ· καὶ ἔτι τοῦ ζωδιακοῦ ἡμικύκλιον τὸ ΖΚΗ. καὶ γεγράφθω πόλῳ τῷ Ν, καὶ διαστήματι τῷ ΝΔ τοῦ ὀρίζοντος μέγιστος τῶν ἀεὶ φανερῶν παράλληλος ὁ ΞΠΟΔ, ἀπέχων μὲν δηλονότι τοῦ ἰσημερινοῦ μοίρας κγ, τέμνων δὲ τὸν ζωδιακὸν κατὰ τὰ Ο, Π σημεῖα. Καὶ ἐπεὶ ἡ ΗΔ μοιρῶν ἐστὶν κγ, ἐὰν ταῦτα εἰσαγάγωμεν εἰς τὸ τῆς λοξώσεως κανόνιον κατὰ τὸ δεῦτερον σελίδιον, εὐρήσομεν τοῦ ζωδιακοῦ ἀπὸ ἐκατέρου τῶν ἰσημερινῶν ἀπολαμβανομένας μοίρας οε, τουτέστιν ἑκατέραν τῶν ΖΠ καὶ ΗΟ, συναμφοτέρας δὲ μοίρας ρν· καὶ λοιπὴν ἄρα ἑκατέραν τῶν ΠΚ καὶ ΚΟ περιφερειῶν μοιρῶν ιε, συναμφοτέρας δὲ λ, αἵτινες ὑπὸ τοῦ ἀεὶ φανεροῦ κύκλου ὑπὲρ γῆς ἀπολαμβάνονται ὑπὸ τῆς ὑποκειμένης ἐγκλίσεως ἃς διαπορευόμενος ὁ ἥλιος ἐκ τῆς περιφορᾶς, οὐ δύσεται ἕως τὰς τοσαύτας μοίρας ἐκ τῆς ἰδίας κινήσεως διεξέλθῃ, καὶ ποιήσει δηλαδὴ τὴν ἡμέραν μηνιαίαν, διὰ τὸ ἐπὶ τοσοῦτον ἔγγιστα χρόνον τὰς λ μοίρας αὐτὸν τοῦ διὰ μέσων κινεῖσθαι.

675 Εἴτα, ἐπὶ πάντων τῶν παραλλήλων τὸ μέγεθος τῆς μεγίστης ἡμέρας παραλαμβάνων ἀπεδείκνυνεν τὸ ἕξαγμα· νῦν δὲ ἀνάπαλιν ἐκ τοῦ ἕξάρματος τὸ μέγεθος τῆς μεγίστης ἡμέρας. δεικνὺς τὸ ἀκόλουθον ὅτι ἐστὶν καὶ ἐπὶ τούτου τοῦ παραλλήλου καὶ τῶν ἐξῆς ἀπὸ τοῦ μεγέθους τῆς ἡμέρας τὸ ἕξαγμα λαβεῖν, φησὶν· «ὅσας γὰρ ἂν εὕρωμεν τοῦ ἰσημερινοῦ μοί«ρας τὸν παράλληλον ἀπέχοντα τὸν ἀπολαμβάνοντα λόγου ἔνεκεν ἐφ' ἑκά«τερα τοῦ τροπικοῦ μοίρας ιε» (γινόμενον δὲ ἀεὶ φανερόν μεθ' ὧν ἀπολαμβάνει τοῦ διὰ μέσων ἐφ' ἑκάτερα μὲν τοῦ τροπικοῦ μοιρῶν ιε συναμφοτέρων δὲ λ· καὶ ποιοῦντα τὴν μεγίστην ἡμέραν δηλονότι μηνιαίαν, ὡς τὸν κγ ὡς ἔφαμεν μοίρας ἀπέχοντα) ταῖς τοσαύταις λείψει τῶν ἀπὸ τοῦ πόλου ἐπὶ τὸν ἰσημερινὸν τοῦ τεταρτημορίου μοίρας ρ, τὸ ἕξαγμα τοῦ βορείου πόλου. καὶ ἔσται δηλονότι μοιρῶν ζζ, ὅσας καὶ ποιοῦσιν αἱ ρ μοῖραι λείπουσαι τὰς κγ. Ἵνα ἦ τὸ λεγόμενον αὐτῷ τοιοῦτον, ὅπου δὲ ἡ μεγίστη ἡμέρα μηνιαία ἐστίν, ἐκεῖ ὁ ἀεὶ φανερός ἀπολήψεται ὑπὲρ γῆς ἐφ' ἑκάτερα τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ μοίρας ιε.

676 ὁ δὲ τὰς τοσαύτας ἀπολαμβάνων παράλληλος ἀπέχει τοῦ ἰσημερινοῦ μοίρας κγ, ὡς ἐκ τοῦ τῆς λοξώσεως κανονίου γίνεται δῆλον. καὶ φανερόν ὡς ταῖς λοιπαῖς εἰς τὸ τεταρτημόριον μοίραις ζξ λείπει τὸ ἕξαγμα τοῦ βορείου πόλου. Ὡστε ἀκολουθῶς τοῖς πρότερον καὶ ἐνταῦθα ἀπὸ τοῦ μεγέθους τῆς ἡμέρας τὸ ἕξαγμα καταλαμβάνεται. Ἔτι δὲ καὶ ἀκολουθῶς τοῖς ἐπάνω εἰρημένοις αἱ σκιαὶ κατὰ πάντα τὰ μέρη τοῦ ὀρίζοντος τὰς προσνεύσεις ποιοῦνται. Καὶ ἐπὶ τῶν ἐξῆς δὲ περισκίων τῇ αὐτῇ δείξει κατακολουθοῦντες, κατάδηλα εὐρήσομεν τὰ λεγόμενα περὶ αὐτῶν. Περὶ τῶν ἐπὶ τῶν ἐγκλίσεων τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ συναναφορῶν.

677 (1τ) Διεξελθὼν περὶ τῶν καθ' ἕκαστον παράλληλον ἰδιωμάτων, καὶ προλαβὼν ἐν τῷ πρώτῳ τῆς Συντάξεως περὶ τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας συναναφορῶν τοῦ τε διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ, αἵτινες αἱ αὐταὶ ἐδείκνυντο τυγχάνουσαι καὶ ταῖς καθ' ἑκάστην οἴκησιν συμμεσουρανήσεσιν, § ἐνταῦθα ἀκόλουθον ἡγεῖται καὶ τὰς ἐπὶ τῶν ἐγκλίσεων τῆς σφαίρας γινομένης αὐτῶν συναναφορὰς ἐφοδεῦσαι, τουτέστιν ἐκάστη δεκαμοῖρία τοῦ ζωδιακοῦ πόσοις τοῦ ἰσημερινοῦ χρόνοις καθ' ἑκάστην ἔγκλισιν τῆς καθ' ἡμᾶς οἰκουμένης συναναφέρεται· ἀφ' ὧν καὶ τοὺς ταῖς μικρομερεστέρας τῶν κατὰ δεκαμοῖριαν ἐπιβάλλοντας καθ' * ὁμαλὴν παραύξησιν διὰ τὸ ἀδιάφορόν ἐστιν ἐπιλογίσασθαι. Εἴτα καὶ τὸ χρήσιμον διδάσκων τῆς τούτων προδιαλήμψεώς φησιν· τούτων γὰρ δειχθέντων εὐμεταχείριστος ἡμῖν ἔσται ἡ κατάληψις τῶν λοιπῶν καὶ κατὰ μέρος ὀφειλόντων προλημφθῆναι εἰς τὴν τῆς Μαθηματικῆς Συντάξεως θεωρίαν, λέγω δὴ τὸ τε εὐρεῖν τὸ μέγεθος τῆς δοθείσης ἡμέρας ἢ νυκτὸς πόσων ἐστὶν ὥρων ἰσημερινῶν· καὶ πόσων χρόνων ἐστὶν ἰσημερινῶν ἢ διδομένη καιρικῇ ὥρᾳ· καὶ τὰς διδομένας ὥρας καιρικὰς μεταλαβεῖν εἰς ἰσημερινὰς καὶ τὸ ἀνάπαλιν· καὶ ἔτι δοθέντος τινὸς χρόνου εὐρεῖν τὴν τε ἀνατέλλουσαν καὶ μεσουρανοῦσαν καὶ δύνουσαν μοῖραν τοῦ ζωδιακοῦ.

678 Καὶ ἐπεὶ παρά τισιν ἠϋρίσκεν διαφόρως τὰς ὀνομασίας τῶν ζωδίων ἀναγεγραμμένας καὶ ἔτι τὰς ἀρχὰς αὐτῶν οὐχὶ ἀπὸ τροπικῶν ἢ ἰσημερινῶν σημείων λαμβανομένας, ἐπισημαίνεται αὐτὸς λέγων ὅτι «καταχρησόμεθα μέντοι ταῖς τῶν ζωδίων ὀνομασίαις ἐπ' αὐτῶν τῶν τοῦ λοξοῦ «κύκλου τμημάτων καὶ ὡς τῶν ἀρχῶν αὐτῶν ἀπὸ τῶν ἰσημερινῶν καὶ τροπικῶν σημείων λαμβανομένων, τὸ μὲν ἀπὸ τῆς ἑαρινῆς ἰσημερίας ὡς «ἐπὶ τὰ ἐπόμενα πρῶτον δωδεκατημόριον Κριὸν καλοῦντες, τὸ δὲ δεύτερον «Ταῦρον, καὶ ἐξῆς ἀκολουθῶς κατὰ τὴν παραδεδομένην ἡμῖν τάξιν τε καὶ «ὀνομασίαν τῶν ιβ ζωδίων.» Εἴτα πάλιν, καὶ ἐνταῦθα καθάπερ ἐπὶ τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας συναναφορῶν τοῦ εὐμεταχειρίστου προνοούμενος, προεκτέθεται λημμάτια συντελοῦντα αὐτῷ πρὸς τὸ προχειροτέραν τὴν τῶν προκειμένων ἀναφορῶν δεῖξιν ποιήσασθαι, τουτέστιν ὅπως ἐφ' ἐνὸς μόνου τεταρτημορίου τὴν ἀπόδειξιν ποιησάμενος, δεδειχῶς εἴη καὶ τῶν λοιπῶν γ.

679 καὶ φησιν ὅτι §λέγω δὴ «πρῶτον ὅτι αἱ ἴσον ἀπέχουσαι τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ περιφέρεται τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου ταῖς ἴσαις ἀεὶ τοῦ ἰσημερινοῦ «περιφερείαις συναναφέρονται. «Ἔστω γὰρ μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ὀρίζοντος» δὲ ἀνατολικὸν ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ, ἰσημερινοῦ δὲ τὸ ΑΕΓ, βόρειος δὲ πόλος τὸ Μ, νότιος δὲ τὸ Λ, «καὶ τοῦ ζωδιακοῦ β τμήματα, τὸ τε ΖΗ καὶ τὸ ΘΚ» οὕτως ἔχοντα «ὥστε ἐκάτερον μὲν τῶν Ζ καὶ Θ σημείων τὸ κατὰ τὴν «ἑαρινὴν ἰσημερίαν τυγχάνειν», τουτέστιν ὥστε τὸ Ζ καὶ τὸ Θ τὸ αὐτὸ εἶναι κατὰ τὴν ἀρχὴν τοῦ Κριοῦ. Οὕτως δὲ χρή νοεῖν τὴν καταγραφὴν ὡς στρεφομένης τῆς σφαίρας καὶ τῆς ἀρχῆς τοῦ Κριοῦ ὑπὸ γῆν λαμβανομένης ὡς κατὰ τὸ Θ, τῶν δὲ ΚΘ, ΖΗ τοῦ διὰ μέσων ἴσας ἐφ' ἑκάτερα αὐτοῦ ἀπολαμβάνεσθαι ὑπὸ γῆν, νοτιώτερον μὲν καὶ εἰς τὰ προηγούμενα τοῦ Θ τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρειαν ὑπὸ τε τοῦ Θ ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ὀρίζοντος τὴν ΘΚ, τοῦ δὲ ἰσημερινοῦ τὴν ΘΕ. καὶ δῆλον ὅτι συναναφέρεσθαι αὐτάς, διὰ τὸ καὶ τὸ Θ κοινὸν αὐτῶν σημεῖον καθ' ἓνα τινὰ χρόνον ἐπὶ τοῦ ὀρίζοντος παραγίνεσθαι καὶ τὰ τοῦ ζωδιακοῦ τμήματα κατὰ παραλλήλων τῷ ἰσημερινῷ

κύκλων πάντοτε φέρεσθαι. Πάλιν δὲ χρή νοεῖν στραφεῖσαν τὴν σφαῖραν καὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον τὸ κατὰ τὸν Κριὸν ὅπερ ἦν τὸ Θ κατὰ τὸ Ζ γενόμενον, καὶ ἀνηνέχθαι μὲν τὴν ΘΚ, τουτέστιν τὴν ΖΗ τοῦ ζωδιακοῦ βορειοτέραν περιφέρειαν ἴσην τῇ ὑπὸ γῆν τῇ ΘΚ, συνανηνέχθαι δὲ αὐτῇ διὰ τὰ αὐτὰ τὴν ΕΖ τοῦ ἰσημερινοῦ, καὶ προκεῖσθαι δεῖξαι ὅτι ἴση ἐστὶν ἡ ΘΕ τοῦ ἰσημερινοῦ τῇ ΕΖ.

680 Γεγράφθωσαν γὰρ διὰ τῶν Μ, Λ πόλων μεγίστων κύκλων τμήματα, τό τε ΛΕΜ καὶ ΛΘ καὶ ΛΚ καὶ ΜΖ καὶ ΜΗ. Ἐπεὶ οὖν ἴσαι ὑπόκεινται αἱ ΖΗ καὶ ΘΚ, καὶ οἱ διὰ τῶν Κ, Η γραφόμενοι παράλληλοι ἴσοι εἰσίν, διὰ τὸ ἐν τοῖς Σφαιρικοῖς δεδειχθαι ὅτι οἱ ἴσας ἀφαιροῦντες παράλληλοι κύκλοι μεγίστου τινὸς κύκλου περιφέρειας πρὸς τὸν μέγιστον τῶν παραλλήλων ἴσοι εἰσίν, οἱ δὲ ἴσοι παράλληλοι ἴσας ἀφαιροῦσι μεγίστου τινὸς πρὸς τὸν μέγιστον τῶν παραλλήλων, ἴση ἄρα ἐστὶν καὶ ἡ ΚΕ τῇ ΕΗ. Καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΛΚ ἐκ πόλου γινομένη τοῦ διὰ τοῦ Κ γραφομένου παραλλήλου, τῇ ΜΗ ἐκ πόλου πάλιν γινομένη τοῦ διὰ τοῦ Η γραφομένου παραλλήλου, ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΛΘ τῇ ΜΖ, ἐκ τοῦ πόλου γὰρ τοῦ ἰσημερινοῦ, ἰσόπλευρα ἄρα γίνονται τὰ ΛΚΘ, ΜΖΗ τρίπλευρα, ἐπεὶ καὶ αἱ ΚΘ, ΖΗ τοῦ ζωδιακοῦ ἴσαι ὑπόκεινται. ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΚΛΘ γωνία ἴση ἔσται τῇ ὑπὸ ΗΜΖ, ὡς Μενέλαος ἐν τοῖς Σφαιρικοῖς. Ἔστιν δὲ καὶ τὸ ΛΚΕ τῷ ΜΕΗ ἰσόπλευρον, διὰ τὸ πάλιν τὴν τε ΛΕ καὶ τὴν ΜΕ ἐκ τοῦ πόλου εἶναι ἐπὶ τὸν ἰσημερινόν, τὴν δὲ ΚΕ τῇ ΕΗ, καὶ ἴσην τὴν ὑπὸ ΛΕΚ τῇ ὑπὸ ΜΕΗ. καὶ ἡ ὑπὸ ΚΛΕ ἄρα γωνία ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΗΜΕ.

681 ἔστιν δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΚΛΘ τῇ ὑπὸ ΖΜΗ ἴση. ὥστε καὶ λοιπὴ ἡ ὑπὸ ΕΛΘ τῇ ὑπὸ ΕΜΖ ἐστὶν ἴση. Καὶ ἐπεὶ δύο αἱ ΕΛ, ΛΘ δυοὶ ταῖς ΕΜ, ΜΖ ἴσαι εἰσίν, ἐκ πόλων γὰρ ὡς ἔφαμεν τοῦ ἰσημερινοῦ, ἀλλὰ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΕΛΘ τῇ ὑπὸ ΕΜΖ ἐστὶν ἴση, βάσις ἄρα ἡ ΘΕ βάσει τῇ ΕΖ ἐστὶν ἴση, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ὡς οὖν τὴν τοιαύτην ἀπόδειξιν ὁ Πτολεμαῖος ὡς μετακινουμένης τῆς σφαίρας πεποιήται, ποτὲ ὑπὸ γῆν, ποτὲ ὑπὲρ γῆν παραλαμβάνων τὸ ἑαρινὸν σημεῖον, δείξομεν αὐτοὶ ἐτέρως κατὰ τοῦ αὐτοῦ τόπου παραλαμβάνοντες αὐτό. Καὶ πρότερον ὑπὸ * γῆν. Καὶ ἐκκείσθω πάλιν ὁ τε ΑΒΓΔ μεσημβρινὸς καὶ ὁ ΒΕΔ ὀρίζων καὶ ὁ ΑΕΓ ἰσημερινός, καὶ τοῦ ζωδιακοῦ δύο τμήματα ἴσα ἐφ' ἑκάτερα τοῦ ἑαρινοῦ τὰ ΚΘ, ΘΗ, τοῦ Θ ὑποκειμένου ἑαρινοῦ.

682 καὶ γεγράφθωσαν παράλληλοι κύκλοι ὅ τε ΖΗ καὶ ὁ μέγιστος τῶν ἀεὶ φανερῶν ὁ ΔΝ. καὶ ἔτι διὰ μὲν τοῦ Η μέγιστος κύκλος γεγράφθω ἐφαπτόμενος τοῦ ΔΝ ὁ ΝΗΞ, ἀσύμπτωτον ποιῶν τὸ ἀπὸ τοῦ Ν ἡμικύκλιον ὡς ἐπὶ τὰ Η, Ξ μέρη τῷ ἀπὸ τοῦ Δ ἡμικυκλίῳ ὡς ἐπὶ τὰ Ε, Κ μέρη. καὶ διὰ τῶν Λ, Μ πόλων γεγράφθωσαν μεγίστων κύκλων περιφέρειαι αἱ ΛΚ, ΛΕ, ΛΘ, ΜΘ, ΜΗ, ΜΞ. Ὁμοία ἄρα ἐστὶν ἡ ΖΗ τῇ ΕΞ. ἀλλ' ἡ ΖΗ ὅλη τῇ ΚΘΗ συναναφέρεται μεταξὺ τῶν συμπτωμάτων. καὶ ἡ ΕΞ ἄρα τῇ ΚΘΗ συναναφέρεται. ὣν ἡ ΕΘ τῇ ΘΚ. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΘΞ λοιπῇ τῇ ΘΗ συνανεχθήσεται. Λέγω οὖν ὅτι ἴση ἐστὶν ἡ ΕΘ τῇ ΘΞ.

683 Ἐπεὶ γὰρ ἴση ἐστὶν ἡ ΚΘ τῇ ΘΗ, καὶ οἱ διὰ τῶν Κ καὶ Η ἄρα παράλληλοι ἴσον ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ. οἱ δὲ ἴσον ἀπέχοντες τοῦ ἰσημερινοῦ παράλληλοι ἴσας ἀφαιροῦσιν μεγίστου τινὸς κύκλου περιφέρειας πρὸς τὸν μέγιστον τῶν παραλλήλων. ἴση ἄρα ἡ ΚΕ τῇ ΕΖ. Ἀλλὰ ἡ ΕΖ τῇ ΞΗ ἐστὶν ἴση. καὶ ἡ ΚΕ ἄρα τῇ ΞΗ ἐστὶν ἴση. Καὶ ἐπεὶ οἱ διὰ τῶν Κ, Ζ παράλληλοι ἴσοι εἰσίν, ἴση ἐστὶν ἡ ΛΚ τῇ ΜΗ· ἐκ πόλων γὰρ τῶν ἴσων παραλλήλων. ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΛΘ τῇ ΜΘ ἴση. ἀλλὰ καὶ ἡ ΚΘ τῇ ΘΗ. ἴση ἄρα καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΚΛΘ τῇ ὑπὸ ΘΜΗ. Καὶ ἐπεὶ δύο αἱ ΚΛ, ΛΕ δυοὶ ταῖς ΗΜ, ΜΞ ἴσαι εἰσίν, ἀλλὰ καὶ βάσις ἡ ΚΕ βάσει τῇ ΞΗ ἴση, γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΚΛΕ γωνία τῇ ὑπὸ ΞΜΗ ἐστὶν ἴση. Ἦν δὲ καὶ ὅλη ἡ ὑπὸ ΚΛΘ ὅλη τῇ ὑπὸ ΘΜΗ ἴση. λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΕΛΘ λοιπῇ τῇ ὑπὸ ΘΜΞ ἐστὶν ἴση. Καὶ ἐπεὶ δύο αἱ ΕΛ, ΛΘ δύο ταῖς ΘΜ, ΜΖ ἴσαι εἰσίν καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσιν, βάσις ἄρα ἡ ΕΘ βάσει τῇ ΘΞ ἐστὶν ἴση, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ὡς οὖν δὴ ὑποκείσθω τὸ ἑαρινὸν σημεῖον τὸ Θ ὑπὲρ γῆς, ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς δευτέρας καταγραφῆς, καὶ ἴσαι αἱ ΚΘ, ΘΗ τοῦ ζωδιακοῦ λέγω πάλιν ὅτι ταῖς ἴσαις τοῦ ἰσημερινοῦ συναναφέρονται.

684

Γεγράφθω γὰρ πάλιν ὃ τε ΚΡ παράλληλος καὶ ὁ ΒΟ μέγιστος τῶν αἰὲ ἀφανῶν, καὶ ἐφαπτόμενος αὐτοῦ ὁ ΠΚΟ, ἀσύμπτωτον ποιῶν τὸ ἀπὸ τοῦ Ο ἡμικύκλιον ὡς ἐπὶ τὰ Κ, Π μέρη τῷ ἀπὸ τοῦ Β ὡς ἐπὶ τὰ Ρ, Ε. καὶ διὰ τῶν Λ, Μ πόλων γεγράφθωσαν μεγίστων κύκλων περιφέρειαι αἱ ΘΜ, ΜΕ, ΜΗ, ΛΘ, ΛΠ, ΛΕ. Καὶ ἐπεὶ ὁμοία ἐστὶν ἡ ΡΚ τῇ ΕΠ, ἐν ἴσῳ χρόνῳ συναναφέρονται. ἀλλὰ ἡ ΚΡ τῇ ΚΗ συνανηνέχθη. καὶ ἡ ΕΠ ἄρα τῇ ΚΗ συνανενεχθήσεται ὥν ἡ ΘΕ τῇ ΘΗ· καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΘΠ τῇ ΘΚ. Καὶ ὁμοίως δειχθήσεται ἴση ἡ ΕΘ τῇ ΘΠ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ὡς δὲ καὶ ἕτερον λημμάτιον ἐκτίθεται συντελοῦν καὶ αὐτὸ εἰς τὴν προειρημένην προχειροτέραν τῶν ἀναφορῶν ἀπόδειξιν, οὗ ἡ πρότασίς ἐστιν τοιαύτη. «Δείξομεν δὴ πάλιν ὅτι αἱ συναναφερόμεναι τοῦ ἰσημερινοῦ περιφέρειαι «ταῖς ἴσαις καὶ ἴσον ἀπεχούσαις τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ σημείου τοῦ διὰ «μέσων τῶν ζωδίων κύκλου συναμφοτέραι συναμφοτέραις αὐτῶν ταῖς «ἐπ’ ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἀναφοραῖς ἴσαι εἰσίν.» Τουτέστιν ὅτι ἐὰν ἐφ’ ἐκάτερα τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ σημείου ἢ καὶ τοῦ χειμερινοῦ δύο ἴσας ἀπολάβωμεν τοῦ διὰ μέσων περιφερείας, οἷον ὡς ἐπὶ τοῦ θερινοῦ τὴν τε τριακονταμοιρίαν τῶν Διδύμων καὶ τὴν τριακονταμοιρίαν τοῦ Καρκίνου, ἢ καὶ Ταύρου καὶ Λέοντος, ἢ Κριοῦ καὶ Παρθένου, ἢ καὶ ὁμοίως ἐπὶ τοῦ χειμερινοῦ· συναμφοτέραις ταῖς ξ μοίραις τοσαῦται τοῦ ἰσημερινοῦ ἐφ’ ἐκάστης τῶν ἐγκλίσεων συναναφέρονται ὅσαι καὶ συνανέρχονται αὐταῖς ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας, οὐχὶ δὲ ἐκάτερα ἐκάτερα ὅσαι ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας τοσαῦται καὶ ἐπὶ τῆς ἐγκεκλιμένης συναναφέρονται.

685 οἷον ἐπεὶ ἐδείχθησαν ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας τῷ τοῦ Κριοῦ δωδεκατημορίῳ συναναφερόμενοι τοῦ ἰσημερινοῦ χρόνοι κζ ν, τοσοῦτοι δὲ καὶ τῷ τῆς Παρθένου, ὡς συνάγεσθαι τῶν δύο τούτων δωδεκατημορίων ἴσον ἀπεχόντων τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ τοὺς συναναφερομένους ἐπ’ ὀρθῆς τῆς σφαίρας χρόνους νε μ, δείκνυσιν ὅτι καὶ ἐπὶ τῶν ἐγκλίσεων οἱ αὐτοὶ νε μ χρόνοι τοῦ ἰσημερινοῦ τοῖς αὐτοῖς δύο δωδεκατημορίοις συναναφέρονται, οὐχὶ ὡς καὶ ἐνταῦθα ἐκατέρω κζ ν, ἀλλὰ συναμφοτέροις νε μ, καθάπερ ἐπὶ τῶν διὰ Ῥόδου οἰκήσεων ἐξῆς δείκνυσιν, ὅτι τῷ μὲν τοῦ Κριοῦ δωδεκατημορίῳ συναναφέρονται χρόνοι ιθ ιβ, τῷ δὲ τῆς Παρθένου οἱ λείποντες εἰς τοὺς νε μ χρόνους λς κη. «Ἐκκείσθω γὰρ ὁ ΑΒΓΔ μεσημβρινὸς καὶ τῶν ἡμικυκλίων τό τε ΒΕΔ «ἀνατολικὸν τοῦ ὀρίζοντος, καὶ τὸ ΑΕΓ τοῦ ἰσημερινοῦ. καὶ γεγράφθωσαν «δύο ἴσον ἀπέχουσαι τοῦ χειμερινοῦ τροπικοῦ σημείου τοῦ διὰ μέσων «τῶν ζωδίων περιφέρειαι, ἢ τε ΖΗ, τοῦ Ζ ὑποκειμένου μετοπωρινοῦ, καὶ «ἡ ΘΗ, τοῦ Θ ὑποκειμένου ἑαρινοῦ.

686 » Χρὴ δὲ πάλιν καὶ ἐνταῦθα νοεῖν μετακινουμένην μὲν τὴν σφαῖραν, ὥστε τοῦ μὲν Θ σημείου κατὰ τῆς ἀρχῆς τοῦ Κριοῦ ὑπὸ γῆν λαμ * βανομένου ἀπέχειν τοῦ Η σημείου τοῦ ἐπὶ τοῦ ὀρίζοντος ἀνατέλλοντος εἰς τὰ προηγούμενα ὡς τὴν ΘΗ περιφέρειαν λόγου ἔνεκεν μοιρῶν οὔσανξ, καὶ διὰ τοῦτο εἶναι αὐτὴν Ἰχθύων καὶ Ὑδρηχοῦ, καὶ γίνεσθαι τὸ Η σημεῖον ἀρχὴν Ὑδρηχοῦ, καὶ ἀπέχειν ἀπὸ τοῦ χειμερινοῦ τροπικοῦ, τουτέστιν τῆς τοῦ Αἰγόκερω ἀρχῆς εἰς τὰ ἐπόμενα μοίρας λ· καὶ πάλιν τοῦ Ζ ἀπέχειν τὸ Η σημεῖον εἰς τὰ ἐπόμενα μοίραςξ, ὥστε εἶναι τὴν ΖΗ Ζυγοῦ καὶ Σκορπίου, καὶ γίνεσθαι πάλιν τὸ Η σημεῖον κατὰ τῆς ἀρχῆς τοῦ Τοξότου· καὶ ἀπέχειν τοῦ χειμερινοῦ τροπικοῦ εἰς τὰ προηγούμενα τὰς λοιπὰς ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Αἰγόκερω μοίρας λ. Καὶ ἐπεὶ τὸ Η σημεῖον κατὰ διαφόρων τμημάτων τοῦ ζωδιακοῦ τυγχάνει ἴσον ἀπεχόντων τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ, ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ ἔσται παραλλήλου, ἐπειδήπερ καὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΖΗ τῇ ΘΗ· καὶ κατὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ ὀρίζοντος δηλαδὴ ἀνενεχθήσονται, ἐπεὶ καὶ ὁ παράλληλος ἐδείχθη. Καὶ ἐὰν γράψωμεν τὸ τοῦ ζωδιακοῦ ἡμικύκλιον τὸ ΑΜΓ, τοῦ μὲν Α κατὰ τὸ μετοπωρινὸν ἢ ἑαρινὸν λαμβανομένου, τοῦ δὲ Μ κατὰ τὸ χειμερινὸν ἢ θερινὸν τροπικόν, τοῦ δὲ Γ κατὰ τὸ ἑαρινὸν ἢ μετοπωρινόν, καὶ ἀπολαβόντες τὴν ΜΝ λόγου ἔνεκεν μοιρῶνλ, διὰ τοῦ Ν παράλληλον τῷ ΑΕΓ ἰσημερινῷ γράψωμεν τὸν ΝΗΞ, ἔσται καὶ ἡ ΜΞ μοιρῶνλ, λοιπὴν δὲ ἐκάτερα τῶν ΝΑ, ΞΓ μοιρῶν ξ. καὶ δηλαδὴ τὰ Ν, Ξ διὰ τοῦ Η ἀνενεχθήσονται. καὶ τῶν μὲν Ν, Ξ σημείων κατὰ τοῦ Η ἀναφερομένων ἢ μὲν ΞΓ τὴν τῆς ΗΘ θέσιν ἔξει ἢ δὲ ΝΑ τὴν τῆς ΗΖ. Καὶ

συνανενεχθήσεται δηλονότι ἡ ΖΗ τοῦ ζωδιακοῦ τῇ ΕΖ τοῦ ἰσημερινοῦ, καὶ ἡ ΘΗ τῇ ΘΕ, ὥστε καὶ συναμφοτέραις ταῖς ΘΗ, ΗΖ ὅλην τὴν ΘΕΖ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τῆς ἐγκλίσεως συναναφέρεσθαι. Δῆλον δὲ αὐτόθεν ὅτι ἡ ΘΕΖ τοῦ ἰσημερινοῦ ταῖς ΘΗ, ΗΖ τοῦ ζωδιακοῦ καὶ ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας συνανενεχθήσονται, ἐπειδὴ περ ἐὰν ὑποθέμενοι τὸν νότιον πόλον τοῦ ἰσημερινοῦ τὸ Κ σημεῖον γράψωμεν δι' αὐτοῦ καὶ τοῦ Η μεγίστου κύκλου τεταρτημόριον τὸ ΚΗΛ ἰσοδυναμοῦν τῷ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντι, διὰ τὸ καὶ αὐτὸν ὡς ἔφαμεν διὰ τῶν πόλων γεγράφθαι τῆς σφαίρας, ἡ μὲν ΘΛ ἔσται ἡ συναναφερομένη ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας τῇ ΘΗ τοῦ ζωδιακοῦ, διὰ τὸ ταύτας ὑπὸ ΚΗΛ τότε ὀρίζοντος ὑπὸ γῆν ἀπολαμβάνεσθαι, ἡ δὲ ΛΖ ἡ συνανενεχθεῖσα τῇ ΗΖ τοῦ ζωδιακοῦ, διὰ τὸ καὶ ταύτας ὑπὲρ γῆς αὐτοῦ ἀπολαμβάνεσθαι.

687 Ὡστε συναμφοτέραν τὴν ΘΛΖ τοῦ ἰσημερινοῦ. τουτέστιν τὴν ΘΕΖ, συναμφοτέραις ταῖς ΘΗ, ΗΖ τοῦ ζωδιακοῦ καὶ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας συναναφέρεσθαι, αἵτινες καὶ ἐπὶ τῆς ἐγκεκλιμένης ἐδείχθησαν αὐταῖς συναναφερόμεναι. §Καὶ φανερόν ἡμῖν γέγονεν διὰ τῶν τοιούτων» δύο λημμάτων «ὅτι «καὶ ἂν ἐφ' ἐνὸς μόνου τεταρτημορίου ... τὰς κατὰ μέρος συναναφορὰς «ἐπιλογισώμεθα συναποδεδειγμένα ἔσονται καὶ αἱ τῶν λοιπῶν γ τεταρτημορίων συναναφοραί.» Ἐκκείσθω γὰρ ὁ ζωδιακὸς κύκλος διηρημένος εἰς τὰ δωδεκατημόρια ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς ὑποκειμένης καταγραφῆς.

688 Καὶ διὰ τὸ πρῶτον λημμάτιον, ἐπεὶ ἴσον ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ σημείου ὁ τε Κριὸς καὶ οἱ Ἰχθύες, ἐν ἴσοις χρόνοις συνανενεχθήσονται. Ἐὰν οὖν ἐπιλογισώμεθα τοὺς τῷ Κριῷ συναναφερομένους χρόνους ἔξομεν καὶ τοὺς τοῖς Ἰχθύσιν συναναφερομένους, διὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἐὰν τοὺς τῷ Ταύρῳ, καὶ τοὺς τῷ Ὑδροχόῳ, καὶ ἔτι ἂν τοὺς τοῖς Διδύμοις, ἔξομεν καὶ τοὺς τῷ Αἰγόκερῳ. Ὡστ' ἐὰν τοὺς συναναφερομένους χρόνους τῷ ἀπὸ τῆς ἑαρινῆς ἰσημερίας ἐπὶ τὴν θερινὴν τροπὴν τεταρτημορίῳ ἐπιλογισώμεθα, συναποδεδειγμένους ἔξομεν καὶ τοὺς ἀπὸ τῆς ἑαρινῆς ἰσημερίας ἐπὶ τὴν χειμερινὴν τροπὴν τοῦ ἐτέρου τεταρτημορίου. Καὶ διὰ τὸ δεύτερον λημμάτιον, ἐπεὶ καὶ ὁ Κριὸς καὶ ἡ Παρθένος ἴσον ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ θερινοῦ τροπικοῦ, συναμφοτέροι τοσοῦτοις χρόνοις ἐπὶ τῆς ἐγκλίσεως συναναφέρονται, οἷς καὶ ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας. ἔχομεν δὲ πόσοις χρόνοις ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας συναναφέρονται πεπραγμάτευται γὰρ ἡμῖν τὸ τοιοῦτον ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ. ἔχομεν ἄρα πόσοις καὶ ἐπὶ τῆς ἐγκλίσεως. ἐὰν οὖν εὗρωμεν τὸ τοῦ Κριοῦ δωδεκατημόριον πόσοις χρόνοις συναναφέρεται, καὶ λοιπὸν ἔξομεν τὸ τῆς Παρθένου. Ὁμοίως δὲ καὶ διὰ τὴν τοῦ Ταύρου συναναφορὰν ἔξομεν καὶ τὴν τοῦ Λέοντος, καὶ ἔτι διὰ τὴν τῶν Διδύμων τὴν τοῦ Καρκίνου. Ὡστε πάλιν ἐκ τῶν ἀπὸ τῆς ἑαρινῆς ἰσημερίας μέχρι θερινῆς τροπῆς συναναφορῶν ἔξομεν καὶ τὰς ἀπὸ θερινῆς τροπῆς ἐπὶ μετοπωρινὴν ἰσημερίαν. Καὶ διὰ τὸ πρῶτον πάλιν λημμάτιον, ἐπεὶ ἴσον ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ μετοπωρινοῦ σημείου ἡ τε Παρθένος καὶ αἱ Χηλαί, ἴσοις χρόνοις συναναφέρονται.

689 ἐὰν οὖν ἐπιλογισώμεθα τοὺς τῇ Παρθένῳ συναναφερομένους χρόνους, ἔξομεν ἄρα καὶ τοὺς ταῖς Χηλαῖς. Καὶ ὁμοίως διὰ τοὺς τῷ Λέοντι τοὺς τῷ Σκορπίῳ, καὶ ἔτι διὰ τοὺς τῷ Καρκίνῳ τοὺς τῷ Τοξότῃ. Ὡστε ἐὰν τοῦ ἐνὸς τεταρτημορίου τοῦ ἀπὸ τῆς ἑαρινῆς ἰσημερίας ἐπὶ τὴν θερινὴν τροπὴν συναναφερομένους χρόνους ἐπιλογισώμεθα, συναποδεδειγμένοι ἔσονται καὶ οἱ τῶν λοιπῶν τριῶν τεταρτημορίων. §Τούτων οὖν προλημφθέντων, ἐξῆς ποιεῖται τοῦ εἰρημένου τεταρτημορίου τοῦ διὰ μέσων τῶν ἀναφορῶν ἀπόδειξιν, προσχρώμενος πάλιν ὑποδείγματος ἕνεκεν τῷ διὰ Ῥόδου παραλλήλῳ δι' ἃς ἐπάνω εἴπαμεν αἰτίας, ἔνθα ἡ μὲν μεγίστη ἡμέρα ὥρων ἐστὶν ἰσημερινῶν $\text{id} \angle$, ὁ δὲ βόρειος πόλος ἐξήρτηται τοῦ ὀρίζοντος μοίρας λς. Καὶ ἐκθέμενος πάλιν μεσημβρινὸν μὲν κύκλον τὸν ΑΒΓΔ, ὀρίζοντος δὲ ἀνατολικὸν ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ, ἰσημερινοῦ δὲ τὸ ΑΕΓ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τῶν ζωδίων τὸ ΖΗΘ, οὕτως ἔχον ὥστε τὸ Η σημεῖον τῆς κοινῆς τομῆς τοῦ τε ΑΕΓ ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ΖΗΘ ζωδιακοῦ ὑποκεῖσθαι ἑαρινόν, τουτέστιν τὸ κατὰ τῆς ἀρχῆς τοῦ Κριοῦ· καὶ λαβὼν τὸν βόρειον πόλον τοῦ ἰσημερινοῦ

τὸ Κ σημεῖον, καὶ γράψας δι' αὐτοῦ καὶ τῆς κατὰ τὸ Λ κοινῆς τομῆς τοῦ τε ζωδιακοῦ καὶ τοῦ ὀρίζοντος μεγίστου κύκλου τεταρτημόριον τὸ ΚΛΜ, φησὶν· §«Προκείσθω δὴ, τῆς ΗΛ» τοῦ ζωδιακοῦ «περιφερείας δοθείσης, τὴν «συνανενεχθεῖσαν αὐτῇ τοῦ ἰσημερινοῦ τουτέστιν τὴν ΗΕ περιφέρειαν εὐ«ρεῖν, καὶ ὑποκείσθω πρῶτον τὸ ΗΛ τὸ τοῦ Κριοῦ δωδεκατημόριον.

690 » Καὶ διὰ τὴν καταγραφὴν καὶ τὴν κατὰ διαίρεσιν σφαιρικὴν ἀπόδειξιν τῆς ἀφαιρέσεως καὶ καταλείψεως τοῦ λόγου, τῆς ΚΔ οὔσης τοῦ ἐξάρματος, καὶ τῆς ΛΜ λοξώσεως τῆς τριακονταμοιρίας τοῦ Κριοῦ, συνάγεται ἡ ΕΜ περιφέρεια ἐκ μεταφοράς τοῦ λόγου μοιρῶν ἢ λη. «Καὶ ἐπεὶ ὅλη ἡ ΜΗ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας τῇ ΛΗ περιφερείᾳ τῷ τοῦ «Κριοῦ δωδεκατημορίῳ» συναναφέρεται, διὰ τὸ πάλιν τὸν ΚΛΜ διὰ τῶν πόλων ὄντα ἰσοδυναμεῖν τῷ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντι, ἔσται καὶ ὅλη ἡ ΜΗ τῶν ἀποδεδειγμένων ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας τοῦ Κριοῦ συναναφερομένων χρόνων κζ ν, ἡ δὲ ΗΕ ἥτις συνανηνέχθη τῇ ΗΛ τριακονταμοιρίᾳ τοῦ Κριοῦ ἐπὶ τῆς ὑποκειμένης διὰ Ῥόδου ἐγκλίσεως χρόνων ιθ ιβ. Καὶ συναποδέδεικται, ὡς ἔφαμεν, διὰ τὰ προεκτεθέντα δύο λημμάτια, ὅτι καὶ τὸ μὲν τῶν Ἰχθύων δωδεκατημόριον τοῖς αὐτοῖς χρόνοις συναναφέρεται ιθ ιβ, ἐκότερον δὲ τό τε τῆς Παρθένου καὶ τὸ τῶν Χηλῶν, τοῖς λείπουσιν εἰς τὴν διπλὴν τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας συναναφορῶν χρόνοις λς κη, ἐπειδήπερ ἐν τῷ πρώτῳ ἀπεδείκνυμεν, ὅτι αἱ ἴσον ἀπέχουσαι τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ σημείου περιφέρειαι τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ταῖς ἴσαις ἀεὶ περιφερείαις τοῦ ἰσημερινοῦ συναναφέρονται, ἴσον δὲ ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ ἑαρινοῦ σημείου ὃ τε Κριὸς καὶ οἱ Ἰχθύες, ἐδείξαμεν δὲ τὸ τοῦ Κριοῦ δωδεκατημόριον ἀναφερόμενον χρόνοις ιθ ιβ, ἐσόμεθα ἄρα δεδειχότες ὅτι καὶ τὸ τῶν Ἰχθύων δωδεκατημόριον συνανενεχθήσεται τοῖς αὐτοῖς χρόνοις ιθ ιβ.

691 Πάλιν ἐπεὶ ἐδείξαμεν ἐν τῷ δευτέρῳ λήμματι, ὅτι αἱ συναναφερόμεναι τοῦ ἰσημερινοῦ περιφέρειαι ταῖς ἴσαις καὶ ἴσον ἀπεχούσαις τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ σημείου τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου, συναμφοτέραι συναμφοτέραις αὐτῶν ταῖς ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἀναφοραῖς ἴσαι εἰσὶν· ἐδείχθη δὲ ἐκότερον τό τε τοῦ Κριοῦ καὶ τὸ τῆς Παρθένου ἴσον ἀπέχον τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ, ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας συναναφερόμενον χρόνοις κζ ν, συναμφοτέρα δὲ δηλονότι νε μ, τοσούτοις ἄρα συνανενεχθήσονται καὶ ἐπὶ τῆς ἐκκειμένης ἐγκλίσεως τό τε τοῦ Κριοῦ καὶ τὸ τῆς Παρθένου δωδεκατημόριον, ὧν τὸ τοῦ Κριοῦ συναναφερόμενον ἐδείξαμεν ἐπὶ τῆς διὰ Ῥόδου ἐγκλίσεως χρόνοις ιθ ιβ· καὶ λοιπὸν ἄρα τὸ τῆς Παρθένου δωδεκατημόριον ἀνενεχθήσεται ἐπὶ τῆς αὐτῆς ἐγκλίσεως τοῖς λείπουσιν εἰς τοὺς διπλασίονας τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἀναφορῶν τοῦ Κριοῦ, χρόνων νε μ, χρόνοις λς κη. παραλαμβάνομεν δὲ τοὺς διπλασίονας τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἀναφορῶν χρόνους νε μ, διὰ τὸ δεδεῖχθαι ἐκότερον τό τε τοῦ Κριοῦ καὶ τὸ τῆς Παρθένου δωδεκατημόριον ἴσον ἀπέχον[τα] τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας τοῖς ἴσοις κζ ν χρόνοις συναναφερόμενον. Καὶ διὰ τὸ πρῶτον πάλιν λημμάτιον, ἐπεὶ ἴσον ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ μετοπωρινοῦ ἰσημερινοῦ σημείου τό τε τῆς Παρθένου δωδεκατημόριον καὶ τὸ τῶν Χηλῶν, καὶ τοῦτο ἄρα συνανενεχθήσεται τοῖς ἴσοις χρόνοις λς κη. Ἦ καὶ ὅτι πάλιν τό τε τῶν Ἰχθύων καὶ τὸ τῶν Χηλῶν δωδεκατημόριον ἐδείχθη ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας συναναφερόμενα χρόνοις νε μ, ταῦτα δὲ ἴσον ἀπέχουσιν τοῦ χειμερινοῦ τροπικοῦ, ὧν τὸ τῶν Ἰχθύων ἐλέχθη ἐπὶ τῆς διὰ Ῥόδου ἐγκλίσεως ἀναφερόμενον χρόνοις ιθ ιβ, καὶ λοιπὸν ἄρα διὰ τὰ εἰρημένα τὸ τῶν Χηλῶν δωδεκατημόριον συνανενεχθήσεται τοῖς λοιποῖς πάλιν χρόνοις λς κη.

692 Ἀκολούθως δὲ τοῖς ἐπὶ ταύτης ἐγκλίσεως λημφθεῖσιν καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων λαμβάνοντες εὐρήσομεν τὰς οἰκείας καθ' ἕκαστον ὀρίζοντα συναναφοράς. Ἔσται δὲ ἡμῖν τὰ ἐξῆς σαφὴ ἕως ὅπου «καὶ φανερόν ὅτι τὸν αὐτὸν «ἂν τούτοις τρόπον λαμβάνοιμεν καὶ τὰς τῶν ἐλαττόνων τμημάτων τοῦ «διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ συναναφοράς, ἔτι δὲ «ἂν εὐχρηστότερον καὶ μεθοδικώτερον αὐτὰς ἐπιλογιζοίμεθα * καὶ οὐ«τως.» §Ἐξῆς δὲ πάλιν

ἐκτίθεται καὶ ἕτερον τρόπον τῆς τοιαύτης ἀποδείξεως εὐμεταχείριστον δὲ μᾶλλον καὶ σαφέστερον, καὶ προλαμβάνει καὶ πρὸς τὴν τοιαύτην δεῖξιν λημμάτιον, οὗ ἡ πρότασις δύναται εἶναι τοιαύτη· Ἐὰν τοῦ ἑαρινοῦ ἢ μετοπωρινοῦ σημείου τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου ἀνατέλλοντος ἀπολάβωμεν ἀπ' αὐτοῦ ἐξῆς τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων τυχοῦσαν περιφέρειαν, καὶ διὰ τοῦ λημφθέντος σημείου παράλληλον κύκλον τῷ ἰσημερινῷ γράψωμεν, καὶ ἔτι διὰ τοῦ πόλου τῆς σφαίρας καὶ τοῦ γινομένου σημείου πρὸς τῷ ὀρίζοντι ὑπὸ τοῦ παραλλήλου μεγίστου κύκλου γράψωμεν περιφέρειαν, ἢ ἀπολαμβανομένη περιφέρεια τοῦ ἰσημερινοῦ ὑπὸ τε τοῦ ὀρίζοντος καὶ τοῦ οὕτως γραφέντος μεγίστου κύκλου περιέξει τὴν διαφορὰν ἢ διαφέρει ἢ ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας συναναφορὰ τοῦ ἀπειλημμένου τμήματος τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων πρὸς τὴν ἐπὶ τῆς ἐγκεκλιμένης σφαίρας συναναφορὰν τοῦ αὐτοῦ τμήματος. «Ἐστω γὰρ μεσημβρινὸς κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, καὶ ὀρίζοντος μὲν ἀνατολικὸν «ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ, ἰσημερινοῦ δὲ τὸ ΑΕΓ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τῶν «ζωδίων τὸ ΖΕΗ, τῆς Ε τομῆς κατὰ τὸ ἑαρινὸν ὑποκειμένης, καὶ ἀπο«ληφθείσης αὐτοῦ» εἰς τὰ προηγούμενα «τῆς ΕΘ περιφερείας τυχού «σης, γεγράφθω τμήμα τοῦ διὰ τοῦ Θ παραλλήλου τῷ ἰσημερινῷ τὸ ΘΚ, «καὶ ληφθέντος τοῦ Λ νοτίου πόλου τοῦ ἰσημερινοῦ, γεγράφθω δι' αὐτοῦ «καὶ τοῦ Κ τεταρτημόριον μεγίστου κύκλου τὸ ΛΚΝ.

693 » λέγω ὅτι τὸ ΝΕ τμήμα περιέχει τὴν διαφορὰν τῆς τε ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας καὶ ἐπὶ τῆς ἐγκλίσεως ἀναφορᾶς τοῦ ΕΘ τμήματος. Γεγράφθω γὰρ τὰ ΛΘΜ, ΛΕ τεταρτημόρια. φανερόν μὲν οὖν αὐτόθεν ἐστὶν ὅτι τὸ ΕΘ τμήμα τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ἐπὶ μὲν ὀρθῆς τῆς σφαίρας τῇ ΕΝΜ τοῦ ἰσημερινοῦ συναναφέρεται, διὰ τὸ πάλιν τὸν ΛΘΜ μεγίστον διὰ τῶν πόλων ἰσοδυναμεῖν τῷ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντι ἐπὶ δὲ τῆς ἐγκλίσεως τῇ ἴσῃ τῇ ΜΝ· τοῦ γὰρ ΒΕΔ ὀρίζοντος ὄντος ἐπὶ τῆς ἐγκλίσεως, δηλὸν ὅτι ἡ ΕΘ τῇ ΘΚ τοῦ παραλλήλου συναναφέρεται.

694 ἀλλὰ καὶ ἡ ΚΘ τῇ ΜΝ ἐν ἴσῳ χρόνῳ συναναφέρεται· ὅμοιαι γάρ εἰσιν παραλλήλων οὔσαι περιφέρειαι μεταξὺ τῶν μεγίστων κύκλων, καὶ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν ἐγράφησαν αἱ ΛΘΜ, ΛΚΝ. καὶ ἡ ΘΕ ἄρα τῇ ἴσῃ τῇ ΜΝ περιφερεία τοῦ ἰσημερινοῦ συναναφέρεται. Καὶ ἐπεὶ ἡ μὲν ΕΜ τοῦ ἰσημερινοῦ τῷ ΕΘ τμήματι τοῦ ζωδιακοῦ ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας συναναφέρεται, τῇ δὲ αὐτῇ τῇ ΕΘ τοῦ ζωδιακοῦ ἐπὶ τῆς ἐγκλίσεως ἡ ἴση τῇ ΜΝ, δηλὸν ὅτι τὸ ΝΕ τμήμα ὑπεροχὴ ἔσται τῶν τε ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας καὶ τῆς ἐγκεκλιμένης συναναφορῶν τοῦ αὐτοῦ τμήματος τοῦ ζωδιακοῦ. Ἐφησεν δὲ τὴν ΕΘ οὐχὶ τῇ ΝΜ, ἀλλὰ τῇ ἴσῃ τῇ ΜΝ συναναφέρεσθαι, διὰ τὸ τὴν συναναφερομένην τῇ ΕΘ ὁμοίαν μὲν εἶναι τῇ ΜΝ, καὶ ἰσοχρόνιον αὐτῇ συναναφέρεσθαι μὴ μὴν αὐτὴν εἶναι τὴν ΜΝ, ἀλλὰ τὴν ἀπὸ τοῦ Ε πρὸς τῷ ὀρίζοντι, ὁμοίαν μὲν πάλιν τῇ ΚΘ, ἴσην δὲ δηλονότι τῇ ΜΝ, διὰ τὸ καὶ τὰ Ε, Κ σημεῖα ἅμα πρὸς τῷ ὀρίζοντι τυγχάνειν. Καὶ φανερόν ὅτι τῆς τοιαύτης ἀποδείξεως ἐπὶ τυχούσης περιφερείας τῷ μεγέθει τοῦ ζωδιακοῦ γεγενημένης, ὡς τῆς ΕΘ, καὶ μὴ δεδομένης, καθόλου ἔσται ἡ ἀπόδειξις. Ὡστε φανερόν «ὅτι καὶ καθόλου ἔάν γραφῶσιν τινες οὕτω περιφέρειαι «μεγίστων κύκλων ὡς ἡ ΛΚΝ, τὸ ΝΕ τμήμα περιέξει τὴν ὑπεροχὴν τῶν «ἐπὶ τῆς ὀρθῆς καὶ τῆς ἐγκεκλιμένης σφαίρας ἀναφορῶν τῶν ἀπολαμβανομένων τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου περιφερειῶν ὑπὸ τοῦ Ε» κατὰ τὸν ἰσημερινὸν «καὶ τοῦ διὰ τοῦ Κ παραλλήλου» γενομένου σημείου ὡς τοῦ Θ. Σ'Αποδείξας οὖν τὸ τοιοῦτον λημμάτιον συντελοῦν αὐτῷ πρὸς προχειροτέραν τῶν ἀναφορῶν ἔκθεσιν, ἐξῆς καὶ τὰς τῶν κατὰ μέρος δεκαμοιριῶν ἀναφορὰς τοῦ ζωδιακοῦ ἐπιλογίζεται, διὰ τὸ τὰς ἔτι τούτων ὡς ἔφαμεν μικρομερεστέρας μηδενὶ ἀξιολόγῳ διαφέρειν παρὰ τὰ γραμμικὰ τῶν καθ' ὁμαλήν παραύξησιν λαμβανομένων ἀναφορῶν.

695 ΣΚαὶ φησιν· «τούτου θεωρηθέντος ἐκκείσθω ἡ καταγραφὴ μόνων «τοῦ τε μεσημβρινοῦ καὶ τῶν τοῦ ὀρίζοντος καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ ἡμικυ«κλίων», ὥστε πάλιν μεσημβρινὸν μὲν εἶναι κύκλον τὸ ΑΒΓΔ, τῶν δ' ἡμικυκλίων τὸ μὲν ΒΕΔ τοῦ ὀρίζοντος, τὸ δὲ ΑΕΓ τοῦ ἰσημερινοῦ. ἔστω δὲ καὶ νότιος αὐτοῦ πόλος τὸ Ζ σημεῖον, καὶ «διὰ τοῦ Ζ γεγράφθω «δύο τεταρτημόρια μεγίστων

κύκλων, τό τε ΖΗΘ καὶ τὸ ΖΚΛ. ὑπο«κείσθω δὲ τὸ μὲν Η σημεῖον καθ' ὃ τέμνει ὁ χειμερινὸς τροπικὸς» τὸν ὀρίζοντα, τουτέστιν καθ' οὗ ἀνατέλλει ἡ ἀρχὴ τοῦ Αἰγόκερω, τὸ δὲ Κ πάλιν καθ' οὗ τέμνει τὸν ὀρίζοντα ὁ διὰ τῆς ἀρχῆς τῶν Ἰχθύων γραφόμενος παράλληλος, ἢ καὶ ἄλλου τινὸς τῶν τοῦ τεταρτημορίου τμημάτων δεδομένων. Δῆλον γὰρ ὅτι μεταξὺ τῶν Η, Ε σημείων τοῦ ὀρίζοντος τὸ νοτιώτερον ὅλον ἡμικύκλιον τοῦ ζωδιακοῦ ἀνατέλλει, διὰ τὸ τὸ Η ὑποκεῖσθαι καθ' οὗ τὸ χειμερινὸν τροπικὸν σημεῖον ἀνατέλλει, ὅπερ ἐστὶν νοτιώτατον τοῦ ζωδιακοῦ.

696 Καὶ ἐπεὶ πάλιν διὰ τὴν καταγραφὴν «εἰς δύο μεγίστων κύκλων περι«φερείας τάς τε ΖΘ καὶ ΕΘ γεγραμμέναι εἰσὶν ἢ τε ΖΚΛ καὶ ἡ ΕΚΗ, τέμ«νουςαι ἀλλήλας κατὰ τὸ Κ, ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΗ πρὸς τὴν ὑπὸ «τὴν διπλὴν τῆς ΗΖ λόγος συνῆπται ἔκ τε τοῦ * τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς «ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΛ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς «ΛΚ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΚΖ.» Σύγκειται δὲ ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΗ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΖ λόγος ἐκ τῶν εἰρημένων λόγων, ἐπειδήπερ ἐκ τοῦ κατὰ διαίρεσιν σφαιρικοῦ θεωρήματος μεμαθήκαμεν ὅτι ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΗ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΘ λόγος συνῆπται ἐκ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΚ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΚΛ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΛΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΘ. διὸ ταύτην τὴν τάξιν ἀκολουθῶς τοῖς ἔμπροσθεν ἡμῖν εἰρημένοις ἀνάπαλιν λαμβάνων, φησὶν ὅτι ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΗ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΖ λόγος συνῆπται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΛ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΛΚ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΚΖ. πεποιήται δὲ τὴν τοιαύτην ἀνάπαλιν τοῦ λόγου λήμψιν, ἵνα ἀφελὼν ἀπὸ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΗ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΖ λόγου τὸν τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΛΚ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΚΖ αὐτόθεν ἔχη καὶ τὸν τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΛ. τοῦτον γὰρ βούλεται τὸν λόγον αὐτῷ καταλείπεσθαι, διὰ τὸ ἐν ταῖς κατὰ κλίμα μεταφοαῖς τῶν λόγων δίδοσθαι τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ περιφερείας διαφορὰν οὔσαν τῆς ἐλαχίστης ἡμέρας παρὰ τὴν ἰσημερινὴν καὶ τὴν ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖαν· καὶ ταύτης διδομένης, προχειρότερον δίδοσθαι πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΛ περιφερείας, καὶ αὐτὴν τὴν ΕΛ ἢν ἐπιζητεῖ περιφέρειαν· καὶ οὐχὶ τὸν τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΛΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΘ, ὅπερ ἔμελλεν καταλείπεσθαι ἐν τῇ ἐπ' εὐθείας τοῦ λόγου λήμψει.

697 Καὶ ἔστιν ἡ μὲν τῆς ΘΗ περιφερείας διπλῇ μοιρῶν μζ μβ μ· αὕτη γὰρ ἡ ΘΗ ἐστὶν ἀπὸ τοῦ Θ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τὸ χειμερινὸν τροπικὸν τὸ Η τοῦ διὰ τῶν πόλων περιφέρεια, τῶν ἀποδεδειγμένων τῆς λοξώσεως μοιρῶν κγ να κ. καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν ἄρα τῆς ΘΗ περιφερείας εὐθεῖα τμημάτων ἐστὶν μη λα νε. Ἡ δὲ τῆς ΗΖ διπλῇ τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς ρπ τῆς διπλασίου τῆς ΕΖ μοιρῶν ρλβ ιζ κ. καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ρθ μδ νγ. «Ὡσαύτως δὲ καὶ ἐπὶ μὲν τῆς δέκα μοίρας ἀπεχούσης τῆς τοῦ Ε ἑαρί«νου σημείου» εἰς τὰ προηγούμενα, «ὥς πρὸς τὸ χειμερινὸν τροπικὸν «περιφερείας,» τουτέστιν τῆς τρίτης τῶν Ἰχθύων δεκαμοίρας, «ἡ μὲν «τῆς ΚΛ διπλασίων μοιρῶν ἐστὶν η γ ις· « ἡ γὰρ ἀπὸ τοῦ ἑαρινοῦ ἰσημερινοῦ δεκαμοίρα λελόξωται τὴν ἴσην τῇ ΛΚ μοιρῶν οὔσαν δ α λη.

698 ἡ ἄρα διπλῇ αὐτῆς ἔσται η γ ις. «ἡ δ' ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων η κε λθ. ἡ δὲ τῆς ΚΖ διπλῇ,» τῶν λειπουσῶν εἰς τὴν διπλὴν τῶν τῆς ΛΖ μοιρῶν ρπ, «ἔσται ροα νς μδ, ἡ δ' ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων «ριθ μβ ιδ.» καὶ ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ λόγου τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΖ, τουτέστιν τῶν μη λα νε πρὸς τὰ ρθ μδ νγ ἀφέλωμεν ὥς ἐπὶ τῆς πρώτης δεκαμοίρας τὸν τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΛΚ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΚΖ λόγον, τουτέστιν τὸν τῶν η κε λθ πρὸς τὰ ριβ μβ ιδ, καταλειφθήσεται ἡμῖν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΛ λόγος, ὁ τῶν νβ νς ε πρὸς τὰ η κε λθ. §Εῖτα τοῦ προχείρου καὶ σαφοῦς ἔνεκεν μεταλαμβάνει τὸν καταλιπέντα λόγον εἰς τὸν ξ, πολλαπλασιάσας τὰ ξ ἐπὶ τὰ η κε λθ καὶ

τὰ γενόμενα μερίσας παρὰ τὰ νβ νς ε. καὶ ποιεῖ ὡς νβ νς ε πρὸς η κε λθ, οὕτως ξ πρὸς θ λγ. §Καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν δεκαμοιριῶν ἀκολουθῶς τοῖς εἰρημένοις ἐπιλογισάμενος, τὸν καταλειπόμενον τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΛ λόγον μεταλαμβάνων· οἶων ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ, ξ ἐξέθετο τὰ μεγέθη τῶν κατὰ δεκαμοιρίαν τοῦ ζωδιακοῦ, τῆς ΕΛ περιφερείας διαφορᾶς οὔσης τῶν εἰρημένων ἀναφορῶν ἐπὶ τε τῆς ὀρθῆς σφαίρας καὶ τῆς ἐγκεκλιμένης.

699 καθάπερ ἐὰν φήσωμεν, ἐπεὶ τῇ ΚΜ περιφερείᾳ ἐπὶ μὲν τῆς ὀρθῆς σφαίρας συναναφέρεται ἡ ΜΛ, ἐπὶ δὲ τῆς ἐγκεκλιμένης ἡ ΜΕ, διαφορὰ ἄρα τῶν εἰρημένων ἀναφορῶν τοῦ ΚΜ τμήματος ἔσται ἡ ΕΛ. καὶ ἐπειδὴ ἐπὶ τῆς διὰ Ῥόδου οἰκίσεως ἡ διαφορὰ τῆς μεγίστης ἢ ἐλαχίστης ἡμέρας παρὰ τὴν ἰσημερινὴν ὥρων μὲν ἐστὶν ἰσημερινῶν β λ', χρόνων δὲ δηλονότι λζ λ, ἐδείχθη δὲ αὕτη διπλασίων οὔσα τῆς ΕΘ, ἔσται ἄρα καὶ ἡ διπλὴ τῆς ΕΘ περιφερείας λζ λ, ἡ δὲ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων λη λδ. Καὶ ἐπεὶ εὐρήκαμεν τὸν λόγον τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΛ ἐπὶ τῆς πρώτης ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ δεκαμοιρίας, τὸν τῶν ξ πρὸς τὰ θ λγ, καὶ οἶων ἄρα ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ, λη λδ, τοιούτων καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΛ εὔρεθήσεται ζ η, πολλαπλασιαζόντων ἡμῶν τὰ λη λδ ἐπὶ τὰ θ λγ καὶ μεριζόντων παρὰ τὸν ξ. τὴν δὲ ἐπ' αὐτῆς περιφέρειαν, τουτέστιν τὴν διπλὴν τῆς ΛΕ, ε νβ, τὴν δὲ ἡμίσειαν αὐτῆς, λέγω δὲ αὐτὴν τὴν ΛΕ, ὑπεροχὴν οὔσαν ὡς ἐπάνω ἀπεδείχθη τῶν τε ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας παρὰ τὴν ἐγκεκλιμένην ἀναφορῶν, ὡς νῦν ἐπὶ τῆς τρίτης δεκαμοιρίας τῶν Ἰχθύων, χρόνων β νς. §Οὐ πεποίηκεν δὲ ἐν τῇ μεταφο * ρᾶ τῶν κατὰ δεκαμοιρίαν ἀναφορῶν, οἷον ὡς ἐπὶ τῆς πρώτης δεκαμοιρίας, ὡς ξ πρὸς θ λγ, οὕτως λη λδ πρὸς ἄλλον τινά, ἀλλ' ἐναλλάξ ὡς ξ πρὸς λη λδ οὕτως θ λγ πρὸς ἄλλον τινά, διὰ τὸ πρόχειρον πάλιν, ἵνα ἀποσιωπῶν τὸν τῶν ξ πρὸς τὰ λη λδ λόγον καὶ προσυπακούων αὐτόν, τὸν κατὰ δεκαμοιρίαν μεταγόμενον τῆς διαφορᾶς κατονομάζῃ.

700 Ἐπεὶ οὖν ἀπεδείξαμεν ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας τῇ ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ δεκαμοιρία τῶν Ἰχθύων συναναφερομένους τοῦ ἰσημερινοῦ χρόνους θ ι, ἐδείχθη δὲ ἡ ΛΕ β νς, οἷς ὑπερέχουσιν οἱ θ ι χρόνοι ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας τῶν ἐπὶ τῆς διὰ Ῥόδου ἐγκεκλιμένης, ἐὰν ἄρα ἀπὸ τῶν θ ι χρόνων ἀφέλωμεν τοὺς β νς, καταλειφθήσονται ζ ιδ, οἵτινες συνανενεχθήσονται τὸν ὀρίζοντα τῇ τρίτῃ δεκαμοιρία τῶν Ἰχθύων ἐπὶ τῆς ὑποκειμένης διὰ Ῥόδου οἰκίσεως. Καὶ διὰ τὸ ἴσον ἀπέχειν τοῦ αὐτοῦ ἑαρινοῦ σημείου τὴν πρώτην δεκαμοιρίαν τοῦ Κριοῦ τῇ τρίτῃ τῶν Ἰχθύων, καὶ αὐτὴ ἀνενεχθήσεται τοῖς ἴσοις χρόνοις ζ ιδ· ἐκατέρα δὲ ἡ τρίτη δεκαμοιρία τῆς Παρθένου καὶ ἡ πρώτη τῶν Χηλῶν, διὰ τὸ ἴσον αὐτὰς ἀπέχειν τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ, ταῖς λειπούσαις εἰς τὴν διπλὴν τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἀναφορῶν χρόνων ιη κ, χρόνοις ιβ ζ. §«Ἐπὶ δὲ τῆς κ μοίρας ἀπεχούσης περιφερείας τοῦ ἰσημερινοῦ, τὴν «μὲν τῆς ΚΛ περιφερείας διπλὴν μοιρῶν ιε νδ ζ· « αὕτη γὰρ ἡ ΚΛ, λόξωσις οὔσα τῶν κ μοιρῶν, ἐστὶν ζ νζ γ· «τὴν δὲ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖαν «ις λε νς· τὴν δὲ τῆς ΚΖ διπλὴν,» τῶν λειπουσῶν εἰς τὴν διπλὴν τῶν ρπ «μοιρῶν ρξδ ε νδ· τὴν δὲ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖαν ριη ν μζ.» Πάλιν ὁμοίως ἀφελόντες ἀπὸ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΗ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΖ λόγου, τουτέστιν ἀπὸ τοῦ τῶν μη λα νε πρὸς τὰ ρθ μδ νγ τὸν τῶν ις λε νς πρὸς τὰ ριη ν μζ καταλείψομεν τὸν τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΛ λόγον τὸν αὐτὸν τῷ τῶν ξ πρὸς τὰ ιη νζ.

701 Καὶ διὰ ταῦτα πάλιν ἐπὶ τῆς διὰ Ῥόδου οἰκίσεως τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ εὐθείας οὔσης λη λδ, ἔσται καὶ οἶων ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ λη λδ, τοιούτων ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΛ ε ιβ ια· ἡ δ' ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια, τουτέστιν ἡ διπλὴ τῆς ΕΛ, μοιρῶν ια λθ, αὐτὴ δὲ ἡ ΕΛ ε ν ἔγγιστα, διαφορὰ πάλιν οὔσα τῆς ἀναφορᾶς τῆς κ μοίρας τῆς ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας πρὸς τὴν ἐγκεκλιμένην. Καὶ ἐπεὶ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἐδείξαμεν τὴν εἰκοσαμοιρίαν ἀναφερομένην χρόνοις ιη κε, ὡς καὶ ἡ ἔκθεσις τοῦ κανόνος περιέχει, ὧν νῦν τὴν διαφορὰν ἢ ὑπερέχουσιν οἱ

ιη κε χρόνοι τοὺς ἐπὶ τῆς ἐγκλίσεως ε ν, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ εἰκοσαμοιρία ἐπὶ τῆς διὰ Ῥόδου ἐγκλίσεως ἀνενεχθήσεται τοῖς λοιποῖς χρόνοις ιβ λε, οἵτινες παράκεινται εἰς τὸν κανόνα τῶν ἀναφορῶν ἐπὶ τοῦ διὰ Ῥόδου τετάρτου κλίματος τῇ τε τῶν Ἰχθύων καὶ τῇ τοῦ Κριοῦ εἰκοσαμοιρία, οὕση ἐπὶ μὲν Κριοῦ ἀπὸ τῆς ἀρχῆς, ἐπὶ δὲ Ἰχθύων ἀπὸ τοῦ τέλους ἐπὶ τὰ προηγούμενα. ἐπεὶ καὶ τῇ μὲν τρίτῃ δεκαμοιρία τῶν Ἰχθύων παράκεινται χρόνοι ς ιδ, τῇ δὲ δευτέρᾳ ς κα, οἱ συνάγουσιν τοὺς εἰρημένους χρόνους ιβ λε. Καὶ ἐπειδὴ ἡ πρώτη δεκαμοιρία ἀπὸ τοῦ ἑαρινοῦ ἰσημερινοῦ ἀναφέρεται χρόνοις ς ιδ, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ δευτέρα ἀνενεχθήσεται χρόνοις ς κα, οἵτινες πάλιν καὶ παράκεινται εἰς τὸν αὐτὸν κανόνα τῇ δευτέρᾳ δεκαμοιρία. Καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν δεκαμοιριῶν τοῖς αὐτοῖς ἐπιλογισμοῖς προσχρησάμενος μέχρι μοιρῶν ρ, παρέθηκεν τοὺς οἰκείως ἐπιβάλλοντας ἐκάστη δεκαμοιρία συναναφερομένους χρόνους ἐπὶ τοῦ εἰρημένου τετάρτου κλίματος, ἀφ' ὧν καὶ τὰς τῶν τριῶν λοιπῶν τεταρτημορίων διὰ τῶν ἐκτεθειμένων λημμάτων παρέθηκεν.

702 Δῆλον δὲ ὅτι ἐπὶ τῆς ἴσης ρ τοῦ διὰ μέσων ὅλη ἔσται ἡ ΘΕ διαφορὰ τῆς ὀρθῆς σφαίρας πρὸς τὴν ἐγκεκλιμένην τοῦ χειμερινοῦ τροπικοῦ τότε ἀνατέλλοντος καὶ τῆς ΖΚΛ τῆς αὐτῆς οὔσης τῇ ΖΗΘ· καὶ λοιποὺς καταλείπεσθαι τοὺς τῆς ΘΑ χρόνους ὡς ἐπὶ τῆς ὑποκειμένης οἰκήσεως οα ιε, διὰ τὸ τοὺς ΘΕ εἶναι τῶν ἡμισέων τῆς διαφορᾶς τῆς ἐλαχίστης ἡμέρας ἢ μεγίστης παρὰ τὴν ἰσημερινὴν ὥρων β λ', ἥτοι ὥρας α δ', χρόνων δὲ δηλονότι ιη με. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ἐγκλίσεων μεταφέροντες τὸν δεδειγμένον καθ' ἐκάστην δεκαμοιρίαν τῶν ξ λόγον εἰς τὸν τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ ἡμισείας οὔσης τῆς διαφορᾶς τῆς μεγίστης ἢ ἐλαχίστης ἡμέρας παρὰ τὴν ἰσημερινὴν εὐρήσομεν τὴν ΕΛ περιφέρειαν καθ' ἐκάστην δεκαμοιρίαν ἐπὶ τοῦ διδομένου κλίματος ἦν ἀφελόντες ἀπὸ τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας συναναφορῶν εὐρήσομεν τὴν λοιπὴν τὴν συναναφερομένην τοῦ ἰσημερινοῦ περιφέρειαν ἐκάστη τοῦ ζωδιακοῦ δεκαμοιρία. Ὡς δὲ καὶ ἐπὶ ἐτέρας οἰκήσεως τὸ αὐτὸ τοῦτο δεῖξωμεν, ὑποκείσθω δὲ ἡ ἡμετέρα δι' Ἀλεξανδρείας οἰκήσεις, ἔνθα ἡ μεγίστη ἡμέρα ὥρων ἐστὶν ἰσημερινῶν ιδ, ἡ δὲ ἐλαχίστη, ἡ δὲ τῆς ΕΘ διπλὴ δηλονότι ὥρων ἰσημερινῶν β, χρόνων δὲ λ, ἡ δὲ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα λα γ λ. Καὶ ἐπεὶ ἐπὶ τῆς πρώτης ἀπὸ τοῦ ἑαρινοῦ σημείου δεκαμοιρίας δέδεικται καταλιπεῖς ὁ λόγος πανταχοῦ ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΛ ὁ τῶν ξ πρὸς τὰ θ λγ, καὶ οἶων ἄρα ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ ἐπὶ τῆς Ἀλεξανδρείας οἰκήσεως λα γ λ, * τοιούτων καὶ ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΛ ἔσται δ νς λς.

703 ἡ δὲ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια, τουτέστιν ἡ διπλὴ τῆς ΕΛ, δ μδ. ἡ δὲ ἡμίσεια αὐτῆς, τουτέστιν αὐτὴ ἡ ΛΕ, β κβ, οἱς ὑπερέχουσιν οἱ ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας συναναφερόμενοι χρόνοι τῇ πρώτῃ δεκαμοιρία ἀπὸ τοῦ ἑαρινοῦ τῶν ἐπὶ τῆς ὑποκειμένης δι' Ἀλεξανδρείας οἰκήσεως. Καὶ ἐπεὶ οἱ ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας συναναφερόμενοι τοῦ ἰσημερινοῦ τῇ πρώτῃ δεκαμοιρία χρόνοι εἰσὶν θ ι, ἐὰν ἄρα πάλιν ἀπὸ τούτων ἀφέλωμεν τοὺς τῆς ΛΕ εὐρεθέντας β κβ, ἔξομεν τοὺς ἐν τῷ ὑποκειμένῳ κλίματι συναναφερομένους τῇ πρώτῃ δεκαμοιρία ἀπὸ τοῦ ἑαρινοῦ σημείου χρόνους ς μη, οἵτινες καὶ ἐν τῷ κανόνι παράκεινται ἐπὶ τοῦ δι' Ἀλεξανδρείας τρίτου κλίματος τῇ τοῦ Κριοῦ πρώτῃ δεκαμοιρία, ἢ καὶ τῇ τῶν Ἰχθύων τρίτῃ. Ὅμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν δεκαμοιριῶν τοῦ τεταρτημορίου ἐπιλογισάμενοι εὐρήσομεν τὰς ἐκτεθειμένας ἀναφορὰς καὶ ἐπὶ τούτου τοῦ κλίματος. Δῆλον δὲ πάλιν ὡς ἐκ τῶν προαποδεδειγμένων λημμάτων συναποδεδειγμέναι ἔσονται καὶ τῶν λοιπῶν τριῶν τεταρτημορίων συναναφοραί. ΣΠεποιήται δὲ τὴν ἔκθεσιν τῆς τοιαύτης κανονογραφίας, ἐφ' ὅσον ἂν τὴν καθ' ἡμᾶς οἰκουμένην ἐνδέχεται φθάνειν, πρὸς τὸ ἐκ προχείρου λαμβάνεσθαι καὶ τὰ τοῖς ἀναφορικοῖς χρόνοις παρακολουθοῦντα, ἅτινα ἐξῆς δηλώσομεν, ἀρχόμενος μὲν ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ παραλλήλου, ἔνθα ἡ μεγίστη ἡμέρα ὥρων ἐστὶν ἰσημερινῶν ιβ, φθάνων δὲ μέχρι τοῦ ποιοῦντος τὴν μεγίστην ἡμέραν ὥρων ἰσημερινῶν ιζ, § τὴν παραύξησιν αὐτῶν καθ' ἡμῶριον ποιοῦμενος, διὰ

τὸ μηδενὶ ἀξιολόγῳ διαφέρειν παρὰ τὰ γραμμικὰ τὰς κατὰ τὸ ἔλαττον τοῦ ἡμιορίου γινομένης διαφορὰς τῶν καθ' ὁμαλὴν παραύξησιν λαμβανομένων.

704 Οἷον ὡς ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας, ἐπειδὴ ἐπὶ μὲν τῆς μεγίστης ἡμέρας ὥρων οὔσης ἰσημερινῶν ἰβ τῇ πρώτῃ δεκαμοιρίᾳ συναναφέρονται χρόνοι θ ι, ἐπὶ δὲ τοῦ διὰ τοῦ Αὐαλιτικοῦ κόλπου, ἔνθα ἡ μεγίστη ἡμέρα ὥρων ἐστὶν ἰσημερινῶν ἰβ λ', παράκειται τῇ αὐτῇ δεκαμοιρίᾳ τοῦ Κριοῦ συναναφερόμενοι χρόνοι η λε, ἐὰν τοὺς συναναφερομένους χρόνους τῇ αὐτῇ δεκαμοιρίᾳ ἐπὶ τῆς διὰ Ταπροβάνης οἰκίσεως, ἔνθα ἡ μεγίστη ἡμέρα ὥρων ἐστὶν ἰσημερινῶν ἰβ δ', βουλόμεθα λαμβάνειν διὰ τῶν γραμμικῶν δείξεων, εὐρήσομεν διὰ τῶν ἐπιλογισμῶν συναναφερομένους τῇ εἰρημένῃ δεκαμοιρίᾳ τοῦ Κριοῦ χρόνους η νβ ἔγγιστα, ὅσοι καὶ ἐκ τῆς καθ' ὁμαλὴν παραύξησιν ἔξαναλογίας καταλαμβάνονται. Ἔστιν γὰρ ὡς ἰβ πρὸς ἰβ δ' καὶ ἰβ δ' πρὸς ἰβ λ', οὕτως οἱ θ ι χρόνοι πρὸς η νβ καὶ οἱ η νβ πρὸς η λε.

705 ΣΠροτάξας οὖν τὰς ὅλου τοῦ ζωδιακοῦ κύκλου λς δεκαμοιρίας κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον, παρέθηκεν ἐν μὲν τοῖς ἐξῆς δευτέροις σελίδιοις τοὺς ἐκάστη δεκαμοιρία ἐπιβάλλοντας ἀναφορικοὺς χρόνους καὶ καθ' ἐκάστην ἔγκλισιν, ἐν δὲ τοῖς τρίτοις τὰς ἐπισυναγωγὰς αὐτῶν. Καὶ ἔστιν ἡ ἔκθεσις τοῦ κανόνος τοιαύτη. Περὶ τῶν κατὰ μέρος ταῖς ἀναφοραῖς παρακολουθούντων.

706 (1t) Τῶν οὖν ἀναφορικῶν χρόνων εἰρημένων, εὐμεταχείριστος ἡμῖν ἔσται ἡ τῶν τούτοις παρακολουθούντων κατάληψις, καὶ οὔτε γραμμικῶν δείξεων πρὸς τὰς τούτων ἐφόδους προσδεησόμεθα οὔτε ἐτέρας τινὸς κανονογραφίας, ὡς ἐξ αὐτῶν τῶν ἐπενεχθησομένων φανερόν ἐσται. Ποιεῖται δὲ τὰς ἐφόδους ὡς προδειχθείσης αὐτῷ τῆς τοῦ ἡλίου ψηφοφορίας, ἐπεὶ καὶ τὴν τούτου ἐποχὴν ὡς δεδομένην παραλαμβάνει· διὸ καὶ μετὰ ταύτην προσχρῆται αὐταῖς. «Πρῶτον μὲν γὰρ τῆς δοθείσης ἡμέρας ἢ νυκτὸς λαμβάνεται τὸ μέγεθος» πόσων ἐστὶν ὥρων ἰσημερινῶν, ἐπὶ μὲν τῆς ἡμέρας συναγόντων ἡμῶν τοὺς παρακειμένους χρόνους τῷ τοῦ ζωδιακοῦ ἡμικυκλίῳ ἐπ' ἐκείνου τοῦ κλίματος ἐφ' οὗ τὸ μέγεθος τῆς ἡμέρας βουλόμεθα πορίσασθαι τῷ ἀπὸ τῆς τῆς ἡλιακῆς μοίρας μέχρι τῆς κατὰ διάμετρον, «ὡς ἐπὶ τὰ «ἐπόμενα τῶν ζωδίων· ἐπὶ δὲ τῆς νυκτὸς» τῷ ἀπὸ τῆς διαμέτρου «ἐπ' αὐτὴν τὴν ἡλιακὴν μοῖραν.

707 τῶν γὰρ συναγομένων χρόνων τὸ μὲν πεν«τεκαιδέκατον λαβόντες ἔχομεν ὅσων ὥρων ἐστὶν ἰσημερινῶν τὸ μέγεθος «τοῦ ὑποκειμένου διαστήματος», τουτέστιν ἤτοι τῆς ἡμέρας ἢ τῆς νυκτὸς, «τὸ δὲ ἰβ', ὅσων χρόνων ἐστὶν» τῆς αὐτῆς ἡμέρας ἢ νυκτὸς «ἢ «καιρικὴ ὥρα». Σ'ἵνα δὲ καὶ διὰ καταγραφῆς παραστήσωμεν τὸ λεγόμενον, ἔστω ὁ μὲν διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ὀρίζοντος δὲ ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ, ὁ δὲ ἥλιος ἀνατέλλων ἐπὶ τοῦ Β· καὶ δῆλον ὡς ὅτι ἐπόμενα μὲν ἔσται τοῦ ζωδιακοῦ ὡς ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὸ Γ καὶ Δ. Καὶ ἐὰν τῆς σφαίρας περιφερομένης τὸ Β ἀνατολικὸν σημεῖον ἐπὶ τὸ Δ δυτικὸν παραγένῃται, ἔσται γεγεννημένος ὁ τῆς ἡμέρας χρόνος, ὡς μὴ συνεπιλογιζομένων ἡμῶν διὰ τὸ ἀδιάφορον τοὺς τῇ ἡλιακῇ ἐπικινήσει συναναφερομένους χρόνους. Ἀλλ' ἐν ᾧ τὸ Β ἐπὶ τὸ Δ, ἐν τοσούτῳ τὸ Δ δυτικὸν ἐπὶ τὸ Β ἀνατολικὸν παραγενήσεται, καὶ ἔσται τὸ μὲν ΒΑΔ ἡμικύκλιον ὑπὸ γῆν γεγεννημένον, τὸ δὲ ΔΓΒ ὑπὲρ γῆν.

708 ὥστε ἐν ᾧ ὁ ἥλιος ἀπὸ ἀνατολῆς ἐπὶ δύσιν * γενόμενος τὸν τῆς ἡμέρας χρόνον πεποίηκεν, ἐν τοσούτῳ καὶ τὸ ΒΓΔ τοῦ ζωδιακοῦ ἐπόμενον ἡμικύκλιον ἀννέχθη. ἔχομεν δὲ τὸ ΒΓΔ κατὰ ποίῳ ἐστὶν δωδεκατημορίων, ἐπεὶ καὶ τὸ Β σημεῖον τῆς ἐποχῆς τοῦ ἡλίου. ἔχομεν ἄρα καὶ τοὺς τούτῳ τοῦ ἰσημερινοῦ χρόνους συνανενεχθέντας ἐκ τῶν ἐκτεθειμένων ἡμῖν κανονίων. Οὓς μερίσαντες παρὰ τὸν ιε, ἔχομεν τὸ πλῆθος ἐκείνης τῆς ἡμέρας τῶν ἰσημερινῶν ὥρων, διὰ τὸ τὴν ἰσημερινὴν ὥραν χρόνων εἶναι ὡς ἔφαμεν ιε. Τὸ δὲ δωδέκατον ὁμοίως ἔχομεν πόσων χρόνων ἐστὶν ἡ τῆς ἡμέρας ἐκείνης καιρικὴ ὥρα. Πάλιν ὡς ἐπὶ τῆς δευτέρας καταγραφῆς, ἐπεὶ

ἐν ᾧ ὁ ἥλιος ἐπὶ τοῦ Β δυτικοῦ τυγχάνων περιενεχθεὶς τὸ ὑπὸ γῆν ἡμικύκλιον καὶ πρὸς τὰς ἀνατολὰς παραγενόμενος τὸν τῆς νυκτὸς χρόνον ποιεῖται, ἐν τοσοῦτῳ καὶ τὸ ΔΑΒ τοῦ ζωδιακοῦ ἡμικύκλιον ὑπὸ γῆν τυγχάνων ἀναφέρεται. ἔχομεν δὲ τὸ ΔΑΒ ἡμικύκλιον κατὰ ποίων ἐστὶν τμημάτων τοῦ ζωδιακοῦ, ἐπεὶ καὶ τὸ Δ κατὰ διάμετρον τῆς τοῦ ἡλίου ἐποχῆς. ἔχομεν ἄρα πάλιν ἐκ τῆς ἐκθέσεως τῆς κανονογραφίας τοὺς τούτῳ τῷ ἡμικυκλίῳ τοῦ ζωδιακοῦ συναναφερομένους χρόνους τοῦ ἰσημερινοῦ.

709 Ὡν πάλιν τὸ μὲν ΙΕ' λαβόντες ἔχομεν πόσων ἐστὶν ὥρων ἰσημερινῶν τὸ τῆς νυκτὸς μέγεθος. Τὸ ΙΒ' δὲ πόσων χρόνων ἐστὶν ἡ καιρικὴ τῆς νυκτὸς ὥρα. §«Εὐρίσκεται δὲ προχειρότερον τὸ ὠριαῖον μέγεθος λαμβανομένης τῆς «ὑπεροχῆς» τῶν παρακειμένων χρόνων ἐν τῷ τῆς ἐπισυναγωγῆς σελιδίῳ, «ἡμέρας μὲν τῇ ἡλιακῇ μοίρᾳ, νυκτὸς δὲ τῇ κατὰ διάμετρον, ἔν τε τῷ «ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας κανονίῳ, καὶ ἐν τῷ ἐπιζητουμένῳ κλίματι. τῆς «γὰρ εὐρισκομένης ὑπεροχῆς τὸ ἕκτον λαβόντες, καὶ ἐπὶ μὲν τοῦ βορείου «ἡμικυκλίου τῆς εἰσενηνεγμένης μοίρας οὔσης» τουτέστιν ἥτοι τῆς ἡλιακῆς ἢ τῆς ταύτην διαμετρούσης, «προστιθέντες αὐτὸ τοῖς τῆς ἰσημερινῆς ὥρας χρόνοις ΙΕ' ἐπὶ δὲ τοῦ νοτίου ἀφαιροῦντες» ἀπ' αὐτῶν, εὐρήσομεν πόσων χρόνων ἐστὶν ἡ καιρικὴ ὥρα τῆς δοθείσης ἡμέρας ἢ νυκτὸς τοῦ δεδομένου κλίματος. §'Ἰνα δὲ καὶ ἐπὶ τῆς τοιαύτης ἐφόδου ὁ αἰτιώδης λόγος φανερὸς γένηται, ἐκκείσθω μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, τοῦ δὲ ἐπὶ τινος ἐγκλίσεως ὀρίζοντος ἀνατολικὸν ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ, καὶ ἰσημερινοῦ τὸ ΑΕΓ, καὶ τοῦ διὰ μέσων τμήμα τὸ ΖΗ, ὥστε τοῦ Η ἀνατέλλοντος τὸ Ζ ὑποκεῖσθαι ἐαρινόν.

710 καὶ λημφθέντος τοῦ βορείου πόλου τοῦ Κ, γεγράφθω δι' αὐτοῦ καὶ τοῦ Η μεγίστου κύκλου τεταρτημόριον τὸ ΚΗΘ. Ἐπεὶ οὖν τῷ ΗΖ τμήματι τοῦ διὰ μέσων ἐπὶ μὲν ὀρθῆς τῆς σφαίρας τὸ ΘΖ τοῦ ἰσημερινοῦ συναναφέρεται, ἐπὶ δὲ τῆς ἐγκλίσεως τὸ ΕΖ, διαφορὰ ἄρα τῶν παρακειμένων τῆς ἐπισυναγωγῆς ἀναφορικῶν χρόνων ἐπὶ τε τῆς ὀρθῆς σφαίρας πρὸς τὰς ἐπὶ τῆς κλίσεως τῷ ΖΗ τμήματι τοῦ διὰ μέσων εἰσὶν οἱ τῆς ΘΕ περιφερείας χρόνοι. Λέγω ὅτι οὗτοι ζ ὥρων ἰσημερινῶν εἰσὶν πρὸς ζ καιρικὰς διαφορὰς. Ἐὰν γὰρ ὡς ἔμπροσθεν ἐλέγομεν γράψωμεν διὰ τοῦ Η σημείου παραλλήλου τμήμα τῷ ἰσημερινῷ ὡς τὸ ΗΛ, δῆλον ὡς ἐν ᾧ τὸ Η ἐπὶ τὸ Λ παραγίνεται, καὶ τὸ Θ ἐπὶ τὸ Α. ἀλλ' ἐν ᾧ τὸ Η ἐπὶ τὸ Λ, ὁ ἀπὸ ἀνατολῆς ἐπὶ μεσημβρίαν χρόνος ἐστὶν ζ ὥρων καιρικῶν. ὥστε καὶ ἡ ΘΑ ζ ὥρων καιρικῶν χρόνους περιέχει. ἀλλὰ καὶ ἡ ΕΑ ζ ὥρων ἰσημερινῶν, τουτέστιν τῶν ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας παρακειμένων· ἡ ἄρα ΕΘ, διαφορὰ οὔσα τῶν παρακειμένων τῆς ἐπισυναγωγῆς χρόνων ἐπὶ τε τῆς ὀρθῆς σφαίρας καὶ ἐπὶ τῆς ἐγκεκλιμένης τῷ ΖΗ τμήματι τοῦ διὰ μέσων, ζ ὥρων καιρικῶν πρὸς ζ ἰσημερινὰς περιέχει χρόνων διαφοράν. Ἐζητοῦμεν δὲ διαφορὰν μιᾶς ὥρας πρὸς μίαν. διό φησιν τῆς τῶν οὕτω λαμβανομένων χρόνων ὑπεροχῆς τὸ ζ' παραλαμβάνοντες. Εἰ μὲν ἡ ἡλιακὴ μοῖρα ἢ ἡ ταύτην διαμετροῦσα ἐπὶ τοῦ Η βορειοτέρου τμήματος τοῦ διὰ μέσων εἴη, δῆλον ὡς ὅτι καὶ οἱ ἰσημερινοὶ ἥτοι νυκτερινοὶ ὠριαῖοι χρόνοι πλείους εἰσὶν τῶν ἰσημερινῶν, ἐπειδήπερ τῆς μὲν ἡλιακῆς μοίρας οὔσης πρὸς τῷ Η οἱ τῆς ΗΛ τουτέστιν τῆς ΘΑ χρόνοι ζ ὥρων εἰσὶν ἡμερινῶν καιρικῶν, τῆς δὲ διαμετρούσης τὸν ἥλιον μοίρας ἐπὶ τοῦ Η πάλιν τυγχανούσης, ὁμοίως ἡ ΘΑ ζ ἐστὶν ὥρων νυκτερινῶν καιρικῶν, πλείους ὄντες τῶν ἐπὶ τῆς ΕΑ ζ ὥρων ἰσημερινῶν.

711 Εἰ δὲ ἡ ἀνατέλλουσα μοῖρα τοῦ διὰ μέσων νοτιωτέρα ἢ ὡς κατὰ τὸ Μ, καὶ γράψωμεν πάλιν διὰ τοῦ Ν νοτίου πόλου * καὶ τῆς κατὰ τὸ Μ κοινῆς τομῆς τοῦ τε διὰ μέσων καὶ τοῦ ὀρίζοντος τὸ ΝΜΞ τεταρτημόριον, καὶ ἔτι διὰ τοῦ Μ παραλλήλου τμήμα τῷ ἰσημερινῷ τὸ ΜΟ, ἔσται πάλιν ἡ ΕΞ διαφορὰ ζ ὥρων ἰσημερινῶν πρὸς ζ καιρικὰς. καὶ ἐπεὶ ὁμοίως ἐλάσσονες εἰσὶν αἱ καιρικαὶ τῶν ἰσημερινῶν, δεόντως πάλιν εἶπεν δεῖν ἀφαιρεῖν τὸ τῆς μιᾶς ὥρας διάφορον ἀπὸ τῶν ἰσημερινῶν χρόνων ΙΕ, ἵνα ἔχωμεν τὸ μέγεθος τῆς ἐπιζητουμένης καιρικῆς ὥρας. ὁμοίως πάλιν, εἰ μὲν ἡ ἡλιακὴ μοῖρα ἐπὶ τοῦ Μ εἴη, ἡμερινή· ἡ δὲ διαμετροῦσα, νυκτερινή. διό φησιν·

«καὶ ἐπὶ μὲν τοῦ βορείου ἡμικυκλίου τῆς εἰσηνεγμένης μοίρας οὐσης», τουτέστιν εἴτε τῆς ἡλιακῆς ὥς ἔφαμεν ὥς ἐπὶ τῶν ἡμερινῶν ἢ τῆς κατὰ διάμετρον ὥς ἐπὶ τῶν νυκτερινῶν, «προστιθέντες τὸ ς», τουτέστιν τὸ διάφορον τῆς μιᾶς ὥρας πρὸς τὴν μίαν, «τοῖς τῆς μιᾶς ὥρας ἰσημερινῆς ἰε χρόνοις, ἐπὶ δὲ τοῦ νοτίου ἀφελόντες ἀπ' αὐτῶν», ἔξομεν τὸ πλῆθος τῶν χρόνων τῆς ἐπιζητουμένης καιρικῆς ὥρας ἥτοι ἡμερινῆς ἢ νυκτερινῆς. § Ἐφεξῆς δὲ τὰς μὲν διδομένας καιρικὰς ὥρας ἀναλύσομεν εἰς ἰσημερινὰς» λαμβάνοντες ὥς ἐμάθομεν τοὺς οἰκείους χρόνους ἐκείνου τοῦ κλίματος τῆς δοθείσης ἡμέρας ἢ νυκτός, «καὶ πολλαπλασιάσαντες τοὺς «μὲν ἡμερινοὺς ἐπὶ τὰς δοθείσας ἡμερινὰς καιρικὰς ὥρας, τοὺς δὲ νυκτερινοὺς ἐπὶ τὰς δοθείσας νυκτερινὰς τῶν γὰρ συναγομένων τὸ ιε' «λαβόντες ἔξομεν πλῆθος ὥρων ἰσημερινῶν τῶν δοθεισῶν καιρικῶν.

712 » § «Ἀνάπαλιν δὲ τὰς διδομένας ἰσημερινὰς ὥρας ἀναλύσομεν εἰς καιρικὰς» λαμβάνοντες πάλιν ὥς ἐδιδάχθημεν τοὺς οἰκείους ὠριαίους καιρικοὺς χρόνους τῆς δοθείσης ἡμέρας καὶ νυκτός κατὰ τὸ προτεθὲν κλίμα· «πολλαπλασιάσαντες γὰρ τὰς δοθείσας ἰσημερινὰς ὥρας ἐπὶ «τοὺς ιε ὠριαίους χρόνους, καὶ τὰ γενόμενα μερίσαντες παρὰ τοὺς «οἰκείους ὠριαίους χρόνους» τὰς γενομένας ὥρας ἔξομεν ὅσαι εἰσὶν καιρικαὶ αἱ δοθεῖσαι ἰσημεριναί. § Πάλιν δὲ δοθέντος ἡμῖν χρόνου καὶ ὥρας ὅποιασδήποτε καιρικῆς» ἥτοι ἡμερινῆς ἢ νυκτερινῆς ἐν οἰσδήποτε κλίματι, «πρῶτον μὲν τὴν ἀνατέλλουσαν τότε μοῖραν τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ληψόμεθα, πολλαπλασιάσαντες τὸ πλῆθος τῶν ὥρων, ἡμέρας μὲν τῶν ἀπὸ ἀνατολῆς «ἡλίου, νυκτός δὲ τῶν ἀπὸ δύσεως, ἐπὶ τοὺς οἰκείους ὠριαίους χρόνους· «τὸν γὰρ συναχθέντα ἀριθμὸν διεκβαλοῦμεν ἡμέρας μὲν ἀπὸ τῆς ἡλιακῆς «μοίρας, νυκτός δὲ ἀπὸ τῆς διαμετρούσης», τουτέστιν ἡμέρας μὲν ἀπὸ τῆς ἡλιακῆς μοίρας κατὰ τὸ τῆς ἐπισυναγωγῆς σελίδιον, νυκτός δὲ ὁμοίως ἀπὸ τῶν παρακειμένων τῇ διαμετρούσῃ τὸν ἥλιον «ὥς εἰς τὰ ἐπόμενα τῶν «δωδεκατημορίων, κατὰ τοῦ ὑποκειμένου κλίματος ἀναφοράς.

713 εἰς ἣν «δ' ἂν καταντήσῃ» τῶν ζωδιακῶν μοιρῶν ἀριθμός, ἐκείνην τότε φήσομεν ἀνατέλλειν. § Ἴνα δὲ καὶ διὰ τῶν γραμμικῶν δείξεων φανερὰ ἡμῖν γένηται ἡ τοιαύτη κατάληψις, ἔστω μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ὀρίζοντος δὲ ἀνατολικὸν ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ, ἰσημερινοῦ δὲ τὸ ΑΕΓ, ζωδιακοῦ δὲ τὸ ΖΗΘ, ὥστε τὸ Η σημεῖον εἶναι κατὰ τὴν ἑαρινὴν ἰσημερίαν, καὶ τὸν ἥλιον ἐπ' αὐτοῦ ἀνεχθέντα χρόνους καιρικῶν ὥρων γ. Ἐὰν οὖν λαβόντες τοὺς καιρικοὺς ὠριαίους χρόνους ἐκείνης τῆς ἡμέρας, οἵτινες οἱ αὐτοὶ εἰσὶ τοῖς ἰσημερινοῖς διὰ τὸ τὸν ἥλιον ἐπὶ τοῦ ἰσημερινοῦ ὑποκεῖσθαι, πολλαπλασιάσωμεν ἐπὶ τὰς δοθείσας τρεῖς ὥρας, ἔξομεν τοὺς τῆς ΕΗ περιφερείας χρόνους ἀνεχθέντας ἀπὸ τῆς ἀνατολῆς τοῦ ἡλίου.

714 οὓς εἰσαγαγόντες ἐν ταῖς ἐπισυναγωγαῖς τῶν ἀναφορῶν κατὰ τὸ οἰκεῖον κλίμα, τὰς παρακειμένας αὐτοῖς κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον τοῦ ζωδιακοῦ μοίρας ἔξομεν συνανενεχθείσας αὐτοῖς, αἱ εἰσὶν τῆς ΗΘ δηλονότι περιφερείας. δέδοται δὲ τὸ Η τῆς ἐποχῆς τοῦ ἡλίου. δέδοται ἄρα καὶ τὸ Θ ἀνατέλλον. Ἐὰν δὲ ὁ ἥλιος κατὰ τοῦ Κ τυγχάνῃ δύο ὥρας πάλιν ἀπέχων τοῦ ὀρίζοντος ὑπὲρ γῆς, καὶ πολλαπλασιάσαντες ὁμοίως τοὺς οἰκείους ὠριαίους χρόνους ἐπὶ τὰς δύο ὥρας ἔξομεν πάλιν τοὺς συνανενεχθέντας χρόνους τῷ ΘΚ τμήματι τοῦ ζωδιακοῦ, ἐλάττονας δηλονότι τυγχάνοντας τῶν τῆς ΕΗ περιφερείας ἀπὸ τοῦ ἑαρινοῦ σημείου ἀνεχθεισῶν, διὰ τὸ ὅλην τῇ ΗΕ συνανηνέχθαι. ἔστωσαν οὖν λόγου ἕνεκεν τῇ ΘΚ συνανενεχθέντες οἱ τῆς ΕΝ περιφερείας χρόνοι. Ἔχομεν δὲ ἐν τῇ ἐκθέσει τοῦ κανόνος ὅποσοι εἰσὶν καὶ οἱ τῷ ΗΚ τμήματι τοῦ ἰσημερινοῦ συνανενεχθέντες, τουτέστιν τοὺς τῆς ΗΝ περιφερείας. οὓς προσθέντες τοῖς τῆς ΕΝ περιφερείας χρόνοις ἔξομεν καὶ τοὺς ὅλους τῆς ΕΗ περιφερείας χρόνους. οὓς εἰσαγαγόντες κατὰ τὰς ἐπισυναγωγὰς τῶν χρόνων τοῦ οἰκείου κλίματος εὐρήσομεν κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον τὸ κατὰ τὸ Θ ἀνατέλλον τμήμα τοῦ ζωδιακοῦ. § Ἐὰν δὲ τὴν μεσουρανοῦσαν ὑπὲρ γῆς θέλωμεν λαβεῖν, τὰς καιρικὰς «ὥρας πάντοτε τὰς ἀπὸ

τῆς μεσημβρίας τῆς παρελθούσης μέχρι τῆς «δοθείσης πολλαπλασιάσαντες ἐπὶ τοὺς οἰκείους ὠριαίους χρόνους, τὸν «γενόμενον ἀριθμὸν διεκβαλοῦμεν ἀπὸ τῆς ἡλιακῆς μοίρας εἰς τὰ ἐπόμενα » * κατὰ τὰς ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας συναναφοράς· καὶ εἰς ἣν δ' ἂν ἐκπέσῃ μοῖραν ὁ ἀριθμός, ἐκείνη ἡ μοῖρα τότε ὑπὲρ γῆν μεσουρανήσει.

715 » § Ἵνα δὲ πάλιν καὶ διὰ τῶν γραμμικῶν ἐφόδων φανερὸν ἡμῖν γένηται τὸ λεγόμενον, ἔστω ὀρίζων ὁ ΑΒΓΔ, καὶ ἀνατολικά μὲν τὰ πρὸς τῷ Β, δυτικά δὲ τὰ πρὸς τῷ Δ, καὶ μεσημβρινὸς μὲν ὁ ΑΖΓ, ἰσημερινὸς δὲ ὁ ΕΛΚΘ, καὶ ζωδιακὸς ὁ ΖΔΒΕ.

716 ὑποκείσθω δὲ ὁ ἥλιος κατὰ τὸ Ε ἑαρινὸν ἀπέχων τοῦ ἀνατολικοῦ ὀρίζοντος ὥρας γ, ἢ καὶ ἄνευ τοῦ ἡλίου αὐτὸ τὸ ἑαρινόν, ὥστε τὰς ἀπὸ τῆς πρὸς τῷ Ζ παρελθούσης μεσημβρίας ὥρας εἶναι κα. ἐὰν οὖν πάλιν ἐπιλογισάμενοι τοὺς οἰκείους ὠριαίους χρόνους, οἱ καὶ αὐτόθεν εἰσὶν ἰσημερινοί, πολλαπλασιάσαντες τοὺς μὲν ἡμερινοὺς ἐπὶ τὰς ἡμερινὰς ὥρας, ἔξομεν ἔξ μὲν τὰς ἀπὸ μεσημβρίας ἐπὶ δύσιν, τρεῖς δὲ τὰς ἀπὸ ἀνατολῶν· καὶ ἔτι τοὺς τῆς νυκτὸς ἐπὶ τὰς τῆς νυκτὸς ὥρας ιβ· ἔξομεν τοὺς συναγομένους χρόνους τῆς ΛΚΘΕ, οἱ συνεξήλθον τὸν μεσημβρινὸν ἀπὸ τῆς παρελθούσης μεσημβρίας μετὰ τῆς ΖΔΒΕ περιφερείας τοῦ ζωδιακοῦ. οὓς ἐνεγκόντες εἰς τοὺς ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἐπισυναγομένους χρόνους, διὰ τὸ τὸν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντα ἰσοδυναμεῖν τῷ καθ' ἐκάστην οἴκησιν μεσημβρινῷ, εὐρήσομεν τὰς τῆς ΖΔΒΕ τοῦ διὰ μέσων περιφερείας μοίρας. Ἔχοντες δὲ καὶ τὴν κατὰ τὸ Ε σημεῖον ἐποχήν, εὐρήσομεν καὶ τὴν κατὰ τὸ Ζ μεσουρανοῦν εἰς τὰς ἐπομένας ἐκβάλλοντες αὐτά· τὰ γὰρ ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ τὰ Β καὶ Δ καὶ Ζ μέρη ἐπόμενά ἐστιν, διὰ τὸ πρὸς ἀνατολὰς τυγχάνειν τὸ Β, ταῦτα δὲ εἶναι τὰ ἐπόμενα. Ὅταν δὲ μὴ κατὰ τοῦ Ε ἑαρινοῦ τυγχάνῃ ὁ ἥλιος, ἀλλ' ἦτοι ἐπὶ τὰ ἐπόμενα αὐτοῦ ἢ προηγούμενα, καὶ πρότερον εἰς τὰ ἐπόμενα κατὰ τὸ Η, λαβόντες τοὺς ἀπὸ τῆς παρελθούσης μεσημβρίας τοῦ Η ὠριαίους χρόνους συνεξελθόντας τῷ ΗΒΔΖ τμήματι τοῦ διὰ μέσων, οἶονεῖ τοὺς ἀπὸ τοῦ Ρ, καὶ προσθέντες αὐτοῖς τοὺς συνεξελθόντας τῷ ΕΗ τμήματι τουτέστιν τοὺς τῆς ΕΡ, τοὺς συναχθέντας ἔξομεν οἱ συνεξήλθασιν τὸν μεσημβρινὸν τῷ ἀπὸ τοῦ Ε ἑαρινοῦ σημείου τοῦ διὰ μέσων, τουτέστιν τῷ ΕΒΔΖ, οὓς εἰσενεγκόντες κατὰ τοῦ τῆς ἐπισυναγωγῆς τοῦ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας σελιδίου, τὴν παρακειμένην αὐτῷ μοῖραν οἶονεῖ κατὰ τὸ Ζ ἔξομεν πάλιν τότε μεσουρανοῦσαν.

717 Ὅταν δὲ εἰς τὰ προηγούμενα τοῦ Ε, ὡς κατὰ τὸ Ν τυγχάνων ὁ ἥλιος, λαβόντες πάλιν τοὺς ἀπὸ τῆς παρελθούσης μεσημβρίας τοῦ Ν ὠριαίους χρόνους, οἱ συνεξήλθον τὸν μεσημβρινὸν ὡς ἀπὸ τοῦ Σ λόγου ἔνεκεν τῷ ΝΕΒΔΖ τμήματι τοῦ διὰ μέσων, καὶ ἀπὸ τούτων ἀφελόντες τοὺς παρακειμένους τῷ ΝΕ ἐν τῷ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας κανονίῳ, τουτέστιν τοὺς τῆς ΕΣ, τοὺς λοιπούς, οἱ συνεξήλθασιν τὸν μεσημβρινὸν τῷ ΕΒΔΖ τμήματι ἀπὸ τοῦ ἑαρινοῦ σημείου, εἰσενεγκόντες ὁμοίως κατὰ τοῦ τῆς ἐπισυναγωγῆς τοῦ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας σελιδίου, τὴν παρακειμένην αὐτοῖς κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον τοῦ διὰ μέσων μοῖραν οἶονεῖ τὴν κατὰ τὸ Ζ τότε μεσουρανοῦσαν εὐρήσομεν. § Οἷον ἔστω γὰρ πάλιν ὑποδείγματος ἔνεκεν ἐπὶ τοῦ δι' Ἀλεξανδρείας γ' κλίματος ὁ ἥλιος κατὰ τῆς δεκαμοίρας τοῦ Ταύρου, ἀπέχων τοῦ μεσημβρινοῦ ὥρας κα ὡς κατὰ τὸ Η τυγχάνων, καὶ δεόν ἔστω εὐρεῖν τὸ κατὰ τὸ Ζ τοῦ ζωδιακοῦ σημεῖον μεσουρανοῦν.

718 Λαμβάνομεν πρῶτον πρὸς τὴν τοιαύτην κατάλημψιν τοὺς τε ἡμερινοὺς καὶ τοὺς νυκτερινοὺς ὠριαίους χρόνους, συναγαγόντες τοὺς ἀπὸ τῆς ἡλιακῆς μοίρας μέχρι τῆς διαμετρούσης τὸν ἥλιον τόνδε τὸν τρόπον. Ἐπεὶ γὰρ τῇ δεκαμοιρίᾳ τοῦ Ταύρου ἐν τῷ δι' Ἀλεξανδρείας τρίτῳ κλίματι παράκεινται ἐπισυναγόμενοι χρόνοι κη κς, τῇ δὲ κατὰ διάμετρον αὐτοῦ μοῖρα τουτέστιν τῇ δεκαμοιρίᾳ τοῦ Σκορπίου παράκεινται σκς λδ· ἀπὸ τούτων ἀφελόντες τοὺς ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Κριοῦ ἕως τῆς δεκαμοίρας τοῦ Ταύρου χρόνους κη κς, ἔξομεν τοὺς λοιποὺς χρόνους ρφη η, οἵτινες συνανηνέχθησαν τοῖς ἀπὸ τῆς δεκαμοίρας τοῦ Ταύρου μέχρι τῆς

δεκαμοιρίας τοῦ Σκορπίου, ἐν ἐκείνῃ τῇ ἡμέρᾳ ἐν ἧ ὁ ἥλιος ἐπὶ τῆς δεκαμοιρίας τοῦ Ταύρου ἐτύγχανεν· τοὺς δὲ λοιποὺς εἰς τοὺς τξ χρόνους ρξα νβ τῆς νυκτός. καὶ τοὺς μὲν ρρη η τῆς ἡμέρας παρὰ τὸν ιβ μερίσαντες, εὐρήσομεν ἐκείνης τῆς ἡμέρας τοὺς καιρικοὺς ὠριαίους χρόνους ις λα ἔγγιστα. ὁμοίως δὲ καὶ τοὺς ρξα νβ χρόνους νυκτερινούς μερίσαντες παρὰ τὸν ιβ, εὐρήσομεν τοὺς νυκτερινούς ὠριαίους χρόνους ιγ κθ ἔγγιστα.

719 ἢ καὶ ἐκ προχείρου λαμβάνοντες τοὺς λοιποὺς εἰς τοὺς λ χρόνους τῶν β ἡμερινῶν ὥρων, ἔξομεν τοὺς νυκτερινούς ὠριαίους χρόνους. Ἐπειτα πολλαπλασιάσαντες τὰς μὲν ἡμερινὰς θ ὥρας ἐπὶ τοὺς ἡμερινούς χρόνους ις λα, ἔχομεν πλῆθος χρόνων ρμη λθ. οἷς προσθέντες τοὺς τῆς νυκτός χρόνους ρξα μη, τοὺς συναχθέντας ὁμοῦ χρόνους τῆς κα' ὥρας τι κζ ἐκβάλλοντες ἀπὸ τῆς δεκαμοιρίας τοῦ Ταύρου εἰς τὰ ἐπόμενα κατὰ τοὺς ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἐπισυναγομένους χρόνους, κατηντήσαμεν εἰς τὰς τῶν Ἰχθύων μοίρας * ιζ ἔγγιστα, ἦντινα καὶ φήσομεν τότε μεσουρανεῖν. Στέγονεν δὲ ἡμῖν ἡ ἄφεςις τῶν τι χζ χρόνων ἀπὸ τῆς δεκαμοιρίας τοῦ Ταύρου τὸν τρόπον τοῦτον· ἐπεὶ γὰρ τῇ δεκαμοιρίᾳ τοῦ Ταύρου παράκεινται ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἐπισυναγόμενοι χρόνοι ἀπὸ Κριοῦ λζ λ, τούτοις προσθέντες τοὺς τι κζ τῆς κα' ὥρας, τὴν παρακειμένην τοῖς συναχθεῖσιν ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Κριοῦ χρόνοις τμη ἔγγιστα κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον τοῦ ζωδιακοῦ μοῖραν ἔξομεν τότε μεσουρανοῦσαν. Ἐπιβάλλουσι δὲ τοῖς τμη χρόνοις παρακεῖσθαι τῶν Ἰχθύων μοίρας ις μζ ἔγγιστα, ὡς ἐν τῷ α' βιβλίῳ διὰ τῶν ὑπεροχῶν ἐδηλώσαμεν, τόνδε τὸν τρόπον· ἐπεὶ γὰρ τῷ ἐλάσσονι τῶν τμη, τουτέστιν τῷ τμα λε, παράκεινται τοῦ ζωδιακοῦ ἐν τῷ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας σελιδίῳ τῶν Ἰχθύων μοῖραι, τῷ δὲ μείζονι τοῦ τμη, τουτέστιν τῷ τν ν παράκεινται μοῖραι κ, ἐπιλογιζόμεθα πόσαι ταῖς τμη ἐπιβάλλουσιν, οὕτως· Ἐκθέμενοι αὐτοὺς ὡς ὑπογέγραπται, καὶ λαμβάνοντες τὴν διαφορὰν τῶν τμα λε πρὸς τὰ τν ν, ἃ γίνεται θ ιε, καὶ τῶν τμα λε πάλιν πρὸς τὰ τμη, ἃ γίνεται ὁμοίως ζ κε, καὶ τῶν παρακειμένων τοῦ ζωδιακοῦ μοιρῶν ι καὶ κ, ἃ γίνεται, καὶ ποιοῦντες ὡς ἡ διαφορὰ τῶν τμα λε πρὸς τὰ τν ν, πρὸς τὴν διαφορὰν τῶν ι πρὸς τὰ κ, οὕτως τὴν διαφορὰν τῶν τμα λε πρὸς τὰ τμη, πρὸς ἄλλον τινά· τουτέστιν ὡς θ ιε πρὸς ι, οὕτως ζ κε πρὸς ἄλλον τινά· εὐρίσκεται δὲ ὁ τέταρτος ἀνάλογον μοιρῶν ζ νζ, πολλαπλασιαζόντων ἡμῶν τὸν ζ κε ἐπὶ τὰ ι καὶ μερίζοντων παρὰ τὸν θ ιε· ἃς προσθέντες τῇ δεκαμοιρίᾳ τοῦ ζωδιακοῦ τῶν Ἰχθύων, ἔξομεν τὰς ἐπιβαλλούσας τοῖς τμη χρόνοις τοῦ ζωδιακοῦ τῶν Ἰχθύων μοιρῶν ις νζ.

720 Σ«Ὁμοίως δὲ τῆς ἀνατελλούσης μοίρας δοθείσης, τὴν μεσουρανοῦσαν «ὑπὲρ γῆν λημψόμεθα σκεψάμενοι τὸν τῇ ἀνατελλούσῃ παρακείμενον τῆς «ἐπισυναγωγῆς ἀριθμὸν ἐν τῷ τοῦ οἰκείου κλίματος κανονίῳ.» «Ἀφελόντες γὰρ ἀπ' αὐτοῦ πάντοτε τοὺς τοῦ τεταρτημορίου χρόνους »ρ, «καὶ τοὺς λοιποὺς εἰσάγοντες εἰς τοὺς τῆς ἐπισυναγωγῆς τοῦ τῆς ὀρθῆς σφαίρας σελιδίου, «τὴν παρακειμένην τῷ ἀριθμῷ μοῖραν κατὰ τὸ «α' σελίδιον τότε ὑπὲρ γῆς μεσουρανοῦσαν εὐρήσομεν.

721 » Ἐκτεθείσης γὰρ τῆς καταγραφῆς ὑποκείσθω ἡ κατὰ τὸ Ε τομὴ ἐπὶ τοῦ ἑαρινοῦ σημείου. λαμβάνοντες οὖν πάλιν ἐκ τοῦ τοῦ οἰκείου κλίματος κανόνος τοὺς τῆς ΕΘ τῆς ἐπισυναγωγῆς χρόνους, οἷτινες συνανηνέχθησαν τῇ ΕΒ τοῦ ζωδιακοῦ περιφερείᾳ, καὶ προσθέντες αὐτοῖς τοὺς τοῦ ἡμερινοῦ χρόνους τξ, ἔξομεν τοὺς χρόνους ὅλου τοῦ ἡμερινοῦ καὶ τοῦ ΘΕ τμήματος, οἷτινες συνανηνέχθησαν ὅλῳ τῷ ζωδιακῷ καὶ τῇ ΒΕ αὐτοῦ περιφερείᾳ. ἀφ' ὧν ἀφελόντες τοὺς ἀπὸ τοῦ Θ ὀρίζοντος ἐπὶ τὸ Λ μεσημβρινὸν σημεῖον τοῦ ἡμερινοῦ χρόνους πάντοτε γινομένους ρ, ἔξομεν λοιποὺς τοὺς τοῦ ΕΘΚΛ τμήματος τοῦ ἡμερινοῦ, οἷτινες συνεξῆλθον τὸν μεσημβρινὸν τῷ ΕΗΒΔΖ τμήματι τοῦ ζωδιακοῦ. οὓς πάλιν εἰσαγαγόντες εἰς τὰς ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἀναφοράς, εὐρήσομεν τὸ μεσουρανοῦν τοῦ διὰ μέσων τμήμα τουτέστιν τὸ Ζ. Ἀνάπαλιν δὲ δοθέντος τοῦ Ζ μεσουρανοῦντος, τὸ Β ἀνατέλλειν εὐρήσομεν λαβόντες ἐκ τοῦ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας κανονίου τὸν τῷ Ζ παρακείμενον τῆς ἐπισυναγωγῆς τῶν χρόνων ἀριθμὸν,

οἱ εἰσιν τοῦ ΕΘΚΛ τμήματος τοῦ ἰσημερινοῦ συνεξελθόντες τὸν μεσημβρινὸν τῇ ΕΗΒΖ τοῦ διὰ μέσων περιφερείᾳ. προσθέντες γὰρ αὐτοῖς πάντοτε τοὺς τοῦ ΛΘ τεταρτημορίου χρόνους ρ, καὶ ἀπὸ τῶν συναχθέντων ἐπὶ τῆς προκειμένης θέσεως τοῦ Ε ἑαρινοῦ ὅλου τοῦ ἰσημερινοῦ χρόνων τξ καὶ τῶν τῆς ΕΘ περιφερείας ἀφελόντες τοὺς τξ τοῦ ἰσημερινοῦ, τοὺς λοιποὺς ΕΘ εἰσαγαγόντες εἰς τὸ ἐπιζητούμενον κλίμα κατὰ τὸ τῆς ἐπισυναγωγῆς σελίδιον, τὴν παρακειμένην αὐτοῖς κατὰ τὸ α' σελίδιον τοῦ ζωδιακοῦ μοῖραν οἶον τὴν κατὰ τὸ Β ἀνατέλλουσιν εὐρήσομεν.

722 «Φανερόν δὲ ὅτι καὶ τοῖς μὲν ὑπὸ τὸν αὐτὸν μεσημβρινὸν οἰκοῦσιν ὁ «ἥλιος τὰς ἴσας ἰσημερινὰς ὥρας ἀπέχει» τοῦ μεσημβρινοῦ· «τοῖς δὲ «μὴ ὑπὸ τὸν αὐτὸν μεσημβρινὸν οἰκοῦσιν τοσοῦτοις ἰσημερινοῖς χρόνοις «διοίσει» ἢ οἰκήσεις τῆς οἰκήσεως οἷς καὶ «ὁ μεσημβρινὸς τοῦ μεσημβρι«νοῦ παρ' ἑκατέροις διαφέρει». Ἔστωσαν γὰρ μεσημβρινοὶ οἱ ΑΖΒ, ΑΚΒ καὶ νοεῖσθωσαν οἰκήσεις ὑπ' αὐτούς. καὶ ἔστω ζωδιακὸς ὁ ΜΝΞ, ὁ ἥλιος δὲ κατὰ τοῦ Ξ, ἰσημερινὸς δὲ ὁ ΠΟΞ.

723 ἔστω δὲ ἡ μὲν ΟΞ ὥρων ἰσημερινῶν γ, χρόνων δὲ δηλονότι με, ἡ δὲ ΟΠ χρόνων λ. Δῆλον οὖν ὅτι ὅλαις ταῖς ὑπὸ τὸν ΑΚΒ μεσημβρινὸν οἰκήσεσιν τὰς αὐτὰς ὥρας γ καὶ ὁ ἥλιος ἀπέχει τῆς μεσημβρίας· ἅμα γὰρ αὐτοῖς ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ γινόμενος τὰς ζ ὥρας ποιεῖται. Ὁμοίως δὲ καὶ ταῖς ὑπὸ τὸν ΑΖΒ μεσημβρινὸν τὰς αὐτὰς ἀπέχει ὥρας ε, διὰ τὸ τὴν ΟΠ τοῦ ἰσημερινοῦ περιφέρειαν χρόνων μὲν ὑποκεῖσθαι λ, ὥρων δὲ ἰσημερινῶν β. Καὶ φανερόν ὅτι τὰς αὐτὰς διοίσει ὥρας ἡ τοῦ ἡλίου ἀπόστασις τῆς μεσημβρίας ἥτοι ὥρας ζ τῶν ὑπὸ τὸν ΑΖΒ μεσημβρινὸν οἰκήσεων πρὸς τὰς ὑπὸ τὸν ΑΚΒ, ὅσαις διαφέρει καὶ ὁ ΑΖΒ μεσημβρινὸς τοῦ ΑΚΒ μεσημβρινοῦ, τουτέστιν ὥραις ἰσημεριναῖς δυοῖ. * Περὶ τῶν ὑπὸ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου, καὶ τοῦ μεσημβρινοῦ γινομένων γωνιῶν.

724 (1τ) Καταλειπομένου δὲ ἀπὸ τῶν ἐν ἀρχῇ ἀριθμηθέντων αὐτῷ κεφαλαίων, τὸν ε' «περὶ τῶν γωνιῶν ποιήσασθαι λόγον, λέγω δὴ τῶν πρὸς τὸν διὰ «μέσων τῶν ζωδίων γινομένων» ὑπὸ τῶν ἐξῆς δηλουμένων αὐτῷ κυριωτέρων κύκλων, προδιδάσκει ἡμᾶς τίνα φαινόμενα ὀρθὴν γωνίαν ὑπὸ μεγίστων κύκλων περιέχεσθαι. καὶ φησὶν· § «ὀρθὴν γωνίαν ὑπὸ μεγίστων «κύκλων λέγομεν περιέχεσθαι ὅταν πόλῳ τῇ κοινῇ τομῇ τῶν κύκλων καὶ «διαστήματι τυχόντι γραφέντος κύκλου ἡ ἀπολαμβανομένη αὐτοῦ περι«φέρεια ὑπὸ τῶν τὴν γωνίαν περιεχόντων τμημάτων τεταρτημόριον «τοῦ γραφέντος κύκλου ποιῇ.» Οἷον ἔστωσαν δύο μέγιστοι κύκλοι οἱ ΑΖΒΓ, ΕΖΗ, τέμνοντες ἀλλήλους κατὰ τὸ Ζ σημεῖον, καὶ πόλῳ τῷ Ζ καὶ διαστήματι τυχόντι ὡς τῷ ΖΑ κύκλος γεγράφθω ὁ ΑΗΒΕ.

