

eul_wid: udw-ad

Ἰάμβλιχος ὁ Χαλκιδεύς · Iamblichus of Chalcis

Theological Arithmetic

Θεολογική Ἀριθμητική

Period: Ὀψιμαρχία Late Antique
Dialect: Κοινή φιλοσοφική Philosophical Koine
Domain: Φιλοσοφία Philosophy
Format: Πραγματεία Treatise
Affiliation: Neoplatonist

Theol Ar 1 ΤΑ ΘΕΟΛΟΓΟΥΜΕΝΑ ΤΗΣ ΑΡΙΘΜΗΤΙΚΗΣ < περὶ μονάδος > Μονάς ἐστὶν ἀρχὴ ἀριθμοῦ, θέσιν μὴ ἔχουσα· λέγεται δὲ μονάς παρὰ τὸ μένειν· καὶ γὰρ ἡ μονάς, ἐφ' ὃν γίνεται ἀριθμὸν, φυλάσσει τὸ αὐτὸ εἶδος, οἷον ἅπαξ τρία τρία, ἅπαξ τέσσαρα τέσσαρα· ἰδοὺ γὰρ ἐπὶ τούτοις προσελθοῦσα ἡ μονάς τὸ αὐτὸ εἶδος ἐφύλαξε καὶ οὐκ ἐποίησεν ἕτερον ἀριθμὸν. πάντα γὰρ ἐκ τῆς πάντα δυνάμει περιεχούσης μονάδος διακεκόσμηται· αὕτη γὰρ καὶ εἰ μήπω ἐνεργεῖα ἀλλ' οὖν σπερματικῶς πάντας τοὺς ἐν πᾶσιν ἀριθμοῖς καὶ δὴ καὶ τοὺς ἐν δυάδι λόγους ἔχει, ἀρτία τε οὔσα καὶ περιττὰ καὶ ἀρτιοπέριττος καὶ γραμμὴ καὶ ἐπίπεδος καὶ στερεὰ κυβικὴ τε καὶ σφαιρικὴ· καὶ ἀπὸ τετραγώνου μέχρις ἀπειρογώνου ἐν πυραμίδων εἵδεσι. τελεία τε καὶ ὑπερτελής καὶ ἐλλιπής καὶ ἀνάλογος καὶ ἀρμονικὴ καὶ πρώτη καὶ ἀσύνθετος καὶ δευτέρα καὶ διαμετρικὴ τε καὶ πλευρικὴ, καὶ ἐν ἰσότητι καὶ ἐν ἀνισότητι πάσης κατάρχουσα σχέσεως, ὥς ἐν τῇ Εἰσαγωγῇ ἀποδέδεικται· πρὸς δὲ τοῖς εἰρημένοις σημείοις τε καὶ γωνία σὺν ἅπασι τῆς γωνίας εἵδεσιν, ἀρχὴ τε καὶ μέσον καὶ τέλος τῶν ὅλων φαίνεται· * ἐπὶ μὲν τὸ μείον αὐτῆς, τὴν ἐπ' ἄπειρον τοῦ συνεχοῦς ὀρίζουσα τομὴν, ἐπὶ δὲ τὸ μείζον, τὴν ὁμοίαν τοῖς διηρημένοις ἐπαύξησιν, οὐχ ἡμῶν τοῦτο θεμένων ἀλλὰ θείας φύσεως. [20]

Theol Ar 2 ἀναλόγως γοῦν ἀνθυπακούει καὶ ἀντιπερίσταται ἐκάτερα ἐν αὐτῇ τὰ μέρη πρὸς τὰ ὅλα, ὥς ἐν τῷ λαμβδοεῖδι διαγράμματι ἐσαφηνίσθη κατὰ τὴν ἀρχὴν τῆς Ἀριθμητικῆς διὸ καὶ ὡς τὰ μήκει διπλάσια δυνάμει < μὲν > τετραπλάσια, στερεῷ δὲ ὀκταπλάσια, καὶ τὰ μήκει τριπλάσια δυνάμει μὲν ἐννεαπλάσια, στερεῷ δὲ ἐπτακαίκοσαπλάσια, ἐν τῇ τῶν ἀριθμῶν πάντων εὐταξίᾳ, οὕτω καὶ τῇ τῶν μερῶν τὰ μὲν μήκει ἡμίση δυνάμει < μὲν > τεταρτημόρια, στερεῷ δὲ ὀγδοημόρια, τὰ δὲ μήκει τρίτα δυνάμει μὲν ἔννατα, στερεῷ δὲ ἐπτακαίκοσιμόρια. καὶ πᾶν δὲ πλήθους σύστημα ἢ ὑποτομῆς μόριον κατὰ μονάδα εἰδοποιεῖται· μία γὰρ δεκάς καὶ μία χιλιάς καὶ ἑμπαλιν δέκατον ἐν καὶ χιλιοστὸν ἐν καὶ τὰ μόρια ἐπ' ἄπειρον. καθ' ἕκαστον δὲ τούτων εἶδει μὲν ἡ αὐτὴ μονάς, μεγέθει δὲ ἄλλη καὶ ἄλλη, ἑαυτὴν πρὸς τούτοις γεννώσα ἐξ ἑαυτῆς, καθὰ καὶ ὁ κοσμικὸς λόγος καὶ ἡ τῶν ὄντων φύσις, καὶ πάντα διατηροῦσα καὶ μεταπίπτειν οὐκ ἔωσα. ὧς ἂν προσγένηται, μόνη τῶν ἄλλων ὁμοίως τῷ τοῦ παντὸς σωτηρίῳ προνοίᾳ ἐμφηναί τε τὸν περὶ θεοῦ λόγον καὶ προσοικειωθῆναι αὐτῷ μάλιστα πάντων ἐπιτηδαιοτάτη, ὅσῳ προσεχεστάτη. καὶ εἶδος εἰδῶν τυγχάνει, ὡς τέχνη τις τεχνικῶ καὶ νόησις

νοητικῶ. μετρίως δὲ ἀπεδείχθη τοῦτο ἐν τῇ περὶ ἑτερομήκων καὶ τετραγώνων ἐναντιώσει τῇ φιλαλλήλῳ. ^[20]

Theol Ar 3 καὶ ὅτι τὸν θεόν φησιν ὁ Νικόμαχος τῇ μονάδι ἐφαρμόζειν, σπερματικῶς ὑπάρχοντα πάντα τὰ ἐν τῇ φύσει ὄντα ὡς αὐτὴν ἐν ἀριθμῶ, ἐμπεριέχεται τε δυνάμει τὰ δοκοῦντα ἐναντιώτατα κατ' ἐνέργειαν εἶναι πᾶσιν ἀπλῶς ἐναντιότητος τρόποις, καθὼς αὕτη ἀρρήτῳ τινὶ φύσει πανείδεος οὔσα ὥφθη παρ' ὅλην τὴν Ἀριθμητικὴν εἰσαγωγὴν, ἀρχὴν τε καὶ μέσον καὶ τέλος ἀνειληφυῖα τῶν ὅλων, ἐάν τε κατ' ἀλληλουχίαν ἐάν τε κατὰ παράθεσιν ἐπινοῶμεν αὐτὴν συνεστάναι, καθάπερ καὶ μονὰς ἀρχή τε καὶ μέσον καὶ τέλος ποσοῦ τε καὶ πηλίκου καὶ προσέτι πάσης ποιότητος. ὡς δὲ οὐκ ἄνευ αὐτῆς σύστασις ἀπλῶς τινος, οὕτως οὐδὲ χωρὶς αὐτῆς γνώρισις οὐτινοσοῦν, ὡς φωτὸς καθαροῦ κυριωτάτης πάντων ἀπλῶς οὔσης, καὶ ἡλιοειδοῦς καὶ ἡγεμονικῆ, ἵν' εἰσὶν καθ' ἕκαστον τούτων τῷ θεῷ, καὶ μάλιστα καθὼς φιλιωτικὴ καὶ συστατικὴ καὶ τῶν πολυμιγῶν καὶ πάνυ διαφορωτάτων, ὡς ἐκεῖνος ἐξ οὕτως ἀντικειμένων ἀρμόσας καὶ ἐνώσας τόδε τὸ πᾶν· ἐαυτὴν γε μὴν γεννᾷ καὶ ἀφ' ἐαυτῆς γεννᾶται ὡς αὐτοτελὴς καὶ ἀναρχος καὶ ἀτελεύτητος, καὶ διαμονῆς αἰτία φαίνεται, καθὼς ὁ θεὸς ἐν τοῖς φυσικοῖς ἐνεργήμασι τοιοῦτος ἐπινοεῖται, διασωστικὸς καὶ τῶν φύσεων τηρητικὸς. λέγουσιν οὖν ταύτην οὐ μόνον θεὸν, ἀλλὰ καὶ νοῦν καὶ ἄρσενόθηλον· νοῦν μὲν, ὅτι τὸ ἐν θεῷ ἡγεμονικώτατον καὶ ἐν κοσμοποιίᾳ καὶ ἐν πάσῃ ἀπλῶς τέχνῃ τε καὶ λόγῳ, εἰ καὶ μὴ ἐπιφαίνοιτο τοῖς καθ' ἕκαστον ὅλον, δι' ἐνεργείας νοῦς ἐστὶ, ταυτότης τις ὣν καὶ ἀμετάτρεπτος δι' ἐπιστήμης, ὡς αὕτη πάντα περιεληφυῖα ἐν ἐαυτῇ κατ' ἐπίνοιαν, εἰ καὶ κατ' ἕκστασιν ἐν τοῖς τῶν ὄντων εἶδεσιν, ὡς λόγος τις τεχνικὸς εἰσὶν τῷ θεῷ, καὶ οὐ μεθισταμένη τοῦ καθ' ἐαυτὴν λόγου, οὐδὲ μεθίστασθαι ἄλλον τινὰ ἑῷσα, ἀλλὰ ἄτρεπτος ὡς ἀληθῶς καὶ μοῖρα Ἄτροπος. ^[5]

Theol Ar 4 διὰ τοῦτο γὰρ καλεῖται δημιουργὸς καὶ πλάστρια, προσόδοις καὶ ἀποχωρήσεσιν ἐπινοουμένη τῶν μαθηματικῶν φύσεων, ἀφ' ὧν σωματότητες καὶ ζωογονίαι καὶ συντάξεις κοσμικαί. διὸ καὶ Προμηθεὺς μυθεύουσιν αὐτὴν, δημιουργὸν ζωότητος, ἀπὸ τοῦ πρόσω μηδὲν τρόπῳ θεῖν μηδ' ἐκφοιτᾶν τοῦ ἰδίου λόγου μονώτατα μηδὲ τὰ ἄλλα ἔαν, μεταδιδοῦσαν τῶν ιδιωμάτων ἐαυτῆς· ὁπόσαις γὰρ ἂν αὐξήθῃ ἀποστάσεις ἢ ὁπόσας ἂν αὐξήσῃ, θεῖν πρόσω κωλύει καὶ μεταπίπτειν τὸν ἐξ ἀρχῆς ἐαυτῆς τε κάκεινων λόγον. ὡς δὲ σπέρμα συλλήβδην ἀπάντων ἄρσενά τε καὶ θήλειαν τὴν αὐτὴν τίθενται, οὐ μόνον ἐπεὶ τὸ μὲν περισσὸν ἄρσεν δυσδιαίρετον ὄν, τὸ δὲ ἄρτιον θῆλυ εὐλυτον ὄν ᾧοντο, ἀρτίαν δὲ καὶ περισσὴν μόνην αὐτὴν, ἀλλὰ καὶ ὅτι πατὴρ καὶ μήτηρ, ὕλης καὶ εἶδους λόγον ἔχουσα, ἐπενοεῖτο, τεχνίτου καὶ τεχνητοῦ· καὶ δυνάδος γὰρ παρεκτικὴ διαφορηθεῖσα· ῥᾶον γὰρ τεχνίτη ὕλην ἐαυτῷ προσάγεσθαι ἢ τὸ ἔμπαλιν ὕλην τεχνίτην. ^[5]

Theol Ar 5 τὸ δὲ σπέρμα καὶ θήλεων καὶ ἀρσένων ὅσον ἐπ' αὐτῷ παρεκτικὸν ἀποσπαρὲν ἀδιάκριτόν τε τὴν ἀμφοῖν φύσιν παρέχει κἂν τῇ μέχρι τινὸς κινήσει, βρεφοῦσθαι δὲ ἀρχόμενον ἢ φυτοῦσθαι διάλλαξιν λοιπὸν ἐπὶ θάτερον καὶ ἐνάλλαξιν ἐπιδέχεται, μετιὸν ἀπὸ δυνάμεως εἰς ἐνέργειαν. εἰ δὲ δύναμις παντὸς ἀριθμοῦ ἐν μονάδι, νοητὸς ἂν κυρίως ἀριθμὸς εἴη μονάς, οὕτω τι ἐνεργὸν ἀποφαίνουσα ἀλλὰ πανθ' ὁμοῦ κατ' ἐπίνοιαν. κατὰ δέ τι σημαίνόμενον καὶ ὕλην αὐτὴν καλοῦσι καὶ πανδοχεῖα γε, ὡς παρεκτικὴν οὔσαν καὶ δυνάδος τῆς κυρίως ὕλης καὶ πάντων χωρητικὴν λόγων, εἴ γε πᾶσι παρεκτικὴ καὶ μεταδοτικὴ τυγχάνει. ὡσαύτως δὲ χάος αὐτὴν φασὶ τὸ παρ' Ἑσιόδῳ πρωτόγονον, ἐξ οὗ τὰ λοιπὰ ὡς ἐκ μονάδος. ἢ αὕτη σύγχυσις τε καὶ σύγκρασις ἀλαμπία τε καὶ σκοτωδία στερήσει διαρθρώσεως καὶ διακρίσεως τῶν ἐξῆς ἀπάντων ἐπινοεῖται. Ὅτι Ἀνατόλιος γονὴν αὐτὴν φησὶ καλεῖσθαι καὶ ὕλην, ὡς ἄνευ αὐτῆς μὴ ὄντος μηδενὸς ἀριθμοῦ· ὅτι τὸ τῆς μονάδος σημαντικὸν χάραγμα σύμβολόν ἐστι τῆς τῶν ὅλων ἀρχικωτάτης, καὶ τὴν πρὸς τὸν ἥλιον κοινωνίαν ἐμφαίνει διὰ τῆς συγκεφαλαιώσεως τοῦ ὀνόματος αὐτῆς· συναριθμηθὲν γὰρ τὸ μονὰς ὄνομα τζα' ἀποδίδωσιν, ἅπερ ζωδιακοῦ κύκλου μοῖραί εἰσιν. ^[20]

Theol Ar 6 ὅτι τὴν μονάδα ἐκάλουν οἱ Πυθαγόρειοι νοῦν, εἰκάζοντες τῷ ἐνί· ἐν ἀρεταῖς γὰρ εἵκαζον αὐτὴν φρονήσῃ· τὸ γὰρ ὀρθὸν ἐν. ἐκάλουν δὲ αὐτὴν οὐσία ν, αἴτιον ἀληθείας, ἀπλοῦ ν, παράδειγμα, τάξι ν, συμφωνία ν, ἐν μείζονι καὶ ἐλάσσονι τὸ ἴσον ν, ἐν ἐπιτάσει καὶ ἀνέσει τὸ μέσον ν, ἐν πλήθει τὸ μέτριο ν, ἐν χρόνῳ τὸν νῦν ἐνεστῶτα· ἔτι δὲ καὶ ναῦ ν, ἄρμα, φίλον ν, ζωὴ ν, εὐδαιμονία ν. πρὸς τούτοις φασὶ περὶ τὸ μέσον τῶν τεσσάρων στοιχείων κεῖσθαι τινα ἐναδικὸν διάπυρον κύβον, οὗ τὴν μεσότητα τῆς θέσεως καὶ Ὀμηρον εἰδέναι λέγοντα· ‘τόσπον ἔνερθ’ Ἀΐδο, ὅσον οὐρανός ἐστ’ ἀπὸ γαίης’. εἰκόασι δὲ κατὰ γε ταῦτα κατηκολουθηκέναι τοῖς Πυθαγορείοις οἳ τε περὶ Ἐμπεδοκλέα καὶ Παρμενίδην καὶ σχεδὸν οἱ πλεῖστοι τῶν πάλαι σοφῶν. φάμενοι τὴν μοναδικὴν φύσιν Ἑστίας τρόπον ἐν μέσῳ ἰδρῦσθαι. καὶ διὰ τὸ ἰσόρροπον φυλάσσειν τὴν αὐτὴν ἔδραν, καὶ δὴ Εὐριπίδης, ὡς Ἀναξαγόρου γενόμενος μαθητὴς οὕτω τῆς γῆς μέμνηται· ‘Ἑστίαν δέ σ’ οἱ σοφοὶ βροτῶν νομίζουσιν’. ἔτι φασὶν οἱ Πυθαγόρειοι καὶ τὸ ὀρθογώνιον τρίγωνον ὑπὸ Πυθαγόρου τὴν σύστασιν λαβεῖν διὰ μονάδος κατιδόντος τοὺς ἐν αὐτῷ ἀριθμούς. [20]

Theol Ar 7 ἔτι τὴν ὕλην τῇ δυάδι προσαρμόττουσιν οἱ Πυθαγορικοί· ἑτερότητος γὰρ ἐκείνη μὲν ἐν φύσει, δυὰς δὲ ἐν ἀριθμῷ κατάρχει, καὶ ὡς ἐκείνη ἀόριστος καθ’ αὐτὴν καὶ ἀσχημάτιστος, οὕτω μονωτάτῃ ἀπάντων ἀριθμῶν δυὰς σχήματος οὐκ ἔστιν ἐπιδεκτικὴ· μήτι γὰρ καὶ διὰ τοῦτο δύναται ἀόριστος ἢ δυὰς κεκλησθαι· ὑπὸ γὰρ ἐλαχίστων καὶ πρώτων τριῶν γωνιῶν ἢ καὶ εὐθειῶν σχῆμα κατ’ ἐνέργειαν περιέχεται, κατὰ δύναμιν δὲ ἡ μονάς. οὐκ ἀπιθάνως δὲ καὶ Πρωτέα προσηγόρευον αὐτὴν τὸν ἐν Αἰγύπτῳ πάμμορφον ἥρωα τὰ πάντων ἰδιώματα περιέχοντα, ὡς ἐκείνη τὸ ἐκάστου ἀριθμοῦ συνέργημα. περὶ δυάδος· Ἀνατολίῳ υ· Ὅτι ἡ δυὰς συντεθεῖσα ἴσα δύναται τῷ ἀπ’ αὐτῆς γινομένῳ· ἢ γὰρ σύνθεσις ταύτης καὶ ὁ πολλαπλασιασμός τοῦτο αὐτὸ ποιεῖ [ἡγοῦν τὸν δ’], καίτοι ἐπὶ τῶν ἄλλων ὁ πολλαπλασιασμός τῆς συνθέσεως μείζων. εἵκαζον δὲ αὐτὴν ἐν ἀρεταῖς ἀνδρείᾳ· προβέβηκε γὰρ ἤδη ἐπὶ πρᾶξιν· διὸ καὶ τόλμαν ἐκάλουν καὶ ὁρμήν. [15]

Theol Ar 8 καὶ δόξαν δὲ ὠνόμαζον, ὅτι τὸ ἀληθές καὶ τὸ ψεῦδος ἐν δόξῃ. ὠνόμαζον δὲ αὐτὴν κίνησιν, γένεσιν, μεταβολῇ, διαίρεσιν, μῆκος, αὔξησιν, σύνθεσιν, κοινωνίαν, τὸ πρὸς τι, λόγον τὸν ἐν ἀναλογίᾳ· δύο γὰρ ἀριθμῶν σχέσις πανσχήμων ἐστίν· ἀπολείπεται δὴ μόνη σχήματος ἄμοιρος καὶ ἐν τρισὶν ὅροις καὶ ἐν ἀναλογίᾳ ὀρισμοῦ τινος ἢ δυὰς ὑπάρχουσα ἀντίξους τε καὶ ἐναντιωτάτῃ παρὰ πάντας τοὺς ἐν ἀριθμῷ ὅρους τῇ μονάδι, ὡς ὕλη θεῶ καὶ σῶμα ἀσωμάτων, ἀρχὴ τε καὶ πυθμὴν ὥσανεὶ τῆς τοῦ ἀριθμοῦ ἑτεροειδεῖας κατ’ εἰκόνα ὕλης, ἀντιδιαστελλομένη παραπλησίως τῇ τοῦ θεοῦ φύσει κατὰ τὸ αὐτὴν μὲν τῆς μεταπτώσεως καὶ μεταβολῆς ἐμποιοτικήν τοῖς οὕσι νομίζεσθαι, τὸν δὲ θεὸν ταυτότητος καὶ ἀμεταπτώτου διαμονῆς. ἐν μὲν οὖν ἕκαστόν τι καὶ ὁ κόσμος κατὰ τὴν ἐν αὐτῷ φυσικὴν καὶ συστηματικὴν μονάδα, διαιρετὸν δὲ πάλιν ἕκαστον, καθ’ ὅσον ἀναγκαίως καὶ ὑλικῆς δυάδος μετέσχε· διόπερ ἡ πρώτη σύνοδος αὐτῶν πρῶτον ὠρισμένον πλῆθος ἀπετέλεσε, στοιχεῖον τῶν ὄντων, ὃ ἂν εἴη τρίγωνον μεγεθῶν τε καὶ ἀριθμῶν σωματικῶν τε καὶ ἀσωμάτων· ὡς γὰρ ὁ ὀπὸς τὸ κεχυμένον γάλα συστρέφει κατὰ τὸ ποιητικόν τε καὶ ἐργατικὸν ἰδίωμα, οὕτως ἡ ἐνωτικὴ δύναμις τῆς μονάδος προσελθοῦσα τῇ δυάδι, εὐπορίας καὶ χύσεως οὔση πηγῇ, πέρας ἐνεποίησεν, εἶδος δέ, ὅπερ ἐστὶν ἀριθμός, τῇ τριάδι· ἀρχὴ γὰρ κατ’ ἐνέργειαν ἀριθμοῦ αὕτη, μονάδων συστήμασιν ὀριζομένου. [20]

Theol Ar 9 μονὰς δὲ τρόπον τινὰ καὶ ἡ δυὰς διὰ τὸ ἀρχοειδές, ὅτι δυὰς λέγεται παρὰ τὸ διέναι καὶ διαπορεύεσθαι· πρώτη γὰρ ἡ δυὰς διεχώρισεν αὐτὴν ἐκ τῆς μονάδος, ὅθεν καὶ τόλμα καλεῖται· τῆς γὰρ μονάδος ἔνωσιν δηλούσης, ἡ δυὰς ὑπείσελθοῦσα διαχωρισμὸν δηλοῖ. ὅτι καὶ τῆς πρὸς τί πως σχέσεως αὕτη κατάρχει ἢ τῷ πρὸς τὴν μονάδα λόγῳ, ὅς ἐστι διπλάσιος, ἢ τῷ πρὸς τὴν μετ’ αὐτὴν, ὅς ἐστιν ἡμιόλιος· ρίζα δ’ οὗτοι τῶν ἐφ’ ἐκάτερα ἀπείρως προϊόντων λόγων, ὥστε

καὶ τῇ τῶν πολλαπλασίων τε καὶ ἐπιμορίων ἡ αὐτὴ ἐστίν. ὅτι καὶ ἡ δυὰς στοιχεῖον τῆς τῶν ὅλων συστάσεως, ἀντίξουν μονάδι καὶ διὰ τοῦτο ἀρμονία ὑποπεσὸν πρὸς αὐτήν, ὡς ὕλη τις πρὸς εἶδος ὅθεν ἐπεὶ τοῦ μὲν εἶναι καὶ ἀεὶ εἶναι τὸ εἶδος συλληπτικόν, τῶν δὲ ἐναντίων ἡ ὕλη, τῶν μὲν πάντῃ ὁμοίων καὶ ταύτων καὶ μονίμων, ὃ ἐστὶ τετραγώνων, ἡ μονὰς αἰτία, οὐ μόνον, ἐπειδὴ ὡς γινώμονι αὐτῇ περιτιθέμενοι οἱ ἐξῆς ἀριθμοὶ περιττοί, εἰδοποιημάτα αὐτῆς ὄντες, τετραγώνους ἀπετέλουν τῇ σωρηδὸν προβάσει ἀεὶ καὶ μᾶλλον τοὺς ἐπ' ἄπειρον καὶ ἐξῆς προϊόντας ἀλλ' ὅτι καὶ ἐκάστη πλευρά, ὥσπερ καμπτῆρ ἀπὸ ὕσπληγος μονάδος εἰς τε νύσσαν μονάδα, πάλιν εἶχε τῆς προόδου καὶ ἐπανόδου τὴν σύνθεσιν ἀφ' ἑαυτῆς αὐτὸν τὸν τετράγωνον· τῶν δὲ πάντῃ ἀνομοίων, ὃ ἐστὶν ἑτερομήκων, ἡ δυὰς πάλιν αἰτία, οὐ μόνον ὅτι περιτιθεμένων αὐτῇ ὡς γινώμονι τῶν κατ' αὐτὴν εἰδῶν εἰδοποιηθέντων ἀρτίων καὶ οὗτοι σωρηδὸν ἀποτελοῦνται, ἀλλὰ καὶ ὅτι ἐν τῇ αὐτῇ τοῦ καμπτῆρός τε καὶ νύσσης καὶ ὕσπληγος εἰκόνι τὴν μὲν γένναν ὁμοίως ἡ μονὰς παρέχειν φαίνεται, ὡς τοῦ ταύτου καὶ ἀπλῶς διαμονῆς αἰτία, τὴν δὲ φθορὰν καὶ ἐπάνοδον παρηλλαγμένως πρὸς τοὺς προτέρους ἡ δυὰς ἀναδέχεται, ὡς ὑλικὴ τις ὑπόστασις καὶ φθορᾶς πάσης ἀναδεκτικὴ. ^[5]

Theol Ar 10 ὅτι νοουμένου πλήθους κατὰ τριάδα τοῦ δ' ἀντιθεμένου τῷ πλήθει κατὰ τὴν μονάδα μεταίχιμιον ἡ δυὰς ἂν εἴη. διὰ τοῦτο καὶ τὰ ἀμφοτέρων ἰδιώματα ἅμα ἔχει· τοῦ μὲν γὰρ ἐνὸς ὥσανεὶ ἀρχῆς ἰδιώμα τὸ κατὰ σύνθεσιν πλεῖον τι ποιεῖν τοῦ κατ' ἔγκρασιν· ἐν γοῦν καὶ ἐν πλεον τοῦ ἅπαξ ἔν· τοῦ δὲ πλήθους ὥσανεὶ ἀποτελέσματος πάλιν ἴδιον τὸ ἐναντίον· ἐκ μὲν γὰρ κατακράσεως πλεῖον ποιεῖ, ἐκ δὲ παραθέσεως ἔλαττον· οὐκέτι γὰρ ἀρχοειδὲς τοῦτο, ἀλλ' ἐξ ἀλλήλων λοιπὸν ἡ γέννησις αὐτοῖς καὶ κατὰ κράσιν· τοιγαροῦν τρις τρία πλεῖον τῶν τρία καὶ τρία· ἐναντιοπαθούτων δὲ ἀμφοῖν, ἡ δυὰς ὥσανεὶ μέση οὕσα καὶ τὰ ἀμφοῖν ἅμα ἀναδέχεται ἰδιώματα, τὴν ἐκατέρων μεσότητα λαμβάνουσα. μέσον γὰρ μείζονος καὶ ἐλάσσονος εἵπομεν εἶναι τὸ ἴσον· τὸ ἴσον ἄρα ἐν μόνῃ ταύτῃ διὰ τοῦτο ἔσται τὸ ἐκ κατακράσεως τῷ ἐκ παραθέσεως ἴσον· δύο γὰρ καὶ δύο ἴσα τῷ δις δύο· ἔνθεν ἴσην αὐτὴν ἐπεκάλουν. ^[20]

Theol Ar 11 ὅτι δὲ εἰδοποιὸς τοῦ τοιούτου καὶ τοῖς προσήκουσιν αὐτῇ πᾶσι, δῆλον οὐ μόνον, ἐξ ὧν ἐνεργεῖα ἰσότητος πρώτη ἔμφασιν παρέσχεν ἐπιπέδως τε καὶ στερεῶς ἔν τε τῷ δύο μήκους τε καὶ πλάτους καὶ ἐν τῷ ὀκτώ πρὸς τούτοις βάθους τε καὶ ὕψους, ἐν αὐτῇ τῇ διαιρέσει εἰς δύο μονάδας οὕση ἀλλήλαις ἴσας, ἀλλὰ καὶ ἐν τῷ λεγομένῳ ἀπ' αὐτῆς ἐξελίκτω, τουτέστι τῷ ις', ὄντι δις δύο δις καὶ τοῦτο δις, τῆς ἀπ' αὐτῆς λεγομένης χροιάς ἐπιπέδου ὑπάρχοντος· τετράκις γὰρ τέσσαρα· καὶ οὕτως μεσότης τις τρόπον τινὰ ὁράται πλείονος καὶ ἐλάττονος κατὰ τὰ αὐτὰ τῇ δυάδι· οἱ μὲν γὰρ πρὸ αὐτοῦ τετράγωνοι πλείονας ἔχουσι τὰς περιμέτρους τῶν ἐμβαδῶν, οἱ δὲ μετ' αὐτὸν ἀντικειμένως ἐλάττονας, οὗτος δὲ μονώτατος ἴσας. διὰ τοῦτο φαίνεται καὶ Πλάτων ἐν τῷ Θεαιτήτῳ μέχρι αὐτοῦ προελθὼν παύεσθαί πως ἐν τῇ ἑπτακαίδεκάποδι πρὸς ἔμφασιν τοῦ κατὰ τὸν ἑπτακαίδεκα ἰδιώματος καὶ ἰσότητός τινος μεθεκτοῦ. τί οὖν ὁρῶντες οἱ παλαιοὶ ἄνισον τὴν δυάδα ἐκάλουν καὶ ἔλλειψιν καὶ πλεονασμόν; κατὰ τὴν τῆς ὕλης ἔννοιαν, εἰ δηλονότι ἐν αὐτῇ πρώτη ἀπόστασις τε καὶ πλευρᾶς ἔννοια ὥφθη, διαφορᾶς ἤδη καὶ ἀνισότητος ἀρχή· καὶ ἄλλως δὲ ὅτι μέχρι μὲν αὐτῆς ἡ ἀντεξέτασις πλείων τοῦ πρὸ αὐτῆς, μέχρι δὲ τετράδος ἐλάττων τῶν πρὸ αὐτῆς· ἀνὰ μέσον δὲ ἀμφοῖν τῆς τριάδος οὕσης, συμβήσεται πάλιν ἑτέρῳ τρόπῳ ὁ τῆς ἰσότητος λόγος ἐν τριάδι πρὸς τοὺς πρὸ αὐτῆς· ὁ δύο μὲν γὰρ μείζων τοῦ προκειμένου, λέγω δὲ τοῦ ἔν, [καὶ] κατὰ τὴν πυθμενικωτάτην γε τοῦ μείζονος σχέσιν, ὁ δ' ἐλάττων τοῦ γ' β' α' κατὰ τὴν πυθμενικωτάτην γε τοῦ ἐλάττονος σχέσιν, τρία δὲ ἴσα τῷ δύο ἐν κατὰ τὴν ἄσχιστόν γε ἰσότητα, ὥστε ἐν μὲν αὐτῇ ὡς πλευρᾷ τὸ πλεῖον, ἐν δὲ τῇ δυνάμει αὐτῆς ὡς ἐπιπέδῳ τὸ ἔλαττον ἐφαρμόζεσθαι. ^[5]