725 ὀρθὴν οὖν μίαν γωνίαν καλεῖ τὴν ὑπὸ ΑΖΗ, ὅταν ἡ ΑΗ περιφέρεια τεταρτημορίου τυγχάνῃ, ἐπεὶ καὶ τῶν ΑΖΓ, ΕΖΗ περιφερειῶν πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις τυγχανουσῶν ἐκάστη τῶν ΑΗ, ΗΒ, ΒΕ, ΕΑ περιφερειῶν τεταρτημορίου γίνεται, διὰ τὸ τὸν μὲν ΑΖΓ διὰ τῶν πόλων τυγχάνοντα τοῦ ΑΗΒΕ δίχα αὐτὸν τέμνειν, καὶ ἔτι τὸν ΕΖΗ διὰ τῶν πόλων τυγχάνοντα τοῦ ΑΖΓ καὶ τοῦ ΑΗΒΕ δίχα τέμνειν αὐτῶν τὰ ἀπειλημμένα τμήματα (δηλαδή καὶ ὅτι ἐκάτερον τῶν ΑΗΒ, ΒΕΑ ἡμικύκλιον τυγχάνει) τεταρτημόριον γίνεσθαι ἐκάστην τῶν ΑΗ, ΗΒ, ΒΕ, ΕΑ. ἀναγκαίως οὖν τὴν τοιαύτην γωνίαν ὀρθὴν ὠρίσατο. Ἡ καὶ ὅτι ὅταν τεταρτημορίου τυγχάνῃ ἡ ΑΗ περιφέρεια, ὀρθὴ γίνεται ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῆς κλίσεως τῶν διὰ τῶν ΑΖΒ, ΕΖΗ ἐπιπέδων, ἐπειδὴ περ ἐὰν ἐπιζεύξωμεν τὰς ΑΒ, ΕΗ εὐθείας καὶ ἔτι τὴν ΖΔ κοινὴν τομὴν τῶν ΑΖΒ, ΕΖΗ κύκλων ὀρθὴν γινομένην πρὸς τὸν ΑΗΒΕ κύκλον, ἥτοι διὰ τὸ διὰ τῶν πόλων εἶναι αὐτοῦ τοὺς ΑΖΒ, ΕΖΗ, ἢ καὶ ὅτι διὰ τὸ τὸ μὲν Ζ πόλον εἶναι αὐτοῦ τὸ δὲ Δ κέντρον, ἡ ὑπὸ ΑΔΗ κλίσις ἔσται τῶν ΑΖΒ, ΕΖΗ κύκλων καὶ ὀρθὴ δηλονότι διὰ τὸ τεταρτημορίου ὑποκεῖσθαι τὴν ΑΗ.

726

Καὶ φανερόν ὅτι καθόλου ἐὰν ᾗ τυχοῦσα ἡ ΑΗ περιφέρεια, ὃν ἂν ἔχη λόγον πρὸς τὸν ὅλον κύκλον, τοῦτον ἔχει τὸν λόγον ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῆς κλίσεως τῶν ἐπιπέδων, τουτέστιν ἡ ὑπὸ ΑΔΗ πρὸς τῷ κέντρῳ οὔσα τοῦ ΑΗΒΕ κύκλου πρὸς δ ὀρθάς, ἐπειδήπερ αἱ πρὸς τῷ κέντρῳ γωνίαι τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσιν ταῖς περιφερείαις ἐφ' ὧν βεβήκασιν, καὶ βέβηκεν ἡ μὲν ὑπὸ ΑΔΗ γωνία ἐπὶ τῆς ΑΗ, αἱ δὲ πρὸς τῷ Δ κέντρῳ δ ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν διὰ τὸ τὰς πρὸς ἐνὶ σημείῳ γωνίας τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσας εἶναι καὶ βεβηκέναι τὰς τέσσαρας ὀρθὰς ἐπὶ τοῦ ὅλου κύκλου. Ὅμοίως διὰ τὰδε καὶ ἐὰν ἄλλην τινὰ περιφέρειαν μεγίστου κύκλου διὰ τοῦ Ζ γράψωμεν ὡς τὴν ΖΘ, καὶ ἐπιζεύξωμεν τὴν ΔΘ, ἔσται καὶ ἡ ὑπὸ ΗΔΘ γωνία κλίσις ἣν κέκλινται τὸ τοῦ ΖΗ κύκλου ἐπίπεδον πρὸς τὸ τοῦ ΖΘ. Καὶ ἔσται ὡς ἡ ΑΗ πρὸς τὴν ΗΘ οὕτως ἡ ὑπὸ ΑΔΗ κλίσις τῶν ΑΖ, ΖΗ ἐπιπέδων πρὸς τὴν ὑπὸ ΗΔΘ κλίσιν τῶν διὰ τῶν ΗΖ, ΖΘ ἐπιπέδων. §«Τῶν δὴ πρὸς τὸν λοξὸν κύκλον γινομένων γωνιῶν αἱ μάλιστα χρήσιμοι πρὸς τὴν ὑποκειμένην θεωρίαν ἐκεῖναι εἰσιν.» Εἴτα ἐρεῖ περὶ τῶν ὑπὸ ποίων κύκλων γινομένων γωνιῶν πρὸς τὸν ζωδιακὸν χρήσιμον αὐτῷ ἐστὶν διαλαβεῖν πρὸς τὴν προκειμένην θεωρίαν, καὶ φησιν ὅτι «τῶν τε ὑπὸ τῆς τομῆς τοῦ τε ζωδιακοῦ καὶ τοῦ μεσημβρινοῦ περιεχομένων, καὶ τῶν ὑπὸ τῆς τομῆς αὐτοῦ καὶ τοῦ ὀρίζοντος καθ' ἑκάστην ἔγκλισιν καὶ θέσιν τοῦ ζωδιακοῦ, καὶ ἔτι τῶν ὑπὸ τῆς τομῆς «αὐτοῦ καὶ τοῦ διὰ τῶν πόλων τοῦ ὀρίζοντος γραφομένου κύκλου».

727 Καθόλου δὲ τῶν κατὰ τὰς ἀρχὰς τῶν δωδεκατημορίων «συναποδεικνυμένων ταῖς τοιαύταις γωνίαις καὶ τῶν ἀπολαμβανομένων τούτου τοῦ κύκλου» τουτέστιν τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν περιφερειῶν μεταξὺ τῆς τε τομῆς ἧς ποιεῖ πρὸς τὸν ζωδιακὸν «καὶ τοῦ πόλου τοῦ ὀρίζοντος τουτέστιν τοῦ «κατὰ κορυφὴν σημείου. ἕκαστα γὰρ τούτων ἀποδειχθέντα πρὸς τε τὴν «ὅλην θεωρίαν ἱκανωτάτην ἔχει χώραν.» χρησιμεύει γὰρ ἡ τούτων πραγματεία πρὸς τε τὰς προσνεύσεις τῶν τῆς σελήνης ἐκλείψεων καὶ τὰς φάσεις τῶν πλανομένων ἔτι δὲ τὸ πλεῖστον εἰς τὰς τῆς σελήνης παραλλάξεις, μηδαμῶς τούτων δυναμένων καταλημφθῆναι ἄνευ τῆς τῶν εἰρημένων γωνιῶν τε καὶ περιφερειῶν καταλήμψεως. §Εἴτα διδάσκει καὶ ποία τῶν ὑπὸ τῆς τομῆς τῶν κύκλων γινομένη γωνία χρησιμεύει * αὐτῷ εἰς τὴν εἰρημένην θεωρίαν, καὶ φησιν· «Ἐπεὶ δὲ καὶ δ οὐσῶν γωνιῶν τῶν περιεχομένων ὑπὸ τῆς τῶν δύο «κύκλων τομῆς τουτέστιν τοῦ τε ζωδιακοῦ καὶ ἐνὸς τῶν εἰρημένων περὶ «μιάς καὶ ὁμοίας κατὰ τὴν θέσιν τὸν λόγον ποιήσεσθαι μέλλομεν, προδιοριστέον ὅτι τῶν δύο γωνιῶν τῶν» ὑπὸ τοῦ ἐπομένου τμήματος τοῦ ζωδιακοῦ καὶ ἐνὸς τῶν συμπλεκομένων αὐτῷ, περὶ τῆς βορειοτέρας ἀεὶ τὸν λόγον ποιεῖσθαι μέλλομεν, ἣν καὶ φησιν ὁμοίαν κατὰ τὴν θέσιν.

728 Ἵνα δὲ ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς φανερά γένηται ἡ ἐπιζητούμενη γωνία, ἔστω μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΗΒΕ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τῶν ζωδίων τμήμα τὸ ΑΖΒΓ, ὥστε κατ' αὐτὸ ἐπόμενα εἶναι τοῦ ζωδιακοῦ καὶ βόρεια τὰ πρὸς τῷ Ε μέρη. ἰστέον οὖν ὅτι περὶ τῆς ὑπὸ ΕΑΖ πρὸς τὸν μεσημβρινὸν γινομένης γωνίας τὸν λόγον ποιεῖσθαι μέλλομεν, οὔσης τῆς πρὸς τῷ ἐπομένῳ τμήματι τοῦ διὰ μέσων βορειοτέρας. Τῶν γὰρ δύο τῶν ὑπὸ τῆς ΑΖ ἐπομένης τοῦ ζωδιακοῦ περιφερείας καὶ τοῦ μεσημβρινοῦ περιεχομένων γωνιῶν, τουτέστιν τῆς τε ὑπὸ ΕΑΖ καὶ τῆς ὑπὸ ΖΑΗ, βορειότερα τυγχάνει ἡ ὑπὸ ΕΑΖ, διὰ τὸ βορειότερα ὑποκεῖσθαι τὰ πρὸς τῷ Ε μέρη. Ὅμοίως καὶ ἐὰν νοήσωμεν τὸν ΑΗΒ ὀρίζοντα, τὸ δὲ ΑΖΒΓ τμήμα τοῦ ζωδιακοῦ, καὶ ἀνατολικά μὲν τὰ πρὸς τῷ Β, δυτικά δὲ τὰ πρὸς τῷ Α, καὶ ὁμοίως ἐπόμενον τὸ ΒΓ, περὶ τῆς ΕΒΓ ἀνατολικῆς γωνίας ἐπομένης πάλιν καὶ βορειοτέρας τὸν λόγον ποιεῖσθαι μέλλομεν, καὶ ἔτι τῆς ὑπὸ ΖΑΕ δυτικῆς ἐπομένης ὁμοίως καὶ βορειοτέρας.

729 Ἔτι δὲ πάλιν ἐὰν νοήσωμεν μεσημβρινὸν μὲν τὸν ΑΗΒΕ, τὸ δὲ κατὰ κορυφὴν σημεῖον τὸ Ε, καὶ διὰ τοῦ Ε καὶ ἀρχῆς τινος ζωδίου ὡς τῆς Ζ γράψωμεν μεγίστου κύκλου περιφέρειαν ὡς τὴν ΕΖΗ, ἥ δὲ πάλιν τὰ πρὸς τῷ Α, Ε βόρεια, καὶ τὸ ΒΓ ἐπόμενον τμήμα τοῦ ζωδιακοῦ, περὶ τῆς ὑπὸ ΕΖΒ γωνίας περιεχομένης ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ζωδιακοῦ ποιεῖσθαι τὸν

λόγον μέλλομεν πάλιν ἐπομένης καὶ βορειοτέρας, καὶ ἔτι περὶ τῆς πηλικότητος τῆς ΕΖ περιφέρειας. Καὶ ὅταν μὲν ἡ τοιαύτη τομὴ πρὸς μεσημβρίας ᾗ, ἀνατολικὴν λέγομεν τὴν γωνίαν καὶ τὴν περιφέρειαν, ὅταν δὲ μετὰ μεσημβρίαν δυτικὴν. Εἴτα μέλλων ἄρχεσθαι τῆς δείξεως τῶν εἰρημένων γωνιῶν, φησὶν· «Ἀπλουστέρας δὲ τῆς δείξεως οὔσης» τῆς ὑπὸ τοῦ ζωδιακοῦ «πρὸς «τὸν μεσημβρινὸν γινομένων γωνιῶν ἀπὸ τούτων ἀρξόμεθα.» §Καὶ ἀρχόμενος πάλιν τῶν τοιούτων γωνιῶν τὴν ἀπόδειξιν ποιῆσθαι προεκτίθεται λημμάτια δύο εὐχρηστα συντελοῦντα αὐτῷ πρὸς προχειροτέραν τῶν προκειμένων ἀπόδειξιν, καὶ πρῶτον ἐν ᾧ φησιν· «λέγω δὴ «ὅτι τὰ ἴσον ἀπέχοντα τοῦ αὐτοῦ ἡμερινοῦ σημείου τοῦ διὰ μέσων τῶν «ζωδίων κύκλου σημεῖα τὰς» προκειμένας τὰς πρὸς τὸν μεσημβρινὸν ἐπομένας καὶ βορειοτέρας γωνίας «ἴσας ἀλλήλαις ποιεῖ.

730 » «Ἔστω γὰρ ἡμερινοῦ μὲν περιφέρεια ἡ ΑΒΓ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τῶν «ζωδίων ἡ ΔΒΕ, πόλος δὲ τοῦ ἡμερινοῦ τὸ Ζ,» καὶ ἀπειλήφθωσαν ἐφ’ ἐκάτερα τοῦ Β ἡμερινοῦ ἴσαι δύο τοῦ ζωδιακοῦ ἦτε ΒΗ καὶ ἡ ΒΘ, «καὶ γεγράφθωσαν διὰ τοῦ Ζ πόλου καὶ τῶν Η, Θ σημείων μεγίστων κύκλων περιφέρειαι, αἱ ΖΚΗ, ΖΘΛ· λέγω ὅτι ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΚΗΒ γωνία «πρὸς» τῷ ἐπομένῳ τμήματι βορειοτέρα (διὰ τὸ καὶ τὸν Ζ βόρειον εἶναι πόλον) καὶ ἐπόμενα ὡς ἀπὸ τοῦ Δ ἐπὶ τὰ Β καὶ Ε τῇ ὑπὸ ΖΘΕ ἐπομένη πάλιν ὁμοίως καὶ βορειοτέρα. «Καὶ ἔστιν αὐτόθεν φανερόν. ἰσογώνιον γὰρ γίνεται τὸ ΒΗΚ τρίπλευρον «τῷ ΒΘΛ.» ἴση γὰρ ἐστὶν ἡ μὲν ΗΒ τῇ ΘΒ· ὑπόκειται γάρ. ἡ δὲ ΚΗ τῇ ΘΛ, ἐπειδήπερ διὰ τῶν πόλων οὔσαι τοῦ ἡμερινοῦ λοξώσεις εἰσὶν τῶν ἴσον ἀπεχόντων σημείων τοῦ ἡμερινοῦ, αἵτινες ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ ἐδείκνυντο ἴσαι.

731 ἔτι δὲ καὶ ἡ ΚΒ τῇ ΒΛ ἐστὶν ἴση, διὰ τὸ τὸν ΖΚΗ καὶ τὸν ΖΘΛ ἰσοδυναμεῖν τῷ ἐπ’ ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντι, καὶ τὴν μὲν ΒΚ τῇ ΒΗ συναναφέρεισθαι τὴν δὲ ΒΛ τῇ ΒΘ, καὶ δέδεικται ἡμῖν ἐν ταῖς περὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας συναναφοραῖς ὅτι ταῖς ἴσαις καὶ ἴσον ἀπεχούσαις ἐφ’ ἐκάτερα τοῦ ἡμερινοῦ τοῦ ζωδιακοῦ περιφερειαῖς ἴσοι χρόνοι συναναφέρονται καὶ εἰσὶν ἴσαι αἱ ΗΒ, ΒΘ τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρειαι ἐφ’ ἐκάτερα οὔσαι τοῦ Β ἡμερινοῦ· ἴση ἐστὶν καὶ ἡ ΚΒ τοῦ ἡμερινοῦ τῇ ΒΛ. Δειχθέντος οὖν ἰσοπλεύρου τοῦ ΒΗΚ τριπλεύρου τῷ ΒΘΛ ἔσται καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΒΘΛ ἴση τῇ ὑπὸ ΒΗΚ. ἀλλὰ καὶ ἡ ὑπὸ ΒΘΛ τῇ ὑπὸ ΖΘΕ ἴση. καὶ ἡ ὑπὸ ΒΗΚ ἄρα τῇ ὑπὸ ΖΘΕ ἐστὶν ἴση, ὅπερ προέκειτο δεῖξαι. §Δείκνυν * ται δὲ αἱ κατὰ κορυφὴν γωνία ἐπὶ περιφερειῶν ἴσαι, ὡς αἱ πρὸς τῷ Θ, τόνδε τὸν τρόπον. Ἐκκείσθωσαν γὰρ τὰ ΒΘΕ, ΖΘΛ τμήματα τῶν κύκλων τέμνοντα ἀλλήλα κατὰ τὸ Θ, καὶ πόλῳ τῷ Θ γεγράφθω ὁ ΒΖΕΛ κύκλος, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΒΕ, ΖΛ κοινὰι τομαί. καὶ ἐπεὶ διάμετροι γίνονται τοῦ ΒΖΕΛ κύκλου, τὸ ἄρα Μ σημεῖον κέντρον ἐστὶν τοῦ αὐτοῦ κύκλου. ἴσαι ἄρα αἱ πρὸς τῷ Μ κατὰ κορυφὴν γωνίαι, ὥσπερ καὶ ἡ ΖΕ περιφέρεια τῇ ΒΛ περιφερείᾳ. καὶ ὃν ἔχει λόγον ἐκατέρα αὐτῶν πρὸς τὸν ΒΖΕΛ κύκλον τοῦτον ἔχει καὶ ἐκατέρα τῶν ὑπὸ ΕΘΖ, ΒΘΛ γωνιῶν πρὸς τὰς δ ὀρθάς.

732 διὰ δὲ τοῦτο ἴσαι ἔσονται αἱ πρὸς τῷ Θ κατὰ κορυφὴν γωνίαι. Ἦ καὶ ὅτι δύο αἱ ΖΘ, ΘΕ δυσὶ ταῖς ΒΘ, ΘΛ ἴσαι, καὶ βάσις ἡ ΖΕ βάσει τῇ ΒΛ ἴση, καὶ πάντα πᾶσιν. §Ἐξῆς δὲ καὶ ἕτερον λημμάτιον ἐκτίθεται, συντελοῦν καὶ αὐτὸ πρὸς προχειροτέραν τῶν εἰρημένων γωνιῶν δεῖξιν, οὗ ἡ πρότασίς ἐστὶν τοιαύτη· «δεικτέον δὲ πάλιν ὅτι τῶν ἴσον ἀπεχόντων σημείων τοῦ διὰ μέσων τῶν «ζωδίων κύκλου τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ σημείου αἱ πρὸς τὸν μεσημβρινὸν «γινόμεναι γωνίαι συναμφοτέραι δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.» Ἔστω γὰρ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου περιφέρεια ἡ ΑΒΓ, τοῦ «Β ὑποκειμένου τροπικοῦ σημείου.» καὶ ἔστω ἐπόμενα ὡς ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β καὶ Γ, καὶ ἀπολημφθεισῶν ἐφ’ ἐκάτερα τοῦ Β τροπικοῦ ἴσων περιφερειῶν τῶν ΒΔ καὶ ΒΕ εἰλήφθω ὁ βόρειος πόλος τοῦ ἡμερινοῦ τὸ Ζ, «καὶ γεγράφθωσαν δι’ αὐτοῦ καὶ τῶν Δ, Ε μεγίστων κύκλων περιφέρειαι «αἱ ΖΔ, ΖΕ.

733 λέγω ὅτι αἱ ὑπὸ ΖΔΒ, ΖΕΓ γωνίαι δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.» αὗται γάρ εἰσιν πάλιν αἱ πρὸς τῷ ἐπομένῳ τοῦ ζωδιακοῦ τμήματι βορειότεραι, διὰ τὸ καὶ τὸ Ζ σημεῖον βόρειον ὑποκεῖσθαι πόλον

τοῦ ἰσημερινοῦ. Ἔστιν δὲ καὶ τοῦτο δῆλον αὐτόθεν. ἐπεὶ γὰρ τὰ Δ καὶ Ε σημεῖα ἴσον ἀπέχει τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ σημείου, ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ εἰσιν παραλλήλου, ὡς ἔμπροσθεν ἐπὶ τοῦ Ζ' θεωρήματος τοῦδε τοῦ βιβλίου ἐδείξαμεν.

734 καὶ ἔσονται αἱ ΖΔ, ΖΕ περιφέρειαι ἴσαι ἀλλήλαις, ἐκ τοῦ πόλου οὔσαι τοῦ διὰ τῶν Δ, Ε παραλλήλου τῷ ἰσημερινῷ. Καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΖΕΒ ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΖΔΒ. ἔαν γὰρ γράψωμεν διὰ τῶν Ζ καὶ Β σημείων μεγίστου κύκλου περιφέρειαν, πρὸς ὀρθὰς ἔστα τῷ ζωδιακῷ, ἐπειδὴ περ διὰ τοῦ πόλου ἐστὶν τοῦ τροπικοῦ παραλλήλου ὄντος τῷ ἰσημερινῷ καὶ τῆς κατὰ τὸ Β ἀφῆς, καὶ ἐφαρμόσουσιν τὰ τρίπλευρα, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΖΔΒ γωνία τῇ ὑπὸ ΖΕΒ ἐφαρμόσει, καὶ ἴση αὐτῇ ἔσται. καὶ κοινῆς προστεθείσης τῆς ὑπὸ ΖΕΓ, καὶ αἱ ὑπὸ ΖΔΒ, ΖΕΓ ἴσαι ἔσονται ταῖς ὑπὸ ΖΕΓ, ΖΕΒ. ἀλλ' ἡ ὑπὸ ΖΕΒ μετὰ τῆς ὑπὸ ΖΕΓ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν. καὶ ἡ ὑπὸ ΖΔΒ ἄρα μετὰ τῆς ὑπὸ ΖΕΓ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν, ὅπερ προέκειτο δεῖξαι. Εἰσὶν δὲ αἱ ὑπὸ ΖΕΒ, ΖΕΓ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι, ἐπειδὴ περ ἔαν πόλῳ τῷ Ε καὶ διαστήματι τυχόντι γράψωμεν κύκλον ὡς τὸν ΒΗΓΘ, ἡμικυκλίου ἔσται ἡ ΒΗΓ, διὰ τὸ διὰ τῶν πόλων αὐτοῦ εἶναι τὸν ΒΕΓ. καὶ ὃν ἔχει λόγον τὸ ΒΗΓ ἡμικύκλιον πρὸς τὸν ὅλον κύκλον, τοῦτον ἔχουσιν καὶ αἱ ὑπὸ ΒΖΕ, ΖΕΓ πρὸς δ ὀρθάς. διὰ δὴ τοῦτο ἔσονται δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι. § Τούτων οὖν τῶν δύο λημματίων προλημφθέντων ἐφεξῆς καὶ περὶ τοῦ χρησίμου αὐτῶν διαληψόμεθα, τουτέστιν ὅτι ἔαν τὴν ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ χειμερινοῦ τροπικοῦ καὶ τοῦ μετοπωρινοῦ καὶ ἔτι τῆς τε Παρθένου καὶ τοῦ Λέοντος ἐπιλογισώμεθα, συναποδεδειγμένας ἔξομεν καὶ τὰς ἐπὶ τῶν λοιπῶν.

735 Ἐκκείσθω γὰρ ὁ ΑΒΓΔ ζωδιακὸς διηρημένος εἰς τὰ ζῳδία ὡς ὑπογέγραπται, καὶ ἔστω ἰσημερινὰ μὲν τὰ πρὸς τοῖς Α, Γ τροπικὰ δὲ τὰ πρὸς τοῖς Β, Δ. Ἐπεὶ οὖν ἐδείξαμεν ἐν τῷ πρώτῳ λημματίῳ ὅτι τὰ ἴσον ἀπέχοντα τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ σημείου τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων σημεῖα τὰς ἐκκειμένας πρὸς τὸν μεσημβρινὸν γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιεῖ, ἔαν ἄρα δείξωμεν τὴν ἐπὶ τοῦ χειμερινοῦ τροπικοῦ γινομένην δεδειχότες ἐσόμεθα καὶ τὴν ἐπὶ τοῦ θερινοῦ ἴσον γὰρ ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ σημείου. πάλιν ἐπεὶ ἐδείξαμεν ἐν * τῷ δευτέρῳ λημματίῳ ὅτι τῶν ἴσον ἀπέχοντων σημείων τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ αἱ πρὸς τὸν μεσημβρινὸν γινόμεναι γωνίαι συναμφοτέραι δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν, ἔαν ἄρα τὴν ὑπὸ τοῦ μετοπωρινοῦ ἰσημερινοῦ σημείου γινομένην πρὸς τὸν μεσημβρινὸν γωνίαν δείξωμεν δεδειχότες πάλιν ἐσόμεθα καὶ τὴν ὑπὸ τοῦ ἑαρινοῦ τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς δύο ὀρθάς· καὶ γὰρ ταῦτα τὰ σημεῖα ἴσον ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ σημείου.

736 Πάλιν ἔαν δείξωμεν τὴν ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τῆς Παρθένου, δεδειχότες ἐσόμεθα καὶ τὴν ὑπὸ τοῦ Σκορπίου ἴσον γὰρ ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ. καὶ ἔτι τὴν τε ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Ταύρου καὶ τῆς ἀρχῆς τῶν Ἰχθύων τῶν λειπουσῶν τῆς τε ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τῆς Παρθένου καὶ τοῦ Σκορπίου εἰς τὰς β ὀρθάς, ἐπειδὴ περ ἴσον ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ. Καὶ πάλιν ἔαν τὴν ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Λέοντος γενομένην γωνίαν πρὸς τῷ μεσημβρινῷ δείξωμεν, δεδειχότες ἐσόμεθα καὶ τὴν τε ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Τοξότου καὶ ἔτι τῶν Διδύμων καὶ τοῦ Ὑδροχόου. Διαλαβόντες οὖν περὶ τοῦ χρησίμου τῶν προεκτεθειμένων αὐτῷ δύο λημμάτων, ἐξῆς ἐπὶ τὴν προκειμένην ἀπόδειξιν τῶν προκειμένων γωνιῶν τε καὶ περιφερειῶν χωρήσομεν. § «Ἔστω γὰρ μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τῶν ζωδίων» ἐπόμενον «ἡμικύκλιον τὸ ΑΕΓ, τοῦ Α ὑποκειμένου χειμερινοῦ «τροπικοῦ.

737 καὶ πόλῳ τῷ Α διαστήματι δὲ τῇ τοῦ τετραγώνου πλευρᾷ «γεγράφθω τὸ ΒΕΔ ἡμικύκλιον» ὥστε βόρεια γίνεσθαι τὰ πρὸς τῷ Δ. Ἐπεὶ τοίνυν ὁ ΑΒΓΔ μεσημβρινὸς διὰ τῶν τοῦ ΑΕΓ ζωδιακοῦ πόλων γέγραπται ἐπειδὴ περ καὶ διὰ τοῦ τροπικοῦ ἐστὶν, ὡς πολλάκις ἐν τοῖς ἐπάνω δέδεικται, ἀλλὰ καὶ διὰ τῶν τοῦ ΒΕΔ, «τεταρτημορίου γίνεται ἡ ΔΕ περι«φέρεια», ἐπειδὴ περ ἔαν ἀναπληρώσωμεν τὸν τε ΑΕΓ καὶ ΒΕΔΖ, δύο κύκλοι τέμνουσιν ἀλλήλους ὡς οἱ ΑΕΓΖ, ΒΕΔΘ, διὰ δὲ τῶν πόλων αὐτῶν μέγιστος κύκλος γέγραπται ὡς ὁ ΑΒΓΔ, δίχα τέμνει τὰ ἀπειλημμένα

τμήματα τῶν κύκλων, καὶ ἀπειλήφασιν ἑαυτῶν τὰ τε ΕΔΖ καὶ [τὰ] ΕΓΖ ἡμικύκλια, «ὥστε τεταρτημορίου ἐστὶν ἡ ΕΔ περιφέρεια.» Καὶ ἐπεὶ πόλῳ τῇ κοινῇ τομῇ τῶν ΑΕΓ, ΑΔΓ κύκλων τῷ Α καὶ διαστήματι τυχόντι γέγραπται ὁ ΒΕΔ κύκλος, καὶ ἀπείληπται μεταξὺ αὐτῶν ἡ ΔΕ περιφέρεια τεταρτημορίου, ὀρθὴ ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΕΑΔ, ἥτις ἐστὶν πρὸς τῷ χειμερινῷ τροπικῷ τουτέστιν τῇ ἀρχῇ τοῦ Αἰγόκερω πρὸς τῷ μεσημβρινῷ γινομένη.

738 καὶ διὰ τὰ προειρημένα ἐν τοῖς λημματίοις ὀρθὴ ἔσται καὶ ἡ ὑπὸ τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ τουτέστιν τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου ἡ ὑπὸ ΔΓΗ· ἴσον γὰρ ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ σημείου. Διὸ καὶ ἐπὶ τῶν δύο τούτων δωδεκατημορίων ἐπὶ τοῦ τῶν γωνιῶν κανόνος τὰς ρ μοίρας παρέθηκεν τῇ μεσημβρίᾳ κατὰ τὸ τρίτον σελίδιον. Καὶ δῆλον πάλιν ἡμῖν ἔσται ὅτι καὶ αὗται αἱ γωνίαι καθὼς ἐδηλοῦμεν πρὸς τῷ ἐπομένῳ τμήματι τοῦ διὰ μέσων εἰσὶν βορειότεραι. § «Πάλιν ἔστω μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ἰσημερινοῦ δὲ ἡμικύκλιον τὸ ΑΕΓ, καὶ γεγράφθω τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων τὸ ΑΖΓ ἡμικύκλιον οὕτως ὥστε τὸ Α σημεῖον εἶναι τὸ μετοπωρινὸν ἰσημερινόν, «καὶ πόλῳ Α διαστήματι δὲ τῇ τοῦ τετραγώνου πλευρᾷ γεγράφθω «τὸ ΒΕΔ ἡμικύκλιον.

739 διὰ ταῦτά δέ, ἐπεὶ ὁ ΑΒΓΔ μεσημβρινὸς διὰ τῶν «πόλων ἐστὶν τοῦ ΑΕΓ ἰσημερινοῦ καὶ τῶν τοῦ ΒΖΕΔ» δίχα πάλιν τέμνει τὰ ἀπειλημμένα αὐτῶν ἡμικύκλια, ὥστε πάλιν τεταρτημορίου ἐστὶν ἡ ΕΔ καὶ ἔτι ἡ ΑΕ καὶ ΑΖ, διὰ τὸ ἐκ πόλου αὐτὰς εἶναι τοῦ ΒΕΔ, τουτέστιν τοῦ Α. Καὶ ἐπεὶ τεταρτημορίου ἐστὶν ἡ ΑΖ καὶ ἔστιν τὸ Α μετοπωρινόν, ὥστε καὶ τὸ Ζ εἰς τὰ ἐπόμενα αὐτοῦ τυγχάνον χειμερινὸν τροπικόν. Ἐπεὶ οὖν τὸ Ζ ἐστὶν χειμερινὸν τροπικόν καὶ ἔστιν ὁ ΒΖΕΔ κύκλος διὰ τῶν πόλων τοῦ ἰσημερινοῦ, ἐπειδὴ περ καὶ τὰ Β, Δ πόλοι εἰσὶν τοῦ ἰσημερινοῦ διὰ τὸ τεταρτημορίου τυγχάνειν τὰς ΒΑ, ΒΓ, ΔΑ, ΔΓ, ἔσται καὶ ἡ ΖΕ τῆς λοξώσεως τοῦ χειμερινοῦ τροπικοῦ τῶν ἀποδεδειγμένων μοιρῶν κγ να. Ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΕΔ τεταρτημορίου τυγχάνουσα μοιρῶν ρ ὅλη ἄρα ἡ ΖΕΔ περιφέρεια ἔσται μοιρῶν ριγ να. Καὶ ἄλλως δὲ ἡ ΕΔ τεταρτημορίου ἐστὶν διὰ τὸ τὸ Δ πόλον εἶναι τοῦ ΑΕΓ ἰσημερινοῦ. Καὶ ἐπεὶ πρὸ τούτου ἐδίδασκεν λέγων ὅτι καὶ καθόλου ὃν ἂν ἔχη λόγον ἡ οὕτως ἀπολαμβανομένη περιφέρεια πρὸς τὸν ὅλον κύκλον τοῦτον ἔχει τὸν λόγον καὶ ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῆς κλίσεως τῶν ἐπιπέδων τῶν κύκλων πρὸς τὰς δ ὀρθάς, καὶ ἐδείχθη ἡ ΖΕΔ περιφέρεια μοιρῶν ριγ να, ἃς καὶ παρέθηκεν ἐν τῷ κανονίῳ τῶν γωνιῶν ἐπὶ τοῦ τῶν * Χηλῶν δωδεκατημορίου τῇ μεσημβρίᾳ κατὰ τὸ γ' σελίδιον, οἷον ὅλος ὁ κύκλος τξ, ἔσται ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ ΖΑΔ γωνία πρὸς τῷ Α μετοπωρινῷ ριγ να οἷον ἡ μία ὀρθὴ ρ.

740 Καὶ διὰ τὰ προδεδειγμένα ἐπὶ τῶν λημματίων, ἐπεὶ ἡ ἀρχὴ τοῦ μετοπωρινοῦ τουτέστιν τῶν Χηλῶν καὶ ἡ τοῦ ἑαρινοῦ τουτέστιν τοῦ Κριοῦ ἴσον ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ, ἔσται καὶ ἡ ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ ἑαρινοῦ πρὸς τῷ μεσημβρινῷ γινομένη γωνία τῶν λειπούσων εἰς τὰς β ὀρθὰς τῶν ριγ να, μοιρῶν ξς θ, ἃς καὶ παρέθηκεν τῇ μεσημβρίᾳ τῷ τοῦ Κριοῦ δωδεκατημορίῳ. § «Πάλιν ἔστω μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ἰσημερινοῦ δὲ ἡμικύκλιον «τὸ ΑΕΓ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τῶν ζωδίων τὸ ΒΖΘΔ, ὥστε τὸ μὲν Ζ σημεῖον «ὑποκεῖσθαι μετοπωρινόν, τὴν δὲ ΒΖ, πρῶτον, ἐνὸς δωδεκατημορίου τοῦ «τῆς Παρθένου,» καὶ ἐπόμενα πάλιν ὡς ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὸ Ζ καὶ τὸ Θ, «καὶ τὸ μὲν Β σημεῖον ἀρχὴν δηλονότι τῆς Παρθένου», διὰ τὸ τὸ Ζ τέλος μὲν εἶναι τῆς Παρθένου ἀρχὴν δὲ τῶν Χηλῶν.

741 «καὶ πόλῳ μὲν τῷ Β διαστήματι δὲ τῇ τοῦ τετραγώνου πλευρᾷ γεγράφθω τὸ ΗΘΕΚ ἡμικύκλιον. «Καὶ προκείσθω εὐρεῖν τὴν ὑπὸ ΚΒΘ γωνίαν» γινομένην ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τῆς Παρθένου ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ πρὸς τῷ ἐπομένῳ τμήματι βορειοτέραν. Ἐπεὶ τοίνυν ὁ ΑΒΓΔ μεσημβρινὸς διὰ τε τῶν τοῦ ΑΕΓ καὶ διὰ τῶν «τοῦ ΗΕΚ πόλων γέγραπται, τεταρτημορίου γίνεται ἑκάστη τῶν ΒΗ καὶ «ΒΘ καὶ ΕΗ περιφερειῶν,» διὰ τὸ ἐκ πόλου αὐτὰς εἶναι τοῦ Β, ἡ δὲ ΕΗ πάλιν τεταρτημορίου διὰ τὸ τοὺς ΑΕΓ καὶ ΗΕΚ τέμνειν ἀλλήλους καὶ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν γεγράφθαι τὸν ΑΒΓΔ μεσημβρινόν καὶ δίχα τέμνειν αὐτῶν τὰ ἀπειλημμένα ἡμικύκλια. «Καὶ διὰ

τὴν καταγραφὴν», ὡς ἐπὶ τοῦ κατὰ διαίρεσιν σφαιρικοῦ θεωρήματος, ἐπεὶ εἰς δύο πάλιν τὰς ΒΗ καὶ ΗΕ δύο διηγμέναι εἰσὶν ἀπὸ τῶν περάτων αἱ τε ΒΘ, ΕΑ τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ Ζ, «ὁ τῆς ὑπὸ τὴν «διπλὴν τῆς ΒΑ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΑΗ λόγος συνῆπται ἕκ τε «τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΖ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΘ καὶ «τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΗ.» Ἀλλ' ἡ μὲν ΒΑ λόξωσις οὕσα τῆς ἀρχῆς τῆς Παρθένου, τουτέστιν τῶν ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ μοιρῶνλ, μοιρῶν ἐστὶν ια μ. τοσαῦται γὰρ παράκεινται τῇ τριακονταμοιρίᾳ ἐν τῷ τῆς λοξώσεως κανονίῳ. ὥστε καὶ ἡ διπλὴ τῆς ΒΑ μοιρῶν ἐστὶν κγ κ, ἡ δὲ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων κδ ις. ἡ δὲ διπλὴ τῆς ΑΗ τῶν λειπουσῶν εἰς τὴν διπλὴν τῶν τῆς ΒΗ μοιρῶν ρπ, μοιρῶν ἐστὶν ρνς μ. καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ριζ λα. καὶ πάλιν ἡ μὲν διπλὴ τῆς ΒΖ μοιρῶν ἐστὶνξ, αὕτη γὰρ ὑπόκειται ἐνὸς δωδεκατημορίου μοιρῶνλ, «καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ξ. ἡ δὲ «διπλὴ τῆς ΖΘ» τῶν λειπουσῶν πάλιν εἰς τὴν διπλὴν τῶν τῆς ΒΘ μοιρῶν ρπ, μοιρῶν ρκ, «καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ργ νε. «Καὶ ἐὰν ἄρα πάλιν ἀπὸ τοῦ τῶν κδ ις πρὸς τὰ ριζ λα λόγου ἀφέλωμεν τὸν τῶν ξ πρὸς τὰ ργ νε, καταλειφθήσεται ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν «τῆς ΘΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΗ λόγος, ὁ τῶν μβ νη ἔγγιστα «πρὸς τὰ ρκ.

742 «Καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΗ τμημάτων ρκ. καὶ ἡ ὑπὸ τὴν «διπλὴν ἄρα τῆς ΘΕ τῶν αὐτῶν ἔσται μβ νη. ὥστε καὶ ἡ μὲν διπλὴ «τῆς ΘΕ περιφερείας ἐστὶν μβ ἔγγιστα, αὕτη δὲ ἡ ΘΕ τῶν αὐτῶν κα.» Ἔστιν δὲ διὰ τὰ εἰρημένα καὶ ἡ ΕΚ τῶν τοῦ τεταρτημορίου μοιρῶν ρ. καὶ ὅλη ἡ ΘΕΚ συναχθήσεται μοιρῶν ρια. Ὡστε καὶ ἡ ὑπὸ ΚΒΘ γωνία ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ γινομένη πρὸς τῇ ἀρχῇ τῆς Παρθένου ἔσται μοιρῶν ρια οἴων ἡ μία ὀρθὴ ρ. «Καὶ διὰ τὰ προαποδεδειγμένα, καὶ ἡ μὲν ἐπὶ τῆς ἀρχῆς τοῦ Σκορπίου «γινομένη γωνία τῶν ἴσων ἔσται ρια» διὰ τὸ ἴσον αὐτὰς ἀπέχειν τοῦ ἰσημερινοῦ, «ἑκατέρω δὲ ἦτε ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Ταύρου καὶ τῆς ἀρχῆς «τῶν Ἰχθύων τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς β ὀρθὰς μοιρῶν ξθ» διὰ τὸ καὶ ταῦτα τὰ δωδεκατημόρια ἴσον ἀπέχειν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ, τὴν μὲν ἀρχὴν τῆς Παρθένου τῇ ἀρχῇ τοῦ Ταύρου, τὴν δὲ τοῦ Σκορπίου τῇ τῶν Ἰχθύων, ἃς καὶ παρέθηκεν πάλιν οἰκείως ἐν τῷ κανόνι τῇ μεσημβρίᾳ ἐπὶ τοῦ τρίτου σελιδίου. Γίνεται δὲ ἡ ἀφαίρεσις καὶ ἡ κατάλειψις τοῦ λόγου ὁμοίως τοῖς ἐπάνω δειχθεῖσιν τοῦ καταλειπομένου λόγου εἰς τὸν ρκ μεταλαμβανομένου. Ὡς δὲ πάλιν ὁμοίως ὑποθέμενος τὸ Β κατὰ τῆς ἀρχῆς τοῦ Λέοντος δείκνυσιν τὴν πρὸς ταῦτῳ γινομένην πρὸς τῷ μεσημβρινῷ γωνίαν ρβ λ.

743 «Καὶ διὰ ταῦτα καὶ τὴν ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Τοξότου τῶν ἴσων ρβ λ, »δ ἑκατέραν δὲ τὴν τε ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τῶν Διδύμων καὶ τῆς ἀρχῆς τοῦ Ὑδρο«χόου τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς δύο ὀρθὰς μοιρῶν οζ λ, «ἃς καὶ παρέθηκεν πάλιν ἐν τῷ κανόνι οἰκείως τὸν εἰρημένον τρόπον. «Καὶ δέδεικται ἡμῖν τὰ προκείμενα, τῆς μὲν αὐτῆς ἐσομένης ἀγωγῆς «καὶ ἐπὶ τῶν ἔτι μικρομερεστέρων τοῦ ζωδιακοῦ τμημάτων, ἀπαρκούσης «δὲ ἡμῖν πρὸς χρῆσιν» τῆς εἰρημένης πραγματείας τῶν τε παραλλάξεων * καὶ τῶν προσνεύσεων, τῶν τε τῆς σελήνης ἐκλείψεων καὶ φάσεων τῶν ἀπλανῶν «καὶ τῆς κατὰ τὰς ἀρχὰς τῶν δωδεκατημορίων γεγεννημένης ἐκ«θέσεως.» Περὶ τῶν ὑπὸ τοῦ λοξοῦ κύκλου καὶ τοῦ ὀρίζοντος γενομένων γωνιῶν.

744 (1τ) Ἀποδείξας τὰς ὑπὸ τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς τὸν μεσημβρινὸν γινομένας γωνίας, ἐξῆς καὶ τὰς ὑπὸ τοῦ αὐτοῦ πρὸς τὸν ὀρίζοντα καθ' ἑκάστην ἔγκλισιν καὶ δωδεκατημόριον μέλλων δεικνύναι, διὰ τὸ καὶ τὰς τούτων δείξεις ἀπλουστέραν ἔχειν τὴν ἔφοδον τῶν λοιπῶν καὶ πρὸς τὸν διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν γινομένων, φησὶν· ὅτι μὲν οὖν πρὸς τὸν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντα αἱ αὐταὶ εἰσὶν ταῖς τοῦ μεσημβρινοῦ, φανερόν, διὰ τὸ καὶ τὸν τοιοῦτον ὀρίζοντα διὰ τῶν πόλων εἶναι τῆς σφαίρας καθάπερ καὶ ὁ μεσημβρινός. Δειχθεισῶν οὖν αὐτῷ τῶν τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς τὸν μεσημβρινὸν γωνιῶν αὐτόθεν ἔχομεν καὶ τὰς πρὸς τὸν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντα ὑπὸ τοῦ ζωδιακοῦ γινομένας, τὰς αὐτὰς δηλονότι τυγχανούσας. «Ἴνα δὲ καὶ τὰς τῆς ἐγκεκλιμένης

σφαίρας γινομένης γωνίας μεθ'«δεύσωμεν», προεκτίθεται λημμάτια ὁμοίως, δι' ὧν προχειροτέραν πάλιν τὴν ἐπιβολὴν ποιήσεται, καὶ φησὶν· §Δείξομεν δὴ «πρῶτον ὅτι τὰ ἴσον ἀπέχοντα σημεία τοῦ διὰ μέσων τῶν «ζωδίων κύκλου τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ σημείου» τὰς ἐκκειμένους «πρὸς «τὸν αὐτὸν ὀρίζοντα γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιεῖ.

745 «Ἔστω γὰρ μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ καὶ ἰσημερινοῦ ἡμὶ «κύκλιον τὸ ΑΕΓ, ὀρίζοντος δὲ» ἀνατολικὸν «τὸ ΒΕΔ· καὶ γεγράφθω τοῦ «λοξοῦ κύκλου δύο τμήματα, τὸ τε ΖΗΘ καὶ τὸ ΚΛΜ, οὕτως ἔχοντα ὥστε «ἐκάτερον τῶν Ζ καὶ Κ σημείων ὑποκειῖσθαι τὸ μετοπωρινόν, τουτέστιν «τὴν ἀρχὴν τῶν Χηλῶν.» Δηλαδή πάλιν ὡς μετακινουμένης τῆς σφαίρας, καὶ πῇ μὲν ὑπὸ γῆν ὄντος τοῦ μετοπωρινοῦ ὡς κατὰ τὸ Κ, πῇ δὲ ὑπὲρ γῆς ὡς κατὰ τὸ Ζ, καὶ εἶναι ἐπὶ μὲν τὰ νότια τοῦ ἰσημερινοῦ τὸ ΖΗΘ ἐπόμενον τμήμα περιέχον τὰς Χηλὰς ἥτοι Ζυγὸν καὶ τὸν Σκορπίον καὶ ἐξῆς, τὸ δὲ ΚΛΜ, καθάπερ τὸ ΝΖ, περιέχον ἐπὶ τὰ βόρεια τὸ τε τῆς Παρθένου δωδεκατημόριον καὶ τὸ τοῦ Λέοντος. καὶ ἔστω τῇ ΖΗ περιφερείᾳ ἴση ἡ ΚΛ. «λέγω δὴ ὅτι «καὶ ἡ ὑπὸ ΕΗΘ γωνία» περιεχομένη ὑπὸ τοῦ ὀρίζοντος καὶ τοῦ ΗΘ ἐπομένου τμήματος τοῦ ζωδιακοῦ βορειότερα τυγχάνουσα (διὰ τὸ τὰς ὑπὸ ΒΗΘ, ΕΗΘ πρὸς τῷ ἐπομένῳ τμήματι εἶναι, καὶ τὴν ὑπὸ ΕΗΘ ὡς ἐπὶ τὰ πρὸς τῷ Δ βορειότεραν ἔχειν τὴν θέσιν) «ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΔΛΚ» γωνία καὶ αὐτῇ ὁμοίως πρὸς τῷ ἐπομένῳ τμήματι βορειότερα τυγχανούσῃ.

746 «Καὶ ἔστι» πάλιν «αὐτόθεν» καὶ τὸ τοιοῦτον «δῆλον. ἰσογώνιον γὰρ «γίνεται τὸ ΕΖΗ τρίπλευρον τῷ ΕΚΛ τριπλεύρῳ,» διὰ τὸ καὶ τὰς γ πλευρὰς ταῖς τρισὶν ἴσας ἔχειν ἐκάστην ἐκάστη· τὴν μὲν ΖΗ τῇ ΚΛ, ὑπόκεινται γάρ· τὴν δὲ ΕΗ τοῦ ὀρίζοντος τῇ ΕΛ, ἐπεὶ καὶ ὁ διὰ τοῦ Η παράλληλος ἴσος ἐστὶν τῷ διὰ τοῦ Λ τῶν ΖΗ, ΚΛ περιφερειῶν ἴσων ὑποκειμένων· οἱ γὰρ ἴσας ἀφαιροῦντες παράλληλοι κύκλοι μεγίστου τινὸς κύκλου πρὸς τὸν μέγιστον τῶν παραλλήλων ἴσοι εἰσίν, οἱ δὲ ἴσοι καὶ παράλληλοι ἴσας ἀφαιροῦσι μεγίστου τινὸς κύκλου περιφερείας πρὸς τὸν μέγιστον τῶν παραλλήλων τὰς μεταξὺ αὐτῶν, ὥστε καὶ ἐντεῦθεν ἴση ἡ ΗΕ τῇ ΕΛ. ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΕΖ τοῦ ἰσημερινοῦ τῇ ΕΚ ἴση, διὰ τὸ τὰς ἴσον ἀπεχούσας τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ τοῦ ζωδιακοῦ περιφερείας ἀποδεδειχθαι ἴσοις χρόνοις συναναφέρεσθαι. ἴση ἄρα ἐστὶν καὶ ἡ ὑπὸ ΕΗΖ γωνία τῇ ὑπὸ ΕΛΚ, διὰ τὴν ἐφάρμοσιν τῶν τριπλεύρων. Ὡστε καὶ λοιπὴ ἡ ὑπὸ ΕΗΘ τῇ ὑπὸ ΔΛΚ ἴση ἐστίν, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Δῆλον δὲ ὅτι δυτικοῦ ὑποτιθεμένου τοῦ ΒΕΔ ἡμικυκλίου, ἐπομένων γινομένων τῶν ἀπὸ τοῦ Η ἐπὶ τὸ Ζ καὶ τὸ Ν καὶ ἀπὸ τοῦ Κ ἐπὶ τὸ Λ καὶ τὸ Μ, αἱ πρὸς τῷ ἐπομένῳ βορειότεραι πάλιν γωνίαι τουτέστιν αἱ ὑπὸ ΖΗΕ, ΜΛΔ ἴσαι ἔσσονται, διὰ τὸ καὶ τὴν ὑπὸ ΕΛΚ ἴσην εἶναι τῇ ὑπὸ ΜΛΔ. §Ἐπεὶ οὖν τὴν τοιαύτην ἀπόδειξιν ὡς μετακινουμένης τῆς σφαίρας ὁ Πτολεμαῖος πεποίηται ὑπὸ γῆν καὶ ὑπὲρ γῆν τὸ ἑαρινὸν σημεῖον παραλαμβάνων, δείξομεν αὐτοὶ ὡς μενούσης τῆς σφαίρας ὑπὸ γῆν αὐτὸ πρότερον παραλαμβάνοντες.

747 καὶ ἀπειλήφθω ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς τῇ ΚΛ ἴση ἡ ΚΞ. καὶ εἰλήφθω ὁ βόρειος πόλος τοῦ ἰσημερινοῦ τὸ Ν, καὶ γεγράφθω μέγιστος τῶν αἰὶ φανερῶν ὁ ΔΟ, καὶ διὰ τοῦ Ξ γεγράφθω μέγιστος κύκλος ὁ ΞΠΟ ἐφαπτόμενος τοῦ ΔΟ κατὰ Ο, τὸ ἀπὸ τοῦ Ο ἡμικύκλιον ὡς ἐπὶ τὰ Π, Ξ μέρη ἀσύμπτωτον * ποιῶν τῷ ἀπὸ τοῦ Δ ἡμικυκλίῳ ὡς ἐπὶ τὰ Λ, Ε μέρη. Ὁμοία ἄρα ἐστὶν ἡ ΔΟ τῇ ΕΠ.

748 ἐν ᾧ ἄρα τὸ Ο ἐπὶ τὸ Δ <γίνεται> ἐν τοσοῦτῳ καὶ τὸ Π ἐπὶ τὸ Ε, καὶ ἐφαρμόσει ὁ ΟΠΞ ἐπὶ τὸν ὀρίζοντα, καὶ ἡ ΞΚΛ τῇ ΠΚΕ συνανενεχθήσεται, καὶ ἴση ἔσται <τῇ ΠΚ> ἡ ΚΕ, ἐπεὶ τὰ ἴσον ἀπέχοντα τοῦ ἰσημερινοῦ τοῦ ζωδιακοῦ σημεία ἴσοις χρόνοις συναναφέρεται. Καὶ ἰσόπλευρα πάλιν ἔσται τὰ τρίπλευρα. ὥστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΚΞΠ τῇ ὑπὸ ΕΛΚ ἔσται ἴση. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΔΛΚ ἐπιζητουμένη γωνία ἐστὶν ἴση τῇ ὑπὸ ΡΞΠ. ἢ διὰ τὸ καὶ τοῦ Ξ ἐπὶ τὸν ὀρίζοντα γινομένου ἐφαρμόζειν ὡς ἔφαμεν τὸν ΟΠΞ τῷ ὀρίζοντι. Ὡσαύτως καὶ ὑπὲρ γῆς τὸ ἑαρινὸν ὑποθέμενοι κατὰ τὸ Ζ ἀπολάβωμεν τῇ ΖΗ ἴσην τὴν ΖΣ, καὶ διὰ τοῦ Σ γράψωμεν μέγιστον κύκλον ἐφαπτόμενον τοῦ ΔΟ κατὰ τὸ Τ τὸν ΤΣΥ, ἀσύμπτωτον ποιοῦντα τὸ ἀπὸ τοῦ Τ

ἡμικύκλιον ὡς ἐπὶ τὰ Σ, Υ μέρη τῷ ἀπὸ τοῦ Δ ἡμικυκλίῳ ὡς ἐπὶ τὰ Ε, Η, ὥστε ἐν ᾧ τὸ Δ ἐπὶ τὸ Τ παραγίνεται, ἐν τοσούτῳ καὶ τὸ μὲν Ε ἐπὶ τὸ Υ [τὸ δὲ Η ἐπὶ τὸ Σ].

749

καὶ συσταθήσονται πάλιν ἰσόπλευρα τὰ τρίπλευρα. καὶ ἴση ἡ ὑπὸ ΖΗΕ τῇ ὑπὸ ΖΣΥ γωνία. ὥστε καὶ λοιπαὶ αἱ ὑπὸ ΒΗΖ, ΤΣΖ ἐπιζητούμεναι γωνίαὶ ἴσαι ἔσσονται. Ἐπειτα ἐφεξῆς πάλιν καὶ ἕτερον λημμάτιον ἐκτίθεται, συντελοῦν ὁμοίως καὶ τοῦτο πρὸς τὴν προχειροτέραν ἀπόδειξιν, ἐν ᾧ ἀποδείκνυσιν ὅτι «τῶν «διαμετρούντων σημείων» τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου «ἢ τοῦ «έτέρου ἀνατολικῇ μετὰ τῆς τοῦ έτέρου δυτικῆς δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.» καὶ ἡ μὲν ἀνατολικῇ πρὸς τῷ ἐπομένῳ τμήματι τοῦ ζωδιακοῦ ὑπὸ τοῦ ὀρίζοντος γενομένη γωνία ὑπὸ τὸν ὀρίζοντά ἐστιν, διὰ τὸ τὰ ἐπόμενα εἰς τὰ ὑπολειπόμενα εἶναι πρὸς ἀνατολάς, ἡ δὲ δυτικῇ ὡς δεικνυμένη ὑπὲρ τὸν ὀρίζοντα, διὰ τὸ τὰ ἐπόμενα ὡς πρὸς ἀνατολάσειναι. Ἐστω οὖν πάλιν ὀρίζων μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ὁ δὲ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ὁ ΑΕΓΖ, τέμνων τὸν ὀρίζοντα κατὰ τὰ Α, Γ σημεῖα, ὥστε βόρεια τυγχάνειν τὰ πρὸς τῷ Δ μέρη, καὶ ἔτι ἐπόμενα καὶ ὑπὲρ γῆς τοῦ ζωδιακοῦ ὡς ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Ε καὶ Γ, καὶ ἀνατολικὸν μὲν γενέσθαι τὸ Γ, καὶ ὑπὸ τὸν ὀρίζοντα τὴν ὑπὸ ΔΓΖ γωνίαν πρὸς τῷ ἐπομένῳ τμήματι ἀνατολικὴν καὶ βορειοτέραν τυγχάνουσιν, καὶ ἔτι τὸ Α δυτικὸν καὶ τὴν ὑπὸ ΔΑΕ ὑπὲρ γῆν βορειοτέραν πάλιν οὔσαν πρὸς τῷ ἐπομένῳ τμήματι δυτικὴν.

750

Λέγω ὅτι «ἡ ὑπὸ ΔΓΖ καὶ ἡ ὑπὸ ΔΑΕ συναμφοτέραι δύο ὀρθαῖς ἴσαι «εἰσίν.» Ἐπεὶ οὖν «συναμφοτέραι ἢ τε ὑπὸ ΖΑΔ καὶ ἡ ὑπὸ ΔΑΕ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι «εἰσίν, ἴση δὲ ἡ ὑπὸ ΔΑΖ τῇ ὑπὸ ΔΓΖ,» ἐπειδὴ περ ἐὰν πόλῳ τῷ Α καὶ διαστήματι τῇ τοῦ τετραγώνου πλευρᾷ γράψωμεν μεγίστου κύκλου τμήμα τὸ ΔΖ, ἔσται τὸ αὐτὸ καὶ πόλῳ τῷ Γ διαστήματι δὲ τῇ τοῦ τετραγώνου πλευρᾷ γραφὲν καὶ ὃν ἔχει λόγον ἡ ΔΖ περιφέρεια πρὸς τὸν ὅλον κύκλον τοῦτον ἔχει τὸν λόγον καὶ ἑκατέρα τῶν ὑπὸ ΖΑΔ, ΔΓΖ γωνιῶν πρὸς δ ὀρθάς. Καὶ ἐὰν πόλῳ τῷ Α διαστήματι δὲ τυχόντι γραφῇ ἡ ΔΖ περιφέρεια, καὶ ἔστιν τὸ Γ κατὰ διάμετρον ὃν τῷ Α, καὶ τὸ Γ ἄρα ὁ ἕτερος πόλος ἐστὶν τοῦ ΔΖ. ὥστε ὁ ΔΖ καὶ πόλῳ τῷ Γ γραφήσεται. καὶ διὰ τοῦτο πάλιν ἐὰν ὃν ἔχει λόγον ἡ ΔΖ περιφέρεια πρὸς τὸν ὅλον κύκλον τοῦτον ἔχει τὸν λόγον ἑκατέρα τῶν ὑπὸ ΖΑΔ, ΔΓΖ πρὸς τὰς δ ὀρθάς, ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ ΖΑΔ γωνία τῇ ὑπὸ ΔΓΖ. συναμφοτέραι δὲ αἱ ὑπὸ ΖΑΔ, ΔΑΕ γωνίαὶ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν. ὥστε καὶ συναμφοτέραι αἱ ὑπὸ ΔΓΖ, ΔΑΕ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν. Εἴτα δείξας τὰ τοιαῦτα δύο λημμάτια, τουτέστιν ὅτι «τῶν τὸ ἴσον ἀπεχόντων τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ σημείου αἱ πρὸς τὸν αὐτὸν ὀρίζοντα θεωρούμεναι ἴσαι εἰσίν» (τοῦτο γὰρ ἐν τῷ πρώτῳ λημματίῳ ἐδείκνυνεν), καὶ τῶν διαμετρούντων σημείων τὴν τοῦ έτέρου ἀνατολικὴν μετὰ τῆς τοῦ έτέρου δυτικῆς δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας δεικνύς, τὸ ἐκ τούτων συναγόμενον παραλαμβάνει ὡς δεδειχῶς ὅτι «τῶν ἴσον ἀπεχόντων τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ «σημείου ἢ τοῦ έτέρου ἀνατολικῇ μετὰ τῆς τοῦ έτέρου δυτικῆς δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.

751

» Ὡς δεικτέον οὖν ὅτι ἐκ τῶν εἰρημένων δύο λημματίων συνάγεται καὶ τοῦτο. Ἐστω γὰρ ζωδιακὸς κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, καὶ ἰσημερινὰ μὲν ἔστω τὰ Α, Γ σημεῖα, τροπικὰ δὲ τὰ Β, Δ, καὶ εἰλήφθωσαν τὰ Ε, Ζ σημεῖα ἴσον ἀπέχοντα τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ τοῦ Α.

752

καὶ ἔστω τοῦ Ζ κατὰ διάμετρον τὸ Η. Φανερόν ἄρα ἐκ τοῦ πρώτου λημματίου ὅτι ἐὰν δοθῇ ἡ πρὸς τῷ Ε γινομένη τοῦ ὀρί * ζωντος πρὸς τὸν ζωδιακὸν ἀνατολικῇ γωνία, δεδομένη ἔσται καὶ ἡ πρὸς τῷ Ζ τῶν αὐτῶν, διὰ τὸ ἴσον ἀπέχειν τοῦ ἰσημερινοῦ τὰ Ε, Ζ σημεῖα. Καὶ ἐπεὶ δέδοται ἡ πρὸς τῷ Ζ ἀνατολικῇ, δέδοται ἄρα καὶ ἡ πρὸς τῷ Η δυτικῇ, διὰ τὸ δεύτερον λημμάτιον, τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς δύο ὀρθάς. Ἰση δὲ ἡ πρὸς τῷ Ζ τῇ πρὸς τῷ Ε. ὥστε καὶ αἱ ὑπὸ τῶν Ε, Η σημείων ἴσον ἀπεχόντων τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ τοῦ Β αἱ πρὸς τῷ ὀρίζοντι γινόμεναι γωνίαὶ τοῦ μὲν Ε ἢ ἀνατολικῇ τοῦ δὲ Η ἢ δυτικῇ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν. Καὶ ἐὰν πάλιν ἀπολάβωμεν τῇ ΓΗ ἴσην τὴν ΓΘ, τοῦ Θ κατὰ διάμετρον γινομένου τοῦ Ε, δοθήσεται καὶ ἡ πρὸς τῷ Θ δυτικῇ γωνία τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς δύο ὀρθάς τῆς πρὸς τῷ Ε ἀνατολικῆς, καὶ διὰ τὸ τὰ Η, Θ σημεῖα ἴσον

ἀπέχειν τοῦ Γ ἰσημερινοῦ, καὶ δεδεῖχθαι ἡμῖν ἐν τῷ πρώτῳ λημματίῳ τὴν μὲν ἀνατολικὴν τῇ ἀνατολικῇ ἴσην τὴν δὲ δυτικὴν τῇ δυτικῇ. ὥστε πάλιν δέδονται καὶ αἱ πρὸς τοῖς Ζ, Θ σημείοις ἴσον ἀπέχουσαι τοῦ Δ τροπικοῦ ἀνατολικά καὶ δυτικά. Καὶ διὰ ταῦτα ἐὰν τὰς τοῦ ΑΒΓ ἡμικυκλίου μόνου ὅπερ ἐστὶν «ἀπὸ «Κριοῦ μέχρι Χηλῶν τὰς ἀνατολικὰς γωνίας εὗρωμεν, συναποδεδειγμέναι ἔσονται καὶ αἱ τοῦ ΑΔΓ ἡμικυκλίου ἀνατολικά, καὶ ἔτι αἱ τῶν «δύο ἡμικυκλίων δυτικά.» Ἔστιν δὲ καὶ τοῦτο αὐτόθεν φανερόν. Ἐὰν γὰρ λάβωμεν τοῦ ΑΒΓ ἡμικυκλίου τὰς ἀνατολικὰς γωνίας, ἔξομεν καὶ τὰς τοῦ ΑΔΓ ἀνατολικὰς τῶν αὐτῶν ἐπὶ τῶν ἴσον ἀπεχόντων τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ. ὥστε καὶ ἐκατέρου τῶν ΒΑΔ, ΒΓΔ ἡμικυκλίων ἔξομεν τὰς ἀνατολικὰς, καὶ ἐν ᾧ ἔχομεν τοῦ ΒΑΔ τὰς ἀνατολικὰς, ἔξομεν καὶ τοῦ ΒΓΔ τὰς δυτικὰς τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς δύο ὀρθὰς ἐπὶ τῶν ἴσον ἀπεχόντων τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ.

753 διὰ τὰ αὐτὰ ἐπεὶ ἔχομεν καὶ τοῦ ΒΓΔ τὰς ἀνατολικὰς, ἔξομεν καὶ τοῦ ΒΑΔ τὰς δυτικάς. Ἡ καὶ διὰ τοῦ ἔχειν τοῦ ΑΒΓ τὰς ἀνατολικὰς, ἔξομεν καὶ τὰς τοῦ ΑΒΓ δυτικάς, λαμβάνοντες τὰ μεγέθη τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς δύο ὀρθὰς ἐπὶ τῶν κατὰ διάμετρον τμημάτων. καὶ ὁμοίως διὰ τὸ ἡύρηκέναι τὰς ἀνατολικὰς τοῦ ΑΒΓ, ἡμικυκλίου μόνου τὰς ἀνατολικὰς γωνίας εὗρωμεν, συναποδεδειγμέναι ἔσονται καὶ διὰ τοῦ ἐτέρου ἡμικυκλίου ἀνατολικά, καὶ ἔτι αἱ τῶν δύο ἡμικυκλίων δυτικά. § «Ὅν δὲ τρόπον δείκνυται, διὰ βραχέων ἐφοδεύσομεν, χρησάμενοι πά«λιν τῷ διὰ ῥόδου παραλλήλῳ» ἔνθα τὸ ἔξαρμα τοῦ πόλου μοιρῶν ἐστὶν λς. «αἱ μὲν οὖν ὑπὸ τῶν ἰσημερινῶν σημείων πρὸς τὸν ὀρίζοντα γινόμεναι γωνίαί» προχειρότερον ἐφοδεύονται τὸν τρόπον τοῦτον. Ἐὰν γράψωμεν μεσημβρινὸν μὲν κύκλον τὸν ΑΒΓΔ, τοῦ δὲ ὑποκειμένου ὀρίζοντος ἀνατολικὸν ἡμικύκλιον τὸ ΑΕΔ, καὶ τοῦ μὲν ἰσημερινοῦ ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπὶ τὸ ὑπὸ γῆν τμήμα τοῦ μεσημβρινοῦ «τεταρτημόριον «τὸ ΕΖ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τῶν ζωδίων δύο τεταρτημόρια τό τε ΕΒ καὶ «τὸ ΕΓ, ὥστε τὸ Ε πρὸς μὲν τὸ ΕΒ» νοτιώτερον «τεταρτημόριον νοεῖσθαι «τὸ μετοπωρινόν, πρὸς δὲ τὸ ΕΓ» βορειότερον «ἑαρινόν, καὶ» τὰ μὲν ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ τὰ Β, Γ εἰς τὰ ἐπόμενα, ὥστε «τὸ μὲν Β γίνεσθαι χειμερινόν «τροπικόν τὸ δὲ Γ θερινόν,» συνάγεται ἡ μὲν ΓΔ μοιρῶν λ θ, διὰ τὸ τὴν μὲν ἀπὸ τοῦ βορείου πόλου ἐπὶ τὸ Ζ σημεῖον εἶναι μοιρῶν ρ τὴν δὲ τοῦ ἐξάρματος μοιρῶν λς, καὶ λοιπὴν τὴν ΔΖ μοιρῶν νδ, ἐκατέραν δὲ τῶν ΒΖ, ΖΓ τῆς μεγίστης λοξώσεως μοιρῶν κγ να ἔγγιστα, καὶ καταλείπεσθαι τὴν μὲν ΓΔ τῶν εἰρημένων μοιρῶν λ θ, ὅλην δὲ τὴν ΔΖ μετὰ τῆς ΖΒ συνάγεσθαι μοιρῶν οζ να.

754 Καὶ ἐπεὶ τὸ Ε πόλος ἐστὶν τοῦ ΑΒΓΔ μεσημβρινοῦ, καὶ γέγραπται ὁ ΑΒΓΔ πόλῳ τῇ κοινῇ τομῇ τῶν κύκλων τοῦ ζωδιακοῦ καὶ τοῦ ὀρίζοντος, ἔσται ἡ μὲν ὑπὸ ΔΕΓ γωνία γινομένη ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Κριοῦ πρὸς τῷ ὀρίζοντι ἀνατολικὴ γωνία βορειότερα τοιούτων λ θ οἶων ἡ μία ὀρθὴ ρ ἡ δὲ ὑπὸ ΔΕΒ γινομένη ὁμοίως ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τῶν Χηλῶν οζ να. Καὶ ἐπεὶ τὰς ὑπὸ τοῦ ζωδιακοῦ καὶ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν πρὸς τῷ Ε σημείῳ τοῦ ζωδιακοῦ γινομένης γωνίας βούλεται ἐκθέσθαι ἐν τῷ κανόνι, λαμβάνων τὸν πόλον τοῦ ὀρίζοντος τὸ Κ σημεῖον, καὶ γράφων δι' αὐτοῦ καὶ τοῦ Ε μεγίστου κύκλου περιφέρειαν, καὶ προσθεῖς ταῖς ὑπὸ ΔΕΓ καὶ ΒΕΔ τὴν ὑπὸ ΚΕΔ ὀρθὴν πάντοτε γινομένην μοιρῶν ρ ἐξέθετο ἐπὶ τοῦ διὰ ῥόδου κλίματος τὴν μὲν ὑπὸ ΚΕΓ ὑπὸ τῆς τοῦ Κριοῦ ἀρχῆς πρὸς τῷ ὀρίζοντι ἀνατολικὴν γωνίαν μοιρῶν ρκ θ, τὴν δὲ ὑπὸ ΚΕΒ ἐπὶ τῆς ἀρχῆς τῶν Χηλῶν, μοιρῶν ρζζ να.

755 Γίνεται δὲ τὸ Ε πόλος τοῦ μεσημβρινοῦ καὶ ἐκάτερα δηλονότι τῶν ΕΒ καὶ ΕΓ τοῦ ζωδιακοῦ τεταρτημορίου οὕτως. Ἐπεὶ γὰρ ὁ ΑΒΓΔ μεσημβρινὸς διὰ τῶν πόλων * τοῦ τε ΕΖ ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ΑΕΔ ὀρίζοντός ἐστιν, ὀρθός ἐστιν πρὸς αὐτούς. ὥστε καὶ ἐκάτερος τῶν ΕΖ, ΑΕ ὀρθός ἐστιν πρὸς τὸν ΑΒΓΔ μεσημβρινὸν καὶ διὰ τῶν πόλων αὐτοῦ δηλαδή. καὶ συμβάλλουσιν κατὰ τὸ Ε. τὸ Ε ἄρα πόλος ἐστὶν τοῦ ΑΒΓΔ, καὶ τεταρτημόριον δηλονότι ἐκάτερον τῶν ΕΒ, ΕΓ. § «Ἵνα δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν» δωδεκατημορίων «ἡ ἔφοδος φανερά «γένηται, προκείσθω ὑποδείγματος

ἔνεκεν εὐρεῖν τὴν γινομένην ἀνατολικὴν γωνίαν ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Ταύρου καὶ τοῦ ὀρίζοντος.

756 » «Καὶ ἔστω μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, τοῦ δὲ ὑποκειμένου ὀρί «ζοντος ἀνατολικὸν ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ. καὶ γεγράφθω τοῦ διὰ μέσων «τῶν ζωδίων τὸ ΑΕΓ ἡμικύκλιον, ὥστε τὸ Ε σημεῖον τὴν ἀρχὴν εἶναι «τοῦ Ταύρου.» καὶ προκείσθω δηλαδὴ εὐρεῖν τὴν ὑπὸ ΓΕΔ γινομένην γωνίαν ἀνατολικὴν καθὼς ἐδηλοῦμεν. «Ἐπεὶ οὖν ἐν τούτῳ τῷ κλίματι τῆς ἀρχῆς τοῦ Ταύρου ἀνατελλούσης, «μεσουρανοῦσιν ὑπὸ γῆν τοῦ Καρκίνου μοῖραι ιζ μα,» ὡς δεῖξομεν ἐξῆς τοῦ θεωρήματος, «ἐλάττων γίνεται ἡ ΕΓ περιφέρεια τεταρτημορίου,» ἐπειδήπερ ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Ε ἀρχῆς τοῦ Ταύρου μέχρι τῶν ιζ μα μοιρῶν τοῦ Καρκίνου, συνάγονται μοῖραι οζ μα. «Γεγράφθω δὴ πόλῳ τῷ Ε, καὶ διαστήματι τῇ τοῦ τετραγώνου πλευρᾷ «μεγίστου κύκλου τμήμα τὸ ΖΗΘ καὶ προσαναπεπληρώσθω τό τε ΕΓΗ «τεταρτημόριον καὶ τὸ ΕΔΘ.» Δείξομεν δὲ πάλιν ὅτι ἐλάττων ἐστὶν ἡ ΕΔ τεταρτημορίου.

757 «γίνεται «δὲ καὶ ἡ τε ΖΓΔ καὶ ἡ ΖΗΘ τεταρτημορίου, διὰ τὸ τὸν ΒΕΔ ὀρίζοντα «διὰ τῶν πόλων εἶναι τοῦ τε ΑΒΓΔ μεσημβρινοῦ καὶ τοῦ ΖΗΘ μεγίστου κύκλου.» Πάλιν γὰρ δύο κύκλων τεμνόντων ἀλλήλους τῶν ΖΗΘ καὶ ΖΓΔ, διὰ τῶν πόλων γραφεῖς ὁ ΒΕΔ ὀρίζων, δίχα τέμνει τὰ ἀπειλημμένα τμήματα. καὶ διὰ τοῦτο ἐκάτερον τῶν ΖΔ καὶ ΖΘ τεταρτημορίου τυγχάνει. καὶ τὸ Ζ δηλονότι πόλος γίνεται τοῦ ὀρίζοντος τουτέστιν τὸ ὑπὸ γῆν κατὰ κορυφὴν σημεῖον. «Πάλιν ἐπεὶ» τὸ Γ σημεῖον ἐπέχον «τοῦ Καρκίνου μοίρας ιζ μα, ἀπέχει «τοῦ ἰσημερινοῦ πρὸς ἄρκτους ἐπὶ τοῦ διὰ τῶν πόλων αὐτοῦ» τουτέστιν ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ «μοίρας κβ μ, ὁ δὲ ἰσημερινὸς ἀπέχει τοῦ Ζ «κατὰ κορυφὴν» ὅσον τὸ ἔξαρμα, τουτέστιν μοίρας λς, συνάγεται ἡ ΓΖ περιφέρεια μοιρῶν νη μ. Ἐξῆς τούτων οὖν οὕτως ἐχόντων, φησὶν· «Γίνεται λοιπὸν διὰ τὴν καταγραφὴν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ «πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΖ λόγος συγκεείμενος ἐκ τοῦ τῆς ὑπὸ «τὴν διπλὴν τῆς ΓΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΗ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ «τὴν διπλὴν τῆς ΗΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΖ. «Ἀλλὰ διὰ τὰ προκειμένα ἡ μὲν διπλὴ τῆς ΓΔ μοιρῶν ἐστὶν ξβ μ,» διὰ τὸ τὴν μὲν διπλὴν τῆς ΖΔ μοιρῶν εἶναι ρπ, δεδεῖχθαι δὲ τὴν ΓΖ νη μ, καὶ γίνεσθαι τὴν διπλὴν αὐτῆς ριζ κ, καὶ λοιπὴν δηλονότι καταλείπεσθαι τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ μοιρῶν ξβ μ. καὶ διὰ τοῦτο «καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν «εὐθεῖα ἔσται τμημάτων ξβ κδ. «Ἡ δὲ διπλὴ τῆς ΖΔ μοιρῶν ρπ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ρκ.

758 «Καὶ πάλιν ἡ μὲν διπλὴ τῆς ΓΕ μοιρῶν ρνε κβ,» διὰ τὸ δεδεῖχθαι τὴν ΕΓ οζ μα, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ριζ ιδ. «Ἡ δὲ διπλὴ τῆς ΕΗ μοιρῶν ρπ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ρκ. «Ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ λόγου τοῦ τῶν ξβ κδ πρὸς τὰ ρκ ἀφέλωμεν τὸν «τῶν ριζ ιδ πρὸς τὰ ρκ, καταλειφθήσεται ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς «ΗΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΖ λόγος, ὁ τῶν ξγ νβ πρὸς τὰ ρκ. «Καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΖ τμημάτων ρκ. καὶ ἡ ὑπὸ τὴν «διπλὴν ἄρα τῆς ΘΗ τῶν αὐτῶν ἔσται ξγ νβ. ὥστε καὶ ἡ μὲν διπλὴ τῆς «ΘΗ περιφέρειας μοιρῶν ἐστὶν ξδ κ, αὕτη δὲ ἡ ΗΘ περιφέρεια καὶ ἡ «ὑπὸ ΗΕΘ γωνία τῶν αὐτῶν λβ ι.» Πάλιν δὲ καὶ ταύτη προστιθείς, διὰ τὰ ἐπάνω εἰρημένα, τὴν εἰρημένην ὀρθὴν γωνίαν ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ὀρίζοντος τὴν ὑπὸ ΡΕΔ, ἔξομεν καὶ τὴν ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ζωδιακοῦ ἐπὶ τῆς ἀρχῆς τοῦ Ταύρου πρὸς τῷ ὀρίζοντι γινομένην γωνίαν, ὡς τὴν ὑπὸ ΡΕΓ γωνίαν, μοιρῶν ρκ ιβ. Καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν δὲ πρὸς τὸν ὀρίζοντα γωνιῶν προσθεῖς τὰς τῆς ὀρθῆς γωνίας μοίρας ρ τὴν ἔκθεσιν πεποιήται, ἐφ' ᾧ δηλονότι τὸ κατὰ κορυφὴν βορειότερον τυγχάνει τοῦ μεσουρανοῦντος. Ἐφ' ᾧ γὰρ νοτιώτερόν ἐστιν τὸ κατὰ κορυφὴν, ἀνάπαλιν ἀφαιρῶν τῆς ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ὀρίζοντος τὰς τῆς ὀρθῆς γωνίας μοίρας ρ ἀπὸ τῆς εὐρισκομένης ὑπὸ τοῦ διὰ μέσων καὶ τοῦ ὀρίζοντος, τῶν λοιπῶν ἐκτίθεται τὴν πρὸς τῷ ὀρίζοντι ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ διὰ μέσων συνισταμένην γωνίαν. Ὑποδείγματος ἔνεκεν ἂν νοήσωμεν ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς τοῦ διὰ μέσων ἡμικύκλιον τὸ

PEZ, τὸ δὲ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν τὸ AEG, ὥστε τὸ A κατὰ κορυφὴν νοτιώτερον εἶναι τοῦ P μεσουρανοῦντος, ἢ μὲν ὑπὸ τοῦ διὰ μέσων καὶ τοῦ ὀρίζοντος ἐπιζητούμενη γωνία ἢ ὑπὸ ΔΕΖ ἐστίν, ἀφ' ἧς χρὴ ἀφελεῖν τὴν ὑπὸ ΔΕΓ ὀρθὴν γωνίαν περιεχομένην * ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ὀρίζοντος, καὶ λοιπὴν ἐκτίθεσθαι τὴν ὑπὸ ΓΕΖ, πρὸς τῷ ΕΖ ἐπομένῳ τοῦ διὰ μέσων τμήματι βορειοτέραν γωνίαν.

- 759 Σ'Επεὶ οὖν ἡ παρειλημμένη λήψις τῶν λόγων οὐχ ὁμοίως ἡμῖν εἴληπται τοῖς διδαχθεῖσιν ἐπὶ τοῦ εἰς τὸ πρῶτον βιβλίον σφαιρικοῦ θεωρήματος, δεῖξομεν ὅτι καὶ αὐτὴ ὑγιῶς αὐτῷ παρείληπται κατὰ τὴν ἀνάπαλιν τῆς ἐκεῖσε ἀποδείξεως λήψιν. Ἐκεῖ μὲν γὰρ ἐδείκνυνεν ὅτι ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΖ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΓ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΖ.
- 760 Ἐνταῦθα δέ φησιν ὅτι ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΖ λόγος συνήπται (ὅσπερ ἦν εἷς τῶν συντιθέντων τὸν τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΖ λόγον) ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΗ (ὅσπερ πάλιν ἐστὶν ὁ λοιπὸς τῶν συντιθέντων τὸν εἰρημένον λόγον ἀνάπαλιν ληφθεὶς· ἐλαμβάνετο γὰρ ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΓ) καὶ ἔτι τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΖ (ὅσπερ ἦν συντιθέμενος κατὰ τὴν ἀκόλουθον τῇ ἀνάπαλιν δεῖξει τοῦ θεωρήματος). Σδειξομεν ὅτι ἐὰν ἀνάπαλιν λόγος ἦ συγκείμενος ἔκ δύο λόγων, ὁ εἷς τῶν συντιθέντων σύγκειται ἔκ τε τοῦ λοιποῦ τῶν συντιθέντων ἀνάπαλιν καὶ τοῦ συντιθέμενου.
- 761 Συγκείσθω γὰρ ὁ τοῦ Α πρὸς τὸ Γ λόγος, τοῦ Β μέσου λαμβανομένου, ἔκ τε τοῦ Α πρὸς τὸ Β καὶ τοῦ Β πρὸς τὸ Γ. λέγω ὅτι καὶ ὁ τοῦ Α πρὸς Β λόγος σύγκειται ἔκ τοῦ Α πρὸς τὸ Γ καὶ τοῦ Γ πρὸς τὸ Β. Καὶ ἔστιν αὐτόθεν φανερόν· ἐὰν γὰρ τὸ Β ἀποθώμεθα μετὰ τὸ Γ, ὁ τοῦ Α πρὸς τὸ Β λόγος, τοῦ Γ μέσου λαμβανομένου, ἔσται συγκείμενος ἔκ τε τοῦ Α πρὸς τὸ Γ καὶ τοῦ Γ πρὸς τὸ Β, ὅπερ ἔδει δεῖξαι.
- 762 Σ'Ἴνα δὲ καὶ ἐπὶ τῆς σφαιρικῆς δείξεως φανερόν γένηται τὸ λεγόμενον, ἐκκείσθω πρότερον ὡς ἐπὶ τῆς ἐπιπέδου τῆς ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ τῶν εὐθειῶν καταγραφῆς, εἰς δύο εὐθείας τὰς ΜΞ, ΜΖ δύο διαχθεῖσαι αἱ ΖΝ, ΞΗ, τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ Γ σημεῖον. λέγω ὅτι ὁ τῆς ΓΝ πρὸς ΝΞ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΞ πρὸς ΞΗ καὶ τοῦ τῆς ΗΜ πρὸς ΜΖ. Ἦχθω γὰρ διὰ τοῦ Η τῇ ΜΞ παράλληλος ἡ ΚΗ.
- 763 ἐπεὶ τῶν ΓΝ, ΝΖ τῆς ΝΚ μέσης λαμβανομένης, ὁ τῆς ΓΝ πρὸς ΝΖ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΝ πρὸς ΝΚ καὶ τοῦ τῆς ΚΝ πρὸς ΝΖ· ἀλλὰ τῷ μὲν τῆς ΓΝ πρὸς ΝΚ λόγῳ ὁ αὐτός ἐστὶν ὁ τῆς ΓΞ πρὸς τὴν ΞΗ· τῷ δὲ τῆς ΚΝ πρὸς ΝΖ, ὁ αὐτός ἐστὶν ὁ τῆς ΗΜ πρὸς ΜΖ· καὶ ὁ τῆς ΓΝ πρὸς ΝΖ ἄρα λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΞ πρὸς ΞΗ καὶ τοῦ τῆς ΗΜ πρὸς ΜΖ. Τούτου δεδειγμένου νοείσθωσαν ἐπὶ σφαιρικῆς ἐπιφανείας εἰς δύο μεγίστων κύκλων περιφερείας τὰς ΘΕ, ΘΖ δύο διαχθεῖσαι αἱ ΕΗ, ΖΔ τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ Γ, καὶ εἰλήφθω τὸ κέντρον τῆς σφαίρας τὸ Λ, καὶ ἀπ' αὐτοῦ ἐπὶ τὰ Ε, Δ, Θ σημεῖα ἐπιζευχθεῖσαι αἱ ΛΕ, ΛΔ, ΛΘ, διήχθωσαν καὶ συμπιπτέτωσαν ταῖς ΗΓ, ΖΓ, ΖΗ ἐπιζευχθείσας καὶ αὐταῖς καὶ ἐκβληθείσας κατὰ τὰ Μ, Ν, Ξ σημεῖα.
- 764 Ἐπὶ μιᾶς δὲ εὐθείας ἔσσονται τὰ Μ, Ν, Ξ σημεῖα, διὰ τὸ ἐν δυσὶν εἶναι ἐπιπέδοις, ἔν τε τῷ τοῦ ΖΗΓ τριγώνου καὶ ἐν τῷ τοῦ ΕΔΖ κύκλου, ὡς ἐδείξαμεν ἐν τοῖς εἰς τὸ πρῶτον βιβλίον· ἥτις ἐπιζευχθεῖσα ποιεῖ εἰς δύο τὰς ΜΞ, ΜΖ δύο διηγμένας τὰς ΖΗ, ΝΖ τέμνειν ἀλλήλας κατὰ τὸ Γ. ΣΚαὶ διὰ τὴν ἐπάνω δεῖξιν ὁ τῆς ΓΝ εὐθείας πρὸς τὴν ΝΖ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς ΓΞ πρὸς ΞΗ καὶ τοῦ τῆς ΗΜ πρὸς ΜΖ. Ἀλλὰ τῷ τῆς ΓΝ πρὸς ΝΖ λόγῳ ὁ αὐτός ἐστὶν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ περιφερείας πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΖ. τῷ δὲ τῆς ΓΞ πρὸς ΞΗ ὁ αὐτός ἐστὶν

ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΗ. τῷ δὲ τῆς ΗΜ πρὸς ΜΖ ὁ αὐτός ἐστιν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΖ. ὥστε καὶ * ἀκολουθῶς τοῖς ἐπὶ τοῦ ῥητοῦ εἰρημένοις ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΔ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΔΖ λόγος σύγκειται ἕκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΓΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΗ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΖ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ἐξῆς δὲ καὶ περὶ τῶν παραλελειμμένων ἡμῶν εἰς τὸ προκείμενον θεώρημα λημμάτων διαληψόμεθα. §Καὶ πρῶτον ὅτι, τῆς ἀρχῆς τοῦ Ταύρου ἀνατελλούσης, μεσουρανοῦσιν ὑπὸ γῆν αἰ τοῦ Καρκίνου μοῖραι ιζ μα.

765 Συνάγεται δὲ τὸ τοιοῦτον οὕτω. λαμβανομένων ἐκ τοῦ τῶν ἀναφορῶν κανονίου τῶν παρακειμένων τῇ ἀρχῇ τοῦ Ταύρου χρόνων ιθ ιβ, οἱ ἐπὶ τῶν ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Κριοῦ καὶ ἐπεὶ ὡς ἔμπροσθεν ἐλέγομεν δεῖ ἀπὸ τούτων ἀφαιρεῖν ρ, οὐχ οἷόν τε δέ, προστίθεμεν αὐτοῖς ἐνὸς κύκλου μοίρας τξ, καὶ ἀπὸ τῶν συναγομένων τοθ ιβ ἀφελόντες τοὺς ρ, καὶ τοὺς λοιποὺς σπθ ιβ εἰσάγοντες εἰς τὰς ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἀναφοράς, διὰ τὸ τὰς συμμασουρανῆσεις ἡμᾶς ἐπιζητεῖν, ἐπισκοποῦμεν κατὰ ποίου ζωδίου καὶ ποίας μοίρας πίπτει ὁ ἀριθμὸς κατὰ τοῦ πρώτου σελιδίου τῶν τοῦ ζωδιακοῦ μοιρῶν. εὐρίσκεται δὲ καὶ ἐξ ἀναλογίας κατὰ τὰς τοῦ Αἰγόκερω μοίρας ιζ μα, αἵτινες ὑπὲρ γῆν μεσουρανοῦσιν. Ἐπεὶ οὖν τὰς ὑπὸ γῆν μεσουρανούσας ἐπιζητοῦμεν, λαμβάνοντες μὲν τὰς κατὰ διάμετρον τοῦ Καρκίνου μοίρας ιζ μα φήσομεν ὑπὸ γῆν μεσουρανεῖν ἐπὶ τοῦ διὰ Ῥόδου κλίματος τῆς ἀρχῆς τοῦ Ταύρου ἀνατελλούσης. §Ἐξῆς δὲ καὶ τὸ δεύτερον τῶν παραλελειμμένων λημμάτων δεῖξομεν, τουτέστιν ὅτι ἡ ΕΔ ἐλάττων ἐστὶν τεταρτημορίου. Ἐπεὶ τὸ ΒΕΔ τοῦ ὀρίζοντος ἡμικύκλιον ὑπόκειται ἀνατολικόν, δηλὸν ὡς ὅτι τὰ ἐπόμενα ἀπὸ τοῦ Α ἐστὶν ὡς ἐπὶ τὸ Ε καὶ τὸ Γ.

766 καὶ ἔστιν τὸ Ε κατὰ τῆς ἀρχῆς τοῦ Ταύρου βορειοτέρου τυγχάνοντος τοῦ ἰσημερινοῦ ἢ ἄρα ἀρχῇ τοῦ Κριοῦ ἐπὶ τῆς ΕΑ ἐστὶν περιφερείας, λέγω κατὰ τὸ Ξ. τὸ ἄρα ΞΕΓ τμήμα βορειότερόν ἐστιν τοῦ ἰσημερινοῦ. γεγράφθω δὴ τὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἡμικύκλιον καὶ ἔστω τὸ ΠΞΟ. καὶ τὸ Ο ἄρα ὁ πόλος ἐστὶν τοῦ ΑΒΓΔ μεσημβρινοῦ, ὡς ἐν τοῖς πρὸ αὐτοῦ ἐδείχθη. τεταρτημορίου ἄρα ἐστὶν ἡ ΟΔ. ἐλάσσων ἄρα τεταρτημορίου ἐστὶν ἡ ΕΔ. Καὶ φανερόν ὅτι ἐπὶ τῶν βορειοτέρων τοῦ ζωδιακοῦ τμημάτων, καθάπερ ἐπὶ τοῦ ὑποκειμένου θεωρήματος, ἡ καταγραφὴ ἐκτὸς πάντοτε πίπτει, ὡς ἐπὶ τὰ πρὸς δυσμὰς τοῦ μεσημβρινοῦ μέρη. §Ἐπεὶ οὖν πρόκειται ἡμῶν ἀποδεῖξαι τοῦ ἀπὸ Κριοῦ μέχρι Χηλῶν βορειοτέρου ἡμικυκλίου τὰς ἀνατολικὰς γωνίας (ἐδείκνυμεν γὰρ ὅτι ἐὰν τούτου τοῦ ἡμικυκλίου τὰς ἀνατολικὰς γωνίας δεῖξωμεν, δεδειχότες ἐσόμεθα καὶ τὰς τοῦ ἐτέρου ἡμικυκλίου ἀνατολικὰς καὶ ἔτι τῶν δύο ἡμικυκλίων τὰς δυτικὰς), εὐρίσκομεν δὲ ἐπὶ μὲν τῆς ἀρχῆς τοῦ Κριοῦ καὶ τῶν Χηλῶν (ὡς ἐν τῷ πρὸ τούτου θεωρήματι ἐδείξαμεν) τὴν ἀπὸ τοῦ ἀνατέλλοντος σημείου ἐπὶ τὸν μεσημβρινὸν περιφέρειαν τεταρτημορίου γινομένην, ἐπὶ δὲ τῶν λοιπῶν, ὥσπερ ἐπὶ τοῦ προκειμένου τῆς ἐπὶ τοῦ Ταύρου καταγραφῆς θεωρήματος, τὴν ΕΓ ἀπὸ τοῦ ἀνατέλλοντος ἐπὶ τὸν μεσημβρινὸν πάντοτε ἐλάττονα γινομένην τεταρτημορίου καθάπερ τὴν ΕΔ, ὥστε ἐπὶ τὰ πρὸς δυσμὰς μέρη πίπτειν τοῦ μεσημβρινοῦ τὰς τεταρτημοριαίας περιφερείας ὡς τὴν τε ΕΓΗ καὶ ΕΔΘ καὶ ἔτι τὴν ΖΗΘ, ὡς ἐκ τῆς τοιαύτης καταγραφῆς ἐφοδεύεσθαι ἡμῶν τὴν ἔκθεσιν τῶν πρὸς τὸν ὀρίζοντα τοῦ ζωδιακοῦ ἀνατολικῶν καὶ δυτικῶν γωνιῶν, καὶ δηλὸν ὡς ὅτι κατακολουθοῦντες ταῖς τοιαύταιςδείξουσιν, καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν δωδεκατημορίων ἐκθησόμεθα πάσας τὰς πρὸς τὸν ὀρίζοντα ὑπὸ τοῦ ζωδιακοῦ καὶ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν γινομένης γωνίας ἀνατολικὰς τε καὶ δυτικὰς καθ' ἕκαστον κλίμα τῆς καθ' ἡμᾶς οἰκουμένης, προστιθέντες ἢ ἀφαιροῦντες ὡς ἔφαμεν ἐν τοῖς ἐπάνω τὴν ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ὀρίζοντος γινομένην ὀρθὴν γωνίαν τῇ ὑπὸ τοῦ ὀρίζοντος καὶ τοῦ ζωδιακοῦ γινομένην.

Περὶ τῶν πρὸς τὸν ζωδιακὸν ὑπὸ τοῦ διὰ τῶν πόλων τοῦ ὀρίζοντος γινομένων γωνιῶν τε καὶ περιφερειῶν. Δεδειγμένων δὴ καὶ ἐπὶ τῆς τῶν γωνιῶν πραγματείας περὶ τε τῶν ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ καὶ τοῦ ὀρίζοντος γινομένων γωνιῶν πρὸς τὸν διὰ μέσων, καὶ καταλειπομένου εἰς τὴν προκειμένην πραγματείαν καὶ περὶ τῶν ὑπὸ τοῦ διὰ τῶν πόλων τοῦ ὀρίζοντος καθ' ἐκάστην ἔγκλισιν καὶ καθ' ἐκάστην θέσιν τοῦ ζωδιακοῦ γινομένων γωνιῶν καθ' ὃν διεστειλάμεθα τρόπον ἀποδεῖξαι, καὶ ἔτι τὰς ἀπολαμβανόμενας περιφερείας τοῦ διὰ τῶν πόλων τοῦ ὀρίζοντος μεταξὺ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τῆς πρὸς τὸν διὰ μέσων αὐτοῦ τομῆς, ἐκτίθεται καὶ πρὸς τὰς τοιαύτας δείξεις τοῦ προχείρου * πάλιν ἔνεκεν ὀφείλοντα προλημθῆναι λημμάτια, ὧν λημματίων αὐτοὶ προλημψόμεθα τόδε.

769 Σλέγω ὅτι ἔάν τὸ αὐτὸ σημεῖον τοῦ διὰ μέσων ἴσας περιφερείας ἀπέχη τοῦ παραλλήλου ἐφ' ἐκάτερα τοῦ μεσημβρινοῦ, κατὰ διαφόρων τοῦ μεσημβρινοῦ σημείων συμβήσεται τὰ μεσουρανοῦντα τοῦ ζωδιακοῦ τυγχάνειν.

770 Ἔστω γὰρ μεσημβρινοῦ μὲν κύκλου τμήμα τὸ ΑΒΓΔ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τό τε ΑΕΖ καὶ τὸ ΔΗΘ πρὸς ἀνατολὰς τυγχάνοντα. καὶ εἰλήφθω ἐπ' αὐτῶν τυχόντα σημεῖα τὰ Ε, Η, ὥστε τοῦ μὲν ΑΕ πρὸς ἀνατολὰς τμήματος μεσουρανοῦν εἶναι τὸ Α τοῦ δὲ ΔΗ τὸ Δ. ἔάν οὖν νοήσωμεν τὸ Ε σημεῖον φερόμενον ἐπὶ τὰ πρὸς δυσμὰς ἐπὶ τοῦ ΕΚ παραλλήλου ἴσην ἀπολαμβάνον τὴν ΚΛ τῇ ΚΕ, λήμψεται τὸ ΑΕΖ τμήμα τὴν τοῦ ΜΛΓ θέσιν, καὶ ἔσται τοῦ ΛΓ πρὸς δυσμὰς τμήματος τοῦ διὰ μέσων μεσουρανοῦν τὸ Γ, ὥστε τοῦ αὐτοῦ σημείου πρὸς ἀνατολὰς καὶ δυσμὰς ἴσας περιφερείας ἀπέχοντος τοῦ δι' αὐτοῦ παραλλήλου ἐφ' ἐκάτερα τοῦ μεσημβρινοῦ, τὰ μεσουρανοῦντα τὰ Α, Γ κατὰ διαφόρων σημείων τοῦ μεσημβρινοῦ πεσεῖν. Ὡσαύτως δὲ κἂν τὸ Η σημεῖον νοήσωμεν φερόμενον ἐπὶ τὰ πρὸς δυσμὰς ἐπὶ τοῦ ΗΝΞ παραλλήλου ἴσην ἀπολαμβάνοντος τὴν ΝΞ τῇ ΝΗ, λήμψεται πάλιν ἡ ΔΗΘ τὴν τῆς ΟΞΒ θέσιν, καὶ ἔσται πάλιν τοῦ ΒΞ πρὸς δυσμὰς τμήματος μεσουρανοῦν τὸ Β καθ' ἑτέρου τόπου τυγχάνον τοῦ Δ.

771 Καὶ ἔάν νοήσωμεν τὸ κατὰ κορυφὴν σημεῖον τὸ Ρ, τοῦ μὲν πρὸς ἀνατολὰς τμήματος τοῦ ΑΕ τὸ μεσουρανοῦν σημεῖον τὸ Α νοτιώτερον ἔσται τοῦ Ρ κατὰ κορυφὴν, τοῦ δὲ πρὸς δυσμὰς τμήματος τοῦ ΛΓ τὸ μεσουρανοῦν τὸ Γ βορειότερον τοῦ αὐτοῦ Ρ. καὶ τὸ ἀνάπαλιν, τοῦ μὲν ΔΗ πρὸς ἀνατολὰς τὸ μεσουρανοῦν τὸ Δ βορειότερον τοῦ Ρ, τοῦ δὲ ΞΒ πρὸς δυσμὰς τὸ μεσουρανοῦν τὸ Β νοτιώτερον τοῦ Ρ. Καὶ ἔτι ἔάν τὸ ΜΛ μὴ ἐπὶ τὸ Γ ἀλλ' ὡς ἐπὶ τὸ Β μεσουρανοῦν πίπτῃ τὸ δὲ ΟΞ ἐπὶ τὸ Γ, ἔσται ἀμφοτέρω τὰ μεσουρανοῦντα πῇ μὲν βορειότερα τοῦ κατὰ κορυφὴν πῇ δὲ νοτιώτερα. Τότε δὲ τὰ βορειότερα τοῦ διὰ μέσων σημεῖα νοτιώτερα γίνεται τοῦ κατὰ κορυφὴν, ὅταν ἔλαττον ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἀπέχουσιν ἢ περὶ τὸ κατὰ κορυφὴν ὅταν δὲ πλεῖον, βορειότερα. Ὡς ἀρχόμενος οὖν τῶν εἰρημένων τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν πρὸς τὸν διὰ μέσων γωνιῶν τε καὶ περιφερειῶν φησιν· «δείξομεν δὴ πρῶτον ὅτι τῶν «ἴσον ἀπέχοντων τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ σημείου τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων «κύκλου σημείων ἴσους χρόνους ἀπολαμβάνοντων ἐφ' ἐκάτερα τοῦ μεσημβρινοῦ τοῦ μὲν πρὸς ἀνατολὰς τοῦ δὲ πρὸς δυσμὰς, αἵ τε ἀπὸ τοῦ κατὰ «κορυφὴν ἐπ' αὐτῶν τῶν μεγίστων κύκλων περιφέρειαι ἴσαι ἀλλήλαις «εἰσίν, καὶ αἱ πρὸς» αὐτοῖς γινόμεναι πρὸς τῷ ἐπομένῳ τοῦ ζωδιακοῦ τμήματι βορειότεραι «γωνίαι δυσὶν ὁρθαῖς ἴσαι.

772 » «Ἔστω γὰρ μεσημβρινοῦ τμήμα τὸ ΑΒΓ. καὶ ὑποκείσθω τὸ μὲν κατὰ «κορυφὴν σημεῖον τὸ Β, ὁ δὲ τοῦ ἰσημερινοῦ πόλος τὸ Γ. καὶ γεγράφθω «τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου δύο τμήματα, τό τε ΑΔΕ καὶ τὸ «ΑΖΗ, οὕτως ἔχοντα ὥστε τὸ Δ καὶ Ζ σημεῖον ἴσον ἀπέχουν ἀπὸ τοῦ «αὐτοῦ τροπικοῦ, καὶ ἴσας ἀπολαμβάνειν περιφερείας ἀπὸ τοῦ δι' αὐτῶν παραλλήλου ἐφ' ἐκάτερα τοῦ ΑΒΓ μεσημβρινοῦ.» Ἐπεὶ οὖν τὰ Δ καὶ Ζ σημεῖα ἴσον ἀπέχοντα τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ ἴσας καὶ τοῦ δι' αὐτῶν παραλλήλου ἀπέχουσιν τοῦ ΑΒΓ μεσημβρινοῦ, ἴσαι ἔσσονται καὶ αἱ ΔΑ, ΑΖ, συμμεσουρανοῦσαι ταῖς ἴσαις τοῦ παραλλήλου. καὶ διὰ τοῦτο, ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ παραλλήλου

τὰ μεσουρανοῦντα τυγχάνοντα, καὶ κατὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ μεσημβρινοῦ μεσουρανοῦσιν, καθάπερ ἐπὶ τοῦ Θ, ἐπεὶ καὶ αὐτὸς ὁ παράλληλος κατὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ μεσημβρινοῦ τέμνει αὐτόν. «Γεγράφθωσαν δὴ μεγίστων κύκλων περιφέρειαι διὰ τῶν Ζ καὶ Δ «σημείων, ἀπὸ μὲν τοῦ Γ πόλου τοῦ ἰσημερινοῦ ἢ τε ΓΖ καὶ ἡ ΓΔ, ἀπὸ «δὲ τοῦ Β κατὰ κορυφὴν ἢ τε ΒΔ καὶ ἡ ΖΒ.

773 «Λέγω ὅτι ἡ μὲν ΒΔ περιφέρεια τῇ ΒΖ ἴση ἐστίν, ἡ δὲ ὑπὸ ΒΔΕ γωνία «μετὰ τῆς ὑπὸ ΒΖΑ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι. «Ἐπεὶ γὰρ τὰ Δ καὶ Ζ σημεῖα ἴσας τοῦ δι' αὐτῶν παραλλήλου περιφερείας ἀπέχει ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ,» ἐὰν γράψωμεν τὸν ΖΘΔ δι' αὐτῶν παράλληλον, ἴσαι ἔσσονται αἱ ΖΘ, ΘΔ, οὐκ οὔσαι ἐφεξῆς, ἐπεὶ οὐδὲ αἱ ΑΔ, ΑΖ συμμασουρανοῦσαι αὐταῖς. ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΓΖ τῇ ΓΔ ἴση ἐκ πόλου τοῦ παραλλήλου, καὶ κοινὴ τῶν δύο τριπλεύρων ἡ ΓΘ. ὥστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΖΓΘ γωνία τῇ ὑπὸ ΔΓΘ ἴση ἐστίν. καὶ διὰ τὸ ἴσην εἶναι τῇ ΓΖ τὴν ΓΔ, καὶ κοινήν τὴν ΓΒ, καὶ γωνίαν γωνία, ὥστε καὶ ἡ ΒΖ περιφέρεια ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸ Ζ ἴση ἐστίν τῇ ΒΔ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸ ἴσον ἀπέχον ἀπὸ τοῦ τροπικοῦ σημείου τοῦ Δ, καὶ τὸ ΒΖΓ τρίπλευρον τῷ ΒΔΓ. * Ὡστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΒΖΓ τῇ ὑπὸ ΒΔΓ ἴση ἔσται. «Ἄλλ' ἐπεὶ δέδεικται μικρῷ πρόσθεν» ἐν ταῖς πρὸς τὸν μεσημβρινὸν γωνίαις «ὅτι τῶν ἴσων ἀπεχόντων τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ σημείου αἱ πρὸς τὸν «μεσημβρινὸν γινόμεναι γωνίαι συναμφοτέραι δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν» καὶ εἰσιν πρὸς τὸν μεσημβρινὸν τῶν ἴσων ἀπεχόντων τοῦ τροπικοῦ σημείων γωνίαι ἡ ὑπὸ ΓΔΕ ἐπομένη καὶ βορειότερα καὶ ἡ ὑπὸ ΓΖΑ, διὰ τὸ ἐκάτερον τῶν ΓΖ, ΓΔ διὰ τῶν αὐτῶν πόλων ὄντα τῆς σφαίρας ἰσοδυναμεῖν τῷ μεσημβρινῷ, καὶ τὰ Δ, Ζ σημεῖα ἴσον ἀπέχειν ἀπὸ τοῦ τροπικοῦ.

774 Ὡστε καὶ ἡ ὑπὸ ΓΔΕ μετὰ τῆς ὑπὸ ΓΖΑ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν. Ἐδείχθη δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΒΔΓ τῇ ὑπὸ ΒΖΓ ἴση. καὶ συναμφοτέραι ἄρα ἡ ὑπὸ ΒΔΕ περιεχομένη ὑπὸ τῆς ΒΔ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν περιφερείας καὶ τοῦ ΔΕ ἐπομένου τμήματος τοῦ ζωδιακοῦ βορειότερα τυγχάνουσα, μετὰ τῆς ὑπὸ ΒΖΑ περιεχομένης ὑπὸ τε τῆς ΒΖ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν περιφερείας καὶ τοῦ ΖΑ ἐπομένου τμήματος τοῦ ζωδιακοῦ βορειότερας καὶ αὐτῆς, δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν, ὅπερ προέκειτο δεῖξαι. Ὡς δὲ ἔτι σαφέστερον δείξωμεν ὃν τρόπον τῶν δύο σημείων ἴσον ἀπεχόντων ἐφ' ἐκάτερα τοῦ ΑΒ μεσημβρινοῦ ἴση ἐστίν ἡ ΑΔ τοῦ διὰ μέσων περιφέρεια τῇ ΑΖ, καὶ ἔτι τὰ μεσουρανοῦντα σημεῖα ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ μεσημβρινοῦ ὡς τοῦ Α τυγχάνει, ἐκκείσθω μεσημβρινοῦ μὲν τμήμα τὸ ΑΒΓ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τὸ ΑΜΚ, τοῦ Μ ὑποκειμένου τροπικοῦ, καὶ ἀπειλήφθωσαν ἐφ' ἐκάτερα αὐτοῦ δύο ἴσαι περιφέρειαι αἱ ΜΚ, ΜΛ, καὶ γεγράφθω ὅ τε διὰ τοῦ Μ τροπικὸς καὶ ὁ διὰ τῶν Λ, Κ παράλληλος αὐτῷ ὁ ΖΘΔ.

775 Καὶ μετακινουμένης τῆς σφαίρας, ἀφεστάτω τὸ Λ τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπὶ τοῦ δι' αὐτοῦ δηλονότι παραλλήλου, ὡς τὴν ΘΖ.

776 ἔξει δὴ θέσιν ὁ διὰ μέσων τὴν τοῦ ΗΖΜ'Α. Πάλιν δὲ μετακινείσθω ἡ σφαῖρα καὶ ἀφεστάτω τὸ Κ σημεῖον τοῦ μεσημβρινοῦ τὴν ἴσην τῇ ΘΖ, ὡς τὴν ΘΔ. ἔξει ἄρα θέσιν ὁ ζωδιακὸς τὴν τοῦ ΕΔΜ'Α, ὡς πάλιν τὸ μεσουρανοῦν κατὰ τοῦ Α τυγχάνειν. Ἐπειδὴ περ ἴσων οὐσῶν τῶν ΖΘ, ΘΔ, ἴσαι εἰσίν καὶ αἱ ΖΑ, ΔΑ συνεξιοῦσαι αὐταῖς τὸν μεσημβρινόν, ἀλλὰ μὴν ὑπόκειται καὶ ἡ ΜΛ τῇ ΜΚ ἴση, τουτέστιν ἡ Μ'Ζ τῇ Μ'Δ, ὥστε καὶ λοιπὴ ἡ Μ'Α τοῦ πρὸς δυσμὰς τμήματος ἴση τῇ Μ'Α τοῦ πρὸς ἀνατολὰς τμήματος. καὶ διὰ τοῦτο τὸ Α ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ τυγχάνον παραλλήλου, καὶ κατὰ τοῦ αὐτοῦ τόπου μεσουρανεῖ. καὶ δέδεικται ἡμῖν τὰ προκείμενα. Ὡστε χρή τὴν ἐπάνω καὶ ἐπὶ τοῦ ῥητοῦ τυγχάνουσαν καταγραφὴν οὕτως ἐκδέχεσθαι ὡς μεσημβρινοῦ μὲν ὄντος τοῦ ΑΒΓ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τμημάτων τῶν ΑΔΕ, ΑΖΗ τοῦ παραλλήλου νοεῖν τμήματα τὰ ΖΘ, ΘΔ, ἴσων τυγχανουσῶν τῶν ΔΘ, ΘΖ. § «Πάλιν δὲ δεικτέον ὅτι τῶν αὐτῶν σημείων τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων «κύκλου ἴσους χρόνους ἀπεχόντων ἐφ' ἐκάτερα τοῦ μεσημβρινοῦ, αἱ τε «ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπ' αὐτὰ γραφόμεναι μεγίστων κύκλων περιφερείαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ, καὶ αἱ πρὸς αὐτοῖς γινόμεναι γωνίαι συναμφοτέροι ἢ τε πρὸς ἀνατολὰς καὶ ἡ πρὸς δύσεις ταῖς ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ «πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ τοῦ ζωδιακοῦ γινομέναις ἴσαι εἰσίν, ὅταν ἐφ'

ἐκα«τέρας θέσεως τὰ μεσουρανοῦντα ἀμφοτέρα ἤτοι βορειότερα ἢ νοτιώ«τερα τοῦ κατὰ κορυφὴν σημείου τυγχάνωσιν.

777 » Καὶ ὑποθέμενος πρότερον ἀμφοτέρα νοτιώτερα φησίν· ὑποκείσθω τὰ μὲν πρὸς τῷ Ε ἀνατολικά τὰ δὲ πρὸς τῷ Η δυτικά. Ἀνατολικάς δὲ λέγει γωνίας καὶ περιφερείας τὰς πρὸ τῆς μεσημβρίας γινομένας, δυτικάς δὲ τὰς μετὰ τὴν μεσημβρίαν.

778 «Καὶ ἔστω μεσημβρινοῦ τμήμα τὸ ΑΒΓΔ, ἐπ’ αὐτοῦ δὲ τὸ μὲν κατὰ «κορυφὴν σημεῖον τὸ Γ, πόλος δὲ τοῦ ἰσημερινοῦ τὸ Δ, καὶ γεγράφθω δύο «τμήματα τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου, τό τε ΑΕΖ καὶ τὸ ΒΗΘ, «οὕτως ἔχοντα ὥστε τὸ μὲν Ε σημεῖον καὶ τὸ Η τὸ αὐτὸ ὑποκείσθαι, καὶ «ἴσον ἐφ’ ἐκάτερα τοῦ δι’ αὐτῶν παραλλήλου ἀπέχειν τοῦ ΑΒΓΔ μεσημ«βρινοῦ,» δηλονότι καὶ ἐνταῦθα ὡς μετακινηθείσης τῆς σφαίρας καὶ τοιαύτην θέσιν τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ ζωδιακοῦ λαμβάνοντος. «Καὶ γεγράφθωσαν πάλιν δι’ αὐτῶν μεγίστων * κύκλων τμήματα ἀπὸ «μὲν τοῦ Γ» κατὰ κορυφὴν «τό τε ΓΕ καὶ ΗΓ, ἀπὸ δὲ τοῦ Δ» πόλου τοῦ ἰσημερινοῦ «τό τε ΔΕ καὶ ΔΗ.» «Διὰ τὰ αὐτὰ δὴ τοῖς ἔμπροσθεν,» ἐπεὶ τὸ Ε ἤτοι τὸ Η σημεῖον ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ παραλλήλου τυγχάνον ἴσον ἀπέχει ἐφ’ ἐκάτερα τοῦ μεσημβρινοῦ, ἰσόπλευρά τε καὶ ἰσογώνια γίνεται τὰ ΓΕΔ, ΓΔΗ τρίπλευρα. ὥστε καὶ τὰς ΓΕ, ΓΗ ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἴσας εἶναι. «Λέγω δὴ ὅτι καὶ συναμφοτέροι ἢ τε ὑπὸ ΓΕΖ καὶ ἢ ὑπὸ ΓΗΒ δυσὶν «ταῖς ὑπὸ ΔΕΖ, ΔΗΒ ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ «τοῦ ζωδιακοῦ γινομέναις ἴσαι εἰσὶν. «Ἐπεὶ γὰρ ἢ μὲν ὑπὸ ΔΕΖ ἢ αὐτὴ ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΔΗΒ,» διὰ τὸ τὸ αὐτὸ εἶναι τὸ Ε τῷ Η, καὶ τὸν μεσημβρινὸν πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ τὴν αὐτὴν γωνίαν ποιεῖν πρὸς τῷ ἐπομένῳ τμήματι βορειοτέραν, αἱ ἄρα ὑπὸ ΔΕΖ, ΔΗΒ δύο εἰσὶν ὑπὸ ΔΕΖ.

779 Καὶ ἐπεὶ ἢ ὑπὸ ΔΗΓ γωνία ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΔΕΓ, κοινὴ δὲ ἢ ὑπὸ ΓΗΒ, ὅλη ἄρα ἢ ὑπὸ ΔΗΒ ἴση ἐστὶν δύο ταῖς ὑπὸ ΔΕΓ, ΓΗΒ. Ἔτι κοινὴ προσκείσθω ἢ ΔΕΖ. αἱ ἄρα ὑπὸ ΔΗΒ, ΔΕΖ, αἱ εἰσὶν δύο αἱ ὑπὸ ΔΕΖ πρὸς τῷ ἐπομένῳ ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ βορειότεραι, ἴσαι εἰσὶν ταῖς ὑπὸ ΓΕΖ, ΓΗΒ ὑπὸ τοῦ διὰ μέσων πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ καὶ ἐπομένῳ τμήματι βορειοτέραις. Ἡ καὶ οὕτως· ἐπεὶ αἱ ὑπὸ ΔΕΖ, ΔΗΒ διπλασίους εἰσὶν τῆς ὑπὸ ΔΕΖ, ἔστιν δὲ καὶ ἢ ὑπὸ ΓΕΔ ἀντὶ τῆς ὑπὸ ΓΗΔ, ἢ ὑπὸ ΓΕΖ ἥτις ἐστὶν ἀνατολικὴ γωνία περιεχομένη ὑπὸ τε τῆς ΓΕ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν περιφερείας καὶ τοῦ ΕΖ ἐπομένου τμήματος τοῦ ζωδιακοῦ βορειοτέρα, μετὰ τῆς ὑπὸ ΓΗΒ δυτικῆς περιεχομένης πάλιν ὑπὸ τε τῆς ΓΗ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν περιφερείας καὶ τοῦ ΒΗ ἐπομένου τμήματος τοῦ ζωδιακοῦ βορειοτέρας, δυσὶ ταῖς ὑπὸ ΔΕΖ ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ γινομέναις ἴσαι. ὥστε καὶ αἱ ὑπὸ ΓΕΖ, ΓΗΒ ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς τῷ αὐτῷ ἐπομένῳ τμήματι βορειότεραι γινόμεναι ἴσαι εἰσὶν δυσὶ ταῖς ὑπὸ ΔΕΖ, ΔΗΒ ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ γινομέναις. Δῆλον δὲ καὶ ὥς ὅτι ἐὰν ἐν τῷ τροπικῷ ἢ τὸ Ε ἢ τὸ Η ἴσους χρόνους ἀπέχον ἐφ’ ἐκάτερα τοῦ μεσημβρινοῦ, τότε μόνον ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ αὐτοῦ μεσημβρινοῦ ἔσται τὰ μεσουρανήματα τοῦ ζωδιακοῦ κατὰ τοῦ αὐτοῦ παραλλήλου τυγχάνοντα, ἐπεὶ καὶ ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσαι συνεξέρχονται τὸν μεσημβρινὸν τῶν ἐφ’ ἐκάτερα τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ τοῦ διὰ μέσων περιφέρειαι.

780 καὶ διὰ τοῦτο αἱ ὑπὸ τοῦ αὐτοῦ παραλλήλου ἀπολαμβάνονται κατὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ μεσημβρινοῦ ὡς ἔφαμεν ποιοῦσιν τὰ μεσουρανοῦντα, ἐπεὶ καὶ ὁ παράλληλος κατὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου φέρεται τοῦ μεσημβρινοῦ. οὐκέτι δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ὡς ἔμπροσθεν ἐδείξαμεν τμημάτων τὸ αὐτὸ συμβαίνει. διὸ καὶ κεχώρισται τὰ Α, Β μεσουρανοῦντα. ΣΕῖτα ἐξῆς φησίν· «καταγεγράφθω δὴ πάλιν τὰ αὐτὰ τμήματα τῶν ἐκ«κειμένων κύκλων,» ὥστε πάλιν τὸ μὲν Η καὶ τὸ Ε σημεῖον τὸ αὐτὸ τυγχάνον ἴσον ἀπέχειν ἐφ’ ἐκάτερα τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπὶ τοῦ δι’ αὐτῶν παραλλήλου ὥστε τὰ Α, Β μεσουρανοῦντα τοῦ ζωδιακοῦ βορειότερα γίνεσθαι τοῦ Γ κατὰ κορυφὴν. Λέγω ὅτι καὶ οὕτως αἱ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ γινόμεναι ἀνατολικαὶ καὶ δυτικαὶ γωνίαι, καθ’ ὃν διεστειλάμεθα τρόπον, δύο ταῖς ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ

γινόμεναις ἴσαι εἰσίν, τουτέστιν ὅτι συναμφότεραι ἢ τε ὑπὸ ΚΕΖ περιεχομένη ὑπὸ τε τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν τοῦ ΓΚ καὶ τοῦ ΕΖ ἐπομένου τοῦ διὰ μέσων βορειοτέρᾳ, μετὰ τῆς ὑπὸ ΛΗΒ τῆς περιεχομένης ὑπὸ τῆς ΓΗΛ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ΒΗΘ ἐπομένου τοῦ ζωδιακοῦ, δυοὶ ταῖς ὑπὸ ΔΕΖ ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ τοῦ ζωδιακοῦ γινόμεναις ἴσαι εἰσίν.

781 Ἐπεὶ γὰρ πάλιν ἡ ὑπὸ ΔΕΖ ἡ αὕτη ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΔΗΒ, πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ τοῦ ζωδιακοῦ γινόμεναι ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ, καὶ αἱ ἄρα ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ γινόμεναι γωνίαι, τουτέστιν αἱ ὑπὸ ΔΕΖ, ΔΗΒ, διπλασίονές εἰσιν τῆς μιᾶς τῆς ὑπὸ ΔΕΖ. καὶ ἐπεὶ ἡ ὑπὸ ΔΕΚ τῇ ὑπὸ ΛΗΔ ἐστὶν ἴση, ὡς ἐξῆς δείξομεν, κοινὴ προσκείσθω ἡ ὑπὸ ΚΕΖ. ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ ΔΕΖ ἴση ἐστὶν ταῖς ὑπὸ ΚΕΖ, ΛΗΔ. Ἔτι κοινὴ ἡ ὑπὸ ΔΗΒ· αἱ ἄρα ὑπὸ ΔΕΖ, ΔΗΒ ἴσαι εἰσίν ταῖς ὑπὸ ΛΗΒ, ΚΕΖ. Ἀλλὰ αἱ μὲν ὑπὸ ΔΕΖ, ΔΗΒ δύο εἰσίν αἱ ὑπὸ ΔΕΖ ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ γινόμεναι πρὸς τῷ αὐτῷ ἐπομένῳ τοῦ διὰ μέσων βορειότεραι, αἱ δὲ ὑπὸ ΛΗΒ, ΚΕΖ ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ διὰ μέσων πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ κατὰ τὴν θέσιν τὴν ὁμοίαν, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Σ᾽Η καὶ οὕτως· πάλιν ἐπεὶ αἱ ὑπὸ ΔΕΖ, ΔΗΒ διπλαῖ εἰσιν τῆς ὑπὸ ΔΕΖ, καὶ ἔστιν ἴση ἡ ὑπὸ ΔΕΚ τῇ ὑπὸ ΛΗΔ, μεταλαμβανομένης τῆς ὑπὸ ΛΗΔ ἀντὶ τῆς ὑπὸ ΔΕΚ, ἡ ὑπὸ ΛΗΒ ὅλη μετὰ τῆς ὑπὸ ΚΕΖ ἴσαι εἰσίν ταῖς ὑπὸ ΔΕΖ, ΔΗΒ, τουτέστιν δύο ταῖς ὑπὸ ΔΕΖ ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ καὶ τοῦ ζωδιακοῦ γινόμεναις. ἀλλὰ αἱ ὑπὸ ΛΗΒ, ΚΕΖ εἰσίν αἱ ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς τῷ αὐτῷ τμήματι γινόμεναι.

782 Ὡστε αἱ ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ζωδιακοῦ γινόμεναι γωνίαι πρὸς τῷ αὐτῷ τμήματι τοῦ ζωδιακοῦ ἀνατολικὴ τε καὶ δυτικὴ ἴσαι εἰσίν δυοὶ ταῖς ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ * γινόμεναις πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ. Σ᾽Οτι δὲ ἡ ὑπὸ ΔΕΚ ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΔΗΛ, δείξομεν οὕτως. γεγράφθω γὰρ πάλιν ὁ διὰ τῶν Ε, Η παράλληλος τῷ ἰσημερινῷ ὁ ΗΜΕ. ἴση ἄρα ἡ ΔΕ τῇ ΔΗ ἐκ πόλου, καὶ κοινὴ ἡ ΔΜ, καὶ βάσις ἡ ΕΜ τῇ ΜΗ ἴση, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΕΔΜ τῇ ὑπὸ ΜΔΗ ἴση. Πάλιν ἐπεὶ ἴση ἡ ΕΔ τῇ ΔΗ, καὶ κοινὴ ἡ ΓΔ, καὶ γωνία γωνία, βάσις ἄρα ἡ ΕΓ βάσει τῇ ΓΗ ἴση, καὶ τὸ τρίπλευρον τῷ τριπλεύρῳ. Ὡστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΓΕΔ γωνία τῇ ὑπὸ ΔΗΓ ἴση, ὥστε καὶ ἡ ἐφεξῆς.

783 Ἡ ἄρα ὑπὸ ΔΕΚ τῇ ὑπὸ ΔΗΛ ἴση. Δῆλον δὲ ἡμῖν ἐκ τῶν ἐπὶ τοῦ ἐπάνω θεωρήματος, ὅτι ἐὰν τὸ Ε ἦτοι τὸ Η θερινὸν τροπικὸν ὑπόκειται τὰ μεσουρανοῦντα ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ ἐστὶν σημείου τοῦ μεσημβρινοῦ. Σ᾽Εκκείσθω πάλιν ἡ ὁμοία καταγραφὴ, ὥστε μέντοι τὸ μὲν τοῦ ἀνατολικοῦ τμήματος μεσουρανοῦν σημεῖον, τουτέστιν τὸ Α, νοτιώτερον εἶναι τοῦ «Γ κατὰ κορυφὴν σημείου, τὸ δὲ τοῦ πρὸς δυσμὰς τμήματος μεσουρανοῦν, «τουτέστιν τὸ Β, βορειότερον τοῦ αὐτοῦ. λέγω ὅτι συναμφότεραι ἢ τε «ὑπὸ ΓΕΖ καὶ ἡ ὑπὸ ΛΗΒ» περιεχόμεναι πάλιν ὑπὸ τε τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ δυοὶ ταῖς ὑπὸ ΔΕΖ ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ καὶ τοῦ ζωδιακοῦ περιεχομέναις μείζονές εἰσιν δυοὶν ὀρθαῖς.