Theol Ar 12 ἔλλειψις δὲ καὶ πλεονασμὸς λέγεται καὶ ὕλη, ἣν καὶ ἀόριστον δυάδα ὁμωνύμως ταύτη καλοῦσι διὰ τὸ μορφῆς καὶ εἶδους καὶ ὀρισμοῦ τινος ἐστερηθῆναι ὅσον ἐφ' ἑαυτῇ, οἷόν τε δὲ

διορισθῆναί τε καὶ ὀρισθῆναι ὑπὸ λόγου καὶ τέχνης. ὅτι ἡ δυὰς φαίνεται ἀσχημάτιστος, εἴπερ ἀπὸ μὲν τριγώνου καὶ τριάδος τὰ ἐπ' ἄπειρον πολύγωνα ἐνεργεῖα προχωρεῖ, ἐκ δὲ μονάδος πάνθ' ὁμοῦ κατὰ δύναμιν ὑπάρχει, ὑπὸ δὲ δύο οὔτε εὐθειῶν ποτε οὔτε γωνιῶν εὐθύγραμμον συνίσταται σχῆμα· κατὰ μόνην ἄρα αὐτὴν τὸ ἀόριστον καὶ ἀσχημάτιστον. ὅτι δὲ καὶ τὸ ἄπειρον φαίνεται, εἶγε καὶ τὸ ἕτερον, τοῦτο δὲ ἀπὸ τοῦ παρ' ἐν ἀρξάμενον εἰς ἄπειρον ἐκπύπτει. δύναται δὲ καὶ ἀπείρου παρεκτικὴ λέγεσθαι, ὅτι μήκους πρώτη ἔμφασις ἐν δυάδι, ὡς ἀπὸ σημείου τῆς μονάδος, ἐπ' ἄπειρον δὲ τοῦτο καὶ διαιρεῖται καὶ αὖξεται· καὶ μὴν καὶ ἡ τῆς ἀνισότητος φύσις ἐπ' ἄπειρον προιέναι μέλλουσα ἀπ' αὐτῆς ἄρχεται, ἐναντιοζύγως τῇ μονάδι· μείζων γὰρ καὶ ἐλάττων ἡ πρώτη διαίρεσις αὐτῶν. ^[20]

Theol Ar 13 οὐκ ἀριθμὸς δὲ ἡ δυὰς οὐδὲ ἄρτιος ὅτι μὴ ἐνεργεῖα· ἀμέλει πᾶς ἄρτιος καὶ εἰς ἴσα καὶ εἰς ἄνισα δύναται ὁ αὐτὸς μερίζεσθαι, μόνῃ δὲ ἡ δυὰς εἰς ἄνισα οὐκ ἂν μερισθεῖη, καὶ εἰς ἴσα δὲ μερισθεῖσα ἄδηλον ὁποτέρου γένους ἀντικρυς αὐτὰ ἔξει, ὡς ἀρχοειδῆς τις οὔσα. ὅτι ἡ δυὰς καὶ Ἑρατ ὦ, φασί, καλεῖται· τὴν γὰρ τῆς μονάδος ὡς εἶδους πρόσοδον δι' ἔρωτα ἐπισπωμένη, τὰ λοιπὰ ἀποτελέσματα γεννᾷ, ἀρξαμένη ἀπὸ τριάδος καὶ τετράδος. ὠνομάσθαι δὲ αὐτὴν οἶονται παρ' αὐτὴν τὴν τόλμησιν, ὅτι ἄρα ὑπέμεινε τὸν χωρισμὸν πρωτίστη, δὴ τε <καὶ> ὑπομονὴ καὶ τλημοσύνη· ἀπὸ δὲ τῆς εἰς δύο τομῆς δίκη τε, οἶονεὶ δίκη, καὶ Ἰσις, οὐ μόνον ὅτι ἴσον ἐν αὐτῇ τὸ ἀπὸ κατακράσεως, ὡς ἔφαμεν, τῷ ἀπὸ συνθέσεως, ἀλλὰ καὶ ὅτι οὐδὲ τὴν εἰς ἄνισα μονωτάτῃ διαίρεσιν ἐγχωρεῖ. καὶ φύσιν δὲ αὐτὴν καλοῦσι· κίνησις γὰρ εἰς τὸ εἶναι ἐστὶν αὕτη καὶ οἷον γένεσις τις ἀπὸ λόγου σπερματικοῦ <καὶ> ἔκτασις, τετευχυῖα παρὰ τὸ τοιοῦτον τῆς ὀνομασίας, παρ' ὅσον ἐστὶ κίνησις τις ἀφ' ἑτέρου εἰς ἕτερον κατ' εἰκόνα τῆς δυάδος. ὑπὸ μέντοι τῶν ἀριθμητῶν ἤδη καὶ δευτέρων παραλογιζόμενοι τινες ἐπινοεῖν διδάσκονται τὴν δυάδα δύο τινῶν μονάδων σύστημα εἶναι, ὥστε καὶ λυομένην εἰς τὰς αὐτὰς ἀνατρέχειν μονάδας· ἀλλ' εἴτε σύστημα μονάδων ἢ δυάς, προγενέστεραι αἱ μονάδες, εἴτε ἡμισυ δυάδος ἢ μονάς, προϋπάρχειν δεῖ τὴν δυάδα, εἴτε σώζοιντο αὐταῖς αἱ πρὸς ἀλλήλας σχέσεις, συνυπάρχειν ἀναγκαῖον, καθὸ διπλάσιον ἡμίσιος καὶ ἡμισυ διπλασίου, καὶ οὔτε προτέρα οὐθ' ὑστέρα διὰ τὸ συνεπιφέρειν τε καὶ συνεπιφέρεσθαι καὶ συναναιρεῖν καὶ συναναιρεῖσθαι. ^[5]

Theol Ar 14 ὅτι καὶ διομήτορα ταύτην ὠνομάζον ὡς Διὸς μητέρα— Δία δ' ἔλεγον τὴν μονάδα—καὶ Ῥεάν ἀπὸ τῆς ῥύσεως καὶ ἀπὸ τῆς τάσεως, ὅπερ οἰκεῖον καὶ δυάδι καὶ φύσει τῇ πάντα γινομένη. καὶ τῇ σελήνῃ δὲ φασιν ἐφαρμόζειν τὸ δυὰς ὄνομα, ὅτι τε καὶ πλείονας δύσεις ἐκ πάντων τῶν πλανητῶν ἐπιδέχεται καὶ ὅτι ἐδυάσθη καὶ ἐδιχοτομήθη· ἡμίτομος γὰρ καὶ διχότομος λέγεται. περὶ τριάδος γ'. Ὅτι ἡ τριάς ἐξαίρετον τι παρὰ πάντας τοὺς ἀριθμοὺς κάλλος εἴληχε καὶ εὐπρέπειαν, πρῶτον μὲν τὰς τῆς μονάδος δυνάμεις ἐνεργοὺς πρωτίστη παρασχοῦσα, περισσότητα, τελειότητα, ἀναλογίαν, ἔνωσιν, πέρας· περισσὸς μὲν γὰρ κατ' ἐνέργειαν πρῶτος ὁ γ', ἀκολούθως ταῖς ὀνομασίαις περίσος ὢν καὶ πλεόν τι τοῦ ἴσου ἐν ἑτέρῳ μέρει ἔχων, ἐξαίρετον δὲ τὸ ταῖς δυσὶν ἀρχαῖς συνεχῆς καὶ σύστημά γε ἀμφοῖν ὑπάρχειν. τελειὸς γε μὴν ἰδιαιτέρον τῶν ἄλλων ἐστίν, ὅτι οἱ ἀπὸ μονάδος ἐφεξῆς ἴσοι εὐρίσκονται μέχρι τετράδος· λέγω δὲ οἷον μονάδος, τριάδος, ἐξάδος, δεκάδος· ἢ μὲν γὰρ μονάς ὡς πυθμὴν μονάδι ἴση, ἢ δὲ τριάς μονάδι καὶ δυάδι, <ἢ δὲ ἐξὰς μονάδι δυάδι τριάδι>, δεκάς δὲ μονάδι δυάδι τριάδι τετράδι. ^[20]

Theol Ar 15 πλέον οὖν τι ἡ τριάς ἔχειν φαίνεται τῷ συνεχῆς εἶναι τούτοις, οἷς καὶ ἴση ὑπάρχει· καὶ γὰρ ἐκ τοῦ τοιούτου μεσότητα καὶ ἀναλογίαν αὐτὴν προσηγόρευον, οὐκ ἐπειδὴ πρωτίστη μὲν τῶν ἀριθμῶν μέσον εἴληχε, μονωτάτῃ δὲ τὸ αὐτὸ ἴσον τοῖς ἄκροις, ἀλλ' ὅτι κατ' εἰκόνα τῆς γενικῆς ἰσότητος, μέσης τοῦ μείζονος καὶ ἐλάττονος ἀνισότητος εἰδῶν ὑπαρχούσης, καὶ αὕτη τοῦ πλείονος καὶ ὀλιγωτέρου ἀνὰ μέσον θεωρεῖται, σύμμετρον φύσιν ἔχουσα ὁ μὲν γὰρ πρὸ αὐτῆς ὁ δύο πλείων [τοῦ α'] τοῦ ὑπόπροσθεν ὑπάρχει, καὶ ῥίζα γε τῆς πυθμενικῆς τοῦ μείζονος σχέσεως διπλάσιος γάρ· ὁ δὲ μετ' αὐτὴν ὁ δ' ἐλάττων [τοῦ α' β' γ' καὶ γὰρ ζ'] τῶν ὑπόπροσθεν, καὶ

πρώτιστον γε τῆς πυθμενικῆς τοῦ ἐλάσσονος σχέσεως εἶδος· ὕφημιόλιος γάρ· αὕτη δὲ μεταξὺ ἀμφοῖν ἴση [τῷ α' β'] τοῖς ὑπόπροσθεν [ἡγουν ἐστὶ γ']· εἰδοποιὸς ἄρα μεσότητος τοῖς ἄλλοις. ἔνθεν τρεῖς μὲν δι' αὐτὴν αἱ ὀρθαὶ λεγόμεναι μεσότητες, ἀριθμητικὴ γεωμετρικὴ ἀρμονικὴ, τρεῖς δὲ αἱ ταύταις ὑπεναντίαι, τρεῖς δὲ οἱ καθ' ἐκάστην ὅροι, τρία δὲ <τὰ> διαστήματα, τουτέστιν αἱ ἐν ἐκάστῳ ὅρῳ διαφοραὶ μικροῦ πρὸς μέσον καὶ μέσου πρὸς μέγα καὶ μικροῦ πρὸς μέγα, σχέσεις τε ἰσάριθμοι αἱ κατὰ τὰ λεχθέντα ἐν προλόγων τάξει, ἄλλαι δὲ τρεῖς ἀναστροφαὶ ἐξεταζόμεναι μεγάλου πρὸς μικρόν, μεγάλου πρὸς μέσον, μέσου πρὸς μικρόν. [20]

Theol Ar 16 ὅτι ἡ μὲν μονὰς τοῦ παντὸς ἀριθμοῦ λόγον ἀδιατύπτωτον ἔτι καὶ ἀδιάρθρωτον ὡς ἐν σπέρματι ἑαυτῇ ἔχει, ἡ δὲ δυὰς δὲ βραχεῖα τις ἐπ' ἀριθμὸν προχώρησις, οὐκ ἄντικρυς δὲ τοιαύτη διὰ τὸ ἀρχοειδές, ἡ τριάς δὲ τὴν τῆς μονάδος δύναμιν εἰς ἐνέργειαν καὶ ἐπέκτασιν προχωρεῖν ποιεῖ. καὶ μονάδος μὲν τὸ τόδε, δυάδος δὲ τὸ ἐκάτερον, τριάδος δὲ τὸ ἕκαστον καὶ τὸ <πάν>· διὸ καὶ εἰς πλήθους ἔμφασιν τῇ τριάδι χρώμεθα, 'τρισμῦριοι' λέγοντες ἀντὶ τοῦ 'πολλάκις πολλοί' καὶ 'τρισόλβιοι'· διὸ καὶ τὰς τῶν νεκρῶν ἀνακλησεις τρεῖς εἰθίσθημεν ποιεῖν. ἔτι δὲ καὶ πᾶσα οὐσία διέξοδον ἔχουσα φυσικὴν ὁρους ἔχει τρεῖς, ἀρχὴν ἀκμὴν τελευτήν, οἷον πέρατα καὶ μέσον, διαστήματα δὲ <δύο>, οἷον αὐξήσιν καὶ φθίσιν, ὥστε τὴν μὲν δυάδος φύσιν καὶ τὸ ἐκάτερον ἐμφαίνεσθαι τῇ τριάδι διὰ τῶν περάτων. ὅτι ἡ τριάς εὐβουλία καλεῖται καὶ φρόνησις, οἷον τῶν ἀνθρώπων τὰ τε παρόντα διορθούντων τὰ τε μέλλοντα προορωμένων καὶ ἐκ τῶν ἤδη γεγονότων λαμβανόντων πεῖραν· τῶν ἄρα τριῶν τοῦ χρόνου μερῶν ἐποπτικὴ πῶς ἡ φρόνησις, ὥστε καὶ ἡ γνῶσις κατὰ τὴν τριάδα. ὅτι τὴν τριάδα εὐσέβειαν καλοῦσι· διὸ καὶ τριάς ὠνομάσθη παρὰ τὸ τρεῖν, τὸ δεδοικέναι καὶ εὐλαβεῖσθαι. [20]

Theol Ar 17 Ἀνατολίῳ υ'. ὅτι ὁ τρία πρῶτος περισσὸς καλεῖται ὑπ' ἐνίων τέλειος, ὅτι πρῶτος τὰ πάντα σημαίνει, ἀρχὴν καὶ μέσον καὶ τέλος. τὰ ἐξαίσια ἀπὸ ταύτης σεμνύνοντες καλοῦσι τρισολβίους, τρισμάκαρας. εὐχαὶ καὶ σπονδαὶ τρεῖς γίνονται. εἰκὼν ἐστὶν ἐπιπέδου καὶ πρώτη ὑπόστασις ἐν τριγώνοις· τρία γὰρ αὐτῶν γένη, ἰσόπλευρον ἰσοσκελὲς σκαληνόν· ἔτι γωνίαὶ εὐθύγραμμοι τρεῖς, ὀξεῖα ἀμβλεῖα ὀρθή. χρόνου μέρη τρία. εἵκαζον δὲ αὐτὴν ἐν ἀρεταῖς σωφροσύνη· συμμετρία γὰρ αὕτη μεταξὺ ὑπεροχῆς καὶ ἐλλείψεως. ἔτι ἡ τριάς ἐκ μονάδος καὶ δυάδος καὶ ἑαυτῆς τὸν ἕξ ποιεῖ κατὰ σύνθεσιν, ὅς ἐστι πρῶτος τέλειος ἀριθμός. Νικομάχου Θεολογούμεν α'. ὅτι ἀρχὴ κατ' ἐνέργειαν ἀριθμοῦ ἡ τριάς μονάδων συστήματι ὀριζομένου· μονὰς μὲν γὰρ τρόπον τινὰ ἡ δυὰς διὰ τὸ ἀρχοειδές, σύστημα δὲ μονάδος καὶ δυάδος ἡ τριάς πρώτη· ἀλλὰ καὶ τέλους καὶ μέσου καὶ ἀρχῆς πρωτίστη ἐπίδεκτικὴ, δι' ὧν τελειότης περαίνεται πᾶσα. εἶδος τῆς τῶν ὅλων τελεσιουργίας καὶ ὡς ἀληθῶς ἀριθμός ἡ τριάς, ἰσότητα καὶ στέρησίν τινα τοῦ πλείονος καὶ ἐλάττονος τοῖς ὅλοις παρέσχεν, ὀρίσασα τὴν ὕλην καὶ μορφώσασα ποιότητων πασῶν δυνάμειν. [15]

Theol Ar 18 ἴδιον γοῦν καὶ ἐξάριτον ἔχει παρὰ τοὺς ἄλλους ἀριθμοὺς ὁ τρία τὸ τοῖς πρὸ αὐτοῦ ἴσος εἶναι. τρεῖς δὲ καὶ σπένδουσι καὶ τρεῖς ἐπιθύουσιν οἱ τελειωθῆναι τὰς ἑαυτῶν εὐχὰς αἰτοῦντες παρὰ θεοῦ· τρισμακαρίους τε καὶ τρισευδαίμονας καὶ τρισολβίους τρεῖς τε τὰ ἐναντία φαμέν, ὅσοις τελείως ἕκαστον τούτων ὥσανει πάρεστιν. ὅτι ὠνομάσθαι καὶ ταύτην τριάδα φασὶ παρὰ τὸ ἀτειρὴς τις εἶναι καὶ ἀκαταπόνητος· οὕτω δὲ λέγεται διὰ τὸ μὴ δύνασθαι αὐτὴν εἰς δύο ἴσα διαιρεῖσθαι. ὅτι πρῶτον πλῆθος ἡ τριάς· ἐνικὰ γὰρ καὶ δυϊκὰ λέγομεν, εἴτ' οὐκέτι τριαδικὰ ἀλλὰ πληθυντικὰ ἰδίως. ὅτι καὶ ἐν τῇ τοῦ ἀριθμοῦ φύσει ἡ τριάς διατείνει· περιττοῦ μὲν γὰρ εἶδη τρία, τὸ μὲν πρῶτον καὶ ἀσύνθετον, τὸ δὲ δεύτερον καὶ σύνθετον, τὸ δὲ μικτόν, τὸ πρὸς αὐτὸ μὲν δεύτερον, πρὸς ἄλλο δὲ πρῶτον· πάλιν δὲ τὸ μὲν ὑπερτελές, τὸ δὲ ἀτελές, τὸ δὲ τέλειον· συλλήβδην δὲ τοῦ πρὸς τι ποσοῦ τὸ μὲν μεῖζον, τὸ δὲ ἔλαττον, τὸ δὲ ἴσον. τῇ τε γεωμετρίᾳ προσφυέστατόν ἐστιν ἡ τριάς· τὸ γὰρ ἐν ἐπιπέδοις στοιχειωδέστατόν ἐστι τρίγωνον καὶ τούτου εἶδη τρία, ὀξυγώνιον ἀμβλυγώνιον σκαληνόν. τρεῖς τε τῆς σελήνης οἱ σχηματισμοί, αὐξήσις

πανσέληνος καὶ μινύθησις· τρεῖς δὲ καὶ οἱ τῆς ἀνωμαλίας τρόποι, προποδισμὸς ἀναποδισμὸς καὶ ὁ μεταξὺ αὐτῶν στηριγμός. ^[20]

Theol Ar 19 καὶ τρεῖς οἱ τὸ ζωδιακὸν πλάτος ὀρίζοντες κύκλοι, θερινὸς τε καὶ χειμερινὸς καὶ ὁ ἀνὰ μέσον τούτων ὁ λεγόμενος ἐκλειπτικός, καὶ τρία μὲν εἶδη ζώων, πεζὸν πτηνὸν ἔνυδρον. τρεῖς δὲ καὶ αἱ Μοῖραι θεολογοῦνται, ὅτι καὶ ἡ σύμπασα διεξαγωγή θείων τε καὶ θνητῶν ἔκ τε προέσεως καὶ ὑποδοχῆς καὶ τρίτον ἀνταποδόσεως κρατύνεται, σπερμαινόντων μὲν τρόπον τινὰ τῶν αἰθερίων, ὑποδεχομένων δὲ ὥσανεὶ τῶν περιγείων, ἀνταποδόσεων δὲ διὰ τῶν ἀνὰ μέσον τελουμένων, ὥσπερ ἐγγόνου τινὸς μεταξὺ ἄρρενος καὶ θήλεος. καὶ τὸ παρ’ Ὀμήρῳ δὲ ἀρμόσοι τις ἂν τούτοις ‘ τριχθὰ γὰρ πάντα δέδασται ’, ὅπου καὶ τὰς ἀρετὰς εὐρίσκομεν δύο κακιῶν ἀλλήλαις τε καὶ ἀρετῇ ἀντικειμένων μέσας, καὶ συνάδει ὁ λόγος, κατὰ μὲν μονάδα ὠρισμένον τι καὶ γνωστὸν καὶ φρόνιμον τὰς ἀρετὰς εἶναι—τὸ γὰρ μέσον ἓν—, κατὰ δὲ δυάδα ἀόριστον καὶ ἄγνωστον καὶ ἄφρον τὰς κακίας. ἔτι γε μὴν καὶ φιλίαν καὶ εἰρήνην καὶ προσέτι ἀρμονίαν τε καὶ ὁμόνοιαν προσαγορεύουσιν· ἐναντίων γὰρ καὶ οὐχ ὁμοίων συνακτικὰ καὶ ἐνωτικὰ ταῦτα· διὸ καὶ γάμον ταύτην καλοῦσι. τρεῖς δὲ καὶ αἱ ἡλικίαι. περὶ τετράδος . ^[20]

Theol Ar 20 Ὅτι ἐν τῇ μέχρι τῆς τετράδος φυσικῇ ἐπαυξήσῃ πάντα συντελούμενα φαίνεται τὰ ἐν τῷ κόσμῳ, καθόλου καὶ κατὰ μέρος, καὶ τὰ ἐν ἀριθμῷ, ἐν πάσαις ἀπλῶς φύσεσιν· ἐξαίρετον δὲ καὶ πρὸς τὴν ἐφάρμοσιν τοῦ ἀποτελέσματος μάλιστα συντεῖνον τὸ τὴν δεκάδα ὑπ’ αὐτῆς ἅμα τοῖς ὑπόπροσθεν συγκορυφοῦσθαι γνῶμονα καὶ συνοχὴν ὑπάρχουσιν, ἀλλὰ καὶ τὸ τὴν σωματώσιν καὶ τὴν ἐπὶ τρία διάστασιν μέχρις αὐτῆς πέρας ἴσχειν· τὸ γὰρ ἐλάχιστον καὶ πρωτοφανέστατον σῶμα πυραμὶς ἐν τετράδι ὁρᾶται εἴτε γωνιῶν εἴτε ἐπιπέδων, ὥσπερ καὶ τὸ ἐξ ὕλης καὶ εἴδους αἰσθητόν, ὃ ἐστὶν ἀποτέλεσμα τριχῇ διαστατόν, ἐν τέσσαρσιν ὅροις ἐστί. καὶ μὴν καὶ τῆς ἐν τοῖς οὖσιν ἀληθείας τὴν κατάληψιν τὴν τε βεβαίαν καὶ τὴν ἐπιστημονικὴν ἐπίγνωσιν ποιεῖσθαι διὰ τῶν τεσσάρων μαθημάτων βέλτιον καὶ ἀπταιστότερον· τῶν γὰρ ὄντων ἀπλῶς ἀπάντων ἐν μὲν παραθέσει καὶ σωρείᾳ τῷ ποσῷ ὑπαγομένων, ἐν δὲ ἐνώσει καὶ ἀλληλουχίᾳ τῷ πληκῷ, καὶ τῶν μὲν ἐν ποσότητι ἥτοι καθ’ ἑαυτὰ νοουμένων ἢ [ἐν] πρὸς τι, τῶν δὲ ἐν πληκότητι ἢ ἐν μονῇ ἢ ἐν κινήσει, τέτταρες ἀνάλογον μαθηματικά μέθοδοι καὶ ἐπιστῆμαι τὴν κατάληψιν ἐκάστην ἐκάστη κατ’ οἰκειότητα ποιήσονται, ποσοῦ μὲν κοινῇ ἀριθμητική, ἰδιαιτέρον δὲ [περὶ] τοῦ καθ’ αὐτό, τοῦ δὲ πρὸς ἕτερον ἤδη καὶ μουσική, πληκικοῦ δὲ κοινῶς μὲν γεωμετρία, ἰδιαιτέρον δὲ τοῦ ἐστῶτος, τοῦ δ’ ἐν κινήσει ἤδη καὶ εὐτάκτῳ μεταβάσει σφαιρική. ^[20]

Theol Ar 21 εἰ δὲ τῶν ὄντων εἶδος ὁ ἀριθμὸς, ἀριθμοῦ δὲ τὰ ριζώματα καὶ οἶονεῖ στοιχεῖα οἱ μέχρι τετράδος ὅροι, εἴη ἂν ἐν τούτοις τὰ προλεχθέντα ἰδιώματα καὶ αἱ τῶν τεσσάρων ἐπιστημῶν ἐμφάσεις, ἀριθμητικῆς μὲν ἐν μονάδι, μουσικῆς δὲ ἐν δυάδι, γεωμετρίας δὲ ἐν τριάδι, σφαιρικῆς δὲ ἐν τετράδι, καθὼς ἐν τῷ δηλουμένῳ Περὶ θεῶν συγγράμματι ὁ Πυθαγόρας οὕτω διορίζεται· ‘ τέτταρες μὲν καὶ ταῖ σοφίας ἐπιβάθρα ι , ἀριθμητικὰ μωσικὰ γεωμετρία σφαιρικ α , α’ β’ γ’ δ’ τεταγμένα ι . ‘ καὶ Κλεινίας δὲ ὁ Ταραντῖνος· ‘ ταῦτα γὰρ ἄρα μένοντα μὲν ‘ , φησὶν, ‘ ἀριθμητικὰν καὶ γεωμετρίαν ἐγέννασε ν , ἐκκινήθέντα δὲ ἀρμονίαν καὶ ἀστρονομία ν . ‘ κατὰ μὲν οὖν τὴν μονάδα ἢ ἀριθμητικὴ εἰκότως θεωρεῖται πρῶτον· συναναιρεῖ γὰρ τὰς ἄλλας ἑαυτῇ καὶ συνεπιφέρεται δὲ ἐκείναις, οὐκ ἔμπανν δέ, ὥστε ἀρχεγονωτέρα καὶ μήτηρ αὐτῶν, καθὰ καὶ ἡ μονὰς πρὸς τοὺς μετ’ αὐτὴν ἀριθμοὺς ἔχουσα φαίνεται. ἀλλὰ καὶ ἀριθμοῦ πᾶν εἶδος καὶ πᾶν ἰδίωμα καὶ παρακολούθημα ἐν τῇ μονάδι πρῶτιστα ὥς ἐν σπέρματι ὁρᾶται· ἔστι γὰρ ποσόν τι ἢ μονὰς καὶ καθ’ ἑαυτὸ γε θεωρούμενον καὶ μονώτατον περαῖνον καὶ ἀληθῶς ὀρίζον· σὺν γὰρ ἐτέρῳ μόνον οὐκ ἂν ποτε εἴη τι. κατὰ δὲ τὴν δυάδα· ἐτερότητος γὰρ πρωτίστη ἔννοια ἐν δυάδι· πρὸς ἕτερον δὲ πῶς ἢ μουσικὴ φαίνεται, σχέσις πῶς οὔσα καὶ ἀρμονία τῶν ἀνομοίων πάντη καὶ ἐν ἐτερότητι· κατὰ δὲ τὴν τριάδα γεωμετρική, οὐ μόνον ὅτι περὶ τὸ τριχῇ διαστατόν καὶ τὰ τούτου κατασχολεῖται μέρη καὶ εἶδη, ἀλλ’ ὅτι καὶ ἴδιον τοῦ διδασκάλου τούτου, τὰς ἐπιφανείας,

ἄς δὴ χροιάς ἔφασκον, γεωμετρίαν περαινούσας ὀνομάζειν αἰεί, ὡς δὴ τῆς γεωμετρίας περὶ τὸ ἐπίπεδον πρῶτιστα διαγινομένης, ἐπίπεδον δὲ τὸ στοιχειωδέστατον ἐν τριάδι ἦτοι γωνιῶν ἢ πλευρῶν, ἀφ' οὗ ὡς ἀπὸ τινος βάσεως ὡς ἐπὶ ἓν τι σημεῖον βάθους προσγενομένου πάλιν σωμάτων τὸ στοιχειωδέστατον πυραμὶς συνίσταται ὑπὸ τεσσάρων τῶν ἐλαχίστων ἦτοι γωνιῶν ἢ γραμμῶν καὶ αὕτη περιεχομένη, τρισὶν ἴσοις διαστήμασι καθαρμοσθεῖσα, μεθ' ἧς οὐκέτι ἄλλο <τι> ἐν τῷ σώματι ὑπόκειται φύσει. ^[10]

Theol Ar 22 καὶ ἡ σφαιρική τῇ τετράδι ἐφαρμόζεται· σωμάτων γὰρ πάντων τελειότατόν τε καὶ τῶν ἄλλων μάλιστα περιεκτικώτατον φύσει καὶ μυρίοις ἑτέροις ὑπερφέρον τί ἐστὶν ἡ σφαῖρα, τεσσάρων περιοχὴ τις οὖσα, κέντρου διαμέτρου περιφερείας ἐμβαδοῦ, ὅ ἐστιν ἀντιτυπίας. τοιαύτης δὲ οὔσης ἐπώμνυον δι' αὐτῆς τὸν Πυθαγόραν οἱ ἄνδρες, θαυμάζοντες δηλονότι καὶ ἀνευφημοῦντες ἐπὶ τῇ εὐρέσει, καθά που καὶ Ἐμπεδοκλῆς· 'οὐδ' ἔστιν ἀμετέρα γενεᾷ παραδόντα τετρακτύ ν, παγὰν ἀενάου φύσεως ῥιζώμα τ' ἔχουσα ν· ἀέναον γὰρ φύσιν τὴν δεκάδα ἡνίττοντο τὴν οἶονεϊ αἰδίων καὶ αἰώνιον τῶν ὄλων φύσιν καὶ εἰδῶν ὑπάρχουσας, καθ' ἣν συνεπληρώθη καὶ πέρας τὸ ἀρμόζον καὶ περικαλλέστατον ἔσχε τὰ ἐν κόσμῳ. ^[20]

Theol Ar 23 ῥιζώματα δ' αὐτῆς τὰ μέχρι τετράδος, α' β' γ' δ'· πέρατα γὰρ ταῦτα καὶ οἶονεϊ ἀρχαί τινες τῶν ἀριθμοῦ ιδιωμάτων, μονὰς μὲν ταύτου καθ' αὐτὸ νοουμένου, δυὰς δὲ θατέρου καὶ τοῦ ἤδη πρὸς ἄλλο, τριάς δὲ ἐκάστου τε καὶ περισσοῦ τοῦ κατ' ἐνέργειαν, τετράς δὲ τοῦ ἐνεργείᾳ ἀρτίου· περισσοειδῆς γὰρ πολλάκις ἡμῖν ὥφθη ἡ δυὰς διὰ τὸ ἀρχοειδὲς οὐπω τῶν ἀρτίου καθαρῶν ιδιωμάτων ἐπιδεκτική οὖσα οὐδὲ τῶν ὑποδιαίρέσεων. ὅτι ἐν πρώτῃ τετράδι σωμάτως ἐλάχιστη καὶ σπερματικώτατη, εἴπερ καὶ στοιχειωδέστατον τῶν σωμάτων καὶ μικρομερέστερόν ἐστι τὸ πῦρ, αὐτοῦ δὲ τούτου σχῆμα ὡς σώματος πυραμὶς φερώνυμος διὰ τοῦτο ὑπὸ τεσσάρων τε βάσεων καὶ ὑπὸ τεσσάρων γωνιῶν μόνη περικλειομένη ἐστὶ· κάκεῖθεν, πεισθεῖμεν ἄν, τέσσαρες ἀρχαί τοῦ κόσμου, εἴτε ὡς αἰδίου συνοχῆς εἴτε ὡς γεννητῆς συστάσεως, <ὡς> προελέχθη, ὑφ' οὗ, ἐξ οὗ, δι' οὗ, πρὸς ὅ· θεὸς ἄρα καὶ ὕλη καὶ εἶδος καὶ ἀποτελεσμα. ὅτι γὰρ καὶ τὰ τέσσαρα στοιχεῖα, πῦρ ἀήρ ὕδωρ γῆ, καὶ αἱ τούτων δυνάμεις, θερμὸν ψυχρὸν ὑγρὸν ξηρόν, κατὰ τὴν τετράδος φύσιν ἐν τοῖς οὗσι διατέτακται, δῆλον. καὶ τὰ οὐράνια δὲ κατὰ ταύτην διακεκόσμηται· τέτρασι γὰρ κέντροις, τῷ ὑπὲρ κορυφῆν, τῷ κατὰ ἀνατολήν, τῷ πρὸς ὀρθὰς ὑπὸ γῆν, τῷ πρὸς δύσιν· ἃ δὴ καὶ ζωδιακὸς ἀπ' ἀλλήλων τέτταρα φαίνεται, καὶ ἑτέρως τοῖς τέσσαρσι πέρασιν, ἀρκτικῷ, ἀνταρκτικῷ, ἐφ' ὧ καὶ ἐσπερίῳ, εἷς τε τὸν τῆς σφαιρώσεως αὐτῆς λόγον, κέντρῳ, ἄξονι, περιφερείᾳ, ἐμβαδῷ. ^[5]

Theol Ar 24 ἀλλὰ καὶ τὰ λεγόμενα ἐννενηκονταμόρια τοῦ ζωδιακοῦ τμήματα, καθ' ἃ διὰ τοῦ ἐκλειπτικοῦ ψαύει τροπικῶν τεσσάρων, θερινοῦ, χειμερινοῦ, ἰσημερινοῦ δις κεχιασμένως κατὰ διάμετρον, τοσαῦθ' ὑπάρχει· αἱ τε ἐν ἀλλήλαις καὶ δι' ἀλλήλων ἐξαιρέτως μόνῳ συμβεβηκυῖαι οὐρανῷ κινήσεις τέσσαρες αἱ γενικαί, πρόσω μὲν διὰ τοῦ καθ' ἕκαστον κλίμα μεσουρανήματος, * * * ἄνω δὲ διὰ τοῦ ἀναφερομένου ὑπὲρ τὸν ὀρίζοντα, κάτω δὲ διὰ τοῦ δυομένου. τέσσαρες δὲ καὶ αἱ λεγόμεναι ὥραι τοῦ ἔτους, ἕα θέρος μετόπωρον χειμῶν. τέσσαρα δὲ καὶ τὰ τῆς καθολικῆς κινήσεως σχεδὸν μέτρα, ὧν τὸ μέγιστον καὶ διηνεκὲς αἰὼν ἐκλήθη, τὸ δὲ καθ' αὐτὸ καὶ κατ' ἐπίνοιαν εὐληπτον χρόνος, τὸ δ' ἔτι ὑποβεβηκὸς καὶ τρόπον τινὰ ἐν καταλήψει αἰσθητῇ ἡμῖν πεφυκὸς καιρὸς, τὸ δὲ βραχυτάτης διαστάσεως καὶ παρεκτάσεως μετέχον ὥρα· καὶ ἑτέρως ἔτος, μῆν, νύξ, ἡμέρα. τούτοις δ' ἀνάλογα καὶ κατὰ τὴν κοσμικὴν συμπλήρωσιν, ἄγγελοι δαίμονες ζωὰ φυτὰ, συμπληροῖ τὸ πᾶν. ^[20]

Theol Ar 25 τέσσαρσι δὲ τρόποις καὶ αὐτὰς τὰς κινήσεις διακρίνουσι, προποδισμῷ, ἀναποδισμῷ, στηριγμοῖς δυσί, προτέρῳ καὶ δευτέρῳ. καὶ ἐν τοῖς ζώοις δὲ αἰσθήσεις τέσσαρες ὠρισμέναι καταλαμβάνονται, τῆς ἀφῆς κοινῆς ὑποβεβλημένης ἀπασῶν καὶ διὰ τοῦτο τόπον ἢ ὄργανον μόνης εὐτακτον οὐκ ἐχούσης. καὶ φυτῶν δὲ τὰ μὲν δένδρα, τὰ δὲ θάμνοι, τὰ δὲ λάχανα, τὰ δὲ

πόα. καὶ γένη δὲ ἀρετῶν τέσσαρα, φρόνησις μὲν πρώτη τῆς ψυχῆς, κατ' αὐτὴν δὲ εὐαισθησία σώματος καὶ εὐτυχία ἐν τοῖς ἐκτός, δευτέρα σωφροσύνη περὶ ψυχὴν, ὑγεία δὲ περὶ σῶμα, εὐδοξία δὲ ἐν τοῖς ἐκτός, τρίτη δὲ κατὰ τὴν αὐτὴν τάξιν ἀνδρεία, ἰσχύς, δυναστεία, καὶ τετάρτη δικαιοσύνη, κάλλος, φιλία. καὶ μὴν καὶ ὦραι, ὥσπερ ἔτους. οὕτω δὲ καὶ ἀνθρώπου τέσσαρες, παῖς νεανίας ἀνὴρ γέρων. ἀλλὰ καὶ τὰ ἐν ἀριθμῷ στοιχειωδέστατα ἰδιώματα τέσσαρα. ταῦτόν ἐν μονάδι, ἕτερον ἐν δυάδι, χροιά ἐν τριάδι, σῶμα ἐν τετράδι. ὅτι καὶ ὁ ἄνθρωπος εἰς τέσσαρα διαιρεῖται. κεφαλὴν θώρακα πόδας καὶ χεῖρας. καὶ τέσσαρες ἀρχαὶ τοῦ λογικοῦ ζώου, ὥσπερ καὶ Φιλόλαος ἐν τῷ Περὶ φύσεως λέγει, ἐγκέφαλος καρδία ὀμφαλὸς αἰδοῖον· 'ἐγκέφαλος μὲν νόο υ, καρδία δὲ ψυχᾶς καὶ αἰσθήσιο ς, ὀμφαλὸς δὲ ῥιζώσιος καὶ ἀναφύσιος τοῦ πρώτο υ, αἰδοῖον δὲ σπέρματος [κα ι] καταβολᾶς τε καὶ γεννήσιο ς. ἐγκέφαλος δὲ <σαμαίνει> τὰν ἀνθρώπῳ ἀρχά ν, καρδία δὲ τὰν ζώο υ, ὀμφαλὸς δὲ τὰν φυτο ὤ, αἰδοῖον δὲ τὰν ξυναπάντων· πάντα γὰρ ἀπὸ σπέρματος καὶ θάλλοντι καὶ βλαστάνοντι ι. [20]

Theol Ar 26 ὅτι εἰ καὶ πλῆθος ἐν τριάδι πρῶτον ὥφθη, ἀλλ' οὖν οὔτε σωρεία ἐπινοηθῆναι ἄνευ τετράδος δύναται, καθ' ἣν καὶ ἡ πυραμὶς φύσει ἐν ἀλληλουχουμένοις λαμβάνει τὸ δυσδιάλυτον σχῆμα δυσδιαλύτου σώματος, πλήθους δὲ ἐπίτασις ὁ σωρὸς πως καὶ βιαίτερος ἢ κατὰ τὴν τριάδα. ἀμέλει κατὰ τὸ Σόλωνος ἀπόφθεγμα τὸ 'τέλος ὁρᾶν μακροῦ βίου· δυνατόν ἐκδέξασθαι παρὰ τῷ ποιητῇ τοὺς μὲν ἔτι ζῶντας τρεῖς μόνον ἐπ' εὐδαιμονίᾳ μακαριζομένους, ἀδήλου τοῦ τῆς μεταπτώσεως καὶ μεταβολῆς ἔτι ὑπάρχοντος, τοὺς δὲ τεθνεώτας βεβαίως ἔχοντας τὸ εὐδαιμον καὶ μεταβολῆς ἐκτός τελειότερον τετράκις· λέγει γὰρ ἐπὶ μὲν τοῦ ζώντος· 'τρισμάκαρ Ἀτρεΐδῃ· 'μόνον, ἐπὶ δὲ τῶν ἄριστα μετῆλλαχότων· 'τρισμάκαρες Δαναοὶ καὶ τετράκι ς, οἳ τό τ' ὄλοντο· 'τὸ γὰρ κατὰ φύσιν πλῆθος καὶ σωρείαν παρασχεῖν δυνάμενον τοῦθ' ὑπάρχει, εἴπερ καὶ τελειότητος εἶδη τέσσαρα ἀνάλογα καὶ ὁμοταγῇ τοῖς τέτρασι τελείοις ἀριθμοῖς, οἳ συνίστανται ἐντὸς δεκάδος ἴσοι κατὰ πρόβασιν τοῖς ἀπὸ μονάδος συνεχέσι, μέχρις ἂν εἰς τετράδα ἢ προκοπῇ ἔλθῃ. πρῶτον μὲν γὰρ ἀσύνθετον αὐτὴ ἡ μονὰς τελειότητος τρόπον τινὰ ἔχουσα ἐν τῷ πάντι· ἔχειν δυνάμει ἐν ἑαυτῇ καὶ μηδενὸς προσδεῖσθαι, παρεκτικὴ δὲ ἄλλως καὶ εἰδοποιὸς ὑπάρχει τοῖς ἄλλοις ἅπασιν κατὰ πάσας διαφορῶν παραλλαγὰς· εἰ γὰρ καὶ ἔστι τι τέλειον εἶδος τὸ τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἴσον, μέρος δὲ ἡ μονὰς οὐκ ἔχει, ὅλη δὲ ἐστὶν ἑαυτῇ ἴση, τελεία ἂν καὶ αὕτῃ εἴῃ. [5]

Theol Ar 27 δευτέρον δὲ μονάδι καὶ δυάδι ἴση καὶ συνεχῆς γε ἐξαιρέτως ἡ τριάς, ἄλλως οὖσα καὶ αὕτῃ τελεία, ὅτι ἀρχὴν καὶ μέσον καὶ τέλος μονωτάτῃ ἔχει. τρίτον δὲ τὸ ἐν καὶ δύο καὶ τρία οὐκέτι συνεχῆς ἢ ἐξᾶς ἴση ὑπάρχει τρόπῳ τινὶ τελεία, τοῖς γὰρ ἑαυτῆς μέρεσιν ἴση πρώτη ὑπάρχει, ἡμίσει τρίτῳ ἔκτῳ. τέταρτον δὲ τὸ α' β' γ' δ' ἢ δεκάς, πολὺ μᾶλλον οὐ συνεχῆς, τὴν τελειότητα ἐτέρῳ τινὶ παρὰ τούτους τοὺς τρόπους κεκτημένη· μέτρον γὰρ καὶ τέλειος ὁρος παντὸς αὕτῃ ἀριθμοῦ, καὶ οὐκέτι μετ' αὐτὴν οὐδὲ εἷς φυσικός, ἀλλὰ πάντες δευτερωδούμενοι καὶ ἐπ' ἄπειρον παλινωδούμενοι κατὰ μετοχὴν αὐτῆς. τετρακτὺς ἄρα τις καὶ ἡ τῶν ἐντὸς δεκάδος τελείων αὕτῃ διαφορά. μή τι καὶ τούτου χάριν μέγιστα μὲν καὶ ὥσανεὶ τελειότεραι περίοδοι τριταῖα τε καὶ τεταρταῖα καὶ εὐσημότατα τυγχάνουσι, μείζων δὲ καὶ βεβαιότερα καὶ διὰ τοῦτο καὶ δυσάποινιπτοτέρα ἢ τεταρταῖα διὰ τὴν τοῦ τέσσαρα ἀριθμοῦ ἐδραιότητα πάντα πυραμι <δι> κῶς καταλαμβανομένην εἰς εὐσταθεῖς βάσεις. [20]

Theol Ar 28 διὸ καὶ τὸν Ἡρακλέα τοιοῦτον ἀκλινῇ γεγονότα τετράδι γεγεννησθαί φασι. τετράγωνοι δὲ καὶ οἶον οὐκ εὐσειστοὶ ἐν τῷ καταφρονεῖν κατὰ τὰ αὐτὰ τῷ τοιούτῳ ἀναπλασσομένῳ Ἑρμῇ. ἐπεὶ δὲ μονάδος ἀνὰ μέσον καὶ ἐβδομάδος κυβικῶν χωρίων κυβικός ὁ δ', εἰκότως, κρισίμου μάλιστα τῆς ἐβδομάδος ἐν τοῖς ἀρρωστήμασιν οὔσης, ἐπιδηλότερον οἱ ἱατροί, καθάπερ Ἴπποκράτης, τὴν τετράδα λέγουσι κοινωνοῦσαν ὀλοσχερέστερόν πως τῇ ἐβδομάδι ἐν τῇ διὰ πάντων ἐνεργείᾳ, εἴτε καὶ ἄλλως συναπτομένη τῇ ἐβδομάδι δεκάδα ἀποτελεῖ τετάρτην κυβικῆς τετάρτης χώρας

παρεκτικήν. ὅτι Αἰόλου φύσιν ἐπωνόμαζον τὴν τετράδα τὸ ποικίλον ἐμφαίνοντες τῆς οἰκειότητος. καὶ ὅτι οὐκ ἄνευ ταύτης ἡ καθολικὴ διακόσμησις, διὸ καὶ κλειδοῦχόν τινα τῆς φύσεως αὐτὴν πανταχοῦ ἐπωνόμαζον. τὸν Αἴολον δὲ φησιν ἡ ποίησις φορικούς ἐκπορίζειν ἀνέμους, ὃς καὶ Ἱπποτάδης προσηγορεύθη ἀπὸ τῆς ταχυτήτος τῶν ἐπιτελούντων αὐτὸν ἄστρον καὶ διὰ τοῦ ἀδιαλείπτου δρόμου· ἔστι γὰρ Αἴολος ὁ ἐνιαυτὸς διὰ τὴν τῶν κατ' αὐτὸν φυομένων ποικιλίαν. πάλιν δὲ Ἡρακλέα παρὰ τὴν αὐτὴν τοῦ ἔτους ἔννοιαν τὴν τετράδα καλοῦσι, χρονιότητος οὕσαν παρεκτικήν, εἶπερ <δ'> αἰὼν χρόνος καιρὸς ὥρα, ἔτι <ἔτος> μὴν [ὥρα] νῦξ <ἡμέρα, καὶ> ὄρθρος μεσημβρία ἐσπέρα νύξ. [20]

Theol Ar 29 ὅτι τετράδα κατ' ἐναλλαγὴν τοῦ λ πρὸς τὸ ρ τετράδα νομίζουσιν εἰρῆσθαι τὴν ὑπομείναςαν, καθάπερ ἡ αὐτῆς πλευρὰ τὴν πρώτην ἀπὸ μονάδος ἀπόστασιν· τὰς γὰρ πάσας ἀποστάσεις ἦτοι τὰς τρεῖς ὑπέστη, ὧν περαιτέρω οὐκέτι εἰσὶν. ἐτίμων δὲ αὐτὴν οἱ Πυθαγόρειοι ὡς δεκάδος γεννητικήν. καλεῖται δὲ αὕτη, ὡς φησιν ὁ Ἀνατόλιος, δικαιοσύνη, ἐπεὶ τὸ τετράγωνον τὸ ἀπ' αὐτῆς, τουτέστι τὸ ἐμβαδόν, τῇ περιμέτρῳ ἴσον· τῶν μὲν γὰρ πρὸ αὐτῆς ἡ περίμετρος τοῦ ἐμβαδοῦ τοῦ τετραγώνου μείζων, τῶν δὲ μετ' αὐτὴν ἡ περίμετρος τοῦ ἐμβαδοῦ ἐλάττων, ἐπ' αὐτῆς δὲ ἴση. πρώτη ἡ τετράς ἔδειξε τὴν τοῦ στερεοῦ φύσιν· σημεῖον γάρ, εἴτα γραμμὴ, εἴτα ἐπιφάνεια, εἴτα στερεόν, ὃ τι σῶμα. πρῶτος ἀρτιακὸς ἄρτιος, πρῶτος ἐπίτριτος τῆς πρώτης ἀρμονίας τῆς διὰ τεσσάρων, ἴσα πάντα ἐπ' αὐτοῦ, ἐμβαδὸν γωνίαί πλευραί. κλίματα τέσσαρα, σημεῖα τέσσαρα, ἀνατολικὸν δυτικὸν μεσουράνημα ὑπὸ γῆν καὶ ὑπὲρ γῆν· ἀνεμοὶ οἱ πρῶτοι δ'. ἄλλοι τὰ ὅλα διακοσμηθῆναι φασιν ἐκ τεσσάρων, οὐσίας σχήματος εἶδους λόγου. [15]

Theol Ar 30 οὐ μόνον δὲ τὸν τοῦ σώματος ἐπέχει λόγον τετράς, ἀλλὰ καὶ τὸν τῆς ψυχῆς· ὡς γὰρ τὸν ὅλον κόσμον φασὶ κατὰ ἀρμονίαν διοικεῖσθαι, οὕτω καὶ τὸ ζῶον ψυχοῦσθαι. δοκεῖ δὲ καὶ τελεία ἀρμονία ἐν τρισὶ συμφωνίαις ὑφεστάναι, τῇ διὰ τεσσάρων, ἥτις ἐν ἐπιτρίτῳ κεῖται λόγῳ, τῇ διὰ πέντε ἐν ἡμιολίῳ, τῇ διὰ πασῶν ἐν διπλασίῳ. ὄντων δὲ ἀριθμῶν τεσσάρων τῶν πρώτων α' β' γ' δ', ἐν τούτοις καὶ ἡ τῆς ψυχῆς ἰδέα περιέχεται κατὰ τὸν ἐναρμόνιον λόγον· ὁ μὲν γὰρ [τοῦ] δ' τοῦ β' καὶ ὁ β' τοῦ α' διπλάσιος, ἐν ᾧ κεῖται ἡ διὰ πασῶν συμφωνία, ὁ δὲ γ' τοῦ β' ἡμιόλιος περιέχων αὐτὸν καὶ τὸ ἥμισυ, ἐν ᾧ ἡ διὰ πέντε συμφωνία, ὁ δὲ δ' τοῦ γ' ἐπίτριτος, ἐν ᾧ ἡ διὰ τεσσάρων συμφωνία. εἰ δὲ ἐν τῷ δ' ἀριθμῷ τὸ πᾶν κεῖται ἐκ ψυχῆς καὶ σώματος, ἀληθὲς ἄρα καί, ὅτι αἱ συμφωνίαί πᾶσαι κατ' αὐτὸν τελοῦνται. περὶ πεντάδος γ'. Ἀνατόλιος υ'. Ὅτι ἡ πεντάς πρώτη περιέλαβε τὸ τοῦ παντὸς ἀριθμοῦ εἶδος, ἥτοι τὸν β' τὸν πρῶτον ἄρτιον καὶ τὸν γ' τὸν πρῶτον περιττόν· διὸ καὶ γάμος καλεῖται ὡς ἐξ ἄρρενος καὶ θήλεος. κέντρον ἐστὶ τῆς δεκάδος. [15]

Theol Ar 31 τετραγωνιζομένη αἰεὶ περιέχει ἑαυτήν, πεντάκις γὰρ πέντε κε' μηχανομένη δὲ αὕτη καὶ τὸν τετράγωνον ὅλον περιέχει καὶ λήγει εἰς ἑαυτήν, πεντάκις γὰρ κε' ρκε'. σχήματα στερεὰ ἰσοπλευρα καὶ ἰσογώνια πέντε, τετράεδρον, ὃ ἐστὶ πυραμὶς, ὀκτάεδρον. εἰκοσάεδρον, κύβος, δωδεκάεδρον· τὸ μὲν πυρὸς σχῆμά φησιν ὁ Πλάτων, τὸ δὲ ἀέρος, τὸ δὲ ὕδατος, τὸ δὲ γῆς, τὸ δὲ παντός. ὅτι οἱ πλανώμενοι πέντε ἐκτὸς ἡλίου καὶ σελήνης. τὸ ἀπὸ τοῦ ε' πρῶτον τετράγωνον ἴσον δυοὶ τετραγώνοις τῷ τε ἀπὸ τῶν τριῶν καὶ τῷ ἀπὸ τῶν δ'. λέγεται τετράχορδος ἐκ πρώτου ἀρτίου εἶναι καὶ πρώτου περισσοῦ, κατὰ τὸν ε' νοεῖται συμφωνία γεωμετρικὴ. ἔτι, ἂν καθ' ὅποιαν οὖν σύνθεσιν τὸν δέκα συνθῇς, μέσος εὐρεθήσεται ὁ ε' κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν ἀναλογίαν, οἷον θ' καὶ α', η' καὶ β', ζ' καὶ γ', ς' καὶ δ'. ἐξ ἐκάστης γὰρ συνθέσεως ὁ ι' ἀποτελεῖται καὶ μέσος εὐρίσκεται ὁ ε' κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν ἀναλογίαν, ὡς δηλοῖ τὸ διάγραμμα. ὅτι ἡ πεντάς πρώτη μεσότητος τῆς ἀρίστης καὶ φυσικωτάτης ἐμφαντικὴ κατὰ διάζευξιν ἀμφοτέροις πέρασι τοῦ φυσικοῦ ἀριθμοῦ, μονάδι μὲν ὡς ἀρχῇ, δεκάδι δὲ ὡς τέλει, συνεζευγμένη τῇ δυάδι, ὥσπερ γὰρ ἐν πρὸς β', οὕτω ε' πρὸς ι', καὶ ἀνάπαλιν ὡς ι' πρὸς ε', οὕτω β' πρὸς α', παραλλάξ τε,

ὥς ι' πρὸς β', ε' πρὸς α' καὶ ὥς β' πρὸς ι', α' πρὸς ε'· τό τε ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσον τῷ ὑπὸ τῶν μέσων ἀκολουθῶς τῇ γεωμετρικῇ ἀναλογίᾳ· τὸ γὰρ δις ε' ἴσον τῷ ἅπαξ ι'. [5]

Theol Ar 32 [ὅτι δὲ ἄρχεται μὲν ἀπὸ μονάδος, τελειοῦται δὲ ὁ ἀριθμὸς εἰς δέκα, λεχθήσεται προιοῦσιν.] ἀντιπεπονητότως ἄρα τὸν τοῦ ἡμίσεος λόγον ἐν πρωτίστῃ τῇ πεντάδι πρὸς τὸ μεῖζον ἄκρον ἔχομεν ἰδεῖν, καθάπερ ἐν τῇ δυάδι πρὸς τὸ ἔλλαττον· διπλάσια μὲν γὰρ τοῦ α' τὰ β', ἡμίσεα δὲ τοῦ ι' τὰ ε'. διόπερ μάλιστα συλληπτικὴ τῶν ἐν κοσμικῇ φύσει φαινομένων. ὅτι ἄρα κατὰ μὲν τὴν δεκάδα ὁ πᾶς κόσμος ἡνύσθαι καὶ κατακεκλειῆσθαι ἐφάνη, πολλάκις ἡμῖν λόγος. κατὰ δὲ τὴν μονάδα ἐρριζῶσθαι, καὶ κίνησιν μὲν κατὰ δυάδα ἐσχηκέναι, φύσιν δὲ ζωότητος κατὰ πεντάδα, οὕσαν ἄλλως καὶ προσεχεστάτως καὶ μόνον μέρος τῆς δεκάδος, εἴπερ αὐτῇ μὲν τὸ ἀντίζυγον ἀναγκαίως ἀκολουθεῖ, τὸ δὲ ὁμώνυμον τῇ δυάδι. πέντε οὖν καὶ τὰ καθόλου στοιχεῖα τοῦ παντός, γῆ ὕδωρ ἀήρ πῦρ αἰθήρ. πέντε δὲ καὶ τὰ τούτων σχήματα, τετράεδρον ἐξάεδρον ὀκτάεδρον δωδεκάεδρον εἰκοσάεδρον, ὧν ἡ συγκορύφωσις πάλιν τῶν βάσεων εἰς τὸν πεντάδος διπλασιάζεται λόγον. πέντε δὲ καὶ οἱ παράλληλοι κατὰ τὸν οὐρανὸν κύκλοι, ἡμερινὸς καὶ οἱ παρ' ἑκάτερα τούτου τροπικοί, θερινὸς καὶ χειμερινός. ἀλλήλοις μὲν ἴσοι, δεῦτεροι δὲ τῇ τοῦ μεγέθους συμμετρίᾳ, καὶ οἱ τούτων ἐφ' ἑκατέρωθεν τὸ ἕξαρμα καὶ τὸ ἀντέξαρμα ὀρίζοντες, ἀρκτικός τε καὶ ἀνταρκτικός, μικρότατοι μὲν τῷ μεγέθει, ἀλλήλοις μέντοι καὶ αὐτοὶ ἴσοι. [20]

Theol Ar 33 ὧν ἀναλόγως τῇ θέσει πέντε καὶ ἐπὶ γῆς ζῶναι ἐπινοοῦνται, κεκαυμένη μὲν ἡμερινῷ, εὐκρατοὶ δὲ δύο τροπικοῖς δυσίν, ἴσαι δὲ αἱ <δύο> ἀοίκητοι ὑπὸ κρύους τῶν παρ' ἑκάτερα πόλων. πέντε δὲ μόνοι ἐκτὸς ἡλίου καὶ σελήνης οἱ πλάνητες ἀστέρες ὑπάρχουσι. καὶ σελήνης φάσεις ὥς ἐπίπαν τосαῦται, διχότομοι δύο, ἀμφίκυρτοι δύο, πλησίφως μία. τινὲς δὲ ἀκριβέστερον ἀντὶ τῶν δύο διχοτόμων μηνοειδεῖς δύο τάσσουσι τῷ ἀριθμῷ τῶν φάσεων τὸ γὰρ διχότομον οὐχ ὥς ἀληθῶς συμβαίνειν τῇ σελήνῃ τότε, ὅτε νομίζεται, ἀλλὰ μόνον φαίνεσθαι, κατὰ γραμμικὴν δὲ ἀπόδειξιν πλεῖον δεῖ πάντως εἶναι τοῦ φαινομένου τὸ πεφωτισμένον, ἔλλαττον δὲ τὸ ἀφώτιστον, εἴπερ τῆς ἡλιακῆς σφαίρας μικρότερα ἡ σεληνιακὴ, τῆς δὲ τοιαύτης πλεόν ἂν τοῦ ἡμίσεος λάμπεται, ἵνα καὶ τὸ ἀπορρέον αὐτῆς σκίασμα κωνοειδὲς ἀποτελεῖται, τὸ δὲ ἐπὶ θάτερα ἀντεκβαλλόμενον ἐπ' εὐθὺ τῶν τοῦ κώνου εὐθειῶν καλαθοειδὲς σχῆμα ἢ κοινὴν δὲ ἀμφοῖν βάσιν ἢ τὸ πεφωτισμένον καὶ ἀφώτιστον διορίζουσα κυκλικὴ γραμμὴ περιγράφει. πέντε δὲ καὶ τῶν τὰ κοσμικὰ κέντρα ἀποτελουσῶν εὐθειῶν ψαύσεις· δηλὸν γάρ, ὅτι διάμετροί εἰσιν αὗται δύο, αἵπερ καὶ μέγισται, πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλας τέμνουσαι· ἑαυτῶν οὖν καὶ τῆς οὐρανίας σφαίρας πενταχῇ ψαύουσι, καὶ ἑαυτῶν μὲν κατὰ κοσμικὸν κέντρον, τῆς δὲ σφαίρας κατὰ ταῦτα τὰ ὀνομασθέντα κέντρα. [20]