784 Ἐπεὶ γὰρ ἡ μὲν ὑπὸ ΔΗΓ ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΔΕΓ, διὰ τὸ πάλιν ἴσον ἀπέχειν τὸ Ε ἦτοι τὸ Η τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπὶ τοῦ δι' αὐτοῦ παραλλήλου, συναμφότεραι δὲ ἢ τε ὑπὸ ΔΗΓ καὶ ἡ ὑπὸ ΔΗΛ δυοὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν, ἔστιν δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΔΕΖ τῇ ὑπὸ ΔΗΒ ἴση, πρὸς γὰρ τῷ αὐτῷ σημείῳ εἰσίν τοῦ ζωδιακοῦ ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ γινόμεναι, ὥστε ὅλη ἡ ὑπὸ ΛΗΒ ὑπὸ τοῦ ζωδιακοῦ καὶ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν γινομένη μετὰ τῆς ὑπὸ ΓΕΖ ὑπὸ τῶν αὐτῶν περιεχομένης μείζονές εἰσιν δύο τῶν ὑπὸ ΔΕΖ ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ γινομένων, τουτέστιν δύο τῶν ὑπὸ ΔΕΖ, ΔΗΒ, ταῖς ὑπὸ ΔΕΓ, ΔΗΛ, αἵτινες ἐδείχθησαν δυοὶν ὀρθαῖς ἴσαι, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. ΣΠοιησάμενος τὴν ἀπόδειξιν ἐπὶ τῶν εἰρημένων λημματίων τῶν προκειμένων γωνιῶν τε καὶ περιφερειῶν, καὶ πρῶτον ὡς ἀμφοτέρων τῶν μεσουρανούντων νοτιωτέρων τυγχανόντων, εἴτα ὡς βορειωτέρων, εἴτα πάλιν ὡς τοῦ μὲν ἀνατολικοῦ τμήματος νοτιώτερον ἔχοντος τὸ μεσουρανοῦν τοῦ κατὰ κορυφὴν τοῦ δὲ δυτικοῦ βορειότερον, ἐξῆς φησιν· Σ᾽ὑποκείσθω, ὅπερ ὑπολείπεται, κατὰ τὴν ὁμοίαν

καταγραφὴν, ὥστε τὸ μὲν τοῦ πρὸς «ἀνατολὰς τμήματος μεσουρανοῦν σημεῖον τὸ Α βορειότερον γίνεσθαι «τοῦ Γ κατὰ κορυφὴν, τὸ δὲ τοῦ πρὸς δυσμὰς τμήματος μεσουρανοῦν «τὸ Β νοτιώτερον» αὐτοῦ.

785 «Λέγω ὅτι συναμφοτέραι πάλιν ἢ ὑπὸ ΚΕΖ καὶ ἢ ὑπὸ ΓΗΒ» περιεχόμεναι ὁμοίως ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ δύο τῶν ὑπὸ ΔΕΖ τουτέστιν πάλιν τῶν ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ καὶ τοῦ ζωδιακοῦ ἐλάττονές εἰσιν δυσὶν ὀρθαῖς. Ἐπεὶ γὰρ ἢ ὑπὸ ΔΗΒ τῇ ὑπὸ ΔΕΖ ἴση (ὑπὸ γὰρ τοῦ μεσημβρινοῦ εἰσιν πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ τοῦ ζωδιακοῦ γινόμεναι), αἱ ἄρα ὑπὸ ΔΗΒ, ΔΕΖ μείζονές εἰσιν τῶν ὑπὸ ΚΕΖ, ΓΗΒ ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ζωδιακοῦ γινομένων, ταῖς ὑπὸ ΔΕΚ καὶ ΔΗΓ οὔσαις δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαις, διὰ τὸ καὶ τὴν μὲν ὑπὸ ΔΕΚ μετὰ τῆς ὑπὸ ΔΕΓ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας εἶναι, ἴσην δὲ τὴν ὑπὸ ΔΕΓ τῇ ὑπὸ ΔΗΓ, καθὼς ἐπάνω ἐδείχθη.

786 ὥστε καὶ δύο αἱ ὑπὸ ΔΕΖ ὑπὸ τὸ τοῦ μεσημβρινοῦ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ τοῦ ζωδιακοῦ γινόμεναι μείζονές εἰσιν τῶν ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ζωδιακοῦ γινομένων πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ ἀνατολικῆς τε καὶ δυτικῆς δυσὶν ὀρθαῖς, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. ΣΕῖτα, μετὰ τὴν ἔκθεσιν τῶν τοιούτων λημματίων, ἐκτίθεται θεώρημα σαφέστατον δι' οὗ δυνησόμεθα ἀποδείξαι τὰ μεγέθη τῶν εἰρημένων γωνιῶν ὑπὸ τε τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τοῦ ζωδιακοῦ, καὶ ἔτι τῶν περιφερειῶν τῶν ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὴν κοινὴν αὐτοῦ τομὴν, καὶ πρότερον ὅταν ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ καὶ τοῦ ὀρίζοντος γινόμεναι τυγχάνωσιν αἱ γωνίαι. ΣΕῖτα ἐξῆς φησιν· «φανερὸν δὲ ὅτι τούτων οὕτως ἐχόντων ἂν ἐφ' «ἐκάστης ἐγκλίσεως τὰς πρὸς τοῦ μεσημβρινοῦ μόνας γωνίας τε καὶ περιφε«ρείας καὶ μόνων τῶν ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου μέχρις ἀρχῆς τοῦ «Αἰγόκερω δωδεκατημορίων ἐπιλογισώμεθα, συναποδεδειγμένας ἔχομεν «καὶ τὰς τε μετὰ τὸν μεσημβρινὸν αὐτῶν γωνίας τε καὶ περιφερείας, καὶ «ἔτι τῶν λοιπῶν τὰς τε πρὸ τοῦ μεσημβρινοῦ καὶ τὰς μετὰ τὸν μεσημ«βρινόν.

787 » Γίνεται δὲ ἡμῖν τὸ τοιοῦτον κατάδηλον οὕτως. Ἐπεὶ γὰρ ἐδείξαμεν ὅτι τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ἴσους χρόνους ἀπέχοντος ἐφ' ἐκάτερα τοῦ μεσημβρινοῦ αἱ πρὸς τῷ αὐτῷ γινόμεναι γωνίαι πρὸς ἀνατολὰς τε καὶ δυσμὰς ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν δύο ταῖς ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ γινομέναις ἴσαι εἰσὶν ὅταν ἐφ' ἐκατέρας θέσεως τὰ μεσουρανοῦντα ἀμφοτέρω ἢτοι βορειότερα ἢ νοτιώτε * ρα τοῦ κατὰ κορυφὴν τυγχάνη, ἔχομεν δὲ τὰς πρὸς τὸν μεσημβρινὸν ἐκτεθειμένας, ἂν ἄρα ἐπιλογισώμεθα τὰς ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου μέχρι τῆς ἀρχῆς τοῦ Αἰγόκερω ἀνατολικὰς γωνίας τε καὶ περιφερείας συναποδεδειγμέναι ἡμῖν ἔσσονται καὶ αἱ μετὰ τὸν μεσημβρινόν, τουτέστιν αἱ δυτικαὶ τῶν αὐτῶν δωδεκατημορίων, τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς διπλασίους τῶν ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ. Πάλιν ἐπεὶ ἐδείχθη ὅτι τῶν ἴσων ἀπεχόντων τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ σημείου τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου σημείων ἴσους χρόνους ἀπέχοντων ἐφ' ἐκάτερα τοῦ μεσημβρινοῦ, τοῦ μὲν πρὸς ἀνατολὰς τοῦ δὲ ἐτέρου πρὸς δυσμὰς, αἱ τε ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπ' αὐτὰ γραφομένων μεγίστων κύκλων περιφέρειαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν, καὶ αἱ πρὸς αὐτοῖς γινόμεναι γωνίαι ἢ τε τοῦ ἐτέρου ἀνατολικὴ μετὰ τῆς τοῦ ἐτέρου δυτικῆς δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι, ὥστε ἂν τὰς τοῦ εἰρημένου ἡμικυκλίου ἀνατολικὰς γωνίας καὶ περιφερείας ἐπιλογισώμεθα, ἔχομεν καὶ τὰς τοῦ ἐτέρου δυτικὰς ἐπὶ τῶν ἴσων ἀπεχόντων τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς δύο ὀρθὰς τῶν ἀνατολικῶν, καὶ ἔτι τὰς τούτου πάλιν τοῦ ἡμικυκλίου ἀνατολικὰς, διὰ τὸ πάλιν δεδειχθαι τὰς πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ γινομένας γωνίας ἀνατολικὰς καὶ δυτικὰς ἴσας εἶναι δυσὶν ταῖς ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ, ὅταν δηλονότι ὡς ἔφαμεν τὰ μεσουρανοῦντα ἀμφοτέρω ἢτοι βορειότερα ἢ νοτιώτερα τοῦ κατὰ κορυφὴν τυγχάνη.

788 Σ'Ἴνα δὲ καὶ ἐπὶ τῆς ἐκθέσεως τοῦ τῶν γωνιῶν κανονίου ὑπ' ὅψιν ἡμῖν γένηται τὰ λεγόμενα, ἔστω ὑποδείγματος ἕνεκεν προχειρότερον ἡμᾶς διαλαβεῖν περὶ τῆς ἐκθέσεως τοῦ κανονίου ἐπὶ

τοῦ δι' Ἀλεξανδρείας παραλλήλου, ἔνθα ἡ μεγίστη ἡμέρα ὥρων ἐστὶν ἰσημερινῶν ιδ, ἐπὶ τῆς ἀρχῆς τοῦ Λέοντος. Ἐπεὶ οὖν ἡ πρὸς τῷ μεσημβρινῷ ὑπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Λέοντος γινομένη γωνία τμημάτων ἐστὶν ρβ λ, ἡ ἄρα διπλὴ αὐτῆς ἔσται σε. Καὶ ἐπεὶ ἐκ τῶν ἐπιλογισμῶν εὐρέθη μίαν ὥραν ἀπεχούσης τῆς ἀρχῆς τοῦ Λέοντος τοῦ μεσημβρινοῦ ἡ ἀνατολικὴ γωνία τμημάτων ρνγ ιγ, τῶν λοιπῶν αὐτόθεν ἔξομεν τὴν δυτικὴν, τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς σε τμημάτων να μζ. Ὅμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν δύο ὥρων εὐρόντες ἐκ τῶν ἐπιλογισμῶν τὴν ἀνατολικὴν γωνίαν ρζς κβ τῶν λοιπῶν πάλιν εἰς τὰς διπλασίονας τῶν ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ σε ἔξομεν τὴν δυτικὴν λη λη. Πάλιν ἐπεὶ ἐδείχθη ὅτι τῶν ἴσον ἀπεχόντων τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ ἡ τοῦ ἐτέρου ἀνατολικὴ μετὰ τῆς τοῦ ἐτέρου δυτικῆς δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν, ἡ δὲ ἀρχὴ τοῦ Λέοντος καὶ τῶν Διδύμων ἴσον ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ, ἡ ἄρα ἀνατολικὴ τοῦ Λέοντος μετὰ τῆς δυτικῆς τῶν Διδύμων δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι.

789 ὦν ἡ ἀνατολικὴ τῆς α' ὥρας ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ τοῦ Λέοντος μοιρῶν ἐστὶν ρνγ ιγ. ἡ ἄρα δυτικὴ τῶν Διδύμων ἔσται τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς ρπ τῶν β ὀρθῶν κς μζ. Καὶ ἐπεὶ ἡ πρὸς τῷ μεσημβρινῷ τῶν Διδύμων γωνία μοιρῶν ἐστὶν οζ λ, ἡ ἄρα διπλασίον αὐτῆς ἔσται ρνε. καὶ ἐπεὶ ἡ ἀνατολικὴ μετὰ τῆς δυτικῆς δύο ταῖς πρὸς τῷ μεσημβρινῷ ἴσαι εἰσίν, ὦν ἡ δυτικὴ ἐστὶν κς μζ, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ἀνατολικὴ τῶν Διδύμων ἔσται τῶν λοιπῶν ρκη ιγ. ὥστε τῆς ἀνατολικῆς τοῦ Λέοντος ἡμῖν ἐπιλογισθείσης, συναποδεδειγμένη ἔσται καὶ ἡ δυτικὴ αὐτοῦ, καὶ ἔτι τῶν Διδύμων ἡ ἀνατολικὴ καὶ ἡ δυτικὴ, ἔνθα τὰ μεσουρανοῦντα τὴν εἰρημένην ἔχει θέσιν. Ὡστε, τοῦ εἰρημένου ἡμικυκλίου τῶν ἀνατολικῶν ἐπιλογισθεισῶν, συναποδεδειγμένοι ἔσσονται αἱ τε δυτικαὶ αὐτοῦ καὶ ἔτι τοῦ ἐτέρου ἡμικυκλίου αἱ τε ἀνατολικαὶ καὶ αἱ δυτικαὶ. Καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν δὲ ἐγκλίσεων καὶ θέσεων τοῦ ζωδιακοῦ, ἐφ' ὧν τὰ μεσουρανοῦντα ἀμφοτέρα ἤτοι βορειότερα ἢ νοτιώτερα τοῦ κατὰ κορυφὴν τυγχάνει, τὴν ὁμοίαν τοῦ κανονίου ἔκθεσιν πεποιήται. Δῆλον δὲ καὶ ὥς ὅτι ἐφ' ὧν οἰκίσεων τὸ ἔξαγμα τοῦ πόλου, τουτέστιν ἡ ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸν ἰσημερινὸν ἀπόστασις ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ λαμβανομένη, μείζων ἐστὶν τῶν τῆς ὅλης τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς τὸν ἰσημερινὸν ἐγκλίσεως μοιρῶν κγ να, ἐν ἐκείναις πάσαις τὴν τοιαύτην ἔκθεσιν τῶν κανονίων γενέσθαι συμβαίνει, διὰ τὸ ἐπὶ τῶν τοιούτων οἰκίσεων νοτιώτερον εἶναι ὅλον τὸν ζωδιακὸν τοῦ κατὰ κορυφὴν δηλαδὴ καὶ τὰ μεσουρανοῦντα. Ὡς δὲ καὶ ὥς ἐπὶ πάντων τῶν ἐκτεθειμένων αὐτῷ κανονίων ἡ τοιαύτη ἔκθεσις γεγένηται, παρὲξ μόνου τοῦ πρώτου, διὰ τὸ ἐπὶ τοῦ διὰ Μερόης παραλλήλου πεπραγματεῦσθαι, ἔνθα τὸ ἔξαγμα ἑλαττόν ἐστι τῶν κγ να μοιρῶν, καὶ διὰ τοῦτο ἐπὶ τούτου μόνου τοῦ παραλλήλου ἤτοι κλίματος, κατὰ τινὰς θέσεις τοῦ ζωδιακοῦ τινων αὐτοῦ σημείων πρὸς ἀνατολὰς ἢ δυσμὰς τοῦ μεσημβρινοῦ δεδομένας ὥρας ἰσημερινὰς ἀπεχόντων καὶ διὰ τοῦτο τῶν μεσουρανούντων γινομένων ὥς ἐπάνω ἐδηλώσαμεν, καταλαμβάνεσθαι ταῦτα πῇ μὲν βορειότερα πῇ δὲ νοτιώτερα πάλιν τοῦ κατὰ κορυφὴν, ἐκ τῶν πρὸς τὸν ἰσημερινὸν ἀποστάσεων αὐτῶν τε <καὶ> τῶν κατὰ κορυφὴν.

790 Καὶ ἐφ' ὧν μὲν θέσεων εὐρίσκετο ἀμφοτέρα τὰ μεσουρανοῦντα βορειότερα ἢ νοτιώτερα, τῇ αὐτῇ ἐκθέσει τοῦ κανόνος κατεχρήσατο καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων. Ὡς ἐπὶ τοῦ Σκορπίου, ἐπεὶ γὰρ ἡ πρὸς τὸν μεσημβρινὸν γωνία τοῦ Σκορπίου μοιρῶν ἐστὶν ρια, ἡ διπλὴ αὐτῆς σκβ, καὶ ἐπεὶ ἐπὶ τοῦ διὰ Μερόης παραλλήλου εὐρίσκομεν τὴν ἀνατολικὴν γωνίαν ἐπὶ τῆς ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ α' ὥρας * ἀποστάσεως ἐπὶ τοῦ εἰρημένου δωδεκατημορίου μοιρῶν ρλθ, ἔσται ἡ δυτικὴ τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς σκβ μοιρῶν πγ. Καὶ ἐπεὶ ἴσον ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ χειμερινοῦ τροπικοῦ ὅ τε Σκορπίος καὶ οἱ Ἰχθύες, ἔσται πάλιν τοῦ Σκορπίου ἡ ἀνατολικὴ μετὰ τῆς τῶν Ἰχθύων δυτικῆς δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι.

791 ὦν ἡ ἀνατολικὴ τοῦ Σκορπίου ἡνύρεθη ρλθ ϖ. λοιπὴ ἄρα ἡ δυτικὴ τῶν Ἰχθύων ἔσται τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς ρπ μοίρας τῶν δύο ὀρθῶν μοιρῶν μα. Καὶ ἐπεὶ ἡ πρὸς τὸν μεσημβρινὸν τῶν

Ἰχθύων μοιρῶν ἐστὶν ξθ, ἡ ἄρα διπλῇ αὐτῆς ἔσται ρλη. καὶ ἔστιν πάλιν ἡ ἀνατολικὴ μετὰ τῆς δυτικῆς τοῦ αὐτοῦ σημείου τῶν Ἰχθύων δυσὶ ταῖς ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ ἴσαι. ὦν ἡ δυτικὴ ἐδείχθη μοιρῶν μα· λοιπὴ ἄρα ἡ ἀνατολικὴ ἔσται τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς δύο τῶν ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ μοιρῶν ρζ. Καὶ ἐπεὶ πάλιν δέδεικται ὅτι ὅταν τὸ μὲν τοῦ ἀνατολικοῦ τμήματος μεσουρανοῦν βορειότερον ᾗ τοῦ κατὰ κορυφὴν, τὸ δὲ τοῦ πρὸς δυσμὰς νοτιώτερον τοῦ αὐτοῦ, συναμφοτέροι ἢ τε πρὸς ἀνατολὰς καὶ πρὸς δυσμὰς γινόμεναι γωνίαι ὑπὸ τε τοῦ ζωδιακοῦ καὶ τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν δύο τῶν ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ γινομένων πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ ἐλάττονές εἰσιν δυσὶν ὀρθαῖς. §Καὶ ἔστιν ὡς ἐπὶ τοῦ διὰ Μερόης παραλλήλου ἐπὶ τῆς Παρθένου ἢ πρὸς τῷ μεσημβρινῷ γινομένη γωνία ρια. ἡ ἄρα διπλῇ αὐτῆς ἔσται σκβ. καὶ ἐπεὶ τῇ ἀνατολικῇ γωνίᾳ τῆς α ὥρας ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ παράκεινται μοῖραι ϖ ϖ, ἡ ἄρα δυτικὴ ἔσται μοιρῶν μβ, αἵτινες ἐλάττονές εἰσιν δύο τῶν ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ μοιρῶν σκβ ταῖς τῶν δύο ὀρθῶν μοίραις ρπ. Καὶ ἐπεὶ ἡ ἀρχὴ τῆς Παρθένου καὶ ἡ ἀρχὴ τοῦ Ταύρου ἴσον ἀπέχει τοῦ αὐτοῦ θερινοῦ τροπικοῦ, ἔσται πάλιν ἡ ἀνατολικὴ τῆς Παρθένου μετὰ τῆς δυτικῆς τοῦ Ταύρου δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι. καὶ ἔστιν ἡ ἀνατολικὴ τῆς Παρθένου ϖ ϖ, ἡ δὲ δυτικὴ τοῦ Ταύρου ἔσται ρπ. Καὶ διὰ ταῦτα, ἐπεὶ ἡ δυτικὴ τῆς Παρθένου μοιρῶν ἐστὶν μβ, ἡ ἀνατολικὴ τοῦ Ταύρου ἔσται τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς τῶν δύο ὀρθῶν μοίρας ρπ μοιρῶν ρλη.

792 Καὶ συνῆκται ἡ ἀνατολικὴ τοῦ Ταύρου μετὰ τῆς δυτικῆς τμημάτων τη. §Ἔτι δὲ πάλιν ἐπεὶ δέδεικται ὅτι ὅταν τὸ μὲν τοῦ ἀνατολικοῦ τμήματος μεσουρανοῦν νοτιώτερον ᾗ τοῦ κατὰ κορυφὴν τὸ δὲ τοῦ πρὸς δυσμὰς τμήματος μεσουρανοῦν βορειότερον τοῦ αὐτοῦ, συναμφοτέροι ἢ τε πρὸς ἀνατολὰς γωνία καὶ ἡ πρὸς δυσμὰς δύο τῶν ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ γινομένων μείζονές εἰσιν δυσὶν ὀρθαῖς, εὐρίσκομεν δὲ ἐπὶ τῆς πρὸς ἀνατολὰς καὶ δυσμὰς τοῦ Ταύρου ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ <α ὥρας> ἀποστάσεως τὰ μεσουρανοῦντα τὴν τοιαύτην θέσιν λαμβάνοντα, δεικτέον ὅτι αἱ τοῦ Ταύρου γωνίαι ἀνατολικαὶ τε καὶ δυτικαὶ συναμφοτέροι δύο τῶν ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ μείζονές εἰσιν δυσὶν ὀρθαῖς. καὶ ἔστιν αὐτόθεν δῆλον, ἐπειδήπερ ἡ πρὸς τῷ μεσημβρινῷ <ἐπὶ> τοῦ Ταύρου γινομένη γωνία τμημάτων ἐστὶν ξθ, ἡ ἄρα διπλῇ αὐτῆς ρλη, ἐδείχθη δὲ ἡ ἀνατολικὴ τοῦ Ταύρου μετὰ τῆς δυτικῆς τμημάτων τη, αἵτινες τῶν ρλη μείζονές εἰσιν ταῖς ρπ τῶν δύο ὀρθῶν. Καὶ ἔσται φανερόν ἐντεῦθεν ὅτι καὶ ἐπὶ τούτου τοῦ κλίματος, ἐὰν τὰς ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου μέχρι τῆς ἀρχῆς τοῦ Αἰγόκερω ἀνατολικὰς γωνίας ἐπιλογισώμεθα, συναποδεδειγμένοι ἔσονται καὶ αἱ δυτικαὶ αὐτοῦ καὶ ἔτι αἱ τῶν τοῦ λοιποῦ ἡμικυκλίου ἀνατολικαὶ καὶ δυτικαί, ἐπεὶ καὶ ἐπὶ τῆς Παρθένου ἐπιλογισάμενοι μόνην τὴν ἀνατολικήν, ἐκ τῶν προαποδεδειγμένων λημμάτων συνάγομεν αὐτοῦ καὶ τὴν δυτικὴν γωνίαν καὶ ἅμα τὴν τε δυτικὴν τοῦ Ταύρου καὶ τὴν ἀνατολικὴν αὐτοῦ. §Ἐξῆς δὲ δεῖξομεν καὶ ἐπὶ τῶν περιφερειῶν τὸ αὐτὸ συμβαίνειν ὅτι πάλιν ἐὰν τοῦ εἰρημένου ἡμικυκλίου τὰς ἀνατολικὰς περιφερείας ἐπιλογισώμεθα, συναποδεδειγμένοι ἔσονται καὶ αἱ τοῦ αὐτοῦ ἡμικυκλίου δυτικαὶ καὶ ἔτι αἱ τοῦ ἐτέρου ἡμικυκλίου ἀνατολικαὶ τε καὶ δυτικαί.

793 Ἐπεὶ γὰρ πάλιν ἐδείχθη ὅτι τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ἴσους χρόνους ἦτοι ὥρας ἀπέχοντος ἐφ' ἐκάτερα τοῦ μεσημβρινοῦ αἱ τε ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπ' αὐτὰ γραφόμεναι μεγίστου κύκλου περιφέρειαι ἴσαι, τουτέστιν ἡ πρὸς ἀνατολὰς καὶ δυσμὰς. §Ὡς ἐπὶ τοῦ δι' Ἀλεξανδρείας πάλιν τρίτου κλίματος αἱ τῇ πρώτῃ ὥρᾳ τοῦ Λέοντος παρακείμεναι κατὰ τὸ δεύτερον σελίδιον τῆς περιφερείας μοῖραι ις με αἱ αὐταὶ εἰσιν καὶ ὡς πρὸς ἀνατολὰς καὶ ὡς πρὸς δυσμὰς, ἐπεὶ καὶ αἱ ὥραι οὕτω ἔκκεινται αἱ αὐταὶ πρὸ μεσημβρίας ταῖς μετὰ μεσημβρίαν· αἱ δὲ γωνίαι οὐκέτι, διὰ τὸ διαφόρους αὐτὰς καταλαμβάνεσθαι. Καὶ ἐπεὶ δέδεικται πάλιν ὅτι τῶν ἴσον ἀπεχόντων τοῦ αὐτοῦ τροπικοῦ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου σημείων ἴσους χρόνους ἀπολαμβάνοντων ἐφ' ἐκάτερα τοῦ μεσημβρινοῦ τοῦ μὲν πρὸς ἀνατολὰς τοῦ δὲ πρὸς δυσμὰς αἱ ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπ' αὐτὰ γραφόμεναι μεγίστων κύκλων περιφέρειαι ἴσαι

ἀλλήλαις εἰσίν, ἴσον δὲ ἀπέχουσιν τοῦ αὐτοῦ * θερινοῦ τροπικοῦ ἢ τε ἀρχῇ τοῦ Λέοντος καὶ ἡ ἀρχῇ τῶν Διδύμων, § ἡ ἄρα τῇ α' ὥρᾳ τοῦ Λέοντος ἐπιβάλλουσα περιφέρεια ἀνατολικὴ ἡ αὐτὴ ἐπιβάλλει καὶ τῇ α' ὥρᾳ τῶν Διδύμων δυτικὴ.

794 Καὶ διὰ τὰ εἰρημένα ἢ δυτικὴ τῶν Διδύμων ἡ αὐτὴ ἐστὶν τῇ ἀνατολικῇ. Ὡστε ἡ παρακειμένη περιφέρεια τῷ Λέοντι ἡ αὐτὴ ἀνατολικὴ καὶ δυτικὴ τυγχάνουσα καὶ τοῖς Διδύμοις παράκειται. Καὶ διὰ τοῦτο, ἐὰν τὰς ἀπὸ ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου ἕως ἀρχῆς τοῦ Αἰγόκερω ἀνατολικὰς περιφερείας ἐπιλογισώμεθα, συναποδεδειγμένοι ἔσονται καὶ αἱ πρὸς δυσμὰς αὐτοῦ αὐταὶ τυγχάνουσαι, καὶ ἔτι τοῦ ἐτέρου ἡμικυκλίου αἱ πρὸς ἀνατολὰς καὶ αἱ πρὸς δυσμὰς. § Παράκειται δὲ ἐπὶ τῆς α' ὥρας τῆς Παρθένου τῇ ἀνατολικῇ γωνίᾳ π π ἐπὶ τοῦ διὰ Μερόης πρώτου κλίματος, διὰ τὸ τὴν μεσουρανοῦσαν τότε τοῦ Λέοντος μοῖραν ιε ἔγγιστα λελοξῶσθαι ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ μοίρας ις κζ ἔγγιστα ὧσιν ἐστὶν τὸ ἔξαρμα τῆς ἐγκλίσεως, καὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον γίνεσθαι τό τε μεσουρανοῦν καὶ τὸ κατὰ κορυφὴν, καὶ διὰ τοῦτο τὸν διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν καὶ τῆς ἀρχῆς τοῦ τῆς Παρθένου δωδεκατημορίου γραφόμενον μέγιστον κύκλον τὸν αὐτὸν γίνεσθαι τῷ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλῳ, καὶ γωνίας δηλονότι μὴ ποιεῖν πρὸς αὐτόν. § Ὡσαύτως δὲ καὶ ἐπὶ τοῦ διὰ Σοήνης δευτέρου κλίματος ἐν τῇ πρὸς τὸν μεσημβρινὸν θέσει τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου παράκειται περιφερείας π π, διὰ τὸ τὴν ἀρχὴν τοῦ Καρκίνου ἢ παράκειται καὶ κατὰ κορυφὴν τυγχάνειν, ἴσης ἐκεῖσε τότε γινομένης τῆς λοξώσεως τῷ ἐξάρματι τουτέστιν τῇ ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸν ἰσημερινὸν ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ περιφερεία, καὶ δηλαδὴ ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὴν ἀρχὴν τοῦ Καρκίνου μὴ γίνεσθαι περιφέρειαν.

795 Ἀποδείξας οὖν διὰ τῶν ἐκτεθειμένων αὐτῷ λημματίων, ὅτι ἐὰν ἐφ' ἐκάστης ἐγκλίσεως τὰς πρὸς τοῦ μεσημβρινοῦ τουτέστιν τὰς ἀνατολικὰς γωνίας τε καὶ περιφερείας ἐπιλογισώμεθα καὶ μόνων τῶν ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου μέχρι τῆς ἀρχῆς τοῦ Αἰγόκερω, συναποδεδειγμένας ἔξομεν καὶ τὰς μετὰ τὸν μεσημβρινὸν τουτέστιν τὰς δυτικὰς αὐτῶν, καὶ ἔτι τοῦ ἐτέρου ἡμικυκλίου τὰς ἀνατολικὰς καὶ δυτικὰς, § ἐξῆς ἐκτίθεται θεωρήματα δύο, καὶ πρῶτον μὲν δι' οὗ ἐπελογίσαστο τὰς εἰρημένας ἀνατολικὰς περιφερείας ἐπὶ τοῦ εἰρημένου κύκλου, δεύτερον δὲ δι' οὗ καὶ τὰς τοιαύτας γωνίας. § Εἴτα διδάσκων ἡμᾶς τὸν τοῦ ἐπιλογισμοῦ τρόπον ποιεῖται τὸ ὑπόδειγμα τῆς ἀποδείξεως ἐπὶ τοῦ διὰ Ῥόδου πάλιν παραλλήλου, ἔνθα τὸ ἔξαρμα μοιρῶν ἐστὶν λς, τὴν ἀρχὴν τοῦ Καρκίνου ἀποστήσας πρὸς ἀνατολὰς τοῦ μεσημβρινοῦ μίαν ὥραν ἰσημερινήν, καθ' ἣν θέσιν ἐπὶ τούτου τοῦ παραλλήλου μεσουρανοῦσι μὲν αἱ τῶν Διδύμων μοῖραι ις ιβ ἀνατέλλουσι δὲ τῆς Παρθένου μοῖραι ις λζ. Ὡς γὰρ κατὰ τὴν ἐν τοῖς ἔμπροσθεν ἐκτεθειμένην αὐτῷ ἔφοδον, ἐὰν τὰς ἀπὸ τῆς παρελθούσης μεσημβρίας ὥρας ἰσημερινὰς κγ πολλαπλασιάσωμεν ἐπὶ τοὺς ὠριαίους ἰσημερινοὺς χρόνους ιε, τοὺς συναγομένους χρόνους τμε ἔξομεν ὅσοι συνεξήλθον τὸν μεσημβρινὸν ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου, οὓς προσεκβάλλοντες ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου εἰς τὸ ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας κανόνιον, προστιθέντες αὐτοῖς δηλαδὴ τοὺς ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Κριοῦ μέχρι τῶν Διδύμων χρόνους ρ, ἵνα ἀπ' ἀρχῆς τοῦ κανόνος διὰ τὸ πρόχειρον τὴν ἄφεσιν ποιησώμεθα, εὐρήσομεν τοῖς μετὰ τοὺς τοῦ ἐνὸς κύκλου χρόνους τξ καταλειπομένοις χρόνοις οε εἰς τὸ αὐτὸ κανόνιον συμμεσουρανούσας τῶν Διδύμων μοίρας ις ιβ.

796 Καὶ προχειρότερον, ἐὰν ἀπὸ τῶν ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τὴν ἀρχὴν τοῦ Καρκίνου συμμεσουρανούντων χρόνων ρ ἀφέλωμεν τοὺς ιε τῆς α ὥρας, ἔξομεν τοὺς λοιποὺς οε, οἷς ὁμοίως συμμεσουρανοῦσιν τῶν Διδύμων μοῖραι ις ιβ. § Λαμβάνεται δὲ καὶ ἡ ἀνατέλλουσα τόνδε τὸν τρόπον. § Ἐπεὶ γάρ, τοῦ ἡλίου ἐπὶ τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου τυγχάνοντος, ἐπὶ τοῦ ὑποκειμένου κλίματος ἡ μεγίστη ἡμέρα ἀποτελεῖται ὥρων ἰσημερινῶν ιδ λ χρόνων δὲ σιζ λ, τὸ ἄρα ἡμῖς τῆς ἡμέρας ὥρων ἔσται ζ δ' χρόνων δὲ δηλονότι ρη με.

ἀφ' ὧν ἐὰν ἀφέλωμεν τοὺς τῆς μιᾶς ὥρας ἰσημερινῆς τῆς πρὸς μεσημβρίαν θέσεως τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου χρόνους ιε, καὶ τοὺς λοιποὺς χρόνους ργ με ἐκβάλωμεν ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου ἐπὶ τοῦ ὑποκειμένου κλίματος κατὰ τὸ τῆς ἐπισυναγωγῆς τῶν ἀναφορικῶν χρόνων σελίδιον, προσθέντες πάλιν αὐτοῖς τοὺς ἀπὸ Κριοῦ μέχρι Διδύμων χρόνους οα ιε, εὐρήσομεν τοῖς ρξε χρόνοις ἐξ ἀναλογίας συνανατελλούσας τῆς Παρθένου μοίρας ιζ λζ. ταῦτα γὰρ πάντα ἀπεδείχθη ἡμῖν ἐν τοῖς τῶν ἀναφορικῶν κα νόνων. §Καὶ φησιν· «ἔστω μεσημβρινὸς μὲν κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, καὶ ὀρίζοντος «μὲν ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ, τοῦ δὲ διὰ μέσων τῶν ζωδίων τὸ ΖΗΘ, οὕτως «ἔχον ὥστε τὸ Η σημεῖον τὴν ἀρχὴν εἶναι τοῦ Καρκίνου, τὸ δὲ Ζ μεσουρα«νοῦν ἐπέχειν τὰς τῶν Διδύμων μοίρας ις ιβ, τὸ δὲ Θ ἀνατολικὸν τὰς τῆς «Παρθένου μοίρας ιζ λζ.

799 καὶ γεγράφθω διὰ τοῦ Α κατὰ κορυφὴν καὶ «τοῦ Η τῆς ἀρχῆς τοῦ Καρκίνου μεγίστου κύκλου τμήμα τὸ ΑΗΕΓ, καὶ «προκείσθω πρῶτον τὴν ΑΗ περιφέρειαν εὐρεῖν» τὴν ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἐπὶ τὸ δεδομένον τμήμα τοῦ ζωδιακοῦ. «φανερὸν δὴ ὅτι ἡ μὲν ΖΘ περιφέρεια μοιρῶν ἔσται ρα κε.» τοσαῦται γὰρ συνάγονται ἀπὸ τῶν ταῖς ις ιβ τῶν Διδύμων ἐπὶ τὰς ιζ λζ τῆς Παρθένου. «Ὁμοίως δὴ ἐπειδήπερ αἱ τῶν Διδύμων μοῖραι ις ιβ ἀπολαμβάνουσι «τοῦ με * σημβρινοῦ ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ πρὸς ἄρκτους μοίρας κγ ζ, «ὁ δὲ ἰσημερινὸς τοῦ Α κατὰ κορυφὴν σημείου μοίρας ἀφίσταται λς, «ἔσται καὶ ἡ μὲν ΑΖ περιφέρεια μοιρῶν ιβ νγ ἡ δὲ ΒΖ τῶν λοιπῶν εἰς τὸ «τεταρτημόριον οζ ζ. «Τούτων ληφθέντων γίνεται πάλιν διὰ τὴν καταγραφὴν,» ἐπεὶ εἰς δύο μεγίστων κύκλων περιφερείας τὰς ΒΑ, ΒΘ δύο διηγμέναι, εἰσὶν αἱ ΑΕ, ΘΖ τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ Η «ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΖΒ πρὸς «τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΒΑ λόγος συνημμένος ἔσται ἕκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ «τὴν διπλὴν τῆς ΖΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΘΗ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ «τὴν διπλὴν τῆς ΗΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ.

800 «Ἄλλ' ἡ μὲν τῆς ΖΒ περιφερείας διπλῇ μοιρῶν ἐστὶν ρνδ ιδ,» αὕτη γὰρ ἡ ΖΒ ἐδείχθη μοιρῶν οζ ζ, «καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων «ρις νθ. ἡ δὲ τῆς ΒΑ διπλῇ μοιρῶν ρπ,» ἐκ πόλου γὰρ οὔσα τοῦ ὀρίζοντος μοιρῶν ρ, «καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν οὖν εὐθεῖα τμημάτων ρκ. καὶ πάλιν ἡ μὲν «τῆς ΖΘ μοιρῶν ρβ ν,» αὕτη γὰρ ἐδείχθη οὔσα μοιρῶν ρα κε, «καὶ «ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ριθ <νη> . ἡ δὲ τῆς ΘΗ διπλῇ μοιρῶν «ρνε ιδ.» αὕτη γὰρ ἡ ΗΘ ἀπὸ τῆς ἀρχῆς οὔσα τοῦ Καρκίνου ἐπὶ τὰς τῆς Παρθένου μοίρας ιζ λζ, συνάγεται μοιρῶν οζ λζ. ὥστε καὶ ἡ διπλῇ αὐτῆς ἔσται μοιρῶν ρνε ιδ, «καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ριζ ιβ. «Ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ τῶν ρις νθ πρὸς τὰ ρκ λόγου ἀφέλωμεν τὸν «τῶν ριθ νη πρὸς τὰ ριζ ιβ, καταλειφθήσεται ἡμῖν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ λόγος, ὁ τῶν ριδ ις ἔγ«γιστα πρὸς τὰ ρκ.» «Καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΑ τμημάτων ρκ. καὶ ἡ ὑπὸ τὴν «διπλὴν ἄρα τῆς ΗΕ τῶν αὐτῶν ἐστὶν ριδ ις. ὥστε καὶ ἡ μὲν διπλῇ ἄρα «τῆς ΗΕ περιφερείας μοιρῶν ἔσται ρμδ κζ ἔγγιστα αὕτη δὲ ἡ ΗΕ τῶν «αὐτῶν οβ ιγ ἔγγιστα. «Καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΑΗ τῶν λειπουσῶν εἰς τὸ τεταρτημόριον ἔσται μοι«ρῶν ιζ μζ», ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

801 Ὅσας καὶ παρέθετο ἐπὶ τοῦ διὰ Ῥόδου κλίματος ἐπὶ τοῦ δευτέρου τῆς περιφερείας σελιδίου τῇ πρώτῃ ὥρᾳ τοῦ Καρκίνου. §Ἐξῆς δὲ πάλιν καὶ τῶν ὁμοίων τῇ ὑπὸ ΑΗΘ γωνίᾳ τὴν ἀπόδειξιν ποιησόμεθα. Ἐκκείσθω γὰρ ἡ αὕτη καταγραφή. καὶ ἐπεὶ ἐλάττων ἐστὶν ἑκατέρα τῶν ΕΗ, ΗΘ τεταρτημορίου, διὰ τὸ ὅλην μὲν τὴν ΑΕ ἐκ πόλου οὔσαν τοῦ ΒΕΔ ὀρίζοντος τεταρτημορίου τυγχάνειν τὴν δὲ ΗΘ μοιρῶν οζ λζ, «πόλῳ «τῷ Η διαστήματι δὲ τῇ τοῦ τετραγώνου πλευρᾷ» τοῦ εἰς τὸν μέγιστον κύκλον ἐγγραφομένου «γεγράφθω μεγίστου κύκλου τμήμα τὸ ΚΛΜ. «Ἐπεὶ τοίνυν ὁ ΑΗΕΚ διὰ τε τῶν τοῦ ΕΘΜ καὶ διὰ τῶν τοῦ ΚΛΜ πό«λων γέγραπται, τεταρτημορίου ἐστὶν ἑκατέρα τῶν ΕΜ καὶ ΚΜ.» Ἐὰν γὰρ ἀναπληρώσωμεν τοὺς ΒΕΘΜ καὶ ΚΛΜ κύκλους, γίνονται δύο μέγιστοι κύκλοι τέμνοντες ἀλλήλους. καὶ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν μέγιστος κύκλος γραφεῖς ὁ ΑΕΚ δίχα τεμεῖ τὰ ἀπειλημμένα τμήματα αὐτῶν. «Καὶ διὰ τὴν καταγραφὴν πάλιν», ἐπεὶ εἰς δύο κύκλων περιφερείας τὰς ΚΗ καὶ ΚΜ δύο διηγμέναι εἰσὶν αἱ

ΗΛ, ΕΜ τεμοῦσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ Θ, «ὁ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΕ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΕΚ «λόγος συνῆπται ἔκ τε τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΗΘ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν «διπλὴν τῆς ΘΛ καὶ τοῦ τῆς ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΛΜ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν «διπλὴν τῆς ΜΚ.

802

«Ἄλλ' ἡ μὲν τῆς ΗΕ διπλῇ μοιρῶν ἐστὶν ρμδ κζ,» ὡς ἐν τῷ ἐπάνω ἐδείχθη θεωρήματι, «καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ριδ ις. ἡ δὲ «τῆς ΕΚ διπλῇ» τῶν λοιπῶν εἰς τὴν διπλὴν τῆς ΗΚ μοιρῶν οὕσαν ρπ, μοιρῶν λε λγ· «ἡ δὲ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων λς λη. καὶ πάλιν «ἡ μὲν διπλῇ τῆς ΗΘ μοιρῶν ἐστὶν ρνε ιδ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα τμημάτων ριζ ιβ, ἡ δὲ τῆς ΘΛ πάλιν διπλῇ» τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς διπλασίονας τῆς ΗΛ μοίρας ρπ, «μοιρῶν κδ μς. καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα «τμημάτων κε μδ. «Ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ λόγου τοῦ τῶν ριδ ις πρὸς τὰ λς λη ἀφέλωμεν «τὸν τῶν ριζ ιβ πρὸς τὰ κε μδ, καταλειφθήσεται ἡμῖν ὁ τῆς ὑπὸ τὴν «διπλὴν τῇ ΛΜ πρὸς τὴν ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΜΚ λόγος ὁ τῶν πβ ια «ἔγγιστα πρὸς τὰ ρκ. «Καὶ ἔστιν ἡ ὑπὸ τὴν διπλὴν τῆς ΜΚ τμημάτων ρκ, καὶ ἡ ὑπὸ τὴν «διπλὴν ἄρα τῆς ΛΗ περιφερείας μοιρῶν ἔσται πβ ια. ὥστε καὶ ἡ μὲν «διπλῇ τῆς ΛΜ περιφερείας μοιρῶν πς κη, αὐτὴ δὲ ἡ ΛΜ τῶν αὐτῶν «μγ ιδ. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΚΛ περιφέρεια, αὐτὴ τε καὶ ἡ ὑπὸ ΚΗΛ γωνία «τμημάτων ἔσται μς μς, ἡ δὲ ὑπὸ ΑΗΘ γωνία τῶν λοιπῶν εἰς τὰς τῶν «β ὀρθῶν μοίρας ρπ, μοιρῶν ρλγ ιδ,» ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Ὅσας καὶ παρέθηκεν πάλιν ἐπὶ τοῦ διὰ Ῥόδου κλίματος κατὰ τὸ γ' σελίδιον τῶν πρὸς ἀνατολὰς γωνιῶν τῇ α' ὥρᾳ τοῦ Καρκίνου. Καὶ ἐπεὶ συμβαίνει ἐπὶ τινων τοῦ ζωδιακοῦ τμημάτων καὶ ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ ἀποστάσεων τὸ Ε ποτὲ μὲν ἐπὶ τῆς διχοτομίας τοῦ ΒΕΔ ἡμικυκλίου πίπτειν, ποτὲ δὲ ἐλάττωνα τεταρτημορίου ποιεῖν τὴν ΕΔ, καὶ διὰ τοῦτο τὸ Μ σημεῖον ἦτοι ἐπὶ τὸ Δ πίπτειν ἢ μετὰ τὸ Δ ἐπὶ τὸ δυτικὸν μέρος τοῦ ὀρίζοντος, δηλὸν ὡς καὶ οὕτως προχωρήσει τὰ τῆς ἀποδείξεως ἔσονται γὰρ πάλιν εἰς δύο τὰς ΚΗ, ΚΜ δύο διαχθεῖσαι αἱ ΗΛ, ΕΜ περαίνουσαι τὸ προκείμενον *.

803

«Ὁ μὲν οὖν τρόπος τῆς ἐκθέσεως τῶν προκειμένων γωνιῶν τε καὶ περι«φερειῶν ἐπὶ τῶν λοιπῶν» δωδεκατημορίων καὶ κλιμάτων, διὰ τῶν τοιούτων θεωρημάτων αὐτῷ γεγένηται. Ὡς ἔξῃς δέ φησιν· «ἐφ' ὅσων γε εἰκὸς χρεῖαν ἐν ταῖς κατὰ μέρος ἐπισκέ«ψουσιν ...» ἐπεὶ καὶ κατὰ μίαν ὥραν ἰσημερινὴν ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ τοὺς ἐπιλογισμοὺς πεποιήται, καὶ κατὰ τὰς ἀρχὰς τῶν δωδεκατημορίων, καὶ ἔτι ἡμιωρίου τὰς ἐγκλίσεις παραυξάνων, ὡς τῶν μερῶν τῶν ὥρων καὶ τῶν κατὰ μοίρας τοῦ ζωδιακοῦ ἀποδείξεων καὶ τῶν μεταξὺ παραλλήλων μηδὲν διάφορον αἰσθητὸν παρὰ τὰ γραμμικὰ ποιοῦντων τῶν καθ' ὁμαλὴν παραύξησιν λαμβανομένων· ἔτι καὶ δηλῶν ὅτι ἐπὶ γνωριμωτέρων οἰκήσεων ἢ χρῆσις τῆς τοιαύτης πραγματείας αὐτῷ παρείλημπαται, φησίν· «ἀρχόμενοι μὲν ἀπὸ τοῦ διὰ Μερῆς παραλλήλου καθ' ὃν ἡ μεγίστη ἡμέρα «ὥρων ἐστὶν ἰσημερινῶν ιγ, φθάνοντες δὲ μέχρι τοῦ γραφομένου διὰ τῶν «ἐκβολῶν Βορυσθένους ὅπου ἡ μεγίστη ἡμέρα ὥρων ἐστὶν ἰσημερινῶν ις.» ΣΠεποιήται δὲ καὶ τὴν τῶν εἰρημένων γωνιῶν τε καὶ περιφερειῶν ἐκθεσιν κανονικὴν καθ' ἕκαστον κλίμα τε καὶ δωδεκατημόριον πάλιν διὰ τὸ πρόχειρον, παρατιθεὶς ἐν μὲν τοῖς πρώτοις σελιδίοις τὴν ποσότητα τῶν ἐφ' ἑκάτερα τοῦ μεσημβρινοῦ ὥρων ἰσημερινῶν τοῦ μεγέθους τῆς ἡμέρας ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τοῦ οἰκείου δωδεκατημορίου τε καὶ κλίματος, οἷον ὡς ἐπὶ τοῦ διὰ Ῥόδου παραλλήλου, ἐπεὶ ἡ μεγίστη ἡμέρα κατὰ τὴν ἀρχὴν τοῦ Καρκίνου ἐστὶν ὥρων ἰσημερινῶν ιδ ς', παρέθηκεν ἐπὶ τοῦ Καρκίνου κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον ὥρας ζ ιε, ἡ κατὰ α ὥραν ἰσημερινὴν παρηυξημένης, μετὰ τὴν κατ' αὐτὸν τὸν μεσημβρινὸν θέσιν· καὶ ἔξῃς ἐπὶ τοῦ Λέοντος ζ δ, ἐπεὶ πάλιν τὸ μέγεθος τῆς κατὰ τὴν ἀρχὴν τοῦ Λέοντος ἡμέρας ὥρων ἐστὶν ιδ ς η ἔγγιστα.

804

καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ὡσαύτως. Ὡς ἐν δὲ τῷ δευτέρῳ σελιδίῳ παρέθηκεν τὰ μεγέθη τῶν περιφερειῶν τῶν ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν μέχρι τῆς ἀρχῆς τοῦ οἰκείου δωδεκατημορίου καθ' ἑκάστην ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ ὠριαίαν ἀπόστασιν. Ὡς ἐν δὲ τοῖς τρίτοις καὶ τετάρτοις τὰ μεγέθη τῶν γωνιῶν τῶν παρεχομένων ὑφ' ὧν διεσπειλάμεθα κύκλων· ἐν μὲν τοῖς τρίτοις τὰς τῶν πρὸς

ἀνατολὰς θέσεων ἐν δὲ τοῖς τετάρτοις τὰς τῶν πρὸς δυσμὰς. Εἶτα βουλόμενος ἡμᾶς εἰς ὑπόμνησιν ἀγαγεῖν τῶν ἐν ἀρχῇ περὶ τῆς πραγματείας τῶν γωνιῶν αὐτῷ εἰρημένων, φησὶν ὅτι «μεμνησθαι δὲ χρή «ὅτι τῶν δύο γωνιῶν τῶν πρὸς τῷ ἐπομένῳ τμήματι τοῦ ζῳδιακοῦ ὑπὸ «τοῦ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν γινομένων, τὴν ἀπ' ἄρκτου τοῦ αὐτοῦ τμήματος αἰεὶ παρειλήφαμεν, τοιούτων ἐφ' ἐκάστης αὐτῶν τὴν πηλικότητα «παρατιθέντες οἶον ἢ μία ὀρθή φ. καὶ ἔστιν ἡ ἔκθεσις τῶν κανονίων «τοιαύτη.» Θέωνος ἀλεξανδρέως εἰς τὸ τρίτον τῆς μαθηματικῆς Πτολεμαίου συντάξεως ὑπόμνημα.

807 (1t)

Ἐκδόσεως παραναγνωσθείσης τῇ φιλοσόφῳ θυγατρὶ μου Ὑπατίᾳ. Διεξελθὼν ὁ Πτολεμαῖος ἐν τῷ πρώτῳ καὶ δευτέρῳ βιβλίῳ τῆς μαθηματικῆς συντάξεως ὅσα ἀναγκαῖον ἦν προλαβεῖν τῆς ἀστρονομικῆς <συντάξεως>, λέγω δὴ «περὶ τε οὐρανοῦ καὶ <γῆς, καὶ ἔτι> τῆς λοξώσεως «τοῦ διὰ μέσων τῶν ζῳδίων ἡλιακοῦ κύκλου», καὶ ἔτι «τῶν ἐπὶ τῆς ὀρθῆς σφαίρας» καὶ τῆς ἐγκεκλιμένης «περὶ αὐτὸν συμβαινόντων», ἀρχόμενος τοῦ τρίτου βιβλίου ἀκόλουθον εὐρίσκει «ἐφεξῆς τούτῳ τὸν περὶ «τοῦ ἡλίου καὶ σελήνης ποιήσασθαι λόγον, τουτέστιν τὰ περὶ τὰς κινήσεις αὐτῶν ἐπισυμβαίνοντα διεξελθεῖν,» λέγω δὴ πάλιν τὰ περὶ τοὺς ἀποκαταστατικούς χρόνους αὐτῶν, καὶ τὰς ὑποθέσεις, καὶ τὰς ὁμαλὰς καὶ ἀκριβεῖς καὶ φαινομένας παρόδους τοῦ τε μήκους καὶ πλάτους τῆς σελήνης, καὶ περὶ τε τῶν ἀποστημάτων καὶ μεγεθῶν, καὶ παραλλάξεων καὶ συνόδων καὶ πανσελήνων καὶ ἐκλείψεων καὶ προσενύσεων, καὶ ὅσα ἄλλα κατὰ μέρος περὶ ὧν ἐν τοῖς ἐξῆς μέχρι τοῦ ἔκτου βιβλίου διαλαμβάνει, τῆς τῶν ἀπλανῶν τε καὶ πλανομένων πραγματείας προχωρεῖν μὴ δυναμένης ἄνευ τῆς τούτων προδιαλήψεως, διὰ τὸ δεῖσθαι τὰς περὶ αὐτῶν ἀποδείξεις τῶν εἰρημένων περὶ τὸν ἥλιον καὶ τὴν σελήνην καταλήμψεων, ὡς ἐν τοῖς εἰς τὸ πρῶτον ἐδηλοῦμεν.

808

ἔτι δὲ καὶ τῆς αὐτῶν τούτων πραγματείας, λέγω δὴ ἡλίου τε καὶ σελήνης, προηγουμένην εὐρίσκει τὴν τοῦ ἡλίου, «ἥς ἄνευ πάλιν οὐδὲ τὰ περὶ τὴν σελήνην οἶόν τε» ἐντελέστερον καὶ ἀκριβέστερον ἀποδειχθῆναι, ἐπεὶ καὶ μάλιστα ταύτης οἱ τόποι ἐκ τῶν κατὰ τὰς ἐκλείψεις αὐτῆς [τῶν] τοῦ ἡλίου ἐποχῶν ἀκριβῶν καταλαμβάνονται καὶ ἀπὸ τούτων τὰ λοιπὰ περὶ τὰς κινήσεις αὐτῆς. § Ἀναγκαῖον τοίνυν διὰ ταῦτα τυγχάνοντος πρὸ τῶν ἄλλων τὸν περὶ τῆς τοῦ ἡλίου πραγματείας ποιήσασθαι λόγον, ἀκόλουθον εὐρίσκει πρότερον τῶν περὶ αὐτὸν ἀποδεικνυμένων περὶ τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου διαλαβεῖν, τουτέστιν ἐν πόσῳ χρόνῳ ἀπὸ τίνος σημείου [ἐτέρας] ἀρχῆς τοῦ διὰ μέσων τῶν ζῳδίων ἀρξάμενος κινεῖσθαι ἐπὶ τὸ αὐτὸ παραγίνεται.

809

τούτου γὰρ εὐρεθέντος, καὶ τῶν τῆς μοιρῶν τοῦ διὰ μέσων τῶν ζῳδίων κύκλου εἰς αὐτὸν ἐπιμεριζομένων, εὐρίσκεται αὐτοῦ καὶ τὰ καθ' ἕκαστον χρόνον ὁμαλὰ κινήματα· ἀφ' ὧν καὶ τὰ λοιπὰ πάντα περὶ τὰς κινήσεις αὐτοῦ καταλαμβάνει. § Εἶτα ἐρεῖ ὃν τρόπον οἱ παλαιοὶ περὶ τὴν εὕρεσιν τοῦ τοιούτου ἠγόρευον τε καὶ διεφώνουν· οἰόμενοι γάρ, φησὶν, τοὺς ἀπλανεῖς ἀστέρας ἐστάναι, ποτὲ μὲν πρὸς τὰ τροπικὰ καὶ ἰσημερινὰ τηροῦντες τὴν τοῦ ἡλίου ἀποκατάστασιν ἐλάττονα κατελαμβάνοντο τὸν τῶν αὐτῶν χρόνον τῶν τξε καὶ δ' ἡμερῶν, ποτὲ δὲ τὰ πρὸς τὰ ἀπλανῆ ἄστρα μείζονας θέας ἐπεβάλλοντο. § «Καὶ τὴν τῶν ἀπλανῶν ἀστέρων σφαῖραν μετὰβασίν τινα πολυχρόνιον ποιεῖσθαι,» τουτέστιν διὰ μακροτέρου χρόνου, δυσσύνοπτον διὰ τὸ ἐλάχιστον τῆς κινήσεως. δείκνυται γὰρ κατὰ ἑκάτον ἔτη μίαν μοῖραν μεθισταμένη εἰς τὰ ἐπόμενα καὶ ἐναντία τῇ τῶν ὅλων φορᾷ, τουτέστιν ὡς ἀπὸ δυσμῶν ἐπὶ ἀνατολὰς περὶ πόλους βεβηκότας ἐπὶ τοῦ δι' ἀμφοτέρων τῶν πόλων τοῦ τε διὰ μέσων καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ· καταλαμβάνεται γὰρ καὶ ἡ τούτων μετάβασις περὶ τοὺς τοῦ διὰ μέσων πόλους ἀποτελουμένη καθάπερ καὶ αἱ τῶν πλανομένων. Ἐφησεν δὲ τὴν σφαῖραν αὐτῶν τὴν μετάβασιν ποιεῖσθαι καὶ οὐχὶ τοὺς ἀστέρας διὰ τὸ τὰ διαστήματα καὶ τοὺς πρὸς ἀλλήλους σχηματισμοὺς αὐτοὺς πάντοτε φυλάττοντας ὥσπερ ἐντετυπωμένους ὑπὸ μιᾶς σφαίρας περιάγεσθαι.

810 ὅτι δὲ καὶ ἀκόλουθόν ἐστιν, τοῦ πρὸς τοὺς ἀπλανεῖς ἀστέρας ἀποκαταστατικοῦ χρόνου μείζονος καταλαμβανομένου, εἰς τὰ ἐπόμενα ἡγεῖσθαι τὴν τῆς σφαίρας αὐτῶν μετάβασιν ἀποτελεῖσθαι, οὕτως ἂν γένοιτο δῆλον· ἔστω γὰρ ζωδιακὸς κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ἐν δέ τι τῶν τροπικῶν ἢ ἰσημερινῶν σημείων τὸ Α, καὶ ἀστήρ τις λόγου ἔνεκεν τῶν ἀπλανῶν ἐπ’ αὐτοῦ ἅμα τῷ ἡλίῳ. εἰ μὲν οὖν ὁ ἀστήρ πάντοτε ἐπὶ τοῦ Α σημείου μένει, δῆλον ὡς ὅτι ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῳ τό τε Α σημεῖον καὶ τὸν ἀστέρα ὁ ἥλιος κινηθεὶς ὅλον τὸν ΑΒΓΔ κύκλον ἐπικαταλήμψεται, εἰ δὲ μετάβασιν τινα ποιεῖται ὁ ἀπλανής, τοῦ Α σημείου μένοντος, οὐκέτι. Καὶ ἐπεὶ τῆς τοῦ ἡλίου πρὸς τὸν ἀπλανῆ ἀποκαταστάσεως μείζων ὁ χρόνος κατελαμβάνετο, φανερόν ὅτι τοῦ ἡλίου ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β εἰς τὰ ἐπόμενα κινουμένου, καὶ ὁ ἀπλανὴς ἐπὶ τὰ αὐτὰ ὡς εἰς τὰ ἐπόμενα 〈ποιεῖται〉 μετάβασιν. Πεποιήσθω γὰρ λόγου ἔνεκεν ὡς κατὰ τὸ Ε· δῆλον οὖν ὅταν ὁ ἥλιος ἀπὸ τοῦ Α τροπικοῦ 〈ἦ〉 ἰσημερινοῦ σημείου κινηθεὶς ἐπὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον ποιήσεται τὴν ἀποκατάστασιν, ὕστερον, ἡνίκα ἂν καὶ τὴν ΑΕ κινηθῇ, τὴν πρὸς τὸν ἀστέρα ποιήσεται ἐπικατάλημψιν καὶ ἔσται ἐν πλέονι χρόνῳ τὴν πρὸς τὸν ἀπλανῆ ἀποκατάστασιν ποιησάμενος ἢ περὶ τὴν πρὸς τὸ Α τροπικὸν ἢ ἰσημερινὸν ἐπειδήπερ εἰς τὰ ἐπόμενα καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῇ τοῦ ἡλίου μεταβάσει καὶ ὁ ἀστήρ κεκίνηται.

811 Εἰκότως δὲ ἔφησεν τοὺς ἀπλανεῖς ἀστέρας ἀποκαταστάσεις μείζονας ποιεῖν τοῦ χρόνου τῶν τξε δ’ ἡμερῶν. ἐπεὶ γὰρ ἡ πρὸς τὰ τροπικὰ ἀποκατάστασις καταλαμβάνεται ἡμερῶν τξε δ’, παρὰ τὸ τριακοσιοστὸν τουτέστιν παρὰ δεῦ 〈τερα ἐξηκοστὰ ιβ〉 ἥτοι μιᾶς ἡμέρας ἢ μιᾶς μοίρας, διὰ τὸ τὴν ἡμερησίαν αὐτοῦ ὁμαλὴν πάροδον μιᾶς μοίρας ἔγγιστα καταλαμβάνεσθαι, ἡ δὲ τῶν ἀπλανῶν ἐνιαυσίαν μετάβασίς ἐστιν ἑκατοστὸν μοίρας, τουτέστιν δευτέρα ἐξηκοστὰ λς, δῆλον ὡς ἂν ταῖς τξε δ’ ἡμέραις παρὰ τὰ ιβ δευτέρα ἐξηκοστὰ προσθῶμεν τὰ λς δευτέρα ἐξηκοστὰ, ἔσται ὁ ἐνιαύσιος χρόνος τξε δ’ καὶ ἐξηκοστῶν δευτέρων κδ. καὶ μείζων ἔσται ἡ πρὸς τοὺς ἀπλανεῖς ἀστέρας ἀποκατάστασις ἡμερῶν τξε δ’. Ἐκ τῶν εἰρημένων οὖν παρατηρήσεων ἐνεόουν καὶ τὴν τῶν ἀπλανῶν σφαῖραν ποιεῖσθαι τινα μετάβασιν εἰς τὰ ἐπόμενα. ὅτι δὲ τοῦθ’ οὕτως ἔχει, δείκνυσιν καὶ ὁ Πτολεμαῖος ἐν τῷ ζ’ βιβλίῳ κατὰ τοὺς οἰκείους περὶ τῶν τοιούτων τόπους. «Κατὰ δὲ τὴν παροῦσαν σκέψιν πρὸς οὐδὲν ἄλλος ἡγούμεθα δεῖν ἀπο«βλέποντας τὸν ἐνιαυσιαῖον τοῦ ἡλίου χρόνον σκοπεῖν ἢ τὴν αὐτοῦ τοῦ «ἡλίου πρὸς ἑαυτὸν ... ἀποκατάστασιν ...» διὰ τοῦν φησιν τὸ δεῖν πρὸς τινα μένοντα σημεῖα καὶ μὴ μετακινούμενα τὴν ἀποκατάστασιν σκοπεῖν, πρὸς οὐδὲν ἕτερον ὀφείλομεν «ὀρίζεσθαι τὸ ἐνιαύσιον χρόνον» ἢ ἐν ᾧ «ἀπὸ τίνος ἀκινήτου σημείου» τοῦ ὥσπερ ὑπ’ αὐτοῦ γραφομένου μεγίστου καὶ λοξοῦ καὶ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου «ἐπὶ τὸ αὐτὸ παραγίνεται, «μόνας ἀρχὰς δείξας τῆς τοιαύτης ἀποκαταστάσεως ἡγουμένους» ἡ τὰ τοιαῦτα σημεῖα καθ’ ἃ οἱ τε τροπικοὶ αὐτοῦ ἐφάπτονται ἅπερ καλεῖ τροπικά, καθ’ ἃ δὲ ὁ ἰσημερινὸς αὐτὸν τέμνει ἅπερ πάλιν καλεῖ ἰσημερινά, διὰ τὸ τὸν κύκλον ἀρχὴν φύσει μὴ ἔχειν.

812 ὁ καταλαμβάνεται δὲ κατὰ τῶν τοιούτων σημείων γινόμενος διὰ τοῦ ἐν τῷ α’ βιβλίῳ ἐκτεθειμένου ὀργάνου διὰ τῶν κρίκων ἢ καὶ τῆς πλινθίδος, ἀκολούθως τοῖς ἐκεῖσε εἰρημένοις τῆς παρατηρήσεως γινομένης· ἔτι δὲ τῶν ἰσημερινῶν γινόμενος καταλαμβάνεται καὶ διὰ κρίκου ἐν τῷ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπιπέδῳ τὴν ἴτυν ἔχοντος ὅταν αὐτοῦ ἡ κοίλῃ ἐπιφάνεια σκιαζῇται. Εἴτα τὸ εὐλογον διδάσκων τοῦ δεῖν τὴν πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλον ἀποκατάστ 〈α〉 σιν ἡρῆσθαι τὸν ἐνιαύσιον χρόνον τουτέστιν ἐν ᾧ ὁ ἥλιος ἀπὸ τίνος δηλονότι ἀκινήτου σημείου τούτου τοῦ κύκλου ἐπὶ τὸ αὐτὸ παραγίνεται, φησὶν· ἔτι ἂν τε γὰρ μαθηματικώτερον ἐπισκοπῶμεν τὸ εὐλογον, «οὔτε οἰκειοτέραν ἀποκατάστασιν εὐρήσομεν τῆς «ἐπὶ τὸν αὐτὸν σχηματισμὸν φερούσης τὸν ἥλιον ...», τουτέστιν ἀπὸ βορείων ἐπὶ βόρεια ἢ ἀπὸ νοτίων ἐπὶ νότια ἢ ἀπὸ ἰσημερίας ἐπὶ τὴν αὐτὴν ἰσημερίαν ἢ καὶ ἀπ’ ἄλλου τινὸς ἐπὶ τὸ αὐτό. «Τοπικῶς τε καὶ χρονικῶς τοῦ τοιούτου θεωρουμένου ἥτοι πρὸς τὸν «ὀρίζοντα ἢ τὸν

μεσημβρινόν, ἢ τὰ μεγέθη τῶν νυχθημέρων,» τουτέστιν ἵνα ἀπό τινος τροπικοῦ ἢ ἰσημερινοῦ σημείου ἀρχόμενος ὁ ἥλιος κινεῖσθαι ἢ καὶ ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος ἢ τοῦ μεσημβρινοῦ τουτέστιν ἀπὸ ἀνατολῆς ἢ δύσεως ἢ μεσημβρίας ἄρχηται, ὅπως καὶ ἀπὸ καταδηλοτέρων τόπων ἢ ἀπαρίθμησις τοῦ χρόνου γίγνηται.

813 §Καὶ εἰ μὲν ἀπὸ τινος σημείου τοῦ ζωδιακοῦ καὶ τοῦ ὀρίζοντος ἀρχόμενος ἐξῆς ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ ζωδιακοῦ γενόμενος καὶ ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ σημείου πάλιν τοῦ ὀρίζοντος τυγχάνων κατελαμβάνετο, δῆλον ὡς ἐν ὅλαις ἡμέραις ἐποιεῖτο τὴν ἀποκατάστασιν. ὁμοίως δὲ καὶ εἰ ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπὶ τὸν μεσημβρινόν. ἐπεὶ δὲ οὐκ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ ὀρίζοντος ἐπὶ τὸ αὐτὸ τὴν ἀποκατάστασιν φαίνεται ποιούμενος οὐδὲ πάλιν ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπὶ τὸν μεσημβρινόν, καθάπερ ἐκ τῶν τηρήσεων καταλαμβάνεται, ἀλλὰ ποτὲ μὲν ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος ἀρξάμενος περὶ τὸν μεσημβρινόν τὴν ἀποκατάστασιν ποιούμενος ποτὲ δὲ ἀπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ περὶ τὸν ὀρίζοντα, δῆλον γίνεται τὸ μὴ ἐν ὅλαις ἡμέραις τὴν ἀποκατάστασιν τοῦ ἡλίου ἀποτελεῖσθαι, τουτέστιν μὴ ὅλων ἡμερῶν τὸν ἐνιαύσιον χρόνον τυγχάνειν ἀλλὰ καὶ τέταρτον ἔγγιστα ἐπιλαμβάνειν· § καὶ μάλιστα ἐκ τῶν πρὸς τὰ ἰσημερινὰ ἀποκαταστάσεων, ὅτε καὶ ὁ ἀπὸ τοῦ ὀρίζοντος ἐπὶ τὴν μεσημβρίαν χρόνος ἢ ἀπὸ μεσημβρίας ἐπὶ τὸν ὀρίζοντα τέταρτόν ἐστιν πρὸς αἴσθησιν τοῦ νυχθημέρου, ὅπερ καὶ καλεῖ ἡμέραν· τὸ δὲ πρὸς τὰ μεγέθη τῶν νυχθημέρων σημαίνει, ὥστε καὶ ἰσοχρόνια γίνεσθαι τὰ συναγόμενα νυχθήμερα καὶ μὴ μόνον ἴσα κατὰ τὸ πλῆθος τῆς πρώτης διαστάσεως καὶ τῶν ἐξῆς· ἐὰν γὰρ ἀπὸ τινος σημείου τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου κινηθεῖς ὁ ἥλιος ἐπὶ τὸ αὐτὸ παραγένηται, καὶ πάλιν ἐξῆς ἐπὶ τὸ αὐτόν, τὰ συναγόμενα νυχθήμερα τῆς πρώτης ἀποκαταστάσεως οὐ μόνον ἴσα ἐστὶν τῷ πλήθει τοῖς τῆς δευτέρας ἀλλὰ καὶ ἰσοχρόνια, καὶ ἐξῆς ὁμοίως. καὶ οὐδὲν ἔσται διάφορον παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν τῶν νυχθημέρων· οὐ γὰρ πάντως τὰ ἰσάριθμα νυχθήμερα καὶ ἰσοχρόνιά ἐστιν, ὡς ἐξῆς διδάσκει, καὶ περὶ τοῦ τοιοῦτου κεφαλαίου διαλαμβάνων.

814 §Χρὴ γὰρ ἐν τοῖς ἀποκαταστατικοῖς χρόνοις μὴ μόνον ὡς ἔφαμεν ἰσάριθμον εἶναι τὸ πλῆθος τῶν νυχθημέρων κατὰ τὰς διαστάσεις, ἀλλὰ καὶ ἰσοχρόνιον· οὕτω γὰρ τὸ ἐκ τοῦ μερισμοῦ καταλαμβανόμενον ἡμερήσιον ὁμαλὸν κίνημα τὸ αὐτὸ ἔσται πάντοτε. εἰ γὰρ μὴ ἰσοχρόνιοι εἴεν αἱ διαστάσεις, οὐδὲ τὰ εἰρημένα ὁμαλὰ κινήματα τὰ αὐτὰ εἶναι συμβήσεται, ἐπεὶ αἱ τοιαῦται κινήσεις τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσιν πρὸς τοὺς χρόνους. Εἴτα πάλιν τῶν εἰρημένων ἀρχῶν τὸ εὐλόγον παρατιθέμενος, φησὶν· «οὔτε ἄλλας οἰκειὰς ἀρχὰς ἐπὶ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων» ἐστὶν λαβεῖν «ἢ μόνας τὰς κατὰ τὸ συμβεβηκὸς ἀφοριζόμενας ὑπὸ τῶν» εἰρημένων κύκλων. § Δῆλον δὲ καὶ ὅτι μαθηματικῶς τὴν ἐπιβολὴν ποιούμενος τοῖς οἰκείοις τῆς μαθηματικῆς κατεχρήσατο σχηματισμοῖς, καὶ τόπον καὶ χρόνον παρειληφώς· ταῦτα γὰρ τῆς μαθηματικῆς ἴδια, ὡς καὶ ἐν ἀρχῇ τῆς συντάξεως τὰ τῆς μαθηματικῆς ἴδια ἀφορίζων ἔλεγε· τὸ δὲ «τῆς κατὰ τὰ «εἶδη καὶ τὰς μεταβατικὰς κινήσεις ποιότητος ἐμφανιστικὸν εἶδος σχήματός τε καὶ ποσότητος καὶ πηλικότητος ἔτι τε καὶ τόπου καὶ χρόνου «καὶ τῶν ὁμοίων ζητητικὸν ὑπάρχον ὡς μαθηματικὸν ἂν τις ἀφορίσειεν.» «Ἐάν τε» φησὶν πάλιν «φυσικώτερόν τις ἐπισκοπῇ τὸ οἰκεῖον» τῆς εἰρημένης ἀποκαταστάσεως «οὔτε εὐλογωτέραν ἀποκαταστάσιν εὐρήσει «τοῦ ὁμοίου περὶ τὸν ἀέρα καταστήματος», τουτέστιν τοῦ ἀπὸ θερινῆς τροπῆς ἐπὶ τὴν ὁμοίαν θερινὴν ἢ ἀπὸ χειμερινῆς ἐπὶ χειμερινὴν ἢ ἀπὸ μετοπωρινῆς <ἐπὶ μετοπωρινὴν> ἢ ἀπὸ ἐαρινῆς ἐπὶ ἐαρινὴν ἢ καὶ ὅλως τῆς αὐτῆς ὥρας ἐπὶ τὴν αὐτὴν φερούσης τὸν ἥλιον. «οὔτε ἄλλας ἀρχὰς «ἢ καθ' ἃς αἱ ὥραι μάλιστα κρίνονται» τῶν καιρῶν εἰς ἄλλους μεταβαλλόντων. § δῆλον δὲ ὅτι καὶ ἐνταῦθα τοῖς οἰκείοις τῆς φυσικῆς κατεχρήσατο, τῷ ὁμοίῳ περὶ τὸν ἀέρα καταστήματι καταχρησάμενος. Εἴτα εἰπὼν τὰς αἰτίας δι' ἃς οἰκειότερόν ἐστιν ἀπὸ τῶν εἰρημένων σημείων ἐπιλογίζεσθαι τὸν ἐνιαύσιον χρόνον ἢ περ ἀπὸ τῶν ἀπλανῶν, φησὶν· «μετὰ τοῦ καὶ τὴν πρὸς τοὺς ἀπλανεῖς ἀστέρας θεωρουμένην ἀποκατάστασιν ἄτοπον φαίνεσθαι».

ΣΕἴτ' ἐξῆς πάλιν ἐρεῖ δι' ἃς αἰτίας χρή παραιτεῖσθαι καὶ τὸ πρὸς τοὺς ἀπλανεῖς ἀστέρας τὴν τοιαύτην ἐπίσκεψιν ποιεῖσθαι, καὶ φησιν πάλιν «καὶ δι' ἄλλα» μὲν ἄτοπα.

815 τουτέστιν ὅτι, εἰ καὶ ἀκίνητοι ἐτύγχανον ἐκ τῶν πρὸς τὸν ἥλιον αὐτῶν πρώτων ἢ ἐσχάτων φάσεων τὸ τοιοῦτον ἐπιλογιζόμενοι, διὰ τὸ μηδένα τῶν ἀστέρων μήτε συνοδεύοντα μήτε κατὰ τὴν διάμετρον τῷ ἡλίῳ στάσιν δύνασθαι φαίνεσθαι, διαφωνεῖν ἐμέλλομεν, τῶν εἰρημένων φάσεων μὴ μόνον τοὺς τόπους εὐθὺς ἀφανιζουσῶν, ἀλλὰ καὶ καθόλου κατὰ τοὺς χρόνους, διαμαρτηθῆναι δυναμένων καὶ τῆς διαφορᾶς ἔνεκεν τῶν ἀέρων καὶ τῆς ὄψεως τῶν παρατηρούντων, ὥς ἐκ τούτων καὶ τὸν ἐνιαυσιαῖον χρόνον διάφορον καταλαμβάνεσθαι. Ἔτι δὲ μάλιστα καὶ ὅτι οὐχ ἐστήκασιν ἀλλὰ κίνησιν ποιοῦνται· οὐδὲν γὰρ διέφερεν, εἴπερ ἅπαξ μὴ πρὸς ἐστῶτα τὴν ἀποκατάστασιν ἐποιοῦμεθα, πρὸς τοὺς πλανομένους ἀστέρας τὴν τοιαύτην ἐπίσκεψιν ποιεῖσθαι· πολλοὶ τε ἂν καὶ διάφοροι ἐγίνοντο οἱ ἐνιαύσιοι χρόνοι, διαφόρως τοῦ ἡλίου ἕκαστον ὧν εἴωθεν ἐπικαταλαμβάνειν ἐπικαταλαμβάνοντος, ἐπεὶ καὶ διαφοροὺς ποιοῦνται τὰς κινήσεις.

816 §Πεποίηται δὲ τὴν ὀνομασίαν ἐπὶ τοῦ τοῦ Κρόνου ἀστέρος εἰπὼν· «ἐν «ὄσω λόγου ἔνεκεν τὸν τοῦ Κρόνου ἀστέρα ... ὁ ἥλιος ἐπικαταλαμβάνει ...» ἐπεὶ βραχεῖα τις μᾶλλον ἐστὶν καὶ ἡ τούτου κινήσεις καθάπερ καὶ ἡ τῶν ἀπλανῶν. «Διὰ μὲν δὴ τοῦτο προσήκειν οἰόμεθα, τὸν εὐρισκόμενον διὰ τῶν τηρήσεων τῶν ὥς ἔνι μάλιστα ἀπὸ πλείονος διαστάσεως λαμβανομένων «ἀπὸ τινος τροπῆς ἢ ἰσημερίας ἐπὶ τὴν αὐτὴν καὶ ἐφεξῆς χρόνον, τοῦτον «ἡγεῖσθαι τὸν ἐνιαύσιον τοῦ ἡλίου.» Διὰ γοῦν τὰ εἰρημένα εὐλογα περὶ τοῦ δεῖν πρὸς τὰ τροπικὰ ἢ ἰσημερινὰ σημεῖα τὴν ἀποκατάστασιν ὀρίζεσθαι καὶ τὰ πρὸς τοὺς ἀπλανεῖς ἄτοπα, ἀκόλουθον ἡγεῖται τὸν εὐρισκόμενον διὰ τῶν ἐκ πλείονος διαστάσεων ἀκριβεστέρων τηρήσεων ἀπὸ τινος τροπῆς ἢ ἰσημερίας ἐπὶ τὴν αὐτὴν χρόνον, τοῦτον ἡγεῖσθαι τὸν ἐνιαύσιον τοῦ ἡλίου· τὸ δὲ χρήσιμον τοῦ τὰς διὰ μακροτέρου χρόνου τηρήσεις δεῖν λαμβάνεσθαι, ἐξῆς δηλώσομεν. §Καὶ ἐπεὶ εὐρίσκει θορυβούμενόν πως τὸν Ἰππαρχον τῷ καὶ τὰς περὶ τὰ τοιαῦτα σημεῖα ἀποκαταστάσεις διαφωνεῖν εἰς τὸν ἐνιαύσιον χρόνον καὶ μέχρις <δ> τῆς μιᾶς ἡμέρας, δείκνυσι τὴν τοσαύτην διαφωνίαν βραχεῖαν τυγχάνουσιν, καθὼς καὶ αὐτὸς ὁ Ἰππαρχος ἐννοῶν καταφαίνεται, καὶ ταύτην οὐ παρὰ τὴν αἰτίαν τῶν ἀπὸ τῶν τοιούτων σημείων λαμβάνεσθαι τὰς ἀποκαταστάσεις γινομένην, ἀλλὰ παρὰ τὰς τῶν ὀργάνων δι' ὧν ἐποιεῖτο τὰς τηρήσεις ἥτοι κατασκευὰς παρὰ τὸ μὴ ἀστραβῶς καὶ ἀκριβῶς αὐτὰ κατασκευάσθαι, ἢ παρὰ τὰς διαιρέσεις ἢ καὶ τὰς θέσεις αὐτῶν, ἢ παρὰ τοὺς ἐπιλογισμοὺς τῶν τηρήσεων τοὺς γινομένους περὶ τὴν συναγωγὴν τῶν μεταξὺ χρόνων, διὰ τὸ μὴ πάντως ἐν αὐτῇ τῇ μεσημβρίᾳ τὰς τε τροπὰς ἢ τὰς ἰσημερίας ἀποτελεῖσθαι ἐν αἷς μάλιστα τὸ διὰ τῶν κρίκων ἢ καὶ τῆς πλινθίδος ὄργανον τὸ ἀκριβὲς καταλαμβάνεται, καὶ δέον εἶναι ἐπιλογίζεσθαι κατ' ἐκεῖνο καιροῦ χρόνου ὃν τρόπον ἐν τοῖς ἐξῆς ἐπιδείκνυμεν.

817 Εἴτα ἐκθέμενος τὰς ἀκριβῶς τῷ Ἰππάρχῳ τετηρημένας μετοπωρινὰς καὶ ἑαρινὰς ἰσημερίας, φανερόν ποιεῖται ὅτι οὐ πλεῖον τετάρτου μέρους μιᾶς ἡμέρας εὐρίσκει τὴν διαφορὰν <ἐκ> τῆς ἀνισότητος τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου, καὶ ὅτι παρὰ τὰ ὅργανα καὶ αὐτὰς τὰς τηρήσεις δύναται γίνεσθαι ἡ τοσαύτη διαφωνία, ἐκ τοῦ τὴν αὐτὴν ἰσημερίαν διαφοροῖς ὀργάνοις <καταλαμβανομένην δ> μιᾶς ἡμέρας ἔγγιστα διαπεφωνηκέναι, τῷ τὸν μὲν Ἰππαρχον τῷ ἑαυτοῦ ὀργάνῳ τετηρηκέναι γινομένην τὴν ἰσημερίαν, πρῶτον δὲ «ἐν Ἀλεξανδρείᾳ κρίκον ἴσον ἐξ ἑκατέρου μέρους «παραύγασθαι περὶ ε' ὥραν». § καθόλου γὰρ ἐὰν κρίκος τὴν διάμετρον ἔχῃ μὴ ἐλάττωνα πηχῶν δύο, οὐκ ἐπισκοτηθήσεται αὐτοῦ πᾶσα ἡ κοίλη ἐπιφάνεια καθὼς καὶ τῷ Ἰππάρχῳ δοκεῖ καὶ ἡμῖν ἐκ παρατηρήσεως φανερόν γέγονεν, τῆς σκιᾶς εἰς ὅζῃ ληγούσης διὰ τὸ μεῖζον εἶναι τοῦ φωτιζομένου τὸ φωτίζον, ἀλλὰ καὶ <αὐτῇ> ἐξ ἑκατέρου μέρους φωτίζεται τὴν τοῦ ἰσημερινοῦ θέσιν ἔχων, ὅταν ἐπὶ τοῦ διὰ μέσων τῆς κυρτῆς ἐπιφανείας αὐτοῦ γραφομένου κύκλου ὁ ἥλιος τυγχάνῃ.

- 819 ὅτι δὲ παρὰ τὰ ὄργανα δύναται ἡ τοσαύτη διαφωνία γίνεσθαι πιστοῦται ἐκ τοῦ τῆς λοξώσεως κανονίου· ὥστε διὰ τῶν τρισχιλιοστῶ ἑξακοσιοστῶ μέρει τοῦ διὰ τῶν πόλων κατὰ τὴν διαίρεσιν <ἦ> καὶ τὴν θέσιν διαμαρ <τάνωμεν> , ἔστιν πλάτους ἥτοι λοξώ <σεως τὸ τοσ> οὔτον διάφορον, <ὅσον> ὁ ἥλιος <ἀπέχει ἀπ> αὐτοῦ τοῦ ἰσημερινοῦ, <τέταρτον> μιᾶς ἡμέρας κινήσεις, δι <τὸ ἐν τῷ τῆς> λοξώσεως κανονίῳ, τοῖς <ἐξηκοστοῖς ζ> τοῦ μεσημβρινοῦ ἔξηκο <στὰ ἰε παράκεισθαι> ἢ κατὰ τὸ πρῶτον τοῦ <διὰ μέσων σελίδιον, τῇ α> μοίρᾳ τοῦ ζωδιακοῦ, <παράκεισθαι ἑξηκοστὰ κδ ἐν τῷ> τοῦ μεσημβρινοῦ <σελιδίῳ, ἅ ἀναγ> καίον κινεῖσθαι ἐν τετάρτῳ <τῆς μιᾶς ἡ> μέρας ἔγγιστα, τουτέστιν ἐν ἰ <σημερινᾷ> ὥραις ζ.
- 820 Οἷον μεσημβρινοῦ <γεγραμμένου> τοῦ ΑΒΓ, καὶ ἰσημ <ερινού> τοῦ <ΑΖΓ, καὶ ζωδι> ακοῦ τοῦ ΔΕΖ· <καὶ κατὰ τὸ καν> ὄνι <ον ἀπὸ τοῦ> μεσημβρινοῦ <αἶρ> ημένης τῆς ΑΕ ἑξηκοστῶν ζ, δηλὸν ὅτι ἐὰν <ἐπὶ τ> οὗ μεσημβρινοῦ ἀντὶ τοῦ Ε τὸ Α παραλαμβάνωμεν, διὰ τὸ τὸ Ζ κατὰ τοῦ ἰσημερινοῦ φερόμενον κατὰ τὸ Α παραγίνεσθαι, καὶ ἐπὶ τοῦ διὰ μέσων ἀντὶ τοῦ Ζ τὸ Ε παραληψόμεθα, καὶ διαφωνήσομεν ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ τὴν ΕΖ περιφέρειαν ἑξηκοστῶν ἰε, διὰ τὸ τὴν ΑΕ λοξώσεως οὔσαν ἑξηκοστῶν ζ καταλαμβάνεσθαι, καὶ παράκεισθαι αὐτοῖς τῆς ΕΖ τοῦ ζωδιακοῦ ἑξηκοστὰ ἰε.
- 821 καὶ περὶ μὲν τὰ ἰσημερινὰ τῷ τρισχιλιοστῷ ἑξακοσιοστῷ μέρει τοῦ μεσημβρινοῦ διαμαρτάνοντες τουτέστιν τοῖς <α' ἑξηκοστοῖς ζ, τετάρτῳ> μέρει μιᾶς ἡμέρας τὴν διαφωνίαν εὐρήσομεν.> Ἐὰν δὲ πρὸς τοῖς τροπικοῖς τηροῦντες τοσοῦτον διαμάρτωμεν, εἰ δὲ ὅλων ἔγγιστα ἡμερῶν τὴν διαφωνίαν εὐρήσομεν, διὰ τὸ τοῖς ζ ἑξηκοστοῖς τοῦ μεσημβρινοῦ ἐπιβάλλειν πρὸς τοῖς τροπικοῖς ἐν τῷ αὐτῷ τῆς λοξώσεως κανονίῳ τοῦ ζωδιακοῦ μοῖραι ε ἔγγιστα, ἐπειδὴ περ ταῖς μὲν ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ μοίραις πε τοῦ ζωδιακοῦ παρά <κείνται τοῦ με> σημβρινοῦ μοῖραι κγ με, ταῖς <δὲ μοίραις ρ, κγ να> , ζ ἑξηκοστοῖς πρώτοις τοῦ μεσημβρινοῦ π <ἀράκείνται τοῦ> ζωδιακοῦ μοῖραιε, <καὶ ἔσται πενθ> ἡμερον ἔγγιστα διορθ <οὔμενον τὸ εὐρη> μένον ἀμάρτημα. ὥστε <τέταρτον τῆς> μιᾶς ἡμέρας περὶ τὰς <τροπικὰς διαφέρον> τες ὅ τε Ἰππαρχος καὶ ὁ Ἀρ <χιμήδης, τρισκαίτεσσαρακοντα> κισμυρίῳ καὶ δισχιλίῳ <στῷ τοῦ κύκλου κατὰ> τὴν διαίρεσιν ἢ τὴν θέσιν <τῶν ὀργάνων> ἢ καὶ τοὺς ἐπιλογισμοὺς <διημάρτανον,> ὅπερ <οὐ> παράδοξόν ἐστιν <τηλικοῦτον ὃν τῇ> αἰσθ <ῆσει> διαπίπτειν.
- 822 ὥστε <τὸ τοιοῦ> τον <ἀμάρ> τημα περὶ τὰς τηρήσεις <...> ται <μᾶλλον> ἐν ταῖς τροπαῖς αἰσθητὴν ποιεῖται τὴν ἀνισότητα τοῦ χρόνου ἥπερ ἐν ταῖς ἰσημερίαις. διὸ καὶ φησι· καίτοι δυνατοῦ ὄντος «μὴ μόνον περὶ τὰς τροπικὰς τηρήσεις ἀλλὰ καὶ περὶ τὰς ἰσημερινὰς γίνεσθαι τι ... διαμάρτημα» (δηλαδή ὡς μᾶλλον περὶ τὰς τροπὰς τοῦ τοιοῦτου γινομένου), δυνατοῦ δὲ ὄντος καὶ μέχρις τρισχιλιοστοῦ ἑξακοσιοστοῦ μέρους περὶ τὰς τηρήσεις διαμαρτηθῆναι, ἀκόλουθον ἂν εἴη καὶ τὰς περὶ τὰς ἰσημερινὰς τηρήσεις τὴν τοῦ τετάρτου μέρους τῆς ἡμέρας ποιεῖσθαι διαφωνίαν παρὰ τὰς τῶν ὀργάνων ἢ τῶν ἐπιλογισμῶν ἀμαρτίας. γίνεται δὲ καὶ περὶ τὰς θέσεις αὐτῶν διαμάρτημα τῷ μὴ κατὰ τὴν οἰκείαν θέσιν τοῦ φύσει μεσημβρινοῦ αὐτὰς τηρίζεσθαι, ἀλλὰ καὶ κατὰ διαφόρους τρόπους παρεγκλίνεσθαι ἥτοι μὴ ὑγιῶς λαμβανομένης τῆς μεσημβρινῆς εὐθείας ἢ καὶ αὐτοῦ τοῦ μ <εσημβρινοῦ> κρίκου μὴ τὴν πρὸς ὀρθὰς <τῷ ὀρίζοντι> θέσιν λαμβάνον <τοσ> . ὁμοίως δὲ πάλιν καὶ ἐὰν διὰ τῶν ἐν τῷ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπιπέδῳ κρίκων <... τὰς τηρήσεις> τῶν ἰσημερινῶν ποιῶμεθα δι <ἀμάρτημα γίνε> ται παρὰ τὰς οἰκείας αὐτῶν θέσεις, ἔτι δέ, φησὶν, καὶ πλεῖον ἂν διαμαρτήσαιμεν περὶ τὰς τηρήσεις εἰ μὴ παρ' αὐτὰς τὰς εἰρημένους θέσεις τῶν ὀργάνων ἀκριβοῦμεν. Ἔστιν δὲ καὶ ἡ εἰρημένη κατὰ Κάλλιπον περίοδος ἐτῶν ος, ἀρχὴν δὲ εἵληφεν ἡ τοιαύτη ἀπαρίθμησις πρὸς ζ ἐτῶν τῆς Ἀλεξάνδρου τελευτῆς.

- 823 ὅτι μὲν οὖν ἡ περίοδος κατ' αὐτὸν ἐτῶν ἐστὶν ὡς καὶ Εὐδήμος ὁ Ῥόδιος μέμνηται ἐν τοῖς περὶ γεωμετρίας αὐτῷ ἱστορουμένοις συντάγμασιν· ὅσοι οὖν αὐτῷ ὁ χρόνος εἴλημπται, ἐπεὶ ἐν τῷ τοσούτῳ ὅλας ἀποκαταστάσεις συνόδων καταλαμβάνεται, ὡς ἐν τοῖς ἐξῆς φανερόν ποιήσομεν. δῆλον δὲ γίνεται τὸ καὶ ἀπὸ τοῦ εἰρημένου χρόνου τὴν ἀρχὴν εἰληφέναι τὰς περιόδους ἐκ τῶν ἐξῆς αὐτῷ παρατιθεμένων· φησὶν γὰρ τὸ λβ' ἔτος τῆς τρίτης κατὰ Κάλλιππον περιόδου ροη' εἶναι ἀπὸ τῆς Ἀλεξάνδρου τελευτῆς· καὶ συνάγονται ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τῆς πρώτης περιόδου ἔτη ρπδ' διὸ δῆλον γίνεσθαι πρὸς ἐτῶν τῆς Ἀλεξάνδρου τελευτῆς ἅ' ἄρχειν κατὰ Κάλλιππον τὴν ἀποκατάστασιν. ὁ καὶ ἐπεὶ παρέθετο ὁ Ἱππαρχος μετοπωρινὴν ἰσημερίαν γεγενημένην τῷ μεσονυκτίῳ, δείξομεν ὅν τρόπον ἐστὶν τὸν τοιοῦτον χρόνον ἐπιλογίσασθαι καὶ καθόλου ἐὰν μὴ κατ' αὐτὴν τὴν ὑπὲρ γῆς μεσημβρίαν γίνηται ἡ ἰσημερία κατ' ἐκείνην τὴν οἴκησιν ἔνθ' ἐν τῇ τήρησιν ποιούμεθα.
- 824 Γεγενήσθω δὲ ἡμῖν ἡ τήρησις ὑποδείγματος ἕνεκεν διὰ τῶν κρίκων τῶν <ἐν τῷ α' βιβλίῳ> ἐκτεθειμένων· ἐπεὶ οὖν ἐπὶ τῆς μετοπωρινῆς ἰσημερίας γίνεται ὁ ἥλιος, <ἀπὸ> τῶν βορειοτέρων τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τὰ νοτιώτερα παροδεύων, δῆλον ὅτι μηδέπω γεγενημένης τῆς τοιαύτης ἰσημερίας ὁ ἥλιος ἔτι βορειότερος τοῦ ἰσημερινοῦ τυγχάνει, γεγενημένης δὲ αὐτῆς νοτιώτερος καταλαμβάνεται· τηροῦντες οὖν τὸν ἥλιον λόγου ἕνεκεν διὰ τῶν κρίκων ἀπὸ τῶν βορειοτέρων τοῦ ἰσημερινοῦ μέλλοντα ποιεῖσθαι τὴν ἰσημερίαν, καὶ λαβόντες ἐκ τῆς κατὰ τὸν μείζονα διαιρέσεως πόσον τοῦ ἰσημερινοῦ ἀφέστηκεν ὡς ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ, εἴτα τῇ ἐξῆς ποιησάμενον [καὶ] τὴν ἰσημερίαν καὶ νοτιώτερον γεγενημένον, λαμβάνομεν ὁμοίως καὶ κατ' αὐτὴν τὴν μεσημβρίαν ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ τὴν διάστασιν τῆς ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τὰ νότια αὐτοῦ παραχωρήσεως καὶ ταύτην εἰσάγοντες κατὰ τὸ β' σελίδιον τοῦ τῆς λοξώσεως κανονίου τὸ ἐπιβάλλον αὐτῇ τοῦ ζωδιακοῦ κατὰ τὸ <α'> σελίδιον μέρος τῆς μιᾶς μοίρας <εὐρηκότες ἐσόμεθα, ὅσον κατὰ> μῆκος ὁ ἥλιος κεκίνηται ἀπὸ τοῦ μετοπωρινοῦ, ἅφ' οὗ χρόνου γέγονεν ἡ ἰσημερία.
- 825 καὶ ταύτην μερίσαντες παρὰ τὸ ὠριαῖον ὁμαλὸν τοῦ ἡλίου κίνημα εὐρήσομεν πρὸ πόσων ὥρων γέγονεν ἡ ἰσημερία. ἂς ἀφελόντες ἀπὸ τῆς κατὰ τὴν μεσημβρίαν ὥρας ζ, ἔξομεν τὴν ἐπιζητουμένην ὥραν καθ' ἣν γεγένηται ἡ ἰσημερία, λαμβανομένου δηλονότι τοῦ ὁμαλοῦ ὠριαίου κινήματος, ὡς τοῦ ἐνιαυσιαίου χρόνου ἡμερῶν τξε δ' τυγχάνοντος, καὶ ὡς τοῦ ἀπὸ τῆς ἰσημερίας ἐπὶ τὴν μεσημβρίαν χρόνου μηδὲν ποιούντος διάφορον μήτε παρὰ τοῦτο τὸ καταλαμβανόμενον λείπον εἰς τὴν τοῦ δ' ἐπουσίαν, μήτε παρὰ τὴν τοῦ ἡλίου ἀνωμαλίαν· ὅθεν καὶ χρὴ πρὸς τὴν ἐγγυτέραν τοῦ ἰσημερινοῦ σημείου μεσημβρίαν τὴν σύγκρισιν τοῦ ἐπιλογισμοῦ ποιεῖσθαι οἷον ἐὰν μηδέπω γεγενημένης τῆς ἰσημερίας πλησιαίτερον ἢ τὸ κατὰ τὸν ἥλιον ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ σημείου τοῦ ἰσημερινοῦ, χρὴ ἐπιλογίζεσθαι ἀκολουθῶς τοῖς εἰρημένοις μετὰ πόσον χρόνον γεννηθήσεται ἡ ἰσημερία· οὕτω γὰρ ἂν τοῦ μεταξὺ χρόνου ἐλάττονος τυγχάνοντος ἀνεπαισθητοτέρα ἔτι ἔσται ἡ παρὰ τε τὴν ἀνωμαλίαν καὶ τὸ τ' τῆς ἡμέρας γινομένη διαφορά. «Ἀλλὰ γὰρ τῶν μὲν τοιούτων οὐδὲν οὐδ' αὐτὸς ὁ Ἱππαρχος οἶεται «τυγχάνειν ἀξιόπιστον πρὸς τὴν ὑποψίαν τῆς ἀνισότητος τῶν ἐνιαυσίων χρόνων, ἀπὸ δὲ τῶν τῆς σελήνης ἐκλείψεων ...» καὶ τὰ ἐξῆς. Ἀλλ' ἐκ τῶν μὲν τοιούτων πρὸς τὰ ἰσημερινὰ παρατηρήσεων οὐδὲν οὐδὲ αὐτὸς ὁ Ἱππαρχος οἶεται γίνεσθαι ἀξιόλογον διαφορὰν παρὰ τὴν ἀνισότητα τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου. «ἀπὸ δὲ τῶν τῆς σελήνης ἐκλείψεων «ἐπιλογιζόμενος εὐρίσκειν οἶεται ὅτι ἡ ἀνωμαλία τῶν ἐνιαυσίων χρόνων «πρὸς τὸ μέτρον θεωρουμένη οὐ μείζονα ποιεῖται διαφορὰν ἡμίσεος καὶ «τετάρτου μέρους μιᾶς ἡμέρας», ὅπερ ἂν ἦν διορθώσεώς τινος ἄξιον, εἴπερ αὐτὸς εἶχε καὶ μὴ ἐξ αὐτῶν ὧν παρατίθεται διεψευσμένος καταφαίνεται.

τὸ μὲν οὖν <διάστημα κατὰ> μείζονας καὶ ἐλάττωνας ἐστίν· ὥστε καὶ χρόνος <γίνεται μείζων> καὶ ἐλάττων <καὶ εὔρισκε διὰ τῶν> ἐκλείψεων τοὺς ἐνιαυσίους χρόνους διαφόρους καὶ τινα <μὲν μέγιστόν, τινα> δὲ ἐλάχιστον. τοῦ <των οὖν τὴν ὑπεροχὴν> λαμβάνων, οὐ πλείονος εὔρισκ <ε> τὴν διαφορὰν ὥρων ἰσημερινῶν ιη, τουτέστιν ἐνὸς νυχθημέρου ζ' καὶ δ'. φαίνεται οὖν διὰ τοῦ <το> κενὸς καὶ κατ' αὐτὸ τοῦτο <ἐσφαλμένος, ὅτι> τοσαύτη ἡ διαφωνία ἐν πλείοσιν ἂν ἔτεσιν αἰσθητὴ σφόδρα ἐγίγνετο. Διασφαλεῖς οὖν ἐν ἄλλοις περὶ τὰς τηρήσεις, ἦλθεν εὐθέως ἐπὶ τὸ μέμφεσθαι τοῖς ἐνιαυτοῖς τουτέστιν τῇ τοῦ ἡλίου ἀποκαταστάσει ὡς μὴ ἰσοχρονίως ἀποτελουμένη. ἐτήρησεν γὰρ Στάχυν ἐν ᾧ ἐπάνω ἐξέθετο τῷ λβ' ἔτει τῆς γ' κατὰ Κάλλιπον περιόδου προηγούμενον, τουτέστιν ἐπὶ τὰ πρὸς δυσμὰς μέρη, τοῦ μετοπωρινοῦ σημείου μοίρας ζ' ζ' μετὰ δὲ ια ἔτη <ἀπὸ> τῆς αὐτῆς περιόδου προηγούμενον πάλιν μοίρας ε' δ. καὶ ἐπεὶ ἀδύνατον ἦν ἐν ια ἔτεσι τοσοῦτον τὸν Στάχυν μετακεκινήσθαι, τῇ τοῦ ἡλίου ἀποκαταστάσει τὸ αἷτιον περίη <ψε>. §Πεποίηται δὲ τοὺς ἐπιλογισμοὺς τῶν τηρήσεων ὡς ἐν ὑποδείγματι <τ> ὃν τρόπον τοῦτον· ἔστω γὰρ ζωδιακὸς κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, καὶ ἐπόμενα μὲν ὡς ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β καὶ τὸ Γ, προηγούμενα δὲ τὰ ἀνάπαλιν, καὶ ἐπ' αὐτοῦ ἑαρινὸν μὲν ἰσημερινὸν τὸ Α, μετοπωρινὸν δὲ τὸ Γ, ἐκλείπουσα δὲ ἡ σελήνη περὶ τὸ μετοπωρινὸν κατὰ τὸ Ε.

828 ὁ δὲ ἥλιος ἐν τῷ μέσῳ χρόνῳ τῆς ἐκλείψεως κατὰ διάμετρον αὐτῇ τυγχάνων ἔσται κατὰ τὸ Ζ, ἔγγιον δηλονότι τοῦ ἑαρινοῦ. ἀστήρ δέ τις τῶν ἀπλανῶν ἐγγὺς ἔστω τῆς σελήνης, ὁ δὲ τοῦ Στάχους ἀστήρ προηγούμενος τοῦ Γ μετοπωρινοῦ ἔστω Θ. ἐπεὶ οὖν τὸν ἥλιον εὗρεν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου ἐπὶ τὸ αὐτὸ ὁμαλῶς ἀποκαθιστάμενον ἐν ἡμέραις τξε δ' ἔγγιστα, τηρήσας αὐτὸν ἐπὶ τὸ ἑαρινὸν παραγενόμενον καὶ ἐπιλογισάμενος ἐκ τοῦ ἀπὸ τῆς ἐκλείψεως ἐπὶ τὸ ἑαρινὸν χρόνου, καταλαμβανομένης αὐτοῦ ὁμαλῆς παρόδου, πόσον ἀπὸ τοῦ μέσου τῆς ἐκλείψεως χρόνου ἐπὶ τὴν κατὰ τὸ Α ἰσημερίαν κεκίνηται, εὐρίσκει τὴν κατὰ τὸ Ζ τοῦ ἡλίου ἐποχὴν, δηλαδή καὶ τὴν κατὰ τὸ Ε τῆς σελήνης, κατὰ διάμετρον τυγχάνουσαι, καὶ ἔτι τὴν ΕΓ. εἴτα ἐπιλογισάμενος πόσον ἡ σελήνη <ἀπέχει> τοῦ Η, ἐκ τοῦ ἀπὸ τῆς ἐμπώσεως χρόνου, ἐπεὶ κατὰ τὴν ἀρχὴν τῆς ἐμπώσεως κατὰ τοῦ ἀστέρας ἐθεωρεῖτο, καθὼς καὶ ὁ Ἰππαρχος ἐν τῷ περὶ τῆς μεταπτώσεως τῶν τροπικῶν· καὶ ἔχων δι' ὀργανικῆς τηρήσεως πόσον ὁ Η ἀστήρ ἀπέχει τοῦ Θ <ἀστέ> ρος τοῦ Στάχους, συνάγει καὶ ὅλην τὴν ἀπὸ τοῦ Θ ἀστέρος ἐπὶ τὸ Γ μετοπωρινὸν σημείον.

830 Εὐρὼν οὖν ταύτην τὴν διάστασιν ποτὲ μὲν μοίρας ε' δ' ποτὲ δὲ ζ' ζ' προηγούμενον τοῦ μετοπωρινοῦ σημείου, καὶ ἀδυνάτου ὄντος τὸν Στάχυν μοῖραν α' καὶ δ' ἐν ἑνδεκα ἔτεσιν μετακεκινήσθαι, διὰ τὸ κατὰ ρ ἔτη δείκνυσθαι τοὺς ἀπλανεῖς μοῖραν α' μετακινουμένους, εὐθέως ἦλθεν εἰς τὸ τὴν ἀμαρτίαν τοῖς ἐνιαυσίοις χρόνοις περὶ <ἀπτειν, πλειόνων δὲ ὄν> των τῶν δυναμένων ταύτην ἐμποιῆσαι, τῷ ἥτοι τὴν διάστασιν τῆς σελήνης πρὸς τὸν Η ἀστέρα ὀλοσχερέστερον καταστοχάσασθαι, ἢ τὴν τοῦ Η ἀστέρος πρὸς τὸν Θ τοῦ Στάχους, ἢ τὴν τῆς παραλλάξεως τῆς σελήνης πρὸς τὸν Η ἀστέρα, ἢ τὴν τοῦ ἡλίου κατὰ μέρος ἀνωμαλίαν κίνησιν τὴν ἀπὸ τοῦ Ζ ἐπὶ τὸ Α. Λέληθε δὲ αὐτὸν αὐτὸ τοῦτο, εἰδότα ὅτι οὐ δυνατόν ἦν τοὺς ἐπιλογισμοὺς τῶν διαστάσεων τοῦ Στάχους, πρὸς τὸν μετοπωρινὸν ποιήσασθαι οὐδ' ἂν ἦν τὴν τῆς σελήνης κατὰ τὴν ἔκλειψιν ἀκριβῆ ἐποχὴν εὐρεῖν ἄνευ τοῦ τὴν τοῦ ἡλίου προλαβεῖν, ἐπεὶ καὶ ἐκ ταύτης καταλαμβάνονται· ἐκ γὰρ τοῦ ἔχειν κατὰ τὸν μέσον χρόνον τῆς ἐκλείψεως τὴν τοῦ ἡλίου ἐποχὴν κατελαμβάνετο τὴν τῆς σελήνης κατὰ διάμετρον πάντως τυγχάνουσαν· ἐκ δὲ ταύτης, τὴν τοῦ Θ καὶ ὅλην τὴν ἀπὸ τοῦ Θ ἐπὶ τὸ Γ, τουτέστιν τὴν ἀπὸ τοῦ Στάχους ἐπὶ τὸ μετοπωρινόν.

831 ὥστε ἐκ τοῦ ἔχειν τὴν τοῦ ἡλίου ἐποχὴν τὴν τε τῆς σελήνης κατελαμβάνετο καὶ ἐκ τῶν εἰρημένων ἐπιλογισμῶν τὴν τοῦ Στάχους πρὸς τὸ μετοπωρινὸν σημείον διάστασιν. Αὐτὸς οὖν

εἰς τοῦτο, λέγω δὴ εἰς τὸ εὐρίσκειν ἀκριβέστερον μᾶλλον τὴν τοῦ ἡλίου ἐποχὴν καὶ ποιεῖσθαι τοὺς εἰρημένους ἐπιλογισμοὺς πρὸς τὴν κατάλημψιν τῆς ἀπὸ τοῦ μετοπωρινοῦ διαστάσεως τοῦ Στάχυος, παραλαμβάνων τὰς τηρήσεις τὰς καταλημφθείσας αὐτῷ ἀποκαταστατικοὺς ἐχούσας τοὺς χρόνους, τουτέστιν ἐν αἷς ἢ τοῦ δ' τῆς ἡμέρας ἐπουσία [ἀ]σύμφωνος καταλαμβάνεται τῷ μεταξὺ τῶν τηρήσεων χρόνῳ, ἵνα ἐκ τούτου, προχείρως εὐρίσκων ἐκ τοῦ ἡμερησίου ὁμαλοῦ κινήματος καὶ τὸ ὠριαῖον, ἐπιλογίζεται <ἐν πόσῳ> χρόνῳ τὴν ΖΑ περιφέρειαν ὁ ἥλιος κινηθήσεται καὶ ὅσων τυγχάνει τμημάτων, ὡς τοῦ ἡλίου ἐν τξε δ' ἡμέραις ὡς ἔφαμεν πρὸς τῷ Α ἰσημερινὸν σημεῖον ἀποκαθισταμένου, καὶ ἐκ τῆς κατὰ τὸ Ζ τοῦ ἡλίου ἐποχῆς καὶ ἔτι τῶν λοιπῶν καταλαμβάνεται τὰς διαστάσεις τοῦ Στάχυος πρὸς τὸν μετοπωρινόν, ἐκ τῶν τοιούτων οὖν παρατηρήσεων τῷ εἰρημένῳ ἀτόπῳ περιπεσόν, μέμφεται τοῖς ἀποκαταστατικοῖς τοῦ ἡλίου χρόνοις, τοῖς ὑπ' αὐτοῦ ὁμολογηθεῖσι συμφώνως κατελημμένοις τῇ τοῦ δ' ἐπουσίᾳ· οὕτω γὰρ οἱ χρόνοι τῶν τηρήσεων καὐτῷ παρελαμβάνοντο οἷ τε τοῦ λβ' καὶ μγ' ἔτους τῆς τρίτης κατὰ Κάλλιππον περιόδου, οἵτινες αὐτῷ ἐπάνω κατελαμβάνοντο τὰς ἀποκαταστάσεις ποιούμενοι συμφώνως τῇ τοῦ δ' ἐπουσίᾳ τῶν εἰρημένων ἡμῖν μᾶλλον δυναμένων τὴν ἀμαρτίαν ἐμποιῆσαι. «Ἄλλ' οἶμαι καὶ τὸν Ἰππαρχον συνεγνωκέναι μὲν καὶ αὐτὸν ὅτι «μηδὲν ἐν τοῖς τοιούτοις ἔνεστιν ἀξιόπιστον ...» καὶ τὰ ἐξῆς. Ἄλλ' ὑπολαμβάνει καὶ τὸν Ἰππαρχον συνεωρακέναι μὴ τοσαῦτον ἀξιόπιστους ἡγεῖσθαι τὰς τοιαύτας διὰ τῶν ἐκλείψεων καταλήμψεις, ὡς δι' αὐτὰς ἀνισότητος καταγνῶναι τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου, ἐκ τοῦ μηδὲ δευτέραν διόρθωσιν τῆς τοιαύτης ἀνισότητος ἐπιλελογίσθαι, καίπερ πρώτην ἐπελογίσαστο τῆς φαινομένης ἀκριβοῦς παρόδου παρὰ τὴν ὁμαλήν, βεβούλησθαι <δ' αὐτὸν> παραθῆναι τὰς τοιαύτας τηρήσεις, ἵν' εἰ καὶ τισιν ὑποψία τις γένηται ἐξ αὐτῶν τῆς ἀνισότητος τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου, μὴ ἀξιόπιστους ἡγῶνται τὰς τοιαύτας καταλήμψεις.

832 «Κέχρηται γοῦν καὶ αὐτὸς» ὁ Ἰππαρχος «ταῖς ὑποθέσεσιν ἡλίου καὶ «σελήνης» καθάπερ καὶ ὁ Πτολεμαῖος «ὡς μιᾶς καὶ τῆς αὐτῆς ὑπαρχούσης περὶ τὸν ἥλιον ἀνωμαλίας.» ἡ γὰρ καὶ τῆς σελήνης ὁ Πτολεμαῖος [ὡς] δευτέραν ἀνωμαλίαν ὑποτίθεται· ὁ δ' οὕτως καὶ ταύτης τὰς ὑποθέσεις παραλαμβάνει ὡς τοῦ ἡλίου μίαν ποιοῦντος ἀνωμαλίαν, ἥτις κατὰ μέρος ἀνώματος κινήσεις ἐστὶν ὁμαλὴ κατὰ τὸν πρὸς τὰ ἰσημερινὰ καὶ τὰ τροπικὰ σημεῖα καταλαμβανόμενον ἐνιαυσίον χρόνον, καθάπερ ἐπὶ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τῶν κατὰ μέρος ἀναφορῶν ἄνισοί εἰσιν αἱ περιφέρειαι αὐτῶν ὅλος δὲ ὁ κύκλος ὅλῳ συναναφέρεται, οὕτω καὶ ἐπὶ τῶν ὁμαλῶν καὶ τῶν φαινομένων ἀνωμάτων παρόδῳ αἱ μὲν κατὰ μέρος ὁμαλαὶ πάροδοι ἄνισοί εἰσιν ταῖς φαινομέναις ἐπὶ δὲ ὅλου τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου ἴση ἐστὶν ἡ ὁμαλὴ πάροδος τῇ φαινομένῃ· ἑκατέρα γὰρ αὐτῶν τὰς τοῦ ὅλου κύκλου περιέχει μοῖρας τξ. «καὶ οὐδ' ἀμῆ διὰ τὸ ἰσοχρονίους ὑποτίθεσθαι τὰς τοῦ ἡλίου περιόδους» τοῖς διὰ τῶν τοιούτων ὑποθέσεων ἐφοδευομένοις ἀκολουθοῦντες «τὰ περὶ «τὰς ἐκλείψεις θεωρούμενα ἀξιολόγῳ τινὶ διαφωνοῦντα» καταλαμβάνεται, «ὅπερ ἂν αἰσθητὸν πάνυ συνέβαινε» συνεπιλογιζομένων ἡμῶν τὸ παρὰ τὴν ἀνισότητα τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου διάφορον «εἰ καὶ μιᾶς μόνης «μοῖρας ἐτύχανεν δύο δὲ ὥρῶν ἔγγιστα ἰσημερινῶν,» § διὰ τὸ τὴν σελήνην ἐν δυσὶν ἔγγιστα ὥραις μίαν μοῖραν κινεῖσθαι, ὡς ἐκ τῶν περὶ τὰς κινήσεις αὐτῆς λεχθησομένων ἔσται δῆλον.

833 § Ἵνα δὲ φανερόν γένηται τὸ λεγόμενον, ἔστω ἀντὶ τοῦ διὰ μέσων ὁ ΑΒΓΔ κύκλος καὶ κατὰ διάμετρον τὸ μὲν Α τοῦ Γ, τὸ δὲ Β τοῦ Δ. εἰ οὖν μὴ ἐν ἴσῳ χρόνῳ ὁ ἥλιος ἀπὸ τοῦ Α σημείου ἐπὶ τὸ Α παραγίνεται, ἥξει ποτὲ ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῳ ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Δ, ὥστε ἡμῶν παραλαμβανόντων αὐτὸν ἐν ἴσῳ χρόνῳ ἀποκαθιστάμενον, ὄντος αὐτοῦ κατὰ τὸ Δ παραλαμβανόμενον αὐτὸν κατὰ τοῦ Α τυγχάνειν, καὶ τῆς ἐκλείψεως ἀποτελουμένης ὅταν ἡ σελήνη κατὰ τὸ Β ᾖ, ἡμεῖς αὐτὴν φήσομεν γίνεσθαι ὅταν ᾖ κατὰ τὸ Γ· τῆς ΔΑ οὖν τουτέστιν

τῆς ΒΓ γιγνομένης μοίρας α διαμαρτήσομεν περὶ τὴν ἀπόφασιν τοῦ χρόνου ὥρας β, διὰ τό, ὡς ἔφαμεν, δείκνυσθαι τὴν σελήνην ἐν δυσὶν ὥραις ἔγγιστα τὴν α μοῖραν κινουμένην. Ὡς τῶν τοιούτων οὖν τοῦ Ἰπάρχου τηρήσεων καὶ ἐκ πλείονων ὕφ' αὐτοῦ γεγενημένων ποιούμενος ὁ Πτολεμαῖος τὴν ἐξέτασιν τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου, καταλαμβάνεται ὅτι «ἐὰν πρὸς ἐν καὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον τοῦ ζῷ«διακοῦ, καὶ μὴ ποτὲ μὲν πρὸς τὸ τροπικὸν ἢ ἰσημερινὸν σημεῖον ποτὲ «δὲ πρὸς τοὺς ἀπλανεῖς ἀστέρας» ποιῇται τὰς τῶν ἀποκαταστάσεων τηρήσεις, οὔτε ἄνισον εὐρίσκεται τὸ ἐνιαύσιον μέγεθος «οὔτε ἄλλην οἰ«κειοτέραν» ἀρὴν ἀποκαταστάσεως τῶν τροπικῶν ἢ ἰσημερινῶν σημείων ἐστὶν λαβεῖν ἢ ὅλως τῶν ἀπὸ τίνος τοῦ διὰ μέσων σημείου «ἐπὶ «τὸ αὐτὸ πάλιν φερεύσης τὸν ἥλιον.

834 ὅλως τε ἡγούμεθα προσήκειν δι' «ἀπλουστέρων ὡς ἐνὶ μάλιστα ὑποθέσεων τὰ φαινόμενα δεικνύειν ἐφ' «ὅσον ἂν μὴδὲν ἀξιόλογον ἐκ τῶν τηρήσεων ἀντιπίπτει τῇ τοιαύτῃ προ«θέσει φαίνοιτο.» Ἀποδείξας τὴν τοῦ ἡλίου ἀποκατάστασιν ἰσοχρόνιον πάντοτε ἀποτελουμένην, ἐξῆς ἐρεῖ ὃν τρόπον πρόσκειται αὐτῷ τὴν πραγματείαν τῆς προκειμένης ἀστρονομικῆς συντάξεως διεξελεῖν, καὶ φησιν· «καθόλου «ἡγούμεθα προσήκειν δι' ἀπλουστέρων ὅσῳ δυνατόν ὑποθέσεων τὰ φαι«νόμενα δεικνύειν, ἐφ' ὅσον ἂν μὴδὲν ἀξιόλογον» παρ' αὐτὰ διαμαρτάνοιμεν ταῖς προχειροτέραις ὑποθέσεσιν ἢ καὶ ἀποδείξεσιν προσχρῶμενοι· φιλοσύντομος δὲ ὢν ὁ ἀνὴρ, προσχρῆται καὶ ταῖς παχυμερεστέραις, ὅταν προχειρότεραι οὔσαι τῶν ἀκριβῶν μὴδενὶ αἰσθητῷ αὐτῶν περὶ τοὺς ἐπιλογισμοὺς τῶν κινήσεων διαφέρωσιν. § «Ὅτι μὲν τοίνυν ὁ πρὸς τροπὰς «καὶ τὰς ἰσημερίας θεωρούμενος ἀποκαταστατικὸς τοῦ ἡλίου χρόνος «ἐλάττων ἐστὶν ἡμερῶν τξε δ' ὁ δὴλον ἡμῖν γέγονεν ἐξ ὧν καὶ δι' ὧν ὁ «Ἰπάρχος ἀπέδειξεν. πόσῳ δὲ ἐλάττων οὐχ' οἶόν τε ἀσφαλέστατα λα«βεῖν,» τῆς τοῦ δ' προσθήκης τουτέστιν τῶν τξε δὲ ἡμερῶν «ἐπὶ πλείονα «ἔτη ἀπαραλλάκτου μενούσης διὰ τὸ ἐλάχιστον τῆς διαφορᾶς καὶ διὰ «τοῦτο κατὰ τὴν διὰ μακροτέρου χρόνου σύγκρισιν τῆς εὐρισκομένης τῶν «ἡμερῶν ἐπουσίας τῆς αὐτῆς θεωρεῖσθαι, ἣν δεῖ τοῖς μεταξὺ τῆς δια«στάσεως ἔτεσιν ἐπιμερίζειν». καὶ διὰ τὸ ἐλάχιστον τῆς διαφορᾶς ἐὰν ἀπὸ τίνος πρώτης τηρήσεως ἐτέραν τήρησιν λόγου ἔνεκεν μετὰ ἔτη κ ποιησώμεθα καὶ εὐρωμέν τι διάφορον γεγενημένον ὡς ἐπὶ τὸ ἔλαττον τῶν τξε δ' ἡμερῶν τυγχάνοντος τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου· καὶ πάλιν μετὰ ἔτη δέκα ἐτέραν τήρησιν ποιησώμεθα ὅπερ ἐστὶν μετὰ λ ἔτη τῆς πρώτης, εὐρισκόμενον διάφορον ἔτι τὸ αὐτὸ πρὸς αἰσθησιν καταλαμβάνεται τῷ διὰ κ ἐτῶν κατειλημμένῳ διὰ τὸ ἐλάχιστον ὡς ἔφαμεν τῆς διαφορᾶς, ὅπερ διάφορον χρή τοῖς μεταξὺ τῶν τηρήσεων ἔτεσιν ἐπιμερίζειν ἵνα εὐρωμεν τὸ τῷ ἐνιαυσίῳ χρόνῳ ἐπὶ τὸ ἔλαττον τῆς τοῦ δ' ἐπουσίας ἐπιβάλλον· ἐὰν οὖν τὸ αὐτὸ διάφορον εἰς διαφόρους χρόνους ἐπιμερίσωμεν, ἄνισον εὐρήσομεν καὶ τὸ λείπον εἰς τὴν τοῦ δ' τῆς ἡμέρας ἐπουσίαν, ὥστε καὶ τὸν ἐνιαύσιον χρόνον, ἰσοχρονίου αὐτοῦ κατειλημμένου.

835 Λαμβάνοιτο δ' ἂν ἀκριβέστερον ὁ χρόνος τῆς τοῦ ἡλίου ἀποκαταστάσεως ἐφ' ὅσον ἂν ὁ μεταξὺ ἡμῶν τε καὶ ὧν ἔχομεν παλαιότερων τηρήσεων χρόνον πλείων εὐρίσκηται. οὐ μόνον ἐπὶ τῆς προκειμένης τοῦ ἡλίου ἀποκαταστάσεως τὸ τοιοῦτον ἐπιζητεῖν χρή ἀλλὰ καὶ ἐπὶ τῆς τῶν ἄλλων, λέγω δὴ τῆς τε σελήνης καὶ τῶν πέντε πλανωμένων· § τὸ γὰρ παρὰ τὰ ὄργανα ἢ τὴν αὐτῶν τῶν τηρήσεων πρὸς ἀκριβεστάτην κατάληψιν «ἀσθένειαν γινόμενον διάψευσμα, βραχὺ πάντοτε καὶ τὸ «αὐτὸ ἔγγιστα ὑπάρχον ἐπὶ τε τοῦ διὰ μακροῦ καὶ τοῦ δι' ὀλίγου χρόνου «φαινομένων, εἰς ἐλάττωνα μὲν ἐπιμεριζόμενον χρόνον μεῖζον ποιεῖ τὸ «ἐνιαύσιον ἀμάρτημα, εἰς πλείονα δὲ ἔλαττον», ἐπεὶ οὖν ὅσῳ μακρότερος τυγχάνει ὁ μεταξὺ τῶν τηρήσεων χρόνος, τὸ παρὰ τὴν τήρησιν γινόμενον διάφορον τὸ αὐτὸ ἔγγιστα ὑπάρχον, εἰς πλεῖον ἐπιμεριζόμενον ἀνεπαισθητότερον γίνεται.