Theol Ar 34 αἰσθητήρια τὰ τῶν τελειοτέρων ἤδη ζώων τосαῦτα, κατὰ συγγένειαν καὶ ὁμοίαν τάξιν καὶ ὑπόβασιν τοῖς στοιχείοις. ἢ δὲ φύσις διὰ τοῦτο πενταχῇ τῶν ἡμετέρων μερῶν ἕκαστα κατὰ τὰ ἄκρα διέκρινε, ποδῶν λέγω καὶ χειρῶν, εἰς δακτύλους. πέντε δὲ καὶ σπλάγχνων εἴδη, νεφροὶ πνεύμων ἡπαρ σπλὴν καρδιά. πέντε δὲ καὶ τῶν κατ' ἐπιφάνειαν ὀλοσχερῶς ὀρωμένων μορίων εἴδη, κεφαλὴ χεῖρες θώραξ αἰδοῖα πόδες. πέντε δὲ καὶ ζώων γένη, ἐμπύρων ἐναερίων ἐγγείων ἐνύδρων ἀμφιβίων. ὅτι καὶ ἀνεικίαν προσηγόρευον τὴν πεντάδα, οὐ μόνον ἐπειδὴ τὸ πέμπτον καὶ κατ' αὐτὸ τεταγμένον στοιχεῖον ὁ αἰθήρ κατὰ ταῦτα καὶ ὡσαύτως ἔχον διατελεῖ, νείκους καὶ μεταβολῆς ἐν τοῖς ὑπ' αὐτὸν ὑπαρχόντων ἀπὸ σελήνης μεχρὶ γῆς, ἀλλ' ὅτι τὰ πρώτιστα διαφέροντα καὶ οὐχ ὅμοια τοῦ ἀριθμοῦ δύο εἴδη, ἄρτιον καὶ περιττόν, αὐτὸς ὡσανεὶ ἐφίλωσε καὶ συνήρτησε σύστημα τῆς αὐτῶν γενόμενος συνόδου, καθάπερ καὶ ὁ αἰθήρ ἑαυτοῦ τε φίλος διατελεῖ σχήματι καὶ οὐσίᾳ καὶ τοῖς ὁμοίοις τοῖς τε ἄλλοις ἅπασι τοῦ τοιοῦτου παρεκτικὸς εὐρίσκεται, παντοίαν περὶ τὰς δύο ἀρχὰς ἐπιδεδειγμένοις ἐναντιότητα. διὰ τοῦτο καὶ Μέγилλος ἐν τῷ Περὶ ἀριθμῶν οὕτως αὐτὴν σεμνύνων φησίν· ' ἃ δὲ πεντὰς ἀλλοίωσις, φάος, ἀνεικία· ἀλλοίωσις μέν, ὅτι τριχᾶ διαστὰν ἐς ταυτότητα τῆς σφαίρας ἡμεῖς ε, κυκλικῶς κινήσασα καὶ

φάος ἐνεργασαμένη , διόπερ καὶ φάος · ἀνειαία δὲ παρὰ τὴν πάντων προδιεστώτων σύστασιν καὶ ἔνωσιν καὶ διὰ τὴν τῶν δύο εἰδέων σύνοδον καὶ φίλωσι ν . [5]

Theol Ar 35 ὅτι τῆς δικαιοσύνης ἐμφαντικωτάτη ἡ πεντάς, δικαιοσύνη δὲ πασῶν τῶν ἀρετῶν περιεκτική· ἡ γὰρ τὸ προσήκον ἀποδιδούσα ἐκάστη καὶ τὴν ἐν τῇ ψυχῇ ἰσότητα κρατύνουσα αὕτη ἂν εἴη, ἰσότης δὲ ψυχῆς περὶ τὸ λογικὸν μόνον, ἀνισότης δὲ περὶ τὸ ἄλογον, ὑπεῖκον δὲ καὶ πειθόμενον τῷ λόγῳ. ἀλλὰ τὸ μὲν ἴσον ἀποίκιον (ἐνὶ γὰρ τρόπῳ ἴσον), τὸ δὲ ἄνισον ποικιλώτατον (κατὰ πολλοὺς γὰρ τρόπους ἄνισον), καὶ τά γε πρῶτιστα αὐτοῦ εἶδη δύο ἐστί, μεῖζον τε καὶ ἔλαττον· καὶ τῆς ψυχῆς ἄρα τὸ μὲν ἴσον ἔσται, τὸ δὲ ἄνισον, ἴσον μὲν τὸ θεῖον καὶ λογικόν, ἄνισον δὲ τὸ θνητόν τε καὶ ἄλογον, αὐτοῦ δὲ τούτου μεῖζον μὲν τὸ θυμοειδές (ὑπέρζεσις γάρ ἐστι καὶ ὥσπερ ἀποθέσεως τοῦ περιττεύοντος ἔφεσις), ἔλαττον δὲ τὸ ἐπιθυμητικόν (ἐνδεές γὰρ τῇ τοῦ ἐλλείποντος ὀρέξει), ἀλλ' ὑπὸ τοῦ λογικοῦ κρατηθέντα πάντα καὶ ἰσότητος δι' αὐτὸ μετασχόντα ἀρετὰς κτᾶται, τὸ μὲν θυμοειδές ἀνδρείαν, τὸ δὲ ἐπιθυμητικὸν σωφροσύνην. [20]

Theol Ar 36 εἴ τις τοίνυν ἀριθμὸς ἰσάκεις ἴσος ἐστίν, οὗτος δικαιοσύνης εἰδοποιὸς καὶ ἐπιδεκτικὸς ἂν εἴη. πᾶς δὲ τετράγωνος ἰσάκεις ἴσος ὑπάρχει, ἀλλ' οὐ πᾶς μεσότητος δεκτικός, ἀλλὰ μόνος δηλονότι, ὃς ἂν περισσὸς ᾗ· καθόλου γὰρ ἀρτίου ἀριθμοῦ μεσότης οὐ φαίνεται· περισσῶν δὲ προσεχέστατος καὶ οἰκειότατος ἂν εἴη ὁ πυθμὴν, εἰ καὶ τῶν αὐτοῦ λόγων ἐπιδεκτικοὶ οἱ μετ' αὐτόν. ἐπιστημονικαὶ δὲ καὶ φιλόσοφοι ἀποδείξεις ἀεὶ τοῖς πυθμέσιν ἐλαχίστοις ἔτι καὶ εὐ <λογίστοις καὶ εὐ> πίστοις ἐπιχρῶνται καὶ ἐνορῶσιν αὐτοῖς ὡς ἐν παραδείγμασί τις τὰ ὁμοιώτατα τῶν ὁμογενῶν, οἷον διπλασίων μὲν ἀπείρων φύσει ὄντων ἐν δυάδι μᾶλλον πρὸς μονάδα, ἡμιολίων δὲ ἐν τριάδι πρὸς δυάδα· ὥστε ἡ τῆς δικαιοσύνης ἔννοια καὶ φύσις ἐν ἰσάκεις ἴσῳ δεικνυμένη ἀριθμῷ, τουτέστιν ἐν τετραγώνῳ, ἐν ἀρτίῳ μὲν οὐκ ὀρθῶς δειχθεῖη <ἂν> μεσότητος ἀμοιροῦντι, ἀλλ' ἐν περισσῷ δηλονότι καὶ τῶν περισσῶν ἐν πυθμενικωτάτῳ καὶ οἰονεὶ σπέρματι τῶν ἄλλων διὰ τὸ ἐπιστημονικόν· ἐν ἄρα πρωτίστῳ τῷ θ' οὗτος γὰρ καὶ ἀπὸ πρώτου περισσοῦ ἀριθμοῦ τοῦ γ' πυθμὴν τετράγωνος συνίσταται τρεῖς γ' ὦν, πλευρικοῦ μεσότητα πρώτου ἔχοντος, τετράγωνος καὶ αὐτὸς μεσότητα πρώτος ἔχων. τούτοις ἄρα ἐπιχειρητέον ἀρμόζειν τὸν περὶ δικαιοσύνης λόγον ἀκολουθῶς τῷ Πυθαγορικῷ περὶ δικαιοσύνης ὄρω, ὃς ἐστι· 'δύναμις ἀποδόσεως τοῦ ἴσου <καὶ> τοῦ προσήκοντος , ἐμπεριεχομένη ἀριθμοῦ τετραγώνου περισσοῦ μεσότητι . [20]

Theol Ar 37 πρῶτον δὲ ἐκθετέον στιχηδὸν τοὺς μέχρι τούτου ἀριθμοὺς ἀπὸ μονάδος ἐξῆς, α' β' γ' δ' ε' ζ' ζ' ἡ θ', εἴτα συγκεφαλαιωτέον τὴν πάντων ὁμοῦ ποσότητα, καὶ ἐπεὶ ἐννεάχωρος ὁ στίχος, τὸ ἔννατον τοῦ συγκεφαλαιώματος ζητητέον, εἴ τι φύσει πάρεστιν ἤδη τῶν ἐν τῷ στίχῳ ἀριθμῶν· εὐρήσομεν γὰρ αὐτῇ τῇ μεσότητι τοῦτο προσὸν μόνῃ· πεντάς γάρ ἐστιν ἄλλο μῆτε πλέον μῆτε ἔλασσον ἔχουσα τι, καὶ τοῖς λοιποῖς περιποιητικῇ τοῦ τοιοῦτου αὐτῇ φανήσεται, ὡς ἂν τις δικαιοσύνη οὔσα, κατ' εἰκόνα τοῦ ὀργάνου τοῦ ζυγικοῦ· εἰ γὰρ τὸν στίχον ὑποθοίμεθα τοιοῦτόν τινα ὑπάρχειν ζυγικόν, τὴν δὲ μεσότητα τὸν ε' ἀριθμὸν τὸ τρῆμα εἶναι τὸ τοῦ ἄορτου, καταρρέποντα μὲν πάντα διὰ πλῆθος ἔσται τὰ πρὸς τῇ ἐννεάδι ἀπὸ ἐξάδος μέρη, ἀναρρέποντα δὲ τὰ πρὸς τῇ μονάδι ἀπὸ τετράδος δι' ὀλιγότητα, τριπλάσια δὲ τὰ πλεονεκτοῦντα τῶν πλεονεκτούμενων σύνολα συνόλων, αὐτὴν δὲ τὴν ε', ὥσπερ τὸ τοῦ πήχεος τρῆμα, μηδετέρου μετέχουσιν. ἀλλ' ἰσότητα μόνον καὶ ταυτότητα. κατὰ βραχὺ δὲ τὰ γειτνιῶντα αὐτῇ καὶ ἐγγυτέρω γινόμενα ἔλαττον ἀεὶ καὶ ἔλαττον πλεονεκτοῦντά τε καὶ πλεονεκτούμενα, ὥσπερ τὴν ἀπὸ τῶν ζυγικῶν πλαστίγγων κατὰ μικρὸν ὑποβαίνοντα τοῦ πήχεος ὡς πρὸς τὴν ἄορτήν· μήκιστον μὲν γὰρ ἀφέστηκεν ἡ ἐννεὰς καὶ μονάς, διὸ καὶ πλείστῳ πλεονεκτεῖ μὲν ἐννεὰς, πλεονεκτεῖται δὲ μονάς, τετράδι ὅλη· βραχὺ δὲ τούτων ἐνδοτέρῳ ὀγδοάς καὶ δυάς, διὸ καὶ βραχὺ ἐλάττονι πλέον μὲν ὀγδοάς, ἔλαττον δὲ δυάς ἔχει· τριάδα γάρ· εἴθ' ἐξῆς τούτοις ἐβδομάς

τε καὶ τριάς, διὰ τοῦτο τῇ ἐξῆς ποσότητι ἐλαττοῦται μὲν τριάς, πλεονάζει δὲ ἐβδομάς· δυάδι γὰρ ἐνδοτέρω ἐνδοτέρω δὲ τούτων καὶ προσεχῶς τῇ πεντάδι, ὥσανεὶ τῇ ἁορτῇ, τετράς τε καὶ ἐξὰς τῷ ἐλαχίστῳ πλεονεκτοῦσα· ἐλάττων γὰρ τούτου ἀριθμὸς οὐκέτι νοεῖται. [10]

Theol Ar 38· ἀναρτῶμένου δὲ τοῦ πήχεος, τὰ μὲν πλεόν ἔχοντα πλεονεκτοῦσαν καὶ τὴν πρὸς αὐτὴν γωνίαν ἀπεργάζεται καὶ τὴν ἑαυτῶν πρὸς τὴν ἁορτὴν, τὰ δὲ ἔλαττον ὀλιγεκτοῦσαν καθ' ἑκάτερον· πλεονεκτοῦσα δὲ γωνία ἢ ἀμβλεῖά ἐστι, τὸν ἰσότατον λόγον τῆς ὀρθῆς ἐχούσης. ἐπεὶ δὲ ἐπίσης μὲν ἐν ἀδικίᾳ οἱ τε ἀδικούμενοι οἱ τε ἀδικοῦντες ὡς ἐν ἀνισότητι ἐπίσης τό τε μεῖζον τό τε ἔλαττον, ἀδικώτεροι <δὲ> ὅμως οἱ ἀδικοῦντες τῶν ἀδικουμένων (οἱ μὲν γὰρ κολάσεως, οἱ δὲ ἐπισώσεως καὶ βοηθείας δέονται), τὰ κατὰ ἀμβλεῖαν ἄρα ἀφιστάμενα γωνίαν περὶ τῷ ζυγῷ καὶ ἐν τῷ ἀριθμητικῷ ὑποδείγματι πλεόν ἀποστήσεται τοῦ μέσου, ὅπερ ἐστὶ τῆς δικαιοσύνης, μᾶλλον αἰεὶ καὶ μᾶλλον, τουτέστι τὰ πλεονεκτοῦντα, προσδραμεῖται δὲ καὶ προσπελάσει ἔτι καὶ ἔτι αἰεὶ τὰ κατ' ὀξεῖαν, καὶ οἷονεὶ ἀδικούμενα αἰεὶ ἐν τῷ πλεονεκτεῖσθαι τὰ μὲν κάτω καὶ εἰς φθόρον καὶ εἰς κακίας βαπτισμὸν οἰχίσεται, τὰ δὲ ἄνω καὶ ὡς εἰς θεὸν προσφεύγοντα ἀναρρέψει τιμωρίας καὶ ἀπισώσεως δεόμενα. [5]

Theol Ar 39· εἰ γοῦν δεήσει σὺν παντὶ τῷ πήχει καὶ τῷ ἀριθμητικῷ ἐκθέματι τούτῳ ἰσότητα ἐγγενέσθαι, πάλιν τὸ τοιοῦτον κατὰ πεντάδος μετοχὴν ὥσανεὶ δικαιοσύνης τινὸς οὔσης μηχανηθήσεται· ἦτοι γὰρ τὰ ἀπὸ τῶν πλεονεκτούντων τεταγμένα πέμπτα ἀφαιρεθέντα αὐτῶν εἰ προστεθείη τοῖς πλεονεκτούμενοις, τὸ ζητούμενον ἀπεργάζεται· ἦτοι κατὰ διορισμὸν καὶ ἀντιπεπονθυῖαν διαστολὴν τὴν πεντάδα ἀπὸ μὲν τοῦ μήκιστον ἀφεστῶτος πλεονέκτου τὸ τοῦ ἐτέρου μέρους ἐλάχιστον ἀπέχον πλεονεκτούμενον <ἀπολαβεῖν καὶ προσθεῖναι τῷ μήκιστον ἀπέχοντι> , ὃ ἐστὶ τὸ ἓν, πρὸς ἀπίσωσιν ἀπολαβεῖν τὰ δ' ἀπὸ <τοῦ> θ' καὶ προσθεῖναι τῷ ἐνί, ἀπὸ δὲ τοῦ η' τὰ γ', ἃ προσθήκη τῷ β' ἔσται, ἀπὸ δὲ τοῦ ζ' τὰ β', ἃ τῷ γ' πρόσκειται, ἀπὸ δὲ τοῦ ς' τὸ α', ὃ ἐστὶ τῷ δ' προσθήκη εἰς ἀπίσωσιν, καὶ πάντα ἐπίσης τά τε κολασθέντα ὡς πλεονεκτικὰ καὶ τὰ ἐπανορθωθέντα ἀπισώσει ὡς ἡδικημένα ὁμοιωθήσεται τῇ τῆς δικαιοσύνης μεσότητι· ἀνὰ ε' γὰρ ἅπαντα ἔσται· μόνη γὰρ αὕτη ἀναφαίρετός τε καὶ ἀπρόσθετος διαμένει, ὡς ἂν μήτε πλεόν μήτε ἔλασσον, ἀλλὰ καὶ τὸ προσῆκον καὶ ἐπιβάλλον φύσει μόνη ἔχουσα. καὶ τῷ σχήματι δὲ οἱ τοὺς τῶν γραμμάτων χαρακτῆρας πρῶτοι τυπώσαντες, ἐπεὶ τὸ θ' τοῦ ἐννέα σημαντικὸν ὑπάρχει, μεσότης δὲ αὐτοῦ ὡς τετραγώνου τὸ ε', τὸ δὲ μέσον ἐν ἐκάστῳ σχεδὸν κατὰ τὸ ἥμισυ ὁράται, ἥμισυ τοῦ θ' γράμματος τυποῦσθαι τὸ ε' ἐπενόησαν, ὡς διχοτόμημα τοῦ θ', καθὰ καὶ τὸ τοῦ ο'.

[5]

Theol Ar 40· τούτῳ δὴ τῷ τρόπῳ τῆς δικαιοσύνης τῷ ε' ἀριθμῷ δικαιοτάτα ἐνοφθείσης καὶ τῆς τοῦ στίχου ἀριθμητικῆς εἰκόνος ζυγῷ τινὶ οὐκ ἀπιθάνως εἰκασθείσης, τὸ παράγγελμα τοῖς γνωρίμοις ἐν συμβόλου σχήματι ὁ Πυθαγόρας ἐνεποιήσατο ' ζυγὸν μὴ ὑπέρβαινε ', τουτέστι δικαιοσύνην. τριῶν δὲ ὄντων τῶν ζωοποιητικῶν κατὰ τοὺς φυσικοὺς μετὰ τὴν σωματώσιν, φυτικῷ ψυχικῷ λογικῷ, καὶ τοῦ μὲν λογικῷ κατὰ μὲν ἐβδομάδα τασσομένου, τοῦ δὲ ψυχικῷ καθ' ἐξάδα, τὸ φυτικὸν ἀναγκαίως κατὰ τὴν πεντάδα πίπτει, ὥστε καὶ ἀκρότης τις ἢ ἐλαχίστη τῆς ζωότητος ἢ πεντάς γενέσεων μὲν γὰρ ρίζα πασῶν ἢ μονάς, κίνησις δὲ ἐφ' ἓν τι ἢ δυάς, ἐπὶ δὲ δευτέρον ἢ τριάς, ἐπὶ δὲ τρίτον καὶ τελειότερον ἢ τετράς, ἐπὶ δὲ τὴν πάντη πρόσθεσιν καὶ αὔξησιν ἢ πεντάς κατὰ τὴν φυτικὴν τῆς ψυχῆς ἔξιν, ἥ εὐθὺς καὶ τὸ αἰσθητικὸν γενικὸν παρέσπαρται. ὅτι Νέμεσιν καλοῦσι τὴν πεντάδα· νέμει γοῦν προσηκόντως τά τε οὐράνια καὶ θεία καὶ φυσικὰ στοιχεῖα τοῖς πέντε, τὰ πέντε σχήματα ταῖς κύκλῳ [ταῖς] κινήσεσι ταῖς τε σεληνιακαῖς καὶ τῶν λοιπῶν ἀστέρων, ἐσπερίᾳ ἀνατολῇ, ἐσπερίᾳ δύσει, ἑῷ ἀνατολῇ, ἑῷ δύσει καὶ τῇ ἄνευ τούτων ἀπλῇ περιπολήσει· εἶτα τὰ κατ' ἐπίκυκλον στηριγμοῖς δυσὶν ἢ προποδισμῷ ἢ ἀναποδισμῷ, ὁμαλότητι μιᾷ τῇ κατὰ φύσιν· τοῖς τε φυτοῖς πενταμερὲς αὐτῶν τὸ ὅλοσχερὲς σύγκριμα· ρίζα γὰρ καὶ πρέμνος καὶ φλοιὸς καὶ φύλλον καὶ καρπός· αἱ τε καταφοραὶ

πέντε, ὕετοῦ χιόνος δρόσου χαλάζης πάχνης· ἀναφοραί τε πέντε, ἀτμός καπνὸς νέφος ὁμίχλη καὶ ὁ λεγόμενος τυφὼν ἀνεμώδης, ὃν τινες στρόβιλον ὀνομάζουσι· διὰ τοῦτο καὶ πεμπάδα αὐτὴν ὠνομάσθαι, ὅτι κατ' αὐτὴν αἱ φοραὶ αὗται ἀναπέμπονται. ^[10]

Theol Ar 41⁵ διὰ δὲ τὸ ἰσοῦν τὰ ἄνισα καὶ πρόνοιαν ὀνομάζουσι καὶ δίκην οἶον δίχην καὶ Βουβάστειαν διὰ τὸ ἐν Βουβαστῶ τῆς Αἰγύπτου τιμᾶσθαι, καὶ Ἀφροδίτην διὰ τὸ ἐπιπλέκεσθαι ἀλλήλοις ἄρρενα καὶ θῆλυον ἀριθμόν. κατὰ τὸν αὐτὸν δὲ τρόπον καὶ γαμηλία καὶ ἀνδρογυνία καὶ ἡμίθεος, οὐ μόνον ὅτι τοῦ δέκα θείου ὄντος ἡμισὺ ἐστίν, ἀλλὰ καὶ ὅτι ἐν τῷ ἰδίῳ διαγράμματι ἐν τῷ κατὰ μέσον ἐνετέτακτο. καὶ δίδυμον, ὅτι τὴν δεκάδα διχάζει ἀδίχαστον ἐτέρως οὔσαν, ἄμβροτον δὲ <καὶ> Παλλάδα κατ' ἔμφασιν τῆς πέμπτης οὐσίας καλοῦσι, καρδιᾶτιν δὲ κατ' εἰκόνα τῆς ἐν τοῖς ζώοις καρδίας μέσης τεταγμένης, ἐκ τοῦ περὶ πεντάδος λόγου δευτέρου τῆς Ἀριθμητικῆς τοῦ Γερασσηνοῦ Νικομάχο υ. ^[20]

Theol Ar 42⁵ οἱ ἄνθρωποι ὅταν μὲν ἀδικῶνται, θεοὺς εἶναι θέλουσιν, ὅταν δὲ ἀδικῶσιν, οὐ θέλουσι· διόπερ ἀδικοῦνται, ἵνα θεοὺς εἶναι θέλωσιν· εἰ γὰρ μὴ θέλουσιν εἶναι θεοὺς, οὐ διαμενοῦσιν· εἰ τοῦ διαμένειν οὖν ἀνθρώπους αἴτιον τὸ θέλειν εἶναι θεοὺς, θέλουσι δέ, ὅταν ἀδικῶνται, τὸ δὲ ἀδίκημά ἐστι μὲν κακόν, ἀλλ' ἐπὶ συμφέρον τι φύσεως, τὰ δ' ἐπὶ συμφέρον τι φύσεως ἀγαθὸν ἔργα, φύσις δὲ ἀγαθή, ταῦτόν καὶ πρόνοια. τὰ κακὰ ἄρα τοῖς ἀνθρώποις κατὰ πρόνοιαν γίνεται. τὰς δ' ἀφορμὰς εἰκὸς καὶ τούτου παρ' Ὀμήρου εἰληφέναι εἰπόντος· 'καὶ τότε δὴ χρύσεια πατὴρ ἐτίτανε τάλαντα, ἐν δ' ἐτίθει δύο κῆρε τανηλεγέος θανάτοι ο, Τρώων θ' ἵπποδάμων καὶ Ἀχαιῶν χαλκοχιτώνων· ἔλκε δὲ μέσσα λαβὼν· ῥέπε δ' αἴσιμον ἦμαρ Ἀχαιῶν. αἱ μὲν Ἀχαιῶν κῆρες ἐπὶ χθονὶ πουλυβοτείρῃ <ἐξέστην>, Τρώων δὲ πρὸς οὐρανὸν εὐρὺν ἄερθε. > περὶ ἐξάδο ς. Ἀνατολίον υ. Ἡ ἐξὰς πρώτη τέλειος· τοῖς γὰρ αὐτῆς μέρεσιν ἀριθμεῖται, ἕκτον ἔχουσα, τρίτον καὶ ἡμισυ. τετραγωνιζόμενος περιέχει ἑαυτόν· ἐξάκις γὰρ ἕξ λς'· κυβιζόμενος δὲ ἑαυτὸν τετράγωνον οὐκέτι τηρεῖ· ἐξάκις γὰρ λς' σις'· οὗτος δὲ τὸν μὲν ἕξ περιέχει, τὸν δὲ λς' οὐκ ἔχει. ^[20]

Theol Ar 43⁵ ἕξ ἀρτίου καὶ περισσοῦ τῶν πρώτων, ἄρρενος καὶ θήλεος, δυνάμει καὶ πολλαπλασιασμῷ γίνεται· διὸ καὶ ἄρρενόθελος καλεῖται. καὶ γάμος καλεῖται κυρίως, ὅτι οὐ κατὰ παράθεσιν ὥς ἡ πεντὰς γίνεται, ἀλλὰ πολλαπλασιασμῷ· ἔτι δὲ γάμος καλεῖται, ὅτι αὐτὸς τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἐστὶν ἴσος, γάμου δὲ ἔργον τὸ ὅμοια ποιεῖν τὰ ἔκγονα τοῖς γονεῦσι. κατὰ ἐξάδα πρῶτον συνέστη ἡ ἀρμονικὴ μεσότης, ληφθέντος πρὸς τὸν ς' ἐπιτρίτου μὲν λόγου τοῦ η', διπλασίου δὲ τοῦ ιβ'. τῷ γὰρ αὐτῷ μέρει ἡγουν τῷ τρίτῳ ὑπερέχει καὶ ὑπερέχεται ὁ η' τῶν ἄκρων. καὶ ἀριθμητικὴ δὲ μεσότης κατὰ τὸν ς', ληφθέντος πρὸς αὐτὸν ἡμιολίου μὲν λόγου τοῦ θ', διπλασίου δὲ τοῦ ιβ'. τῷ γὰρ αὐτῷ ἀριθμῷ τὰ θ' ὑπερέχει τοῦ ἄκρου καὶ ὑπερέχεται τῷ γ'. ἔτι δὲ καὶ τὰ μέρη αὐτοῦ ἀναλογίαν τινὰ ἀριθμητικὴν ἔχει, οἷον α' β' γ'. ἔτι γεωμετρικὴ μεσότης ὁ ς', γ' ς' ιβ'. ἔτι δὲ διαστάσεις σωμάτων ἕξ. ^[15]

Theol Ar 44⁵ μετὰ δὲ τὴν πεντάδα τὸν ς' εὐθύς ἀριθμὸν ἐναργεστέροις ἐσέμνυνον ἐγκωμίοις, ἐπιλογιζόμενοι δείγμασιν οὐκ ἀμφιβόλοις, κατ' αὐτὴν ἐμψυχῶσθαι καὶ καθηρμόσθαι τὸν κόσμον, τυχεῖν τε ὁλότητος καὶ διαμονῆς ἐπιμελοῦς τε ὑγείας καὶ τὰ ζῶα καὶ τὰ φυτὰ συνόδῳ τε καὶ ἐπιγονῇ καὶ καλλονῇ καὶ ἀρετῇ καὶ τῶν τοιούτων. ἐπεχείρουν δὲ οὕτως ἐπάγοντες ἡ τῆς ἐξ ἀρχῆς αἰδίου ὕλης ἀκοσμία καὶ ὅσον ἐπ' αὐτῇ ἀμορφία στερήσις τε πάντων ἀπλῶς τῶν τρανωτικῶν, κατὰ τε ποιὸν καὶ ποσὸν καὶ τὰς λοιπὰς κατηγορίας, ἀπ' ἀριθμοῦ ὡς κυριωτάτου καὶ τεχνικοῦ εἵδους ἐκρίθη καὶ διεκοσμήθη τρανότατά τε καὶ ἐμμελοῦς ἐξαλλαγῆς καὶ ἀκολουθίας ἀκηράτου ἔτυχε μετασχοῦσα κατ' ἔφεσιν καὶ ἀπόμαξιν τῶν ἀριθμοῦ ἰδιωμάτων. ὁ δ' ἀριθμὸς αὐτὸς τὴν ἐπ' ἄπειρον προχώρησιν εἰδοποιούμενος εὐρίσκεται δι' ἐξάδος κατὰ τελείας συνθέσεις· ἐπεὶ γὰρ τὸ μὲν πρῶτον τέλειον τὸ ἀρχὴν καὶ μέσον καὶ τέλος ἔχον, τὸ δὲ δεύτερον τὸ τοῖς ἰδίοις μέρεσιν ἴσον ἀπλεονέκτητον καὶ ἀνελλιπὲς ἐν τῇ πρὸς αὐτὰ ἀντεξετάσει, εὐρίσκεται δὲ τὸ μὲν πρῶτον

ἐν τριάδι ὡς ἐν ρίζῃ, τὸ δὲ δεύτερον ἐν ἐξάδι πυθμενικῶς, ἀλλὰ καὶ κατὰ συμβεβηκὸς τὸ μὲν τῆς τριάδος ἐν τῇ ἐξάδι (πάλιν γὰρ β' καὶ β' καὶ β' ἀρχὴ καὶ μέσον καὶ τέλος), τὸ δὲ τῆς ἐξάδος οὐκέτι ἐν τῇ τριάδι (ἐλλείπει γὰρ ἐν αὐτῇ τὰ μέρη πρὸς τὸ ὅλον), συμβεβηκυίας δὲ εὐρίσκομεν κατὰ φύσιν καὶ οὐ θεμένων ἡμῶν τὰς κατὰ τριάδα ποσότητας, ἐν ἀριθμῶν συνθέσει ἐξαδικὴν εἰδοποίησιν ἐμποιοῦσας μέχρι ἀπείρου τῷ χύματι παντί, τὰς μὲν πρώτας αὐτῇ τῇ ἐξάδι α' β' γ', τὰς δὲ δευτέρας πάλιν ἐξάδι, μονάδος μιᾶς κατὰ δευτερωδίαν εἰς τὸν ἐξῆς βαθμὸν μετιούσης, δ' ε' ζ', τὰς δὲ μετὰ ταῦτα πάλιν ἐξάδι, δύο μονάδων δευτερωδουμένων, ζ' η' θ', τριῶν δὲ καὶ τεττάρων καὶ ἐφεξῆς τῶν μετὰ ταῦτα τριάδων συγκεφαλαιουμένων, ι' ια' ιβ' καὶ ἐφ' ὅσονοῦν, ὥστε ἐξάδι φαίνεσθαι κατὰ τριάδος ἐξάρτησιν διατυπούμενον τὸν ἀριθμὸν σύμπαντα, διατυπωτικὸν φύσει καὶ αὐτὸν ὄντα τῆς ἐν τῇ ὕλῃ ἀμορφίας, εἶδος οὖν εἶδους οὐκ ἂν διαμάρτοιμεν αὐτὴν ἡγούμενοι. ^[5]

Theol Ar 45 τρὸπον δ' ἕτερον εὐδιάρθρωτικὴ καὶ συντακτικὴ σώματος ψυχῇ, καθάπερ ψυχικὸν εἶδος ἀμόρφου ὕλης, τῇ δὲ ψυχῇ τὸ παράπαν οὐδεὶς ἐφαρμόζειν δύναται μᾶλλον ἐξάδος ἀριθμὸς, οὐκ ἄλλος ἂν οὕτω διάρθρωσις τοῦ παντὸς λέγοιτο, ψυχοποιὸς ἵσταμένως εὐρισκομένη καὶ τῆς ζωτικῆς ἕξεως ἐμποιητικὴ, παρὸ ἐξᾶς. ὅτι μὲν γὰρ ἀρμονικὴ πᾶσα ψυχὴ, ἀρμονίας δὲ τὰ στοιχειωδέστατα σύμφωνα διαστήματα ἐπίτριτος καὶ ἡμιόλιος, ὧν κατὰ σύνθεσιν τὰ λοιπὰ συμπληροῦται, φανερόν· παρούσης μὲν γὰρ αὐτῆς, εἰρηνεύει καὶ εὐτακτεῖ καὶ βέλτιστα ἐνήρμωσται τὰ ἐγκεκριμένα τῷ ζῳῷ ἐναντία, ὑπέκοντα καὶ ἀντακολουθοῦντα καὶ διὰ τοῦτο ὑγείαν ἐμποιοῦντα τῷ συγκρίματι, θερμὸν ψυχρῷ, ὑγρὸν ξηρῷ, βαρὺ κούφῳ, πυκνὸν ἀραιῷ, καὶ τὰ ἐοικότα, ἃ χωρὶς ἀρμονίας τινὸς οὐκ ἂν συναναστρέφοιτο· συνυπάρχει γε μὴν, ἐφ' ὅσον ψυχὴ πάρεστι, συναγωγὸς αὐτοῖς, διεξεληθούσης δ' αὐτῆς, διάλυσις τῶν ἐν τῷ ζῳῳ πάντων καὶ λειποταξία συμβαίνει, εἰ δέ γε τὰς στοιχειώδεις τῆς ἀρμονίας λεχθείσας ἀρχὰς τό τε ἡμιόλιον καὶ ἐπίτριτον ἡμίσιους τε ἔδει ἐξ ἀνάγκης (οὐ γὰρ ἄνευ τούτου ἡμιόλιον, οὐδὲ μὴν αὐτοῦ τούτου τὸ διὰ ε') καὶ τρίτου δέ· σὺν γὰρ τούτῳ πάντως τὸ ἐπίτριτον, σὺν ᾧ εὐθὺς τὸ διὰ δ'· πρῶτος δὲ ἄλλων ὁ ζ' ἀριθμὸς ὑπὸ τὸ αὐτὸ καὶ ἡμισυ καὶ τρίτον ἔχει, πλευραῖς διαφερούσαις χρησάμενος καὶ ἐναντίαις, τῇ μὲν διχαστῶν, τῇ δὲ τριχαστῶν ρίζῃ, δυάδι καὶ τριάδι, ἴν', ὡς τῶν πάντη παρηλλαγμένων σύννοδος ἐγένετο, οὕτω καὶ τὰ πάντη διαφέροντα συνάγειν καὶ συνάδειν πεφύκη. ^[10]

Theol Ar 46 ἐπεὶ δὲ ἀναγκαίως, καθὼς προείπομεν, πρὸς τούτοις καὶ στερεὸν ἔδει καὶ σφαιρικόν γε τὸ τῆς ψυχῆς μέγιστον εἶδος, καὶ οὔτε ἀρσενικῶς μόνον στερεὸν οὔτε θηλυκῶς μόνον, ἀλλ' ἀμφοτέρων (κοινὴ γὰρ ἐπίσης ἀμφοτέρου γένους ἡ ψύχωσις), ἀρτιοπερίττου τε πρῶτος διὰ τοῦτο ὁ ζ' λόγον ἔσχε φύσεως, καὶ τὸ κατ' αὐτὸν σφαιρικόν, ἀλλ' οὐ τὸ κατὰ πεντάδα, ψυχῇ πρεπωδέστερον ἐνομήσθη, ἅτε ἀρσενόθηλυ, τοῦ ε' θάτερον μόνον εἶδος ἔχοντος. ἢ τε τοῦ κύβου πάλιν φύσις οὐ μονοειδής, ἀλλὰ τριγενής, κατὰ τὸν ἕξ φαντάζεται· τὸ γὰρ ἀπὸ ἐξαπέδου πλευρᾶς τετράγωνον συγκεφαλαίωμα ὑπάρχει τοῦ τε δυνάμει ἀρτίου καὶ περιττοῦ, κύβου ἅμα καὶ τῶν κατ' ἐνέργειαν ἑκατέρων, α' καὶ η' καὶ κζ' ὁ λζ', πρὸς ταύτῃ τῇ συνθέσει καὶ ἄλλην ἐμπεριέχων ἀρμονίαν· τοῦ γὰρ ζ' καὶ η' καὶ θ' καὶ ιβ' καὶ τῆς κοινῆς ἀρχῆς, ὃ ἐστὶ μονάδος, ἄθροισμα πάλιν ὑπάρχει, ἐν οἷς τὰ μουσικὰ διαστήματα μάλιστα τεχνολογεῖται, ὡς οἰκειοτάτως καθολικὴ ἀρμονία, τὸ μὲν διὰ πασῶν διπλάσιον ἐν τοῖς ἄκροις, τὸ δὲ διὰ ε' ἡμιόλιον ἐν ἀμφοτέροις τοῖς μέσοις παρὰ μέρος πρὸς ἄκρα, ἐτέρου πρὸς ἕτερον, τοῦ ιβ' παρὰ τὸν μὴ συνεχῆ, ἡγουν τὸν η', τοῦ θ' οὐ πρὸς τὸν ὄγδοον, ἀλλὰ πρὸς τὸν ζ', τὸ δὲ διὰ δ' ἐπίτριτον ἐν τοῖς αὐτοῖς πρὸς τοὺς αὐτούς, ἀνάπαλιν μέντοι πρὸς τοὺς συνεχεῖς, ἐξεταζομένοις, ἀλλ' οὐ πρὸς τοὺς διεχεῖς, η' πρὸς ζ' καὶ θ' πρὸς ιβ'. ^[10]

Theol Ar 47 ὅτι δὲ τούτων αἰτιωτάτῃ ἡ ἐξᾶς, δῆλον· σκοπὸς γὰρ αὕτη πᾶσιν ὑπέστη τὸν ὑπάτης τόπον ἔχουσα, καὶ ἀπ' αὐτῆς αἱ σύμπασαι ἀποστάσεις ἐπενοήθησαν. εἰ δὲ καὶ φυσικωτέρᾳ ἐφόδῳ.

συντάττομεν τὴν τῆς ψυχῆς σύστασιν, πρὸς μὲν διχῇ διαστατόν, ἕκαστον δὲ διάστημα πεπερασμένον ἐκατέρωθεν ἡγούμενοι δεῖν εἶναι, δύο καθ' ἕκαστον ἐπινοήσομεν πέρατα, τριῶν δὲ ὄντων ἕξ ἀποτελεσθήσονται, δι' ἣν αἰτίαν καὶ αἱ λεγόμεναι σωματικαὶ περιστάσεις τοσαῦτα γίνονται καθ' ἕκαστον διάστημα δύο θεωρούμεναι, ὥστε καθ' ἑξάδα καὶ οὗτος ὁ τῆς ψυχῆς κυβισμός, μή τι καὶ διὰ τοῦτο ἕξ τε αἱ ὄρθαι λεγόμεναι μεσότητες, ἃς ἀναλογίας [τινὰς] τινὲς καλοῦσι, καὶ τοσαῦται αἱ ἀπλαῖ τοῦ ἀνίσου σχέσεις. αἷς πάντ' ἐφαρμόζεται τὰ συμμετρίαν καὶ ἀπίσωσιν ἐπιδεχόμενα ἔν τε τοῖς ἄλλοις καὶ ἐν αὐτῇ τῇ ψυχῇ ἄλογα μέρη. πρώτη γὰρ ἡ ἑξὰς πυθμενικωτάτη περιέσχεν ἀριθμητικὴν μεσότητα· εἰ γὰρ ἐκείνη μὲν ἐν ἐλαχίστῳ α' β' γ' φαίνεται, τούτων δὲ ἦν σύστημα ἡ ἑξὰς, ἀναλογιῶν ἂν τὴν πρωτίστην δέχοιτο ἔμφασιν καὶ τὴν αὐτοῦ τοῦ ἀριθμοῦ εἰδοποίησιν, εἴπερ τὸ ἴδιον τῆς αὐτοῦ μεσότητος εἰς ταύτην συγκεφαλαιοῦται, ἀλλὰ καὶ σκαληνοῦ ἢ πρωτίστη σωματώσεως μέχρις αὐτῆς στερεοῦται, α' β' γ'.

[5]

Theol Ar 48 ὅτι τὴν ἑξάδα ὁλομέλειαν προσηγόρευον οἱ Πυθαγορικοὶ κατακολουθοῦντες Ὀρφεῖ, ἥτοι παρόσον ὅλη τοῖς μέρεσιν ἢ μέλεσιν ἴση ἐστὶ μόνῃ τῶν ἐντὸς δεκάδος, ἢ ἐπειδὴ ὅλον καὶ τὸ πᾶν κατ' αὐτὴν διαμεμερίσται καὶ ἐμμελὲς ὑπάρχει· ἑπτὰ γὰρ κινήματων ἀστερικῶν ὑπαρχόντων παρέξ τοῦ τῶν ἀπλανῶν ὀγδόου μὲν, οὐχ ἀπλοῦ δέ, καὶ φθόγγους ἀποτελούντων ἰσαριθμούς διὰ τῆς ροιζήσεως, ἀνάγκη τὰ διαστήματα αὐτῶν καὶ οἷον μεσότητος ἕξ ὑπάρχειν. ταύτην φίλωσιν οἰκείως κατονομάζουσιν· αὕτη γὰρ συμπλεκτικὴ ἄρρενος καὶ θήλεος κατ' ἔγκρασιν, ἀλλ' οὐχ ὡς ἡ πεντὰς κατὰ παράθεσιν. καὶ εἰρήνη δὲ καλεῖται εἰκότως καὶ πολὺ πρότερον ἀπὸ τῆς διατάξεως τῆσδε κόσμου· καὶ γὰρ ὁ κόσμος, ὥσπερ καὶ ὁ ζ', ἐξ ἐναντίων πολλάκις ὥφθη συνεστῶς καθ' ἀρμονίαν, καὶ ἡ συναρίθμησις τοῦ κόσμου ὀνόματος ἑξακόσια ἐστίν. ἐκάλουν δὲ αὐτὴν ὑγείαν καὶ ἄκμονα τὴν οἷον ἀκάματον, ὅτι εὐλόγως τὰ τῶν κοσμικῶν στοιχείων ἀρχικώτατα τρίγωνα μετέχει αὐτῆς, καθ' ἕκαστον ἕξ ὑπάρχοντα, εἰ καθέτοις τρισὶ διανεμόιτο· ἑξαχῶς γὰρ ἂν πάντως διανεμηθεῖη. διὰ τοῦτο τοσαῦται μὲν αἱ πυραμίδος πλευραὶ, τοσαῦτα δὲ καὶ τὰ τοῦ κύβου ἐπίπεδα, τοσαῦται δὲ καὶ αἱ ὀκταέδρου γωνίαι καὶ δωδεκαέδρου βάσεις κύβου τε καὶ ὀκταέδρου καὶ εἰκοσαέδρου πλευραὶ, καὶ οὐδὲν ἀπήλλακται τοῦ ἔδραις ἢ γωνίαις ἢ πλευραῖς ἐφάπτεσθαι πάντως τῆς ἑξάδος. [5]

Theol Ar 49 καὶ ἕξ μὲν ὑπὲρ γῆν, ἕξ δὲ ὑπὸ γῆν ζῶδια. ὅτι μέχρι πεντάδος ἡ ἀπὸ μονάδος πρόβασις ἀπλῆ, ἀπὸ δ' αὐτῆς παλινωδουμένη καὶ ἕξ ἄλλης αὐθις ἀρχῆς ἐν γὰρ καὶ πέντε ὁ τοῦ ἕξ συνεχῆς, καὶ δύο καὶ πέντε ὁ μετ' ἐκείνων, εἴτα τρία καὶ πέντε ἐφεξῆς, εἴτα τέσσαρα καὶ πέντε. εἴθ' ὁ τελευταῖος δις πέντε, διὰ τὴν αὐτὴν τοῦ πέντε πρὸς ἑαυτὴν ὑπάκουσιν. ἐκατηβελέτιν δὲ αὐτὴν καὶ τριοδίτιν καὶ διχρονίαν πρὸς τούτοις ἐκάλουν· ἐκατηβελέτιν μὲν ἀπὸ τοῦ τὴν τριάδα, ἣν Ἐκάτην οὕσαν παρειλήφαμεν, βολήσασαν. καὶ οἷον ἐπισυντεθεῖσαν ἀπογεννήσαι αὐτήν· τριοδίτιν δὲ τάχα μὲν παρὰ τὴν τῆς θεοῦ φύσιν, εἰκὸς δέ, ὅτι καὶ ἡ ἑξὰς τὰ τρία τῶν διαστάσεων κινήματα πρώτη ἔλαχε, διχόθεν πεπερασμένα ἀμφοτέραις καθ' ἕκαστον περιστάσεσι· διχρονίαν δὲ παρὰ τὴν ἀπονέμησιν τοῦ παντὸς χρόνου, ἣν ἑξὰς τῶν ὑπὲρ γῆν καὶ ὑπὸ γῆν ζωδίων διατελεῖ, ἢ ὅτι τῇ τριάδι προσωκειώθη ὁ χρόνος τριμερὲς ὢν, διὰ δὲ <δύο> τριῶν ἡ ἑξὰς. παρὰ δὲ τὸ αὐτὸ καὶ Ἀμφιτρίτην ἐκάλουν αὐτήν, ἀμφὶς ἑαυτῆς δύο παρέχουσιν τριάδας· τὸ γὰρ ἀμφὶς κατὰ διχασμὸν χωρὶς ἐστὶ. τὸ δ' ἀγχίδικος ὄνομα καθ' ἀπλὴν ἔννοιαν προσήρμοζον αὐτῇ, ὅτι γείτων μάλιστα τῇ πεντάδι ἡ ἑξὰς. [20]

Theol Ar 50 Θάλεια δὲ ἡ αὕτη διὰ τὴν τῶν ἐτέρων ἀρμονίαν, καὶ πανάρκεια διὰ τὰ περὶ ὑγείας προειρημένα εἰς αὐτήν, ἢ οἷον πανάρκεια, ἀρκετῶς κεχορηγημένη τοῖς μέρεσιν εἰς τὴν ὁλότητα. ὅτι ἑπτὰ τῶν σφαιρῶν οὐσῶν κατὰ τὴν ἑξάδα τὰ διαστήματά ἐστι· μονάδι γὰρ αἰεὶ ἐλάττωνα. καὶ τοῦ κύβου δέ, ὅ ἐστι τῆς σωματότητας, ἕξ αἱ βάσεις τῶν τριῶν πέρατα οὖσαι διαστημάτων. διὰ δὲ τὴν τοῦ κόσμου κατὰ τὴν ἑξάδα τελειότητα ἢ τοῦ δημιουργήσαντος θεοῦ ἀρετὴ ἑξαδική

δικαίως ἐνομίσθη· μόνη γὰρ πασῶν ἀρετῶν θεία καὶ τελεία ὡς ἀληθῶς ἀκρότης καὶ κατ' οὐδὲν μεσότητος κοινωνοῦσα ἡ σοφία ὑπάρχει, ἐν ἀπλοῦν ἀντίθετον ἔχουσα μόνην τὴν αὐτῆς στέρησιν τὴν ἀμαθίαν, τῷ μὴτε ὑπερβάλλειν μὴτε ἐλλείπειν· οὐδὲ ἄλλης μὲν τινος ἄεστιν ἀρετῆς, ἀλλὰ συνυπάρχει πάσαις ὡς θνηταῖς, ταύτη δὲ μόνη οὐ πλεονάζει διὰ τὴν ἐξάδος μετοχὴν οὔτε πλεόν οὔτε ἔλαττον πρὸς τὰ μέρη, ἰσότητα δὲ πάντως ἐχούσῃ καὶ τούτου τελειότητα καὶ ὁλότητα, ἣ κατέληπται ὁ σοφία θεοῦ καὶ προνοία μηχανηθεὶς κόσμος, αὐτός τε καὶ ἐπὶ μέρους ἐν αὐτῷ φυτὰ καὶ ζῶα, ὡς καὶ τοῖς περὶ ἐβδομάδος φανήσεται. καὶ νῦν δέ, ἐφ' ὅσον ἐξάδι προσῆκεν, οὕτως ὁρατέον κατ' ἐπιδρομὴν ἀπὸ μονάδος ἐν τῷ Πυθαγορικῷ ὀρθογωνίῳ τριγώνῳ τὴν πρόοδον ποιούμενοι· μία μὲν ἡ αὐτόθεν ὀρθὴ ἐν αὐτῷ γωνία, δύο δὲ ἄνισοι μὲν ἀλλήλαις, συναμφοτέραι δὲ τῇ προλεχθείσῃ ἴσαι, καθὰ καὶ τῷ ἀπὸ τῆς ἐκείνης ὑποτείνουσας τετραγώνῳ ἀμφοτέρα τὰ ἐφ' ἑκατέρας ἀναπλασσόμενα τῶν ἐκείνας ὑποτείνουσων· τρεῖς μὲν αἱ κατὰ τὴν ἐλάττονα τῶν περὶ τὴν ὀρθήν, τέτταρες δὲ αἱ περὶ τὴν μείζονα, πέντε δὲ <αἱ> περὶ τὴν ὑποτείνουσαν, ἔξ δὲ αἱ τοῦ ἐμβαδοῦ, τουτέστι[ν αἱ] τοῦ ἡμισεύματος τοῦ παραλληλογράμμου, ὅπερ ἡ τοῦ παραλληλογράμμου περιώρισε διάμετρος.

[25]

Theol Ar 51, ἀπὸ γὰρ μονάδος συνεχῆς μέχρις ἐξάδος ἡ πρόοδος, ἀπὸ δὲ ἐξάδος ἐπὶ τῶν διπλασίων ἡ μουσική, ἀπὸ δὲ τούτων ἡ εἰς πάντα τὰ ὅλα διατείνουσα καθάρμοσις, ἐπὶ δὲ γονιμότητος ἐπταμήνων καὶ ἐννεαμήνων καὶ μᾶλλον· ἐάν τε γὰρ (κατὰ τὰ ψυχικὰ δύο ἀποχετεύματα διπλάσια καὶ τριπλάσια) ἡ πρόβασις ἀπὸ ἐξάδος διὰ δωδεκάδος χωρῇ διπλασίως, ἐάν τε δι' ὀκτωκαιδεκάδος τριπλασίως, συμπεπλήρωται ἕκαστον διάστημα, ὥστε δύο λαβεῖν μεσότητος, τὴν μὲν ταύτῃ μέρει τῶν ἄκρων αὐτῶν ὑπερέχουσάν τε καὶ ὑπερεχομένην, τὴν δὲ ἴσῳ μὲν κατ' ἀριθμὸν ὑπερέχουσαν, ἴσῳ δὲ ὑπερεχομένην, ἡμιολίων τε καὶ ἐπιτρίτων διαστημάτων λόγους ἀναδέξασθαι, <καὶ> καθ' ἑκάτερον πάντως ἡ δηλουμένη φύσεται ζωογονία· ἐν μὲν γὰρ τῷ διπλασίῳ τῷ ζ' καὶ τῷ ιβ' μεσασθέντων τοῦ η' καὶ θ', (καὶ τὰ λεχθέντα τρανῶς ἀποτελεσάντων), τὸ ὁμοῦ πάντων σύστημα ὁ λε' ἐξάδι αὐξηθὲν ἐπτάμηνον χρόνον ἀποτελεῖ τὸν τῶν σι' ἡμερῶν, ἐν δὲ τῷ ζ' καὶ ιη' τὰ θ' καὶ τὰ ιβ' μεσεμβοληθέντα καὶ τὴν αὐτὴν ἐναλλάξ ἀρμονικὴν σχέσιν ἀποδόντα, συγκεφαλαιωθέντα τὸν με' ἀποτελεῖ, ὃς τῇ αὐτῇ ἐξάδι αὐξηθεὶς τὸν τῶν θ' μηνῶν ἀποδώσει ἀριθμόν, ἡμερῶν ὄντα σο', ὥστε ἀμφοτέρους τοὺς ζωογονικοὺς τούτους χρόνους ἡρτῆσθαι τῆς ἐξάδος, ὡς ἂν ψυχοειδοῦς. ἡ γοῦν πρώτη παρὰ Πλάτωνι ἐν τῇ ψυχογονίᾳ μοῖρα ἐξὰς διὰ τοῦτο ὡς εὐλογιστότερον τίθεται, διπλάσια δὲ αὐτῆς ἡ δωδεκάς, τριπλάσια δὲ ἡ ὀκτωκαιδεκάς μέχρι τῆς ρξβ' ἐπτακαιεικοσαπλασίας· ἐν γὰρ ταύταις ταῖς ποσότησιν ἡ τῶν δύο μεσοτήτων ἐνορεῖται φύσις πρώταις ἐλαχίσταις ἢ τε τοῦ ἀνά μέσον ἀμφοῖν ἐπογδόου διαστήματος. [5]

Theol Ar 52, ἐπεὶ δὲ ὁ ἀπὸ τοῦ ζ' κύβος σις' γίνεται, ὁ ἐπὶ ἐπταμήνων γονίμων χρόνος, συναριθμουμένων τοῖς ἐπτά τῶν ἐξ ἡμερῶν, ἐν αἷς ἀφροῦται καὶ διαφύσεις σπέρματος λαμβάνει τὸ σπέρμα, Ἀνδροκύδης τε ὁ Πυθαγορικὸς ὁ Περὶ τῶν συμβόλων γράψας καὶ Εὐβουλίδης ὁ Πυθαγορικὸς καὶ Ἀριστόξενος καὶ Ἰππόβοτος καὶ Νεάνθης οἱ τὰ κατὰ τὸν ἄνδρα ἀναγράψαντες σις' ἔτεσι τὰς μετεμψυχώσεις τὰς αὐτῷ συμβεβηκυίας ἔφασαν γεγονέναι. μετὰ τοσαῦτα γοῦν ἔτη εἰς παλιγγενεσίαν ἐλθεῖν Πυθαγόραν καὶ ἀναζητῆσαι ὥσανεὶ μετὰ τὴν πρώτην ἀνακύκλησιν καὶ ἐπάνοδον τοῦ ἀπὸ ἐξ ψυχογονικοῦ κύβου, τοῦ δ' αὐτοῦ καὶ ἀποκαταστατικοῦ διὰ τὸ σφαιρικόν, ὡς δὲ καὶ ἄλλοτε διὰ τούτων ἀνάξῃσιν ἔσχεν· ᾧ καὶ συμφωνεῖ τὸ Εὐφόρβου τὴν ψυχὴν ἐσχηκέναι κατὰ γε τοὺς χρόνους· φ' γὰρ καὶ ιδ' ἔτη ἔγγιστα ἀπὸ τῶν Τρωικῶν ἱστορεῖται μέχρι Ξενοφάνους τοῦ φυσικοῦ καὶ τῶν Ἀνακρέοντός τε καὶ Πολυκράτους χρόνων καὶ τῆς ὑπὸ Ἀρπάγου τοῦ Μήδου Ἰώνων πολιορκίας καὶ ἀναστάσεως, ἣν Φωκεῖς φυγόντες Μασσαλίαν ὤκησαν· πᾶσι γὰρ τούτοις ὁμόχρονος ὁ Πυθαγόρας ὑπὸ Καμβύσου γοῦν ἱστορεῖται Αἴγυπτον

έλόντος συνηχμαλωτίσθαι ἐκεῖ συνδιατρίβων τοῖς ἱερεῦσι καὶ εἰς Βαβυλῶνα μετελθὼν τὰς βαρβαρικὰς τελετὰς μνηθῆναι, ὃ τε Καμβύσης τῇ Πολυκράτους μάλιστα τυραννίδι συνεχρόνει, ἦν φεύγων εἰς Αἴγυπτον μετῆλθε Πυθαγόρας. ^[5]

Theol Ar 53 δις οὖν ἀφαιρεθείσης τῆς περιόδου, τουτέστι δις τῶν σις' ἐτῶν, λοιπὰ γίνεται τὰ τοῦ βίου αὐτοῦ πβ'. τῆς οὖν τοῦ ζ' ἀριθμοῦ φύσεως διατεινούσης πως εἰς ψυχῆς συγγένειαν καὶ εἰδοποίησιν, συλληπτικὰ ἂν καὶ τὰ ὑπὸ Πλάτωνος λεγόμενα εἰς τοῦτον τὸν τρόπον εὑρεθῇ· τὸ γὰρ σύγκριμα, ἀφ' οὗ ἡ τῆς ψυχογονίας διανομὴ καὶ τῶν μέχρις ἑπτακαϊκοσαπλασίων μοιρῶν ἀπόστασις, ἐξαδικὸν καὶ κατ' αὐτὸν ὑπάρχει εἰς οὐδὲν ἄλλο ἀπιδόντα ἢ εἰς αὐτὴν τὴν περὶ ἐξάδος ὑφ' ἡμῶν λεχθεῖσαν ιδιότητα. ἐπεὶ γὰρ αὕτη οὐ μόνον ἀρτιοπερίσσου τῆς μονάδος ἐναργές ἐστι πρὸ τῶν ἄλλων ὁμοίωμα, πρωτίστη ἐναντιωνυμούμενα καὶ ἀντωνυμοῦντα ἔχουσα τὰ μόρια (τρίτον μὲν β', ἡμισυ δὲ γ', ἕκτον α', ὅλον δὲ ζ'), ἀλλὰ καὶ τοῦ πρώτου κατ' ἐνέργειαν περισσοῦ καὶ τοῦ ὁμοίως ἀρτίου σύγκριμά ἐστιν ἅμα καὶ ἡμισυ διὰ τοῦτο μόνη ἀπὸ πάντων τῶν ἐντὸς δεκάδος, ὥστε ὑπάρχειν τρανές τῆς ἀμερίστου οὐσίας καὶ τῆς μεριστῆς μίγμα, ἑτερομήκης δὲ ἀντικρυς πρὸ τῶν ἄλλων, δυάδος τοῦτο οὐκ εὐλόγως ἔχειν νομιζομένης, καὶ πρὸς τούτοις στερεὸς πρῶτος ἀριθμῶν πεφώρταται, καὶ εἰ σκαληνός, ἀλλ' οὖν τριχῇ διαστατὸς διὰ τὰς μεσότητας ἢ ἐλαχίστην συμπασῶν κατ' αὐτὴν τοῖς τε ἰδίους μέρεσι τελείως ἐξεταζομένων, εἰκότως διὰ πάντα ταῦτα τὸ κέρασμα ὁ Πλάτων συνεκεράσατο, πρῶτον μὲν τῆς τοῦ ἀμερίστου οὐσίας, δεύτερον δὲ τῆς μεριστῆς, τρίτον δὲ τοῦ ἐξ ἀμφοῖν, ἵνα δύο ὄντα τρίτα καθ' ἑκάτερον ὑπάρχη ἢ τρία κατὰ ἀντιδιαστολὴν διττά, ἴσον τῷ δις τρία ἢ τρὶς δύο, περισσὸν καὶ ἄρτιον καὶ ἀρτιοπέρισσον, τετράγωνος, ἑτερομήκης. ^[5]