836 § διὰ τοι τοῦτο αὐτάρκεις ἡγεῖται τυγχάνειν τοὺς χρόνους τοὺς τε ἀπὸ τῶν ἑαυτοῦ τηρήσεων μέχρι ὧν εἶχεν παλαιότερων, πρὸς τὸ ἀνεπαισθητότερον ποιεῖν τὸ ἀμάρτημα· § ὥστε τὸ

χρήσιμον τούτου διὰ μακροτέρων χρόνου παρὰ τὰς τοῦ ἡλίου ἀποκαταστάσεις ποιεῖσθαι τὴν σύγκρισιν τῶν τηρήσεων κατὰ δύο τρόπους συμβαίνει γενέσθαι. ἐπεὶ γὰρ ἦτοι παρὰ τὰς κατασκευὰς τῶν ὀργάνων ἢ τὰς θέσεις ὡς ἔφαμεν γίνεται τι διαμάρτημα, κἂν ἀκριβῶς μεθοδεύωνται· ἀλλὰ μὴν καὶ ὁ ἐνιαύσιος χρόνος καταλαμβάνεται ἐκ τῶν συνεχῶν τηρήσεων ἀνεπαίσθητῳ τινὶ ἐλάττων τῶν τξε δ' ἡμερῶν· δηλὸν ὡς χρή τὸ μὲν ἐκ τῶν ὀργάνων ἀμαρτανόμενον ἀνεπαίσθητον παντάπασιν ποιεῖν, τὸ δ' ἐκ τοῦ χρόνου παρορώμενον ἐλάχιστον αἰσθητόν, ἵνα δυνάμενον ἐπιμερισθῆναι εἰς τὸν μεταξὺ τῶν τηρήσεων χρόνον κατάδηλον ἡμῖν ποιήσῃ καὶ τὸ λείπον τῷ ἐνιαυσίῳ χρόνῳ εἰς τὸ τῆς ἐπιλήψεως, τέταρτον τῆς ἡμέρας. Τὰ δὲ τοιαῦτα ἐκ τῶν τηρήσεων τῶν ὡς ἔνι μάλιστα ἀπὸ πλείονος διαστάσεως λαμβανομένων μεθοδεύεται· τῶν γὰρ τηρήσεων πλείονος χρόνου διάστασιν ἔχουσῶν, τὸ παρὰ τὰ ὄργανα γινόμενον διάφορον τὸ αὐτὸ πάντοτε ἔγγιστα ὑπάρχον ὅσῳ ἂν ὡς ἔφαμεν εἰς πλείονα ἔτη ἐπιμερίζηται, ἀνεπαίσθητον καὶ ἀφανὲς γίνεται· τὸ δὲ ἐκ τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου λείπον ἐλάχιστον εἰς τὸ τῆς ἐπουσίας δ', αἰσθητόν· σκαθάπερ ἐν τοῖς τ' ἔτεσιν ἡμέρα μιᾷ εὐρίσκων πρότερον γινομένην τὴν ἀποκατάστασιν τῆς πρὸ τὸ τέταρτον ἐπουσίας, συνάγει τὸν ἐνιαύσιον χρόνον ἡμερῶν τξε δ', παρὰ τριακοσιοστόν.

837 Σδεδειγμένου οὖν ὅτι, ὅσῳ διὰ μακροτέρου χρόνου τὴν σύγκρισιν τῶν τηρήσεων ποιεῖται, τοσοῦτῳ ἀκριβέστερον τὸν ἐπιζητούμενον ἐνιαύσιον χρόνον καταλαμβάνεται, ἐρεῖ καὶ ποῖαι μᾶλλον εἰσιν αἱ παλαιότεραι τῶν τηρήσεων καὶ ὀφείλουσαι αὐτῷ εἰς τὴν σύγκρισιν τῶν καθ' ἑαυτὸν παραλαμβάνεσθαι. καὶ φησιν· «ἐνεκεν μὲν οὖν παλαιότητος αἱ τε ὑπὸ τῶν «περὶ Μέτωνα καὶ Εὐκτῆμονα τετηρημέναι θεριναὶ τροπαὶ καὶ μετὰ τοῦ» τους αἱ ὑπὸ τῶν περὶ Ἀρίσταρχον ὀφείλοιεν ἂν εἰς τὴν σύγκρισιν τῶν «καθ' ἡμᾶς παραλαμβάνεσθαι. ἐνεκεν δὲ τοῦ καθόλου τὰς τῶν τροπῶν «τηρήσεις δυσδιακρίτους εἶναι», σδιὰ τὸ ἐπὶ πολὺ τὸν ἥλιον ἐγχρονίζειν κατὰ τῶν αὐτῶν τοῦ μεσημβρινοῦ κρίκου τόπων περὶ τὰς τοιαύτας παρόδους, ὅπερ ἐκ τοῦ τῆς λοξώσεως κανονίου γίνεται δηλόν, ἐπειδήπερ πρὸς τοῖς τροπικοῖς ἐλάττοσιν ὑπεροχαῖς παρηύζηνται αἱ τῶν λοξώσεων πηλικότητες καὶ πρὸς τούτοις τὰς παρὰ τούτων ἀναγραφείσας παχυμερέστερον εἰληφθαι «ὡς καὶ τῷ Ἰπάρχῳ δοκεῖ, ταύτας μὲν παρητησάμεθα «συγκεχρήμεθα» δὲ ταῖς ὑπὸ τοῦ Ἰπάρχου τετηρημέναις ἰσημερίαις, καὶ τοῦ <των, ταῖς> ἐπισημανθείσαις ὑπ' αὐτοῦ ὡς ἀκριβέστατα εἰλημμέναις, πρὸς τὴν σύγκρισιν τῶν ἡμετέρων· ἐξ ὧν εὐρίσκομεν τοῖς τ' ἔτεσιν τοῖς ἀνὰ τξε δ' ἡμερῶν πρότερον γεγεννημένην τὴν ἰσημερίαν ἡμέρα μιᾷ· τῷ γὰρ λβ' ἔτει τῆς τρίτης κατὰ Κάλλιππον περιόδου, ἐκτίθεται ὁ Ἰππαρχος μετοπωρινὴν ἰσημερίαν γεγεννημένην «τῇ γ' τῶν «ἐπαγομένων τοῦ μεσονυκτίου τοῦ εἰς τὴν δ' φέροντος· καὶ ἔστιν τοῦ«το τὸ ροή' ἀπὸ τῆς Ἀλεξάνδρου τελευτῆς. μετὰ δὲ σπε ἔτη» αἰγυπτιακά, τουτέστιν ἀνὰ τξε ἡμερῶν, «τῷ γ' ἔτει Ἀντωνίνου ὃ ἔστιν υζγ «ἔτος ἀπὸ τῆς Ἀλεξάνδρου τελευτῆς, ἡμεῖς ἐτηρήσαμεν ἀσφαλέστατα «πάλιν τὴν μετοπωρινὴν ἰσημερίαν γεγεννημένην τῇ ἐνάτῃ τοῦ ἀθὺρ μίαν «ἔγγιστα ὥραν μετὰ τῆς τοῦ ἡλίου ἀνατολῆς.

838 ἐπέλαβεν ἄρα ἡ ἀποκατάστασις», λογιζομένων ἡμῶν τὸν ἐνιαύσιον χρόνον ἡμερῶν τξε μόνων, ἡμέρας ο δ' κ', διὰ τὸ εἰρηκέναι μετὰ μίαν ἔγγιστα ὥραν τῆς τοῦ ἡλίου ἀνατολῆς, ἀντὶ τῶν ἐπιβαλλουσῶν ἐκ τῆς τοῦ δ' ἐπουσίας τοῖς σπε ἔτεσιν ἡμερῶν οα δ' «ὡς πρὸς τὸ δ' ἐπουσίας ἡμέρα μιᾷ λειπούσῃ τὸ εἰς «κοστὸν μέρος». Ἔτι τε πάλιν συγκρίνας καὶ τὰς κατὰ τοὺς αὐτοὺς χρόνους τηρηθείσας Ἰπάρχῳ τε καὶ ἑαυτῷ ἑαρινὰς ἰσημερίας τὸ αὐτὸ πάλιν διάφορον καταλαμβάνεται. ὅθεν συνάγει ὅτι ἐν τοῖς τ' ἔτεσιν πρότερον γεγόνασιν αἱ πρὸς τὰ ἰσημερινὰ σημεία ἀποκαταστάσεις τῆς πρὸς τὸ δ' ἐπιλήψεως ἡμέρα μιᾷ λειπούσῃ κ' μέρει πρὸς μίαν. Ἔτι δὲ εἰ καὶ μὴ ἀκριβεῖς ἐτύγχανεν, ὅμως παλαιότητος ἐνεκεν, καὶ πρὸς τὰς ὑπὸ τῶν περὶ Μέτωνα καὶ Εὐκτῆμονα τετηρημένας θερινὰς τροπὰς τὴν σύγκρισιν πρὸς τὰς ὑφ' ἑαυτοῦ ἀκριβῶς τηρηθείσας ποιησάμενος, τὸ αὐτὸ τοῦτο σχεδὸν εὐρίσκει· καὶ δι' ἄλλων δὲ πλείονων τηρήσεων

τὸ τοσοῦτον διάφορον καταλαμβανόμενος παρὰ τὴν τοῦ δ' ἐπουσίαν γινόμενον. Καὶ ἔτι «... τὸν Ἴππαρχον ... αὐτῷ πλεονάκις συγκατατιθέμενον· ἔν «τε γὰρ τῷ περὶ ἐνιαυσίου μεγέθους, συγκρίνας τὴν ὑπὸ Ἀριστάρχου τε«τηρημένην θερινὴν τροπὴν τῷ ν ἔτει λήγοντι τῆς πρώτης κατὰ Κάλλιππον περιόδου, τῇ ὑφ' ἑαυτοῦ πάλιν ἀκριβῶς εἰλημμένη τῷ μγ' ἔτει λή«γοντι τῆς γ' κατὰ Κάλλιππον περιόδου, φησὶν οὕτως· δῆλον τοίνυν «ὅτι ἐν τοῖς ρμε ἔτεσιν τάχιον γέγονεν ἡ τροπὴ τῆς κατὰ τὸ δ' ἐπουσίας «τῷ ἡμίσει τοῦ συναμφοτέρου ἐξ ἡμέρας καὶ νυκτὸς χρόνου», ὡς πάλιν τῷ τριακοσιοστῷ ἔγγιστα μέρει τῆς ἡμέρας ἐλλείπειν τὸν ἐνιαύσιον χρόνον παρὰ τὴν τοῦ δ' ἐπουσίαν. Πάλιν ἐν τῷ «περὶ ἐμβολίων μηνῶν τε καὶ ἡμερῶν» προειπὼν ὅτι ὁ μὲν Κάλλιππος συγκρίνας τὰς ἑαυτοῦ τηρήσεις πρὸς τὰς χαλδαϊκὰς συνάγει τὸν ἐνιαύσιον χρόνον ἡμερῶν τξε ιε, τὸν δὲ μηνιαῖον συνοδικὸν ἢ πανσεληνιακὸν ἡμερῶν κθ λ· διὸ καὶ τὴν περίοδον καταλαμβάνει ὁ τῶν ος, ἐπειδὴ περ ἐν τῷ τοσοῦτῳ χρόνῳ ἡμέραι μὲν συνάγονται Μ β , ζψνθ σύνοδοι δὲ λμ καὶ ἡμέραι κθ, καὶ δηλαδὴ ἀποκατάστασις ἔγγιστα συνόδων ἀποτελεῖται· ἀλλὰ καὶ λογιζομένου τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου μηνῶν συνοδικῶν ιβ ὡς καθ' ἕκαστον δωδεκατημόριον μιᾶς συνόδου γινομένης, συνάγονται ἐν τοῖς ος ἔτεσιν σύνοδοι <λιβ> .

839 καὶ δῆλον ὅτι λοιποὶ καταλείπονται μῆνες συνοδικοὶ κη οὓς φασιν ἐμβολίμους, καὶ ἡμέραι κθ ᾗς καὶ αὐτὰς φασιν ἐμβολίμους. §Καὶ ὁ Ἴππαρχος δὲ «ἐν τῷ περὶ ἐμβολίων μηνῶν τε καὶ ἡμερῶν» συντάγματί φησιν, «ὅτι κατὰ μὲν τοὺς περὶ Μέτωνα καὶ Εὐκτῆμονα» ἀθηναίους «ὁ ἐνιαύσιος χρόνος» ἡμερῶν ἐστὶν τξε ιε μζ κβ ἔγγιστα, ὃν φησιν ἡμερῶν «τξε δ' ος', §κατὰ δὲ Κάλλιππον ἡμερῶν τξε δ',» §ἀλλὰ μὴν καὶ κατ' αὐτὸν τὸν Ἴππαρχον τξε δ' παρὰ τριακοσιοστόν, §ὡς διαφέρειν τοὺς τοῦ Ἰπάρχου ἐπιλογισμοὺς κατὰ μὲν Μέτωνα καὶ Εὐκτῆμονα ος' καὶ τριακοσιοστῷ, κατὰ δὲ τὸν Κάλλιππον τριακοσιοστῷ.

841 * «ὡς καὶ ἐν τοῖς τ ἔτεσιν παρὰ μὲν τοὺς περὶ Μέτωνα ἐλλείπειν ἡμέρας, «παρὰ δὲ Κάλλιππον, ἡμέραν μίαν», ὡς παρὰ μὲν ἀθηναίοις ἐμβολίμους, παρὰ δὲ ἀλεξανδρεῦσιν α. §«Καὶ συγκεφαλαιούμενος δὲ ὁ Ἴππαρχος τὰς γνώμας ἑαυτοῦ διὰ τῶν «ιδίων συνταγμάτων φησὶν οὕτως· συντέταχα δὲ καὶ περὶ τοῦ ἐνιαυσίου «χρόνου ἐν ᾧ ἀποδεικνύω ὅτι ὁ καθ' ἥλιον ἐνιαυτός (οὗτος δὲ ἐστὶν ὁ χρόνος «ἐν ᾧ ὁ ἥλιος ἀπὸ τίνος τροπῆς ἢ ἰσημερίας ἐπὶ τὴν αὐτὴν παραγίνεται) «περιέχει ἡμέρας τξε καὶ δ' μέρος παρὰ τριακοσιοστόν». §Τούτου οὖν οὕτως ἔχοντος, ἐὰν ἀπὸ τῶν τξε δ' ἡμερῶν ἀφέλωμεν τὸ τριακοσιοστόν τῆς <δ'> ἡμέρας, ὅπερ ἐστὶν ἐξηκοστὰ δεύτερα ιβ, διὰ τὸ τὴν ἡμέραν εἰς ξ μεταλαμβανομένην, ποιεῖν ἐξηκοστὰ πρῶτα μὲν ξ δεύτερα δὲ , γχ· ὧν τὸ τριακοσιοστόν γίνεται δεύτερα ἐξηκοστὰ ιβ· «ἔξο«μεν τὸν ἐνιαύσιον χρόνον ἡμερῶν τξε ιδ μη». §Παρ' ὃν μερίσαντες τὰς τῆς μιᾶς ἀποκαταστάσεως μοίρας τξ, εὔρομεν τὸ ἡμερήσιον ὁμαλὸν τοῦ ἡλίου κατὰ μῆκος κίνημα π νθ ιζ ιγ ιβ λα. §Ἐποίησάμεθα δὲ προχειρότερον τὸν προκείμενον μερισμὸν τὸν τρόπον τοῦτον μερίσαντες. Καταβιβάσαντες γὰρ τῶν τξε ιδ μη ἡμερῶν ἀριθμὸν κατὰ τὸν τῆς ἐξηκοντάδος λόγον, καὶ τὰ γενόμενα ς ε ιδ μη ἐπισυνθέντες ἄχρι τοῦ κατὰ τὸ α' σελίδιον ξ ἀριθμοῦ, παρεθήκαμεν ἐν δευτέρῳ σελιδίῳ ἐπιγραφέντι ἡμερῶν, τὸν ὑποτεταγμένον τρόπον.

843 Ἐπειτα τὰς τοῦ <κύκλου μοίρας> τξ εἰσάξαντες κατὰ τὸ β' σελίδιον, ἀπεγραψάμεθα τὸν τῷ ἔγγιστα ἐλάττονι αὐτοῦ παρακείμενον τουτέστιν τδ κβ κ κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον, οἷον τὸν ν, ὡς πρῶτον ἐξηκοστόν, ἐπεὶ καὶ αἱ τξ μοῖραι παρὰ τὰς τξε ιδ μη μεριζόμεναι ἔλαττον ποιούσιν τῆς α μοίρας. αὐτὸν δὲ τὸν τῶν παρακειμένων κατὰ τὸ β' σελίδιον ἀφελόντες ἀπὸ τῶν τξ μοιρῶν, τὰ λοιπὰ νε λζ μ εἰσάγοντες πάλιν κατὰ τὸ β' σελίδιον τῶν ἡμερῶν, καὶ τὸν παρακείμενον ὁμοίως τῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάττονι κατὰ τὸ α' σελίδιον θ τυγχάνοντα προσθέντες τῷ ν, ἀπεγραψάμεθα τὸ νθ. Αὐτὸν δὲ πάλιν τὸν παρακείμενον τῷ θ ἀφελόντες ἀπὸ τῶν νε λζ μ, τὰ λοιπὰ ν κς μη ὁμοίως εἰσαγαγόντες κατὰ τὸ β' σελίδιον, τὰ παρακείμενα ὡσαύτως τῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάττονι κατὰ τὸ α' σελίδιον η ἐξεθέμεθα ἐξῆς τῶν π νθ, καὶ

ἔχομεν ἀπογεγραμμένον τὸν π νθ η. Ἐπειτα πάλιν ἀφελόντες ἀπὸ τῶν ν κς μὴ τὰ παρακείμενα τῷ η, καὶ τὰ λοιπὰ α μδ μθ λς τουτέστιν ρδ μθ λς εἰσαγαγόντες ὁμοίως κατὰ τὸ β' σελίδιον, τὰ παρακείμενα τῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάττονι ι ἀπεγραψάμεθα· αὐτὰ δὲ τὰ παρακείμενα τῷ ι ἀφελόντες ἀπὸ τῶν ρδ μθ λς τὰ λοιπὰ μγ νζ η εἰσαγαγόντες ὁμοίως κατὰ τὸ β' σελίδιον, τὰ παρακείμενα τῷ ἔγγιστα ἐλάττονι αὐτοῦ ζ προσθέντες τῷ ι, ἀπεγραψάμεθα τὸν ιζ ἑξῆς τῶν προεκτεθειμένων καὶ γεγόνασιν π νθ η ιζ. Ἐπειτα πάλιν τὰ παρακείμενα τῷ ζ ἀφελόντες ἀπὸ τῶν μγ νζ η, τὰ λοιπὰ α κ κδ κδ, τουτέστιν π κδ κδ εἰσαγαγόντες κατὰ τὸ β' σελίδιον, τὰ παρακείμενα τῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάττονι <κατὰ τὸ α'> σελίδιον, ἀπεγραψάμεθα· τὸ δὲ αὐτῷ τῷ ι παρακείμενα ἀφελόντες ἀπὸ τῶν π κδ κδ, τὰ λοιπὰ ιθ λα νς εἰσαγαγόντες πάλιν κατὰ τὸ τῶν ἡμερῶν κανόνιον, καὶ τὰ παρακείμενα τῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάττονι κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον γ προσθέντες τῷ ι, καὶ τὸν ιγ προσθέντες τοῖς ἤδη συναχθεῖσιν ἔσχομεν ἐκτεθειμένον τὸν π νθ η ιζ ιγ.

844 Ἐπειτα πάλιν τὰ παρακείμενα τῷ γ ἀφελόντες ἀπὸ τῶν ιθ λα νς, καὶ τὰ λοιπὰ ος ια λς εἰσαγαγόντες πάλιν εἰς τὸ β' τῶν ἡμερῶν σελίδιον, τὰ παρακείμενα τῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάττονι κατὰ τὸ α' σελίδιον ι ἀπεγραψάμεθα. αὐτὰ δὲ πάλιν τὰ παρακείμενα τῷ ι ἀφελόντες ἀπὸ τῶν ος ια λς, καὶ τὰ λοιπὰ ιε ιθ η εἰσαγαγόντες εἰς τὸ τῶν ἡμερῶν σελίδιον, τὰ παρακείμενα τῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάττονι τὰ β κατὰ τὸ α' σελίδιον συνθέντες μετὰ τῶν ι, τὰ γενόμενα ιβ προσεθήκαμεν τῷ προσυναχθέντι καὶ γέγονεν π νθ η ιζ ιγ ιβ. Ἐπειτα πάλιν τὰ παρακείμενα τῷ β ἀφελόντες ἀπὸ τῶν ιε ιθ η, καὶ τὰ λοιπὰ ρπη λη κδ εἰσαγαγόντες εἰς τὸ β' σελίδιον, τὰ παρακείμενα τῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάττονι κατὰ τὸ α' σελίδιον λ ἀπεγραψάμεθα. αὐτὰ δὲ τὰ τῷ λ παρακείμενα ἀφελόντες ἀπὸ τῶν ρπη λη κδ καὶ τὰ λοιπὰ ς α εἰσαγαγόντες κατὰ τὸ β' σελίδιον, τὸ παρακείμενον τῷ ἔγγιστα αὐτοῦ κατὰ τὸ α' σελίδιον α προσθέντες τοῖς λ καὶ τὰ γενόμενα λα προσθέντες πάλιν τοῖς προεκτεθειμένοις, εὔραμεν τὸν γενόμενον ἐκ τοῦ μερισμοῦ ἡμερήσιον ὁμαλὸν τοῦ ἡλίου κίνημα π νθ η ιζ ιγ ιβ λα· ἀρκεῖν γάρ φησι μέχρι τῶν τοσούτων ἑξηκοστῶν, τοὺς μερισμοὺς γίνεσθαι. Περὶ τῆς καθ' ὁμαλὴν καὶ ἐγκύκλιον κίνησιν ὑποθέσεως.

845 (1τ) Διαλαβὼν περὶ τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου καὶ διδάξας τὴν πρόθεσιν καὶ τὸν σκοπὸν τοῦ μαθηματικοῦ, ἔτι πρόκειται αὐτῷ δεῖξαι τὰ φαινόμενα ἐν τῷ οὐρανῷ πάντα δι' ὁμαλῶν καὶ ἐγκυκλίων κινήσεων ἀποτελούμενα· ὁμαλῶν μὲν διὰ τὸ ἀλλοτρίαν εἶναι τῆς θειότητος αὐτῶν τὴν ἄτακτον καὶ ἀνώμαλον κίνησιν, ἐγκυκλίων δὲ διὰ τὸ αἰδίον αὐτῶν. καὶ ἐκθέμενος τὴν τῆς ὁμαλῆς τοῦ ἡλίου κινήσεως κανονογραφίαν, ἑξῆς βουλόμενος καὶ περὶ τῆς διὰ τὰς τῶν κύκλων ὑποθέσεις δι' ὧν ποιεῖται τὰς κινήσεις φαινομένης αὐτοῦ ἀνωμάλου κινήσεως διαλαβεῖν, καὶ ἔτι τῆς τούτων διαφορᾶς κανονογραφίαν συστήσασθαι (ἀρμόζειν γάρ φησιν καὶ τῷ σκοπῷ τὴν τῶν τοιούτων δύο κανονίων ἔκθεσιν πρὸς τὸ πῇ μὲν τὰς κατὰ μέρος ὁμαλὰς κινήσεις ἐκ προχείρου ἐκ τῆς ἐκθέσεως τῶν τῆς ὁμαλῆς κινήσεως κανόνων ἐπιλογίζεσθαι, πῇ δὲ ἐκ τῆς μίξεως αὐτῶν τὰς ἀκριβεῖς καὶ φαινομένας) εἶτα βουλόμενος ἐπὶ τε τοῦ ἡλίου καὶ τῆς σελήνης καὶ τῶν ε πλανωμένων περὶ τῆς φαινομένης αὐτῶν κινήσεως διαλαβεῖν, ἐπεὶ ὡς ἔφαμεν ἄτοπον ἦν τοῖς θείοις καὶ αἰδίοις προσάπτειν αὐτῶν τὴν ἄτακτον καὶ ἀνώμαλον κίνησιν, διδάσκει πρότερον ὃν τρόπον αὐτῶν ὁμαλῶς κινουμένων συμβαίνει ἀνωμάλως ἡμῖν αὐτοὺς φαίνεσθαι κινουμένους τὰς τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου περιφερείας, καὶ φησιν· βπρὸλαβεῖν χρὴ ὅτι «αἱ τῶν πλανωμένων εἰς τὰ ἐπόμενα τοῦ οὐρανοῦ» τουτέστιν αἱ ἀπὸ δυσμῶν ἐπ' ἀνατολὰς «μετακινήσεις ὁμαλαὶ μὲν εἰσι «πᾶσαι», τουτέστι τεταγμέναι καὶ μήτε ἄνεσιν ἢ ἐπίτασιν ἐπιδεχόμεναι, ἀλλ' αἰεὶ ὡσαύτως ἔχουσαι, ἰσοταχῶς καὶ ἐγκυκλίως φερόμεναι, καθάπερ καὶ ἡ ἀπ' ἀνατολῆς ἐπὶ δύσιν εἰς τὰ προηγούμενα τῶν ὅλων φορά, διὰ τὸ φύσει τῷ τοιούτῳ σχήματι τὸ συνεχὲς καὶ αἰδίον τῆς κινήσεως ὑπάρχειν.

διὸ οὐδὲ ἄτακτος ἢ ἀνώμαλος ἢ περὶ αὐτοὺς κίνησις, καθάπερ φαίνονται πλεῖον καὶ ἔλαττον εἰς τὰ ἐπόμενα κινούμενοι, ἔτι τε καὶ ἐστῶτες καὶ ὑποποδίζοντες ὡς ἐπὶ τῶν ἐπλανομένων. Εἴτα διδάσκων τί λέγει τὸ ὁμαλῶς αὐτοὺς κινεῖσθαι, φησὶν πάλιν ὅτι «αἱ νοούμεναι εὐθεῖαι περιάγειν τοὺς ἀστέρας καὶ τοὺς κύκλους» καθ' ὧν ποιοῦνται τὰς κινήσεις ἰσοταχῶς περιηγόμεναι, ἴσας ποιοῦσι τὰς γωνίας πρὸς ἐκείνοις τοῖς κέντροις πρὸς οἷς τὸ ἕτερον πέρας μένον πάντοτε ἔχουσαι περιάγονται. Σ' ἵνα δὲ φανερὰ ἡμῖν γένηται τὰ λεγόμενα, ἐκκείσθω ὁ ΑΒΓΔ κύκλος περὶ κέντρον * τὸ Ε, καὶ διάμετρον τὴν ΑΕΔ· καὶ ἐπ' αὐτοῦ κινεῖσθω τις ἀστήρ ὡς ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β ἐν τινι χρόνῳ ὁμαλῶς τὴν ΑΒ περιφέρειαν. καὶ ἔτι ἐν τῷ ἴσῳ χρόνῳ ὁμαλῶς πάλιν κεκινήσθω τὴν ΒΓ, ἴσην δηλονότι γενομένην τῇ ΑΒ, διὰ τὸ ὁμαλῶς καὶ ἐν ἴσῳ χρόνῳ τοῦ αὐτοῦ κύκλου περιφερείας αὐτὸν κεκινήσθαι. Ἐὰν οὖν κινουμένου τοῦ ἀστέρος ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Α θέσεως νοήσωμεν τὴν ΕΑ εὐθεῖαν περὶ τὸ Ε κέντρον συμπεριεγεγενημένην αὐτῷ, καὶ πῇ μὲν τὴν τῆς ΕΒ θέσιν λαμβάνουσιν, πῇ δὲ τὴν τῆς ΕΓ, καὶ αὗται συμπεριεγεγενησάντων ὁμαλῶς ἐν τοῖς αὐτοῖς ἴσοις χρόνοις καὶ ἴσας ἀπολήμψονται γωνίας τὰς ὑπὸ ΑΕΒ, ΒΕΓ πρὸς τῷ Ε κέντρῳ τῆς περιφορᾶς.

847 Ἀλλὰ δὴ μὴ ἔστω ὁ ἀστήρ ἐπὶ τοῦ ΑΒΓ κύκλου κινούμενος, ἀλλ' ἐπὶ ἐτέρου κυκλίσκου ὡς τοῦ ΖΗΘ, κινουμένου καὶ αὐτοῦ ἐπὶ τοῦ ΑΒΓ κύκλου καὶ τὸ κέντρον πάντοτε ἔχοντος ἐπὶ τῆς περιφερείας αὐτοῦ διὸ καὶ ἐπικύκλον αὐτὸν καλεῖ. καὶ ἔστω αὐτοῦ τὸ κέντρον κατὰ τὸ Α, ὁ δὲ ἀστήρ ἔστω ἐπὶ τοῦ Ζ. καὶ κινεῖσθω τὸ Α κέντρον τοῦ ΖΗΘ ἐπικύκλου ὁμαλῶς ἐν τῷ ἴσῳ χρόνῳ τὴν τε ΑΒ καὶ τὴν ΒΓ. καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΕΒ, ΕΓ αἵτινες νοεῖσθωσαν περιάγουσαι τὸν ἐπικύκλον καὶ ἴσας ποιοῦσαι διὰ τὰ προειρημένα τὰς ὑπὸ ΑΕΒ καὶ ΒΕΓ γωνίας. Ἐὰν οὖν νοήσωμεν καὶ τὸν ἀστέρα ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ὁμαλῶς ἀπὸ τοῦ Ζ κινήσθαι ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου τὰς ΖΗ, ΗΘ περιφερείας, καὶ ἐπιζεύξωμεν τὰς ΓΗ, ΓΘ, καὶ αὗται πάλιν ἔσονται ἐπὶ τῆς τοιαύτης ὑποθέσεως αἱ νοούμεναι περιάγειν τὸν ἀστέρα καὶ ἴσας ἀπολαμβάνουσαι τὰς ΖΗ, ΗΘ περιφερείας καὶ ἔτι τὰς ὑπὸ ΖΓΗ, ΗΓΘ γωνίας πρὸς τῷ Γ κέντρῳ πρὸς ᾧ ἡ περιαγωγή τοῦ ἀστέρος ἀποτελεῖται.

848 ΣΔιὸ φησιν· «αἱ νοούμεναι περιάγειν τοὺς ἀστέρας ἢ καὶ τοὺς κύκλους «αὐτῶν ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας γωνίας ἀπολαμβάνουσι πρὸς τοῖς κέντροις τῶν περιφορῶν» οὐ μόνους δὲ τοὺς ἐπικύκλους λέγει κινεῖσθαι ὑπὸ τῶν εὐθειῶν, ἀλλὰ καὶ τοὺς ἐκκέντρος ὡς ἐξῆς ἐπὶ τε τῆς σελήνης καὶ τῶν πλανωμένων φανερόν ποιεῖ. ΣΑἱ δὲ φαινόμεναι ἀνώμαλοι αὐτῶν κινήσεις * «παρὰ τὰς θέσεις τῶν «ἐν ταῖς σφαίραις αὐτῶν κύκλων, δι' ὧν ποιοῦνται τὰς κινήσεις ἀποτελοῦνται». Εἴτα διδάσκων κατὰ ποίας ὑποθέσεις δύναται παρὰ τὰς θέσεις καὶ τὰς τάξεις τῶν κύκλων ἐφ' ὧν ποιοῦνται τὰς κινήσεις προχωρεῖν ὁ τοῦ μαθηματικοῦ σκοπός, τουτέστιν ὥστε ὁμαλῶς αὐτῶν κινουμένων ἀνωμάλως φαίνεσθαι διεξιόντας τὰς τοῦ διὰ μέσων περιφερείας, καὶ οὐχὶ τῷ ὄντι αὐτοῖς ὑπάρχειν ἢ ἀλλοτρία τῆς αἰδιότητος αὐτῶν ἄτακτος καὶ ἀνώμαλος κίνησις, φησί· Σ«τὸ δ' αἴτιον τῆς ἀνωμάλου φαντασίας κατὰ δύο μάλιστα «τὰς πρώτας καὶ ἀπλᾶς ὑποθέσεις ἐνδέχεται γίνεσθαι». τῆς γὰρ κατὰ φύσιν αὐτῶν ὁμαλῆς κινήσεως λόγῳ θεωρουμένης, εἰ ἔμελλεν ἡ φαινομένη κίνησις καὶ ὁμαλὴ τυγχάνειν, ἐπὶ ὁμοκέντρου κύκλου τῇ τοῦ παντὸς σφαίρᾳ καὶ ἐν τῷ ἐπιπέδῳ τοῦ διὰ μέσων ἀποτελεῖσθαι· οὕτω γὰρ ἡ ὁμαλὴ αὐτῶν πάροδος καὶ ἡ φαινομένη ἐδύνατο τυγχάνειν, καθάπερ ἐπὶ τῆς πρώτης καταγραφῆς πρὸς τὸ Ε τὸ κέντρον τοῦ διὰ μέσων καὶ τῆς ὀψεως ὑποτιθεμένης. Συμβαίνει αὐτοῦς ἦτοι κατὰ μὴ ὁμοκέντρων τῷ κόσμῳ κύκλων ὁμαλὰς ποιεῖσθαι τὰς κινήσεις ἀλλὰ κατ' ἐκκέντρων, ἢ καθ' ὁμοκέντρων μὲν, οὐκ ἐπ' αὐτῶν δέ, ἀλλὰ ἐπὶ ἐτέρων ἐπὶ τούτων φερομένων καὶ τὰ κέντρα ἐχόντων ἐπ' αὐτῶν, καλουμένων δὲ ὡς ἔφαμεν ἐπικύκλων.

849 καθ' ἑκατέραν γὰρ τούτων τῶν ὑποθέσεων δυνατόν εἶναι καταλαμβάνεται ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ὁμαλῶς αὐτῶν κινουμένων ἀνίσους φαίνεσθαι διεξιόντας τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων

κύκλου ὁμοκέντρου τῷ κόσμῳ περιφερείας. Ὡς ἂν τε γὰρ ἐπὶ τῆς εἰρημένης τοῦ ἐκκέντρου ὑποθέσεως, νοήσωμεν ἐν σφαίρᾳ τινὸς τῶν ἐπλανωμένων <ἤ> καὶ τοῦ ἡλίου ἢ τῆς σελήνης ἐκκέντρον κύκλον, ἐφ' οὗ τὸν ἀστέρα φανέντα κινεῖσθαι «τὸν ΑΒΓΔ, περὶ «κέντρον τὸ Ε καὶ διάμετρον τὴν ΑΕΔ», σημεῖον δ' ἐπ' αὐτῆς τὴν ἡμετέραν ὄψιν, τουτέστιν τὴν γῆν, διὰ τὸ συμφωνεῖν τοῖς φαινομένοις σημείου λόγον ἔχουσα αὐτὴν καὶ πρὸς τὰ τῶν ἐπλανωμένων ἀποστήματα ὑποτίθεσθαι, μόνου τοῦ περὶ τὴν σελήνην παρὰ τοῦτο γινομένου διαφόρου τὴν διόρθωσιν λαμβάνοντος, ἢ καὶ τοῦ παρὰ τὸν ἥλιον διὰ τὰς ἐκλείψεις.

850 τὸ Ζ σημεῖον καὶ κέντρον τοῦ ζῳδιακοῦ τυγχάνει, ἐπειδὴ περὶ ὁ μὲν ζῳδιακὸς ὁμόκεντρός ἐστι τῷ κόσμῳ τοῦ δὲ κόσμου κέντρον ἐστὶν ἡ γῆ. «ὥστε καὶ τὸ μὲν Α σημεῖον ἀπογειότατον γίνεσθαι», τουτέστιν πλεῖον ἀπὸ τοῦ Ζ σημείου τῆς ὀψews ἀπέχον τῶν κατὰ τὰς ἄλλας θέσεις παρόδων. «τὸ δὲ Δ περιγειότατον», τουτέστιν ἔλαττον πάλιν ἀπέχον ἀπὸ τοῦ Ζ κατὰ τὴν ὄψιν τῶν κατὰ τὰς ἄλλας θέσεις παρόδων, διὰ τὸ ἐπὶ τῆς ΑΔ διαμέτρου εἰληφθαι τὸ Ζ σημεῖον, ὃ μὴ ἐστὶν κέντρον τοῦ κύκλου, καὶ μείζονα γίνεσθαι τὴν ΖΑ πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ Ζ ἐπὶ τὸν ΑΒΓΔ κύκλον διαγομένων εὐθειῶν, ἐλάττονα δὲ τὴν ΖΔ. Καὶ «ἀπολαμβάνοντες ἴσας περιφερείας τὰς ΑΒ, ΓΔ ἐπιζεύζωμεν τὰς «ΒΕ, ΒΖ καὶ ΓΕ, ΓΖ ...» δῆλον ὡς ὅτι τῆς ὁμαλῆς περιαγωγῆς περὶ τὸ Ε κέντρον γινομένης καὶ τοῦ ἀστέρος τὰς ΑΒ, <ΓΔ ἴσας> οὖσας ὁμαλῶς ἐν ἴσῳ χρόνῳ διερχομένου, ἴσαι ἔσονται καὶ αἱ ὑπὸ ΑΕΒ, ΓΕΔ γωνίαι καὶ ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΕΒ τῆς ὑπὸ ΑΖΒ, ἐλάττων δὲ ἡ ὑπὸ ΓΕΔ τῆς ὑπὸ ΓΖΔ, πολλῶ ἄρα ἐλάττων ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΖΒ τῆς ὑπὸ ΓΖΔ. Ὡς οὖν ἄνισοι ἔσονται αἱ πρὸς τῇ ὀψει ἥτοι πρὸς τῷ κέντρῳ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζῳδίων κύκλου γινόμεναι γωνίαι, αἱ δὲ πρὸς τοῖς κέντροις γωνίαι τὸν αὐτὸν ἔχουσι λόγον ταῖς περιφερείαις. καὶ ἔτι τὰ ὑπὸ ἀνίσων γωνιῶν ὁρώμενα ἄνισα φαίνεται, καὶ τὰ μὲν ὑπὸ μειζόνων μείζονα ὡς ἐν τοῖς Ὀπτικοῖς ἐδείχθη. ἀνίσους ἄρα περιφερείας φανήσεται τοῦ διὰ μέσων ἀπειληφῶς ὁ ἀστήρ, ἐπεὶ καὶ αἱ πρὸς τῷ κέντρῳ αὐτοῦ γωνίαι εἰσὶν ἴσαι, ἐν ἴσῳ χρόνῳ ὁμαλῶς ἴσας περιφερείας ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου κινήσεις. Ὡς οὖν καὶ ἐπὶ τῆς κατ' ἐπικύκλον ὑποθέσεως τὰ αὐτὰ πάλιν δευχθήσεται οὕτως νοεῖσθω γὰρ ἐν σφαίρᾳ τινὸς τῶν εἰρημένων ἀστέρων ὁμόκεντρος κύκλος τῷ κόσμῳ καὶ ἐ <ν τῷ ἐπιπέδῳ> δῶ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζῳδίων <γραφόμενος> ὁ ΑΒΓΔ, περὶ κέντρον τὸ Ε, ἐφ' οὗ <ὑποτιθ> ἐσθω ἡ ὄψις τῶν ὁρώντων, <διὰ τὸ> τὸ αὐτὸ ὡς ἔφαμεν εἶναι τῇ γῇ τὸ τοῦ ὁμοκέντρου κέντρον.

851 διάμετρος δὲ αὐτοῦ ἔστω ἡ ΑΕΔ. Δῆλον οὖν ὅτι, ἐὰν ἐπὶ τούτου ὑποθώμεθα ὁμαλῶς τὸν ἀστέρα κινεῖσθαι λόγου ἕνεκεν ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β, τὴν περιαγωγὴν ποιοῦμενον περὶ τὸ Ε κέντρον, καὶ ἐπιζεύζωμεν τὴν ΒΕ ἢ ὑπὸ ΑΕΒ γωνία ἢ αὐτὴ ἔσται ἡν ὁμαλῶς <περικινούμενος> ὁ ἀστήρ κινείται. Ἐπεὶ οὖν τὴν ὑπόθεσιν συμφωνον δεῖ εἶναι τῷ σκοπῷ τοῦ μαθηματικοῦ, τουτέστιν ὥστε ὡς ἔφαμεν ὁμαλῶς αὐτῶν κινουμένων ἀνωμάλως φαίνεσθαι διεξιόντας τὸν διὰ μέσων τῶν ζῳδίων κύκλον, ὑποκείσθω ὁ ἀστήρ μὴ ἐπὶ τοῦ ὁμοκέντρου κινούμενος, ἀλλ' ἐπὶ τοῦ εἰρημένου ἐπικύκλου, καὶ αὐτοῦ ὁμαλῶς ἐπὶ τῆς τοῦ <Α> ΒΓΔ ὁμοκέντρου περιφερείας εἰς τὰ ἐπόμενα ὡς ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β, καὶ τὸ κέντρον πάντοτε ἔχοντος ἐπ' αὐτοῦ καὶ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ αὐτοῦ τυγχάνοντος καὶ ἔστω ὁ εἰρημένος ἐπικύκλος ὁ ΖΘΚ περὶ κέντρον τὸ Α, ὃ δὲ ἀστήρ ἐπ' αὐτοῦ κατὰ τὸ Ζ, ὃ γίνεται ἐπὶ ταύτης τῆς ὑποθέσεως ἀπογειότατον διὰ τὸ μείζονα εἶναι τὴν ἀπὸ τοῦ Ε τῆς ὀψews διάστασιν ἐπὶ τὸ Ζ πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου ἐπὶ τι τμήμα τοῦ ἐπικύκλου, περιγειότατον δὲ ὁμοίως τὸ κατὰ τὸ Θ σημεῖον διὰ τὸ πάλιν ἐλάττονα εἶναι τὴν ἀπὸ τοῦ Ε τῆς ὀψews ἐπὶ τὸ Θ διάστασιν πασῶν <τῶν> ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ τι πάλιν τμήμα <τοῦ> ἐπικύκλου.

852 Ἐπειδὴ περὶ τοῦ ΖΗΘΚ <κύκλου νοεῖ> ταί τι σημεῖον ἐκτὸς τὸ Ε <καὶ διὰ τοῦ Ε καὶ> τοῦ Α κέντρου διῆκται ἡ ΕΑΖ <ὕφ' ἧς κινεῖται> ὁ μὲν ἐπικύκλος ὁμαλῶς ἀπὸ <τοῦ Α εἰς> τὸ Γ περιφέρειαν, εἰ μὲν οὖν κινουμένου τοῦ ἐπικύκλου ἴστατο ὁ ἀστήρ ἐπὶ τῆς περιφερείας αὐτοῦ

τυγχάνων καὶ οἷον κατὰ τὸ Ζ, αὐτὴ μὲν πάλιν ἐγίνετο ἡ ὁμαλὴ περιαγωγὴ τῇ φαινομένῃ. Ἄλλ' ἐπεὶ κινεῖται, κεκινήσθω ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῳ ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου ὡς εἰς τὰ ἐπόμενα ὁμαλῶς πάλιν τὴν ΖΗ περιφέρειαν· καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΕΗ, ΕΚ. συμβήσεται ἄρα τοῦ ἐπικύκλου ὁμαλῶς μεταγαγόντος τὸν ἀστέρα τὴν ΑΓ περιφέρειαν τουτέστιν τὴν ὑπὸ ΑΕΓ γωνίαν, αὐτὸν κινήθοντα ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου τὴν ΖΗ, ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Ε ὀψεως φαίνεσθαι διὰ τῆς ΕΗ εὐθείας μείζονα τὴν ὑπὸ ΑΕΗ γωνίαν κεκινημένον τῆς ὑπὸ ΑΕΓ ὁμαλῆς.

853 Εἰ δὲ ὁ ἀστὴρ μὴ ἀπὸ τοῦ Ζ ἐπὶ τὸ Η εἰς τὰ ἐπόμενα κινεῖτο ἀλλὰ ἀπὸ τοῦ Ζ εἰς τὰ προηγούμενα ὡς ἐπὶ τὸ Κ, ἐλάττονα γωνίαν φανήσεται κινήθεις τὴν ὑπὸ ΑΕΚ τῆς ὑπὸ ΑΕΓ ὁμαλῆς. § Ὅν δὲ τρόπον ἐν ταῖς σφαίραις ἡλίου καὶ σελήνης καὶ τῶν εὐπλανωμένων χρὴ ἐπινοεῖν τοὺς κύκλους γραφομένους, λέγω δὴ τὸν τε ἑκκεντρον καὶ τὸν ὁμόκεντρον φέροντα τὸν ἐπίκυκλον, οὕτω δεικτέον· νοείσθω γὰρ τὸ κατὰ τὸν Ἀριστοτέλη κυκλοφορητικὸν Ε σῶμα, ἐν ᾧ ἡ τε τῶν ἀπλανῶν σφαῖρα καὶ ἡ τοῦ ἡλίου καὶ ἡ τῆς σελήνης καὶ τῶν εὐπλανομένων ἐπ' ἀλλήλας κείμεναι κατὰ τὴν ἐν τοῖς οἰκείοις τόποις λεχθησομένην τάξιν, περιεχόμενον ὑπὸ τῆς κυρτῆς ἐπιφανείας ἐν ᾧ ὁ ΑΒ κύκλος καὶ ὑπὸ τῆς κοίλης ἐν ᾧ ὁ ΓΔ, περὶ κέντρον τὸ Μ. Καὶ νοείσθω ἐν αὐτῷ τοῦ ἡλίου σφαῖρα ὁμόκεντρος αὐτῇ τυγχάνουσα, ἐφ' ἧς πάλιν κατὰ μὲν τὴν ἐκτὸς κυρτὴν ἐπιφάνειαν νοείσθω ὁ ΕΖΗ κύκλος, κατὰ δὲ τὴν κοίλην ὁ ΘΚΛ, ὥστε τὸ μεταξὺ τῶν κύκλων διάστημα πάχους ἦτοι βάθους τυγχάνειν τῆς ἡλιακῆς σφαίρας. καὶ διήχθω διὰ τοῦ Μ κέντρου διάμετρος ἡ ΕΜΗ, καὶ γεγράφθω ὁ ΕΛ κύκλος ἐφαπτόμενος τῶν ΖΗΕ, ΚΘΛ κατὰ <τὰ> Ε, Λ σημεία, οὗ κέντρον ἔστω ἐπὶ τῆς διαμέτρου τὸ Ξ. ἔσται ἄρα ὁ εἰρημένος ἑκκεντρος ἐν τῇ σφαίρᾳ, τοιαύτην ἔχων τὴν θέσιν ἐφ' οὗ ὡς ἐδείξαμεν ὁμαλῶς κινούμενος ὁ ἀστὴρ ἀνομάλως φαίνεται διεξιὼν τὰς τοῦ διὰ μέσων περιφερείας. καὶ ἐπεὶ ὅτ' ἐπὶ τοῦ Ε τυγχάνει ὁ ἥλιος ἀπογειότατος γινόμενος ἐπὶ τοῦ ΕΖΗ κύκλου ἐστίν, ὅτε δὲ ἐπὶ τοῦ Λ περιγειότατος γινόμενος ἐπὶ τοῦ ΘΚΛ, δηλὸν ὡς καὶ κατὰ βάθος κινήσεται ἐν τῇ σφαίρᾳ αὐτοῦ τὴν ἐξῆς ἀποδειχθησομένην πηλικότητα.

854 Ἵνα δὲ καὶ ἐπὶ τοῦ ὁμοκέντρου ἢ τὸν ἐπίκυκλον φέρουσα ὑπόθεσις ὑπ' ὅψιν ἡμῖν γένηται, ὑποκείσθω ὡς ἐπὶ τοῦ β' θεωρήματος ἄνευ τοῦ ἐκκεντροῦ ἢ ὁμοία καταγραφὴ, καὶ γεγράφθω κατὰ μέσου τοῦ τῆς ἡλιακῆς σφαίρας βάθους ὁ ΟΠΡ ὁμόκεντρος καὶ ἐπ' αὐτοῦ ὁ ἐπίκυκλος περὶ τὸ Ο κέντρον ἐφαπτόμενος τῶν ΕΖΗ, ΘΚΛ κύκλων κατὰ τὰ Ε, Θ. φανερόν οὖν ὅτι κινούμενον τοῦ ἡλίου ἐπὶ τοῦ κύκλου καὶ πῇ μὲν γινομένου κατὰ τὸ Ε, πῇ δὲ κατὰ τὸ Θ, πῇ δὲ καὶ κατ' ἄλλων αὐτοῦ μερῶν, καὶ κατ' αὐτὴν τὴν ὑπόθεσιν κατὰ βάθος κινήσεται. § «Ἐπὶ μὲν οὖν τῆς τοιαύτης» τουτέστιν τῆς εἰρημένης ἀπλουστερας, «κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσεως, αἰὲ συμβέβηκεν τὴν μὲν ἐλαχίστην κίνησιν κατὰ τὸ ἀπογειότατον» φαίνεσθαι ποιούμενον τὸν ἀστέρα «τὴν «δὲ μεγίστην κατὰ τὸ περιγειότατον, ἐπεὶ καὶ πάντοτε» ὡς ἐπὶ τῆς προκειμένης τοῦ ἐκκεντροῦ καταγραφῆς «ἡ ὑπὸ ΑΖΒ γωνία» πρὸς τῇ ὀψει φαινομένη «ἐλάττων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΑΕΒ» ὁμαλῆς τῇ ὑπὸ ΖΒΕ, ἡ δὲ ὑπὸ ΓΖΔ πρὸς τῷ περιγίῳ φαινομένη μείζων τῆς ὑπὸ ΓΕΔ ὁμαλῆς τῇ ὑπὸ ΕΓΖ, τῶν ὁμαλῶν κινήσεων ἴσων δηλαδὴ καὶ ἰσοχρονίων οὐσῶν.

855 «Ἐπὶ δὲ τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως ἀμφοτέραι δύνανται» παρακολουθεῖν, καὶ κατὰ τὸ ἀπόγειον τοῦ ἀστέρος τυγχάνοντος τὴν μεγίστην καὶ ἐλαχίστην κίνησιν ἀποτελεῖσθαι, καὶ κατὰ τὸ περίγειον ὁμοίως. καθάπερ ἐπὶ τῆς προκειμένης καταγραφῆς, ἐὰν τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τοῦ Α τυγχάνοντος καὶ ὁ ἀστὴρ ἐπὶ τοῦ Ζ ἀπογείου ὑποκείται, τοῦ ἐπικύκλου ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Γ εἰς τὰ ἐπόμενα κινούμενου, εἰ μὲν ὁ ἀστὴρ ἀπὸ τοῦ Ζ ἀπογείου τοῦ ἐπικύκλου ὁμοίως εἰς τὰ ἐπόμενα ὡς ἐπὶ τὸ Η κινεῖτο, μείζονα καθὼς ἐδηλοῦμεν τὴν ὑπὸ ΑΕΗ φανήσεται κινήθεις τῆς ὑπὸ ΑΕΓ ὁμαλῆς, «διὰ τὸ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὸν τε ἐπίκυκλον καὶ τὸν ἀστέρα τότε «μετακινεῖσθαι». ἐὰν δὲ τοῦ ἐπικύκλου εἰς τὰ ἐπόμενα ὡς ἔφαμεν τὴν ὁμαλὴν ἀρόδον ποιούμενου, ὁ ἀστὴρ εἰς τὰ προηγούμενα τοῦ ἐπικύκλου ποιῇται τὴν ἀρόδον, ὡς ἀπὸ τοῦ Ζ ἐπὶ

τὸ Κ, ἐλάττονα τῆς ὑπὸ ΑΕΓ ὁμαλῆς, «διὰ τὸ ἐπὶ τὰ ἐναντία τῆς τοῦ ἐπικύκλου μεταβάσεως τὸν ἀστέρα «τότε μετακινεῖσθαι», διαφοραὶ δὲ ἔσσονται τῆς ὁμαλῆς παρόδου παρὰ τὴν φαινομένην αἰ ὑπὸ ΗΕΖ, ΚΖΕ. §Καὶ δῆλον ὅτι αἱ διαφοραὶ τῶν δύο κινήσεων τῆς τε ὁμαλῆς καὶ τῆς φαινομένης, ἐπὶ μὲν τῆς κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσεως πρὸς τῇ περιφερείᾳ τοῦ ἐκκέντρου συνίστανται ὡς ἐπάνω αἰ ὑπὸ ΖΒΕ, ΕΓΖ, ἐπὶ δὲ τῆς κατ' ἐπίκυκλον πρὸς τῷ κέντρῳ τοῦ ὁμοκέντρου ὡς ἐπὶ τῆς προκειμένης καταγραφῆς αἰ ὑπὸ ΖΕΗ, ΖΕΚ. §Τούτων οὖν τῶν δύο ὑποθέσεων τὸν εἰρημένον τρόπον περιεχουσῶν «ἐξῆς κάκεῖνο προλημπτέον ὅτι ἐπὶ μὲν τῶν δισσὰς ποιουμένων ἀνωμαλίας», τουτέστιν ἐφ' ὧν ἀστέρων οὐκ ἔξαρκεῖ ἡ κατάλημψις τῶν εἰρημένων διαφορῶν πρὸς τὴν συμφωνίαν τῶν ἐκ τῶν τηρήσεων καταλαμβανομένων αὐτῶν ἐποχῶν ἀλλὰ καὶ ἐτέρας δεῖται διορθώσεως, «ἀμφοτέρας τὰς «ὑποθέσεις συμβαίνει συμπλέκεσθαι» οἶονεὶ τὸν ἐπίκυκλον ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου φέρεσθαι καὶ ὅσα ἄλλα σύμφωνα πρὸς τὴν ἐφαρμογὴν τῶν διὰ τῶν ὀργάνων καταλήμψεων καταλαμβάνεται, ὡς ἐν τοῖς οἰκείοις τόποις ἀποδώσομεν.

856 Ἐπὶ δὲ τῶν μιᾶ τῶν εἰρημένων διαφορῶν ἀρκουμένων ἀστέρων πρὸς τὴν εἰρημένην κατάλημψιν, καθάπερ ἐπὶ τοῦ ἡλίου, εὐρίσκομεν καὶ μιᾶ τῶν εἰρημένων ἀπλῶν ὑποθέσεων ἀρκεῖν. § Εἴτα εἰπὼν μιᾶ ὁποιοῦν τῶν εἰρημένων ὑποθέσεων ἀρκεῖσθαι, δηλαδὴ ὡς τὰ αὐτὰ φαινόμενα ἀπαραλλάκτως αὐτῶν δεικνυσῶν, διαλαμβάνει περὶ τῆς ὁμοιότητος αὐτῶν, καὶ ἀρχόμενος τῆς τοιαύτης ἀποδείξεως, ὀρίζεται τὰ καθόλου ὀφείλοντα ἐν ἑκατέρᾳ αὐτῶν προλαμβάνεσθαι πρὸς τὴν τῆς ὁμοιότητος ἐφαρμογὴν καὶ φησι τὰ αὐτὰ ἀπαραλλάκτως φαινόμενα δύνασθαι δεικνύναι τὰς εἰρημένας ὑποθέσεις ὅταν ὃν ἔχει λόγον ἐπὶ τῆς κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσεως ἢ ΖΕ μεταξὺ τῶν κέντρων τοῦ τε ζωδιακοῦ καὶ τοῦ ἐκκέντρου πρὸς τὴν ΕΑ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ἐκκέντρου τοῦτον ἔχη τὸν λόγον ἐπὶ τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως ἢ ΖΑ ἐκ τοῦ κέντρου <τοῦ> ἐπικύκλου πρὸς τὴν ΑΕ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ὁμοιοκέντρου καὶ ἔτι ἐν ὅσῳ χρόνῳ ὁ ἀστήρ τὸν ἑκκεντρον κύκλον ἀκίνητον μένοντα ὡς εἰς τὰ ἐπόμενα ὁμαλῶς κινούμενος ἀποκαθίσταται, ἐν τοσούτῳ καὶ ὁ ἐπίκυκλος τὸν ὁμόκεντρον εἰς τὰ ἐπόμενα πάλιν ὁμαλῶς κινούμενος ἀποκαθίσταται καὶ ἔτι ὁ ἀστήρ τὸν ἐπίκυκλον, τῆς μέντοι τοῦ ἀστέρος ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου μεταβάσεως εἰς τὰ προηγούμενα τουτέστιν ἀπὸ τοῦ Ζ ἐπὶ τὸ Κ γινομένης εἰς τὸ Θ. ἢ καὶ ἡ τοιαύτη τοῦ ἀστέρος μετάβασις σύμφωνον τῇ κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσει τὴν κατ' ἐπίκυκλον ἐποίει καὶ αὐτῆς τότε πρὸς τοῖς ἀπογειοτέροις μέρεσιν ἐλάττονα ποιούσης τὴν φαινομένην καὶ ἀκριβῆ πάροδον τῆς ὁμαλῆς, πρὸς δὲ τοῖς περιγειοτέροις μείζονα ἢ καὶ ἔτι κατὰ τὸ ἀπόγειον ἐν ἑκατέρᾳ τὴν ἐλαχίστην πάροδον, κατὰ δὲ τὸ περίγειον τὴν μεγίστην ὡς ἐν τοῖς ἐξῆς ἀποδείξομεν, ὅπερ ἴδιον τῆς κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσεως κατελαμβάνετο.

857 Ἐπεσημνήματο δὲ τὸν ἑκκεντρον ἀμετάπτωτον τυγχάνειν, διὰ τὸ ἐπὶ τῆς τῶν ἄλλων ὑποθέσεως κινούμενον αὐτὸν καταλαμβάνεσθαι, καὶ δέον εἶναι καὶ τὴν κίνησιν αὐτοῦ ἐπιλογίζεσθαι. Ἔτι δὲ καὶ τῶν εἰρημένων λόγων καὶ ἀποκαταστάσεων ἐφ' ἑκατέρας τῶν ὑποθέσεων ὑποκειμένων τὰ αὐτὰ φαινόμενα ἀπαραλλάκτως καθ' ἑκατέραν αὐτῶν ἀποτελεσθήσεσθαι, δείκνυσιν καὶ διὰ τῶν γραμμῶν «καὶ «διὰ τῶν ἐφοδευομένων ἐπὶ τῆς τοῦ ἡλίου ἀνωμαλίας ἀριθμῶν». § Ὅτι δὲ καὶ ἐὰν κατὰ τὸ ἐξῆς ἴσαι περιφέρειαι ἀπολημφθῶσιν ἀπὸ τοῦ ἀπογείου, ἢ ἀπογειοτέρα φαινομένη ἐλάττων ἐστὶν τῆς περιγειοτέρας, δείξομεν πάλιν ἐφ' ἑκατέρας τῶν ὑποθέσεων καὶ πρότερον ἐπὶ τῆς κατ' ἐκκεντρότητα. Ἔστω γὰρ ἑκκεντρος κύκλος ὁ ΑΒΓΔ περὶ κέντρον τὸ Ε καὶ διάμετρον τὴν ΑΕΔ, ἐφ' ἧς ὑποκείσθω τὸ κέντρον τοῦ διὰ μέσων τὸ Ζ.

858 καὶ ἀπειλήφθωσαν ἀπὸ τοῦ Α ἀπογείου ἐξῆς δύο ἴσαι περιφέρειαι τῆς ὁμαλῆς κινήσεως αἱ ΑΒ, ΒΓ· καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΕΒ, ΕΓ· καὶ ἔτι αἱ ΖΒ, ΖΓ. φανερόν δὲ ὅτι αἱ μὲν ὑπὸ ΑΕΒ, ΒΕΓ γωνίαι τῆς ὁμαλῆς κινήσεως εἰσιν, αἱ δὲ ὑπὸ ΑΖΒ, ΒΖΓ τῆς φαινομένης· καὶ ἀπογειοτέρα μὲν ἡ ὑπὸ ΑΖΒ, περιγειοτέρα δὲ ἡ ὑπὸ ΒΖΓ. λέγω οὖν ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΒΖΓ τῆς ὑπὸ ΑΖΒ.

Ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ AB, BG. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ AB εὐθεῖα τῇ BG, κοινὴ δὲ <ή> BZ, καὶ βάσις ἡ AZ βάσεως τῆς ΓΖ μείζων, γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ABZ γωνίας τῆς ὑπὸ GBZ μείζων ἐστίν. Ἐκβεβλήσθω ἡ BZ ἐπὶ τὸ H, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ AH, GH. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ AB εὐθεῖα τῇ BG, κοινὴ δὲ ἡ BH, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ABH γωνίας τῆς ὑπὸ HBG μείζων, βάσις ἄρα ἡ AH βάσεως τῆς GH μείζων ἐστί. Κείσθω τῇ GH ἴση ἡ HΘ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΘΖ· ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ GH τῇ HΘ, κοινὴ δὲ ἡ HZ, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ GHZ γωνία τῇ ὑπὸ ΘHZ ἴση ἐστίν, ἐπεὶ καὶ περιφέρεια ἡ AB τῇ BG, βάσις ἄρα ἡ ΓΖ βάσει τῇ ΘΖ ἴση ἐστίν· καὶ τὸ ΓZH τρίγωνον τῷ ΘZH· καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΓZH γωνία ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΘZH· καὶ λοιπὴ ἡ ὑπὸ ΓΖB λοιπὴ τῇ ὑπὸ ΘΖB ἴση. Μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ ΓΖB περιγειότερα φαινομένη πάροδος τῆς ὑπὸ AZB ἀπογειοτέρας φαινομένη <σ>. Ὀμοίως δὲ δειχθήσεται ὅτι καὶ ἐὰν ἀπὸ τοῦ Δ περιγείου ἴσας περιφερείας ἀπολάβωμεν ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου τῆς ὁμαλῆς παρόδου, μείζων ἔσται ἡ περιγειότερα φαινομένη πάροδος τῆς ἀπογειοτέρας. § Ἴνα δὲ καὶ ἐπὶ τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως τὴν αὐτὴν ἀπόδειξιν ποιησώμεθα, ἔστω ὁ μὲν ὁμόκεντρος τῷ διὰ μέσων τῶν ζωδίων καὶ ἐν τῷ ἐπιπέδῳ αὐτοῦ κείμενος ὁ ABΓ κύκλος, περὶ κέντρον τὸ E, καὶ διάμετρον τὴν AEΔ· ὁ δ' ἐπ' αὐτοῦ φερόμενος ἐπίκυκλος ὁ ΖΗ. καὶ ὑποκείσθω, ὅταν μὲν ὁ ἐπίκυκλος ἐπὶ τοῦ Α τυγχάνῃ, καὶ ὁ ἀστήρ κατὰ τοῦ Ζ ἀπογείου. καὶ κεκινήσθω ὁ ἐπίκυκλος ὁμαλῶς δύο ἴσας περιφερείας τὰς AB, BG. καὶ ἐν ὅσῳ μὲν ὁ ἐπίκυκλος τὴν AB, ἐν τοσούτῳ καὶ ὁ ἀστήρ ἀπὸ τοῦ Ζ ἀπογείου ἐπὶ τὰ προηγούμενα κεκινήσθω τὴν ΖΗ, ὁμοίαν γινομένην τῇ AB διὰ τὴν ἰσοχρονιότητα τῶν ἀποκαταστάσεων.

- 859 ἐν ὅσῳ δὲ ὅλην τὴν ΑΓ, ἐν τοσούτῳ πάλιν ὁ ἀστήρ τὴν ΖΘ ὁμοίαν αὐτὴν τυγχάνουσιν. καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ EBZ, EH, EΓZ, EΘ. Δῆλον δὴ ὅτι ὁ ἀστήρ πρότερον μὲν ἐπὶ τῆς EAZ φαινόμενος, ἐξῆς ἐπὶ τῆς EH ἐφάνη, εἴτα πάλιν ἐπὶ τῆς EΘ, ὥστε τῆς μὲν ὑπὸ AEB ὁμαλῆς παρόδου φαινομένην γίνεσθαι τὴν ὑπὸ AEH, τῆς δὲ ὑπὸ BEΓ ὁμαλῆς τὴν ὑπὸ HEΘ φαινομένην. Λέγω οὖν ὅτι ἡ ἀπογειοτέρα φαινομένη τουτέστιν ἡ ὑπὸ AEH, τῆς περιγειοτέρας φαινομένης τουτέστιν τῆς ὑπὸ HEΘ ἐλάττων ἐστίν. Ἐπεὶ γὰρ ἡ ΑΓ περιφέρεια διπλασίων ἐστὶν τῆς AB, ὁμοία δὲ ἡ μὲν ΑΓ τῇ ΖΘ, ἡ δὲ AB τῇ ΖΗ, διπλὴ ἄρα καὶ ἡ ΖΘ τῆς ΖΗ. τετμήσθω ἡ ΖΘ δίχα κατὰ τὸ Κ· ἐκάτερα ἄρα τῶν ΖΚ, ΚΘ ἴση ἐστὶν τῇ ΖΗ· ἐπεξεύχθω ἡ ΚΕ. Λέγω πρῶτον ὅτι ἡ ὑπὸ ΖΕΚ μείζων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΚΕΘ. Ἐκκείσθω γὰρ χωρὶς ἡ καταγραφὴ μόνου τοῦ περὶ τὸ Γ ἐπικύκλου· καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΖΚ, ΚΘ· καὶ ἔτι αἱ ΑΛ, ΛΘ· ἐπεὶ οὖν μείζων ἐστὶν ἡ ΖΑ εὐθεῖα τῆς ΘΛ, κείσθω τῇ ΛΘ ἴση ἡ ΛΜ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΕΜ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΛΜ τῇ ΛΘ, κοινὴ δὲ ἡ ΛΕ, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΜΛΕ γωνία τῇ ὑπὸ ΘΛΕ ἐστὶν ἴση, ἐπεὶ καὶ αἱ ἐφεξῆς αὐταῖς διὰ τὸ καὶ τὴν ΖΚ περιφέρειαν τῇ ΚΘ ἴσην εἶναι, βάσις ἄρα ἡ ΜΕ βάσει τῇ ΘΕ ἐστὶν ἴση. καὶ τὸ ΜΛΕ τρίγωνον τῷ ΘΛΕ τριγώνῳ ἴσον ἔσται. Καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΜΕΛ γωνία τῇ ὑπὸ ΘΕΛ. ὥστε μείζων ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΖΕΚ τῆς ὑπὸ ΚΕΘ. Εἴτα πάλιν ἐπὶ τῆς τοῦ ὁμοκέντρου καταγραφῆς, ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΗΒ, ΚΓ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΖΓΚ τῇ ὑπὸ ΖΒΗ, ἴση ἐστὶν καὶ λοιπὴ ἡ ὑπὸ <Κ> ΓΕ τῇ ὑπὸ ΗΒΕ· καὶ ἔστιν ὡς ἡ ΕΓ πρὸς ΓΚ οὕτως ἡ ΕΒ πρὸς ΒΗ.
- 860 ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶν τὸ ΕΓΚ τρίγωνον τῷ ΕΒΗ τριγώνῳ· ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΓΕΚ γωνία ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΒΕΗ. Μείζων δὲ ἡ ὑπὸ ΓΕΚ τῆς ὑπὸ ΚΕΘ. μείζων ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ ΒΕΗ τῆς ὑπὸ ΚΕΘ. Καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΕΒ τῇ ὑπὸ ΒΕΓ, ὡν ἡ ὑπὸ ΗΕΒ τῇ ὑπὸ ΚΕΓ ἐστὶν ἴση, λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΕΗ τῇ ὑπὸ ΒΕΚ ἴση ἐστίν. Καὶ ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΗΕΒ τῆς ὑπὸ ΘΕΚ, κοινῆς προστεθείσης τῆς ὑπὸ ΒΕΘ, μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ ΗΕΘ τῆς ὑπὸ ΒΕΚ. ἴση δὲ ἡ ὑπὸ ΒΕΚ τῇ ὑπὸ ΑΕΗ. μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ ΗΕΘ τῆς ὑπὸ ΑΕΗ. Ὡστε ἡ ἀπογειοτέρα φαινομένη πάροδος τουτέστιν ἡ ὑπὸ ΑΕΗ, ἐλάττων ἐστὶ τῆς περιγειοτέρας φαινομένης παρόδου, τουτέστιν τῆς ὑπὸ ΗΕΘ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. § Ὀμοίως δὲ καὶ ἐὰν κατὰ τὸ ἐξῆς ἐκάτερας τῶν AB, BG ἴσας ἀπολάβωμεν τῆς ὁμαλῆς παρόδου τοῦ ἀστέρος περιγειοτέρου γινομένου, διὰ τὴν ἰσοχρονιότητα τῶν κινήσεων μείζων δειχθήσεται ἡ

περιγειοτέρα φαινομένη πάροδος τῆς ἀπογειοτέρας. Διὸ καὶ ἔλεγεν τὴν μὲν ἐλαχίστην πάροδον κατὰ τὸ ἀπογειότατον ἀποτελεῖσθαι τὴν δὲ μεγίστην κατὰ τὸ περιγειότατον, ἐπειδὴ περ κἂν βραχύτατα τινες περὶ ταῦτα τὰ σημεῖα ἀποληφθῶσιν τῶν ἴσων καὶ ἰσοχρονίων ὁμαλῶν παρόδων, ἡ ἀπογειοτέρα φαινομένη πάροδος πάντοτε ἐλάττων καταλαμβάνεται διὰ τῶν τοιούτων δείξεων τῆς περιγειοτέρας, ἡ δὲ περιγειοτάτη δηλαδὴ μείζων.

861 ΣΕῖθ' ἐξῆς λαμβάνων ἐφ' ἑκατέρας τῶν ὑποθέσεων τὴν τῶν εἰρημένων λόγων ὁμοιότητα καὶ τῶν ἀποκαταστάσεων ἰσοχρονιότητα, δείκνυσιν ὅτι καθ' ἑκατέραν αὐτῶν, ὅταν ἐπὶ τῆς κατ' ἐπικύκλον ὁ ἀστήρ ἀπὸ τοῦ ἀπογείου τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τὰ προηγούμενα ποιῆται τὴν κίνησιν, ἡ μεγίστη διαφορὰ γίνεται τῆς ὁμαλῆς κινήσεως παρὰ τὴν φαινομένην ἀνώμαλον καθ' ἣν καὶ ἡ μέση ἦτοι ὁμαλὴ πάροδος τῶν ἀστέρων θεωρεῖται, § τουτέστιν ὅταν ἡ ἀπὸ τῆς ὀψews ἦτοι τοῦ κέντρου τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ἐπὶ τὸν ἀστέρα ἐπιζευγνυμένη εὐθεῖα πρὸς ὀρθὰς τυγχάνῃ τῇ διὰ τῶν ἀπογείων καὶ περιγείων διαμέτρων. § Καλεῖ δὲ τὴν κατὰ τῆς τοιαύτης θέσεως πάροδον μέσην οἶονεὶ ὁμαλήν, διὰ τὸ ἀδιάφορον τῇ ὁμαλῇ τὴν φαινομένην τότε καταλαμβάνεσθαι ἐπὶ πολὺ τῆς αὐτῆς πρὸς αἴσθησιν μενούσης τῆς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορᾶς.

863 Σ'Ετι δὲ συναποδείκνυσιν ὅτι ὁ χρόνος ἐν ᾧ τοῦτο τὸ ἀπογειότερον τοῦ διὰ μέσων τεταρτημόριον φαίνεται κινούμενος μείζων ἐστὶν τοῦ χρόνου τοῦ ἐν ᾧ τὸ περιγειότερον τεταρτημόριον φαίνεται κινούμενος, ὅπερ συμβαίνει αἰεὶ ἐπὶ τῆς κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσεως, καὶ κατὰ τὴν τῶν ἐπικύκλων δέ, ὅταν ὁ ἀστήρ εἰς τὰ προηγούμενα τοῦ ἐπικύκλου ποιῆται τὴν κίνησιν· ὅταν δὲ εἰς τὰ ἐπόμενα ἀνάπαλιν ὁ ἀπὸ τῆς μεγίστης κινήσεως τουτέστιν ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἐπὶ τὴν μέσην πάροδον χρόνος μείζων ἀποτελεῖται τοῦ ἀπὸ τῆς μέσης ἐπὶ τὴν ἐλαχίστην, τουτέστιν ἐπὶ τὸ περιγειότερον, διὰ τὸ ἐπὶ τῆς τοιαύτης εἰς τὰ ἐπόμενα τοῦ ἐπικύκλου τοῦ ἀστέρος μεταβάσεως γινομένης, κατὰ μὲν τὸ ἀπόγειον τὴν μεγίστην πάροδον ἀποτελεῖσθαι κατὰ δὲ τὸ περίγειον τὴν ἐλαχίστην, ὡς ἐξῆς δείξομεν, ἐπεὶ καὶ ἐπὶ ταύτης τὴν ἀπογειοτέραν φαινομένην πάροδον μείζονα δείκνυμεν τῆς περιγειοτέρας. ΣΕῖθ' ἐξῆς ποιούμενος τὴν τοιαύτην ἀπόδειξιν ἐρεῖ πάλιν, «ὅτι μὲν οὖν «ὄν ἂν ἔχη λόγον ἡ ὑπὸ EBZ γωνία» ἐπὶ τῆς ἐκτεθειμένης αὐτῷ κατ' ἐκκεντρότητα καταγραφῆς «πρὸς δ ὀρθὰς, τοῦτον ἔχει τὸν λόγον καὶ «ἡ τοῦ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόρου περιφέρεια πρὸς τὸν ὅλον κύκλον», ἐπειδὴ περ ἡ μὲν ὑπὸ AEB γωνία μείζων οὔσα ὀρθῆς, μείζονα τεταρτημορίου περιφέρειαν ἀπολαμβάνει, ἡ δὲ ὑπὸ AZB ὀρθὴ τεταρτημόριον· ὥστε καὶ τὴν ὑπὸ EBZ ὑπεροχὴν τυγχάνουσιν τῶν εἰρημένων γωνιῶν, τὴν ὑπεροχὴν τῶν εἰρημένων δύο περιφερειῶν ἀπολαμβάνειν πρὸς τῷ κέντρῳ συνισταμένην.

864 Ὅτι δὲ κατάδηλον γίνεται τὸ λεγόμενον οὕτως· ἐπεὶ αἱ ὁμαλαὶ καὶ αἱ ἀκριβεῖς ἐποχαὶ ἐπὶ τοῦ διὰ μέσων λαμβάνονται δηλαδὴ καὶ αἱ διαφοραὶ, γεγράφθω περὶ τὸ Z κέντρον ὁ ΛΗΚΔ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλος· καὶ διὰ τοῦ Z τῇ EB παράλληλος ἦχθω ἡ ΖΚ· καὶ διήχθωσαν αἱ ΑΓ, ΖΒ ἐπὶ τὰ Δ, Λ, Η σημεῖα. ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ μὲν ὑπὸ EZK γωνία τῇ ὑπὸ AEB τῆς ὁμαλῆς παρόδου, ἡ δὲ ὑπὸ HZK τῇ ὑπὸ EBZ τῆς παρὰ τὴν ὁμαλήν κίνησιν διαφορᾶς. καὶ ἐπεὶ ὄν ἔχουσιν λόγον αἱ γωνίαι πρὸς ἀλλήλας ὅταν πρὸς τοῖς κέντροις ᾧσιν τοῦτον ἔχουσιν καὶ αἱ περιφέρειαι αἱ ἐφ' ᾧ βεβήκασιν, ὄν ἄρα ἔχει λόγον <ἡ> ὑπὸ HZK πρὸς τῷ κέντρῳ τοῦ διὰ μέσων τυγχάνουσα πρὸς τέσσαρας ὀρθὰς, τοῦτον ἔχει τὸν λόγον καὶ ἡ HK περιφέρεια πρὸς τὸν ὅλον κύκλον. καὶ ἐστὶν ἡ HK τοῦ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόρου· ὥστε ὄν ἂν ἔχη λόγον ἡ τοῦ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόρου γωνία πρὸς τὰς δ ὀρθὰς, τοῦτον ἔχει τὸν λόγον καὶ ἡ περιφέρεια ἐφ' ἣς βέβηκεν ἡ πρὸς τῷ κέντρῳ συνισταμένη, πρὸς τὸν ὅλον κύκλον. ΣΕῖτα ἀποδείξας πρὸς ταῖς εἰρημέναις μέσαις παρόδοις τὰς μεγίστας διαφορὰς συνισταμένας, συναποδείκνυσιν «ὅτι καὶ ἡ

ΑΒ περιφέρεια «ἥτις περιέχει τὸν ἀπὸ τῆς ἐλαχίστης κινήσεως» τουτέστιν τοῦ ἀπογείου «ἐπὶ τὴν μέσην» πάροδον «χρόνον, μείζων ἐστὶν τῆς ΒΓ, ἥτις περιέχει «τὸν ἀπὸ τῆς μέσης .

865

.. ἐπὶ τὴν μεγίστην ... δυσὶν ταῖς τὸ διάφορον ... πε«ριεχούσαις περιφερείαις.» Ἐπειδήπερ, ἐὰν διὰ τοῦ Ε τῇ ΖΒ παράλληλον ἀγάγωμεν τὴν ΕΘ, ἡ μὲν ΑΘ ἴση γίνεται τῇ ΘΓ· μείζων ἄρα ἡ ΑΘ τῆς ΒΓ τῇ ΘΒ. ὥστε ὅλη ἡ ΑΒ τῆς ΒΓ μείζων ἐστὶν τῇ διπλασίονι τῆς ΘΒ ὑποτείνουση <σ> τὴν ὑπὸ ΘΕΒ γωνίαν ἴσην τῇ ὑπὸ ΕΒΖ τὸ διάφορον περιεχούση τῆς ἀνωμαλίας. Ἦ καὶ ἐπὶ τῶν περιφερειῶν τοῦ διὰ μέσων, οὕτως· ἐπὶ τῆς κατὰ τὸ Β μέσης παρόδου ἡ ὁμαλὴ ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ ἐστὶν κατὰ τὸ Κ, διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν ὑπὸ ΑΕΒ γωνίαν τῇ ὑπὸ ΑΖΚ ἡ δὲ ἀκριβὴς κατὰ τὸ Η. ἡ ἄρα ΗΚ περιφέρειά ἐστὶν τοῦ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόρου. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΔΗ περιφέρεια τῇ ΗΛ περιφερείᾳ, ἡ ἄρα ΛΗ τῆς ΚΔ μείζων ἐστὶν τῇ ΗΚ. ὥστε ὅλη ἡ ΛΚ, ἀπὸ τοῦ Λ ἀπογείου ἐπὶ τὴν κατὰ τὸ Κ τῆς μέσης παρόδου ἐποχὴν, μείζων ἐστὶν τῆς ΚΔ ἀπὸ τῆς αὐτῆς κατὰ τὸ Κ ἐποχῆς ἐπὶ τὸ περίγειον, τῇ διπλασίονι τῆς ΗΚ, τὸ διάφορον περιεχούση. Ὡστε καὶ καθόλου ἐπὶ τῆς κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσεως, ἐὰν μὴ ἡ ὁμαλὴ πάροδος καθάπερ ἐπὶ τῶν εϋπλανομένων περὶ τὸ τοῦ ζωδιακοῦ κέντρον ἀποτελεῖται, ἐκεῖ φαμεν τὴν ὁμαλὴν ἐποχὴν ἐπὶ τοῦ διὰ μέσων τυγχάνειν, ἔνθα πίπτει ἡ εὐθεῖα <ἴσην ποιῶν> γωνίαν πρὸς τῷ κέντρῳ τοῦ ζωδιακοῦ τῇ γινομένη ὑπὸ τῆς ὁμαλῶς περιανομένης καὶ τῆς διὰ τῶν ἀπογείων· οὕτω γὰρ ἂν τῆς τοῦ ζωδιακοῦ περιφερείας ὁμοίας συνισταμένης τῇ ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου ὁμαλῇ δεόντως ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ ἐκβάλλεται ἡ ὁμαλὴ πάροδος.

866

ΣΕῖτα ἐξῆς ἐπὶ τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως δεῖξαι βουλόμενος τὸ αὐτὸ τοῦτο συμβαῖνον φησιν· «ἔστω ὁμόκεντρος τῷ κόσμῳ» καὶ ἐν τῷ ἐπιπέδῳ τοῦ διὰ μέσων «ὁ ΑΒΓ, περὶ κέντρον τὸ Δ, καὶ διάμετρον τὴν ΑΔΒ· ὁ δ' ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ φερόμενος ἐπ' αὐτοῦ ἐπίκυκλος ὁ ΕΖΗ, «περὶ κέντρον τὸ Α.

867

καὶ ὑποκείσθω ὁ ἀστήρ κατὰ τὸ Η». ἀπὸ τοῦ Ε ἀπογείου ἐπὶ τὰ προηγούμενα τοῦ ἐπικύκλου τὴν ΕΗ περιφέρειαν κινηθήσεται «τεταρτημόριον ἀπέχων φαίνεται τοῦ κατὰ τὸ ἀπόγειον σημείου», τουτέστιν ὅταν ἡ ἀπὸ τῆς ὀψεως ἐπὶ τὸν ἀστέρα ἐπιζευγνυμένη εὐθεῖα ὀρθὴν ποιῇ γωνίαν πρὸς τὴν διὰ τοῦ ἀπογείου καὶ τοῦ περιγείου διάμετρον. «Καὶ ἐπεξεύχθωσαν ἡ τε ΑΗ καὶ ἡ ΔΗ. λέγω ὅτι ἡ ΔΗΓ ἐφάπτεται «τοῦ ἐπικύκλου· τότε γὰρ τὸ πλεῖστον γίνεται διάφορον τῆς ὁμαλῆς κινήσεως παρὰ τὴν φαινομένην ἀνώμαλον». Ἵνα δὲ σαφεστέρα γένηται ἡ προειρημένη ἀπόδειξις, διήχθω διὰ τοῦ Δ ἡ ΛΔΝΜΞ διάμετρος, πρὸς ὀρθὰς τῇ ΔΓ, ἐφ' ἧς ἀπογειότατος καὶ περιγειότατος ὁ ἀστήρ γίνεται. καὶ γεγράφθω περὶ τὸ Μ ὁ ΞΝ ἐπίκυκλος οὕτως ἔχων δηλαδὴ ὥστε καὶ τὸν ἀστέρα τότε κατὰ τοῦ Ξ ἀπογείου τυγχάνοντα φαίνεσθαι περιγραφέντος τοῦ ΟΠΡ ζωδιακοῦ κατὰ τὸ Ο. καὶ ἐν ᾧ ὁ ἐπίκυκλος κεκίνηται τὴν ΜΑ, ἐν τοσοῦτῳ καὶ ὁ ἀστήρ ἐπὶ τὰ προηγούμενα τοῦ ἐπικύκλου τὴν ΕΗ κινηθεὶς καὶ κατὰ τοῦ Η τυγχάνων, φαίνεσθω κατὰ τὸ Π, ἀπέχων ἀπὸ τῆς πρὸς τῷ Ο κατὰ τὸ ἀπόγειον ἐποχῆς τὴν ΟΠ τεταρτημοριαίαν περιφέρειαν, τουτέστιν τὴν ὑπὸ ΟΔΠ πρὸς τῇ ὀψει ὀρθὴν γωνίαν. καὶ δῆλον ὡς ὅτι διὰ τὴν ἰσοχρονιότητα τῶν ἀποκαταστάσεων ἴση ἔσται ἡ ὑπὸ ΜΔΑ γωνία τῆς τοῦ ἐπικύκλου μεταβάσεως, τῇ ὑπὸ ΕΑΗ τοῦ ἀστέρος διὰ τοῦτο δὲ καὶ παράλληλος ἡ ΔΜ <τῇ ΑΗ> . Φησὶν οὖν ὅτι «ἐπεὶ ἡ μὲν ὁμαλὴ ἀπὸ τοῦ ἀπογείου κίνησις περιέχεται «ὑπὸ τῆς ΕΑΗ» τουτέστιν τῆς ὑπὸ ΜΔΑ, διό φησιν «ἰσοταχῶς γὰρ ὅ τε «ἀστήρ τὸν ἐπίκυκλον καὶ ὁ ἐπίκυκλος τὸν ὁμόκεντρον διέρχονται· τὸ δὲ «διάφορον τῆς ὁμαλῆς κινήσεως παρὰ τὴν φαινομένην» ἀνώμαλον «ὑπὸ «τῆς ὑπὸ ΑΔΗ γωνίας περιέχεται· «φανερὸν ὅτι καὶ ἡ ὑπεροχὴ τῆς ὑπὸ ΜΔΑ πρὸς τὴν ὑπὸ ΑΔΗ, τουτέστιν ἡ ὑπὸ ΜΔΗ, τὴν φαινομένην τοῦ ἀστέρος πάροδον περιέχει. ὑπόκειται δὲ αὐτῇ ὀρθή· ὀρθὴ ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ ΔΗΑ, ἐναλλάξ γάρ, καὶ ἴση τῇ φαινομένῃ. «καὶ διὰ τοῦτο ἐφαπτομένη ἡ ΔΗΓ τοῦ ἐπικύκλου» τὴν μεγίστην ποιεῖται διαφορὰν τῆς ὁμαλῆς κινήσεως παρὰ τὴν φαινομένην ἀνώμαλον,

τουτέστιν τὴν ὑπὸ ΕΔΗ· εἰ γὰρ ταύτης μείζων συσταθήσεται, ἐκπεσεῖται ἢ τε εὐθεῖα καὶ ὁ ἀστήρ τοῦ ἐπικύκλου, ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γὰρ πάντοτε ἐπ' αὐτοῦ κινούμενος.

868 Σ'Ετι συναποδεικνύων καὶ ἐπὶ τῆς τοιαύτης ὑποθέσεως ὅτι ὁ ἀπὸ τῆς ἐλαχίστης κινήσεως ἐπὶ τὴν μέσην χρόνος μείζων ἐστὶν τοῦ ἀπὸ τῆς μέσης ἐπὶ τὴν μεγίστην δυοὶ ταῖς τὸ διάφορον περιεχούσαις περιφερείαις, χρῆται τῇ ἀποδείξει οὕτως· Ἐκβάλλων γὰρ τὴν ΔΗΘ καὶ πρὸς ὀρθὰς τῇ ΕΖ ἀγαγὼν τὴν ΑΚΘ, φησὶν· «ἴσαι μὲν γίνονται αἱ τε ὑπὸ ΚΑΗ καὶ ΑΔΗ γωνίαι», ἅτε ἐν ὀρθογωνίῳ τριγώνῳ τῷ ΑΔΘ, ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετον ἦχθαι καὶ ἰσογώνια γίνεσθαι τὰ τρίγωνα. καὶ ἐπεὶ πρὸς τοῖς κέντροις εἰσὶ τῶν κύκλων αἱ ἴσαι γωνίαι, ὁμοία ἄρα ἐστὶν καὶ ἡ ΑΓ περιφέρεια τῇ ΚΗ. ὥστε καὶ ἰσοχρόνιοι ἔσσονται αἱ ἐπ' αὐτῶν ὁμαλαὶ καὶ ἰσοταχεῖς κινήσεις. Ἐπεὶ οὖν διαφορὰ τῆς ὁμαλῆς κινήσεως παρὰ τὴν φαινομένην ἀνῶμαλον ἐδείκνυτο ἡ ὑπὸ ΑΔΗ γωνία τουτέστιν ἡ ΑΓ περιφέρεια· ταύτη δὲ ἰσοχρόνιος ἐδείχθη ἡ ΚΗ· ταύτη καὶ πρὸς τὴν ἀπόδειξιν συγχρώμενος δείκνυσιν ὅτι ὁ τῆς ΕΗ ὁμαλῆς παρόδου χρόνος τοῦ τῆς ΗΖ διαφέρει δυοὶ τοῖς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόροις τουτέστι δυοὶ ταῖς ΚΗ περιφερείαις. Καὶ ἔστιν αὐτόθεν φανερόν· ἐπειδὴ περ ἡ μὲν ΕΗ μείζων ἐστὶν τῆς ΕΚ τεταρτημοριαίας τῇ ΚΗ, ἡ δὲ ΖΗ ἐλάττων τῆς ΚΖ καὶ αὐτῆς τεταρτημοριαίας τῇ αὐτῇ τῇ ΚΗ, ὥστε ἡ ΕΗ τῆς ΗΖ ὑπερέχει δυοὶ ταῖς ΚΗ. Ἡ καὶ οὕτως· ἐπεὶ ἡ ΕΚ μείζων ἐστὶν τῆς ΗΖ τῇ ΚΗ, ἡ ἄρα ΕΗ μείζων ἐστὶν τῆς ΗΖ δυοὶ ταῖς ΚΗ. Ἔστι δὲ πάλιν προχειρότερον καὶ οὕτως ἀποδείξαι ὅτι ὁ ἀπὸ τῆς ἐλαχίστης κινήσεως τουτέστιν τοῦ ἀπογείου ἐπὶ τὴν μέσην χρόνος, οἶονεὶ ὁ τῆς ΜΑ, τοῦ ἀπὸ τῆς μέσης ἐπὶ τὸ περίγειον, τουτέστιν τοῦ τῆς ΑΛ, μείζων ἐστὶν δυοὶ ταῖς τὸ διάφορον περιεχούσαις, τουτέστι δυοὶ ταῖς ΑΓ. ἐπειδὴ περ πάλιν ἴσης οὔσης τῇ ΜΓ τῆς ΓΛ ἡ ΜΑ <τῆς Γ> Λ μείζων ἐστὶν τῇ ΓΑ.

869 ἡ ἄρα ΜΑ τῆς ΑΛ μείζων ἐστὶ δυοὶ ταῖς ΑΓ. ὅπερ ἔδει δεῖξαι. § Λέγω δὴ καὶ ὅτι ἡ ΔΓ εὐθεῖα [οὐκ] ἐφάπτεται τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τι σημεῖον μεταξὺ τῶν Γ, Ζ. μὴ γὰρ ἀλλ' εἰ δυνατόν ἐφαπτέσθω ἦτοι κατὰ τὸ Γ ἢ ἐπὶ τινος τῶν μεταξὺ τῶν Ε, Γ, καὶ πρότερον κατὰ τὸ Γ. καὶ καταγεγράφθω ἡ ὁμοία καταγραφὴ τοῦ τε ὁμοκέντρου καὶ τοῦ ἐπικύκλου· ἡ δὲ ΗΔ ἐφαπτέσθω κατὰ τὸ Γ· καὶ ἐπεζεύχθω ἀπὸ τοῦ Α κέντρου ἐπὶ τὴν ἀφὴν ἡ ΑΓ. ὀρθὴ ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΓΔ. καὶ ἔαν ἐκβάλωμεν τὴν ΔΓ ἐπὶ τὸ Ξ, ἔσται ἡ ὑπὸ ΑΓΞ ὀρθὴ γωνία ἐν μείζονι τμήματι ἡμικυκλίου τῷ ΑΓΞ, ὅπερ ἄτοπον. οὐκ ἄρα ἡ ἀπὸ τοῦ Δ κέντρου τοῦ ὁμοκέντρου ἐφάπτεται τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τὸ κοινὸν αὐτῶν σημεῖον. § Λέγω δὴ ὅτι οὐδὲ μεταξὺ τῶν Ε, Γ.

870 εἰ γὰρ δυνατόν, ἐφαπτέσθω κατὰ τὸ Κ, ὡς ἡ ΔΘΚ. καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΑΚ, ΑΘ. καὶ ἐπεὶ ἀπὸ τοῦ Α κέντρου ἐπὶ τὴν κατὰ τὸ Κ ἀφὴν ἐπέζευκται ἡ ΑΚ, ὀρθὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΚΔ, ἀμβλεῖα ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΘΔ. καὶ ἐκβληθείσης πάλιν τῆς ΘΔ κατὰ τὸ Ξ ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΘΞ ἀμβλεῖα γωνία ἐν μείζονι ἡμικυκλίου τῷ ΑΘΞ, ὅπερ ἄτοπον. οὐδ' ἄρα μεταξὺ τῆς ΕΓ περιφερείας ἔσται ἡ ἐπαφή. ἐδείχθη δὲ ὅτι οὐδὲ κατὰ τὸ Γ. μεταξὺ ἄρα τῶν Γ, Ζ. «Κατὰ δὲ τὴν εἰς τὰ ἐπόμενα τῶν ἐπικύκλων τὰς ἀπὸ τοῦ ἀπογείου «ποιοῦσαν περιαγωγὰς τῶν ἀστέρων, ἀνάπαλιν τὸν ἀπὸ τῆς μεγίστης κινήσεως ἐπὶ τὴν μέσην χρόνον μείζονα γινόμενον τοῦ ἀπὸ τῆς μέσης ἐπὶ «τὴν ἐλαχίστην, διὰ τὸ κατὰ τὸ ἀπόγειον ἐπὶ ταύτης τὴν μεγίστην ἀρ«οδον ἀποτελεῖσθαι.» Λέγω οὖν, ὅπερ αὐτῷ παραλείπεται, ὅτι ἔαν ἡ ἀπὸ τοῦ ἀπογείου τοῦ ἐπικύκλου τοῦ ἀστέρος μετάβασις εἰς τὰ ἐπόμενα ἀποτελῇται, ὁ ἀπὸ τῆς μεγίστης κινήσεως τουτέστιν τοῦ ἀπογείου ἐπὶ τὴν μέσην πάροδον χρόνον μείζων ἐστὶν τοῦ ἀπὸ τῆς μέσης ἐπὶ τὴν ἐλαχίστην τουτέστιν ἐπὶ τὸ περίγειον. Σ'Ἴνα δὲ ἐπὶ καταγραφῆς φανερόν γένηται τὸ λεγόμενον, ἐκκείσθω ὁμόκεντρος καὶ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ τοῦ διὰ μέσων κύκλος ὁ ΑΒΓΔ περὶ κέντρον τὸ Ε καὶ διάμετρον τὴν ΑΕΔ, ὁ δὲ ἐπ' αὐτοῦ φερόμενος ἐπίκυκλος ὁ ΖΗ· καὶ ὑποκείσθω, ὅταν μὲν ὁ ἐπίκυκλος ἐπὶ τοῦ Α τυγχάνῃ, καὶ ὁ ἀστήρ κατὰ τοῦ Ζ ἀπογείου.

871

κεκινήσθω ὁ ἐπίκυκλος ἐν ἴσοις χρόνοις δύο ἴσας περιφερείας ὁμαλῶς τὰς AB, ΒΓ, καὶ ἐν ᾧ μὲν ὁ ἐπίκυκλος τὴν AB καὶ ὁ ἀστήρ τὴν ΖΗ ὁμοίας οὐσας, ἐν ᾧ δὲ πάλιν ὁ ἐπίκυκλος τὴν ΑΓ, καὶ ὁ ἀστήρ τὴν ΖΘ ὁμοίας πάλιν οὐσας. καὶ ἐπεὶ διπλῇ ἐστὶν ἡ ΑΓ τῆς AB διπλῇ ἐστὶν καὶ ἡ ΖΘ τῆς ΖΗ. κείσθω τῇ ΖΗ ἴση ἡ ΖΚ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΒΗ, ΕΗ, ΓΚ, ΚΕ, ΕΘ. ὁμοίως δὲ τοῖς ἔμπροσθεν δειχθήσεται ὅτι τῆς μὲν ὑπὸ ΑΕΒ ὁμαλῆς παρόδου φαινομένη ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΕΗ, τῆς δὲ ὑπὸ ΒΕΓ ὁμαλῆς, φαινομένη ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΗΕΘ· καὶ ὅτι ἡ μὲν ὑπὸ ΒΕΗ ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΓΕΚ, ἡ δὲ ὑπὸ ΓΕΚ μείζων τῆς ὑπὸ ΚΕΘ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΕΒ τῇ ὑπὸ ΒΕΓ, ἀλλὰ καὶ ἡ ὑπὸ ΒΕΗ τῇ ὑπὸ ΓΕΚ, καὶ ἡ ὑπὸ ΑΕΗ ἄρα τῇ ὑπὸ ΒΕΚ ἐστὶν ἴση. καὶ ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΒΕΗ τῆς ὑπὸ ΚΕΘ, ἐπεὶ καὶ ἡ ὑπὸ ΓΕΚ, κοινὴ ἡ ὑπὸ ΗΕΚ, ὅλη ἄρα $\langle \eta \rangle$ ὑπὸ ΒΕΚ ὅλης τῆς ὑπὸ ΗΕΘ μείζων ἐστὶν. ἐδείχθη δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΒΕΚ ἴση τῇ ὑπὸ ΑΕΗ. ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΑΕΗ ἀπογειοτέρα φαινομένη πάροδος μείζων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΗΕΘ περιγειοτέρας, καὶ διὰ τοῦτο αἰεὶ τῆς ἀπογειοτέρας φαινομένης παρόδου μείζονος ἀποτελουμένης, κατὰ τὸ ἀπόγειον, οἷονεὶ περὶ αὐτὸ τὸ ἀπόγειον, ἡ μεγίστη πάροδος ἀποτελεσθήσεται, περὶ δὲ αὐτὸ τὸ περίγειον ἡ ἐλαχίστη. Ὡλέγω ὅτι καὶ ὁ ἀπὸ τῆς μεγίστης κινήσεως τουτέστιν τοῦ ἀπογείου ἐπὶ τὴν μέσην πάροδον χρόνος, μείζων ἐστὶν τοῦ ἀπὸ τῆς μέσης ἐπὶ τὴν ἐλαχίστην τουτέστιν ἐπὶ τὸ περίγειον. Μετακεκινήσθω δὲ ὁ ἐπίκυκλος καὶ ἔστω κατὰ τὸ Μ. καὶ διήχθω ἡ ΕΜΖ καὶ ἦχθω ἀπὸ τοῦ Ε κέντρου ἐφαπτομένη τοῦ ἐπικύκλου ἡ ΕΛ. καὶ ἐν ᾧ ὁ ἐπίκυκλος τὴν ΑΜ καὶ ὁ ἀστήρ τὴν ΖΛ ὁμοίαν οὐσαν. ἡ ἄρα μέση τοῦ ἀστέρος πάροδος θεωρηθήσεται περὶ τὸ Α αὐτοῦ τυγχάνοντος, διὰ τὸ ὡς ἔφαμεν ἔμπροσθεν, περὶ ταῦτα τὰ σημεῖα ἐφ' ἱκανὸν διάστημα τὴν παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορὰν τὴν αὐτὴν πρὸς αἴσθησιν γινομένην, καὶ τὴν φαινομένην πάροδον τὴν αὐτὴν πρὸς αἴσθησιν ποιῶν τῇ ὁμαλῇ. Ἐπιεύχθω ἡ ΜΛ. καὶ ἐπεὶ ὀρθή ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΜΛΕ, ὀξεῖα δὲ ἡ ὑπὸ ΕΜΛ, ἀμβλεῖα ἄρα ἡ ὑπὸ ΖΜΛ· μείζων ἄρα ἡ ΖΛ περιφέρεια τῆς ΑΝ.

872 Καὶ ὁμαλῶς αὐτὰς ὁ ἀστήρ διαπορεύεται. ὁ ἄρα ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Ζ μεγίστης κινήσεως μέχρι τῆς κατὰ τὸ Α μέσης χρόνος, μείζων ἐστὶν τοῦ ἀπὸ τῆς μέσης ἐπὶ τὴν κατὰ τὸ Ν ἐλαχίστην. Ἡ καὶ ὡς ἐπὶ τοῦ ὁμοκέντρου ἢ καὶ αὐτοῦ τοῦ ζωδιακοῦ· ἐπεὶ ἡ μὲν ΖΛ ὁμοία ἐστὶν τῇ ΑΜ, ἡ δὲ ΑΝ τῇ ΜΔ, καὶ οὕτως ὁ ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Α θέσεως τοῦ ἐπικύκλου μεγίστης κινήσεως ἐπὶ τὴν κατὰ τὸ Μ μέσην $\langle \chi\rho\acute{o}\nu\omicron\varsigma \rangle$, μείζων ἐστὶν τοῦ ἀπὸ τῆς μέσης ἐπὶ τὴν κατὰ τὸ Δ ἐλαχίστην. Οὐκέτι δὲ ἐπὶ τῆς τοιαύτης ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου τοῦ ἀστέρος παρόδου καὶ τῆς φαινομένης τεταρτημόριον ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἀπολαμβανούσης τὸ τοιοῦτον συμβαίνει. Ὡδείξας ἐπὶ τῶν μέσων παρόδων τὴν ὁμοιότητα τῶν εἰρημένων ὑποθέσεων, εἴθ' ἐξῆς καὶ ἐπὶ τῶν κατὰ μέρος συμπλέξας τὰς ὑποθέσεις, καὶ δείξας πάλιν διὰ τῶν γραμμῶν ὅτι «ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις τὰ αὐτὰ ἀπαραλ κ λάκτως συμβαίνει ἀποτελεῖσθαι καθ' ἑκατέραν αὐτῶν περὶ τε τὰς ὁμα κ λὰς καὶ τὰς φαινομένας παρόδους, καὶ ἔτι τὰς ὑπεροχὰς αὐτῶν (τουτ ϵ ἐστὶν τὸ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον)» ἐάν τε ἴσος ἐάν τε ἄνισος ἢ ἑκκεντρος τῷ ὁμοκέντρῳ, τῶν λόγων μόνον τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων καὶ τῆς ἰσοχρονιότητος τῶν ἀποκαταστάσεων (τουτέστιν ὅταν καθὼς ἔφαμεν ὃν ἔχει λόγον ἢ μεταξὺ τῶν κέντρων τοῦ τε ἑκκεντροῦ καὶ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων πρὸς τὴν ἐκ τοῦ κέντρου, τοῦτον ἔχη τὸν λόγον καὶ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ἐπικύκλου πρὸς τὴν ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ὁμοκέντρου· καὶ ἔτι ἐν ὅσῳ χρόνῳ ὁ ἀστήρ τὸν ἑκκεντρον κύκλον ἀμετάπτωτον ὄντα ὁμαλῶς εἰς τὰ ἐπόμενα κινούμενος ἀποκαθίσταται, ἐν τοσοῦτῳ καὶ ὁ ἐπίκυκλος τὸν ὁμόκεντρον καὶ ἔτι ὁ ἀστήρ τὸν ἐπίκυκλον, τῆς ἀπὸ τοῦ ἀπογείου μεταβάσεως αὐτοῦ εἰς τὰ προηγούμενα γινομένης), ἐξῆς δείκνυσι πάλιν ἐφ' ἑκατέρας τῶν ὑποθέσεων ὅτι «ἐὰν ὁ ἀστήρ ἴσας περιφερείας ἀπειληφῶς «φαίνεται ἀπὸ τε τοῦ ἀπογείου καὶ τοῦ περιγείου, ἴσον ἔσται καθ' ἑκα κ τέραν θέσιν τὸ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον.

873 » Ὡκαὶ ἐκθέμενος πρῶτον ἑκκεντρον κύκλον τὸν ΑΒΓΔ περὶ κέντρον τὸ Ε, καὶ διάμετρον τὴν ΑΕΓ, ἐφ' ἧς τὸ τοῦ ζωδιακοῦ κέντρον τὸ Ζ, καὶ διαγαγὼν διὰ τῆς κατὰ τὸ Ζ ὀψεως τὴν ΒΖΔ ἴνα

αί φαινόμεναι πάροδοι ἀπό τε τοῦ ἀπογείου καὶ τοῦ περιγείου ἴσαι καὶ ἀπεναντίον τυγχάνωσιν, καὶ ἐπιζεύζας τὰς ΕΒ, ΕΔ, καὶ φανεροῦ ὄντος αὐτόθεν ὅτι αἱ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφοραὶ ἴσαι εἰσίν, φησὶν ὅτι «τῷ αὐτῷ διαφόρῳ τῆς φαινομένης περιφερείας μείζονα μὲν γίνεσθαι τὴν ἀπὸ τοῦ ἀπογείου τῆς ὁμαλῆς κινήσεως περιφέρειαν ἐλάττονα δὲ τὴν ἀπὸ τοῦ περιγείου.»

874 §Δείξομεν οὖν καὶ τὸ τοιοῦτον οὕτως περιγεγράφθω γὰρ ὁ ΘΚΛΜΝΞ διὰ μέσων τῶν ζωδίων. καὶ ἦχθω διὰ τοῦ Ε παράλληλος τῇ ΒΖΔ ἡ ΚΟΕΠΞ. καὶ διήχθω ἡ ΒΖΔ ἐπὶ τὰ Λ, Ν σημεία, καὶ ἔτι ἡ ΑΕΓ ἐπὶ τὰ Θ, Μ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Β γωνία τῇ πρὸς τῷ Δ, καὶ ἐναλλάξ ἄρα αἱ ὑπὸ ΒΕΟ, ΔΕΠ ἴσαι ἀλλήλοις εἰσίν· ὥστε καὶ ἡ ΟΒ περιφέρεια τῇ ΔΠ ἴση ἐστίν. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΘΖΛ γωνία τῇ ὑπὸ ΑΕΟ, ἡ δὲ ὑπὸ ΜΖΝ τῇ ὑπὸ ΜΕΞ, ὅμοιαι ἄρα ἔσσονται καὶ ἡ μὲν ΘΛ περιφέρεια τῇ ΑΟ, ἡ δὲ ΜΝ τῇ ΠΓ. ὥστε καὶ ἡ ΑΒ τῆς ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ὁμαλῆς παρόδου περιφέρεια, μείζων ἐστὶν ἢ ὁμοία τῆς ΑΟ, τουτέστιν τῆς ΘΛ φαινομένης, τῇ ΒΟ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορᾷ· οὕτω γὰρ λέγει τὸ μείζον. ἡ δὲ ΓΔ τῆς ἀπὸ τοῦ περιγείου ὁμαλῆς παρόδου περιφέρεια ἐλάττων ἐστὶν ἢ ὁμοία τῆς ΓΠ, ὁμοίας τυγχανούσης τῇ ΜΝ φαινομένη, τῇ ΔΠ. καὶ ἔστιν ἴση ἡ ΟΒ τῇ ΔΠ, ὥστε τῷ αὐτῷ διαφόρῳ τῶν περιφερειῶν διοίσουσιν τὸν εἰρημένον τρόπον αἱ φαινόμεναι πάροδοι τῶν ὁμαλῶν. Ὅμοίως δὲ καὶ κατὰ τῶν Β καὶ Ρ τυγχάνων ὁ ἀστὴρ ἴσον ἀπέχων φαίνεται ἀπὸ τοῦ ἀπογείου καὶ τοῦ περιγείου, ὥστε ἐπιζευχθεῖσιν τῶν ΕΡ, ΖΡ ἴσην γενέσθαι τὴν ὑπὸ ΡΖΓ τῇ ὑπὸ ΒΖΑ, ἴση ἔσται καὶ ἡ πρὸς τῷ Ρ διαφορὰ τῇ πρὸς τῷ Β, διὰ τὸ καὶ τὴν ὑπὸ ΡΖΓ γωνίαν ἴσην τυγχάνειν τῇ ὑπὸ ΓΖΔ, ἔπει[τα] τῇ ὑπὸ ΑΖΒ· ὥστε καὶ λοιπὴν τὴν ὑπὸ ΡΖΕ λοιπὴν τῇ ὑπὸ ΔΖΕ καταλείπεσθαι ἴσην. καὶ περὶ ἄλλας γωνίας τὰς πρὸς τῷ Ε εἶναι ὡς τὴν ΡΕ πρὸς ΕΖ, οὕτω τὴν ΔΕ πρὸς ΕΖ, ἑκατέραν δὲ τῶν πρὸς τοῖς Ρ, Δ ἐλάττονα εἶναι ὀρθῆς, καὶ διὰ τοῦτο ἰσογώνιον γίνεται τὸ ΕΡΖ τρίγωνον τῷ ΕΔΖ, καὶ ἴσην τὴν πρὸς τῷ Ρ τῇ πρὸς τῷ Δ, τουτέστιν τῇ πρὸς τῷ Β. Καὶ ὁμοίως ἐπὶ τῆς πρὸς τῷ Ρ περιγειοτέρας θέσεως μείζων ἐστὶν ἡ φαινομένη ἡ ὑπὸ ΡΖΓ τῆς ὑπὸ ΡΕΓ ὁμαλῆς τῇ πρὸς τῷ Ρ διαφορᾷ. §Πάλιν, ἐπεὶ τὴν τοιαύτην ἀπόδειξιν ἐπὶ τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως πεποιήται ὡς τοῦ ἐπικύκλου μένοντος τοῦ δὲ ἀστέρος ἐπ' αὐτοῦ κινουμένου, ἐπεὶ καὶ κατὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ ὁμοκέντρου τοῦ ἐπικύκλου τυγχάνοντος τὸν ἀστέρα κατὰ διαφορῶν τόπων τοῦ ἐπικύκλου παρείληφεν, καθάπερ ἐπὶ τῆς ἐκτεθειμένης αὐτῷ εἰς τὴν τοιαύτην δεῖξιν καταγραφῆς, ὅπερ οὐχ οἷόν τε διὰ τὴν ἰσοχρονιότητα τῶν ἀποκαταστάσεων, ποιησόμεθα πάλιν αὐτοὶ τὴν ἀπόδειξιν ὡς κινουμένου τοῦ ἐπικύκλου τὰς ὁμοίας τῇ ἐπ' αὐτοῦ τοῦ ἀστέρος μεταβάσεις.

875 Καὶ ἔστιν ὁ μὲν ὁμόκεντρος καὶ ἐν τῷ αὐτῷ τοῦ διὰ μέσων ἐπιπέδῳ κύκλος ὁ ΑΒΓΛ, περὶ κέντρον τὸ Δ, καὶ διάμετρον καθ' ἣν ἀπογειότατός τε καὶ περιγειότατος ὁ ἀστὴρ γίνεται τὴν ΑΔΓ. καὶ γεγράφθωσαν ἴσοι ἐπίκυκλοι περὶ τὰ Α, Γ σημεία καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ ΑΓ ἐπὶ τὸ Ε, ὥστε ὅταν ὁ ἐπίκυκλος ἐπὶ τοῦ Α τυγχάνῃ, καὶ ὁ ἀστὴρ ἐπὶ τοῦ Ε ἀπογείου, ὅταν δὲ ἐπὶ τοῦ Γ ἢ ὁ ἐπίκυκλος, καὶ ὁ ἀστὴρ ἐπὶ τοῦ Η περιγείου, διὰ τὴν ἰσοχρονιότητα ὡς ἔφαμεν τῶν ἀποκαταστάσεων. καὶ ἀπεχέτω ὁ ἀστὴρ τῶν Ε', Η' ἀπογείων καὶ περιγείων τῶν ἐπικύκλων τὰς Ε'Ζ, Η'Θ· καὶ ἐν ᾧ ὁ ἀστὴρ τὴν Ε'Ζ κεκίνηται ἐν τοσοῦτῳ καὶ ὁ ἐπίκυκλος τὴν ΑΒ, ἐν ᾧ δὲ πάλιν ὁ ἀστὴρ τὴν Η'Θ ἐν τοσοῦτῳ καὶ ὁ ἐπίκυκλος τὴν ΓΛ. καὶ ἐπεζεύχθω ἢ τε ΔΒ καὶ ἡ ΒΖ καὶ ΔΖ καὶ ἔτι αἱ ΔΛ <ΔΘ> ΛΘ. καὶ ἔστω ἴση ἡ ὑπὸ ΑΔΖ <τῇ> ἀπὸ τοῦ ἀπογείου φαινομένη παρόδῳ, τοῦτο γὰρ ὑπόκειται, ὥστε ἐπὶ μιᾶς πάλιν εὐθείας τῆς ΖΔΘΜ τυγχάνειν τὸν ἀστέρα.

876 Ἐπεὶ οὖν ἡ μὲν ὑπὸ ΑΔΒ ὁμαλὴ ἐστὶν ἀπὸ τοῦ ἀπογείου, ἡ δὲ ὑπὸ ΑΔΖ φαινομένη, διαφορὰ ἄρα ἐστὶν αὐτῶν ἡ ὑπὸ ΖΔΒ. πάλιν ἐπεὶ ἡ μὲν ὑπὸ ΓΔΛ ὁμαλὴ ἐστὶν ἀπὸ τοῦ περιγείου, ἡ δὲ ὑπὸ ΓΔΘ φαινομένη, διαφορὰ ἄρα πάλιν ἐστὶν αὐτῶν ἡ ὑπὸ ΘΔΛ. Λέγω οὖν ὅτι ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΖΔΒ διαφορὰ τῇ ὑπὸ ΘΔΛ. Ἐπεζεύχθω γὰρ ἡ ΒΛ. καὶ ἐπεὶ ἡ ΒΖ τῇ ΘΛ ἐστὶν ἴση, ἔστιν δὲ αὕτη καὶ παράλληλος (ἐκατέρα γὰρ αὐτῶν τῇ ΑΓ ἐστὶν παράλληλος διὰ τὴν ἰσοχρονιότητα τῶν ἀποκαταστάσεων) καὶ ἡ ΖΘ ἄρα τῇ ΒΛ παράλληλός ἐστιν. ἴση ἄρα ἡ μὲν ὑπὸ ΖΔΒ τῇ ὑπὸ ΔΒΛ, ἡ

δὲ ὑπὸ ΒΛΔ τῇ ὑπὸ ΛΔΘ. ἀλλὰ ἡ ὑπὸ ΔΒΛ τῇ ὑπὸ ΔΛΒ ἴση ἐστίν. καὶ ἡ ὑπὸ ΒΔΖ ἄρα τῇ ὑπὸ ΛΔΘ ἴση ἐστίν. ὥστε ἡ ὑπὸ ΖΔΒ, διαφορὰ τῆς ἀπὸ τοῦ ἀπογείου φαινομένης παρόδου παρὰ τὴν ὁμαλὴν, ἴση ἐστίν τῇ ὑπὸ ΘΔΛ διαφορᾷ τῆς ἀπὸ τοῦ περιγείου φαινομένης παρὰ τὴν ὁμαλὴν. ὁμοίως δὲ καὶ ἐὰν ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ὦσιν οἱ ἐπικύκλοι, ἐπεὶ καὶ ἡ ἐπὶ τοῦ ῥητοῦ καταγραφὴ ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ ἡμικυκλίου τοῦ ἐπικύκλου ἔχει τὸν ἀστέρα ὑποκείμενον, οἷον ἐὰν ἀντὶ τοῦ περὶ τὸ Λ ἐπικύκλον γράψωμεν περὶ τὸ Ν ἀπολαβόντες ἴσας τὰς φαινομένας ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ ἀπόγειον καὶ περιγείον θέσεως παρόδους καὶ οὕτως τῇ αὐτῇ δείξει κατακολουθοῦντες, περαίνομεν τὸ προκείμενον. Γεγράφθω γὰρ καὶ περὶ τὸ Ν ὁ ΟΠΡ ἐπικύκλος καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΔΝ διήχθω ἐπὶ τὸ Ο. καὶ ἀπειλήφθω τῇ ΑΝ ὁμοία ἡ ΟΡ, ὥστε κατὰ τὸ Ρ τυγχάνειν τὸν ἀστέρα. καὶ ἐπιζευχθεῖσα πάλιν ἡ ΔΡ διήχθω ἐπὶ τὸ Π καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΝΠ, ΝΡ. καὶ ἔστω ἴση ἡ ἀπὸ τοῦ ἀπογείου φαινομένη ἡ ὑπὸ ΑΔΖ τῇ ἀπὸ τοῦ περιγείου φαινομένη τῇ ὑπὸ ΓΔΡ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστίν ἡ ὑπὸ ΑΔΖ τῇ ὑπὸ ΔΖΒ ἐναλλάξ, ἡ δὲ ὑπὸ ΓΔΡ τῇ ὑπὸ ΝΡΠ τουτέστιν ἡ ὑπὸ ΔΠΝ, ἴση ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ ΔΖΒ τῇ ὑπὸ ΔΠΝ. καὶ περὶ τὰς πρὸς τοῖς Β, Ν γωνίας αἱ πλευραὶ ἀνάλογόν εἰσιν.

877 αἱ δὲ λοιπαὶ ἐλάττονες δύο ὀρθῶν· ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ ΖΔΒ διαφορὰ τῇ ὑπὸ ΡΔΝ. καὶ ὁμοίως ἡ ὑπὸ ΑΔΒ ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ὁμαλὴ μείζων ἐστίν τῆς ὑπὸ ΑΔΖ φαινομένης, τῇ ὑπὸ ΖΔΕ' διαφορᾷ· ἡ δὲ ὑπὸ ΝΔΓ πρὸς τῷ περιγείῳ ὁμαλὴ ἐλάττων τῆς ὑπὸ ΡΔΓ φαινομένης τῇ ὑπὸ ΝΔΡ διαφορᾷ. δείκνυται δὲ ἐλάττων ὀρθῆς ἑκατέρα τῶν πρὸς τῷ Δ γωνιῶν ἐπειδὴ περ ἐὰν ἐπιζεύξωμεν ἀπὸ τοῦ ἀστέρος ἐπὶ τὸ περιγείον ὡς τὴν ΖΗ", ἐλάττων γίνεται ὀρθῆς ἡ ὑπὸ ΖΗ"Β, ἐν μείζονι οὖσα ἡμικυκλίου· πολλῶν ἄρα καὶ ἡ πρὸς τῷ Δ. διὰ τὰ αὐτὰ πάλιν ἐὰν τὴν ΜΛ ἐπιζεύξωμεν, πολλῶν πάλιν ἐλάττων ἔσται ὀρθῆς ἡ ὑπὸ ΜΔΛ. ἢ καὶ ὀξείας οὔσης τῆς ὑπὸ ΛΘΜ. διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν ΛΘ τῇ ΛΜ πολλῶν ἐλάττων ἐστίν ὀρθῆς ἡ ὑπὸ ΛΔΘ. ἢ καὶ ὅτι καθόλου ἐὰν ἡ ΔΖ' ἐφάπτηται, ὀρθῆς γινομένης τῆς ὑπὸ ΚΖ'Δ, ἐλάττων ὀρθῆς ἔσται ἡ πρὸς τῷ Δ γωνία, τὴν μεγίστην ποιοῦσα παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφοράν. Περὶ τῆς τοῦ ἡλίου φαινομένης ἀνωμαλίας.

878 (1τ) Τῆς τῶν ὑποθέσεων ὁμοιότητος κατὰ τὸν εἰρημένον τρόπον διὰ τῶν γραμμῶν ἀποδεδειγμένης καὶ συμφώνου καταλαμβανομένου τοῖς διὰ τῶν τηρήσεων φαινομένοις τοῦ μίαν τε εἶναι περὶ τὸν ἥλιον ἀνωμαλίαν, καὶ τὸν ἀπὸ τῆς ἐλαχίστης κινήσεως ἐπὶ τὴν μέσην χρόνον μείζονα γίνεσθαι τοῦ ἀπὸ τῆς μέσης ἐπὶ τὴν μεγίστην ὅπερ ἴδιον τῆς κατ' ἐκκεντρότητα κατελαμβάνετο, καὶ διὰ τοῦτο δυνατοῦ τυγχάνοντος καὶ καθ' ἑκατέραν αὐτῶν ἐπιδείξαι τὰ μεγέθη τῶν κατὰ μέρος ἀνωμαλιῶν ἐπεὶ καὶ ἐπὶ τῆς κατ' ἐπικύκλον τὸ τοιοῦτον συμβαίνειν ἀπεδείκνυτο ὅταν ἡ τοῦ ἀστέρος ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου μετάβασις εἰς τὰ προηγούμενα γίγνεται, σχρῆται τοῦ προχείρου πάλιν ἔνεκα τῇ κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσει τῇ ὑπὸ τῆς τοῦ ἀστέρος μόνης κινήσεως ἀποτελουμένη καὶ οὐχὶ ὑπὸ δύο καθάπερ ἡ κατ' ἐπικύκλον ὑπὸ τε τῆς τοῦ ἐπικύκλου καὶ τῆς τοῦ ἀστέρος ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου. Εἴτα ἐρεῖ περὶ τίνος πρῶτον ἀναγκαῖόν ἐστιν τῶν εἰς τὴν τοιαύτην ἀπόδειξιν συντεινόντων διαλαβεῖν εἰς τὴν τῆς φαινομένης ἀνωμαλίας κατάληψιν; περὶ τοῦ τῆς ἐκκεντρότητος λόγου, ὅ τουτέστιν τίνα λόγον ἔχει ἡ μεταξὺ τῶν κέντρων τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων καὶ τοῦ ἐκκέντρου πρὸς τὴν ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ἐκκέντρου· ἐκ γὰρ τῶν εἰς τὸν τοιοῦτον λόγον μεταλήμψεων τῶν ἐν τῷ κύκλῳ εὐθειῶν περαίνεται τὸ προκείμενον· καὶ ἔτι κατὰ ποίου τμήματος τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων πίπτει ἡ διὰ τῶν κέντρων καὶ τοῦ ἀπογείου καὶ περιγείου εὐθεῖα, πρὸς τὸ ὡς ἀπὸ οἰκειοτέρας ἀρχῆς τῆς κατὰ τὸ ἀπόγειον ἐποχῆς τὰς παρ' ἑκάστα παρόδους διακρίνειν.

879 «Δέδεικται μὲν οὖν, φησὶν, καὶ τῷ Ἰπάρχῳ ὑποθεμένῳ τὸν μὲν ἀπὸ «ἐαρινῆς ἰσημερίας χρόνον μέχρι θερινῆς ἡμερῶν ρδ' ˘ ' τὸν δὲ ἀπὸ θερινῆς «τροπῆς μέχρι μετοπωρινῆς ἰσημερίας ἡμερῶν ἐνενήκοντα δύο ἡμισυ», ἐπεὶ καὶ ἐκ τῶν ἀκριβῶς αὐτῷ εἰλημμένων τηρήσεων τὸ τοιοῦτον κατελαμβάνετο, ὅτι «ἡ μεταξὺ τῶν εἰρημένων κέντρων εἰκοστοτέταρτον μέρος «ἐστὶν ἔγγιστα τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ἐκκέντρου καὶ ὅτι τὸ ἀπογειό«τατον σημεῖον προηγεῖται

τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ μοίρας κδ $\angle$ ', οἷον ἐστὶν «ὁ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλος τξ,» τουτέστιν ὅτι κατὰ τῆς τῶν Διδύμων πέμπτης καὶ ἡμισείας μοίρας πίπτει. § Ἔτι δὲ καὶ αὐτὸς ὁ Πτολεμαῖος τὰς εἰρημένας δείξεις οὕτως ἐχούσας μέχρι τῶν καθ' αὐτὸν χρόνων ἐκ τῶν ὑπ' αὐτοῦ γεγεννημένων τηρήσεων καταλαμβάνεται. διό φησιν καὶ ἐστάναι τὸν ἔκκεντρον· εἰ γάρ τις ἦν καὶ αὐτοῦ κίνησις, μετέπιπτον ἂν ἐν τῷ τοσοῦτῳ χρόνῳ καὶ διὰ τῶν κέντρων καὶ τοῦ ἀπογείου καὶ περιγείου διάμετρος καθ' ἑτέρου τμήματος τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων, καὶ οὐκ ἐτι τὸ ἀπογειότατον σημεῖον κατὰ τὰς τῶν Διδύμων μοίρας ε $\angle$ ' ἐτύγχανεν, ὅπερ οὕτως ἔχον μέχρις τῶν καθ' αὐτὸν ὡς ἔφαμεν χρόνων καταλαμβάνεται.

881 Ὅμως δὲ εἰ καὶ ταῦτα τῷ Ἰππάρχῳ δοκεῖ συνάγειν, ἐπεὶ ὁ εἰρήμενος τῆς ἐκκεντρότητος λόγος καὶ ἡ τοῦ ἀπογείου ἐποχὴ τίς ἐστὶν καὶ ὁδὸς οἰκεῖα τῆς ἀποδείξεως τῶν ἀνωμαλιῶν, ἀναγκαῖον ἡγήσατο καὶ αὐτὸς τοὺς ἐπιλογισμοὺς τῶν ἀποδείξεων παραθέσθαι, διὸ καὶ ἡμεῖς, καίπερ σαφῆ ὄντα τὸν τοιοῦτον τόπον, οὐ παρητησάμεθα παρατιθέναι.