Theol Ar 54 ὅτι δὲ οὐδὲ ἐντὸς ἐξάδος δυνατὸν εὑρεῖν ἕτερον ἀριθμὸν τῶν τῆς ψυχῆς ἀρμονίας λόγων πάντων ἐπίδεκτικόν, καὶ Ἀρισταῖος ὁ Πυθαγορικὸς δείκνυσιν. περὶ ἐπτάδο ζ'. Ἀνατολίῳ υ'. Ὅτι ὁ ἐπτὰ ἀμήτωρ καὶ παρθένος ζ'. ἀπὸ μονάδος συντεθεὶς τὸν κη' ποιεῖ τέλειον. ἡμέραι σελήνης κη' καθ' ἑβδομάδας συμπληρωθεῖσαι. ἀπὸ μονάδος ἐπτὰ ἀριθμοὶ ἐν διπλασίονι λόγῳ προσαυξηθέντες ποιοῦσι τὸν πρῶτον τετράγωνον ὁμοῦ καὶ κύβον τὸν ξδ', α' β' δ' η' ις' λβ' ξδ'. ἐν τριπλασίονι δὲ λόγῳ προσαυξηθέντες ἐπτὰ ἀριθμοὶ ποιοῦσι τὸν δεύτερον τετράγωνον καὶ κύβον τὸν ψκθ', α' γ' θ' κζ' πα' σμγ' ψκθ'. ^[15]

Theol Ar 55 ἔτι ἑβδομάς ἐκ τῶν τριῶν διαστάσεων, μήκους πλάτους βάθους, καὶ τῶν τεσσάρων περάτων, σημείου γραμμῆς ἐπιφανείας πάχους, σῶμα δείκνυσιν. ὁ ζ' λέγεται τῆς πρώτης συμφωνίας ἀριθμὸς εἶναι τῆς διὰ δ' δ γ, ἀναλογίας τε γεωμετρικῆς α' β' δ'. καλεῖται καὶ τελεσφόρος γόνιμα γὰρ τὰ ἐπτάμηνα. ἐν νόσοις κρίσιμος ἢ ἑβδομάς. τοῦ πρωτοτύπου ὀρθογωνίου τριγώνου ὁ ζ' περιέχει τὰς περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν πλευράς· τῶν γὰρ πλευρῶν ἢ μὲν δ', ἢ δὲ γ'. πλάνητες ζ'. ἐπτὰ ὀρώμεν, σῶμα διάστασιν σχῆμα μέγεθος χρῶμα κίνησιν στάσιν. κινήσεις ἐπτὰ, ἄνω κάτω πρόσω ὀπίσω δεξιὰ ἀριστερὰ [μέσον] ἐν κύκλῳ. Πλάτων ἐξ ἐπτὰ ἀριθμῶν συνέστησε τὴν ψυχὴν. πάντα φιλέβδομα. φωνήεντα ἐπτὰ, φωνῆς μεταβολαὶ ἐπτὰ. ἡλικίαι ζ', ὥς φησιν Ἴπποκράτης· ἐπτὰ εἰσιν ὥρα ι, ἃς ἡλικίας καλέομε ν, παιδίον παῖς μεῖράκιον νεανίσκος ἀνὴρ πρεσβύτης γέρων· καὶ παιδίον μὲν ἄχρις ἐπτὰ ἐτέων ὀδόντων ἐκβολῇ ζ, παῖς δ' ἄχρι <γονῆς> ἐκφύσιο ζ, ἐς τὰ δις ζ', μεῖράκιον δ' ἄχρι γενείου λαχνώσιο ζ, ἐς τὰ τρὶς ζ', νεανίσκος δ' ἔστ' αὐξήσιος ὅλου τοῦ σώματος ζ, ἐς τὰ τετράκις ζ', ἀνὴρ δὲ ἄχρις ἐνὸς δέοντος <ἐτέων πεντήκοντα> ἐς τὰ ἐπτάκις ζ', πρεσβύτης δ' ἄχρις ἐτέων νς', ἐς τὰ ἐπτάκις η', τὸ δ' ἐντεῦθεν γέρων. ^[5]

Theol Ar 56 ἐκ τοῦ δευτέρου βιβλίου τῆς Ἀριθμητικῆς τοῦ Γερασίου Νικομάχου. Ἀγγελία μὲν λέγεται ἀπὸ τοῦ συνειληθῆσθαι καὶ συνηχθῆσθαι ἐνοειδῶς τὴν σύστασιν αὐτῆς, ἐπεὶ περ παντοίως ἄλυτος, πλὴν εἰς τὸ ὁμώνυμον, ἢ ἀπὸ τοῦ πάντα ἀγνοχέσθαι δι' αὐτῆς τὰ φυσικὰ ἀποτελέσματα εἰς τελείωσιν, ἢ μᾶλλον, ὃ καὶ Πυθαγορικώτερον, ἐπειδὴ καὶ Βαβυλωνίων οἱ δοκιμώτατοι καὶ

Ὅστανης καὶ Ζωροάστρης ἀγέλας κυρίως καλοῦσι τὰς ἀστερικὰς σφαίρας, ἥτοι παρ' ὅσον τελείως ἄγονται περὶ ἓν τι κέντρον μόναι παρὰ τὰ σωματικὰ μεγέθη, ἢ ἀπὸ τοῦ σύνδεσμοί πως καὶ συναγωγαί χρηματίζειν δογματίζεσθαι παρ' αὐτῶν τῶν φυσικῶν λογ' <ί>ων, ἃς ἀγέλους κατὰ τὰ αὐτὰ καλοῦσιν ἐν τοῖς ἱεροῖς λόγοις, κατὰ παρέμπτωσιν δὲ τοῦ γάμμα ἐφθαρμένως ἀγγέλους· διὸ καὶ τοὺς καθ' ἑκάστην τούτων τῶν ἀγγελῶν ἐξάρχοντας ἀστέρας καὶ δαίμονας ὁμοίως ἀγγέλους καὶ ἀρχαγγέλους προσαγορεύεσθαι, οἵπερ εἰσὶν ἑπτὰ τὸν ἀριθμὸν, ὥστε ἀγγελία κατὰ τοῦτο ἐτυμώτατα ἢ ἑβδομάς, μήτι δὲ καὶ φυλακίτις ἢ αὐτὴ ἐκ τοῦ αὐτοῦ· οὐ γὰρ μόνον παρὰ τὸν τῶν φυλάκων ἀριθμὸν ἑπτ' ἔσονται ἡγεμόνες, ἀλλὰ καὶ ὅτι οἱ φυλάσσοντες τὸ πᾶν καὶ ἐν συνοχῇ καὶ αἰωνίῳ μονῇ διακρατοῦντες τοσοῦτοί εἰσιν ἀστέρες. ^[10]

Theol Ar 57 ὅτι τὴν ἑπτάδα οἱ Πυθαγόρειοι οὐχ ὁμοίαν τοῖς ἄλλοις φασὶν ἀριθμοῖς, ἀλλὰ σεβασμοῦ φασὶν ἀξίαν· ἀμέλει σεπτὰδα προσηγόρευον αὐτήν, καθὰ καὶ Πρῶρος ὁ Πυθαγορικὸς ἐν τῷ Περὶ τῆς ἑβδομάδος φησί· διὸ καὶ ἐξεπίτηδες τὸν ἕξ διὰ τῆς ἐκφωνήσεως τοῦ κάππα καὶ σίγμα (ταῦτα γὰρ ἐν τῷ ζι συνεξακούεσθαι) ἐκφέρουσιν, ἵν' ἐν τῇ συνεχεῖ καθ' εἰρμὸν ἐπιφορᾷ τὸ σίγμα συνάπτηται τῷ ἑπτά. ὥστε λεληθότως ἐκφωνεῖσθαι σεπτὰ. τοῦ δὲ σεβάσμιον εἶναι τὸν ἑβδομον ἀριθμὸν αἰτία ἦδε· ἢ τοῦ κοσμοποιοῦ θεοῦ πρόνοια τὰ ὄντα πάντα ἀπειργάσατο γενέσεως μὲν ἀρχὴν καὶ ρίζαν ἀπὸ τοῦ πρωτογόνου ἑνὸς ποιησαμένη τοῦ παντὸς εἰς ἀπόμαξιν καὶ ἀφομοίωσιν ἰόντος ἀνωτάτου καλοῦ, συμπληρώσεως δὲ τελείωσιν καὶ κατάκλεισιν ἐν αὐτῇ τῇ δεκάδι, ὄργανον δέ τι καὶ ἄρθρον τὸ κυριώτατον καὶ τῆς ἀπεργασίας τὸ κράτος ἀπειληφὸς τὴν ἑβδομάδα νομιστέον τῷ κοσμοποιῷ θεῷ ὑπάρξαι· μεσότης γὰρ τις φυσικὴ καὶ οὐχ ἡμῶν θεμένων ἢ ἑβδομάς μονάδος καὶ δεκάδος, αἱ δὲ ἴδιαι μεσότητες κυριώτεραί πως τῶν ἄκρων ὑπάρχουσι· πρὸς αὐτοῖς γὰρ ἐκατέρωθεν οἱ λόγοι συννεύουσιν· οὐ μόνον οὖν ὅτι, ἐπειδὴ κατ' ἀριθμητικὴν ἴσην σχέσιν μεσιτεύουσι μονάδος καὶ δεκάδος ὁ δ' καὶ ζ', ἴσον τῇ τῶν ἄκρων συνθέσει τὸ ἀμφοτέρων αὐτῶν σύστημα παρέχοντες, ὅσω πλεονάζει τοῦ ἑνὸς ὁ δ' τοσοῦτω τοῦ δέκα ὁ ζ' λειπόμενος, καὶ ἐναλλάξ, ὅσω [ὁ] τοῦ ι' ὁ δ' λείπεται, τοσοῦτω τοῦ α' ὁ ζ' πλεονάζων, ἀλλὰ καὶ ὅτι τὰ μὲν ἀπὸ μονάδος μέχρι τετράδος δυνάμει δέκα ἐστίν, ἐνεργείᾳ δὲ αὐτὸ τοῦτο ἢ δεκάς, ὁ δὲ ζ' ἀριθμητικὴ μεσότης τετράδος καὶ δεκάδος, τρόπον τινὰ δύο δεκάδων, τῆς μὲν δυνάμει, τῆς δὲ ἐνεργείᾳ, ὑποδιπλάσιος ὢν τῆς ἀμφοῖν συνθέσεως. ^[15]

Theol Ar 58 ἔτι δὲ καὶ ἀκρόπολις τις ὥσανεὶ καὶ δυσχείρωτον ἔρυμα μονάδι ἀσχίστω κατὰ τοῦτο ἢ ἑβδομάς ἐν τῇ δεκάδι φαίνεται· μονωτάτη γὰρ οὔτε πλάτος ἐπιδέχεται εὐθυμετρικὴ οὔσα καὶ μόνου τοῦ ὁμωνύμου ἐπιδεκτικὴ μέρους, οὔτε μὴν μιγνυμένη τινὶ τῶν ἐντὸς δεκάδος τινὰ τῶν ἐν αὐτῇ γεννᾷ, οὔτε μιγέντων τινῶν τῶν μέχρι δεκάδος γεννᾶται, λόγον δὲ ἴδιον ἔχουσα καὶ ἀκοινώνητον καιριώτατα τέτακται. ^[25]

Theol Ar 59 διὸ πολλὰ συντυγχάνει ἐν τοῖς κοσμικοῖς οὐρανίοις τε καὶ περιγείοις, ἀστράσι καὶ ζώοις καὶ φυτοῖς, κατ' αὐτὴν ἀποτελεῖσθαι· τοιγαροῦν τύχη τε ὡς πᾶσι παρεπομένη τοῖς ἀποβαίνουσιν ὀνομάζεται καὶ καιρὸς ἐπὶ τούτῳ, διότι καιριωτάτης τέτευχε χώρας καὶ φύσεως. μέγα δὲ τεκμήριον τοῦ λόγου καὶ τὸ ἐν ταῖς σφαίραις, ὁγδόην μὲν [τὴν] ἄνωθεν, τρίτην δὲ κάτωθεν τὴν σεληνιακὴν ὑπάρχουσαν τὴν τῶν περὶ γῆν ἀποτελεσμάτων ἀποτελέσιν καὶ ἐξουσίαν ἀποφέρεισθαι, μεσαίχιμιον νοουμένην τῶν τε ἄνωθεν καὶ τῶν κάτωθεν· καὶ αὐτὴ γὰρ ἑβδομάδι πρὸς ταῦτα ἐπιχρωμένη φαίνεται συλλαμβανούσης μὲν πως ὡς ὑπασπιστοῦ τῆς τετράδος— καὶ αὐτὴ γὰρ ἐν δεκάδι μεσότης ὥφθη σὺν αὐτῇ τῇ ἑβδομάδι, <ὥστε> ἀναγκαίως τελεσιουργία καὶ συμπλήρωσις τοῖς οὖσιν ἀποτελεῖται δι' ἀμφοτέρων τῶν ἀριθμῶν, ἐπειδὴ καὶ ὁ κη', τέλειος τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ὢν, ἀμφοτέρων ἐγκραθέντων ἔργον ἐστί (τετράκι γὰρ <ἑπτά>)—, συλλαμβανούσης δὲ πολὺ τι πλεόν τῆς ἑβδομάδος· ἢ γὰρ ἀπὸ μονάδος μέχρι αὐτῆς σύνθεσις ἀποτελεῖ αὐτόν. ἑπτάωροι οὖν αἱ τέσσαρες σεληνιακαὶ φάσεις ὑπάρχουσιν συμπληροῦσιν εὐλόγως τὸν τοῦ ἀστέρος τούτου μῆνα, ἡμερῶν ὄντα ἕγγιστα κη'. ^[15]

Theol Ar 60 συλλογίσασθαι δὲ δεῖ καὶ τὰς ἑπτὰ σχηματικὰς μορφὰς τῆς σελήνης τετράδι, μηνοειδῇ διχότομον ἀμφίκυρτον πανσέληνον, πάλιν ἄλλην ἀμφίκυρτον, ἐκ θατέρου μέρους φωτιζομένης αὐτῆς, καὶ πάλιν διχότομον κατὰ ταῦτά καὶ ἄλλην μηνοειδῇ. διατιθέμενον δὲ καὶ τὸν ὠκεανὸν ὑπ' αὐτῆς κατὰ τοὺς ἑβδομαδικοὺς ἀριθμοὺς ὁρῶμεν· νουμηνία μὲν μέγιστος ἐν τῷ πλημμύρειν ὁράται, δευτέρα δὲ βραχὺ ὑποβεβηκώς, τρίτη ἔτι ἐλάσσων, καὶ κατὰ τὸ ἐξῆς ἡ ἀνοίδησις τῆς πλημμυρίδος ἔτι μᾶλλον μειοῦται μέχρι τῆς ἐβδόμης, ἥτις διχότομον τὴν σελήνην ἐπιδείκνυσι, τὸ δ' αὖ ἀπὸ ταύτης ἐν τῇ ὀγδόῃ ἴσως πάλιν γίνεται τῇ ἐβδόμῃ, τουτέστιν ἡ αὐτὴ δύναμις, ἐν δὲ τῇ θ', οἷα περ ἐπὶ τῆς ζ', δεκάτῃ δέ, οἷα ἐπὶ τῆς ε', καὶ τῇ ια', οἷα ἐν τῇ δ', τῇ δὲ ιβ', οἷα ἐν τῇ γ', τῇ δὲ ιγ', οἷα ἐν τῇ β', τῇ δὲ ιδ', οἷα ἐν τῇ α'. εἶτα ἀπ' ἄλλης ἀρχῆς ἡ τρίτη ἐβδομάς τὰς αὐτὰς διαθέσεις ποιεῖ τῇ ὑδατικῇ σφαίρᾳ, ἃς ἡ πρώτη, ἡ δὲ τετάρτη, ἃς ἡ δευτέρα. τί γὰρ δεῖ νῦν ὁστρέων τε καὶ ἐγκεφάλων καὶ μυελῶν μινύθῃσιν καὶ τῶν πλείστων ζῶων τὴν συμπάθειαν ἐπεξιέναι τὴν πρὸς τὸ ἄστρον τοῦτο, ὅποτε ἐξ αὐτῶν τῶν τοῖς ἀνθρώποις συμβαινόντων αὐτάρκως δυνάμεθα πειραθῆναι περὶ τῶν λεγομένων; πρῶτον μὲν αἱ καθάρσεις ταῖς γυναιξὶ διὰ τῶν προλεχθεισῶν ἑβδομαδικῶν περιόδων γίνονται, παρ' αὐτὸ τοῦτο πρὸς τινῶν ἔμμηνα καὶ καταμήνια καλούμενα. [20]

Theol Ar 61 εἶτα ἐπτάκις ὁ γόνος ὡς ἐπίπαν τῷ ἄρρενι θόρνυται εἰς τὴν γυναικείαν μήτραν, ἐπτά δὲ ὥραις ταῖς πλείσταις ἥτοι προσπλάσσεται εἰς ζωογένησιν τὸ νοστιμώτερον αὐτοῦ ἢ ἀπολισθαίνει, καθάπερ ἀμέλει καὶ ἀντιστρόφως ἀπὸ τῆς φυσικῆς τοῦ ἐμβρύου ὀμφαλοτομίας εἰς τὴν τῆς ἐξόδου ἐπίδειξιν ἐπτά ὥρων οὐκ ἐντὸς διάστημα ἀναλύεται, ἐν αἷς συμμέτρως ἱκανὸν ἀντέχειν τὸ κύημα, οὔτε τῇ ἀπὸ τοῦ ὀμφαλοῦ τροφῇ διακρατεῖσθαι ἔχον ἔτι ὡς φυτὸν ἢ μέρος, οὔτε πω τῇ θύραθεν εἰσπνοῇ ὡς ζῶον ἥδη ἀπροσάρτητον καὶ αὐτοτελές, ἡμέραις δὲ ἐπτά φύσει τινὶ ὑμένωδει ὑδροδόχῳ ὁμοιοῦται, καθάπερ καὶ ὁ ἱατρὸς Ἱπποκράτης συναινεῖ λέγων ἐν τῷ Περὶ παιδίου φύσεως· γυναικὸς οἰκείης ἡμῖν μουσουργὸς ἀγαθὴ κάρτα καὶ πολύτιμος ἦν πρὸς ἄνδρα φοιτέουσ α, οὐκ ἔθελε δὲ λαβεῖν ἐν γαστρὶ, ἵνα μὴ ἀτιμωτέρῃ τοῖς ἐρασταῖς εἴη. ἡκηκόει δὲ ἡ μουσουργὸς, οἷά περ αἱ γυναῖκες πρὸς ἀλλήλας λέγουσι ν, ὅτ ι, ἐπειδὴν μέλλῃ ἡ γυνὴ συλλήψεσθαι ἐν γαστρὶ, οὐκ ἐξέρχεται ἡ γονὴ ἢ, ἀλλ λ' ἐμμένει· ταῦτα ἀκούσασα συνῆκε, καὶ πού ῃσθετο οὐκ ἐξελθοῦσαν τὴν γονὴν ἅπασαν ἀφ' ἑαυτῆς καὶ ἔφρασε τῇ δεσποίνῃ, καὶ ὁ λόγος ἦλθεν εἰς ἐμέ· καὶ γὰρ ἀκούσας ἐβδομαίαν οὔσαν ἐπέτρεψα πρὸς γῆν ὑψηλὰ πηδᾶν· ἐπτά δὲ οἱ πεπήδητο, καὶ ἐξῆλθεν αὐτῇ ἡ γονὴ ἢ, καὶ ψόφος ἐγένετο· οἷον δὲ ἦν τὸ ἐκθορό ν, ἐγὼ ἐρέω· οἷον εἴ τις ὡοῦ τὸ ἐξωθεν λεπύριον περιέλο ι, ἐν δὲ τῷ ἐσωτάτῳ ὑμένι τὸ ὑγρὸν διαφαίνοιτο. [5]

Theol Ar 62 καὶ τάδε μὲν Ἱπποκράτης· Στράτων δὲ ὁ Περιπατητικὸς καὶ Διοκλῆς ὁ Καρύστιος καὶ πολλοὶ ἕτεροι τῶν ἱατρῶν ἐν μὲν τῇ δευτέρᾳ ἐβδομάδι ῥανίδας αἵματος ἐπιφαίνεσθαι τῷ λεχθέντι ὑμένι φασὶν ἐκ τῆς ἐξωτέρας ἐπιπολῆς, ἐν δὲ τῇ τρίτῃ διῴκνεϊσθαι αὐτὰς μέχρι τῶν ὑγρῶν, ἐν δὲ τῇ δ' θρομβοῦσθαι τὸ ὑγρὸν φασὶ καὶ μέσον ὡς σαρκὸς τι καὶ αἵματος σύστρεμμα ἴσχειν, δηλονότι τελεσιουργίας τυχὸν διὰ τὴν τοῦ κη' τελείαν φύσιν ἢ διὰ τὴν ἐν αὐτῷ τῶν δύο περιττῶν κύβων περαινούσης οὐσίας ὑπαρχόντων σύνθεσιν, ἐν δὲ τῇ ε' κατὰ τὴν λ' μάλιστα καὶ πέμπτην ἡμέραν διαπλάττεσθαι ἐν μέσῳ αὐτοῦ μελίττης μὲν μεγέθει ἑοικὸς τὸ βρέφος, διατετρανωμένον δὲ ὅμως, ὥστε κεφαλὴν καὶ αὐχένα καὶ θώρακα καὶ κῶλα ὀλοσχερέστερον φαντάζεσθαι ἐν αὐτῷ· καὶ τοῦτό φασὶ ζ' μηνὶ γόνιμον εἶναι, εἰ δ' ἐννέα μέλλει γενήσεσθαι, τῇ ἑκτῇ πάσχει τοῦτο ἐβδομάδι, ἂν θῆλυ ᾖ, ἂν δὲ ἄρσεν, τῇ ἐβδόμῃ. [20]

Theol Ar 63 τῆς δὲ γονιμότητος αἰτίαν μάλιστα τὴν ἐβδομάδα ὑπάρχειν, δηλοῖ τὸ καὶ τὰ ἐπταμηνιαῖα δι' αὐτὴν ζῶσιμα οὐκ ἔλαττον τῶν ἐννεαμηνιαίων γίνεσθαι. διαφθείρεσθαι δὲ ὑπὸ τῆς φυσικῆς ἀνάγκης τὰ ἀμφοῖν μέσα τεταγμένα ὀκταμηνιαῖα, ὃ διὰ τοιούτου τινὸς ἐπιλογισμοῦ συνεβίβαζον οἱ Πυθαγορικοί, δι' ἀριθμητικῶν λόγων καὶ διαγραμμάτων τὴν ἔφοδον

ποιούμενοι· τοὺς ἀπὸ τῶν δύο ἐλαχίστων ἀριθμῶν πυθμένας κύβους τοῦ τε β' καὶ τοῦ γ' τὸν η' καὶ τὸν κζ' συντιθέντες ποιοῦσι τὸν λε', ἐν ᾧ μάλιστα συμβέβηκε τοὺς τῶν συμφωνιῶν ὁρᾶσθαι λόγους, δι' ὧν ἡ ἀρμονία τελειοῦται· γενέσεις μὲν γὰρ πᾶσα ἐξ ἐναντίων, ὑγροῦ ξηροῦ, ψυχροῦ θερμοῦ, ἐναντία δὲ οὐχ ὁμονοεῖ οὐδ' εἰς συστασίν τινος συντρέχει δίχα ἀρμονίας· ἀρμονιῶν δὲ ἀρίστη, πάντων ἐπιδεκτικὴ τῶν συμφώνων λόγων, ἢ κατὰ τὸν λε' ἀριθμόν, ὃς οὐ μόνον εἰς στερέωσιν καὶ τελειότητα τοῖς προλεχθεῖσι δυσὶ κύβοις τριχῇ διαστατοῖς ἰσάκεις ἴσοις ἰσάκεις συμπληροῦται, ἀλλὰ καὶ τῶν πρώτων τριῶν τελείων τῶν τοῖς ἰδίῳις μέρεσιν ἴσων, δυνάμει μὲν τοῦ α', ἐνεργείᾳ δὲ τοῦ ζ' καὶ τοῦ κη', σύστημά ἐστι. πρὸς δὲ τούτοις καὶ τῶν τὴν ἀρμονικὴν ἐπιδειξαμένων πυθμενικῶς θεωρίαν τῶν τῶν συμφωνιῶν σχέσεων ἀπασῶν, τοῦ ζ' καὶ η' καὶ θ' καὶ ιβ', συγκεφαλαίωμά ἐστι, τοῦτον δὲ τὸν λε' ἐναρμόνιον ὄντα καὶ τελεστικώτατον ὑπὸ πλευρῶν δύο περισσῶν περιεχόμενον παραλληλόγραμμον, τῆς ε' καὶ ζ', ψυχογονικὸν γενέσθαι, εἰ τὴν τρίτην διάστασιν τῷ ζ' μηκυνθεὶς αὐξηθεῖ (ψυχῇ γὰρ οἰκειότατος ὁ ζ'), προαπεδείχθη. ὅτι ποιότης μὲν καὶ χροιά καὶ φῶς μετὰ τὰ σωματικά μεγέθη τριχῇ διαστάντα ὤφθη κατὰ τὴν πεντάδα, ψύχωσης δὲ καὶ ἕξις ζωτικῇ κατὰ τὴν ἑξάδα διὰ τοῦτο ὠνομασμένην, τελείωσις δὲ καὶ διανόησις κατὰ τὴν ἑβδομάδα. [25]

Theol Ar 64^ο ὅπερ οὖν πεντάκις ἕξ ἐπτάκις <ἦ> ἐπτάκις ἕξ πεντάκις ἀποτελεῖται, τοῦτο δηλονότι καὶ ἐκ τοῦ πεντάκις ἐπτά ἑξάκις ἀποβαίη ἄν· σύμπαντα δὲ σι', ἐν ὅσαις ἡμέραις οἱ ἐπταμήνιοι ζωογονοῦνται παρὲς τῶν ἕξ ἡμερῶν, δι' ὅσων ἡ τοῦ ὑγροφόρου ὑμένοσς σύστασις ἐδείχθη πρώτιστα φαίνεσθαι, σὺν δ' ἐκείναις κύβος ἂν εἴη ἀποκαταστατικὸς καὶ σφαιρικός, ὃς ἀποτελειοῦται τοῖς οἰκείοις μέρεσιν ἴσος, τοῦ ἕξ ψυχικοῦ ἀριθμοῦ. καὶ Διοκλῆς δὲ ἑξαπλασιασθέντων τῶν λε' γίνεσθαι φησι στερεὸν τὸν σι', ὅσαιπὲρ εἰσιν εἰς τοὺς ἐπτά μῆνας ἡμέραι τοὺς τριακονθημέρους. Ἰπποκράτης δέ· 'τὰ ἐν ο' ἡμέραις κινούμενα, φησίν, ἐν τριπλασίησι τελειοῦται· καὶ κατὰ τοῦτον γὰρ αἱ μὲν ο' τριπλασιασθεῖσαι τοῦ σι' ποιητικά εἰσιν, αἱ δὲ ζ' τοῦ σο', ἐπταμήνου καὶ ἐννεαμήνου. ὅτι καὶ τὰ σπέρματα πάντα ὑπὲρ γῆν ἀναφαίνεται δι' ἑβδόμης μάλιστα ἡμέρας ἐκφυόμενα, καὶ ἐπτάκαυλα ὡς ἐπίπαν τὰ πλεῖστα γίνεται, τὰ τε βρέφη, ὥσπερ ἐσπάρη τε καὶ κατὰ γαστρὸς ἑβδομάδι διωκῆθη, οὕτω καὶ μετὰ τὴν γενέσιν ἐπτά μὲν ὥραις τὴν κρίσιν ἴσχει τοῦ ζῆν ἢ μὴ· ἐμπνέοντα γὰρ πάντα τῆς μήτρας ἐξέρχεται τὰ τελεσφόρα καὶ οὐ νεκρὰ ἀποκυθέντα, πρὸς δὲ τὴν τοῦ ἀναπνεομένου ἀέρος παραδοχὴν, ὅφ' οὗ τονοῦται τὸ τῆς ψυχῆς εἶδος, κρισιμωτάτη βεβαιοῦται τῇ ζ' ὥρᾳ ἐπὶ θάτερον, ἢ ζωὴν ἢ θάνατον. [20]

Theol Ar 65^ο ἐπτά δὲ μῆσιν ὁδοντοφυεῖ, δις δὲ ἐπτά ἀνακαθίζει καὶ ἕδρας ἀκλινοῦς τυγχάνει, τρίς δὲ ἐπτά διαρθροῦν ἄρχεται τὸ φθέγμα καὶ λαλεῖν τὰς πρώτας ὁρμὰς ἐπιβάλλεται, τετράκις δὲ ἐπτά ἴσταται μὴ σφαλλόμενα καὶ διαβαίνειν ἐπιχειρεῖ, πεντάκις δὲ ἐπτά παύεται τῆς τοῦ γάλακτος τροφῆς φυσικῶς ἀποδιατιθέμενα. ἐπτά δὲ ἔτεσιν ἀποβάλλει τοὺς φυσικοὺς ὁδόντας καὶ ἀναφύει τοὺς πρὸς τὴν σκληρὰν τροφὴν ἐπιτηδεύους, δις δὲ ἐπτά ἡβάσκει καὶ ὥσπερ διηρθρωμένως ἔτυχε τοῦ παντὸς προφορικοῦ λόγου ἐν τῇ προτέρᾳ τῶν ἐτῶν ἑβδομάδι, τοσοῦτων φύσει ὑπαρχόντων καὶ τῶν εἰς τὸ τοιοῦτον ἐπιτηδεῖων ἀπλῶν φθεγμάτων, οὕτως ἄρχεται ταῖς τοῦ ἐνδιαθέτου ἐπιβάλλειν διαρθρώσεσιν, καθὸ λογικὸν ἤδη ὑπάρχει ζῶον, ἐπτά κατὰ πολλοὺς τῶν φιλοσόφων ὑπαρχουσῶν τῶν τὸ λογικὸν συνασκειν αἰσθήσεων καὶ τότε μάλιστα συμπληρουμένων· πρὸς γὰρ ταῖς τεθρυλλημέναις πέντε ἔτι καὶ τὴν φωνητικὴν καὶ σπερματικὴν καταριθμοῦσιν ἔνιοι, αὕτη δὲ τότε συμπληροῦται αὐτοῖς, ὅτε τὸ σπερματικὸν φυσικῶς ἅπασιν κινεῖται, ἄρρεσι μὲν διὰ γονῆς, θηλείαις δὲ δι' ἐμμήνου καθάρσεως· διόπερ ζωογονητικῆς ἐπιτηδεότητος τότε μόνον κατάρχονται, καὶ βαβυλωνίοις οὐδὲ θρησκεύονται οὐδὲ τῆς αὐτῶν ἱερατικῆς σοφίας μετέχουσιν, ἀλλ' ἀποκλείονται τῶν ἐνταῦθα μυημάτων ἐντὸς τούτου τοῦ χρόνου. [5]

Theol Ar 66 ἔπει δὲ καὶ τίκτειν τῷ ἑξῆς ἔνεστι χρόνῳ καὶ ἀνθ' αὐτῶν ἀμείβειν εἰς τὴν κοσμικὴν συμπλήρωσιν ἄνθρωπον, εἰκότως γενεὰν τὴν συμμετρότητα οἱ ποιηταὶ τὴν τριακονταετῇ τίθενται, ἐν ἧ τέκνον ἔστιν ἰδεῖν· καὶ κατὰ τὴν ἐν τριάδι τελείωσιν διὰ τριῶν ἢ διαδοχῇ συγκλείεται διὰ πατρός, υἱοῦ, ἐγγόνου. τῇ δὲ τρίτῃ ἑβδομάδι συλλήβδην καὶ τὴν ἐπὶ μῆκος αὔξησιν ἀπολαμβάνει, τῇ δὲ τετάρτῃ τὴν ἐπὶ πλάτος τελειοῦται, καὶ οὐδεμία ἄλλη αὐτοῖς ἀπολείπεται σώματος ἐπίδοσις· τέλειος γὰρ ὁ κη'. τῇ δὲ ε' κατὰ τὸν ἀρμονικὸν ἀποδειχθέντα τὸν λε' καὶ ἡ κατὰ ἰσχὺν πᾶσα ἐπίδοσις ἀποστραγγίζεται καὶ οὐκέτι οἷόν τε ἑαυτοῦ ἰσχυρότερον μετὰ ταῦτα τὰ ἔτη γενέσθαι. διὰ τοῦτο οἱ ἀθληταὶ τοσούτων γενόμενοι οἱ μὲν ἤδη νενικηκότες πλέον τι πρᾶξαι οὐ προσδοκῶσιν, οἱ δὲ μήπω καταλύουσι. καὶ αἱ τῶν βελτίστων πολιτειῶν νομοθεσίαι μέχρι μὲν ταύτης στρατεύεσθαι ἀναγκάζουσιν, εἰσὶ δὲ καὶ αἱ μέχρι τῆς μετ' αὐτήν, τὸ δὲ μετὰ τοῦτο στρατηγεῖν μὲν, οὐκέτι δὲ στρατεύεσθαι συγχωροῦσιν. τὸ δὲ κεφάλαιον. ὅταν ὁ τῆς δεκάδος λόγος τῷ τῆς ἑβδομάδος κερασθῇ καὶ δεκάκις ἑπτὰ γένηται, τότε πάντων ἔργων ἀφετέον τῷ ἀνθρώπῳ, καθοσιωτέον δὲ τῇ τῆς λεγομένης εὐδαιμονίας ἀπολαύσει. [20]

Theol Ar 67 ὅτι εἰς τέσσαρα τὰ πάντα στοιχεῖα, τρεῖς δὲ αὐτῶν ἀναγκαίως αἱ μεταξύττες, ἑβδομάς ἂν κἀνταῦθα ἐπικρατοίῃ τῶν ὄλων· διὸ καὶ Λίνος ὁ θεολόγος ἐν τῷ Πρὸς Ὑμέναιον δευτέρῳ θεολογικῷ φαίνεται λέγων· ' τέσσαρες ἀρχαὶ ἅσασι τρισσοῖς δεσμοῖς κρατοῦντα ι . ' πῦρ μὲν γὰρ καὶ γῆ συνηρμόσθησαν ἀλλήλοις κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν· ὁ πρὸς ἀέρα γῆ, τοῦθ' ὕδωρ πρὸς πῦρ, καὶ ἀνάπαλιν ὁ πρὸς ἀέρα πῦρ, τοῦθ' ὕδωρ πρὸς γῆν, καὶ τὸ ἐναντίον· τῶν δὲ τοιούτων ἐνωτικαί πως αἱ ἀρμονίαι, μεταξύ δὲ ἀέρος καὶ πυρὸς πειθῶ· κατ' ἔφεσιν γὰρ καὶ ἀπόμαξιν ἀφομοιοῦται τὰ ἀπὸ ἀέρος μέχρι γῆς τοῖς οὐρανίοις καὶ αἰεὶ κατὰ τὰ αὐτὰ ὡσαύτως ἔχουσι, πειθόμενά πως καὶ ποδηγούμενα τῇ τοῦ ἀρχεγόνου καὶ πάντα ἔλκοντος ἐφ' ἑαυτὸ κάλλους φύσει. ὅτι πρὸς τοῖς ἄλλοις τῇ ἑβδομάδι ὑπάρχει τὸ κρισιμωτάτην εἶναι αὐτήν, ὥσπερ ἐν τῇ κυοφορήσει καὶ ἐν ταῖς τῆς ἀνατροφῆς ἡλικίαις, οὕτω δὲ καὶ ἐν ταῖς νόσοις καὶ ταῖς ὑγείαις διὰ τὸ συγγενεστάτην αὐτήν καὶ ὁμόφυτον εἶναι τῇ τοῦ ἀνθρώπου κατασκευῇ· σπλάγχνα τε γὰρ τὰ λεγόμενα μέλανα ἑπτὰ κατ' αὐτήν ἐμπέφυκεν ἡμῖν, γλῶττα, καρδία, ἥπαρ, πνεύμων, σπλήν, νεφροὶ δύο, καὶ τὰ καθολικὰ μέρη τοσαῦτα, ἅπερ ἐστὶ κεφαλή, θώραξ, χεῖρες δύο, πόδες δύο καὶ αἰδοῖον· κατὰ μέρος δὲ διατρήσεις ἐν μὲν τῷ προσώπῳ ζ', ὀφθαλμῶν β', ὠτῶν β', ῥινῶν β', στόματος α', τὰ τε πνοὴν καὶ τροφήν διαφέροντα ζ', φάρυγξ, στόμαχος, γαστήρ, ἔντερον, μεσεντέριον, κύστις καὶ τὸ πρὸς τῇ ἔδρᾳ, ὅ τινες ἀρχὸν καλοῦσιν. [5]

Theol Ar 68 ὅτι μηδενὸς τρέφοντος ἐνεθέντος ζ' ἡμέρας οἷόν τε ζῆν. καὶ ἐν γεωμετρικαῖς σκέψεσιν ἑπτὰ εἶδη τῶν παρ' αὐτοῖς ἀρχῶν, σημεῖον γραμμῇ ἐπιφάνεια γωνία σχῆμα στερεὸν ἐπίπεδον, καὶ ἑπτὰ <τὰ> τῶν στοιχειωτῶν ἐξετάσεις ἐπιδεχομένων πληροῦνται· τριγώνου γὰρ γωνίαι τρεῖς καὶ πλευραὶ ἴσαι καὶ αὐτὸ τὸ ἐμβαδὸν ἓν. πολὺ δὲ πλέον καὶ ὅτι τὰ σημειωτικά δι' ἑβδομάδος κρατύνεται ἢ ἐπὶ τὸ νοσερὸν ἢ ἐπὶ τὸ ὑγιεινὸν ῥέποντα· εἰς γὰρ τὴν ἑβδόμην ἡμέραν μόνην τῶν ἐντὸς αὐτῆς οἱ πυρεκτικοὶ πάντες τύποι συναντῶσι· διὸ καὶ κρίσεως ἐνταῦθα τυγχάνουσιν. ὁ δὲ τῆς ἀποδείξεως τρόπος ἀπλοῦς εἰκῶς τῷ <τῶν> προβραχέος ἀπὸ μονάδος παντοίων ἀναλόγων ἐκθέσεων ἰδιώματι, ἐν ᾧ κύβων μὲν ἅμα καὶ τετραγώνων ἡ α' καὶ ζ' χώρα μόνη ἐπιδεκτικὴ ἡμῖν ἐφάνη, τετραγώνων δὲ μόνων ε' καὶ γ', β' καὶ ζ' οὐδετέρων, ὡς οὐδὲ τριταίου οὐδὲ τεταρταίου ἐν τοῖς πυρεκτικοῖς τύποις. ἰδοὺ γὰρ τοῦ μὲν λεγομένου τριταίου τετραγώνῳ μάλιστα ὁμοιουμένου διὰ τὸ ἐπιπέδων τριγώνων κατάρχειν, ὧν τὸ συμμετρότατον τετράγωνον ἰσότητα ὀρθογωνίου καὶ πλευρῶν ἔχει, καὶ πρὸς αὐτὸ εὐθύνεται, ἀλλὰ παρὰ μίαν πάντως ἐπισημαίνοντος, α' τε καὶ γ' καὶ ε' καὶ ζ' μετέχουσιν ἀπ' ἀλλήλων οὖσαι τρίται καθὰ καὶ τετραγωνισμοῦ ἐν πάσαις ταῖς ἀνάλογον ἐκθέσεσιν ἰσοταγεῖς χώρας τεταρταίου δὲ καὶ τῷ κύβῳ παραπεμφθέντος διὰ τὴν πανταχόθεν ἐδραϊότητα καὶ τῶν ἐξ βάσεων τετραγώνων εὐσταθὲς α' καὶ δ' καὶ ζ' κοινωνοῦσι· παρὰ γὰρ δύο ἐπισημαίνει ὁ λόγος, ὥστε διὰ τετάρτης

ἀπαντᾶν ἡμέρας, ὥς ἐν ταῖς αὐτῶν ἀνάλογον ἐκθέσεσιν εἰς τὰς τετάρτας πάντως οἱ κύβοι ἀποτελοῦνται χώρας τοῦ δὲ λεγομένου ἡμιτριταίου φύσιν μὲν ἰδίαν οὐκ ἔχοντος, παρὰ δὲ τὸν τριταῖον μορφουμένου, ἀπαντῶντος δὲ αὐτοῦ ἐν δυσὶ νυχθημέροις, τουτέστιν ὥραις μὴ, ἀεὶ μέντοι τρεῖς ὥρας ὀρίζοντος εἰς ὅποτερονοῦν, ἥτοι λῆψιν ἢ ἄνεσιν, τὸ δὲ λοιπὸν ἐν δωδεκάωρον εἰς τοῦναντίον, παρὰ μέντοι τὸ θάττον ἢ βράδιον αὐτὰ ταῦτα ἀποδιδόναι ἥτοι μεγάλου ἡμιτριταίου λεγομένου ἢ μικροῦ ἢ μέσου πρὸς τὰς παρ' ἐκάτερον παρολκάς ἢ παρεκτάσεις, μεθέξει μὲν ἢ τῆς δευτέρας ἡμέρας δευτέρα δωδεκάωρος ἐπισημανθεῖσα τῆς δὲ τετάρτης ἢ προτέρα δωδεκάωρος καὶ τῆς ἕκτης ἢ ἀρχῇ, ὥστε πάλιν ἀπάντησιν εἰς τὴν τῆς ἐβδόμης ὑστέραν γενέσθαι καὶ τρόπον τινὰ τὴν ἐβδόμην εἰκοκυῖαν εἶναι τῇ πρωτίστῃ κατὰ πάντα· πάντων γὰρ ἀπλῶς τῶν ἐντὸς διαστήματος τεταρταΐκου τόπων ἀμφοτέραι μόναι μετέχουσαι, ἢ μὲν γεννητική, ὥς εἰπεῖν, αὐτῶν ἔσται, ἢ δὲ κριτική καὶ οἷον δοκιμαστική, τῶν δ' ἀνὰ μέσον πασῶν οὐδεμία πάντων μετέχει πλὴν ἀφημερινοῦ, οὐπερ ἀναγκαίως καὶ ζ' καὶ α'. κοινὴ γὰρ αὕτη ἐπισημασία μόνῃ, ὥπερ καὶ τῶν ἐκκειμένων διαγραμμάτων. [20]

Theol Ar 70 αὕτη ἢ πολλαπλασιότης κοινὸν πάντων στίχων παρακολούθημα, ἀλλὰ διαφεύγει δευτέρα μὲν τριταῖον καὶ τεταρταῖον, μετέχει δὲ ἀφημερινοῦ καὶ ἡμιτριταίου· τρίτη δὲ διαφεύγει μὲν ἡμιτριταῖον καὶ τεταρταῖον, μετέχει δὲ ἀφημερινοῦ καὶ τριταίου· τετάρτη δὲ διαφεύγει μὲν τριταῖον, τῶν δὲ λοιπῶν μετέχει τριῶν· πέμπτη δὲ διαφεύγει μὲν τεταρταῖον, μετέχει δὲ καὶ τριταίου καὶ ἀφημερινοῦ καὶ τῆς τοῦ λοιποῦ ἀνωμαλίας· ἕκτη δὲ μόνῃ ἀφημερινοῦ μετέχει ἀντιπεπονθότως τῇ τετάρτῃ ἓνα μόνον διαφευγούσῃ· ἐβδόμη δὲ πάντων μετέχει, ὥς ἡ πρώτη. κάπειδὴ τὰ τῶν ἄλλων τύπων συμφανεστερα ἢ ἀπλούστερα, τεταραγμένου δὲ τοῦ ἡμιτριταίου, σαφέστερον οὕτω ὀρισθήσεται· πρώτης ἀρχῆς σημασίας ἐνδοτέρω οὐκ ἂν ἐπισημήνειε ε' ἐξωῶρων, ὥστε κατὰ τὴν τῆς γ' ἐσπέραν τῆς πρότερον γενομένης κατὰ τὴν μεσημβρίαν τῆς δευτέρας ἢ ἐπὶ ταύτῃ ὅρον ἔξει, οὗ ἐνδοτέρω ἀμήχανον, πάλιν τὸ τῆς τετάρτης μεσονύκτιον εἰς τὴν τῆς ἕκτης εὐθὺς πρωΐαν, ὥστε τὴν τῆς ἐβδόμης μεσημβρίαν ἀποκρίνεσθαι. ἀπὸ δὲ ταύτης τῆς διαιρέσεως, ἥτις ἐστὶ τοῦ σμικροτάτου, καὶ τὰς ἀνωμαλίας λογιστέον. διὰ τὸ οὖν τυχαίως καὶ ἐπικαιρὸν τινὰ τρόπον ἀπαντᾶν καὶ ἀποκρίνεσθαι ἕκαστα <κατὰ> τὴν τῆς ἐβδομάδος χώραν καιρὸν αὐτὴν καὶ τύχην ἐπωνόμαζον, καὶ ἡ συνήθεια καιρὸς καὶ τύχη εἰθίστη λέγειν. [20]

Theol Ar 71 τί γὰρ δεῖ νῦν καὶ περὶ τῶν κλιμακτῆρων λεπτολογεῖν ἐβδομαδικῶν μάλιστα παρὰ τοῖς ἀποτελεσματολόγοις δογματιζομένων; ὅτι Ἀθηναῖν καὶ καιρὸν καὶ τύχην τὴν ἐπτάδα ἐπωνόμαζον· Ἀθηναῖν μὲν, ὅτι παραπλησίως τῇ μυθευομένῃ παρθένος τις καὶ ἄζυξ ὑπάρχει, οὔτε ἐκ μητρὸς γεννηθεῖσα, ὃ ἐστὶν ἀρτίου ἀριθμοῦ, οὔτε ἐκ πατρός, ὃ ἐστὶ περιττοῦ, πλὴν ἀπὸ κορυφῆς τοῦ πάντων πατρός, ὅπερ ἂν εἴη ἀπὸ τῆς τοῦ ἀριθμοῦ κεφαλῆς μονάδος, καὶ ἔστιν οἷον Ἀθηναῖ ἀθήλυντός τις, θῆλυ δὲ ὁ εὐδιαίρετος ἀριθμός· καιρὸν δέ, ὅτι οὐ χρόνῳ μακρῷ τὰς ἐνεργείας ἀνυομένας ἐν ταῖς κρίσεσιν ἔχει <εἰς> ὑγείαν ἢ νόσον ἢ εἰς γένεσιν καὶ φθοράν· τύχην δέ, ὅτι παραπλησίως τῇ μυθευομένῃ Τύχῃ τὰ θνητὰ διέπει. ὅτι οὐ μόνον τῆς ἀνθρωπίνης φωνῆς ἀλλὰ καὶ ὀργανικῆς καὶ κοσμικῆς καὶ ἀπλῶς ἐναρμονίου φωνῆς ζ' ὑπάρχει τὰ στοιχειώδη φθέγματα, οὐ μόνον παρὰ τὸ ὑπὸ τῶν ζ' ἀστέρων ἀφίεσθαι μόνον καὶ πρώτιστα, ὥς ἐμάθομεν, ἀλλ' ὅτι καὶ τὸ πρῶτον διάγραμμα παρὰ τοῖς μουσικοῖς ἐπτάχορδον ὑπέπεσεν. ὅτι τριῶν ὄντων τῶν τῆς ψυχῆς εἰδῶν ἢ μερῶν, φρονητικοῦ θυμικοῦ ἐπιθυμητικοῦ, τέσσαρες ἀρεταὶ αἱ τελειόταται γίνονται, καθάπερ τριῶν διαστημάτων τέσσαρες ὅροι ἐπὶ σωματικῆς συναυξήσεως. περὶ ὀκτάδο ς. [20]

Theol Ar 72 Τὴν ὀκτάδα πρῶτον ἐνεργείᾳ κύβον καὶ μόνον ἐντὸς δεκάδος ἀρτιάκις ἄρτιον ἔφαμεν, ἐπειδὴ ὁ δ' συνεχεῖν φαίνεται τὰς περισσαρτίου καὶ ἀρτιάκις ἀρτίου διαγνώσεις ἐν τῷ δύο μόνον διχασμοῦς ἐπιδέχεσθαι [εἰ] μέχρι μονάδος, τὸν μὲν αὐτοῦ, τὸν δὲ τῶν μερῶν, παγκάλως τε καὶ

παραλλήλως ἡρμοσμένος πάσας ἀρμόσεις, τὴν μὲν ἐκ δύο μήτε γεννώντων μήτε γεννωμένων, οἵπερ μόνοι ἐν δεκάδι ὥφθησαν (λέγω δὲ τὴν ἐκ τοῦ α' καὶ ζ'), τὴν δὲ ἐκ δύο ἀρτιοπερίσων ἐνεργεία, ἥπερ στοιχειώδης εἰς γέννησιν κύβων σύνθεσις καὶ πρώτη συλλαβή, τὴν <δὲ> ἐκ τοῦ γ' καὶ ε', τὴν μὲν δυνάμει, τὴν δὲ ἐνεργεία τὴν ἐκ τοῦ β' καὶ ς', τὴν δὲ ἐκ δύο πρώτων περισσῶν, τοῦ μὲν πρὸ αὐτοῦ ἀσυνθέτως ἀποβάντος, τοῦ ἐνός, (τοῦ δὲ μετ' αὐτὸν ἐκ τριῶν τῶν μετὰ τούτους ἐσομένων, ζ' θ' ια', τοῦ δ' ἔτι μετ' ἐκεῖνον ἐκ δ' συνεχῶν, ιγ' ιε' ιζ' ιθ'), τετάρτην δὲ τὴν ἐκ διφορομένου τοῦ δ', μόνου καὶ γεννῶντος ἅμα καὶ γεννωμένου, ἵν' ἐκ τῶν ἀντιθέτων δύο πρωτίστων ἀγόνων καὶ γεννητῶν καὶ τοῦ ἀμφοτέρω ἔχοντος συντελῇ <ῆ> τὰ η'.

Theol Ar 73 καὶ ἄλλως ὁ δ' μεθόριον ἀρμονικῶν σχέσεων ἡμῖν ἀνεφάνη, συμφώνων μὲν ἐντὸς ἑαυτοῦ, ἀσυμφώνων δέ, ἀλλ' ἐμμελῶν μεθ' ἑαυτόν. ἔνθεν παναρμόνιος ἐπεκαλεῖτο ὑπὸ τῶν ἀνδρῶν ἡ ὀγδοὰς διὰ τὴν ὑπερφυῆ καθάρμοσιν ταύτην ἥ ὅτι ἰσάκις ἴση ἰσάκις πρὸ πάντων αὐτῇ καθαρμοσθεῖσα ἠυξήθη δικαιοτάτην γένεσιν. ὅτε οὖν Καδμεῖαν καλοῦσιν αὐτήν, ὑπακουστέον, ὅτι παρ' ὅσον Κάδμου γυναῖκα τὴν Ἀρμονίαν πάντες ἱστοροῦσιν. ἐναργῶς δὲ κὰν τοῖς οὐρανίοις εὖροι τις ἂν ἵχνη ὀγδοάδος ὅκτῳ τε γὰρ σφαῖραι ἀστέρων καὶ ὀκτῶ οἱ ἀστρονόμοις κατὰ λῆψιν ἀναγκαιότατοι καὶ ἐπιστημονικώτατοι κύκλοι· τέσσαρες μὲν μέγιστοι ἀλλήλων ἐφαπτόμενοι, πῇ μὲν δίχα, πῇ δὲ ἄλλως, ἰσημερινὸς καὶ ζωδιακὸς καὶ ὀρίζων καὶ ὁ διὰ τῶν πόλων, ὃν τινες μεσημβρινόν, οἱ δὲ κόλourόν φασι, τέσσαρες δὲ ἐλάττονες, οὐδαμῶς ἀλλήλων ἐφαπτόμενοι, ἀρκτικὸς καὶ ἀνταρκτικὸς καὶ θερινὸς καὶ χειμερινός. καὶ ἄλλα τοιαῦτα ἐν [δεῖ] τοῖς περιγείοις, εἴπερ τῶν πεποδισμένων ζώων ὁ ὅρος ἐν αὐτῇ, μετ' αὐτήν δὲ ἡ ἀοριστία, σκορπίοι τε καὶ καρκῖνοι καὶ τὰ ὅμοια τῶν ῥητοῦς πόδας ἐχόντων, τὰ δὲ ἐφεξῆς αὐτοῖς πολυπόδων ψιλῶν ἐστὶν ἤδη.

Theol Ar 74 καὶ τῶν τοῦ ἀνθρώπου ὀδόντων ἡ τετραχῇ διανεμήσις ὀγδοαδική πῶς ἐστὶ, καὶ ἡ τῶν ἐκ κεφαλῆς τεσσάρων κατατρήσεων διαφόρησις κατ' αὐτὴν ὥριστα, καὶ ἕτερα ἐοικότα περὶ τε θηλὰς ζώων καὶ χηλὰς κατ' ἀνάλογον. ὅθεν αὐτὴν μητέρα ἐπωνόμαζον, τάχα μὲν εἰς τὰ λεχθέντα ἀναφέροντες, (θηλὺς γὰρ ὁ ἄρτιος,) τάχα δέ, ἐπειδὴ μήτηρ μὲν θεῶν ἡ Ῥέα, Ῥέας δὲ δυὰς μὲν ἀπεδείχθη σπερματικῶς, ὀγδοὰς δὲ κατ' ἐπέκτασιν. δοκεῖ δέ τις καὶ αὐτὸ τὸ ὄνομα τοῦτο πεποιῆσθαι τὸ ὀγδοὰς οἷον ἐκδυὰς ἢ ἐκ δυάδος γεγонуῖα κυβισθείσης. Φιλόλαος δὲ μετὰ τὸ μαθηματικὸν μέγεθος τριχῇ διαστὰν <ἐν> τετράδι, ποιότητα καὶ χρῶσιν ἐπιδειξαμένης τῆς φύσεως ἐν πεντάδι, ψύχωσιν δὲ ἐν ἑξάδι, νοῦν δὲ καὶ ὑγείαν καὶ τὸ ὑπ' αὐτοῦ λεγόμενον φῶς ἐν ἑβδομάδι, μετὰ ταῦτά φησιν ἔρωτα καὶ φιλίαν καὶ μῆτιν καὶ ἐπίνοιαν ἐπ' ὀγδοάδι συμβῆναι τοῖς οὖσιν. ὅτι ἀλιτόμηνο ς ἐπὶ μὲν τῆς Ῥέας μυθολογοῦσιν, ὅτι τοὺς τικτομένους ἀπ' αὐτῆς ἠφάνιζεν ὁ Κρόνος, ὡς ἱστορεῖται, ἐπὶ δὲ τῆς ὀγδοάδος, ὅτι ἀτελεσιούργητοι αἱ κατὰ τὸν ὀγδοὸν μῆνα ὠδῖνες, ἡλιτόμηνοί πως διὰ τοῦτο λεγόμεναι. ὅτι τοῦ τῶν Μουσῶν ἀριθμοῦ τὸ Εὐτέρπη ὄνομα τῇ ὀγδοάδι ἐπιπρέπειν ἔλεγον, παρ' ὅσον εὐτρεπτος μάλιστα τῶν ἐντὸς δεκάδος, ἀρτιάκις ἄρτιος οὕσα καὶ μέχρι τῆς φύσει ἀτόμου μονάδος αὐτῆς. Ἀνατολίου υ.