882 ποιεῖται οὖν τὴν ἀπόδειξιν τοῖς εἰρημένοις τῷ Ἰππάρχῳ τῶν τεταρτημορίων χρόνοις προσχρώμενος, ἐπεὶ καὶ αὐτῷ διὰ πλειόνων ἀδιστακτοτέρων τηρήσεων τὸ τοιοῦτον οὕτως ἔχον καταλαμβάνετο, § τουτέστιν «τῷ τὸν μὲν «ἀπὸ ἑαρινῆς ἰσημερίας μέχρι θερινῆς τροπῆς χρόνον ἡμερῶν τυγχάνειν» ρδ $\angle$ ', τὸν δὲ ἀπὸ θερινῆς τροπῆς μέχρι μετοπωρινῆς ἰσημερίας ἡμε «ρῶν ρβ $\angle$ '», τρόπῳ τοιῷδε· ἐκθέμενος γὰρ «τὸν διὰ μέσων τῶν ζω«δίων κύκλον τὸν ΑΒΓΔ περὶ κέντρον τὸ Ε» καὶ διαγαγὼν «ἐν αὐτῷ «δύο διαμέτρους πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις διὰ τῶν τροπικῶν καὶ ἰσημερινῶν «σημείων τὰς ΑΓ, ΒΔ, καὶ ὑποθέμενος τὸ μὲν Α σημεῖον ἑαρινὸν τὸ δὲ «Β θερινὸν» τὸ δὲ Γ μετοπωρινὸν τὸ δὲ Δ χειμερινόν, § φησὶν «ὅτι μὲν «οὖν τὸ κέντρον τοῦ ἐκκέντρου μεταξὺ τῶν ΕΑ καὶ ΕΒ εὐθειῶν πίπτει, «δῆλον,» ἐπειδήπερ «τὸ ΑΒΓ ἡμικύκλιον πλείονα» περιέχει «χρόνον τοῦ ἡμίσους τοῦ ἐνιαυσίου».

883 ἐδείχθη γὰρ ὁ τούτου τοῦ ἡμικυκλίου (λέγω δὴ ἐν ᾧ ὁ ἥλιος ἀπὸ ἑαρινῆς ἰσημερίας ἐπὶ μετοπωρινῆς ἰσημερίας παραγίνεται) χρόνος ἡμερῶν τυγχάνων ρπζ, καὶ διὰ τοῦτο μείζονα ἡμικυκλίου τοῦ ἐκκέντρου περιφέρειαν ἀπολαμβάνει, καὶ δηλαδὴ τὸ κέντρον τοῦ ἐκκέντρου ἐπὶ τοῦ ΑΒΓ ἡμικυκλίου πεσεῖται. καὶ ἐπεὶ πάλιν τὸ ΑΒ ἀπὸ ἑαρινῆς ἰσημερίας ἐπὶ θερινῆς τροπῆς τεταρτημόριον πλείονα περιέχει χρόνον τοῦ ΒΓ, διὰ τὸ δεδειχθαι τὸ ΑΒ ἡμέρας περιέχον ρδ $\angle$ ' τὸ δὲ ΒΓ ρβ $\angle$ ', πάλιν τὸ κέντρον τοῦ ἐκκέντρου ἐπὶ τοῦ ΑΒ τεταρτημορίου πεσεῖται. § Εἰ γὰρ μὴ ἀπολαμβάνει τὸ ΑΒΓ τοῦ ζωδιακοῦ ἡμικύκλιον μείζον ἡμικυκλίου τοῦ ἐκκέντρου, ἀπολήμψεται ἡμικύκλιον ἢ ἔλαττον ἡμικυκλίου. Ἐστω δὲ πρότερον ἐπὶ τῆς ἐκκειμένης ἐξῆς καταγραφῆς τὸ κέντρον τοῦ ἐκκέντρου· κατὰ τὸ <Ρ>, ἵνα ἡμικύκλιον ἀπολαμβάνῃ. καὶ γεγράφθω ὁ ΘΚΛΜ ἔκκεντρος. ἐν ἴσῳ ἄρα χρόνῳ ὁ ἥλιος τότε ΘΝΚΛ ἡμικύκλιον καὶ τὸ ΛΜΣΘ ὁμαλῶς διαπορεύεται. ἀλλ' ἐν ᾧ τὸ ΘΝΚΛ διαπορεύεται, φαίνεται τὸ ΑΒΓ ἡμικύκλιον· ἐν ᾧ δὲ τὸ ΛΜΣΘ, φαίνεται τὸ ΓΔΑ. ἐν ἴσῳ ἄρα χρόνῳ τὰ ΑΒΓ, ΓΔΑ ἡμικύκλια τοῦ διὰ μέσων φαίνεται διαπορευόμενος, ὅπερ ἀντίκειται τοῖς φαινομένοις· ἐδείχθη γὰρ ἐκ τῶν τηρήσεων ἐν πλείονι τὸ ΑΒΓ ἢ περὶ τὸ ΓΔΑ. § Ὅμοιως δὲ δειχθήσεται ὅτι οὐδὲ ἐπὶ τοῦ ΓΔΑ ἡμικυκλίου πεσεῖται τὸ κέντρον τοῦ ἐκκέντρου, ἵνα ἔλαττον ἡμικυκλίου ἀπολάβαν ἡμικυκλίου τοῦ ΑΒΓ ἡμικύκλιον τοῦ ζωδιακοῦ· <ἐν> ἐλάττονι γὰρ ἂν χρόνῳ τοῦ ἡμίσους τοῦ ἐνιαυσίου ἐφαίνετο κινούμενος τὸ ΑΒΓ ἡμικύκλιον.

884 ἐπὶ τοῦ ΑΒΓ ἄρα ἡμικυκλίου πεσεῖται τὸ κέντρον τοῦ ἐκκέντρου. § Κατὰ τὰ αὐτὰ δὲ δειχθήσεται ὅτι καὶ ἐπὶ τοῦ ΑΒ τεταρτημορίου πεσεῖται, τουτέστιν ὅτι μεταξὺ τῶν ΑΕ, ΕΒ εὐθειῶν. Ὑποκείσθω οὖν, φησὶν, διὰ ταῦτα κατὰ τὸ Ζ. «καὶ ἤχθω ἡ δι' ἀμφοτέρων τῶν κέντρων καὶ τοῦ ἀπογείου διάμετρος ἡ ΕΖΗ» ὥστε τὸ Η γίνεσθαι καθ' ὃ πίπτει τὸ ἀπογειότατον τοῦ ἐκκέντρου σημεῖον. καὶ «κέντρῳ τῷ Ζ καὶ διαστήματι τυχόντι γεγράφθω ὁ ἔκκεντρος τοῦ ἡλίου «κύκλος ὁ ΘΚΛΜ» διὰ τὸ δεδειχθαι ὅτι ἐάν τε μείζων ἢ τοῦ ὁμοκέντρου, ἐάν τε ἴσος, ἐάν τε ἐλάττων, τὰ

αὐτὰ φαινόμενα ἀπαραλλάκτως ἀποτελεσθήσεται καὶ καθ' ἑκατέραν τῶν ὑποθέσεων. «Καὶ διὰ τοῦ Ζ ἤχθωσαν παράλληλοι, τῇ μὲν ΑΓ ἢ ΝΕΟ τῇ δὲ ΒΔ ἢ «ΠΡΣ. καὶ ἔτι ἤχθωσαν κάθετοι ἀπὸ μὲν τοῦ Θ ἐπὶ τὴν ΝΕΟ ἢ ΘΤΥ «ἀπὸ δὲ τοῦ Κ ἐπὶ τὴν ΠΡΣ ἢ ΚΦΧ. ἐπεὶ τοίνυν ὁ ἥλιος τὸν ΘΚΛΜ «ἔκκεντρον ὁμαλῶς διερχόμενος τὴν μὲν ΘΚ περιφέρειαν» περιέχουσιν τὸν ἀπὸ τῆς ἐαρινῆς ἰσημερίας μέχρι θερινῆς τροπῆς χρόνον διέρχεται ἐν ἡμέραις ρδ $\angle$ ', ἐπειδὴ περ ἐὰν ἐπιζεύξωμεν τὰς ΖΘ καὶ ΖΚ ἔσται περιεχομένη ὑπ' αὐτῶν γωνία πρὸς τῷ κέντρῳ τοῦ ἐκκέντρου τυγχάνουσα τῆς ὁμαλῆς παρόδου, ἢ δ' ἐπὶ ταύτης φαινομένη καὶ πρὸς τῷ κέντρῳ τοῦ ζωδιακοῦ ἢ ὑπὸ ΑΕΒ τουτέστιν ἡ ΑΒ περιφέρεια τοῦ εἰρημένου τεταρτημορίου. τὴν δὲ ΚΛ πάλιν κινούμενος ὁμαλῶς ἐν ἡμέραις ρβ $\angle$ ' φαίνεται διὰ τὰ αὐτὰ τὴν ΒΓ τοῦ τεταρτημορίου τοῦ ζωδιακοῦ ἀπὸ θερινῆς τροπῆς ἐπὶ μετοπωρινὴν ἰσημερίαν κινήθεις. Ἄλλ' ἐν μὲν ταῖς ρδ $\angle$ ' ἡμέραις ὁμαλῶς κινεῖται μοίρας ργ θ, ὡς ἐκ τῶν ἐκτεθειμένων ὁμαλῶν κινήσεων καταλαμβάνεται· ἐν δὲ ταῖς ρβ $\angle$ ' ἡμέραις, κινεῖται πάλιν ὁμαλῶς μοίρας ρα ια.

885 ὥστε καὶ ἡ μὲν ΘΚ ἔσται μοιρῶν ργ θ, ἢ δὲ ΚΛ ρα. ια. ὅλη δὲ δηλονότι ἡ ΘΚΛ μοιρῶν ρπδ κ. ὦν τὸ ΝΚΟ ἡμικύκλιον τοῦ ἐκκέντρου μοιρῶν ἔστιν ρπ. καὶ λοιπαὶ ἄρα συναμφοτέραι ἢ τε ΘΝ καὶ ἢ ΟΛ τῶν λοιπῶν ἔσσονται μοιρῶν δ κ. καὶ ἐπεὶ παράλληλός ἐστιν ἡ ΝΟ τῇ ΘΛ, ἐὰν ἐπιζεύξωμεν τὴν ΝΛ, ἴσα ἔσσονται αἱ πρὸς αὐταῖς γινόμεναι πρὸς τῇ περιφερείᾳ γωνία· ὥστε καὶ τὴν ΝΘ περιφέρειαν τῇ ΛΟ γίνεσθαι ἴσην, καὶ ἑκατέραν μοιρῶν β ι τὴν δὲ τῆς ΝΘ περιφερείας διπλὴν τουτέστιν τὴν ΘΝΥ, δ κ, διὰ τὸ πάλιν τὴν ΟΝ τὴν ΘΤΥ δίχα τε καὶ πρὸς ὀρθὰς τέμνειν. «ὥστε καὶ τὴν «ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖαν τὴν ΘΤΥ γίνεσθαι δ λβ, οἷων ἡ τοῦ ἐκκέντρου διὰ«μετρος ρκ, τὴν δὲ ἡμίσειαν αὐτῆς τὴν ΘΤ, τουτέστιν τὴν ΕΞ. «Πάλιν ἐπεὶ τὸ ΘΝΠΚ τμήμα ὅλον ἐδείχθη μοιρῶν ργ θ, ἔστιν δὲ καὶ «τὸ μὲν ΘΝ β ι, τὸ δὲ ΠΝ τεταρτημόριον μοιρῶν ρ, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ «ΠΚ ἔσται π νθ, ἢ δὲ διπλὴ αὐτῆς ἡ ΚΠΧ μοιρῶν α νη. ὥστε καὶ ἡ ὑπ' «αὐτὴν εὐθεῖα ἢ ΚΦΧ τοιούτων ἔσται β δ, οἷων ἡ τοῦ ἐκκέντρου διὰ«μετρος ρκ· ἢ δὲ ἡμίσεια αὐτῆς, ἢ ΚΦ, τουτέστιν ἡ ΖΞ τῶν αὐτῶν α β. «Ἐδείχθη δὲ καὶ ἡ ΕΞ εὐθεῖα τῶν αὐτῶν β ις. καὶ ἐπεὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν συντεθέντα ποιεῖ τὸ ἀπὸ τῆς ΕΖ, ἔστιν καὶ αὕτη μήκει β κθ λ «οἷων» ἢ τοῦ ἐκκέντρου διάμετρος ρκ, ἢ δὲ «ἐκ τοῦ κέντρου αὐτοῦ δη«λονότι ξ», § τέταρτον καὶ εἰκοστὸν ἄρα μέρος ἐστὶν ἔγγιστα ἢ ΕΖ μεταξὺ τῶν κέντρων τοῦ τε διὰ μέσων τῶν ζωδίων καὶ τοῦ ἐκκέντρου, τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ἐκκέντρου. «Πάλιν ἐπεὶ οἷων ἢ ΕΖ ἐδείχθη β κ $\langle$ θ λ $\rangle$ τοιούτων ἦν καὶ ἡ ΖΞ «εὐθεῖα α β, καὶ οἷων ἄρα ἐστὶν ἡ ΕΖ ὑποτείνουσα ρκ τοιούτων ἔσται «καὶ ἡ ΖΞ μθ μς», μεταγόντων ἡμῶν τὸν λόγον καθὼς ἐν τοῖς πρὸ τούτου βιβλίοις ἐδηλοῦμεν· «ἢ δὲ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια τοῦ γραφομένου «κύκλου περὶ τὸ ΕΖΞ ὀρθογώνιον τοιούτων μθ οἷων ἐστὶν ὁ κύκλος τξ.

886 «καὶ ἡ ὑπὸ ΖΕΞ ἄρα γωνία» πρὸς τῇ περιφερείᾳ οὔσα τοῦ περιγραφομένου κύκλου «οἷων μὲν εἰσιν αἱ δύο ὀρθαὶ τξ τοιούτων ἔσται μθ, οἷων δὲ αἱ «δ ὀρθαί», ὡς πρὸς τῷ Ε κέντρῳ τοῦ ζωδιακοῦ τυγχάνουσα, κδ λ ὥστε καὶ ἡ ΒΗ τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρεια μοιρῶν ἔστιν κδ λ οἷων ὁ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλος τξ. §Τοσαύτας ἄρα μοίρας προηγεῖται τὸ κατὰ τὸ Η ἀπογειότατον σημεῖον τοῦ Β θερινοῦ τροπικοῦ. καὶ ἐφέξει δηλονότι τῶν Διδύμων μοῖραν ε λ. §Εἴτα καὶ τῶν ἐτέρων δύο τεταρτημορίων τοὺς χρόνους βουλόμενος συναποδείξαι φησι· «λοιπὸν δὴ ἐπεὶ ἑκάτερον τῶν ΟΣ, ΣΝ τοῦ ἐκκέντρου «τεταρτημορίων μοιρῶν ἔστιν ρ,» ἔστι δὲ καὶ ἑκατέρα τῶν ΟΛ, ΝΘ περιφερειῶν μοιρῶν β ι «ἢ δὲ ΜΣ π νθ, καὶ ἡ μὲν ΛΜ» καταλειφθήσεται «μοιρῶν πς να ἢ δὲ ΜΘ πη μθ. ἀλλὰ τὰς μὲν πς να» τοῦ ἐκκέντρου «ὁμαλῶς ὁ ἥλιος διέρχεται ἐν ἡμέραις πη η'» ὡς ἐκ τῆς θέσεως τῶν ὁμαλῶν αὐτοῦ κινήσεων γίνεται δῆλον· «τὰς δὲ πη μθ μοίρας ἐν ἡμέ«ραις ρ η' ἔγγιστα»· ἐὰν διὰ τὰ ἐπάνω εἰρημένα ἐπιζεύξωμεν τὰς ΖΛ ΖΜ [ΖΘ], ἐπεὶ ἐν $\tilde{\omega}$ τὴν ΛΜ τοῦ ἐκκέντρου ὁμαλῶς διέρχεται ἐν τοσοῦτῳ τὴν ΓΔ τοῦ ζωδιακοῦ φαίνεται διερχόμενος, ἐν $\tilde{\omega}$ δὲ πάλιν τὴν ΜΘ τοῦ ἐκκέντρου, ἐν τοσοῦτῳ τὴν ΔΑ τοῦ ζωδιακοῦ, «καὶ τὴν ΓΔ» ἄρα τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρειαν «ἣτις ἐστὶν ἀπὸ μετοπωρινῆς ἰσημερίας

ἐπὶ «χειμερινὴν τροπὴν φανήσεται διερχόμενος ὁ ἥλιος ἐν ἡμέραις πη η', «τὴν δὲ ΔΑ ἥτις ἐστὶν ἀπὸ χειμερινῆς τροπῆς ἐπὶ ἑαρινὴν ἰσημερίαν ἐν «ἡμέραις ρ η' ἔγγιστα.

887 καὶ εὐρίηται ἡμῖν τὰ προκείμενα συμφώνως «τοῖς ὑπὸ τοῦ Ἰπάρχου κατελιημμένοις.» Ὡς δὲ καὶ ἐπὶ τῆς κατ' ἐπικύκλον ὑποθέσεως τὰς αὐτὰς πηλικότητας δείξωμεν ἀποτελουμένας, ἐκκείσθω πάλιν ὁ ΑΒΓΔ ζωδιακὸς περὶ κέντρον <τὸ Ε> , καὶ ἤχθωσαν ἐν αὐτῷ δύο διάμετροι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις διὰ τῶν τροπικῶν καὶ ἰσημερινῶν σημείων αἱ ΑΓ, ΒΔ, ὥστε τὸ μὲν Α πάλιν ὑποκείσθαι ἑαρινὸν τὸ δὲ Β θερινὸν τὸ δὲ Γ μετοπωρινὸν τὸ δὲ Δ χειμερινόν. καὶ κέντρῳ τῷ Ε καὶ διαστήματι τυχόντι γεγράφθω ὁμοκέντρος τῷ Διὰ μέσων ὁ ΖΗΘΚ. Καὶ ἐπεὶ τὸ μὲν ΑΒΓ ἡμικύκλιον φαίνεται ὁ ἥλιος διαπορευόμενος ἐν ἡμέραις ρπζ, τὸ δὲ ΓΔΑ ἐν ἡμέραις ροη δ', ἐν πλείονι ἄρα χρόνῳ ὁ ἥλιος τὸ ΑΒΓ ἡμικύκλιον φαίνεται διαπορευόμενος ἥπερ τὸ ΓΔΑ.

888 Ὡστε τὸ κέντρον τοῦ ἐπικύκλου μεῖζον μὲν τοῦ ΖΗΘ ἡμικυκλίου ἀπολήμψεται ἐλάσσον δὲ τοῦ ΘΚΖ. νοείσθω οὖν τὸ κέντρον τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τῶν Λ, Μ σημείων· καὶ ἐπιζευχθεῖσιν τῶν ΕΛ, ΕΜ, θεωρείσθω ὁ ἥλιος ἐπὶ τῆς διὰ τῆς ὀψευς εὐθείας ὡς τῆς ΑΕΓ, ὅταν τε ἡ κατὰ τὸ Α ἑαρινὸν καὶ τὸ Γ μετοπωρινόν, ἴσην ποιῶν τὴν ὑπὸ ΖΕΛ γωνίαν τοῦ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόρου τῇ ὑπὸ ΘΕΜ, ἐπειδὴ περ ἐπὶ τῶν κατὰ διάμετρον θέσεων θεωρούμενος ἴσον ποιεῖ καθ' ἑτέραν θέσιν τὸ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον ὡς ἐπάνω ἐδείξαμεν. Καὶ ἐπεὶ δέδοται ἐκ τῶν ὁμαλῶν παρόδων ἡ ΛΗΜ μοιρῶν ρπδ κ, ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΖΗΘ μοιρῶν ρπ, λοιπὴ ἄρα ἑκατέρα τῶν ΖΛ, ΘΜ ἔσται μοιρῶν β ι. Πάλιν ἐπεὶ πλείονι χρόνῳ ὁ ἥλιος τὸ ΑΒ τεταρτημόριον φαίνεται κινούμενος ἥπερ τὸ ΒΓ, μεῖζον ἄρα ἀπολήμψεται ὁ ἐπικύκλος τὸ ΛΖΝ, ἔλαττον δὲ τὸ ΝΘΜ. ὑποκείσθω οὖν ὁ ἐπικύκλος ὅταν ἐπὶ τῆς θερινῆς τροπῆς ὁ ἥλιος θεωρῇται περὶ τὸ Ν κέντρον. καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΝΕ, καὶ ἡ ΛΜ παράλληλος γινομένη τῇ ΑΓ διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν ΖΛ τῇ ΘΜ. καὶ διὰ τοῦ Ν παράλληλος ἤχθω τῇ ΒΔ ἡ ΝΣΥ. καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΕΣ. καὶ γεγράφθω περὶ τὰ Μ, Ν σημεία ὁ ἐπικύκλος ἴσην ἔχων τὴν ἐκ τοῦ κέντρου τῇ ΕΣ. καὶ ἔστω περὶ τὸ Ν ὁ ΨΩ. καὶ διήχθω ἡ ΕΝ ἐπὶ τὸ ἀπόγειον, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΝΩ. καὶ ὑποκείσθω ὁ ἥλιος κατὰ τοῦ Ω, ἐπειδὴ περ καὶ κατὰ τὸ Β θεωρούμενος ἀφαιρῶν τῆς ὁμαλῆς παρόδου ἐφαίνετο. Καὶ ἀπὸ μὲν τοῦ Λ ἐπὶ τὴν ΑΓ κάθετος ἤχθω ἡ ΛΣ, καὶ διήχθω ἐπὶ τὸ Ο· ἀπὸ δὲ τοῦ Ν ἐπὶ τὴν ΒΔ ἡ ΝΠ, καὶ διήχθω ἐπὶ τὸ Ρ. Ἐπεὶ δίδεται ἡ ΛΖ περιφέρεια, δέδοται καὶ ἡ διπλασία αὐτῆς ἡ ΛΖΟ, καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ἡ ΛΟ δέδοται οἶων ἡ τοῦ ὁμοκέντρου διάμετρος ρκ. ὥστε καὶ ἡ ἡμίσεια αὐτῆς ἡ ΛΣ τουτέστιν ἡ ΦΣ ἔσται δεδομένη. Πάλιν ἐπεὶ δέδοται ἐκ τοῦ χρόνου ἡ ΛΖΝ τῆς ὁμαλῆς παρόδου, δέδοται δὲ καὶ ἡ ΛΖ, ἀλλὰ καὶ ἡ ΖΗ τεταρτημορίου, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΗΝ περιφέρειά ἐστιν δεδομένη· ὥστε καὶ ἡ διπλὴ αὐτῆς ἡ ΝΗΡ καὶ ἡ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ἡ ΝΡ δέδοται οἶων ἡ τοῦ ὁμοκέντρου διάμετρος ρκ· ὥστε καὶ ἡ ἡμίσεια αὐτῆς ἡ ΠΝ τουτέστιν ἡ ΕΦ ἔσται δεδομένη.

889 ἀλλὰ μὴν δέδοται καὶ ἡ ΦΣ. καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν συντεθέντα ποιεῖ τὸ ἀπὸ τῆς ΕΣ. Ἔσται καὶ ἡ ΕΣ δεδομένη ἴση οὔσα τῇ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ἐπικύκλου, οἶων ἡ τοῦ ὁμοκέντρου διάμετρος ρκ τουτέστιν οἶων ἡ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ὁμοκέντρου Ξ. καὶ συναχθήσεται ὁμοίως διὰ τῶν τοιούτων ἐπιλογισμῶν β κθ λ. Λέγω δὴ ὅτι καὶ κατ' αὐτὴν τὴν ὑπόθεσιν προηγεῖται τὸ ἀπόγειον τῆς θερινῆς τροπῆς μοίρας κδ λ'. Ἐπεὶ γὰρ ἴση ἐστὶν ἡ ΩΝ τῇ Ε <Σ> , ἴσον ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ΩΝ τῷ ἀπὸ τῆς ΕΣ. ἔστιν δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ΝΠ τῷ ἀπὸ τῆς ΦΕ ἴσον· καὶ λοιπὸν ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς ΩΠ ἴσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ τῆς ΦΣ. ἔστιν δὲ ἴση καὶ ἡ ΦΝ τῇ ΕΠ. ὅλη ἄρα ἡ ΩΕ ὅλη τῇ ΝΣ ἐστὶν ἴση. Εἰσὶν δὲ καὶ παράλληλοι· καὶ αἱ ΩΝ, ΕΣ ἄρα ἴσαι εἰσὶν καὶ παράλληλοι. διήχθω ἡ ΣΕ ἐπὶ τὰ Χ, Α. ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ ΨΝΩ γωνία τῇ ὑπὸ ΝΕΧ. ὁμοία ἄρα ἡ ΨΩ τῇ ΝΧ. ὥστε, ὅτε ὁ ἥλιος κατὰ τοῦ Ψ ἀπογείου ἐτύγχανεν, τότε τὸ κέντρον τοῦ ἐπικύκλου ἦν κατὰ τοῦ Χ, ὁ δὲ ἥλιος ἐθεωρεῖτο κατὰ τὸ Α. Λέγω οὖν ὅτι ἡ Β Α μοιρῶν ἐστὶν κδ λ'. Ἐπεὶ γὰρ οἶων ἐστὶν ἡ ΣΕ β κθ λ, τοιούτων συνάγεται ἡ ΕΦ α β· καὶ οἶων ἄρα ἡ ΣΕ ρκ τοιούτων ἔσται ἡ ΕΦ μ θ μς ἔγγιστα, ἡ δὲ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια τοῦ γραφομένου κύκλου περὶ τὸ ΕΦΣ ὀρθογώνιον τοιούτων μθ, οἶων ὁ

κύκλος τξ· καὶ ἡ ὑπὸ ΕΣΦ ἄρα γωνία τουτέστιν ἡ ὑπὸ , ΑΕΒ, οἷων μὲν εἰσιν αἱ β ὀρθαὶ τξ, τοιούτων ἔσται μθ· οἷων δὲ αἱ δ ὀρθαὶ τξ <τοιούτων κδ λ.>· καλῶς τε καὶ ἡ , ΑΒ περιφέρεια, ἣν προηγείται τὸ κατὰ τὸ , Α ἀπόγειον τῆς θερινῆς τροπῆς μοιρῶν ἔστιν κδ λ, καὶ ἐπέχει τῶν Διδύμων μοῖραν ε λ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. Πάλιν ὑποκείσθω τὸ τοῦ ἐπικύκλου κέντρον κατὰ τὸ Υ, ὅταν ὁ ἀστὴρ ἐπὶ τῆς χειμερινῆς τροπῆς θεωρῇται. Ἐπεὶ καὶ ἐπὶ μιᾷς εὐθείας φαινόμενος τῆς ΒΕΔ διαμέτρου ὅταν τε ἦ ἐπὶ τῆς θερινῆς τροπῆς καὶ τῆς χειμερινῆς, ἴσον ὡς ἔφαμεν ποιεῖ καθ' ἑκατέραν θέσιν τὸ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον, ἴση ἄρα ἡ ΝΗ τοῦ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόρου τῇ ΥΚ, παραλλήλων οὖσων τῶν ΒΔ, ΝΥ.

890 καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΕΥ. καὶ ἐπεὶ ἐν ῶ μὲν τὴν ΜΥ ὁμαλῶς κινεῖται, φαίνεται τὸ ΘΚ τεταρτημόριον διαπορευόμενος, ἐν ῶ δὲ πάλιν τὴν ΥΛ, φαίνεται τὸ ΚΖ τεταρτημόριον διαπορευόμενος, καὶ δέδοται ἄρα καὶ λοιπὴ ἡ ΜΥ, ὥστε καὶ ὁ χρόνος ἐν ῶ τὸ ΜΥ τμήμα τουτέστιν ἐν ῶ τὸ ΚΘ ἦτοι τὸ ΓΔ ἀπὸ μετοπωρινῆς ἰσημερίας ἐπὶ χειμερινὴν τροπὴν φαίνεται κινούμενος ἔσται δοθείς. Πάλιν ἐπεὶ δέδοται τὸ ΚΖ τεταρτημόριον, δέδοται δὲ καὶ ἡ ΖΛ, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΛΚ. δέδοται δὲ καὶ ἡ ΚΥ. καὶ ὅλη ἄρα ἡ Υ Λ ἔσται δεδομένη ὥστε καὶ ὁ χρόνος ἐν ῶ ταύτην διαπορεύεται ἔσται δεδομένος. ἀλλὰ ἐν ῶ τὴν ΥΛ ὁμαλῶς διαπορεύεται, φαίνεται τὸ ΚΖ τεταρτημόριον, τουτέστιν τὸ ΔΑ ἀπὸ χειμερινῆς τροπῆς ἐπὶ ἑαρινὴν ἰσημερίαν. ὥστε καὶ τῶν λοιπῶν δύο τεταρτημορίων ὁ χρόνος δοθήσεται ἀκολουθῶς ταῖς ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου πηλικότησιν. Δεδειγμένων δὲ τῶν χρόνων τῶν τε ἀπὸ τῶν τροπῶν ἐπὶ τὰς ἰσημερίας καὶ ἀπὸ τῶν ἰσημεριῶν ἐπὶ τὰς τροπὰς τοῦ ἡλίου παρόδων καὶ τῆς τοῦ ἀπογείου αὐτοῦ ἐποχῆς καὶ ἔτι τοῦ λόγου τῆς ἐκκεντρότητος, ἐξῆς κατὰ τὴν τούτου τοῦ λόγου πηλικότητα ἀποδείκνυσιν καὶ διὰ τῶν ἀριθμῶν συμφώνους γινομένας τὰς πηλικότητας τῶν κατὰ μέρος ἀνωμαλιῶν καθ' ἑκατέραν τῶν ὑποθέσεων. Καὶ πρῶτον τὴν μεγίστην μοιρῶν γινομένην β κγ, κατὰ τὰς ἀπὸ τοῦ ἀπογείου τοῦ ἐκκέντρου καὶ τοῦ ἐπικύκλου τῆς ὁμαλῆς παρόδου μοίρας ρβ κγ· καὶ κατὰ τὰς ἀπὸ τοῦ ἀπογείου τοῦ ἐκκέντρου, τουτέστιν τῶν Διδύμων μοίρας ε λ, μοίρας ρ καὶ σο, αἵτινές εἰσι κατὰ τὰς τῆς Παρθένου καὶ τῶν Ἰχθύων μοίρας ε λ. Περὶ τῆς πρὸς τὰ κατὰ μέρος τμήματα τῶν ἀνωμαλιῶν κανονοποιίας.

891 (1τ) §«Ἐνεκεν δὲ τοῦ καὶ τὰς κατὰ μέρος» φαινομένης «ἀνωμάλους κινήσεις» κατὰ τὸν ἀναδιδόμενον χρόνον «δύνασθαι διακρίνειν», δείκνυσι «πάλιν ἐφ' ἑκατέρας τῶν ὑποθέσεων πῶς ἂν, μιᾷς τῶν ἐκκειμένων περι«φερειῶν δοθείσης», τουτέστιν εἴτε τῆς ὁμαλῆς εἴτε τῆς φαινομένης ἀνωμάλου εἴτε τῆς διαφορᾶς, «λαμβάνοιντο καὶ αἱ λοιπαί». §Καὶ πρότερον, ἐπὶ τῆς κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσεως, λαμβάνων τὴν τῆς ὁμαλῆς κινήσεως περιφέρειαν ἀπὸ τοῦ ἀπογείου μοιρῶνλ, δείκνυσιν τὴν διαφορὰν μοίρας α καὶ ἐξηκοστῶν θ, τὴν δὲ φαινομένην μοιρῶν κη να, διὰ τὸ ἐν τούτῳ τῷ ἡμικυκλίῳ μείζονα δεδεῖχθαι τὴν ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ὁμαλὴν πάροδον τῆς φαινομένης ἀνωμάλου τῇ διαφορᾷ. Εἴτα ἀπὸ τῆς φαινομένης δείκνυσι τὴν διαφορὰν καὶ τὴν ὁμαλὴν καὶ ἔτι πάλιν ἀπὸ τῆς διαφορᾶς τὴν φαινομένην καὶ τὴν ὁμαλὴν. Τὰ δὲ αὐτὰ ταῦτα καὶ διὰ τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως διὰ τῶν ἀριθμῶν δείκνυσι συμφώνως τῇ κατ' ἐκκεντρότητα ἀποτελούμενα. §Ἐτι δὲ πάλιν καὶ ἀπὸ τῶν περιγείων ἀφιστῶν τὸν ἥλιον, τὰ αὐτὰ πάλιν πάντα ἀκολουθῶς ἀποδείκνυσιν συμφώνως ἀποτελούμενα καθ' ἑκατέραν τῶν ὑποθέσεων. Καὶ διὰ ταῦτα τὴν ἔκθεσιν τῆς κανονοποιίας τῆς τοῦ ἡλίου ἀνωμαλίας βουλόμενος ποιήσασθαι, φησί· «ποικίλης οὖν δυναμένης συνίστασθαι «κανονοποιίας» πρὸς τὸ ἐκ προχείρου ἡμᾶς δύνασθαι λαμβάνειν τὰς τε ὁμαλὰς καὶ φαινομένας ἀνωμάλους ἐποχὰς καὶ ἔτι τὰς διαφορὰς αὐτῶν, ἐπεὶ καὶ ἂν τε τὰς ὁμαλὰς καὶ φαινομένας ἐκθώμεθα αὐτόθεν ἔχομεν καὶ τὰς διαφορὰς, κἂν τε τὴν φαινομένην καὶ τὴν διαφορὰν, δυνάμεθα πάλιν ἐκ τῆς οἰκείας προσθαφαιρέσεως ἔχειν τὴν ὁμαλὴν, κἂν τε πάλιν τὴν ὁμαλὴν καὶ τὴν διαφορὰν δυνάμεθα ὁμοίως ἐκ τῆς οἰκείας προσθαφαιρέσεως ἔχειν τὴν φαινομένην, σεύλογωτέρα μᾶλλον αὐτῷ ἢ

ἔκθεσις τῶν κανόνων κατεφάνη ἡ ταῖς ὁμαλαῖς παρόδοις παρακειμένης ἔχουσα τὰς διαφοράς, διὰ τὸ καὶ ταῖς ὁμαλαῖς παρόδοις οἰκείαν εἶναι τὴν τῶν θείων εὐταξίαν, τῶν δὲ ὁμαλῶν παρόδων διδομένων ἐξῆς διὰ τῶν γραμμικῶν δείξεων τὰς διαφορὰς καταλαμβάνεσθαι καὶ λοιπὰς τὰς φαινόμενας.

892 Ὅθεν ἀκολουθήσας τῇ διὰ τῆς ἐκκεντρότητος ἐπὶ τῶν ἀριθμῶν δείξει, καθάπερ ἐπὶ τῆς τριακονταμοιρίας καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν κατὰ μέρος ἀποστάσεων ἐπελογίσατο τὰς ἐκάστη τῶν ὁμαλῶν παρόδων ἐπιβαλλούσας διαφοράς· § πρὸς μὲν τοῖς ἀπογειοτέροις τεταρτημορίοις, διὰ μοιρῶν ζ, διὰ τὸ τὰς ἐπὶ τούτων μικρομερεστέρας ἀδιαφορεῖν παρὰ τὰ γραμμικὰ τῶν καθ' ὁμαλὴν παραύξησιν λαμβανομένων, διὰ τὸ ἐλάχιστον τῆς διαφορᾶς § ὥς γίνεσθαι τοὺς τούτου τοῦ τεταρτημορίου στίχους ιε· § πρὸς δὲ τοῖς περιγειοτέροις τεταρτημορίοις διὰ μοιρῶν γ, § ὥς γίνεσθαι καὶ τοὺς τούτου τεταρτημορίου στίχους λ.

894 γέγονεν δὲ ἐπὶ τούτων ἡ παραύξησις κατὰ τριμοιρίαν, διὰ τὸ τὰς πρὸς τοῖς περιγειοτέροις τεταρτημορίοις κατὰ μέρος διαφορὰς μείζονας γίνεσθαι τῶν πρὸς τοῖς ἀπογειοτέροις ἐπὶ τῶν ἴσων [καὶ] ὁμαλῶν παρόδων, καθάπερ καὶ ἡ ἔκθεσις τοῦ κανόνος φανερόν ποιεῖ· τῇ γὰρ πρώτη ἑξαμοιρία τῆς ὁμαλῆς κινήσεως ἀπὸ τοῦ ἀπογείου τυγχανούσῃ παράκειται διαφορᾶς π ιδ, καὶ ὑπερέχει αὐτῆς ἡ δευτέρα τοῖς αὐτοῖς ἐξηκοστοῖς ιδ· ταῖς δὲ ροδ καὶ ρπς μοίραις, αἵτινές εἰσιν τῆς ἀπὸ τοῦ περιγείου πρώτης ἑξαμοιρίας, παράκεινται π ις καὶ ὑπερέχει πάλιν αὐτῆς ἡ δευτέρα τοῖς αὐτοῖς ἐξηκοστοῖς ις· διό φησιν καὶ αὐτός· «ἐπειδήπερ μείζονές εἰσιν αἱ πρὸς τοῖς περιγείοις «διαφοραὶ τῆς ὑπεροχῆς, τῶν παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν ἐπιβαλλόντων τοῖς «ἴσοις τμήμασι διαφορῶν τῶν πρὸς τοῖς ἀπογείοις γινομένων» τουτέστιν ἐπειδήπερ μείζοσι διαφέρουσι πρὸς τοῖς περιγείοις αἱ ὑπεροχαὶ τῶν παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορῶν, τῶν πρὸς τοῖς ἀπογείοις ἐπὶ τῶν ἴσων τῆς ὁμαλῆς παρόδου τμημάτων, δηλαδὴ τῶν ἴσον ἀπεχόντων τῶν ἀπογείων καὶ περιγείων, ὥς δειχθήσεται ἡμῖν καὶ διὰ τῶν γραμμῶν ἐξῆς τὸ τοιοῦτον.

895 §Καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων δὲ ἀστέρων τὴν τοιαύτην παραύξησιν τῶν τεταρτημορίων πεποίηται. § διὸ καὶ με στίχων τὰς ἐκθέσεις τῶν κανόνων παρέθηκεν. §Ἐτι δὲ τὸ προκείμενον τοῦ ἡλίου κανόνιον πεποίηκεν σελιδίων γ καὶ παρέθηκεν ἐν μὲν τοῖς πρώτοις δύο τοὺς τῆς ὁμαλῆς κινήσεως ἀριθμούς, τὸν εἰρημένον τρόπον παρηυξημένους· ἐν δὲ τῷ τρίτῳ τὰ ἐκάστω οἰκείως ἐπιβάλλοντα τμήματα τῆς προσθαφαιρέσεως τοῦ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόρου. καὶ ἔστιν ἡ τοῦ κανόνος ἔκθεσις τοιαύτη. Ἐπεὶ οὖν ἡ ἔκθεσις τοῦ τοιοῦτου κανόνος κατὰ ἴσας ὑπεροχὰς ἐκτεθειμένης ἔχει κατὰ τὰ πρῶτα δύο σελίδια τὰς τῶν ἀπογειοτέρων καὶ περιγειοτέρων τεταρτημορίων ὁμαλὰς παρόδους, τὰς μὲν τῶν ἀπογειοτέρων ὥς ἔφαμεν καθ' ἑξαμοιρίαν, τὰς δὲ τῶν περιγειοτέρων κατὰ τριμοιρίαν· § αἱ δὲ κατὰ τὸ τρίτον σελίδιον παρακείμεναι τῆς ἀνωμαλίας διαφοραὶ οὐχὶ ἴσαις διαφέρουσιν ἀλλ' ἐν τοῖς ἀπογειοτέροις τμήμασιν ἐν ἐλάττωσιν τὴν παραύξησιν λαμβάνουσιν, αἱ δὲ ἐν τοῖς περιγειοτέροις ἐν μείζοσι τὴν μείωσιν· καὶ ἔτι πάλιν ὥς ἔφαμεν ἐπὶ τῶν ἴσων τῆς ὁμαλῆς παρόδου περιφερειῶν, αἱ κατὰ τὰ περίγεια τῶν κατὰ τὰ ἀπόγεια μείζονας διαφορὰς ποιοῦνται παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν· πειρασόμεθα διὰ τῶν γραμμῶν ἕκαστον τῶν τοιούτων ἀποδείξαι καθ' ἑκατέραν τῶν ὑποθέσεων.

896 § Καὶ πρῶτον ἐπὶ τῆς κατ' ἐκκεντρον, ὅτι ἐν τοῖς ἀπογειοτέροις τμήμασιν αἱ περιγειότεραι τῶν ἀπογειοτέρων ἐν ἐλάττωσιν διαφοραῖς παρηύξηνται, ἐν δὲ τοῖς περιγειοτέροις ἐν μείζοσι τὴν μείωσιν λαμβάνουσιν. Ἐστω γὰρ ἑκκεντρος κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, περὶ διάμετρον τὴν ΑΔ, ἐφ' ἧς ὑποκείσθω τὸ μὲν τοῦ ἐκκεντροῦ κέντρον τὸ Ε τὸ δὲ τοῦ ζωδιακοῦ τὸ Ζ, καὶ ἀπολημφθεισῶν ἀπὸ τοῦ Α ἀπογείου δύο ἴσων περιφερειῶν τῆς ὁμαλῆς παρόδου τῶν ΑΒ, ΒΓ, ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΒΕ, ΓΕ, καὶ ἔτι αἱ ΖΒ, ΖΓ.

897

Λέγω πρῶτον ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΕΓΖ γωνία τῆς ὑπὸ ΕΒΖ. Διήχθω γὰρ ἡ ΒΖ ἐπὶ τὸ Κ καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΕΚ, ΓΚ. ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ ΓΖ τῆς ΖΚ διὰ τὸ πρὸς τῷ ἀπογαιοτέρῳ τμήματι ὑποκεῖσθαι τὸ Γ, μείζων ἐστὶν καὶ ἡ ὑπὸ ΖΚΓ γωνία τῆς ὑπὸ ΖΓΚ. ἔστιν δὲ καὶ ὅλη ἡ ὑπὸ ΕΓΚ τῇ ὑπὸ ΕΚΓ ἴση, διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν ΕΓ τῇ ΕΚ· καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΕΓΖ λοιπῆς τῆς ὑπὸ ΕΚΖ μείζων ἐστίν, ἴση δὲ ἡ ὑπὸ ΕΚΖ τῇ ὑπὸ ΕΒΖ· μείζων ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ ΕΓΖ τῆς ὑπὸ ΕΒΖ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. § Καὶ ἐπεὶ τῆς μὲν ὑπὸ ΑΕΒ γωνίας τῆς ὁμαλῆς παρόδου διαφορά ἐστὶν παρὰ τὴν ὑπὸ ΒΖΑ φαινομένην <ἡ> ὑπὸ ΖΒΕ, ὅλης δὲ τῆς ὑπὸ ΑΕΓ ὁμαλῆς παρόδου διαφορά ἐστὶν παρὰ τὴν ὑπὸ ΓΖΑ φαινομένην ἡ ὑπὸ ΖΓΕ, δηλὸν ὅτι ἡ μὲν τῆς ΑΒ περιφερείας τῆς ὁμαλῆς παρόδου διαφορά ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Β γωνία, ἡ δὲ τῆς ΑΓ περιφερείας ἡ ὑπὸ ΕΓΖ γωνία· καὶ ἡ ὑπεροχὴ ἄρα τῆς ΑΓ περιφερείας πρὸς τὴν ΑΒ τουτέστιν ἡ ΒΓ διαφορά παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν πεποιήται καὶ τὴν ὑπεροχὴν ἥ ὑπερέχει ἡ ὑπὸ ΕΓΖ γωνία τῆς πρὸς τῷ Β. § Λέγω οὖν ὅτι ἡ ὑπὸ ΕΓΖ γωνία ἐλάττων ἐστὶν ἢ διπλῇ τῆς πρὸς τῷ Β, ἵνα ἐλάττωσιν ὥσιν παρηυξημέναι κατὰ τὴν τοῦ κανόνος τῆς ἀνωμαλίας ἔκθεσιν ἐπὶ τῶν ἀπογαιοτέρων τμημάτων αἱ περιγιοίτεραι. Ἐπεὶ γὰρ ἡ ὑπὸ ΓΕΑ διπλῇ ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΒΕΑ, καὶ αἱ ὑπὸ ΓΖΕ, ΕΓΖ ἄρα διπλασίονές εἰσιν τῶν ὑπὸ ΒΖΕ, ΕΒΖ. καὶ ἐπεὶ ἐν τοῖς ἔμπροσθεν ἀπεδείκνυμεν τὴν ὑπὸ ΓΖΒ μείζονα τῆς ὑπὸ ΒΖΑ, ἡ ἄρα ὑπὸ ΓΖΑ μείζων ἐστὶν ἢ διπλῇ τῆς ὑπὸ ΒΖΑ, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΖΓΕ ἐλάττων ἐστὶν ἢ διπλῇ τῆς ὑπὸ ΖΒΕ, ὅπερ ἔδει δεῖξαι· ἡ ἄρα τῆς περιγιοιτέρας ὁμαλῆς παρόδου διαφορά ἐλάττονι παρηύξεται τῆς ἀπογαιοτέρας. § Λέγω ὅτι κὰν πρὸς τῷ περιγίῳ ἴσας περιφερείας ἀπολάβωμεν τῆς ὁμαλῆς παρόδου, ἡ τῆς περιγιοιτέρας διαφορά ἐν μείζουσιν τὴν μείωσιν ποιεῖται τῆς ἀπογαιοτέρας.

898 Ἀπειλήφθωσαν γὰρ καὶ ἀπὸ τοῦ Δ περιγείου τοῦ ἐκκέντρου ἴσαι περιφέρειαι τῆς ὁμαλῆς παρόδου αἱ ΔΗ, ΗΘ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΕΘ, ΕΗ, ΖΘ, ΖΗ. ὁμοίως πάλιν δειχθήσεται ὅτι καὶ ἡ πρὸς τῷ Θ γωνία μείζων ἐστὶν τῆς πρὸς τῷ Η, διαχθείσης τῆς ΖΘ ἐπὶ τὴν ἀντικειμένην περιφέρειαν, καὶ ἐπιζευχθεισῶν ἀπὸ τῶν Η καὶ Ε εὐθειῶν ἐπὶ τὸ γεγονός πρὸς τῇ περιφέρειᾳ σημείον. καὶ ἐπεὶ ἐν τοῖς ἔμπροσθεν ἀπεδείξαμεν τὴν ὑπὸ ΔΖΗ περιγιοιτέραν φαινομένην πάροδον μείζονα τῆς ὑπὸ ΗΖΘ ἀπογαιοτέρας, ἡ ἄρα ὑπὸ ΘΖΔ τῆς ὑπὸ ΗΖΔ ἐλάττων ἐστὶν ἢ διπλῇ, τουτέστιν αἱ ὑπὸ ΖΕΘ, ΕΘΖ τῶν ὑπὸ ΖΕΗ, ΕΗΖ ἐλάττονές εἰσιν ἢ διπλαῖ. διπλῇ δὲ ἡ ὑπὸ ΘΕΔ τῆς ὑπὸ ΗΕΔ. λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΕΘΖ τῆς ὑπὸ ΕΗΖ ἐλάττων ἐστὶν <ἡ> διπλῇ. ὥστε ἡ πρὸς τῷ Η γωνία μείζων ἐστὶν ἡμισείας τῆς πρὸς τῷ Θ. καὶ ἐπεὶ ὅλης μὲν τῆς ΘΔ περιφερείας διαφορά ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Θ γωνία, τῆς δὲ ΗΔ περιφερείας διαφορά ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Η γωνία, καὶ ἡ ὑπεροχὴ ἄρα τῆς ΘΔ περιφερείας πρὸς τὴν ΗΔ τουτέστιν ἡ ΘΗ τὴν ὑπεροχὴν τῆς Θ γωνίας πρὸς τὴν Η πεποιήται. καὶ ἔστιν ἡ ὑπεροχὴ αὐτῶν τῆς πρὸς τῷ Η γωνίας ἐλάττων. ὥστε ἡ μὲν ΘΗ ἀπογιοιτέρα περιφέρεια ἐλάττονα τῆς πρὸς τῷ Η γωνίας διαφορὰν παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν πεποιήται, ἡ δὲ ΗΔ περιγιοιτέρα μείζονα. Μείζουσιν ἄρα διαφοραῖς ἐμείωσαν αἱ πρὸς τοῖς περιγιοιτέροις τμήμασι περιγιοίτεροι ὁμαλαὶ πάροδοι τῶν ἀπογαιοτέρων, ἀκολουθῶς τῇ τοῦ κανόνος ἐκθέσει. § Ἔτι δὲ δεικτέον, ὅπερ ὑπολείπεται τῶν προτεθέντων, ὅτι ἐπὶ τῶν ἴσων ἀπὸ τοῦ ἀπογείου καὶ τοῦ περιγείου ὁμαλῶν παρόδων αἱ πρὸς τῷ περιγίῳ διαφοραὶ μείζονές εἰσι τῶν πρὸς τῷ ἀπογίῳ.

899 Ἐκκείσθω γὰρ πάλιν ὁ ΑΒΓΔ ἔκκεντρος κύκλος περὶ κέντρον τὸ Ε καὶ διάμετρον τὴν ΑΕΔ, ἐφ' ἧς εἰλήφθω τὸ τοῦ ζωδιακοῦ κέντρον τὸ Ζ. καὶ ἀπειλήφθωσαν δύο ἴσαι περιφέρειαι τῆς ὁμαλῆς παρόδου ἀπὸ τε τοῦ Α ἀπογείου καὶ τοῦ Δ περιγείου αἱ ΑΒ, ΓΔ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν ὁμοίως αἱ ΕΒ, ΕΓ, ΒΖ, ΖΓ καὶ διήχθω ἡ ΖΒ ἐπὶ τὸ Η, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΓΗ. λέγω ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΖΓΕ γωνία τῆς ὑπὸ ΖΒΕ. Ἐπεὶ γὰρ μείζων ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΓΖΔ γωνία τῆς ὑπὸ ΒΕΑ, ἐπεὶ καὶ τῆς ὑπὸ ΓΕΔ, μείζων δὲ ἡ ὑπὸ ΒΕΑ τῆς ὑπὸ ΒΖΕ τουτέστιν τῆς ὑπὸ ΔΖΗ, πολλῶ ἄρα ἡ ὑπὸ ΓΖΔ μείζων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΔΖΗ. ὥστε ἡ ὑπὸ ΓΖΑ λείπουσα εἰς τὰς δύο ὀρθὰς ἐλάττων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΗΖΑ. ἡ ΖΓ ἄρα εὐθεῖα ἔγγιόν ἐστὶν τῆς διὰ τοῦ κέντρου τῆς ΖΕΑ ἥπερ ἡ ΖΗ. μείζων ἄρα ἡ ΓΖ τῆς ΖΗ. ὥστε καὶ

ἡ ὑπὸ ΓΗΖ μείζων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΖΓΗ. ἡ ἄρα ὑπὸ ΓΖΒ ἐλάττων ἐστὶν ἢ διπλῇ τῆς ὑπὸ ΓΗΒ. διπλῇ δὲ ἡ ὑπὸ ΒΕΓ τῆς ὑπὸ ΓΗΒ· ἐπὶ γὰρ τῆς αὐτῆς περιφερείας βεβήκασιν· μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ ΒΕΓ τῆς ὑπὸ ΒΖΓ.

900 καὶ ἴσαι αἱ κατὰ κορυφὴν τῶν ΒΕΘ, ΘΓΖ τριγώνων. λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΕΓΖ λοιπῆς τῆς ὑπὸ ΕΒΖ μείζων ἐστίν. αἱ ἄρα περιγειότεραι ὁμαλαὶ πάροδοι τῶν ἴσων καὶ ἀπογειοτέρων μείζονας ἀποτελοῦσιν τὰς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφοράς. Διὸ καὶ τὰς μὲν ἀπογειοτέρας ὡς ἔφαμεν κατ' ἐξαμοιρίαν παρέθηκε τὰς δὲ περιγειότερας κατὰ τριμοιρίαν. Ὡς ἔτι δὲ ἐξῆς καὶ ἐπὶ τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως δεῖξομεν τὰ εἰρημένα συμφώνως τῇ κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσει ἀποτελούμενα. Ἐστω γὰρ ὁμόκεντρος καὶ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλος ὁ ΑΒΓΔ περὶ κέντρον τὸ Ε, καὶ διάμετρον τὴν ΔΕΑ. καὶ ἀπειλήφθωσαν ἀπὸ τοῦ Α δύο ἴσαι περιφέρειαι ΑΒ, ΒΓ, καὶ γεγράφθωσαν περὶ τὰ Α, Β, Γ ἴσοι ἐπίκυκλοι, ὥστε ὅταν μὲν κατὰ τοῦ Α τυγχάνῃ ὁ ἐπίκυκλος τὸν ἀστέρα εἶναι ἐπὶ τοῦ Ζ ἀπογείου, ὅταν δὲ κατὰ τὸ Β, ἐπὶ τοῦ Η, κινηθέντα τὴν ΖΗ ὁμοίαν οὔσαν τῇ ΑΒ, ὅταν δὲ κατὰ τοῦ Γ, ἐπὶ τοῦ Θ, κινηθέντα τὴν ΖΘ ὁμοίαν πάλιν τῇ ΑΓ. Ὡς ὅτι μὲν οὖν ἐπὶ τῆς τοιαύτης θέσεως αἱ περιγειότεραι διαφοραὶ ἐν ἐλάττωσιν ὑπεροχαῖς παρηύξηνται, δῆλον, ἐπεὶ καὶ τὴν ὑπὸ ΓΕΘ γωνίαν ἀπεδείκνυμεν ἐν τοῖς πρόσθεν ἔνθα καὶ χωρὶς τὴν τοῦ ἐπικύκλου καταγραφὴν ἐξεθέμεθα ἐλάττονα οὔσαν ἢ διπλὴν τῆς ὑπὸ ΒΕΗ.

901 Σλέγω δὴ ὅτι καὶ ἐὰν ἀπὸ τοῦ Δ, ἔνθα τοῦ ἐπικύκλου τυγχάνοντος κατὰ τὸ Ν περίγειος ὁ ἀστήρ γίνεται διὰ τὴν ἰσοχρονιότητα τῶν ἀποκαταστάσεων, ἴσας περιφερείας ἀπολάβωμεν, αἱ περιγειότεραι διαφοραὶ ἐν μείζουσιν ὑπεροχαῖς τὴν μείωσιν λαμβάνουσιν. Ἀπειλήφθωσαν γὰρ ἴσαι αἱ ΔΚ, ΚΛ καὶ γεγράφθωσαν πάλιν οἱ περὶ τὰ Δ, Κ, Λ ἐπίκυκλοι. καὶ ἀπεχέτωσαν οἱ ἀστέρες ὁμοίας περιφερείας ἀπὸ τῶν ἀπογείων τῶν ἐπικύκλων ταῖς ἐπὶ τοῦ ὁμοκέντρου τῶν ἐπικύκλων, καὶ ἔστωσαν κατὰ τῶν Ξ, Μ. Καὶ ἐπεὶ διπλῇ ἐστὶν ἡ ΛΔ τῆς ΚΔ, διπλῇ ἐστὶν καὶ ἡ Ν' Ξ τῆς ΜΟ· κείσθω τῇ ΜΟ ἴση ἡ ΞΠ. καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΕΠ, διήχθω ἐπὶ τὸ Ρ, καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΡΞ, ΡΝ'. καὶ ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ ΡΝ' τῆς ΡΞ, κείσθω τῇ ΡΞ ἴση ἡ ΡΣ. καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΕΣ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΡΞ τῇ ΡΣ, κοινὴ δὲ ἡ ΡΕ, καὶ γωνία ἡ πρὸς τῷ Ρ γωνία τῇ πρὸς τῷ Ρ ἴση, ἐπεὶ καὶ περιφέρεια περιφέρειᾳ· βάσις ἄρα ἡ ΕΞ βάσει τῇ ΕΣ ἐστὶν ἴση, καὶ τὸ τρίγωνον ἴσον, καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς. ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΣΕΡ γωνία τῇ ὑπὸ ΡΕΞ· ἡ ἄρα ὑπὸ Ν'ΕΞ γωνία ἐλάσσων ἐστὶν διπλῆς τῆς ὑπὸ ΡΕΝ' τουτέστιν τῆς ὑπὸ ΚΕΜ. καὶ ὁμοίως τοῖς ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου εἰρημένοις, ἐπεὶ ὅλης τῆς ΔΑ τῆς ὁμαλῆς παρόδου περιφερείας διαφορὰ ἐστὶν παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν ἡ ὑπὸ Ν'ΕΞ, τῆς δὲ ΔΚ, ἡ ὑπὸ ΚΕΜ· καὶ τῆς ἄρα ὑπεροχῆς αὐτῶν ἡ ὑπεροχή. ὥστε τῆς ΚΛ περιφερείας τῆς ὁμαλῆς παρόδου διαφορὰ ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΞΕΡ. καὶ ἔστιν [ἡ] ἐλάττων τῆς ὑπὸ ΜΕΚ. ὥστε καὶ ἡ μὲν ΚΛ ἀπογειοτέρα περιφέρεια ἐλάττονα διαφορὰν τῆς ἀνωμαλίας πεποιῆται, ἡ δὲ ΚΔ περιγειότερα μείζονα. μείζουσιν ἄρα διαφοραῖς καὶ ἐπὶ ταύτης τῆς ὑποθέσεως ἐν τοῖς περιγειότεροις τμήμασιν αἱ περιγειότεραι ὁμαλαὶ πάροδοι τὴν μείωσιν λαμβάνουσιν τῶν ἀπογειοτέρων ἀκολουθῶς τῇ τοῦ κανόνος ἐκθέσει.

902 Ὡς ἔπει οὖν αἱ ἀπὸ τοῦ ἀπογείου μέχρι τῆς μέσης παρόδου κατὰ μέρος παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφοραὶ ἐπὶ τὸ ἔλαττον συνιστάμεναι καταλαμβάνονται, ἀπὸ δὲ τῆς μέσης παρόδου μέχρι τοῦ Ν περίγειου ἐπὶ τὸν μείζον, εἰκότως καὶ κατὰ μὲν αὐτὴν τὴν μέσιν πάροδον τὴν στάσιν ποιοῦνται, περὶ δὲ αὐτὴν ἀνεπαίσθητοι τυγχάνουσιν. Ὡς ἔτι δὲ δειχθήσεται ὅπερ ὑπολείπεται τῶν προκειμένων καὶ ἐπὶ ταύτης τῆς ὑποθέσεως, τουτέστιν ὅτι ἐπὶ τῶν ἴσων ὁμαλῶν παρόδων ἀπὸ τοῦ ἀπογείου καὶ περιγείου αἱ πρὸς τῷ περιγείῳ διαφοραὶ μείζονές εἰσιν τῶν πρὸς τῷ ἀπογείῳ.

903 Ἐκκείσθω γὰρ πάλιν ὁ ΑΒΓΔ ὁμόκεντρος περὶ κέντρον τὸ Ε καὶ διάμετρον τὴν ΑΕΔ, ὥστε ὅταν μὲν ὁ ἐπίκυκλος κατὰ τοῦ Α τυγχάνῃ καὶ τὸν ἀστέρα εἶναι ἐπὶ τοῦ ἀπογείου· ὅταν δὲ κατὰ τοῦ

Δ, ἐπὶ τοῦ περιγείου. καὶ ἀπειλήφθωσαν δύο ἴσαι περιφέρειαι τῆς ὁμαλῆς παρόδου αἱ AB, ΓΔ καὶ γεγράφθωσαν οἱ ἐπίκυκλοι περὶ τὰ Β, Γ σημεῖα. καὶ ὑποκείσθω ὁ ἀστὴρ κατὰ τῶν Η καὶ Θ, ὥστε τὰς ΖΗ καὶ ΘΚ ἴσας ἀλλήλαις εἶναι καὶ ὁμοίας ταῖς AB, ΓΔ, διὰ τὴν ἰσοχρονιότητα τῶν ἀποκαταστάσεων. καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ HE, ΘΕ. Λέγω ὅτι ἡ ὑπὸ ΘΕΓ περιγειοτέρα διαφορά μείζων ἐστὶ τῆς ὑπὸ HEZ ἀπογειοτέρας. Ἦχθω γὰρ διὰ τοῦ Η τῇ BE παράλληλος ἡ ΗΛ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΛΜ. ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ ΖΗ περιφέρεια τῇ ΛΜ· ὅπερ δῆλον γίνεται ἐπιζευχθείσης τῆς ΖΛ. ἀλλὰ ἡ ΖΗ περιφέρεια τῇ ΘΚ ἴση ἐστίν. καὶ ἡ ΛΜ ἄρα περιφέρεια ἴση ἐστὶ τῇ ΘΚ· ὥστε καὶ αἱ ὑπ' αὐτὰς εὐθεῖαι ΛΜ, ΘΚ ἴσαι εἰσίν. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΖΗ περιφέρεια τῇ ΘΚ περιφέρειᾳ, ἴση ἐστὶν καὶ ἡ ὑπὸ ΖΜΛ γωνία τῇ ὑπὸ Ζ'ΚΘ. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΛΜΕ λοιπὴ τῇ ὑπὸ ΘΚΕ ἴση ἐστίν. ἐπεὶ οὖν ἡ μὲν ΘΚ εὐθεῖα τῇ ΛΜ ἴση ἐστίν, ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΚΕ τῇ ΜΕ ἴση, καὶ γωνία γωνία καὶ βάσις βάσει, καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ· ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΚΕΘ γωνία ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΜΕΛ. μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ ΘΕΚ περιγειοτέρα διαφορά τῆς ὑπὸ ΖΕΗ ἀπογειοτέρας. Περὶ τῆς κατὰ τὴν μέσην τοῦ ἡλίου πάροδον ἐποχῆς.

904 (1t) Ἐπὶ δὲ πάσης διδασκαλίας καὶ μαθήσεως ἀρχὰς τινὰς χρὴ προϋφιστάναι ἀφ' ὧν τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς ἀκόλουθα δεῖ πραγματεύεσθαι. δῆλον ὡς ὅτι καὶ τῆς ἐκθέσεως τῶν κινήσεων ἀναγκαῖον ἂν εἶη ἀρχὰς τινὰς ὑποκείσθαι. Σαί δὲ τῆς κινήσεως ἀρχαὶ εἰσιν χρόνος τε καὶ τόπος. χρὴ ἄρα λαβεῖν τὸν τε χρόνον καὶ τὸν τόπον ἀφ' οὗ τοὺς κανόνας τῶν κινήσεων ὁ Πτολεμαῖος συνεστήσατο. Σ'Ἔστι δὲ ὁ μὲν χρόνος ἀπὸ τοῦ α' ἔτους Ναβονασσάρου τοῦ τῶν Περσῶν βασιλέως θῶθ α' ὥρας ζ' πληρωθείσης ὡς πρὸς τὴν ἡμετέραν κατ' Αἴγυπτον Ἀλεξάνδρειαν, διὰ τὸ ἀπὸ τούτου ἔχειν αὐτὸν καὶ τὰς ἀναγραφὰς τῶν παλαιῶν τηρήσεων διασφζομένας. ΣΛοιπὸν οὖν εἴη ἂν εὐρεῖν ἐν τούτῳ τῷ χρόνῳ καὶ κατὰ ποίου τμήματος τοῦ διὰ μέσων τῶν ζῳδίων κύκλου ἡ τοῦ ἡλίου ὁμαλὴ πάροδος ἐτύγχανεν· οὐ μόνον δὲ ἐπὶ τοῦ ἡλίου ἀλλὰ καὶ ἐπὶ τῆς σελήνης καὶ τῶν εἰς πλανωμένων τὸ τοιοῦτον μεταχειρίζεται, ἀπὸ τε τῶν ἑαυτοῦ ἀδιστακτοτέρων τηρήσεων καταλαμβανόμενος κατὰ ποίου τμήματος τοῦ ζῳδιακοῦ ὁ ἐπιζητούμενος ἀστὴρ τυγχάνει καὶ συνάγων τὸν ἀπὸ Ναβονασσάρου χρόνον μέχρι τῆς ἑαυτοῦ τηρήσεως καὶ ἐκ τῶν ἐκτεθειμένων τῆς ὁμαλῆς κινήσεως κανόνων λαμβάνων τὰ τῷ τοσούτῳ χρόνῳ ἐπιβάλλοντα ὁμαλὰ κινήματα μετὰ κύκλους καὶ ἀνακάμπτων ἀπὸ τῆς κατειλημμένης τοῦ ζῳδιακοῦ κατὰ τὴν τήρησιν ἐποχῆς, καταλαμβάνεται τὸ τμήμα ὃ ἐπέιχεν εἰς τὸ α' ἔτος Ναβονασσάρου θῶθ α' τῆς μεσημβρίας ὃ ἐπιζητούμενος ἀστὴρ.

905 Ποιούμενος οὖν ἐνταῦθα τὴν τοιαύτην κατάλημψιν ἐκτίθεται α θεώρημα δι' οὗ ἀποδείκνυσιν ὅτι «ὅταν τὴν μετοπωρινὴν ἰσημερίαν ὁ ἥλιος «ποιῇται, προηγῇται πάντως τοῦ περιγείου τοῦ ἐκκέντρου ὁμαλῶς κικνούμενος μοίρας ξγ κ, ἀπέχει δὲ τοῦ ἀπογείου εἰς τὰ ἐπόμενα» τὰς λοιπὰς εἰς τὸ ἡμικύκλιον μοίρας ρις μ. εἴτα ἐξῆς λαβὼν ἐκ τηρήσεως μετοπωρινὴν ἰσημερίαν γεγενημένην τῷ ιζ' ἔτει Ἀδριανοῦ ἀθὺρ ζ μετὰ δύο ὥρας ἰσημερινὰς τῆς μεσημβρίας, φησὶν· ἀπέιχεν ἄρα ὁ ἥλιος κατὰ τοῦτον τὸν χρόνον τοῦ ἀπογείου ὁμαλῶς μοίρας ρις μ.

906 Σ καὶ συναγαγὼν τὸν χρόνον τὸν ἀπὸ τοῦ πρώτου ἔτους Ναβονασσάρου μέχρι τῆς προκειμένης τηρήσεως ἐτῶν τυγχάνοντα ωθ καὶ ἡμερῶν ξς καὶ ὥρων ἰσημερινῶν β, καὶ λαβὼν τὴν ὁμαλὴν κίνησιν μετὰ κύκλους τοῦ τόσου χρόνου μοιρῶν συναγομένην σια κε καὶ ἀφελὼν αὐτὴν ἀπὸ τῶν ρις μ μοιρῶν ἐνὸς κύκλου μοίρας τξ προσθείς, τὰς λοιπὰς μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν μοίρας σξε ιε ἀκολούθως ἔφησεν ἀπέχειν τὸν ἥλιον ὁμαλῶς τοῦ ἀπογείου τουτέστιν τῶν κατὰ τοὺς Διδύμους μοιρῶν ε λ κατὰ τὸ α' ἔτος Ναβονασσάρου θῶθ α' τῆς μεσημβρίας καὶ διὰ τοῦτο ἐπέχειν τῶν Ἰχθύων ὁμαλῶς τῆς πρώτης μοίρας ἐξηκοστὰ με. Περὶ τῆς ἡλιακῆς ψηφοφορίας.

907 (1t) Διεξελθὼν περὶ τε τῶν τοῦ ἡλίου ὁμαλῶν παρόδων καὶ τῶν παρὰ τὴν φαινομένην ἀνωμαλίαν διαφορῶν καὶ τοῦ κατὰ τὴν σύστασιν τῆς πραγματείας χρόνου καὶ τῆς κατ' αὐτὸν ἀπὸ τοῦ ἀπογείου μέσης ἀποχῆς ἀφ' ἧς αἱ μετὰ τὴν σύστασιν πάροδοι τὴν ἀρχὴν εἰλήφασιν καὶ πῶς διὰ

τῶν γραμμῶν τῆς ὁμαλῆς παρόδου δοθείσης ἢ τε παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορὰ δίδεται καὶ ἡ ἀκριβὴς αὐτοῦ πάροδος καὶ τὸ ἀνάπαλιν, ἐξῆς διδάσκει πῶς ἂν καὶ διὰ τῆς κανονικῆς ἐκθέσεως ἐφοδεύωμεν τὴν κατὰ τὸν παρ' ἕκαστα χρόνον τοῦ ἡλίου ὁμαλὴν καὶ μετὰ τῆς ἀνωμαλίας ἀκριβῆ καὶ φαινομένην πάροδον. Προκείσθω δὲ ἡμῖν καθόλου τὴν τε τοῦ ἡλίου καὶ τῆς σελήνης καὶ ἔτι τῶν εἰς πλανωμένων ψηφοφορίαν ποιήσασθαι ἐπὶ τοῦ λθ' ἔτους Διοκλητιανοῦ κατ' Ἀλεξανδρέας ἥτοι καθ' Ἑλλήνας τυβὶ ι πρὸ δ ὥρων καιρικῶν τῆς ἐν Ἀλεξανδρείᾳ μεσημβρίας κατὰ <δ'> αἰγυπτίους, ἐπειδὴ πρὸς τὸν τοιοῦτον ἡμῖν χρόνον οἱ κανόνες συνεστάθησαν φαρμουθὶ ε' μετὰ κα' ὥραν τῆς ἐν τῇ δ' μεσημβρίας, διὰ τὸ τὴν ἀποκατάστασιν τοῦ καθ' Ἑλλήνας πρὸς αἰγυπτίους ἐνιαυσίου χρόνου γεγενῆσθαι τῷ ε' ἔτει τῆς Αὐγούστου βασιλείας, καὶ συνάγεσθαι ἔτη ἐξ ἐκείνου τοῦ χρόνου μέχρι τοῦ προκειμένου λθ, τμζ, ἐπειδήπερ τὸ μὲν ἀπὸ Αὐγούστου ἐπὶ Διοκλητιανοῦ ἔτη ἐστὶν τιγ, ἀπὸ δὲ τοῦ ε' Αὐγούστου ἔτη συνάγειν μετὰ τῶν ἀπὸ Διοκλητιανοῦ ἐτῶν λθ τὰ εἰρημένα ἔτη τμζ, τετραετηρίδας δὲ πς ὅσαις ἡμέραις προεῖληφεν ὁ κατ' αἰγυπτίους χρόνος τὸν καθ' Ἑλλήνας ἢ καὶ κατὰ Ἀλεξανδρέας διὰ τὴν τοῦ τετάρτου τῆς ἡμέρας ἐπουσίαν.

908 διὸ προσθέντες τῷ κατὰ Ἀλεξανδρέας ἐκτεθειμένῳ χρόνῳ τυβὶ ι' ὥρα γ' αἵτινές εἰσιν ἀπὸ τῆς ἐν τῷ θῶθ α' μεσημβρίας ἡμέραι ρκη ὥραι κα, τὰς πς ἡμέρας, ἔσχομεν τὸν κατ' αἰγυπτίους χρόνον ἀπὸ τῆς ἐν τῷ θῶθ α' μεσημβρίας ἡμερῶν σιδ καὶ ὥρων κα. §Συνάγεται δὲ ἀπὸ Ναβονασσάρου οὗτος ἐτῶν , αζθ καὶ τῶν εἰρημένων ἡμερῶν σιδ καὶ ὥρων κα καιρικῶν, πρὸς ὃν χρόνον λαμβάνομεν πρῶτον τὴν ὁμαλὴν καὶ ἀκριβῆ τοῦ ἡλίου ἐποχὴν τόνδε τὸν τρόπον· εἰσάγοντες γὰρ πρότερον εἰς τὸ τῶν ὀκτωκαιδεκαετηρίδων κανόνιον τὰ , αζθ ἔτη, καὶ λαβόντες τὰ τούτων ἐλάττονα ἔγγιστα παρακείμενα κατὰ τὸ α' σελίδιον ἔτη ωι ἀπογραφόμεθα ὡς πρῶτον κεφάλαιον· ἔπειτα τὰ λοιπὰ εἰς τὰ , αζθ ἔτη εἰσαγαγόντες πάλιν κατὰ τὸ αὐτὸ α' σελίδιον τῶν ὀκτωκαιδεκαετηρίδων, καὶ λαβόντες ὁμοίως τὰ ἔγγιστα ἐλάττονα αὐτῶν παρακείμενα σνβ ἀπεγραψάμεθα ὡς β' κεφάλαιον· ἔτι δὲ καὶ τὰ ὑπολειφθέντα ἔτη ἀπλᾶ ζ τρίτον κεφάλαιον· ἐξῆς δὲ πάλιν καὶ τὰς σι ἡμέρας μηνῶν ζ ὡς δ' κεφάλαιον παρεθήκαμεν· καὶ τὰς λοιπὰς δ ὡς ε' καὶ ἔτι τὴν κα' ὥραν ὡς ζ'.

909 Καὶ ἀπογραψάμενοι ἐξῆς τῶν οὕτως ἐκτεθειμένων κεφαλαίων τοὺς παρακειμένους οἰκείως τῶν ὁμαλῶν κινήσεων ἀριθμοὺς ὡς ὑπογέγραπται, ἵνα μὴ μακρολογῶμεν, καὶ συναγαγόντες καὶ ποιήσαντες μοίρας, καὶ ἔτι δὲ καὶ τὰς μοίρας, καὶ ἐκβάλλοντες κύκλον ἢ κύκλους, τὸν ὑπολιπέντα τῶν μοιρῶν καὶ τῶν ἐξηκοστῶν ἀριθμὸν καταλαμβάνόμενον τια νδ ἀπεγραψάμεθα· ᾧ προσθέντες ἃς ἀπεῖχεν ὁ ἥλιος ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἐν τῷ τῆς ἀρχῆς Ναβονασσάρου χρόνῳ μοίρας σζε ιε, τὰς συναχθείσας μετὰ κύκλον μοίρας σιζ θ ἔσχομεν ἃς ἀπεῖχεν ὁ ἥλιος ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ὁμαλῶς κινούμενος εἰς τὰ ἐπόμενα· ἃς ἐκβάλλοντες ἀπὸ τοῦ εἰρημένου ἀπογείου τῶν κατὰ τοὺς Διδύμους μοιρῶν ε λ ἐκάστῳ ζωδίῳ διδόντες μοίραςλ, εὔρομεν τὴν ὁμαλὴν τοῦ ἡλίου πάροδον κατὰ τὸν προκειμένον χρόνον ἐπέχουσιν τοῦ Αἰγόκερω μοίρας ιβ λθ. §Ἴνα δὲ καὶ τὴν ἀκριβῆ ἥτοι φαινομένην αὐτοῦ ἐποχὴν ἐπιλογισώμεθα, εἰσηγάγομεν τὸν αὐτὸν §τῆς ὁμαλῆς παρόδου ἀριθμὸν τουτέστιν τὸν σιζ θ εἰς τὸ τῆς ἀνωμαλίας κανόνιον κατὰ τὰ πρῶτα σελίδια ἃ περιέχει τοὺς τῶν ὁμαλῶν παρόδων ἀριθμούς, ἐπεὶ καὶ τούτοις αἱ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφοραὶ παράκεινται.

910 καὶ τὴν παρακειμένην αὐτῷ ἐξ ἀναλόγου ἐν τῷ γ' σελιδίῳ μοῖραν α κθ ἔγγιστα προσθέντες αὐτῷ διὰ τὸ μείζονα αὐτὸν τυγχάνοντα τῶν τοῦ ἡμικυκλίου μοιρῶν ρπ πίπτειν εἰς τὸ μετὰ τὸ περιγίειον ἡμικύκλιον ἔνθα ἢ ἀπὸ τοῦ περιγείου φαινομένη πάροδος μείζων ἐστὶν τῆς ὁμαλῆς, τὰς συναχθείσας μοίρας σιη λη ἐκβάλλοντες πάλιν ἀπὸ τῶν κατὰ τοὺς Διδύμους μοιρῶν ε λ, ἔσχομεν καὶ τὴν ἀκριβῆ ἥτοι φαινομένην τοῦ ἡλίου πάροδον ἔχουσιν τοῦ Αἰγόκερω μοίρας ιδ η.

911 Περὶ τῆς συμφωνίας τῶν κατὰ τὴν σύνταξιν καὶ τὸν πρόχειρον ψηφοφοριῶν.

912 (1t) Ὡς δὲ καὶ τὴν διὰ τῆς ἐκθέσεως τῶν προχείρων κανόνων τοῦ ἡλίου ψηφοφορίαν σύμφωνον τῇ διὰ τῆς Συντάξεως κατειλημμένῃ δείξωμεν ἀποτελουμένην, ἐκθησόμεθα πρῶτον τὰ ἐπιβάλλοντα κατὰ τὴν τῶν προχείρων κανόνων ἔκθεσιν τῷ προκειμένῳ χρόνῳ κεφάλαια. Ὡς ἔστιν δὲ τὰδε· εἰκοσιπενταετηρίδας χς· ἔτη ἀπλᾶ κ· μὴν φαρμουθί· ἡμέραι ε· ὥραι ἀπὸ μεσημβρίας κ καὶ α. Καὶ πλεονάζει οὗτος ὁ χρόνος τοῦ κατὰ τὴν σύνταξιν ἐκτεθειμένου ἐνιαυτῷ καὶ μηνὶ καὶ ἡμέρᾳ.

913 ἔαν γὰρ προσθῶμεν τούτοις τὰ ἀπὸ Ναβονασσάρου ἕως Φιλίππου ἀρχῆς τοῦ μετὰ Ἀλέξανδρον τὸν Κτίστην, ἀφ' οὗ χρόνου καὶ ὁ πρόχειρος κανὼν τὴν σύστασιν εἴληφεν, ἔτη υκδ, συναχθήσεται ἀπὸ Ναβονασσάρου μέχρι τοῦ προκειμένου λθ' ἔτους Διοκλητιανοῦ ἔτη , αο καὶ ἡμέραι σμε καὶ ὥραι κα ἐπειδήπερ καὶ αὐτὸν τὸν Φαρμουθὶ ἀπογραφόμεθα καὶ τὰς ε ἡμέρας, ἀντὶ τῶν κατὰ τὴν ἐπὶ τῆς Συντάξεως τοῦ ἡλίου ψηφοφορίαν ἐκτεθειμένων ἐτῶν , αξθ καὶ ἡμερῶν σιδ καὶ ὥρων κα. ὡς πλεονάζειν ὡς ἔφαμεν τὸν κατὰ τὸν πρόχειρον ἐκτεθειμένον χρόνον τοῦ κατὰ τὴν σύνταξιν ἐνιαυτῷ καὶ μηνὶ καὶ ἡμέρᾳ, ὅπερ ἀκόλουθόν ἐστιν, ἐπειδήπερ καὶ ἡκατὰ τὸν πρόχειρον τὰ τῷ α' ἔτει τῶν εἰκοσιπενταετηρίδων παρακείμενα ρξβ ι τῶν πρὸ τῆς συστάσεώς ἐστι τοῦ προχείρου ἀπὸ Ναβονασσάρου ἕως ἀρχῆς Φιλίππου ἐτῶν υκδ, ὡς ἐν τοῖς εἰς τὸν λόγον τοῦ προχείρου ὑπομνήμασιν ἀπεδείξαμεν.

914 καὶ διὰ τοῦτο τὰ τοῖς κς ἔτεσιν παρακείμενα τῶν εἴκοσι πέντε ἐτῶν εἶναι κινήματα, ὅτι δὲ τῆς Συντάξεως οὐκέτι, ἀλλὰ τὰ τοῖς ιη ἔτεσιν παρακείμενα αὐτῶν τῶν ιη ἐστὶ κινήματα καὶ τὰ τῶν λς τῶν λς· ὡς πλεονάζειν τὴν τοῦ προχείρου ἔκθεσιν ἐνιαυτῷ ἐνί. καὶ ἐπὶ τῶν μηνῶν δὲ πάλιν ἐν τοῖς προχείροις τῷ μὲν Θώθ, ϖ ϖ παράκειται, τῷ δὲ Φαωφὶ τὸ τοῦ Θώθ κίνημα. ἔτι δὲ καὶ ἐπὶ τῶν ἡμερῶν ἐπὶ μὲν τῶν προχείρων τῇ α' ἡμέρᾳ ϖ ϖ παράκειται, τῇ δὲ β' τὰ τῆς α' ἐπὶ δὲ τῆς Συντάξεως τὸ τοῦ α' μηνὸς κίνημα τῷ πρώτῳ μηνὶ παράκειται, καὶ τὰ τοῦ β' τῷ β', καὶ ἔξης ἀκολούθως· ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν ἡμερῶν, ὡς πάλιν ἀκόλουθον εἶναι τὴν ἔκθεσιν τὴν τοῦ χρόνου ἐπὶ τοῦ προχείρου κανόνος πλεονάζειν μηνὶ καὶ ἡμέρᾳ.

915 Ἐκθέμενοι οὖν τὸν εἰρημένον ἐπὶ τοῦ προχείρου χρόνον περιέχοντα εἰκοσιπενταετηρίδων μὲν ἔτη χς ἀπλᾶ δὲ ἔτη κ καὶ μῆνα Φαρμουθὶ καὶ ἡμέραν ε' καὶ ὥραν ἀπὸ μεσημβρίας κα', καὶ παραθέντες αὐτοῖς οἰκείως τὰ ὁμαλὰ κινήματα κατὰ τὴν τοῦ Προχείρου ἔκθεσιν, καὶ συναγαγόντες ὁμοίως τὰ ἐξηκοστὰ καὶ τὰς μοίρας ὡς ὑπογέγραπται, τὸν συναχθέντα ἀριθμὸν τῶν σιζ θ μοιρῶν μετὰ κύκλον ἐκβάλλοντες ἀπὸ τῶν κατὰ τοὺς Διδύμους μοιρῶν ε λ, ἔχομεν ἀκολούθως τοῖς ἐπὶ τῆς Συντάξεως ἐπιλογισμοῖς ἐπέχοντα τὸν ἥλιον μέσως τοῦ Αἰγόκερω μοῖραν ιβ λθ. Ὡς δὲ πάλιν καὶ τὴν ἀκριβῆ καὶ φαινομένην αὐτοῦ ἐποχὴν λάβωμεν, εἰσηγάγομεν τὸν αὐτὸν τῶν σιζ θ μοιρῶν ἀριθμὸν εἰς τὸ τῆς ἀνωμαλίας αὐτοῦ κανόνιον κατὰ τῶν πρώτων δύο σελιδίων, καὶ τὴν παρακειμένην αὐτῷ κατὰ τὸ γ' σελίδιον μοῖραν α καὶ ἐξηκοστὰ κθ προσθέντες αὐτῷ διὰ τὸ μείζονα αὐτὸν εἶναι μοιρῶν ρπ, καὶ τὰς γενομένας μοίρας σιη λη ἐκβαλόντες πάλιν ἀπὸ τῶν κατὰ τοὺς Διδύμους μοιρῶν ε λ, ἔχομεν τὴν κατὰ τὸν προκείμενον ἐποχὴν τοῦ ἡλίου κατὰ τοῦ Αἰγόκερω μοῖραν ιδ η συμφώνως τῇ ἐπὶ τῆς Συντάξεως ψηφοφορίᾳ. Ὡς ἔστιν δὲ κατὰ τὴν τοιαύτην τοῦ ἡλίου ἐποχὴν μετελήφαμεν τὴν κα ὥραν καιρικὴν εἰς ἡμερινὰς τόνδε τὸν τρόπον· λαβόντες γὰρ πρότερον ἐπὶ τοῦ δι' Ἀλεξανδρείας τρίτου κλίματος τοὺς συναναφερομένους τῷ ἀπὸ τῶν προκειμένων τοῦ Αἰγόκερω μοιρῶν ιδ η μέχρι τοῦ Καρκίνου τῶν αὐτῶν μοιρῶν τοῦ ἡμικυκλίου χρόνους συναγομένους ρνα ια, καὶ τούτους μερίσαντες παρὰ τὰς καιρικὰς ὥρας ιβ τῆς ἡμέρας ἔχομεν τοὺς ἐπιβάλλοντας τὰς ἐκείνη τῇ ἡμέρᾳ ὠριαίους καιρικοὺς ἡμερινοὺς χρόνους ιβ λς, τοὺς δὲ λοιποὺς εἰς τοὺς λ χρόνους τῶν δύο ἡμερινῶν ὥρων χρόνους ιζ κδ νυκτερινούς.

916

καὶ πολλαπλασιάσαντες τὰς μὲν ἡμερινὰς ὥρας θ, αἵ εἰσιν ἕξ μὲν μετὰ μεσημβρίαν, τρεῖς δὲ ἀπὸ ἀνατολῆς, ἐπὶ τοὺς ἡμερινοὺς ὥραίους χρόνους ιβ λς τὰς δὲ νυκτερινὰς ὥρας ιβ ἐπὶ τοὺς νυκτερινοὺς ὥραίους χρόνους ιζ κδ, ἢ καὶ τὰς ἀπὸ μεσονυκτίου ὥρας ς ἐπὶ τοῦ ιζ κδ τὰς δὲ ἀπὸ ἀνατολῆς ὥρας ἐπὶ τοὺς ιβ λς καὶ τοῖς συναγομένοις προστιθέντες τοὺς ἀπὸ μεσημβρίας ἐπὶ μεσονύκτιον χρόνους ρπ, καὶ τοὺς συναγομένους πάλιν ἕκ τε τῶν ἡμερινῶν καὶ νυκτερινῶν ὥρῶν χρόνους τκβ ιβ μερίσαντες παρὰ τοὺς τῆς ἰσημερινῆς ἡμέρας ὥραίους χρόνους ιε, ἔσχομεν πλῆθος ὥρῶν ἰσημερινῶν κα λ' ἔγγιστα, αἷς καὶ χρησόμεθα πρὸς τὴν τοῦ ἡλίου ἀκριβεστέραν ψηφοφορίαν. Ἐὰν δὲ ἑτέρα ἢ τοῦ δι' Ἀλεξανδρείας μεσημβρινοῦ ἡ οἴκησις ἐφ' ἣ τὸν καιρικὸν χρόνον παραλαμβάνομεν, τῆς κατὰ μῆκος αὐτῶν ὑπεροχῆς τὸ γινόμενον μέρος ὥρας ἰσημερινῆς, ὅταν μὲν ἀνατολικωτέρα ἢ τῆς Ἀλεξανδρείας ἡ ἀναδοθεῖσα οἴκησις ἀφελοῦμεν τῶν ἐκεῖσε κατελιμμένων ἰσημερινῶν ὥρῶν, ὅταν δὲ δυσμικωτέρα προσθήσομεν. καὶ ἐκ τοῦ οὕτω πάλιν καταλαμβανομένου πρὸς τὸν ἐν Ἀλεξανδρείᾳ μεσημβρινὸν χρόνον ποιησόμεθα τὴν τοῦ ἡλίου ψηφοφορίαν. Περὶ τῆς ἀνισότητος τῶν νυχθημέρων.

917 (1t) Ὡς ἀποδείξας τὰ περὶ τὰς κινήσεις τοῦ ἡλίου θεωρούμενα, ἐξῆς βούλεται διαλαβεῖν ὅτι ταῦτα τὰ καιρικὰ καὶ φαινόμενα ἡμῖν νυχθήμερα οὐκ ἔστιν ἴσα ἀλλήλοις ἢτοι ὁμαλά, ἀλλὰ διαλλάττουσι κατὰ τὰ μέσα. Κατηνέχθη δ' ἐπὶ τὴν τοιαύτην ἐπίσκεψιν διὰ τὸ τὰ ἐκτεθειμένα αὐτῷ ὁμαλὰ κινήματα κατ' ἴσας ὑπεροχὰς τὴν παραύξησιν εἰληφέναι δηλαδὴ ὡς τῶν νυχθημέρων ἰσοχρονίων ὄντων.

918 τοῦ τοιούτου μὴ οὕτως ἔχοντος καταλαμβανομένου, βούλεται οὖν τὰς καταλήμψεις ποιήσασθαι τῶν γινομένων διαφορῶν παρὰ τὸ μείζονα καὶ ἐλάττονα αὐτὰ καταλαμβάνεσθαι τῶν νοουμένων ὁμαλῶν, ἵνα τὰς ἐπιβαλλούσας αὐτοῖς προσθαφαιρέσεις ποιούμενος εἰς ὁμαλὰ αὐτὰ μετάγων, ἀκολουθῶς τῇ τῶν ὁμαλῶν παρόδῳ ἐκθέσει τὰ τούτοις ἐπιβάλλοντα ὁμαλὰ κινήματα λαμβάνων, πρὸς ταῦτα καὶ τὰς ἀκριβεῖς καὶ φαινομένας ἐποχὰς μεταχειρίζεται. Μέλλων οὖν τὸ τοιοῦτον ἐξετάζειν, φησί· «τὰ μὲν οὖν περὶ τὸν ἥλιον «μόνον θεωρούμενα σχεδὸν ταῦτα» ἂν εἴη. τὰ γὰρ προληφθέντα, λέγω δὴ περὶ τε τοῦ μεγέθους τοῦ ἐνιαυσίου αὐτοῦ χρόνου, ἀφ' οὗ καὶ τὰς ὁμαλὰς αὐτοῦ κινήσεις κανονικῶς ἐξέθετο, καὶ περὶ τὰς ἀνωμάλους καὶ φαινομένας παρόδους, καὶ ἔτι περὶ τὰς διαφορὰς αὐτῶν ἐκ τῶν καθ' αὐτὸν καὶ πρὸς αὐτὸν θεωρουμένων ἀπέδειξεν. Ἔστιν δὲ καὶ ἄλλα περὶ τὸν ἥλιον θεωρούμενα <ἄ> ἐκ τῆς αὐτοῦ πρὸς ἕτερον σχέσεως ἀποδείκνυται, οἷον ὡς σύνοδοι καὶ πανσέληνοι καὶ ἐκλείψεις ἐκ τῶν πρὸς τὴν σελήνην σχέσεων· καὶ <ἔτι ἐν τοῖς βιβλίοις> τοῖς ἐφεξῆς περὶ τὸν ἥλιον <ἀποδείκνυ>σι τὰς φάσεις τῆς σελήνης <ς καὶ τῶν ἀστέρων> ἢ καὶ τὰς μεγίστας ἀπὸ τοῦ <ἡλίου διαστάς> εἰς Ἀφροδίτης καὶ Ἑρμοῦ <ἄ> ἐκ τῆς <αὐτοῦ πρὸς> ἕτερον σχέσεως φαίνεται δεικνύμενα, ὡς ἐν τοῖς περὶ αὐτῶν φανερόν ἔσται.

919 Τὸ δὲ σχεδὸν εἴρηται διὰ τὸ καὶ τὰς παραλλάξεις αὐτοῦ ἐκ τῶν περὶ αὐτὸν ἀποτελουμένων ἀνεπαισθήτους ποιεῖν τὰς διαφορὰς παρὰ τὰς εἰρημένας αὐτοῦ ἀκριβεῖς καὶ φαινομένας παρόδους. Εἴτα ὡς συντελοῦν αὐτῷ πρὸς τὴν ὑποκειμένην τῆς ἀνισότητος τῶν νυχθημέρων πραγματείαν, διδάσκει πρότερον τί ἐστὶν κόσμου περιστροφή καὶ τί καιρικὸν καὶ ἀπλῶς θεωρούμενον νυχθήμερον καὶ τί ὁμαλόν. §Καὶ φησι κόσμου μὲν περιστροφὴν εἶναι τὴν μίαν περιφορὰν τοῦ ἰσημερινοῦ, τουτέστιν ὅταν τι σημεῖον αὐτοῦ ἀπὸ τινος ὀρίζοντος ἢ μεσημβρινοῦ ὡς ἀπὸ καταδηλοτέρων τόπων ἀρχόμενον φέρεσθαι ἐπὶ τὸ αὐτὸ τοῦ ὀρίζοντος ἢ τοῦ μεσημβρινοῦ σημεῖον ἀποκαθίστηται. §Νυχθήμερον δὲ ἀπλῶς τουτέστιν καθόλου καιρικόν, ὅταν ὁ ἥλιος ἐπὶ τοῦ ὀρίζοντος ἀνατέλλων ἢ ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ μεσουρανῶν ἐπὶ τὴν αὐτὴν ἀνατολὴν ἢ μεσουράνησιν πάλιν παραγένηται, ὅπερ περιέχει χρόνους μιᾶς τοῦ ἰσημερινοῦ περιστροφῆς καὶ ἔτι τῆς συνανερχομένης αὐτοῦ ἢ συμμεσουρανούσης τῇ ἀνωμάλῳ

τοῦ ἡλίου κινήσει, ἥτις καὶ αὐτὴ ἡ ἐπιλαμβανομένη τοῦ ἡμερινοῦ περιφέρεια ἄνισος καθ' ἐκάστην γίνεται ὡς ἐκ τῶν ἐξῆς διδαχθησομένων ἐπιλογισμῶν ἔσται δῆλον.

920 Σ'Επεὶ οὖν ἡ μὲν τοῦ κόσμου περιστροφή ἐπίλημψιν οὐκ ἔχει τοῦ ἡμερινοῦ τὸ δὲ τυχὸν καιρικὸν νυχθήμερον ἐπίλημψιν ἀνώμαλον ἔχει, φησὶν· §«ὁμαλὸν μὲν οὖν νυχθήμερον γίνεται διὰ ταῦτα τὸ περιέχον πάροδον «τῶν τῆς μιᾶς περιστροφῆς τοῦ ἡμερινοῦ χρόνων τξ καὶ ἔτι ἐνὸς χρό«νου ἐξηκοστῶν νθ ἔγγιστα, ὅσα ἐν τῷ τοσοῦτῳ μέσῳ ὁ ἥλιος ἐπικι«νεῖται.» Σ"Η καὶ οὕτως· ἐπεὶ τὸ νυχθήμερον μεῖζόν ἐστίν τῆς τοῦ κόσμου περιστροφῆς διὰ τὴν εἰς τὰ ἐπόμενα τοῦ ἡλίου μετάβασιν, καὶ οἱ χρόνοι τῆς φορᾶς περὶ τὸν μέγιστον τῶν παραλλήλων τῶν τοῖς πόλοις τῆς σφαίρας γραφομένων θεωροῦνται, οἷονεὶ τὸν ἡμερινὸν ὡς ἐν τοῖς ἔμπροσθεν ἐδηλοῦμεν, ἀναγκαῖόν ἐστιν, εἰ μέλλει ἰσοχρόνια εἶναι τὰ νυχθήμερα, μετὰ τὴν μίαν περιστροφήν τοῦ ἡμερινοῦ καὶ ἴσῃν αὐτοῦ περιφέρειαν καθ' ἐκάστην ἡμέραν ἀναφέρεσθαι τὸν μεσημβρινόν· ὥστε τῶν τξ χρόνων τοῦ ἡμερινοῦ ἐπιμεριζομένων εἰς τξε ιδ μη ἡμέρας τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου, ἔσται ἡ μετὰ τὴν μίαν περιστροφήν ἐπιλαμβανομένην < π > νθ ἔγγιστα, ὅση τίς ἐστι καὶ ἡ τοῦ ἡλίου ὁμαλὴ κίνησις τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ἥτοι τοῦ ἐκκέντρου κύκλου ὁμοίως εἰς τὸ εἰρημένον ἐνιαύσιον τῶν ἡμερῶν πλῆθος ἐπιμερισθέντος.

921 Διὸ καὶ φησιν· «καὶ ἔτι ἐνὸς χρόνου ἐξηκοστῶν νθ ἔγγιστα, ὅσα ἐν «τῷ τοσοῦτῳ μέσῳ ὁ ἥλιος ἐπικινεῖται.» §«Ἀνώμαλον δὲ τὸ περιέχον πάροδον τῶν τῆς μιᾶς περιστροφῆς τοῦ «ἡμερινοῦ χρόνων τξ καὶ ἔτι τῶν ἥτοι συναναφερομένων ἢ συμμεσου«ρανούντων τῷ ἀνωμάλῳ τοῦ ἡλίου ἐπικινήματι.» Στοῦτο δὴ τὸ μετὰ τὴν μίαν περιστροφήν τοῦ ἡμερινοῦ συναναφερόμενον ἢ συμμεσουρανοῦν αὐτοῦ τμήμα τῇ πρὸς τὸν ζωδιακὸν θεωρουμένη ἀνωμάλῳ τοῦ ἡλίου κινήσει ἄνισον ἀνάγκη γίνεσθαι κατὰ δύο τρόπους· πρῶτον μὲν μεῖζονι πῇ δὲ ἐλάσσονι τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρειᾳ τὴν προσθαφαίρεσιν τῆς ἀνωμαλίας συναναφέρεσθαι ἢ συμμεσουρανεῖν, καὶ ἄνισον ἀνάγκη ὡς ἔφαμεν γίνεσθαι, ἐπειδήπερ καὶ ἡ φαινομένη τοῦ ἡλίου ἀνώματος κίνησις οὐ τοιαύτην ἔχουσα τάξιν καταλαμβάνεται ὡς ἴσας καθ' ἐκάστην ἡμέραν τοῦ ἡμερινοῦ συναναφέρεσθαι αὐτῇ ἢ συμμεσουρανεῖν· δεύτερον δὲ ὅτι εἰ καὶ ἴσαι ἦσαν αἱ ἐπιλαμβανόμεναι τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρειαι οὔτε ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις συνεξήρχοντο τὸν μεσημβρινόν οὔτε μὴν ἀναφέροντο τὸν ὀρίζοντα, ὡς ἐκ τῆς τῶν ἀναφορικῶν χρόνων κανονογραφίας γίνεται δῆλον, τοῦ τοιοῦτου συμβαίνοντος ἐκ τῆς τοῦ διὰ μέσων πρὸς τὸν ἡμερινὸν ἐγκλίσεως.

922 §Δῆλον δὲ ὅτι καὶ συμπεπλεγμένοι εἰσὶν αἱ εἰρημέναι διαφοραὶ διὰ τὸ μετὰ ἀνωμάλους φαίνεσθαι, ἔτι καὶ διαφόροις χρόνοις ὡς ἔφαμεν συμμεσουρανεῖν, αἷς καὶ μάλιστα προσχρῆται ἀποδοκιμάζων τὰς συναναφοράς. §Καὶ ἀνεπαίσθητος μὲν γίνεται ἡ ἐξ ἐκατέρου ἢ καὶ συναμφοτέρων τῶν τοιούτων δύο τρόπων συναγομένη διαφορὰ τῶν φαινομένων νυχθημέρων παρὰ τὰ ὁμαλὰ ὡς τοῦ ἐνὸς νυχθημέρου, καθάπερ ἐπὶ τῶν τοῦ γ' σελιδίου τῆς ὀρθῆς σφαίρας ἀναφορῶν τοῦ Προχείρου Κανόνος ἐστὶν ἰδεῖν, ἔνθα καὶ ἡ ἐκ τῆς συμπλοκῆς τῶν δύο ἀνωμαλιῶν γινομένη διαφορὰ παράκειται, ὡς ἐν τῷ εἰς τὸν λόγον τοῦ προχείρου ὑπομνήματι ἀπεδείκνυμεν. οὐ μεῖζονα γὰρ εὐρήσομεν τὴν παραύξησιν ἐξηκοστῶν δευτέρων λα ἔγγιστα γίνεσθαι μιᾶς ὥρας ἡμερινῆς ἔγγιστα, διὰ τὸ τὸ τέταρτον αὐτῶν τουτέστιν τὰ ζ < ' δ' > δέον εἶναι παραλαμβάνεσθαι ὡς χρόνους ἢ ἐξηκοστὰ ὅταν πρῶτα· ὅταν δὲ δεύτερα ὡς πρῶτα ἢ δεύτερα· ὥστε τὰ ζ < ' δ' > ἐξηκοστὰ δεύτερα παραλαμβανόμενα ὡς πρῶτα γίγνεται τῶν τῆς α ὥρας ἡμερινῆς ἐξηκοστῶν πρώτων λ, ρις' ἔγγιστα, ὡς ἔφαμεν, ὅπερ τῷ ἐνὶ νυχθημέρῳ ἐπιβάλλει ἐπεὶ καὶ τῇ μιᾷ μοίρᾳ τῆς ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ τοῦ ἡλίου παρόδου· «ἡ δὲ ἐκ πλειόνων νυχθημέρων ἐπισυναγο«μένη αἰσθητή».

924 Εἴτα ζητῶν τὴν ἐκ τῆς συμπλοκῆς γινομένην μεγίστην διαφορὰν ἐπὶ τῶν πλειόνων νυχθημέρων, ὁρᾷ πρότερον ἡλικὴ τίς ἐστίν ἡ παρὰ μόνην τὴν τοῦ ἡλίου ἀνωμαλίαν γινομένη

καὶ κατὰ ποίων τμημάτων τοῦ ζωδιακοῦ ἀποτελεῖται. ἔτι δὲ ὁμοίως περὶ τῶν αὐτῶν ἔρεῖ καὶ ἐπὶ τῶν συναναφορῶν καὶ συμμεσουρανήσεων. διὸ φησιν· §«παρὰ μὲν οὖν τὴν ἡλιακὴν «ἄνωμαλίαν τὸ πλεῖστον γίνεται διάφορον ἐπὶ τῶν ἀπὸ μιᾶς τῶν μέσων «τοῦ ἡλίου κινήσεων ἐπὶ τὴν ἐτέραν διαστάσεων».

925 § μέσας παρόδους καλεῖ ὡς ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ τὰς μεταξὺ τῶν ἀπογείων καὶ περιγείων τεταρτημοριαίας διαστάσεις τουτέστιν τὰς τε κατὰ τὴν Παρθένον καὶ τοὺς Ἰχθύας μοίρας ε λ, διὰ τὸ περὶ ταῦτα τὰ σημεῖα τὸν ἥλιον φαίνεσθαι ὁμαλῶς ποιούμενον τὴν κίνησιν, τῆς διαφορᾶς ὡς ἔφαμεν ἀνεπαισθήτου γινομένης. §Φησὶν οὖν ἕκαστον τῶν ἡμικυκλίων τῶν ἀπὸ τῶν τοιούτων μέσων παρόδων ποιεῖσθαι παρὰ τὴν τοῦ ἡλίου ἄνωμαλίαν τὴν μεγίστην διαφορὰν τῶν φαινομένων νυχθημέρων παρὰ τὰ ὁμαλὰ χρόνων δ $\angle$ δ', πρὸς ἄλληλα δὲ τὰ αὐτὰ ἡμικύκλια ποιεῖσθαι τὴν τῶν φαινομένων νυχθημέρων διαφορὰν τοῖς διπλασίοις χρόνοις, θ $\angle$ ἔγγιστα. §Εἶτα καὶ τὴν αἰτίαν ἐπάγων φησὶν πάλιν «διὰ τὸ καὶ τὴν τοῦ ἡλίου «φαινομένην πάροδον παρὰ τὴν ὁμαλίην, κατὰ μὲν τὸ πρὸς τῷ ἀπογείῳ «ἡμικύκλιον δ $\angle$ δ' μοίρας ἐλλείπειν, κατὰ δὲ τὸ πρὸς τῷ περιγείῳ «πλεονάζειν ταῖς αὐταῖς.» §Ἰνα δὲ καὶ τὴν τούτων ἀπόδειξιν διὰ τῶν γραμμῶν ποιησώμεθα, ἐκκείσθω ὁ ΑΒΓΔ ἕκκεντρος τοῦ ἡλίου κύκλος, περὶ κέντρον τὸ Ε καὶ διάμετρον τὴν <Α> ΕΓ, ἐφ' ἧς εἰλήφθω τὸ τοῦ ζωδιακοῦ κέντρον τὸ Ζ.

926 καὶ ἦχθω ἀπ' αὐτοῦ τῇ ΑΖΓ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΒΖΔ. καὶ περιγεγράφθω ὁ ΗΘΚΛ ζωδιακός. καὶ διήχθω ἡ ΘΒΖΔΛ, ὥστε τὸ μὲν Η κατὰ τὸ ἀπόγειον τυγχάνειν τουτέστιν κατὰ τὰς τῶν Διδύμων μοίρας, ε λ, τὸ δὲ Θ ἐπὶ τῆς κατὰ τὴν Παρθένον μοίρας ε λ μέσης παρόδου, τὸ δὲ Κ ἐπὶ τῆς κατὰ τὸ περίγειον τοῦ Τοξότου μοίρας ε λ, καὶ ἔτι τὸ Δ κατὰ τῆς ἐτέρας μέσης παρόδου τῶν Ἰχθύων μοιρῶν τῶν αὐτῶν. καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΒΕ, ΕΔ. Δῆλον δὲ ὅτι τὸν μὲν ΑΒ τοῦ ἐκκέντρου τμήμα μοιρῶν ἐστὶν ρβ κγ, διὰ τὸ καὶ τὴν πρὸς τῷ Ζ γωνίαν ὀρθὴν τυγχάνουσιν μοιρῶν εἶναι ρ, τὴν δὲ πρὸς τῷ Β δεδεῖχθαι μοιρῶν β κγ. ταύταις δὲ ἴσην οὔσαν τὴν ὑπὸ ΑΕΒ συναγέσθαι τῶν ἐπὶ τὸ αὐτὸ μοιρῶν ρβ κγ'. καὶ ὅλον ἄρα τὸ ΒΑΔ ἀπογειότερον τοῦ ἐκκέντρου τμήμα συναχθήσεται μοιρῶν ρπδ μς. Ἀλλ' ἐν ᾧ τοῦτο ὁ ἥλιος ὁμαλῶς κινεῖται, φαίνεται τὸ ΘΗΛ ἡμικύκλιον διαπορευόμενος μοιρῶν ρπ. Ὡστε πρὸς τῷ ἀπογειοτέρῳ τοῦ ζωδιακοῦ ἡμικυκλίῳ πλεονάζει τὰ ὁμαλὰ κινήματα τῶν φαινομένων τμημάτων δ $\angle$ δ' ἔγγιστα. πάλιν ἐπεὶ τὸ ΒΓΔ τοῦ ἐκκέντρου τμημάτων λοιπῶν ἐστὶν εἰς τὸν ὅλον κύκλον μετὰ τὰς ρπδ μς μοίρας ροε ιδ, ἔστιν δὲ καὶ τὸ ΘΚΛ τοῦ ζωδιακοῦ ἡμικύκλιον μοιρῶν ρπ, καὶ ἐν ᾧ τὸ ΒΓΔ ὁμαλῶς κινεῖται, φαίνεται τὸ ΘΚΛ. ἐνέλειψεν ἄρα ἐνταῦθα τὰ ὁμαλὰ κινήματα τὰ τῶν φαινομένων τμημάτων δ $\angle$ δ' ἔγγιστα. Ὡστε καὶ πρὸς ἄλληλα τὰ πρὸς τῷ ἀπογείῳ ὁμαλὰ κινήματα τῶν πρὸς τοῖς περιγείοις διαφέρει τοῖς διπλασίοις τμήμασι θ $\angle$ ἔγγιστα. § Λέγω ὅτι τοῖς τοσούτοις χρόνοις ἀκολουθῶς καὶ τὰ οὕτως συναγόμενα φαινόμενα νυχθήμερα πρὸς τὰ ὁμαλὰ καὶ ἔτι πρὸς ἄλληλα τὴν ὁμοίαν διαφορὰν ποιοῦνται. Ἐπεὶ γὰρ ἐν ᾧ τὸ ΒΑΔ τοῦ ἐκκέντρου τμήμα ὁμαλῶς ὁ ἥλιος διαπορεύεται μοιρῶν τυγχάνον ρπδ μς, φαίνεται τὰς τοῦ ΘΗΛ ἡμικυκλίου τοῦ διὰ μέσων μοίρας ρπ ἄνωμάλως διαπορευόμενος, ἐν ᾧ δὲ πάλιν τὸ ΒΓΔ μοιρῶν τυγχάνον ροε ιδ ὁμαλῶς διαπορεύεται, φαίνεται τὰς τοῦ ΘΚΛ ἡμικυκλίου μοίρας ρπ, ἐν πλείονι δὲ χρόνῳ τὸ ΒΑΔ ὁμαλῶς διαπορεύεται ἢ περὶ τὸ ΒΓΔ, ἐν πλείονι ἄρα χρόνῳ φαίνεται τὸ ΘΗΛ τοῦ διὰ μέσων ἡμικύκλιον διαπορευόμενος ἢ περὶ τὸ ΘΚΛ· εἰ δὲ ἐν ἴσῳ χρόνῳ ἐξ ὁμαλοῦ ἐφαίνετο ἐκάτερον αὐτῶν διαπορευόμενος, παρηκολούθει καὶ ἐκάτερον αὐτῶν φαίνεσθαι παροδεύοντα ἐν χρόνοις ρπ.

927 ὥστε ἐν πλείοσι χρόνοις ἦτοι τμήμασιν δ μς τουτέστιν δ $\angle$ δ' ἔγγιστα ὁ ἥλιος τὸ ΔΗΘ ἀπογειότερον τοῦ ζωδιακοῦ ἡμικύκλιον φαίνεται κινούμενος ἄνωμάλως ἢ περὶ συνέβαινεν αὐτὸν ὁμαλῶς αὐτὸ φαίνεσθαι κινούμενον· καὶ ὁμοίως ἐν ἐλάττωσι χρόνοις ἦτοι τμήμασιν τοῖς

ἴσοις φαίνεται τὸ ΘΚΛ τοῦ διὰ μέσων περιγειότερον ἡμικύκλιον ἀνωμάλως διαπορευόμενος ἢ περ συνέβαινεν αὐτὸν ὁμαλῶς αὐτὸ φαίνεσθαι κινούμενον. § Καὶ φαινόμενα μὲν γίνεται νυχθήμερα τὰ ἐπιλαμβάνοντα μετὰ τὰς τοῦ κόσμου περιστροφὰς τὸν χρόνον τῆς φαινομένης τοῦ ἡλίου παρόδου, § ὁμαλὰ δὲ τὰ ἐπιλαμβάνοντα τὸν χρόνον ὥσει ὁμαλῶς ἐφαίνετο τοῦ διὰ μέσων τὰ ἡμικύκλια διαπορευόμενος ἐν χρόνοις ρπ. § Καὶ διαφέρει ὁ χρόνος τοῦ χρόνου τοσοῦτοις τμήμασιν ὅσοις διαφέρει καὶ ἡ φαινομένη τοῦ ἡλίου ἀνώμαλος κίνησις τῆς ὁμαλῆς, τουτέστιν τμήμασιν δ μς. Ὡστε καὶ τὰ ἐπιλαμβάνοντα νυχθήμερα τὸν χρόνον τῆς ἐπὶ τοῦ Λ <Η> Θ ἡμικυκλίου φαινομένης ἀνωμάλου παρόδου τῶν ἐπιλαμβανόντων τὸν χρόνον ὥσει ὁμαλῶς αὐτὸ ἐφαίνετο διαπορευόμενος ὑπερέξει τοσοῦτω χρόνῳ ἐν ὧν ἀναφέρεται ἡ διαφορὰ τῆς φαινομένης τοῦ ἡλίου παρὰ τὴν ὁμαλὴν, τουτέστιν ἐν ὧν ἀναφέρονται αἱ δ < δ' μοῖραι τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου.

928 § τὰ δὲ ἐπιλαμβάνοντα τὸν χρόνον τῆς <ἐπὶ> τοῦ ΘΚΛ ἡμικυκλίου φαινομένης παρόδου τῶν ἐπιλαμβανόντων τὸν χρόνον τῶν ὥσει ὁμαλῶς αὐτὸ ἐφαίνετο κινούμενος ἐλλείψει τῷ χρόνῳ τῆς ἀναφορᾶς τῶν δ < δ' μοιρῶν. ἀλλήλων δὲ τὰ πρὸς τῷ ἀπογειοτέρῳ ἡμικυκλίῳ φαινόμενα νυχθήμερα τῶν πρὸς τῷ περιγειοτέρῳ ἡμικυκλίῳ διοίσουσιν τοῖς διπλασίοις τῶν δ < δ' μοιρῶν τῆς ἀναφορᾶς χρόνων, τουτέστιν θ < ἔγγιστα μοίραις ἀναφορᾶς χρόνοις. § Ἐκάλεσεν δὲ τὰς τῆς ὁμαλῆς τοῦ ἡλίου παρόδου μοίρας καὶ χρόνους, διὰ τὸ ὑποχεῖσθαι ὡς παρὰ τὴν τοῦ ἡλίου μόνην ἀνωμαλίαν γινομένης τῆς διαφορᾶς οὐκέτι δὲ καὶ παρὰ τὰς συναναφορὰς ἢ τὰς συμμεσουρανῆσεις, καὶ διὰ τοῦτο ὡς μὴ ἐγκεκλιμένον παραλαμβάνεσθαι τὸν διὰ μέσων πρὸς τὸν ἰσημερινὸν ἀλλὰ τὸν αὐτὸν αὐτῷ τυγχάνοντα, ἐπεὶ καὶ αἱ παρὰ τὰς συναναφορὰς ἢ τὰς συμμεσουρανῆσεις διαφοραὶ παρὰ τὴν ἔγκλισιν τοῦ διὰ μέσων πρὸς τὸν ἰσημερινὸν ἀποτελοῦνται, καὶ δηλαδὴ ἰσοδυναμεῖν τὰς τῆς ὁμαλῆς παρόδου μοίρας τοῖς τοῦ ἰσημερινοῦ χρόνοις, ἐπεὶ ἐνὸς καὶ τοῦ αὐτοῦ γινομένου τοῦ διὰ μέσων τῷ ἰσημερινῷ, αἱ ἴσαι τῆς ὁμαλῆς παρόδου τοῦ ἡλίου μοῖραι ἰσοχρονίως ἀναφέρονται τὸν ὀρίζοντα ἢ συνεξέρχονται τὸν μεσημβρινὸν καθάπερ καὶ τοῦ ἰσημερινοῦ. § Ἡ καὶ συντομώτερον οὕτως· ἐπεὶ ὡς ἔφαμεν, ἐπὶ τῶν ἀπὸ ἀνατολῆς ἀρχῶν τῶν νυχθημέρων, μὴ γινομένης παρὰ τὰς συναναφορὰς διαφορᾶς, ἢ ἀπὸ τῶν ἀπὸ μεσημβρίας ἀρχῶν μὴ γινομένης παρὰ τὰς συμμεσουρανῆσεις διαφορᾶς, ἰσοδυναμεῖ ὁ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλος τῷ ἰσημερινῷ· καὶ διὰ τοῦτο ἦν κινεῖται ὁ ἥλιος ὁμαλῶς, ταύτην καὶ ἐπιλαμβάνει τὸ ὁμαλὸν νυχθήμερον μετὰ τὴν τοῦ κόσμου περιστροφήν, ἦν δὲ ἀνωμάλως ταύτην πάλιν ἐπιλαμβάνει τὸ ἀνώμαλον καὶ φαινόμενον νυχθήμερον μετὰ τὴν τοῦ κόσμου περιστροφήν· δηλὸν ὡς ἂν ἐν τινὶ ἡμέρᾳ κινηθῇ ὁμαλῶς μοῖραν α ἐν δὲ ἐτέρᾳ ἀνωμάλως μοῖραν α καὶ ἐξηκοστὸν α ἑκατέραν τούτων ἐπιλήμψεται ἑκάτερον τῶν νυχθημέρων μετὰ τὴν περιστροφήν.

929 καὶ διοίσει τὸ νυχθήμερον τοῦ νυχθημέρου τῷ τοσοῦτω χρόνῳ ἐν ὧν τὸ ἐξηκοστὸν α τῆς ὑπεροχῆς τῶν κινήσεων ἀναφέρεται ἢ διεξέρχεται τὸν μεσημβρινόν. § Ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ πλείονων νυχθημέρων, ὧν διαφέρει ἡ τοῦ ἡλίου ὁμαλὴ κίνησις τῆς ἀνωμάλου, ταύτης τῇ ἀναφορᾷ ἢ μεσουρανῇ διοίσει καὶ τὰ νυχθήμερα τῶν νυχθημέρων. § καὶ ἐπεὶ ἡ τῆς ἀνωμάλου καὶ φαινομένης κινήσεως παρὰ τὴν ὁμαλὴν διαφορὰ ὡς ἐδείξαμεν οὐ πλεῖόν ἐστιν μοιρῶν δ < δ' ἔγγιστα, δηλὸν ὡς τῇ τούτων ἀναφορᾷ ἢ μεσουρανῇ διοίσει τὰ φαινόμενα νυχθήμερα τῶν ὁμαλῶν, § πρὸς ἄλληλα δὲ τὰ φαινόμενα τοῖς διπλασίοις. § Γίνεται δὲ καὶ παρὰ τὰς πρὸς τὸν ὀρίζοντα τῶν νυχθημέρων ἀποκαταστάσεις τουτέστιν τὰς συναναφορὰς ἢ συγκαταδύσεις ἢ μεγίστη τῶν ὁμαλῶν νυχθημέρων παρὰ τὰ καιρικὰ διαφορὰ ἐπὶ τῶν ὑπὸ τῶν τροπικῶν σημείων ἀφοριζομένων ἡμικυκλίων τουτέστιν ἐπὶ τῶν ἀπὸ ἀρχῆς τοῦ Αἰγόκερω ὁμοίως ἐπὶ Καρκίνου· «καὶ ἐνθάδε γὰρ αἱ ἑκατέρου τούτων «τῶν ἡμικυκλίων συναναφοραὶ» διαφέρουσι τῶν ὁμαλῶν, τουτέστιν τῶν ὥσει ὁμαλῶς ἀνήρχοντο ἐξ' ἴσου αὐτοῖς

ἐπιβαλλόντων χρόνων ὅσοις διαφέρει καὶ ἡ μεγίστη ἢ ἐλαχίστη ἡμέρα τῆς ἰσημερινῆς καθ' ἕκαστον κλίμα· ἀλλήλων δὲ οἷς ἡ μεγίστη τῆς ἐλαχίστης.

930 Οἷον ὡς ἐπὶ τοῦ τρίτου δι' Ἀλεξανδρείας κλίματος, ἐπεὶ ἡ μεγίστη ἡμέρα ἐν ἧ ἀναφέρεται τὸ ἀπὸ Καρκίνου ἐπὶ Αἰγόκερω ἡμικύκλιον, ὥρων ἐστὶν ἰσημερινῶν ἰδ χρόνων δὲ σι, ἡ δὲ ἐλαχίστη ἡμέρα, ἐν ἧ ἀναφέρεται τὸ ἀπὸ Αἰγόκερω ἐπὶ Καρκίνον ἡμικύκλιον, ὥρων ι χρόνων δὲ ρν· δηλὸν ὡς ὅτι τῶν τῆς ἰσημερινῆς ἡμέρας χρόνων ρπ διαφέρουσι χρόνοις λ, ὥραις δὲ δύο, ὅσαις διαφέρουσι αἱ ἰδ ὥραι τῆς μεγίστης ἡμέρας καὶ <αἱ ι> τῆς ἐλαχίστης τῶν ἰσημερινῶν ὥρων ιβ· ἀλλήλων δὲ τοῖς διπλασίοις χρόνοις ξ ὥραις δὲ δ, ὅσαις διαφέρουσι αἱ τῆς μεγίστης πάλιν ἡμέρας ὥραι ἰδ τῶν τῆς ἐλαχίστης ὥρων ι. καὶ δηλὸν ὡς ὅτι διαφέρουσιν ἀλλήλων τὰ εἰρημένα ἡμικύκλια κατὰ τὰς ἀναφοράς χρόνοις τοσούτοις ὅσοις καὶ ἡ μεγίστη ἡμέρα τῆς ἐλαχίστης διαφέρει. καὶ ἐπεὶ τὰ μὲν φαινόμενα νυχθήμερα κατὰ τοὺς συνανενεχθέντας ἐκατέρω τῶν τοῦ ζωδιακοῦ ἡμικυκλίου χρόνους ἀποτελεῖται, τὰ δὲ ὁμαλὰ κατὰ τοὺς ἐξ ὁμαλοῦ ὡς ἔφαμεν κρόνους ρπ, δηλὸν ὡς ὅτι καὶ τὰ μὲν φαινόμενα νυχθήμερα διοίσουσι τῶν ὁμαλῶν χρόνοις λ, ἀλλήλων δὲ τὰ φαινόμενα χρόνοις ξ. § Ἐτι δὲ γίνεται πάλιν καὶ ἡ παρὰ τὰς πρὸς τὸν μεσημβρινὸν τῶν νυχθημέρων ἀποκαταστάσεις τουτέστιν τὰς συμμεσουρανῆσεις ἢ πλείστη διαφορὰ τῶν ὁμαλῶν νυχθημέρων πρὸς τὰ φαινόμενα ἀνώμαλα ἐπὶ δύο τῶν ἐκατέρωθεν ὁποτέρου τῶν τροπικῶν δωδεκατημορίων πρὸς δύο τὰ ἐκατέρωθεν ὁποτέρου τῶν ἰσημερινῶν, διὰ τὸ τὰ μὲν ἐκατέρωθεν τῶν τροπικῶν τῷ πλείστῳ πλεονάζειν παρὰ τὴν μέσσην ἐπιβολὴν (τουτέστι παρὰ τὸ κατὰ μέσον διάφορον, τῷ ἐν πλείοσιν καὶ ἐλάττωσιν χρόνοις συνεξέρχεσθαι τὸν μεσημβρινόν, οἵτινές εἰσι <λβ ις καὶ κζ ν>) πάλιν ἐξ ὁμαλοῦ αὐτῶν συνεξερχομένων ἰσάριθμον γίνονται ταῖς κατὰ δύο δωδεκατημόρια) χρόνοι <σ> δ <ε> ἔγγιστα· <τὰ> δὲ ἐκατέρωθεν τῶν ἰσημερινῶν ἐλλείπειν σχεδὸν τοῖς αὐτοῖς.

931 Οἷον ἐπεὶ τὸ τοῦ Καρκίνου καὶ τὸ τῶν Διδύμων δωδεκατημόριον, ἐκατέρωθεν ὄντα τῆς θερινῆς τροπῆς, συμμεσουρανοῦσιν ἀμφοτέρω τοῦ ἰσημερινοῦ χρόνοις ξδ λβ, διὰ τὸ ἐκάτερον συμμεσουρανεῖν χρόνοις λβ ις· οἱ δὲ κατὰ τὸν μέσον λόγον ὡς ἔφαμεν συμμεσουρανοῦντες ἐκάστῳ εἰσὶν χρόνοι λ· ὥστε διαφέρουσιν αἱ φαινόμεναι συμμεσουρανῆσεις τῶν κατὰ μέσον λόγον ἦτοι ὁμαλὸν χρόνοις δ <ε> ἔγγιστα. Πάλιν ἐπεὶ τὸ τοῦ Κριοῦ καὶ τὸ τῶν Ἰχθύων δωδεκατημόριον ἐκατέρωθεν ὄντα τοῦ αὐτοῦ ἰσημερινοῦ συμμεσουρανοῦσιν χρόνοις νε μ, διὰ τὸ ἐκάτερον συμμεσουρανεῖν χρόνοις κζ ν, ὡς ἐκ τῶν τῆς ὀρθῆς σφαίρας συναναφορῶν γίνεται δηλὸν, φανερόν ὅτι καὶ ταῦτα τὰ δωδεκατημόρια ἀφαιρεῖ τῶν μέσως ἐπιλαμβανομένων χρόνων ξ, χρόνους δ <ε> '. § Ἐπεὶ οὖν τῶν μέσων χρόνων ξ, τὰ μὲν ἐκατέρωθεν τῶν τροπικῶν δύο δωδεκατημόρια ὑπερέχει κατὰ τὰς φαινομένας συμμεσουρανῆσεις χρόνοις δ <ε> ἔγγιστα, τὰ δὲ ἐκατέρωθεν τοῦ ἰσημερινοῦ ἐλλείπει σχεδὸν τοῖς αὐτοῖς, δηλὸν ὡς ὅτι ἀλλήλων αἱ φαινόμεναι συμμεσουρανῆσεις τῶν ἐκατέρωθεν τῶν τροπικῶν δύο δωδεκατημορίων πρὸς τὰ ἐκατέρωθεν τῶν ἰσημερινῶν δύο δωδεκατημόρια διαφέρουσιν χρόνοις θ ἔγγιστα· καὶ διὰ τοῦτο, ἀκολούθως τοῖς ἐπὶ τῶν ἀναφορῶν εἰρημένους, διαφέρει καὶ τὰ φαινόμενα νυχθήμερα τῶν ὁμαλῶν χρόνοις δ <ε> ', ἀλλήλων δὲ τοῖς διπλασίοις χρόνοις θ.

932 § Εἴτα ἀποδοκιμάζει τὰς πρὸς τοῦ ὀρίζοντος ἀρχὰς τῶν νυχθημέρων, διὰ τὸ τὰς συναναφορὰς ἢ συγκαταδύσεις ἐπὶ τῶν αὐτῶν τοῦ ζωδιακοῦ τμημάτων διαφόρους γίνεσθαι καθ' ἕκαστον κλίμα, καὶ δέον εἶναι καὶ τὰς ἐκ τῆς συμπλοκῆς τῶν δύο ἀνωμαλιῶν γινομένας διαφορὰς ἐφ' ἐκάστου ἐπιλογίζεσθαι· καὶ διὰ τὸ τὰς ἀναφορὰς ἐφεξῆς ἀκολουθεῖν ὡς ἔφαμεν ταῖς διαφοραῖς τῶν μεγίστων ἢ ἐλαχίστων ἡμερῶν, τῶν δὲ διαφορῶν τούτων καὶ μέχρι πολλῶν ὥρων ἐπὶ τῶν βορειοτέρων κλιμάτων γινομένων, δηλὸν ὡς ὅτι καὶ αἱ ἐπὶ τῶν συνανατολῶν ἢ συγκαταδύσεων διαφοραὶ ἐπὶ τῶν ἐγκλίσεων καὶ μέχρι πολλῶν ὥρων ποιήσουσιν τὴν διαφωνίαν. § Ἐπὶ δὲ τῶν συμμεσουρανῆσεων ἢ αὐτῇ ἔσται διαφορὰ κατὰ μέρος καὶ πάλιν ἡ

αὕτῃ μεγίστῃ κατὰ πάσας τὰς ἐγκλίσεις χρόνων τυγχάνουσα θ, καὶ μηδὲ τοὺς τῆς ἡλιακῆς ἀνωμαλίας συναγομένους χρόνους θ α ', καίπερ ὀλιγίστους ὄντας ἅτε δὴ μηδὲ διμοίρου ὥρας τυγχάνοντας, ὑπερβάλλουσα, πρὸς οὓς προηγουμένως καὶ ἡ τῶν νυχθημέρων ἀνωμαλία ἀποτελεῖται, διὰ τὸ καὶ πρὸς τὴν τοῦ ἡλίου πάροδον αὐτὰ θεωρεῖσθαι διὸ καὶ τὰς ἀρχὰς τῶν νυχθημέρων ἀπὸ τῶν μεσουρανήσεων συνεστήσατο τουτέστιν ἀπὸ μεσημβρίας, καὶ οὐχὶ ἀπὸ τῶν ἀνατολῶν ἢ δύσεων. §Καὶ αἱ μὲν μέγιστα διαφοραὶ τῶν νυχθημέρων παρὰ τε τὴν τοῦ ἡλίου ἀνωμαλίαν καὶ παρὰ τὰς συμμεσουρανήσεις ἴδιαι καθ' ἕκαστον τρόπον ἡϋρηνται καθὼς ὑπεδείξαμεν.

933 Γίνεται δὲ καὶ ἐκ τῆς μίξεως τῆς τοῦ ἡλίου ἀνωμαλίας καὶ τῆς παρὰ τὰς συμμεσουρανήσεις, διὰ τὸ ὡς ἔφαμεν συμπεπλέχθαι αὐτὰς πάντοτε, ἡ πλείστη διαφορὰ «ἐπὶ τῶν κατὰ ἀμφοτέρας τὰς εἰρημένους διαφορὰς «ἦτοι προσθετικῶν ἅμα ἢ ἀφαιρετικῶν» γινομένων» οὐ γὰρ ἐν ἑτέροις μόνον ἢ τοῦ ἡλίου ἀνωμαλία τμήμασιν ἀφαιρεῖ ἐν ἑτέροις δὲ ἡ τῶν συμμεσουρανήσεων ἢ ἐν ἑτέροις πάλιν καὶ ἑτέροις προστιθέασιν, ἀλλ' ὅπου μὲν καὶ ἅμα ἀφαιροῦσιν, οἱ δύο τρόποι κατὰ τὴν συμπλοκὴν ὧς «ἀπὸ Ὑδρο«χόου μέσου μέχρι Χηλῶν τμήματος,» ὅπου δὲ καὶ προστιθέασιν ὡς «ἀπὸ Σκορπίου μέχρι μέσου Ὑδροχόου» καὶ ἀφαιροῦσι μὲν κατὰ τὴν μῆξιν ἐπὶ τῶν εἰρημένων ἀφαιρετικῶν χρόνους η γ', προστιθέασιν δὲ τοὺς αὐτοὺς ἐπὶ τῶν προσθετικῶν, ἐπειδήπερ ἡ μὲν ἐκ τῆς ἡλιακῆς μόνης ἀνωμαλίας γινομένη διαφορὰ χρόνων γ Γ β καταλαμβάνεται, ἡ δὲ ἐκ τῆς παρὰ τὰς συμμεσουρανήσεις χρόνων δ μ, ὡς ἐκ τῆς μίξεως ἀμφοτέρων τῶν ἀνωμαλιῶν συνάγεσθαι τοὺς χρόνους η γ'. §Ὅτι δὲ ἀπὸ τοῦ ἀπὸ μέσου Ὑδροχόου τμήματος, τουτέστιν ἀπὸ πεντεκαίδεκάτης μοίρας τοῦ Ὑδροχόου μέχρι τοῦ τέλους τῶν Χηλῶν ἀφαιρεῖ ἡ τοῦ ἡλίου ἀνωμαλία χρόνους γ Γ β ἀπὸ δὲ τῆς ἀρχῆς Σκορπίου μέχρις τῆς ιε' τοῦ Ὑδροχόου προστίθῃσι τοὺς αὐτοὺς γ Γ β, οὕτως ἔσται δῆλον. Ἐστω γὰρ ὁ ἐκκεντρος τοῦ ἡλίου κύκλος ὁ ΑΒΓΔ περὶ κέντρον τὸ Ε καὶ διάμετρον τὴν ΑΕΓ ἐφ' ἧς εἰλήφθω τὸ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κέντρον τὸ Ζ, ὥστε τὸ μὲν Α γίνεσθαι τὸ ἀπογειότατον τὸ δὲ Γ τὸ περιγειότατον.

934 καὶ γεγράφθω περὶ τὸ Ζ ὁ ΗΘΚΛ ζωδιακός, ὥστε ἐκβληθείσης τῆς ΑΓ ἐπὶ τὰ Η, Κ, τὸ μὲν Η γίνεσθαι κατὰ τὰς τῶν Διδύμων μοίρας ε λ, τὸ δὲ Κ κατὰ τὰς τοῦ Τοξότου μοίρας τὰς αὐτάς. καὶ ὑποκείσθω τὸ Θ κατὰ τῆς ἀρχῆς τοῦ Σκορπίου, τὸ δὲ Λ κατὰ τῆς ιε' μοίρας τοῦ Ὑδροχόου. καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΖΘ, ΖΛ, ΕΒ, ΕΔ. Καὶ ἐπεὶ ἡ ΗΘ τοῦ ζωδιακοῦ συνάγεται μοιρῶν ρμδ λ οἴων αἱ δ ὀρθαὶ τξ, καὶ ἐπεὶ ταῖς ὁμαλαῖς παρόδοις παράκεινται αἱ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφοραί, ἔσται ἡ ΑΒ τοῦ ἐκκεντροῦ περιφέρεια τουτέστιν ἡ ὑπὸ ΑΕΒ γωνία μοιρῶν ρμε νγ, ἐπειδήπερ αἱ ταύταις παρακείμεναι τῆς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορᾶς τῆς ὑπὸ ΕΒΖ γωνίας μοίρας α καὶ ἐξηκοστῶν κγ ἀφαιρεθεῖσαι ἀπ' αὐτῶν ποιοῦσι τὴν ὑπὸ ΗΖΘ φαινομένην τῶν προκειμένων μοιρῶν ρμδ λ. Πάλιν ἐπεὶ ἡ ΗΘΛ τοῦ διὰ μέσων περιφέρεια συνάγεται μοιρῶν σμθ λ, ἔσται καὶ ἡ ΑΓΔ ὁμαλὴ ἐπὶ τοῦ ἐκκεντροῦ πάροδος μοιρῶν σμζ ις, ἐπεὶ καὶ ἐὰν ταύταις προσθῶμεν τὰς παρακειμένας αὐταῖς τῆς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορᾶς μοίρας β ιδ, ποιοῦσιν τὰς εἰρημένας μοίρας σμθ λ τῆς φαινομένης παρόδου.

935 Ἔστιν δὲ καὶ διὰ τῶν ἐν τοῖς εἰς τοῦτο τὸ βιβλίον παρελημμένων αὐτῶ διὰ τῶν γραμμικῶν δείξεων ἐφόδων ἀπὸ τῆς ἀκριβοῦς ἐποχῆς τὴν ὁμαλὴν εὔρεῖν. Ὡστε καὶ ταῖς λοιπαῖς εἰς τὸν ὅλον κύκλον τῆς ΛΗ φαινομένης παρόδου μοίραις ρι λ ἐπιβάλλουσιν αἱ λοιπαὶ τῆς ΔΑ ὁμαλῆς μοῖραι ριβ μδ. ἐπέβαλλον δὲ καὶ τῆς ΗΘ φαινομένης παρόδου μοίραις ρμδ λ αἱ τῆς ΑΒ ὁμαλῆς μοῖραι ρμε νγ. ταῖς ἄρα τῆς ΛΗΘ ἀπὸ μέσου Ὑδροχόου μέχρις Χηλῶν τέλους φαινομένης παρόδου μοίραις σνε ἐπιβάλλουσιν τῆς ΔΑΒ ὁμαλῆς παρόδου μοῖραι σνη λζ. καὶ διὰ τοῦτο ἀφαιρεῖ ἡ φαινομένη πάροδος τῆς ὁμαλῆς κατὰ τὸ εἰρημένον τοῦ διὰ μέσων τμήμα μοίρας γ λζ, ἅς φησιν γ Γ β ἔγγιστα. Φανερόν δὲ ὅτι καὶ λοιπὸν τὰ ΘΚΛ ἀπὸ ἀρχῆς Σκορπίου μέχρι μέσου

Ἵδροχόου προστίθῃσι τὰς αὐτὰς μοίρας γ Γ β ἔγγιστα. ἔφησεν δὲ καὶ ἐνταῦθα τὰς γ Γ β μοίρας καὶ χρόνους, διὰ τὸ ὡς ἔφαμεν ἰσοδυναμεῖν τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλον τῷ ἰσημερινῷ ὅταν παρὰ μόνην τὴν τοῦ ἡλίου ἀνωμαλίαν γίγνηται ἡ διαφορὰ τοῖς νυχθημέροις. Ὡς δὲ καὶ [τὸ] παρὰ τὰς συμμεσουρανῆσεις τὸ μὲν ἀπὸ μέσου Ἵδροχόου μέχρι Χηλῶν τμήμα ἀφαιρεῖ χρόνους δ Γ β τὸ δὲ ἀπὸ ἀρχῆς Σκορπίου μέχρι μέσου Ἵδροχόου προστίθῃσι τοὺς αὐτούς, οὕτως ἔσται δῆλον. Ἐὰν γὰρ τὰς ἀπὸ τῆς ιε' μοίρας τοῦ Ἵδροχόου μέχρι τοῦ τέλους τῶν Χηλῶν συναγομένας μοίρας σνε εἰσαγάγωμεν, ὡς ἐδείξαμεν ἐν τοῖς εἰς τὸ β' βιβλίον ὑπομνήμασιν, εἰς τὸν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ὀρίζοντα, εὐρήσομεν ταῖς τοσαύταις μοίραις συμμεσουρανοῦντας τοὺς ἰσημερινοὺς χρόνους σν ιθ καὶ ἀφηρήκασιν δηλαδὴ χρόνους δ Γ β ἔγγιστα· τοσούτοις γὰρ ἐλάσσονές εἰσιν οἱ σν ιθ χρόνοι τῶν σνε μοιρῶν τοῦ ζωδιακοῦ. δῆλον δὲ ὅτι καὶ ταῖς λοιπαῖς τοῦ ζωδιακοῦ μοίραις ρε συμμεσουρανοῦσιν τοῦ ἰσημερινοῦ οἱ λοιποὶ χρόνοι ρθ μα, ἐπεὶ καὶ ὅλος ὁ ζωδιακὸς ὅλῳ τῷ ἰσημερινῷ συγχρονεῖ.

936 καὶ προστεθήκασιν ἐνταῦθα οἱ συμμεσουρανῆσαντες χρόνοι ταῖς τοῦ ζωδιακοῦ μοίραις τοὺς ἴσους χρόνους δ Γ β . καὶ γέγονεν ἡμῖν δῆλον ὅτι καὶ παρὰ τὰς μεσουρανῆσεις τὸν μὲν ἀπὸ μέσου Ἵδροχόου μέχρι Χηλῶν τμήμα ἀφαιρεῖ χρόνους δ Γ β , τὸ δὲ ἀπὸ ἀρχῆς Σκορπίου μέχρι μέσου Ἵδροχόου προστίθῃσιν τοὺς ἴσους χρόνους δ Γ β . Ἀφήρει δὲ καὶ ἡ τοῦ ἡλίου ἀνωμαλία τῆς ὁμαλῆς αὐτοῦ κινήσεως ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ τμήματος ἔνθα κατὰ τὰς συμμεσουρανῆσεις ἀφήρουν μοίρας γ Γ β , καὶ ἔτι προσετίθει τὰς αὐτὰς ἐφ' ὧν πάλιν καὶ αἱ συμμεσουρανῆσεις προσετίθεσαν. Ὡς οὖν καὶ ἐκ τῆς μίξεως τῶν δύο ἀνωμαλιῶν συνάγεται τὸ πλεῖστον διάφορον τῶν χρόνων παρὰ τὴν ὁμαλὴν τοῦ ἡλίου κίνησιν χρόνων η γ' τοῦ μὲν ἀπὸ μέσου Ἵδροχόου μέχρι Χηλῶν ἀφαιροῦντος αὐτοῦς, τοῦ δὲ ἀπὸ Σκορπίου μέχρι μέσου Ἵδροχόου προστιθέντος τοὺς ἴσους. Ὡς καὶ ἐπεὶ τὰ μὲν φαινόμενα νυχθήμερα πρὸς τοὺς ἰσημερινοὺς ἐκ τῆς συμπλοκῆς χρόνους θεωρεῖται, τὰ δὲ ὁμαλὰ πρὸς τὴν ὁμαλὴν ὡς ἔφαμεν τοῦ ἡλίου πάροδον· καὶ τὰ ἀπὸ μέσου ἄρα Ἵδροχόου μέχρι Χηλῶν φαινόμενα νυχθήμερα τῶν ὁμαλῶν ἐλλείψει χρόνοις η γ' τουτέστιν μιᾶς ὥρας ἢ ιη', τὰ δὲ ἀπὸ Σκορπίου μέχρι μέσου Ἵδροχόου πλεονάσει τοῖς ἴσοις. Πρὸς ἄλληλα δέ, τουτέστιν ἡ τῶν φαινομένων διαφορὰ τῆς τῶν ὁμαλῶν διαφορᾶς διοίσει τοῖς διπλασίοις τῶν η γ' χρόνοις, ὅσοις καὶ ἐνέλειπον ἢ πλεόναζον οἱ καθ' ἑκάτερον τῶν εἰρημένων τμημάτων ἐκ τῆς συμπλοκῆς φαινόμενοι χρόνοι τῶν ὁμαλῶν τουτέστιν χρόνοις ις Γ β , ὥραν δὲ μίαν θ'.

937 Ὡς δὲ ἡ διαφορὰ τῶν φαινομένων τῆς διαφορᾶς τῶν ὁμαλῶν διαφέρει τοῖς διπλασίοις τῶν η γ' χρόνων, οὕτως ἔσται δῆλον. Ἐπεὶ γὰρ ἡ ἀπὸ μέσου Ἵδροχόου μέχρι Χηλῶν τοῦ ἡλίου ὁμαλὴ πάροδος κατελαμβάνετο μοιρῶν σνη λζ καὶ ταύτης ἀφήρει ἡ τοῦ ἡλίου ἀνωμαλία μοίρας γ λζ, τῆς δὲ ἀνωμάλου τοῦ ἡλίου κινήσεως μοιρῶν σνε ἀφήρει ἡ παρὰ τὰς συμμεσουρανῆσεις διαφορὰ μοίρας δ μα, δῆλον ὡς ὅτι <αί> ἐκ τῆς συμπλοκῆς τῶν δύο ἀνωμαλιῶν μοῖραι η ιη ἀφαιρούμεναι ἀπὸ τῶν σνη λζ τῆς ὁμαλῆς παρόδου τοῦ ἡλίου, ποιήσουσιν τὴν ἐκ τῆς συμπλοκῆς τῶν δύο ἀνωμαλιῶν ἐπιβάλλουσαν τοῖς φαινομένοις νυχθημέροις <πάροδον> μοιρῶν ἥτοι χρόνων <σν ιθ. ταῖς δ'> ἀπὸ Σκορπίου μέχρι μέσου Ἵδροχόου τῆς ὁμαλῆς παρόδου μοίραις ρ <α> κγ προστιθέασιν, αἱ λοιπαὶ εἰς τὸν κύκλον τῶν ἐκ τῆς συμπλοκῆς μοιρῶν <ἥτοι> χρόνων ρθ μα τὰς ἴσας μοίρας η ιη. Καὶ δῆλον ὡς οἱ ἐκ τῆς συμπλοκῆς τῶν δύο ἀνωμαλιῶν χρόνοι σν ιθ ἀπὸ μέσου Ἵδροχόου μέχρι Χηλῶν τμήματος, τῶν ἐκ τῆς συμπλοκῆς χρόνων ρθ μα τῶν ἀπὸ Σκορπίου μέχρι μέσου Ἵδροχόου φαινομένων νυχθημέρων διαφέρουσιν χρόνοις ρμ λη· αἱ δὲ τῆς ὁμαλῆς παρόδου μοῖραι ἀπὸ μέσου Ἵδροχόου μέχρι Χηλῶν σνη λζ, τῶν τῆς ὁμαλῆς ρα κγ τῶν ἀπὸ Σκορπίου μέχρι μέσου Ἵδροχόου διαφοραὶ ρνζ ιδ, οἱ εἰσιν τῶν ὁμαλῶν νυχθημέρων. Καὶ διαφέρουσιν αἱ ρμ λη τῶν ρνζ ιδ, ις λς, ἅς φησιν ις Γ β ἔγγιστα, διπλασίων οὐσῶν τῶν η ιη τῆς διαφορᾶς τῶν σν ιθ ἐκ τῆς φαινομένης συμπλοκῆς

παρὰ τὰς σνη λζ τῆς ὁμαλῆς. §Τὸ δὲ τῶν ις Γ β χρόνων διάφορον ὃ ἐστὶν ὥρα ἰσημερινή α καὶ θ', «ἐπὶ μὲν ἡλίου καὶ τῶν ε πλανωμένων παρορώμενον οὐδὲν ἂν ἴσως αἰ«σθητῶ καταβλάπτοι» τὴν ἄνευ τῆς τοῦ τοσοῦτου διακρίσεως τῶν φαινομένων κατάλημψιν, διὰ τὸ ἐν τῷ τοσοῦτῳ χρόνῳ τὸν ἡλίον δύο που ἐξηκοστὰ κινεῖσθαι, τοὺς δὲ λοιποὺς καὶ ἔλαττον.

938 «Ἐπὶ δὲ τῆς σελήνης, διὰ τὸ τῆς κινήσεως αὐτῆς τάχος ἀξιόλογον » <ἂν> ἤδη τὴν διαφορὰν ἀπεργάσαιτο, «μέχρις ἐξηκοστῶν λς γιγνομένην, διὰ τὸ ἐν τῷ τοσοῦτῳ χρόνῳ τὰ μέγιστα αὐτὴν τοσαῦτα ἔγγιστα κινουμένην καταλαμβάνεσθαι. Δῆλον δὲ ἡμῖν γενήσεται ὅτι καὶ τὰ εἰρημένα τμήματα τὴν μεγίστην συμπλοκὴν τῶν δύο ἀνωμαλιῶν τῆς ἀνισότητος νυχθημέρων διαφορὰν περιέχουσιν, ἐκ τῶν κατὰ τὸν πρόχειρον ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας τρίτων σελιδίων ἔνθα καὶ αἱ τοιαῦται διαφοραὶ ἐπιλελογισμέναι παράκεινται, ὡς ἐν τῷ εἰς τὸν λόγον τῶν προχείρων κανόνων ὑπομνήματι ἐδηλοῦμεν. Περὶ τῆς πρὸς τὰ ὁμαλὰ νυχθήμερα τῶν ὥρων διακρίσεως.

939 (1τ) §«Ἴνα οὖν καὶ τὴν καθ' ὅποιανδήποτε διάστασιν» τῶν ἀπὸ μεσημβρίας ἢ μεσονυκτίου καιρικῶν καὶ ἀπλῶς θεωρουμένων νυχθημέρων «εἰς ὁμαλὰ «νυχθήμερα καθάπαξ μεταλαμβάνωμεν, ἐπισκεψόμεθα» πρότερον κατὰ τε τὴν ἀρχὴν καὶ τὸ τέλος τῆς διδομένης τοῦ χρόνου διαστάσεως ὃν ἐδιδάξαμεν τρόπον, «κατὰ ποίων ἐστὶν τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου «μοιρῶν ὁ ἡλῖος ὁμαλῶς τε κινούμενος καὶ ἀνωμάλως». καὶ ἀπογραφάμενοι τὴν ποσότητα τῶν τῆς ὁμαλῆς διαστάσεως μοιρῶν καὶ ἐξηκοστῶν καὶ ἔτι τῶν τῆς ἀνωμάλου καὶ φαινομένης (ἣτις δηλονότι περιέχει τὴν μίαν διαφορὰν τῶν δύο τῶν ποιουσῶν τὴν ἀνισότητα τῶν νυχθημέρων, λέγω δὴ τὴν παρὰ τὴν τοῦ ἡλίου ἀνωμαλίαν), εἶτα πάλιν ταύτην τὴν ἀνώμαλον διάστασιν «εἰσενεγκόντες εἰς τὰς ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας συνανα«φορὰς ἐπισκεψόμεθα πόσοις συμμεσουρανήσουσιν χρόνοις τοῦ ἰσημερι«νοῦ αἱ τῆς ἀνωμάλου διαστάσεως μοῖραι». καὶ δῆλον ὅτι οἱ οὕτω κατὰ λαμβανόμενοι χρόνοι τὴν συμπλοκὴν περιέχουσιν τῶν δύο διαφορῶν τῶν φαινομένων νυχθημέρων παρὰ τὰ ὁμαλὰ, λέγω δὴ τὴν τε παρὰ τὴν τοῦ ἡλίου ἀνωμαλίαν καὶ τὴν παρὰ τὰς συμμεσουρανήσεις. Οἷον ἐπεὶ οἱ ἐκ τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἀναφορῶν λημφθέντες χρόνοι ἀφαιροῦσιν τῶν τῆς ἀκριβοῦς τοῦ ἡλίου διαστάσεως μοιρῶν παρὰ τὰς συμμεσουρανήσεις, ἢ δὲ ἀκριβῆς τοῦ ἡλίου διάστασις διαφέρει τῆς ὁμαλῆς παρὰ τὴν τοῦ ἡλίου ἀνωμαλίαν, οἱ ἄρα ἐκ τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἀναφορῶν λημφθέντες χρόνοι διαφέρουσιν τῆς ὁμαλῆς τοῦ ἡλίου διαστάσεως, παρὰ τε τὰς συμμεσουρανήσεις καὶ παρὰ τὴν τοῦ ἡλίου ἀνωμαλίαν. Λαβόντες οὖν τὴν ὑπεροχὴν τῶν οὕτως εὑρεθέντων χρόνων καὶ τῶν τῆς ὁμαλῆς διαστάσεως τοῦ ἡλίου μοιρῶν, ταύτης τὸ ἰε' ἔξομεν πόστῳ μέρει ὥρας διοίσουσιν τὰ καιρικὰ καὶ ἀπλῶς θεωρούμενα νυχθήμερα τῶν ὁμαλῶν, ὡς τῆς καθ' ἑκάτερον τρόπον διαφορᾶς, εἰ καὶ καθ' ἑαυτὴν ἐγίγνετο, συντιθεμένης μηδὲν αἰσθητὸν διάφορον ποιούσης τῇ ἐκ τῆς συμπλοκῆς φαινομένη.

940 Τοῦτο οὖν τὸ καταλαμβανόμενον μέρος τῆς ὥρας, ἐὰν μὲν τὸ πλῆθος τῶν φαινομένων χρόνων τουτέστιν τῶν ἐκ τῆς συμπλοκῆς τῶν δύο ἀνωμαλιῶν πλεῖον ᾗ τῶν τῆς ὁμαλῆς διαστάσεως τοῦ ἡλίου μοιρῶν, προστίθεμεν τῷ δεδομένῳ καιρικῷ χρόνῳ. Οἷον ὡς ἐπὶ ἐνὸς νυχθημερινοῦ, ἐπεὶ ὁ χρόνος τοῦ φαινομένου νυχθημέρου πλεῖόν ἐστιν τοῦ ὁμαλοῦ, τὸ φαινόμενον ἔν ἐστιν ὁμαλὸν καὶ μέρος ὥρων· ὥστε ἀκολούθως τὴν πρόσθεσιν ἐπὶ τῆς τοιαύτης διακρίσεως ποιοῦντες εἰς ὁμαλὰ νυχθήμερα, τὰ καιρικὰ μεταλαμβάνομεν. Ἐὰν δὲ ἔλαττον ᾗ τὸ πλῆθος τῶν χρόνων τῶν τῆς ὁμαλῆς διαστάσεως τοῦ ἡλίου μοιρῶν, ἀφαιροῦμεν ἀπὸ τοῦ δοθέντος καιρικοῦ χρόνου. Πάλιν γὰρ ὁμοίως εἰ ὁ χρόνος τοῦ φαινομένου νυχθημέρου ἐλάττων ἐστὶν τοῦ ὁμαλοῦ, τὸ φαινόμενον νυχθήμερον ἔν ἐστιν ὁμαλὸν παρὰ τι μέρος ὥρας· ὥστε ἀκολούθως πάλιν ἐπὶ ταύτης τῆς διακρίσεως ἀφαιροῦντες εἰς ὁμαλὰ νυχθήμερα τὰ καιρικὰ μεταλαμβάνομεν. §Πεποίηται δὲ ὁ Πτολεμαῖος τὴν σύγκρισιν τῆς τῶν φαινομένων ἀνωμάτων

χρόνων διαστάσεως πρὸς τὴν τοῦ ἡλίου ὁμαλὴν κίνησιν, ἀντὶ τῶν ἐπιβαλλόντων τοῖς ὁμαλοῖς νυχθημέροις, διὰ τὸ ἴσα εἶναι τὰ ἐπιλαμβανόμενα τοῦ ἡμερινοῦ τμήματα μετὰ τὴν μίαν περιστροφὴν τῷ ὁμαλῷ νυχθημέρῳ τῇ τοῦ ἡλίου ὁμαλῇ παρόδῳ, ὡς ἐπάνω εἴρηκεν «ὅσα καὶ ὁ ἥλιος μέσῳ ἐν τῷ τοσοῦτῳ χρόνῳ ἐπικινεῖται». Ὡς δὲ φησὶν, πάλιν ἀπὸ τῆς τῶν ὁμαλῶν νυχθημέρων διαστάσεως τὰ καιρικὰ προαιρώμεθα λαμβάνειν, ἀνάπαλιν τὴν προσθαφαίρεσιν ποιησόμεθα.

941 ὅταν γὰρ οἱ[ον] ἐκ τῆς συμπλοκῆς τῶν ἀνωμαλιῶν εὐρισκόμενοι χρόνοι, οἵτινές εἰσιν τῶν φαινομένων νυχθημέρων, πλείους ὥσιν τῶν τῆς ὁμαλῆς διαστάσεως τοῦ ἡλίου μοιρῶν, ἀφελοῦμεν ἀπὸ τοῦ χρόνου τῆς ὁμαλῆς τῶν νυχθημέρων διαστάσεως, τὸ ἐκ τῆς ὑπεροχῆς γινόμενον μέρος ὥρας ἡμερινῆς· ἐπειδήπερ πάλιν ἐὰν τὸ ἐν φαινόμενον νυχθήμερον μείζον ἢ τοῦ ἐνὸς ὁμαλοῦ, λέγομεν τὸ ἐν ὁμαλὸν ἐν εἶναι φαινόμενον παρά τι μέρος ὥρας, ὥστε ἀκολουθῶς καὶ ἐνταῦθα τῆς ἀφαιρέσεως ἀπὸ τῶν ἀνωμάτων γινομένης τὰ ὁμαλὰ λαμβάνεται. ὅταν δὲ πάλιν ἐλάττονες ὥσιν οἱ ἐκ τῆς συμπλοκῆς χρόνοι τῶν τῆς ὁμαλῆς διαστάσεως μοιρῶν, προσθήσομεν τῷ τῶν ὁμαλῶν νυχθημέρων πλήθει τὸ τῆς ὥρας μέρος· ἐπειδήπερ πάλιν ἐὰν τὸ ἐν ὁμαλὸν νυχθήμερον μείζον ἢ τοῦ ἐνὸς φαινομένου, λέγομεν τὸ ὁμαλὸν ἐν εἶναι φαινόμενον καὶ τι μέρος ὥρας, ὥστε καὶ ἐνταῦθα ἀκολουθῶς τῆς προσθέσεως γινομένης ἔξομεν ἀπὸ τῶν ὁμαλῶν νυχθημέρων τὰ καιρικὰ καὶ ἀνώμαλα. Ὡς δὲ συμβαίνει ἡμᾶς καὶ τὸν ἀπὸ τοῦ α' ἔτους Ναβονασσάρου χρόνον μέχρι δεδομένου τινὸς μεταλαμβάνειν πρὸς τινα τῶν εἰρημένων νυχθημέρων χρόνον, ὑπομνησκει ἡμᾶς καὶ τὴν κατὰ τοῦτον τὸν χρόνον τοῦ ἡλίου ὁμαλὴν καὶ ἀκριβῆ ἐποχὴν, καὶ φησιν· «ἐπεῖχεν» δὲ εἰς τὴν εἰρημένην «ἐποχὴν τοῦ α' ἔτους Ναβονασσάρου θῶθ α'» ὥρας ζ' ὁ ἥλιος ὁμαλῶς «ὡς μικρῷ πρόσθεν ἀπεδείξαμεν τῶν Ἰχθύων μοίρας π' με. ἀκριβῶς δὲ μοίρας γ' η», ἐπειδήπερ καὶ σζε ιε μοίρας τότε ἀπέχων τοῦ ἀπογείου, προσετίθει τῇ ὁμαλῇ παρόδῳ τὴν πλείστην διαφορὰν τῶν β' κγ μοιρῶν. Ὡς δὲ καὶ ἐπὶ ὑποδείγματος φανερὰ ἡμῖν γένηται τὰ εἰρημένα, ποιησόμεθα καὶ τὴν τοιαύτην διάκρισιν ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ χρόνου ἐφ' οὗ καὶ τὴν ψηφοφορίαν τοῦ ἡλίου ἐποίησάμεθα. Καὶ προκείσθω ἀπὸ τῆς τῶν φαινομένων ἀνωμάτων νυχθημέρων διαστάσεως τὰ ὁμαλὰ ἐπιλογίσασθαι.

942 ἐπεὶ οὖν εὗρομεν ἀπὸ τοῦ πρὸς τὰς ἡμερινὰς ὥρας λημφθέντος ἡμῖν χρόνου ὁμαλῶς τὸν ἥλιον ἐπέχοντα τοῦ Αἰγόκερω μοῖραν ιβ' λη ἀκριβῶς δὲ ιδ' η' ἐπεῖχεν δὲ ὡς ἔφαμεν καὶ ἐν τῇ ἀρχῇ Ναβονασσάρου ὁμαλῶς μὲν τῶν Ἰχθύων π' με, ἀκριβῶς δὲ γ' η' καὶ συνάγεται ἡ ἀπὸ τῆς ὁμαλῆς ἐποχῆς ἐπὶ τὴν ὁμαλὴν μοιρῶν τια νγ' ἡ δὲ ἀπὸ τῆς φαινομένης ἐπὶ τὴν φαινομένην μοιρῶν τια αἶ' <σ> συμμεσουρανοῦσιν ἐπ' ὁρθῆς τῆς σφαίρας τοῦ ἡμερινοῦ χρόνοι τι ι <ε>, ἐλάττονες ὄντες τῶν τῆς ὁμαλῆς διαστάσεως τια νγ', μοίρα α' λη, τουτέστιν μιᾶς ὥρας θ' ἔγγιστα. Τοῦτο τὸ μέρος ἀφελόντες ἀπὸ τῶν κατὰ τὸν προεκτεθειμένον ἡμῖν χρόνον κα' ζ' ὥρων ἡμερινῶν, ἔσχομεν τὸν πρὸς τὰ ὁμαλὰ νυχθήμερα διακεκριμένον ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τῆς Ναβονασσάρου βασιλείας θῶθ α' τῆς μεσημβρίας, ἐτῶν αἰγυπτιακῶν αξθ καὶ ἡμερῶν σιδ καὶ ὥρων κα' γ' κ', ὧς ὥς χρῆσόμεθα μάλιστα πρὸς τὰς ἐπισυναγωγὰς τῶν ὁμαλῶν τῆς σελήνης κινήσεων, διὰ τὸ τὴν τοιαύτην διάκρισιν δύνασθαι περὶ τὴν τῆς σελήνης πάροδον αἰσθητὴν ποιεῖσθαι διαφορὰν, διὰ τὸ τῆς κινήσεως αὐτῆς ὡς ἔφαμεν τάχος. Θέωνος Ἀλεξανδρέως εἰς τὸ τέταρτον τῆς μαθηματικῆς Πτολεμαίου συντάξεως.

943 (1t) Διεξελθὼν ὁ Πτολεμαῖος ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ ὅσα ἂν τις θεωρήσειεν συμβαίνοντα περὶ τὴν τοῦ ἡλίου κίνησιν, λέγω δὴ ὅτι ὁ ἐνιαύσιος αὐτοῦ χρόνος, ὅνπερ ὠρίζετο εἶναι ἐν ᾧ ἀπὸ τινος τμήματος τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ἀρξάμενος κινεῖσθαι εἰς τὰ ἐπόμενα ἐπὶ τὸ αὐτὸ παραγίνεται, ἡμερῶν ἐστὶν τξε ιδ' μη, ἀφ' οὗ χρόνου καὶ τὰς ὁμαλὰς αὐτοῦ κινήσεις ἐπιλογισάμενος, κανονικῶς ἐξέθετο· καὶ περὶ τῶν καθ' ὁμαλὴν καὶ ἐγκύκλιον κίνησιν δύο ἀπλῶν ὑποθέσεων, τῆς τε κατ' ἔκκεντρον ὑποθέσεως καλουμένης, καὶ τῆς κατ' ἐπίκυκλον· καὶ

περὶ τοῦ λόγου τῆς ἐκκεντρότητος αὐτῶν, τοῦ τῶν ξ πρὸς τὰ β λ κατειλημμένου, καὶ τῆς ἐποχῆς τοῦ ἀπογείου περὶ ὃ τὰ ἐλάχιστα φαίνεται κινούμενος κατὰ τὰς τῶν Διδύμων μοίρας ε λ τυχανοῦσης, τοῦ δὲ περιγείου περὶ ὃ πάλιν τὰ μέγιστα φαίνεται κινούμενος κατὰ τὴν διάμετρον τοῦ ἀπογείου στάσιν, τῶν δὲ μέσων αὐτοῦ παρόδων κατὰ τὰς τούτων τεταρτημοριαίας διαστάσεις καθ' ἃς καὶ ἡ μεγίστη ἀνωμαλία αὐτῶν κατείληπται μοιρῶν β κγ· καὶ περὶ τῆς πρὸς τὰ κατὰ μέρος τμήματα τῶν ἀνομαλιῶν κανονοποιῖας, καὶ τῆς κατὰ τὸ πρῶτον ἔτος Ναβονασσάρου θῶθ πρώτη τῆς μεσημβρίας ὁμαλῆς αὐτοῦ ἐποχῆς κατὰ τῶν Ἰχθύων τῆς πρώτης μοίρας ἐξηκοστὰ με κατειλημμένης· καὶ ἔτι περὶ τῆς ὁμαλῆς καὶ ἀνωμάλου αὐτοῦ ψηφοφορίας, καὶ τῆς ἀνισότητος τῶν νυχθημέρων· ἐξῆς ἐν τούτῳ τῷ βιβλίῳ τετάρτῳ τυγχάνοντι κατὰ τὴν ἀκόλουθον τῆς ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ ἐκτεθειμένης αὐτῷ περὶ τῆς τάξεως τῶν θεωρημάτων ἀπαριθμήσεως, καὶ ἔτι τῆς ἐν ἀρχῇ τοῦ τρίτου βιβλίου, τὸν περὶ σελήνης λόγον ποιεῖται καὶ φησιν προσήκειν μὴ ἀπλῶς τυχοῦσας τηρήσεις παραλαμβάνειν πρὸς τὰς καθολικωτέρας τῶν κινήσεων αὐτῆς ἐπισκέψεις, καθάπερ οἱ παλαιοὶ παχυμερεστέρας κατεχρήσαντο, ἀπὸ τῶν πρὸς τοὺς ἀπλανεῖς ἀστέρας τοὺς τοιούτους ἐπιλογισμοὺς ποιησάμενοι, «ἀλλὰ πρὸς μὲν τὰς καθόλου καταλήψεις «ἐκείναις μάλιστα προσέχειν τῶν ἀποδείξεων ὅσαι μὴ μόνον ἐκ τοῦ πλείονος χρόνου ἀλλὰ καὶ ἀπ' αὐτῶν τῶν κατὰ τὰς σεληνιακὰς ἐκλείψεις «τηρήσεων λαμβάνονται.

944 » ΣΕΙΣΙΝ ΔΕ ΚΑΘΟΛΙΚΩΤΕΡΑΙ ΜΕΝ Αὐτῆς καταλήψεις, ἥτε τοῦ χρόνου τῶν ἀποκαταστατικῶν κινήσεων ἀφ' οὗ καὶ αἱ ὁμαλαὶ ἀράοδοι αὐτῆς καταλαμβάνονται, καὶ ὁ τῆς ἐκκεντρότητος λόγος ἀφ' οὗ πάλιν καὶ τὰ μεγέθη τῶν κατὰ μέρος παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορῶν ἐφοδεύεται, καὶ ἔτι ἡ εἰς τὸ πρῶτον ἔτος Ναβονασσάρου ἐποχὴ τοῦ τε ἀπογείου καὶ αὐτῆς τῆς σελήνης.

945 Κατὰ μέρος δὲ ὡς ὅταν ἐπιζητῶμεν τὰς ἐκάστοτε αὐτῆς ἀκριβεῖς παρόδους πρὸς τὴν κατάληψιν τῆς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορᾶς, ἥ καὶ τὰς φαινομένας πρὸς τὴν τῆς παραλλάξεως κατάληψιν, καὶ ἔτι τὴν πηλικότητα τῆς τοῦ ἐπικύκλου αὐτῆς προσνεύσεως, ἥ καὶ τὴν διὰ τοῦ παραλλακτικοῦ ὀργάνου γιγνομένην παρατήρησιν, πρὸς τὴν κατάληψιν τῆς τε παραλλάξεως καὶ τῆς ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν τῆς σελήνης ἀποστάσεως, καὶ ἔτι τῆς μεγίστης αὐτῆς κατὰ πλάτος, καὶ ὅσα ἄλλα ἐν τοῖς ἐξῆς ἐφ' ὧν χωρὶς ἐκλείψεων τὰς παρατηρήσεις ποιεῖται· ἀπὸ τούτων γὰρ καὶ τὰ λοιπὰ τῶν κατὰ μέρος ἐφοδεύεται. § Πρὸς οὖν τὰς εἰρημένας καθολικωτέρας τῆς σελήνης καταλήψεις χρή φησιν μὴ μόνον τὰς ἀπὸ πλείονος διαστάσεως χρόνου τηρήσεις παραλαμβάνειν, καθάπερ ἐπὶ τῶν τοῦ ἡλίου περιοδικῶν ἀποκαταστάσεων ἐδηλοῦμεν ὅτι καθόλου χρή τὰς τῶν περιοδικῶν ἥτοι ὁμαλῶν κινήσεων καταλήψεις ἀπὸ τῶν διὰ πλείονος χρόνου τῆς τηρήσεως ἐφοδεύειν, ἀλλ' ἔτι καὶ τὰς ἀπὸ τῶν σεληνιακῶν ἐκλείψεων λαμβανομένας. § «Διὰ μόνων γὰρ τῶν τοιούτων ἀκριβῶς ἂν οἱ τόποι τῆς σελήνης» καταλαμβάνοιντο κατὰ τὸ μέσον χρόνον τῆς ἐκλείψεως, τουτέστι κατὰ τὴν μεγίστην ἐπισκότησιν, διὰ τὸ κατὰ τὸν τοιοῦτον χρόνον ἔγγιστα ἀκριβῶς τὸ τῆς σελήνης κέντρον ὑπὸ τοῦ ἡλίου διαμετρεῖσθαι, ὡς ἐν τῷ ἔκτῳ βιβλίῳ δείκνυσιν καὶ ἡμεῖς δὲ μικρὸν προϊόντες, βραχεῖαν τινα * ὑπόμνησιν τοῦ τοιούτου τῆς πρὸς τὸ παρὸν σαφηνείας ἔνεκα ποιησόμεθα.

946 καὶ διὰ τοῦτο ἐξ ὑδρίου ὠροσκοπίου τὸν εἰρημένον χρόνον τῆς ἐκλείψεως καταλαμβανόμενοι, καὶ ἐκ τούτου τὴν τοῦ ἡλίου ἐποχὴν ἐπιλογιζόμενοι, συναποδεδειγμένην ἔξομεν καὶ τὴν τῆς σελήνης κατὰ διάμετρον τῷ ἡλίῳ στάσιν τυγχάνουσαν. «Τῶν ἄλλων, ὅσαι ἦτοι διὰ τῶν πρὸς τοὺς ἀπλανεῖς ἀστέρας παρόδων, «ἡ διὰ τῶν ὀργάνων, ἥ διὰ τῶν τοῦ ἡλίου ἐκλείψεων θεωροῦνται, πολὺ «διαψευσθῆναι δυναμένων, διὰ τὰς παραλλάξεις τῆς σελήνης ...» τῶν ἀκριβῶν ἐποχῶν αὐτῆς διὰ τούτων τῶν εἰρημένων τριῶν τρόπων διαψευσθῆναι δυναμένων διὰ τὰς παραλλάξεις αὐτῆς, μόνον δὲ διὰ τῶν εἰρημένων σεληνιακῶν ἐκλείψεων ὑγιῶς καταληφθῆναι δυναμένων. Εἴτα διδάσκων ὃν τρόπον αἱ διὰ τῶν εἰρημένων τριῶν τρόπων

τηρήσεις διαμαρτάνουσι διὰ τὰς παραλλάξεις περὶ τὴν ἐποχὴν αὐτῆς, μόνον δὲ κατὰ τοὺς μέσους χρόνους τῶν ἐκλείψεων αὐτῆς ἀκριβῶς ἐφοδεύονται, φησὶν· «Τοῦ γὰρ ἀποστήματος οὗ ἀφέστηκεν ἡ σφαῖρα τῆς σελήνης ἀπὸ «τοῦ κέντρου τῆς γῆς μὴ ὄντος τηλικούτου» ἡλίκον ἐστὶν καὶ τὸ μέχρι τοῦ κατὰ τὸν ζωδιακὸν κύκλον, ὥστε σημείου λόγον ἔχειν τὴν γῆν καὶ πρὸς τὸ τῆς σελήνης ἀπόστημα, ἀλλὰ πολλῶ περιγειοτέρου τυγχάνοντος, ὡς καὶ ἐν μεγέθει αὐτὴν καταλαμβάνεσθαι, συμβήσεται τοὺς ὁρῶντας μηκέτι ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς γῆς καὶ τοῦ ζωδιακοῦ θεωροῦντας τὴν σελήνην, ἀφ' οὗ αἱ ἀκριβεῖς ἐποχαὶ ἡμῖν λαμβάνονται, διὰ τὸ τὰς ἀπὸ τούτου πρὸς τὸν ζωδιακὸν λαμβανομένας παρόδους τῶν ἀστέρων τὸν αὐτὸν λόγον ἔχειν ταῖς πρὸς τῷ αὐτῷ κέντρῳ γιγνομέναις γωνίαις, ἀλλ' ἀπὸ τινος ἐπιφανείας τῆς γῆς, διαμαρτάνειν τῆς ἀκριβοῦς αὐτῆς ἐποχῆς. § Ἵνα δὲ κατάδηλα ἡμῖν γένηται τὰ εἰρημένα, ἔστωσαν ὑποδείγματος ἕνεκεν τρεῖς μέγιστοι κύκλοι οἱ AB, ΓΔ, EZ, περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον τῆς γῆς τὸ H, ἐν ἐνὶ τῷ διὰ τοῦ κατὰ κορυφὴν τινος οἰκήσεως καὶ τοῦ κέντρου τῆς σελήνης ἐπιπέδῳ, ἐφ' οὗ καὶ πρότερον τὰς παραλλάξεις καταλαμβάνεται, καὶ ἀπὸ τούτων τὰς πρὸς τὸν ζωδιακὸν, κατὰ τε μήκος καὶ πλάτος· καὶ ὁ μὲν AB ἔστω ἐν τῇ τῆς γῆς σφαίρᾳ, ὁ δὲ ΓΔ ἐν τινὶ τῶν κατὰ τὴν σελήνην ἀποστήματι, ὁ δὲ EZ πρὸς ὃν ἡ γῆ σημείου λόγον ἔχει.

947 καὶ ὑποκείσθω ἡ σελήνη κατὰ τὸ Δ, οἰκήσεις δὲ πρὸς τῷ A, ὡς ἐν μεγέθει δηλαδὴ τῆς γῆς τυγχανούσης πρὸς τὸ τῆς σελήνης ἀπόστημα. ἀπὸ δὲ τῆς κατὰ τὸ A οἰκήσεως διήχθω ἐπὶ τὸ κατὰ κορυφὴν εὐθεῖα ἡ AGE, καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ H· δῆλον γὰρ ὡς ἐπὶ τὸ κέντρον πεσεῖται, διὰ τὸ καὶ τὴν AE πρὸς ὀρθὰς εἶναι τῇ διὰ τοῦ A ἐφαπτομένη τοῦ AB κύκλου παραλλήλῳ τυγχανούσῃ τῇ κοινῇ τομῇ τοῦ τε ὀρίζοντος καὶ τοῦ EZ κύκλου. καὶ ἐπιζευχθεῖσαι αἱ HΔ, AΔ, διήχθωσαν ἐπὶ τὰ Z, Θ. Ἔσται ἄρα ἡ μὲν ἀκριβὴς καὶ πρὸς τὸ κέντρον τῆς γῆς λαμβανομένη τῆς σελήνης ἐποχὴ κατὰ τὸ Z, ἡ δὲ ἀπὸ τῆς ὀψεως καὶ φαινομένη, κατὰ τὸ Θ. διαφορὰ δὲ ἔσται τῆς ἀκριβοῦς ἐποχῆς πρὸς τὴν φαινομένην, ἣν καὶ φαμεν παράλλαξιν, ἡ ZΘ. Ἐὰν δὲ καὶ νοήσωμεν τοὺς κύκλους ἐν τῷ τοῦ διὰ μέσων ἐπιπέδῳ, καὶ γράψωμεν ἐν τῇ τοῦ ἡλίου σφαίρᾳ τὸν ΠΡΟ κύκλον, ἐφ' οὗ ὁ ἥλιος κινεῖται, καὶ ὑποθώμεθα αὐτὸν κατὰ τὸ Π, καὶ ἐπιζεύξωμεν τὴν ΗΠΣ, δῆλον ὡς ὅτι ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας τυγχάνων, τῆς ἀπὸ τῆς ὀψεως ἐπὶ τὴν σελήνην, ἐκλείπων φανήσεται.

948 καὶ ἔσται ἡ μὲν φαινομένη τῆς σελήνης ἐποχὴ κατὰ τὸ Θ, ἡ δὲ ἀκριβὴς τοῦ μὲν ἡλίου κατὰ τὸ Σ, τῆς δὲ σελήνης κατὰ τὸ Z. καὶ διαμαρτήσομεν περὶ τὴν ἀκριβῆ ἐποχὴν τῆς σελήνης, ὑπολαμβάνοντες διὰ τὴν ἐπιπρόσθεσιν τὴν αὐτὴν ἀκριβῆ ἐποχὴν τῶν φώτων τυγχάνειν τὴν κατὰ τὸ Z τῇ κατὰ τὸ Σ. § Συμβαίνει οὖν, τῆς σελήνης ἐπὶ τοῦ Γ κατὰ κορυφὴν τυγχανούσης, μηκέτι τὴν εἰρημένην διαφορὰν ἐκ τῶν παραλλάξεων παρακολουθεῖν, ἀλλὰ τὴν αὐτὴν γίνεσθαι τὴν φαινομένην αὐτῆς ἐποχὴν τῇ ἀκριβεῖ. ὑποκείσθω γὰρ ἐπὶ τὸ Γ κατὰ κορυφὴν. § ἐπεὶ οὖν ἀκριβῆ ἐποχὴν φαμεν εἶναι τὴν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς γῆς. ἐπὶ τὴν σελήνην ἐκβαλλομένην, φαινομένην δὲ τὴν ἀπὸ τῆς ὀψεως ἐπὶ τὴν σελήνην, καὶ πίπτει ἡ μὲν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς γῆς ἐπὶ τὴν σελήνην ἐκβαλλομένη κατὰ τὸ E, ἀλλὰ καὶ ἡ ἀπὸ τῆς ὀψεως ἐπὶ τὴν σελήνην ὡσαύτως κατὰ τὸ E, ὅταν ἄρα κατὰ κορυφὴν ἢ τινος οἰκήσεως ἡ σελήνη, τὴν αὐτὴν ποιεῖται φαινομένην ἐποχὴν τῇ ἀκριβεῖ. «Ὅταν δὲ ἀπονενευκυῖα ἢ ὅπωςδῆποτε τοῦ κατὰ κορυφὴν σημείου, δια«φόρους τε τὰς κλίσεις τῶν προκειμένων εὐθειῶν ἀποτελεῖσθαι, καὶ «διὰ τοῦτο τὴν φαινομένην αὐτῆς πάροδον, μὴ τὴν αὐτὴν γίνεσθαι τῇ «ἀκριβεῖ, πρὸς ἄλλας θέσεις τῆς ὀψεως καταβιβαζομένης, τῶν διὰ τοῦ «κέντρου τῆς γῆς ἀφοριζομένων ἀνάλογον ταῖς τηλικότῃ * τῶν ὑπὸ «τῶν ἐγκλίσεων γιγνομένων γωνιῶν». § Ἐκτεθείσης γὰρ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς, ἐὰν ὑποθώμεθα καὶ καθ' ἑτέρου τόπου τὴν σελήνην ὡς κατὰ τὸ K ἀπονενευκυῖαν τοῦ κατὰ κορυφὴν τὴν ΓΚ περιφέρειαν, καὶ ἐπιζεύξαντες πάλιν τὰς HK, AK ἐκβάλωμεν ἐπὶ τὰ

Λ, Ξ, ἔσται ὁμοίως ἢ μὲν ἀκριβῆς αὐτῆς ἐποχῇ καὶ πρὸς τὸ κέντρον τῆς γῆς ἀπολαμβανομένη, κατὰ τὸ Λ, ἢ δὲ ἀπὸ τῆς ὀψεως καὶ φαινομένη, ἢ κατὰ τὸ Ξ, παράλλαξις δὲ ὡσαύτως ἢ ΛΞ.

949 § λέγω οὖν ὅτι τῆς σελήνης ἀφισταμένης ἀπὸ τοῦ Ε κατὰ κορυφὴν διάφοροί τε αἱ κλίσεις τῶν εἰρημένων εὐθειῶν ἀποτελοῦνται, τουτέστιν αἱ ὑπὸ ΗΔΑ, ΗΚΑ γωνίαι, καὶ αἱ εἰρημέναι παραλλάξεις, τουτέστιν αἱ ΖΘ, ΛΞ περιφέρεται. καὶ μείζονες αἱ πλησιαίτερον τοῦ ὀρίζοντος, καὶ πλεῖον ἀπέχουσαι τοῦ κατὰ κορυφὴν. Ὑποκείσθω γὰρ ἡ ΑΚΞ εὐθεῖα πρὸς ὀρθὰς τῇ ΕΓΑΗ, ἵνα ἡ ΑΚΞ ἐν τῷ τοῦ ὀρίζοντος ἥ ἐπιπέδῳ, καὶ διήχθω ἐπὶ τὸ Ρ καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΗΡ, ΔΡ.

950 καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΔΗ τῇ ΗΡ, ἴση ἐστὶ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΗΔΡ τῇ ὑπὸ ΔΡΗ, ὣν ἡ ὑπὸ ΑΔΡ μείζων τῆς ὑπὸ ΑΡΔ, ἐπεὶ καὶ πλευρὰ ἡ ΑΡ τῆς ΑΔ ἐστὶν μείζων· λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΗΡΑ λοιπῆς τῆς ὑπὸ ΗΔΑ μείζων ἐστίν. ἴση δὲ ἡ ὑπὸ ΗΡΑ τῇ ὑπὸ ΗΚΑ. καὶ ἡ ὑπὸ ΗΚΑ ἄρα μείζων ἐστὶν τῆς ὑπὸ ΗΔΑ. § λέγω ὅτι καὶ ἡ ΛΞ τῆς παραλλάξεως περιφέρεια μείζων ἐστὶν τῆς ΖΘ ὁμοίας περιφερείας. Ἐπεζεύχθωσαν γὰρ αἱ ΖΗ, ΘΗ. ἐπεὶ οὖν μείζων ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΗΚΑ γωνία τῆς ὑπὸ ΗΔΑ, λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΗΚΞ λοιπῆς τῆς ὑπὸ ΗΔΘ ἐλάττων ἐστίν. συνεστάτω τῇ ὑπὸ ΗΚΞ ἴση ἡ ὑπὸ ΗΔΤ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΗΤ. ἐπεὶ οὖν δύο τρίγωνα ἐστὶν τὰ ΗΚΞ, ΗΔΤ, μίαν γωνίαν μιᾷ γωνίᾳ ἴσην ἔχοντα τὴν ὑπὸ ΗΚΞ τῇ ὑπὸ ΗΔΤ, τὰς δὲ περὶ τὰς πρὸς τῷ Η γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον, τῶν δὲ λοιπῶν τῶν πρὸς τοῖς Ξ, Τ γωνιῶν ἐκατέραν ἅμα ἐλάσσονα ὀρθῆς διὰ τὸ ἐν μείζονι τμήματι αὐτὰς τυγχάνειν ἡμικυκλίου, ἰσογῶνία ἔσται τὰ τρίγωνα. ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ ΞΗΚ γωνία τῇ ὑπὸ ΤΗΔ.

951 μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ ΞΗΚ τῆς ὑπὸ ΘΗΔ. ὥστε καὶ περιφέρεια ἡ ΞΛ μείζων ἔσται τῆς ΘΖ περιφερείας, ἅπερ ἔδει δεῖξαι. Ὡσαύτως δὲ κἂν μεταξὺ τῶν Γ, Δ ὑποθώμεθα τὴν σελήνην, μείζων ἔσται ἡ πρὸς τῷ Δ ἀπώτερον τοῦ κατὰ κορυφὴν τῆς τε κλίσεως τῶν εὐθειῶν εἰρημένη γωνία καὶ ἡ τῆς παραλλάξεως περιφέρεια. Τῆς ἄρα σελήνης τοῦ κατὰ κορυφὴν ἀφισταμένης, διάφοροί τε αἱ κλίσεις τῶν προκειμένων εὐθειῶν ἀποτελοῦνται, καὶ ἔτι αἱ παραλλάξεις αὐτῆς, καὶ μείζονες αἰεὶ αἱ ἀπώτερον τοῦ κατὰ κορυφὴν μέχρι τοῦ ὀρίζοντος ἀναλόγως, τουτέστιν ἀκολούθως ταῖς ἀπὸ τοῦ τοιοῦτου σημείου ἀποστάσεων. § «Διόπερ συμβέβηκεν, τῶν μὲν ἡλιακῶν ἐκλείψεων γιγνομένων ὑπὸ τῆς «σεληνιακῆς ὑποδρομῆς καὶ ἐπιπροσθήσεως, ἥτις ἐμπίπτουσα εἰς τὸν «ἀπὸ τῆς ὀψεως ἡμῶν ἐπὶ τὸν ἥλιον κῶνον, ποιεῖται τὴν μέχρι τῆς παρε«λεύσεως ἐπισκότησιν, μὴ πανταχῇ ταύτας ὡσαύτως μήτε τοῖς μεγέ«θεσιν μήτε τοῖς χρόνοις ἀποτελεῖσθαι.» Διὰ ταύτας οὖν τὰς εἰρημένας παραλλάξεις παρακολουθεῖ, τῶν ἡλιακῶν ἐκλείψεων γιγνομένων ὑπὸ τῶν τῆς σελήνης ἐπιπροσθήσεων, ἥτις ἐμπίπτουσα εἰς τὸν ἀπὸ τῆς ὀψεως ἡμῶν ἐπὶ τὸν ἥλιον κῶνον ποιεῖται τὴν μέχρι τῆς παρελεύσεως ἐπισκότησιν, μὴ πανταχῇ ταύτας μήτε τοῖς μεγέθεσι τῶν ἐπισκοτήσεων, μήτε τοῖς χρόνοις ὡσαύτως ἀποτελεῖσθαι, μήτε πᾶσιν ὁμοίως διὰ τὰς εἰρημένας παραλλάξεις ἐπισκοτούσης τῆς σελήνης, μηδὲ κατὰ τῶν αὐτῶν τοῦ ἡλίου μερῶν φαινομένης, ἀλλ' οἷς μὲν κατὰ βορειοτέρου μέρους αὐτοῦ ἐπισκοτούσης, οἷς δὲ κατὰ τὸν νοτιώτερον, οἷς δὲ κατ' ἄλλων τινῶν. § Ἵνα δὲ πάλιν φανερὰ ἡμῖν γένηται τὰ λεγόμενα, νενοήσθω ἡ τῆς γῆς σφαῖρα ἡ ΑΒΓ περὶ κέντρον τὸ Δ, οἰκῆσεις δὲ ἔστωσαν κατὰ τὰ Α, Β, Γ· καὶ ἔστω ὁ ἥλιος κατὰ τὸ Ε, ζῳδιακὸς δὲ ὁ ΖΗΘΚΛ.

952 δῆλον δὴ ὅτι, τῆς γῆς σημείου λόγον ἔγγιστα ἐχούσης πρὸς τὸ ἀπόστημα τῆς τοῦ ἡλίου σφαίρας, διὰ τὸ ἐλαχίστας καταλαμβάνεσθαι τὰς τοῦ ἡλίου παραλλάξεις, καὶ τοὺς γνωμονικοὺς τοιαύταις ὑποθέσεσιν καταχρωμένους συμφωνεῖν τοῖς φαινομένοις, κατὰ τοῦ Ε τυγχάνων ὁ ἥλιος πανταχοῦ ὑπὸ τοῦ ΡΔΣ ἀπὸ τῆς ὀψεως κῶνου ὀφθήσεται, κατὰ τοῦ αὐτοῦ τμήματος τοῦ ζῳδιακοῦ τοῦ Θ τυγχάνων.

953 ὅταν οὖν ἡ σελήνη εἰς τὸν ΡΔΣ ἀπὸ τῆς ὀψεως κῶνον ἐμπίπτουσα ἐπὶ τὸ Μ παραγένηται, * θεωρηθήσεται μὲν ἀπὸ τῶν ἐπὶ τῆς Γ οἰκῆσεως οἰκούντων ὑπὸ τοῦ ΝΓΞ ἀπὸ τῆς ὀψεως κῶνου, ἐπισκοτοῦσα ὅλῳ τῷ ἡλίῳ, διὰ τὸ ὑπὸ τῶν αὐτῶν ἀκτίνων αὐτοὺς περιλαμβάνεσθαι, τῆς

σελήνης κατὰ τοῦ Η θεωρουμένης· ὑπὸ δὲ τῶν πρὸς τῇ Α οἰκῇ οἰκούντων, θεωρηθήσεται ὑπὸ τοῦ ΝΑΞ κώνου λόγου ἔνεκεν, ἐπεὶ οὐ κατὰ τῶν αὐτῶν σημείων τῶν Ν, Ξ ἐφάπτονται αἱ εὐθεῖαι ἐπισκοτοῦσαι τῷ ἀπολαμβανομένῳ τοῦ ἡλίου μέρει ὑπὸ τῆς ΑΚ ἀκτίνος, ἐπὶ τοῦ Λ φαινομένης τοῖς δὲ πρὸς τῷ Β οἰκοῦσιν, θεωρηθήσεται ὑπὸ τοῦ ΝΒΞ κώνου, κατὰ τοῦ Τ φαινομένη, μηδόλως ἐπιπροσθοῦσα ταῖς τοῦ ἡλίου προσλάμψεσιν. Ὅμοίως δὲ καὶ εἰς τὰ ἐπόμενα κινοῦντες τὴν σελήνην, δείξομεν κατὰ τὸν αὐτὸν χρόνον διαφόρως αὐτὴν ἐπιπροσθοῦσαν τῷ ἡλίῳ. Δῆλον δὲ καὶ ὡς ἐπὶ στερεοῦ τὴν καταγραφὴν ἐννοοῦντες, ἐὰν ἀπὸ τοῦ Ο καὶ Π οἰκήσεων τοῖς ἀπὸ τῶν ὄψεων κώνοις τὴν σελήνην περιλάβωμεν, κατὰ ἐτέρων καὶ ἐτέρων μερῶν τοῦ ἡλίου πεσοῦνται. Διὰ γοῦν τὰς τοιαύτας αἰτίας παραιτεῖται τὰς ἡλιακὰς ἐκλείψεις παραλαμβάνειν πρὸς τὰς καταλήψεις τῶν ἀκριβῶν καὶ πρὸς τὸ κέντρον τῆς γῆς λαμβανομένων ἐποχῶν ἐπειδήπερ κατὰ τὸν τῆς ἐπισκοτήσεως χρόνον, οὐχὶ καὶ τὴν αὐτὴν ἀκριβῇ τῷ ἡλίῳ ἐποχὴν ἐπέχει καὶ ἡ σελήνη. Ἔτι δὲ διὰ τὰς εἰρημένας παραλλάξεις τῆς ὄψεως τῆς ἀκριβοῦς ἐποχῆς αὐτῆς ἐκπιπτούσης καὶ αἱ πρὸς τοὺς ἀπλανεῖς ἀστέρας αὐτῆς φαινόμεναι συνοδικαὶ ἐποχαὶ διαμαρτηθήσονται τῆς ἀκριβοῦς. Ὅμοίως δὲ καὶ αἱ διὰ τῶν τηρήσεων τῶν διὰ τῶν ἀστρολάβων ὀργάνων, περὶ ὧν ἐν τῷ πέμπτῳ βιβλίῳ διαλαμβάνει. «Ἐπὶ δὲ τῶν σεληνιακῶν ἐκλείψεων μηκέτι ἐνδέχεται μηδεμίαν τοιαύτην διαφορὰν ἐκ τῶν παραλλάξεων ἐπακολουθεῖν, τοῦ γιγνομένου περὶ «τὴν σελήνην ἐκλειπτικοῦ πάθους μὴ συμπαραλαμβάνοντος τὴν τῶν ὀρώντων ὄψιν εἰς τὴν αἰτίαν τοῦ συμπτώματος.

954 » Φανεροῦ οὖν ἡμῖν γεγεννημένου ἐκ τῶν δεδειγμένων, ὅτι οὐχ οἷόν τε ἐστὶν τὴν ἀκριβῇ τῆς σελήνης ἐποχὴν θεωρεῖν εἰ μὴ μόνον ὅταν κατὰ κορυφὴν τῆς οἰκήσεως τυγχάνῃ, διὰ τὰς εἰρημένας παραλλάξεις, ἀλλὰ πάντοτε, ἄνευ τῆς ἐπὶ τοῦ κατὰ κορυφὴν θέσεως, ἡ ὄψις τῆς ἀκριβοῦς ἐποχῆς αὐτῆς διαμαρτάνει, δῆλον ὡς ὅτι ἐπὶ τῶν σεληνιακῶν ἐκλείψεων, τῇ ὄψει τὴν ἐποχὴν αὐτῆς μὴ παραλαμβάνοντες, οὐδὲ τῇ ἐκ τῶν παραλλάξεων γινομένη διαφορᾷ παρὰ τὴν ἀκριβῇ αὐτῆς ἐποχὴν διαμαρτάνομεν. Ὅτι δὲ οὐ τῇ ὄψει τὴν ἐποχὴν τῆς σελήνης παραλαμβάνομεν ἐν τῷ μέσῳ χρόνῳ τῆς ἐκλείψεως καθ' ὃν καὶ ἡ ἀκριβὴς συζυγία ἔγγιστα τυγχάνει ἀλλὰ ἀπὸ τῶν κατὰ διάμετρον τῷ ἡλίῳ στάσεων αὐτὴν καταλαμβάνομεν, καὶ οὐ διαπίπτομεν τῆς ἀκριβοῦς, οὕτως ἂν ἡμῖν γένοιτο πρὸς τὸ παρὸν ὡς ἐν ὑποδείγματι δῆλον. Ἔστωσαν γὰρ πάλιν γ μέγιστοι κύκλοι περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον τῆς γῆς ἐν τῷ τοῦ ζωδιακοῦ ἐπιπέδῳ, οἱ ΑΒΓΔ, ΕΖΗΘ, ΚΛ, καὶ ὁ μὲν ΑΒΓΔ κατὰ τὸ τοῦ ἡλίου ἀπόστημα, ὁ δὲ ΚΛ κατὰ τὸ τῆς σελήνης, ὁ δὲ ΕΖΗΘ κατὰ τὴν γῆν.

955 καὶ ὑποκείσθω ἡ σελήνη κατὰ τὸ Λ, ἡ δὲ διὰ τοῦ κέντρου τῆς γῆς καὶ αὐτῆς εὐθεῖα ἡ ΒΛΔ. Ὅταν ἄρα ὁ ἥλιος κατὰ τοῦ Δ γένηται, ἀποτελεῖ ἡ γῆ κατὰ τὴν διάμετρον αὐτοῦ στάσιν κωνοειδῆ σκιὰν καταυγαζομένη ὑπὸ τοῦ ἡλίου, διὰ τὸ μείζονα αὐτῆς τὸν ἥλιον καταλαμβάνεσθαι, καὶ ἐπὶ τοῦ μέσου κεῖσθαι τὴν γῆν, καὶ ἀκολουθῶς τῷ φωτίζοντι τὴν σκιὰν συμπεριάγεσθαι ὡς τὴν ΕΜΗ. καὶ σκιάσει τὴν σελήνην κατὰ τοῦ Λ τυγχάνουσιν, τουτέστιν ἐπὶ τῆς κατὰ τὸ Β ἀκριβοῦς ἐποχῆς. λαμβάνοντες οὖν ἐξ ὕδριου ὠροσκοπείου τὸν χρόνον καθ' ὃν ἡ μεγίστη ἐπισκότησις ἀποτελεῖται, εὐρήσομεν καὶ τὴν κατ' αὐτὸν τοῦ ἡλίου ἀκριβῇ ἐποχὴν τουτέστιν κατὰ τὸ Δ. ἥς τὸ κατὰ διάμετρον λαβόντες, ἔξομεν καὶ τὴν κατὰ τὸ Β τῆς σελήνης ἀκριβῇ ἐποχὴν. καὶ δῆλον ὅτι οὐχὶ τῇ ὄψει αὐτὴν παρειλήφαμεν (ἐθεωρεῖτο γὰρ ἂν, τῆς ὄψεως ὑποκειμένης κατὰ τὸ Ξ, ἐπὶ τοῦ Ν, * παραλλάττουσα τὴν ΒΝ) ἀλλ' ἀπὸ τῆς κατὰ τὴν διάμετρον τότε τοῦ ἡλίου στάσεως, καὶ οὐδὲν ἐκ τῶν παραλλάξεων ἐνταῦθα γέγονεν ἡμῖν διάφορον.

956 § Τὸ δὲ λεγόμενον περὶ τὴν σελήνην ἐκλειπτικὸν πάθος, οὐ τῷ ὄντι πάθος, αὐτὴ ἐμποιεῖ. αἰδῖος γὰρ οὔσα καὶ τῆς τῶν θείων κεκοινωνηκυῖα φύσεως, καὶ πάντῃ ἀπηλλαγμένη τῶν ἐν γενέσει καὶ φθορᾷ παθῶν, οὔτε ἀλλοίωσιν οὔτε μείωσιν ὑπομένει· ἀλλὰ τὸ ἴδιον αὐτῆς φῶς ἀμυδρότερον τυγχάνον καὶ μὴ δυνάμενον αἰεὶ ταῖς ὄψεσιν ἡμῶν προσπεσεῖν, μεταλαμβάνον

παρὰ τοῦ ἡλίου ἕτερον φῶς, φαίνεται λαμπρότερον, ὥς καταυγάζειν καὶ τὴν γῆν καὶ τὸν ἀέρα. ὅταν οὖν ἡ γῆ ἐπισκοπήσῃ ταῖς τοῦ ἡλίου προσλάμψεσι, τότε μὴ μετέχουσα τοῦ ἡλιακοῦ φωτός, ἀλλ' ἐπισκιαζομένη ὑπὸ τοῦ κώνου τῆς σκιάς, ἔτι πάλιν ἀμυδροτέρα γίνεται. οὔτε μέντοι καταυγαζομένη ἀλλοιοῦται οὔτε ἀποστερουμένη τοῦ ἡλιακοῦ φωτός ἀλλ' ἄφθαρτος οὔσα τὸ αὐτὸ καὶ αἰδίον πάντοτε αὐτῆς χρῶμα καὶ μέγεθος συντηρεῖ. τὸ δὲ φωτίζουσιν αὐτὴν ἐν ταῖς πανσελήνοις, μηκέτι κατὰ τὸ εἰωθὸς ἐν ταῖς ἐπισκοπήσεσι φωτίζειν, πάθος ἐκάλεσεν, διὰ τὸ δοκεῖν ἀλλοιοῦσθαι αὐτὴν περὶ τὴν ἐνέργειαν. «Φωτιζομένη γὰρ ἡ σελήνη πάντοτε ὑπὸ τῆς ἡλιακῆς προσλάμψεως, «ἐπειδὴν κατὰ διάμετρον αὐτῷ γένηται, τὸν μὲν ἄλλον χρόνον φαίνεται «ἡμῖν ὅλη πεφωτισμένη, διὰ τὸ πᾶν τὸ προσλαμπόμενον αὐτῆς ἡμισφαίριον ἅμα καὶ ἡμῖν τότε προσενεῦει», καὶ τὰ ἐξῆς. Ἔχει μὲν ἡ σελήνη καὶ ἀφ' ἑαυτῆς φῶς ἀμυδρότερον δὲ καθὼς εἶπαμεν, καταυγαζομένη δὲ ὑπὸ τῶν τοῦ ἡλίου ἀκτίνων, φαίνεται ἡμῖν οὕτω πεφωτισμένη.

957 § φωτίζεται δὲ αὐτῆς πάντοτε ὑπὸ τῶν τοῦ ἡλίου ἀκτίνων μείζον ἡμισφαίριον, διὰ τὸ μείζονα αὐτῆς εἶναι τὸν ἥλιον· καὶ διὰ τοῦτο οὐχ ὑπὸ τοῦ ἐν αὐτῇ μεγίστου κύκλου διορίζεται τό τε σκιερὸν αὐτῆς καὶ τὸ λαμπρόν, ἀλλὰ ὑπὸ ἐλάττονος. δέδεικται γὰρ ταῦτα καὶ Ἀριστάρχῳ καὶ Εὐκλείδῃ. Ὡς ἐν ταῖς οὖν συνοδικαῖς συζυγίαις κατὰ τῶν αὐτῶν τμημάτων τοῦ ζωδιακοῦ τῷ ἡλίῳ τῆς σελήνης τυγχανούσης, πᾶν τὸ προσλαμπόμενον αὐτῆς μέρος ἄνω τῷ ἡλίῳ προσενεῖ καὶ τὸ ἕτερον καὶ ἀφώτιστον πρὸς ἡμᾶς. ὅταν δὲ ἀποστῇ τῆς συνόδου, τότε τοῦ ἡλίου εἰς τὰ πλάγια αὐτῆς γινομένου, καὶ τὸ προσλαμπόμενον ἀκολουθῶς εἰς τὰ πλάγια προσενεῦσαν, μέρος τι μηνοειδὲς ποιεῖ ταῖς ὄψεσιν ἡμῶν προσπεσεῖν· καὶ τοῦτο ποτὲ μὲν μετὰ δύο δρόμους, τουτέστιν μετὰ νυχθήμερον, ποτὲ δὲ καὶ μετὰ τρεῖς.

958 εἴτα πάλιν ποτὲ μὲν ἐβδομαία τυγχάνουσα ποτὲ δὲ ὀγδοαία, διχότομος φαίνεται, τεταρτημόριον ἔγγιστα τοῦ ἡλίου ἀποστᾶσα. εἴτα μετὰ τὴν διχότομον ἔτι τοῦ ἡλίου πλεῖον ἀφισταμένη, καὶ μείζον τὸ φωτιζόμενον τῇ ὄψει προσενεῖν ποιοῦσα, φαίνεται ἡμῖν ἀμφίκυρτος, τουτέστιν μείζον ἡμικυκλίου. εἴτα πάλιν ποτὲ μὲν εἴσω τῆς πεντεκαιδεκαταίας, ποτὲ δὲ ὕστερον κατὰ τὴν διάμετρον τῷ ἡλίῳ στάσιν γινομένη, καὶ τῆς ὄψεως ἡμῶν τότε μεταξὺ τῶν φώτων πιπτούσης, πᾶν τὸ προσλαμπόμενον αὐτῆς ἔγγιστα ἡμισφαίριον φαίνεται ἡμῖν. § ὅταν δὲ συμβῇ διαμετρομένην αὐτὴν ὑπὸ τοῦ ἡλίου εἰς τὸν τῆς σκιάς κώνον ἐμπεσεῖν, διὰ τὸ καὶ αὐτὸν κατὰ τὴν διάμετρον τοῦ ἡλίου στάσιν πάντοτε τυγχάνειν, τότε γίνεται ἀφώτιστος ἀναλόγως τῇ τῆς ἐμπτώσεως πηλικότητι, τουτέστιν ἀκολουθῶς τῷ ἀπολαμβανομένῳ αὐτῆς ὑπὸ τοῦ κώνου τῆς σκιάς μέρος. § Συμβαίνει δὲ τότε, ἀφωτίστου αὐτῆς τυγχανούσης, τὸ ἴδιον αὐτῆς φῶς ἀμυδρότερον τυγχάνον, ποτὲ μὲν ταῖς ὄψεσιν ἡμῶν προσπίπτειν μὲν ὅταν ἀπογειοτέρα τυγάνῃ, διὰ τὸ μᾶλλον περὶ τὰ πέρατα τοῦ κώνου τῆς σκιάς αὐτὴν τυγχάνουσιν ἐν φανοτέρῳ σκιάσματι παροδεύειν, μὴ προσπίπτειν δὲ ὅταν περιγειοτέρα τυγάνῃ, διὰ τὸ ἐν ζοφωδεστέρῳ τότε σκιάς μέρος παροδεύειν· ἐπεὶ καὶ καθόλου αἱ σκιαί περὶ μὲν τὰ πέρατα φανότεραί εἰσιν, διὰ τὴν τῶν ἀκτίνων σύμπτωσιν, προσωτέρῳ δὲ καὶ μᾶλλον πλησιαιότερον τοῦ ἐπιπροσθοῦντος ταῖς ἀκτῖσιν ζοφωδέστεραι. § Συμβαίνει δὲ τὰς εἰρημένας φάσεις αὐτῆς βράδιον καὶ τάχιον ἀποτελεῖσθαι, διὰ τὸ καὶ τὰς πρὸς τὸν ἥλιον ἀποστάσεις ἀφ' ὧν αὗται ἀποτελοῦνται κατὰ δύο τρόπους ποτὲ μὲν ἐν μείζονι ποτὲ δὲ ἐν ἐλάττονι χρόνῳ γίνεσθαι παρακολουθεῖν, ἓνα μὲν ἐκ τῆς ἀνωμαλίας, ἕτερον δὲ ἐκ τοῦ πλάτους, ἵνα τὸν ἐκ τῶν παραλλάξεων μηδὲν αἰσθητὸν ποιεῖν ὑπολάβωμεν.

959 § καὶ ἐκ τῆς μὲν ἀνωμαλίας, διὰ τὸ πῇ μὲν κατὰ τῶν ἀπογείων τοῦ ἐπικύκλου αὐτὴν παροδεύουσιν καὶ ἀφαιρετικὴν τυγχάνουσιν, ἐλάττονα φαίνεσθαι τὴν εἰς τὰ ἐπόμενα τῶν ζωδίων μετάβασιν ποιουμένην, καὶ διὰ τοῦτο βράδιον αὐτὴν ποιεῖσθαι τὴν ἀπὸ τοῦ ἡλίου ἀποχώρησιν· πῇ δὲ πάλιν κατὰ τῶν περιγειοτέρων τοῦ ἐπικύκλου τυγχάνουσιν καὶ

προσθετικήν γινομένην ταχέϊαν τὴν πρὸς τὰ ἐπόμενα κίνησιν φαίνεσθαι ποιουμένην, καὶ διὰ τοῦτο πάλιν τάχιον αὐτὴν τὴν ἀπὸ τοῦ ἡλίου ἀποχώρησιν ποιεῖσθαι. § ἕκ δὲ τοῦ πλάτους, διὰ τὸ πῆ μὲν αὐτὴν ἐν τῇ συνόδῳ βορειοτέραν ἢ νοτιωτέραν τοῦ ζωδιακοῦ κύκλου τυγχάνουσιν, ἔχειν ἤδη τὴν ἐκ τοῦ πλάτους πρὸς τὸν ἥλιον διάστασιν, καὶ ἐν βραχυτέρῳ χρόνῳ ὀλίγον τι τῆς κατὰ μήκος ἀποστάσεως προσλαμβάνουσιν τὴν ἀπὸ τοῦ ἡλίου οἰκείαν τῆς φάσεως ἀποχώρησιν ποιεῖσθαι, καὶ διὰ τοῦτο τάχιον αὐτὴν φαίνεσθαι τὴν φάσιν ποιουμένην· πῆ δὲ πάλιν ὅταν μηδόλως κατὰ πλάτος ἀπεχούσης αὐτῆς ἐξ ἐλάττονος διαστάσεως τοῦ πλάτους συμβαίνει τὴν σύνοδον γίνεσθαι, τότε μείζονα ἐκ τοῦ μήκους προσλαμβάνουσα, βράδιον τὴν πρὸς τὸν ἥλιον ἀποχώρησιν οἰκείαν τῆς φάσεως φαίνεται ποιουμένη δηλαδὴ καὶ τὴν φάσιν. ὅταν δὲ συμβαίνει βορειοτάτην ἢ νοτιωτάτην αὐτὴν ὑπάρχουσιν καὶ προσθετικὴν τυγχάνειν, τότε δηλονότι ταχέϊαν ὡς ἐνὶ μάλιστα τὴν ἀπὸ τοῦ ἡλίου ἀπόστασιν ποιουμένη, ταχέϊαν * καὶ τὴν φάσιν ποιήσεται· ὅταν δὲ τὸναντίον, βραδεῖαν. § Παρακολουθεῖ δὲ μὴ κατὰ πᾶσαν διάμετρον τῷ ἡλίῳ στάσιν τὴν σελήνην ἐκλείπειν, διὰ τὸ μὴ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ τῷ διὰ μέσων τῶν ζωδίων γράφειν αὐτὴν τὸν ὑπὸ τῆς κινήσεως αὐτῆς γινόμενον κύκλον, καθάπερ ὁ ἥλιος, ἀλλὰ λοξὸν πρὸς τοῦτον ἐπὶ τοσοῦτον ὡς καὶ διὰ τὴν ἐπὶ τούτου κίνησιν κατὰ πλάτος αὐτὴν ἀφισταμένην ἀπὸ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων συμβαίνειν μὴ ψάυειν τοῦ τῆς σκιᾶς κώνου.

960 § Ἵνα δὲ κατάδηλον γένηται τὸ λεγόμενον, ἔστω ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ὁμόκεντρος κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, λοξὸς δὲ πρὸς αὐτὸν ὁ ΕΒΖΔ, καθ' οὗ πάντοτε φέρεται ἡ σελήνη. ἔστω δὲ καὶ ἡ γῆ ἐν τῷ μέσῳ κειμένη κατὰ τὸ Λ, ὁ δὲ ἥλιος θεωρούμενος κατὰ τὸ Γ, διὰ τὸ ἐν τῷ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ἐπιπέδῳ ὑποκεῖσθαι τὸν ΑΒΓΔ κύκλον ἐν ᾧ καὶ ὁ ἥλιος κινεῖται, ἡ δὲ σελήνη κατὰ τὸ Ε. καὶ νοεῖσθω ἀπὸ τοῦ κώνου τῆς γῆς ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ θεωρουμένου ἐν τοῖς πανσελήνοις τῆς σελήνης ἐπιπέδου ἐν ταῖς ἐκλείψεσιν ἀποτεμνόμενος κύκλος ὡς ὁ περὶ κέντρον τὸ Α, διὰ τὸ καὶ τὸ τοῦ κώνου ἀπόστημα μείζον καταλαμβάνεσθαι τοῦ τῆς σελήνης.

961 καὶ ὑποκεῖσθω τὴν αὐτὴν ἐποχὴν εἶναι τοῦ τε Α καὶ Ε, τουτέστιν ὥστε τὸν διὰ τοῦ Ε γραφόμενον κύκλον πρὸς ὀρθὰς τῷ ζωδιακῷ πρὸς ὃν καὶ αἱ κατὰ μήκος ἐποχαὶ λαμβάνονται, καὶ διὰ τοῦ Α ἥξειν. συμβήσεται οὖν τῆς ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Ε πλατικῆς διαστάσεως μείζονος οὔσης συναμφοτέρων τῶν ἐκ τῶν κέντρων, τοῦ τε τῆς σελήνης κύκλου καὶ τοῦ τῆς σκιᾶς ἢ καὶ τῆς ὑποτεينوμένης ὑπ' αὐτῶν περιφερείας τοῦ πρὸς ὀρθὰς τῷ λοξῷ μεγίστου κύκλου, πρὸς ὃν καὶ αἱ ἐπισκοπήσεις λαμβάνονται, μὴ ψάυειν τὴν σελήνην τοῦ οὕτως ἀποτεμνομένου, ἀπὸ τοῦ κώνου τῆς σκιᾶς κύκλου, δηλαδὴ μηδὲ τοῦ κώνου. καὶ διὰ τοῦτο πᾶν τὸ προσλαμπόμενον αὐτῆς ἔγγιστα ἡμισφαίριον ἡμῖν φαίνεσθαι ἀνεπισκότητον. § Ὅταν δὲ οὕτως διαμετρηθῇ ὥστε τοῦ ἡλίου περὶ τὸ Β ἢ Δ γινομένου, οὓς καὶ καλεῖ συνδέσμους διὰ τὸ ὥσπερ συνδέειν ἀλλήλους τοὺς κύκλους, ἢ κατὰ τῶν τοιούτων σημείων, ὡς κατὰ τὸ Μ, τῆς δὲ σελήνης κατὰ τὸ Ν, νοήσωμεν πάλιν τὸν ἀποτεμνόμενον ὑπὸ τοῦ διὰ τῆς σελήνης ἐπιπέδου τοῦ κώνου κύκλον, ὡς τὸν περὶ τὸ Η κέντρον, ἐπισκοπήσει ὁ κατὰ τοῦ τοιούτου τόπου ἀποτεμνημένος τοῦ κώνου κύκλος τῇ σελήνῃ δηλαδὴ καὶ αὐτὸς ὁ κῶνος, διὰ τὸ τὴν ἀπὸ τοῦ Η ἐπὶ τὸ Ν διάστασιν ἐλάττονα εἶναι τῶν ἐκ τῶν κέντρων αὐτῶν, ἢ καὶ τῆς ὑποτεينوμένης ὑπ' αὐτῶν περιφερείας τοῦ πρὸς ὀρθὰς τῷ λοξῷ μεγίστου κύκλου. καὶ ὅσῳ ἂν ἐνδοτέρῳ ὡς πρὸς τὰ Β καὶ Δ μέρη γίγνηται ἢ κατὰ διάμετρον στάσις τοῦ ἡλίου, μείζονες αἱ ἐπισκοπήσεις ἔσονται, ἀναλόγως τῇ διαστάσει τῶν πρὸς τοῖς Β καὶ Δ προσεγγιζόντων, ὡς καὶ ἔτι μᾶλλον αὐτὴν ἐπισκοπηθῆναι, ἔτι μᾶλλον τοῖς εἰρημένοις σημείοις προσεγγίζουσιν· ἢ καὶ κατ' αὐτῶν γιγνομένην ἐν ταῖς κατὰ διάμετρον τοῦ ἡλίου στάσεσιν, καὶ μένειν αὐτὴν τινα χρόνον ἀφανῆ ἔνδον οὔσαν τῆς σκιᾶς, ἐπεὶ καὶ δέικνυται ὁ τῆς σκιᾶς κύκλος μείζων ὢν τοῦ ἐν τῇ σφαίρᾳ τῆς σελήνης θεωρουμένου μεγίστου κύκλου.

- 962 Διὰ τὰ αὐτὰ δὴ οὐχὶ καὶ κατὰ πᾶσαν συνοδικὴν συζυγίαν ἢ τοῦ ἡλίου ἔκλειψις ἀποτελεῖται, τῆς σελήνης μὴ πάντως ἐπιπροσθούσης αὐτῷ, διὰ τὰς κατὰ πλάτος ἀποστάσεις. §«Ἐνθεν ὁμοίως κατὰ πάντα τὰ μέρη τῆς γῆς καὶ τοῖς μεγέθεσι» τῶν ἐπισκοτήσεων, «καὶ τοῖς χρόνοις» τοῖς τε ἀπὸ τῆς ἐμπτώσεως ἐπὶ τὸ μέσον τῆς ἐκλείψεως ὅπερ ἐστὶν ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τῆς ἐκλείψεως ἐπὶ τὴν μεγίστην ἐπισκοτήσιν, καὶ τοῖς ἀπὸ τοῦ μέσου ἐπὶ τὴν ἀνακάθαρσιν, ὅπερ ἐστὶ πάλιν ἀπὸ τῆς μεγίστης ἐπισκοτήσεως ἐπὶ τὸ τέλος τοῦ συμπτώματος, «ἐκλείπουσα φαίνεται» διὰ τὸ εἰς τὸν ἀπὸ τῆς σκιάς τῆς γῆς κῶνον αὐτὴν ἐμπίπτειν, ἐντὸς ἑαυτοῦ ἔχοντα τὰς τῶν ὁρώντων ὄψεις *, ἐπεὶ καὶ ἐν νυκτὶ μόνον τὸ τοιοῦτο σύμπτωμα φαίνεται, ὁμοίως ἐπιπροσθεῖν ποιοῦντα τὸν γιγνόμενον ἐν αὐτῷ ὑπὸ τῆς τομῆς τοῦ διὰ τῆς σελήνης ἐπιπέδου τῆς σκιάς κύκλον, τῷ ἀπολαμβανομένῳ αὐτῆς ἐπιπέδῳ. Οἷον, ἐὰν γὰρ νοήσωμεν τὴν τῆς γῆς σφαῖραν περὶ κέντρον τὸ Α, τὸν δὲ τῆς σκιάς κῶνον ὑπὲρ γῆς τὸν ΒΓΔ, οἰκήσεις δὲ κατὰ τὰ Ζ, Ε, Η, τὴν δὲ σελήνην κατὰ μὲν τὴν ἀρχὴν τῆς ἐμπτώσεως περὶ τὸ Θ κέντρον, κατὰ δὲ τὸν μέσον χρόνον περὶ τὸ Κ, κατὰ δὲ τὸν ἔσχατον χρόνον τῆς ἐμπτώσεως περὶ τὸ Λ, ὁμοίως καὶ κατὰ ταυτὸν ὁφθήσεται ταῖς ἀπὸ τῶν Ζ, Ε, Η οἰκήσεων ὄψεσιν.
- 963 § μόνον δὲ κατὰ τοὺς χρόνους τῶν ἀπὸ ἀνατολῆς ἢ μεσημβρίας λαμβανομένων ὥρων διοίσει κατὰ κλίμα ἢ ἔκλειψις, διὰ τὸ τοῖς μὲν ἀνατολικωτέροις τάχιον αὐτὴν ἀνατέλλειν τοῖς δὲ δυτικωτέροις ὕστερον. καὶ κατὰ τὸν αὐτὸν χρόνον, τοῖς μὲν ἐν ταῖς ἀνατολαῖς φαίνεσθαι τὴν ἔκλειψιν, τοῖς δὲ ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ, τοῖς δὲ πάλιν πρὸς ταῖς δυσμαῖς, καὶ εἰς τοὺς μεταξὺ τόπους. «Διὰ ταῦτα δὴ πρὸς τὴν καθόλου ἐπίσκεψιν τῶν ἀκριβῶν τόπων τῆς «σελήνης ἄλλ' οὐ τῶν φαινομένων ὀφειλόντων παραλαμβάνεσθαι ...» καὶ τὰ ἐξῆς. §Διὰ γοῦν τὸ δεδεῖχθαι ἡμῖν ὅτι εἴποτε τῇ ὄψει τὴν ἐποχὴν τῆς σελήνης λαμβάνομεν, διαμαρτάνομεν τῆς ἀκριβοῦς, διὰ τὰς εἰρημένας παραλλάξεις.
- 964 Μόνον δὲ ἀκριβῶς τὴν εἰρημένην ἐποχὴν αὐτῆς δυνάμεθα εὐρίσκειν ἐν τῷ κατὰ τὴν μεγίστην ἐπισκοτήσιν χρόνῳ. καὶ ἀναγκαίου ὄντος πρὸς τὰς εἰρημένας καθόλου αὐτῆς καταλήψεις τὸν ἀκριβῆ τόπον αὐτῆς καταλαμβάνεσθαι «ἐπειδὴ περ καὶ τὸ τεταγμένον καὶ τὸ ὅμοιον», ὡς τὸ ἀκριβές, διὰ τὸ πανταχοῦ τὰς αὐτὰς ἀκριβεῖς ἐποχὰς καταλαμβάνεσθαι πρὸς τὰ τοῦ ζωδιακοῦ μέρη, ἀναγκαῖον εἶναι προεκτεθεῖσθαι τῶν ἀτάκτων καὶ ἀνομοίων, ὡς τῶν φαινομένων, διὰ τὸ πάλιν τὰς παραλλάξεις διαφόρους κατὰ κλίμα ἀποτελεῖσθαι. §Ταύταις μὲν οὖν φησιν ταῖς τηρήσεσιν «μὴ δεῖν συγχρῆσθαι», ὅσαι «διὰ «τῆς ὄψεως τὴν ἐποχὴν αὐτῆς καταλαμβάνονται, μόναις δὲ ταῖς διὰ τῶν «ἐκλείψεων αὐτῆς, ἐπειδὴ περ» πρὸς τὰς τοιαύτας ἐπισκέψεις «οὐδὲν πρὸς «τὴν τῶν ἐποχῶν αὐτῆς κατάληψιν ἢ ὄψιν συμβάλλεται», ὡς μικρῷ πρόσθεν ἀπεδείξαμεν, ἀλλ' «ὁ δ' ἂν τμήμα τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ὁ ἥλιος «ἐπέχων εὐρίσκηται κατὰ μέσον τὸν χρόνον τῆς ἐκλείψεως», τουτέστι κατὰ τὴν μεγίστην ἐπισκοτήσιν, «ἐν ᾧ τὸ τῆς σελήνης κέντρον ὑπὸ τοῦ «ἡλίου ὡς ἐνὶ μάλιστα ἀκριβῶς διαμετρεῖται», τὸ δὲ ὡς ἐνὶ μάλιστα ἀκριβῶς, ἀντὶ τοῦ ὡς ἐνὶ μάλιστα πρὸς αἴσθησιν ἀκριβῶς, ὡς ἀνεπαισθήτου ἄγαν γιγνομένης τῆς παρὰ τὴν διάμετρον στάσιν παραλλαγῆς, ὡς ἐν τῷ ἔκτῳ βιβλίῳ δείκνυσιν, τούτου δηλονότι οὐ ἐπέχει ὁ ἥλιος τμήματος «τὸ κατὰ διάμετρον ἐφέξει καὶ τὸ τῆς σελήνης κέντρον πρὸς ἀκριβείαν», ὑπακουομένου τοῦ ὡς ἐνὶ μάλιστα πρὸς αἴσθησιν, «κατὰ τὸν αὐτὸν μέσον «χρόνον τῆς ἐκλείψεως.» §Ὅτι δὲ αἱ παραλλάξεις τῆς σελήνης διαφοροὶ κατὰ κλίμα καταλαμβάνονται, δηλὸν μὲν ἐκ τοῦ ἤδη δεδεῖχθαι, ὅτι τοῦ κατὰ κορυφὴν διαφορῶς ἀφισταμένη, διαφορῶς καὶ τὰς παραλλάξεις ποιεῖται.
- 965 ὥστε ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ τόπου τυγχάνουσα, διαφορῶς ἀφεστῶσα τῶν κατὰ κορυφὴν τῶν διαφορῶν οἰκήσεων, ἀνίσως τοῖς ἐν αὐταῖς οἰκοῦσιν ποιήσεται τὰς παραλλάξεις, ἀναλόγως ταῖς ἀπὸ τοῦ κατὰ κορυφὴν ἀποστάσεσιν μείζονας ποιοῦσα ἐφ' ὧν πλεῖον ἀφέστηκεν. Ἴνα δὲ καὶ διὰ τῶν γραμμῶν ὑπ' ὅψιν ἡμῖν γένηται τοιοῦτον, ἐκκείσθω ἡ καταγραφὴ τῶν εἰρημένων τριῶν

κύκλων, περὶ κέντρον τὸ Α. καὶ ἔστωσαν οἰκήσεις κατὰ τὰ Β, Γ σημεία. καὶ διὰ τῶν κατὰ κορυφὴν αὐτῶν, ἤχθωσαν αἱ ΑΒΔ, ΑΓΕ. καὶ ὑποκείσθω ἡ σελήνη κατὰ τὸ Ζ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΑΖΗ, ΒΖΘ, ΓΖΚ. ἔσται ἄρα ἡ μὲν ἀκριβὴς αὐτῆς πάροδος κατὰ τὸ Η, ἡ δὲ φαινομένη, ἐπὶ μὲν τῆς Β οἰκήσεως κατὰ τὸ Θ παράλλαξις δὲ ἡ ΗΘ, ἐπὶ δὲ τῆς Γ κατὰ τὸ Κ παράλλαξις δὲ ἡ ΗΚ. καὶ μείζων ἔσται ὡς ἔφαμεν ἡ παράλλαξις ἐκείνης τῆς οἰκήσεως, ἥς καὶ πλεῖον ἀπέχει τοῦ κατὰ κορυφὴν ἡ σελήνη.

966 Ὡς οὖν καὶ κατὰ τὴν διάμετρον τῷ ἡλίῳ στάσιν πρὸς αἴσθησιν ἡ μεγίστη ἐπισκότησις ἀποτελεῖται, ἐν ᾧ καὶ ὁ μέσος χρόνος τῆς ἐκλείψεως θεωρεῖται, δεῖξομεν οὕτως.

967 Ἐστω ἐν τῇ τῆς σελήνης σφαίρᾳ, ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ τοῦ διὰ μέσων, ὁμόκεντρος κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ἐφ' οὗ λόγου ἔνεκεν νοεῖσθω τὸ τοῦ ἡλίου κέντρον κινούμενον, ὁ δὲ λοξὸς πρὸς αὐτὸν περὶ ὃν ἔφαμεν τὸ τῆς σελήνης κέντρον κινεῖσθαι ὁ ΕΒΖΔ. καὶ νοεῖσθω πάλιν ἀπὸ τοῦ κώνου τῆς σκιᾶς κύκλος ἀποτεμνόμενος ὑπὸ τοῦ διὰ τῆς σελήνης ἐπιπέδου ὡς ὁ περὶ κέντρον τὸ Η, κατὰ διάμετρον δηλαδὴ ἔχων πάντοτε τοῦ ἡλίου τὸ κέντρον. καὶ καταλαβοῦσα αὐτὸν ἡ * σελήνη, διὰ τὸ δείκνυσθαι αὐτὴν τρισκαιδεκαπλάσιον ἔγγιστα κινεῖσθαι τοῦ κώνου ἐπεὶ καὶ τοῦ ἡλίου καὶ ἐμπίπτουσα εἰς αὐτὸν, πρότερον ἔξωθεν ἐφαπτέσθω αὐτοῦ κατὰ τοῦ Ε τυγχάνουσα ἀκριβῶς. καὶ γεγράφθω διὰ μὲν τῶν Ε, Η, μεγίστου κύκλου περιφέρεια ἡ ΕΗ, διὰ δὲ τοῦ Ε κέντρου τῆς σελήνης τῷ ΑΒΓΔ ὄντι ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων πρὸς ὀρθὰς μεγίστου κύκλου περιφέρεια ἡ ΕΑ, πρὸς ἣν αἱ κατὰ μῆκος ἐποχαὶ τῶν ἀστέρων πάντων λαμβάνονται.

968 ἔσται ἄρα ἡ ἀκριβὴς αὐτῆς ἐποχὴ καὶ πρὸς τὸν ζωδιακὸν λαμβανομένη κατὰ τὸ Α. Μετακινεῖσθω δὴ πάλιν ἡ σελήνη κατὰ τὸ Θ καὶ ἐπισκοτεῖσθω ὑπὸ τοῦ κώνου τῆς σκιᾶς καὶ ἔστω διὰ τῶν Θ, Η, κέντρων τῆς σελήνης καὶ τῆς σκιᾶς γραφόμενος μέγιστος κύκλος ὡς ὁ ΘΗ πρὸς ὀρθὰς τῷ ΑΒΓΔ ὁμοκέντρῳ, καὶ ἐν τῷ ἐπιπέδῳ τοῦ ζωδιακοῦ ὄντι, ὥστε τὴν ἀκριβῆ τῆς σελήνης πρὸς τὸν ζωδιακὸν ἐποχὴν πρὸς τῷ Η τυγχάνειν τὴν αὐτὴν γινομένην τῷ κέντρῳ τῆς σκιᾶς δηλαδὴ καὶ κατὰ διάμετρον τῷ ἡλίῳ. Ἐτι δὲ μετακινηθεῖσα ἡ σελήνη καὶ ἀνακαθαρθεῖσα, ἔξωθεν ἀπτεσθω τοῦ κώνου τῆς σκιᾶς κατὰ τὸ Κ ἀκριβῶς τυγχάνουσα, ἀφ' οὗ πάλιν πρὸς ὀρθὰς γραφείσης τῆς ΚΛ περιφερείας τῷ ΑΒΓΔ ὁμοκέντρῳ, ἔσται ἡ ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ κατὰ μῆκος αὐτῆς ἐποχὴ ἐπὶ τοῦ Α. Καὶ ἐπεὶ δείκνυται ἐν τοῖς περὶ τῶν ἐκλείψεων ἐν τῷ ἔκτῳ βιβλίῳ ὅτι ὁ ἀπὸ τοῦ Η κέντρου τῆς σκιᾶς ἐπὶ τὸν λοξὸν τῆς σελήνης πρὸς ὀρθὰς γραφόμενος μέγιστος κύκλος ὡς ὁ ΗΜ ἀδιάφορον ποιεῖ τὸ Μ σημεῖον τῷ Θ, καὶ ἐπὶ τοῦ Μ γιγνομένου τοῦ κέντρου τῆς σελήνης ἡ μεγίστη ἐπισκότησις καταλαμβάνεται γιγνομένη τῆς ἐκλείψεως, διὰ τὸ ἐλαχίστην γίνεσθαι τὴν ΗΜ περιφέρειαν πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ Η ἐπὶ τὴν ΕΚ περιφερειῶν τουτέστι πασῶν τῶν τὰ κέντρα ἐπιζευγνυουσῶν, καὶ διὰ τοῦτο ἐπὶ ταύτης τὸ πλεῖστον μέρος ἀπολαμβάνεσθαι τῆς σεληνιακῆς διαμέτρου ὑπὸ τῆς σκιᾶς τῶν κατὰ τὰς ἄλλας παρόδους τῆς ἐκλείψεως, καὶ ἔτι κατὰ μὲν τοῦ Θ οὕσα κατὰ διάμετρον τῷ ἡλίῳ ἐτύγχανεν κατὰ δὲ τοῦ Μ τὴν μεγίστην ἐπισκότησιν ἐποιεῖτο, καὶ ἀδιαφορεῖ τὸ Θ τῷ Μ, δηλὸν ὡς ὅτι ἐν τῇ κατὰ διάμετρον ἔγγιστα τοῦ ἡλίου στάσει, ἡ μεγίστη τῆς σελήνης ἐπισκότησις ἀποτελεῖται. Ἐτι δὲ δείκνυσιν καὶ διὰ τῶν γραμμῶν ἐν τῷ ἔκτῳ βιβλίῳ ὅτι ὁ ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τῆς ἐκλείψεως μέχρι τῆς μεγίστης ἐπισκοτήσεως χρόνος ἴσος ἐστὶν ἔγγιστα τῷ ἀπὸ τῆς μεγίστης ἐπισκοτήσεως ἐπὶ τὴν ἀνακάθαρσιν, ὥστε καὶ τὸν μέσον χρόνον τῆς ἐκλείψεως ἐν τῇ μεγίστῃ ἐπισκοτῇ ἀποτελεῖσθαι.

969 Καὶ ταῦτα μὲν ἡμῖν οὕτω τῆς πρὸς τὸ παρὸν σαφηνείας ἔνεκα παρείληπται. διὸ οὐδὲ τὰς ἐπικινήσεις τῶν φώτων ἐπελογισάμεθα. ἀκριβέστερον δὲ περὶ ἐκάστου τούτων, ἐν τοῖς περὶ τῶν ἐκλείψεων διαληψόμεθα. Περὶ τῶν περιοδικῶν χρόνων τῆς σελήνης.

«Ἀφ' οἷων μὲν οὖν τηρήσεων τὰ περὶ τὴν σελήνην ὀφείλοντα καθόλου «λαμβάνεσθαι προσήκει σκοπεῖν, διὰ τούτων κατὰ τὸ τυπῶδες ἡμῖν προ«εκτεθεῖσθω.

971

» Ὅτι μὲν οὖν ἀπὸ τῶν κατὰ τοὺς μέσους χρόνους τῶν κατὰ τὰς σεληνιακὰς ἐκλείψεις τηρήσεων τὰς τῶν ὁμαλῶν αὐτῆς κινήσεων καταλήψεις τοῦ τε μήκους καὶ τῆς ἀνωμαλίας καὶ τοῦ πλάτους καθολικωτέρας ὥς ἔφαμεν τυγχανούσας προσήκει σκοπεῖν, διὰ τῶν εἰρημένων ὡς ἐν κεφαλαίοις ἡμῖν προεκτεθεῖσθω. Τὸν δὲ τρόπον καθ' ὃν τε οἱ παλαιοὶ ταῖς τῶν τοιούτων ἀποδείξεων ἐπιβολαῖς ἐχρήσαντο, καὶ καθ' ὃν ὁ Πτολεμαῖος συμφώνως ταῖς ἐκ τῶν φαινομένων καταλήψεσιν τὴν διάκρισιν εὐχρηστοτέραν πεποίηται, πειρασόμεθα ἤδη διεξελεῖν. «Ἐπεὶ τοίνυν ἀνομάλως μὲν ἡ σελήνη φαίνεται κινουμένη κατὰ τε μῆκος καὶ πλάτος, καὶ μὴ ἰσοχρονίως μήτε τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλον αἰεὶ διερχομένη, μήτε πρὸς τὴν κατὰ πλάτος αὐτοῦ πάροδον ἀπο«καθισταμένη» ... καὶ τὰ ἐξῆς. Ὡς τοίνυν ἐκ τῶν διὰ τῶν ὀργάνων παρατηρήσεων, ὧν ἐξῆς τὴν τε κατασκευὴν καὶ τὴν θέσιν ἔτι τε καὶ τὴν χρῆσιν ἐκτίθεται, ἡ σελήνη μᾶλλον καὶ ἥττον φαίνεται κατὰ μῆκος καὶ πλάτος κινουμένη «καὶ μὴ «ἰσοχρονίως, μήτε τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλον αἰεὶ διερχομένη» τουτέστιν κατὰ μῆκος ἀποκαθισταμένη, καθάπερ τὸν ἥλιον καταλαμβάνόμεθα πάντοτε * τὴν τοιαύτην ἀποκατάστασιν ποιούμενον ἐν ἡμέραις τξε ἰδ' μη, μήτε τὴν ἐπὶ τοῦ λοξοῦ πρὸς τὸν διὰ μέσων αὐτῆς κίνησιν ἐφ' οὗ τὸ κέντρον αὐτῆς κινουμένης τὰς πρὸς τὸν διὰ μέσων ἀποστάσεις ποιεῖται, καθάπερ ἐπὶ τῆς ἐπάνω καταγραφῆς ἐδηλοῦμεν, ἐν ἴσῳ χρόνῳ ἀποκαθισταμένην ἦντινα καὶ φησι πλάτους ἀποκατάστασιν· αὕτη δὲ γίνεται ὅταν ἦτοι ἀπὸ τῶν βορειοτάτων ἐπὶ τὰ βορειότατα παραγένηται, ἢ ἀπὸ τῶν νοτιωτάτων ἐπὶ τὰ νοτιώτατα, ἢ ἀπλῶς ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ πλάτους ἐπὶ τὸ αὐτὸ, ὅταν ἡ σελήνη ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τυγχάνῃ τοῦ αὐτοῦ συνδέσμου.

972

Ἵνα δὲ καὶ ἐπὶ καταγραφῆς φανερὰ γένηται τὰ εἰρημένα, ἔστω ὁ μὲν ἀντὶ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ὁ δὲ λοξὸς τῆς σελήνης ὁ ΕΒΖΔ· καὶ βόρειον μὲν ἔστω τὸ ΔΕΒ ἡμικύκλιον, νότιον δὲ τὸ ΒΖΔ· καὶ βορειότατον μὲν σημεῖον τὸ Μ, νοτιώτατον δὲ τὸ Ν· καταβιβάζων δὲ σύνδεσμος ὁ Β, διὰ τὸ ἀπὸ τοῦ Μ βορειοτάτου ὡς ἐπὶ τὸ Β εἰς τὰ ἐπόμενα αὐτὴν κινουμένην κατιέναι ἀπὸ τῶν βορείων· ἀναβιβάζων δὲ ὁ Δ, διὰ τὸ πάλιν ἀπὸ τοῦ Η νοτιωτέρου εἰς τὰ ἐπόμενα αὐτὴν κινουμένην ἀνιέναι ἐπὶ τὸ Δ γιγνομένην. καὶ ἀπὸ τινων σημείων τῶν Ε, Θ, Ζ, Λ, ἴσον ἀπεχόντων τῶν Β, Δ, συνδέσμων, πρὸς ὁρθὰς γεγράφθωσαν τῷ ΑΒΓΔ αἱ ΕΑ, ΘΗ, ΓΖ, ΑΚ, ἴσαι δηλονότι τυγχάνουσαι, διὰ τὸ τὰ συσταθέντα τρίπλευρα τὰς δύο γωνίας δυσὶ γωνίαις ἴσας ἔχειν, καὶ μίαν πλευρὰν μιᾷ πλευρᾷ, καὶ πάντα πᾶσιν, ὡς Μενέλαος ἐν Σφαιρικοῖς.

973

Καὶ διὰ τοῦτο, ὅταν ἀπὸ τοῦ Ε ἡ σελήνη ἐπὶ τὸ Θ παραγένηται, τὸ μὲν αὐτὸ πλάτος ἀπὸ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλου ἀποστήσεται, οὐκέτι δὲ καὶ ἀποκατάστασιν πρὸς τὸν ΕΒΖΔ ποιήσεται. ὁμοίως δὲ καὶ κατὰ τοῦ Ζ ἢ Λ γένηται. ὅταν δὲ ἐπὶ τὸ ἐξ ἀρχῆς σημεῖον τὸ Ε παραγένηται, ὃ ἐστὶν ἐπὶ τὰ ἐπόμενα τοῦ Δ συνδέσμου, τότε καὶ ἐπὶ τὸ αὐτὸ πλάτος ἐληλυθυῖα ἔσται καὶ ἀποκατάστασιν τοῦ τοιούτου κύκλου ποιησαμένη ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τοῦ αὐτοῦ συνδέσμου ὡς ἔφαμεν τὴν αὐτὴν ἀπὸ τοῦ διὰ μέσων ἀπόστασιν ποιούμενη. Παρακολουθεῖ δὲ τὴν πρὸς τὸν τοιοῦτον κύκλον τοῦ πλάτους ἀποκατάστασιν ἀποτελεῖσθαι ὅταν ἐπὶ τοῦ ΔΕΒ βορειοτέρου ἡμικυκλίου προστιθεῖσα τῇ ἀκριβεῖ κατὰ πλάτος ἀποστάσει καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον ἐπὶ τὸ αὐτὸ ἀκριβὲς πλάτος παραγένηται, ὡς ἐπὶ τὸ Ε ἐπὶ τὰ ἐπόμενα τοῦ ἀναβιβάζοντος συνδέσμου, διὰ τὸ μειζόνων οὐσῶν τὸν ἀπὸ τοῦ Δ εἰς τὰ ἐπόμενα κατὰ πλάτος ἀποστάσεων μέχρι τοῦ Μ βορειοτάτου προστιθέναι τὴν σελήνην τῷ πλάτει· ὅταν δὲ ἀφαιρούσα πάλιν καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον ἐπὶ τὸ αὐτὸ πλάτος παραγένηται, λόγου ἕνεκεν ὡς κατὰ τὸ Θ, ἔσται εἰς τὰ προηγούμενα τοῦ καταβιβάζοντος συνδέσμου τὴν ἀποκατάστασιν ποιησαμένη, διὰ

τὸ τὰς ἀπὸ τοῦ Μ κατὰ πλάτος ἀποστάσεις ὡς ἐπὶ τὸν δεῦτερον σύνδεσμον ἐξῆς ἀλλήλων ἐλάττονας εἶναι.

974 ὅταν δὲ ἐπὶ τοῦ ΒΖΔ νοτιωτέρου ἡμικυκλίου παροδεύῃ ἡ σελήνη, ἐὰν μὲν πάλιν καὶ πρῶτον καὶ δεῦτερον προστιθεῖσα ἐπὶ τὸ αὐτὸ πλάτος παραγένηται, καὶ λόγου ἔνεκεν ὡς ἐπὶ τὸ κατὰ τὸ Ζ, ἔσται πάλιν ἐπὶ τὸ Ζ τὴν ἀποκατάστασιν ποιησαμένη ἐπὶ τὰ ἐπόμενα τοῦ Β καταβιβάζοντος συνδέσμου. ὅταν δὲ ἀφαιροῦσα ἐπὶ τὸ αὐτὸ πλάτος παραγένηται, ἔσται ὁμοίως τὴν ἀποκατάστασιν ποιησαμένη ἐπὶ τὸ Λ, εἰς τὰ προηγούμενα τοῦ Δ ἀναβιβάζοντος συνδέσμου. δῆλον δὲ ὅτι καὶ ἐὰν ἀπὸ τοῦ Μ βορειοτάτου ἐπὶ τὸ αὐτὸ παραγένηται, ἢ ἀπὸ τοῦ Ν νοτιωτάτου, καὶ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ πλάτους ἐπὶ τὸ αὐτὸ ἔσται ἐληλυθυῖα, καὶ ἀποκατάστασιν ἐπὶ τοῦ ΕΒΖΔ λοξοῦ κύκλου ποιησαμένη. §Καὶ περὶ μὲν τῶν πλατικῶν ἀποκαταστάσεων, τοσαῦτα. ἐξῆς δὲ καὶ περὶ τῶν τῆς ἀνωμαλίας ἀποκαταστάσεων διαληψόμεθα, ἥτις ἀποτελεῖται ὅταν ἀπὸ τινος σημείου τοῦ ἐπικύκλου ἡ σελήνη ἐπὶ τὸ αὐτὸ παραγένηται, ὅπερ θεωρεῖται ὅταν ἀπὸ τῶν αὐτῶν κινήματων ἐπὶ τὰ αὐτὰ παραγένηται, οἷον ὡς ὅταν ἀπὸ μεγίστων ἐπὶ μέγιστα, ἢ ἀπὸ ἐλαχίστων * ἐπὶ ἐλάχιστα, ἢ ἀφ' οἷωνδήποτε ἐπὶ τὰ αὐτά.

975 οὕτω γὰρ ἂν μόνως ἀπὸ τινος σημείου τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τὸ αὐτὸ παραγενομένη ἀποκατάστασιν τῆς ἀνωμαλίας ποιήσεται, διὰ τὸ ἐκ τῆς ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου τοῦ ἀστέρος κινήσεως τὴν παρὰ τὴν ὁμαλὴν κατὰ μῆκος πάροδον τῆς ἀνωμαλίας διάφορον ἀποτελεῖσθαι, καθάπερ ἐπὶ τῆς κατ' ἐπίκυκλον τοῦ ἡλίου ὑποθέσεως ἀπεδείκνυμεν. §Ἴνα δὲ φανερὰ ἡμῖν γένηται τὰ λεγόμενα, ἐκκείσθω ἡ εἰρημένη ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ κατ' ἐπίκυκλον μία τῶν ἀπλῶν ὑποθέσεων. καὶ ἔστω ὁ μὲν ὁμόκεντρος τῷ κόσμῳ κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, περὶ κέντρον τὸ Ε, ὁ δὲ ἐπ' αὐτοῦ φερόμενος ἐπίκυκλος ὁ ΖΗΘΚ περὶ κέντρον τὸ Α, ἡ δὲ διὰ τῶν κέντρων διάμετρος ἡ ΖΑΕΓ. ὑποκείσθω δὲ πάλιν, καθάπερ ἐπὶ τοῦ ἡλίου ἐλέγομεν, τὸ μὲν Α κέντρον τοῦ ἐπικύκλου εἰς τὰ ἐπόμενα κινούμενον ὁμαλῶς ὡς ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β, καὶ δηλαδὴ φέρον τὸν ἐπίκυκλον, ἡ δὲ σελήνη ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου τὴν εἰς τὰ προηγούμενα μετάβασιν ποιουμένη, τουτέστιν ὡς ἀπὸ τοῦ Ζ ἐπὶ τὸ Π καὶ τὸ Κ, ἐπειδήπερ καὶ αὕτη κατὰ τὸ ἀπόγειον τὴν ἐλαχίστην πάροδον φαίνεται ποιουμένη, τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλαχίστης κινήσεως ἐπὶ τὴν μέσσην χρόνου μείζονος καταλαμβανομένου τοῦ ἀπὸ τῆς μέσης ἐπὶ τὴν μεγίστην.

976 καὶ ὑποκείσθω κατὰ τὸ Η. ἔστω δὲ καὶ ζωδιακὸς ὁ ΜΝΞ, καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΕΗ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Μ. ἔσται δὲ ἡ ἀκριβὴς αὐτῆς ἐποχὴ ἐπὶ τοῦ Μ. Λέγω ὅτι ὅταν μὲν ἐπὶ τοῦ ΗΖΚ τμήματος τυγχάνῃ ἡ σελήνη, ἐλάττονα τῆς ὁμαλῆς κινήσεως φανήσεται κινουμένη, καὶ ἐλάχιστα ὅταν κατὰ τὸ Ζ· ὅταν δὲ ἐπὶ τοῦ ΚΘΗ τμήματος μείζονα, καὶ μέγιστα ὅταν κατὰ τὸ Θ· ὅταν δὲ περὶ τὰ Η, Κ μέσα, τουτέστιν τὰ αὐτὰ τῇ ὁμαλῇ τοῦ ἐπικύκλου παρόδῳ. Ἐὰν γὰρ νοήσωμεν, τοῦ ἐπικύκλου ὁμαλῶς εἰς τὰ ἐπόμενα κινουμένου, τὴν σελήνην ἐπὶ τινος τμήματος τοῦ ἐπικύκλου μένουσαν, δῆλον ὡς ὅτι τοσοῦτον φανήσεται μετακινουμένη εἰς τὰ ἐπόμενα τῶν ζωδίων ὅσον καὶ ὁ ἐπίκυκλος μετεκινήθη, τουτέστιν ὅση τίς ἐστὶν καὶ ἡ ὁμαλὴ αὐτῆς κίνησις· τὴν γὰρ τοῦ ἐπικύκλου κίνησιν ἐλέγομεν εἶναι τὴν ὁμαλὴν τοῦ ἀστέρος κατὰ μῆκος πάροδον. Ἐὰν δὲ ἐν ᾧ ὁ ἐπίκυκλος κινεῖται ἐν τοσοῦτῳ καὶ ἡ σελήνη ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου ὡς ἀπὸ τοῦ Η εἰς τὰ προηγούμενα κινήσῃ ἐπὶ τὸ Λ παραγένηται, ἐπιζευχθείσης τῆς ΕΛ, καὶ ἐκβληθείσης ἐπὶ τὸ Ν, δῆλον ὡς ὅτι ἐλάττονα τῆς ὁμαλῆς, τουτέστιν τῆς τοῦ ἐπικύκλου μεταβάσεως, φανήσεται κινήσῃ, διὰ τὸ ἐπὶ τὰ ἐναντία τῇ τοῦ ἐπικύκλου μεταβάσει αὐτὴν τότε μετακινεῖσθαι, καὶ τοσοῦτῳ ἐλάττονα, ἡλικὴ ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΜΕΝ γωνία, τουτέστιν ἡ ΜΝ περιφέρεια. § καὶ δῆλον ὡς ὅτι ἡ ἐλάττωσις ἤτοι ἀφαίρεσις τῆς ἀκριβοῦς κινήσεως, γέγνηται ἐκ τῆς ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου αὐτῆς μεταβάσεως.

977 τῶν οὖν τοιούτων κατὰ μέρος ἀφαιρετικῶν διαφορῶν μεγίστης καταλαμβανομένης τῆς πρὸς τῷ Ζ ἀπογειοτάτης τῆς σελήνης θέσεως, καθάπερ ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ ἐπὶ τῆς τοῦ ἡλίου

ἀνωμαλίας ἀπεδείκνυμεν διὰ τῶν γραμμῶν, ἵνα μὴ ταυτολογοῦντες μηκύνωμεν τὸν ὑπομνηματισμὸν ἐλάχισται ἔσσονται αἱ κατὰ τὴν τοιαύτην θέσιν ἀκριβεῖς καὶ εἰς τὰ ἐπόμενα τῆς σελήνης ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ μετακινήσεις, § διὰ τὸ τῶν τοῦ ἐπικύκλου ὁμαλῶν αὐτῆς εἰς τὰ ἐπόμενα κατὰ μήκος παρόδων, τὴν μεγίστην τῶν κατὰ μέρος διαφορῶν αὐτὴν τότε ἀφαιρεῖν. Ὅταν δὲ πάλιν ἐπὶ τοῦ ΚΘΗ τμήματος τυγχάνῃ, καὶ λόγου ἔνεκεν ὡς κατὰ τὸ Ο, δηλὸν ὡς ὅτι ἡ ἀκριβὴς αὐτῆς πάροδος ἔσται ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ κατὰ τὸ Ν. ἔαν οὖν πάλιν ἐν ω ὁ ἐπικύκλος εἰς τὰ ἐπόμενα τὴν τῆς ὁμαλῆς κινήσεως πάροδον ποιεῖται, ἐν τοσοῦτῳ καὶ ἡ σελήνη ἐπὶ τοῦ Η παραγένηται, δηλὸν ὡς ὅτι πλείονα τῆς ὁμαλῆς φανήσεται κινηθεῖσα τὴν ὑπὸ ΝΕΜ γωνίαν, τουτέστι πάλιν τὴν ΝΜ περιφέρειαν, διὰ τὸ ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῇ τοῦ ἐπικύκλου μεταβάσει αὐτὴν τότε μετακεκινήσθαι ἀπὸ τοῦ Ο ἐπὶ τὸ Η παραγεγεννημένην. § Τῶν οὖν τοιούτων κατὰ μέρος προσθετικῶν διαφορῶν μεγίστης καταλαμβανομένης ἐπὶ τῆς κατὰ τὸ Θ περιγείου τῆς σελήνης θέσεως, καθάπερ πάλιν ἐν τῷ γ' βιβλίῳ ἐν τοῖς περὶ τοῦ ἡλίου ἀπεδείκνυμεν, δηλὸν ὡς ὅτι ἐπὶ τούτου τὰ μέγιστα φανήσεται κινουμένη, διὰ τὸ πάλιν τῇ ὁμαλῇ τοῦ ἐπικύκλου παρόδῳ τὴν μεγίστην τῶν κατὰ μέρος διαφορῶν τότε προστίθεσθαι.