Theol Ar 75 ἡ ὀγδοὰς ἀσφάλεια καλεῖται καὶ ἔδρασμα, ἀγωγὸς οὕσα παρὰ τὸ δύο ἄγειν σπέρμα αὐτῆς ὁ πρῶτος ἄρτιος. τετράδι πολλαπλασιασθεῖσα ποιεῖ τὸν λβ', ἐν ᾧ φασι χρόνῳ τὰ ἐπτάμηνα διατυποῦσθαι ἢ περιέχουσα τὰ πάντα σφαῖρα ὀγδόη, ὅθεν ἡ παροιμία 'πάντα ὀκτῶ' φησι. [σὺ ν] ὀκτῶ δὲ σφαίρησι κυλίνδετο [ὁ] κύκλῳ ἰόντα... ἐνάτην περὶ γαίην, Ἐρατοσθένης φησίν. ἀρχὴ τῶν μουσικῶν λόγων ἐστὶν ὁ η' ἀριθμός, καὶ εἰσὶν οἱ ὅροι τοῦ κοσμικοῦ συστήματος οὕτως· ὁ η' ἀριθμὸς ἐπὶ ὀγδοὸν ἔχων τὸν θ' ἀριθμόν (ὑπερέχει δὲ μονάδι ὁ θ' τοῦ η'), ὁ ιβ' ἡμιόλιος τοῦ η', ἐπίτριτος τοῦ θ', ὑπερέχει τριάδι τοῦ θ'· ὁ ις' ἐπίτριτος τοῦ ιβ', ὑπερέχει δ' ὁ ιη' ἡμιόλιος τοῦ ιβ', ὑπερέχει ἑξάδι· ὁ κα' τοῦ θ' διπλασιεπίτριτος, ὑπερέχει ιβ'· ὁ κδ' ἐπίτριτος τοῦ ιη', ὑπερέχει ς'· ὁ λβ' ἐπίτριτος τοῦ κδ', ὑπερέχει η'· ὁ λς' διπλάσιος τοῦ ιη', ἡμιόλιος τοῦ κδ',

ὑπερέχει ιβ'· καὶ ἔστιν ὁ μὲν θ' ἐπόγδοος τοῦ η' Σελήνης, ὁ ιβ' ἡμιόλιος τοῦ η' Ἑρμοῦ, ὁ ις' διπλάσιος τοῦ η' Ἀφροδίτης, ὁ ιη' διπλάσιος τοῦ θ' ἐν ἐπογδόῳ τοῦ ις' Ἡλίου, ὁ κα' διπλασιεπίτριτος τοῦ θ' Ἄρεος, ὁ κδ' διπλάσιος τοῦ ιβ' ἐν ἡμιολίῳ τοῦ η' Διός, ὁ λβ' τετραπλάσιος τοῦ η' Κρόνου, ὁ λς' τετραπλάσιος τοῦ θ' ἀπλανῶν ἐν ἐπογδόῳ λόγῳ <τοῦ λβ'>· αἱ δὲ ὑπεροχαί· λς' ὑπερέχει δ', λβ' η', κδ' γ', <κα' γ'>, ιη' β', ις' δ', ιβ' γ', θ' α', ἣ ὑπερέχει [δὲ] τοῦ η' ὁ θ' μονάδι, ὁ ιβ' τοῦ θ' τριάδι, ὁ ις' τοῦ ιβ' τετράδι, ὁ ιη' τοῦ ις' δυάδι, καὶ οἱ λοιποὶ ὁμοίως. [20]

Theol Ar 76 περὶ ἐννεάδο ς. Τὴν δὲ ἐννεάδα μέγιστον τῶν ἐντὸς δεκάδος ἀριθμῶν καὶ πέρας ἀνυπερέβλητον· ὀρίζει γοῦν τὴν εἰδοποίησιν οὕτως· οὐ γὰρ μόνον ἐπὶ τοῦ ἐπ' ἐννάτου τόνου μηκέτι εἶναι συμβέβηκε λόγον περαιτέρω μουσικὸν ἐπιμορίως, ἀλλὰ καὶ διὰ τὸ φυσικῶς ἀναστρέφειν τὴν σύνθεσιν ἐκ φυσικοῦ τέλους εἰς τὴν ἀρχὴν καὶ ἀπὸ συναμφοτέρων εἰς τὸ μέσον, καθὰ ποικιλώτερον ἀπεδείξαμεν ἐν τῷ κατὰ τὴν πεντάδα δικαιοσύνης ἐπιγράμματι. κατὰ γοῦν τὸ ὄνομα τὴν συμπάθειαν καὶ ἀντιζυγίαν ἔοικεν αἰνίττεσθαι, εἴπερ ἐννεὰς μὲν κέκληται οἶονεὶ ἐνὰς ἢ πάντα ἐντὸς αὐτῆς κατὰ παρωνυμίαν τοῦ ἔν· ὅτι δὲ οὐδὲν ὑπὲρ τὴν ἐννεάδα ὁ ἀριθμὸς ἐπιδέχεται, ἀλλ' ἀνακυκλεῖ πάντα ἐντὸς ἑαυτῆς, δηλὸν ἐκ τῶν λεγομένων παλινωδιῶν· μέχρι μὲν γὰρ αὐτῆς φυσικὴ πρόβασις, μετὰ δ' αὐτὴν παλιμπετής· τὰ γὰρ ι' μονὰς γίνεται κατὰ ἐνὸς ἀφαιρέσιν στοιχειώδους ποσοῦ, τουτέστι κατὰ ἐννεάδος μιᾶς, τὰ δὲ ια' καὶ κ' πάλιν δυάς, ἥτοι μιᾶς ἢ δυοῖν ἀφαιρεθειῶν, ιβ' δὲ καὶ λ' τριάς, καὶ πάλιν τὸ ρ' μονάς, ια' ἐννεάδων ἀφαιρεθειῶν, καὶ τὸ αὐτὸ μέχρι καὶ ἀπείρου, ὥστε μηδεμιᾶ μηχανῇ δυνατὸν εἶναι ἀριθμὸν ἄλλον ὑπὲρ τὰ ἐννεὰ στοιχειώδη συστήναι. [20]

Theol Ar 77 καὶ διὰ τοῦτο Ὡκεανὸν τε προσηγόρευον αὐτὴν καὶ ὀρίζοντα, ὅτι ἀμφοτέρας ταύτας περιείληφεν οἰκήσεις καὶ ἐντὸς ἑαυτῆς ἔχει, κατ' ἄλλο δὲ σημαινόμενον Προμηθεῖα ἀπὸ τοῦ μηκέτι ἔαν τινα πρόσω αὐτῆς χωρεῖν ἀριθμόν, καὶ εὐλόγως γε· τρεῖς γὰρ τέλειος ὑπάρχουσα οὐδ' ἐπίδοσιν αὐξήσεως ἀπέλιπεν, ἀλλὰ καὶ δύο κύβων ἅμα σύνθεσις, τοῦ α' καὶ τοῦ η', καὶ τετράγωνος οὖσα τὴν πλευρὰν τρίγωνον ἔχει μόνῃ τῶν μέχρις αὐτῆς. διὰ γοῦν τὸ μὴ ἀφιέναι σκορπίζεσθαι ὑπὲρ αὐτὴν τὴν τοῦ ἀριθμοῦ σύμπνοιαν, συνάγειν δὲ εἰς τὸ αὐτὸ καὶ συναυλίζειν, ὁμόνοιά τε καλεῖται καὶ πέρασις, καὶ ἄλλιος ἀπὸ τοῦ ἀλίζειν. ἐκαλεῖτο δὲ καὶ ἀνεικία διὰ τὴν ἀνταπόδοσιν τε καὶ ἀμοιβὴν τῶν ἀπ' αὐτῆς μέχρι μονάδος, ὡς εἴρηται ἐν τῷ περὶ δικαιοσύνης διαγράμματι· ὁμοίωσις δὲ τάχα μὲν παρὰ τὸ πρῶτος περισσὸς τετράγωνος ὑπάρχειν (ὁμοιωτικὸν γὰρ δι' ὅλου παρ' αὐτῆς λέγεται τὸ περισσὸν εἶδος, ἀνόμοιον δὲ τὸ ἄρτιον, καὶ πάλιν ὁμοιωτικὸν μὲν τὸ τετράγωνον, ἀνόμοιον δὲ τὸ ἐτερόμηκες), τάχα δὲ κάπειδὴ μάλιστα τῇ πλευρᾷ ὁμοιώθη ὡς γὰρ ἐκείνη τρίτην χώραν ἐν τῇ φυσικῇ εἴληχεν, οὕτω καὶ ἡ ἐννεὰς τρίτη ἐν τῇ κατ' αὐτὴν ἀναλόγῳ προβάσει. καὶ Ἥφαιστον δὲ αὐτὴν ἐπωνόμαζον, ὅτι μέχρις αὐτῆς ὥσπερ κατὰ χώνευσιν καὶ ἀναφορὰν ἢ ἄνοδος, καὶ Ἥραν παρὰ τὸ κατ' αὐτὴν τετάχθαι τὴν τοῦ ἀέρος σφαῖραν ἐπὶ ταῖς ὀκτώ ἐννάτην οὖσαν, καὶ Διὸς ἀδελφὴν καὶ σύννευνον διὰ τὴν πρὸς μονάδα συζυγίαν, ἐκάεργον ἀπὸ τοῦ εἶργειν τὴν ἐκὰς πρόβασιν τοῦ ἀριθμοῦ, νυσηῖταν ἀπὸ τοῦ ἐπὶ νύσσαν καὶ ὡσανεὶ τέρμα τι τῆς προόδου τετάχθαι. [5]

Theol Ar 78 Κουρήτιδα δὲ ιδίως καὶ Ὀρφεὺς καὶ Πυθαγόρας αὐτὴν τὴν ἐννεάδα ἐκάλουν, ὡς Κουρήτων ἱερὰν ὑπάρχουσαν τριῶν τριμερῇ, ἣ κόρην γε, ἅπερ ἀμφοτέρα τριάδι ἐφηρμόσθη, τρεῖς τοῦτο ἔχουσιν, καὶ Ὑπερίονα διὰ τὸ ὑπὲρ πάντας τοὺς ἄλλους εἰς μέγεθος ἐληλυθέναι, καὶ Τερψιχόρην ἀπὸ τοῦ τρέπειν καὶ ὡς χορὸν ἀνακυκλεῖν τὴν τῶν λόγων παλιμπέτειαν καὶ σύννευσιν ὡς εἰς μέσον καὶ τὴν ἀρχὴν ἀπὸ τέλους τινός. ἐννεὰς ἀπὸ περισσοῦ πρῶτος τετράγωνος. καλεῖται δὲ καὶ αὕτη τελεσφόρος, τελειοῖ δὲ τὰ ἐννεάμηνα ἔτι τέλειος, ὅτι ἐκ τελείου τοῦ γ' γίνεται. αἱ σφαῖραι περὶ ἐννάτην <τὴν> γῆν στρέφονται. λέγεται δὲ καὶ τοὺς

τῶν συμφωνιῶν λόγους ἔχειν <δ> θ', δ' γ' β', ἐπίτριτον τὸν δ' πρὸς [τὸ] γ', ἡμιόλιον τὸν γ' πρὸς β', διπλάσιον τὸν δ' πρὸς β'. ^[15]

Theol Ar 79⁹ πρῶτός ἐστιν ἐπόγδοος. περὶ δεκάδο ς . Πολλάκις ἔφθημεν εἰπόντες τὸν τεχνικὸν νοῦν πρὸς τὰς ἀριθμοῦ ἐμφερείας καὶ ἀφομοιώσεις ὡς πρὸς παράδειγμά τι παντελὲς ἀπεργάσασθαι τὴν τοῦ κόσμου καὶ τῶν ἐν κόσμῳ πάντων κατασκευὴν τε καὶ σύστασιν· ἐπεὶ δὲ ἀόριστον τὸ ὅλον πλήθος ἦν καὶ ἀδιεξίτητος ἢ τοῦ ἀριθμοῦ πᾶσα ὑπόστασις, οὐκ ἦν εὐλογον οὐδ' ἄλλως ἐπιστημονικὸν ἀπεριλήπτῳ χρῆσθαι παραδείγματι, ἔδει δὲ συμμετρίας, ἵνα τῶν προκειμένων αὐτῷ ὅρων καὶ μέτρων ὁ τεχνίτης θεὸς ἐν τῇ δημιουργίᾳ περιγένηται καὶ περικρατήσῃ, καὶ μήτε ἐπ' ἔλαττον μήτε ἐπὶ πλεόν τοῦ προσήκοντος ἦτοι ἐνδεῶς συστείλῃ ἢ πλημμελῶς ὑπερεκπέσῃ· φυσικὴ δὲ τις συσταθμία καὶ μετριότης καὶ ὁλῶσις ἐν τῇδε μάλιστα ὑπῆρχε. πάντα μὲν σπερματικῶς ἐντὸς αὐτῆς περιειληφυῖα, στερεὰ καὶ ἐπίπεδα, ἄρτια τε καὶ περισσὰ καὶ ἄρτιοπέρισσα καὶ τέλεια πᾶσι τρόποις, πρῶτά τε καὶ ἀσύνθετα, ἰσότητά τε καὶ ἀνισότητα, τὰς δὲ δέκα σχέσεις, διαμετρικά τε καὶ σφαιρικά καὶ κυκλικά, μηδεμίαν δὲ ἰδιάζουσιν ἢ φυσικὴν ἄλλως παραλλαγὴν καθ' ἑαυτὴν ἔχουσα, ὅτι μὴ κατ' ἐπιδρομὴν καὶ ἀνακύκλησιν τὴν εἰς ἑαυτήν, εἰκότως μέτρῳ τῶν ὁλῶν αὐτῇ καὶ ὥσπερ γνῶμονι καὶ εὐθυντηρίῳ ἐχρήσατο πρὸς τὴν πρόθεσιν ἀρμοζόμενος· διόπερ τοῖς κατ' αὐτὴν λόγοις συμφώνως ἔχοντα τὰ ἀπ' οὐρανοῦ μέχρι γῆς ὁλοσχερέστερόν τε καὶ κατὰ μέρος εὐρίσκεται [καὶ] διακεκοσμημένα κατ' αὐτήν. ^[25]

Theol Ar 80⁰ διόπερ καὶ ἐπωνόμαζον αὐτὴν θεολογοῦντες οἱ Πυθαγορικοὶ ποτὲ μὲν κόσμον, ποτὲ δὲ οὐρανόν, ποτὲ δὲ πᾶ ν, ποτὲ δὲ εἰμαρμένην καὶ αἰῶνα κράτος τε καὶ πίστιν καὶ Ἀνάγκην Ἄτλαντά τε καὶ ἀκάμαντα καὶ θεὸν ψιλῶς καὶ Φάνητα καὶ ἥλιον, ἀπὸ μὲν τοῦ κατ' αὐτὴν διατετάχθαι τὰ ὅλα καθόλου τε καὶ κατὰ μέρος κόσμον, ἀπὸ δὲ τοῦ ὅρον τὸν τελειότατον ἀριθμοῦ εἶναι, παρ' ὃ δεκάς οἶονεὶ δεχάς, καθάπερ ὁ οὐρανὸς τῶν πάντων δοχεῖον, οὐρανὸν καὶ Μουσῶν γε Οὐρανίαν· πᾶν δέ, ὅτι ἀριθμὸς φυσικὸς πλείων οὐδεὶς ἐστίν, ἀλλ' εἰ καὶ τις ἐπινοεῖται, κατὰ παλινωδίαν ἐπ' αὐτόν πως ἀνακυκλεῖται· ἑκατοντάς γάρ δεκά δεκάδες καὶ χιλιάς δεκά ἑκατοντάδες καὶ μυριάς δεκά χιλιάδες καὶ ἄλλων ἕκαστος οὕτως ἢ εἰς αὐτὴν ἢ εἰς τινα τῶν ἐντὸς αὐτῆς ἀναποδισθῆσεται παλινωδούμενος· πάντων οὖν εἰς αὐτὴν ἢ ἀνάλυσις καὶ ἡ ἀναστροφή παντοῖα· ἢ πᾶν ἢ δεκάς καλεῖται ἀπὸ τοῦ μυθευομένου Πανός ς· δεκάδι γάρ καὶ οὗτος τιμᾶται καὶ ταῖς τῶν μηνῶν δεκαταίαις παρὰ τῶν ἀγροίκων τιμᾶται καὶ ὑπὸ δεκά, καὶ ἐπίπαν ὑπὸ ποιμένων, αἰπόλων, βουκόλων, ἵπποφορβῶν, πολεμικῶν, κυνηγῶν, ἀλιέων, κηπωρῶν, ὑλοτόμων, τῶν θεμελίους τινὰς καταβαλλομένων. ^[20]

Theol Ar 81¹ καὶ τῷ ἀνθρωπίνῳ δὲ γένει δεκά ζῶων ιδέας συνωκηκεῖν λέγεται, κύνα, ὄρνιν, βοῦν, ἵππον, ὄνον, ὀρέα, χῆνα [ἢ νῆτταν], αἶγα, πρόβατον, γαλῆν. εἰμαρμένην δὲ πάλιν ἔλεγον, παρ' ὅσον οὐδεμία ιδιότης οὔτε ἐν ἀριθμοῖς οὔτε ἐν τοῖς οὔσι κατ' ἀριθμοῦ σύστασιν ἐστίν, ἢ οὐκ ἐν δεκάδι καὶ τοῖς ἐντὸς αὐτῆς σπερματικῶς καταβέβληται, κατὰ εἰρμόν δὲ λοιπὸν καὶ κατ' ἀκολουθίαν διατείνει καὶ ἐπὶ τὰ μετ' αὐτήν, εἰμαρμένη δὲ ὡς εἰρομένη τις καὶ εὐτακτουμένη ἀπόβασις αἰῶνα δέ, ὅτι περιεκτικὸς τῶν ὁλῶν οὗτος τελειότατος ὢν καὶ αἰδῖος, τελεστικὸς τῶν ἀπάντων, ὡς ἡ δεκάς, ἐλέχθη· κράτος δέ, ὅτι κρατύνεσθαί τε τὰ κοσμικὰ δι' αὐτοῦ συμβέβηκε, καὶ τῶν ἄλλων κρατεῖν ἀριθμῶν ὁ δεκά φαίνεται πάντων τε λόγων ἕρκος τι καὶ περικλείσις καὶ δοχεῖον διόπερ καὶ κλειδοῦχος ἐκαλεῖτο πρὸς τῷ καὶ τοῦ μέχρι τετράδος εἶναι συστήματος. πίστις γε μὴν καλεῖται, ὅτι κατὰ τὸν Φιλόλαον δεκάδι καὶ τοῖς αὐτῆς μορίοις περὶ τῶν ὄντων οὐ παρέργως καταλαμβανομένοις πίστιν βεβαίαν ἔχομεν. διόπερ καὶ Μνήμη λέγοιτ' ἂν ἐκ τῶν αὐτῶν, ἀφ' ὧν καὶ μονὰς Μνημοσύνη ὠνομάσθη. εἰ δὲ καὶ τὴν Ἀνάγκην οἱ θεολόγοι τῇ τοῦ παντός οὐρανοῦ ἐξωτάτῃ ἄντυγι ἐπηχοῦσι διηνεκῶς ἐλαύνουσιν καὶ κατεπεΐγουσαν ἀδαμαντίνῳ καὶ ἀτρύτῳ μᾶστιγι τὴν σύμπασαν περιδίνησιν, εἴη ἂν καὶ οὕτως ἢ δεκάς Ἀνάγκη,

πάντα περιορίζουσα καὶ ἀλλήλοις καταμινύουσα καὶ πάλιν διιστάνουσα καὶ κίνησιν καὶ ἀλληλουχίαν ἐμποιοῦσα τοῖς οὖσιν. [20]

Theol Ar 82 αἱ κατ' αὐτὴν σφαῖραι τοῦ παντὸς αἱ δέκα. Ἄτλας δέ, παρ' ὅσον ὁ μὲν Τιτὰν μυθεύεται φέρειν ἐπὶ τοῖς ὤμοις τὸν οὐρανόν· φησὶ γάρ· ἔχει δέ τε κίονας αὐτὸς μακράς, αἱ γαῖαν τε καὶ οὐρανὸν ἀμφὶς ἔχουσιν· ἡ δὲ δεκάς τὸν τῶν σφαιρῶν συγκρατεῖ λόγον οἷον πασῶν τις διάμετρος οὕσα καὶ περιάγουσα ταύτας καὶ περικλείουσα συνεκτικώτατα. ὅτι καὶ Σπεύσιππος ὁ Πωτῶνης μὲν υἱὸς τῆς τοῦ Πλάτωνος ἀδελφῆς, διάδοχος δὲ Ἀκαδημίας πρὸ Ξενοκράτου, ἐκ τῶν ἐξαιρέτως σπουδασθεισῶν αἰεὶ Πυθαγορικῶν ἀκροάσεων, μάλιστα δὲ τῶν Φιλολάου συγγραμμάτων, βιβλιδίον τι συντάξας γλαφυρὸν ἐπέγραψε μὲν αὐτὸ Περὶ Πυθαγορικῶν ἀριθμῶν, ἀπ' ἀρχῆς δὲ μέχρι ἡμίσεος περὶ τῶν ἐν αὐτοῖς γραμμικῶν ἐμμελέστατα διεξεληθῶν πολυγωνίων τε καὶ παντοίων τῶν ἐν ἀριθμοῖς ἐπιπέδων ἅμα καὶ στερεῶν περὶ τε τῶν πέντε σχημάτων, ἃ τοῖς κοσμικοῖς ἀποδίδονται στοιχείοις, ιδιότητος <τε> αὐτῶν καὶ πρὸς ἀλληλα κοινότητος, <περὶ> ἀναλογίας τε καὶ ἀντακολουθίας, μετὰ ταῦτα λοιπὸν θάτερον τὸ τοῦ βιβλίου ἥμισυ περὶ δεκάδος ἀντικρυς ποιεῖται φυσικωτάτην αὐτὴν ἀποφαίνων καὶ τελεστικωτάτην τῶν ὄντων, οἷον εἶδος τι τοῖς κοσμικοῖς ἀποτελέσμασι τεχνικὸν ἀφ' ἑαυτῆς (ἀλλ' οὐχ ἡμῶν νομισάντων ἢ ὡς ἔτυχε) θεμέλιον ὑπάρχουσαν καὶ παράδειγμα παντελέστατον τῷ τοῦ παντὸς ποιητῇ θεῷ προεκκειμένην. [5]

Theol Ar 83 λέγει δὲ τὸν τρόπον τοῦτον περὶ αὐτῆς· ἔστι δὲ τὰ δέκα τέλειος <ἀριθμός>, καὶ ὀρθῶς τε καὶ κατὰ φύσιν εἰς τοῦτον καταντῶμεν παντοίως ἀριθμοῦντες Ἕλληνες τε καὶ πάντες ἄνθρωποι οὐδὲν αὐτοῖ ἐπιτηδεύοντες· πολλὰ γὰρ ἴδια ἔχει, ἃ προσήκει τὸν οὕτω τέλειον ἔχειν, πολλὰ δὲ ἴδια μὲν οὐκ ἔστιν αὐτοῦ, δεῖ δὲ ἔχειν αὐτὰ τέλειον. πρῶτον μὲν οὖν ἄρτιον δεῖ εἶναι, ὅπως ἴσοι ἐνῶσιν οἱ περισσοὶ καὶ ἄρτιοι καὶ μὴ ἑτερομερῶς· ἐπεὶ γὰρ πρότερος αἰεὶ ἐστὶν ὁ περισσὸς τοῦ ἀρτίου, εἰ μὴ ἄρτιος εἴη ὁ συμπεραίνων, πλεονεκτῆσει ὁ ἕτερος· εἴτα δὲ ἴσους ἔχειν χρή τοὺς πρῶτους καὶ ἀσυνθέτους καὶ τοὺς δευτέρους καὶ συνθέτους· ὁ δὲ δέκα ἔχει ἴσους, καὶ οὐδεὶς ἄν ἄλλος ἐλάσσων τῶν δέκα τοῦτο ἔπαθεν ἀριθμός, πλείων δὲ τάχα (καὶ γὰρ ὁ ἰβ' καὶ ἄλλοι τινές), ἀλλὰ πυθμὴν αὐτῶν ὁ δέκα· καὶ πρῶτος τοῦτο ἔχων καὶ ἐλάχιστος τῶν ἐχόντων τέλος τι ἔχει, καὶ ἴδιον πως αὐτοῦ τοῦτο γέγονε τὸ ἐν πρώτῳ αὐτῷ ἴσους ἀσυνθέτους τε καὶ συνθέτους ὥφθαι, ἔχων τε τοῦτο ἔχει πάλιν <ἴσους> καὶ τοὺς πολλαπλασίους καὶ τοὺς ὑποπολλαπλασίους, ὧν εἰσι πολλαπλάσιοι· ἔχει μὲν γὰρ ὑποπολλαπλασίους τοὺς μέχρι πέντε, τοὺς δὲ ἀπὸ τῶν ἕξ μέχρι τῶν δέκα [οἱ] πολλαπλασίους αὐτῶν· ἐπεὶ δὲ τὰ ἐπτὰ οὐδενός, ἐξαιρετέον, καὶ τὰ τέσσαρα ὡς πολλαπλάσια τοῦ δύο, ὥστε ἴσους εἶναι πάλιν [δεῖ]. [5]

Theol Ar 84 ἔτι πάντες οἱ λόγοι ἐν τῷ ι', ὃ τε τοῦ ἴσου καὶ τοῦ μείζονος καὶ τοῦ ἐλάττονος καὶ τοῦ ἐπιμορίου καὶ τῶν λοιπῶν εἰδῶν ἐν αὐτῷ, καὶ οἱ γραμμικοὶ <καὶ> οἱ ἐπίπεδοι καὶ οἱ στερεοί· τὸ μὲν γὰρ ἐν στιγμῇ, τὰ δὲ δύο γραμμῇ, τὰ δὲ τρία τρίγωνον, τὰ δὲ τέσσαρα πυραμίδες· ταῦτα δὲ πάντα ἐστὶ πρῶτα καὶ ἀρχαὶ τῶν καθ' ἕκαστον ὁμογενῶν. καὶ ἀναλογιῶν δὲ πρώτη αὕτη ἐστὶν ἡ ἐν αὐτοῖς ὀφθεῖσα ἡ τὸ ἴσον μὲν ὑπερέχουσα, τέλος δὲ ἔχουσα ἐν τοῖς δέκα. ἐν τε ἐπιπέδοις καὶ στερεοῖς πρῶτὰ ἐστὶ ταῦτα· στιγμὴ γραμμῇ τρίγωνον πυραμίδες· ἔχει δὲ ταῦτα τὸν τῶν δέκα ἀριθμὸν καὶ τέλος ἴσχει· τετράς μὲν γὰρ ἐν πυραμίδος γωνίαις ἢ βάσεσιν, ἐξὰς δὲ ἐν πλευραῖς, ὥστε δέκα· τετράς δὲ πάλιν ἐν στιγμῆς καὶ γραμμῆς διαστήμασι καὶ πέρασιν, ἐξὰς δὲ ἐν τριγώνου πλευραῖς καὶ γωνίαις, ὥστε πάλιν δέκα. καὶ μὴν καὶ ἐν τοῖς σχήμασι κατ' ἀριθμὸν σκεπτομένῳ <ταῦτό> συμβαίνει· πρῶτον γὰρ ἐστὶ τρίγωνον τὸ ἰσόπλευρον, ὃ ἔχει μίαν πως γραμμὴν καὶ γωνίαν· λέγω δὲ μίαν, διότι ἴσας ἔχει· ἄσχιτον γὰρ αἰεὶ καὶ ἐνοειδὲς τὸ ἴσον· δεύτερον δὲ τὸ ἡμιτετράγωνον· μίαν γὰρ ἔχον παραλλαγὴν γραμμῶν καὶ γωνιῶν ἐν δυάδι ὁράται· τρίτον δὲ τὸ τοῦ ἰσοπλεύρου ἥμισυ τὸ καὶ ἡμιτρίγωνον· πάντως γὰρ ἄνισον καθ' ἕκαστον, τὸ δὲ πάντῃ αὐτοῦ τρία ἐστί. [5]

καὶ ἐπὶ τῶν στερεῶν εὐρίσκοις ἂν ἄχρι τῶν τεττάρων προῖδον τὸ τοιοῦτο, ὥστε δεκάδος καὶ οὕτως ψαύει· γίνεται γάρ πως ἢ μὲν πρώτη πυραμὶς μίαν πως γραμμὴν τε καὶ ἐπιφάνειαν ἐν ἰσότητι ἔχουσα, ἐπὶ τοῦ ἰσοπλεύρου ἰσταμένη· ἢ δὲ δευτέρα δύο, ἐπὶ τετραγώνου ἐγγεγεμένη, μίαν παραλλαγὴν ἔχουσα παρὰ τῆς ἐπὶ τῆς βάσεως γωνίας, ὑπὸ τριῶν ἐπιπέδων περιεχομένη, τὴν κατὰ κορυφὴν ὑπὸ τεττάρων συγκλειομένη, ὥστε ἐκ τούτου δυάδι εἰκέναι· ἢ δὲ τρίτη τριάδι, ἐπὶ ἡμιτετραγώνου βεβηκυῖα καὶ σὺν τῇ ὀφθείσῃ μιᾷ ὡς ἐν ἐπιπέδῳ τῇ ἡμιτετραγώνῳ ἔτι καὶ ἄλλην ἔχουσα διαφορὰν τὴν τῆς κορυφαίας γωνίας, ὥστε τριάδι ἂν ὁμοιοῖτο, πρὸς ὀρθὰς τὴν γωνίαν ἔχουσα τῇ τῆς βάσεως μέσῃ πλευρᾷ· τετράδι δὲ ἢ τετάρτῃ κατὰ ταῦτά, ἐπὶ ἡμιτριγώνῳ βάσει συνισταμένη, ὥστε τέλος ἐν τοῖς δέκα λαμβάνειν τὰ λεχθέντα. τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ἐν τῇ γενέσει· πρώτη μὲν γὰρ ἀρχὴ εἰς μέγεθος στιγμή, δευτέρα γραμμὴ, τρίτη ἐπιφάνεια, τέταρτον στερεόν. Ἐνατολίῳ υ. [20]

ἡ δεκάς γεννᾶται δυνάμει ἐξ ἀρτίου καὶ περιττοῦ· πεντάκις γὰρ δύο δέκα. κύκλος ἐστὶ παντὸς ἀριθμοῦ καὶ πέρας· περὶ αὐτὸν γὰρ εἰλούμενοι καὶ ἀνακάμπτοντες ὥσπερ καμπτήρα δολιχεύουσιν. ἔτι ὅρος ἐστὶ τῆς ἀπειρίας τῶν ἀριθμῶν. καλεῖται δὲ κράτος καὶ παντέλεια, ἐπεὶ πάντα περαίνει τὸν ἀριθμὸν περιέχουσα πᾶσαν φύσιν ἐντὸς ἑαυτῆς, ἀρτίου τε καὶ περισσοῦ, κινουμένου τε καὶ ἀκινήτου, ἀγαθοῦ τε καὶ κακοῦ. ἔτι γέγονεν ἐκ τῶν πρώτων ἀριθμῶν τῆς τετρακτύος συντεθέντων, α' β' γ' δ', καὶ ὁ κ' ἐκ δις ἐκάστου αὐτῶν. ἔτι ἡ δεκάς ἀριθμὸν γεννᾷ τὸν ε' καὶ ν' θαυμαστὰ περιέχοντα κάλλη· πρῶτον μὲν γὰρ συνέστηκεν ἐκ τοῦ διπλασίου καὶ τοῦ τριπλασίου τῶν κατὰ τὸ ἐξῆς συντεθειμένων, διπλασίων μὲν α' β' δ' η' (ταῦτα δὲ ἐστὶ ιε'), τριπλασίων δὲ α' γ' θ' κζ' (ἅπερ ἐστὶ μ')· ταῦτα δὲ συντιθέμενα ποιεῖ τὸν νε' ὦν καὶ Πλάτων μέμνηται τῆς ψυχογονίας ἀρχόμενος οὕτως· ἡ μίαν ἀφείλεν ἀπὸ παντὸς μοῖραν ἡ καὶ τὰ ἐξῆς. δεύτερον ὁ μὲν νε' ἀριθμὸς δεκάδος ἐστὶ σύνθεσις, ὁ δὲ πε' τῆς δυνάμει δεκάδος· ἐὰν γὰρ ἐκ τῶν ἀπὸ μονάδος μέχρι δεκάδος πολλαπλασιασῆς, συνθήσεις τὸν προειρημένον ἀριθμὸν τὸν πε', τὰ δὲ πε' τοῦ νε' τὸ ἐπταπλάσιον. ἔτι ἐὰν ψηφίσῃς τὸ ἐν ἐν γράμμασιν, εὐρήσεις κατὰ σύνθεσιν τὸν νε'. ἔτι δὲ ἡ γονιμωτάτη ἐξὰς ἐφ' ἑαυτὴν πολλαπλασιασθεῖσα δυνάμει ἐπιγεννᾷ τὸν λς'. ἔστι δὲ ἐπτὰ τούτου μέρη γεννώμενα οὕτως, δις ιη', τρις ιβ', τετράκις θ', ἐξάκις ζ', ἐννεάκις δ', δωδεκάκις γ', ὀκτωκαιδεκάκις β'. γίνεται μέρη μὲν <ἐπτὰ>, ἀριθμὸς δὲ ὁ νε'. [20]

ἔτι τρίγωνοι πέντε κατὰ τὸ ἐξῆς γεννῶσι τὸν νε', γ' ζ' ι' ιε' κα' (γίνονται νε')· πάλιν τετράγωνοι πέντε κατὰ τὸ ἐξῆς, α' δ' θ' ις' κε' (γίνονται νε'), ἐκ δὲ τριγώνου καὶ τετραγώνου ἢ τοῦ ὅλου γένεσις κατὰ Πλάτωνα· ἐκ μὲν <γὰρ> ἰσοπλεύρων τριγώνων τρία σχήματα συνίσταται, πυραμὶς ὀκτάεδρον εἰκοσάεδρον, ἢ μὲν πυρὸς σχῆμα, τὸ δὲ ἀέρος, τὸ δὲ ὕδατος, ἐκ δὲ τετραγώνων ὁ κύβος, τοῦτο δὲ σχῆμα γῆς ἐστίν. [10]