978 Καὶ ἐπεὶ περὶ τὰ Η καὶ Κ αὐτῆς παροδευούσης, ἐπὶ πολὺ ἀνεπαίσθητος γίγνεται ἡ ἐκ τῆς ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου κινήσεως αὐτῆς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορά, ἐπειδήπερ τῶν ἀπὸ τοῦ ἀπογείου τοῦ ἐπικύκλου μέχρι τῆς μέσης παρόδου κατὰ μέρος διαφορῶν αἰετὶ ἐπὶ τὸ ἔλαττον ἀφαιρουσῶν τῆς ὁμαλῆς παρόδου, καὶ ἀπὸ τῆς μέσης προστιθεισῶν, ἀκόλουθόν ἐστι καθάπερ στάσιν ἐκεῖθεν ποιεῖσθαι τὴν διαφοράν, καὶ διὰ τοῦτο τὴν αὐτὴν πρὸς αἴσθησιν τῇ ὁμαλῇ παρόδῳ ἀποτελεῖσθαι τὴν ἀκριβῆ· καθάπερ καὶ ἐπὶ τοῦ τῆς ἀνωμαλίας τοῦ ἡλίου κανόνος ἐστὶν ἰδεῖν, ὅτι περὶ τὰς ργ καὶ σζζ μοίρας ἀνεπαίσθητοι ἐπὶ πολὺ εἰσιν αἱ τῶν παρακειμένων ἐν τῷ τρίτῳ σελιδίῳ διαφοραί, διὰ τὸ ὥσπερ ἐπὶ πλείον συνεγγίζει τῆς ἐφαπτομένης τοῦ ἐπικύκλου τὰς διὰ τῶν πλη * σιαιτέρων παρ' ἑκάτερα σημείων διαγομένας ἀπὸ τοῦ κέντρου τοῦ ζωδιακοῦ εὐθείας. Ὅθεν καὶ τὰ αὐτὰ τῇ τοῦ ἐπικύκλου ὁμαλῇ παρόδῳ ἀκριβῶς κινηθήσεται, ἐπειδήπερ ὡς ἔφαμεν ἀνεπαίσθητός ἐστιν ἡ τῇ ὁμαλῇ παρόδῳ γιγνομένη πρόσθεσις ἢ ἀφαίρεσις, διὸ καὶ τὰς περὶ ταῦτα τὰ σημεῖα παρόδους, μέσας ἐκάλεσεν. Δηλὸν δὲ καὶ ὅτι ὅταν κατὰ τοῦ Ζ ἀπογείου τοῦ ἐπικύκλου πρότερον καὶ ὕστερον ἡ σελήνη παραγίνηται, τὰ αὐτὰ ἐλάχιστα κινηθήσεται. καὶ ἔσται ἀνωμαλίας ἀποκατάστασις ποιησαμένη, τουτέστιν ὅλον τὸν ἐπικύκλον περιελθοῦσα. Ὅμοίως καὶ ἔαν κατὰ τοῦ Θ σημείου καὶ πρότερον καὶ ὕστερον παραγένηται, τὰ αὐτὰ μέγιστα κινηθήσεται, ἀνωμαλίας ἀποκατάστασις ποιησαμένη. Διὰ τὰ αὐτὰ δὲ, κἂν ἐπὶ τινος ἑτέρου τμήματος τοῦ ἐπικύκλου τυγχάνῃ ἡ σελήνη κατὰ πρόσθεσιν ἢ ἀφαίρεσιν, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κινήματα παραγένηται, ὁμοίως κατὰ πρόσθεσιν ἢ ἀφαίρεσιν ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ τμήματος ἔσται τοῦ ἐπικύκλου δηλαδὴ ἀποκατάστασις τῆς ἀνωμαλίας ποιησαμένη.

979 Σεὶ δέ τις, ἐκ τῶν ἤδη περὶ τοῦ ἡλίου προδιειλημμένων, ἢ καὶ ἐκ τῶν ἐξῆς περὶ τὴν σελήνην ἀποδεικνυμένων κινήσεις, ἀπειληφώς τῇ ΑΖ ἴσην τὴν ΖΠ, ἐπιζεύξας τὴν ΕΠ, γωνίαν ποιοῦσαν πρὸς τῷ κέντρῳ τοῦ ζωδιακοῦ τῷ Ε ἴσην τῇ ὑπὸ ΖΕΛ, λέγοι ὅτι καὶ κατὰ τὸ Π ἡ σελήνη τυγχάνουσα, καὶ ἀφαιρετική οὔσα, καὶ τὴν αὐτὴν ἐκ τῆς ἀνωμαλίας ἀφαίρεσιν ποιουμένη τῇ πρὸς τῷ Λ θέσει, καὶ τὴν αὐτὴν δηλαδὴ ἀκριβῆ πάροδον ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ τὸ Π παραγεγεννημένη, ἀνωμαλίας ἀποκατάστασις πεποιήται, § φημὶ ὡς ὅτι ἐκ τῶν παρατηρήσεων τὸ τοιοῦτον κατάδηλον ἡμῖν γίγνεται μὴ ὄν ἀληθές. Ἦνίκα γὰρ κατὰ τὸ Λ ἐτύγχανεν ἀπὸ τῆς πρὸς τῷ Η μέσης παρόδου, ἐπὶ ἀφαίρεσιν παραγέγονεν· ἡνίκα δὲ κατὰ τοῦ Π, ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Ζ ἐλαχίστης παρόδου, ἐπὶ τὴν αὐτὴν ἀφαίρεσιν· καὶ δηλαδὴ οὐκ ἔσται ἀπὸ τῶν αὐτῶν κινήματων ἐπὶ τὰ αὐτὰ παραγενομένη.

980 Ὅμοίως δὲ κἂν ἐπὶ τῶν Ο, Ρ τυγχάνῃ, πῇ μὲν ἀπὸ τῆς μέσης παρόδου, πῇ δὲ ἀπὸ τῆς μεγίστης ἐπὶ τὴν ἴσην πρόσθεσιν παραγέγονεν. ὥστε, τότε λεκτέον τὴν ἀποκατάστασιν τῆς ἀνωμάλου,

ὅταν ᾗτοι ἀπὸ τῶν μετὰ τὴν πρόσθεσιν μέσων κινήσεων ἐπὶ τὰ αὐτὰ μετὰ τὴν τῶν μέσων πρόσθεσιν παραγένηται· ἢ ἀπὸ τῶν μετὰ τὴν τῶν μέσων ἀφαίρεσιν ἐπὶ τὰ αὐτὰ μετὰ τὴν τῶν μέσων ἀφαίρεσιν γένηται· ἢ ἀπὸ τῆς ἐλαχίστης κινήσεως ἐπὶ τὴν ἐλαχίστην, ἢ ἀπὸ τῆς μεγίστης ἐπὶ τὴν μεγίστην, ἢ καὶ ἀφ' οἰωνδήποτε ὁμοίως ἐπὶ τὰ αὐτά. διὸ καὶ ἐλέγομεν ἀνωμαλίας εἶναι ἀποκατάστασιν, ὅταν ἀπὸ τῶν αὐτῶν κινήσεων ἐπὶ τὰ αὐτὰ παραγένηται. Δειχθέντος οὖν ἡμῖν ὅτι, ἐὰν ἀπὸ τῶν αὐτῶν κινήματων ἐπὶ τὰ αὐτὰ ἡ σελήνη παραγένηται, ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον παραγεγεννημένη, ἀποκατάστασιν τῆς ἀνωμαλίας πεποίηται· καὶ πῶς τὸ τοιοῦτον ἐκ τῶν παρατηρήσεων λαμβάνεται, ἐξῆς ἐπὶ τὴν τῶν λοιπῶν δεῖξιν χωρήσομεν. § Καθόλου δὲ μῆνα σεληνιακὸν καλεῖ, τὸν ἀπὸ συνόδου ἐπὶ σύνοδον, ἢ ἀπὸ πανσελήνου ἐπὶ πανσέληνον χρόνον, νυνὶ δὲ τὸν ἀπὸ πανσελήνου ἐπὶ πανσέληνον, ἐπεὶ καὶ ἀπὸ σεληνιακῶν ἐκλείψεων τὴν παρατήρησιν πεποίηται, αἵτινες ὡς ἐδείξαμεν ἐν πανσελήνοις ἀποτελοῦνται, τουτέστιν ταῖς τῆς σελήνης κατὰ τὴν διάμετρον τοῦ ἡλίου στάσεσιν. «Ἐπεὶ τοίνυν ἀνωμάλως μὲν ἡ σελήνη φαίνεται κινουμένη κατὰ τε «μῆκος καὶ πλάτος καὶ μὴ ἰσοχρονίως μήτε τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων «κύκλον» μήτε τὸν λοξὸν πρὸς τοῦτον, ἐφ' οὗ πάντοτε κινουμένη τὰς κατὰ πλάτος ποιεῖται ἀπὸ τοῦ διὰ μέσων ἀποστάσεις ἀποκαθισταμένη.

981 εἰ γὰρ ἰσοχρονίως ἐκάτερον αὐτῶν ἀπεκαθίστατο, ἐπιμερίζων τὰς τοῦ κύκλου μοίρας τξ εἰς τὸν οἰκεῖον τῆς ἀποκαταστάσεως χρόνον, αὐτόθεν ἂν κατελαμβάνετο καὶ τὸ ἐφ' ἐκατέρου ἡμερήσιον ὁμαλὸν κίνημα. Χωρὶς δὲ τῆς εὐρέσεως τοῦ τῆς ἀνωμαλίας αὐτῆς ἀποκαταστατικοῦ χρόνου, οὐδὲ τὰς τῶν ἄλλων κινήσεων ὁμαλὰς παρόδους, λέγω δὴ τοῦ τε μήκους καὶ τοῦ πλάτους καὶ τῶν μηνῶν καὶ αὐτῆς τῆς ἀνωμαλίας καὶ ἔτι τῆς ἀποχῆς λαβεῖν οἶόν τε. ὅταν γὰρ ἡ ἀνωμαλία αὐτῆς κίνησις ἀποκατασταθῇ, τότε τῆς ὁμαλῆς παρόδου ᾗτοι ἴσης ἢ τῆς αὐτῆς γιγνομένης ἐκάστη τῇ ἐκ τῶν σεληνιακῶν ἐκλείψεων καταλαμβανομένη ἀκριβεῖ, τὰς ἀκριβεῖς ἐφοδεύων οὐδὲν ἥττον τὰς ὁμαλὰς καταλαμβάνεται, ἅς μερίζων οἰκείως παρὰ τὸ πλῆθος τῶν ἡμερῶν τοῦ μεταξὺ χρόνου κατελαμβάνετο καὶ τὸ οἰκεῖον ἐκάστου ἡμερήσιον μέσον κίνημα. § Λέγω οὖν πρῶτον ὅτι ἐὰν ἀνωμαλίας ᾗ ἀποκατάστασις, ἡ ἀκριβὴς κατὰ μῆκος πάροδος ᾗτοι ἡ αὐτὴ ἐστὶν τῇ ὁμαλῇ ἢ ἴση αὐτῇ. Ἔστω γὰρ ὡς ἐπὶ τῆς κατ' ἐπικύκλου τοῦ ἡλίου ὑποθέσεως ὁ μὲν ὁμόκεντρος κύκλος ὁ ΑΒΓ περὶ κέντρον τὸ Δ καὶ διάμετρον τὴν ΑΔΓ, ὁ δὲ ἐπ' αὐτοῦ φερόμενος ἐπικύκλος ὁ ΕΖΘ, περὶ κέντρον τὸ Α.

982 καὶ τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τὸ Α τυγχάνοντος ὑποκείσθω ἡ σελήνη κατὰ τὸ Ε. καὶ ἐν ᾧ ὁ ἐπικύκλος ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β παραγίνεται, ἡ σελήνη ἀνωμαλίας ἀποκατάστασιν ποιησαμένη, τουτέστιν ὅλον τὸν ἐπικύκλον περιελθοῦσα, ἐρχέσθω πάλιν ἐπὶ τὸ Ε.

983 φανερόν δὴ ὅτι ἡ ὁμαλὴ τοῦ ἐπικύκλου πάροδος ἡ αὐτὴ ἐστὶ τῇ ἀκριβεῖ. ἡ γὰρ αὐτὴ γωνία ἡ ὑπὸ ΑΔΒ τῆς ὁμαλῆς καὶ ἀκριβοῦς ἐστὶν παρόδου. ἀλλὰ δὴ πάλιν τοῦ ἐπικύκλου * κατὰ τὸ Α τυγχάνοντος, ἡ σελήνη ὑποκείσθω κατὰ τὸ Ζ καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΔΖ. καὶ ἐν ᾧ πάλιν ὁμαλῶς ὁ ἐπικύκλος ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β παραγίνεται, ἐν τοσοῦτῳ καὶ ἡ σελήνη ἀνωμαλίας ἀποκατάστασιν ποιησαμένη ἔρχεται ἐπὶ τὸ Η ὁμοταγὲς τῷ Ζ σημείον. καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΔΗ, ΔΖ, ΑΖ, ΒΗ. Λέγω ὅτι ἡ ὑπὸ ΖΔΗ γωνία τῆς ἀκριβοῦς παρόδου ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΑΔΒ τῆς ὁμαλῆς. Ἐπεὶ γὰρ ὁμοταγὲς ἐστὶν τὸ Η τῷ Ζ, ἴση ἄρα ἡ ΕΖ τῇ ΕΗ. ὥστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΕΑΖ τῇ ὑπὸ ΕΒΗ ἐστὶν ἴση. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΖΑΔ λοιπὴ τῇ ὑπὸ ΔΒΗ ἐστὶν ἴση. καὶ ἔστιν ὡς ἡ ΔΑ πρὸς ΑΖ, ἡ ΔΒ πρὸς ΒΗ. ἴση ἄρα καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΖΔΑ τῇ ὑπὸ ΗΔΒ. κοινὴ προσκείσθω ἡ ὑπὸ ΑΔΗ. καὶ ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ ΖΔΗ γωνία τῆς ἀκριβοῦς παρόδου, ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΑΔΒ τῆς ὁμαλῆς. Ὡσαύτως δὲ καὶ αἱ ἐπὶ τοῦ λοξοῦ ἐκ τῶν ἐκλείψεων καταλαμβανόμεναι ἀκριβεῖς κατὰ πλάτος ἀποκαταστάσεις, ᾗτοι ἴσαι ἢ αἱ αὐταὶ εἰσιν ταῖς ὁμαλαῖς, ὅταν ἀνωμαλίας ᾗ ἀποκατάστασις, διὰ τὸ τὴν αὐτὴν καὶ ἐπὶ τούτων εἶναι διαφορὰν τῇ ἐπὶ τῶν κατὰ μῆκος παρόδῳ, ὡς ἐν τοῖς ἐξῆς

φανερὸν ἔσται. ** ΣΛέγω δὴ πάλιν ὅτι ὅταν τῆς σελήνης ἀποκατάστασιν ἀνωμαλίας ποιησαμένης, καὶ ὁ ἥλιος τὴν αὐτὴν διαφορὰν παρὰ τὴν ὁμαλὴν αὐτοῦ κίνησιν ποιῇ καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον, ἢ ὅλως διαφορὰν μὴ ποιῇ, ὅπερ ἀναγκαίως παραλαμβάνεται ἐν ταῖς τηρήσεσιν (διὰ τὸ καὶ τὸν ἥλιον, κατὰ τὴν διάμετρον τῇ σελήνῃ στάσιν καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον τυγχάνοντα, ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσα ἐπιλαμβάνειν καθάπερ καὶ ἡ σελήνη τότε) καὶ ὁ τῶν ἀκριβῶν μηνῶν χρόνος, ὁ αὐτός ἐστι τῶ τῶν ὁμαλῶν.

984 Σ'Επεὶ γὰρ ἀκριβῇ φαμεν μῆνα ἐν ᾧ ἡ σελήνη συνοδεύουσα τῷ ἡλίῳ καὶ ἀποστᾶσα αὐτοῦ ἐπικαταλαμβάνει αὐτὸν ἢ καὶ κατὰ διάμετρον αὐτοῦ τυγχάνουσα πάλιν ἐπὶ τὸ κατὰ διάμετρον παραγίγνεται (ἐν δὲ τῷ τοσοῦτῳ κινεῖται ἡ σελήνη κύκλον ἓνα, καὶ ἦν ὁ ἥλιος ἐπεκινήθη), § ὁμαλὸν δὲ ἐν ᾧ ὁ ἐπίκυκλος τῆς σελήνης συνοδεύων τῷ ἐπικύκλῳ τοῦ ἡλίου ἢ τῇ ὁμαλῇ αὐτοῦ ἐπὶ τοῦ ὁμοκέντρου παρόδῳ ἐπικαταλαμβάνει αὐτὸν ἢ καὶ ἀπὸ τῆς κατὰ διάμετρον στάσεως ἐπὶ τὴν κατὰ διάμετρον παραγίγνεται (ἐν δὲ τῷ τοσοῦτῳ πάλιν κινεῖται τὸ κέντρον τοῦ ἐπικύκλου τῆς σελήνης κύκλον ἓνα καὶ ἦν ἐπεκινήθη ἡ ὁμαλὴ πάροδος τοῦ ἡλίου), § δῆλον ὅτι καὶ καθόλου ἐν ᾧ ἡ σελήνη κινεῖται κύκλον ἓνα καὶ ἦν ἐπεκινήθη ὁ ἥλιος ἀκριβῶς χρόνος ἐστὶν μηνὸς ἀκριβοῦς, § ἐν ᾧ δὲ ὁ ἐπίκυκλος αὐτῆς κινεῖται κύκλον ἓνα καὶ ἦν ἐπεκινήθη ἡ ὁμαλὴ πάροδος τοῦ ἡλίου χρόνος ἐστὶν μηνὸς ὁμαλοῦ.

985 Σ'Ἐστω οὖν ὁμόκεντρος κύκλος ὁ ἐν τῇ τῆς σελήνης σφαίρᾳ ὁ ΑΒΓ, περὶ κέντρον τὸ Δ, καὶ διάμετρον τὴν ΑΔΓ, ἡλιακὸς δὲ κύκλος ὁ ΕΖ· καὶ ὑποκείσθω ἐν πανσελήνῳ τοῦ κέντρου τοῦ ἐπικύκλου τῆς σελήνης τουτέστιν τῆς ὁμαλῆς αὐτῆς παρόδου τυγχανούσης κατὰ τὸ Β, τὴν σελήνην εἶναι κατὰ τὸ Θ, τὸν δὲ ἥλιον κατὰ τὴν διάμετρον αὐτῆς στάσιν κατὰ τὸ Η, τοῦ κέντρου τοῦ ἐπικύκλου αὐτοῦ τυγχάνοντος κατὰ τὸ Ε. καὶ ἐν ᾧ ἀποστᾶσα ἡ σελήνη τῆς κατὰ διάμετρον στάσεως ἐπὶ τὴν κατὰ διάμετρον πάλιν στάσιν τῷ ἡλίῳ παραγίγνεται τὸν ἀκριβῇ μῆνα ἀποτελοῦσα, ἐν τοσοῦτῳ ὁ ἥλιος γεγενέτω κατὰ τὸ Μ, τὸ δὲ κέντρον τοῦ ἐπικύκλου αὐτοῦ κατὰ τὸ Ζ τὴν ἴσην διαφορὰν παρὰ τὴν ὁμαλὴν κίνησιν καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον ποιούμενος ὁ ἥλιος τὴν ὑπὸ ΗΔΕ τῇ ὑπὸ ΜΔΖ· ἡ δὲ σελήνη ἀνωμαλίας ἀποκατάστασιν ποιησαμένη, ἔστω κατὰ τὸ Κ, κατὰ τὴν διάμετρον τῷ ἡλίῳ στάσιν τυγχάνουσα, τὸ δὲ κέντρον τοῦ ἐπικύκλου αὐτῆς κατὰ τὸ Λ.

986 Δῆλον οὖν ὡς ὅτι οὐ μόνον ἡ σελήνη μετὰ κύκλους τὴν ἴσην * τῇ ἐπικινήσει τοῦ ἡλίου ἐπειληφυῖα κατὰ τὸ Κ γεγένηται, ἴση γὰρ ἡ ὑπὸ ΘΔΚ γωνία τῇ ὑπὸ ΜΔΗ· ἀλλὰ καὶ τὸ κέντρον τοῦ ἐπικύκλου αὐτῆς, ὅπερ ἐστὶν ἡ τῆς ὁμαλῆς αὐτῆς παρόδου κίνησις, μετὰ κύκλους τὴν ἴσην τῇ ὁμαλῇ τοῦ ἡλίου ἐπικινήσει ἐπείληφεν· ἴση γὰρ ἡ ὑπὸ ΒΔΛ γωνία τῇ ὑπὸ ΖΔΕ, ἐπειδὴ περ ἴσης οὔσης τῆς ὑπὸ ΒΔΛ τῇ ὑπὸ ΘΔΚ, τουτέστιν τῇ ὑπὸ ΜΔΗ ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΖΔΕ, ἐπειδὴ περ καὶ τῆς ὑπὸ ΕΔΗ ἴσης οὔσης τῇ ὑπὸ ΜΔΖ, κοινῆς λαμβανομένης τῆς ὑπὸ ΜΔΕ, γίγνεται ἡ ὑπὸ ΜΔΗ ἴση τῇ ὑπὸ ΖΔΕ. Ὡστε ἀναγκαῖον ἐστίν, ἐν συζυγίᾳ τῆς σελήνης μίαν ἀνωμαλίας ἀποκατάστασιν ποιησαμένης καὶ τοῦ ἡλίου τὴν ἴσην κατὰ πρόσθεσιν ἢ ἀφαίρεσιν παρὰ τὴν ὁμαλὴν κίνησιν διαφορὰν ποιησαμένου, τὸν τῆς ἀκριβοῦς συζυγίας χρόνον τὸν αὐτὸν τυγχάνειν τῷ τῆς ὁμαλῆς. Δῆλον δὲ ὡς ὅτι ἐὰν τῇ συζυγίᾳ καὶ ἡ μέση πάροδος τῆς σελήνης κατὰ διάμετρον ἢ τῇ μέσῃ παρόδῳ τοῦ ἡλίου, τουτέστιν τὸ Β τῷ Ε, καὶ ὁ ἥλιος ὁμοίως τὴν αὐτὴν ποιεῖται παρὰ τὴν ὁμαλὴν κίνησιν διαφορὰν καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον, ἢ ὅλως οὐ ποιεῖται, καὶ τὸ προκείμενον συμβήσεται. Ἔτι δὲ καὶ τοῦτο φανερόν, ὡς ἐκ τῆς ἀποκαταστάσεως τῆς ἀνωμαλίας ὁ τῆς μέσης ἀποχῆς τῶν φώτων ἀριθμὸς καταλαμβάνεται, ἐπειδὴ περ ἐκ μὲν τῆς ἀποκαταστάσεως τῆς ἀνωμαλίας ἡ ὁμαλὴ κατὰ μῆκος τῆς σελήνης πάροδος καταλαμβάνεται, ἐκ δὲ ταύτης ὁ τῆς μέσης ἀποχῆς τῶν φώτων ἀριθμὸς. Ὡστε ἀπὸ τῆς ἀποκαταστάσεως τῆς ἀνωμαλίας καὶ ὁ τῆς μέσης ἀποχῆς τῶν φώτων ἀριθμὸς καταλαμβάνεται. Διὸ καὶ τὰς κατὰ τὰς εἰρημένους τῶν τηρήσεων καταλήψεις ἀκριβεῖς παρόδους, ἢ καὶ, ὡς ἐπὶ

τῶν μηνῶν, τοὺς τῶν ἀκριβῶν συζυγιῶν χρόνους, ἴσους ἑαυτοῖς καὶ τοῖς ὁμαλοῖς τυγχάνοντας ἐξ ὁμαλοῦ ἐπιμερίζει.

987 * §«Κατὰ πάντα μέντοι τὰ μέρη τοῦ ζωδιακοῦ τὰ τε μέσα καὶ τὰ μέγιστα «καὶ τὰ ἐλάχιστα διὰ τῶν κατὰ μέρος τηρήσεων φαίνεται κινουμένη», καὶ οὐ καθ' ὠρισμένων τόπων ὠρισμένην ἔχουσα τὴν κίνησιν, καθάπερ ὁ ἥλιος ἐπὶ τῶν κατὰ τοὺς Διδύμους μοιρῶν ε λ πάντοτε τὰ ἐλάχιστα φαίνεται κινούμενος ἐπὶ δὲ τῶν κατὰ τὴν διάμετρον στάσιν τὰ μέγιστα ἐπὶ δὲ τῶν κατὰ τὴν Παρθένον καὶ τοὺς Ἰχθύας μοιρῶν ε λ τὰ μέσα, «καὶ «κατὰ πάντα τὰ μέρη βορειοτάτη καὶ νοτιωτάτη καὶ κατ' αὐτὸν τὸν «διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλον γιγνομένη, § ἐξήτουν εἰκότως οἱ παλαιοὶ «μαθηματικοὶ χρόνον τινὰ δι' ὅσου πάντοτε» ἀφ' οἷωνδήποτε κινήματων ἦτοι τοῦ ἐπικύκλου σημείων «ἡ σελήνη κινήσεται τὸ ἴσον κατὰ μῆκος, ὡς τούτου μόνου τὴν ἀνωμαλίαν ἀποκαθιστάναι δυναμένου», τουτέστιν ὅς ἀφ' οἷωνδήποτε σημείου τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τὸ αὐτὸ φέρει τὴν σελήνην. Ἐὰν γὰρ πάντοτε ἀφ' οἷωνδήποτε κινήματων ἦτοι προσθετικῶν ἢ ἀφαιρετικῶν ἢ καὶ μέσων, τουτέστιν ὡς ἔφαμεν ἀφ' οἷωνδήποτε σημείου τοῦ ἐπικύκλου, ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας κατὰ μῆκος ἐπιλαμβάνη πάντως καὶ ἀνωμαλίας ἔσται ἀποκατάστασις, τουτέστιν πάλιν ὡς ἔφαμεν ἔσται ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τὸ αὐτὸ παραγεγεννημένη. Εἰ γὰρ μή, ἀλλ' ἐπελάμβανεν τοῦ ἐπικύκλου περιφερείας τινὰς ἴσας, διὰ τὸ ὁμαλῶς αὐτὴν ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου κινεῖσθαι, τῶν παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορῶν ἐπὶ τῶν ἴσων τοῦ ἐπικύκλου περιφερειῶν μὴ πάντως καὶ ἴσων οὐσῶν, καθάπερ ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ ἐπὶ τῆς ἡλιακῆς ἀνωμαλίας διὰ τῶν γραμμῶν ἀπεδείκνυμεν, οὐδὲ αἱ κατὰ μῆκος πάροδοι αὐτῆς ἴσαι πάντοτε ἀποτελεσθήσονται.

988 ὥστ' ἐὰν ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσαι ὧσιν πάντοτε αἱ κατὰ μῆκος πάροδοι, καὶ ἀνωμαλίας ἔσται ἀποκατάστασις. §«Παρατιθέμενοι οὖν» ἐξ ὧν εἶχον παλαιότερων ἀναγραφῶν «τηρήσεις «σεληνιακῶν ἐκλείψεων, ἐσκόπου» ποία χρόνου διάστασις πάντοτε ἴσους μῆνας πανσεληνιακοὺς περιέχει, ἐκλειπτικὰς ἔχουσα τὰς ἄκρας πανσεληνήνους καὶ ἴσα κινήματα κατὰ μῆκος ἦτοι ὅλων κύκλων «ἢ καὶ μετὰ τινων «ἴσων περιφερειῶν. §«Ὀλοσχερέστερον μὲν οὖν οἱ ἔτι παλαιότεροι τὸν χρόνον τοῦτον ὑπελάμβανον εἶναι ἡμερῶν , ςφπε γ' διὰ τοσούτου γὰρ ἔγγιστα ἐώρων, «μῆνας μὲν ἀποτελουμένους σκγ, ἀποκαταστάσεις δὲ ἀνωμαλίας σλθ, «πλάτους δὲ συμβ, περιδρομὰς δὲ μήκους σμα καὶ ἔτι ὅσας καὶ ὁ ἥλιος «ἐπιλαμβάνει ἐν τοῖς ιη κύκλοις μοίρας ι Γ β , ὡς τῆς ἀποκαταστάσεως «αὐτῶν πρὸς τοὺς ἀπλανεῖς ἀστέρας θεωρουμένης.» Ἐὰν γὰρ τὰς , ςφπε γ' ἡμέρας ἐπιμερίσωμεν παρὰ τὰς κατειλημμένας τοῖς παλαιοῖς τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου ἡμέρας τξε δ', ἔξομεν ἐκ τοῦ μερισμοῦ ἔτη ιη καὶ ἡμέρας ι ε ' γ', ἐν αἷς τὰς ι Γ β μοίρας ἔγγιστα ἐπιλαμβάνει μετὰ τοὺς ιη κύκλους τῶν ιη ἐτῶν, ὡς συνεπιλογισμένης καὶ τῆς ἐν τῷ τοσούτῳ χρόνῳ τοῦ ἀπλανοῦς ἐπικινήσεως, ὡς ἐξῆς δῆλον ποιήσομεν, ὄντινα χρόνον τῶν , ςφπε γ' ἡμερῶν ἐκάλουν οἱ παλαιοὶ μαθηματικοὶ «περιοδικόν, ὡς πρῶτον εἰς μίαν ἀποκατάστασιν ἄγοντα ἔγγιστα» τὰς εἰρημένους περιόδους τῶν τε μηνῶν καὶ τῆς ἀνωμαλίας καὶ τοῦ πλάτους καὶ τοῦ μήκους.

990 §Ἐγγιστα δὲ εἶπεν, διὰ τὸ τὴν τοῦ μήκους πάροδον μὴ ὅλους κύκλους περιέχειν, ἀλλὰ καὶ ἐπουσίαν μοιρῶν ι Γ β . §Εἶτα διὰ τὸ ἐπιληφθὲν γ' τῆς ἡμέρας «ἵνα ἐξ ὅλων ἡμερῶν τὸν χρόνον συστήσωνται,» τριπλασιάσαντες αὐτὸν «ἔσχον πλήθος ἡμερῶν Μ α , θψνς, ὃν ἐκάλεσαν ἐξελιγμόν» καὶ τὰ ἄλλα δὲ ὁμοίως τριπλασιάσαντες, ἔσχον μῆνας «μὲν χξθ ἀποκαταστάσεις δὲ ἀνωμαλίας ψιζ πλάτους δὲ ψκς περιδρομὰς δὲ μήκους ψκγ, καὶ ἔτι ὅσας ὁ ἥλιος ἐπιλαμβάνει ἐν τοῖς νδ κύκλοις, μοίρας λβ,» * ἀφ' ὧν καὶ τὰς ὁμαλὰς κινήσεις ὀλοσχερέστερον ὡς ἔφαμεν κατελαμβάνοντο, μεριζομένου τοῦ προκειμένου τῶν ἡμερῶν πλήθους εἰς τὰς συναγομένας οἰκειῶς τῆς κινήσεως μοίρας.

991

§«Ἦδη μέντοι πάλιν ὁ Ἱππαρχος ἤλεγξεν ἀπὸ τε τῶν Χαλδαϊκῶν καὶ «τῶν κατ' αὐτὸν τηρήσεων ἐπιλογιζόμενος μὴ ἔχοντα ταῦτα ἀκριβῶς.» ἤδη δέ φησιν πάλιν ὁ Ἱππαρχος ἤλεγξεν καθάπερ ἐπὶ τῶν περιοδικῶν τοῦ ἡλίου κινήσεων ἐπιλογιζόμενος μὴ ἔχοντα τὰ οὕτως ἐκτεθειμένα ὑπὸ τῶν παλαιῶν ἀκριβῶς. Συγκρίνας γὰρ τὰς ἑαυτοῦ τηρήσεις πρὸς τὰς Χαλδαϊκὰς εὔρεν ἐκ τῶν ἐπιλογισμῶν ὅτι ὁ πρῶτος ἀριθμὸς τῶν ἡμερῶν, τουτέστιν ὁ ἐλάχιστος δι' ὅσου πάντοτε ἀπὸ ἐκλείψεως σεληνιακῆς ἐπὶ ἔκλειψιν χρόνος ἀποκαθίσταται, ἴσους μῆνας καὶ ἴσα κινήματα περιέχων «μυριάδων ἐστὶν ιβ «καὶ , ζζ ἡμερῶν καὶ ὥρας α ἰσημερινῆς, ἐν αἷς μῆνας μὲν ἀπαρτιζομένους κατελαμβάνετο , δσζζ ἀνωμαλίας δὲ ἀποκαταστάσεις , δφογ «ζωδιακοὺς δὲ κύκλους , δχιβ λείποντας μοίρας ζ _ ' ἔγγιστα ὅσας φησὶν «καὶ ὁ ἥλιος εἰς τοὺς τμε κύκλους ἐνέλειπεν, ὡς τῆς ἀποκαταστάσεως αὐτῶν πρὸς τοὺς ἀπλανεῖς ἀστέρας θεωρουμένης.

994 » Ἐὰν γὰρ ἐπιμερίσωμεν τὸ πλῆθος τῶν προκειμένων ἡμερῶν παρὰ τὰς τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου ἡμέρας τξε δ' , ἔξομεν ἔτη τμδ καὶ ἡμέρας τξα καὶ ὥραν α ἰσημερινὴν ἐν αἷς ὁ ἥλιος ὁμαλῶς κινεῖται, ὡς ἐκ τῶν ἐκτεθειμένων μέσων αὐτοῦ παρόδων γίγνεται δηλον, μεθ' ὅλους κύκλους μοίρας τνε νβ, ὡς λείπειν εἰς ὅλων κύκλων ἀποκαταστάσεις μοιρῶν δ η. κινεῖνται δὲ καὶ οἱ ἀπλανεῖς ἀστέρες ἐν τῷ προκειμένῳ χρόνῳ τῶν τμε ἔγγιστα ἐτῶν μοίρας γ κζ, ὡς ἐλλείπειν τὴν πρὸς τὸν ἀπλανῆ κατάλειψιν τῆς σελήνης μοίραις ζ λε, ἅς φησιν μοίρας ζ _ ' ἔγγιστα.

995 «Καταλαμβάνεται δὲ καὶ ὁ μηνιαῖος μέσος χρόνος ἐπιμεριζομένου τοῦ «προκειμένου τῶν ιβ μυριάδων καὶ , ζζ ἡμερῶν καὶ α ὥρας ἰσημερινῆς «πλήθους εἰς τοὺς , δσζζ μῆνας, ἡμερῶν τυγχάνων κθ λα ν η κ.» §Ἔτι δὲ προχειρότερον λαμβάνεται ὁ μηνιαῖος μέσος χρόνος τὸν τρόπον τοῦτον· ἐπεὶ γὰρ ἐν τῷ ἀπὸ μέσης συνόδου ἐπὶ μέσῃν σύνοδον ἢ ἀπὸ πανσελήνου ἐπὶ πανσέληνον χρόνῳ προσαφίσταται τοῦ ἡλίου ἢ σελήνης μέσως τὸν ὅλον κύκλον, καὶ κινεῖται ὁ μὲν ἥλιος καθ' ἑκάστην ὁμαλῶς π νθ η ἔγγιστα, ἢ δὲ σελήνη ὡς ἐκ τοῦ μερισμοῦ τῶν εἰς τὸν προκειμένον χρόνον τοῦ μήκους περιόδων μοίρας ιγ ια ἔγγιστα, ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ τῆς σελήνης ἡμερησίου μέσου κατὰ μήκος κινήματος ἀφέλωμεν τὸ τοῦ ἡλίου ἡμερήσιον μέσον κίνημα, ἔξομεν τὸ τῆς ἀποχῆς τῶν φώτων ἡμερήσιον μέσον κίνημα, παρ' ὃ μερίσαντες τὰς τοῦ κύκλου μοίρας τξ, ἔξομεν τὸν μηνιαῖον μέσον χρόνον, τῶν προκειμένων ἡμερῶν κθ λα ν ἔγγιστα * .

996 «Ὡς δηλον γίνεσθαι τὸ ἀποκαθίστασθαι τὴν ἀνωμαλίαν, ἐκ τοῦ πάντοτε διὰ τοῦ τοσούτου χρόνου τοῦς τε ἴσους μῆνας περιέχεσθαι, καὶ «ταῖς ἴσαις κατὰ μήκος περιόδοις , δχια ἴσας ἐπιλαμβάνειν μοίρας «τνβ _ ' .» τουτέστιν, ὡς δηλον ἐκ τῶν εἰρημένων γίνεσθαι τὸ ἀποκαθίστασθαι τὴν ἀνωμαλίαν ἐκ τοῦ πάντοτε ἀφ' οἰοῦδήποτε τμήματος τοῦ ἐπικύκλου, ἥτοι ἀφ' οἷωνδήποτε κινήματων ἀρχομένης τῆς σελήνης παροδεύειν, ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας γίνεσθαι τὰς ἀκριβεῖς αὐτῆς κατὰ μήκος παρόδους, ὅπερ ἐδείκνυμεν συμβαῖνον ἐπὶ μόνων τῶν ἀνωμαλίας ἀποκατάστασιν ποιουμένων· διὰ τὸ καὶ μὴ καθόλου τὰς ἀπὸ διαφόρων σημείων τοῦ ἐπικύκλου ἴσας ἐπιλήψεις ἴσας ποιεῖν καὶ τὰς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφοράς.

997 §«Εἰ δέ τις μὴ τὸν ἀπ' ἐκλείψεως σεληνιακῆς ἐπὶ ἔκλειψιν τῶν μηνῶν «ἀριθμὸν ἐπιζητοῖ, μόνον δὲ τὸν ἀπὸ συνόδου ἢ πανσελήνου ἐπὶ τὴν «ὁμοίαν συζυγίαν ἄγοντα, εὔροι ἂν ἔτι ἦττονα τὸν ἀποκαστατικὸν τῆς «τε ἀνωμαλίας καὶ τῶν μηνῶν ἀριθμὸν λαβὼν τὸ μόνον αὐτῶν κοινὸν «μέτρον ἑπτακαιδέκατον.» οἱ γὰρ , δσζζ μῆνες καὶ αἱ , δφογ τῆς ἀνωμαλίας ἀποκαταστάσεις τὸν ιζ κοινὸν ἔχουσι μέτρον, παρ' ὃν μεριζόμενοι ποιοῦσιν μῆνας μὲν σνα ἀνωμαλίας δὲ ἀποκαταστάσεις σξθ. παρείληφεν δὲ ὅτι καὶ ἐν τῷ ιζ' μέρει τῶν μηνῶν καὶ ὅλαι ἀνωμαλίας ἀποκαταστάσεις ἀποτελοῦνται, διὰ τὸ καὶ ὁμαλῶς ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου κινεῖσθαι τὴν σελήνην. Οὐκέτι μέντοι ὁ ἐκτεθειμένος χρόνος τῶν ιβ μυριάδων καὶ , ζζ ἡμερῶν καὶ τῆς α ὥρας ἰσημερινῆς εὐρίσκεται καὶ τὴν ἐπὶ τοῦ λοξοῦ τοῦ πλάτους ἀπαρτίζων ἀποκατάστασιν. διὸ οὐδὲ πλάτους ἀποκαταστάσεις ἐν αὐτῷ παρέθηκεν. Ἡ γὰρ ἀνταπόδοσις τῶν ἐκλείψεων οὐχὶ

καὶ τὰ μεγέθη τῶν ἐπισκοτήσεων ἴσα ἐφύλαττεν καὶ τὰς ὁμοιότητας (τουτέστιν οὐκ ἀπὸ τῶν αὐτῶν μερῶν τῆς σελήνης ἐγίγνοντο αἱ ἐπισκοτήσεις, οἷον τῶν βορείων ἢ νοτίων, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ τοῦ αὐτοῦ συνδέσμου) ἀφ' ὧν τούτων καὶ ἔτι τοῦ αὐτοῦ ἀποστήματος (ὅπερ ὑπῆρχεν ταῖς τηρήσεσιν, διὰ τὸ καὶ ὅλας αὐτὰς περιέχειν ἀνωμαλίας ἀποκαταστάσεις) ἢ τοῦ πλάτους ἀποκατάστασις καταλαμβάνεται. § Ότι δὲ ἡ ἀποκατάστασις τοῦ πλάτους ἀπὸ τῶν οὕτως ἐχουσῶν ἐκλείψεων καταλαμβάνεται, οὕτως ἡμῖν ἔσται δῆλον· ἐπεὶ γὰρ ὅταν ἡ σελήνη κατὰ τὰς ἐκλείψεις ἑαυτῆς ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ ἀποστήματος τυγχάνῃ οὐ μόνον ἰσομεγέθης θεωρεῖται ἀλλὰ καὶ ἐν τῇ ἐπισκοτῇ τὸν αὐτὸν κύκλον τῆς σκιᾶς ἀποτέμνει τοῦ κώνου, καὶ διὰ τοῦτο ὅταν τὸ αὐτὸ μέγεθος τῆς ἐπισκοτήσεως καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον ἀπὸ τῶν αὐτῶν μερῶν τῆς σελήνης καὶ τοῦ αὐτοῦ συνδέσμου φαίνεται, τότε καὶ ἀποκατάστασις ἔσται τοῦ πλάτους γεγεννημένη, τουτέστιν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ λοξοῦ κύκλου ἢ σελήνη ἐπὶ τὸν αὐτὸ ἔσται παραγεγεννημένη.

998 § Ἵνα δὲ φανερὰ γένηται τὰ εἰρημένα, ἔστω ἐν τῇ τῆς σελήνης σφαίρᾳ ὁμόκεντρός τε καὶ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ τοῦ διὰ μέσων κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, πρὸς δὲ τοῦτον ἕτερος ἐγκεκλιμένος ὁ ΕΒΖΔ. καὶ βόρειον μὲν πέρας ἔστω τὸ Ε νότιον δὲ τὸ Ζ, καταβιβάζων σύνδεσμος τὸ Β ἀναβιβάζων δὲ τὸ Δ. καὶ ἔστω ἡ μὲν σελήνη περὶ τὸ Η κέντρον ἐπὶ τινος ἀποστήματος τυγχάνουσα, ὁ δὲ * τῆς σκιᾶς 〈κύκλος〉 περὶ τὸ Θ, ἐπισκοτῶν τῇ ἡμισείᾳ τῆς σεληνιακῆς διαμέτρου.

999 Ἐπεὶ οὖν, τῆς αὐτῆς ἐγκλίσεως τῶν ΑΒΓΔ, ΕΒΖΔ κύκλων μενούσης, παρακολουθεῖ τὴν σελήνην κατὰ μείζονος ἀποστήματος τοῦ προκειμένου γιγνομένην ἐλάττονα φαίνεσθαι καὶ ἔτι ἐλάττονα κύκλον ἀπὸ τοῦ κώνου τῆς σκιᾶς ἀποτέμνειν, διὰ τὸ ἐπὶ τὰ πρὸς τῇ κορυφῇ τοῦ κώνου μέρη αὐτὴν παραχωρεῖν, καὶ διὰ τοῦτο πλησιαίτερον ἔτι τῶν συνδέσμων τῆς κατὰ τὸ Η θέσεως δύνασθαι φαίνεσθαι αὐτῆς τὸ < ' τῆς διαμέτρου ἐπισκοτούμενον· ὁμοίως δὲ καὶ ὅταν ἐπὶ ἐλάττονος ἀποστήματος τυγχάνῃ, παρακολουθεῖ πάλιν μετὰ τοῦ μείζονα αὐτὴν φαίνεσθαι ἔτι καὶ μείζονα κύκλον ἀποτέμνειν τοῦ κώνου τῆς σκιᾶς, καὶ διὰ τοῦτο ἔτι ἀπώτερον τοῦ Β συνδέσμου τῆς κατὰ τὸ Η θέσεως, φαίνεσθαι πάλιν τὸ < ' τῆς διαμέτρου αὐτῆς ἐπισκοτούμενον· δῆλον ὡς ὅτι ὅταν μόνον τὸ αὐτὸ μέγεθος ἑαυτῆς ἡ σελήνη φυλάττουσα καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον τὸ ἴσον κατὰ τὴν μεγίστην ἐπισκοτήσιν ἐκλείπῃ, ἀπὸ τῶν αὐτῶν μερῶν τοῦ αὐτοῦ συνδέσμου, ὡς ἐπὶ τῆς προκειμένης καταγραφῆς εἰς τὰ προηγούμενα τοῦ Β συνδέσμου, τότε κατὰ τοῦ αὐτοῦ τμήματος ἔσται τοῦ λοξοῦ αὐτῆς κύκλου τὴν τοῦ πλάτους ἀποκατάστασιν ποιησαμένη. Ἐφαμεν δὲ ἀπὸ τῶν αὐτῶν μερῶν, ἐπεὶ καὶ ἐφ' ἑκάτερα τῶν συνδέσμων τὸ αὐτὸ πλάτος ποιοῦσα ἀπὸ τοῦ διὰ μέσων, καθὼς ἔμπροσθεν ἐδηλοῦμεν, δύναται διὰ τῶν ὁμοίων τὸ αὐτὸ μέγεθος ποιεῖν τῆς ἐπισκοτήσεως, δηλαδὴ μηκέτι καὶ τὴν πρὸς τὸν λοξὸν κύκλον ἀποκατάστασιν ποιησαμένη. Ὡστε ἀναγκαῖον ἂν εἴη, εἰ μέλλει ἀποκατάστασις τοῦ πλάτους ἀποτελεῖσθαι, τὰ μεγέθη τῶν ἐπισκοτήσεων καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον ἴσα γίγνεσθαι καὶ ἀπὸ τῶν αὐτῶν μερῶν τοῦ αὐτοῦ συνδέσμου, καὶ ἔτι περὶ τὸ αὐτὸ ἀπόστημα τυγχάνειν τὴν σελήνην. «Ἦδη μέντοι προκατειλημμένου τοῦ τῆς ἀνωμαλίας ἀποκαταστατικοῦ «χρόνου, παραθέμενος πάλιν ὁ Ἱππαρχος διαστάσεις μηνῶν ὁμοίας κατὰ «πάντα τὰς ἄκρας ἐκλείψεις ἐχόντων, καὶ τοῖς μεγέθεσι καὶ τοῖς χρόνοις «τῶν ἐπισκοτήσεων, ἐν αἷς οὐδὲν ἐγίγνετο διάφορον παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν, «ὡς διὰ τοῦτο καὶ τὴν κατὰ πλάτος πάροδον ἀποκαθισταμένην φαίνεσθαι.

1000 » Τὸν εἰρημένον οὖν τρόπον ἐκθέμενος ὁ Ἱππαρχος τὸν κατειλημμένον αὐτῷ τῆς ἀνωμαλίας ἀποκαταστατικὸν χρόνον, ἐξῆς παρατίθεται καὶ τὸν κατειλημμένον πάλιν αὐτῷ τῆς τοῦ πλάτους ἀποκαταστάσεως, § οὗ πρὸς τὴν κατάληψιν ἐκτίθεται δύο διαστάσεις μηνῶν, ὁμοίας κατὰ πάντα τὰς ἄκρας ἐκλείψεις ἐχόντων, καὶ τοῖς μεγέθεσι καὶ τοῖς χρόνοις τῶν ἐπισκοτήσεων ἐν αἷς οὐδὲν ἐγίγνετο διάφορον παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν.

- 1001 § Τὰ μὲν οὖν μεγέθη ὅμοια λέγει, ἵνα τὸ ἥμισυ αὐτῆς ἢ τρίτον ἢ οἷονδήποτε μέρος καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον ἀπὸ τῶν αὐτῶν μερῶν αὐτῆς ἐπισκοπῆται. § τοὺς δὲ χρόνους τῶν ἐπισκοπήσεων ὁμοίους, τουτέστιν ἵνα μὴ μόνον ἰσοχρόνιος ἦ τῆς πρώτης ἐκλείψεως ἔμπωσις τῇ τῆς δευτέρας καὶ ἡ ἀνακάθαρσις τῇ ἀνακαθάρσει, ἀλλὰ καὶ ἡ κατὰ μέρος τῆς ἐμπώσεως ἐπισκότησις τῆς πρώτης ἐκλείψεως ὁμοία ἢ τῇ κατὰ μέρος τῆς ἐμπώσεως ἐπισκοπῆσει τῆς δευτέρας ἐκλείψεως, καὶ ἔτι ἡ ἀνακάθαρσις τῇ ἀνακαθάρσει· § ὅπερ συμβαίνει ὅταν ἐπὶ τὰ αὐτὰ ἢ μέρη τοῦ αὐτοῦ συνδέσμου τὴν τοῦ πλάτους ἀποκατάστασιν ποιησαμένη.
- 1002 §Τὸ δὲ καὶ «ἐν αἷς οὐδὲν ἐγίγνετο διάφορον παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν», ὕγιῶς ἐλέγετο παρ' αὐτοῦ, εἰ μηδὲν ἢ ἴσης αὐτῆς γιγνομένης καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον καὶ κατὰ τοῦ αὐτοῦ ἀποστήματος ἐτύγχανεν, ἵνα διὰ τοῦτο τῶν τε κατὰ μήκος ἐπιλήψεων καὶ τῶν ἀποστημάτων ἴσων γιγνομένων ἰσομεγέθους θεωρουμένη καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον, τὴν κατὰ πλάτος πάροδον ἀποκαθίστη. τότε § δ' ἡ μηδὲν γιγνομένης παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορᾶς ἢ τῆς ἴσης γιγνομένης, ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ ἀποστήματος τυγχάνει καὶ τὴν τοῦ πλάτους ἀποκατάστασιν ποιεῖται ἰσομεγέθους φαινομένη, ὅταν ᾗτοι ἀπὸ τῶν αὐτῶν κινήματων ἐπὶ τὰ αὐτὰ παραγίνηται ὅτε καὶ ἀνωμαλίας ἐστὶν ἀποκατάστασις, ἢ ὅταν ἴσον ἀπέχη τοῦ ἐλαχίστου ἢ μεγίστου δρόμου τουτέστιν τοῦ τε ἀπογείου ἢ περιγείου· ἢ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ τμήματος ἄρχεται καθ' ἑκάτεραν τῶν διαστάσεων· καὶ οὐχὶ ὅταν πῇ μὲν κατὰ τὸ ἀπόγειον τυγχάνῃ πῇ δὲ κατὰ τὸ περίγειον καθάπερ ὁ Ἴππαρχος ὑπονενοηκῶς φαίνεται· τότε μὲν γὰρ οὐκ ἔσται παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορά ἀλλὰ ἡ πλείστη παρὰ τὰ ἀποστήματα καὶ τὰ μεγέθη τῆς σελήνης καὶ τῆς σκιᾶς καὶ διὰ τοῦτο οὐκ ἔσται καὶ πλάτους ἀποκατάστασις. §Καὶ εἰ μὲν ἴσων ὄντων τῶν ἀποστημάτων πάντοτε ἀφ' οἷονδήποτε κινήματων ᾗτοι τοῦ ἐπικύκλου σημείων κατὰ τὰς ἀρχὰς τῶν διαστάσεων τυγχάνουσα, ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας ἐποίει τὰς κατὰ μήκος παρόδους, δῆλον ὡς καὶ ἀνωμαλίας ἦσαν ἀποκαταστάσεις. εἰ δὲ οὐκ ἀφ' οἷονδήποτε κινήματων ἀρχομένη ἴσας ἐποίει πάντοτε τὰς κατὰ μήκος παρόδους, ἀλλ' ἑνίας, § δῆλον ὡς ἀπὸ τῶν εἰρημένων τόπων τὰς ἀρχὰς τῶν κινήσεων ποι * ουμένη ἐποίει τὰς εἰρημένας ἐπιλήψεις.
- 1003 § ὅταν δὲ κατὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ λοξοῦ τυγχάνουσα τὴν τοῦ πλάτους ἀποκατάστασιν ποιῇται, τότε ἐκ τῆς ἴσης ἀπὸ τοῦ διὰ μέσων ἀποστάσεως καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τοῦ αὐτοῦ συνδέσμου ποιουμένη τὴν ἀρχὴν ἑκατέρας τῶν ἐμπώσεων, καὶ τὴν ἔμπωσιν τῇ ἐμπώσει ὁμοίαν τε καὶ ἰσοχρόνιον ποιήσεται καὶ τὴν ἀνακάθαρσιν τῇ ἀνακαθάρσει καὶ ἔτι τὴν κατὰ μέρος ἐπισκότησιν τῇ κατὰ μέρος ὁμοίαν. Οὐκέτι δὲ καὶ ἐφ' ἑκάτερα τοῦ συνδέσμου τὸ τοιοῦτον συμβαίνει, διὰ τὸ ἐκ τῶν προηγουμένων αὐτὴν καταλαμβάνουσιν τὸν τῆς σκιᾶς κύκλον, περὶ μὲν τὸν ἀναβιβάζοντα αὐτῆς τυγχανούσης, ὅταν μὲν νοτιώτερον ἢ τοῦ διὰ μέσων τὸ κέντρον τῆς σελήνης τὸ βορειότερον αὐτῆς ἐπισκοπεῖσθαι, ὅταν δὲ βορειότερον ἢ τοῦ διὰ μέσων, τὸ νοτιώτερον. §Δείκνυσιν οὖν ὁ Ἴππαρχος καὶ τὴν τοιαύτην πλατικὴν περίοδον ἀποκαθισταμένην «ἐν μηνὶ μὲν , ευνη, περίοδοις δὲ πλατικαῖς , εἰς κγ.» «Ὁ μὲν οὖν τρόπος ὧς πρὸς τὰς τοιαύτας καταλήψεις ἐχρήσαντο «οἱ πρὸ ἡμῶν τοιοῦτος ἦν. ὅτι δὲ οὐχ ἀπλοῦς οὐδὲ εὐπόριστος ἀλλὰ «πολλῆς καὶ οὐ τῆς τυχούσης δεδομένος ἐπιστάσεως οὕτως ἂν κατανοή«σαιμεν.» Ὁ μὲν οὖν τρόπος τῆς τῶν παλαιῶν ἐπιχειρήσεως ὧς πρὸς τὴν τῆς ἀνωμαλίας ἀποκαταστάσεως κατάληψιν κατεχρήσαντο ἀκόλουθός τις, ὡς ἔφαμεν, αὐτοῖς παρελαμβάνετο· § ἐξήτουν γὰρ χρόνον δι' ὅσον πάντοτε τὸ ἴσον κατὰ μήκος ἢ σελήνη κινήθῃσεται, ὡς τούτου μόνου τὴν ἀνωμαλίαν ἀποκαθιστάναι δυναμένου, τουτέστιν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τὸ αὐτὸ φέρειν τὴν σελήνην ἀπὸ ἐκλείψεως ἐπὶ ἔκλειψιν.
- 1004 §Μέμφεται δὲ ὁ Πτολεμαῖος τῷ τοιούτῳ τρόπῳ διὰ τὸ δυσπόριστον τῆς τῶν διαστάσεων ἐκλογῆς, πλειόνων ὄντων τῶν ὀφειλόντων αὐταῖς συμπτωμάτων παρακολουθεῖν, διὰ τὸ ἐπὶ τῶν τοιούτων διαστάσεων μήτε πάντως τὰς ἰσοχρονίους ἐκλειπτικὰς διαστάσεις ἴσας ἔχειν τὰς

κατὰ μήκος παρόδους μήτε μὴν τὰς ἐν ἴσοις χρόνοις ἴσας κατὰ μήκος παρόδους καὶ ἀνωμαλίας ποιεῖν ἀποκατάστασιν.

1005 ΣΚαὶ πρῶτον μὲν ὅτι οὐ δυνατόν ἐστιν ἐν ταῖς κατὰ τὰς ἐκλείψεις τῆς σελήνης ἴσαις διαστάσεσιν τῶν χρόνων ἴσας γίνεσθαι τὰς κατὰ μήκος αὐτῆς κινήσεις, εἰ μὴ καὶ τὸ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν τοῦ ἡλίου διάφορον ἦτοι μὴδὲν ἢ τὸ αὐτὸ τυγχάνη καθ' ἑκατέραν τῶν διαστάσεων. Ἐπειδήπερ, ὡς ἐν τοῖς ἔμπροσθεν ἐπεδείξαμεν, καὶ ἡ σελήνη κατὰ τὰς συζυγίας τοσοῦτον ἐπιλαμβάνει μετὰ κύκλους, ὅσην τινὰ καὶ ὁ ἥλιος, διὸ ἀκόλουθον ἂν εἴη καθ' ἑκατέραν τῶν διαστάσεων τὸν ἥλιον ὡς ἔφαμεν ἢ μὴδὲν ἢ τὸ αὐτὸ ποιεῖσθαι παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον, ἵνα ἴσας αὐτοῦ ἐπιλαμβάνοντος καὶ ἡ σελήνη ὁμοίως τὰς ἴσας ἐπιλαμβάνῃ. Εἰ γὰρ μὴ ἦτοι μὴδὲν ἢ τὸ αὐτὸ εἴη παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν αὐτοῦ διάφορον, γίγνοιτο δέ τις ἀνισότης περὶ αὐτό, οὔτε αὐτὸς ἔσται ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας κατὰ μήκος τοῦ διὰ μέσων περιφερείας ἐπειληφώς, οὔτε δηλονότι ἡ σελήνη. «Ἐὰν γὰρ λόγου ἔνεκεν ἑκατέρα μὲν τῶν συγκρινομένων διαστάσεων «μεθ' ὅλους καὶ τοὺς ἴσους ἐνιαυσιαίους χρόνους ἐπιλαμβάνῃ καὶ τὸ «ἡμῖσι τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου, ἐν δὲ τῷ τοσοῦτῳ χρόνῳ κεκινημένος ὁ «ἥλιος τυγχάνη κατὰ μὲν τὴν προτέραν διάστασιν ἀπὸ τῆς κατὰ τοὺς «Ἰχθύας μέσης παρόδου κατὰ δὲ τὴν δευτέραν ἀπὸ τῆς κατὰ τὴν Παρ«θένον, κατὰ μὲν τὴν προτέραν ἔλαττον ἐπειληφώς ἔσται τοῦ ἡμικυκλίου «μοίραις $\delta \angle \delta'$, κατὰ δὲ τὴν δευτέραν πλεῖον ταῖς αὐταῖς.

1006 » ΣἽνα δὲ κατάδηλον γένηται τὸ λεγόμενον, ἐκκείσθω ὁ ἑκκεντρος τοῦ ἡλίου κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, περὶ κέντρον τὸ Ε, καὶ διάμετρον τὴν ΑΕΓ, ἐφ' ἧς εἰλήφθω τὸ τοῦ διὰ μέσων κέντρον τὸ Ζ, ὥστε καὶ τὸ μὲν Α σημεῖον γίνεσθαι τὸ ἀπογειότατον, τὸ δὲ Γ τὸ περιγειότατον. καὶ ἦχθω διὰ τοῦ Ζ σημείου τῇ ΑΓ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΒΖΔ. ἔσται ἄρα τὰ Β, Δ σημεῖα κατὰ τῶν μέσων παρόδων, καὶ τὸ μὲν Β κατὰ τὰς τῆς Παρθένου μοίρας $\epsilon \angle \epsilon'$ τὸ δὲ Δ κατὰ τὰς τῶν Ἰχθύων τοσαύτας. ἐπεζεύχθω δὲ ἡ ΔΕ, καὶ διήχθω ἐπὶ τὸ Η, διάμετρος δηλονότι γιγνομένη τοῦ ΑΒΓΔ ἐκκέντρου, καὶ ἔτι ἡ ΖΗ. Ἐπεὶ οὖν ἡ ὑπὸ ΑΖΔ τῆς ἀκριβοῦς καὶ φαινομένης παρόδου μοιρῶν ἐστὶν ρ, ἐδείχθη δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΕΔΖ τῆς μεγίστης διαφορᾶς μοιρῶν β κγ, ἔσται ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ ΑΕΔ τῆς ὀμαλῆς παρόδου μοιρῶν ρβ κγ, τουτέστιν ἡ ΔΑ τοῦ ἐκκέντρου περιφέρειας, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ εἰς τὸ ἡμικύκλιον ἡ ΑΗ περιφέρεια ἔσται τῶν λειπουσῶν μοιρῶν πζ λζ.

1007 ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΑΕΗ ἔσται τῶν αὐτῶν πζ λζ. καὶ ἐπεὶ ἐν τῷ τῆς ἀνωμάλου τοῦ ἡλίου κανόνι παράκεινται ταῖς ἀπὸ τοῦ ἀπογείου μοίραις πζ λζ μοῖραι β κβ, ἔσται ἡ ὑπὸ ΖΗΕ μοιρῶν β κβ. ὥστε καὶ λοιπὴ ἡ ὑπὸ ΑΖΗ φαινομένη ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἔσται μοιρῶν πε ιε. ἦν δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΔΖΑ ὀρθὴ μοιρῶν ρ. καὶ ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ ΗΖΔ τῆς φαινομένης παρόδου γωνία ἔσται μοιρῶν ροε ιε. ἐν ᾧ ἄρα ὁ ἥλιος ἐν τῷ ἡμίσει τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου ὀμαλῶς κινεῖται ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Δ τῶν Ἰχθύων μέσης παρόδου τὴν ΔΑΗ τοῦ ἐκκέντρου περιφέρειαν μοιρῶν ρπ, ἐν τούτῳ φανήσεται ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ μοίρας ροε ιε κινήσεις. Πάλιν δὲ ἐὰν ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Β εἰρημένης παρόδου ὑποθώμεθα τὸν ἥλιον κινεῖσθαι, καὶ ἐπιζεύξαντες τὴν ΒΕ διαγάγωμεν ἐπὶ τὸ Θ, καὶ ἐπιζεύξωμεν τὴν ΖΘ, ἐν ᾧ μὲν ὁ ἥλιος τὴν ΒΓ τοῦ ἐκκέντρου περιφέρειαν ὀμαλῆν κινεῖται μοιρῶν τυγχάνουσιν πζ λζ, φανήσεται κινούμενος μοίρας ρ' ἐν ᾧ * δὲ τὴν ΓΔΘ τῶν λοιπῶν εἰς τὸ ἡμικύκλιον μοιρῶν ρβ κγ, φαίνεται ρδ με, ἐπεὶ καὶ ταῖς ἀπὸ τοῦ ἀπογείου μοίραις σοβ κγ, παράκεινται ἐν τῷ τῆς ἀνωμαλίας κανόνι μοῖραι β κβ. Ὡστε, ἐν ᾧ ἀπὸ τῆς κατὰ τὴν Παρθένον μέσης παρόδου ὀμαλῶς ἐν τῷ ἡμίσει τοῦ ἐνιαυσίου χρόνου κινεῖται ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου μοίρας ρπ, ἐν τοσοῦτῳ ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ φανήσεται κινούμενος μοίρας ρπδ με. Ὡστε κατὰ μὲν τὴν ἀπὸ τῶν Ἰχθύων μέσην πάροδον ἐλάσσονα ἐπειληφώς ἔσται ὁ ἥλιος τοῦ ἡμικυκλίου μοίραις $\delta \angle \delta'$, κατὰ δὲ τὴν ἀπὸ τῆς Παρθένου μείζονα ταῖς αὐταῖς. Εἴτα δείξας ὅτι εἰ μὴ καὶ ὁ ἥλιος τὸ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον ἢ μὴδὲν ἢ τὸ αὐτὸ ποιῇ καθ' ἑκατέραν τῶν διαστάσεων, οὐδὲ ἡ σελήνη ἔσται ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας περιδρομὰς πεποιημένη, φησὶν· «δεῖν οὖν «φαμεν

τοῦτο πρῶτον ἔχειν τὰς διαστάσεις περὶ τὸν ἥλιον συμβεβηκός, τὸ «ἦτοι ὅλους αὐτὸν κύκλους περιέχειν, ἢ κατὰ μὲν τὴν ἑτέραν τῶν διαστάσεων τὸ ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἡμικύκλιον ἐπιλαμβάνειν, κατὰ δὲ τὴν ἑτέραν τὸ ἀπὸ τοῦ περιγείου .

1008

..» καὶ τὰ ἐξῆς. Ὁ παρακολουθεῖ δὲ ἡ μηδόλως ἢ ἴσας γίνεσθαι τὰς παρὰ τὴν ὁμαλὴν τοῦ ἡλίου κινήσιν τῆς ἀνωμάλου διαφορὰς καθ' ἑκατέραν τῶν διαστάσεων, ὅταν κατὰ μόνων τῶν τοιούτων τόπων τὰς ἀρχὰς τῶν κινήσεων λαμβάνωσιν, λέγω δὲ ὅταν ἀπὸ τῶν ἀπογείων ἢ περιγείων ἀρχόμενος κινεῖσθαι ὅλους κύκλους ἐπιλάβανη καθ' ἑκατέραν αὐτῶν· τότε γὰρ οὐδόλως ἔσται παρὰ τὴν ἀνώμαλον ἐποχὴν τῆς ὁμαλῆς διαφορὰ κατὰ τῶν ἀπογείων ἢ περιγείων αὐτοῦ τυγχάνοντος, διὰ τὸ κατὰ τὰς τοιαύτας παρόδους τὴν αὐτὴν δεδεῖχθαι τὴν ἀκριβῆ αὐτοῦ ἐποχὴν τῇ ὁμαλῇ· ἢ κἂν ἀπ' ἄλλου τινὸς τμήματος τοῦ ἐκκέντρου ἐπὶ τὸ αὐτὸ παραγίγνηται· καὶ οὕτω γὰρ ἡ αὐτὴ ἔσται τῆς ἀνωμαλίας διαφορὰ κατὰ τοῦ αὐτοῦ ὡς ἔφαμεν τμήματος τοῦ ἡλίου τυγχάνοντος· <ἦ> καὶ ὅταν κατὰ μὲν τὴν πρώτην διάστασιν τὸ ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἡμικύκλιον ἐπιλάβανη, κατὰ δὲ τὴν τοῦ περιγείου· καὶ ἐνταῦθα γὰρ πῇ μὲν κατὰ τοῦ ἀπογείου πῇ δὲ κατὰ τοῦ περιγείου τυγχάνων, οὐδὲν ποιήσει παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον· ἢ καὶ ὅταν πάλιν τὸ ἴσον ἀπέχη ἑκατέρωθεν τοῦ ἀπογείου ἢ τοῦ περιγείου, ὅ τε τῆς ἑτέρας διαστάσεως πρῶτος δρόμος καὶ ὁ τῆς ἑτέρας ἔσχατος, τουτέστιν ἢ τε πρώτη ἔκλειψις τῆς προτέρας διαστάσεως καὶ ἡ δευτέρα τῆς δευτέρας· καὶ οὕτω γὰρ ἂν πάλιν ἴσαι ἔσονται αἱ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφοραί.

1009

Ὁ οἶον, ἔστω γὰρ ὁ ἐκκέντρος τοῦ ἡλίου κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, περὶ κέντρον τὸ Ε, καὶ διάμετρον τὴν ΑΕΓ, ἐφ' ἧς ἔστω τὸ κέντρον τοῦ διὰ μέσων τὸ Ζ, ὥστε τὸ Α εἶναι τὸ ἀπογεϊότατον. καὶ γεγενῆσθαι ἔκλειψις κατὰ τὴν ἀρχὴν τῆς πρώτης διαστάσεως τοῦ χρόνου κατὰ τὸ Θ· κατὰ δὲ τὸ τέλος κατὰ τὸ Α, ὥστε μετὰ κύκλους ἐπειληφέναι τὴν ΘΑ περιφέρειαν. εἴτα πάλιν μετὰ τὴν ἴσην τοῦ χρόνου διάστασιν, γεγονέντω κατὰ τὸ τέλος τῆς δευτέρας διαστάσεως ἔκλειψις κατὰ τὸ Η, καὶ ἐπιλαμβανέντω πάλιν μετὰ τοὺς ἴσους κύκλους τὴν ΑΗ περιφέρειαν ἴσην οὖσαν δηλονότι τῇ ΑΘ.

1010

ἐπεὶ οὖν ἡ κατὰ τὸ Θ πρώτη ἔκλειψις τῆς πρώτης διαστάσεως καὶ ἡ κατὰ τὸ Η δευτέρα τῆς δευτέρας διαστάσεως ἴσας περιφερείας ἐφ' ἑκάτερα τοῦ ἀπογείου ἢ τοῦ περιγείου ἀπειλήφασιν, ἴσαι ἔσονται αἱ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφοραί, ἐπειδήπερ κἂν ἐπιζεύζωμεν τὰς ΘΕ, ΘΖ, ΗΕ, ΗΖ, ἴσων οὐσῶν τῶν ΘΑ, ΑΗ περιφερειῶν καὶ τῶν ὑπὸ ΘΕΑ, ΑΕΗ γωνιῶν, καὶ αἱ ὑπὸ ΘΕΖ, ΗΕΖ ἴσαι ἔσονται, καὶ τὸ ΗΕΖ τρίγωνον τῷ ΘΕΖ, καὶ ἔτι αἱ πρὸς τῷ Ζ γωνίαι τῆς φαινομένης παρόδου ἴσαι ἔσονται. οὐ μόνον δὲ ἐὰν κατὰ συνέχειαν ὦσιν οἱ χρόνοι τῶν διαστάσεων, ὡς ἐπὶ τῶν εἰρημένων τριῶν ἐκλείψεων, παρακολουθεῖ τὸ τοιοῦτον ἀποτελεῖσθαι, ἀλλὰ καὶ ἐὰν κατὰ διέχειαν, ὡς ἐπὶ τεσσάρων ὅταν πάλιν ἡ μὲν πρώτη ἔκλειψις τῆς πρώτης διαστάσεως γίγνηται κατὰ τὸ Θ, ἡ δὲ δευτέρα κατὰ τὸ Κ, ἡ δὲ πρώτη πάλιν τῆς δευτέρας διαστάσεως κατὰ τὸ Λ, ὃ ἴσον ἀπέχει τοῦ Α ἀπογείου ὅσον καὶ τὸ Κ, ἡ δὲ δευτέρα τῆς δευτέρας κατὰ τὸ Η, ἴσην πάλιν ἀπολαμβάνουσα δηλονότι τὴν ΑΗ τῇ ΘΚ· καὶ οὕτω γὰρ πάλιν τοῦ τε Θ καὶ Η τουτέστιν τῆς τε πρώτης ἐκλείψεως τῆς πρώτης διαστάσεως καὶ τῆς δευτέρας ἴσον ἀπεχουσῶν τοῦ Α ἀπογείου, καὶ αἱ ΘΛ, ΑΗ ἴσαι τυγχάνουσαι, ἴσας ἔξουσιν καὶ τὰς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν τοῦ ἡλίου διαφορὰς, καὶ διὰ τοῦτο ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας ἐπιλήψεται τοῦ διὰ μέσων ὁ ἥλιος. Ἐὰν γὰρ ἐπιζεύζωμεν τὰς ΚΕ, ΚΖ, ΛΕ, ΛΖ, ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΚΑ τῇ ΑΛ, ἴση ἔσται ὁμοίως καὶ ἡ ὑπὸ ΕΚΖ γωνία τῇ ὑπὸ ΕΛΖ· ὥστε καὶ λοιπὴ ἡ ὑπὸ ΚΖΕ τῇ ὑπὸ ΕΖΛ. ἔστιν δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΘΖΑ τῇ ὑπὸ ΑΖΗ ἴση. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΘΖΑ φαινομένη τοῦ ἡλίου πάροδος ἴση ἔσται τῇ ὑπὸ ΑΖΗ φαινομένη τοῦ ἡλίου παρόδῳ. ἐν ἴσῳ ἄρα χρόνῳ ἑκατέραν τῶν ΘΚ, ΑΗ ὁμαλῶς κινήσεται, καὶ ἴσας φανήσεται τὰς ὑπὸ ΘΖΚ, ΑΖΗ γωνίας. Ὡστε κατὰ μόνας τὰς τοιαύτας τηρήσεις δυνατόν ἐστι τὰς φαινομένας τοῦ ἡλίου παρόδους ἦτοι ἴσας ἀλλήλαις μόνον γίνεσθαι, ὡς ἐπὶ τῶν ἀπὸ τυχόντος

σημείου τὰ αὐτὰ * τμήματα ἐπιλαμβανουσῶν καὶ τῶν ἴσων ἀπεχόντων ἐφ' ἑκάτερα τοῦ ἀπογείου ἢ τοῦ περιγείου, ἢ καὶ ἀλλήλαις καὶ ταῖς ὁμαλαῖς, ὡς ἐπὶ τῶν ἀπὸ τῶν ἀπογείων ἢ περιγείων ὅλους κύκλους ἢ καὶ ἡμικύκλια ἐπιλαμβανουσῶν· καὶ διὰ τοῦτο κατὰ τὰς τοιαύτας μόνον ὡς ἔφαμεν τηρήσεις, δυνατόν εἶναι τὸν ἥλιον ἐν τοῖς τῶν διαστάσεων ἴσοις χρόνοις ἴσας περιφερείας τοῦ ζωδιακοῦ παροδεύειν δηλαδὴ καὶ τὴν σελήνην, διὰ τὸ κατὰ τὴν διάμετρον τῷ ἡλίῳ στάσιν τυγχάνειν.

1011 Ὡς δέον εἶναι ἀπὸ μιᾶς τῶν εἰρημένων κατὰ τὰς ἀρχὰς τῶν διαστάσεων τοῦ ἡλίου θέσεων τὴν ἄφεςιν τοῦ χρόνου τῶν δώδεκα μυριάδων καὶ , ζζ ἡμερῶν καὶ τῆς μιᾶς ὥρας ἰσημερινῆς παραλαμβάνειν, εἰ ἐθέλοιμεν καὶ αὐτοὶ ἐξετάζειν τὰς περιοδικὰς ἀποκαταστάσεις. «Δεύτερον δὲ ἡγούμεθα δεῖν περὶ τοὺς δρόμους τῆς σελήνης τὴν ὁμοίαν «ἐπίστασιν ποιεῖσθαι. τούτου γὰρ ἀδιακρίτου μένοντος, ἐνδεχόμενον πά«λιν φανήσεται τὸ καὶ τὴν σελήνην πολλάκις ἴσας περιφερείας κατὰ μῆκος ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἐπιλαμβάνειν δύνασθαι, μὴ πάντως ὡς καὶ «τῆς ἀνωμαλίας αὐτῆς ἀποκαθισταμένης.» Διαλαβὼν πρότερον, ὡς πρὸς τὸ δυσπόριστον τῆς τῶν παλαιῶν διαστάσεων ἐκλογῆς, καθ' οὗς μόνους τρόπους τῶν ἐπὶ τοῦ ἡλίου τηρήσεων δύναται ἡ σελήνη ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας κατὰ μῆκος περιφερείας ἐπιλαμβάνειν, § ἐξῆς διδάσκει καὶ τὸν τρόπον πῶς μὴ οὕσης ἀνωμαλίας ἀποκαταστάσεως δύναται ἡ σελήνη ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας κατὰ μῆκος περιφερείας ἐπιλαμβάνειν, ἵνα τὰς τοιαύτας διαστάσεις τῶν χρόνων παραιτώμεθα, ὡς ὅταν καθ' ἑκατέραν τῶν διαστάσεων ἀπὸ τινων κατὰ μῆκος κινήματων ἀρχομένη, μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κατὰ μῆκος κινήματα καταλήγη· παρακολουθεῖ γὰρ ὡς ἐδείξαμεν κατὰ διαφόρων τοῦ ἐπικύκλου τόπων τὰς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορὰς ἴσας ἀποτελεῖσθαι, καὶ διὰ τοῦτο καὶ τὰς κατὰ μῆκος ἐπιλήψεις, μηκέτι δὲ καὶ ἀνωμαλίας γίνεσθαι ἀποκατάστασιν, διὰ τὸ μὴ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τὸ αὐτὸ αὐτὴν παραγεγονέναι, τουτέστιν μὴ ἀπὸ τῶν αὐτῶν ὡς ἔφαμεν κινήματων ἐπὶ τὰ αὐτὰ αὐτὴν ἐληλυθέναι.

1012 ἢ πάλιν ὅταν κατὰ τὴν ἑτέραν τῶν διαστάσεων ἀπὸ τοῦ μεγίστου δρόμου ἄρχηται τουτέστιν τοῦ περιγείου, καὶ ἐπὶ τὸν ἐλάχιστον καταλήγη τουτέστιν ἐπὶ τὸ ἀπόγειον (ἐδείξαμεν γὰρ ὅτι πρὸς μὲν τῷ περιγείῳ τὰ μέγιστα κινεῖται, πρὸς δὲ τῷ ἀπογείῳ τὰ ἐλάχιστα) κατὰ δὲ τὴν ἑτέραν ἀπὸ τοῦ ἐλάχιστου ἐπὶ τὸν μέγιστον, τουτέστιν πάλιν ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἐπὶ τὸ περίγειον· ὁμοίως γάρ, ὡς ἐν τοῖς ἐπάνω ἐδηλοῦμεν, οὐκ ἔστι παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορὰ, καὶ διὰ τοῦτο πάλιν αἱ μὲν κατὰ μῆκος πάροδοι ἴσαι ἀποτελεσθήσονται· οὐκέτι δὲ καὶ ἀνωμαλίας ἔστι ἀποκατάστασις, διὰ τὸ μὴ ἀπὸ τῶν αὐτῶν ὡς ἔφαμεν κινήματων ἐπὶ τὰ αὐτὰ τὴν σελήνην παραγεγενῆσθαι, δηλονότι μὴδὲ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τὸ αὐτό. Ἐάν τε τὸ ἴσον ἀπέχωσιν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἐλάχιστου ἢ μεγίστου δρόμου ὃ τε τῆς ἐτέρας διαστάσεως πρῶτος δρόμος καὶ ὁ τῆς ἐτέρας ἔσχατος, καθάπερ ἐπὶ τῶν τοῦ ἡλίου ἐπάνω εἰρημένων, ἡνίκα ἴσον ἀπέχειν ἐλέγομεν τὰς ἐκλείψεις ἑκατέρωθεν τοῦ ἀπογείου καὶ τοῦ περιγείου· καὶ διὰ ταῦτα πάλιν ἢ οὐδὲν ἢ τὸ αὐτὸ γίνεσθαι παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν αὐτῆς διάφορον· § οὐδὲν μὲν πάλιν ὅταν ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἐπὶ τὸ περίγειον καὶ ἀπὸ τοῦ περιγείου ἐπὶ τὸ ἀπόγειον παραγίγνηται· § τὸ αὐτὸ δὲ ὅταν ἴσον ἀπέχη τῶν ἀπογείων ἢ περιγείων ἢ καὶ ἀπὸ τῶν αὐτῶν κινήματων, τουτέστιν ὅταν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ ἐπικύκλου ἀρχομένη κινεῖσθαι καθ' ἑκάστην τῶν ἴσων διαστάσεων ἴσας ἐπιλαμβάνουσα μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κινήματα καταλήγη· καὶ διὰ τοῦτο πάλιν αἱ μὲν κατὰ μῆκος αὐτῆς ἐπιλήψεις ἴσαι ἀποτελεσθήσονται, οὐκέτι δὲ καὶ ἀνωμαλίας ἔστι ἀποκατάστασις.

1013 Ὡς παρακολουθεῖν ὅταν μὲν ἀνωμαλίας ἢ ἀποκατάστασις, ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας γίνεσθαι τὰς κατὰ μῆκος κινήσεις· ὅταν δὲ ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσαι ὦσιν αἱ κατὰ μῆκος κινήσεις, οὐ πάντως καὶ ἀνωμαλίας γίνεσθαι ἀποκατάστασιν. Οὐδὲν ἄρα τῶν εἰρημένων συμπτωμάτων

ἔχειν δεῖ τὰς παραλαμβανομένας διαστάσεις εἰ μέλλει ἡ σελήνη ἀνωμαλίας ποιεῖσθαι ἀποκατάστασιν, τουτέστιν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τὸ αὐτὸ παραγίγνεσθαι, ὅπερ ἐστὶν ἀπὸ τῶν αὐτῶν κινήματων ἐπὶ τὰ αὐτά. «Τοῦναντίον δ' ἂν ὀφείλομεν ἐκλέγειν τὰς μάλιστα τὴν ἀνισότητα «ἐμφανίσει δυναμένας, ἐὰν μὴ ὅλαι περιέχωνται τῆς ἀνωμαλίας ἀποκαταστάσεις ...». Ἐπεὶ οὖν τὴν τῆς ἀνωμαλίας ἀποκατάστασιν ἐζητοῦμεν, ἵνα τῶν ἀκριβῶν τῆς σελήνης παρόδων τῶν αὐτῶν γιγνομένων ταῖς ὁμαλαῖς τὰς ἀκριβεῖς ἐκ τῶν ἐκλείψεων ἐπιλογιζόμενοι, καὶ ἐπιμερίζοντες εἰς τὸν μεταξὺ χρόνον οὐδὲν ἦττον τὰ ὁμαλὰ ἐπιμερίσαντες λαμβάνωμεν τὰ κατὰ μέρος μέσα κινήματα, συμβαίνει δὲ, καὶ μὴ οὔσης ἀνωμαλίας ἀποκαταστάσεως ἰσοχρονίους διαστάσεις ἴσας ἀλλήλαις ἔχειν τὰς ἀκριβεῖς τῆς σελήνης παρόδους μηκέτι δὲ καὶ ταῖς ὁμαλαῖς (ἀλλὰ μὴν ποτε καὶ ταῖς ὁμαλαῖς ὡς ὅταν πῇ μὲν τὸ ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἡμικύκλιον ἐπιλαμβάνῃ πῇ δὲ τὸ ἀπὸ τοῦ περιγείου τουτέστιν πῇ μὲν ἀπὸ τῶν ἐλαχίστων δρόμων αὐτὴν ἀρχομένην ἐπὶ τὰ μέγιστα καταλήγειν, πῇ δὲ ἀπὸ τῶν μεγίστων ἐπὶ τὰ ἐλάχιστα, κατὰ τὸ ἐφεξῆς τῶν ἐκλειπτικῶν διαστάσεων γινομένων), καὶ μὴ ἀφ' οἴουδῃποτε χρόνου ἢ ἀφ' οἴωνδῃποτε κινήματων μὴ δυνατόν εἶναι ἐπὶ πλείονων * ἐκλειπτικῶν διαστάσεων τὴν ἐξέτασιν ποιεῖσθαι τῆς μιᾶς διαστάσεως πλείστου τινὸς χρόνου καταλαμβανομένου, φησὶν οὖν, § εἰ μέλλει τις ἐκ τῶν τοιούτων τουτέστιν τῶν ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας ἐχουσῶν τὰς κατὰ μῆκος παρόδους, μὴ μὴν καὶ ἀνωμαλίας ἀποκαταστάσεις τὰ ὁμαλὰ κινήματα ἐφοδεύειν, βέλτιον μᾶλλον ἀπὸ τῶν ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἀνίσους σφόδρα ἐχουσῶν τὰς κατὰ μῆκος ἀκριβεῖς παρόδους ἐφοδεύειν.

1014 διὸ ἐρεῖ· «τοῦναντίον δ' ἂν ὀφείλομεν ἐκλέγειν τὰς μάλιστα τὴν ἀνισότητα ἐμφανίσει δυναμένας» τουτέστιν τὰς ἐν ἴσῳ χρόνῳ ἀνίσους μάλιστα τὰς κατὰ μῆκος ἀκριβεῖς παρόδους ἐπιλαμβανούσας. Οὐχ ὡς δυναμένων δὲ αὐτῶν τὸ προκείμενον περαίνειν ἀκριβῶς, διὰ τὴν ἐξῆς λεχθησομένην αἰτίαν λέγει· τοῦναντίον ὀφείλομεν ἐκλέγειν· ἀλλ' ὡς μᾶλλον τούτων δυναμένων παχυμερέστερόν πως τὰ ὁμαλὰ κινήματα καταλαμβάνειν, τοῦ τε μήκους καὶ τῆς ἀνωμαλίας. §Εἴτα διδάσκων ποίας λέγει ἴσας διαστάσεις ἀνίσους ἐχούσας σφόδρα τὰς κατὰ μῆκος ἀνωμάλους κινήσεις, φησὶν τούτων «τὰς ἀπὸ ... σφόδρα «διαφόρων δρόμων τὰς ἀρχὰς ἐχούσας ἢ κατὰ μέγεθος ἢ κατὰ δύναμιν.» §Καὶ κατὰ μέγεθος μὲν ἐκάλεσεν, ὅταν ἡ μὲν πρώτη διάστασις ἀπὸ τοῦ ἐλαχίστου δρόμου τουτέστιν τοῦ ἀπογείου ἄρχηται καὶ μὴ ἐπὶ τὸν μέγιστον καταλήγῃ, κατὰ δὲ τὴν δευτέραν ἀπὸ τοῦ μεγίστου, τουτέστιν τοῦ περιγείου ἄρχηται καὶ μὴ ἐπὶ τὸν ἐλάχιστον καταλήγῃ.

1015 αἱ γὰρ ἐπὶ τὰ μέγιστα καὶ ἐλάχιστα ἀπὸ τῶν εἰρημένων ἀρχῶν καταλήξεις ἐν ἴσοις μὲν χρόνοις ὡς ἔφαμεν ἔμπροσθεν ἴσας ποιούσι τὰς κατὰ μῆκος παρόδους οὐ μὴν καὶ ἀνωμαλίας ἀποκατάστασιν. Ὅταν οὖν πῇ μὲν ἀπὸ τοῦ ἐλαχίστου δρόμου τὴν ἀρχὴν τῆς κινήσεως λαμβάνῃ πῇ δὲ ἀπὸ τοῦ μεγίστου, πλείστη τότε ἔσται τῆς κατὰ μῆκος ἐπιλήψεως διαφορὰ μὴ ἀποκαθισταμένης τῆς ἀνωμαλίας, ὅταν μάλιστα τεταρτημόριον ἐν ἧ καὶ τρία μιᾶς ἀνωμαλίας τουτέστιν μιᾶς ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου ἀποκαταστάσεως τῆς σελήνης ἐπιλαμβάνηται, «δυσὶν τότε «τοῖς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόροις ἀνίσων τῶν» κατὰ μῆκος «διαστάσεως γιγνομένων.» §«Κατὰ δύναμιν δέ, ὡς ὅταν ἀπὸ τῶν μέσων δρόμων τὰς ἀρχὰς ἔχωσιν» μὴ ἀπὸ τῶν αὐτῶν δὲ μέσων δρόμων, ἀλλὰ ἡ μὲν ἀπὸ τοῦ κατὰ πρόσθεσιν ἢ δὲ ἀπὸ τοῦ κατὰ ἀφαίρεσιν. Καὶ οὕτω γὰρ πάλιν διοίσουσιν ἀλλήλων αἱ τοῦ μήκους ἐπουσίαι, μὴ ἀποκαθισταμένης τῆς ἀνωμαλίας, τεταρτημορίου μὲν ἐνὸς πάλιν ἢ καὶ τριῶν ἐπιλαμβανομένων δυσὶ τοῖς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόροις, ἡμικυκλίου δὲ τέτρασιν. Οὕτω γὰρ ἂν μᾶλλον καὶ μὴ ἀποκαθισταμένης τῆς ἀνωμαλίας τῆς σελήνης, ὅταν κατὰ τὴν πρώτην καὶ δευτέραν διάστασιν ἀπὸ τῶν οὕτω σφόδρα διαφόρων δρόμων τὰς ἀρχὰς αἱ κινήσεις λαμβάνωσιν, ἀνίσων τῶν κατὰ μῆκος ἐπιλήψεων γιγνομένων, παχυμερέστερόν πως τὰ εἰρημένα ὁμαλὰ κινήματα μεθοδεύεται, ὡς ἐξῆς ἡμῖν

δειχθήσεται. Ὡς δὲ ὅτι καὶ οἰκείαις ὀνομασίαις κατεχρήσατο, ἐπὶ μὲν τῶν μεγίστων καὶ ἐλαχίστων «κατὰ μέγεθος» εἰρηκώς, ἐπὶ δὲ τῶν προσθέσεων καὶ ἀφαιρέσεων «κατὰ δύναμιν».

1016 Ὡς δὲ πάλιν ὑπ' ὅψιν ἡμῖν γένηται τὰ εἰρημένα, ἐκκείσθω σαφηνείας ἕνεκεν ἡ εἰρημένη κατ' ἐπίκυκλον μία τῶν ἀπλῶν ὑποθέσεων. καὶ ἔστω ὁ μὲν ὁμόκεντρος τῷ κόσμῳ κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, περὶ κέντρον τὸ Ε· ὁ δὲ ἐπ' αὐτοῦ φερόμενος ἐπίκυκλος ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ αὐτοῦ κείμενος ὁ ΖΗΘΚ, περὶ κέντρον τὸ Α, ἡ δὲ διὰ τῶν κέντρων καὶ τοῦ ἀπογείου διάμετρος ἡ ΖΑΕΓ, ζῳδιακὸς δὲ ἔστω ὁ ΑΜΝΞ, ἐπόμενα δὲ αὐτοῦ ὡς ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Μ. καὶ ὑποκείσθω ἡ σελήνη ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου εἰς τὰ προηγούμενα τὴν μετάβασιν ποιουμένη, ὡς ἀπὸ τοῦ Ζ ἀπογείου ἐπὶ τὸ Κ, ὁ δὲ ἐπίκυκλος τὴν εἰς τὰ ἐπόμενα ὡς ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β. μὴ ἔστωσαν δὲ αἱ ἀποκαταστάσεις τῆς τε σελήνης ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου καὶ τοῦ κέντρου τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τοῦ ὁμοκέντρου καθάπερ ἐπὶ τοῦ ἡλίου ἰσοχρόνιοι, ἀλλὰ τάχιον ὁ ἐπίκυκλος ἐπὶ τοῦ ὁμοκέντρου τὴν ἀποκατάστασιν ποιεῖτω ἢ περὶ ἡ σελήνη ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου, ἐπεὶ καὶ ἐν τοῖς ἀποκαταστατικοῖς αὐτῆς χρόνοις πλείονες ἦσαν αἱ τοῦ μήκους περιδρομαὶ τῶν τῆς ἀνωμαλίας.

1017 Καὶ ἔστω πρότερον ἡ σελήνη ἐπὶ τοῦ Ζ ἀπογείου τοῦ ἐπικύκλου, περὶ δὲ τὰ ἐλάχιστα φαίνεται κινουμένη· ἔσται ἄρα ἀκριβῶς καὶ ὁμαλῶς ἐπὶ τοῦ ζῳδιακοῦ κατὰ τὸ Α. καὶ μετὰ τινα χρόνον μετὰ κύκλους ἐπιλαμβανέτω τὴν ΖΚ περιφέρειαν τεταρτημορίου, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ χρόνῳ μετὰ κύκλους καὶ ὁ ἐπίκυκλος ὁμαλῶς κινήσῃ, ὁμαλῶς ἐπιλαμβανέτω τὴν ΑΒ περιφέρειαν. καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΕΚ, καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Μ. ἔσται ἄρα ἡ μὲν ἀκριβὴς τῆς σελήνης ἐποχὴ κατὰ τὸ Μ, ἡ δὲ ὁμαλὴ καὶ πρὸς τὸ κέντρον τοῦ ἐπὶ * κύκλου λαμβανομένη κατὰ τὸ Ν· ὥστε ἀκριβῶς μὲν κινήσῃ τὴν ΑΜ ὁμαλῶς δὲ τὴν ΑΝ διαφορὰν παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν πεποιήται τὴν ὑπὸ ΝΕΜ γωνίαν· τοῦτέστιν τὴν ΝΜ περιφέρειαν. Πάλιν ὑποκείσθω κατὰ τοῦ Θ περιγείου περὶ δὲ τὰ μέγιστα καταλαμβάνεται κινουμένη, τοῦ ἐπικύκλου διὰ τὸ πρόχειρον τὴν θέσιν πάλιν ἔχοντος κατὰ τὸ Α. ἔσται δὲ ὡσαύτως ἡ ἀκριβὴς αὐτῆς καὶ ὁμαλὴ ἐποχὴ κατὰ τὸ Α. καὶ ἐν τῷ ἴσῳ τοῦ τοῦ πρώτου χρόνου κεκινήσθω αὕτη μὲν πάλιν ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου ὁμαλῶς ἀπὸ τοῦ Θ εἰς τὰ προηγούμενα τὴν ΘΗ, τεταρτημορίου πάλιν δηλονότι γινομένην, διὰ τὸ ἐν ἴσοις χρόνοις καὶ πρῶτον καὶ δεύτερον ὁμαλῶς αὐτὴν μετακεκινῆσθαι· ὁ δὲ ἐπίκυκλος διὰ τὰ αὐτὰ τὴν ἴσην ἦτοι τὴν αὐτὴν τῇ ΑΒ. καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΕΗ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Ξ. ἔσται δὲ πάλιν ὁμοίως ἐπὶ τοῦ ζῳδιακοῦ ἡ μὲν ὁμαλὴ ἡ ΑΝ ἡ δὲ ἀκριβὴς ἡ ΑΞ ἡ δὲ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορὰ ἡ ὑπὸ ΝΕΞ γωνία· τοῦτέστιν ἡ ΝΞ περιφέρεια. καὶ διοίσει ἡ ἀπὸ τῆς ἐλαχίστης κινήσεως ἀκριβὴς πάροδος κατὰ τὸ Μ τυγχάνουσα, τῆς ἀπὸ τῆς μεγίστης κινήσεως ἀκριβοῦς παρόδου κατὰ τὸ Ξ τυγχανούσης, τεταρτημορίου τῆς ἀνωμαλίας ἐπιλαμβανούσης· τοῦτέστιν τῆς ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου κινήσεως, τῇ ΜΞ περιεχούσῃ δις τὸ μέγιστον ἔγγιστα παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον, ἐπεὶ καὶ ταῖς τεταρτημορίαις ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἢ περιγείου ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου τῆς σελήνης παρόδοις αἱ μέγιστα ἔγγιστα παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφοραὶ παράκεινται. Ἐὰν δὲ πάλιν τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τοῦ Α τυγχάνοντος ἡ σελήνη ἐπὶ τοῦ Ζ ὑποκείσθαι, ὁμαλῶς τε καὶ ἀκριβῶς κατὰ τὸ Α τὴν ἐποχὴν ἔχουσα, καὶ ἐπιλαμβάνῃ μετὰ κύκλους τρία τεταρτημόρια ἐπικύκλου· τοῦτέστιν ὡς τὴν ΖΚΘΗ περιφέρειαν, ἐν δὲ τῷ αὐτῷ χρόνῳ καὶ ὁ ἐπίκυκλος μετὰ κύκλους ἐπιλαμβάνῃ τὴν ΑΒ περιφέρειαν, ἔσται πάλιν ὁμαλῶς μὲν ἐπιληφύια τὴν ΑΝ, ἀκριβῶς δὲ τὴν ΑΞ.

1018 Ὡς δὲ πάλιν ἐὰν τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τοῦ Α ὁμοίως ὑποκειμένου τῆς δὲ σελήνης κατὰ τοῦ Θ περιγείου καὶ τῆς ὁμαλῆς καὶ ἀκριβοῦς ἐποχῆς κατὰ τὸ Α ἡ σελήνη πάλιν ἐν τῷ ἴσῳ χρόνῳ ἐπιλαμβάνῃ ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου γ τεταρτημόρια ὡς τὴν ΘΗΖΚ περιφέρειαν, ἐν δὲ τῷ τοσούτῳ χρόνῳ καὶ ὁ ἐπίκυκλος πάλιν μετὰ τοὺς ἴσους κύκλους ἐπιλαμβάνῃ τὴν ΑΒ τοῦ ὁμοκέντρου περιφέρειαν, ἔσται πάλιν ὁμαλῶς μὲν ἐπιληφύια ἐπὶ τοῦ ζῳδιακοῦ τὴν ΑΝ περιφέρειαν ἀκριβῶς δὲ τὴν ΑΜ. ἐπιλήφει δὲ καὶ κατὰ τὴν πρώτην διάστασιν, ἀκριβῶς τὴν ΑΞ. διήνεγκαν ἄρα καὶ αἱ ἀπὸ τῶν ἀπογείων καὶ περιγείων τῶν γ τεταρτημορίων ἐπιλήψεις κατὰ τὴν ἀκριβῆ

πάροδον τῇ ΜΞ περιφερείᾳ περιεχούσῃ πάλιν δις τὸ πλεῖστον ἔγγιστα παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον. Ὡς καὶ ἐπὶ τῶν εἰρημένων κατὰ δύναμιν ἀπὸ τῶν μέσων παρόδων κινήσεων, ὑποκείσθω, πάλιν τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τοῦ Α τυγχάνοντος, ἡ σελήνη περὶ τοὺς μέσους δρόμους κατὰ τὸ Η ἢ Κ. καὶ πρότερον ἐπὶ τοῦ Κ κατὰ πρόσθεσιν. καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΕΚ ἐκβεβλήσθω κατὰ τὸ Ο, ὥστε τὴν σελήνην κατὰ μὲν τὸ Ο ἀκριβῶς τυγχάνειν κατὰ δὲ τὸ Λ ὁμαλῶς. Καὶ ἐπιλαμβανέτω ἡ σελήνη ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου ἕν τινι χρόνῳ ἕν ἢ τρία τεταρτημόρια, ὥστε γίγνεσθαι αὐτὴν κατὰ τοῦ Θ ἢ Ζ. ἐν δὲ τῷ τοσούτῳ χρόνῳ, μετὰ κύκλους ἐπιλαμβανέτω λόγου ἕνεκεν ὁ ἐπίκυκλος πάλιν τὴν ΑΒ.

1019 ἔσται ἄρα πάλιν ὁμαλῶς μὲν ἐπειληφυῖα τὴν ΑΝ, ἀκριβῶς δὲ τὴν ΟΝ, ἐπειδήπερ τοῦ μὲν ἐπικύκλου κατὰ τοῦ Β γεγεννημένου, τῆς δὲ σελήνης κατὰ τοῦ Θ ἢ Ζ, ἡ ἀκριβῆς αὐτῆς ἐποχὴ κατὰ τοῦ Ν τυγχάνει. Πάλιν τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τοῦ Α τυγχάνοντος ἔστω ἡ σελήνη ἐπὶ τῆς κατὰ τὸ Η ἀφαιρετικῆς μέσης παρόδου. καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΕΗ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Π. ἔσται ἄρα ἡ ἀκριβῆς αὐτῆς ἐποχὴ κατὰ τὸ Π. καὶ κεκινήσθω κατὰ τὸν ἴσον χρόνον μετὰ κύκλους ἡ μὲν σελήνη τὴν ΗΖ, ἢ τὴν ΗΖΚΘ, τουτέστιν ἕν ἢ τρία τεταρτημόρια, ὁ δὲ ἐπίκυκλος τὴν ΑΒ. ἔσται ἄρα πάλιν ὁμαλῶς μὲν ἐπειληφυῖα τὴν ΑΝ, ἀκριβῶς δὲ τὴν ΠΝ, ἐπειδήπερ πάλιν κατὰ τοῦ Ζ ἢ Θ τυγχάνουσα κατὰ τοῦ Ν τὴν ἀκριβῆ ἐποιεῖτο ἐποχὴν. Ἐπεὶ οὖν κατὰ μὲν τὴν πρώτην περίοδον ἀκριβῶς ἐπειλήφει τὴν ΟΝ, κατὰ δὲ τὴν δευτέραν τὴν ΠΝ, δῆλον πάλιν ὅτι καὶ αἱ ἀπὸ τῶν μέσων παρόδων τῆς σελήνης ἐνὸς τεταρτημορίου ἢ καὶ τριῶν ἐπιλήψεις διήνεγκαν κατὰ τὴν ἀκριβῆ πάροδον τῇ ΟΠ περιφερείᾳ περιεχούσῃ πάλιν δις τὸ πλεῖστον ἔγγιστα παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον. Ὡς καὶ ἐὰν τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τοῦ Α τυγχάνοντος ἡ σελήνη ἐπὶ τῆς κατὰ τὸ Κ κατὰ πρόσθεσιν παρόδου τυγχάνουσα ἀκριβῶς δὲ κατὰ τὸ Ο, ἐπιλαμβάνῃ τὸ ΚΘΗ τοῦ ἐπικύκλου ἡμικύκλιον, ἐν δὲ τῷ τοσούτῳ χρόνῳ καὶ ὁ ἐπίκυκλος ἐπιλαμβάνῃ τὴν ΑΒ περιφέρειαν, δῆλον πάλιν ὅτι ὁμαλῶς ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ ἐπειληφυῖα ἔσται τὴν ΑΝ περιφέρειαν, ἀκριβῶς δὲ τὴν ΟΞ, ἐπειδήπερ κατὰ τοῦ Η γεγεννημένη, κατὰ τοῦ Ξ ἀκριβῶς ἐτύγχανεν. Ὁμοίως δὲ πάλιν, ἐὰν τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τοῦ Α τυγχάνοντος, ἡ σελήνη ἐπὶ τῆς κατὰ τὸ Η ἀφαιρετικῆς μέσης παρόδου ὑποκείτῃ ἀκριβῶς δὲ κατὰ τὸ Π, καὶ ἐν ᾧ ἡ σελήνη τὴν ΗΖΚ τοῦ ἡμικυκλίου περιφέρειαν ἐπιλαμβάνει, ὁ ἐπίκυκλος ἐπὶ τὸ Β παραγένηται, ἐπὶ μὲν τῆς ὁμαλῆς παρόδου περιφέρεια ἔσται πάλιν ἡ ΑΝ ἢ δὲ τῆς ἀκριβοῦς ἡ ΠΜ, ἐπειδήπερ τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τοῦ Β γεγεννημένου τῆς δὲ σελήνης κατὰ τοῦ Κ, ἡ ἀκριβῆς αὐτῆς ἐποχὴ ἐπὶ τοῦ Μ τυγχάνει.

1020 Ἐπεὶ οὖν πάλιν κατὰ μὲν τὴν προτέραν διάστασιν ἀκριβῶς ἐπειλήφει τὴν ΟΞ, κατὰ δὲ τὴν δευτέραν τὴν ΠΜ, δῆλον ὅτι διαφέρουσιν ἀλλήλων αἱ τοῦ μήκους ἐπουσίαι, ἀπὸ τῶν εἰρημένων μέσων παρόδων τῆς σελήνης ἡμικύκλιον τοῦ ἐπικύκλου ἐπιλαμβανούσης, συναμφοτέραις ταῖς ΜΞ * καὶ ΟΠ, αἵτινες περιέχουσι τετράκις τὸ πλεῖστον ἔγγιστα παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον. Ὅτι δὲ ἐὰν ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἄνισοι μάλιστα ὥσιν αἱ κατὰ μῆκος ἀκριβεῖς πάροδοι ἀπὸ τῶν ἀπογείων ἢ περιγείων ἢ τῶν μέσων παρόδων ὡς καταδηλωτέρων τόπων τὰς ἀρχὰς λαμβάνουσαι, προχειρότερον μὲν ὅμως δὲ παχυμερέστερον τὰ ὁμαλὰ κινήματα μεθοδεύεται, μὴ ὅλων δηλαδὴ οὐσῶν ἀνωμαλιῶν ἀποκαταστάσεων, οὕτως ἡμῖν ἔσται δῆλον. Ὡς ἐὰν εὖρωμεν κατὰ τὸ ἴσον χρόνον ὧν πλείονα καὶ ἐλάττονα οὐ κινεῖται ἡ σελήνη, τουτέστιν τὸ μέγιστον καὶ τὸ ἐλάχιστον τὰ ἄκρα κατὰ μῆκος, καὶ τὴν ὑπεροχὴν τῶν τοιούτων κινήσεων λαβόντες τὸ ἥμισυ αὐτῆς ἤτοι προσθῶμεν τῇ ἐλαχίστῃ κατὰ τὸν μεταξὺ τῶν τηρήσεων χρόνον κινήσει, ἢ ἀφέλωμεν τῆς μεγίστης, τὰ γενόμενα ἔξομεν ἃ ἐν ἐκείνῳ τῷ χρόνῳ ὁμαλῶς κατὰ μῆκος κινῆται, ἐπεὶ καὶ μεταξὺ τῆς μεγίστης ἀφαιρέσεως ἢ προσθέσεως τῆς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορᾶς ἡ μέση πάροδος τοῦ κέντρου τοῦ ἐπικύκλου τυγχάνει. Ὡς ἴνα δὲ ἐπὶ καταγραφῆς φανερὰ γένηται τὰ λεγόμενα, ἔστω πάλιν ὁ μὲν ὁμόκεντρος τῷ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλος ἐν τῇ τῆς σελήνης σφαίρᾳ ὁ ΑΒΓ, περὶ κέντρον τὸ Δ. καὶ ὑποκείσθω ὁ

ἐπίκυκλος περὶ τὸ Α κέντρον, ἡ δὲ σελήνη κατὰ τοῦ Ε ἀπογείου, ὥστε τὴν ἀκριβῆ καὶ ὁμαλὴν ἐποχὴν τὴν αὐτὴν τυγχάνειν ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ κατὰ τὸ Κ. καὶ ἐν ᾧ ἡ σελήνη ἐν τινι χρόνῳ ἐπιλαμβάνει τὴν ΕΗ τεταρτημορίου, ἐν τοσούτῳ ὁ ἐπίκυκλος τὴν ΑΒ. καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΔΗ, καὶ διήχθω ἐπὶ τὸ Θ καὶ ἔτι ἡ ΔΒ ἐπὶ τὸ Λ.

1021 ἔσται ἄρα ἡ ΚΘ ἀκριβῆς τῆς σελήνης πάροδος ἐκ τῆς κατὰ διάμετρον τοῦ ἡλίου ἐποχῆς δοθεῖσα. Πάλιν τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τοῦ Α τυγχάνοντος, ὑποκείσθω ἡ σελήνη κατὰ τοῦ Μ περιγείου τοῦ ἐπικύκλου, ἵνα πάλιν ἢ τε ὁμαλὴ καὶ ἀκριβῆς αὐτῆς ἐποχὴ κατὰ τοῦ Κ τυγχάνῃ. καὶ ἐν ᾧ πάλιν τῷ ἴσῳ χρόνῳ τοῦ πρότερον χρόνου ἡ σελήνη ἐπιλαμβάνουσα τὴν ΜΝ τεταρτημορίου ἐπὶ τὸ Ν παραγίνεται, ἐν τοσούτῳ καὶ ὁ ἐπίκυκλος τὴν αὐτὴν δηλαδὴ τὴν ΑΒ κεκινήσθω. καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΔΝ, διήχθω ἐπὶ τὸ Ξ. ἔσται ἄρα ἡ ἀκριβῆς αὐτῆς ἐποχὴ κατὰ τὸ Ξ. καὶ δοθεῖσα ἡ ΚΞ ἐκ τῆς κατὰ διάμετρον τοῦ ἡλίου θέσεως ἦν δὲ καὶ ἡ ΚΘ δοθεῖσα· καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ μεγίστη αὐτῶν ὑπεροχὴ ἡ ΘΞ ἔσται δεδομένη. ἥς τὴν ἡμίσειαν τὴν ΘΛ προσθέντες τῇ ΘΚ, ἡ ἀφελόντες τῆς ΚΞ, ἔξομεν τὴν ΚΛ τῆς ὁμαλῆς τοῦ ἐπικύκλου παρόδου ἐπιζητούμενην περιφέρειαν. ἦν μερίσαντες παρὰ τὸν τῆς διαστάσεως χρόνον, ἔξομεν ἐκ προχείρου τὸ ἡμερήσιον ὁμαλὸν τοῦ μήκους κίνημα. ἀφ' ὧν καὶ τὰς λοιπὰς τῶν ὁμαλῶν τοῦ μήκους κανονίων ἐπισυνθέσεις ἐστὶν ἐπιλογίσασθαι. Ὡς δὲ ὅτι καὶ παρὰ τὸ αὐτὸ πλῆθος τῶν ἡμερῶν τοῦ χρόνου μερίζοντες τὴν ἀπὸ τῆς ἐλαχίστης ἢ μεγίστης κινήσεως ἐπὶ τὴν μέσην πάροδον τεταρτημορίου περιφέρειαν, ἔξομεν καὶ τὸ τῆς ἀνωμαλίας ἡμερήσιον ὁμαλὸν κίνημα.

1022 Ὅμοίως δὲ καὶ ἐὰν τρία τεταρτημόρια ἀπολάβωμεν ἀπὸ τῶν ἀπογείων ἢ περιγείων· καὶ ἀπὸ τῶν μέσων παρόδων ἐν ἡ τρία ἢ καὶ ἡμικύκλια, τὰ μέσα κινήματα ἡμῖν καταληφθήσεται. Παχυμερέστερον δὲ καταλαμβάνονται, διὰ τὸ καὶ τὸν χρόνον καθ' ὃν τεταρτημοριαίας περιφερείας ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἢ περιγείου τοῦ ἐπικύκλου ἐπείληφεν ἡ σελήνη, καὶ τὰς εἰρημένας ἀπὸ τῶν κατὰ πρόσθεσιν ἢ ἀφαίρεσιν περιφερείας ἐκ τῶν μέσων ἦτοι ὁμαλῶν παρόδων καταλαμβάνομεν μὴ ἀκριβῶς ἐφοδεύεσθαι, διὰ τὸ καὶ ἐπὶ πολὺ περὶ τὰς τοιαύτας παρόδους τὴν αὐτὴν γίνεσθαι τὴν ἀκριβῆ πάροδον τῇ ὁμαλῇ ἦτοι μέσῃ, τῆς παρὰ τὴν ὁμαλὴν κίνησιν διαφορᾶς ἐπὶ πολὺ ἀνεπαισθήτου γινομένης. Διαλαβὼν κατὰ ποίων τόπων τοῦ ἡλίου παροδεύοντος δύναται ἡ σελήνη ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἐκλειπτικὰς τὰς ἄκρας πανσελήνους ἔχουσα, ἴσας περιφερείας κατὰ μῆκος ἐπιλαμβάνειν, καὶ ἔτι κατὰ ποίων παρόδων ἡ σελήνη δύναται ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας κατὰ μῆκος περιφερείας ἐπιλαμβάνειν, μὴ μὴν καὶ ἀνωμαλιῶν ποιεῖσθαι ἀποκατάστασιν· καὶ πρὸς τὰς τοιαύτας παρόδους φήσας, μηδὲν τῶν τοιούτων ἔχειν δεῖν τὰς παραλαμβανομένας διαστάσεις εἰ μέλλουσιν ἀνωμαλίας ἀποκατάστασιν περιέχειν, διὰ τὸ δυνατὰς εἶναι καὶ τὰς τὸ ἐναντίον περιεχούσας πρὸς παχυμερεστέραν τῶν ὁμαλῶν παρόδων κατάληψιν (λέγω δὴ τὰς ἐν ἴσῳ χρόνῳ ἀνίσους ἀπὸ σφόδρα διαφόρων δρόμων τὰς κατὰ μῆκος ἐπιλήψεις ποιούσας), ὅ καὶ πῶς ἀπὸ τῶν τοιούτων παχυμερέστερον τὰ ὁμαλὰ κινήματα μεθοδεύεται· ἐπιφέρει πρὸς τὰ ἐπάνω προδειχθέντα ὡς ὅτι οὐχ οἷόν τέ ἐστὶν ἀνωμαλίας ἀποκατάστασιν γίνεσθαι, εἰ μὴ ἀπὸ τῶν αὐτῶν κινήματων ἡ σελήνη ἐπὶ τὰ αὐτὰ κινήματα * παραγένηται· καὶ φησιν· «διὰ «τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸν Ἰππαρχον ὀρῶμεν παρατετηρηκότα ὡς μάλιστα ἐνόμιζεν κεχρημένον τῇ τῶν παρελημμένων εἰς τὴν τοιαύτην ἐπίσκεψιν «διαστάσεων ἐκλογῇ.

1023 » Διὰ γοῦν φησιν τὰ ἐν τοῖς ἔμπροσθεν ἡμῖν πρὸς τὴν παρατήρησιν τῶν περὶ τὸν ἥλιον καὶ τὴν σελήνην εἰρημένα, εὐρίσκομεν καὶ τὸν Ἰππαρχον ταύταις ταῖς διαστάσεσιν συγκεκρημένον καὶ ταῖς ἀπὸ τῶν αὐτῶν κινήματων ἐπὶ τὰ αὐτὰ φερούσαις, ὅπερ ἐστὶν ὡς ἔφαμεν ἀνωμαλίας ἀποκατάστασις, καὶ οὐχὶ ταῖς ἀπὸ τῶν μεγίστων ἐπὶ ἐλάχιστα ἢ ἀπὸ ἐλαχίστων ἐπὶ μέγιστα, τουτέστιν καὶ οὐχὶ ταῖς ἀπὸ τοῦ περιγείου ἐπὶ τὸ ἀπόγειον, ἢ ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἐπὶ τὸ περίγειον. Διὰ τοῦτο δὲ τούτων μέμνηται ἐπεὶ αὐτὰ ὡς ἔφαμεν καὶ μὴ οὔσης ἀνωμαλίας

ἀποκαταστάσεως ἐν τοῖς ἴσοις χρόνοις ἴσας ποιοῦσαι τὰς ἀκριβεῖς παρόδους ταῖς ὁμαλαῖς, μὴ μὴν καὶ πάντοτε ἀφ' οἰωνδήποτε κινήματων τουτέστιν ἀφ' οἰουδήποτε χρόνου, ἀλλὰ μόνας κατὰ τὸν ἐφεξῆς χρόνον τῆς πρώτης διαστάσεως, διὰ πλείστου χρόνου τὴν ἀνταπόδοσιν ποιοῦμεναι, οὐκ εὐπορούντων ἡμῶν τοσούτου χρόνου τηρήσεις λαβεῖν ἀβεβαιότεραν τὴν περὶ αὐτῶν πρόρρησιν ἀπεργάζονται.

1024 § «Διορθώσαντα δὲ καὶ τὸ παρὰ τὴν τοῦ ἡλίου ἀνωμαλίαν γενόμενον διὰ«φορον, καίπερ βραχὺ» τυγχάνον, διὰ τὸ τὸν ἐκτεθειμένον αὐτῷ ἀποκαταστατικὸν χρόνον τῶν ιβ μυριάδων καὶ , ζζ ἡμερῶν καὶ ὥρας α ἰσημερινῆς ἐλλείπειν εἰς τὴν τοῦ μήκους ἀποκατάστασιν μοίραις ζ $\frac{1}{2}$ ', καὶ μήτε τὰς αὐτὰς μήτε τὰς τὸ ἴσον ποιοῦσας παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον, ὥς παρακολουθεῖν ἐν ἀνίσοις χρόνοις τὸν ἥλιον αὐτὰς διαπορεύεσθαι· τῆς οὖν ὑπεροχῆς τῶν παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόρων τὸ ἥμισυ παραβάλλων εἰς τὸ ὠριαῖον τοῦ ἡλίου μέσον κίνημα, τὸ γιγνόμενον μέρος ὥρας ἀφαιρῶν τοῦ μείζονος χρόνου ἢ προστιθεὶς τῷ ἐλάσσονι, διορθοῦτο τὸ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν τοῦ ἡλίου γιγνόμενον διάφορον, ὥς ἐν ταῖς ἴσαις τοῦ ἡλίου ἐπουσίαις ἴσους γίγνεσθαι καὶ τοὺς χρόνους. § «Ταῦτα δὲ εἵπομεν οὐ διαβάλλοντες τὴν προκειμένην ἐπιβολὴν τῆς «τῶν περιοδικῶν ἀποκαταστάσεων καταλήψεως ἀλλὰ παριστάντες ὅτι «μετὰ μὲν τῆς προσηκούσης ἐξετάσεως καὶ τοῦ κατὰ τὸ ἀκόλουθον ἐπι«λογισμοῦ γιγνομένη κατορθοῦν δύναται τὸ προκείμενον.

1027 » Ταῦτα δὲ φησιν εἵπομεν οὐ διαβάλλοντες τὰς πρὸς τὴν κατάληψιν τῶν περιοδικῶν κινήσεων τῶν παλαιῶν ἐπιχειρήσεις, ἀλλὰ παριστάντες ὅτι πολλῶν συμπτωμάτων κατὰ τὸ αὐτὸ προσδεόμεναι μετὰ μὲν πολλῆς ἐξετάσεως ἀκριβοῦμεναι περαίνειν δύνανται τὸ προκείμενον. εἰ δέ τινα καὶ τὸ τυχὸν τῶν εἰρημένων ὑπάρχειν ταῖς ἐκλειπτικαῖς ἐπισημασίαις παρέλθοι, διαπεσεῖται παντάπασιν τῆς ἐπιζητουμένης καταλήψεως. § Τῶν γοῦν ὑπὸ τοῦ Ἰπάρχου ἐκτεθειμένων περιοδικῶν ἀποκαταστάσεων ἡ μὲν τῶν μηνῶν ὑγιῶς ὥς ἔνι μάλιστα τετηρημένη, σύμφωνος ταῖς ὑπὸ τοῦ Πτολεμαίου διὰ τῶν τηρήσεων καταλήψεσιν ἐπιλελογισμένη φαίνεται· ἡ δὲ τῆς ἀνωμαλίας καὶ τοῦ πλάτους, ἀξιολόγῳ τινὶ διεψευσμένη, ὥς ἐν τοῖς ἐξῆς ἀποδείκνυσιν ἅμα τῇ πηλικότητι τῆς πρώτης καὶ ἀπλῆς κατὰ μέρος παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν τῆς σελήνης διαφορᾶς. § Ποιεῖται δὲ τὴν ἔκθεσιν τῶν ὁμαλῶν παρόδων τοῦ τε μήκους καὶ τῆς ἀνωμαλίας, καὶ τῆς ἀποχῆς καὶ ἔτι τοῦ πλάτους. § Καὶ πρῶτον τοῦ μήκους τὸν τρόπον τοῦτον. ἐπεὶ γὰρ ἀπὸ πανσελήνου ὁμαλῆς ἐπὶ πανσέληνον ὁμαλὴν χρόνος ἐστὶ ἐν ᾧ ὁμαλὴ πάροδος τῆς σελήνης ἀπὸ τῆς κατὰ διάμετρον τοῦ ἡλίου ὁμαλῆς παρόδου ἐπὶ τὴν κατὰ διάμετρον πάλιν ὁμαλὴν τοῦ ἡλίου πάροδον παραγίγνεται, ἢ καὶ ἀπὸ συνόδου ὁμαλῆς ἐπὶ σύνοδον ὁμαλὴν, ἀκόλουθον ἂν εἴη ἐν τῷ ἀποδεδειγμένῳ μέσῳ μηνιαίῳ χρόνῳ ἡμερῶν τυγχάνοντι κθ λα ν η κ τὴν σελήνην ὁμαλῶς κινεῖσθαι ἓνα κύκλον καὶ ἔτι ὅσα ἐν τῷ τοσούτῳ χρόνῳ ὁμαλῶς ὁ ἥλιος κινεῖται.

1028 καὶ διὰ τοῦτο, ἐὰν τὸ ἀποδεδειγμένον τοῦ ἡλίου ἡμερήσιον ὁμαλὸν κίνημα τὸ π νθ η ιζ ιγ ιβ λα πολλαπλασιάσωμεν ἐπὶ τὰς τοῦ ἐνὸς μηνὸς ἡμέρας κθ λα ν η κ, καὶ τοῖς γενομένοις κθ ς κγ κδ β λ νζ προσθῶμεν ἐνὸς κύκλου μοίρας τξ, ἔξομεν πληθὸς μοιρῶν τπθ ς κγ α κδ β λ νζ ὅσα ἐν τῷ εἰρημένῳ μέσῳ μηνιαίῳ χρόνῳ ἡ σελήνη ὁμαλῶς κινήσεται. ἃς μερίσαντες παρὰ τὸ τοῦ μέσου μηνιαίου χρόνου τῶν ἡμερῶν πληθός, ἔξομεν τὸ ἡμερήσιον τῆς σελήνης κατὰ μήκος ὁμαλὸν κίνημα, μοιρῶν ιγ ι λδ νη λγ λ λ. § Ἔτι δὲ τοὺς σξθ κύκλους τῆς ἀνωμαλίας πολλαπλασιάσαντες ἐπὶ τὰς τοῦ ἐνὸς κύκλου μοίρας τξ, καὶ τὰς γενομένας μοίρας Μ θ , ζωμ μερίσαντες ἐπὶ τὰς γενομένας ἡμέρας τῶν σνα μηνῶν , ζυιβ ι μδ να μ ἔξομεν τὸ κατὰ τὸν Ἰππαρχον τῆς ἀνωμαλίας, τουτέστι τὸ τῆς σελήνης ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου ἡμερήσιον ὁμαλὸν κίνημα μοιρῶν ιγ γ * νγ νς κθ λη λη. δ' ἀφ' οὗ ἀφελόντες τὸ ἀποδειχθησόμενον ἐλλείπον αὐτῷ

παρὰ τοὺς τοῦ Ἰπάρχου ἐπιλογισμοὺς ϖ ϖ ϖ ϖ ια μς λθ, εὔρομεν τὸ διορθούμενον τῆς ἀνωμαλίας ἡμερήσιον ὁμαλὸν κίνημα μοιρῶν ιγ γ νγ νς ιζ να νθ.

1029 Σ'Ομοίως πάλιν τὰς , εἰς τοῦ πλάτους ἀποκαταστάσεις πολλαπλασιάσαντες ἐπὶ τὰς τοῦ ἐνὸς κύκλου μοίρας τξ, καὶ τὰς γενομένας τῶν μοιρῶν Μ σιγ , βσπ μερίσαντες εἰς τὰς τῶν , ευνη μηνῶν γιγνομένασήμερας μυριάδας δέκα ἔξ, αροζ νη γ κ, ἔχομεν τὴν κατὰ τὸν Ἰπάρχον τοῦ πλάτους ἡμερησίαν ὁμαλὴν κίνησιν μοιρῶν ιγ ιγ με λθ μ ιζ ιθ. § ὧ προσθέντες τὰ ἐκ τῆς διορθώσεως αὐτῷ ἀποδειχθησόμενα ϖ ϖ ϖ ϖ η λθ ιη, ἔχομεν τὸ διορθούμενον τοῦ πλάτους ἡμερήσιον ὁμαλὸν κίνημα, μοιρῶν ιγ ιγ με λθ μη νς λζ. Ἔτι δὲ καὶ ἀπὸ τοῦ τῆς σελήνης ἡμερησίου κατὰ μῆκος μέσου κινήματος, ἀφελόντες § τὸ τοῦ ἡλίου μέσον ἡμερήσιον ὁμαλὸν κίνημα, § ἔχομεν καὶ ἀποχῆς ἡμερήσιον μέσον κίνημα, τουτέστιν ὅσον καθ' ἑκάστην ἡμέραν ἡ ὁμαλὴ τῆς σελήνης πάροδος ἀφίσταται τῆς ὁμαλῆς τοῦ ἡλίου παρόδου, μοιρῶν ιβ ια κς μα κ ιζ νθ. § οἷς ἀκολουθῶς ἡμερησίοις κινήμασιν καὶ τὰς λοιπὰς τῶν κανονίων ἐπισυνθέσεις ἐπραγματευσάμεθα. Γέγονε δὲ ὁ ἐπιμερισμὸς τοῦ πλήθους τῶν μοιρῶν εἰς τὸ πλῆθος τῶν ἡμερῶν, καὶ ὑποδείγματος ἕνεκεν ὡς ἐπὶ τῆς ἀνωμαλίας τῶν ἐννέα μυριάδων , ζωμ μοιρῶν εἰς τὰς , ζιβ ι μδ να μ ἡμέρας τὸν τρόπον τοῦτον.

1030 κατεβίβάσαμεν τὸ τῶν προκειμένων ἡμερῶν πλῆθος εἰς τὸν τῆς ἐξηκοντάδος λόγον καὶ γεγόνασιν β γ λβ ι μδ να μ· καὶ ὁμοίως τὸ πλῆθος τῶν μοιρῶν καὶ γεγόνασιν κς νδ.

1031 καὶ ἐπισυνθέντες τὰ β γ λβ ι μδ να μ ἄχρι τῶν ξ, παρεθήκαμεν ἐν κανονίῳ καθάπερ ἔχει τὸ ὑποκείμενον. Καὶ ἔπειτα εἰσάξομεν πρῶτον τὸν τῶν κς νδ μοιρῶν ἀριθμὸν κατὰ τὸ δεύτερον σελίδιον τῶν ἡμερῶν καὶ ἀφελόντες ἀπ' αὐτῶν τὰ παρακείμενα ἐν αὐτῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάσσονα κ λε κα μζ κη λς μ, ἀπεγραψάμεθα τὸν κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον ἀριθμὸν ὧ ταῦτα παράκειται, ὡς τὸν ι. ἔπειτα τὸν μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν ἀριθμὸν τυγχάνοντα ς ιη λη ιβ λα κγ κ εἰσαγαγόντες πάλιν κατὰ τὸ δεύτερον τῶν ἡμερῶν σελίδιον τὰ παρακείμενα ἐν αὐτῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάσσονα ς ι λς λβ ιδ λε ϖ ἀφελόντες ἀπ' αὐτῶν, ἀπεγραψάμεθα καὶ τὸ κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον γ, ὧ ταῦτα παράκειται, καὶ ἔχομεν τὸν ιγ. Ἐπειτα τὸν μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν η α μ ις μη κ εἰσαγαγόντες πάλιν κατὰ τὸ δεύτερον σελίδιον τὰ παρακείμενα αὐτῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάσσονα ς ι λς ιδ λε ϖ ἀφελόντες ἀπ' αὐτῶν, ἀπογραψόμεθα καὶ τὸν κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον ἀριθμὸν ὧ ταῦτα παράκειται, ὡς τὸν γ, καὶ ἔχομεν τὸν ιγ γ. Ἐπειτα πάλιν τὸν μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν α να γ μδ λγ με ϖ τουτέστι τὸν ρια γ μδ λγ με εἰσαγαγόντες πάλιν κατὰ τὸ δεύτερον σελίδιον, τὰ παρακείμενα αὐτῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάσσονα ρβ νς μη νζ κγ γ κ ἀφελόντες ἀπ' αὐτοῦ, ἀπεγραψάμεθα καὶ τὸν κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον ἀριθμὸν ὧ ταῦτα παράκειται, οἷον τὸν ν. Ἐπειτα πάλιν τὸν μετὰ τὴν ἀφαίρεσιν ἀριθμὸν η ς νε λς κα νς μ τυγχάνοντα, εἰσαγαγόντες ὁμοίως κατὰ τὸ δεύτερον σελίδιον, τὰ παρακείμενα ἐν αὐτῷ ἔγγιστα αὐτοῦ ἐλάσσονα ς ι λς λβ ιδ λε ϖ ἀφελόντες ἀπ' αὐτοῦ, ἀπεγραψάμεθα καὶ τὸν κατὰ τὸ πρῶτον σελίδιον ἀριθμὸν οἷον τὸν γ ὧ ταῦτα παράκειται, καὶ ἔχομεν τὸν ιγ γ νγ.

1032 ὡσαύτως δὲ τῇ αὐτῇ ἀγογῇ κατακολουθοῦντες, εὐρήσομεν κατὰ τὸν προεκτεθειμένον ἀριθμὸν, καὶ τὰ λοιπὰ ἐξηκοστά, νς κθ λη λη. Περὶ τῆς πρώτης καὶ ἀπλῆς ἀνωμαλίας τῆς σελήνης.

1033 (1τ) «Ἐπομένου δὲ τούτοις τοῦ δεῖξαι τὸν τε τρόπον καὶ τὴν πηλικότητα «τῆς σεληνιακῆς ἀνωμαλίας ...» καὶ τὰ ἐξῆς. Ἀκολουθοῦ οὖν τυγχάνοντος, καθάπερ ἐπὶ τοῦ ἡλίου ἐδηλοῦμεν, ἐξῆς τῆς τῶν ὁμαλῶν κινήσεων πραγματείας καὶ περὶ τῆς παρὰ τὴν ὁμαλὴν κίνησιν γιγνομένης κατὰ μῆκος διαφορᾶς τῇ ἀκριβεῖ παρόδῳ τὸν λόγον ποιήσασθαι· ἥτις πάλιν, ὡς μὲν ἐπὶ ὁμοκέντρου ἐκ τοῦ λόγου τῶν ἐκ τῶν κέντρων τοῦ ἐπικύκλου καὶ τοῦ ὁμοκέντρου καταλαμβάνεται, ὡς δὲ ἐπὶ ἐκκέντρου ἐκ τῆς μεταξὺ τῶν κέντρων τοῦ τε διὰ μέσων καὶ τοῦ

ἐκκέντρου πρὸς τὴν ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ἐκκέντρου· νῦν μὲν χρῆται τῇ δείξει, ὡς μιᾶς ταύτης ὑπαρχούσης ἣτις καὶ ἀποκαθίσταται πάντοτε κατὰ τὸν ἐκτεθειμένον ἐξ ὅλων μηνῶν χρόνον.

1034 Ἐξῆς δὲ δείκνυσιν ὅτι καὶ δευτέραν ποιεῖται παρὰ τὴν ὁμαλὴν κίνησιν διαφορὰν ἐκ τῶν παρὰ τὰς πρὸς τὸν ἥλιον ἀποστάσεις μηνοειδῶν τε καὶ διχοτόμων καὶ ἀμφικύρτων σχηματισμῶν, μεγίστην μὲν ἀποτελουμένην κατὰ ἀμφοτέρας τὰς διχοτόμους λέγω δὴ τὴν τε κατὰ τὴν αὐξήσιν τῆς σελήνης καὶ τὴν κατὰ τὴν μείωσιν, ἀποκαθισταμένην δὲ δις ἐν τῷ μηνιαίῳ χρόνῳ περὶ αὐτὰς τὰς συνόδους καὶ τὰς πανσελήνους. Καὶ ἐπεὶ πάντοτε αἱ τοιαῦται δύο ἀνωμαλῖαι συμπεπλεγμέναι καταλαμβάνονται, ἄνευ τῶν κατὰ τὰς συνόδους καὶ τὰς πανσελήνους χρόνων τῆς δευτέρας τότε μὴ γιγνομένης, διὰ τὸ ὡς ἔφαμεν ἐκ τῶν πρὸς τὸν ἥλιον τῆς σελήνης ἀποστάσεων μηνοειδῶν τε καὶ ἀμφικύρτων αὐτὴν ἀποτελεῖσθαι, χρῆται πρὸς τὴν δείξιν τῆς πρώτης καὶ καθ' ἑαυτὴν ἀποτελουμένης ἀνωμαλίας τῇ κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσει, δυνατῆς μὲν οὔσης καὶ τῆς κατ' ἐκκεντρότητα ὡς ἐξῆς δῆλον ποιεῖ τὸ τοιοῦτον ἀποδεικνύειν, οἰκειότερον δὲ προσαφθισομένης τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως εἰς τὴν συμπλοκὴν τῶν δύο ἀνωμαλιῶν συμφώνου τότε αὐτῆς καταλαμβανομένης ἐπὶ ἐκκέντρου φέρειν τὸν ἐπίκυκλον, καθὼς ἐν τοῖς ἔμπροσθεν ἔλεγεν ὅτι § «ἐπὶ «μὲν τῶν μιᾶς κεχρημένων ἀνωμαλίας καὶ μία τῶν ὑποθέσεων ἀρκέσει, «ἐπὶ δὲ τῶν δισσὰς ποιουμένων ἀνωμαλίας, ἀμφοτέρας τὰς ὑποθέσεις «ἐνδέχεται συμπεπλέχθαι.» Χρῆται ἐντεῦθεν τῷ ἐπὶ ἐπίκυκλου κινεῖσθαι τὴν σελήνην, § καὶ διὰ τὸ μὴ καὶ ἐπὶ τῆς σελήνης καθάπερ ἐπὶ τοῦ ἡλίου ἰσοχρονίους εἶναι τὰς ἀποκαταστάσεις τοῦ τε μήκους καὶ τῆς ἀνωμαλίας, τουτέστιν τῆς τοῦ ἐπίκυκλου ἐπὶ τοῦ ὁμοκέντρου κινήσεως καὶ τῆς σελήνης ἐπὶ τοῦ ἐπίκυκλου, ἀλλὰ μείζονα τὴν τοῦ μήκους, τουτέστιν τὴν τοῦ ἐπίκυκλου ὑποτιθέμενος ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου τὴν μὲν σελήνην τὴν ὁμοίαν τῇ ἐπὶ τοῦ ἐπίκυκλου ποιεῖσθαι κίνησιν, τὸν δὲ ἔκκεντρον ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῇ σελήνῃ περὶ τὸ τοῦ ζωδιακοῦ κέντρον τηλικαύτην ἡλικὴ ἐστὶν ἢ ὑπεροχὴ τῆς κατὰ μήκος ἐκτεθειμένης ὁμαλῆς κινήσεως πρὸς τὴν τῆς ἀνωμαλίας, § δείκνυσιν ἀπαραλλάκτως τὰ αὐτὰ φαινόμενα δι' ἑκατέρας τῶν ὑποθέσεων ἀποτελούμενα, ἐν ᾗ δείξει, ὁμοκέντρου ὄντος τοῦ ΑΒΓ περὶ κέντρον τὸ Δ καὶ διάμετρον τὴν ΑΔ, καὶ ἐπίκυκλου τοῦ ΕΖ, καὶ μείζονος ἢ ὁμοίας τῆς ΑΓ τῇ ΕΖ, φησὶν· κείσθω τῇ ΕΖ ὁμοία ἢ ΓΒ.

1036 Λαμβάνεται δὲ ἡ ὁμοία, παραλλήλου ἀχθείσης διὰ τοῦ Δ τῇ ΓΖ τῆς ΔΒ. διήχθω γὰρ ἡ ΓΔ ἐπὶ τὸ Η, καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΒΗ, ΖΘ, ΓΒ, ΕΖ, καὶ ἔτι αἱ ΕΚ, ΚΖ, ΓΛ, ΛΒ. ἐπεὶ παράλληλός ἐστιν ἡ ΓΖ τῇ ΔΒ, ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΕΓΖ γωνία τῇ ὑπὸ ΓΔΒ. ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΕΘΖ τῇ ὑπὸ ΓΗΒ ἐστὶν ἴση. καὶ λοιπὴ ἄρα εἰς τὰς β ὀρθὰς ἢ πρὸς τῷ Κ τῇ πρὸς τῷ Λ ἐστὶν ἴση. ὁμοία ἄρα ἡ ΕΖ περιφέρεια τῇ ΓΒ περιφέρειᾳ. ὁμοία γὰρ τμήματα κύκλων ἐστὶν τὰ δεχόμενα γωνίας ἴσας. καὶ δῆλον διὰ τῶν αὐτῶν, ὅτι καὶ τὸ ἀνάπαλιν, κἂν ὅμοιαι ᾖσιν αἱ ΕΖ, ΒΓ, παράλληλοι ἔσονται καὶ αἱ ΓΖ, ΒΔ. § λέγω δὴ ὅτι καὶ καθ' ἑκατέραν τῶν προκειμένων ὑποθέσεων ἡ μεγίστη διαφορὰ γίνεσθαι τῆς ὁμαλῆς κινήσεως παρὰ τὴν ἀνώμαλον, καθ' ἣν καὶ ἡ μέση ἀρόδος τῆς σελήνης νοεῖται, τουτέστιν ὅταν ἡ ἀκριβὴς αὐτῆς ἀρόδος ἀπὸ τοῦ ἀπογείου τεταρτημόριον ἀπέχη· καὶ ὅτι ὁ ἀπὸ τῆς ἐλαχίστης * κινήσεως ἐπὶ τὴν μέσην χρόνος μείζων ἐστὶν τοῦ ἀπὸ τῆς μέσης ἐπὶ τὴν μεγίστην. Ἐκκείσθω γὰρ ὁμόκεντρος ὁ ΑΒΓ περὶ κέντρον τὸ Δ, ὁ δὲ ἐπ' αὐτοῦ φερόμενος ἐπίκυκλος ὁ ΕΖΗ περὶ κέντρον τὸ Α· ὁ δὲ ἔκκεντρος ὁ ΑΜΝ περὶ κέντρον τὸ Ξ καὶ διάμετρον τὴν ΑΞΝ, ἐφ' ἧς ὑποκείσθω τὸ τοῦ ζωδιακοῦ κέντρον τὸ Ο. καὶ ὑποκείσθω ἡ σελήνη κατὰ τῶν Ε, Λ ἀπογείων τυγχάνουσα. Καὶ ἐν ᾧ τὸ Λ ἀπόγειον κινούμενον εἰς τὰ ἐπόμενα περὶ τὸ τοῦ ζωδιακοῦ κέντρον τὴν εἰρημένην τῶν β κινήσεων ὑπεροχὴν ὡς τὴν ὑπὸ ΑΟΠ ἐπὶ τὸ Π παραγίνεται, ἐν τοσούτῳ καὶ ἡ σελήνη κινήθεισά ὁμαλῶς τὴν ὑπὸ ΠΞ'Μ γεγονέντω ἐπὶ τῆς ΟΜ, ἀπέχουσα τοῦ Π ἀπογείου τὴν ὑπὸ ΠΟΜ ὀρθὴν γωνίαν, καὶ δηλονότι κατὰ τῆς μέσης παρόδου τυγχάνουσα.

1037

Ἐν τῷ αὐτῷ δὲ πάλιν χρόνῳ καὶ ἡ ΔΑ ὡσαύτως κινηθεῖσα τὴν ὑπὸ ΑΔΒ, ἴσην τῇ ὑπὸ ΛΟΠ, φερέτω τὸν ἐπίκυκλον κατὰ τὸ Β. καὶ ἔτι ὁ μὲν ἐπίκυκλος κεκινήσθω τὴν ὑπὸ ΒΔΓ, ἡ δὲ σελήνη τὴν ὑπὸ ΕΓΖ, καὶ γεγονέτω ἀκριβῶς ἐπὶ τοῦ Ζ, τὴν ὑπὸ ΒΔΖ κινηθεῖσα ἴσην οὖσαν τῇ ὑπὸ ΠΟΜ ὀρθῇ γωνίᾳ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν κατὰ τὴν ὑπόθεσιν ἡ ὑπὸ ΕΓΖ, τουτέστιν ἡ ὑπὸ ΒΔΓ, διὰ τὴν ὁμοιότητα τῶν κινήσεων τῇ ὑπὸ ΠΕ'Μ, τουτέστιν ταῖς ὑπὸ Ξ'ΟΜ, ΟΜΞ' ὧν ἡ ὑπὸ ΒΔΖ τῇ ὑπὸ ΠΟΜ ἐστὶν ἴση· ὀρθὴ γὰρ ἑκατέρα· λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΖΔΓ τῆς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορᾶς, λοιπὴ τῇ ὑπὸ Ξ'ΜΟ διαφορᾷ ἐστὶν ἴση.

1038 καὶ φανερόν ὅτι καὶ μεγίστη ἐστὶν ἑκατέρα· καὶ ἐπὶ μὲν τῆς κατ' ἑκκεντρον, ἀκολουθῶς τοῖς ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ δειχθεῖσιν· ἐπὶ δὲ τῆς κατ' ἐπίκυκλον, διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν ὑπὸ ΒΔΖ ὀρθὴν γωνίαν, τῇ ὑπὸ ΔΖΓ ἐναλλάξ· καὶ διὰ τοῦτο ἐφάπτεσθαι τὴν ΔΖ τοῦ ἐπικύκλου. Ἐτι δὲ διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν ὑπὸ ΑΔΒ τῇ ὑπὸ ΛΟΠ, καὶ ὅλη ἡ ὑπὸ ΛΟΜ ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Α ἐξ ἀρχῆς ἀκριβοῦς ἐποχῆς ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΑΔΖ ἀκριβεῖ, ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Α ἐξ ἀρχῆς πάλιν ἐποχῆς. Δῆλον δὲ καὶ ὅτι ὁ ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Π ἀπόγειον ἐλαχίστης κινήσεως ἐπὶ τὴν κατὰ τὸ Μ μέσην πάροδον χρόνος μείζων ἐστὶν τοῦ ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Μ μέσης παρόδου, ἐπὶ τὴν κατὰ τὸ Ρ μεγίστην, ἐπειδὴ περ καὶ ἡ ὑπὸ ΠΕ'Μ ἀμβλεῖα γωνία μείζων ἐστὶ τῆς ΜΞ'Ρ. Καὶ ὁμοίως ἐπὶ τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὁ ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ τὸ Ζ χρόνος, μείζων ἐστὶν τοῦ ἀπὸ τοῦ Ζ ἐπὶ τὸ Κ, διὰ τὸ καὶ τὴν ὑπὸ ΕΓΖ γωνίαν ἴσην εἶναι τῇ ὑπὸ ΓΔΒ ἀμβλεῖα. Καὶ δέδεικται ἡμῖν ἡ τῶν προκειμένων συμφωνία, ὅταν ὡς ἔφαμεν ἡ ἀκριβὴς πάροδος τῆς σελήνης τεταρτημόριον ἀπέχη τοῦ ἀπογείου. §«Πρὸς δὲ τὴν δεῖξιν τῆς πρώτης καὶ καθ' ἑαυτὴν θεωρουμένης ἀνω«μαλίας ἡ κατ' ἐπίκυκλον ὑπόθεσις περιεχέτω τὸν τρόπον τοῦτον. νοείσθω «γὰρ ἐν τῇ τῆς σελήνης σφαίρᾳ κύκλος ὁμόκεντρός τε καὶ ἐν τῷ αὐτῷ «ἐπιπέδῳ κείμενος τῷ διὰ μέσων τῶν ζωδίων» ὁ ΑΒΓΔ, περὶ κέντρον τὸ Η.

1039 «πρὸς δὲ τοῦτον ἕτερος ἐγκεκλιμένος» ὁ ΕΒΖΔ περὶ διάμετρον τὴν ΕΗΖ, τοσοῦτον ὅση τις καὶ ἡ μεγίστη τῆς σελήνης ἀπὸ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κατὰ πλάτος ἀπόστασις καταλαμβάνεται, τουτέστιν μοιρῶν ε, φερόμενος ὁμαλῶς εἰς τὰ προηγούμενα ὡς ἀπὸ τοῦ Ε, ὃ ὑποκείσθω καὶ βόρειον πέρας, ἐπὶ τὰ πρὸς τῷ Δ καὶ Ζ μέρη, τοσοῦτον ὅσον ἡ κατὰ πλάτος κίνησις ὑπερέχει τῆς κατὰ μῆκος, τουτέστιν ἐξηκοστῶν γ ἑγγιστα.

1040 Ἦστω δὲ ἡ τοῦ Ε βορείου πέρατος ἐποχὴ ἐπὶ τοῦ ἀπὸ τοῦ Ε πρὸς ὀρθὰς γραφομένου ἐπὶ τὸ τοῦ διὰ μέσων ἐπίπεδον μεγίστου κύκλου τοῦ ΕΑ κατὰ τὸ Α. καὶ ἐπὶ τούτου τοῦ λοξοῦ κύκλου ὑποκείσθω φερόμενος ἐπίκυκλος ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ αὐτοῦ κείμενος, ὡς ὁ περὶ τὸ Ε κέντρον, ὁμαλῶς καθ' ἑκάστην ἡμέραν ὅση τίς ἐστὶν καὶ ἡ ἐκτεθειμένη κατὰ πλάτος ὁμαλὴ ἡμερησία πάροδος § τουτέστιν μοιρῶν ιγ ιγ ἑγγιστα, ἥτις καὶ πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων θεωρουμένη τὴν κατὰ μῆκος ποιεῖται κίνησιν, § διὰ τὸ ἀνθυφαιρεῖν τὸν λοξὸν κύκλον εἰς τὰ προηγούμενα τὰ τῆς ὑπεροχῆς ἐξηκοστὰ γ, καὶ τὰς λοιπὰς εἰς τὰ ἐπόμενα τὸν ἐπίκυκλον φαίνεσθαι ὡς πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν *ζωδίων τὰς τοῦ μήκους μοίρας ιγ ι ἑγγιστα. Ἐπὶ δὲ αὐτοῦ τοῦ ἐπικύκλου ὑποκείσθω πάλιν ἡ σελήνη ὡς ἀπὸ τοῦ ἀπογείου ἐπὶ τὰ προηγούμενα τὴν μετάβασιν ποιουμένη ὅση τίς ἐστὶν καὶ ἡ ἐκτεθειμένη ἐκ τῶν ἀποκαταστατικῶν χρόνων μέση τῆς ἀνωμαλίας ἡμερησία κίνησις, § τουτέστιν μοιρῶν ιγ δ ἑγγιστα τῆς κατὰ μῆκος πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων παρόδου, μηδὲν αἰσθητὸν διάφορον ποιούσης παρὰ τὸ μὴ συνεπιλογίζεσθαι μήτε τὸ ἐκ τῶν γ ἐξηκοστῶν τῆς προηγέσεως διάφορον, μήτε τὸ ἐκ τῆς λοξώσεως τοῦ σεληνιακοῦ κύκλου τῆς ὅλης ἐγκλίσεως ὡς ἔφαμεν μοιρῶν ε καταλαμβανομένης· ἐὰν γὰρ νοήσωμεν τὸ κατὰ τὸ Ε βόρειον πέρας κινούμενον εἰς τὰ προηγούμενα περὶ τὸ Η κέντρον ἐν τῇ ἡμερησίᾳ παρόδῳ τὴν ὑπὸ ΕΗΚ, ἐξηκοστὰ γ, ὅσων ἐστὶν καὶ ἡ ὑπεροχὴ τῆς κατὰ πλάτος ἡμερησίας μέσης παρόδου πρὸς τὴν κατὰ μῆκος, ὥστε τὸν ΕΒΖΔ λοξὸν κύκλον τὴν θέσιν λαμβάνειν τοῦ ΚΘΝ, καὶ γίγνεσθαι τὸ κατὰ τὸ Ε βόρειον πέρας κατὰ τὸ Κ, ἐν δὲ τῷ αὐτῷ χρόνῳ

τὸν ἐπίκυκλον ἀπὸ τοῦ Ε τοτέστιν τοῦ Κ κινούμενον εἰς τὰ ἐπόμενα ὅση τίς ἐστίν καὶ ἡμερησία τοῦ πλάτους κίνησις, τοτέστιν μοίρας ιγ ιγ ὡς τὴν ὑπὸ ΚΗΘ, δῆλον ὡς φανήσεται τὴν ὑπὸ ΕΗΘ γωνίαν τῶν λοιπῶν γιγνομένην μοιρῶν ιγ ι ἥ ἴση ἐστίν καὶ ἡ ἡμερησία τοῦ μήκους μέση κίνησις.

1041 καὶ ἐὰν ἀπὸ τῶν Κ καὶ Θ πρὸς ὀρθὰς τῷ τοῦ διὰ μέσων ἐπιπέδῳ γράψωμεν τὰς ΚΛ, ΘΜ, οὐδὲν ἔσται διάφορον τῆς ΛΜ παρὰ τὴν ΚΘ, οὐδὲ ἐὰν ἀντὶ τῆς ἐκ τῆς προηγέσεως τῶν γ ἐξηκοστῶν τῆς ὑπὸ ΕΗΚ, τὴν ΑΛ τῶν αὐτῶν ἐξηκοστῶν γ παραλαμβάνωμεν, οὐδὲ ἐὰν ἀντὶ τῶν λοιπῶν τοῦ λοξοῦ μοιρῶν ιγ ι τὴν ΑΜ τοῦ μήκους, μηδεμιᾶς αἰσθητῆς γιγνομένης διαφορᾶς ἐκ τῆς καταλαμβανομένης τῶν ε μοιρῶν ἐγκλίσεως, ὡς ἔστιν τὸ τοιοῦτον ἡμᾶς ἐπιστῆσαι καταχρωμένους τῷ ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ θεωρήματι, δι' οὗ τὰς ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας ἀναφορὰς ἀπεδείκνυνεν, διὰ τὸ καὶ τὸν ΚΛ διὰ τῶν πόλων τυγχάνειν τοῦ ΑΒΓΔ, τῆς μεγίστης ἐγκλίσεως μοιρῶν ε ἐνταῦθα ἡμῖν ὑποτιθεμένης. Οὕτω δὲ χρή νοεῖν τὴν εἰς τὰ προηγούμενα τοῦ λοξοῦ κίνησιν, ὥστε κατὰ ταῦτὰ ἑαυτοῦ σημεῖα γίνεσθαι πρὸς τὸν ΑΒΓΔ κύκλον τομὰς τοτέστιν ταῦτὸ εἶναι τὸ μὲν Β τῷ Ν, τὸ δὲ Δ τῷ Ξ, καὶ δηλαδὴ τὸ Ε βόρειον πέρας τῷ Κ, ἀμείβειν δὲ τὰ τοῦ ΑΒΓΔ κύκλου τοῦ διὰ μέσων σημεῖα.

1042 ΣΕῖτα, ἀρχόμενος τῆς δείξεως τοῦ λόγου τῶν ἐκ τῶν κέντρων τοῦ τε ὁμοκέντρου καὶ τοῦ ἐπικύκλου, ἀκολουθῶς τῇ εἰς τοῦτο τοῦ Ἰπάρχου ἐφόδῳ λαμβάνειν πρῶτον τριῶν σεληνιακῶν ἐκλείψεων τηρήσεις, καὶ φησιν. «Ὡν τοίνυν εἰλήφαμεν παλαιῶν τριῶν ἐκλείψεων ἐκ τῶν ἐν Βαβυλῶνι «τετηρημένων», ὁ μὲν τῆς πρώτης μέσος χρόνος ἀνεγέγραπτο γεγονῶς τῷ πρώτῳ ἔτει Μαρδοκεμπάδου κατ' Αἰγυπτίους θῶθ κθ' εἰς τὴν λ' πρὸ τριῶν καὶ τρίτου ὥρων ἰσημερινῶν τοῦ μεσονυκτίου πρὸς τὸν ἐν Ἀλεξανδρείᾳ μεσημβρινόν· καθ' ἣν ὥραν ὁ ἥλιος ἐπεῖχεν ἀκριβῶς κατὰ τοὺς ἐκτεθειμένους ἡμῖν ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ περὶ τῆς τοῦ ἡλίου ψηφοφορίας ἐπιλογισμοὺς τῶν Ἰχθύων μοίρας κδ λ ἔγγιστα.

1043 Ὁ δὲ τῆς δευτέρας μέσος χρόνος τῷ δευτέρῳ ἔτει τοῦ αὐτοῦ Μαρδοκεμπάδου κατ' Αἰγυπτίους θῶθ ιη εἰς ιθ πρὸ ἡμίσεως καὶ τρίτου μιᾶς ὥρας ἰσημερινῆς τοῦ μεσονυκτίου πρὸς τὸν ἐν Ἀλεξανδρείᾳ πάλιν μεσημβρινόν· καθ' ἣν ὥραν ἐπεῖχεν ὁ ἥλιος ἀκριβῶς τῶν Ἰχθύων μοίρας ιγ ζ' δ' ἔγγιστα. Ὁ δὲ τῆς γ' μέσος χρόνος ἀνεγέγραπτο γεγονῶς πάλιν τῷ δευτέρῳ ἔτει Μαρδοκεμπάδου κατ' Αἰγυπτίους φαμενῶθ ιε εἰς ις πρὸ δ γ' ὥρων ἰσημερινῶν τοῦ μεσονυκτίου πρὸς τὸν ἐν Ἀλεξανδρείᾳ μεσημβρινόν· καθ' ἣν ὥραν πάλιν ὁ ἥλιος ἐπεῖχεν τῆς Παρθένου μοίρας γ δ' ἔγγιστα. Καὶ φανερόν ἐκ τούτων, ὅτι ἀπὸ μὲν τοῦ μέσου χρόνου τῆς α' ἐκλείψεως ἐπὶ τὸν τῆς β', κεκίνηται ὁ ἥλιος, δηλαδὴ καὶ ἡ σελήνη, μεθ' ὅλους κύκλους μοίρας τμθ ιε. ἀπὸ γὰρ τῶν κδ ζ' μοιρῶν τῶν Ἰχθύων ἐπὶ τὰς ιγ ζ' δ' μοίρας τοῦ αὐτοῦ δωδεκατημορίου τοσαῦται συνάγονται μοῖραι. Ἀπὸ δὲ τοῦ τῆς β' ἐκλείψεως μέσου χρόνου ἐπὶ τὸν τῆς γ' ἐκλείψεως μέσον χρόνον κεκίνηται πάλιν ὁ ἥλιος καὶ ἡ σελήνη μοίρας ρξθ λ.

1044 καὶ ἐνταῦθα γὰρ ἀπὸ τῶν ιγ ζ' δ' μοιρῶν τῶν Ἰχθύων ἐπὶ τὰς τῆς Παρθένου μοίρας γ δ' τοσαῦται συνάγονται μοῖραι. Ἀλλὰ καὶ ἡ τῶν μεταξὺ χρόνων διάστασις ἡ μὲν ἀπὸ τοῦ πρώτου μέσου χρόνου ἐπὶ τὸν δεύτερον, ἡμέρας περιέχει τνδ καὶ ὥρας ἰσημερινὰς ἀπλῶς μὲν οὕτω θεωροῦσιν τοτέστιν ὡς πρὸς καιρικὰ νυχθήμερα β ζ', πρὸς δὲ τὰ ὁμαλὰ β ζ' ιε', ἐπειδὴ περ ἡ μὲν ἐν τῷ τοσούτῳ χρόνῳ ὁμαλὴ τοῦ ἡλίου κίνησις συνάγεται μοιρῶν τμθ β, ἔστιν δὲ καὶ ἡ ἀκριβῆς καὶ ἀνώμαλος μοιρῶν τμθ ιε. καὶ συμμεσουρανοῦσιν αὐταῖς τοῦ ἰσημερινοῦ χρόνοι τν ε, οἵτινες ὑπερέχουσιν τῆς τοῦ ἡλίου ὁμαλῆς παρόδου χρόνον α καὶ ἐξηκοστὰ γ, τοτέστιν ιε' ἔγγιστα μιᾶς ὥρας ἰσημερινῆς.

1045 ὁ προσθέντες ταῖς πρὸς τὰ καιρικὰ νυχθήμερα ὥραις β ζ' ἔσχομεν τὰς ἐκτεθειμένας πρὸς τὰ ὁμαλὰ νυχθήμερα ὥρας β ζ' ιε'. Ἀπὸ δὲ τοῦ δευτέρου ἐπὶ τὸν γ' περιέχει πάλιν ἡμέρας ρος καὶ

ώρας ἰσημερινάς, ἀπλῶς μὲν οὕτως θεωροῦσιν τουτέστιν πρὸς τὰ καιρικὰ νυχθήμερα κ ζ', πρὸς δὲ τὰ ὁμαλὰ ὁμοίως νυχθήμερα κ ε. Κινεῖται δὲ ὁμαλῶς * ἡ σελήνη «ἐν μὲν ταῖς τνδ ἡμέραις καὶ ὥραις «ἰσημεριναῖς β ζ' ιε' ἀνωμαλίας μὲν μεθ' ὅλους κύκλους μοίρας τς κε «μήκους δὲ τμε να, ἐν δὲ ταῖς ρος ἡμέραις καὶ ὥραις ἰσημεριναῖς κ ε' «ἀνωμαλίας μὲν πάλιν μεθ' ὅλους κύκλους μοίρας ρν κς μήκους δὲ «ρο ζ ἔγγιστα.» Εὐρίσκονται δὲ ταῖς τνδ ἡμέραις καὶ ὥραις ἰσημεριναῖς β ζ' ιε' παρακείμεναι· ἐπὶ μὲν τῆς ἀνωμαλίας μοῖραι τς κε, ἐπὶ δὲ τοῦ μήκους μοῖραι τμε να· καὶ ἐπὶ μὲν τῆς ἀνωμαλίας ἐπειδήπερ ταῖς μὲν τλ ἡμέραις παράκεινται μοῖραι τνα κζ ἔγγιστα ταῖς δὲ κδ ἡμέραις μοῖραι τγ λδ καὶ ἔτι ταῖς ὥραις β ζ' ιε' μοῖρα α κδ, ὡς συνάγεσθαι τὰς εἰρημένας μοίρας τς κε· ἐπὶ δὲ τοῦ μήκους ταῖς μὲν τλ ἡμέραις παράκεινται μοῖραι κη ιβ ἔγγιστα. ταῖς δὲ κδ ἡμέραις, μοῖραι τις ιδ ἔγγιστα ταῖς δὲ β ζ' ιε' ὥραις μοῖρα α κδ, ὡς συνάγεσθαι καὶ τὰς ἐπὶ τοῦ μήκους εἰρημένας μοίρας τμε να. Ὅμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῆς δευτέρας τῶν ἡμερῶν διαστάσεως συναχθήσεται τὰ εἰρημένα κινήματα τῆς τε ἀνωμαλίας καὶ τοῦ μήκους. Καὶ ἵνα μή τις αὐτῷ ἐπισκέψη ὅτι πρὸ τοῦ λόγου τῆς διορθώσεως τῶν ὁμαλῶν αὐτῆς παρόδων κατεχρήσατο αὐτοῖς, φησὶν ὅτι «πρὸς γὰρ τοσοῦτον χρόνον οὐδενὶ αἰσθητῷ διοίσει κἂν ταῖς ἐγγύς τῶν ἀκριβῶν περιόδων «τις ἀκολουθήσῃ», τουτέστιν ὡς τοῖς ὑπὸ τοῦ Ἰπάρχου ἐκτεθειμένοις.

1046 § οἷον ὡς γὰρ ἐπὶ τῆς ἀνωμαλίας ἔπειτα ἐξέθετο τῆς διορθώσεως ἐξηκοστὰ ἅ ἐστιν καθ' ἐκάστην ἡμέραν τέταρτα ια, καὶ πέμπτα μς καὶ ἕκτα λθ. ταῦτα ἐὰν πολλαπλασιάσωμεν ἐπὶ τὰς τνδ ἡμέρας συνάγεται ἐξηκοστὰ τέταρτα μὲν , δρλα, ἃ γίνονται τρίτα μὲν ξθ ἔγγιστα δεύτερον δὲ ἓν καὶ τρίτα θ, ὅπερ ἔφησεν μηδὲν εἶναι αἰσθητόν. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν. § Καὶ ἐπεὶ αἱ μὲν τῆς πρώτης ἀκριβοῦς κατὰ μήκος διαστάσεως μοῖραι τμθ ιε ἐτύγχανον αἱ δὲ τῆς ὁμαλῆς τμε να, προσετίθεσαν ἄρα αἱ ἀκριβεῖς ταῖς ὁμαλαῖς μοίραις, γ κδ. ἐγίνετο δὲ αὐτὴ ἡ προσθήκη δηλαδὴ ὡς ἐπάνω ἐδηλοῦμεν ἐκ τῆς ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου τῆς σελήνης παρόδου, τουτέστιν ἐκ τῶν κατειλημμένων τῆς ἀνωμαλίας μοιρῶν τς κε. Ὅμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῆς δευτέρας διαστάσεως τῆς ἀκριβοῦς κατὰ μήκος κινήσεως τυχανούσης μοιρῶν ρξθ λ τῆς δὲ ὁμαλῆς ρο ζ, ἀφήρουν αἱ τῆς ἀκριβοῦς πάροδοι τῆς ὁμαλῆς π λζ, δηλαδὴ πάλιν ἐκ τῆς ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου κατειλημμένης τῆς σελήνης παρόδου μοιρῶν ρν κς τυχανούσης.

1047 § Τούτων ὑποκειμένων, ἐκκείσθω σαφηνείας τῶν λεχθησομένων ἔνεκεν ὁ μὲν ὁμόκεντρος τῆς σελήνης κύκλος ὁ ΑΒΓ περὶ κέντρον τὸ Δ καὶ διάμετρον τὴν ΑΔΓ, ὁ δὲ ἐπ' αὐτοῦ φερόμενος ἐπίκυκλος, ὁ ΕΖΗΘ, περὶ κέντρον τὸ Α. καὶ ὑποκείσθω, τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τὸ Α τυγχάνοντος, ἡ σελήνη κατὰ τὸ Ζ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΔΖ. Καὶ εἰ μὲν ὡς ἔφαμεν ἔμπροσθεν ἐν ᾧ ὁ ἐπίκυκλος ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β παραγίνεται, ἔμεινεν ἡ σελήνη ἐπὶ τοῦ Ζ, ὃ ἔστω ὁμοταγὲς τῷ Ξ, δῆλον ὡς ὅτι ἡ ὑπὸ ΖΔΞ ἀκριβὴς πάροδος ἴση ἐγίνετο τῇ ὑπὸ ΑΔΒ ὁμαλῇ. εἰ δὲ ἐν τοσοῦτῳ κινηθεῖσα λόγου ἔνεκεν τὴν ΖΗΘ περιφέρειαν γέγονεν κατὰ τὸ Θ, ὃ ἔστω πάλιν ὁμοταγὲς τῷ Κ, ἐπιζευχθείσης τῆς ΔΚ δῆλον ὡς φανήσεται τὴν ὑπὸ ΖΔΚ, καὶ μείζονα τῆς ὁμαλῆς παρόδου ἔσται κινηθεῖσα ἀκριβῶς τῇ ὑπὸ ΞΔΚ ἀπολαμβανομένη ὑπὸ τῆς τοῦ ἐπικύκλου περιφερείας, τουτέστιν τῆς ΞΗΚ.

1048 Ὅμοίως δὲ κἂν τὴν ΘΕΖ τουτέστιν τὴν ΚΕΞ παροδεύῃ, ἔλασσον τῆς ὁμαλῆς παρόδου κινηθήσεται. ὥστε φανερόν ὅτι ὅσῃν ἂν ἐπιλάβῃ ἢ καὶ ἀφέλῃ ἡ σελήνη ἐκ τῆς ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου μεταβάσεως, ταύτην προστίθῃν ἢ ἀφαιρεῖ τῇ τοῦ ἐπικύκλου ὁμαλῇ αὐτῆς παρόδῳ. § Τούτου προληφθέντος ἔστω ὁ ΑΒΓ τῆς σελήνης ἐπίκυκλος, καὶ τὸ μὲν Α ὑποκείσθω καθ' οὗ ἦν ἡ σελήνη ἐν τῷ μέσῳ χρόνῳ τῆς πρώτης ἐκλείψεως γιγνομένη. τὸ δὲ Β, καθ' οὗ ἦν ἡ σελήνη ἐν τῷ μέσῳ χρόνῳ τῆς δευτέρας ἐκλείψεως γιγνομένη. τὸ δὲ Γ καθ' οὗ ἦν ἐν τῷ μέσῳ χρόνῳ τῆς γ' ἐκλείψεως. Καὶ ἐπεὶ ἡ ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Β ἐπὶ τὰ προηγούμενα πάροδος ὡς ἐπὶ τῆς ΑΓΒ μοιρῶν τυγχάνουσα τς κε προσετίθει τότε τῇ μέσῃ κατὰ μήκος παρόδῳ μοίρας γ κδ, ἡ δὲ ἀπὸ

τοῦ Β ἐπὶ τὸ Γ ὡς ἐπὶ τῆς ΒΑΓ μοιρῶν τυγχάνουσα ρν κς ἀφίρει π λζ, διὰ τοῦτο φησιν καὶ τὴν ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὸ Α μοιρῶν τυγχάνουσιν νγ λε ἀφαιρεῖν τῆς μέσης τὰς αὐτὰς μοίρας γ κδ, τὴν δὲ ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Γ μοιρῶν ρς να προστιθέναι μοίρας β μζ.

1049 Εἰλήφθω γὰρ τὸ τοῦ ζωδιακοῦ κέντρον τὸ Δ, καὶ γεγράφθω ὁ ΕΖΗ ζωδιακός, ὥστε ἐπόμενα εἶναι ὡς ἀπὸ τοῦ Η ἐπὶ τὸ * Ζ καὶ Ε. καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΔΑ, ΔΓ, ΔΒ, καὶ διήχθωσαν ἐπὶ τὰ Η, Ζ, Ε. Καὶ ἐπεὶ ἡνίκα ἦν ἐπὶ τοῦ Α, ἀκριβῶς ἐπὶ τοῦ Η ἐτύγχανεν· ὅτε δὲ ἦν κατὰ τὸ Β, ἀκριβῶς πάλιν ἐτύγχανεν ἐπὶ τοῦ Ε· κινηθεῖσα ἄρα ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὰ προηγούμενα τοῦ ἐπικύκλου τὴν ΑΓΒ περιφέρειαν μετὰ κύκλους μοιρῶν τυγχάνουσιν τς κε, προσέθηκεν τῇ ὁμαλῇ παρόδῳ τὴν ΗΕ κατειλημμένην μοιρῶν γ κδ. πάλιν ἐπεὶ κατὰ τοῦ Γ οὔσα κατὰ τοῦ Ζ ἐτύγχανεν ἀκριβῶς· ἀλλὰ καὶ κατὰ τοῦ Β οὔσα κατὰ τοῦ Ε ἐτύγχανεν ἀκριβῶς· κινηθεῖσα δὲ εἰς τὰ προηγούμενα τὴν ΒΑΓ μοιρῶν κατειλημμένην ρν κς ἀφίρει τῆς ὁμαλῆς παρόδου π λζ· ἔσται δηλονότι ἡ ΕΖ ἢν ἀφαίρει π λζ. Ἀφαίρει δὲ καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὸ Α πάροδος τὰς τῆς ΕΗ μοίρας γ κδ, ὅσας καὶ προσετίθει ἡ ΑΓΒ τῇ ὁμαλῇ, διὰ τὸ καὶ ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Α παραγινομένην τὴν σελήνην ἀποκατάστασιν ποιῆσθαι. Καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸ Γ πάροδος μοιρῶν τυγχάνουσα ρς να, διὰ τὸ τὴν μὲν ΑΓΒ μοιρῶν εἶναι τς κε, τὴν δὲ ΒΑ τῶν λειπουσῶν νγ λε, τὴν δὲ ΒΑΓ ρν κς· καὶ λοιπὴν τὴν ΑΓ καταλείπεσθαι μοιρῶν ρς να· προστίθῃσιν τὴν ΗΖ τῶν λοιπῶν μοιρῶν β μζ, ἐπεὶ καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ Η ἐπὶ τὸ Ζ πάροδος ἐπὶ τὰ ἐπόμενα τυγχάνει γιγνομένη.

1050 § «Ὅτι μὲν οὖν οὐ δυνατόν ἐπὶ τῆς ΒΑΓ περιφερείας τὸ περιγείοτατον «εἶναι τοῦ ἐπικύκλου, φανερόν, ἐκ τοῦ ἀφαιρετικῆν τε αὐτὴν ὑπάρχειν «καὶ ἐλάττονα ἡμικυκλίου, τῆς μεγίστης κινήσεως κατὰ τὸ περίγειον «ὑποκειμένης.» Ἐστω γὰρ πάλιν ὡς ἐπὶ τῆς κατ' ἐπικύκλου ὑποθέσεως ὁμόκεντρος τῷ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλος καὶ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ αὐτοῦ κείμενος ὁ ΑΒΓΔ περὶ κέντρον τὸ Ε, ὁ δὲ ἐπ' αὐτοῦ φερόμενος ἐπικύκλος καὶ ἐν τῷ αὐτῷ πάλιν ἐπιπέδῳ ὁ ΖΗΘΚ περὶ κέντρον τὸ Α· ἡ δὲ διὰ τῶν κέντρων αὐτῶν εὐθεῖα ἡ ΖΑΕΓ, ὥστε ἀπογείοτατον μὲν εἶναι τὸ Ζ περιγείοτατον δὲ τὸ Θ.

1051 ἔστω δὲ καὶ ζωδιακός ὁ ΛΞΜ, ὥστε ἐπόμενα εἶναι ὡς ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ τὸ Ξ καὶ τὸ Μ. καὶ ἤχθω ἐφαπτομένη τοῦ ἐπικύκλου ἡ ΕΚΛ, καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ ΓΕΑΖ ἐπὶ τὸ Μ. Λέγω ὅτι ἐπὶ ἐλάττονος ἡμικυκλίου ἀφαιρετικοῦ ἀδύνατόν ἐστιν τὸ περιγείοτατον τυγχάνειν τοῦ ἐπικύκλου. Ἐπεὶ γὰρ δέδεικται ἡμῖν ὅτι ὅπερ ἀφαιρεῖ ἡ ΖΚ τοῦτο προστίθῃσιν ἡ ΚΘ, διὰ τὸ καὶ εἰς τὴν αὐτὴν τῇ ὁμαλῇ ἐποχῇ τῇ κατὰ τὸ Μ γίνεσθαι τὴν ἀκριβῆ σελήνην, δηλον ὡς ὅτι τὸ ΖΚΘ ὅλον ἡμικύκλιον οὔτε προσθετικόν ἐστιν οὔτε ἀφαιρετικόν. Ὅταν δὲ ἐπὶ τοῦ Ζ ἀπογείου τοῦ ἐπικύκλου τυγχάνουσα ἡ σελήνη, ἀκριβῶς δὲ κατὰ τοῦ Μ, ἔλαττον ἡμικυκλίου τοῦ ἐπικύκλου ἐπὶ τὰ προηγούμενα ἐπιλάβῃ, ἀφαιροῦσα πάντως ἔσται τῆς κατὰ τὸ Μ μέσης ἅμα καὶ ἀκριβοῦς ἐποχῆς, διὰ τὸ καὶ τὴν ἀπὸ τοῦ Ε κέντρον τοῦ ζωδιακοῦ ἐπὶ τι σημεῖον τοῦ ΖΚΘ παρεκτὸς τοῦ Θ ἐπιζευγνυμένην, καὶ ἐκβαλλομένην ἐπὶ τὸν ζωδιακὸν ἐπὶ τὰ προηγούμενα τοῦ Μ πίπτειν, καὶ ἀφαιρεῖν τῆς πρώτης καὶ κατὰ τὸ Μ ἀκριβοῦς ἐποχῆς, καὶ διὰ τοῦτο μὴ δύνασθαι τὸ περίγειον περιέχειν.

1052 Πολλῷ δὲ ἔτι μᾶλλον προκόπτοι τὸ ἀδύνατον, εἰ ἐπὶ τινος τῶν ἐπὶ τῆς ΗΖ περιφερείας σημείων κατὰ τὴν ἀρχὴν ὑποθέμενοι τὴν σελήνην ἐλάττονα ἡμικυκλίου ἀπολάβωμεν. Ἐτι δὲ κἂν ἐπὶ τινος τῶν μεταξὺ τῆς ΖΚ περιφερείας σημείων αὐτὴν ὑποθώμεθα ὡς κατὰ τὸ Ν, καὶ ἐπιζεύξαντες τὴν ΕΝ ἐκβάλλωμεν ὡς ἐπὶ τὸ Ξ ὥστε τὴν ἀκριβῆ αὐτῆς πάροδον εἶναι κατὰ τὸ Ξ, καὶ ἀπολάβωμεν ἐπὶ τὰ προηγούμενα τοῦ Ν ἐλάττονα ἡμικυκλίου ἀφαιρετικὴν, τὸ αὐτὸ πάλιν ἄτοπον παρακολουθήσει, ἐπειδήπερ ἡ ἀπολαμβανομένη ἀφαιρετικὴ μεταξὺ τῆς ΝΚΟ πίπτει, καὶ δηλον ὡς οὐκ ἔσται ἐπ' αὐτῆς τὸ περίγειον. εἰ δὲ μεταξὺ τῶν Ο, Θ, πεσεῖται, προσθετικὴ ἔσται πρὸς τὸ Π μεταξὺ τῶν Ξ, Μ τῆς ἀκριβοῦς παρόδου γιγνομένης, τῆς πρώτης κατὰ τὸ Ξ τυγχανούσης. εἰ δὲ ἐπὶ τινος τῶν ἐπὶ τῆς ΘΗ περιφερείας τμημάτων πολλῷ πάλιν τὸ ἀδύνατον

προκόπτοι. ὥστε ἀδύνατον ἂν εἴη ἐν ἐλάσσονι ἡμικυκλίου ἀφαιρετικῶς τὸ περίγειον τυγχάνειν. Καὶ διὰ τὸ ἐν τοῖς ἐξῆς χρήσιμον ὁμοίως δεῖξομεν ὅτι οὐδὲ ἐπὶ ἐλάττονος ἡμικυκλίου προσθετικοῦ τὸ ἀπογειότατον δύναται τυγχάνειν τοῦ ἐπικύκλου. Ἐπεὶ γὰρ πάλιν διὰ τὰ εἰρημένα τὸ ΘΗΖ ἡμικύκλιον ὅλον οὔτε προσθετικόν ἐστιν οὔτε ἀφαιρετικόν, δηλὸν ὡς ὅτι τῆς σελήνης κατὰ τοῦ Θ τυγχανούσης καὶ τῆς μέσης καὶ ἀκριβοῦς αὐτῆς ἐποχῆς κατὰ τοῦ Μ, ἐὰν ἐπὶ τινος σημείου τῶν ἐπὶ τῆς ΘΗΖ περιφερείας αὐτὴν ὑποθώμεθα ἀπὸ τοῦ Θ ἐλάττονα ἡμικυκλίου ἐπιλαβοῦσαν, οὐκ ἔσται ἐπ' αὐτῆς τὸ ἀπόγειον προστιθούσης αὐτῆς τῇ ὁμαλῇ ἐποχῇ, διὰ τὸ τὰς ἀπὸ τοῦ Ε κέντρου τοῦ ζωδιακοῦ ἐπὶ τι σημεῖον μεταξὺ τῶν ἀπὸ τοῦ Θ ἐπὶ τὸ Ζ ἐπιζευγνυμένας εἰς τὰ ἐπόμενα τοῦ Μ πίπτειν.

1053 Ὅμοίως καὶ ἐπὶ τινος τῶν ἐπὶ τοῦ ΘΗ λαμβανομένων σημείων κατὰ τὴν ἀρχὴν ὑποθώμεθα τὴν σελήνην, καὶ ἀπολάβωμεν προσθετικὴν ἐλάττονα ἡμικυκλίου, οὐ πεσεῖται ἐπ' αὐτῆς τὸ Ζ ἀπογειότατον σημεῖον. Ὡστε οὐδὲ ἐπὶ ἐλάττονος ἡμικυκλίου προσθετικοῦ δύνατόν ἐστιν τὸ ἀπογειότατον τυγχάνειν τοῦ ἐπικύκλου «Καθόλου τοίνυν ἵνα καὶ πρὸς τὰς ὁμοίας δείξεις εὐεπί* βολον τὴν «μεταγωγὴν τοῦ θεωρήματος ποιώμεθα, ἐάν τε διὰ τῆς κατ' ἐπικύκλον «ὑποθέσεως αὐτὰς δεικνύωμεν, ὡς νῦν, ἐάν τε διὰ τῆς κατ' ἐκκεντρότητα «τοῦ Δ κέντρου τότε ἐντὸς λαμβανομένου ...». Τὰ μὲν οὖν ἐπὶ τῆς κατ' ἐπικύκλον ὑποθέσεως ἐκτεθειμένα σαφῆ ὡς γε οἶμαι τυγχάνει, ἔτι δὲ καὶ ἡ καταγραφὴ τῆς κατ' ἐκκεντρότητα.

1054 καὶ ἐξεθέμεθα, τῆς ἀπὸ τοῦ Ε καθέτου ἐπὶ τὴν ΑΔ προσεκβληθεῖσαν πιπτούσης ὡς τῆς ΕΖ, διὰ τὸ τὴν ὑπὸ ΒΔΑ γωνίαν ὑποτείνουσας κατειλήφθαι τοῦ ζωδιακοῦ μοίρας ν ια καὶ ὀξεῖαν δηλαδὴ τυγχάνειν. § τὰ δὲ περὶ τὴν τοῦ λόγου τῆς ἐκκεντρότητος ἀπόδειξιν τῆς διὰ τῶν ἐπιλογισμῶν δεόμενα ἐκθέσεως, νῦν ἐπιλογιζόμεθα. Νοείσθω οὖν ἡ τῆς σελήνης ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου μετάβασις περὶ τὸ κέντρον αὐτοῦ εἰς τὰ ἐπόμενα τῶν ζωδίων ὡς ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὸ Α καὶ Γ ὁμαλῶς ἀποτελουμένη, ὅση τις ἐστὶν καὶ ἡ τῆς ἀνωμαλίας ἡμερησίας κινήσεις μοιρῶν ιγ δ ἔγγιστα· ἡ δὲ τοῦ ἐκκέντρου κινήσεις περὶ τὸ τοῦ ζωδιακοῦ κέντρον εἰς τὰ ἐπόμενα πάλιν τῶν ζωδίων, ὅση τίς ἐστὶ καὶ ἡ ὑπεροχὴ τῆς ἡμερησίας κατὰ μῆκος μέσης κινήσεως πρὸς τὴν τῆς ἀνωμαλίας, τουτέστιν ἐξηκοστῶν ἔγγιστα ζ. καὶ περιγεγράφθω ὁ ΞΟΠ διὰ μέσων τῶν ζωδίων καὶ ἤχθωσαν αἱ ΔΑΞ, ΔΒΟ, ΔΓΠ. Ἐπεὶ οὖν ἐν τῷ χρόνῳ τῆς πρώτης διαστάσεως, περιέχοντι ἡμέρας τνδ καὶ ὥρας ἰσημερινὰς β ς' ιε, κινῆται ἡ σελήνη ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου τὴν ΑΓΒ περιφέρειαν, μετὰ κύκλους μοιρῶν οὔσαν τς κε, ὅση τις ἐτύγχανεν καὶ ἡ ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου τῆς ἀνωμαλίας κινήσεις μήκους δὲ μοίρας τμε να, φανερόν ὅτι καὶ ὁ ἔκκεντρος ἐπὶ τὰ ἐπόμενα κινῆται περὶ τὸ Δ κέντρον τοῦ ζωδιακοῦ τὰς τῆς ὑπεροχῆς αὐτῶν μοίρας λθ κς· τῆς μὲν ΔΒ εὐθείας καὶ τοῦ Β σημείου πίπτοντος κατὰ τῶν τῆς Παρθένου μοιρῶν ιγ με, ἐπεὶ καὶ κατὰ τὸν χρόνον τῆς δευτέρας ἐκλείψεως ἐπεῖχεν ὁ ἥλιος κατὰ τὴν διάμετρον αὐτῆς στάσιν τυγχάνων τῶν Ἰχθύων μοίρας τὰς αὐτὰς ιγ με· τῆς δὲ ΔΑ εὐθείας, καὶ τοῦ Α σημείου διὰ τὴν μετάπτωσιν τῶν λθ κς μοιρῶν ἐπέχοντος τοῦ Σκορπίου μοίρας γ νς, ἐπεὶ καὶ κατὰ τὸν χρόνον τῆς πρώτης ἐκλείψεως ἐπεῖχεν τῆς Παρθένου μοίρας κδ λ, ὅσας καὶ ὁ ἥλιος τῶν Ἰχθύων.

1055 Καὶ διὰ τοῦτο τὴν ΒΑ τοῦ ἐκκέντρου περιφέρειαν μοιρῶν οὔσαν νγ λε τῶν λειπουσῶν εἰς τὰς τς κε, τουτέστιν τῆς ΑΓΒ περιφερείας, ὑποτείνειν αὐτὴν τε καὶ τὴν ὑπὸ ΑΔΒ γωνίαν τὰς ἀπὸ τῶν ιγ με μοίρας τῆς Παρθένου ἐπὶ τὰς γ νς τοῦ Σκορπίου τὰς τῆς ΟΞ μοίρας ν ια, καὶ ἀφαιρεῖν τῆς μέσης μοίρας γ κδ, ὅσαις ὑπερέχουσιν αἱ νγ λε τῆς ΒΑ ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου ὁμαλῆς κινήσεως, τῶν τῆς ΟΞ ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ ἀκριβῶν ν ια, καθάπερ καὶ ἐπὶ τῆς κατ' ἐπικύκλον ὑποθέσεως ἐδείχθη. Πάλιν ἐπεὶ ἐν τῷ χρόνῳ τῷ ἀπὸ τῆς δευτέρας ἐκλείψεως ἐπὶ τὴν τρίτην, ἡμερῶν τυγχάνοντι ρος καὶ ὥρων ἰσημερινῶν κ ε, κινεῖται ἡ σελήνη ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου τὴν ΒΑΓ περιφέρειαν μοιρῶν οὔσαν ρν κς ὅση τίς ἐστὶν καὶ ἡ ἐν τῷ τοσοῦτῳ χρόνῳ τῆς ἀνωμαλίας κινήσεις, μήκους δὲ ρο ζ, ὁ δὲ ἔκκεντρος ὁμοίως κινεῖται ἐπὶ τὰ ἐπόμενα πάλιν τὰς τῆς ὑπεροχῆς

αὐτῶν μοίρας ιθ μα· ὥστε καὶ ἡ ΔΒ εὐθεῖα περὶ τὸ Δ κέντρον τοῦ ζῳδιακοῦ μετακινήθη· τὰς ιθ μα μοίρας γέγονεν κατὰ τὰς τῶν Χηλῶν μοίρας γ κς, ἐπειδὴ περ ἐπέιχεν κατὰ τὸν χρόνον τῆς δευτέρας ἐκλείψεως τῆς Παρθένου μοίρας ιγ με· ἡ δὲ ΔΓ κατὰ τὰς τῶν Ἰχθύων μοίρας γ ιε, ὅσας καὶ κατὰ τὸν μέσον χρόνον τῆς τρίτης ἐκλείψεως ἐπέιχεν ἀκριβῶς.

1056 Ὡς διὰ τοῦτο καὶ τὰς ἀπὸ Χηλῶν γ κς ἄχρις τῶν Ἰχθύων γ ιε συναγομένας τῆς ΟΞΠ τοῦ ζῳδιακοῦ μοίρας ρμθ μθ ὑπὸ τῆς ΒΑΓ τοῦ ἐκκέντρου περιφερείας μοιρῶν οὔσης ρν κς, καὶ τῆς ὑπὸ ΒΔΓ γωνίας ὑποτείνεσθαι καὶ ἀφαιρεῖν τοῦ ζῳδιακοῦ μοίρας π λζ αῖς ὑπερέχουσιν αἱ ρν κς μοῖραι τῆς ΑΒΓ τοῦ ἐκκέντρου, τῶν ρμθ μθ τῆς ΟΞΠ τοῦ ζῳδιακοῦ, καθάπερ καὶ ἐπὶ τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως. Ἐπεὶ οὖν ἐδείξαμεν ὅτι ἡ ΒΑΓ τοῦ ἐκκέντρου περιφέρεια μοιρῶν οὔσα ρν κς ὑποτείνει αὐτὴ τε καὶ ἡ ὑπὸ ΒΔΓ γωνία πρὸς τῷ κέντρῳ τοῦ ζῳδιακοῦ τοῦ διὰ μέσων μοίρας ρμθ μθ, ὣν ἡ ΑΒ τοῦ ἐκκέντρου μοιρῶν οὔσα νγ λε αὐτὴ τε καὶ ἡ ὑπὸ ΒΔΑ ὑποτείνει τοῦ ζῳδιακοῦ τὴν ΟΞ μοιρῶν οὔσαν ν ια· λοιπὴ ἄρα ἡ ΑΓ μοιρῶν γιγνομένη ρς να, αὐτὴ τε καὶ ἡ ὑπὸ ΑΔΓ, ὑποτείνουσι τοῦ ζῳδιακοῦ τὰς τῆς ὑπεροχῆς τῶν ρμθ μθ πρὸς τὰς ν ια τῆς ΞΠ μοίρας ρθ λη. ὥστε προστιθέναι τῇ μέσῃ κινήσει μοίρας β μζ ὅσας ὑπερέχουσιν αἱ τοῦ ζῳδιακοῦ μοῖραι ρθ λη τὰς ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου τῆς ὁμαλῆς κινήσεως μοίρας ρς να, καθάπερ πάλιν καὶ ἐπὶ τῆς κατ' ἐπίκυκλον ἐδείχθη. Ἐπεὶ οὖν ὑπόκειται ἡ ὑπὸ ΒΔΑ γωνία, τουτέστιν ἡ ὑπὸ ΕΔΖ, πρὸς τῷ κέντρῳ οὔσα τοῦ ζῳδιακοῦ οἶων μὲν εἰσιν αἱ δ ὀρθαὶ τξ, τοιούτων ν ια· οἶων δὲ αἱ β ὀρθαὶ τξ, τοιούτων ρ καὶ ἐξηκοστῶν κβ· ὥστε καὶ ἡ μὲν ἐπὶ τῆς ΕΖ περιφέρεια, τοιούτων ἐστὶν ρ καὶ ἐξηκοστῶν κβ, οἶων ὁ περὶ τὸ ΔΕΖ ὀρθογώνιον κύκλος τξ· ἡ δὲ ΕΖ εὐθεῖα τοιούτων ρβ ι ιη, οἶων ἐστὶν ἡ ΔΕ ὑποτείνουσα ρκ.

1057 Ὅμοίως ἐπεὶ ἡ ΒΑ περιφέρεια μοιρῶν ἐστὶν νγ λε, εἴη ἂν καὶ ἡ ὑπὸ ΒΕΑ γωνία πρὸς τῇ περιφερείᾳ οὔσα οἶων αἱ δύο ὀρθαὶ τξ τοιούτων νγ λε. τῶν δ' αὐτῶν ἦν καὶ ἡ ὑπὸ ΑΔΒ ρ καὶ ἐξηκοστῶν κβ. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΕΑΔ μς μζ. ὥστε καὶ ἡ μὲν ἐπὶ τῆς ΕΖ περιφέρεια τοιούτων ἐστὶν μς μζ οἶων ὁ περὶ * τὸ ΑΕΖ ὀρθογώνιον κύκλος τξ, αὐτὴ δὲ ἡ ΕΖ εὐθεῖα τοιούτων μζ λη λ οἶων ἐστὶν ἡ ΕΑ ρκ. καὶ οἶων ἐστὶν ἄρα ἡ μὲν ΕΖ εὐθεῖα ρβ ι ιη, ἡ δὲ ΔΕ ἐδείχθη ρκ, τοιούτων ἔσται καὶ ἡ ΑΕ εὐθεῖα σλβ θ μδ. Πάλιν ἐπεὶ ἡ ὑπὸ ΒΔΓ γωνία πρὸς τῷ κέντρῳ οὔσα τοῦ ζῳδιακοῦ ὑπόκειται οἶων μὲν εἰσιν αἱ δ ὀρθαὶ τξ τοιούτων ρμθ μθ, οἶων δ' αἱ β ὀρθαὶ τξ τοιούτων ρθ λη, ἡ δὲ ἐφεξῆς αὐτῆς ἡ ὑπὸ ΓΔΕ τῶν αὐτῶν ξ κβ, εἴη ἂν καὶ ἡ μὲν ἐπὶ τῆς ΕΗ εὐθείας περιφέρεια τοιούτων ξ κβ οἶων ὁ περὶ τὸ ΔΕΗ ὀρθογώνιον κύκλος τξ, αὐτὴ δὲ ἡ ΕΗ εὐθεῖα τοιούτων ξ ιθ νς οἶων ἐστὶν ἡ ΔΕ ὑποτείνουσα ρκ. Ὅμοίως ἐπεὶ ἡ ΒΑΓ περιφέρεια μοιρῶν ἐστὶν ρν κς, εἴη ἂν καὶ ἡ ὑπὸ ΒΕΓ γωνία πρὸς τῇ περιφερείᾳ οὔσα τοιούτων ρν κς οἶων εἰσιν αἱ β ὀρθαὶ τξ. τῶν δὲ αὐτῶν ἦν καὶ ἡ ὑπὸ ΓΔΒ γωνία ρθ λη. καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΕΓΔ τῶν αὐτῶν ἐστὶν ρμθ ιβ. ὥστε καὶ ἡ μὲν ἐπὶ τῆς ΕΗ περιφέρεια τοιούτων ἐστὶν ρμθ ιβ οἶων ἐστὶν ὁ περὶ τὸ ΓΕΗ ὀρθογώνιον κύκλος τξ, αὐτὴ δὲ ἡ ΕΗ εὐθεῖα τοιούτων ριε μα κθ οἶων ἐστὶν ἡ ΓΕ ὑποτείνουσα ρκ. καὶ οἶων ἐστὶν ἄρα ἡ μὲν ΕΗ εὐθεῖα ξ ιθ νς ἡ δὲ ΔΕ ἐδείχθη ρκ, τοιούτων ἐστὶν καὶ ἡ ΓΕ εὐθεῖα ξβ λδ με.

1058 τῶν δ' αὐτῶν ἐδείχθη καὶ ἡ ΕΑ εὐθεῖα σλβ θ μδ. Πάλιν ἐπεὶ ἡ ΑΓ περιφέρεια μοιρῶν ἐστὶν ρς να, εἴη ἂν καὶ ἡ ὑπὸ ΑΕΓ πρὸς τῇ περιφερείᾳ οὔσα τοιούτων ρς να οἶων εἰσιν αἱ δύο ὀρθαὶ τξ. ὥστε καὶ ἡ μὲν ἐπὶ τῆς ΓΘ εὐθείας περιφέρεια τοιούτων ἐστὶν ρς να οἶων ὁ περὶ τὸ ΓΕΘ ὀρθογώνιον κύκλος τξ, ἡ δὲ ἐπὶ τῆς ΕΘ τῶν λοιπῶν εἰς τὸ ἡμικύκλιον πγ θ. καὶ αἱ ὑποτείνουσαι ἄρα αὐτὰς εὐθεῖαι ἔσσονται ἡ μὲν ΓΘ τοιούτων πθ μς ιδ οἶων ἐστὶν ἡ ΓΕ ὑποτείνουσα ρκ, ἡ δὲ ΕΘ τῶν αὐτῶν οθ λζ νε. καὶ οἶων ἄρα ἐστὶν ἡ ΓΕ εὐθεῖα ξβ λδ με τοιούτων ἐστὶν καὶ ἡ μὲν ΓΘ εὐθεῖα μς μη νγ, ἡ δὲ ΕΘ ὁμοίως μα λβ λθ, τῶν δ' αὐτῶν ἦν καὶ ἡ ΕΑ ὅλη σλβ θ μδ, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΘΑ τοιούτων ἔσται ρρ λζ ε οἶων ἡ ΓΘ ἐδείχθη μς μη νγ. Καὶ ἔστιν τὸ μὲν ἀπὸ τῆς ΑΘ τετράγωνον Μ γ , ζτλε ιδ λε, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ΓΘ ὁμοίως , βρρα λζ δ, ἃ συντεθέντα ποιεῖ τὸ ἀπὸ

τῆς ΑΓ τετράγωνον Μ γ , ηφκς να λθ. καὶ μήκει ἄρα ἡ ΑΓ τοιούτων ρς ις νζ οἶων ἐστὶν ἡ μὲν ΔΕ εὐθεῖα ρκ, ἡ δὲ ΓΕ τῶν αὐτῶν ξβ λδ με. Ἔστιν δὲ καὶ οἶων ἡ τοῦ ἐκκέντρου διάμετρος ρκ τοιούτων ἡ ΑΓ εὐθεῖα πθ μς ιδ· ὑποτείνει γὰρ τὴν ΑΓ περιφέρειαν μοιρῶν οὔσαν ρς να. καὶ οἶων ἐστὶν ἄρα ἡ μὲν ΑΓ εὐθεῖα πθ μς ιδ, ἡ δὲ τοῦ ἐκκέντρου διάμετρος ρκ, τοιούτων ἔσται καὶ ἡ μὲν ΔΕ εὐθεῖα νδ νβ νζ, ἡ δὲ ΓΕ τῶν αὐτῶν κη λζ ις ἡ δὲ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια ἡ ΓΕ τοιούτων ἐστὶν κζ λς οἶων ὁ ἔκκεντρος κύκλος τξ.

1059 τῶν δ' αὐτῶν ὑπόκειται καὶ ἡ ΒΑΓ περιφέρεια μοιρῶν ρν κς. καὶ ὅλη μὲν ἄρα ἡ ΒΓΕ περιφέρεια μοιρῶν ἐστὶν ροη β, ἡ δὲ ὑπ' αὐτὴν εὐθεῖα ἡ ΒΕ τοιούτων ριθ νη νς, οἶων ἡ τοῦ ἐκκέντρου διάμετρος ρκ, ἡ δὲ ΕΔ νδ νβ νζ. Ὡστε, ἐπεὶ ἡ ΒΕ ἐλάσσων ἐστὶν τῆς διαμέτρου τοῦ ἐκκέντρου, ἔλαττον δὲ καὶ τὸ ΒΑΓΕ τμήμα πεποίηκεν ἡμικυκλίου, φανερόν ὅτι τὸ κέντρον τοῦ ἐκκέντρου, ἐκτὸς πεσεῖται τοῦ ΒΑΓΕ τμήματος. Ὑποκείσθω δὴ τὸ Λ σημεῖον, καὶ διήχθω δι' αὐτοῦ καὶ τοῦ Δ κέντρου τοῦ ζωδιακοῦ ἡ δι' ἀμφοτέρων τῶν κέντρων διάμετρος ἡ ΚΛΔΜ. δῆλον γὰρ ὅτι μεταξὺ τῶν Γ, Ε, τὸ Μ περίγειον ἔσται τοῦ ἐκκέντρου, διὰ τὸ μὴ δύνασθαι εἶναι ἐπὶ τῆς ΒΑΓ περιφερείας ἀφαιρετικῆς τυγχανούσης καὶ ἐλάττονος ἡμικυκλίου. ἤχθω δὴ ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ τὴν ΒΕ κάθετος ἡ ΛΝ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΒΛ. ἐπεὶ τοίνυν ἡ ΒΕ εὐθεῖα ἐδείχθη τοιούτων ριθ νη νς οἶων ἐστὶν ἡ ΚΜ διάμετρος ρκ, τῶν δ' αὐτῶν ἦν καὶ ἡ ΔΕ εὐθεῖα νδ νβ νζ, καὶ λοιπὴ ἡ ΒΔ ἔσται τῶν αὐτῶν ξε ε νθ. Καὶ ἔστιν τὸ ὑπὸ τῶν ΒΔ, ΔΕ περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον τῷ ὑπὸ τῶν ΚΔ, ΔΜ περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ. τῶν δ' αὐτῶν ἔξομεν καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΚΔ, ΔΜ περιεχόμενον ὀρθογώνιον , γφοβ ν η. καὶ ἐπεὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΚΔ, ΔΜ, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς ΔΛ τετραγώνου, ποιεῖ τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς ὅλης, τουτέστι τῆς ΑΚ τετράγωνον, ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ τῆς ἡμισείας τετραγώνου τῶν γιγνομένων , γχ ἀφαιρεθῇ τὸ ὑπὸ τῶν ΚΔ, ΔΜ, , γφοβ ν β, καταλειφθήσεται ἡμῖν τὸ ἀπὸ τῆς ΛΔ τετράγωνον τῶν αὐτῶν κζ θ νβ.

1060 § καὶ μήκει ἄρα * τὴν ΛΔ μεταξὺ τῶν κέντρων οὔσαν, ἔξομεν τοιούτων εἰβ μγ, τουτέστιν εἰγ ἔγγιστα, οἶων ἡ ΚΛ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ἐκκέντρου ξ. Πάλιν ἐπεὶ ἡ μὲν ἡμίσεια τῆς ΒΕ, τουτέστιν ἡ ΕΝ τοιούτων ἐστὶν νθ νθ κη οἶων ἡ ΚΜ διάμετρος ρκ, τῶν δὲ αὐτῶν ἐδείχθη καὶ ἡ ΕΔ εὐθεῖα νδ νβ νζ, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΔΝ τοιούτων ἐστὶν ες λα οἶων ἡ ΛΔ εἰβ μγ, ἡ δὲ ΒΛ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ἐκκέντρου ξ. Καὶ οἶων ἄρα ἡ ΛΔ ὑποτείνουσα ρκ, τοιούτων καὶ ἡ ΔΝ ριζ λη ἔγγιστα.

1061 ἡ δὲ ἐπὶ τῆς ΔΝ εὐθείας περιφέρεια τοιούτων ρν ζ η οἶων ὁ περὶ τὸ ΔΛΝ ὀρθογώνιον κύκλος τξ. ἡ δὲ ἐπὶ τῆς ΝΛ τῶν λοιπῶν εἰς τὸ ἡμικύκλιον κβ νβ. ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΝΔΛ γωνία, οἶων μὲν εἰσιν αἱ δύο ὀρθαὶ τξ τοιούτων κβ νβ· οἶων δὲ αἱ δ τξ, ια κς. Ἄλλ' ἐπεὶ πάλιν, οἶων ἡ ΒΛ ξ, τοιούτων ἦν ἡ ΝΒ, ἡμίσεια οὔσα τῆς ΒΕ, νθ νθ κη· οἶων δὲ ρκ ἡ ΒΛ τοιούτων ἡ ΝΒ ριθ νη νς. ἡ δ' ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια τοιούτων ροη β ἔγγιστα οἶων ὁ περὶ τὸ ΒΝΛ ὀρθογώνιον κύκλος τξ. ἡ δὲ ἐπὶ τῆς ΝΛ, τῶν λοιπῶν εἰς τὸ ἡμικύκλιον, μοίρας α νη. ὥστε καὶ ἡ μὲν ὑπὸ ΝΒΛ γωνία, οἶων μὲν εἰσιν αἱ δύο ὀρθαὶ τξ τοιούτων α νη. οἶων δὲ αἱ δ ὀρθαὶ τξ, τοιούτων π νθ ἔγγιστα. Τῶν δ' αὐτῶν ἦν καὶ ἡ ὑπὸ ΝΔΛ γωνία ια κς ἔγγιστα· καὶ ἡ ὑπὸ ΒΛΚ ἄρα γωνία, ἴση οὔσα ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον οἶων μὲν εἰσιν αἱ δ ὀρθαὶ τξ τοιούτων ἐστὶν ιβ κδ. Τῶν δ' αὐτῶν ἐδέδεικτο καὶ ἡ ὑπὸ ΒΔΛ γωνία ια κς· καὶ ἔστιν ἡ μὲν πρὸς τῷ κέντρῳ τοῦ ἐκκέντρου, ἡ δὲ πρὸς τῷ κέντρῳ τοῦ ζωδιακοῦ. Καὶ ἔστιν ἡ μὲν ΚΒ ἄρα τοῦ ἐκκέντρου περιφέρεια ἣν ἀπεῖχεν ἡ σελήνη τοῦ ἀπογειοτάτου σημείου τοῦ ἐκκέντρου ὡς εἰς τὰ ἐπόμενα κατὰ τὸν μέσον χρόνον τῆς δευτέρας ἐκλείψεως, μοιρῶν ιβ κδ. Ἡ δὲ τῆς ὑπὸ ΒΔΚ γωνίας περιφέρεια τοῦ ζωδιακοῦ, ἣν προηγῆτο τὸ ἀπόγειον τοῦ ἐκκέντρου κατὰ τὸν αὐτὸν μέσον χρόνον τῆς δευτέρας ἐκλείψεως ἀπὸ τοῦ ἀκριβοῦς κέντρου τῆς σελήνης, μοιρῶν ἐστὶν ια κς.

1062 Ὡς γίγνεσθαι τὸ μέσον ἀπόγειον τοῦ ἐκκέντρου τὸ Κ κατὰ τὰς τῆς Παρθένου μοίρας β ιθ· § τὴν δὲ ὁμαλὴν τῆς σελήνης πάροδον κατὰ τὰς τῆς Παρθένου μοίρας ιδ μδ. τὸ δὲ τῆς ὑπὸ ΔΒΛ γωνίας διάφορον τῆς ἀνωμαλίας, ἀφαιρεῖν μοίρας π νθ ἔγγιστα, § ἐπειδήπερ ἡ ἀκριβὴς

πάροδος τῆς σελήνης κατὰ τὸν αὐτὸν χρόνον ἐπεῖχεν τῆς Παρθένου μοίρας ιγ με, συμφώνως τοῖς κατελιμμένοις ἐπὶ τῆς κατ' ἐπικύκλον ὑποθέσεως ἐπιλογισμοῖς. Περὶ τῆς ἐποχῆς τῶν ὁμαλῶν τῆς σελήνης κινήσεων μήκους τε καὶ ἀνωμαλίας.

1063 (1t)

§ Ἀποδείξας ἀπὸ τε τῶν παλαιότερων ἐκλείψεων καὶ ἀπὸ τῶν κατ' αὐτὸν τὸν τῆς ἐκκεντρότητος λόγον τὸν τῶν ξ πρὸς ε δ ἔγγιστα τυγχάνοντα καὶ ἔτι ἐκ τῆς τῶν δευτέρων ἐκλείψεων συγκρίσεως, τὴν μὲν τοῦ μήκους ἐκτεθειμένην κατὰ τὸν Ἴππαρχον ὁμαλὴν πάροδον ἀπαράλλακτον τῇ ὑπ' αὐτοῦ ἐπιλελογισμένη, § τὴν δὲ τῆς ἀνωμαλίας διαφέρουσιν τοῖς κατὰ τὴν διόρθωσιν προεκτεθειμένοις αὐτῷ ἐξηκοστοῖς, ἐξῆς καὶ περὶ τῆς ἐποχῆς τῶν τοιούτων κινήσεων κατὰ τὸ πρῶτον ἔτος Ναβονασσάρου θῶθ νεομηνίας ὥρας ς τὸν λόγον ποιεῖται τόνδε τὸν τρόπον. Ἐπεὶ γὰρ ἐν τῇ δευτέρᾳ τῶν παλαιῶν τριῶν ἐκλείψεων ἀπεδείκνυνεν τὴν σελήνην ὁμαλῶς μὲν ἐπέχουσιν κατὰ μήκος Παρθένου μοίρας ιδ μδ ἀνωμαλίας δὲ ἀπὸ τοῦ ἀπογείου τοῦ ἐπικύκλου μοίρας ιβ κδ, ἐκκίνητο δὲ ἀπὸ τοῦ πρώτου ἔτους Ναβονασσάρου μέχρι τοῦ χρόνου τῆς δευτέρας τῶν παλαιῶν τριῶν ἐκλείψεων ὁμαλῶς, μήκους μὲν μοίρας ρκγ κβ ἀνωμαλίας δὲ μοίρας ργ λε, ἐὰν ἄρα ταύτας ἀφέλωμεν ἀπὸ τῶν κατὰ τὸν χρόνον τῆς δευτέρας ἐκλείψεως ἐποχῶν ἑκατέραν ἀφ' ἑκατέρας οἰκείως προσθέντες αὐταῖς ἑνὸς κύκλου μοίρας τξ, § ἔξομεν εἰς τὸ αὐτὸ πρῶτον ἔτος Ναβονασσάρου θῶθ πρώτη τῆς μεσημβρίας, κατὰ μήκος μὲν ὁμαλῶς ἐπέχουσιν τὴν σελήνην Ταύρου μοίρας ια κβ, ἀνωμαλίας δὲ ἀπὸ τοῦ ἀπογείου τοῦ ἐπικύκλου μοίρας σξη μθ.

1064

Ἐὰν γὰρ ταῖς κατὰ τὸν χρόνον τῆς δευτέρας ἐκλείψεως τῆς κατὰ μήκος ἐποχῆς τῆς Παρθένου μοίραις ιδ μδ προσθῶμεν ἑνὸς κύκλου μοίρας τξ καὶ ἀπὸ τῶν γενομένων μοιρῶν τοδ μδ ἀφέλωμεν ἅς κεκίνηται ἀπὸ τοῦ πρώτου ἔτους Ναβονασσάρου μοίρας ρκγ κβ, καὶ τὰς λοιπὰς σνα κβ ἐκβάλωμεν εἰς τὰ ἐπόμενα ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τῆς Παρθένου, καταλήξομεν εἰς τὰς τοῦ Ταύρου μοίρας ια κβ. Πάλιν ἐὰν ταῖς ἀπὸ τοῦ ἀπογείου τῆς ἀνωμαλίας μοίραις ιβ κδ προσθῶμεν ἑνὸς κύκλου μοίρας τξ, καὶ ἀπὸ τῶν γενομένων τοβ κδ ἀφέλωμεν ἅς κεκίνηται ἀπὸ τῆς ἀρχῆς Ναβονασσάρου τῆς ἀνωμαλίας μοίρας ργ λε ἔξομεν ἀπὸ τοῦ ἀπογείου τοῦ ἐπικύκλου τὰς λοιπὰς μοίρας σξη μθ.

1065

§ Ἔσται δὲ καὶ ἐπὶ τῶν γραμμῶν τὸ τοιοῦτον κατάδηλον, οὕτως. Ἐκκείσθω ὁ ΑΒΓΔ ζωδιακὸς κύκλος, καὶ τὸ μὲν Α σημεῖον ὑποκείσθω κατὰ τῆς ἀρχῆς τῆς Παρθένου, τὸ δὲ Β κατὰ τὰς ιδ μδ αὐτῆς μοίρας. ἐὰν οὖν τῇ ΑΒ περιφερείᾳ προσθῶμεν τὸν ὅλον κύκλον, ἔξομεν δηλονότι τὸν κύκλον καὶ τὴν ΑΒ * περιφέρειαν μοιρῶν ιδ μδ τυγχάνουσιν. καὶ ἐὰν ἀπὸ τοῦ Β ἀφέλωμεν εἰς τὰ προηγούμενα μοίρας ρκγ κβ οἶον τὴν ΒΑΔ, λοιπὴν ἔξομεν τὴν ΑΒΓΔ περιφέρειαν, διὰ τὸ δις ἡμᾶς ἐσχηκέναι τὴν ΑΒ περιφέρειαν ἀπὸ τῆς κατὰ τὸ Α ἀρχῆς τῆς Παρθένου μοίρας καταλειπομένην σνα κβ, αἵτινες καταλήγουσιν κατὰ τὰς εἰρημένας τοῦ Ταύρου μοίρας ια κβ. «Ἀποχῆς δὲ δηλονότι εἰς τὸν αὐτὸν χρόνον μοίρας ο λζ, ἐπειδήπερ «ἀπεδείχθη καὶ ὁ ἥλιος τότε ἐπέχων τῶν Ἰχθύων μοίρας Ϟ με.» Περὶ τῆς διορθώσεως τῶν κατὰ πλάτος μέσων παρόδων τῆς σελήνης.

1066 (1t)

«Ἐπὶ δὲ τῶν κατὰ πλάτος πρότερον μὲν διημαρτάνομεν καὶ αὐτοί, «συγχρώμενοι κατὰ τὸν Ἴππαρχον τῷ τῆν σελήνην ἑξακοσιοντακίς μὲν «καὶ πεντηκοντάκις ἔγγιστα καταμετρεῖν τὸν ἴδιον κύκλον δις δὲ καὶ «ἡμισιάκις τὸν τῆς σκιάς καταμετρεῖν κατὰ τὸ ἐν ταῖς συζυγίαις μέσον «ἀπόστημα.» § Φησὶν ὅτι διημαρτάνον πρότερον προσχρώμενος τοῖς τοῦ Ἰπάρχου ἐπιλογισμοῖς ὑποτιθέμενος τὴν διάμετρον τῆς σελήνης κατὰ τὸ ἐν ταῖς συζυγίαις μέσον αὐτῆς ἀπόστημα, τουτέστιν ὅταν τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τὸ ἀπόγειον τοῦ ἐκκέντρου τυγχάνοντος (ὅπερ πάντοτε συμβαίνει κατὰ τὰς μέσας συζυγίας ὡς ἐξῆς δείκνυται) ἡ σελήνη περὶ τὰς ἐφαπτομένας ἢ τοῦ ἐπικύκλου, ὑποτείνειν τοῦ κατ' αὐτὸ τὸ ἀπόστημα γραφομένου ὑπ' αὐτῆς λοξοῦ κύκλου

τὸ χν', τουτέστιν ἐξηκοστὰ λγ ιδ ἔγγιστα· τὴν δὲ τηλικαύτην περιφέρειαν ὑποτείνει εὐθεῖα ἐξηκοστῶν λδ μη.

1067 ΣΑὕτη δὲ καταμετρεῖ τὴν τῆς σκιᾶς διάμετρον κατὰ τὸ μέσον αὐτῆς ἀπόστημα δις καὶ ἡμισιάκις. ἔσται ἄρα καὶ ἡ τῆς σκιᾶς διάμετρος κατὰ τὸ προκείμενον ἀπόστημα μοίρας α κζ' ἢ δὲ τηλικαύτη εὐθεῖα ὑποτείνει περιφέρειαν μοίρας α κε νε ἔγγιστα. ὥστε ἡ τῆς σκιᾶς διάμετρος τηλικαύτην ὑποτείνουσα τοῦ λοξοῦ κύκλου περιφέρειαν κατελαμβάνετο, μὴ ὑγιῶς ταῦτα τοῦ Ἰπάρχου ἐπιλογισαμένου, ἐκ τῆς ὑπ' αὐτοῦ κατασκευασθείσης διόπτρας, καθὼς αὐτὸς ἐρεῖ ἐν τῷ πέμπτῳ βιβλίῳ. «Τούτων γὰρ ὑποκειμένων» καὶ § τῆς ἐγκλίσεως τοῦ λοξοῦ τῆς σελήνης κύκλου πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων μοιρῶν ε καταλαμβανομένης ἐπὶ τοῦ διὰ τῶν πόλων αὐτῶν γραφομένου μεγίστου κύκλου, «οἱ τῶν κατὰ «μέρος ἐκλείψεως τῆς σελήνης ὅροι δίδονται» τὸν τρόπον τοῦτον. Ἔστω ἐν τῇ τῆς σελήνης σφαίρᾳ ὁ μὲν ὁμόκεντρος καὶ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ τοῦ διὰ μέσων κύκλος ὁ ΑΒΓΔ, ὁ δὲ λοξὸς τῆς σελήνης ὁ ΕΒΖΔ, καὶ γεγράφθω δι' ἀμφοτέρων τῶν πόλων αὐτῶν μεγίστου κύκλου περιφέρεια ἡ ΕΑ, ὥστε εἶναι αὐτὴν τῶν τῆς μεγίστης ἐγκλίσεως μοιρῶν ε καὶ βόρειον πέρας τὸ Ε.

1068 ΣΚαταλαμβανόμενος οὖν ἐκ τῆς ΑΕ τὰς κατὰ μέρος τοῦ λοξοῦ κύκλου ἀπὸ τοῦ διὰ μέσων ἀποστάσεις ἐπὶ τοῦ πρὸς ὀρθὰς τῷ διὰ μέσων, ἀκολουθῶς τῇ δείξει τοῦ τῆς λοξώσεως τοῦ διὰ μέσων πρὸς τὸν ἰσημερινὸν κανονίου, ἐκ τούτων καὶ τοῦ μεγέθους τῶν κατὰ τοὺς μέσους χρόνους ἐπισκοτήσεων τὰς ἀκριβεῖς κατὰ πλάτος παρόδους ἐπὶ τοῦ λοξοῦ κύκλου κατελαμβάνετο τὸν τρόπον τοῦτον. § Ὑποκείσθω γὰρ ἐπὶ τῶν κατὰ μέρος ἐκλείψεων ἡ ἐπισκοτήσις τετάρτου μέρους τυγχάνουσα τῆς σεληνιακῆς διαμέτρου, καὶ ἔστω ὁ μὲν τῆς σελήνης κύκλος περὶ τὸ Λ.

1069 ὁ δὲ τῆς σκιᾶς περὶ τὸ Μ, ὁ δὲ πρὸς ὀρθὰς τῷ λοξῷ ἐφ' οὗ τῶν κέντρων γιγνομένων, μεγίστη πρὸς αἴσθησιν ἐπισκοτήσις γίνεται ἔστω ὁ ΑΞΝΜ. καὶ ἔστω ἡ ΞΝ περιφέρεια ὑπὸ τοῦ τεταρτημορίου τῆς σεληνιακῆς διαμέτρου ὑποτεινομένη. Καὶ ἐπεὶ ἔχομεν τὴν ΜΞ ὑπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τῆς σκιᾶς ὑποτεινομένην, ἔχομεν δὲ καὶ τὴν ΞΛ ὑπὸ τοῦ τετάρτου τῆς σεληνιακῆς διαμέτρου ὑποτεινομένην, ἔχομεν ἄρα καὶ ὅλην τὴν ΛΜ. διὰ τοῦτο δὲ καὶ τὴν ΒΛ τουτέστιν τὴν ἀπὸ τοῦ συνδέσμου ἐπὶ τὴν σελήνην ἐπὶ τοῦ λοξοῦ πάροδον, ἣτις ἐστὶν τοῦ ὅρου τοῦ τηλικούτου μεγέθους τῆς ἐπισκοτήσεως κατὰ τὸ εἰρημένον μέσον ἀπόστημα. § Ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν κατὰ μέρος ἐπισκοτήσεων· ὅθεν καὶ τὸν μέγιστον χρόνον τῆς κατὰ μέσον ἀπόστημα ἐπισκοτήσεως κατελαμβάνετο ὥρων δ ἔγγιστα, ἀκολουθῶς ταῖς τῶν τηλικούτων διαμετρήσεων πηλικότησιν. ἔνεκεν δὲ πολυχρονιωτέρας ἐπισκοτήσεως κατ' αὐτοῦ τοῦ συνδέσμου τυγχάνειν ὑποκείσθω τὸ Β κέντρον τῆς σκιᾶς, καὶ γεγράφθω περὶ αὐτὸ ὁ τῆς σκιᾶς κύκλος ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς δευτέρας καταγραφῆς. καὶ πρότερον ἐμπίπτουσα ἡ σελήνη ἔξωθεν ἀπτέσθω· αὐτοῦ τὸ κέντρον ἔχουσα κατὰ τὸ Λ· ὕστερον δὲ ἀνακαθαρθεῖσα ἔξωθεν ἀπτέσθω τῆς σκιᾶς τὸ κέντρον ἔχουσα ἐπὶ τοῦ Ν. Ἐν ἄρα τῷ χρόνῳ τῆς ὅλης ἐπισκοτώσεως κεκίνηται ἡ σελήνη τὴν ΛΝ περιφέρειαν, ἴσην οὖσαν ἔγγιστα * ταῖς ὑποτεινομέναις ὑπὸ τῶν διαμέτρων τῶν κύκλων, διὰ τὸ ἀδιάφορον συναγομένην μοιρῶν β π μγ, καὶ ἔτι τὸ ιβ' αὐτῶν, ὅσα ἐν τῷ τοσοῦτῳ καὶ ὁ ἥλιος ἐπικινεῖται, τουτέστιν ἐξηκοστὰ πρῶτα ι καὶ δευτέρα δ, ὡς ἐν τῷ μεγίστῳ τῆς ἐκλείψεως χρόνῳ κατὰ τὸ προκείμενον μέσον ἀπόστημα τὴν σελήνην κινεῖσθαι μοίρας β ι μζ, ἃς κινεῖται ἡ σελήνη ἐν ὥραις δ ἔγγιστα, διὰ τὸ καὶ περὶ τὸ μέσον αὐτὴν ἀπόστημα ὁμαλῶς ἔγγιστα κινουμένην ἐν τῇ α ὥρᾳ κινεῖσθαι π λβ νς, τοῦ Πτολεμαίου δι' ἀκριβεστέρων τηρήσεων καὶ χαριεστέρων ἐφόδων καταλαμβανομένου τὴν μὲν τῆς σελήνης διάμετρον κατὰ τὸ αὐτὸ μέσον ἀπόστημα ὑποτείνουσιν ἐξηκοστὰ λγ κ τὴν δὲ τῆς σκιᾶς μοῖραν α ζ' ἔγγιστα, ἃ συντεθέντα μετὰ τοῦ ιβ' αὐτῶν συνάγουσιν μοίρας β ιγ λζ, καὶ διὰ ταῦτα τὸν χρόνον γίνεσθαι τῆς ὅλης ἐπισκοτήσεως ὥρων δ ις' ἔγγιστα.

- 1070 Διημάρτανεν δὲ πρότερον ἐπεὶ οὐχ ὑγιῶς αὐτῷ παρελαμβάνετο τὰ ἐξ ἀρχῆς κατὰ τοὺς τοῦ Ἰπάρχου ἐπιλογισμοὺς ἐκτεθέντα. § Ἴνα δὲ ὑπ' ὅψιν ἡμῖν γένηται τὰ εἰρημένα, νοείσθω ἐν τῇ τῶν ἀπλανῶν σφαίρᾳ ὁ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ὁ ΘΒΚΓ, πρὸς δὲ τοῦτον ἕτερος ἐγκεκλιμένος ἀναλόγως τῇ κατὰ πλάτος τῆς σελήνης ἀποστάσει, ὁ ΑΒΓΔ.
- 1071 καὶ καταβιβάζων μὲν σύνδεσμος ὁ Β, ἀναβιβάζων δὲ ὁ Γ. νοείσθω δὲ καὶ ἐν τῇ τῆς σελήνης σφαίρᾳ ὁμόκεντρος καὶ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ τοῦ διὰ μέσων ὁ ΛΜ. ὁ δὲ ἐν τῷ λοξῷ ὁμοίως ὁ ΞΝ. τὸ δὲ τοῦ διὰ μέσων κέντρον τὸ Ο. καὶ γεγράφθω περὶ τὸ Ξ ὁ ΠΡ ἐπίκυκλος. Καὶ ὑποκείσθω ἐπὶ τῆς πρώτης ἐκλείψεως ἡ σελήνη κατὰ τὸ Ρ, ἐπὶ τῆς ἀπὸ τοῦ κέντρου τοῦ ζωδιακοῦ ἐφαπτομένης τοῦ ἐπικύκλου τὴν μεγίστην ποιουμένη ἀφαίρεσιν, ἐπεὶ καὶ κατὰ τὸ μέσον ἀπόστημα ἐτύγχανεν κατὰ τὴν τήρησιν. καὶ ἐπιζευχθεῖσαι αἱ ΟΞ, ΟΡ, διήχθωσαν ἐπὶ τὰ Α, Η. ἔσται ἄρα ἐπὶ τοῦ λοξοῦ τοῦ πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζωδίων, ἀκριβῶς μὲν κατὰ τὸ Α, ὁμαλῶς δὲ κατὰ τὸ Η. Ἔστω δὲ καὶ ἐν τῇ δευτέρᾳ ἐκλείψει ὁ μὲν ἐπίκυκλος περὶ τὸ Ν κέντρον ἡ δὲ σελήνη κατὰ τὸ Τ τὴν μεγίστην ὁμοίως ποιουμένη πρόσθεσιν. καὶ ἐπιζευχθεῖσαι αἱ ΟΝ, ΟΤ, διήχθωσαν ἐπὶ τὰ Ζ, Δ.
- 1072 ἔσται δὴ πάλιν ἡ μὲν ὁμαλὴ πάροδος κατὰ τὸ Ζ, ἡ δὲ ἀκριβὴς κατὰ τὸ Δ. Καὶ ἐπεὶ τὸν εἰρημένον τρόπον ἐκ τοῦ μεγέθους τῶν ἐπισκοτήσεων κατελάμβανεν τὰς ἀκριβεῖς τῆς σελήνης ἀπὸ τῶν συνδέσμων διαστάσεις, εἶχε ἄρα ἐκατέραν τῶν ΒΑ, ΓΔ, εἶχεν δὲ καὶ ἐκατέραν τῶν ΑΗ, ΔΖ ἐκατέρου τοῦ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόρου. εἶχεν ἄρα καὶ λοιπὴν ἐκατέραν τῶν ΗΒ, ΓΖ, καὶ ὅλην δηλονότι τὴν ΗΕΖ περιφέρειαν τὴν ἀπὸ τῆς πρώτης ἐκλείψεως ἐπὶ τὴν δευτέραν ὁμαλὴν ἐπὶ τοῦ λοξοῦ μεθ' ὅλους κύκλους τῆς ὁμαλῆς ἐπουσίαν. Λαμβάνων γὰρ διαστάσεις ἐκλειπτικὰς, καὶ ἀπὸ τοῦ μεγέθους τῶν κατὰ τοὺς μέσους χρόνους ἐπισκοτήσεων τὸν εἰρημένον τρόπον τὰς ἐπὶ τοῦ λοξοῦ αὐτῆς ἀκριβεῖς ἐποχὰς ἀφ' ὁποτέρου τῶν συνδέσμων ἐπιλογιζόμενος, καὶ ἀπὸ τούτων ἀφαιρῶν ἢ προστιθεὶς τὰς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορὰς (εἶχεν γὰρ ἤδη καὶ ταύτας, ἐπεὶ καὶ τὸν λόγον τῶν ἐκ τῶν κέντρων) τὰς μεγίστας τότε γιγνομένης διαφορὰς καὶ πρώτης καὶ δευτέρας (διὰ τὸ καὶ τὰς περὶ τὸ μέσον ἀπόστημα τῆς σελήνης ἐκλείψεις παραλαμβάνεσθαι, τουτέστιν καθ' ἃς ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου τοῦ ζωδιακοῦ ἐπὶ τὴν σελήνην εὐθεῖα ἐφάπτεται τοῦ ἐπικύκλου) τὰς τῆς ὁμαλῆς παρόδου ἐποχὰς αὐτῆς καταλαμβάνόμενος, εἶχεν αὐτόθεν καὶ τὴν ἐν τῷ μεταξὺ χρόνῳ γεγεννημένην τῆς ὁμαλῆς κινήσεως μεθ' ὅλους κύκλους ἐπουσίαν.
- 1073 Καὶ ἀναλύων τοὺς κύκλους καὶ συντιθεὶς μετὰ τῆς ἐπουσίας τὸ συναγόμενον, τῶν μοιρῶν πλῆθος μερίζων παρὰ τὰς τοῦ χρόνου συναγομένης ἡμέρας καὶ ὥρας, ἠῦρισκεν τοῦ πλάτους τῆς σελήνης τὸ ἡμερήσιον ὁμαλὸν κίνημα, ᾧ ἀκολούθως καὶ τὰς λοιπὰς τῶν κανονίων ἐπισυνθέσεις ἐποιεῖτο, μὴ * ὑγιῶς ἔχουσας διὰ τὰ εἰρημένα. § «Νῦν δὲ χρῆσάμενοι χαριεστέραις ἐφόδοις καὶ μηδενὸς τῶν πρότερον «ὑποτιθεμένων ἐπιδεομέναις πρὸς τὴν τῶν ἐπιζητουμένων κατάληψιν, «τὴν τε δι' ἐκείνων ἐπιλογιζομένην τοῦ πλάτους πάροδον εὕρομεν διεψευσμένην, καὶ ἀπὸ τῆς νῦν χωρὶς ἐκείνων κατειλημμένης. καὶ τὰς ὑποθέσεις αὐτὰς τὰς περὶ τὰ μεγέθη καὶ τὰ ἀποστήματα μὴ οὕτως ἐχούσας «ἐλέγξαντες, διορθώσαμεθα». Πρότερον μὲν οὖν διαμαρτάνων τοῖς εἰρημένοις τοῦ Ἰπάρχου ἐπιλογισμοῖς προσχρῶμενος, ὕστερον δὲ προσχρησάμενος προχειροτέραις καὶ σαφεστέραις ἐφόδοις, καὶ μηδενὸς τῶν κατὰ τὸν Ἰπάρχον προσχρήσεσιν ἐπιδεομέναις πρὸς τὴν κατάληψιν τῶν κατὰ πλάτος ὁμαλῶν παρόδων, τὴν τε κατὰ τὸν Ἰπάρχον ἐπιλελογισμένην τοιαύτην πάροδον εὔρεν διεψευσμένην· καὶ ἀπὸ τῶν ὕστερον αὐτῷ ὑποτιθεμένων χωρὶς τῶν κατὰ τὸν Ἰπάρχον ἐφόδων τὰς τοιαύτας παρόδους ἀκριβῶς, ἔτι καὶ τὰς ὑποθέσεις τὰς περὶ τὰ μεγέθη καὶ τὰ ἀποστήματα, τουτέστιν τὰς διαμέτρους τοῦ ἡλίου καὶ σελήνης καὶ σκιᾶς δι' ὧν τὰ τε ἀποστήματα καὶ τὰ μεγέθη τῶν

φώτων καταλαμβάνεται, μὴ οὕτως ἐχούσας ἦτοι ὡς τῷ Ἰππάρχῳ, καὶ ὡς αὐτῷ πρότερον καταλαμβάνετο ἐλέγξας διορθώσατο.

1074 § «Ἦν δὲ καὶ ἡ μὲν κατὰ πλάτος πάροδος τῆς σελήνης περὶ τὸν κα«ταβιβάζοντα σύνδεσμον. τοῦτο γὰρ καὶ ἐκ τῶν ὀλοσχερῶν ὑποθέσεων «κατελαμβάνετο.» Ὀλοσχερῶν λέγει ὑποθέσεων τῶν παρὰ τοῦ Ἰππάρχου ἐκτεθειμένων, κατὰ πλάτος ὁμαλῶν παρόδων καὶ ἔτι τῆς εἰς τὸ πρῶτον ἔτος Ναβονασσάρου τοῦ βορείου πέρατος ἐποχῆς. εἶχεν γὰρ καὶ ταύτην παχυμερέστερον, ἐπεὶ καὶ τὴν κίνησιν. οὐ γὰρ τοσαύτη ἐγίγνετο ἐξ ὧν διεφώνει ὁ Ἰππαρχος τετάρτων ἐξηκοστῶν ἐν τῷ μεταξὺ τῶν τηρήσεων χρόνῳ ἢ ἐπισυναγωγῇ ὥστε ἀπὸ τοῦ ἀναβιβάζοντος συνδέσμου ἐπὶ τὸν καταβιβάζοντα φέρειν. Ἔτι δὲ καὶ ἐκ τῶν εἰρημένων ἡμῖν ἐν τοῖς ἐπάνω προσθέσεων ἢ ἀφαιρέσεων τῶν τοῦ πλάτους ἀποστάσεων τὸ τοιοῦτον καταλαμβάνεται. «Ἐπεὶ οὖν ὅταν ἀπὸ νότου ἐκλείπη ἡ σελήνη βορειότερόν ἐστιν τοῦ «διὰ μέσων τῶν ζωδίων τὸ κέντρον αὐτῆς, φανερόν ὅτι καὶ καθ' ἑκατέραν «τῶν ἐκλείψεων τῷ ἴσῳ προηγῆτο τοῦ καταβιβάζοντος συνδέσμου.» § Ὁ λέγει τοιοῦτόν ἐστιν ὅτι ὅταν τὸ μέρος αὐτῆς τὸ νοτιώτερον ἐπισκοτῆται, τότε τὸ κέντρον αὐτῆς βορειότερόν ἐστιν τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων. ἐὰν γὰρ νοήσωμεν τὸν ἀντὶ τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων ὁμόκεντρον καὶ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ αὐτοῦ κείμενον τὸν ΑΒΓΔ, τὸν δὲ λοξὸν τῆς σελήνης κύκλον τὸν ΕΒΖΔ, ὥστε τὸ μὲν Β σημεῖον εἶναι καταβιβάζοντα σύνδεσμον, τὸ δὲ Δ ἀναβιβάζοντα, καὶ βόρειον μὲν ἡμικύκλιον τὸ ΒΕΔ τὴν δὲ σελήνην περὶ τὸν καταβιβάζοντα ὡς κατὰ τὸ Η, τὸν δὲ τῆς σκιάς κύκλον τὸν περὶ τὸ Θ, ἐπισκοτοῦντα μέρη τῆς σελήνης ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς καταγραφῆς.

1075 δῆλον ὡς ὅτι βορειότερων ὄντων τῶν πρὸς τῷ Ε μερῶν, τὸ νοτιώτερόν ἐστιν αὐτῆς μέρος ἐπισκοτούμενον, τοῦ κέντρου αὐτῆς τοῦ Η βορειότερου τυγχάνοντος τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων. Καὶ διὰ τοῦ τὸν αὐτὸν σύντημα καὶ μέγεθος ὑποκεῖσθαι τῆς ἐπισκοτήσεως, καὶ περὶ τὸ αὐτὸ ἀπόδεσμον, καὶ ἀμφοτέρας βορειότερας, φανερόν ἐκ τῶν ἐπάνω εἰρημένων ὅτι κατὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου τοῦ λοξοῦ κύκλου ἐτύγχανεν ἡ ἀκριβὴς τῆς σελήνης ἐποχή· καὶ ἴσον δηλονότι προηγῆτο τοῦ καταβιβάζοντος συνδέσμου καθ' ἑκατέραν τῶν ἐκλείψεων. Ἀλλὰ κατὰ μὲν τὴν προτέραν ἀφήρει ἐκ τοῦ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόρου μοίρας, κατὰ δὲ τὴν δευτέραν προσετίθει μοίρας δ νγ, ἐπεὶ καὶ κατὰ τὴν ἀνωμαλίαν κατὰ μὲν τὴν προτέραν ἔκλειψιν ἀπεῖχεν τοῦ ἀπογείου μοίρας ρ καὶ ἐξηκοστὰ ιθ, κατὰ δὲ τὴν δευτέραν μοίρας σνα νγ. διὸ καὶ ἔλεγεν «καὶ μικρὸν τοῦ μέσου περιγιώτερον» τὸ γὰρ μέσον περὶ τὰς ρε ἐστὶν καὶ περὶ τὰς σζε· διὰ τὸ καὶ τὴν μεγίστην παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορὰν μοιρῶν ε καταλαμβάνεσθαι.

1076 Ὡς τὴν ὁμαλὴν πάροδον ἐλλείπειν εἰς ὅλας ἀποκαταστάσεις ταῖς ἐξ ἀμφοτέρων τῶν ἀνωμαλιῶν συναγομέναις μοίραις θ νγ. § Ἵνα δὲ καὶ ἐπὶ καταγραφῆς φανερὰ γένηται τὰ εἰρημένα, ἔστω ὁμόκεντρος καὶ ἐν τῷ λοξῷ τῆς σελήνης ἐπιπέδῳ κύκλος ὁ ΑΒΓ περὶ κέντρον τὸ Δ. καὶ ὑποκεῖσθω ἐν τῇ πρώτῃ ἐκλείψει τὸ μὲν τοῦ ἐπικύκλου κέντρον κατὰ τὸ Ε, ἡ δὲ σελήνη ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τὸ Ζ, ἀπέχουσα τοῦ Η ἀπογείου εἰς τὰ προηγούμενα μοίρας ρ καὶ ἐξηκοστὰ ιθ, ἀφαιροῦσα τῆς μέσης ἐποχῆς μοίρας, ὥστε τὴν μὲν ὁμαλὴν πάροδον γίνεσθαι κατὰ τὸ Α, τὴν δὲ ἀκριβὴν κατὰ τὸ Β. ἐν δὲ τῇ δευτέρᾳ ἐκλείψει ὑποκεῖσθω τὸ κέντρον τοῦ ἐπικύκλου κατὰ τὸ Θ, ἡ δὲ σελήνη πάλιν κατὰ τὸ Κ ἀπέχουσα τοῦ Λ ἀπογείου τοῦ ἐπικύκλου μοίρας σνα νγ, ἵνα, προστιθεῖσα τῇ κατὰ τὸ Γ μέσῃ * παρόδῳ τὴν ΓΒ μοιρῶν δ νγ, ἐπὶ τῆς κατὰ τὸ Β πάλιν ἀκριβοῦς ἐποχῆς τυγχάνῃ, καθάπερ καὶ ἡ τηρήσις ὑπέβαλλεν.

1077 καὶ διὰ τοῦτο ἡ μὲν κατὰ τὸ Β ἀκριβὴς ἐποχή ὅλους περιεῖχεν κύκλους, ἡ δὲ ὁμαλή καὶ ἐπὶ τὸ Α ἀποκατάστασις ἐνέλειπεν τῇ ΓΑ ἐξ ἀμφοτέρων τῶν ἀνωμαλιῶν συναγομένη μοίρας θ νγ. Ἐλλείπει δὲ καὶ ἐκ τῆς κατὰ τὸν Ἰππαρχον ἐκτεθειμένης ἡμερησίας κατὰ πλάτος ὁμαλῆς παρόδου ἐν τῷ μεταξὺ τῶν τηρήσεων χρόνῳ περιέχοντι αἰγυπτιακὰ ἔτη χιε καὶ ἡμέρας ρλγ καὶ ὥρας ἰσημερινὰς κγ < ' γ' ὅλας δὲ ἡμερῶν Μ κβ, δχθ εἰς ὅλας ἀποκαταστάσεις, μοίρας ι καὶ

ἐξηκοστὰ β ἔγγιστα. πλείων ἄρα γέγονεν ἢ κατὰ τὸν Πτολεμαῖον ὁμαλὴ κατὰ πλάτος πάροδος ἐξηκοστοῖς θ, ἅπερ μερίσας εἰς τὸ προκείμενον τῶν ἡμερῶν πλήθος καὶ τὰ ἐκ τοῦ μερισμοῦ γενόμενα π π π η λθ ιη προσθεῖς τῷ κατὰ τὸν Ἰππαρχον ἐκτεθειμένῳ ἡμερησίῳ κινήματι ἔσχεν τὸ διορθωμένον τῆς σελήνης ὁμαλὸν κατὰ πλάτος ἡμερήσιον κίνημα, μοιρῶν ιγ ιγ με λθ μη νς λζ· ᾧ ἀκολουθῶς καὶ τὰς λοιπὰς τῶν κανονίων ἐπισυνθέσεις ἐποιήσατο. § Ὅτι δὲ τὸ γενόμενον διάφορον κατὰ τὰ ἀποστήματα καὶ τὰ μεγέθη, ἐκ τοῦ τὸν τῆς ἀνωμαλίας ἀριθμὸν διαφέρειν μοίρας ζ μη, διὰ τὸ κατὰ μὲν τὴν προτέραν ἔκλειψιν μοιρῶν αὐτὸν τυγχάνειν ρ καὶ ἐξηκοστῶν ιθ, κατὰ δὲ τὴν δευτέραν μοιρῶν σνα νγ, καὶ ποιεῖν τὰς ρ μοίρας καὶ ἐξηκοστὰ ιθ αὐτὸ ἀπόστημα ταῖς σνθ μα, αὗται γὰρ ἴσον ἀπέχουσιν ἐφ' ἑκάτερα τοῦ ἀπογείου καὶ τοῦ περιγείου, καὶ διαφέρουσιν αἱ σνθ μα τῶν σνα νγ μοίρας ζ μη, οὐ πλείον ἡμίσεως ἐξηκοστοῦ τῇ κατὰ πλάτος παρόδῳ διάφορον προσποιεῖ, δηλὸν ἡμῖν γενήσεται ἐν τοῖς περὶ τῶν ἐκλείψεων κατὰ τὸ ζ' βιβλίον λεχθησομένοις.

1079 (1τ) Περὶ τῆς κατὰ τὸ α' ἔτος Ναβονασσάρου κατὰ πλάτος τῆς σελήνης ἐποχῆς. Ποιησάμενος τὸν εἰρημένον τρόπον τὴν διόρθωσιν τῆς κατὰ πλάτος ὁμαλῆς παραχωρήσεως τῆς σελήνης, ἐξῆς καὶ περὶ τῆς ἐποχῆς αὐτῆς εἰς τὸ α' ἔτος Ναβονασσάρου θῶθ πρώτη τῆς μεσημβρίας τὸν λόγον ποιεῖται. § καὶ λαβὼν καὶ πρὸς τὴν τοιαύτην κατάληψιν δύο τηρήσεις σεληνιακῶν ἐκλείψεων, δείκνυσιν τὴν σελήνην ἐν τῷ μέσῳ χρόνῳ τῆς α' ἐκλείψεως ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ βορείου πέρατος ὁμαλῶς μοίρας σπ λδ. καὶ ἐπεὶ ἐκεκίνητο ἀπὸ τοῦ χρόνου τοῦ κατὰ τὴν ἀρχὴν Ναβονασσάρου μέχρι τοῦ τῆς α' ἐκλείψεως μοίρας σπς ιθ, ταύτας ἀφελὼν ἀπὸ τῶν κατὰ τὴν τήρησιν μοιρῶν σπ λδ, προσθεῖς αὐταῖς ἐνὸς κύκλου μοίρας τξ, ἔσχεν τὴν εἰς τὸ α' ἔτος Ναβονασσάρου θῶθ α' τῆς μεσημβρίας ὁμαλὴν τῆς σελήνης ἐποχὴν ἀπὸ τοῦ βορείου πέρατος ἀπέχουσιν μοίρας τνδ ιε. «Καὶ πρὸς τὰς διακρίσεις δὲ τῶν πρὸς τὰς συνόδους καὶ τὰς πανσελή«νους γιγνομένων ψηφοφοριῶν, ἐπειδὴ κατὰ τὰς τοιαύτας παρόδους «οὐδὲν προσδεησόμεθα τῆς ἐξῆς ἀποδειχθησομένης δευτέρας ἀνωμαλίας», διὰ τὸ ἐκ τῶν πρὸς τὸν ἥλιον τῆς σελήνης ἀποστάσεων αὐτὴν ἀποτελεῖσθαι, ἐκθησόμεθα ὥσπερ ἐπὶ τοῦ ἡλίου τὸ τῶν κατὰ μέρος προσθαφαιρέσεων τῶν παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορῶν κανόνιον καθ' ἑκατέραν τῶν ὑποθέσεων, συγχρησάμενοι ταῖς γραμμικαῖς δεῖξεσιν, καὶ πρότερον τῷ κατ' ἐπίκυκλον θεωρήματι καὶ ὡς τοῦ λόγου τῆς ἐκκεντρότητος τοῦ τῶν ξ πρὸς τὰ ε ιε κατειλημμένου.

1080 § Ἵνα δὲ καὶ ἐπὶ τίνος τῶν ἐν τῷ κανόνι παρακειμένων ἀριθμῶν τὸ τοιοῦτον ὤμεν ἐπιλελογισμένοι, ὑποκείσθω ἐπὶ τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως ἡ σελήνη ἀπέχουσα τοῦ ἀπογείου τοῦ ἐπίκυκλου μοίρας λ, καὶ δέον ἔστω εὑρεῖν τὸν παρακείμενον αὐτῷ τῆς προσθαφαιρέσεως ἀριθμὸν μοιρῶν τυγχάνοντα β ιθ ἀκολουθῶς τῇ τοῦ Πτολεμαίου ἐκθέσει. Ἔστω μὲν οὖν ὁμόκεντρος τῷ διὰ μέσων τῶν ζωδίων κύκλος ὁ ΑΒΓ περὶ κέντρον τὸ Δ· ὁ δὲ ἐπ' αὐτοῦ φερόμενος ἐπίκυκλος ὁ ΕΖΗΘ, περὶ κέντρον τὸ Α· ἡ δὲ διὰ τῶν κέντρων εὐθεῖα ἡ ΕΑΘΔ. καὶ ἔστω ἀπόγειον μὲν τὸ Ε περιγείον δὲ τὸ Θ. καὶ ἀπεχέτω ἀπὸ τοῦ Ε ἀπογείου ἡ σελήνη τὴν ΕΖ περιφέρειαν μοιρῶν λ.

1081 καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΔΖ, ΖΑ· κάθετος δὲ ἦχθω ἐπὶ τὴν ΘΕ ἡ ΖΚ. Ἐπεὶ οὖν ὑπεθέμεθα τὴν σελήνην ἀπέχειν τοῦ Ε ἀπογείου μοίρας λ, εἴη ἂν ἡ ὑπὸ ΕΑΖ γωνία, οἷων μὲν εἰσιν αἱ δ ὀρθαὶ τξ τοιούτων λ, οἷων δ' αἱ δύο ὀρθαὶ τξ τοιούτων ξ. ὥσθ' ἡ μὲν ἐπὶ τῆς ΖΚ περιφέρειαν μοιρῶν ἐστίν ξ, οἷων ὁ περὶ τὸ ΑΖΚ ὀρθογώνιον κύκλος τξ, ἡ δὲ ἐπὶ τῆς ΑΚ τῶν λοιπῶν εἰς τὸ ἡμικύκλιον ρκ. καὶ αἱ ὑπ' αὐτὰς ἄρα εὐθεῖαι ἔσσονται, ἡ μὲν ΖΚ τοιούτων ξ οἷων ἐστὶν ἡ ΑΖ διάμετρος ρκ, ἡ δὲ ΚΑ τῶν αὐτῶν ργ νε. ὥστε καὶ οἷων ἐστὶν ἡ μὲν ΑΖ ὑποτείνουσα ε ιε ἡ δὲ ΑΔ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ὁμοκέντρου ξ, τοιούτων ἔσται καὶ ἡ μὲν ΖΚ εὐθεῖα β λζ λ, ἡ δὲ ΚΑ δ λβ λ, ἡ δὲ ΚΑΔ ὅλη ξδ λβ λ. Καὶ ἐπεὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν συντεθέντα ποιεῖ τὸ ἀπὸ τῆς ΖΔ, συνάγει δὲ τὰ ἀπ' αὐτῶν * , δροβ λα, καὶ μήκει ἄρα ἔσται ἡ ΖΔ ξδ λε μβ οἷων ἡ ΖΚ ἐστὶν β λζ λ. καὶ οἷων ἄρα ἐστὶν

ή ΖΔ ρκ. τοιούτων ἔσται ή ΖΚ εὐθεΐα δ νβ λς, ή δὲ ἐπ' αὐτῆς περιφέρεια δ λη ἔγγιστα· ὥστε καὶ ή ὑπὸ ΚΔΖ γωνία τοῦ παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφόρου ἔσται δ λη οἶων αἱ β ὀρθαὶ τξ, οἶων δὲ αἱ δ, β ιθ.

1082 Ὅμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῆς κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσεως, ἐκθέμενοι τὸν ΛΜΝ ἔκκεντρον κύκλον περὶ κέντρον τὸ ξ καὶ διάμετρον τὴν ΛΞΝ ἐφ' ἧς τὸ τοῦ ζωδιακοῦ κέντρον τὸ Ο, ἐπιζεύξαντες τὰς ΜΟ, ΜΞ, καὶ ἐκβάλλοντες τὴν ΜΞ ἐπὶ τὸ Π, καὶ ἀγαγόντες κάθετον τὴν ΟΠ, δείξομεν τὴν ὑπὸ ΟΜΠ γωνίαν τῆς παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορᾶς τῶν αὐτῶν β ιθ, τῆς ΛΜ ἧς κεκίνηται ή σελήνη μοιρῶν λ ὑποκειμένης, τόνδε τὸν τρόπον. Ἐπεὶ γὰρ ή ΛΜ περιφέρεια δέδοται, δέδοται ἄρα καὶ ή ὑπὸ ΠΞΟ γωνία. καὶ ὁ λόγος τῆς ΞΟ πρὸς ἑκατέραν τῶν ΞΠ, ΠΟ. δέδοται δὲ καὶ ὁ τῆς ΟΞ πρὸς ΞΜ. δέδοται ἄρα καὶ ὅλη ή ΜΠ, ΠΟ, οἶων ή ΠΟ. ὥστε καὶ τὰ ἀπὸ τῶν ΜΠ, ΠΟ, τουτέστιν τὸ ἀπὸ τῆς ΜΟ, καὶ ἔτι ὁ λόγος τῆς ΜΟ πρὸς ΟΠ, καὶ ή ἐπὶ τῆς ΟΠ περιφέρεια, καὶ ή ὑπὸ ΟΜΠ γωνία καταληφθήσεται τῶν αὐτῶν β ιθ οἶων αἱ δ ὀρθαὶ τξ. Ὅτι οὐ παρὰ τὰς διαφορὰς τῶν ὑποθέσεων ἀλλὰ παρὰ τοὺς ἐπιλογισμοὺς διήνεγκεν κατὰ τὸν Ἰππαρχον ή πηλικότης τῆς σεληνιακῆς ἀνωμαλίας.

1083 (1τ) «Τούτων οὕτως ἀποδεδειγμένων, εἰκότως ἂν τις ζητήσκειν διὰ ποῖαν «αἰτίαν, ἐκ τῶν ὑπὸ τοῦ Ἰππάρχου παρατεθειμένων σεληνιακῶν ἐκλείψεων «πρὸς τὴν τῆς τοιαύτης ἀνωμαλίας ἐπίσκεψιν, οὔτε ὁ αὐτὸς γίγνεται «λογισμὸς τῷ ὑφ' ἡμῶν ἀποδεδειγμένῳ, οὔτε σύμφωνος ὁ πρῶτος καὶ «διὰ τῆς κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσεως δειχθεὶς τῷ δευτέρῳ καὶ διὰ «τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως ἐπιλελογισμένῳ.» Ὁ ἀποδεδειγμένων δὴ τῶν συντεινόντων περὶ τὰς καταλήψεις τῶν κατὰ τὰς συζυγίας τῆς σελήνης ἐποχῶν καὶ ἐν ἀρχῇ τοῦ βιβλίου κατηριθμημένων, ἀκόλουθόν ἐστιν ἐξῆς ἐπισκοπῆσαι διὰ ποῖαν αἰτίαν, τοῦ Ἰππάρχου ἐκτεθειμένου σεληνιακῶν ἐκλείψεων πρὸς τὴν τῆς πρώτης καὶ ἀπλῆς ἀνωμαλίας κατάληψιν, οὔτε ὁ αὐτὸς αὐτῷ κατελαμβάνετο λόγος τῷ ὑφ' ἡμῶν ἀποδεδειγμένῳ, οὔτε σύμφωνος ὁ πρῶτος καὶ διὰ τῆς κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσεως δειχθεὶς τῷ δευτέρῳ καὶ διὰ τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως ἐπιλελογισμένῳ.

1084 ἐπὶ γὰρ τῆς πρώτης καὶ κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσεως συνάγει τὸν λόγον τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ἐκκέντρου πρὸς τὴν μεταξὺ τῶν κέντρων τοῦ τε ὁμοκέντρου καὶ τοῦ ἐκκέντρου, ὃν ἔχει τὰ ξ πρὸς τὰ ς ιε· δι' οὗ καὶ τὸ πλεῖστον διάφορον τῆς ἀνωμαλίας κατελαμβάνετο μοιρῶν ε μθ. ἐπὶ δὲ τῆς δευτέρας καὶ κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως συνάγει τὸν λόγον τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ὁμοκέντρου πρὸς τὴν ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ἐπικύκλου τὸν τῶν ξ πρὸς τὰ δ μς· δι' οὗ πάλιν τὸ πλεῖστον παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διάφορον κατελαμβάνετο μοιρῶν δ μδ· ἡμῶν καθ' ἑκάτεραν τῶν ὑποθέσεων τὸν μὲν λόγον καταλαμβάνοντων τὸν τῶν ξ πρὸς τὰ ε ιε, τὴν δὲ μεγίστην παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορὰν μοιρῶν ε. Ὁτι μὲν οὖν οὐ παρὰ τὴν τῶν ὑποθέσεων ἀσυμφωνίαν ή τοιαύτη παρηκολούθησεν ἀμαρτία, καὶ μικρῷ πρόσθεν διὰ τῶν γραμμῶν φανερόν ἡμῖν γέγονεν, ἔτι δὲ καὶ διὰ τῶν ἀριθμῶν καὶ τῇ κατ' ἐκκεντρότητα ὑποθέσει ἐπιλογιζομένοις τὸ τοιοῦτον. γέγονεν δὲ φησιν αὐτῷ ή ἀμαρτία, παρὰ τὸ μὴ ταῖς αὐταῖς τρισὶν ἐκλείψεσιν καθ' ἑκατέραν τῶν ὑποθέσεων συγκεχρῆσθαι, ἀλλὰ διαφοροῖς καὶ συμβέβηκεν, ή παρ' αὐτὰς τὰς τηρήσεις τῶν χρόνων τῶν κατὰ τοὺς μέσους τῶν ἐκλείψεων, ή παρὰ τοὺς τῶν διαστάσεων ἐπιλογισμοὺς τῶν ἡμερῶν καὶ ὥρων ἰσημερινῶν πρὸς τὰ ὁμαλὰ νυχθήμερα τὴν ἀμαρτίαν συμβεβηκέναι.

1085 εὐρίσκομεν γοῦν καὶ ἐπ' ἐκείνων τῶν ἐκλείψεων τὰς μὲν συζυγίας ὑγιῶς τετηρημένας καὶ συμφώνως γεγεννημένας ταῖς ὑφ' ἡμῶν κανονικῶς ἐκτεθειμέναις τῆς τε ὁμαλῆς καὶ ἀνωμάλου κινήσεως ὑποθέσεσιν, τοὺς δὲ τῶν διαστάσεων τῶν χρόνων δηλαδὴ καὶ τῶν κινήσεων ἐπιλογισμοὺς, ἀφ' ὧν ὁ λόγος τῆς ἐκκεντρότητος ἐφοδεύεται, καὶ ή παρὰ τὴν ἀνωμαλίαν διαφορὰ οὐκέτι συμφώνως τοῖς τοῦ Πτολεμαίου ἐπιλογισμοῖς.